

Laborversuch S-Parameter

Grundlagen, Vorbereitung und Messaufgaben

Ausgabe 0.1, August 2014

S. Rupp, H. Huning

T2ELN3001.2 1/19



Inhaltsverzeichnis

1.	Zwe	eitore	
2.	Streuparameter		4
	2.1.	Einführung von Wellengrößen	5
	2.2.	Beschreibung eines Zweitors durch Streuparameter	6
	2.3.	Eigenschaften aus Streuparametern ablesen	8
	2.4.	Streuparameter berechnen	9
3.	Vorbereitungsaufgaben		11
	3.1.	Berechnung der Streuparameter	11
	3.2.	Streuparameter und Wirkleistung	11
	3.3.	Verkettung von Zweitoren	12
	3.4.	Berechnung der Streuparameter - Muster	13
	3.5.	Anschluss des Zweitors mit Hilfe einer Leitung - Muster	14
	3.6.	Berechnung der Streuparameter	16
4.	Messaufgaben		17

T2ELN3001.2 2/19



1. Zweitore

Schaltungen mit zwei Toren (einem Eingangstor und einem Ausgangstor) bezeichnet man als Zweitore. Wenn das Innenleben des Zweitors unbekannt ist, lassen sich messtechnisch charakteristische Größen für das Zweitor ermitteln. Je nach der hierfür vorgenommenen äußeren Beschaltung des Zweitors unterscheidet man Impedanzparameter (Z-Parameter), Admittanzparameter (Y-Parameter) und Streuparameter (S-Parameter).

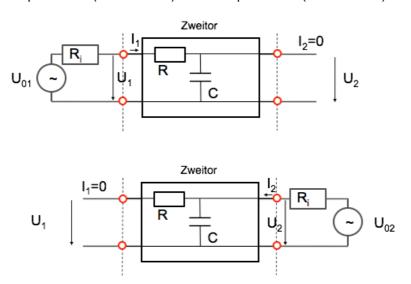


Bild 1.1 Messbedingungen für Z-Parameter

Bei der Messung der Z-Parameter wird die Impedanzmatrix des Zweitors ermittelt. In vektorieller Schreibweise gilt U=Z I, wobei Z die Impedanzmatrix darstellt. Die Elemente der Impedanzmatrix sind $Z_{11}=U_1/I_1$ Eingangs-Leerlaufimpedanz ($I_2=0$), $Z_{21}=U_2/I_1$ Leerlauf-Kernimpedanz vorwärts ($I_2=0$), $Z_{12}=U_1/I_2$ Leerlauf-Kernimpedanz rückwärts ($I_1=0$), und $I_2=0$ 0. Die Bedeutung dieser Bezeichnungen wird aus den hierfür erforderlichen Beschaltungen ersichtlich, wie in der Abbildung oben gezeigt.

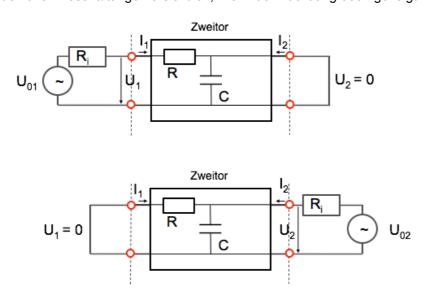


Bild 1.2 Messbedingungen für Y-Parameter

T2ELN3001.2 3/19



In ähnlicher Weise erfolgt die Messung der Admittanzmatrix, wie die Abbildung oben zeigt. Bei der Messung der Y-Parameter werden die Eingänge bzw. Ausgänge kurzgeschlossen. In vektorieller Schreibweise gilt I = Y U, wobei Z die Admittanzmatrix darstellt. Die Elemente der Admittanzmatrix sind $Y_{11} = I_1/U_1$ Eingangs-Kurzschlussadmittanz $(U_2=0)$, $Y_{21} = I_2/U_1$ Kurzschluss-Kernadmittanz vorwärts $(U_2=0)$, $Y_{12} = U_1/I_2$ Kurzschluss-Kernadmittanz rückwärts $(U_1=0)$, und $Y_{22} = U_2/I_2$ Ausgangs-Kurzschluss-Admittanz $(U_1=0)$. Die Bedeutung dieser Bezeichnungen wird wiederum aus den hierfür erforderlichen Beschaltungen ersichtlich.

In der Hochfrequenztechnik ist die Messung von Strömen in der Praxis schwer realisierbar. Zudem erhält man besser definierte Messbedingungen, wenn man die Eingänge bzw. Ausgänge des Zweitors mit dem jeweiligen Wellenwiderstand abschliesst. In diesem Fall ist der Leitungsabschluss reflexionsfrei. Folgende Abbildung zeigt die Messbedingungen für die sogenannten Streuparameter.

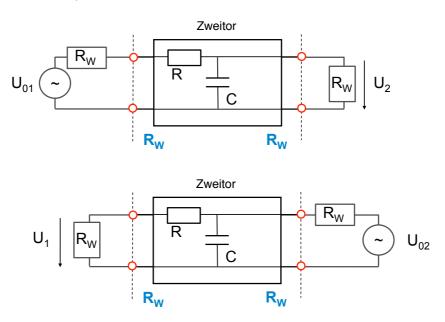


Bild 1.3 Messbedingungen für S-Parameter

2. Streuparameter

Mit Hilfe der Streuung von Wellen lassen sich die Eigenschaften von Schaltungen mit mehreren Eingängen oder Ausgängen beschreiben. Diese sogenannten Streuparameter haben die Eigenschaft, dass sie sich messtechnisch leichter erfassen lassen als Impedanzen oder Admittanzen. Folgende Abbildung zeigt ein Zweitor, das an jedem Tor mit einer Leitung beschaltet ist.

T2ELN3001.2 4/19



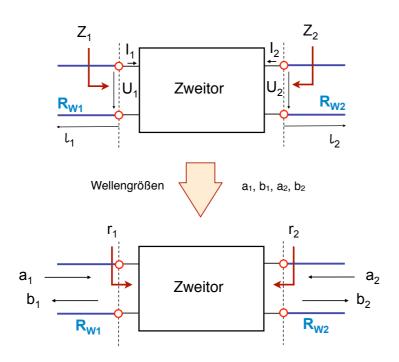


Bild 2.1 Zweitor mit Anschlussleitungen und Wellengrößen

Die Eigenschaften des Zweitors lassen sich mit Hilfe der Spannungswellen bzw. Stromwellen an jedem Tor beschreiben. Jedes Tor für sich betrachtet stellt einen Abschluss der jeweils angeschlossenen Leitung dar. Die beiden Tore sind mit 1 und 2 indiziert. Für die Beschreibung des Zweitors durch Streuparameter werden zunächst Wellengrößen als normierte Spannungswellen eingeführt.

2.1. Einführung von Wellengrößen

Als Wellengrößen a und b werden folgende normierte Spannungswellen eingeführt, wobei i den Torindex bezeichnet.

$$a_i = U_{hi} / \sqrt{R_{Wi}}$$
 (2.1)

$$b_i = U_{ri} / \sqrt{R_{Wi}}$$
 (2.2)

Somit stellt a_1 die am Tor 1 einlaufende normierte Spannungswelle dar, b_1 die von Tor 1 reflektierte, zurücklaufende normierte Spannungswelle. Die Normierung erfolgt an jedem Tor auf den Wellenwiderstand der jeweiligen Anschlussleitungen, ist also für die beiden Tore unterschiedlich. Die jeweiligen Reflexionsfaktoren r_1 bzw. r_2 erhält man wie gewohnt aus dem Verhältnis der rücklaufenden zur hinlaufenden Spannungswelle, wobei sich hierzu auch die normierten Größen a_i und b_i verwenden lassen.

Die physikalische Einheit der Wellengrößen ist $V/\sqrt{\Omega}$. Die Normierung auf die Wurzel der Wellenwiderstände verfolgt den Zweck, dass sich aus den Wellengrößen recht einfach die Leistung berechnen lässt. So ergeben sich für die auf das Tor i zulaufende Wirkleistung bzw. vom Tor i reflektierte Wirkleistung auf der Anschlussleitung:

$$P_{ai} = (a_i \ a_i^*)/2 = |a_i|^2/2 \tag{2.3}$$

$$P_{bi} = (b_i \ b_i^*)/2 = |b_i|^2/2 \tag{2.4}$$

T2ELN3001.2 5/19



Hierbei bezeichnen a_i* und b_i* die konjugiert komplexen Größen zu a_i und b_i (der Imaginärteil der konjugiert komplexen Größe hat jeweils das umgekehrte Vorzeichen des Imaginärteils der Größe).

Aufgabe 2.1 : Prüfen Sie die Beziehungen (2.3) und (2.4) mit Hilfe der Spannungswellen und Stromwellen gemäß Abbildung 2.1 nach. Hinweis: U_h und U_r besitzen komplexe Amplituden, keine Effektivwerte.

Die Wellengrößen stellen nur eine normierte Schreibweise dar. Alls bisher mit Hilfe der Spannungswellen, Stromwellen hergeleiteten Zusammenhänge bleiben weiterhin gültig. Aus den Wellengrößen lassen sich unmittelbar die Spannungswellen und Stromwellen berechnen. Hierfür werden folgende Zusammenhänge benutzt:

$$U_i = U_{hi} + U_{ri} \tag{2.5}$$

$$I_i = (U_{hi} - U_{ri}) / R_{Wi}$$
 (2.6)

Durch Einsetzen der Beziehungen (2.1) und (2.2) erhält man hieraus die Spannungen und Ströme an den Toren.

$$U_i = (a_i + b_i) \sqrt{R_{Wi}}$$
 (2.7)

$$I_i = (a_i - b_i) / \sqrt{R_{Wi}}$$
 (2.8)

Aufgabe 2.2: Zeigen Sie, dass sich umgekehrt die Wellengrößen aus den Spannungen und Strömen an den Toren mit folgendem Ergebnis berechnen lassen:

$$a_i = (U_i + R_{Wi} I_i) / (2 \sqrt{R_{Wi}})$$
 (2.9)

$$b_i = (U_i - R_{W_i} I_i) / (2 \sqrt{R_{W_i}})$$
 (2.10)

2.2. Beschreibung eines Zweitors durch Streuparameter

Die Streuparameter geben das Verhalten des Zweitors bzgl. der Wellengrößen wieder, d.h. welche reflektierten Wellengrößen bzw. transmittierten Wellengrößen sich aus den einlaufenden Wellengrößen an beiden Toren ergeben. Die Wellengrößen werden durch die Streuparameter miteinander verknüpft. Für die Reflexionsfaktoren r_1 und r_2 an Tor 1 bzw. Tor 2 ist das nichts Neues. Jedoch zeigen die Streuparameter auch Abhängigkeiten zwischen beiden Toren, d.h. den jeweils transmittierten Teil.

Wie in der Abbildung gezeigt, ergibt sich die an Tor 1 zurücklaufende Wellengröße b_1 aus dem an Tor 1 reflektierten Anteil von a_1 , sowie aus dem an Tor 2 transmittierten Anteil von a_2 . Ebenso ergibt sich die an Tor 2 zurücklaufende Wellengröße b_2 aus dem an Tor 2 reflektierten Anteil von a_2 , sowie dem an Tor 1 transmittierten Anteil von a_1 .

T2ELN3001.2 6/19



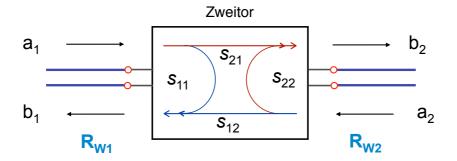


Bild 2.2 Streuparameter des Zweitors

Es ergeben sich also die Gleichungen:

$$b_1 = s_{11} a_1 + s_{12} a_2 (2.11)$$

$$b_2 = s_{21} a_1 + s_{22} a_2 (2.12)$$

In Matrixform ergibt sich mit Hilfe der Streumatrix S der gleiche Zusammenhang in folgender Schreibweise:

$$\begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} s_{11} & s_{12} \\ s_{21} & s_{22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix}$$
(2.13)

Die einzelnen Streuparameter lassen sich mit Hilfe spezieller Randbedingungen für a₁ bzw. a₂ interpretieren.

$$s_{11} = b_1 / a_1$$
 für $a_2 = 0$: Eingangsreflexionsfaktor bei angepasstem Ausgang (2.14)

 $s_{12} = b_1 / a_2$ für $a_1 = 0$: Rückwärtstransmissionsfaktor bei angepasstem Eingang (2.15)

 $s_{21} = b_2 / a_1$ für $a_2 = 0$: Vorwärtstransmissionsfaktor bei angepasstem Ausgang (2.16)

$$s_{22} = b_2 / a_2$$
 für $a_1 = 0$: Ausgangsreflexionsfaktor bei angepasstem Eingang (2.17)

Dass s_{11} und s_{22} Reflexionsfaktoren am Eingang bzw. Ausgang darstellen, ergibt sich unmittelbar durch Einsetzen von (4.1) und (4.2) in die Gleichungen (4.14) und (4.17).

Aufgabe 2.3: Weisen Sie nach, dass s_{11} und s_{22} Reflexionsfaktoren am Eingang bzw. Ausgang darstellen.

Da die speziellen Randbedingungen jeweils Anpassung an der gegenüberliegenden Seite bedeuten, sind die Streuparameter näher am gewünschten Arbeitspunkt und messtechnisch ebenfalls erfassbar. Bei Impedanzmatrizen bzw. Admittanzmatrizen hätte man als Randbedingungen Kurzschlüsse bzw. Leerlauf. Solche Randbedingungen sind bei hochfrequenztechnischen Schaltungen bzw. bei Verstärkern wesentlich ungünstiger realisierbar.

T2ELN3001.2 7/19



2.3. Eigenschaften aus Streuparametern ablesen

Leistungsbilanz

Der Eingangsreflexionsfaktor (bzw. Ausgangsreflexionsfaktor) gestattet unmittelbar die Berechnung der am Eingang (bzw. Ausgang) reflektierten Wirkleistung (siehe Gleichungen (4.3) und (4.4)), wenn die jeweils andere Seite angepasst ist. Aus der reflektierten Leistung lässt sich unmittelbar die vom Zweitor aufgenommene Leistung bestimmen.

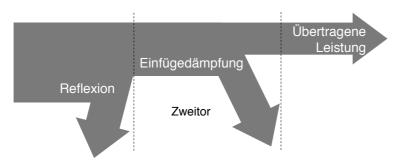


Bild 2.3 Leistungsbilanz

So betrachtet verursacht die Reflexion eine Reduktion der Leistung, bzw. eine Reflexionsdämpfung (engl. Return Loss). Sinngemäß ergibt sich aus den Transmissionsfaktoren die Einfügedämpfungen (engl. Insertion Loss), bzw. bei Verstärkern die Einfügeverstärkung. In logarithmischer Schreibweise lassen sich aus den Streuparameter unmittelbar Leistungsfaktoren bzw. Dämpfungen ablesen.

Verlustfreiheit

Ein passives Zweitor ist verlustfrei, wenn in keinem Betriebszustand Energie verloren geht. Aufgenommene Leistung muss also wieder zum Vorschein kommen, bzw. die Summe der zulaufenden und ablaufenden Wirkleistung muss konstant sein.

Für ein mit a_1 gespeistes Zweitor bedeutet das: $P_{a1} = P_{b1} + P_{b2}$. Für ein mit a_2 gespeistes Zweitor gilt sinngemäß: $P_{a2} = P_{b2} + P_{b1}$. Für ein verlustloses Zweitor ergibt sich hieraus für die Streuparameter:

$$|s_{11}|^2 + |s_{21}|^2 = 1$$
 (2.18)

$$|s_{22}|^2 + |s_{12}|^2 = 1$$
 (2.19)

Aufgabe 2.4: Weisen Sie (4.18) nach. Hinweis: Verwenden Sie $P_{a1} = P_{b1} + P_{b2}$, sowie die Gleichungen (4.3) und (4.4).

Übertragungssymmetrie

Sofern bei einem Zweitor $s_{12} = s_{21}$ gilt, ist das Zweitor übertragungssymmetrisch (bzw. reziprok). In diesem Fall können Ort von Ursache und Wirkung vertauscht werden, ohne dass sich die Beziehungen zwischen Ursache und Wirkung ändern. Mit anderen Worten spielt es keine Rolle, ob das Zweitor vorwärts oder rückwärts herum eingebaut wird, sofern seine Bezugswiderstände an beiden Toren gleich sind.

T2ELN3001.2 8/19



Übertragunssymmetrie (Reziprozität) ist bei Zweitoren gegeben, die aus Widerständen, Kapazitäten und Induktivitäten bestehen. In der Regel also dann, wenn passive und verlustlose Komponenten und Materialien verwendet werden, die keine richtungsabhängigen (anisotrope) Eigenschaften haben.

Vollständige Symmetrie

Eine vollständigen Symmetrie ist dann gegeben, wenn nicht nur die Transmissionsfaktoren in beiden Richtungen gleich sind (Übertragungssymmetrie, $s_{12} = s_{21}$), sondern zusätzlich die Reflexionsfaktoren, also $s_{11} = s_{21}$. Eine solche Symmetrie ist beispielsweise bei symmetrischem Schaltungsaufbau gegeben.

Rückwirkungsfreiheit

Ein Zweitor ist rückwirkungsfrei, wenn es in einer Richtung überträgt, in der umgekehrten Richtung jedoch nicht. Rückwirkungsfreiheit ist mit Symmetrie natürlich nicht vereinbar. Ein rückwirkungsfreies Verhalten besitzen beispielsweise Verstärker, die in Vorwärtsrichtung ideal übertragen, in Rückwärtsrichtung jedoch eine hohe Isolation (möglichst geringe Rückwärtsübertragung) aufweisen. Für die Streuparameter ergibt sich bei Rückwirkungsfreiheit dann $s_{12} = 0$ (keine Rückwärtsübertragung) und $s_{21} \neq 0$ (=1 bei idealer Vorwärtsübertragung)).

2.4. Streuparameter berechnen

Die in der folgenden Abbildung gezeigte Schaltung zeigt ein Zweitor mit Eingangsimpedanzen Z_1 und Z_2 , sowie mit den Bezugswiderständen R_{W1} und R_{W2} . Für die Bestimmung der Streuparameter ist das Zweitor definitionsgemäß an Tor 2 mit einer Last R_{W2} beschaltet, sowie an Tor 1 mit einer Last R_{W1} .

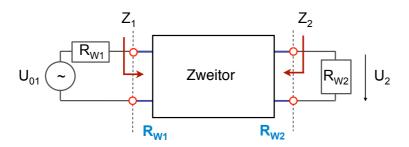


Bild 2.4 Ermittlung der Reflexionsfaktoren und Transmissionsfaktoren am Zweitor

Die Reflexionsfaktoren ergeben sich unmittelbar aus den Eingangsimpedanzen Z_i und den Bezugswiderständen R_{Wi} . Man erhält mit den Randbedingungen gemäß (4.14) und (4.17):

$$s_{11} = (Z_1 - Rw_1) / (Z_1 + Rw_1)$$
 (2.20)

$$s_{22} = (Z_2 - R_{W2}) / (Z_2 + R_{W2})$$
 (2.21)

Die Transmissionsfaktoren erhält man aus der ans andere Tor transmittierten Spannung, indem man das Zweitor an einem Tor mit einer angepassten Spannungsquelle speist. Die Abbildung oben gibt die Anordnung zur Bestimmung von s_{21} wieder (Vorwärtstransmissionsfaktor bei angepasstem Ausgang). Man erhält für die Transmissionsfaktoren:

$$s_{21} = (2 U_2 / U_{01}) * \sqrt{(R_{W1}/R_{W2})}$$
 (2.22)

T2ELN3001.2 9/19



$$s_{12} = (2 U_1 / U_{02}) * \sqrt{(R_{W2}/R_{W1})}$$
 (2.23)

Für s_{12} ist die Anordnung aus Abbildung 4.4 sinngemäß mit Einspeisung U_{02} an Tor 2 und Berechnen von U_1 an Tor 1 umzuändern.

Aufgabe 2.5: Weisen Sie die Berechnungsformel (2.22) nach. Verwenden Sie hierzu die Definitionen (2.16), (2.1) und (2.2) sowie die Beziehung (2.5) jeweils am Eingangstor und Ausgangstor in Bezug auf die Anordnung gemäß Bild 2.4.

Als Beispiel seien die Streuparameter einer verlustlosen, angepassten Leitung berechnet. Die folgende Abbildung zeigt die Anordnung. Die Leitung der Länge hat den Wellenwiderstand Rw. Die Reflexionsfaktoren sind in diesem Fall beide Null, da die Leitung eingangsseitig und ausgangsseitig angepasst ist (Innenwiderstand bzw. Abschlusswiderstand = Wellenwiderstand).

$$S_{11} = S_{22} = 0 (2.24)$$

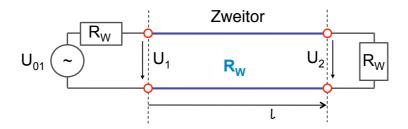


Bild 2.5 Verlustlose, angepasste Leitung

Aus Gründen der Symmetrie sind auch die Transmissionsfaktoren gleich, d.h. $s_{21} = s_{12}$. Der Vorwärtstransmissionsfaktor ergibt sich gemäß Gleichung (2.22) zu

$$s_{21} = (2 U_2 / U_{01})$$
 (2.25)

Aus den Betrachtungen zur Leitungstransformation aus Abschnitt 2 ist bekannt, dass es im angepassten Fall für die Anordnung nach Bild 2.5 nur eine fortschreitende Spannungswelle in Vorwärtsrichtung gibt. Wenn man Die Leitung eingangsseitig durch ihren Wellenwiderstand ersetzt, ergibt sich die Spannung U_1 am Eingang aus der Spannungsteilerregel zu $U_1 = U_{01}/2$, beziehungsweise umgekehrt $U_{01} = 2$ U_1 . Zwischen U_2 und U_1 bewirkt die Leitungstransformation über eine Länge ℓ gemäß der Lösung der Wellengleichung (hinlaufende Welle) lediglich eine Phasenverschiebung gemäß

$$U_2 = U_1 e^{-j\beta \ell} \tag{2.26}$$

Durch Einsetzen in Gleichung (2.25) erhält man $s_{21} = U_2 / U_1 = e^{-j\beta \ell}$. Hieraus ergibt sich die Streumatrix zu

$$S = \begin{bmatrix} 0 & e^{-j\beta\ell} \\ e^{-j\beta\ell} & 0 \end{bmatrix}$$
 (2.27)

T2ELN3001.2 10/19

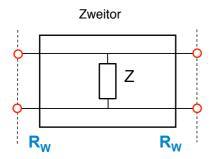


3. Vorbereitungsaufgaben

Folgende Aufgaben sind vor dem Versuch schriftlich zu lösen: (3.1), (3.2), (3.3) und (3.6). Die Aufgaben (3.4) und (3.5) enthalten bereits Musterlösungen und werden beim Versuchstermin mit dem Betreuer diskutiert.

3.1. Berechnung der Streuparameter

Ein Zweitor auf konzentrierten Bauteilen (keine Leitungen und Leitungseffekte) besteht aus einer Impedanz Z wie in der Abbildung gezeigt.



Frage 3.1.1: Berechnen Sie die S-Parameter des Zweitors mit der Bezugsgröße R_W an beiden Toren.

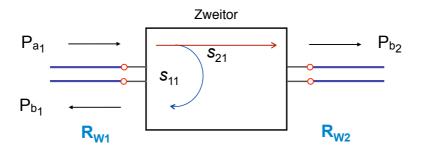
Frage 3.1.2: Überprüfen Sie die Plausibilität des Ergebnisses mit Hilfe folgender Grenzfälle: (1) Kurzschluss (Z = 0), (2) Leerlauf (Z -> unendlich).

3.2. Streuparameter und Wirkleistung

Aus den Streuparametern lassen sich direkt Wirkleistungen für die Leistungsbilanz ablesen. So erhält man im logarithmischen Massstab

$$s_{11}^{log} = 20 \text{ lg } |s_{11}|$$
 Reflexionsdämpfung (engl. Return Loss)
 $s_{21}^{log} = 20 \text{ lg } |s_{21}|$ Einfügedämpfung (engl. Insertion Loss)

Die logarithmischen Werte werden durch die Pseudo-Einheit dB gekennzeichnet. Dadurch kann ein spezieller Index für logarithmische Werte entfallen. Der Begriff der Dämpfung bei der Reflexionsdämpfung ist hierbei insofern etwas unglücklich gewählt, da ja keine Dämpfung stattfindet, sondern dieser Anteil durch Reflexion verloren geht. Reflexionsverlust wäre ein zutreffender Ausdruck (siehe englische Begriffswahl).



T2ELN3001.2 11/19



Gemäß Definition der Wellengrößen erhält man für den Eingangsreflexionsfaktor:

$$|s_{11}|^2 = |b_1|^2 / |a_1|^2 = P_{b1} / P_{a1}$$

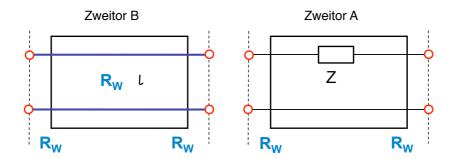
Das Betragsquadrat des Eingangsreflexionsfaktors gibt das Verhältnis der von Tor 1 reflektierten Wirkleistung zur auf Tor 1 zulaufenden Wirkleistung wieder. Demnach lässt sich aus dem Vorwärtstransmissionsfaktor auf das Verhältnis der am Tor 2 auslaufenden Wirkleistung zur an Tor 1 zulaufenden Wirkleistung schließen.

$$|s_{21}|^2 = |b_2|^2 / |a_1|^2 = P_{b2} / P_{a1}$$

- Frage 3.2.1: Ein Zweitor hat einen Eingangsreflexionsfaktor von s₁₁ = 0,1. Berechnen Sie die Reflexionsdämpfung im logarithmischen Massstab. Welcher Anteil der Wirkleistung wird reflektiert?
- Frage 3.2.2: Berechnen Sie die Leistungsbilanz (oben genannte Wirkleistungen) für das Zweitor aus Aufgabe 1 für Z = Rw. Ist das Zweitor verlustlos? Wie groß ist die Einfügedämpfung?

3.3. Verkettung von Zweitoren

Ein Zweitor aus konzentrierten Bauelementen (Zweitor A mit Serienimpedanz Z) wird mit einem Zweitor bestehend aus einer verlustlosen Leitung mit Wellenwiderstand R_W und Leitungslänge ℓ verkettet.



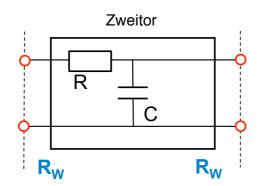
- Frage 3.3.1: Berechnen Sie die Streuparameter für Zweitor A mit der Bezugsgröße R_W an beiden Toren.
- Frage 3.3.2: Prüfen Sie die Plausibilität Ihrer Berechnung für die Grenzfälle: (1) Z = 0, (2) Z -> unendlich.
- Frage 3.3.3: Berechnen Sie die Streuparameter für Zweitor B mit der Bezugsgröße R_W an beiden Toren.
- Frage 3.3.4: Es seien $Z = R_W$ und $\ell = \lambda/4$. Wie lauten die Streumatrizen der Zweitore A und B? Wie sind die Leistungsbilanzen von Zweitor A bzw. Zweitor B?
- Frage 3.3.5: Kette von B und A für den Fall Z = R_W und $\ell = \lambda/4$: Berechnen Sie die Streuparameter der Kette bestehend aus Zweitor B und Zweitor A.

T2ELN3001.2 12/19



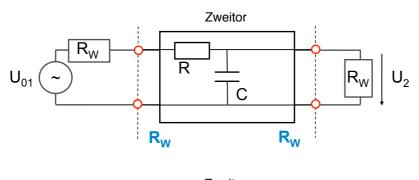
3.4. Berechnung der Streuparameter - Muster

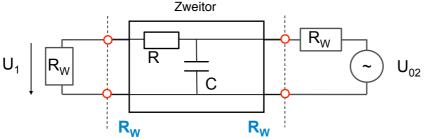
Ein Zweitor aus konzentrierten Bauteilen (keine Leitungen und Leitungseffekte) besteht aus einem Widerstand und einem Kondensator, wie in der Abbildung gezeigt. Die Komponenten haben folgende Werte: $R=50\Omega$, C=40pF. Die Bezugsgröße R_W beträgt 50Ω .



Lösung:

Frage 3.4.1: Geben Sie die Beschaltung zur Ermittlung der Streuparameter an (Skizze).





Frage 3.4.2: Ist das Zweitor symmetrisch ($s_{22} = s_{11}$)? Geben Sie bitte eine qualitative Begründung an.

Das Zweitor ist nicht symmetrisch, was an der Beschaltung zu erkennen ist. Für den Eingangsreflexionsfaktor ist C parallel zu R_W , für den Ausgangsreflexionsfaktor ist C parallel zu $(R+R_W)$. Hieraus ergeben sich unterschiedliche Reflexionsfaktoren.

Frage 3.4.3: Ist das Zweitor übertragungssymmetrisch (reziprok, d.h. $s_{21} = s_{12}$)? Geben Sie bitte eine qualitative Begründung an.

Das Zweitor ist reziprok, da nur konzentrierte Bauelemente in Form von Widerständen und Reaktanzen verwendet werden. Es gibt keine richtungsabhängigen Komponenten.

T2ELN3001.2 13/19



Frage 3.4.4: Berechnen Sie die Streumatrix für die Frequenz f = (500/2π) MHz mit den weiter oben angegebenen Werten für R, C und R_w. Hinweis: Beschreiben Sie bitte kurz den Lösungsweg, z.B. durch eine Skizze bzw. Formel.

Lösungsweg:

- Eingangsreflexionsfaktor s11 und Ausgangsreflexionsfaktor s22 gemäß Formel $r = (Z/R_W 1) / Z/R_W + 1)$, wobei sich Z jeweils aus der Beschaltung ergibt
- Vorwärtstransmissionsfaktor S_{21} und Rückwärtstransmissionsfaktor S_{12} aus der Formel s_{21} =2U₂/U₀₁ bzw. s_{12} =2U₁/U₀₂ aus Spannungsteiler mit den gegebenen Werten
- Für die Berechnung gilt: $R=R_W=50 \Omega$, $X_C=1/\omega C=50 \Omega$, $b=\omega RC=R/X_C=1$
- für s_{11} : $Z = R + R_W//Z_C$ mit $Z_C = 1/j\omega C$; $Z/R_W = 1 + 1/(1 + j\omega RC)$
- für s_{22} : $Z = (R+R_W)//Z_C$ mit $Z_C=1/j\omega C$; $Z/R_W=2/(1+j\omega 2RC)$
- für $s_{21}=s_{12}$: aus Spannungsteiler $U_2/U_{01}=(R_W//Z_C)/(R_W+R+R_W//Z_C)$

Lösung:

- $s_{11} = (1/13) * (3 j 2),$
- \$22=(-1/13) * (1 + j 8),
- s₁₂=s₂₁= (2/13) * (3 j 2)

Frage 3.4.5: Wie lautet die Streumatrix für folgende Fälle: (1) sehr niedrige Frequenzen (f -> 0Hz), (2) sehr hohe Frequenzen (f -> unendlich). Prüfen Sie die Ergebnisse auf Plausibilität.

Für niedrige Frequenzen: Die Kapazität kann ignoriert werden. Das Zweitor ist dann auch symmetrisch, d.h. $s_{11}=s_{22}$. Lösung: $s_{11}=s_{22}=1/3$, $s_{12}=s_{21}=2/3$.

Für hohe Frequenzen: Die Kapazität kann als Kurzschluss betrachtet werden. In Vorwärtsrichtung ist die Schaltung von der Quelle aus betrachtet angepasst (da R vor dem Kurzschluss), d.h. s_{11} =0. In Rückwärtsrichtung ist die Schaltung kurzgeschlossen, d.h. s_{22} =-1. Wegen des Kurzschlusses wird weder in Vorwärtsrichtung noch in Rückwärtsrichtung eine Spannung U_2 bzw. U_1 übertragen, d.h. s_{12} = s_{21} =0.

Frage 3.4.6: Bei Einspeisung an Tor 1 und Betriebsfrequenz aus Frage 2.4: (1) Welcher Anteil der Wirkleistung wird an Tor 1 reflektiert? (2) Welcher Anteil der Wirkleistung läuft auf Tor 2 an? (2) Welcher Anteil der Wirkleistung wird im Zweitor konsumiert?

Die Leistungsanteile berechnen sich aus dem Betragsquadrat der Streuparameter. Bei Betrieb in Vorwärtsrichtung ergeben sich folgende Werte:

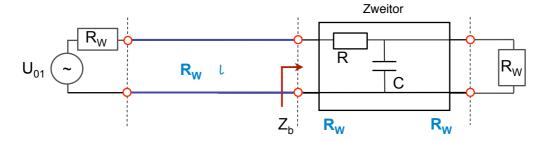
- $s_{11} = (1/13)^*(3 j2) \rightarrow |s_{11}|^2 = (1/13^2)^*(9+4) = 1/13$ (reflektierte Wirkleistung)
- $s_{21} = (2/13)^*(3 j2) \rightarrow |s_{21}|^2 = (4/13^2)^*(9+4) = 4/13$ (übertragene Wirkleistung)
- Somit werden 13/13 1/13 4/13 = 8/13 im Zweitor konsumiert.

3.5. Anschluss des Zweitors mit Hilfe einer Leitung - Muster

Das Zweitor aus Aufgabe 2 (gleiche Werte und gleiche Betriebsfrequenz) wird mit Hilfe einer Leitung der Länge ℓ und mit Wellenwiderstand R_W an eine Quelle mit Innenwiderstand R_W angeschlossen, wie in der folgenden Abbildung gezeigt.

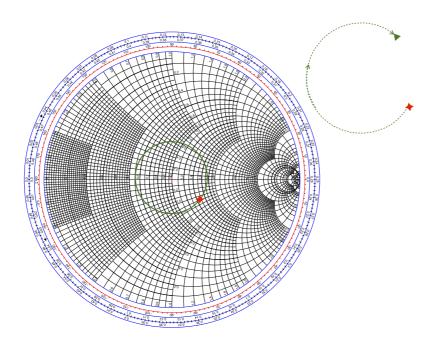
T2ELN3001.2 14/19





Frage 3.5.1: Welchen Effekt hat die Leitung in Abhängigkeit ihrer Länge auf die Impedanz Z_b? Stellen Sie den Zusammenhang im Smith-Diagramm dar.

Lösung: Leitungstransformation, d.h. Drehung des Reflexionsfaktors mit der Leitungslänge. Hierdurch auch Transformation der Impedanz Z_b gemäß der Werte auf dem Kreis (im Smith-Diagramm in normierter Schreibweise $z_b = Z_b/R_W$). Die Eingangsimpedanz beträgt $z_b = 1,5 - j 0,5$.



Frage 3.5.2: Ermitteln Sie den Eingangsreflexionsfaktor am Tor 1 rechnerisch aus dem Eingangswiderstand Z_b. Welcher Reflexionsfaktor ergibt sich in Abhängigkeit der Leitungslänge am Anfang der Leitung?

 $r_b = s_{11} = (1/13)^*(3 - 2j),$

In Abhängigkeit der Leitungslänge gilt: $r(I) = r_b e^{-j2\beta I}$, d.h. Änderung des Phasenwinkels.

Frage 3.5.3: Kann die Leitung die aufgenommene Wirkleistung verbessern? Welche Wirkleistung nimmt die Schaltung mit einem Viertelwellentransformator $\ell=\lambda/4$ auf?

Die Leitung ändert den Betrag des Reflexionsfaktors nicht, kann die Aufnahme der Wirkleistung also nicht verbessern. $|s_{11}|^2 = 1/13$ (reflektierte Wirkleistung). Somit werden 1 - $|s_{11}|^2 = 12/13$ der Wirkleistung aufgenommen.

T2ELN3001.2 15/19

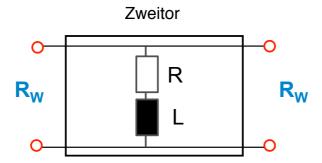


Frage 3.5.4: Mit welcher Massnahme könnte eine Anpassung an den Innenwiderstand der Quelle erzielt werden? Beschreiben Sie eine mögliche Lösung (keine Berechnung, nur den Lösungsweg darstellen). Welche Verbesserung der Leistungsaufnahme könnte hierdurch erzielt werden?

Kombination von Leitungstransformation und Kompensation. Die Leitung transformiert den Realteil von Z_b zu $Re(Z_b^i)=R_W$. Dadurch ändert sich zwar der Betrag des Reflexionsfaktors nicht, jedoch liefert die Leitung eine Vorlage hierfür. Dann Kompensation dem Imaginärteils der transformierten Impedanz $Im(Z_b^i)=X_s$ z.B. durch ein konzentriertes Bauelement der Grösse - X_s . Verbesserung: Reflexionsfaktor = 0, die Wirkleistung wird komplett aufgenommen.

3.6. Berechnung der Streuparameter

Ein Zweitor aus konzentrierten Bauteilen (keine Leitungen und Leitungseffekte) besteht aus einem Widerstand und einer Induktivität, wie in der Abbildung gezeigt. Die Komponenten haben folgende Werte: $R = 50 \Omega$, L = 125 nH. Die Bezugsgröße R_W beträgt 50Ω .



Frage 3.6.1: Geben Sie die Beschaltung zur Ermittlung der Streuparameter an (Skizze).

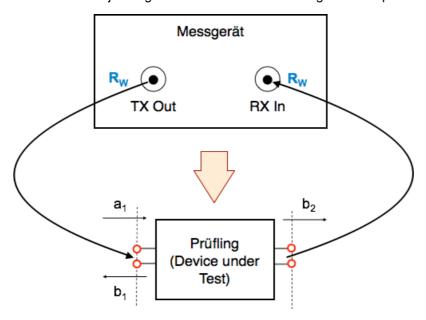
- Frage 3.6.2: Ist das Zweitor übertragungssymmetrisch (reziprok, d.h. $s_{21} = s_{12}$)? Geben Sie bitte eine qualitative Begründung an. Ist das Zweitor verlustfrei?
- Frage 3.6.3: Ist das Zweitor symmetrisch ($s_{22} = s_{11}$)? Geben Sie bitte eine qualitative Begründung an.
- Frage 3.6.4: Berechnen Sie die Streumatrix für die Frequenz $f = 400/2\pi$ MHz mit den weiter oben angegebenen Werten für R, L und R_w. Hinweis: Beschreiben Sie bitte auch kurz den Lösungsweg, z.B. durch eine Skizze bzw. Formel.
- Frage 3.6.5: Plausibilitätsprüfung. Wie lautet die Streumatrix für folgende Fälle: (1) Frequenz f = 0Hz, (2) sehr hohe Frequenzen (f -> unendlich). Prüfen Sie die Ergebnisse auf Plausibilität.
- Frage 3.6.6: Leistungsbilanz. Bei Einspeisung an Tor 1 und Betriebsfrequenz aus Frage 2.4: (1) Welcher Anteil der Wirkleistung wird an Tor 1 reflektiert? (2) Welcher Anteil der Wirkleistung läuft auf Tor 2 an? (3) Welcher Anteil der Wirkleistung wird im Zweitor konsumiert? (4) Wie lautet die Leistungsbilanz bei den Spezialfällen aus Frage 2.5, d.h. (4a) für niedrige Frequenzen (f -> 0Hz), bzw. (4b) für sehr hohe Frequenzen (f -> unendlich)

T2ELN3001.2 16/19



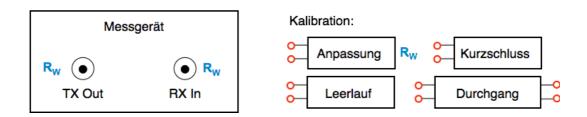
4. Messaufgaben

Aufgabe 4.1: Machen Sie sich mit dem Messinstrument vertraut (Funktionsweise und Bedienung). Ein Handbuch finden Sie am Versuchsaufbau (<u>SDR-Kits, VNWA</u>). Skizzieren Sie Ihren jeweiligen Messaufbau zur Messung der Streuparameter.



Aufgabe 4.2: Kalibrieren Sie das Messinstrument. Gehen Sie hierzu in folgenden Schritten vor:

- (1) Welches Kalibrierwerkzeug setzen Sie zur Reflexion ein, welches für die Transmission? Skizzieren Sie die Beschaltungen des Messinstruments zur Kalibration mit den vorhandenen Kalibriersatz (Kurzschluss, Offene Leitung, Anpassungswiderstand (50Ω) , Durchgang).
- (2) Kalibrieren Sie das Messinstrument. Verwenden Sie die Bedienungsanleitung.

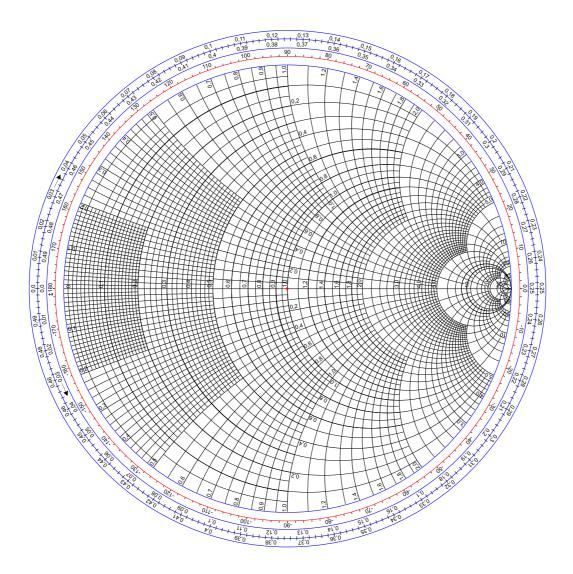


Aufgabe 4.3: Messen die die S-Parameter der zur Verfügung gestellten Prüflinge. Überprüfen Sie die Ergebnisse auf Plausibilität. Diskutieren Sie die Ergebnisse. Stichworte: Leistungsbilanz, Symmetrie, Reziprozität, Verlustfreiheit.

Aufgabe 4.4: Dokumentieren Sie Ihre Messungen in einem Laborbericht. Geben Sie den Laborbericht zusammen mit den Vorbereitungsaufgaben ab.

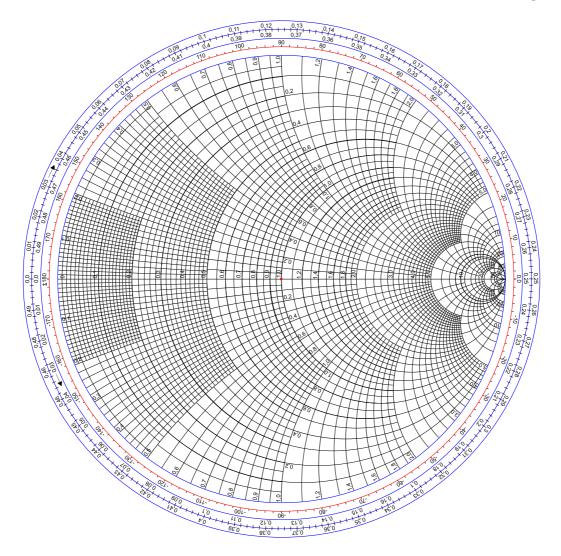
T2ELN3001.2 17/19





T2ELN3001.2 18/19





T2ELN3001.2 19/19