### Algoritmos y Estructuras de Datos I

Primer Cuatrimestre 2020

### Guía Práctica 3 Especificación De Problemas Resuelto



#### **Comentarios:**

Hola, este no es un resuelto oficial, tiene el logo del DC porque me parecio divertido copiar el formato de la guia.

Ejercicio 1.  $\bigstar$  Las siguientes especificaciones no son correctas. Indicar por qué, y corregirlas para que describan correctamente el problema.

a) **buscar:** Dada una secuencia y un elemento, devuelve en *result* la posición de la secuencia en la cual se encuentra el elemento.

```
 \begin{array}{l} \mathbf{proc\ buscar}\ (\mathrm{in}\ l:\ seq\langle\mathbb{R}\rangle, \mathrm{in\ elem:}\ \mathbb{R}, \mathrm{out\ result:}\ \mathbb{Z})\ \{\\ \mathbf{Pre}\ \{elem\in l\}\\ \mathbf{Post}\ \{l[result]=elem\}\\ \} \end{array}
```

b) **progresionGeometricaFactor2:** Indica si la secuencia l representa una progresión geométrica factor 2. Es decir, si cada elemento de la secuencia es el doble del elemento anterior.

```
proc progresionGeometricaFactor2 (in l: seq\langle \mathbb{R} \rangle,out result: Bool { Pre \{True\} Post \{result = True \leftrightarrow ((\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |l| \rightarrow_L l[i] = 2 * l[i-1]))\} }
```

c) **minimo:** Devuelce en result el menor elemento de l.

```
 \begin{array}{l} \mathbf{proc\ minimo}\ (\mathrm{in}\ l:\ seq\langle\mathbb{R}\rangle, \mathrm{out\ result:}\ \mathbb{Z})\ \{ \\ \mathbf{Pre}\ \{True\} \\ \mathbf{Post}\ \{(\forall y:\mathbb{Z})((y\in l \land y\neq x)\rightarrow y>result)\} \\ \} \end{array}
```

# Respuesta

a) La **Pre** no aclara que pasa cuando hay mas de una aparición de elem en l, y hace falta pedir que result este en el rango de l.

```
 \begin{array}{l} \mathbf{proc\ buscar}\ (\mathrm{in}\ l: seq\langle\mathbb{R}\rangle, \mathrm{in\ elem:}\ \mathbb{R}, \mathrm{out\ result:}\ \mathbb{Z})\ \{\\ \mathbf{Pre}\ \{elem\in l \land cantAparciones(elem,l)=1\}\\ \mathbf{Post}\ \{0\leq result<|l|\land_L l[result]=elem\}\\ \} \end{array}
```

b) Este es más facil de ver que el anterior, cuando i = 0, va a tratar de acceder a la posicion l[0 - 1], que es cualquier cosa. Y creo que crashearia con una lista vacia o de un elemento.

```
proc progresionGeometricaFactor2 (in l: seq\langle \mathbb{R} \rangle,out result: Bool { Pre \{True\} Post \{result = True \leftrightarrow ((\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |l| - 1 \rightarrow_L 2 * l[i] = l[i+1]))\} }
```

c) No se para que esta ese  $y \neq x$ , y tendria que haber pedido en la **Pre** que result pertenezca a l.

```
proc minimo (in l: seq\langle \mathbb{R} \rangle,out result: \mathbb{Z}) {
Pre \{result \in l\}
Post \{(\forall y : \mathbb{Z})(y \in l \rightarrow y > result)\}
}
```

Ejercicio 2. La siguiente no es una especificación válida, ya que para ciertos valores de entrada que cumplen la precondición, no existe una salida que cumpla con la postcondición.

```
proc elementosQueSumen (in l:seq\langle\mathbb{Z}\rangle, in suma: \mathbb{Z}, out result : seq\langle\mathbb{Z}\rangle) { Pre \{True\}
Post \{

/* La secuencia result está incluída en la secuencia l*/

(\forall x:\mathbb{Z})(x\in \text{result}\rightarrow\#\text{apariciones}(x,result)\leq\#\text{apariciones}(x,l))

/* La suma de la result coincide con el valor de la suma */

\land suma = \sum_{i=0}^{|result|-1} result[i]
}
```

- a) Mostrar valores para l y suma que hagan verdadera la precondición, pero tales que no exista result que cumpla la postcondición.
- b) Supongamos que agregamos a la especificación la siguiente cláusula:

```
Pre: min\_suma(l) \le suma \le max\_suma(l)

fun min\_suma(l) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|l|-1} \text{if } l[i] < 0 \text{ then } l[i] \text{ else } 0 \text{ fi}

fun max\_suma(l) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|l|-1} \text{if } l[i] > 0 \text{ then } l[i] \text{ else } 0 \text{ fi}

¿Ahora es una especificación válida? Si no lo es, justificarlo con un ejemplo como en el punto anterior.
```

c) Dar una precondición que haga correcta la especificación

# Respuesta

- a)  $l = \langle 9, 9, 9 \rangle$ , suma = 1, si l contiene a result, entonces necesariamente va a sumar por lo menos 9, por lo que no puede valer 1 su suma.
- b)  $l = \langle 9, 9, 9 \rangle$ , suma = 1, si l contiene a result, entonces necesariamente va a sumar por lo menos 9, por lo que no puede valer 1 su suma, y ademas suma cumple la desigualdad  $0 \le suma \le 27$

```
c) proc elementosQueSumen (in l: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, in suma: \mathbb{Z}, out result : seq\langle \mathbb{Z} \rangle) { Pre \{cantSubSeqCumplenSuma(l, suma) > 0\} Post \{ /* La secuencia result está incluída en la secuencia l */ (\forall x: \mathbb{Z})(x \in \text{result} \rightarrow \#\text{apariciones}(x, result) \leq \#\text{apariciones}(x, l)) /* La suma de la result coincide con el valor de la suma */ \land suma = \sum_{i=0}^{|result|-1} result[i] } aux cantSubSeqCumplenSuma(l: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, suma: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} = \sum_{j=1}^{|l|} \sum_{i=0}^{|l|-1} \text{ if } (|subseq(l,i,j)| > 0 \land sumaSeq(subseq(l,i,j)) = suma) then 1 else 0 fi aux <math>sumaSeq(l: seq\langle \mathbb{Z} \rangle): \mathbb{Z} = \sum_{k=0}^{|l|-1} l[k]
```

Ejercicio 3. ★ Para los siguientes problemas, dar todas las soluciones posibles a las entradas dadas.

```
a) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {

Pre \{x \geq 0\}
Post \{result^2 = x\}
}

I) x = 0
II) x = 1
III) x = 27

b) \bigstar

proc indiceDelMaximo (in l: seq\langle\mathbb{R}\rangle,out result: \mathbb{Z}) {

Pre \{|l| > 0\}
Post \{
0 \leq result < |l|
\land_L((\forall i : \mathbb{Z})(0 \leq i < |l| \rightarrow_L l[i] \leq l[result]))
}
}
```

```
I) l = \langle 1, 2, 3, 4 \rangle

II) l = \langle 15, 5, -18, 4, 215, 15, 5, -1 \rangle

III) l = \langle 0, 0, 0, 0, 0, 0 \rangle

\bigstar

proc indiceDelPrimerMaximo (in l: seq\langle \mathbb{R} \rangle,out result: \mathbb{Z}) {

Pre \{|l| > 0\}

Post \{

0 \le result < |l|

\land ((\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |l| \rightarrow_L (l[i] < l[result] \lor (l[i] = l[result] \land i \ge result))))

\}

I) l = \langle 1, 2, 3, 4 \rangle

II) l = \langle 15, 5, -18, 4, 215, 15, 5, -1 \rangle

III) l = \langle 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0 \rangle
```

d) ¿Para qué valores de entrada indiceDelPrimerMaximo y indiceDelMaximo tienen necesariamente la misma salida?

## Respuesta

- a) I) result = 0
  - II) result = 1; -1
  - III)  $result = 3\sqrt{3}; -3\sqrt{3}$
- b) I) result = 3
  - II) Cualquier cosa, no dice nada cuando hay más de una aparición del maximo.
  - III) Idem
- c) I) result = 3
  - II) result = 0,
  - III) result = 0
- d) Van a tener la misma salida cuando no haya más de una aparición del maximo en la lista (ya que en caso contrario **indiceDelMaximo** crashearia).

**Ejercicio 4.**  $\bigstar$  Sea  $f: \mathbb{R} \times \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definida como:

$$f(a,b) = \begin{cases} 2b & \text{si } a < 0 \\ b - 1 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

¿Cuáles de las siguientes especificaciones son correctas para el problema de calcular f(x, y)? Para las que no lo son, indicar por qué.

```
a) proc f (in a, b: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {

Pre {True}

Post {

(a < 0 \land result = 2 * b)

\land

(a \ge 0 \land result = b - 1)

}

b) proc f (in a, b: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {

Pre {True}

Post {(a < 0 \land result = 2 * b) \lor (a > 0 \land result = b - 1)}
```

```
c) proc f (in a, b: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {
           Pre \{True\}
          Post \{(a < 0 \land result = 2 * b) \lor (a \ge 0 \land result = b - 1)\}
d) proc f (in a, b: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {
           Pre \{True\}
           Post {
           (a < 0 \rightarrow result = 2 * b)
           (a \geq 0 \rightarrow result = b-1)
    }
e) proc f (in a, b: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {
           Pre \{True\}
          Post \{(a < 0 \rightarrow result = 2 * b) \lor (a \ge 0 \rightarrow result = b - 1)\}
f) proc f (in a, b: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {
           Pre \{True\}
          Post \{result = (if \ a < 0 \ then \ 2 * b \ else \ b - 1 \ fi \ )\}
    }
```

- a) Mal, por muchas razones que no tengo ganas de aclarar.
- b) Mal, tendria que ser  $a \ge 0$  despues de la conjunción.
- c) Correcta
- d) Correcta
- e) Mmmmmmm.... creo que no, si alguna implicación falla no puedo devolver true.
- f) Correcta

Ejercicio 5.  $\star$  Considerar la siguiente especificación, junto con un algoritmo que dado x devuelve  $x^2$ .

```
 \begin{array}{l} \textbf{proc unoMasGrande} \text{ (in x: } \mathbb{R}, \textbf{out result: } \mathbb{R}) \text{ } \\ \textbf{Pre } \{True\} \\ \textbf{Post } \{result > x\} \\ \} \end{array}
```

- a) ¿Qué devuelve el algoritmo si recibe x = 3? ¿El resultado hace verdadera la postcondición de **unoMasGrande**?
- b) ¿Qué sucede para las entradas x = 0.5, x = 1, x = 0.2 y x = -7?
- c) Teniendo en cuenta lo respondido en los puntos anteriores, escribir una precondición para **unoMasGrande**, de manera tal que el algoritmo sea una implementación correcta.

#### Respuesta

- a) Segun lo que interpreto, el algoritmo esta tratando de cumplir la **Post**, entonces, al pasarle 3 devuelve un 9 que efectivamente cumple la **Post** ya que 9 > 3.
- b)  $\begin{array}{l} \cdot \ x=0.5; result=0.25, \ \text{no cumple la Post.} \\ \cdot \ x=1; result=1 \ , \ \text{no cumple la Post.} \\ \cdot \ x=0.2; result=0.04, \ \text{no cumple la Post.} \\ \cdot \ x=-7; result=49, \ \text{cumple la Post.} \end{array}$
- c) **Pre** $\{abs(x) > 1\}$

**Ejercicio 6.**  $\bigstar$  Sean x y r variables de tipo  $\mathbb{R}$ . Considerar los siguientes predicados:

$$P1: \{x \le 0\} \qquad Q1: \{r \ge x^2\}$$

$$P2: \{x \le 10\} \qquad Q2: \{r \ge 0\}$$

$$P3: \{x \le -10\} \qquad Q3: \{r = x^2\}$$

- a) Indicar la relación de fuerza entre P1, P2 y P3.
- b) Indicar la relación de fuerza entre Q1, Q2 y Q3.
- c) Sea E1 la siguiente especificación. Escribir 2 programas que cumplan con E1.

```
 \begin{array}{c} \mathbf{proc\ hagoAlgo}\ (\text{in x: }\mathbb{R}, \text{out r: }\mathbb{R})\ \{\\ \mathbf{Pre}\ \{x \leq 0\}\\ \mathbf{Post}\ \{r \geq x^2\}\\ \}\\ \end{array}
```

- d) Sea A un algoritmo que cumple con E1. Decidir si necesariamente cumple las siguientes especificaciones:
  - a) **Pre:**  $\{x \le -10\}$ , **Post:**  $\{r \ge x^2\}$
  - b) **Pre:**  $\{x \le 10\}$ , **Post:**  $\{r \ge x^2\}$
  - c) **Pre:**  $\{x \le 0\}$ , **Post:**  $\{r \ge 0\}$
  - d) **Pre:**  $\{x \le 0\}$ , **Post:**  $\{r = x^2\}$
  - e) **Pre:**  $\{x \le -10\}$ , **Post:**  $\{r \ge 0\}$
  - f) **Pre:**  $\{x \le 10\}$ , **Post:**  $\{r \ge 0\}$
  - g) **Pre:**  $\{x \le -10\}$ , **Post:**  $\{r = x^2\}$
  - h) **Pre:**  $\{x \le 10\}$ , **Post:**  $\{r = x^2\}$
- e) ¿Qué conclusión pueden sacar? ¿Qué debe cumplirse con respecto a las precondiciones y postcondiciones para que sea seguro reemplazar la especificación?

- a)  $\cdot P1 \rightarrow P2$  es contingencia.
  - ·  $P1 \rightarrow P3$  es tautologia.
  - ·  $P2 \rightarrow P1$  es tautologia.
  - ·  $P2 \rightarrow P3$  es tautologia.
  - ·  $P3 \rightarrow P1$  es contingencia.
  - ·  $P3 \rightarrow P2$  es contingencia.
- b)  $\cdot Q1 \rightarrow Q2$  es tautologia.
  - ·  $Q1 \rightarrow Q3$  es contingencia.
  - ·  $Q2 \rightarrow Q1$  es contingencia.
  - ·  $Q2 \rightarrow Q3$  es contingencia.
  - ·  $Q3 \rightarrow Q1$  es tautologia.
  - ·  $Q3 \rightarrow Q2$  es tautologia.
- c) 1) Programa en lenguaje de especificación:

```
aux programa1(x : \mathbb{R})res : \mathbb{R} = x * x + 3
```

2) Programa en Perl:

```
\# !/usr/bin/perl
use \ v5.26;
my \ \ x;
my \ \ res;
chomp(\$x=< STDIN >);
if(\$x <= 0)\{
\$res=x * x + 1;
\}
say \ \$res;
```

- d) a) Cumple.
  - b) No cumple.
  - c) Cumple.
  - d) No Cumple.
  - e) Cumple.
  - f) No cumple.
  - g) No cumple.
  - h) No cumple.
- e) La nueva Pre Tiene que estar incluido en el rango de la Pre original, y ademas tiene que pasar lo mismo con las Post.

Ejercicio 7.  $\bigstar$  Considerar las siguientes dos especificaciones, junto con un algoritmo a que satisface la especificación de p2.

```
\begin{array}{l} \mathbf{proc}\ \mathbf{p1}\ (\mathrm{in}\ \mathbf{x}\colon\mathbb{R},\!\mathrm{in}\ \mathbf{n}\colon\mathbb{Z}\mathrm{out}\ \mathrm{result}\colon\mathbb{Z})\ \{\\ \mathbf{Pre}\ \{x\neq 0\}\\ \mathbf{Post}\ \{x^n-1< result \leq x^n\}\\ \}\\ \\ \mathbf{proc}\ \mathbf{p2}\ (\mathrm{in}\ \mathbf{x}\colon\mathbb{R},\!\mathrm{in}\ \mathbf{n}\colon\mathbb{Z}\mathrm{out}\ \mathrm{result}\colon\mathbb{Z})\ \{\\ \mathbf{Pre}\ \{n\leq 0\to x\neq 0\}\\ \mathbf{Post}\ \{result=\lfloor x^n\rfloor\}\\ \}\\ \end{array}
```

- a) Dados valores de x y n que hacen verdadera la precondición de  $\mathbf{p1}$ , demostrar que hacen también verdadera la precondición de  $\mathbf{p2}$ .
- b) Ahora, dados estos valores de x y n, supongamos que se ejecuta a: llegamos a un valor de res que hace veradadera la postcondición de  $\mathbf{p2}$ . ¿Será también verdadera la postcondición de  $\mathbf{p1}$ ?
- c) ¿Podemos concluior que a satisface la especificación de **p1**?

### Respuesta

- a)
- b)
- c)

Ejercicio 8. Considerar las siguientes especificaciones:

```
proc n-esimo1 (in l: seq\langle \mathbb{R} \rangle, in n: \mathbb{Z}, out result: \mathbb{Z}) {
    Pre {
        /*Los elementos están ordenados */
    Post {result^2 = x}
}

a)
b)
c)
d)
```

# Respuesta

- a)
- b)
- c)
- d)

### Ejercicio 9. ★ Especificar los siguientes problemas:

- a) Dado un número entero, decidir si es par.
- b) Dado un entero n y uno m, decidir si n es un múltiplo de m.
- c) Dadu un número real, devolver su inverso multiplicativo.
- d) Dada una secuencia de caracteres, obtener de ella sólo los que son numéricos (con todas sus apariciones sun umportar el orden de aparición).
- e) Dada una secuencia de reales, devolver la secuencia que resulta de duplicar sus valores en las posiciones impares.
- f) Dado un número entero, listar todos sus divisores positivos (sin duplicados).

### Respuesta

```
a)
```

- b)
- c)
- d)

```
e) proc DuplicaValoresEnImpares (in s: seq\langle \mathbb{R} \rangle, out m: seq\langle \mathbb{R} \rangle) { Pre \{|s| > 0\} Post \{ |s| = |m| \land_L (\forall i: \mathbb{Z})(0 \le i < |s| \land_L \text{ i mod } 2 = 1) \rightarrow_L (m[i] = s[i] * 2) \land (\forall j: \mathbb{Z})(0 \le j < |s| \land_L \text{ j mod } 2 = 0) \rightarrow_L (m[i] = s[i]) } }
```

Ejercicio 10. Considerar el problema de decidir, dados n y m enteros, si n es múltiplo de m, y la siguiente especificación.

- a)
- b)
- c)
- d)

#### Respuesta

- a)
- b)
- c)
- d)

**Ejercicio 11.** Considerar el probleam de, dada una secuencia de números reales, devolver la que resulta de duplicar sus valores en las posiciones impares.

- a)
- b)
- c)
- d)

Respuesta	
a)	
b)	
c)	
d)	
<b>Ejercicio 12.</b> número en base	$\bigstar$ Especificar el problema de dado un entero positivo retornar una secuencia de 0s y 1s que represente es e 2 (es decir, en binario).
a)	
b)	
c)	
d)	
Respuesta	
a)	
b)	
c)	
d)	
<b>Ejercicio 13.</b> ejercicio 8?	Con lo visto en los ejercicios 9 a 12 ¿Encuentra casos de sub y sobreespecificación en las especificaciones del
a)	
b)	
c)	
d)	
Respuesta	
a)	
b)	
c)	
d)	
Ejercicio 14.	Especificar los siguientes problemas:
a)	
b)	
c)	
d)	
Respuesta	
a)	
b)	
c)	
d)	

Ejercicio 15. Especificar los siguientes problemas sobre secuencias: a) b) c) d) Respuesta a) b) c) d) Ejercicio 16. Especificar los siguientes problemas: a)  $\operatorname{proc\ cant} \operatorname{Apariciones}(\operatorname{in} l:\operatorname{String},\operatorname{out} \operatorname{result}:\operatorname{seq}(\operatorname{Char}\times\mathbb{Z})$  que devuelve la secuencia con todos los elementos de l, sin duplicados con su cantidad de apariciones (en un orden cualquiera). Ejemplos: • cantApariciones  $(\langle 'a' \rangle) = \langle \langle 'a' \rangle \rangle$ • cantApariciones  $(\langle 'a' \rangle) = \langle \langle 'a' \rangle \rangle$ • cantApariciones  $(\langle 'a' \rangle) = \langle \langle 'a' \rangle \rangle$ • cantApariciones  $(\langle 'a' \rangle) = \langle \langle 'a' \rangle \rangle$ b) c) d) Respuesta a) b) c) d) Especificación de problemas usando inout Ejercicio 17. \*\* Dados dos enteros a y b, se necesita calcular su suma y retornarla en un entero c. ¿Cúales de las siguientes especificaciones son correctas para este problema? Para las que no lo son, indicar por qué. a) proc raizCuadrada (in x:  $\mathbb{R}$ ,out result:  $\mathbb{R}$ ) { **Pre**  $\{x \ge 0\}$ Post  $\{result^2 = x\}$ 

```
a) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {
    Pre \{x \geq 0\}
    Post \{result^2 = x\}
}

b) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {
    Pre \{x \geq 0\}
    Post \{result^2 = x\}
}

c) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {
    Pre \{x \geq 0\}
    Post \{result^2 = x\}
}

d) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {
    Pre \{x \geq 0\}
    Post \{result^2 = x\}
}

Post \{result^2 = x\}
}
```



- a)
- b)
- c)
- d)

**Ejercicio 18.**  $\bigstar$  Dada una secuencia l, se deas sacar su primer elemento y devolverlo. Decidir cúales de estas especificaciones son correctas. Para las que no lo son, indicar por qué y justificar con ejemplos.

```
a) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R}, out result: \mathbb{R}) {
    Pre \{x \geq 0\}
    Post \{result^2 = x\}
}

b) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R}, out result: \mathbb{R}) {
    Pre \{x \geq 0\}
    Post \{result^2 = x\}
}

c) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R}, out result: \mathbb{R}) {
    Pre \{x \geq 0\}
    Post \{result^2 = x\}
}

d) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R}, out result: \mathbb{R}) {
    Pre \{x \geq 0\}
    Post \{result^2 = x\}
}

e) proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R}, out result: \mathbb{R}) {
    Pre \{x \geq 0\}
    Post \{result^2 = x\}
}

Post \{result^2 = x\}
}
```

#### Respuesta

- a)
- b)
- c)
- d)

}

Ejercicio 19. Considerar la siguiente especificación:

```
proc raizCuadrada (in x: \mathbb{R},out result: \mathbb{R}) {
Pre \{x \geq 0\}
Post \{result^2 = x\}
```

- a) ¿Esta especificación es válida? Si lo es ¿qué problema describe?
- b) Mostrar con un ejemplo que la postcondicion está sub-especificada (es decir, que hay valores que la hacen verdadera aunque no son deseables como solución).
- c) Corregir la especificación agregando a la postcondición una o más cláusulas Post: .

- a)
- b)
- c)

Ejercicio 20. Explicar coloquialmente la siguiente especificación:

```
 \begin{array}{l} \mathbf{proc\ raizCuadrada}\ (\text{in x: }\mathbb{R}, \text{out result: }\mathbb{R})\ \{\\ \mathbf{Pre}\ \{x\geq 0\}\\ \mathbf{Post}\ \{result^2=x\}\\ \} \end{array}
```

#### Respuesta

**Ejercicio 21.** Dada una secuencia de enteros, se requiere multiplicar por 2 aquéllos valores que se encuentran en posicions pares. Indicar por qué son incorrectas las siguientes especificaciones, y proponer una alternativa correcta

```
a) proc duplicarPares (inout l: seq\langle \mathbb{Z}\rangle) {
            Pre \{l = L_0\}
            Post {
            |l| = |L_0|
            (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |l| \land i \bmod 2 = 0) \rightarrow_L l[i] = 2 * L_0[i]
     }
b) proc duplicarPares (inout l: seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
             Pre \{l = L_0\}
            Post \{(\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |l| \land i \mod 2 \ne 0) \rightarrow_L l[i] = L_0[i]\}
            (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |l| \land i \mod 2 = 0) \rightarrow_L l[i] = 2 * L_0[i]
c) proc duplicarPares (inout l: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, out result: seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
            Pre \{True\}
            Post \{|l| = |result|
            (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |l| \land i \text{ mod } 2 \neq 0) \rightarrow_L result[i] = l[i]
            (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |l| \land i \mod 2 = 0) \rightarrow_L result[i] = 2 * l[i]
     }
```

# Respuesta

- a)
- b)
- c)

Ejercicio 22. Especificar los siguientes problemas de modificación de secuencias:

- a)  $\bigstar$  proc primosHermanos(inout  $l:seq(\mathbb{Z})$ ), que dada una secuencia de enteros mayores a dos, reemplaza dichos valores por el número primo menor más cercano. Por ejemplo, si  $l = \langle 6, 5, 9, 14 \rangle$ , luego de aplicar primosHermanos(l),  $l = \langle 5, 5, 7, 13 \rangle$
- b)  $\bigstar$  proc reemplazar(inout l:String, in a, b:Char), que reemplaza todas las apariciones de a en l por b.
- c) **proc recortar**(inout  $l: seq(\mathbb{Z})$ , in  $a: \mathbb{Z}$ ), que saca de l todas las apariciones de a consecutivas que aparezcan al principio. Por ejemplo **recortar**( $\langle 2, 2, 3, 2, 4 \rangle, 2$ ) =  $\langle 3, 2, 4 \rangle$ , mientras que **recortar**( $\langle 2, 2, 3, 2, 4 \rangle, 3$ ) =  $\langle 2, 2, 3, 2, 4 \rangle$ .

- d) **proc intercambiarParesConImpares**(inout l:**String**), que toma una secuencia de longitud par y la modifica de modo tal que todas las posiciones de la forma 2k quedan intercambiadas con las posiciones 2k + 1. Por ejemplo, **intercambiarParesConImpares**("adinle") modifica de la siguiente manera: "daniel".
- e)  $\bigstar$  proc limpiar Duplicados (inout  $l:seq\langle \mathbf{Char}\rangle$ , out  $dup:seq\langle \mathbf{Char}\rangle$ ), que elimina los elementos duplicados de l dejando sólo su primera aparición (en el orden original). Devuelve además, dup una secuencia con todas las apariciones eliminadas (en cualquier orden).

- a)
- b)
- c)
- d)

FIN.