

2) Cuantizar la siguiente señal

$$X(t) = 3 \cos(1000\pi t) + 5 \sin(3000\pi t) + 10 \cos(11000\pi t)$$

Con un ADC de :

$$f_s = 5 \text{ KHz} \quad \text{y} \quad \text{Resolución} = 4 \text{ bits} = 2^4 = 16$$

$$\bullet 1000 \pi t \Rightarrow f_1 = \frac{1000}{2} = 500 \text{ Hz}$$

$$\bullet 3000 \pi t \Rightarrow f_2 = \frac{3000}{2} = 1500 \text{ Hz}$$

$$\bullet 11000 \pi t \Rightarrow f_3 = \frac{11000}{2} = 5500$$

Teorema de Nyquist : $f_s \geq 2f_{\max}$

donde $f_{\max} = 5500 \text{ Hz}$

$$f_s \geq 11000 \text{ Hz}$$

Pero tenemos que $f_s = 5000 \text{ Hz} < 11000 \text{ Hz}$
Por lo tanto habrá aliasing.

• Alias de la frecuencia.

$$f_a = |f - k f_s| \text{ para algún entero } k$$

Para $f_1 = 500 \text{ Hz}$ Como $500 < 2500$ (se conserva)

Para $f_2 = 1500 \text{ Hz}$ también se conserva

Para $f_3 = 5500 \text{ Hz}$

$$f_a = |5500 - 5000| = 500 \text{ Hz}$$

Se pliega a 500 Hz, mezclándose con el primer armónico

• La señal muestreada será distorsionada: en vez de tres frecuencias distintas tendrá solo 500 Hz y 1500 Hz

• Cuantización (4 bits)

$$\text{Niveles: } L = 2^4 = 16$$

$$A_{\max} = 3 + 5 + 10 = 18$$

Rango dinámico $[-18, 18]$

$$\Delta = \frac{36}{16} = 2.25$$

Cada muestra se redondeará al múltiplo más cercano de 2.25