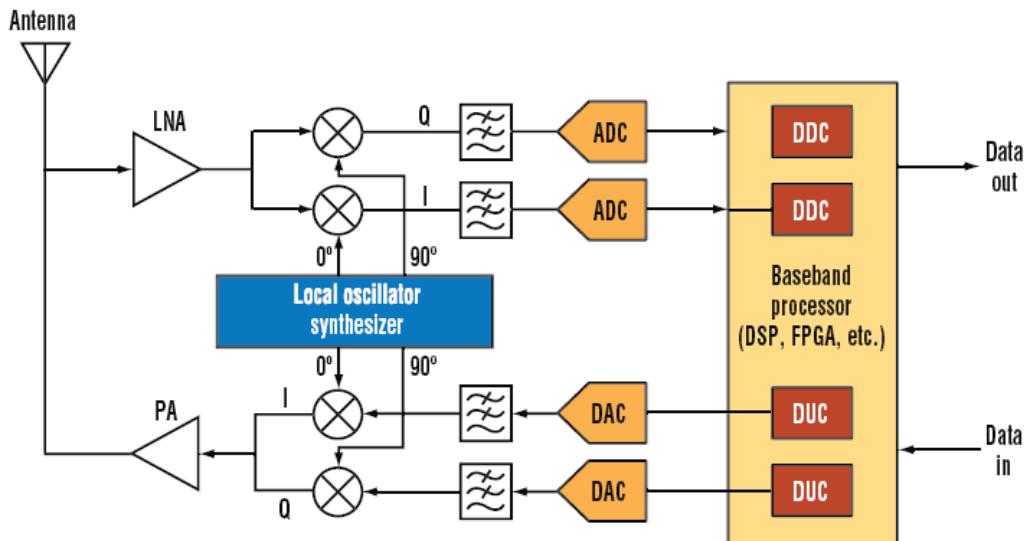
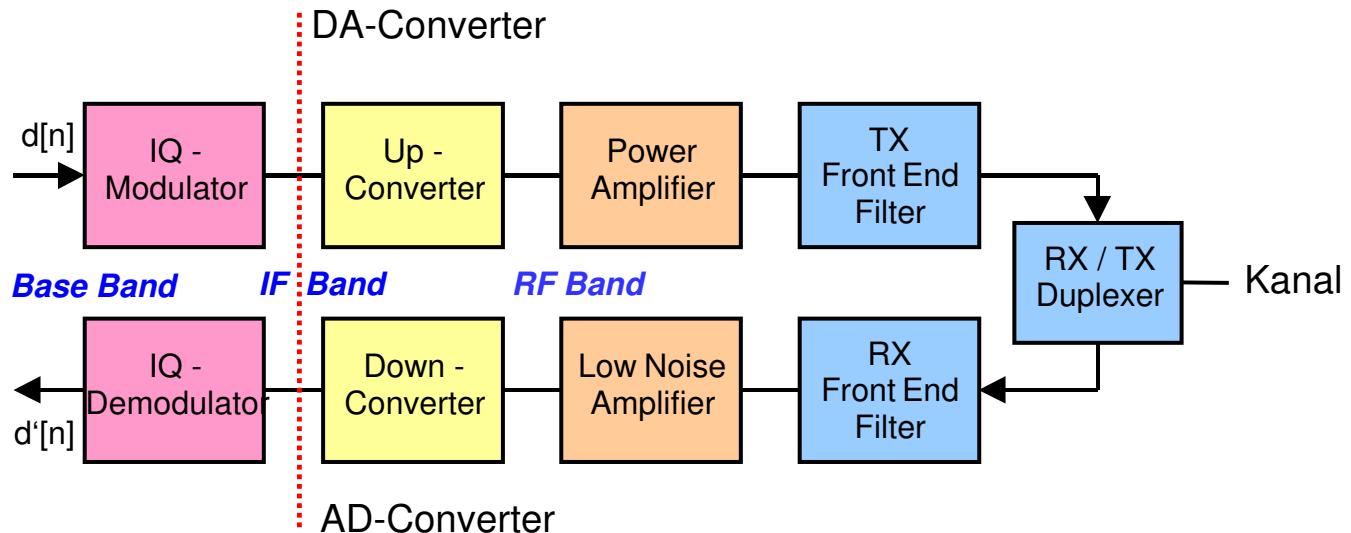


# Sender- / Empfängerarchitekturen



# Sender (TX) und Empfänger (RX)

- RF-Band wird genutzt um mehr Bandbreite zu haben und um sich an den Übertragungskanal anzupassen
- Moderne Sender Empfänger bestehen aus einem DSP Teil für Base-Band und IF-Band sowie einem breitbandigen RF-Teil

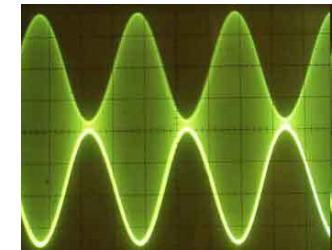


Betrachtung am Beispiel Funktechnik: grösste Komplexität

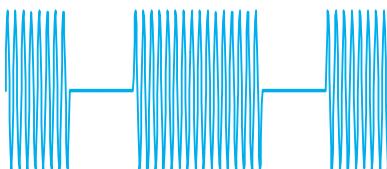
# Modulation

Wozu ?

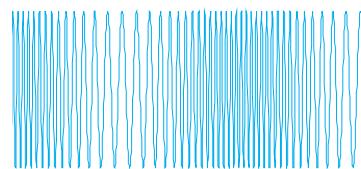
- Kanal ist nur in bestimmten Frequenzbereich nutzbar
- Signal muss einem Träger eingeprägt werden
- Folgende Möglichkeiten bieten sich an:



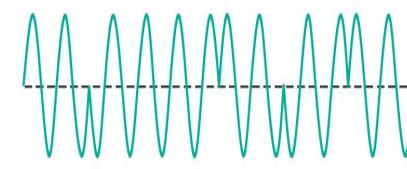
$$v = V_c \sin(2\pi f_c t + \theta)$$



amplitude modulation



frequency modulation



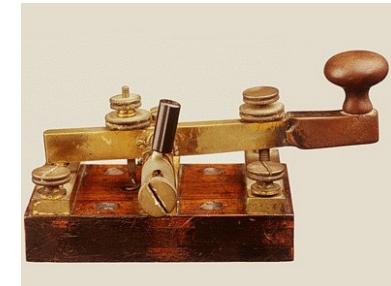
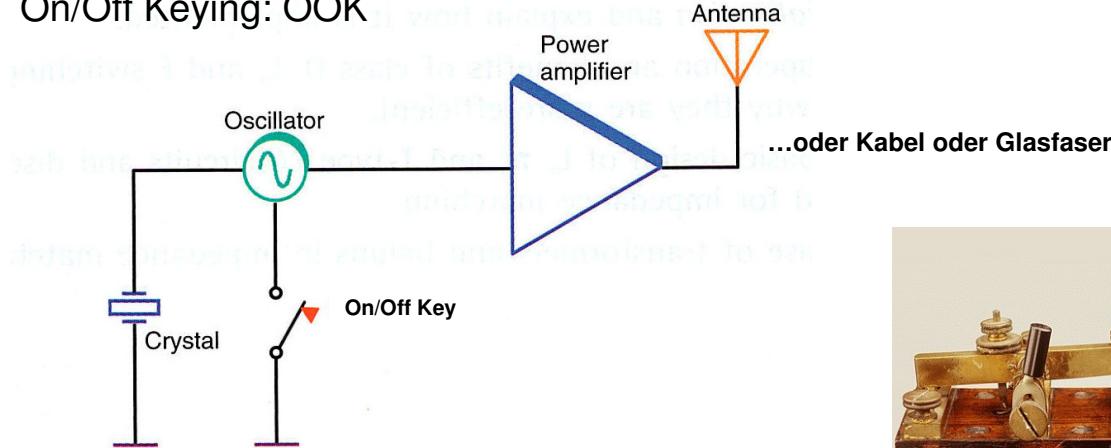
phase modulation

angle modulation

# Modulation Amplitude

## Einfachste Sendearchitektur

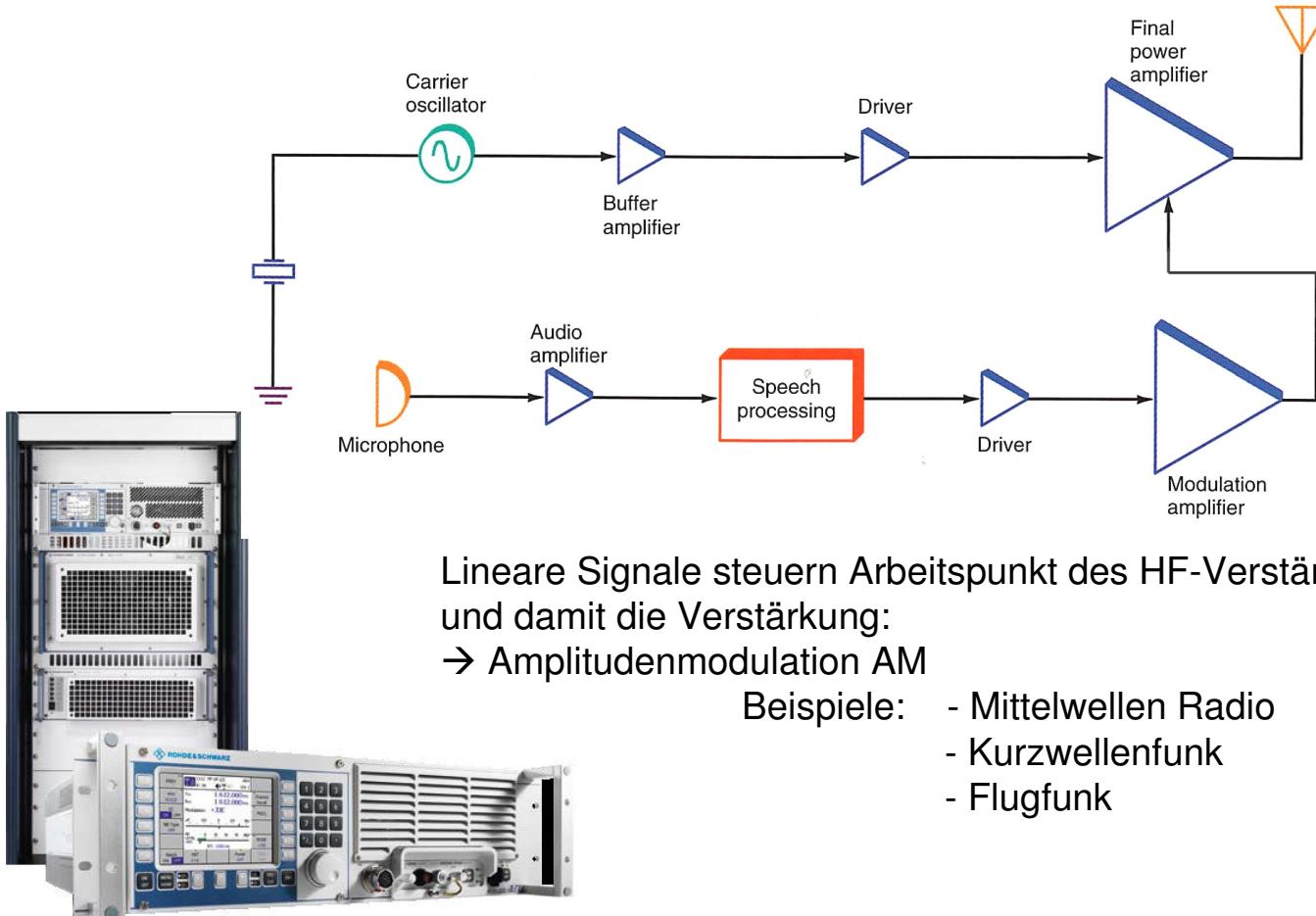
On/Off Keying: OOK



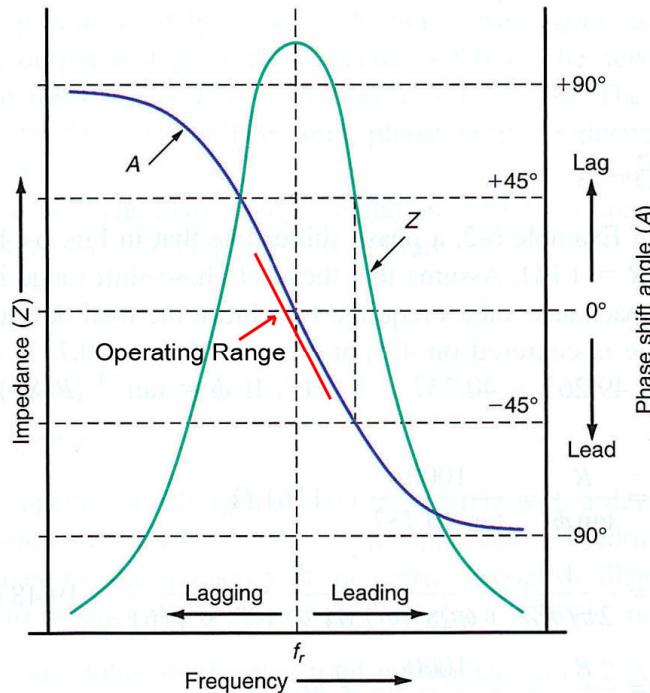
**Minimale Komponenten:**

- einen frequenzstabilen Oszillatator (Quarzoszillator)
- einen Modulator (Schalter)
- einen Leistungsverstärker
- eine Antenne

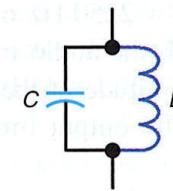
# AM-Sender für allg. Modulationssignale



# Modulation Phase / Frequenz

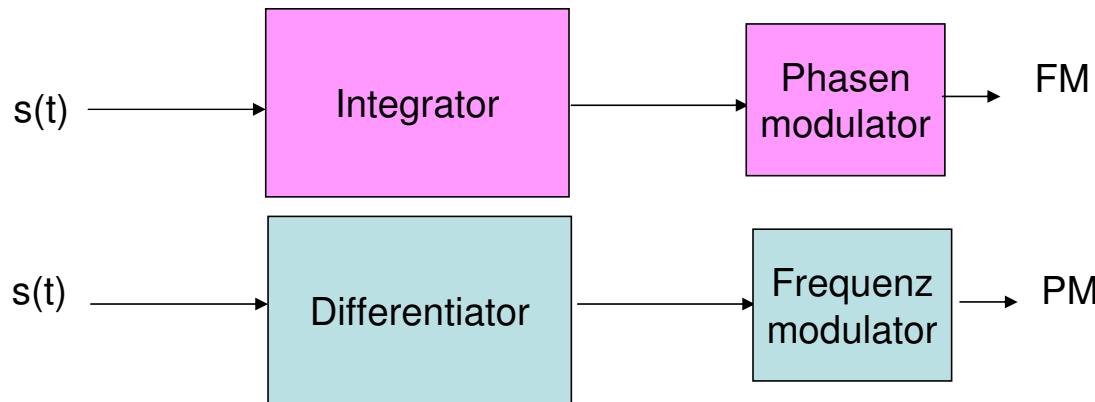


Frequenzgang  $Z(f)$

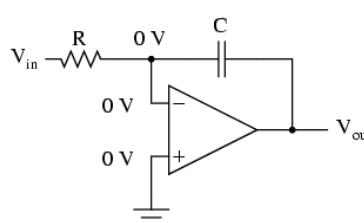


- Verstimmen des Schwingkreises in einem Filter führt zu Phasenverschiebung bei der Sendefrequenz → PM
- Verstimmen des Schwingkreis in einem Oszillator führt zur Veränderung der Schwingbedingung → FM

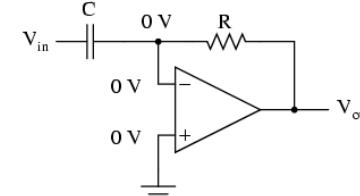
# Modulation Phase / Frequenz



Integrator

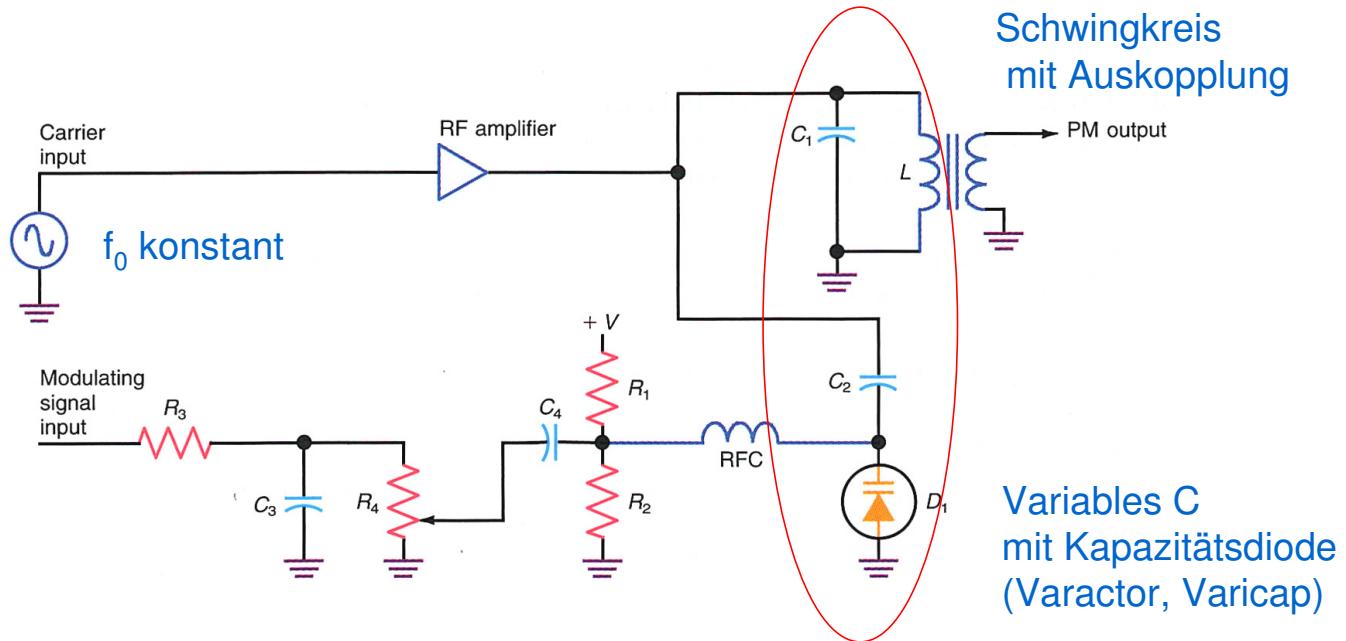


Differentiator



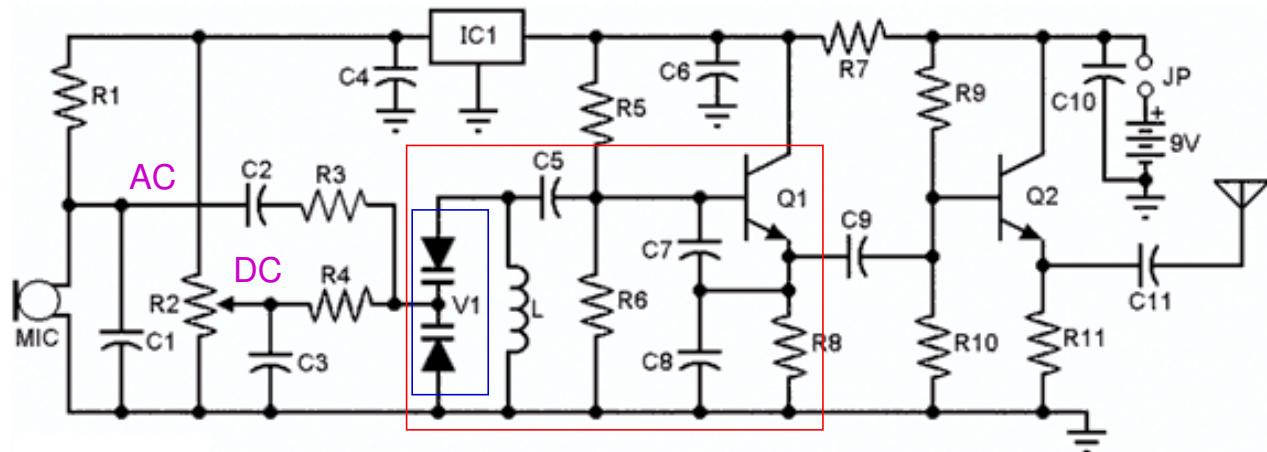
→ Alternative FM- bzw. PM- Erzeugung mit Hilfe von Vorverarbeitung

# Einfacher Phasen-Modulator



Verstimmen des Schwingkreises  $C_1L$  führt zu Phasenverschiebung bei der Sendefrequenz

# Einfacher Frequenz-Modulator

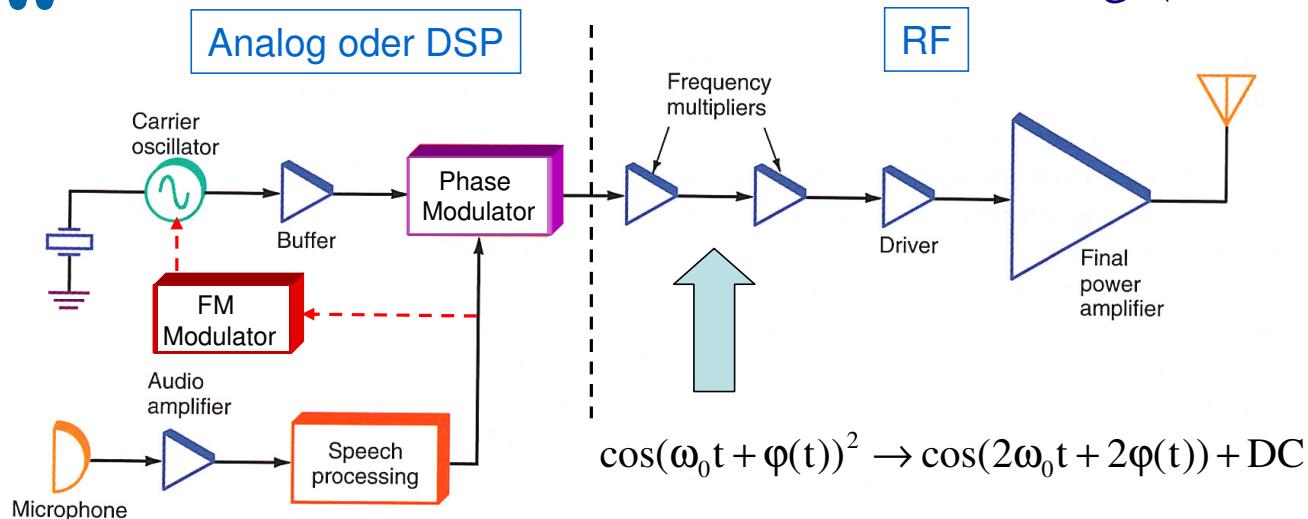


Verstimmen des Schwingkreises  $C_7$ ,  $C_8$ ,  $L$ ,  $V_1$  führt zu Änderung der Sendefrequenz (**Colpitts-Oszillator** in Kollektorbeschaltung um  $Q_1$ )

$V_1$ : Variables C  
mit Kapazitätsdiode  $V_1$   
(Varactor, Varicap)

# PM / FM - Sender

89.3



Analog

/

DSP

**PM:** Schwingkreis verstimmen mit Varicap

/ Direct Digital Synthesis

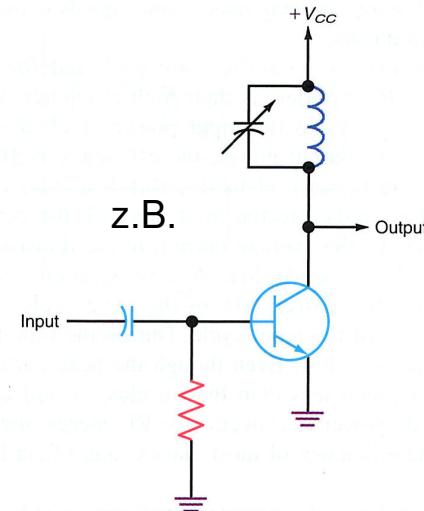
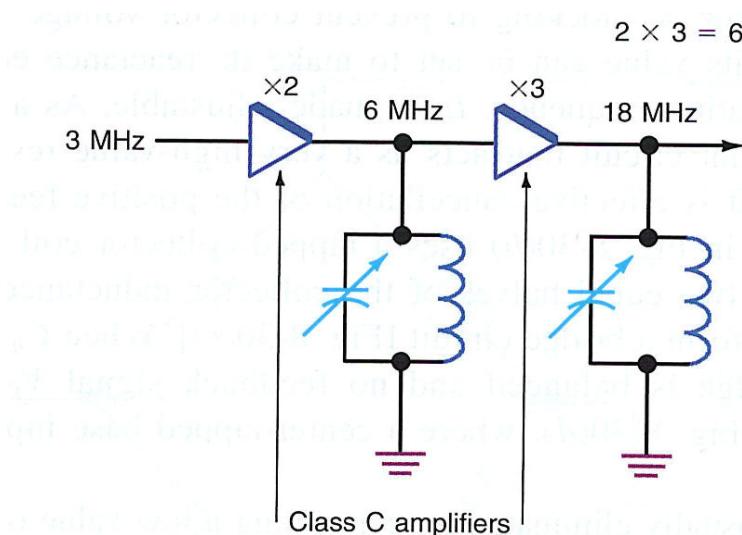
**FM:** Oszillator verstimmen mit Varicap

/ Direct Digital Synthesis

Vorteil von PM/FM im Sender:

Endstufe muss nicht linear sein (Klasse C) → bessere Effizienz als AM

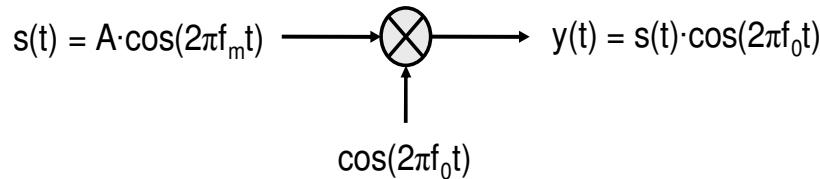
# FM / PM Frequenzvervielfachung



- Modulator bei niedriger Zwischenfrequenz realisieren
- Signal durch Nichtlinearitäten auf Sendefrequenz multiplizieren
- Effiziente Nichtlinearitäten sind Klasse C Verstärker und Mischer: Schaltbetrieb
- Filtern der Harmonischen mit abgestimmten Parallelschwingkreisen oder Quarz-, SAW-, LC Filter

Beispiele: FM Sender UKW, TV, CB-Funk

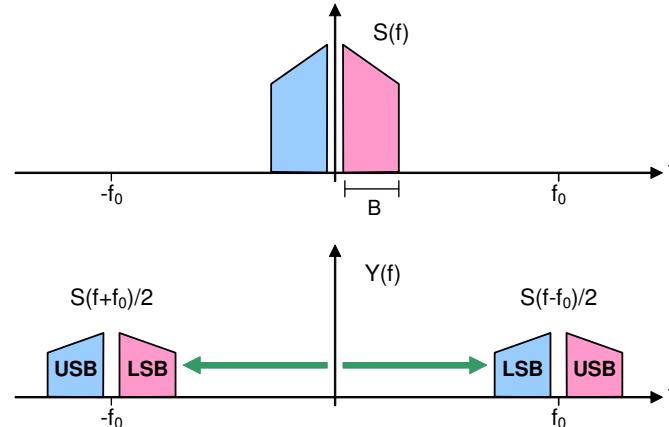
# Mischen: Multiplikation mit Trägerschwingung



Ausgangssignal:  $y(t) = s(t) \cdot \cos(2\pi f_0 t)$

Spektrum:  $Y(f) = (1/2) \cdot S(f+f_0) + (1/2) \cdot S(f-f_0)$

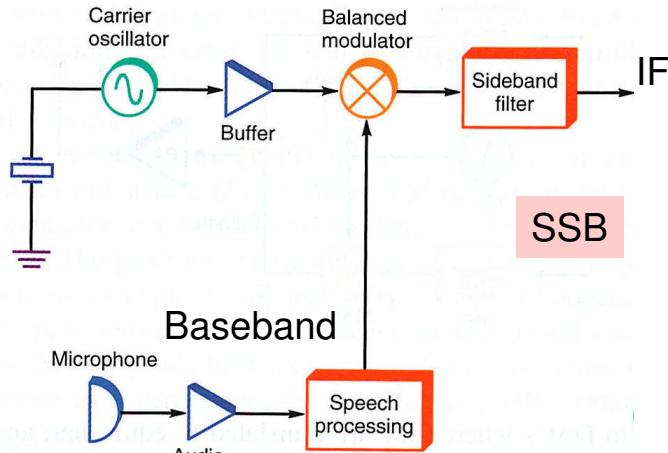
→ Double Sideband (DSB)



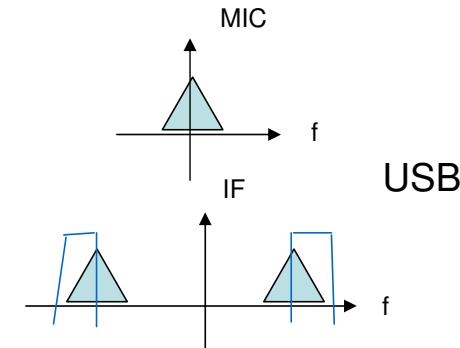
Note: Enthält A DC-Anteil entsteht AM (DSB plus Träger)

# SSB Sender

Bandbreite sparen: Single Sideband (SSB) Modulation



SSB



## Filtermethode:

- Unbedingt Zwischenfrequenz (ZF, IF) verwenden
- Benötigt steiles Seitenbandfilter (Quarzfilter) auf ZF  
→ Lower oder Upper Sideband (LSB/USB)

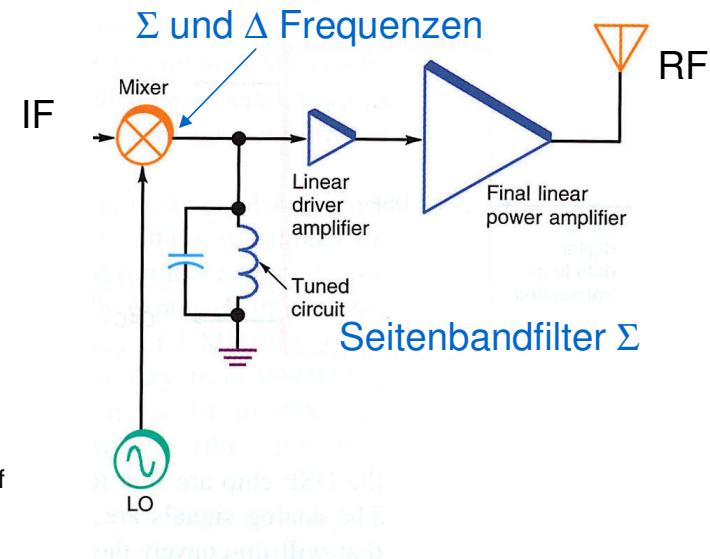
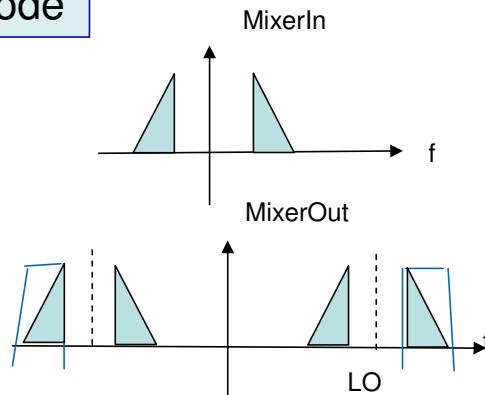
Notes: - ohne Seitenbandfilter erhält man DSB

- mit Unbalanced Modulator (Mischer mit DC-Offset) entsteht AM

# IF to RF Conversion

Dies ist eigentlich nichts anderes als SSB mit dem IF-Signal als Input (kleine relative Bandbreite)

## Ansatz 1: ▪ Filtermethode



Bsp. ZF = 10.7 MHz, LO = 87.3 MHz → RF = 98 MHz, B = 100 kHz

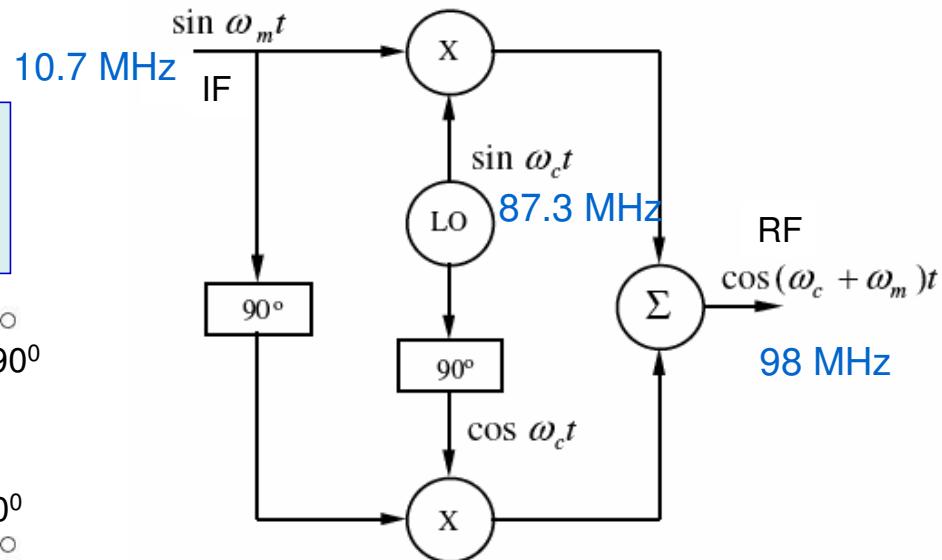
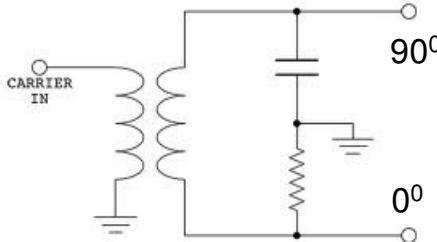
Filter muss erst bei 87.3 MHz oder 76.6 MHz stark dämpfen

# IF to RF Conversion

Orthogonale Signale

Dies ist eigentlich nichts anderes als SSB mit dem IF-Signal als Input (kleine relative Bandbreite)

**Ansatz 2:**  
▪ 90° Phasenschieber  
(Allpass)



Bsp. FM Radio: ZF = 10.7 MHz, LO = 87.3 MHz → RF = 98 MHz, B = 100 kHz,

90° Phasenschieber bei 10.7 MHz machbar, muss nur 1% Bandbreite abdecken

# Die moderne SSB-Erzeugung

Amplitude

Phase

Frequenz

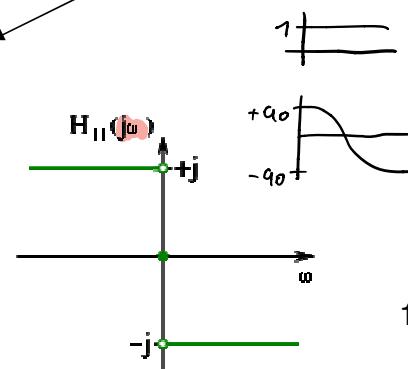
Nachrichtensignal (Inphase):  $i(t) = V_m \cos(2\pi f_m t + \phi_m)$

Sendesignal (z.B. LSB):  $s(t) = V_m \cos(2\pi(f_c - f_m)t - \phi_m)$

Wie kann ich das erzeugen?

$$s(t) = V_m \cos(2\pi(f_c - f_m)t - \phi_m) = V_m \cos(2\pi f_m t + \phi_m) \cdot \cos(2\pi f_c t) + V_m \sin(2\pi f_m t + \phi_m) \cdot \sin(2\pi f_c t)$$

$$q(t) = V_m \sin(2\pi f_m t + \phi_m)$$



Allg. Erzeugung des Quadratursignals  $q(t)$ :

Hilberttransformierte von  $i(t)$  mit DSP berechnen,  
d.h. Filterung von  $i(t)$  mit  $H_H$

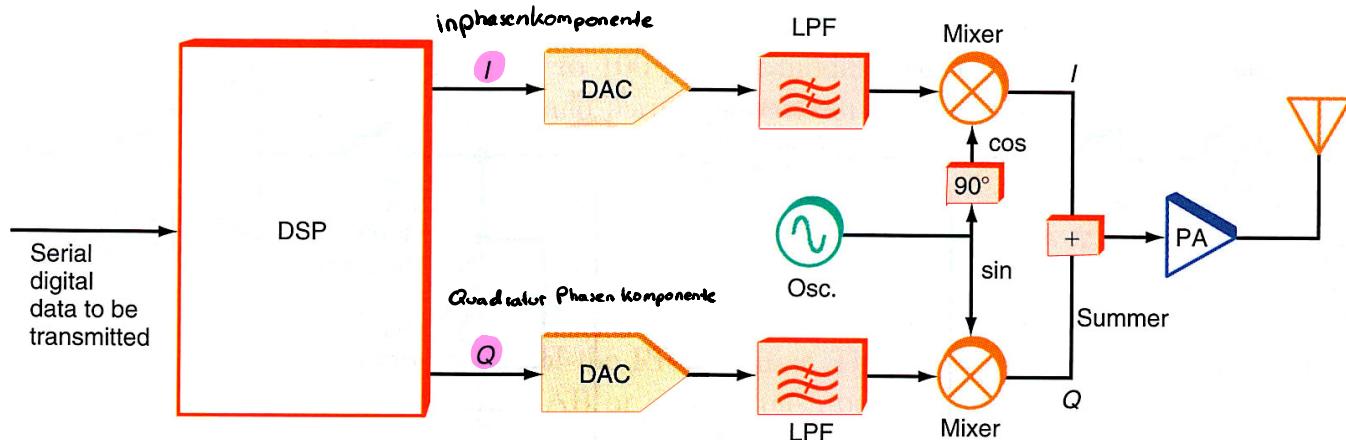
Hilbert Transformation siehe Wikipedia

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos(\alpha) \cdot \cos(\beta) - \sin(\alpha) \cdot \sin(\beta)$$

$$e^{j(\alpha+\beta)} = \cos(\alpha + \beta) + j \sin(\alpha + \beta)$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

# Die moderne Senderlösung heisst I/Q-Modulation



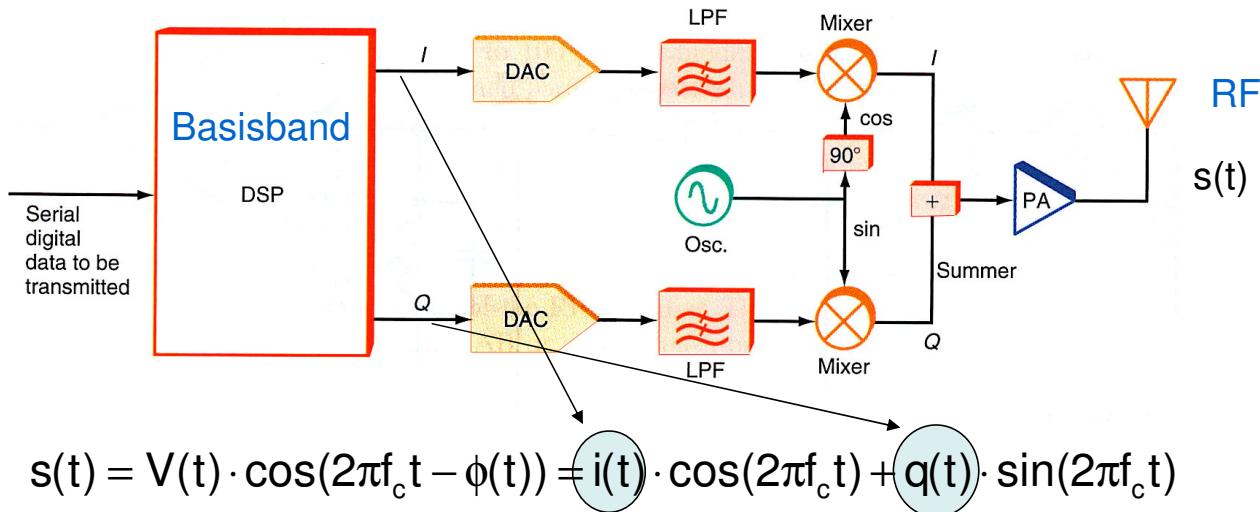
## Anwendungen:

- Für SSB, ISB sofern I und Q ein Hilbert-Paar sind ( $90^0$  phasenverschoben).  
Hilbert Transformation siehe Wikipedia
- Für komplexe Modulationen:  
**Signale I und Q im selben Band übertragen und im Empfänger wieder zerlegen,**  
indem man die Orthogonalität von Sinus und Cosinusträger ausnutzt.

$$\int_T \sin(\omega t) \cdot \cos(\omega t) \cdot dt = 0$$

# Die komplexe Modulation

Man kann 2 beliebige Signale im selben Band übertragen  
und im Empfänger wieder zerlegen !



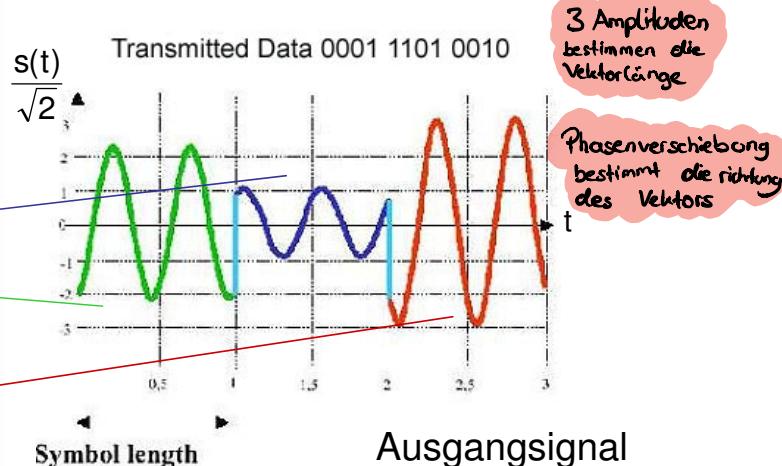
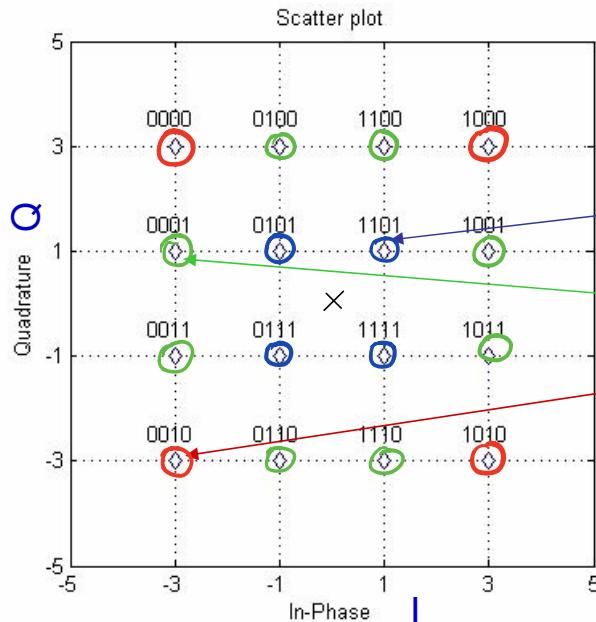
- Führt zu den heute verbreiteten digitalen komplexen Modulationsverfahren:  
 $i(t)$  und  $q(t)$  nehmen je für eine Anzahl Bit den entsprechenden analogen Wert an
- I und Q kann man als komplexes Zeitsignal  $i(t)+jq(t)$  auffassen
- Diese Architektur nennt man auch Direct Up-Conversion

# Beispiel komplexe Modulation: QAM

I-Signal:  $I(t)$  mit 4 möglichen DC-Werten:  $\pm 1$  und  $\pm 3$

Q-Signal:  $Q(t)$  mit 4 möglichen DC-Werten:  $\pm 1$  und  $\pm 3$

→ 16-QAM: Quadratur Amplitude Modulation: 4 Bit ergeben 1 Symbol



z.B. DVB-T, ADSL...

$$a \cdot \cos(x) + b \cdot \sin(x) = \sqrt{a^2 + b^2} \cos(x - \text{atan}(b/a))$$

# Mathe für komplexe Zeitsignale

## ■ Grundlage:

### ▪ Fouriertransformation

Spektren  $F(\omega)$  sind komplex-wertig  
 $f(t)$  darf neu auch komplex sein

$$U(\omega) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} f(t) e^{-j\omega t} dt$$

Spektrum

$$f(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} F(\omega) e^{j\omega t} d\omega$$

Zeitverlauf

### ▪ Eulersche Formel

bringen cos und sin in Beziehung

$$e^{j*\varphi} = \cos \varphi + j \sin \varphi$$

$$2 \cos(2\pi f \cdot t) = e^{j2\pi f \cdot t} + e^{-j2\pi f \cdot t}$$

$$2 \sin(2\pi f \cdot t) = -j \cdot e^{j2\pi f \cdot t} + j \cdot e^{-j2\pi f \cdot t}$$

## ■ Operationen am Zeitsignal

### ▪ Additionen

$$\bullet f(t) = i(t) + j \cdot q(t)$$

$$\bullet \text{Multiplikation mit } j / -j$$

$$\bullet \text{Multiplikation mit } e^{j2\pi f \cdot t} / e^{-j2\pi f \cdot t}$$

Modulieren

## → Auswirkung im Spektrum

→ Additonen im Spektrum

$$\rightarrow I(\omega) + j \cdot Q(\omega) = F(\omega)$$

→ Drehung im Spektrum um  $90^\circ$  /  $-90^\circ$

→ Schieben im Spektrum rechts / links

Note: I / Q-Achsen des Zeitsignal sind nicht direkt vergleichbar mit RE / IM -Achsen des Spektrum

$$e^{jx} = \cos(x) + j \sin(x)$$

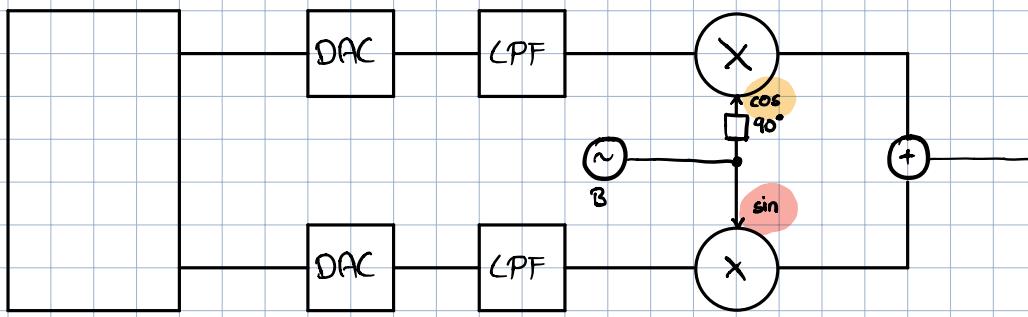
$$e^{-jx} = \cos(x) - j \sin(x)$$

$$e^{jx} + e^{-jx} = 2 \cos x$$

$$e^{jx} - e^{-jx} = 2 j \sin x$$

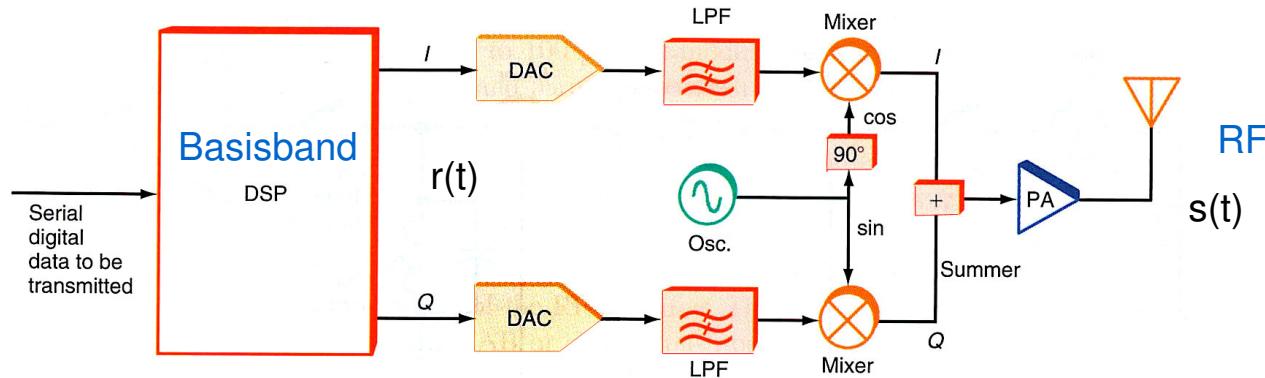
$$\Rightarrow \cos(x) = \frac{e^{jx} + e^{-jx}}{2}$$

$$\Rightarrow \sin(x) = \frac{e^{jx} - e^{-jx}}{2j}$$



# Die komplexe Modulation

Alternative: die komplexe Betrachtung



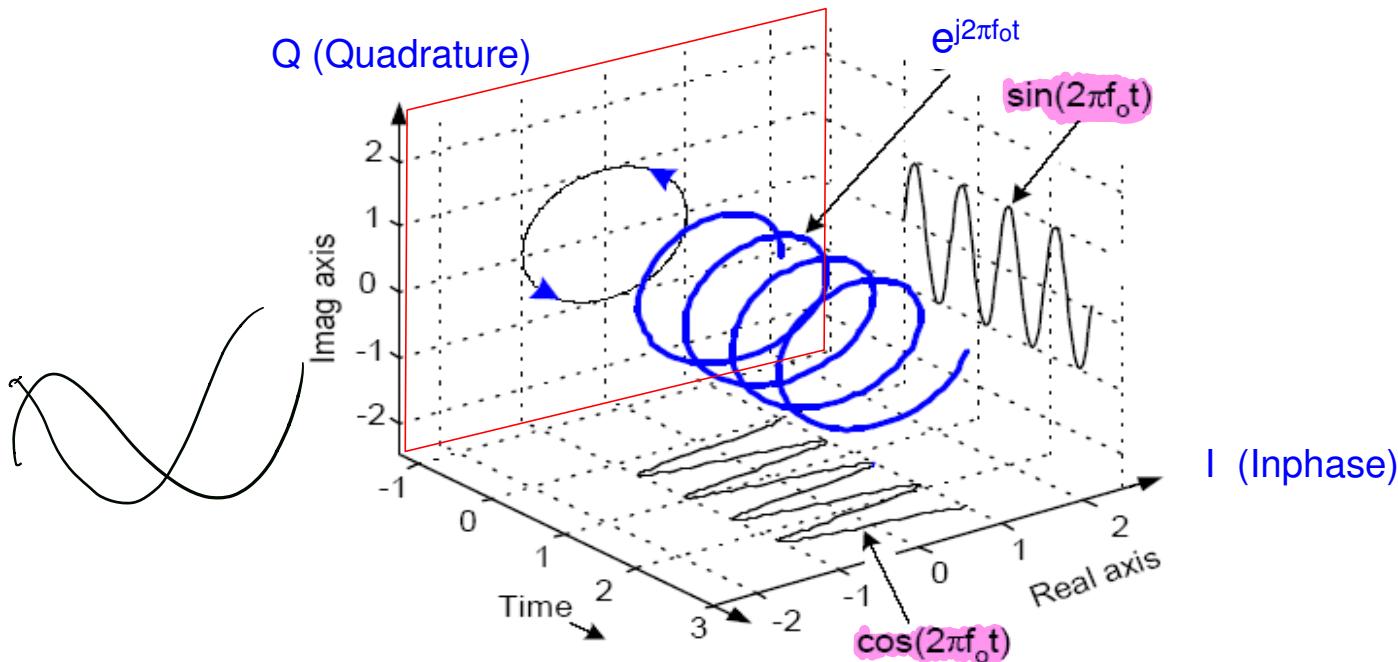
$$r(t) = i(t) + j \cdot q(t)$$

$r(t)$  wird auch als **Quadratursignal** bezeichnet

$$s(t) = \text{RE}[r(t) \cdot e^{j\omega_c t}]$$

- Das komplexe Spektrum  $R(\omega)$  ist die Summe des Spektrums von  $I(\omega)$  und dem mit  $j$  multiplizierten Spektrum von  $Q(\omega)$  des komplexen Basisbandsignals  $r(t)$ .
- Um  $S(\omega)$  zu erhalten wird  $R(\omega)$  nach rechts geschoben um  $\omega_c$  und symmetrisch zur S-Achse ergänzt damit ein reelles Signal  $s(t)$  resultiert,

# Quadratursignale unkompliziert



Komplexe Schwingung mit  $f_0 \geq 0$ :

- Auffassung als komplexes Zeitsignal  $i(t) + j \cdot q(t)$
- Darstellung durch Projektionen in I/Q- Ebene
- Realisation durch separate  $i(t)$ - und  $q(t)$ - Signalzweige

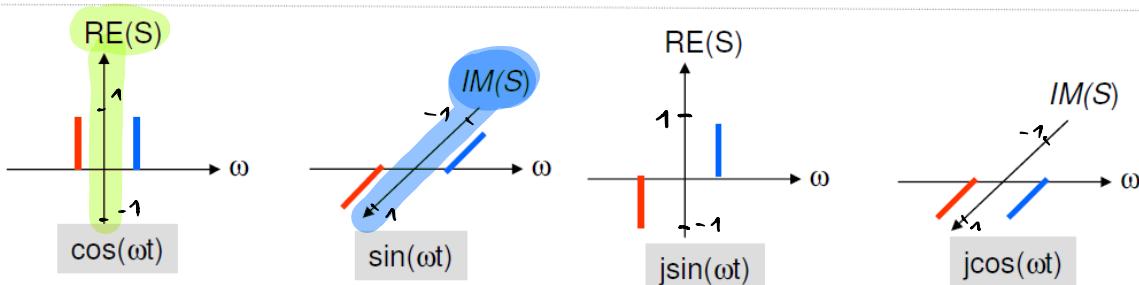
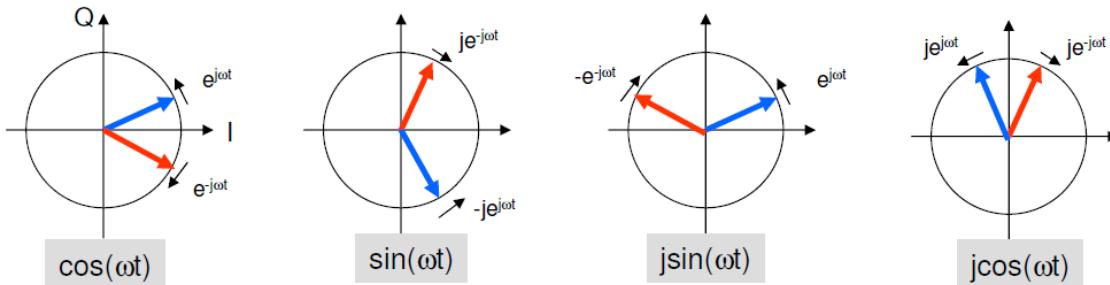
# Zusammenhang Projektionen I,Q und Spektren

$$\cos \omega = \frac{e^{j\omega} + e^{-j\omega}}{2}$$

$$j\cos \omega = \frac{j}{2} (je^{j\omega} - je^{-j\omega})$$

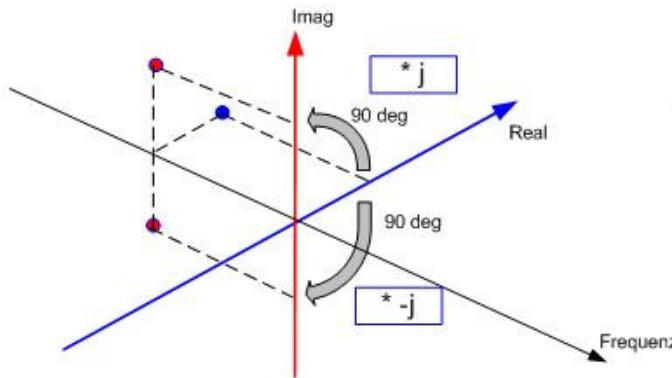
$$\sin \omega = \frac{e^{j\omega} - e^{-j\omega}}{2j} = \frac{1}{2} (je^{j\omega} + je^{-j\omega})$$

$$j\sin \omega = \frac{j}{2} (e^{j\omega} - e^{-j\omega})$$

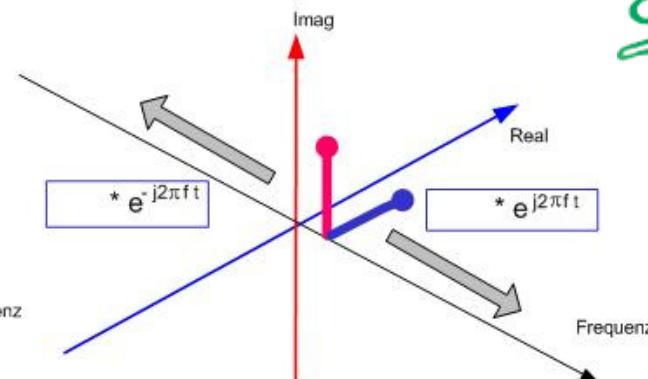


# Quadratursignale unkompliziert

Drehung im Spektrum



Verschiebung im Spektrum



= Operation am Zeitsignal

\* = Multiplikation

Nützliche Äquivalenzen:

$$\cos(2\pi f \cdot t) + j \cdot \sin(2\pi f \cdot t) = e^{j2\pi f \cdot t}$$

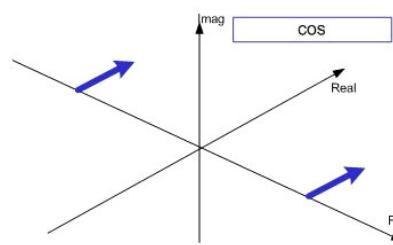
$$2 \cos(2\pi f \cdot t) = e^{j2\pi f \cdot t} + e^{-j2\pi f \cdot t}$$

$$\cos(2\pi f \cdot t) - j \cdot \sin(2\pi f \cdot t) = e^{-j2\pi f \cdot t}$$

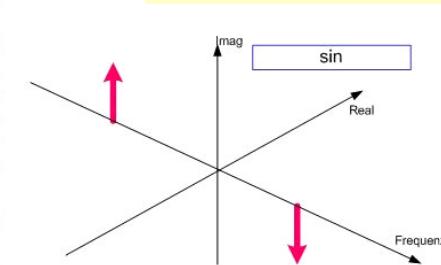
$$2 \sin(2\pi f \cdot t) = -j \cdot e^{j2\pi f \cdot t} + j \cdot e^{-j2\pi f \cdot t}$$

# Spektren der 6 Grundsignale

$$2 \cos(2\pi f \cdot t) = e^{j2\pi f \cdot t} + e^{-j2\pi f \cdot t}$$

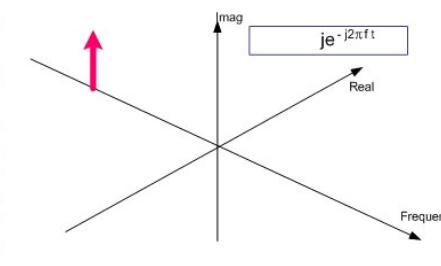
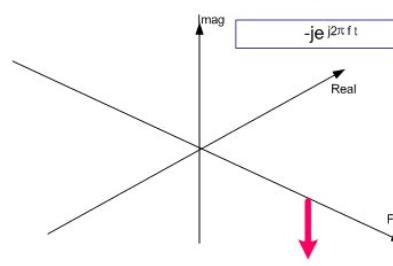
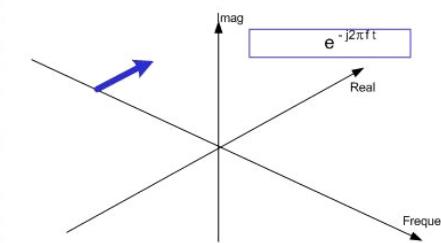
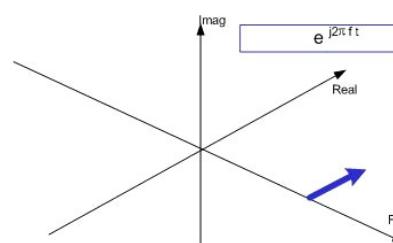


$$2 \sin(2\pi f \cdot t) = -j \cdot e^{j2\pi f \cdot t} + j \cdot e^{-j2\pi f \cdot t}$$

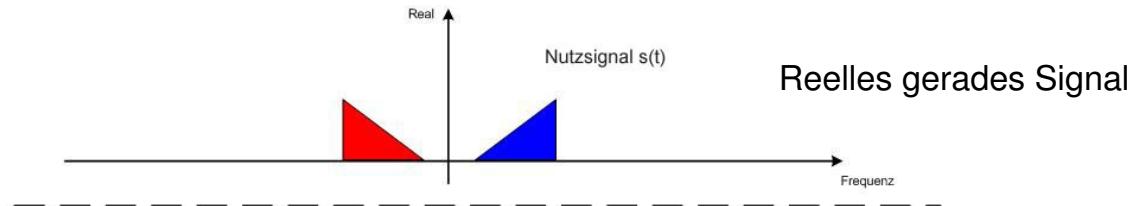


Note:

Faktor 2 aus der  
Trigonometrie  
nicht gezeichnet.  
Nur relative  
Amplituden  
interessieren.

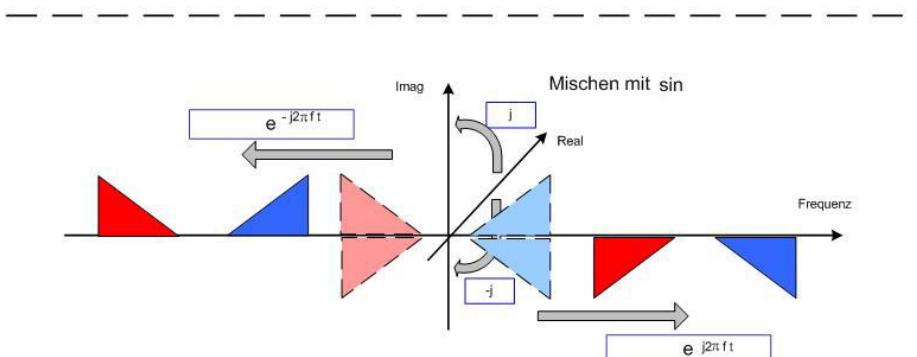
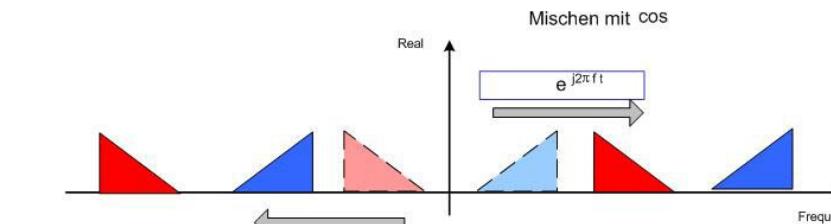


# Beispiel: Mischen mit Cosinus und Sinus



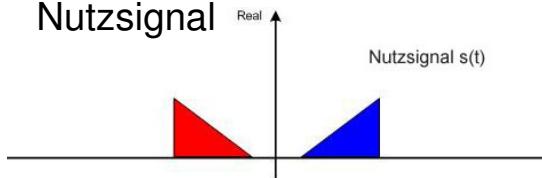
Note:

Faktor 2 aus der  
Trigonometrie  
nicht gezeichnet.  
Nur relative  
Amplituden  
interessieren

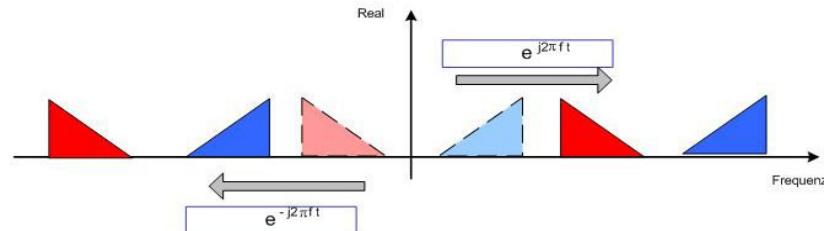


# Beispiel: IQ-Modulator für SSB

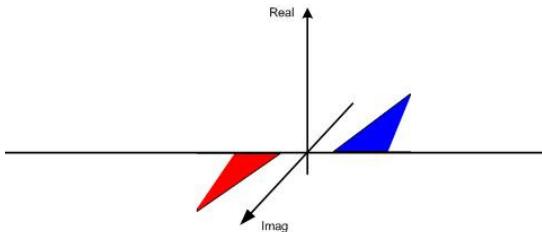
Nutzsignal



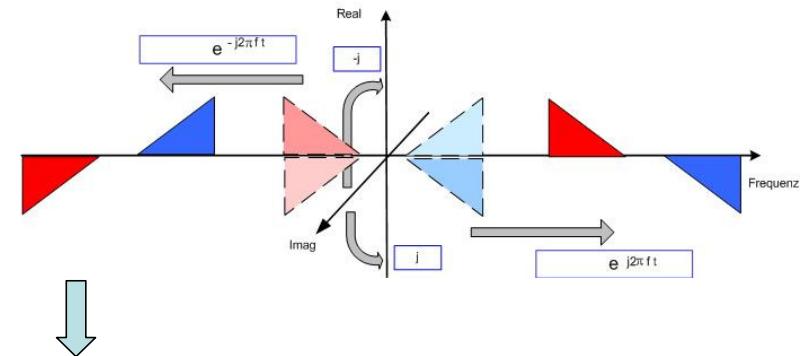
Mischen mit  $\cos(2\pi f \cdot t) \sim e^{j2\pi f \cdot t} + e^{-j2\pi f \cdot t}$



Hilbertsignal



Mischen mit  $\sin(2\pi f \cdot t) \sim -j \cdot e^{j2\pi f \cdot t} + j \cdot e^{-j2\pi f \cdot t}$



$\Sigma$  ergibt unteres Seitenband LSB  
 $\Delta$  ergibt oberes Seitenband USB

# Beispiel 1: IQ-Modulator für QAM

