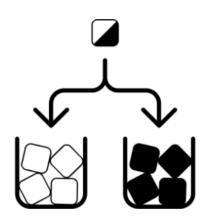
Pesquisa e Ordenação de Dados

Unidade 2.5:

Quick Sort

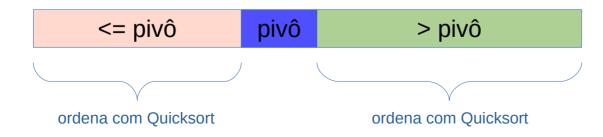


- Algoritmo do tipo divisão e conquista
 - Divide and conquer: técnica que consiste em decompor o problema a ser resolvido em instâncias cada vez menores do mesmo tipo de problema, resolver estas instâncias (em geral, recursivamente) e, por fim, combinar as soluções parciais para obter uma solução do problema original.
- Método proposto por Tony Hoare em 1961



Ideia geral:

- Escolher um elemento especial, chamado de Pivô;
- Posicionar todos os elementos menores ou iguais ao Pivô à sua esquerda e os maiores à sua direita;
- Chamar recursivamente a função para a parte esquerda e para a parte direita.





- O funcionamento do algoritmo obedece aos seguintes passos:
 - Selecionar o Pivô
 - Esta é uma fase importante, pois a escolha de um bom pivô torna o método mais eficiente.
 - Existem várias técnicas para selecionar um pivô:

- Pegar o primeiro elemento

- Pegar o último elemento

Pegar o elemento do meio

- Pegar 3 elementos e escolher o mediano
- Pegar um elemento aleatório

Vamos exemplificar com esse!

- O funcionamento do algoritmo obedece aos seguintes passos:
 - Selecionar o Pivô
 - Fase de particionamento
 - Posicionar todos os elementos menores ou iguais ao pivô à sua esquerda
 - Considerando o elemento **p** como a posição do pivô, e **n** o tamanho máximo do vetor, temos que:

```
\forall A[j] \in A, j
```

- Posicionar todos os elementos maiores que o pivô à sua direita
 - Considerando o elemento p como a posição do pivô, e n o tamanho máximo do vetor, temos que:

$$\forall A[i] \in A, i > p \land i < n \Rightarrow (A[i] > A[p])$$

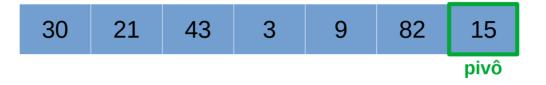
- O funcionamento do algoritmo obedece aos seguintes passos:
 - Selecionar o Pivô
 - Fase de particionamento
 - Chamadas recursivas para a partição da esquerda e para a partição da direita
 - Para a partição da esquerda é feita uma chamada recursiva considerando os elementos de 0 até a posição anterior ao pivô

```
quickSort(vet,0,p-1)
```

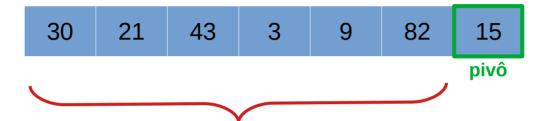
 Para a partição da esquerda é feita uma chamada recursiva considerando como primeiro elemento o elemento posterior do pivô até o último elemento
 quickSort (vet, p+1,n)

- O funcionamento do algoritmo obedece aos seguintes passos:
 - Selecionar o Pivô
 - Fase de particionamento
 - Chamadas recursivas para a partição da esquerda e para a partição da direita
 - Para a partição da com a la faita de la companha del companha de la companha de la companha de
 - Para a partição da esquerda é feita uma chamada recursiva considerando como primeiro elemento o elemento posterior do pivô até o último elemento
 quickSort (vet , p+1, n)

Quick SortComo funciona - Pivô



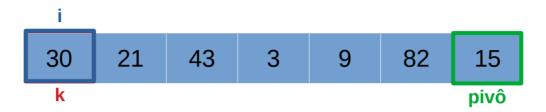
última posição



Particionamento: dividir este conjunto de elementos em 2 regiões:

- menores ou iguais ao pivô
- maiores do que o pivô

Ao final da etapa, o pivô será colocado entre essas duas regiões.

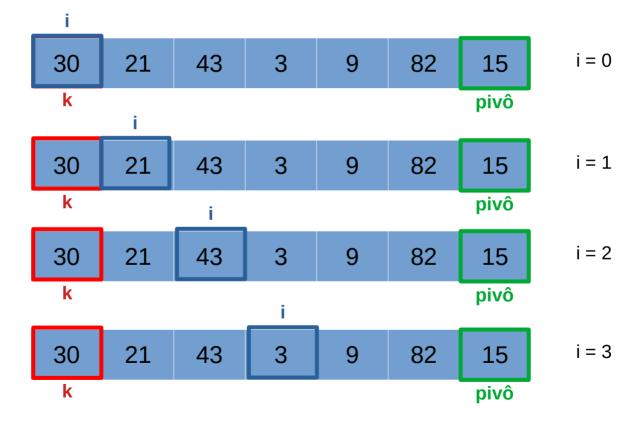


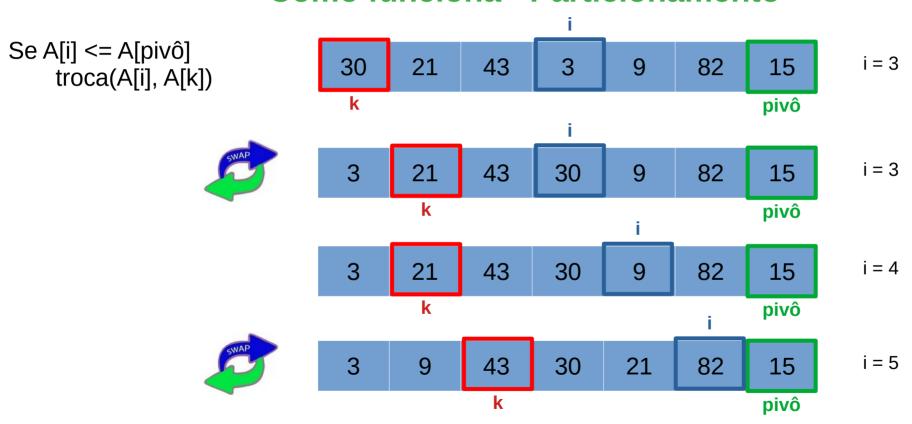
i = percorre o vetor do início até a posição anterior ao pivô. Representa o elemento **atual** que está sendo comparado com o pivô.

k = representa o **limite** entre os elementos menores ou iguais ao pivô (que já foram posicionados) e a região onde estão os elementos maiores que o pivô. Troca com **i** sempre que um elemento **<= pivô** for encontrado.

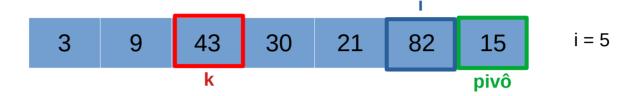
O objetivo é que todos os elementos menores ou iguais ao pivô sejam colocados antes de **k**. Ao final da iteração, o pivô troca com **k**, indo portanto para sua posição correta.

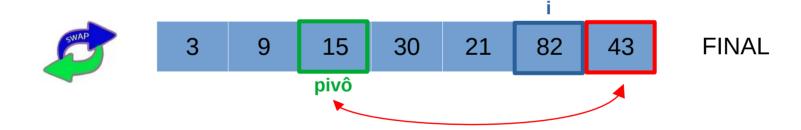
Se $A[i] \le A[piv\hat{o}]$ troca(A[i], A[k])



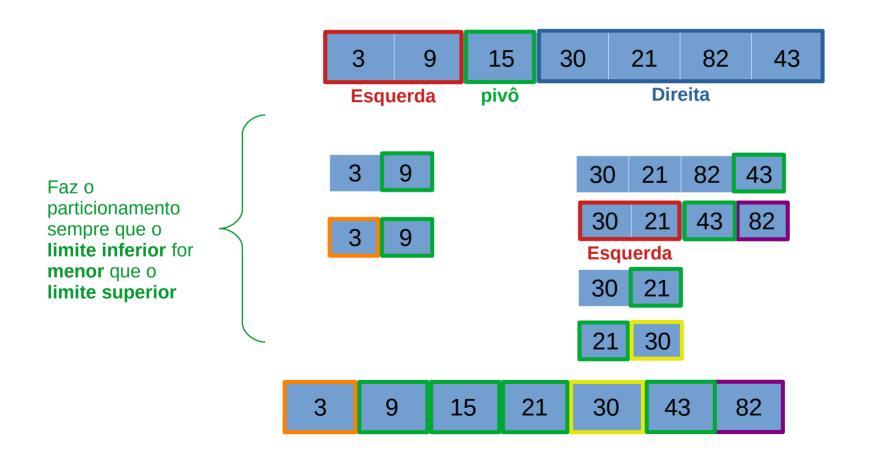


Se $A[i] \le A[piv\hat{o}]$ troca(A[i], A[k])





Quick Sort Como funciona – Chamada recursiva



Quick Sort Implementação

O algoritmo será implementado em duas partes:

quickSort

- Função principal que será chamada pelos demais programas
- Responsável por chamar a função de particionamento e a função recursiva
- Recebe como parâmetro o vetor, seu índice inicial e seu índice final

particiona

- Função auxiliar responsável pela seleção do pivô (último elemento) e organizar os dados conforme a lógica do método
 - Menores à esquerda do pivô e maiores à direita
- Recebe como parâmetro o vetor e os limites de cada segmento (índices inicial e final)
- Reorganiza o vetor original
- Retorna a posição do pivô

Quick Sort Pseudocódigo

```
função quickSort(A[], inicio, fim)
inicio
                                                  Segmento tem pelo menos 2 elementos
   se inicio < fim então
      posPivo ← particiona(A[], inicio, fim)
                                                       /* vai retornar a posicao do pivô */
      quickSort(A, inicio, posPivo-1)
                                                            Chamada recursiva p/
                                                         elementos à esquerda do pivô
      quickSort(A, posPivo+1, fim)
   fimSe
                                                         Chamada recursiva p/
                                                       elementos à direita do pivô
fim
```

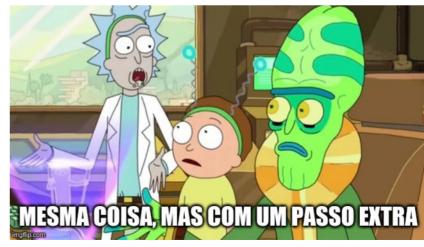
Quick Sort Pseudocódigo

```
função particiona(A[], inicio, fim)
inicio
  posPivo ← fim /* usando o ultimo; poderia ser outra estratégia */
  k ← inicio /* k: posição de swap para o pivo */
  para i = inicio, i < fim faça
     se A[i] <= A[posPivo] entao
       troca(A[i], A[k])
       k++
    fimSe
  fimPara
  se A[k] > A[posPivo] entao
    troca(A[k], A[posPivo])
 fimSe
  retorna posPivo
```

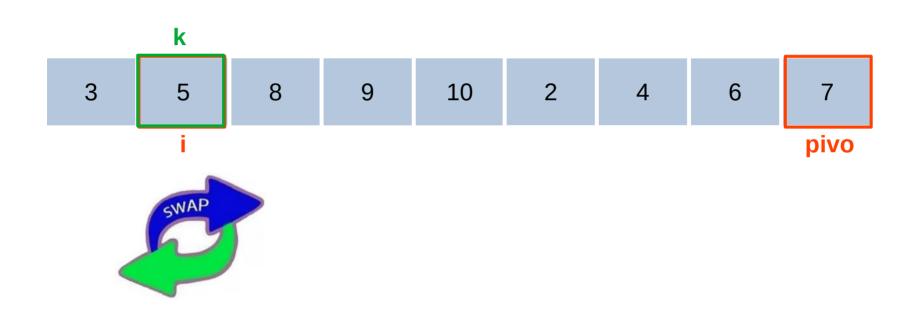
Quick Sort - Particionamento Exemplo passo a passo (1)

k
3 5 8 9 10 2 4 6 7
pivo

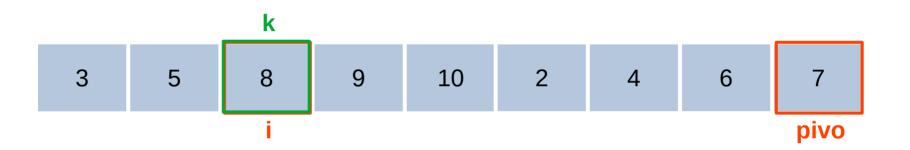




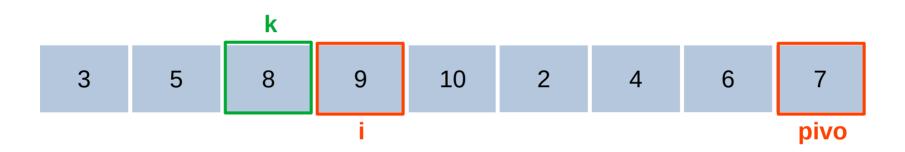
Quick Sort - Particionamento Exemplo passo a passo (2)



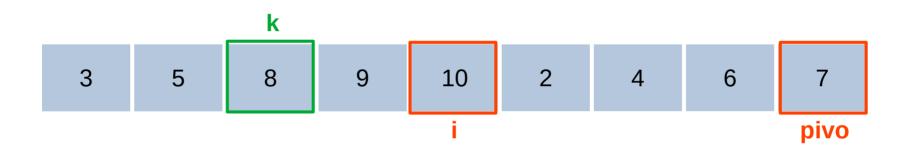
Exemplo passo a passo (3)



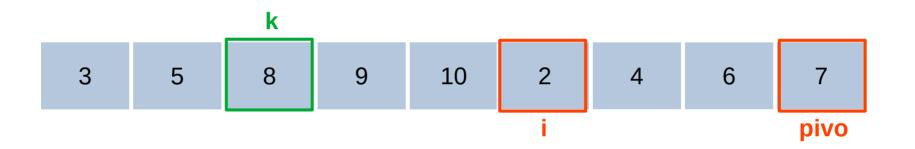
Quick Sort - Particionamento Exemplo passo a passo (4)



Exemplo passo a passo (5)

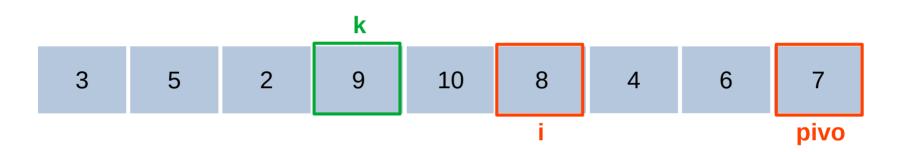


Exemplo passo a passo (6)

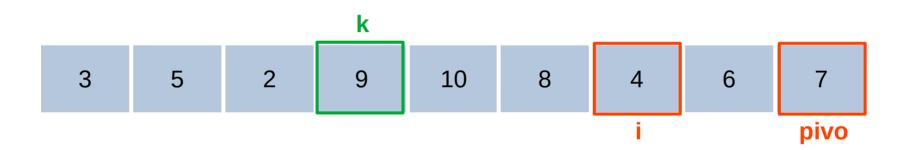




Exemplo passo a passo (7)

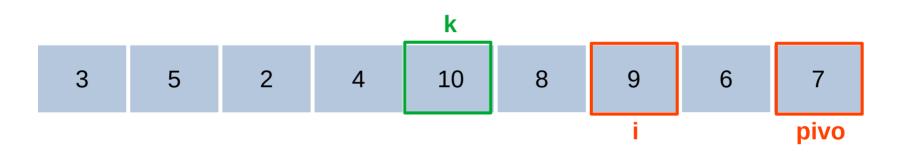


Exemplo passo a passo (8)





Quick Sort - Particionamento Exemplo passo a passo (9)



Quick Sort - Particionamento Exemplo passo a passo (10)

k
3 5 2 4 10 8 9 6 7
i pivo



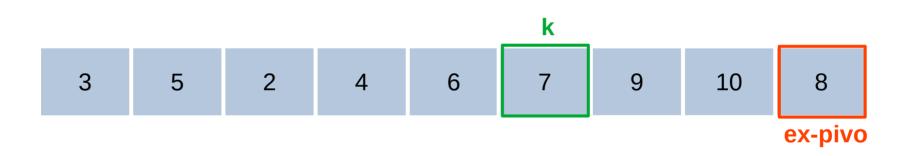
Quick Sort - Particionamento Exemplo passo a passo (11)



Laço terminou

Troca o pivô pelo elemento K se este for maior

Quick Sort - Particionamento Exemplo passo a passo (12)

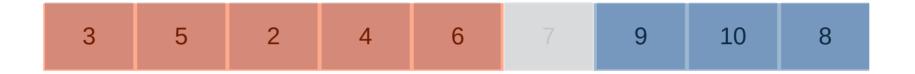


Laço terminou

Troca o pivô pelo elemento K se este for maior

Retorna posição atual do pivô

Quick Sort - Particionamento Exemplo passo a passo (13)



inicio..pivô-1

pivô+1..fim

Chamadas recursivas

e continua...

Quick Sort - Outro Exemplo

								•			
• Lista		original:	23	17	8	15		9	12	19	-
				0	1	2	3	4	5	6	7
		QuickSort((A, 0, 7)	23	17	8	15	9	12	19	7
		particiona(A, 0, 7)	7	17	8	15	9	12	19	23
		QuickSort(A, 0, -1), (QuickSort(A, 1, 7)	7	17	8	15	9	12	19	23
		QuickSort(A, 1, 7)	7	17	8	15	9	12	19	23
		particiona(A, 1, 7)	7	17	8	15	9	12	19	23
		QuickSort(A, 1, 6), Q	QuickSort(A, 8, 7)	7	17	8	15	9	12	19	23
		QuickSort(A, 1, 6)	7	17	8	15	9	12	19	23
		particiona(A, 1, 6)	7	17	8	15	9	12	19	23
		QuickSort(A, 1, 5), Q	QuickSort(A, 7, 6)	7	17	8	15	9	12	19	23
		QuickSort(A, 1, 5)	7	17	8	15	9	12	19	23
		particiona(A, 1, 5)	7	8	9	12	17	15	19	23
		QuickSort(A, 1, 2), Q	QuickSort(A, 4, 5)	7	8	9	12	17	15	19	23
		QuickSort(A, 1, 2)	7	8	9	12	17	15	19	23
		QuickSort(A, 4, 5)	7	8	9	12	15	17	19	23

Quick Sort Análise

- θ (n log n) no melhor caso
 - pivô que divide o vetor em duas partes exatamente iguais
- O(n²) no pior caso
 - Caso a escolha do pivô seja sempre o elemento localizado no fim do vetor, nossa implementação pode cair nesse problema se o vetor estiver em ordem crescente
 - Neste caso, o particionamento gera uma partição com zero elementos e outra com todos os demais
 - Para solucionar pode ser feita a implementação de pivô randômico, ou mesmo randomizar a entrada
 - · Pivô randômico torna improvável atingir o pior caso

Resumo:

- Na teoria: seu pior caso é aproximadamente igual aos dos algoritmos mais simples de ordenação
- Na prática: é um dos mais eficientes algoritmos de ordenação
- Não estável
- In place