## Вероятностные пространства

Говорят, что конечное множество  $\Omega$  является конечным вероятностным пространством, если для любого его подмножества  $A \subset \Omega$  задана его вероятность P(A) и выполняются следующие условия:

- $P(\varnothing) = 0, P(\Omega) = 1.$
- Для любого  $A \subset \Omega$  верно  $P(A) \geqslant 0$ .
- Для любых  $A, B \subset \Omega$  верно  $P(A \cup B) = P(A) + P(B) P(A \cap B)$ .

Элементы  $\omega \in \Omega$  принято называть элементарными исходами, а подмножества  $\Omega-$  события A и B называются независимыми, если  $P(A\cap B)=P(A)\cdot P(B)$ .

Задача 1. Придумайте вероятностные пространства для задач 1 (про 2 монеты) и 3 (про 3 коробки с одним призом) из затравочного листка.

**Задача 2.** A и B независимы. Докажите что A и  $\overline{B} = \Omega \backslash B$  независимы.

Задача 3. Кинули два игральных кубика. Независимы ли следующие события:

- а) «на первом выпала тройка» и «выпавшая сумма чётна»;
- б) «на первом выпала тройка» и «выпавшая сумма больше 6».

Если  $P(B) \neq 0$ , то условной вероятностью события A при условии события B называется число  $P(A|B) = P(A \cap B)/P(B)$ .

**Задача 4.** Пусть  $P(B) \neq 0$ , тогда A и B независимы  $\Leftrightarrow P(A) = P(A|B)$ .

Задача 5 (формула Байеса). Проверьте что  $P(B|A) = \frac{P(A|B)P(B)}{P(A)}$ .

## Вероятностные пространства

Говорят, что конечное множество  $\Omega$  является конечным вероятностным пространством, если для любого его подмножества  $A \subset \Omega$  задана его вероятность P(A) и выполняются следующие условия:

- $\bullet$   $P(\varnothing) = 0, P(\Omega) = 1.$
- Для любого  $A \subset \Omega$  верно  $P(A) \geqslant 0$ .
- Для любых  $A, B \subset \Omega$  верно  $P(A \cup B) = P(A) + P(B) P(A \cap B)$ .

Элементы  $\omega \in \Omega$  принято называть элементарными исходами, а подмножества  $\Omega-$  событиями. События A и B называются независимыми, если  $P(A\cap B)=P(A)\cdot P(B)$ .

Задача 1. Придумайте вероятностные пространства для задач 1 (про 2 монеты) и 3 (про 3 коробки с одним призом) из затравочного листка.

**Задача 2.** *А* и *B* независимы. Докажите что *A* и  $\overline{B} = \Omega \backslash B$  независимы.

Задача 3. Кинули два игральных кубика. Независимы ли следующие события:

- а) «на первом выпала тройка» и «выпавшая сумма чётна»;
- б) «на первом выпала тройка» и «выпавшая сумма больше 6».

Если  $P(B) \neq 0$ , то условной вероятностью события A при условии события B называется число  $P(A|B) = P(A \cap B)/P(B)$ .

**Задача 4.** Пусть  $P(B) \neq 0$ , тогда A и B независимы  $\Leftrightarrow P(A) = P(A|B)$ .

Задача 5 (формула Байеса). Проверьте что  $P(B|A) = \frac{P(A|B)P(B)}{P(A)}$ .