Recursão

Sumário

- Funções
- Recursão

- Uma função é um conjunto (bloco) de comandos situado fora do programa principal e associado a um nome
 - O bloco de comandos é executado no momento em que função é chamada por meio de seu nome
 - A função pode ser chamada quantas vezes for necessário
 - Vantagens:
 - Melhor organização do programa
 - Reutilização de código
- Em C, o programa principal também é uma função, chamada main

- Quando uma função é chamada:
 - o programa chamador é suspenso e seus dados são empilhados na memória;
 - o bloco de comandos da função é executado;
 - a função termina e retorna para o programa chamador;
 - o programa chamador continua sua execução a partir da próxima instrução.

Funções - Parâmetros

- Uma função pode receber valores de entrada através de seus parâmetros
 - Também chamados de parâmetros formais
 - A lista de parâmetros (que pode ser vazia) aparece entre () junto ao nome da função
 - Na chamada de uma função, passamos valores (argumentos) para os respectivos parâmetros

```
função Python

1  def addition(a , b):
2  return a + b
```

```
função C

int addition (int a, int b){
   return a + b;
}
```

Funções - Retorno

- Uma função pode retornar resultados ao programa que a chamou
 - Instrução return
 - Após a execução do return, a função termina
 - O tipo de retorno é especificado na definição da função

```
função Python

def addition(a, b):
return a + b
```

```
função C

1  int addition (int a, int b){
2   return a + b;
3 }
```

Funções - Retorno

- Uma função pode retornar resultados ao programa que a chamou
 - Uma função void não retorna nada

```
função Python

def funcTeste( a , b ):
   print("Recebeu A: %s e B: %s"% (a,b));
```

```
função C

1  void funcTeste (int a, int b){
2  printf("Recebeu A: %d e B: %d", a,b);
3 }
```

- Definição de função
 - Sintaxe

```
tipo_retorno nomeFuncao (tipo paramentro, tipo parametro2){
//bloco
}
Qualquer tipo: int, float, double, char, struct, ponteiro
• Se declarar um tipo precisa de retorno
• Se colocar void não retorna nada

int nomeFuncao (tipo paramentro, tipo parametro2){
//bloco
return valore;
```

- Definição de função
 - Sintaxe

```
tipo_retorno nomeFuncao (tipo paramentro, tipo parametro2){
//bloco
O nome não pode conter caracteres especiais nem ser uma palavra reservada.
```

5

- Definição de função
 - Sintaxe

```
tipo retorno nomeFuncao (tipo paramentro, tipo parametro2){
         //bloco
                                      Aceita quantos parâmetros forem
                                      necessários, sempre seguindo o padrão:
                                      tipo nomeVar
                                      Pode-se deixar vazio ou declarar void se
                                      não for necessário nenhum parâmetro
   void nomeFuncao (){
       //bloco
       printf("função sem parametro");
       return; //opcional
4
```

- Exemplo
 - A função recebe um valor inteiro e retorna o mesmo elevado ao quadrado
 - return de um valor do tipo int

```
#include <stdio.h>
     int elevaAoQuadrado (int val){
         return val*val;
 5
     int main(){
         int a, resultado;
         scanf("%d", &a); //lê valor interiro
10
11
         resultado = elevaAoQuadrado(a); //chamda de função
12
13
         printf("%d ^ 2 = %d\n", a,resultado);
14
15
         return (0);
16
17
```

- A função parOulmpar recebe um valor inteiro e diz se ele é par ou ímpar
- O resultado é impresso (printf)
- A função não retorna nada
 - Não possui return
 - Tipo de retorno void

```
#include <stdio.h>
     void parOuImpar (int x){
         if ((x \% 2) == 0){
             printf("Par!\n");
         } else {
             printf("Impar!\n");
 8
 9
10
11
     int main(){
         int a, resultado;
12
13
         scanf("%d", &a); //lê valor interiro
14
         while (a > 0) {
15
             parOuImpar(a);
16
             scanf("%d", &a); //lê valor interiro
17
18
19
         return (0);
20
21
```

- A função imprimeData recebe como parâmetro um valor do tipo struct data e não retorna nada
- A função constroiData recebe 3 inteiros e retorna um valor do tipo struct data

```
struct data {
      int dia;
      int mes;
      int ano;
 8
 9
    void imprimeData(struct data d) {
11
      printf("Dia: %d\n", d.dia);
      printf("Mes: %d\n", d.mes);
12
13
      printf("Ano: %d\n", d.ano);
14
15
    struct data constroiData(int dia, int mes, int ano) {
16
      struct data d;
17
18
      d.dia = dia;
      d.mes = mes;
19
20
      d.ano = ano;
      return d;
21
22
23
    int main() {
25
      struct data feriado = constroiData(25, 12, 2022);
      imprimeData(feriado);
26
27
      return 0;
28
```

- Escopo: regras de visibilidade das variáveis no programa
 - Variáveis locais
 - Declaradas dentro de um bloco
 - Não podem ser usadas ou modificadas fora do respectivo bloco, pois somente existem enquanto este estiver sendo executado
 - Parâmetros formais de funções
 - Comportam-se como variáveis locais da função
 - Variáveis globais
 - Declaradas fora de qualquer bloco
 - São acessíveis e modificáveis em qualquer parte do programa que venha após sua declaração

```
#include <stdio.h>
    //declaração de variáveis globais
    void funcao1(parâmetros)
       // declaração das variáveis locais da função1
 8
 9
       return;
10
11
    int main()
13
      //declaração das variáveis locais da main()
14
15
16
       return 0;
17 }
```

Funções - Exercícios

- 1. Crie uma função que receba 2 números inteiros e retorne o maior valor.
- 2. Crie uma função que receba 3 números inteiros e retorne o maior valor, utilizando uma chamada para função anterior.
- 3. Crie um programa de conversão entre temperaturas Celsius e Fahrenheit.
 - a. Primeiro, o usuário deve escolher se vai entrar com a temperatura em Celsius ou Fahrenheit, depois a conversão escolhida é realizada.
 - b. Se C é a temperatura em Celsius e F em Fahrenheit, as fórmulas de conversão são:
 - i. C = 5.(F-32)/9
 - ii. F = (9.C/5) + 32

Sumário

- Funções
- Recursão

Recursividade

 Processo de definir algo utilizando a si mesmo

 Alguns problemas podem ser resolvidos com base na solução de instâncias menores do próprio problema



Recursividade

- Exemplo: Fatorial
 - Se já conheço 15!, como calcular 16!?

Se já conheço (n-1)!, como calcular n!?

$$n! = n * (n-1)!$$

Repete até chegar ao caso base:

$$0! = 1$$

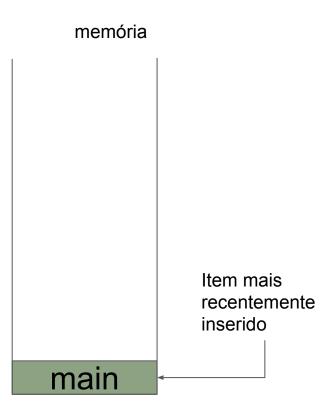
- Para melhor compreender a recursividade, vamos entender o que ocorre internamente na memória quando funções são chamadas
 - Você aprenderá isso com mais detalhes em disciplinas futuras
- A memória de um programa contém uma estrutura especial chamada pilha de execução, onde cada elemento representa uma função
 - existe também um ponteiro para onde o programa está executando, além de uma área para armazenamento das variáveis (globais e locais)
- Assim que o programa for iniciado, a função main é colocada nesta estrutura
- Cada função que for chamada será colocada no topo da pilha
 - Ao ser finalizada, a função sai da pilha e o programa passa a executar a função anterior (que agora está novamente no topo da pilha)

Exemplo

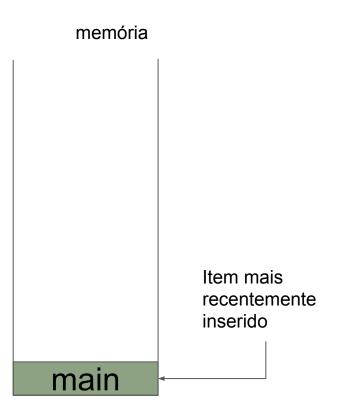
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```

memória Item mais recentemente inserido main

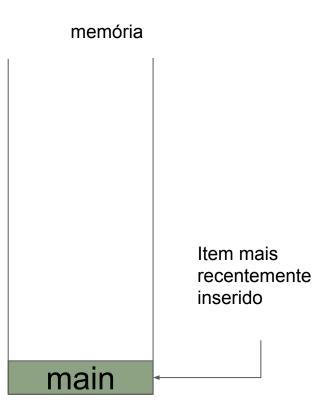
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
 int s, d, m;
   s = soma(3,2);
   d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```



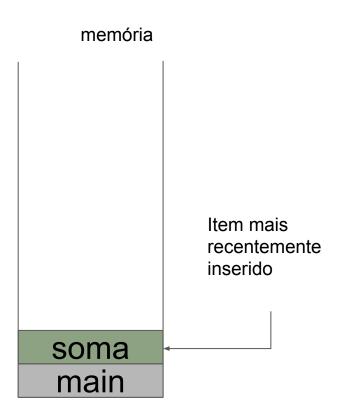
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```



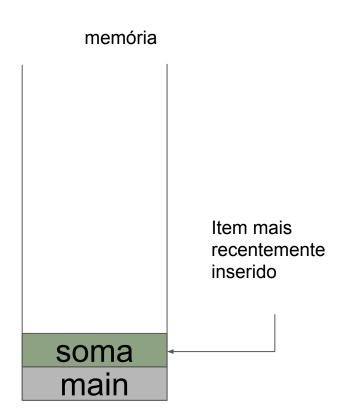
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
   int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c) {
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



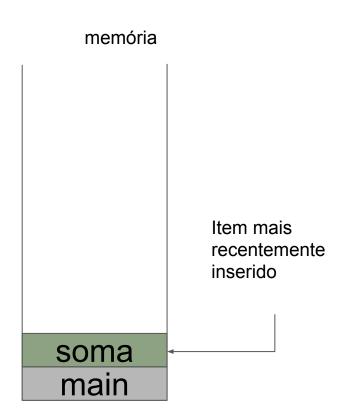
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```



```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```



Exemplo

```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```

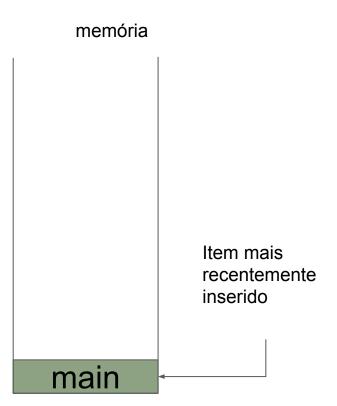
Remove da memória e volta de onde parou

Item mais recentemente inserido

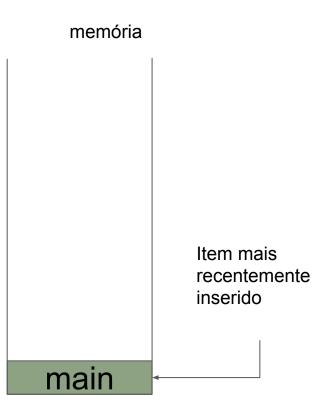
soma main

memória

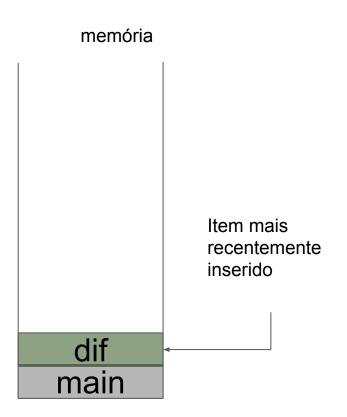
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
   int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c) {
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



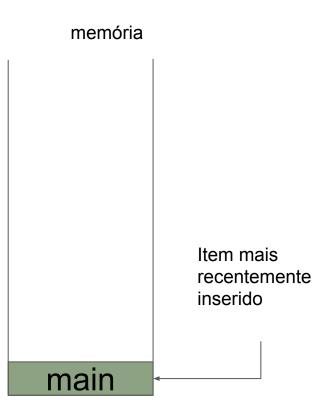
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
   s = soma(3,2);
  d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```



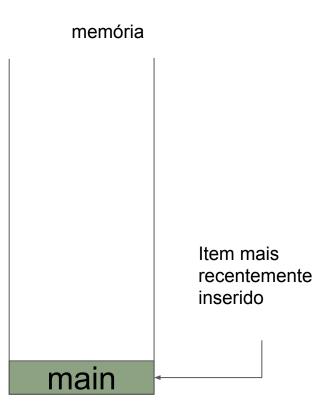
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
   s = soma(3,2);
  d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```



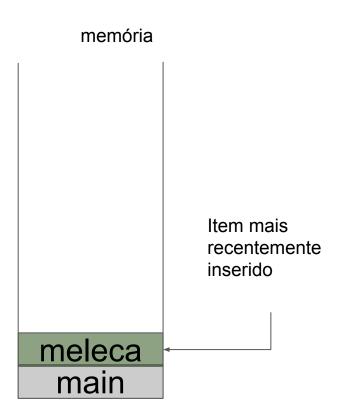
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
   s = soma(3,2);
  d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```



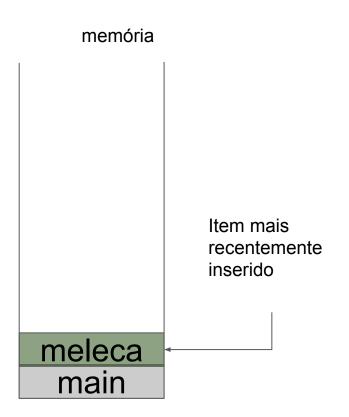
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```



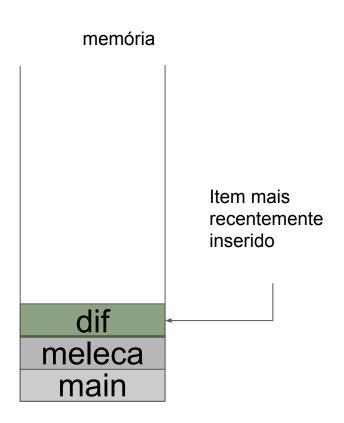
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
   int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c) {
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



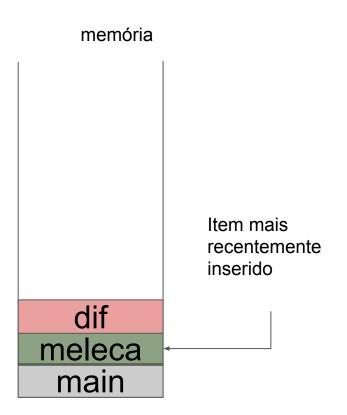
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
  return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



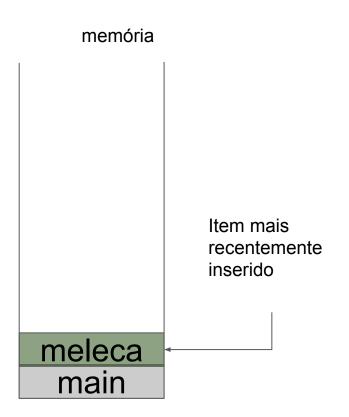
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
   int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
 return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



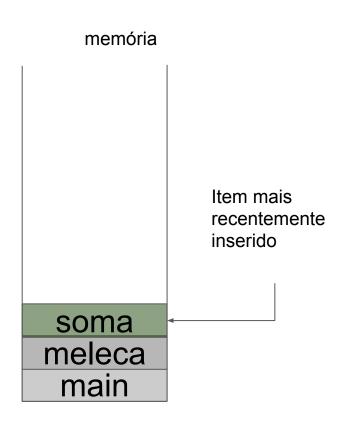
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
  return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



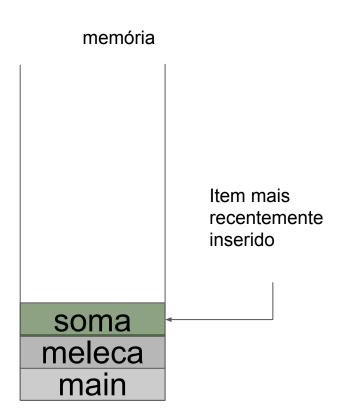
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
  return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



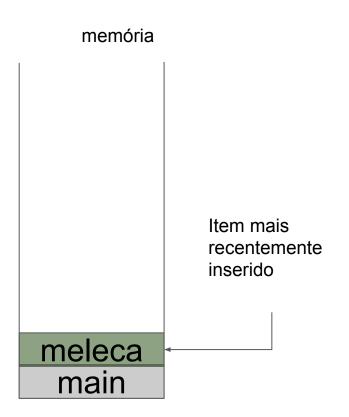
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
   int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c) {
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



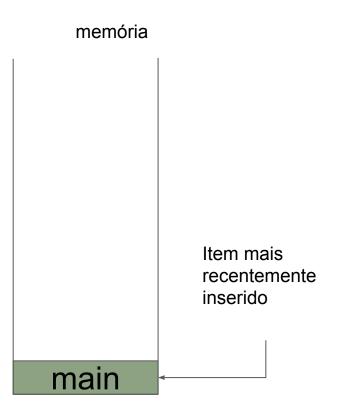
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
   int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c) {
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



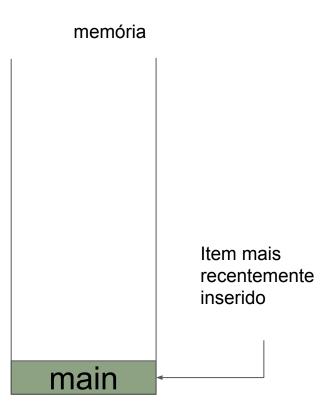
```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
  return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
   s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
  m = meleca(3, 1, 5);
  return 0;
```



```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
  int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```



Exemplo

```
#include <stdio.h>
int soma(int a, int b){
  int r = a+b;
   return r;
int dif(int a, int b){
   return a-b;
int meleca (int a, int b, int c){
   return soma(a, dif(b,c));
int main(){
   int s, d, m;
  s = soma(3, 2);
   d = dif(3,2);
   m = meleca(3, 1, 5);
   return 0;
```

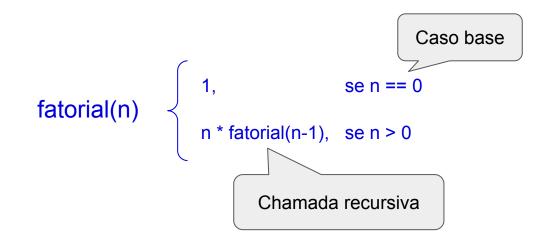
memória

Fim do programa

- Por que usar recursão?
 - Programas recursivos são, em geral, mais simples de escrever, analisar e entender
 - Quebramos o problema em partes menores, deixando-o mais simples, e chamamos a função várias vezes até chegar à forma mais simples de resolvê-lo



- Podemos decompor uma recursão por:
 - Caso base: uma instância do problema solucionada facilmente, sem recursão
 - Chamadas recursivas: onde a função é definida em termos de si própria, realizando uma redução em direção ao seu caso base



Podemos decompor uma recursão por Caso base: uma instância Chamadas recursivas: 0 Learn to Make redução em direção ao se program recursive function fatoria Learn to Make program recursive function No exit condition No exit condition

Exemplo - Fatorial

```
\circ !n = n*(n-1)*(n-2)*...*1;
```

```
#include <stdio.h>
int fatorial(int n) {
   if (n == 0)
      return 1;
   return n*fatorial(n-1);
}
int main() {
   printf("%d", fatorial(10));
   return 0;
}
```

Exemplo - Imprimir os números naturais menores ou iguais a N

```
#include <stdio.h>
void imprimeNaturais(int N) {
   if (N == 0) {
       printf("%d", N);
       return;
   imprimeNaturais(N-1);
   printf(" %d", N);
int main(){
   imprimeNaturais(10);
   printf("\n");
   return 0;
```

Exemplo - Imprimir os números inteiros maiores ou iguais a X e menores que Y

```
#include <stdio.h>

void imprimeInteiros(int X, int Y) {
   if (X >= Y)
      return;
   printf(" %d ", X);
   imprimeInteiros(X+1, Y);
}

int main() {
   imprimeInteiros(-2,8);
   printf("\n");
   return 0;
}
```

Exercícios

- Implemente uma função recursiva que, dado um número inteiro n, calcula o valor de 2ⁿ.
- 2. Implemente uma função recursiva que, dados dois números inteiros x e n, calcula o valor de xⁿ.
- Implemente uma função que imprime um número natural em base binária (deve fazer a conversão).
- Implemente uma função recursiva que calcula o somatório de um vetor passado por parâmetro.
- 5. Implemente uma função recursiva que inverte uma string.