

INTRODUCCIÓN

Tuesday, January 29, 2019 1:11 PM

Evaluación

- Proyectos → 20%
 - Exámenes → 20% | Ind, x. equipo, de caso
 - Investigaciones → 25% | A mano
 - Ejercicios/Tareas → 35%
-

• **Proyectos** → Códigos Documentado
(A detalle)

|
| Funcione, explicar, modificar

• Investigaciones

- Portada
- Desarrollo
- Conclusiones
- Referencias
- Introducciones

• Puntos extras

- Proyectos
- Investigaciones

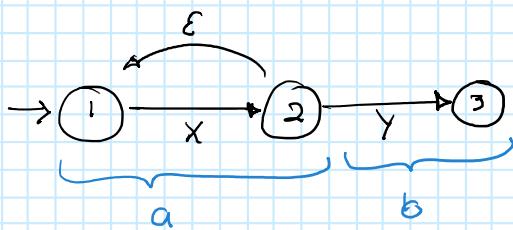
• Forma de calificar

$$\begin{array}{l} 9.3 \rightarrow 10 \\ 8.76 - 9.3 \rightarrow 9 \\ 8 - 8.75 \rightarrow 8 \\ 7 - 7.9 \rightarrow 7 \\ < 6.9 \rightarrow \text{Reprobados} \end{array}$$

TAREAS

jueves, 7 de febrero de 2019 09:25 p.m.

► Ejercicio 1 | Exp.R = x^+y



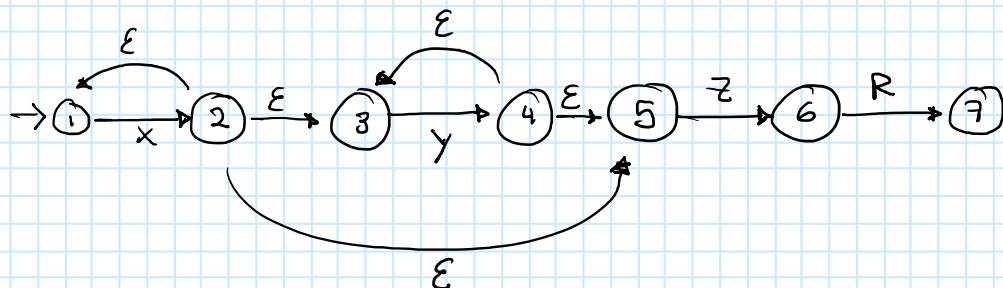
$$L = \{xy, xxy, xxy, \dots\}$$

Aprovechando el automata | $L = \{xy, xxxy, xy, \dots\}$

∴ Podemos concluir que el automata está asociado a la expresión regular $= x^+y$ ~~$\neq x^+y^*$~~

- xzR
- $xyzR$
- $xyzR$

► Exp.R = x^+y^*zR



$$L = \{xzR, xyzR, xxyzR, \dots\}$$

Aprovechando el automata | $L = \{xyzR, xzR, xyxR, \dots\}$

∴ Podemos concluir que el automata está asociado a la expresión regular $= x^+y$ ~~$\neq x^+y^*$~~

TAREA 1

TAREA 1

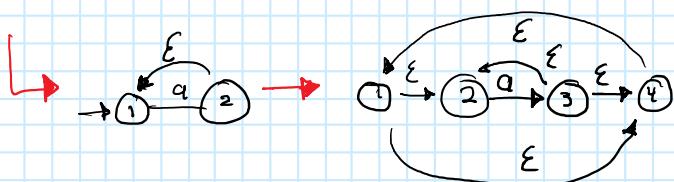
TAREA 1

$$(a^*)^+ = \text{- Alfabeto}$$

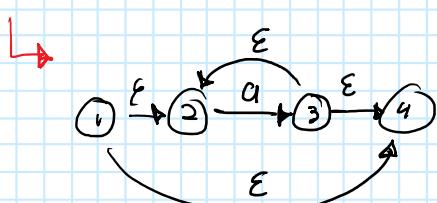
$$(a^*)^* = \text{-}$$

|| Concluir (Libreto) |
 • Fecha entrega
 • Nombre de la Tarea
 • Comparando expresiones regulares
 • Nombre (m.o)

► $(a^*)^+ ; L = \{ \epsilon, a, aa, aaa, \dots \}$



► $(a^*)^* ; L = \{ a, aa, \epsilon, aaa, \dots \}$



TAREA 1

- 5 de febrero 2019 Cal 10

Jesús Daniel Mayo Ruiz

- Comparando expresiones regulares

- Murieta Villegas Alfonso

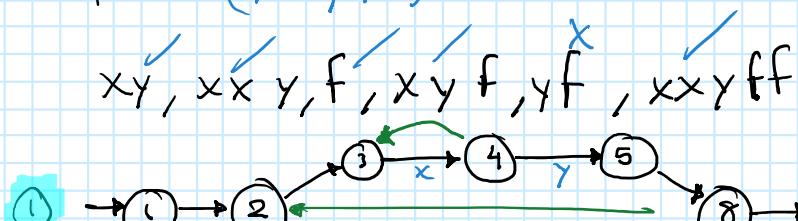
Conclusiones

• En ambos casos se presenta el mismo lenguaje, sin embargo, podemos notar que esto demuestra que la "cerradura" "*" respecto a "+" tiene mayor relevancia.

Cadenas que tienen concatenadas ninguna, una o más a's

► Verificar que la expresión regular (cadenas) sean reconocidas por todos los automatas

$$\text{Exp.R } (x^+ y f)^*$$



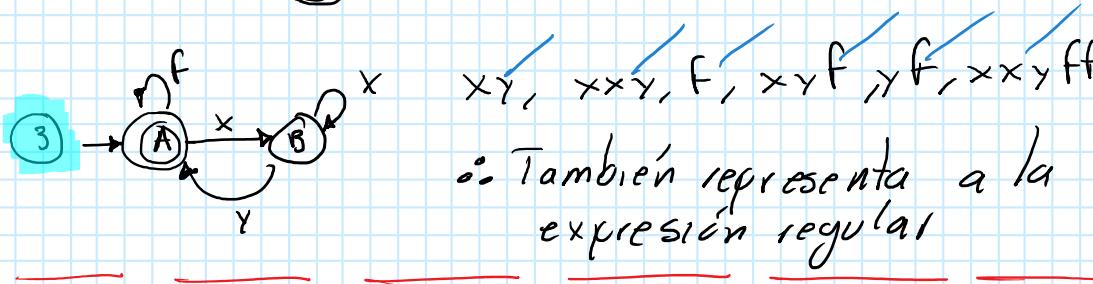
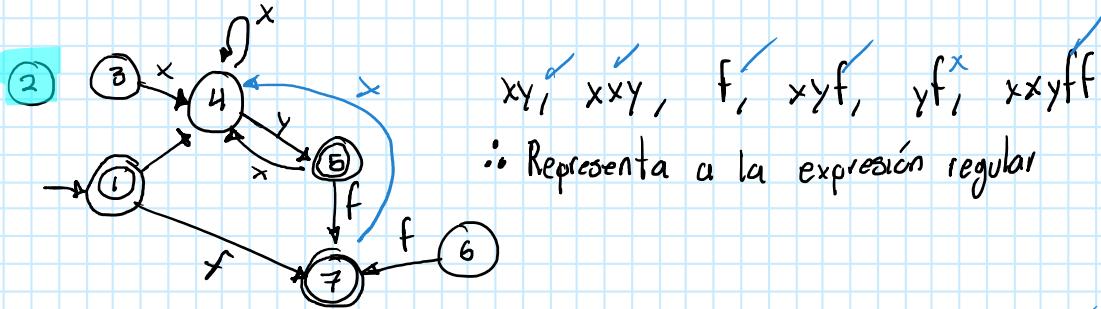
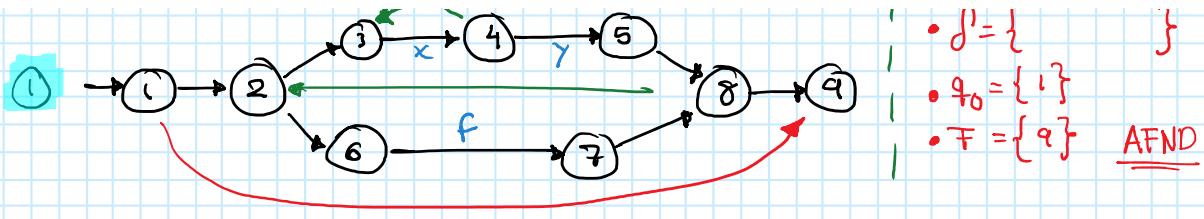
Tarea 3

Murieta Villegas Alfonso

Calificación: 10

García Barriga Marco Antonio

- $Q = \{ 1, 2, \dots, 9 \}$
- $\Sigma = \{ x, y, f \}$
- $\delta = \{ \quad \}$
- $q_0 = \{ 1 \}$



► Investigar la estructura matemática de un AFND y AFD

• Tarea 4
Murrieta Villegas
Alfonso

Calificación: 10
García Barriga Marco Antonio

► Definición:

- Un autómata finito A sobre un alfabeto es $(K, \Sigma, \delta, p_0, F)$ donde K es un conjunto finito de estados, δ es una función $K \times \Sigma \rightarrow K$, p_0 es un estado inicial y F es un conjunto de estados.

- Extendemos la función δ al dominio $K \times \Sigma^*$ siendo Σ^* el conjunto de todas las cadenas finitas sobre los símbolos de Σ :

$$-\delta(y, \epsilon) = q$$

$$-l \in \Sigma^* \text{ y } u \in \Sigma, \delta(q, q_c) = \delta(\delta(q, q) c)$$

- El conjunto aceptado por A en $\{c \in \Sigma^* : \delta(p_0, c) \in F\}$

$\{ c \in \Sigma^* : \delta(p_0, c) \in F \}$
y se llama $c(A)$

► Definición: AFND

- Un automata finito no determinista es $(K, \Sigma, \delta, p_0, F)$ donde estos son los elementos del automata.

Tal que :

- δ es una función $K \times \Sigma$ a los subconjuntos de K
- Para una cadena c de Σ^* y un estado estado p de K , una computación de p para c es una sucesión de estados $p = p_0, \dots, p_k$ tal que $p_i \in \delta(p_{i-1}, c_i)$ para todo $i = 1, \dots, k$ y en tal caso decimos que (p, c)
- Se dice que A acepta $c \in \Sigma^*$ si (p_0, c) para algún $q \in F$

$$\therefore \text{AFND} = \{\Sigma, Q, f, q_0, F, T\}; f: Q \times \Sigma \rightarrow \mathcal{P}(Q)$$

► Generalización

- Σ - es el alfabeto de entrada
- Q - es el conjunto finito y no vacío
- f - es la función de transición que indica en qué situaciones el Automata
- $q_0 \in Q$ es el estado inicial
- $F \subset Q$ es el conjunto de estados finales de aceptación ($F \neq Q$)



Estructura matemática

• Tarea 5



Estructura matemática de una G.R.

• Tarea 5

• Murrieta Villegas Alfonso

► Una gramática es una gramática formal
(Estructura matemática con un conjunto de reglas de formación que definen las cadenas de caracteres) admisibles en un determinado lenguaje formal, (N, Σ, P, S) que puede ser regular izquierda o regular derecha.

- $A \rightarrow a$ | donde A es un símbolo no terminal en N y a uno terminal en Σ
- $A \rightarrow aB$ | donde $A, B \in N$ y $a \in \Sigma$
- $A \rightarrow \epsilon$ | donde $A \in N$

- NOTAS:

Las gramáticas son cuaduplas, las cuales pueden ser derechas o izquierdas

Referencia:

Consultado el 18 de Febrero de 2019, de

• Gramáticas de Chomsky | Tarea 6 | Murrieta Villegas Alfonso

- Es una jerarquía de distintos tipos de gramáticas formales que generan lenguajes formales.
- Fue escrito en 1956.
- Jerarquía:

• Jerarquía:

→ Gramática
Tipo 0

- Incluye a todas las gramáticas formales
- Pueden ser reconocidos por una máquina de Turing
- Recursivamente enumerables

→ Gramática
Tipo 1

- Las cadenas α y β pueden ser vacías, pero φ no puede serlo
- Autómata linealmente acotado
- Sensibles al contexto

→ Gramática
Tipo 2

- Las reglas son de la forma $A \rightarrow \varphi$ con A un no terminal
- Son reconocidos por autómatas con pila
- Son independientes del contexto

→ Gramática
Tipo 3

- Se restringen con aquellas reglas que tienen en la parte izquierda un no terminal.
- Pueden ser aceptados como automatos finitos

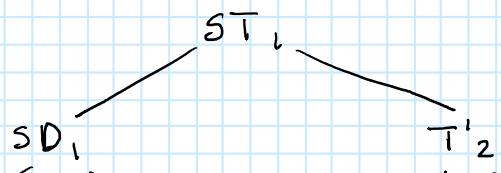
Gramática de
algunas oraciones
del castellano

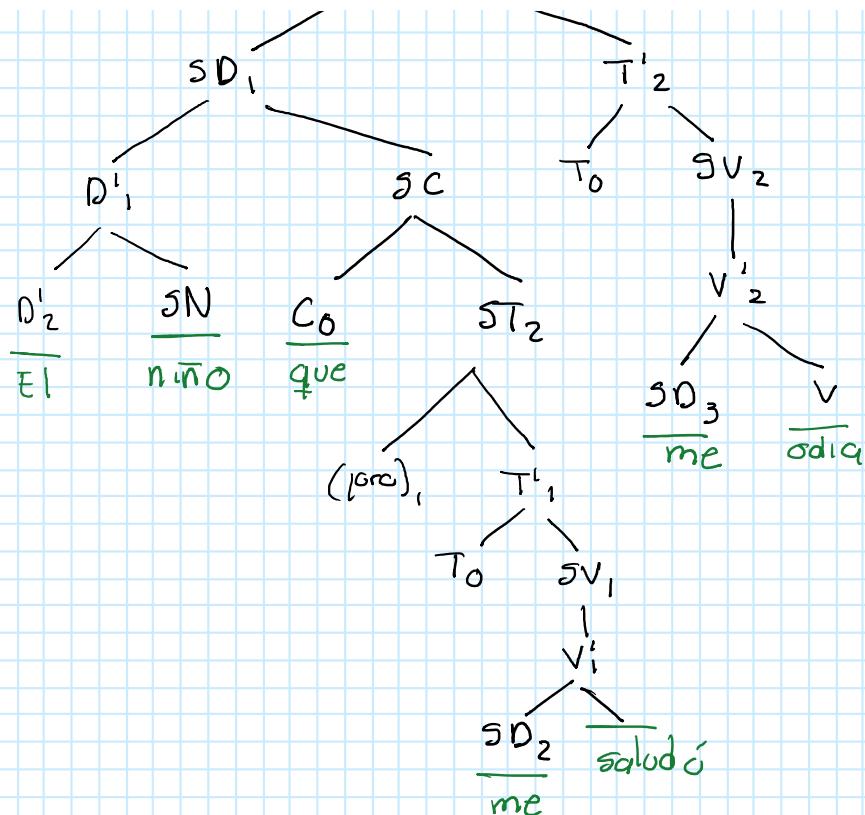
Tarea

7

Murietta Villegas
Alfonso

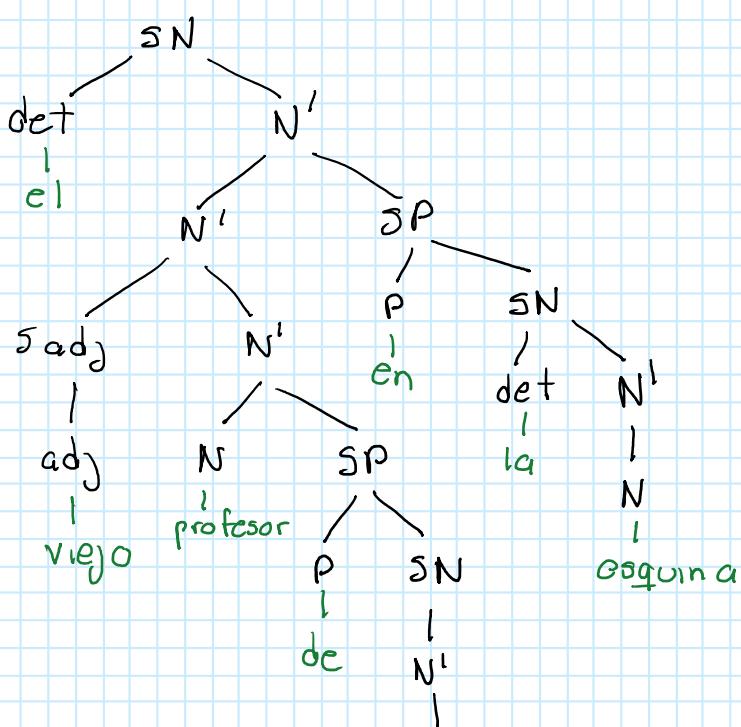
1)





- SN - Sintagma nominal
- SV - Sintagma verbal
- SG Neg - Sintagma negativo
- N - Núcleo Sintáctico
- C - Complemento Sintáctico
- SD - Sintagma determinante
- ST - Sintagma de tiempo
- V - Verbo
- P - Preposición
- D - Determinante

2)



N
|
inglés

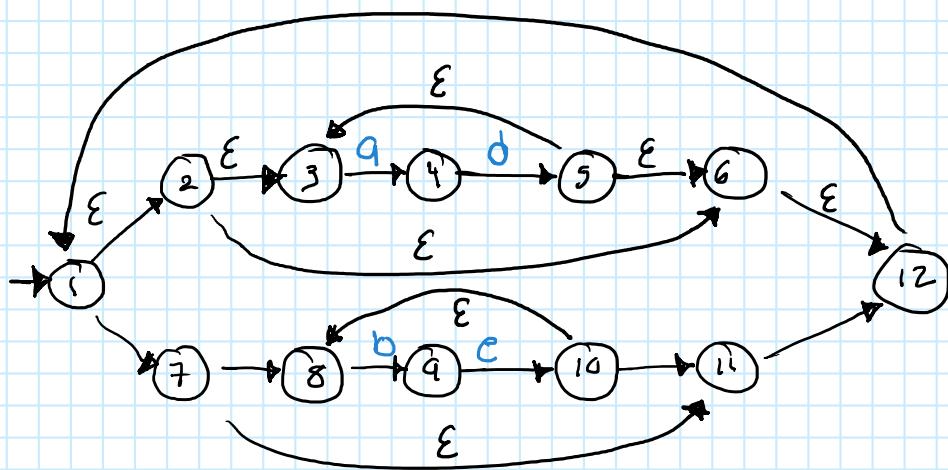
TAREAS 2

Friday, February 22, 2019 5:05 PM

- Autómatas del examen ; • Murrieta Villegas ; • Tarea
examen ; Alfonso ; 8

$$\bullet \left((ad)^* | (be)^* \right)^+ \bullet \left((ald) (b|e) \right)^*$$

]) $(ad)^* \mid (be)^*$



$$\sum = \{ a, b, d, e \}$$

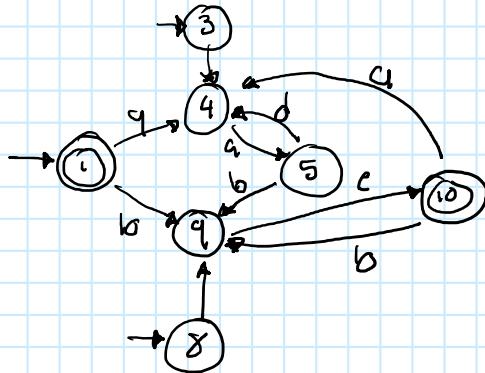
$$T_n = \{1, 2\}$$

$$Q = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots, 12\} \quad q_0 = \{1\}$$

- $\int \stackrel{\Delta}{=} \text{transiciones}$

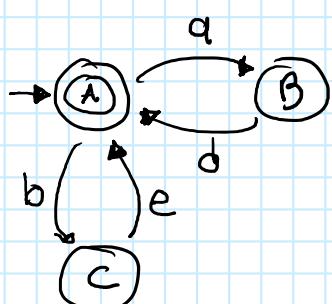
$$\begin{array}{cccc}
 \int \{ & \xrightarrow{q} 4 & \xrightarrow{d} 5 & \xrightarrow{b} q \\
 3 & \xrightarrow{q} 4 & 8 & \xrightarrow{b} q \\
 5 & \xrightarrow{q} 4 & 10 & \xrightarrow{b} q \\
 * & \xrightarrow{q} 4 & &
 \end{array}$$

- Automata Reducido



	\emptyset	a	b	d	c	o/l
$A = \{1, 3, 8\}$	$\{4\} \cancel{\rightarrow B}$	$\{9\} \cancel{\rightarrow C}$	—	—	1	1
$B = \{4\}$	—	—	$\{5\} \cancel{\rightarrow A}$	—	1	0
$C = \{9\}$	—	—	—	$\{10\} \cancel{\rightarrow A}$	1	0
$K = \{5\}$	$\{4\}$	$\{9\}$	—	—	1	
$L = \{10\}$	$\{4\}$	$\{9\}$	—	—	1	
—	—	—	—	—	—	—
A	B	C	—	—	1	
B	—	—	A	—	0	
C	—	—	—	A	0	

- AFD



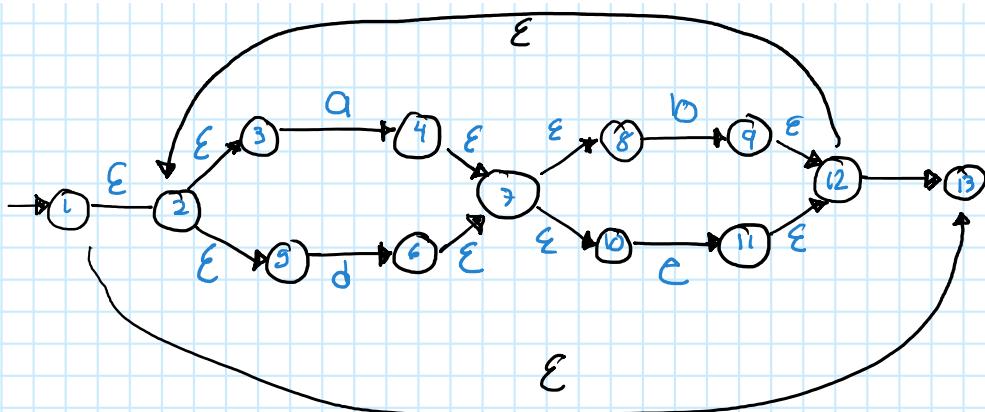
$$\Sigma = \{a, b, d, e\}$$

$$Q = \{A, B, C\}$$

$$q_0 = \{A\}$$

$$F = \{A\}$$

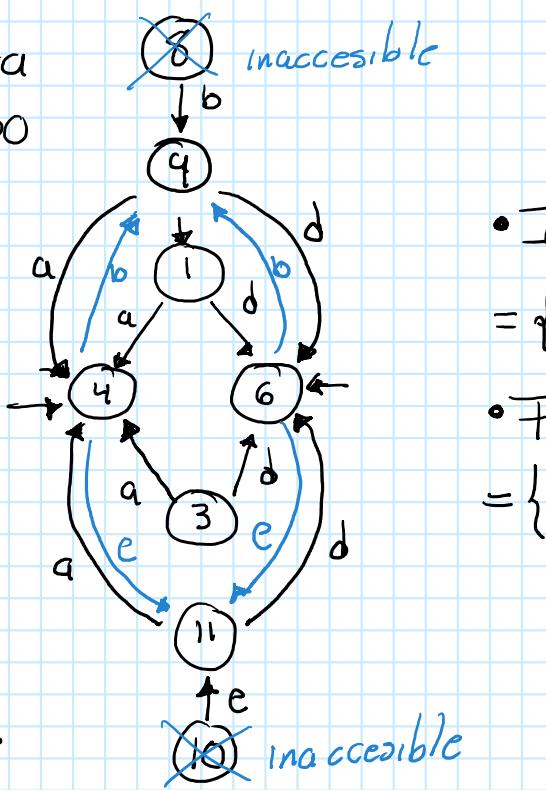
2) $((a|d)(b|e))^*$



- $Q = \{1, 2, 3, \dots, 13\}$
- $\Sigma = \{a, b, d, e\}$
- $q_0 = \{1\}$
- $F = \{13\}$

$$\delta = \left\{ \begin{array}{l} 1 \xrightarrow{a} 4 \quad 1 \xrightarrow{d} 6 \quad 4 \xrightarrow{b} 9 \quad 4 \xrightarrow{e} 11 \\ 3 \xrightarrow{a} 4 \quad 3 \xrightarrow{d} 6 \quad 6 \xrightarrow{b} 9 \quad 6 \xrightarrow{e} 11 \\ 9 \xrightarrow{a} 4 \quad 9 \xrightarrow{d} 6 \quad 8 \xrightarrow{b} 9 \quad 10 \xrightarrow{c} 11 \\ 11 \xrightarrow{a} 4 \quad 11 \xrightarrow{d} 6 \end{array} \right\}$$

- Automata Acotado



• Iniciales

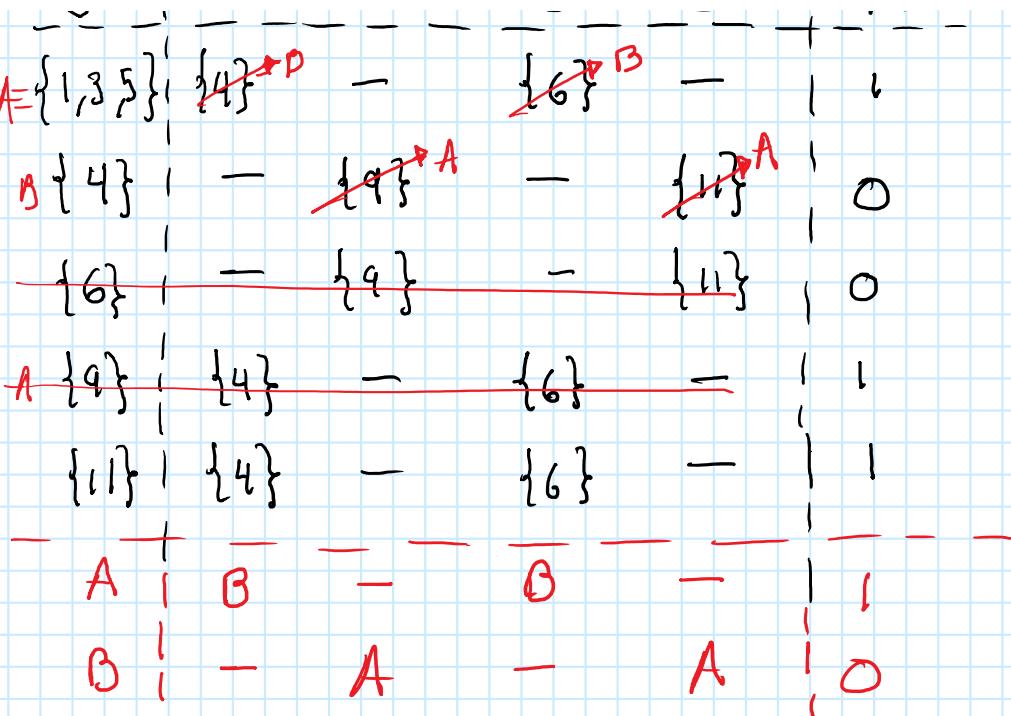
$$= \{1, 3, 5\}$$

• Finales

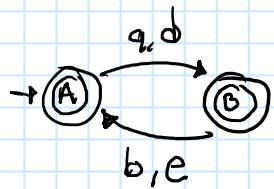
$$= \{1, 9, 11\}$$

- Tabla de Transiciones

<u>d</u>	<u>i</u>	<u>a</u>	<u>b</u>	<u>d</u>	<u>c</u>	<u>o/i</u>
$A = \{1, 3, 5\}$	$\{1\} \rightarrow D$	$\{1\} \rightarrow B$	$\{6\} \rightarrow B$	-	-	1 1



AFD



- $Q = \{A, B\}$
- $\Sigma = \{a, b, d, e\}$
- $q_0 = \{A\}$
- $F = \{B\}$

- Tarea 10
- Morrieta U. Alfonso

• Analizar la gramática de
 • Lisp es propia
 • Calificación = ~~10~~ //

BNF rules

$s_expression = atomic_symbol \backslash$
 $\quad / " (" s_expression ", " s_expression ")"$
 $\quad / " , "$

$list = " (" s_expression < s_expression > ")"$
 $atomic_symbol = letter \backslash atom_part$

$\text{atomic_symbol} = \text{letter}$ atom_part
 $\text{atom_part} = \text{empty} \cup \text{letter} \cup \text{atom_part}^+$
 number atom_part
 $\text{letter} = "a" / "b" / "... / "z"$
 $\text{number} = "1" / "2" / "... / "9"$
 $\text{empty} = "$ Unitario

Conclusión

$N\Gamma: \{ s\text{-expression}, \text{list}, \text{atomic_symbol}, \text{atom_part},$
 $\text{letter}, \text{number}, \text{empty} \}$

$T: \{ a, b, \dots, z, 1, 2, 3, \dots, 9, \}$

$S, \{ s\text{-expression} \}$

- La gramática es libre de contexto que representa un lenguaje de programación conocido como Lisp, esto debido a que las producciones consisten en la unión de símbolos Terminales y No Terminales.
- Es una gramática impropia debido a el terminal conocido como "empty" es unitario.
- Aunque la gramática no tiene vacíos, muertos y tampoco inaccesible, al tener un unitario es por ello que se vuelve impropia.

Tarea 12

Gramática de alguna regla

Morrieta Villegas
Alfonso

• Gramática de alguna regla

Alfonso

```

single_input: NEWLINE simple_stmt | compound_stmt NEWLINE
file_input: (NEWLINE | stmt)* ENDMARKER
eval_input: testlist NEWLINE* ENDMARKER

decorator: '@' dotted_name [ '(' [arglist] ')' ] NEWLINE
decorators: decorator+
decorated: decorators (classdef | funcdef | async_funcdef)

async_funcdef: 'async' funcdef
funcdef: 'def' NAME parameters [ ':' test ] suite

parameters: '(' [typedargslist] ')'
typedargslist: (tpdef [ '=' test ] ( tpdef [ '=' test ])* [ ';' ]
    [ '*' tpdef [ ';' ] ]
    [ '** tpdef [ ';' ] ]
    [ '*' tpdef [ '=' test ]]* [ ';' ] [ '** tpdef [ ';' ] ]
    [ '** tpdef [ ';' ] ]
    [ '*' tpdef [ '=' test ]]* [ ';' ] [ '** tpdef [ ';' ] ]
    [ '** tpdef [ ';' ] ]
) tpdef: NAME [ '=' test ]
varargslist: (vfpdef [ '=' test ] ( vfpdef [ '=' test ])* [ ';' ]
    [ '*' vfpdef [ '=' test ]]* [ ';' ] [ '** vfpdef [ ';' ] ]
    [ '*' vfpdef [ '=' test ]]* [ ';' ] [ '** vfpdef [ ';' ] ]
    [ '** vfpdef [ ';' ] ]
)
vfpdef: NAME

stmt: simple_stmt | compound_stmt
simple_stmt: small_stmt (' small_stmt)* [ ';' ] NEWLINE
small_stmt: (expr_stmt | del_stmt | pass_stmt | flow_stmt |
    import_stmt | global_stmt | nonlocal_stmt | assert_stmt)
expr_stmt: testlist_star_expr (annassign | augassign (yield_expr|testlist) |
    ( '=' (yield_expr|testlist_star_expr))*
)
annassign: '=' test [ '=' test ]
testlist_star_expr: (test|star_expr) (' (test|star_expr))* [ ';' ]
augassign: ('+' | '-' | '*' | '@' | '/' | '%' | '&' | '^' | '|'
    '<=' | '>=' | '<<' | '>>' | '//')
# For normal and annotated assignments, additional restrictions enforced by the interpreter
del_stmt: 'del' explicit
pass_stmt: 'pass'
flow_stmt: break_stmt | continue_stmt | return_stmt | raise_stmt | yield_stmt
break_stmt: 'break'
continue_stmt: 'continue'
return_stmt: 'return' [testlist]
yield_stmt: yield_expr
raise_stmt: 'raise' [test [from' test]]
import_stmt: import_name | import_from
import_name: 'import' dotted_as_names
# note below: the ('.'|...) is necessary because '...' is tokenized as ELLIPSIS
import_from: ('from' ('('|...)* dotted_name | ('.'|...)*
    'import' ('.'|'(' import_as_names ')' | import_as_names))
import_as_name: NAME [as' NAME]
dotted_as_name: dotted_name [as' NAME]
import_as_names: import_as_name (' ; import_as_name)* [ ; ]
dotted_as_names: dotted_as_name (' ; dotted_as_name)*
dotted_name: NAME ('.' NAME)*
global_stmt: 'global' NAME ('.' NAME)*
nonlocal_stmt: 'nonlocal' NAME ('.' NAME)*
assert_stmt: 'assert' test [ ; test]

```

NT : {

single - input,
simple - stmt,
compound - stmt,
file - input,
decorator,
decorated,
async - fundef
... }

T { del, pass,
break, continue,
return, raise,
from, import,
as, global,
nonlocal,
assert ...
}

- El lenguaje de programación Python es una gramática del tipo "No libre de Contexto", esto se puede demostrar debido a que está basado en los lenguaje sobre secuencias de tokens.
- También podemos destacar que la gramática de Python es imprópria al contener muchos elementos unitarios.

EJERCICIOS

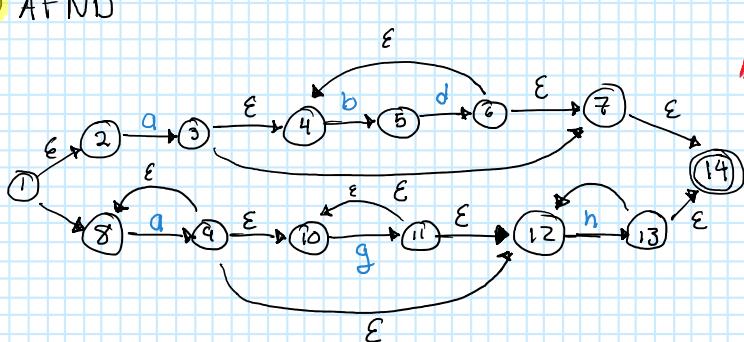
Thursday, February 7, 2019 1:39 PM

- 1) Expresión Regular • Ejercicio 1 - Individual
Regular • Murrieta Villegas Alfonso

- ER \rightarrow AFND \rightarrow AFD
- Calificación:

$$\text{Exp. R: } a(bd)^* \mid a^+ g^* h^+$$

① AFND



$$\delta = \begin{cases} 1 \xrightarrow{a} 3 \\ 2 \xrightarrow{a} 3 \\ 2 \xrightarrow{b} 3 \\ 4 \xrightarrow{b} 5 \\ 5 \xrightarrow{d} 6 \\ 6 \xrightarrow{b} 5 \\ 6 \xrightarrow{b} 5 \\ \xrightarrow{\epsilon} 3 \xrightarrow{b} 5 \end{cases}$$

$$\begin{matrix} 8 & \xrightarrow{a} & 9 \\ 1 & \xrightarrow{a} & 9 \\ 1 & \xrightarrow{g} & 9 \\ 9 & \xrightarrow{g} & 9 \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 10 & \xrightarrow{g} & 11 \\ 1 & \xrightarrow{g} & 11 \\ 9 & \xrightarrow{g} & 11 \\ 11 & \xrightarrow{g} & 11 \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 9 & \xrightarrow{h} & 13 \\ 11 & \xrightarrow{h} & 13 \\ 11 & \xrightarrow{h} & 13 \\ 12 & \xrightarrow{h} & 13 \\ 13 & \xrightarrow{h} & 13 \end{matrix}$$

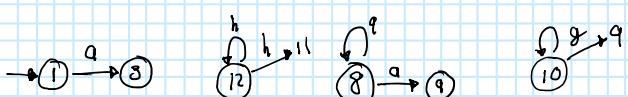
// Transiciones

$$\delta = \begin{cases} 1 \xrightarrow{a} 3 \\ 1 \xrightarrow{g} 4 \\ 4 \xrightarrow{d} 5 \\ 5 \xrightarrow{b} 6 \\ 6 \xrightarrow{b} 5 \\ 9 \xrightarrow{a} 9 \\ 11 \xrightarrow{g} 11 \\ 11 \xrightarrow{h} 13 \\ 12 \xrightarrow{h} 13 \\ 13 \xrightarrow{h} 13 \end{cases}$$

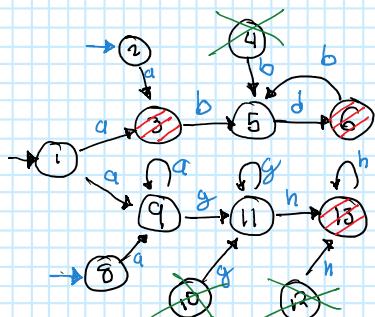
$$\begin{matrix} 10 & \xrightarrow{g} & 11 \\ 11 & \xrightarrow{g} & 11 \\ 12 & \xrightarrow{h} & 13 \\ 13 & \xrightarrow{h} & 13 \end{matrix}$$

$$\begin{matrix} 12 & \xrightarrow{h} & 13 \\ 13 & \xrightarrow{h} & 13 \end{matrix}$$

• AFND \rightarrow Reglas Thompson



②



X innaccesibles
→ iniciales
≡ Finales

// Ambigüedad
(Muchas entradas)

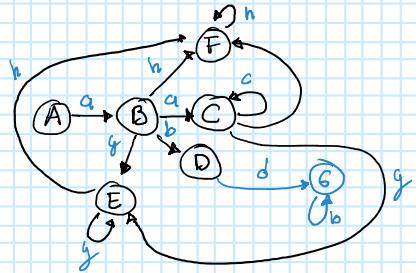
	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	0/1	Nodos finales
A = {1, 2, 8}	1	2	8																								0	
B = {3, 9}			3	9																							1	
C = {4}				4																							0	
D = {5}					5																						0	
E = {11}						11																					0	
F = {13}							13																				1	
G = {6}								6																			1	

A	B	C	D	E	F
-	-	-	-	-	-
B	C	D	-	E	F
-	-	-	-	-	-
C	C	-	-	E	F
-	-	-	-	-	-
D	-	-	G	-	-
-	-	-	-	-	-
E	-	-	-	E	F
-	-	-	-	-	-

Reducción de elementos

O	- - -	G	- -
E	- - -	E	F
F	- - -	- -	F
G	-	G	- - -

(3)



∴ AFD ~~//~~

Lenguajes Formales y Automatas

Lenguaje Formal

- Cadena o Palabra = ω ; - Cadena Vacía = ϵ

- Reglas gramaticales
- Alfabeto = $\Sigma \triangleq$ Conjunto de símbolos
- Lenguaje = L
- Operación(es) = Concatenación

$$\begin{array}{l} \text{Disjunción} \longrightarrow | \\ \text{C.Kleene} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{Cerradura Positiva} \longrightarrow + \\ \text{Cerradura estrella} \longrightarrow * \end{array} \right. \end{array}$$

- Símbolo : Es la representación abstracta de una idea

- Concatenar : Es juxtaponer símbolos
- Juxtaponer : Es poner símbolos al lado del otro

$$\begin{array}{l} \omega_1 = \text{Pan} \\ \omega_2 = \text{Pan}_L \text{ de } L \text{ Dulce} \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \hphantom{\omega_1 = \text{Pan}} \\ \hphantom{\omega_2 = \text{Pan}_L \text{ de } L \text{ Dulce}} \end{array} \right\} \text{Dulce}$$

$$\omega_3 = \dots \dots \dots$$

$$\Sigma_3 = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 \}$$

$$\begin{array}{ll} 0 = 1 & \xleftarrow{\text{Magnitud}} 1 \\ 10 = 2 & \\ \epsilon = \emptyset & \end{array} \quad \begin{array}{c} 314 \quad 325 \\ \swarrow \quad \searrow \\ \text{Prefijo} \quad \text{Sufijo} \end{array}$$

$$314 = 3$$

$$185 = 15 = 2$$

$$L = \{ \dots \}$$

$$-\Sigma = \{ s, r, \varphi, a, e, i, o, u \}$$

// Parámetros

- | | | |
|---------------------|---------------------|-----------------|
| $w_0 = \epsilon$ | $w_5 = \text{paso}$ | • Magnitud 4 |
| $w_1 = \text{ropa}$ | $w_6 = \text{pase}$ | • 2 consonantes |
| $w_2 = \text{sopa}$ | | • 2 vocales |
| $w_3 = \text{sapo}$ | | |
| $w_4 = \text{para}$ | | |

$a^* \rightarrow a$	$a^+ \rightarrow a$	$(ab)^*$	ϵ
aa	aa	ab	
aaa	aaa	bab	
ϵ		\vdots	

Ejercicio 1

$(ab)^*$ // Expresión regular

$\rightarrow \epsilon, a, b, aa, ab, ba, bb$

$\Sigma = \{a, b\}$ // Alfabeto

Parametros

- 2 consonantes
- No importa si se repiten vocales
- No importa si empieza o termina con "a" o "b"
- La dimensiones de las cadenas en n-tamaño
- Puede tener ninguno, uno o muchas a

Ejercicio 2

• Expresión Regular | $a^* b^+ a^+ b^*$

• $\Sigma = \{a, b\}$

$L = \{\epsilon ba, \epsilon bab, abab,$

$a...b...a...b\}$

Parametros

- Pueden o no comenzar con una cadena vacía
- Seguidas de una o muchas "a" y "b"
- Pueden o no terminar con una cadena vacía

• Puede comenzar con ninguna, una o muchas a's

• Seguidas de una o muchas b's concatenadas de una o muchos a's

• Puede terminar con ninguna, una o muchas b's

• Su magnitud es de 2 hasta n

Ejercicio 3

• $a^* b^+ | (a^+ b^*)^+$

• $\Sigma = \{a, b\}$

TAREA 1

$(a^*)^+ =$ - Alfabeto

-

$(a^+)^* =$

- $L = \{ b, ab, \dots \}$
- Puede comenzar con ninguna, una o muchas a's concatenada de una o muchas b's
- O

// Concluir (Libreta)

- Fecha entrega
- Nombre de la Tarea
- Comparando expresiones regulares
- Nombre (Mío)

entrar en un ciclo que sucederá uno o muchas veces donde:
una o muchas a's se concatenarán con ninguna, una o muchas b's

Elementos de Conjuntos

Cadena Vacía

- No se puede programar
- Es la nada

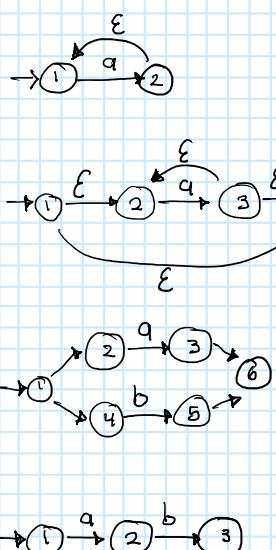
Unión

$$A = \{ 1, 5, 6 \}$$

$$B = \{ 7, 8, 4, 5 \}$$

$$A \cup B = \{ 1, 4, 5, 6, 7, 8 \}$$

Reglas de Thompson



at

a^*

$a|b$

ab

Nodo inicial

Nodo aceptación

Nodo parte del automata

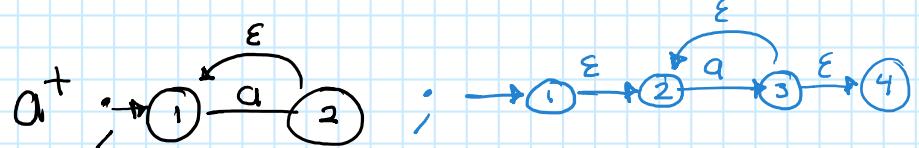
Transiciones

AFND y AFD

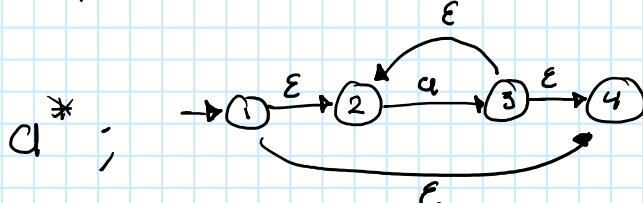
Tuesday, February 5, 2019 1:46 PM

Automata Finito No Deterministico (AFND)

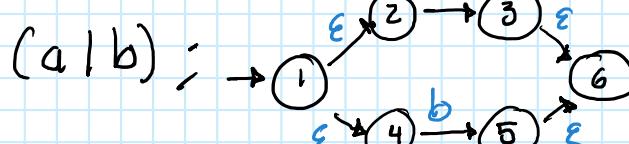
- Cerradura Positiva ;



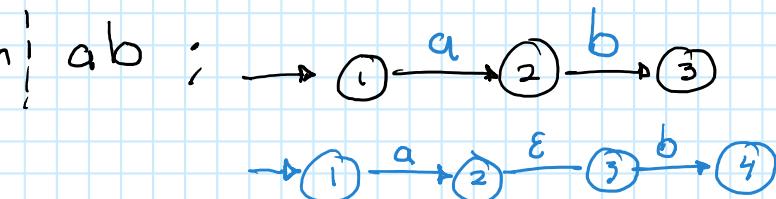
- Cerradura Estrella ;



- Disyunción ;



- Concatenación ;

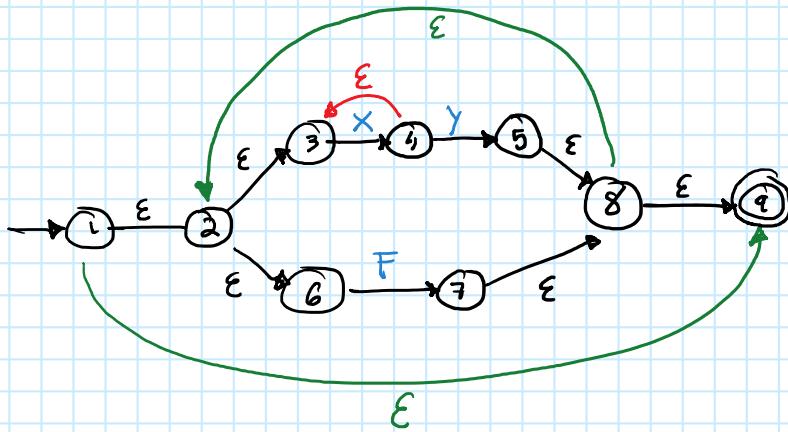


Características

- Puede contener transiciones vacía }
- Puede contener loop (ciclos) infinitos }
- Puede contener estados muertos }
- Puede contener estados inaccesibles } No programable
- Puede contener ambigüedad }
- Puede contener estados equivalentes } No óptimo
- Puede tener 1 o más estados iniciales

17) Forniria $(x^+ y \mid f)^*$

1] Ejercicio $(x^+ y | F)^*$



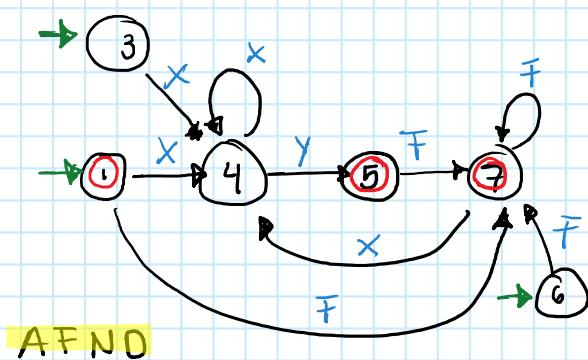
• Transiciones

$$\left\{ \begin{array}{l} 1 \xrightarrow{x} 4 \\ 4 \xrightarrow{x} 4 \\ 5 \xrightarrow{x} 4 \\ 3 \xrightarrow{x} 4 \end{array} \right.$$

$$4 \xrightarrow{Y} 5$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 5 \xrightarrow{F} 7 \\ 1 \xrightarrow{\bar{F}} 7 \\ 7 \xrightarrow{\bar{F}} 7 \\ 7 \xrightarrow{x} 4 \\ 6 \xrightarrow{\bar{F}} 7 \end{array} \right.$$

2º Automata



AFND

○ Back-track
↳ Aceptación

→ Iniciales

• Tabla de transiciones

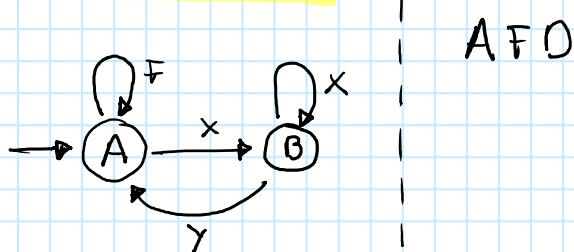
δ	i	x	y	F	Q/I
$A = \{1, 3, 6\}$	i	$\{4\}$	B	$\{7\}$	A
$B = \{4\}$	i	$\{4\}$	A	$\{5\}$	0
$A = \{7\}$	i	$\{4\}$	B	$\{7\}$	1
$A = \{5\}$	i	$\{4\}$	B	$\{7\}$	1

1 para aceptación

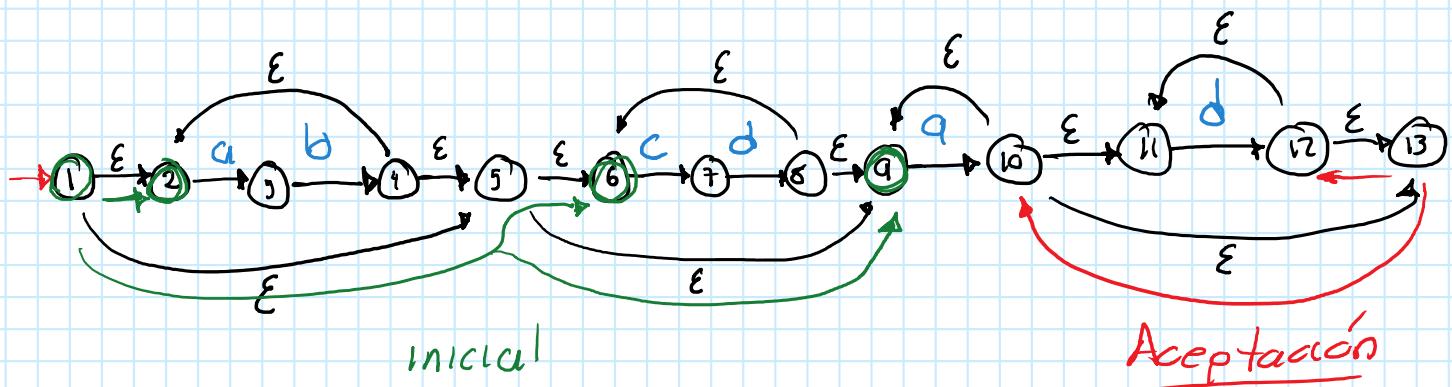
∴ son estados equivalentes

$$\begin{array}{c}
 A = \{5\} \quad \{4\} - \{7\} \quad 1 \\
 \hline
 A \quad B \quad - \quad A \quad | \quad 1 \\
 B \quad B \quad A \quad - \quad | \quad 0
 \end{array}
 \quad \text{L} \therefore \text{son estados equivalentes}$$

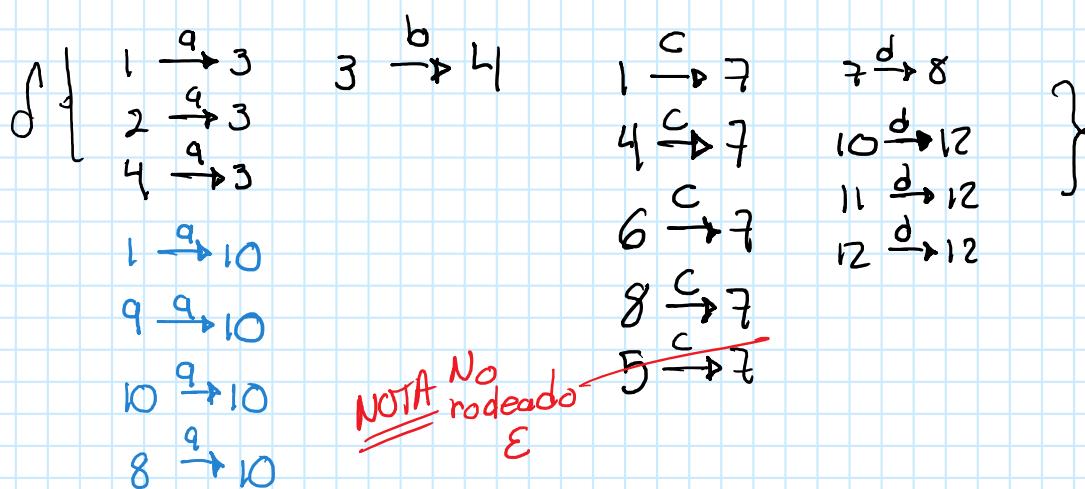
3º Automata



2] Exp.R = $(ab)^* (cd)^* a^+ d^*$



• Transiciones

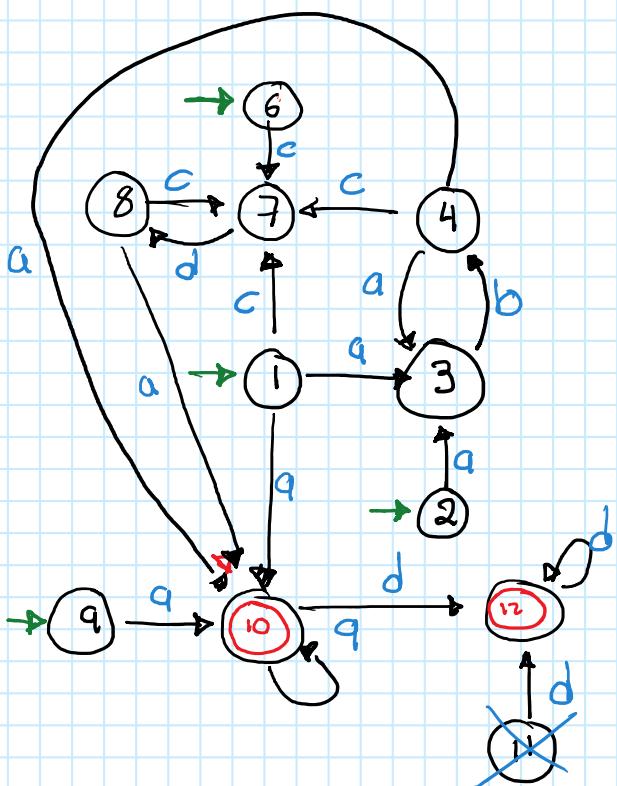


$$8 \xrightarrow{a} 10$$

$$4 \xrightarrow{a} 10$$

~~NO!!! rodear con E~~

Grafo



Descripción

- $Q = \{1, 2, \dots, 13\}$
- $\Sigma = \{a, b, c, d\}$
- $q_0 = \{1\}$
- $F = \{13\}$

① aceptación

→ iniciales

X inaccesible

TABLA DE TRANSICIONES

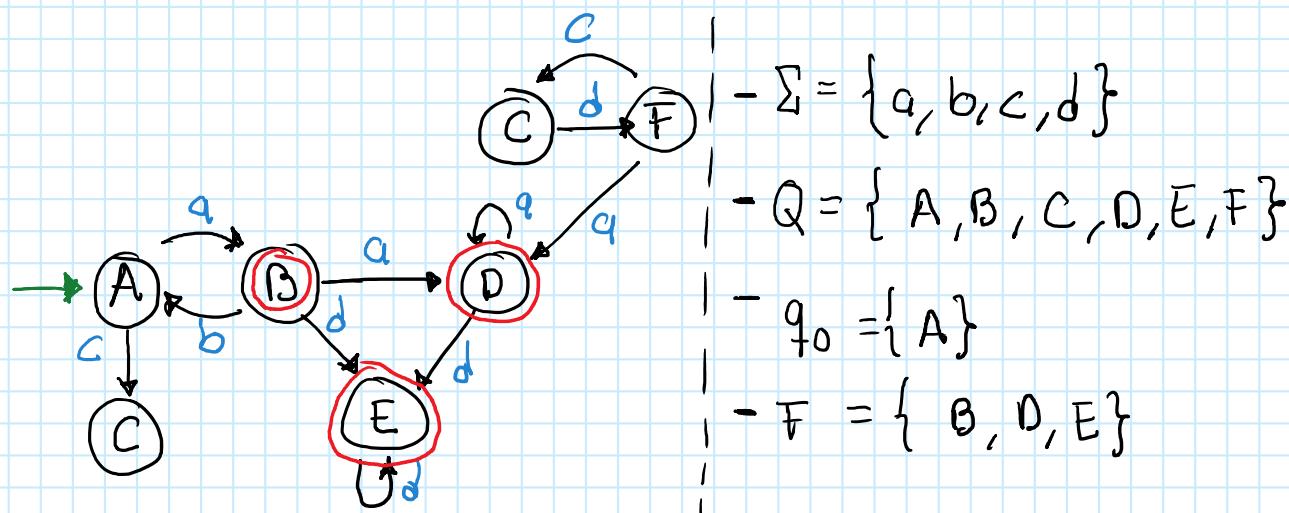
δ	a	b	c	d	0/1
$A = \{1, 2, 6, 9\}$	$\{3, 10\}^D$	$\{7\}^C$	-	-	0
$B = \{3, 10\}$	$\{10\}^D$	$\{4\}^A$	-	$\{12\}^E$	1
$C = \{7\}$	-	-	-	$\{8\}^F$	0
$D = \{10\}$	$\{10\}^D$	-	-	$\{12\}^E$	1
$E = \{4\}$	$\{3, 10\}^D$	$\{7\}^C$	-	-	0
$F = \{12\}$	-	-	-	$\{12\}^E$	1
$\neq = \{8\}$	$\{10\}^D$	$\{7\}^C$	-	-	0

Aceptación
 $\{10, 12\}$

$\neq \{8\}$	$\{10\}^D$	$- \{7\}^C$	$\{0\}$
A	B	C	0
B	D	A	E
C	$-$	$-$	F
D	0	$-$	E
E	$-$	$-$	E
F	D	C	0

Cuidado
repetido

• AFD



Gramáticas Regulares

Tuesday, February 12, 2019 1:07 PM

► Características del AFD

- No tienen ambigüedades
- No puede contener transiciones vacías
- No pueden caer en ciclos infinitos
- No tiene símbolos muertos ni inaccesibles
- Es programable
- Sólo tiene un estado inicial

$$w_1 = 1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{b} 3 = ab$$

$$w_2 = 1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{b} 3 = adb$$

$$w_3 = 1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{b} 3 = adeb$$

$$w_4 = 1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{b} 3 = adedb$$

$$w_5 = 1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{b} 3 = adedeb$$

$$w_6 = 1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{b} 3 = adedebdedeb$$

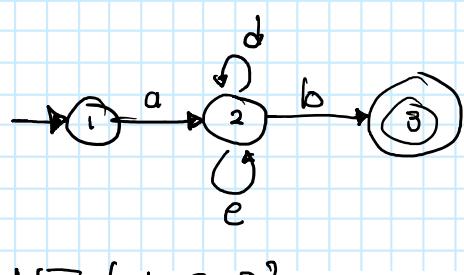
⋮

$$w_{12} = 1 \xrightarrow{a} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{e} 2 \xrightarrow{d} 2 \xrightarrow{b} 3$$

► E.R \rightarrow AFND \rightarrow AFD \rightarrow GR

$$A = \alpha B, B\alpha, \epsilon$$

- $A, B \in N.T$ (Símbolos no terminales)
- ϵ la cadena vacía
- $\alpha \in T$



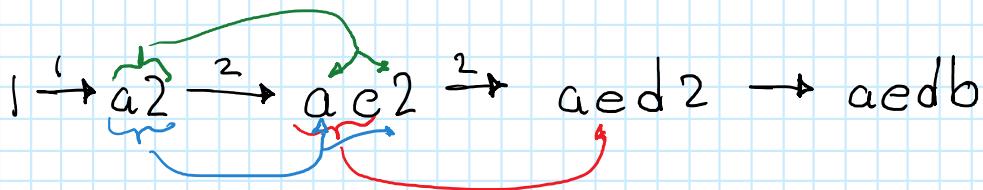
$$\left. \begin{array}{l} \bullet P_1 \{ 1 \} \rightarrow a2 \\ \quad 2 \rightarrow d2 | e2 | b \end{array} \right\} G.R$$

Propia

- $N \bar{T} \{ 1, 2, 3 \}$
- $T \{ a, b, c, d \}$
- Cadena Vacía " ϵ "

Propia

$P_2 \left\{ \begin{array}{l} 1 \rightarrow a2 \\ 2 \rightarrow d2 | e2 | b \\ 3 \rightarrow \epsilon \end{array} \right\}$ } G.R
 Producciones



$$w_1 = 1 \xrightarrow{1} a2 \xrightarrow{2} ab$$

$$w_2 = 1 \xrightarrow{1} a2 \xrightarrow{2} ae2 \xrightarrow{2} aed2 \xrightarrow{2} aede2 \xrightarrow{2} aedeb //$$

$$w_3 = 1 \xrightarrow{1} a2 \xrightarrow{2} ae2 \xrightarrow{2} aed2 \xrightarrow{2} aede2 \xrightarrow{2} aedeb \xrightarrow{2} aededb$$

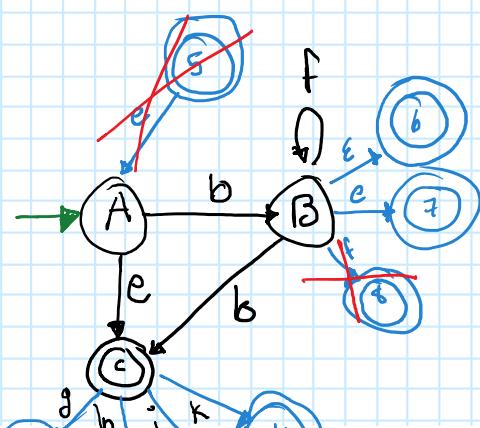
G.R → Automata

- Sea G una gramática regular

$$P = \left\{ \begin{array}{l} 1) A \rightarrow bB | eC | e \\ 2) B \rightarrow f | bC | e | \epsilon | fB \\ 3) C \rightarrow g | h | j | k \end{array} \right\}$$

NOTA

Gramática propia puede contener la cadena vacía en el símbolo inicial

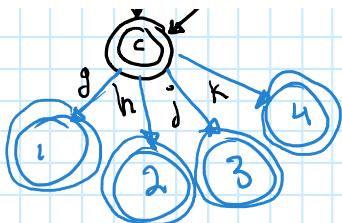


→ Elementos

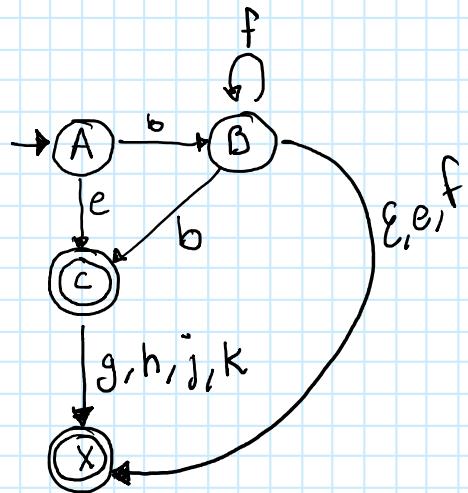
$$NT: \{ A, B, C \}$$

$$T: \{ b, e, f, g, h, j, k \}$$

La gramática contiene " ϵ "



La gramática contiene "E"
 $S = \{ A \}$



Libres de contexto

$$A \rightarrow \alpha \quad A \in NT \quad \alpha \in (T \cup NT)^*$$

p: $X \rightarrow a | aY | \underline{bcd} | \underline{wzw} | bWaz$
 No Terminales
 Terminales

$$Y \rightarrow a | i | \epsilon$$

$$W \rightarrow wx_a | Y | X_{10}$$

$$X \rightarrow k | ke | v$$

$$V \rightarrow wxyz | \epsilon \quad \}$$

G. L. C

Tuesday, February 26, 2019 1:19 PM

G. L. C

- $A \rightarrow \alpha$
- $A \in \text{No terminales} - NT$
- $\alpha \in (T \cup NT)^*$

// Automata - Pila

G. Regulares

$$A \rightarrow \alpha B \mid B \alpha \mid \epsilon$$

$A, B \in NT$
Contiene a ϵ
 $\alpha \in T$

Ejercicio 1

$$\begin{aligned} P: & \{ A \rightarrow aB\alpha \mid aaB \mid Baa \\ & B \rightarrow c \mid D \alpha a \mid Fe \\ & D \rightarrow Da \mid Db \mid De \\ & C \rightarrow a \mid b \mid d \\ & G \rightarrow aBB \mid BDA \mid \epsilon \mid abC \} \end{aligned}$$

inútil

Gramática L.C

$$G: \{ NT, T, S, P \}$$

$$\bullet NT: \{ A, B, C, D, F, G \}$$

$$\bullet S: \{ A \}$$

$$\bullet T: \{ a, e, b, d \}$$

$\epsilon //$ se debe colocar en T o pos-
terior "G" contiene a " ϵ "

Características Propias

- ϵ mientras no esté en el símbolo inicial
- No contiene símbolos inútiles
- Símbolos unitarios (No)

- Símbolos muertos (No)
 - No lleva a producciones de cadenas
 - Ciclos infinitos
- Símbolo inaccesible (No)
 - No se puede acceder desde el inicial

► Eliminación de S. Muertos

- $G_1 = \{ NT, T, S, P \}$ // Por " ϵ " • $(NT \cup T)^+$ // ϵ in
- $NT_1 = \{ C, G, B, A \}$ // Poner los que tengan muertos
- $T = \{ a, b, d, \epsilon \}$
- $P = \{ C \rightarrow a|b|d$
 $G \rightarrow \epsilon | aB|abC$ // Sólo poner las incluidas
 $B \rightarrow C$
 $A \rightarrow aBa | aaB | Baq \}$ } Continuar con las siguientes
- $S : \{ A \}$ // Sigue siendo el mismo inicial
 $/ NT_1 \cup T : \{ C, G, a, b, d, \epsilon, B \}$

► Eliminación de S. Inútiles

- $NT_2 : \{ A, B, C \}$ // Inicial
- $T_2 : \{ a, b, d \}$

- $P: \{ A \rightarrow aBa \mid aaB \mid Baa \}$

$$B \rightarrow C$$

$$C \rightarrow a \mid b \mid d \quad \}$$

- $S: \{ A \}$

► Eliminación de P. Vacíos

// No contiene

► Eliminación de S. Unitarios

- $U(A) = \{ A \}$

- $U(B) = \{ B \}$

- $U(C) = \{ C \}$

// Solo los no unitarios

$\rightarrow B \checkmark$

$B \times // \text{solita}$

- $P_4: \{ A \rightarrow aBa \mid aaB \mid Baa \}$

$$B \rightarrow C \mid a \mid b \mid d$$

$$C \rightarrow a \mid b \mid d$$

// Segunda Vuelta

► Eliminación de S. Muertos

- $NT_5 = \{ B, C, A \}$

- $NT_5 \cup T_4 \{ \dots \}$

- $T_5 = \{ a, b, d \}$

- $S: \{ A \}$

- $P_5: \{ B \rightarrow a \mid b \mid d \}$

// Que no tengan Mayúsculas

$$C \rightarrow a \mid b \mid d$$

$$A \rightarrow \sim R \dashv \sim R \dashv \sim L$$

$$\begin{aligned} C &\rightarrow a \mid b \mid d \\ A &\rightarrow aB \mid a \mid aaB \mid Ba \end{aligned}$$

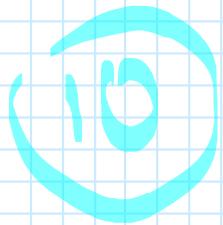
► Eliminación S. Inaccesibles

- $N_T_6 = \{A, B, C\}$ $T_6 = \{a, b, d\}$
- $P_6 = \{A \rightarrow aB \mid a \mid aaB \mid Ba \}$ $S_6 = \{A\}$
 $B \rightarrow a \mid b \mid d$

∴ Ya obtenemos
una G. Propia //

- Ejercicio 2 | Símbolos Inútiles Individual

- Hacer ejemplos de cada uno de los símbolos inútiles



- Símbolos Muertos : $P = \{G \rightarrow aG \mid bG \mid cG\}$ | • G es muerto debido a su producción tiene " ϵ " ✓

- Símbolos Inaccesibles : $P = \{A \rightarrow aB \mid bD\}$ | • C es inaccesible debido a que en ningún " T " llega a este elemento ✓
 $B \rightarrow aB$
 $C \rightarrow eF\}$

- Símbolos Vacíos : $P = \{A \rightarrow aB \mid bD\}$ | • D es vacío debido a que no contiene ningún elemento ya sea " NT " o " T " ✓
 $B \rightarrow aD$
 $D \rightarrow \epsilon\}$

- Símbolos: $P: \{ A \rightarrow aB \\ \text{unitarios} \quad | \quad B \rightarrow D \\ D \rightarrow e \mid f \mid g \}$

• Debido a que "B" solamente tiene a D



- $P: \{ \begin{array}{l} 1) A \rightarrow aB | \underline{abba} | C | \epsilon \\ 2) B \rightarrow \beta a | \beta \beta | gEe | \epsilon \\ 3) E \rightarrow \underline{a} | b | C | aH\alpha \\ 4) C \rightarrow bb | aa | \epsilon | Aab \\ 5) F \rightarrow ab | AB \end{array} \}$

- N.T.: {A, B, E, C, F, H}
- S: {A}
- T: {a, b, e, g, ε}

// Producción no válida → Si la inicial contiene a la cadena vacía

1] Eliminación de Símbolos Muertos

- NT_i: {A, B, E, C, F}
- T_i: {a, b, e, g, ε}
- P_i: { $A \rightarrow abba | \epsilon | aB | C$
 $B \rightarrow \epsilon | B\alpha | \beta\beta | gEe$
 $E \rightarrow a | b | C$
 $C \rightarrow bb | aa | \epsilon | Aab$
 $F \rightarrow ab | AB$ }
- S_i: { }
 \vdots
 \vdots
 \vdots
 \vdots
 \vdots
 \vdots
 \vdots
 \vdots

$$(T \cup NT_i)^+ = \{ a, b, \epsilon, g, e, A, B, E, C, F \}$$

// Validamos los siguientes ~~■■■~~

// Si los "NT" no cambian se acaba

2] Eliminación de Inaccesibles

2] Eliminación de Inaccesibles

- $S_2 : \{ A \} // \text{Primero el inicial}$
 - $P_2 : \{ A \rightarrow abba | \epsilon | aB | C \}$
 - $B \rightarrow \epsilon | Ba | BB | gEe$
 - $C \rightarrow bb | aa | \epsilon | Aab$
 - $E \rightarrow a | b | C$
- $NT_2 : \{ B, C, E \}$
- $T_2 : \{ a, b, \epsilon, g, e \}$
- o

3] Eliminación de vacíos // Nuevo

- En el símbolo inicial si se permite ϵ siempre y cuando no participe el símbolo inicial en ninguna gramática

$A \rightarrow abba | \underline{\epsilon} | aB | C$ → Está el inicial en otra producción
 $C \rightarrow bb | aa | \underline{\epsilon} | Aab$

- $L_\epsilon : \{ A, B, C, \bar{E} \} // \text{Contienen } \epsilon$

- $P_3 : \begin{array}{l} 1) A \rightarrow abba | \epsilon | a \underline{B} | a | \underline{C} | \underline{\epsilon} \\ 2) B \rightarrow \epsilon | Ba | \underline{\epsilon^q} | \underline{BB} | \underline{\epsilon_B} | \underline{BE} | \underline{\epsilon_E} | gEe \\ 3) C \rightarrow bb | aa | \epsilon | Aab | \underline{\epsilon^{ab}} \\ 4) \underline{E \rightarrow a | b | C | \epsilon} \end{array}$
 - Están contenidas en " L_ϵ "
 - Idenpotencia (Ya está contenida)

// Hacemos una segunda pasada → Se agregó a L_ϵ

- $2) B \rightarrow \epsilon | Ba | a | BB | B | gEe | \underline{gEe}$

// Si, el símbolo inicial se encuentra en " L_ϵ "

// Si, el símbolo inicial se encuentra en "L_E" entonces se crea un nuevo símbolo inicial

$$P_3 : \{ \begin{array}{l} A' \rightarrow A | E \\ A \rightarrow abba | aB | a | C \\ B \rightarrow B | Ba | a | BB | B | gEc \\ C \rightarrow bb | aa | Aab | lab \\ E \rightarrow a | b | C \end{array} \}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} NT_3 = \{ A', A, B, C, E \} \\ T_3 = \{ a, b, e, g, \epsilon \} \end{array} \right.$$

// Borraremos " ϵ " excepto del inicial

4] Eliminación de Unitarios

- $U(A') = \{ A', A, C \}$ // Se cierra porque es consigo misma
- $U(A) = \{ A, C \}$
- $U(B) = \{ B \}$ // No se incluye E por \cancel{gE}
- $U(C) = \{ C \}$
- $U(E) = \{ E, C \}$

$$P_4 : \{ \begin{array}{l} A' \rightarrow \cancel{A} | abba | aB | a | bb | aa | Aab | lab | E \\ A \rightarrow abba | aB | a | \cancel{C} | bb | aa | Aab | lab \\ B \rightarrow Ba | a | BB | \cancel{B} | gEc \\ C \rightarrow bb | aa | Aab | lab \\ E \rightarrow a | b | \cancel{C} | bb | aa | Aab | lab \end{array} \} // Excepto unitarios "C"$$

5] - i] Eliminación de Muertos

$$S_e : \{ A' \} \quad NT_e : \{ A', A, B, C, E \}$$

$$S_5 : \{ A' \} \quad NT_5 : \{ A', A, B, C, E \}$$

P: {

$$\begin{aligned} A' &\rightarrow abba | a | bb | aa | ab | \epsilon | aB | Aab \\ A &\rightarrow abba | a | bb | aa | ab | aB | Aab \\ B &\rightarrow a | Ba | BB | gEe \\ C &\rightarrow bb | aa | ab | Aab \\ E &\rightarrow a | b | bb | aa | ab | Aab \end{aligned} \quad \}$$

16] - 2] Eliminación de Inaccesibles

$$S_6 : \{ A' \} \quad NT_6 : \{ A', A, B, E \}$$
$$T_6 : \{ a, b, c, g \}$$

P: {

$$\begin{aligned} A' &\rightarrow abba | a | bb | aa | ab | \epsilon | aB | Aab \\ A &\rightarrow abba | a | bb | aa | ab | \epsilon | aB | Aab \\ B &\rightarrow a | Ba | BB | gEe \\ E &\rightarrow a | b | bb | aa | ab | Aab \end{aligned} \quad \}$$

► Sea G una G.L.C con producciones inóptiles

$$\begin{aligned} P = \{ & A \rightarrow aBBBa | Ceh, a | \epsilon \\ & B \rightarrow \epsilon | CaaCdC | eFgH \\ & C \rightarrow a | b | B | FggBdB \\ & F \rightarrow BB | a | d | B \\ & I \rightarrow BA | AC | AA \} \end{aligned}$$

$$T = \{ a, e, l, i, \epsilon, d, g, b \} \quad S = \{ A \}$$

$$NT = \{ A, B, C, F, H, I \}$$

► Eliminación de Símbolos Muertos

$$(T \cup NT_1)^+ = \{ \epsilon, a, b, d, e, l, i, g, A, B, C, F, I \}$$

$$NT_1 = \{ A, B, C, F, I \} \quad T_1 = \{ \epsilon, a, b, d, e, l, i, g \}$$

$$\begin{aligned} P_1 = \{ & A \rightarrow \epsilon | aBBBa | Ceh, a \\ & B \rightarrow \epsilon | CaaCdC | eF \\ & C \rightarrow a | b | B | FggBdB \\ & F \rightarrow ald | BB | B \\ & I \rightarrow BA | AC | AA \} \\ \} \end{aligned} \quad S_1 = \{ A \}$$

► Eliminación de Inaccesibles

$$NT_2 = \{ A, B, C, F \}$$

$$T_2 = \{ \epsilon, a, c, l, i, d, b, g \}$$

$$T_2 = \{ \epsilon, a, c, l, i, d, b, g \}$$

$$S_2 = \{ A \}$$

$$P_2 = \{ \begin{array}{l} A \rightarrow \epsilon | aBBBa | Cela \\ B \rightarrow \epsilon | CaaCdC | eF \\ C \rightarrow alb | B | FggBdB \\ F \rightarrow a | d | BB | B \end{array} \}$$

► Eliminación de símbolos vacíos

$$L_\epsilon = \{ B, C, F \}$$

$$P_3 = \{ \begin{array}{l} A \rightarrow \cancel{\epsilon} | aBBBa | aBBa | aBa | aa | Cela \\ B \rightarrow \cancel{\epsilon} | CaaCdC | eF | aacdc | aadC | aad \\ C | aadC | Caad | CaaCd | e \\ F \rightarrow a | d | BB | \cancel{\epsilon} | FggBdB | FggdB | FggBd | \\ Fggd | ggBdB | ggdB | ggBd | ggd \\ F \rightarrow a | d | BB | \epsilon | B \end{array} \}$$

}

$$NT_3 = \{ A, B, C, F \} \quad T_3 = \{ \epsilon, a, e, l, i, d, b, g \}$$

► Eliminación de Unitarios

$$U\{A\} = \{A\} \quad U\{C\} = \{C, B\}$$

$$U\{B\} = \{B\} \quad U\{F\} = \{F, B\}$$

$$P_4 = \{ \begin{array}{l} A \rightarrow \cancel{\epsilon} | aBBBa | aBBa | aBa | aa | Cela | elia \\ B \rightarrow \cancel{\epsilon} | CadCdC | eF | aacdc | aadC | aad \end{array} \}$$

$B \rightarrow \emptyset | cadcdcl | eFl | aacdc | aadC | aad |$
 $C | aadC | Caad | CaaCd | c$
 $C \rightarrow ab | \text{los de } B | \emptyset | Fgg | BdB | Fggd | B |$
 $Fgg | Bd | Fggd | gg | Bd | gg | Bd | ggd$
 $F \rightarrow a | d | BB | \text{los de } B$

}



TAREA II

Murrieta Villegas Alfonso

Calificación

► Eliminación de Símbolos Muertos

$$(T_4 \cup NT_5)^+ = \{ \varepsilon, a, e, l, i, d, b, g, A, B, C, F \}$$

$$T_5 = \{ \varepsilon, a, e, l, d, b, y \}$$

$$NT_5 = \{ A, B, C, F \} \quad S_5 = \{ A \}$$

$P_5 = \{ A \rightarrow \varepsilon | aal | elia | aBBBa | aBBa | aBa | Celia$
 $B \rightarrow aad | le | CaaCdC | eF | aacdc |$
 $aadC | CaadC | Caad | Caad$
 $C \rightarrow ab | aad | elggd | CaaCdC | eF | aacdc |$
 $aadC | CaadC | Caad | CaaCd | Fgg | Bd | B |$
 $Fggd | Bd | Fgg | Bd | Fggd | gg | Bd | gg | Bd |$
 $gg | Bd$
 $F \rightarrow a | b | aad | e | BB | CaaCdC | eF | aacdc | aad |$
 $CaadC | Caad | CaaCd$

}

► Eliminación de Símbolos Inaccesibles

$$T_6 = \{ \epsilon, a, e, l, i, d, b, g \}$$

$$NT_6 = \{ A, B, C, F \}$$

$$P_6 = \{ A \rightarrow \epsilon | aa | elia | aBBa | aBa | Cela$$

$$B \rightarrow aad | e | ggd | CaqCdC | eF | aaCdC | aadC |$$
$$CaadC | Caad | CaqCd$$

$$C \rightarrow a/b | aad | e | ggd | CaqCdC | eF | aaCdC |$$
$$aadC | Caad | Caad | CaqCd | FggBdB |$$
$$FggdB | FggBa | Fggd | ggBdB | ggdB | ggBd$$

$$F \rightarrow a/b | aad | e | BB | CaqCd | eF | aaCdC | aadC |$$
$$CaadC | Caad | CaqCd$$

}

$$S_6 = \{ A \}$$

G. L. C

Thursday, March 7, 2019 1:22 PM

► Sea G una G.L.C
Con simbolos muertos:

$$\begin{aligned} P: & \{ A \rightarrow aB | BB \\ & B \rightarrow \epsilon | Cd | Cda | Aa \\ & C \rightarrow aC | aB | ab | Feo | B \\ & I \rightarrow aI | Ia \\ & E \rightarrow a | b | e \} \quad S = \{A\} \end{aligned}$$

$$NT: \{A, B, C, I, E, F\} \quad T: \{a, b, e, o, \epsilon\}$$

► Eliminación de S. Muertos $G = \{T, NT, S, P\}$

$$(T \cup NT_1)^+ = \{a, b, e, o, \epsilon, B, C, E, A\}$$

$$\begin{aligned} P_1: & \{ 1) B \rightarrow \epsilon | Cd | Cda | Aa \\ & 2) C \rightarrow ab | aC | aB | B \\ & 3) E \rightarrow a | b | e \\ & 4) A \rightarrow aB | BB \} \quad \begin{array}{l} \bullet S_1 = \{B\} \\ \bullet NT_1 = \{B, C, E, A\} \\ \bullet T_1 = \{a, b, e, o, d, \epsilon\} \end{array} \end{aligned}$$

► Eliminación de S. Inaccesibles

$$\begin{aligned} P_2: & \{ A \rightarrow aB | BB \\ & B \rightarrow \epsilon | Cd | Cda | Aa \\ & C \rightarrow ab | aC | aB | B \} \quad \begin{array}{l} \bullet S_2 = \{B\} \\ \bullet NT_2 = \{B, C, A\} \\ \bullet T_2 = \{a, b, e, o, d, \epsilon\} \end{array} \end{aligned}$$

$$C \rightarrow ab | aC | aB | B \quad \} \vdash T_2 = \{ a, b, e, o, d, \epsilon \}$$

► Eliminación de S. Vacíos

$$L_\epsilon = \{ B, A, C$$

$$NT = \{ A, B, C, A' \}$$

$$S_1 = \{ A' \}$$

$$T = \{ a, b, d, \epsilon \}$$

$$P_3 : \{ \begin{array}{l} A \rightarrow aB | a | BB | B | \cancel{\epsilon} \\ B \rightarrow \cancel{\epsilon} | Cd | Cda | Aa | a | d | da \\ C \rightarrow ab | aC | aB | B | a | \cancel{\epsilon} \\ A' \rightarrow A | \epsilon \end{array} \quad // \text{Se van } \epsilon \}$$

► Eliminación de S. Unitarios

$$U(A') = \{ A', A, B$$

$$U(A) = \{ A, B$$

$$U(B) = \{ B$$

$$U(C) = \{ C, B$$

$$P_4 : \{$$

$$A' \rightarrow \cancel{A} | aB | a | BB | \cancel{B} | Cd | Cda | Aa | \cancel{d} | da | \epsilon$$

$$A \rightarrow aB | a | BB | Cd | Cda | Aa | \cancel{d} | da$$

$$B \rightarrow Cd | Cda | Aa | a | d | da$$

$$C \rightarrow ab | aC | aB | Cd | Cda | Aa | a | d | da | \cancel{d}$$

}

$$\circ N\bar{T}_4 = \{ A, B, C, A' \} \circ \bar{T}_4 = \{ a, b, d \}$$

► Eliminación de S. Muertos

$$(\bar{T}_4 \cup N\bar{T}_5)^+ = \{ a, b, d \}$$

$$S_5 = \{ A' \}$$

$$\bar{T}_5 = \{ a, b, d \} \quad N\bar{T}_5 = \{ A', A, B, C \}$$

$$P: \{ A' \rightarrow a | d | da | \epsilon | aB | BB | Cd | Cda | Aa$$

$$A \rightarrow a | d | da | aB | BB | Cd | Cda | Aa$$

$$B \rightarrow a | d | da | Cd | Cda$$

$$C \rightarrow a | d | da | ab | ac | aB | Cd | Cda | Aa$$

}

► Eliminación de S. Inaccesibles

/* Queda lo mismo :v */



Ejercicio
Individual

$$P: \{ A \rightarrow a | b | e | d | ad | c | \epsilon$$

$$C \rightarrow \epsilon | Ab$$

$$D \rightarrow C | bC | F$$

$$E \rightarrow a | b | e | E$$

$$E \rightarrow a | b | e | E$$

$$I \rightarrow E | A | B \quad \}$$

► Eliminación de S. Muertos

$$(T \cup NT)^+ = \{a, b, e, d, \epsilon, A, C, E, I, D\}$$

$$P_1: \left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow a | b | e | d | \epsilon | C | aD \\ C \rightarrow \epsilon | Ab \\ E \rightarrow a | b | e | E \\ I \rightarrow \epsilon | A | B \\ D \rightarrow bC | C | \cancel{D} \end{array} \right\} \quad S_0 \{ A \}$$

► Eliminación de S. Inaccesibles

$$P_2: \left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow a | b | e | d | \epsilon | C | aD \\ D \rightarrow bC | C \\ C \rightarrow \epsilon | Ab \end{array} \right\}$$

► Eliminación de S. Vacíos

$$L_\epsilon = \{A, C, D\} \quad S_{initial} = \{A^*\}$$

$$NT = \{A, C, D\}$$

$$T = \{a, b, e, d, \epsilon\}$$

$$P: \left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow a | b | e | d | \cancel{\epsilon} | C | aD \\ D \rightarrow bC | C | b | \cancel{\epsilon} \\ C \rightarrow \cancel{\epsilon} | A | h | h \end{array} \right\}$$

$$C \rightarrow \cancel{E} | A b | b$$

$$A' \rightarrow A | E \quad \}$$

► Eliminación de S. Unitarios

$$U(A') = \{ A', A, C \}$$

$$U(A) = \{ A, C \}$$

$$U(D) = \{ D, C \}$$

$$U(C) = \{ C \}$$

$$P_4: \begin{cases} A' \rightarrow a | b | e | d | \cancel{f} | Ab | aD | E \\ A \rightarrow a | b | e | d | Ab | aD \\ D \rightarrow bC | b | \cancel{f} | Ab \\ C \rightarrow Ab | b \end{cases}$$

}

► Eliminación Muertos

$$(T_4 \cup N_{T_5})^+ = \{ A', A, D, C, a, b, e, d, E \}$$

$$P_5: \begin{cases} A' \rightarrow a | b | e | d | Ab | E | aD \\ A \rightarrow a | b | e | d | Ab | aD \\ D \rightarrow bC | b | Ab \\ C \rightarrow Ab | b \end{cases} \quad \}$$

// No tiene símbolos muertos

► Eliminación de S. Inaccesible

$$P_6 : \{ A' \rightarrow a b l e | d | A b l a D | \epsilon \\ A \rightarrow a | b | c l d | A b l a D \\ D \rightarrow b C | b | A b \\ C \rightarrow A b | b \}$$

$$\begin{array}{c} \bullet T_6 : \{ a, b, e, d, \epsilon \} \quad | \quad S_6 : \{ A' \} \\ \bullet NT_6 : \{ A', A, D, C \} \quad | \quad \cancel{\hspace{10em}} \end{array}$$

► Tarea 13 | Terminar el ejercicio de la gramática

$$P : \{ \cancel{A} \rightarrow B a | B B a | a C b e \\ B \rightarrow \epsilon | a C | D \\ C \rightarrow \epsilon | B A e | G | F \\ \cancel{G} \rightarrow a G | b G | e G \quad T : \{ a, b, e, \epsilon \} \\ I \rightarrow e o | H e e H e e \\ D \rightarrow a | b \\ \cancel{H} \rightarrow C \}$$

► Eliminación de S. Muertos

$$(T \cup NT_1)^+ = \{ a, b, e, \epsilon, B, C, I, D \}$$

$$P : \{ \cancel{a} \dots \}$$

$P: \{ \begin{array}{l} B \rightarrow \epsilon | aC|D \\ C \rightarrow \epsilon | BAe | \cancel{B} | \cancel{X} \\ \cancel{X} \rightarrow e | HeetHee, \\ D \rightarrow a/b \\ A \rightarrow Ba | BB | aCbe \\ \cancel{X} \rightarrow C \end{array} \}$

$$S_1 = \{ B \}$$

► Eliminación de s. Inaccesibles

$P: \{ \begin{array}{l} A \rightarrow Ba | BBA | aCbe \\ B \rightarrow \epsilon | aC | D \\ C \rightarrow \epsilon | BAe \\ D \rightarrow a/b \end{array} \}$

► Eliminación de s. Vacíos

$$L_\epsilon = \{ B, C, A \} \quad T = \{ a, b, e, d, \epsilon \}$$

$$NT = \{ B, C, D, G, A \}$$

$P: \{ \begin{array}{l} A \rightarrow Ba | BBa | aCbe | a | abe \\ B \rightarrow \cancel{\epsilon} | aC | a | D \\ C \rightarrow \cancel{\epsilon} | BAe | Ae | Be | e \\ D \rightarrow a/b \end{array} \}$

► Eliminación de s. Untaros

$$U(B) = \{B, D\}$$

$$U(C) = \{C\}$$

$$U(D) = \{D\}$$

$$U(A) = \{A, B\}$$

$$\begin{aligned} P: & \{ A \rightarrow B_a | BB_a | aCbe | aabe \\ & B \rightarrow aC | a | \cancel{\varnothing} | alb \\ & C \rightarrow BAe | Ae | Be | e \\ & D \rightarrow a/b \end{aligned}$$

► Eliminación de S. Muertos

$$(T_4 \cup NT_5)^+ = \{a, b, c, A, B, C, D\}$$

$$\begin{aligned} P = & \{ A \rightarrow a | abel | B_a | BB_a | aCbe \\ & B \rightarrow a | b | aC \\ & C \rightarrow e | BAe | Ae | Be \\ & D \rightarrow a | b \end{aligned}$$

► Eliminación de S. Inaccesibles

$$\begin{aligned} P = & \{ A \rightarrow a | abel | B_a | BB_a | aCbe \\ & B \rightarrow a | b | aC \\ & C \rightarrow e | BAe | Ae | Be \end{aligned}$$

$$\bullet T_6: \{a, b, e\}$$

$$\bullet S_6 = \{A\}$$

$$\bullet NT_6: \{B, C,$$

FINAL

Thursday, March 14, 2019 2:20 PM

$$P: \begin{cases} A \rightarrow \epsilon | ABa | Cae | B \\ B \rightarrow A | b \\ C \rightarrow \cancel{de} | dC | \epsilon | AB | B \\ E \rightarrow E | Eba \\ z \rightarrow a | b | z \\ F \rightarrow aF | bF | ab \end{cases}$$

$$T: \{ \epsilon, a, e, b, d \}$$

$$NT: \{ A, B, C, E, z, F \}$$

► Eliminación de S. Muertos

$$(T \cup NT_1)^+ = \{ \epsilon, a, e, b, d, A, B, C, z, F \}$$

$$P: \begin{cases} A \rightarrow \epsilon | ABa | Cae | B & S\{A\} \\ B \rightarrow b | A & NT_1 \{ A, B, C, z, F \} \\ C \rightarrow \epsilon | dC | AB | B \\ z \rightarrow a | b | z \\ F \rightarrow ab | aF | bF \end{cases}$$

► Eliminación de S. Inaccesibles

$$P: \begin{cases} A \rightarrow \epsilon | ABa | Cae | B \\ B \rightarrow b | A \\ C \rightarrow \epsilon | dC | AB | B \end{cases} \quad \begin{cases} NT_2 = \{ A, B, C \} \\ T_2 \{ \epsilon, b, d, a, e \} \\ S\{A\} \end{cases}$$

► Eliminación de S. Vacíos

$$L_E = \{A, C, B\} \quad NT_3 = \{A', A, B, C\} \quad T_3 = \{\epsilon, b, d, a, e\} \\ S = \{A'\}$$

$$P: \{ A' \rightarrow \epsilon | A$$

$$A \rightarrow \cancel{\epsilon} | ABa | Cae | B | Ba | ae | a | Aa$$

$$B \rightarrow b | A | \cancel{\epsilon}$$

$$C \rightarrow \cancel{\epsilon} | d | C | AB | B | d | A \quad \}$$

► Eliminación de S. Unitarios

$$U(A') = \{A', A\}$$

$$U(B) = \{B, A\}$$

$$U(A) = \{A, B\}$$

$$U(C) = \{C, B, A\}$$

$$P: \{ A' \rightarrow \epsilon | ABa | Cae | b | \overset{Id}{\cancel{A}} | B | ael | a | Aa$$

$$A \rightarrow ABa | Cae | b | \overset{Id}{\cancel{A}} | B | ael | a | Aa$$

$$B \rightarrow b | ABa | Cae | b | B | ael | a | Aa$$

$$C \rightarrow d | C | AB | b | d | ABa | Cae | B | ael | a | Aa$$

$$NT_4 = \{A', A, B, C\} \quad T_4 = \{\epsilon, a, e, b, d\} \quad S = \{A'\}$$

► Eliminación de S. Muertos

$$(T_4 \cup NT_5)^+ \{ \epsilon, a, e, b, d, A', A, B, C \}$$

$$P: \{ A' \rightarrow \epsilon | b | ael | a | ABa | Cae | B | Aa$$

$$A \rightarrow b | ael | a | ABa | Cae | B | Aa$$

$$B \rightarrow b | ael | a | ABa | Cae | B | Aa$$

$$C \rightarrow b | ael | d | dC | AB | ABa | Cae | B | Aa$$

$C \rightarrow b | ael | a | d | dC | AB | ABA | Cae | Ba | Aa$

}

$NT_5: \{ A^1, A, B, C \}$ $T_5: \{ \epsilon, a, e, b, d \}$ $S = \{ A^1 \}$

► Eliminación de S. Inaccesibles

$P: \{ A^1 \rightarrow \epsilon | bla | a | ABa | Cae | Ba | Aa$

$A \rightarrow bla | a | ABa | Cae | Ba | Aa$

$B \rightarrow bla | a | ABa | Cae | Ba | Aa$

$C \rightarrow bla | a | d | dC | AB | ABA | Cae | Ba | Aa$

}

$S_6 = \{ A^1 \}$ $NT_6: \{ A^1, A, B, C \}$

$T: \{ \epsilon, a, e, b, d \}$

