

# Recursividad

Tuesday, March 19, 2019 2:21 PM

## ► Recursividad

### // Indirecta

$$A \rightarrow \underline{Baa} \mid \underline{C Daq} \mid \underline{Bq CB} \mid ab \mid addel \mid aBde$$

$$\Rightarrow \begin{aligned} A &\rightarrow Baa \\ A &\rightarrow CDaa \\ A &\rightarrow BaCB \end{aligned}$$

### // Directa

$$A \rightarrow \underline{Abd} \mid aab \mid \underline{BaaB} \mid \underline{ABC} \mid \underline{AddBC}$$

$$\Rightarrow \begin{aligned} A &\rightarrow Abd \\ A &\rightarrow ABC \\ A &\rightarrow AddBC \end{aligned}$$

$i=1$  hasta  $i=n$

$j=1$  hasta  $j=n$

$$A_i = B_j S_1 \mid B_j S_2 \mid \dots \mid B_j S_m$$

$$A_i = \gamma_1 S_1 \mid \gamma_2 S_1 \mid \dots \mid \gamma_m S_m$$

$$\underline{\underline{A \rightarrow A\alpha_1 \mid A\alpha_2 \mid \dots \mid A\alpha_n \mid B_1 \mid B_2 \mid B_3 \mid B_m}}$$

---

$$\rho : \left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow aad \mid aaB \\ B \rightarrow Bod \mid AbeD \\ D \rightarrow aaa \mid Daq \mid Bes \end{array} \right.$$

$$NT : \{A, B, D\} \quad n=3$$

NOTA

La primera en el orden  
de los N.T. no  
tendrá recursividad indirecta

$NT: \{ A, B, D \}$     $n=3$   
 $c=1 \quad l=2 \quad l=3$   
 $j=0 \quad j=1 \quad j=2$

//Realizando

$$A \rightarrow aad | aaB$$

$$B \rightarrow Bad | AbcD$$

$$B \rightarrow \underbrace{Bad}_{\alpha_1} | \underbrace{aad beD}_{\beta_1} | \underbrace{aaB beD}_{\beta_2}$$

$P = \{$

$$\begin{aligned} A &\rightarrow aad | aaB \\ B &\rightarrow Bad | AbcD \\ D &\rightarrow aaa | Daal | Bes \end{aligned}$$

}

$$NT = \{ A, B, D \} \quad n=3$$

►  $i=1$  hasta  $n$

$j=0$

$j=1$

R.D no tiene  $A \rightarrow A$

►  $l=2$

$j=1 \longrightarrow R.D \quad A \rightarrow A$

$B \rightarrow A beD$

$$\rightarrow \underbrace{aad beD}_{\begin{array}{c} A \\ \delta_1 \end{array}} \Big| \underbrace{aaB beD}_{\begin{array}{c} A \\ \delta_2 \end{array}}$$

UE VQD  $n+1$  - NO  
tendrá recursividad indirecta (Si se toma directa)

$$A \rightarrow B_1 | B_2 | \dots | B_m | B_A' | B_2 A' | \dots | B_m A'$$

$$A \rightarrow \alpha_1 | \alpha_2 | \dots | \alpha_n | \alpha_A' | \alpha_2 A' | \dots | \alpha_m A'$$

$\beta \rightarrow \beta ad | aad beD | aa\beta beD$

$\delta = 2 \rightarrow R.D \quad \beta \rightarrow \beta$

$\beta \rightarrow \beta \underbrace{ad}_{\alpha}$

$\beta \rightarrow aadbeD | aa\beta beD | aadbeD \beta' | aa\beta beD \beta'$

$\beta' \rightarrow ad | \underline{ad\beta'}$

►  $i = 3$

$\delta = 1 \quad D \rightarrow A \quad // No hay$

$\delta = 2 \quad D \rightarrow B$

$D \rightarrow B \in S$

$D \rightarrow aaa | \cancel{Daa} | aadbeD \beta_{es} | aa\beta beD \beta_{es} | aadbeD \beta' \beta_{es}$   
 $| aa\beta beD \beta' \beta_{es}$

$D \rightarrow DaC$

$D \rightarrow aaaD' | aadbeD \beta_{es} D' | aa\beta beD \beta_{es} D' | aadbeD \beta' \beta_{es} D'$   
 $| aa\beta beD \beta' \beta_{es} D'$

$D' \rightarrow aa | \underline{aaD'}$

$P = \{$

$A \rightarrow Ab | baqB$

$B \rightarrow Aa | Ba | Cb$

$C \rightarrow Bda | Dee | Caa$

$D \rightarrow Da | Ab | AaC$

• NT: { A, B, C, D }

• T: { a, b, e }

$n = 4$

$$\begin{array}{l} C \rightarrow Bda | Dec | Caa \\ D \rightarrow Da | Ab | AaC \end{array} \quad n=4$$

}

►  $i = 1$

$$\begin{array}{l} j=0 \\ j=1 \end{array} \quad R.I.: \text{No hay}$$

$$R.O \quad A \rightarrow A ; \quad A \rightarrow Ab$$

$$A \rightarrow baaB | bacB A'$$

$$A' \rightarrow b | bA'$$

►  $i = 2$

$$j=1 \quad R.I. \quad B \rightarrow A$$

$$B \rightarrow Aa ; \quad B \rightarrow baaBa | bacBaBA'a \quad \cancel{B'a} | cb$$

$$j=2 \quad R.O \quad B \rightarrow B$$

$$B' \rightarrow a | aB'$$

$$B \rightarrow baaBa | bacBaBA'a | cb | bacBaB' | bacBA'aB' | cbB'$$

►  $i = 3$

$$j=1 \quad C \rightarrow A \quad // \text{No hay}$$

$$j=2 \quad C \rightarrow B$$

$$\begin{array}{l} C \rightarrow baaBa \cancel{da} | bacBa' \cancel{da} | \cancel{cbda} | bacBaB'da \\ bacBa' aB'da | \cancel{cbB'da} | Dee | CaCa \end{array}$$

$$j=3 \quad // \text{Mismo valor} \quad C \rightarrow C$$

$C \rightarrow baaBada | baaBA'ada | baaBaB'da | baaBA'aB'da$   
 $Dee | baaBadaC' | baaBA'adaC' | baaBaB'daC'$   
 $| baaBA'aB'daC' | PeeC'$

$C' \rightarrow bdq | bB'dq | aa | bdaC' | bB'daC' | aaC'$

►  $l=4$

$j=1 \quad D \rightarrow A ; D \rightarrow Ab | Aac$

$D \rightarrow bb | bA'b | baC | bA'aC | Dq$

$j=2 \quad D \rightarrow B // No hay$

$j=3 \quad D \rightarrow C // No hay$

$j=4 \quad D \rightarrow D ; D \rightarrow Dq$

$D' \rightarrow a | aD'$

$D \rightarrow bb | bA'b | baC | bA'aC |$   
 $bbD' | bA' bD' | baCD' | bA'aCD'$

# Chomsky

Thursday, March 28, 2019 1:24 PM

## → Forma Normal

// Debe ser propia y solamente recursiva por la derecha

$$\begin{array}{l} X \rightarrow WZ \\ Y \rightarrow a \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} X, W, Z, Y \in NT \\ a \in T \end{array} \right.$$

$$P : \left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow abB \mid aCa \\ B \rightarrow bde \mid bBC \\ C \rightarrow a \mid b \mid de \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} \bullet S \{ A \} \\ \bullet NT \{ \dots \} \\ \bullet T \{ \dots \} \end{array}$$

}

→



→  $A \rightarrow abB ; A \rightarrow a \underbrace{Y_1 B}_{X_1} ; A \rightarrow a X_1$   
 $Y_1 \rightarrow b ; X_1 \rightarrow Y_1 B ; Y_2 \rightarrow a$

$$\therefore A \rightarrow \underline{Y_2 X_1} \cancel{\neq}$$

→  $A \rightarrow aCa ; A \rightarrow aCY_2 ; A \rightarrow aX_2$   
 $X_2 \rightarrow CY_2$

$$\therefore A \rightarrow \underline{Y_2 X_2} \cancel{\neq}$$

$$A \rightarrow Y_2 X_1 \mid \underline{Y_2 X_2} \cancel{\neq}$$



→  $B \rightarrow bde$  ;  $B \rightarrow bdY_3$  ;  $B \rightarrow b \underbrace{Y_4 Y_3}_{x_3}$  ;  $B \rightarrow bX_3$   
 $Y_3 \rightarrow e$  ;  $Y_4 \rightarrow d$  ;

∴  $B \rightarrow Y_1 X_3$

→  $B \rightarrow b \underbrace{BC}_{x_4}$  ;  $B \rightarrow b X_4$  ∴  $B \rightarrow Y_1 X_4$

→  $B \rightarrow CB$  ; // La misma //

$B \rightarrow Y_1 X_3 | Y_1 X_4 | CB$  //



→  $C \rightarrow a | b | dc$  ;  $C \rightarrow a | b | Y_4 Y_3$   
 $Y_4 \rightarrow d$   
 $Y_3 \rightarrow e$

$C \rightarrow a | b | Y_4 Y_3$  //

► P: {  $A \rightarrow BD | abcC | aBd$   
 $B \rightarrow d | e | acd$   
 $C \rightarrow aCB | aAB | Dab$   
 $D \rightarrow bd | aE$   
 $E \rightarrow g | adD | e$  }

→  $A \rightarrow abc$  ;  $A \rightarrow a \underbrace{Y_1 C}_{v \dots} |$  ;  $A \rightarrow aX_1$  ;  $v \dots$

$$\rightarrow A \rightarrow abc \quad ; \quad A \rightarrow a \underbrace{bc}_{x_1} \quad ; \quad A \rightarrow a x_1$$

$$y_1 \rightarrow b \quad ; \quad y_2 \rightarrow a$$

$$\therefore A \rightarrow y_2 \cancel{x_1}$$

$$\rightarrow A \rightarrow abd \quad ; \quad A \rightarrow a \underbrace{bd}_{x_2} \quad ; \quad A \rightarrow a x_2$$

$$y_3 \rightarrow d \quad ; \quad y_2 \rightarrow a$$

$$\therefore A \rightarrow \cancel{y_2 x_2}$$

$$\therefore A \rightarrow BD | y_2 x_1 | \cancel{y_2 x_2}$$

$$\rightarrow B \rightarrow acd \quad ; \quad B \rightarrow a \underbrace{cd}_{x_3} \quad ; \quad B \rightarrow a x_3 \quad ;$$

$$\therefore B \rightarrow \cancel{y_2 x_3}$$

$$\therefore B \rightarrow d | e | \cancel{y_2 x_3}$$

$$\rightarrow C \rightarrow a \underbrace{cb}_{x_4} \quad ; \quad C \rightarrow a x_4 \quad ; \quad \therefore C \rightarrow \cancel{y_2 x_4}$$

$$y_2 \rightarrow a$$

$$\rightarrow C \rightarrow a \underbrace{ab}_{x_5} \quad ; \quad C \rightarrow a x_5 \quad ; \quad \therefore C \rightarrow \cancel{y_2 x_5}$$

$$y_2 \rightarrow a$$

$$\rightarrow C \rightarrow Dab \quad ; \quad C \rightarrow D a y_1 \quad ; \quad C \rightarrow D \underbrace{y_2 y_1}_{x_6}$$

$$y_1 \rightarrow b \quad ; \quad y_2 \rightarrow a \quad ; \quad$$

$$\therefore C \rightarrow \cancel{D x_6}$$

$$\therefore C \rightarrow y_2 x_4 | y_2 x_5 | \cancel{D x_6}$$

$$\rightarrow D \rightarrow bd ; D \rightarrow b y_3 ; \therefore D \rightarrow \underline{y_1 y_3} //$$

$$y_3 \rightarrow d ; y_1 \rightarrow b ;$$

$$\rightarrow D \rightarrow a E ; \therefore D \rightarrow \underline{y_2 E} //$$

$$y_2 \rightarrow a ;$$

$$\therefore D \rightarrow y_1 y_3 | \underline{y_2 E} //$$

$$\rightarrow E \rightarrow ad D ; E \rightarrow a \underbrace{y_3 D}_{x_7} ; \bar{E} \rightarrow a x_7$$

$$y_3 \rightarrow d ;$$

$$\therefore E \rightarrow g | \underline{y_2 x_7 / b} //$$

Final

$$P: \{ A \rightarrow BD | y_2 x_1 | y_2 x_2$$

$$B \rightarrow d | e | y_2 x_3$$

$$C \rightarrow y_2 x_4 | y_2 x_5 | D x_6$$

$$D \rightarrow y_1 y_3 | y_2 E$$

$$E \rightarrow g | \underline{y_2 x_7 / b}$$

//sus respectivos de "y" y "x"

}

Sea  $G$  una gramática propia

$$P: \begin{cases} A \rightarrow Abcd \mid AdBeCb \mid ab \\ B \rightarrow a \mid d \mid dd \mid BB \mid aaCB \mid ABC \\ C \rightarrow Ce \mid B; \mid Aeid \mid aa \mid bb \end{cases}$$

$\bullet i=1 \quad A \rightarrow A$

$$\begin{aligned} A &\rightarrow ab \mid abA' \\ A' &\rightarrow bcd \mid bcdA' \mid dBeCb \mid dBeCba' \end{aligned}$$

$\bullet i=2$

$$j=1$$

$$B \rightarrow a \mid d \mid dd \mid BB \mid aaCB \mid ABC \mid abBC \mid abA'BC$$

$$j=2$$

$$B \rightarrow a \mid d \mid dd \mid aaCB \mid abBC \mid abA'BC \mid ab^i \mid d^jB^i \mid d^jB^i \mid aaCB^i \mid abBC^i \mid abA'BC^i$$

$$B' \rightarrow B \mid BB' ;$$

$$B' \rightarrow a \mid d \mid dd \mid aaCB \mid abBC \mid abA'BC \mid ab^i \mid d^jB^i \mid d^jB^i \mid aaCB^i \mid abBC^i \mid abA'BC^i \mid aB^i \mid dB^i \mid ddB^i \mid aaCB^i \mid abBC^i \mid abA'BC^i \mid ab^i \mid d^jB^i \mid d^jB^i \mid aaCB^i \mid abBC^i \mid abA'BC^i$$

$\bullet i=3$

$$j=1$$

$$C \rightarrow Ce \mid B; \mid aa \mid bb \mid abeid \mid abA'cid$$

$$j=2$$

$$C \rightarrow Ce \mid aa \mid bb \mid abeid \mid abA'cid \mid ai \mid di \mid dd \mid aaCB \mid abBC \mid abA'BC \mid ab^i \mid ab^i \mid d^jB^i \mid d^jB^i \mid aaCB^i \mid abBC^i \mid abA'BC^i$$

$$j=3$$

$$C \rightarrow aa \mid bb \mid abeid \mid abA'cid \mid ai \mid di \mid dd \mid aaCB \mid abBC \mid abA'BC \mid ab^i \mid ab^i \mid d^jB^i \mid d^jB^i \mid aaCB^i \mid abBC^i \mid abA'BC^i$$

$$aaC' \mid bbC' \mid abeidC' \mid abA'cidC' \mid ab^iC' \mid d^jB^iC'$$

$$diC' \mid ddC' \mid aaCBiC' \mid abBCiC' \mid abA'BCiC'$$

$$aB^iC' \mid aB^iC' \mid d^jB^iC' \mid aaCB^iC'$$

$$abBCB^iC' \mid abA'BCB^iC'$$

$$C' \rightarrow e \mid ec'$$

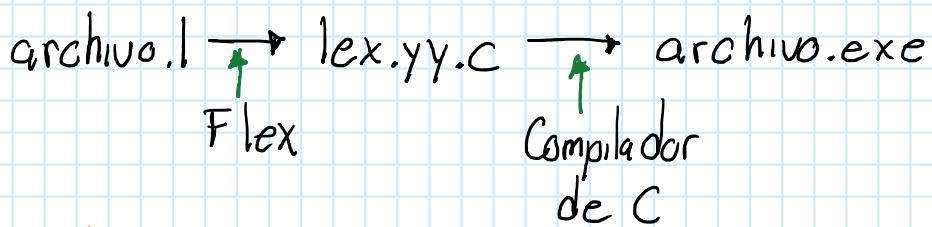
# Investigación Flex

Tuesday, April 2, 2019 4:39 PM

## ► Introducción

- Flex es una herramienta para generar escáneres; programas que reconocen patrones léxicos en un texto.  
Flex lee los ficheros de entrada de datos, o la entrada estándar si no se le ha indicado ningún nombre de fichero, con la descripción de un escáner a generar.
- Flex genera como salida un fichero fuente en C, "lex.yy.c" que define una rutina "yylex()".

Posteriormente este archivo se compila y se enlaza con la biblioteca -lfl



## ► Formato de archivos

Definiciones  
% %  
Reglas  
% %  
Código Usuario

Definiciones

Tiene declaraciones de definiciones de nombres sencillas para simplificar la especificación del escáner  
Digito [0-9]  
ID [a-z] [a-zA-Z]\*

{Digito} + ". " {Digito}\* | . Punto decimal

$$\{ \text{Digito} \}^* + " \cdot " \{ \text{Digito} \}^* \quad | \quad \begin{array}{l} \text{Para separar} \\ \text{a los concatenacio-} \\ \text{nnes} \end{array}$$

$$=$$

$$([\text{0-9}]) + " \cdot " ([\text{0-9}])^*$$

## → Reglas

- La forma es la siguiente  
"patrón acción"
- El patrón debe estar sin sangrar y la acción en la misma línea

## → Código Usuario

- La sección es directamente copiada en el apartado de "lex.yy.c"
- La presencia de esta sección es opcional, por lo que si se omite el "%" no habrá problema.

## ► Patrones

- emparesca el carácter x
- cualquier carácter excepto una línea nueva

[xyz] una "clase de caracteres"; en este caso, el patrón empareja una "x", "y" o "z"

[a,b]-[c,z] una clase de caracteres con un rango; empareja

↳ a la menor letra de "a", "b" ... z

largo, empieza

↳ a, b, cualquier letra de "j'a'0", z

r|s bien una r o una s

rs la expresión regular "r" seguida de "s"

\0 Carácter nulo

r/s una "r" pero sólo si va seguida por una s

<\*>r Cualquier condición de arranque para r

NOTA: Hay jerarquía en las operaciones

$$(foo) | (ba(r^*)) = foo | bar^*$$

r\* cero o más r's, donde r es cualquier expresión regular

r+ una o más r's

r? cero o una r ('r' es opcional)

r{2,5} donde sea de 2 a 5 r's

r{2,} dos o más r's

r{4} Solamente 4 r's

► Sea una gramática que contiene variables que comienzan con combinaciones de caracteres permitidas en una máscara

comienzan con combinaciones de caracteres especiales, seguido de concatenaciones del alfabeto en sólo minúsculas y terminan con concatenaciones de números enteros.

- Los caracteres especiales que están contenidos en la gramática son 5
- El alfabeto ~~esta~~ compuesto de 15 caracteres
- Los enteros ~~son~~ tal y como los conocemos

a, b, c, d, e  
f, g, h, i, j  
k, l, m, n, n

# Chomsky

Thursday, April 4, 2019 2:02 PM

►  $P : \{ \begin{array}{l} x \rightarrow aY \mid bby \mid bb \\ Y \rightarrow aYaxd \mid az \\ z \rightarrow a \mid b \mid ab \mid ba \mid aWb \\ W \rightarrow ax \mid bx \mid dz \end{array} \}$

• NT: {Y, X, Z}  
 • T = {a, b, d}  
 • S: {X}

►  $x \rightarrow \frac{y_1 y_1}{y_1 \rightarrow a} ; x \rightarrow b \frac{y_2 y}{y_2 \rightarrow b} ; x \rightarrow b x_1 ; x \rightarrow \frac{y_2 x_1}{x_1}$

$$\therefore x \rightarrow y_1 y \mid y_2 x_1 \mid \cancel{y_2 y_2}$$

►  $y \rightarrow aYaxd ; y \rightarrow aY \underbrace{aXy_3}_{x_2} ; y \rightarrow aY \underbrace{y_1 x_2}_{\substack{x_3 \\ x_4}}$   
 $y_3 \rightarrow d ;$   
 $\therefore y \rightarrow y_1 x_4 \mid \cancel{y_1 z}$

►  $z \rightarrow y_1 \underbrace{W y_2}_{x_5} ; \therefore z \rightarrow a \mid b \mid y_1 y_2 \mid y_2 y_1 \mid \cancel{y_1 x_5}$

►  $w \rightarrow y_1 x \mid y_2 y \mid \cancel{y_3 z}$

→ Producciones

$P : \{ \begin{array}{l} x \rightarrow y_1 y_2 \mid y_2 x_1 \mid y_2 y_2 \\ w \rightarrow v^a \mid v^b \end{array} \}$

$x \rightarrow y_1 y_2   y_2 x_1   y_2 z_2$	
$y \rightarrow y_1 x_4   y_1 z$	
$z \rightarrow a   b   y_1 y_2   y_2 y_1   y_1 x_5$	
$w \rightarrow y_1 x   y_2 y   y_3 z$	
$x_1 \rightarrow y_2 y \rightarrow b y$	$y_1 \rightarrow a$
$x_2 \rightarrow x y_3$	$y_2 \rightarrow b$
$x_3 \rightarrow y_1 y_2 \rightarrow a x_2$	$y_3 \rightarrow d$
$x_4 \rightarrow y x_3$	
$x_5 \rightarrow w y_2$	
}	← // 2º Algoritmo
$\therefore P : \{$	
$x \rightarrow a y_2   b x_1   b y_2$	
$y \rightarrow a x_4   a z$	
$z \rightarrow a   b   a y_2   b y_1   a x_5$	
$w \rightarrow a x   b y   d z$	
$x_1 \rightarrow b y$	
$x_2 \rightarrow x y_3 ; x_2 \rightarrow a y_2 y_3   b x_1 y_3   b y_2 y_3$	
$x_3 \rightarrow a x_2$	
$x_4 \rightarrow y x_3 ; x_4 \rightarrow a x_4 x_3   a z x_3$	
$x_5 \rightarrow w y_2 ; x_5 \rightarrow a x y_2   b y y_2   d z y_2$	
$y_1 \rightarrow a$	
$y_2 \rightarrow b$	// Checar si hay inaccesibles
$y_3 \rightarrow d$	
}	



P: {

$$A \rightarrow B_a C | aB$$

$$B \rightarrow a | b$$

$$C \rightarrow aabb | bbb | D_a B$$

$$D \rightarrow ab | d$$

}

$$A \rightarrow B_a C ; \quad Y_1 \rightarrow a$$

$$A \rightarrow B \underbrace{Y_1}_{X_1} C$$

$$; A \rightarrow B X_1$$

$$\therefore A \rightarrow B X_1 | \cancel{Y_1 B}$$

$$C \rightarrow aabb ; \quad aab Y_2 ; \quad aa \underbrace{Y_2 Y_2}_{X_2}$$

$$C \rightarrow a \underbrace{Y_1 X_2}_{X_3} ;$$

$$C \rightarrow Y_1 X_3$$

$$C \rightarrow D_a B ; \quad C \rightarrow D \underbrace{Y_1 B}_{X_4} ; \quad C \rightarrow D X_4$$

$$\therefore C \rightarrow Y_1 X_3 | Y_2 Y_2 | D X_4$$

$$\therefore P: \{ A \rightarrow B X_1 | Y_1 B$$

$$B \rightarrow a/b$$

$$C \rightarrow Y_1 X_3 | Y_2 Y_2 | D X_4$$

$$D \rightarrow a/b/d$$

{

// 2º Algoritmo

P: {

$$A \rightarrow B X_1 | Y_1 B ; A + a X_1 | b X_1 | a B$$

$$B \rightarrow a/b$$

$$C \rightarrow Y_1 X_3 | Y_2 Y_2 | D X_4 ; C \rightarrow a X_3 | b Y_2 | a X_4 | b X_4 | d X_4$$

~~$$D \rightarrow a/b/d$$~~

$$X_1 \rightarrow Y_1 C ; X_1 \rightarrow a C$$

$$X_2 \rightarrow Y_2 Y_2 ; X_2 \rightarrow b Y_2$$

$$X_3 \rightarrow Y_1 X_2 ; X_3 \rightarrow a X_2$$

$$X_4 \rightarrow Y_1 B ; X_4 \rightarrow a B$$

$$Y_1 \rightarrow a$$

$$Y_2 \rightarrow b$$

{}

// Final

P: {  $A \rightarrow a X_1 | b X_1 | a B$

$$B \rightarrow a/b$$

$$C \rightarrow a X_3 | b Y_2 | a X_4 | b X_4 | d X_4$$

$$X_1 \rightarrow a C$$

$$X_2 \rightarrow b Y_2$$

$$X_2 \rightarrow b Y_2$$

$$X_3 \rightarrow a X_2$$

$$X_4 \rightarrow a \beta$$

$$Y_1 \rightarrow a$$

$$Y_2 \rightarrow b$$

}

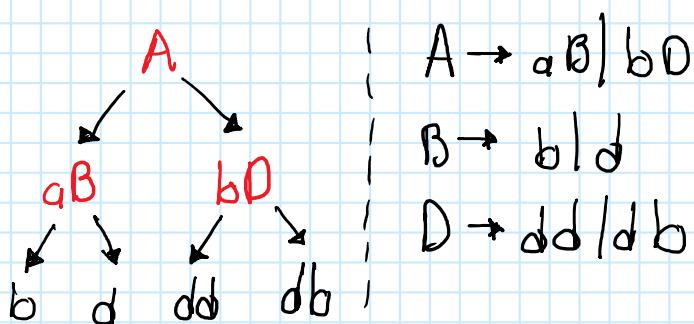
# Autómatas de Pila

martes, 9 de abril de 2019 01:27 p.m.

## ► Compilador

- ↳ Analizador Léxico → Sólo verifica que pertenezca a la gramática
- ↳ Analizador Sintáctico → Verificamos el orden

## ► Árbol de derivación



→ Un Autómata de Pila se define como una septupla

- $\Sigma \triangleq$  Alfabeto
- $Q_0 \triangleq$  Estado Inicial
- $F \triangleq$  Estados Finales
- $\delta \triangleq$  Transiciones
- $Q \triangleq$  Conjunto de estados

// Estos autómatas tienen memoria

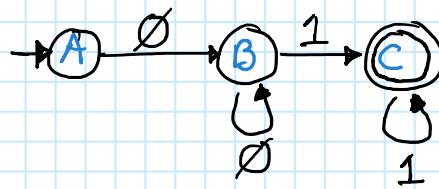
- $q_{A_0} \triangleq$  Símbolo Inicial de la pila
- $P \triangleq$  Alfabeto de la pila

0 1 ;  $0^+ 1^+$  ;  $0^n 1^n$

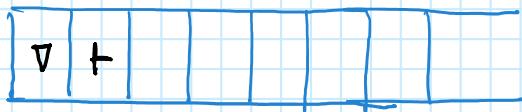
|  
| Infinito  
| respecto a  
| cada "+" | Una cantidad  
| limitada a n |

## ► Automatas de Pila

$$L = \{ 0^n 1^n ; n > 0 \}$$



- Pila de / automata ;



→ Inicial  $\stackrel{\Delta}{=} v$

- Símbolo a leer  $\neq +$

→ Final

$v \uparrow \} \text{ Palabra si}$   
 $+ \uparrow \text{ pertenece al lenguaje}$

- Estaremos en las siguientes condiciones:

$(\text{Estado inicial}, \text{símbolo q}, \text{Estado Inicial}) \vdash (\text{Estado al que se pasa}, \text{se avanza en la cadena}, \text{Estado con el símbolo del tope de la pila})$

$$(q_A, 0\omega^{-1}, v) \vdash (q_B, \omega^{-1}, 0v)$$

$$(q_B, 1^{-1}, 0v) \vdash (q_C, \vdash, v)$$

*Es cadena recorrida*

// Ejercicios Morales 0011, 000111

→ 0011

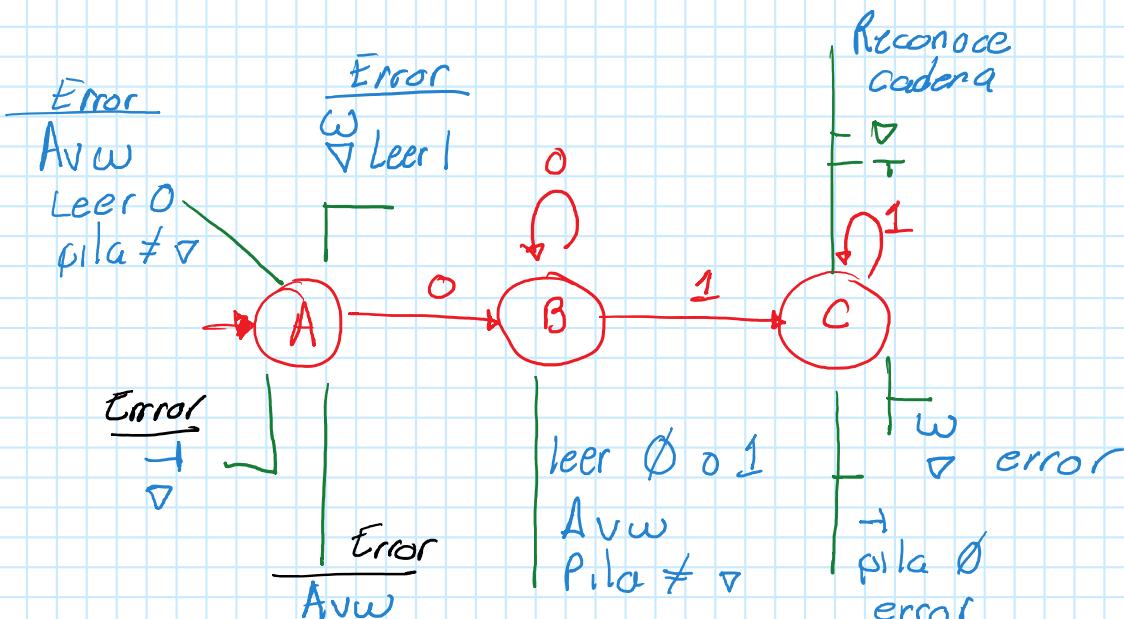
$$(q_A, 0\omega^{-1}, v) \vdash (q_B, \omega^{-1}, 0v)$$

$$\begin{aligned}
 (q_A, 0\omega^{-1}, \nabla) &\vdash (q_B, \omega^{-1}, 0\nabla) \\
 (q_B, 0\omega^{-1}, 0\nabla) &\vdash (q_B, \omega^{-1}, 00\nabla) \\
 (q_B, 1\omega^{-1}, 00\nabla) &\vdash (q_C, \omega^{-1}, 0\nabla) \\
 (q_C, 1^{-1}, 0\nabla) &\vdash (q_C, -1, \nabla) \quad \cancel{\text{X}}
 \end{aligned}$$

$\rightarrow 000111$

$$\begin{aligned}
 (q_A, 0\omega^{-1}, \nabla) &\vdash (q_B, \omega^{-1}, 0\nabla) \\
 (q_B, 0\omega^{-1}, 0\nabla) &\vdash (q_B, \omega^{-1}, 00\nabla) \\
 (q_B, 0\omega^{-1}, 00\nabla) &\vdash (q_B, \omega^{-1}, 000\nabla) \\
 (q_B, 1\omega^{-1}, 000\nabla) &\vdash (q_C, \omega^{-1}, 000) \\
 (q_C, 1\omega^{-1}, 000) &\vdash (q_C, \omega^{-1}, 00) \\
 (q_C, 1^{-1}, 00) &\vdash (q_C, -1, \nabla)
 \end{aligned}$$

$\rightarrow (q_C, -1, 0) // 000111$  | Erros  
 $\rightarrow (q_C, 1^{-1}, \nabla) // 00111$  |



$  \text{ leer}  $	$  \text{ Pila } \neq \emptyset  $	$  \text{ pila } \emptyset  $
$\nabla$		error

// Una tabla por cada estado de transición

- $\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline q_A & 0 & 1 & - \\ \hline \nabla & q_B & & \\ \hline \text{Av}(w) & \text{Error} & \text{Error} & \\ \hline 0 & \text{Error} & \text{Error} & \text{Error} \\ \hline \end{array}$  // Alfabeto del lenguaje

Push

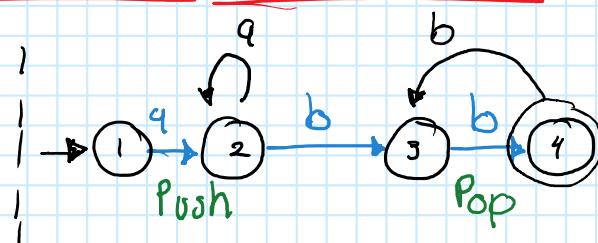
Alfabeto de la pila

- $\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline q_B & 0 & 1 & - \\ \hline \nabla & \text{Error} & \text{Error} & \text{Error} \\ \hline \text{Av}(w) & q_B & q_C & \text{Error} \\ \hline 0 & \text{Av}(w) & \text{Av}(w) & \text{Error} \\ \hline \end{array}$

- $\begin{array}{|c|c|c|c|} \hline q_C & 0 & 1 & - \\ \hline \nabla & \text{Error} & \text{Error} & \text{Error} \\ \hline \text{Av}(w) & q_C & \text{Error} & \\ \hline 0 & \text{Error} & \text{Av}(w) & \text{Error} \\ \hline \end{array}$  Pop

→ Ejercicios Pilas

1)  $L = \{ a^n b^{2n}, n \geq 1 \}$



// Tablas de transición

$q_1$	$a$	$b$	$-$	$\xrightarrow{\text{Push}}$
$\nabla$	$q_2$	Error	Error	
$\text{Av}(w)$	Error	Error	Error	

$q_2$	$a$	$b$	$-$	
$\nabla$	Error	Error	Error	
$\text{Av}(w)$	$q_2$	$q_3$	Error	

$q_3$	$a$	$b$	$-$	
$\nabla$	Error	Error	Error	

$q_4$	$a$	$b$	$-$	
$\nabla$	Error	Error	Error	

$q_3$	$a$	$b$	$\vdash$	$\dashv$
$\nabla$	Error	Error	Error	
$\vdash$	Error	$q_4$	Error	
$\dashv$	Error	$q_4$	Error	

$\xleftarrow{\text{POP}}$

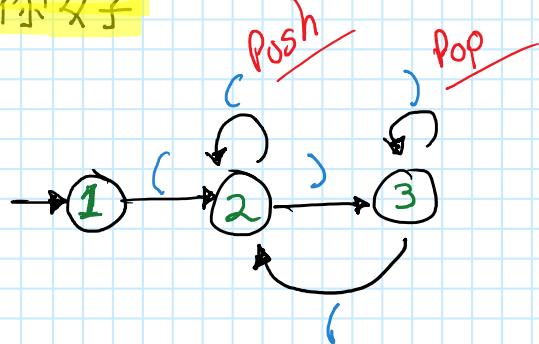
$\text{//Elementos}$

$q_4$	$a$	$b$	$\vdash$	$\dashv$
$\nabla$	Error	Error	Error	Aceptar
$\vdash$	Error	$q_4$	Error	

$\xleftarrow{\text{POP}}$

- $\Sigma = \{a, b\}$
- $Q = \{1, 2, 3, 4\}$
- $q_0 = \{1\}$
- $F = \{4\}$

你女子



$\text{//Elementos}$

$$\begin{array}{ll}
 q_0 = \{1\} & \Sigma = \{(), )\} \\
 F = \{3\} & Q = \{1, 2, 3\} \\
 A_0 = \{\}\{ \} &
 \end{array}$$

$\text{//Tablas}$

$q_1$	$($	$)$	$\vdash$	$\dashv$
$\nabla$	$q_2^{\text{Av}}$	Error	Error	
$\vdash$	Error	Error	Error	

$q_2$	$($	$)$	$\vdash$	$\dashv$
$\nabla$	$q_2^{\text{Av}}$	$q_3^{\text{Av}}$	Error	
$\vdash$	$q_2^{\text{Av}}$	$q_3^{\text{Av}}$	Error	

$q_3$	$($	$)$	$\vdash$	$\dashv$
$\nabla$	$q_2^{\text{Av}}$	Error	Acepta	
$\vdash$	$q_2^{\text{Av}}$	$q_3^{\text{Av}}$	Error	



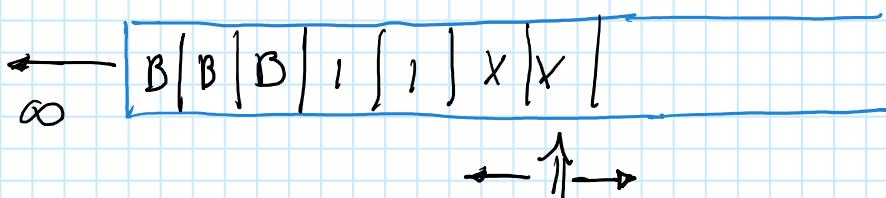
# Maquina de Turing

jueves, 25 de abril de 2019 01:41 p.m.

- Modela matemáticamente una maquina que opera mecánicamente sobre una cinta, en esta cinta hay símbolos que la maquina puede leer y escribir una a la vez, usando un cabezal lector/escritor de cinta las operaciones están completamente determinadas por un conjunto finito de instrucciones.

- La M.T. consta de

- Una lista que se divide en celdas, una a lado de otra, cada celda contiene un símbolo de algún alfabeto finito.
- El alfabeto contiene un símbolo especial llamado "**Blanco B**" y uno o más símbolos adicionales



- Cabezal puede leer y escribir símbolos en la cinta y mover la cinta a la izquierda y a la derecha (una y solo una celda a la vez)
- consta de un registro de estado que almacena el estado de la maquina de Turing
- Tabla finita de instrucciones (Transiciones)

$$MT: \{ \Sigma, \delta, q_0, Q, F, B, \Gamma \}$$

$\Sigma = \{ \text{L}, \text{E}, \text{U}, \text{D}, \text{O}, \text{I}, \text{S} \}$

Acepta  
ción

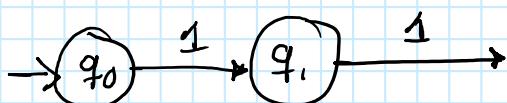
Alfabeto de  
la cinta

Blanco

► (Edo. partida, símbolo a) + (Nuevo EDO, que se escribe, Mover la cabeza)

□ Sea la M, T. que suma un 1 al único elemento del alfabeto (que es un uno) cuando se encuentra un blanco

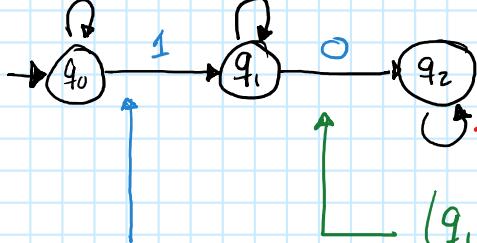
$$\Sigma = \{ 1 \}$$



$$(q_0, 1) \rightarrow (q_1, 1, \text{Right})$$



$$(q_0, 0) \rightarrow (q_0, 0, R)$$



$$(q_1, 0) \rightarrow (q_2, 0, R)$$

$$(q_0, 1) \rightarrow (q_1, 1, R)$$

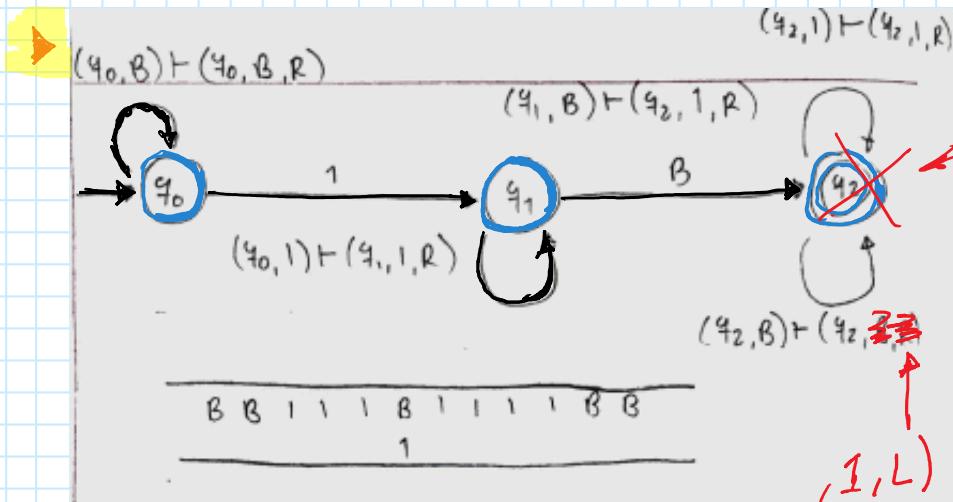
$q_p$	$q_s$	$S.E$	$M.C$	$(R/L)$
$q_0$	$0$	$0$	$R$	
$q_0$	$1$	$1$	$R$	
$q_1$	$1$	$1$	$R$	

$t_0$	$t$	$t_1$	$t$	$R$
$q_1$	1	$q_1$	1	R
$q_2$	0	$q_0$	1	R
$q_2$	0	$q_0$	0	R

Símbolo a leer

Estados siguientes

Símbolo escrito



$q_p$	$S_L$	$q_s$	$S_E$	$M_C(R/L)$
$q_0$	B	$q_0$	B	R
$q_0$	1	$q_1$	1	R
$q_1$	1	$q_1$	1	R
$q_1$	B	$q_2$	1	R
$q_2$	B	$q_2$	B	R
$q_2$	1	$q_2$	1	R

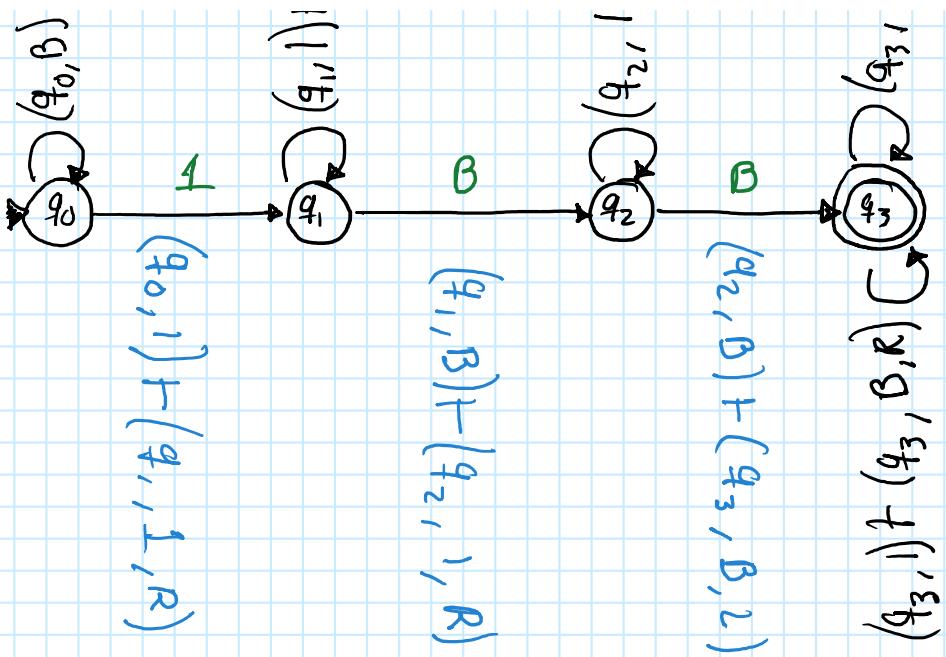
Maquina de Turing

$(q_0, B) \vdash (q_0, B, R)$

$(q_1, 1) \vdash (q_1, 1, R)$

$(q_2, 1) \vdash (q_2, 1, R)$

$(q_3, 1) \vdash (q_3, 1, R)$



$q_0$	S.L	$q_1$	S.E	M.C. ( $R/L$ )	
$q_0$	B	$q_0$	B	R	-
$q_0$	1	$q_1$	1	R	-
$q_1$	1	$q_1$	1	R	-
$q_1$	B	$q_2$	1	R	-
$q_2$	B	$q_2$	B	R	-
$q_2$	1	$q_2$	1	R	-

## Extra

martes, 7 de mayo de 2019 01:27 p.m.

Tarea: "El pescado come pescado"

"E pescado come gato"

$$A \rightarrow BC$$

$$B \rightarrow DE$$

$$B \rightarrow E$$

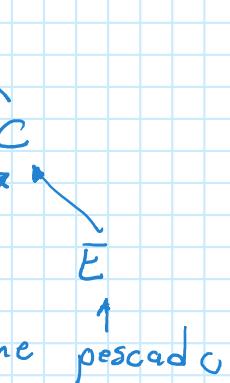
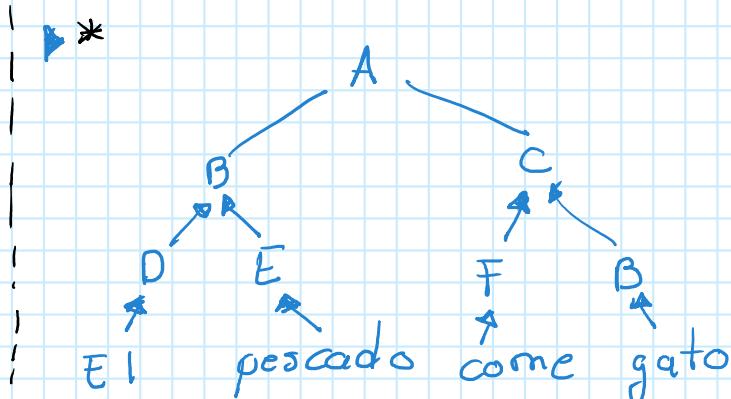
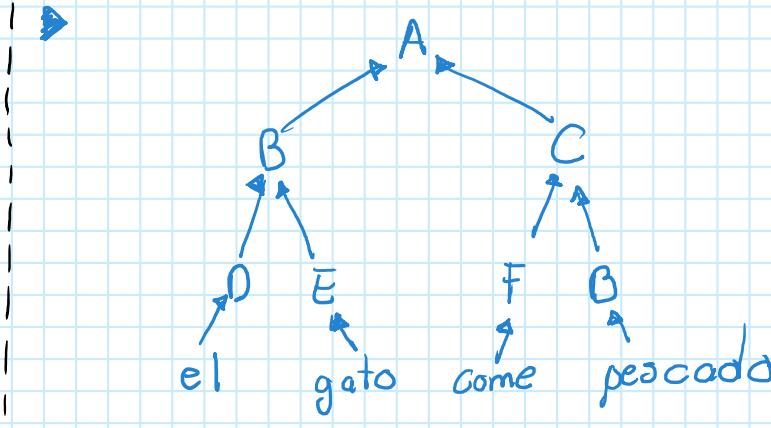
$$C \rightarrow FB$$

$$D \rightarrow el$$

$$E \rightarrow gato$$

$$E \rightarrow pescado$$

$$F \rightarrow come$$



$$(q_0, \emptyset, R)$$

$$(q_1, c, R)$$

$$\begin{matrix} Y \\ X \end{matrix} (q_2, y, L)$$

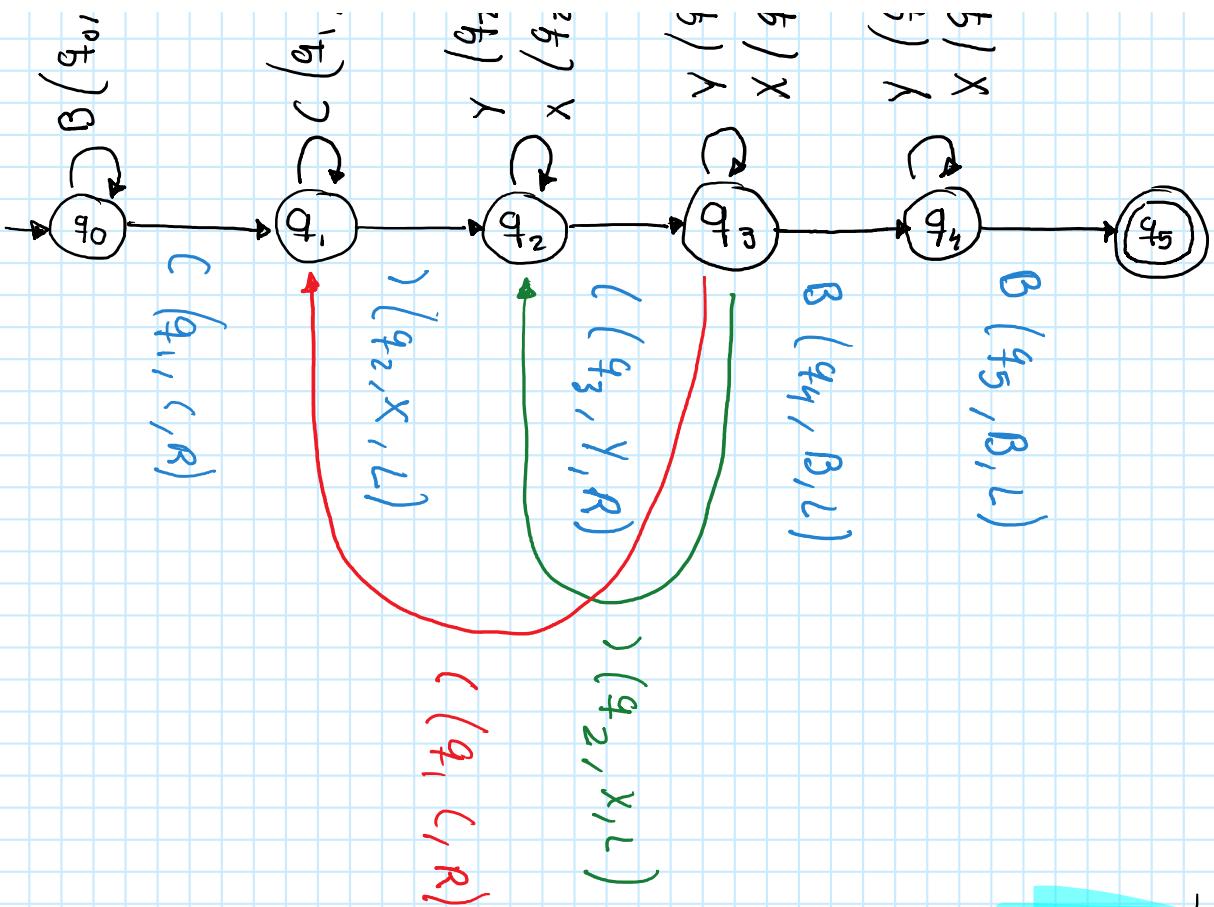
$$\begin{matrix} Y \\ X \end{matrix} (q_2, x, L)$$

$$\begin{matrix} Y \\ X \end{matrix} (q_3, y, R)$$

$$\begin{matrix} Y \\ X \end{matrix} (q_3, x, R)$$

$$\begin{matrix} Y \\ X \end{matrix} (q_4, y, L)$$

$$\begin{matrix} Y \\ X \end{matrix} (q_4, x, L)$$



Elementos

$$\cdot MT = \{ \Sigma, Q, \delta, q_0, F, \Gamma, B \}$$

$$\cdot \Sigma = \{ (, ) \}$$

$$\cdot Q = \{ q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_5 \}$$

$$\cdot \Gamma = \{ X, Y, L, R \}$$

$$\cdot F = \{ q_5 \}$$

$$\cdot q_0 = \{ q_0 \}$$