Laboratorul 3

1. Dacă \mathbf{A} și \mathbf{B} sunt două evenimente astfel încât $P(\mathbf{A}) > 0$, atunci probabilitatea condiționată a evenimentului \mathbf{B} condiționat de evenimentul \mathbf{A} este $P(\mathbf{B}|\mathbf{A}) = \frac{P(\mathbf{A} \cap \mathbf{B})}{P(\mathbf{A})}$.

Într-o urnă sunt 5 bile roşii, 3 bile albastre și 2 bile verzi. Se extrag aleator, pe rând, 3 bile din urnă, fără repunerea bilei extrase înapoi în urnă înaintea următoarei extrageri. Se consideră următoarele evenimente asociate acestui experiment: A:"cel puţin o bilă extrasă este roşie" și B:"toate bilele extrase au aceeași culoare."

- i) Folosind funcția randsample, scrieți o funcție care simulează de 5000 de ori experimentul de mai sus și returnează proporția de simulări în care a avut loc evenimentul A.
- ii) Scrieți o funcție care simulează de 5000 de ori experimentul de mai sus și returnează proporția de simulări în care a avut loc evenimentul $\mathbf{A} \cap \mathbf{B}$.
- iii) Folosind rezultatele obţinute la i) şi ii), estimaţi probabilitatea $P(\mathbf{B}|\mathbf{A})$. Comparaţi această estimare cu valoarea exactă a probabilității.
- iv) Scrieți o funcție care simulează de 5000 de ori experimentul de mai sus și returnează proporția de simulări în care a avut loc evenimentul **B** după ce s-a observat anterior apariția evenimentului **A**, relativă la numărul de apariții ale evenimentului **A**. Comparați valoarea obținută cu valorile obținute la iii).
 - **2.** a) Pentru $p \in (0,1), n, m \in \mathbb{N}^*$ și o variabilă aleatoare $X \sim Bino(n,p)$, i.e.

$$X \sim \left(\begin{array}{c} k \\ C_n^k p^k (1-p)^{n-k} \end{array} \right)_{k=\overline{0.n}},$$

să se genereze un vector x de m valori ale lui X, folosind funcția **binornd**. Comparați datele obținute cu cele date de distribuție, folosind funcțiile: **bar**, **binopdf** și **histc**, testând codul de mai jos:

>>pkg load statistics

```
clf; grid on; hold on;
p=...; n=...; m=...;
x=binornd(n,p,1,m);
N=hist(x,0:n);
bar(0:n,N/m,'hist','FaceColor','b');
bar(0:n,binopdf(0:n,n,p),'FaceColor','y');
legend('probabilitatile estimate','probabilitatile teroretice');
set(findobj('type','patch'),'facealpha',0.7);xlim([-1 n+1]);
```

- b) Folosind funcția binornd în 5000 de simulări, estimați probabilitatea ca exact 2 zaruri din 5 zaruri aruncate să arate numere divizibile cu 3. Comparați valoarea obținuță cu probabilitatea teoretică corespunzătoare, folosind funcția binopdf.
- **3.** Considerăm experimentul: se aruncă 4 zaruri, apoi se calculează suma numerelor obținute. Rezolvați în Octave următoarele cerințe:
- i) Simulați de 1000 de ori aruncarea a 4 zaruri, folosind funcția randi. Afișați, sub forma unei matrice, toate sumele apărute cu frecvențele lor absolute.
- ii) Reprezentați grafic frecvențele relative ale sumelor obținute, folosind funcțiile hist și bar. Care sunt cele mai frecvente sume?
- iii) Afișați, sub forma unei matrice, toate sumele posibile cu frecvențele lor absolute teoretice. Reprezentați grafic frecvențele relative corespunzătoare. Care sunt cele mai frecvente sume?
- iv) Estimați probabilitatea ca suma numerelor celor 4 zaruri este cel puțin 10, știind că suma este cel mult 20. Afișați probabilitatea teoretică corespunzătoare.