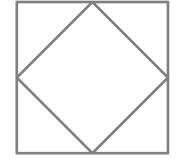
## Laboratorul 2

- 1. Estimați prin simulări repetate probabilitatea ca într-un grup de 23 persoane cel puțin două să aibă aceeași zi de naștere. Puteți folosi funcția randi, după ce ați executat comanda:
  - >> pkg load statistics
- **2. a)** Generați  $N \in \{500, 1000, 2000\}$  puncte uniform aleatoare într-un pătrat. Afișați frecvența relativă a punctelor care:
  - i) sunt în interiorul cercului tangent laturilor pătratului.
  - ii) sunt mai apropiate de centrul pătratului decât de vârfurile pătratului.
- iii) formează cu vârfurile pătratului două triunghiuri ascuţitunghice și două triunghiuri obtuzunghice.
- b) Reprezentați grafic pătratul și punctele pentru fiecare caz.
- c) Comparați frecvențele relative obținute cu probabilitățile geometrice corespunzătoare.
- c) Fără a restrânge generalitatea, vom rezolva cerințele problemei într-un pătrat de latură 1.
- i) Probabilitatea geometrică este raportul dintre aria discului și aria pătratului, adică  $\frac{\pi}{4}$ .
- ii) Probabilitatea geometrică este raportul dintre aria pătratului cu vârfurile date de mijloacele pătratului inițial și aria pătratului inițial, adică  $\frac{1}{2}$ , deoarece: un punct este mai aproape de centru decât de vârfuri dacă și numai dacă se află în intersecția semiplanelor, care conțin centrul pătratului, determinate de mediatoarele segmentelor care au un capăt centrul pătratului și celălalt capăt câte un vârf al pătratului.



iii) Probabilitatea geometrică este raportul dintre aria "petalelor" și aria pătratului inițial, unde "petalele" sunt date de intersecțiile semicercurilor cu centrele pe mijloacelele laturilor și de rază  $\frac{1}{2}$ . Fie p aria unei petale și q aria complementului a două petale într-un semidisc. Aria unui semidisc este  $\frac{\pi}{8}$ , deci  $2p+q=\frac{\pi}{8}$ . Aria pătratului este 1=4p+4q. Deci  $\frac{\pi}{2}=4p+(4p+4q)=4p+1$ , de unde rezultă că probabilitatea cerută este  $4p=\frac{\pi}{2}-1$ .

