# Kapitel 2: Bipolartransistor

Der Bipolartransistor ist ein Halbleiterbauelement mit drei Anschlüssen, die mit Basis (base,B), Emitter (emitter,E) und Kollektor (collector,C) bezeichnet werden. Man unterscheidet zwischen Einzeltransistoren, die für die Montage auf Leiterplatten gedacht und in einem eigenen Gehäuse untergebracht sind, und integrierten Transistoren, die zusammen mit weiteren Halbleiterbauelementen auf einem gemeinsamen Halbleiterträger (Substrat) hergestellt werden. Integrierte Transistoren haben einen vierten Anschluß, der aus dem gemeinsamen Träger resultiert und mit Substrat (substrate,S) bezeichnet wird; er ist für die elektrische Funktion von untergeordneter Bedeutung.

Dioden-Ersatzschaltbilder: Bipolartransistoren bestehen aus zwei antiseriell geschalteten pn-Dioden, die eine gemeinsame p- oder n-Zone besitzen. Abbildung 2.1 zeigt die Schaltzeichen und die *Dioden-Ersatzschaltbilder* eines npn-Transistors mit gemeinsamer p-Zone und eines pnp-Transistors mit gemeinsamer n-Zone. Die Dioden-Ersatzschaltbilder geben zwar die Funktion des Bipolartransistors nicht richtig wieder, ermöglichen aber einen Überblick über die Betriebsarten und zeigen, daß bei einem unbekannten Transistor der Typ (npn oder pnp) und der Basisanschluß mit einem Durchgangsprüfer ermittelt werden kann; Kollektor und Emitter sind wegen des symmetrischen Aufbaus nicht einfach zu unterscheiden.

Betriebsarten: Der Bipolartransistor wird zum Verstärken und Schalten von Signalen eingesetzt und dabei meist im Normalbetrieb (forward region) betrieben, bei dem die Emitter-Diode (BE-Diode) in Flußrichtung und die Kollektor-Diode (BC-Diode) in Sperrichtung betrieben wird. Bei einigen Schalt-

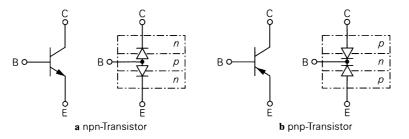


Abb. 2.1. Schaltzeichen und Dioden-Ersatzschaltbilder

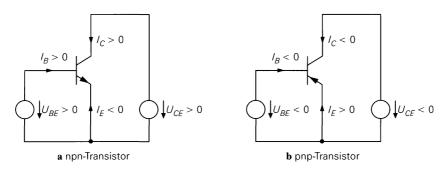


Abb. 2.2. Spannungen und Ströme im Normalbetrieb

anwendungen wird auch die BC-Diode zeitweise in Flußrichtung betrieben; man spricht dann von Sättigung oder Sättigungsbetrieb (saturation region). In den Inversbetrieb (reverse region) gelangt man durch Vertauschen von Emitter und Kollektor; diese Betriebsart bietet nur in Ausnahmefällen Vorteile. Im Sperrbetrieb (cut-off region) sind beide Dioden gesperrt. Abbildung 2.2 zeigt die Polarität der Spannungen und Ströme bei Normalbetrieb für einen npn- und einen pnp-Transistor.

# 2.1 Verhalten eines Bipolartransistors

Das Verhalten eines Bipolartransistors läßt sich am einfachsten anhand der Kennlinien aufzeigen. Sie beschreiben den Zusammenhang zwischen den Strömen und den Spannungen am Transistor für den Fall, daß alle Größen statisch, d.h. nicht oder nur sehr langsam zeitveränderlich sind. Für eine rechnerische Behandlung des Bipolartransistors werden zusätzlich Gleichungen benötigt, die das Verhalten ausreichend genau beschreiben. Wenn man sich auf den für die Praxis besonders wichtigen Normalbetrieb beschränkt und sekundäre Effekte vernachlässigt, ergeben sich besonders einfache Gleichungen. Bei einer Überprüfung der Funktionstüchtigkeit einer Schaltung durch Simulation auf einem Rechner muß dagegen auch der Einfluß sekundärer Effekte berücksichtigt werden. Dazu gibt es aufwendige Modelle, die auch das dynamische Verhalten bei Ansteuerung mit sinus- oder pulsförmigen Signalen richtig wiedergeben. Diese Modelle werden im Abschnitt 2.3 beschrieben und sind für ein grundsätzliches Verständnis nicht nötig. Im folgenden wird das Verhalten von npn-Transistoren beschrieben; bei pnp-Transistoren haben alle Spannungen und Ströme umgekehrte Vorzeichen.

### 2.1.1 Kennlinien

Ausgangskennlinienfeld: Legt man in der in Abb. 2.2a gezeigten Anordnung verschiedene Basis-Emitter-Spannungen  $U_{BE}$  an und mißt den Kollektorstrom  $I_C$  als

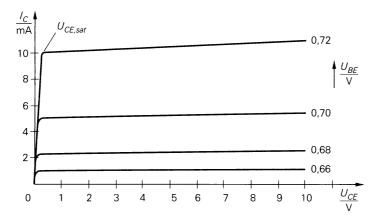
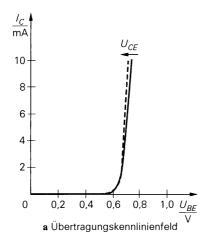


Abb. 2.3. Ausgangskennlinienfeld eines npn-Transistors

Funktion der Kollektor-Emitter-Spannung  $U_{CE}$ , erhält man das in Abb. 2.3 gezeigte Ausgangskennlinienfeld. Mit Ausnahme eines kleinen Bereiches nahe der  $I_C$ -Achse sind die Kennlinien nur wenig von  $U_{CE}$  abhängig und der Transistor arbeitet im Normalbetrieb, d.h. die BE-Diode leitet und die BC-Diode sperrt. Nahe der  $I_C$ -Achse ist  $U_{CE}$  so klein, daß auch die BC-Diode leitet und der Transistor in die Sättigung gerät. An der Grenze, zu der die Sättigungsspannung  $U_{CE,sat}$  gehört, knicken die Kennlinien scharf ab und verlaufen näherungsweise durch den Ursprung des Kennlinienfeldes.

Übertragungskennlinienfeld: Im Normalbetrieb ist der Kollektorstrom  $I_C$  im wesentlichen nur von  $U_{BE}$  abhängig. Trägt man  $I_C$  für verschiedene, zum Normalbetrieb gehörende Werte von  $U_{CE}$  als Funktion von  $U_{BE}$  auf, erhält man



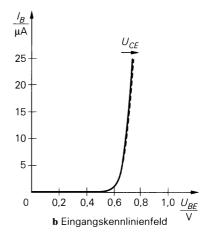


Abb. 2.4. Kennlinienfelder im Normalbetrieb

das in Abb. 2.4a gezeigte Übertragungskennlinienfeld. Aufgrund der geringen Abhängigkeit von  $U_{CE}$  liegen die Kennlinien sehr dicht beieinander.

Eingangskennlinienfeld: Zur vollständigen Beschreibung wird noch das in Abb. 2.4b gezeigte Eingangskennlinienfeld benötigt, bei dem der Basisstrom  $I_B$  für verschiedene, zum Normalbetrieb gehörende Werte von  $U_{CE}$  als Funktion von  $U_{BE}$  aufgetragen ist. Auch hier ist die Abhängigkeit von  $U_{CE}$  sehr gering.

**Stromverstärkung:** Vergleicht man die Übertragungskennlinien in Abb. 2.4a mit den Eingangskennlinien in Abb. 2.4b, so fällt sofort der ähnliche Verlauf auf. Daraus ergibt sich, daß im Normalbetrieb der Kollektorstrom  $I_C$  dem Basisstrom  $I_B$  näherungsweise proportional ist. Die Proportionalitätskonstante B wird Stromverstärkung genannt:

$$B = \frac{I_C}{I_B} \tag{2.1}$$

# 2.1.2 Beschreibung durch Gleichungen

Die für die rechnerische Behandlung erforderlichen Gleichungen basieren auf der Tatsache, daß das Verhalten des Transistors im wesentlichen auf das Verhalten der BE-Diode zurückgeführt werden kann. Der für eine Diode charakteristische exponentielle Zusammenhang zwischen Strom und Spannung zeigt sich im Übertragungs- und im Eingangskennlinienfeld des Transistors als exponentielle Abhängigkeit der Ströme  $I_B$  und  $I_C$  von der Spannung  $U_{BE}$ . Ausgehend von einem allgemeinen Ansatz  $I_C = I_C(U_{BE}, U_{CE})$  und  $I_B = I_B(U_{BE}, U_{CE})$  erhält man für den Normalbetrieb [2.1]:

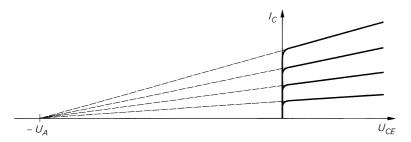
$$I_C = I_S e^{\frac{U_{BE}}{U_T}} \left( 1 + \frac{U_{CE}}{U_A} \right)$$
 (2.2)

$$I_B = \frac{I_C}{B} \quad \text{mit } B = B(U_{BE}, U_{CE})$$
 (2.3)

Dabei ist  $I_S \approx 10^{-16} \dots 10^{-12}$  A der Sättigungssperrstrom des Transistors und  $U_T$  die Temperaturspannung; bei Raumtemperatur gilt  $U_T \approx 26 \text{ mV}$ .

Early-Effekt: Die Abhängigkeit von  $U_{CE}$  wird durch den Early-Effekt verursacht und durch den rechten Term in (2.2) empirisch beschrieben. Grundlage für diese Beschreibung ist die Beobachtung, daß sich die extrapolierten Kennlinien des Ausgangskennlinienfelds näherungsweise in einem Punkt schneiden [2.2]; Abb. 2.5 verdeutlicht diesen Zusammenhang. Die Konstante  $U_A$  heißt Early-Spannung und beträgt bei npn-Transistoren  $U_{A,npn}\approx 30\ldots 150$  V, bei pnp-Transistoren  $U_{A,pnp}\approx 30\ldots 75$  V. Im Abschnitt 2.3.1 wird der Early-Effekt genauer betrachtet, für den hier betrachteten Normalbetrieb ist die empirische Beschreibung ausreichend.

**Basisstrom und Stromverstärkung:** Der Basisstrom  $I_B$  wird auf  $I_C$  bezogen; dabei tritt die Stromverstärkung B als Proportionalitätskonstante auf. Diese Dar-



**Abb. 2.5.** Early-Effekt und Early-Spannung  $U_A$  im Ausgangskennlinienfeld

stellung wird gewählt, da für viele einfache Berechnungen die Abhängigkeit der Stromverstärkung von  $U_{BE}$  und  $U_{CE}$  vernachlässigt werden kann; B ist dann eine unabhängige Konstante. In den meisten Fällen wird jedoch die Abhängigkeit von U<sub>CE</sub> berücksichtigt, da sie ebenfalls durch den Early-Effekt verursacht wird [2.2], d.h. es gilt:

$$B(U_{BE}, U_{CE}) = B_0(U_{BE}) \left(1 + \frac{U_{CE}}{U_A}\right)$$
 (2.4)

 $B_0(U_{BE})$  ist die extrapolierte Stromverstärkung für  $U_{CE}=0$  V. Die Extrapolation ist notwendig, da bei  $U_{CE} = 0$  V kein Normalbetrieb mehr vorliegt.

Großsignalgleichungen: Durch Einsetzen von (2.4) in (2.3) erhält man die Großsignalgleichungen des Bipolartransistors:

$$I_C = I_S e^{\frac{U_{BE}}{U_T}} \left( 1 + \frac{U_{CE}}{U_A} \right)$$
 (2.5)

$$I_C = I_S e^{\frac{U_{BE}}{U_T}} \left( 1 + \frac{U_{CE}}{U_A} \right)$$

$$I_B = \frac{I_S}{B_0} e^{\frac{U_{BE}}{U_T}}$$

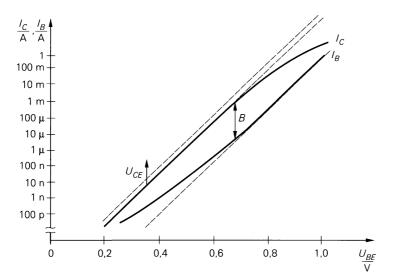
$$(2.5)$$

## 2.1.3 Verlauf der Stromverstärkung

Gummel-Plot: Die Stromverstärkung  $B(U_{BE}, U_{CE})$  wird im folgenden noch näher untersucht. Da die Ströme  $I_B$  und  $I_C$  exponentiell von  $U_{BE}$  abhängen, bietet sich eine halblogarithmische Darstellung über  $U_{BE}$  mit  $U_{CE}$  als Parameter an. Diese in Abb. 2.6 gezeigte Auftragung wird Gummel-Plot genannt und hat die Eigenschaft, daß die exponentiellen Verläufe in (2.5) und (2.6) in Geraden übergehen, wenn man  $B_0$  als konstant annimmt:

$$\ln\left(\frac{I_C}{I_S}\right) = \frac{U_{BE}}{U_T} + \ln\left(1 + \frac{U_{CE}}{U_A}\right)$$

$$\ln\left(\frac{I_B}{I_S}\right) = \frac{U_{BE}}{U_T} - \ln(B_0)$$



**Abb. 2.6.** Halblogrithmische Auftragung der Ströme  $I_B$  und  $I_C$  im Normalbetrieb (Gummel-Plot)

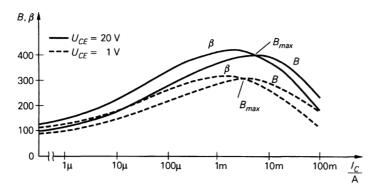
In Abb. 2.6 sind diese Geraden für zwei Werte von  $U_{CE}$  gestrichelt wiedergegeben. Die Stromverstärkung B tritt dabei als Verschiebung in y-Richtung auf:

$$\ln(B) = \ln\left(\frac{I_C}{I_B}\right) = \ln(B_0) + \ln\left(1 + \frac{U_{CE}}{U_A}\right)$$

Die realen Verläufe sind ebenfalls in Abb. 2.6 eingetragen. Sie stimmen in einem großen Bereich mit den Geraden überein, d.h.  $B_0$  kann hier als konstant angenommen werden. In zwei Bereichen ergeben sich jedoch Abweichungen [2.2]:

- Bei sehr kleinen Kollektorströmen ist der Basisstrom größer als der durch
   (2.6) für konstantes B<sub>0</sub> gegebene Wert. Diese Abweichung wird durch zusätzliche Anteile im Basisstrom verursacht und führt zu einer Abnahme von
   B bzw. B<sub>0</sub>. Die Großsignalgleichungen (2.5) und (2.6) sind auch in diesem
   Bereich gültig.
- Bei sehr großen Kollektorströmen ist der Kollektorstrom kleiner als der durch (2.5) gegebene Wert. Diese Abweichung wird durch den Hochstromeffekt verursacht und führt ebenfalls zu einer Abnahme von B bzw. B<sub>0</sub>. In diesem Bereich sind die Großsignalgleichungen (2.5) und (2.6) nicht mehr gültig, da eine Abnahme von B<sub>0</sub> nach diesen Gleichungen zu einer Zunahme von I<sub>B</sub> und nicht, wie erforderlich, zu einer Abnahme von I<sub>C</sub> führt. Dieser Bereich wird jedoch nur bei Leistungstransistoren genutzt.

**Darstellung des Verlaufs:** In der Praxis wird die Stromverstärkung B als Funktion von  $I_C$  und  $U_{CE}$  angegeben, d.h. man ersetzt  $B(U_{BE}, U_{CE})$  durch  $B(I_C, U_{CE})$ , indem man den für festes  $U_{CE}$  gegebenen Zusammenhang zwischen  $I_C$  und  $U_{BE}$  nutzt, um die Variablen auszutauschen. In gleicher Weise wird  $B_0(U_{BE})$  durch  $B_0(I_C)$  ersetzt. Diese veränderte Darstellung erleichtert die Dimensionierung von



**Abb. 2.7.** Verlauf der Großsignalstromverstärkung B und der Kleinsignalstromverstärkung  $\beta$  im Normalbetrieb

Schaltungen, da bei der Arbeitspunkteinstellung zunächst  $I_C$  und  $U_{CE}$  festgelegt werden und anschließend mit Hilfe von  $B(I_C, U_{CE})$  der zugehörige Basisstrom ermittelt wird; bei der Arbeitspunkteinstellung für die Grundschaltungen im Abschnitt 2.4 wird auf diese Weise vorgegangen.

In Abb. 2.7 ist der Verlauf der Stromverstärkung B und der differentiellen Stromverstärkung

$$\beta = \left. \frac{dI_C}{dI_B} \right|_{U_{CE} = \text{const.}}$$
 (2.7)

über  $I_C$  für zwei verschiedene Werte von  $U_{CE}$  aufgetragen. Man bezeichnet B als Großsignalstromverstärkung und  $\beta$  als Kleinsignalstromverstärkung.

Die Verläufe sind typisch für Kleinleistungstransistoren, bei denen das Maximum der Stromverstärkung für  $I_C \approx 1\dots 10$  mA erreicht wird. Bei Leistungstransistoren verschiebt sich dieses Maximum in den Ampere-Bereich. In der Praxis wird der Transistor im Bereich des Maximums oder links davon, d.h. bei kleineren Kollektorströmen, betrieben. Den Bereich rechts des Maximums vermeidet man nach Möglichkeit, da durch den Hochstromeffekt nicht nur B, sondern zusätzlich die Schaltgeschwindigkeit und die Grenzfrequenzen des Transistors reduziert werden; in den Abschnitten 2.3.2 und 2.3.3 wird dies näher beschrieben.

Die Kleinsignalstromverstärkung  $\beta$  wird zur Beschreibung des Kleinsignalverhaltens im nächsten Abschnitt benötigt. Ausgehend von (2.7) erhält man über

$$\frac{1}{\beta} = \frac{dI_B}{dI_C}\Big|_{U_{CE}=constt} = \frac{\partial \left(\frac{I_C}{B(I_C, U_{CE})}\right)}{\partial I_C}$$

einen Zusammenhang zwischen  $\beta$  und B [2.3]:

$$\beta = \frac{B}{1 - \frac{I_C}{B} \frac{\partial B}{\partial I_C}}$$

Im Bereich links des Maximums von B ist  $(\partial B/\partial I_C)$  positiv und damit  $\beta > B$ . Im Maximum ist  $(\partial B/\partial I_C) = 0$ , so daß dort  $\beta = B$  gilt. Rechts des Maximums ist  $(\partial B/\partial I_C)$  negativ und damit  $\beta < B$ .

Bestimmung der Werte: Wird der Transistor mit einem Kollektorstrom im Bereich des Maximums der Stromverstärkung *B* betrieben, so kann man die Näherung

$$\beta(I_C, U_{CE}) \approx B(I_C, U_{CE}) \approx B_{max}(U_{CE})$$
(2.8)

verwenden; dabei bezeichnet  $B_{max}(U_{CE})$ , wie in Abb. 2.7 gezeigt, den von  $U_{CE}$  abhängigen Maximalwert von B.

Ist der Verlauf von B im Datenblatt eines Transistors durch ein Diagramm entsprechend Abb. 2.7 gegeben, kann man  $B(I_C, U_{CE})$  aus dem Diagramm entnehmen und, wenn Kurven für  $\beta$  fehlen, die Näherung (2.8) verwenden. Ist für B nur ein Wert im Datenblatt angegeben, kann man diesen als Ersatzwert für B und  $\beta$  verwenden. Typische Werte sind  $B \approx 100...500$  für Kleinleistungstransistoren und  $B \approx 10...100$  für Leistungstransistoren. Bei Darlington-Transistoren sind intern zwei Transistoren zusammengeschaltet, so daß je nach Leistungsklasse  $B \approx 500...10000$  erreicht wird. Die Darlington-Schaltung wird im Abschnitt 2.4.4 näher beschrieben.

# 2.1.4 Arbeitspunkt und Kleinsignalverhalten

Ein Anwendungsgebiet des Bipolartransistors ist die lineare Verstärkung von Signalen im *Kleinsignalbetrieb*. Dabei wird der Transistor in einem Arbeitspunkt A betrieben und mit *kleinen* Signalen um den Arbeitspunkt ausgesteuert. Die nichtlinearen Kennlinien können in diesem Fall durch ihre Tangenten im Arbeitspunkt ersetzt werden und man erhält näherungsweise lineares Verhalten.

### Bestimmung des Arbeitspunkts

Der Arbeitspunkt A wird durch die Spannungen  $U_{CE,A}$  und  $U_{BE,A}$  und die Ströme  $I_{C,A}$  und  $I_{B,A}$  charakterisiert und durch die äußere Beschaltung des Transistors festgelegt. Diese Festlegung wird Arbeitspunkteinstellung genannt. Beispielhaft wird der Arbeitspunkt der einfachen Verstärkerschaltung in Abb. 2.8a ermittelt. Er wird mit den als bekannt vorausgesetzten Widerständen  $R_1$  und  $R_2$  eingestellt.

Numerische Lösung: Aus den Großsignalgleichungen des Transistors und den Knotengleichungen für Basis- und Kollektoranschluß erhält man mit  $I_e = I_a = 0$ 

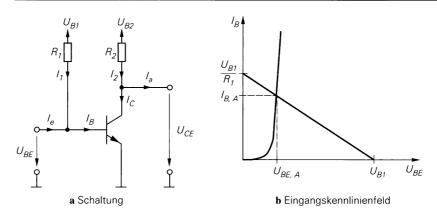


Abb. 2.8. Beispiel zur Bestimmung des Arbeitspunkts

das Gleichungssystem

$$I_C = I_C(U_{BE}, U_{CE})$$
 $I_B = I_B(U_{BE}, U_{CE})$ 
Kennlinien des Transistors
 $I_B = I_1 = \frac{U_{B1} - U_{BE}}{R_1}$ 
 $I_C = I_2 = \frac{U_{B2} - U_{CE}}{R_2}$ 
Lastgeraden

mit vier Gleichungen und vier Unbekannten. Die Arbeitspunktgrößen  $U_{BE,A}$ ,  $U_{CE,A}$ ,  $I_{B,A}$  und  $I_{C,A}$  findet man durch Lösen der Gleichungen.

Graphische Lösung: Neben der numerischen Lösung ist auch eine graphische Lösung möglich. Dazu zeichnet man die Lastgeraden in das entsprechende Kennlinienfeld ein und ermittelt die Schnittpunkte. Da das Eingangskennlinienfeld wegen der vernachlässigbar geringen Abhängigkeit von  $U_{CE}$  praktisch nur aus einer Kennlinie besteht, erhält man nach Abb. 2.8b nur einen Schnittpunkt

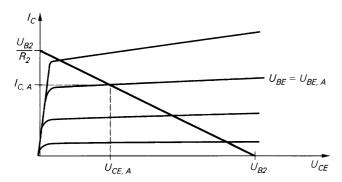


Abb. 2.9. Beispiel zur Bestimmung des Arbeitspunkts im Ausgangskennlinienfeld

und kann  $U_{BE,A}$  und  $I_{B,A}$  sofort ablesen. Im Ausgangskennlinienfeld kann man nun  $U_{CE,A}$  und  $I_{C,A}$  aus dem Schnittpunkt der Geraden mit der zu  $U_{BE,A}$  gehörigen Ausgangskennlinie bestimmen, siehe Abb. 2.9.

Arbeitspunkteinstellung: Sowohl die numerische als auch die graphische Bestimmung des Arbeitspunkts sind analytische Verfahren, d.h. man kann damit bei bekannter Beschaltung den Arbeitspunkt ermitteln. Zum Entwurf von Schaltungen werden dagegen Syntheseverfahren benötigt, mit denen man die zu einem gewünschten Arbeitspunkt gehörige Beschaltung finden kann. Diese Verfahren werden bei der Beschreibung der Grundschaltungen im Abschnitt 2.4 behandelt.

#### Kleinsignalgleichungen und Kleinsignalparameter

Kleinsignalgrößen: Bei Aussteuerung um den Arbeitspunkt werden die Abweichungen der Spannungen und Ströme von den Arbeitspunktwerten als Kleinsignalspannungen und -ströme bezeichnet. Man definiert:

$$u_{BE} = U_{BE} - U_{BE,A}$$
 ,  $i_B = I_B - I_{B,A}$   $u_{CE} = U_{CE} - U_{CE,A}$  ,  $i_C = I_C - I_{C,A}$ 

Linearisierung: Die Kennlinien werden durch ihre Tangenten im Arbeitspunkt ersetzt, d.h. sie werden linearisiert. Dazu führt man eine Taylorreihenentwicklung im Arbeitspunkt durch und bricht nach dem linearen Glied ab:

$$i_{B} = I_{B}(U_{BE,A} + u_{BE}, U_{CE,A} + u_{CE}) - I_{B,A}$$

$$= \frac{\partial I_{B}}{\partial U_{BE}} \Big|_{A} u_{BE} + \frac{\partial I_{B}}{\partial U_{CE}} \Big|_{A} u_{CE} + \dots$$

$$i_{C} = I_{C}(U_{BE,A} + u_{BE}, U_{CE,A} + u_{CE}) - I_{C,A}$$

$$= \frac{\partial I_{C}}{\partial U_{BE}} \Big|_{A} u_{BE} + \frac{\partial I_{C}}{\partial U_{CE}} \Big|_{A} u_{CE} + \dots$$

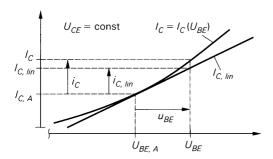
Abb. 2.10 verdeutlicht die Linearisierung am Beispiel der Übertragungskennlinie; dazu ist der Bereich um den Arbeitspunkt stark vergrößert dargestellt. Die Stromänderung  $i_C$  wird über die Kennlinie aus der Spannungsänderung  $u_{BE}$  ermittelt, die Stromänderung  $i_{C,lin}$  über die Tangente. Bei kleiner Aussteuerung kann man  $i_C = i_{C,lin}$  setzen.

Kleinsignalgleichungen: Die partiellen Ableitungen im Arbeitspunkt werden Kleinsignalparameter genannt. Nach Einführung spezieller Bezeichner erhält man die Kleinsignalgleichungen des Bipolartransistors:

$$i_{B} = \frac{1}{r_{BE}} u_{BE} + S_{r} u_{CE}$$

$$i_{C} = S u_{BE} + \frac{1}{r_{CE}} u_{CE}$$
(2.9)

$$i_C = S u_{BE} + \frac{1}{r_{CE}} u_{CE}$$
 (2.10)



**Abb. 2.10.** Linearisierung am Beispiel der Übertragungskennlinie

Kleinsignalparameter: Die Steilheit S beschreibt die Änderung des Kollektorstroms  $I_C$  mit der Basis-Emitter-Spannung  $U_{BE}$  im Arbeitspunkt. Sie kann im Übertragungskennlinienfeld nach Abb. 2.4a aus der Steigung der Tangente im Arbeitspunkt ermittelt werden, gibt also an, wie steil die Übertragungskennlinie im Arbeitspunkt ist. Durch Differentiation der Großsignalgleichung (2.5) erhält man:

$$S = \frac{\partial I_C}{\partial U_{BE}}\Big|_A = \frac{I_{C,A}}{U_T}$$
 (2.11)

Der Kleinsignaleingangswiderstand  $r_{BE}$  beschreibt die Änderung der Basis-Emitter-Spannung  $U_{BE}$  mit dem Basisstrom  $I_B$  im Arbeitspunkt. Er kann aus dem Kehrwert der Steigung der Tangente im Eingangskennlinienfeld nach Abb. 2.4b ermittelt werden. Die Differentiation der Großsignalgleichung (2.6) läßt sich umgehen, indem man den Zusammenhang

$$r_{BE} = \left. \frac{\partial U_{BE}}{\partial I_B} \right|_A = \left. \frac{\partial U_{BE}}{\partial I_C} \right|_A \left. \frac{\partial I_C}{\partial I_B} \right|_A$$

nutzt. Damit läßt sich  $r_{BE}$  aus der Steilheit S nach (2.11) und der Kleinsignalstromverstärkung  $\beta$  nach (2.7) berechnen:

$$\left| r_{BE} = \frac{\partial U_{BE}}{\partial I_C} \right|_A = \frac{\beta}{S}$$
 (2.12)

Der Kleinsignalausgangswiderstand  $r_{CE}$  beschreibt die Änderung der Kollektor-Emitter-Spannung  $U_{CE}$  mit dem Kollektorstrom  $I_C$  im Arbeitspunkt. Er kann aus dem Kehrwert der Steigung der Tangente im Ausgangskennlinienfeld nach Abb. 2.3 ermittelt werden. Durch Differentiation der Großsignalgleichung (2.5) erhält man:

$$\left| r_{CE} = \frac{\partial U_{CE}}{\partial I_C} \right|_A = \frac{U_A + U_{CE,A}}{I_{C,A}} \stackrel{U_{CE,A} \ll U_A}{\approx} \frac{U_A}{I_{C,A}}$$
 (2.13)

In der Praxis arbeitet man mit der in (2.13) angegeben Näherung.

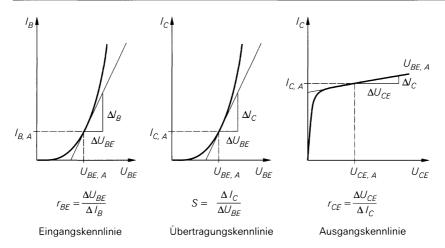


Abb. 2.11. Ermittlung der Kleinsignalparameter aus den Kennlinienfeldern

Die Rückwärtssteilheit  $S_r$  beschreibt die Änderung des Basisstroms  $I_B$  mit der Kollektor-Emitter-Spannung  $U_{CE}$  im Arbeitspunkt. Sie ist vernachlässigbar gering. In der Großsignalgleichung (2.6) ist diese Abhängigkeit bereits vernachlässigt, d.h.  $I_B$  hängt nicht von  $U_{CE}$  ab:

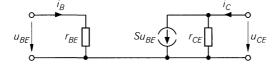
$$S_r = \frac{\partial I_B}{\partial U_{CE}}\Big|_A \approx 0 \tag{2.14}$$

Man kann die Kleinsignalparameter auch aus den Kennlinienfeldern ermitteln; dazu zeichnet man die Tangenten im Arbeitspunkt ein und bestimmt ihre Steigungen, siehe Abb. 2.11. In der Praxis wird dieses Verfahren wegen der begrenzten Ablesegenauigkeit nur selten verwendet; zudem sind die Kennlinienfelder im Datenblatt eines Transistors meist gar nicht enthalten.

### Kleinsignalersatzschaltbild

Aus den Kleinsignalgleichungen (2.9) und (2.10) erhält man mit  $S_r = 0$  das in Abb. 2.12 gezeigte *Kleinsignalersatzschaltbild* des Bipolartransistors. Kennt man die Arbeitspunktgrößen  $I_{C,A}$ ,  $U_{CE,A}$  und  $\beta$  des Transistors, kann man mit (2.11), (2.12) und (2.13) die Parameter bestimmen.

Dieses Ersatzschaltbild eignet sich zur Berechnung des Kleinsignalverhaltens von Transistorschaltungen bei niedrigen Frequenzen (0...10 kHz); es wird des-



**Abb. 2.12.** Kleinsignalersatzschaltbild eines Bipolartransistors