Tema 4

Exerciţiul 1

Tabloul următor reprezintă legea cuplului (X, Y): unde putem considera că X este numărul de copii dintrofamilie şi Y este numărul de televizoare din acea familie (am considerat numai familii cu 1-3 copii şi cu 1-3 televizoare).

$X \backslash Y$	1	2	3
1	0.22	0.11	0.02
2	0.2	0.15	0.1
3	0.06	0.07	0.07

Determinați:

- a) Legile marginale ale lui X și respectiv Y.
- b) Media şi varianţa lui X şi respectiv Y.
- c) Coeficientul de corelație dintre X și Y.
- d) Legea condiționată a lui X la Y=2 și respectiv legea condiționată a lui Y la X=2.
- e) Media și varianța acestor legi condiționate.

Exercițiul 2

Fie X și Y două v.a. independente repartizate Poisson de parametrii λ și respectiv μ . Determinați legea (repartiția) condiționată a lui X la X+Y=n.

Exercițiul 3

Știm că intr-un lot de 5 tranzistori avem 2 care sunt defecți. Tranzistorii sunt testați, unul cate unul, pană cand cei doi tranzistori au fost identificați. Fie N_1 numărul de teste pentru identificarea primului tranzistor defect și N_2 numărul de teste suplimentare pentru identificarea celui de-al doilea tranzistor defect. Scrieți un tablou in care să descrieți legea cuplului (N_1, N_2) . Calculați $\mathbb{E}[N_1]$ și $\mathbb{E}[N_2]$.

Exerciţiul 4

Numărul de clienți care intră intr-un magazin pe durata unei zile este o v.a. de medie 50. Suma cheltuită de fiecare dintre clienții magazinului poate fi modelată ca o v.a. de medie 30 RON. Presupunem că sumele cheltuite de clienți, ca v.a., sunt independente intre ele și independente de numărul total de clienți care intră in magazin intr-o zi dată. Care este media cifrei de afaceri a magazinului in ziua considerată?

Exercițiul 5

Fie (X,Y) un cuplu de variabile aleatoare (vector aleator) a cărui repartiție este:

Grupele: 241, 242, 243, 244 Pagina 1

$X \backslash Y$	2	4	6
0	0.1	0.2	0.1
1	0.1	0.1	0.1
2	0.1	0.1	0
3	0.05	0	0.05

- a) Calculați $\mathbb{E}[Y]$ și Var(Y).
- b) Determinați repartiția v.a. $\mathbb{E}[Y|X]$ și Var(Y|X).
- c) Verificați formula varianței condiționate:

$$Var(Y) = \mathbb{E}[Var(Y|X)] + Var(\mathbb{E}[Y|X]).$$

Grupele: 241, 242, 243, 244 Pagina 2