T.P.N°7: Flexión Compuesta Recta y Oblicua

- 1. a) Dada una columna de esbeltez reducida, que se encuentra solicitada por un momento MD = 1,5 tnm, ML = 1 tnm, ND = 75 tn y NL = 45 tn, dimensionar su sección y hallar la armadura necesaria según CIRSOC 201-05 y CIRSOC 201-82. Considerar un hormigón H-25 según Reglamento CIRSOC 201-05 y H-21 según CIRSOC 201-82.
 - b) Dibujar a escala la sección, verificando recubrimientos y separación.
- 2. a) Diseñar la columna de sección rectangular indicada en la Figura 1 como C que pertenece a un edificio sometida a las siguientes cargas:

PD = 61 tn

PL = 25 tn

MxD = 0.7 tnm

MxL = 0.4 tnm

MyD = 1.2 tnm

MyL = 0.5 tnm

Sección tentativa

b = h = 30 cm

Efectuar los cálculos según CIRSOC 201-05 y CIRSOC 201-82. El hormigón es H-25 según CIRSOC 201-05, H-21 según CIRSOC 201-82 y el acero ADN 42/50.

b) Dibujar la sección de la viga a escala.

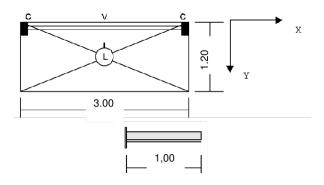


Figura 1: Planta de la columna correspondiente al ejercicio 2)

Solución

1. Diseñar una columna de esbeltez reducida según CIRSOC 201-05

Datos:

Hormigón H-25
$$\Rightarrow$$
 $f'c = 250 \frac{Kg}{cm^2} = 25MPa$
Acero ADN $42/50 \Rightarrow fy = 4200 \frac{Kg}{cm^2} = 420MPa$
b = h = 35cm
Recubrimiento Cc = 2cm
Estribos ϕ 8mm
Diámetro de barra ϕ 20mm
 $M_D = 1,5t.m$
 $M_L = 1t.m$
 $N_D = 75t$
 $N_L = 45t$

■ Estado de cargas

$$M_{u1} = 1,2 \cdot M_D + 1,6 \cdot M_L = 1,2 \cdot 1,5t.m + 1,6 \cdot 1t.m = \boxed{3,4t.m}$$

$$M_{u2} = 1,4 \cdot M_D = 1,4 \cdot 1,5t.m = 2,1t.m$$

$$M_n = \frac{M_u}{\phi} = \frac{3,4t.m}{0,65} = \boxed{5,23t.m}$$

$$N_{u1} = 1,2 \cdot N_D + 1,6 \cdot N_L = 1,2 \cdot 75t + 1,6 \cdot 45t = \boxed{162t}$$

$$N_{u2} = 1,4 \cdot N_D = 1,4 \cdot 75t = 105t$$

$$N_n = \frac{N_u}{\phi} = \frac{162t}{0.65} = \boxed{249,23t}$$

Esfuerzos reducidos

$$m_n = \frac{M_n}{b \cdot h^2 \cdot f'c} = \frac{5,23t.m \cdot 1000 \frac{Kg}{t} \cdot 100 \frac{cm}{m}}{35cm \cdot (35cm)^2 \cdot 250 \frac{Kg}{cm^2}} = \boxed{0.0487}$$
$$n_n = \frac{N_n}{b \cdot h \cdot f'c} = \frac{249,23t \cdot 1000 \frac{Kg}{t}}{35cm \cdot 35cm \cdot 250 \frac{Kg}{cm^2}} = \boxed{0.81}$$

Gamma

$$\gamma = \frac{h - 2 \cdot Cc - 2 \cdot dbe - db}{h}$$

$$\gamma = \frac{35cm - 2 \cdot 2cm - 2 \cdot 0.8cm - 2cm}{35cm} = 0.78 \approx \boxed{0.8}$$

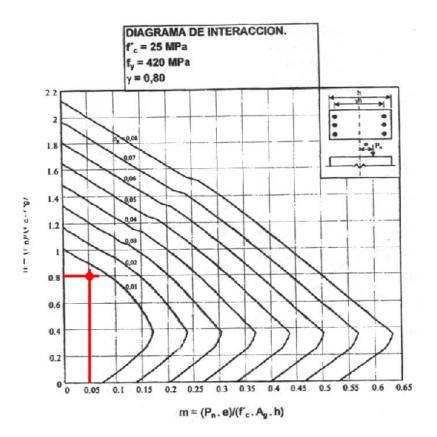


Figura 2: Diagrama de interacción $\gamma = 0.8$)

Ingresando al diagrama de interacción para 6 barras con $m_n=0.0487,\ n_n=0.81$ y $\gamma=0.8$ tenemos $\rho\leq0.01\Rightarrow$ adopto $\rho=0.01$

Armadura

$$As_{total} = \rho \cdot b \cdot h = 0.01 \cdot 35cm \cdot 35cm = \boxed{12.25cm^2}$$

Adopto 4 barras ϕ 20 mm con $As_{total} = \boxed{12,56cm^2}$ Adopto estribos ϕ 8 mm cada 20cm.

Verificación de Separaciones

Adopto s = 20 cm.

$$s = 20cm \le \begin{cases} 12 \cdot db = 12 \cdot 2cm = 24cm & \checkmark \\ b = 35cm & \checkmark \end{cases}$$

Universidad Nacional de la Patagonia San Juan Bosco Cátedra: Hormigón I

2. Diseñar una columna de esbeltez reducida según CIRSOC 201-82

Hormigón H-21
$$\Rightarrow \beta_R = 175 \frac{Kg}{cm^2}$$

Acero ADN $42/50 \Rightarrow \beta_S = 4200 \frac{Kg}{cm^2}$
 $b = h = 35 \text{cm}$
Recubrimiento $r = 2 \text{cm}$
Estribos ϕ 8mm
Diámetro de barra ϕ 20mm
 $M_D = 1.5t.m$
 $M_L = 1t.m$
 $N_D = 75t$
 $N_L = 45t$

■ Estado de cargas

$$M_{servicio} = M_D + M_L = 1,5t.m + 1t.m = \boxed{2,5t.m}$$

$$N_{servicio} = N_D + N_L = 75t + 45t = \boxed{120t}$$

Esfuerzos reducidos

$$m_n = \frac{M_{servicio}}{b \cdot d^2 \cdot \beta_R} = \frac{2.5t.m \cdot 1000 \frac{Kg}{t} \cdot 100 \frac{cm}{m}}{35cm \cdot (35cm)^2 \cdot 175 \frac{Kg}{cm^2}} = \boxed{0.033}$$
$$n_n = \frac{N_{servicio}}{b \cdot d \cdot \beta_R} = \frac{120t \cdot 1000 \frac{Kg}{t}}{35cm \cdot 35cm \cdot 175 \frac{Kg}{cm^2}} = \boxed{0.56}$$

■ d1/d

$$d_1 = r + dbe - \frac{db}{2} = 2cm + 0.8cm + \frac{2cm}{2} = \boxed{3.8cm}$$

 $\frac{d_1}{d} = \frac{3.8cm}{35cm} = 0.11 \Rightarrow \boxed{0.10}$

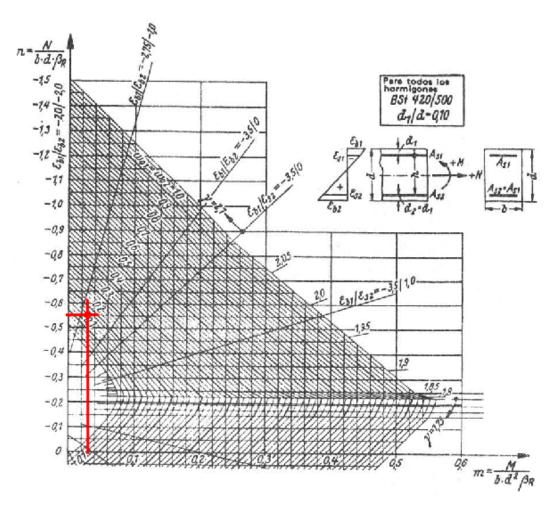


Figura 3: Diagrama de interacción $\frac{d_1}{d} = 0,10)$

Ingresando al diagrama de interacción con $m_n=0.033,\,n_n=0.56$ y $\frac{d_1}{d}=0.10$ tenemos $\omega_{01}=\omega_{02}=0.18$

Cuantía mecánica

$$\mu_{01} \text{ por cara} = \omega_{01} \cdot \frac{\beta_R}{\beta_S} = 0.18 \cdot \frac{175 \frac{Kg}{cm^2}}{4200 \frac{Kg}{cm^2}} = \boxed{0.0075} \text{ por cara}$$

■ <u>Armadura</u>

$$As_{\text{por cara}} = \mu_{01} \cdot b \cdot d = 0.0075 \cdot 35cm \cdot 35cm = \boxed{9.19cm^2}$$
 por cara

Adopto 3 barras ϕ 20 mm con $As_{por cara} = 9.42cm^2$ Adopto estribos ϕ 8 mm cada 20cm.

Verificación de Separaciones

Adopto s = 20 cm.

$$s = 20cm \le \begin{cases} 12 \cdot db = 12 \cdot 2cm = 24cm \quad \sqrt{b} = 35cm \quad \sqrt{c} \end{cases}$$

Universidad Nacional de la Patagonia San Juan Bosco Cátedra: Hormigón I

\blacksquare Cuantía total μ

$$\mu = \frac{A_s}{A_g} = \frac{2 \cdot 9,42cm^2}{35cm \cdot 35cm} = \boxed{0.015}$$

$$\mu > \text{Cuantía mínima}$$

$$0,015 > 0,008 \quad \sqrt{\text{Verifica}}$$