

<b>Problema de la Mochila</b>	
<b>Descripción:</b> Encontrar $s$ tal que $p \leq c_0$ , para cada objeto $od_j$ en $om$ su número de unidades es menor o igual que $m_j$ y $v$ tenga el mayor valor posible	
<b>Técnica:</b> Programación Dinámica Con Filtro	
<b>Tipos</b> <ul style="list-style-type: none"> <li><math>S</math> - SoluciónMochila</li> <li><math>A</math> - Integer</li> </ul>	
Propiedades Compartidas	$od$ , List $\langle OM \rangle$ , ordenada por $vu$ de mayor a menor $n$ , Número de elementos, derivada $c_0$ , Capacidad inicial
Propiedades Individuales	$c$ , entero no negativo $j$ , entero en $[0, N)$ $va$ , entero, derivada
Solución: Se tipo SolucionMochila	
<b>Tamaño:</b> $n-j$	
<b>Solucion Parcial:</b> $(a, v)$ Siendo $v$ el valor de los objetos en la mochila	
<b>Alternativas:</b> $A = [0, k]$ , $k = \min\left(\frac{c}{p_j}, m_j\right)$ , ordenadas de mayor a menor La alternativa $a$ representa el número de unidades del objeto $j$ que introducimos en la mochila	
<b>Instanciación</b>	
$Inicial = (c_0, 0, 0)$	
<b>Casos base</b>	
$c = 0 \    \ j = n - 1$	
<b>Solución Caso Base</b>	
$\begin{cases} (0, 0), & c = 0 \\ (k, kv_j), & j = n - 1 \end{cases}$ $k = \min\left(\frac{c}{p_j}, m_j\right)$	
<b>Número de subproblemas:</b> 1	
<b>Subproblema</b>	
$p = (c, j, va) \xrightarrow{a} p_a = (c - ap_j, j + 1, va + av_j)$	
<b>Esquema Recursivo</b>	
$sp(p) = \begin{cases} (0, 0), & c = 0 \\ (k, kv_j), & j = N - 1 \\ \max_{a \in A} \{(a, av_j + sp(p_a).v)\}, & \text{en otro caso} \end{cases}$	

$cS(a, (a', v)) = (a, v + av_j)$	
<b>sA:</b> Elige la solución parcial con mayor valor de $v$	
<b>Objetivo:</b> $v$ : Valor de la Mochila	
<b>ObjetivoEstimado(a)</b> $= va + ct(a)$	
<b>Función de Cota</b>  $ct(a) = av_j + ct'(c - ap_j, i + 1)$  $ct'(c, i) = \begin{cases} 0, & c = 0 \\ kv_i, & i = n - 1 \\ kv_i + ct'(c - kp_i, i + 1), & i < n \end{cases}$  $k = \min\left(\frac{(double)c}{p_j}, m_j\right)$	
<b>Solución reconstruida</b>  $sr(a, v) = od_j \times a$ , es un caso base $sr(a, s) = s + od_j \times a$ , es un caso recursivo	
<b>Complejidad</b>	

### Solucion Parcial

- $(a, v).a$  : La alternativa de la solución parcial
- $(a, v).v$  : La propiedad de la solución parcial

### ObjetoMochila $(v, p, m, vu)$

- Valor, Básica
- Peso, Básica
- Número Máximo de Unidades, Básica
- Valor Unitario, Derivada,  $v/p$

### SolucionMochila $(om, v, p)$

- $ObjetosE nMochila$ : Multiset<ObjetoMochila>, básica
- Valor, Derivada, Valor Total de los objetos en la mochila
- Peso, Derivada, Peso Total de los objetos en la Mochila

### Notación Solución Mochila

- $\emptyset$ , Multiset Vacío
- $od_j \times a$ , Multiset con  $a$  unidades del objeto en la posición  $j$
- $s + od_j \times a$ , Añadir  $a$  unidades a la solución  $s$  del objeto en la posición  $j$

### ProblemaMochila $od, n, c_0, (c, j, va)$

- *Objetos disponibles*
- *Número de objetos disponibles*
- *Capacidad Inicial*
- *Capacidad, Básica*
- *Índice en objetos disponibles*
- *Valor Acumulado*

### **Notación**

- $od_j$ , Objeto disponible en la posición  $j$
- $v_j$ , Valor del objeto en la posición  $j$
- $p_j$ , Peso del objeto en la posición  $j$
- $m_j$ , Número máximo de unidades del objeto en la posición  $j$

### **Operadores y Funciones**

- $sA$ : Selecciona alternativa. Es una función de tipo  $Sp\langle A, T \rangle \rightarrow sA(List\langle Sp\langle A, T \rangle \rangle sp)$
- $cS$ : Combina soluciones de subproblemas . Es una función de tipo  $Sp\langle A, T \rangle \rightarrow cS(A, Sp\langle A, T \rangle \rightarrow sp)$
- $ct$ : Función de cota
- $sr$ : Solución Reconstruida