Министерство образования и науки Российской Федерации Калужский филиал федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (КФ МГТУ им. Н.Э. Баумана)

Горбунов А.К., Силаева Н.А., Крицкая А.Р.

УРАВНЕНИЯ МАКСВЕЛЛА. ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫЕ ВОЛНЫ

Методические указания к выполнению домашней работы по курсам «Физика» и «Физика и естествознание»

для всех специальностей и направлений подготовки

УДК 534.16 ББК 22.213 K82

Методические указания составлены в соответствии с учебным планом для подготовки специалистов и бакалавров по следующим специальностям и направлениям подготовки КФ МГТУ им. Н.Э. Баумана: 15.03.01, 09.03.04, 10.03.01, 13.03.03, 09.03.01, 11.03.03, 15.03.06, 20.03.01, 27.03.05, 27.03.04, 10.05.03, 15.05.01,

Методические указания рассмотрены и одобрены: Кафедрой «Физика» (ФН4-КФ)

протокол № 7 от 19.02. 2018 г. 2018 г. д.ф.-м.н., профессорА.К. Горбунов

Зав. кафедрой ФН4-КФ Методической комиссией ФНК

протокол № 2 от 28 феврали 20/8 г.

Председатель метод.комиссии

Методической комиссией КФ МГТУ им. Н.Э. Баумана

от <u>06. 03</u> 20/8_{г.} д.э.н., профессор О.Л. Перерва протокол № 2 Председатель метод.комиссии

Рецензент профессор кафедры ФН5-КФ, д.т.н., М.В. Астахов Авторы профессор кафедры ФН4-КФ, д.ф.-м..н., А.К. Горбунов

ет. преподаватель кафедры ФН4-КФ, Н.А. Силаева доцент кафедры ФН4-КФ, к.п.н., А.Р. Крицкая

Аннотация.

Методические указания составлены в соответствии с рабочей программой курса «Физика» и «Физика и естествознание» и предназначены для организации самостоятельной работы студентов 2 курса всех специальностей и направлений подготовки КФ МГТУ им. Н.Э. Баумана. Методические указания содержат цели и задачи работы, краткую теоретическую часть, рекомендации по выполнению домашней работы, требования к выполнению и оформлению отчета, примеры решения типовых задач и индивидуальные задания для самостоятельного решения. Надичие поясняющих определений, справочных данных, контрольных вопросов и заданий позволяет считать методические указания законченными и рекомендовать их студентам при выполнении домашней работы.

- © КФ МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2018 г.
- © Горбунов А.К.
- © Силаева Н.А.
- © Крицкая А.Р.

2

Оглавление

1.	BB	ЕДЕНИЕ	4
2.		ОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ	
	2.1.	Движение частиц в электрических и магнити	ных полях4
	2.2.	Электромагнитная индукция	9
	2.3.	Энергия магнитного поля	11
	2.4.	Электромагнитные волны. Волновое уравне	ние12
	2.5.	Плоские электромагнитные волны	13
	2.6.	Энергия электромагнитных волн	16
	2.7.	Интерференция света	22
	2.8.	Дифракция и поляризация света	29
3.	PE	комендации по выполнению	ДОМАШНЕЙ
P	АБОТ	ъ	46
4.		ЕБОВАНИЯ К ОФОРМЛЕНИЮ	ДОМАШНЕЙ
P.	АБОТ	ъ	47
5.	ИН	ІДИВИДУАЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ	(ВАРИАНТЫ
ДОМАШНЕЙ РАБОТЫ)48			
6.	КО	НТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ	55
7.	PE	КОМЕНДУЕМЫЕ ИСТОЧНИКИ ИНФОР	МАЦИИ 57
8.	ПР	ИЛОЖЕНИЕ1	57

1. ВВЕДЕНИЕ

Цель выполнения домашнего задания: формирование у студентов практических навыков определения значений параметров следующих физических процессов - движения частиц в силовых полях (электрическом и магнитном); электромагнитной индукции и энергии магнитного поля; распространения электромагнитных волн; интерференции, дифракции и поляризации света.

Задачи: определить значения параметров движения частиц в электрическом и магнитном полях; электромагнитной индукции, энергии магнитного поля; параметров электромагнитных волн; интерференции, дифракции и поляризации света.

Работая над домашним заданием, студент использует, закрепляет и углубляет знания, полученные на лекционных и практических занятиях по курсу «Физика» и «Физика и естествознание» и приобретает навыки самостоятельной работы с информацией.

2. ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ

2.1. ДВИЖЕНИЕ ЧАСТИЦ В ЭЛЕКТРИЧЕСКИХ И МАГНИТНЫХ ПОЛЯХ.

Сила F, действующая на заряд Q, движущийся в магнитном поле с индукцией B (сила Лоренца), выражается формулой

$$\overrightarrow{F} = Q \left[\overrightarrow{v}, \overrightarrow{B} \right]$$
 или $F = \left| Q \right| v B \sin lpha$,

где α —угол, образованный вектором скорости v движущейся частицы и вектором \overrightarrow{B} индукции магнитного поля. Все формулы смотри в ПРИЛОЖЕНИИ 1.

Пример 1. Электрон, пройдя ускоряющую разность потенциалов U=400B, попал в однородное магнитное поле с индукцией B=1,5 MTn. Определить: 1) радиус R кривизны траектории; 2) частоту п вращения электрона в магнитном поле. Вектор скорости электрона перпендикулярен линиям индукции.

РЕШЕНИЕ. 1). Радиус кривизны траектории электрона определим, исходя из следующих соображений: на движущийся в магнитном поле электрон

действует сила Лоренца \overrightarrow{F} . (Действием силы тяжести можно пренебречь.) Вектор силы Лоренца перпендикулярен вектору скорости и, следовательно, по второму закону Ньютона, сообщает электрону нормальное ускорение $a_n: F = ma_n$. Подставив сюда выражения F и a_n , получим

$$|e|vB\sin\alpha = mv^2/R$$
,(1)

где e,v,m—заряд, скорость, масса электрона; B—индукция магнитного поля; R—радиус кривизны траектории; α —угол между направлениями векторов скорости v и индукции B (в нашем случае $\vec{v} \perp \vec{B}$ и $\alpha = 90^{\circ}$, $\sin \alpha = 1$).

Из формулы (1) найдем

$$R = \frac{mv}{|e|B}(2)$$

Входящий в выражение (2) импульс mv выразим через кинетическую энергию T электрона:

$$mv = \sqrt{2mT} \ (3)$$

Но кинетическая энергия электрона, прошедшего ускоряющую разность потенциалов U, определяется равенством T = |e|U. Подставив это выра-

жение T в формулу (3), получим $mv = \sqrt{2m|e|U}$. Тогда выражение (2) для радиуса кривизны приобретает вид

$$R = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2mU}{|e|}}$$
 (4)

Убедимся в том, что правая часть этого равенства дает единице длины (м):

$$\frac{\left[m\right]^{1/2} \left[U\right]^{1/2}}{\left[B\right] \left[e\right]^{1/2}} = \frac{(1\kappa\epsilon)^{1/2} \cdot (1B)^{1/2}}{1T\pi \cdot (1K\pi)^{1/2}} = \left[\frac{1\kappa\epsilon \cdot 1B}{(1T\pi)^2 \cdot 1K\pi}\right]^{1/2} = \left[\frac{1\kappa\epsilon \cdot 1B \cdot (1A)^2 \cdot (1M)^2}{(1H)^2 \cdot 1A \cdot 1c}\right]^{1/2} = \left[\frac{1\kappa\epsilon \cdot 1\mathcal{A} \cdot (1M)^2}{1H \cdot 1c^2}\right]^{1/2} = \left[\frac{1\kappa\epsilon \cdot 1M^3}{1H \cdot 1c^2}\right]^{1/2} = 1M$$

После вычисления по формуле (4) найдем R = 45 мм.

2). Для определения частоты вращения воспользуемся формулой, связывающей частоту со скоростью и радиусом кривизны траектории,

$$n = \frac{v}{2\pi R}$$

Подставив R из выражения (2) в эту формулу, получим

$$n = \frac{1}{2\pi} \frac{|e|}{m} B.$$

Произведя вычисления, найдем

$$n = 4,20 \cdot 10^7 c^{-1}$$
.

Пример 2. Электрон движется в однородном магнитном поле с индукцией $B=0,03T\pi$ по окружности радиусом r=10см. Определить скорость у электрона.

РЕШЕНИЕ. Движения электрона по окружности в однородном магнитном поле совершается под действием силы Лоренца. Поэтому можно написать

$$\frac{mv^2}{r} = |e|Bv,(1)$$

откуда найдем импульс электрона:

$$p = mv = |e|Br(2)$$

Релятивистский импульс выражается формулой

$$p=m_0c\beta/\sqrt{1-\beta^2}\;.$$

Выполнив преобразования, получим следующую формулу для определения скорости частицы:

$$\beta = \frac{p / (m_0 c)}{\sqrt{1 + (p / (m_0 c))^2}}$$
(3)

В данном случае p = |e| Br. Следовательно,

$$\beta = \frac{p / (m_0 c)}{\sqrt{1 + (|e|Br / (m_0 c))^2}}.(4)$$

В числитель и знаменатель формулы (4) входит выражение $\left| e \right| Br / \left(m_0 c \right)$.

Вычислим его отдельно:

$$|e|Br/(m_0c)=1,76.$$

Подставив найденное значение $|e| Br / (m_0 c)$ в формулу (4), получим

$$\beta = 0.871$$
, или $v = c\beta = 2.61 \cdot 10^8 \,\text{м/c}$.

Электрон, обладающий такой скоростью, является релятивистским.

ПРИМЕР 3. Альфа-частица прошла ускоряющую разность потенциалов U=104B и влетела в скрещенные под прямым углом электрическое $(E=10\kappa B/m)$ и магнитное (B=0,1Tn) поля. Найти отношение заряда альфа-частицы к ее массе, если, двигаясь перпендикулярно обоим полям, частица не испытывает отклонений от прямолинейной траектории.

РЕШЕНИЕ. Для того чтобы найти отношение заряда Q альфа-частицы к ее массе m, воспользуемся связью между работой сил электрического поля и изменением кинетической энергии частиц:

$$QU = mv^2 / 2,$$

откуда

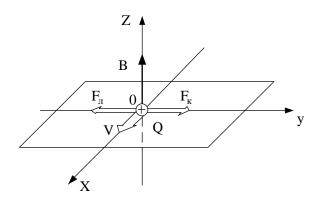
$$Q/m = v^2/(2U)(1)$$

Скорость v альфа-частицы найдем из следующих соображений. $0_{\rm r}$

В скрещенных электрическом и магнитном полях на движущуюся заряженную частицу действуют две силы:

- а) сила Лоренца $F_{_{\!\scriptscriptstyle \Pi}} = Q \big[v B \big]$, направленная перпендикулярно скорости v и вектору магнитной индукции B;
- б) кулоновская сила $F_{\kappa} = QE$, сонаправленная с вектором напряженности Е электростатического поля (Q>0).

Сделаем рисунок с изображением координатных осей и векторных величин.



Направим вектор магнитной индукции В вдоль оси Оz (рис 1), скорость v — в положительном направлении оси Оx, тогда $F_{_{\pi}}$ и $F_{_{\kappa}}$ будут направлены так, как это указано на рисунке.

Альфа-частица не будет испытывать отклонения, если геометрическая сумма сил $F_{\pi} + F_{\kappa}$ будет равна нулю. В проекции на ось Оу получим следующее равенство (при этом учтено, что вектор скорости v перпендикулярен вектору магнитной индукции В и $\sin(vB) = 1$):

$$QE - QvB = 0$$
,

откуда

v = E / B.

Подставив это выражение скорости в формулу (1), получим

$$Q/m = E^2/(2UB^2).$$

Убедимся в том, что правая часть равенства дает единицу отношения заряда к массе (Кл/кг):

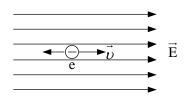
$$\frac{\left[E^{2}\right]}{\left[U\right]\left[B^{2}\right]} = \frac{\left(1B \mid M\right)^{2}}{1B \cdot \left(1T_{\mathcal{I}}\right)^{2}} = \frac{\left(1B \cdot A\right)^{2}}{1B \cdot \left(1H\right)^{2}} = \frac{1 \mathcal{J}_{\mathcal{H}} \cdot K_{\mathcal{I}}}{\left(1H \cdot c\right)^{2}} = \frac{1 \mathcal{K}_{\mathcal{I}} \cdot M}{1H \cdot c^{2}} = 1 \mathcal{K}_{\mathcal{I}} \mid \kappa_{\mathcal{I}} \mid \kappa_{\mathcal{I}}$$

Произведем вычисления:

$$\frac{Q}{m} = \frac{(10^4)^2}{2 \cdot 104(0,1)^2} \, \text{Kp/kg} = 4,81 \cdot 10^7 \, \text{Kp/kg} = 48,1 \text{MKp/kg} \, .$$

Пример 4. Электрон, обладающий кинетической энергией $T_1=10 \ni B$, влетел в однородное электрическое поле с напряженностью E=10B/M в направлении поля и прошел в нем расстояние r=50cM. Определить скорость электрона в конце указанного пути.

РЕШЕНИЕ. В соответствии с определением вектора напряженности электрического поля \vec{E} , на электрон, влетевший в направлении вектора напряженности поля, действует сила \vec{F} , направленная противоположно движению.



Следовательно, электрон тормозится под действием этой силы F (рис.2). на пути движения электрона электрическое поле совершает работу A.

$$A = eU$$
,(1)

где e – заряд электрона; $e=1,6\cdot 10^{-19}\, K\pi$; U – разность потенциалов на пути движения.

Работа сил электростатического поля затрачена на изменение кинетической энергии электрона

$$eU = T_1 - T_2$$
,(2)

где T_1 и T_2 – кинетические энергии электрона до и после прохождения замедляющего поля.

Кинетическая энергия электрона в конце пути

$$T_2 = \frac{m_{_9}v_2^2}{2},(3)$$

где $m_{_{9}}$ – масса электрона; $v_{_{2}}$ – скорость электрона в конце пути.

Считая, что электрическое поле является однородным, используем связь между напряженностью E и разностью потенциалов U на отрезке пути, пройденном электроном

$$U = Er$$
,(4)

Подставив (3) и (4) в выражение (2), получим

$$eEr = T_1 - \frac{m_{_3}v_2^2}{2}$$
.

Выразим скорость электрона v_2 в конце пути

$$v_2 = \sqrt{\frac{2(T - eEr)}{m_2}} \ .$$

Подставим числовые значения

$$v_2 = \sqrt{\frac{2(10 \cdot 1, 6 \cdot 10^{-19} \cdot 10 \cdot 0, 5)}{9, 1 \cdot 10^{-31}}} = \sqrt{1, 76 \cdot 10^{12}} = 1,33 \cdot 10^6 \,\text{m/c}.$$

2.2. ЭЛЕКТРОМАГНИТНАЯ ИНДУКЦИЯ

Пример 6. Плоскость проволочного витка площадью $S = 100cm^2$ и сопротивлением R = 5 Ом, находящегося в однородном магнитном пол напряженностью H = 10 кА/м, перпендикулярна линиям магнитной индукции.

При повороте витка в магнитном поле отсчет гальванометра, замкнутого на виток, составляет 12,6 мкКл. Определите угол поворота витка.

Дано:
$$S = 100 c M^2 = 10^{-2} M^2$$
; R = 5 Ом; H = 10 кА/м= 10^4 А/м; $dQ = 12,6 M \kappa K \pi = 12,6 \cdot 10^{-5} K \pi$.

Найти: α.

Решение.

$$\begin{split} \varepsilon_i &= -\frac{d\Phi}{dt}, \varepsilon_i = \varepsilon, \varepsilon = IR = R\frac{dQ}{dt}, R\frac{dQ}{dt} = -\frac{d\Phi}{dt}, RdQ = -d\Phi, RdQ = -(\Phi_2 - \Phi_1), \\ \Phi_2 &= \mu_0 HS \cos\alpha, \Phi_1 = \mu_0 HS, RdQ = \mu_0 HS (1 - \cos\alpha), \cos\alpha = 1 - \frac{RdQ}{\mu_0 HS}. \end{split}$$

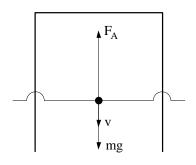
Ответ: $\alpha = 60^{\circ}$.

Пример 7. Две гладкие замкнутые металлические шины, расстояние между которыми равно 30 см, со скользящей перемычкой, которая может двигаться без трения, находятся в однородном магнитном поле с индукцией $B=0,1\,\mathrm{Tr}$, перпендикулярном плоскости контура. Перемычка массой $m=5\,\mathrm{r}$ скользит вниз с постоянной скоростью $V=0,5\,\mathrm{m/c}$. Определите сопротивление перемычки, пренебрегая самоиндукцией контура и сопротивлением остальной части контура.

Дано:
$$a = 30cM = 0,3M$$
; $B = 0,1$ Тл; $m = 5$ $\Gamma = 5 \cdot 10^{-3}$ к Γ ; $V = 0,5$ м/с.

Найти: R .

Решение.



$$\begin{split} \varepsilon_i &= -\frac{d\Phi}{dt}, \left| \varepsilon_i \right| = \frac{\Phi_2 - \Phi_1}{t} = \frac{BS}{t} = \frac{Bavt}{t} = \text{Bav}, \\ \varepsilon &= IR, \\ R &= \frac{\varepsilon}{I}, \\ mg &= F_A = IBa, \\ I &= \frac{mg}{Ba}, \\ R &= \frac{BavBa}{mg} = \frac{B^2a^2v}{mg}. \end{split}$$

Ответ: R = 9, 2MOM.

Пример 8. Соленоид диаметром d=3 см имеет однослойную обмотку из плотно прилегающих друг к другу витков алюминиевого провода ($\rho=26 \mu O M \cdot M$) диаметром $d_1=0,3$ мм. По соленоиду течет ток $I_0=0,5$ А. Определите количество электричества Q, протекающее по соленоиду, если его концы закоротить.

Дано: d = 3 см = $3 \cdot 10^{-2}$ м; $\rho = 26 \mu O M \cdot M = 2, 6 \cdot 10^{-8} O M \cdot M$; $d_1 = 0,3$ мм = $3 \cdot 10^{-4}$ м; $I_0 = 0,5$ A.

Найти: Q.

Решение.

$$\begin{split} I &= I_0 e^{-\frac{R}{L}t}, Q = \int\limits_0^\infty I dt = I_0 \int\limits_0^\infty e^{-\frac{R}{L}t} dt = \frac{L}{R} I_0, L = \mu_0 \mu \frac{N^2 S}{l} \bigg|_{\mu=1} = \frac{\mu_0 N^2 S}{l}, \\ l &= N d_1, S = \frac{\pi d^2}{4}, L = \frac{\mu_0 N^2 \pi d^2}{4N d_1} = \frac{\mu_0 N \pi d^2}{4 d_1}, R = \rho \frac{l_1}{S_1}, l = \pi dN, S_1 = \frac{\pi d_1^2}{4}, \\ R &= \rho \frac{4 dN}{d_1^2}, Q = \frac{\mu_0 N \pi d^2 d_1^2 I_0}{4 d_1 \rho \cdot 4 dN} = \frac{\mu_0 \pi d d_1}{16 \rho} I_0. \end{split}$$

Ответ: Q = 42,7 мк Кл.

2.3. ЭНЕРГИЯ МАГНИТНОГО ПОЛЯ

Пример 9. Тороид с воздушным сердечником содержит 20 витков на 1 см. Определите объемную плотность энергии в тороиде, если по его обмотке протекает ток 3 A.

Дано:
$$\frac{N}{l} = 20 c M^{-1} = 2 \cdot 10^3 M^{-1}$$
; $I = 3A$.

Найти: w.

Решение.

$$\begin{split} w &= \frac{W}{V}, W = \frac{B^2}{2\mu_0 \mu} \bigg|_{\mu=1} = \frac{B^2}{2\mu_0}, \\ \iint\limits_L B_l dl &= \mu_0 NI, \text{Bl} = \mu_0 NI, \\ B &= \mu_0 \frac{N}{l} I, w = \frac{\mu_0^2 N^2 I^2}{l^2 2\mu_0} = \frac{\mu_0}{2} \bigg(\frac{N}{l}\bigg)^2 I^2. \end{split}$$

Ответ: $w = 22,6 \text{Дж} / \text{м}^3$.

2.4. ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫЕ ВОЛНЫ. ВОЛНОВОЕ УРАВНЕНИЕ

Положим, что некоторая физическая величина s распространяется со скоростью v в направлении X оси. В случае электромагнитных волн под s можно подразумевать напряженность электрического или магнитного поля. Нетрудно видеть, что общая форма записи этого процесса есть:

$$s = f\left(t - \frac{x}{v}\right).(1)$$

здесь t обозначает время, x координату рассматриваемой точки, f символ произвольной функции. Любая произвольная функция, если только она зависит от аргумента $\left(t-\frac{x}{v}\right)$, выражает волнообразный процесс.

Если s есть напряженность электрического поля в электромагнитной волне, то последняя формула выражает распределение поля в пространстве. Вид функции зависит от начальных условий процесса. В частности, если f обозначает sin или \cos , то (1) переходит в уравнение гармонической волны.

$$E = E_m \sin \omega \left(t - \frac{x}{v} \right) . (2)$$

Таким образом, формула (1) представляют собой общее выражение волны, распространяющейся в направлении оси X.

Функция s удовлетворяет простому дифференциальному уравнению. Чтобы найти его, продифференцируем формулу (1) два раза по координате. Это дает:

$$\frac{\partial^2 s}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} f'',$$

где штрихами обозначено дифференцирование по всему аргументу.

Вторая же частная производная по времени равна

$$\frac{\partial^2 s}{\partial t^2} = f''.$$

Сравнивая эти выражения, мы видим, что искомое дифференциальное уравнение есть

$$\frac{\partial^2 s}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 s}{\partial t^2}.$$

Оно называется волновым уравнением.

Мы предполагали, что волна распространяется в одном определенном направлении, которое мы считали совпадающим с направлением оси X (или ему противоположным). Если волна распространяется во всех направлениях, то волновое уравнение имеет следующий вид:

$$\frac{\partial^2 s}{\partial t^2} = v^2 \left(\frac{\partial^2 s}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 s}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 s}{\partial z^2} \right).$$

Таким образом, если какая-либо физическая величина распространяется волнообразно, то она удовлетворяет волновому уравнению. И обратно, если удается показать, что рассматриваемая величина подчиняется волновому уравнению, то можно утверждать, что возможно ее распространение в виде волны. При этом непосредственно получается и скорость распространения волны, которая равна квадратному корню из коэффициента при $\frac{\partial^2 s}{\partial x^2}.$

2.5. Плоские электромагнитные волны

Обратимся теперь к уравнениям Максвелла. Будем считать, что среда представляет собой однородный диэлектрик. Тогда в уравнениях нужно положить $j_x = j_y = j_z = 0$.

Далее, мы ограничимся особенно простым случаем электромагнитного поля, когда E и H зависят от одной координаты (x) и от времени (одно-

мерная задача). Это значит, что все пространство можно разбить на бесконечно тонкие плоские слои, внутри которых E и H имеют одно и то же значение во всех точках (плоская волна).

У всяких волн (механических, и электромагнитных) поверхность, во всех точках которой колебания имеют одинаковую фазу, называют фронтом волны.

В зависимости от того, какую форму имеет волновой фронт, мы говорим о плоских волнах, сферических волнах, цилиндрических волнах.

Для одномерного случая уравнения Максвелла сильно упрощаются.

Так как все производные по у и z равны нулю, то из первого уравнения

следует, что
$$\frac{\partial D_x}{\partial t}=0$$
 , а из второго уравнения $\frac{\partial B_x}{\partial t}=0$. Это значит, что со-

ставляющие полей D_x и B_x не зависят от времени.

Далее, из () и () получается, что
$$\frac{\partial D_x}{\partial x} = 0$$
 и $\frac{\partial B_x}{\partial x} = 0$ а значит, D_x и B_x , не

зависят также и от координаты.

Поэтому

$$D_x = const$$
, $B_x = const$.

Остающиеся уравнения принимают вид:

$$\frac{\partial D_{y}}{\partial t} = -\frac{\partial H_{z}}{\partial x}, \frac{\partial D_{z}}{\partial t} = \frac{\partial H_{y}}{\partial x},$$
$$\frac{\partial B_{y}}{\partial t} = \frac{\partial E_{z}}{\partial x}, \frac{\partial B_{z}}{\partial t} = -\frac{\partial E_{y}}{\partial x}.$$

Эти четыре уравнения можно сгруппировать в две независимые группы, одна из которых связывает y составляющие электрического и z составляющие магнитного поля:

$$\frac{\partial D_y}{\partial t} = -\frac{\partial H_z}{\partial x}, \frac{\partial B_z}{\partial t} = -\frac{\partial E_y}{\partial x}.$$

другая z составляющие электрического поля и y составляющие магнитного поля:

$$\frac{\partial D_z}{\partial t} = \frac{\partial H_y}{\partial x}, \frac{\partial B_y}{\partial t} = \frac{\partial E_z}{\partial x}.$$

Это обозначает, что меняющееся во времени электрическое поле E_y вызывает появление только магнитного поля H_z , направленного вдоль оси Z, а переменное во времени магнитное поле H_z влечет появление электрического поля E_y , целиком направленного вдоль оси Y. Или, иначе, в

электромагнитном поле электрическое и магнитное поля перпендикулярны друг к другу. Такой же вывод вытекает и из второй пары уравнений.

Найденный результат позволяет положить без нарушения общности, что все электрическое поле направлено вдоль одной из осей, например вдоль оси Y, а магнитное поле _ вдоль оси Z. Поэтому в последних уравнениях можно положить $E_y=E$, $E_z=0$, $H_z=H$, $H_y=0$, и мы находим окончательно уравнения Максвелла для одномерного случая в следующем простом виде

$$\frac{\partial D}{\partial t} = -\frac{\partial H}{\partial x}, \frac{\partial B}{\partial t} = -\frac{\partial E}{\partial x}.$$

Исключим из уравнений Максвелла () магнитное поле H . Для этого умножим первое из уравнений на $\mu\mu_0$ и продифференцируем обе его части один раз по t . Получим:

$$\mu\mu_0\varepsilon\varepsilon_0\frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = -\mu\mu_0\frac{\partial^2 H}{\partial t\partial x}.$$

Второе уравнение продифференцируем по x. Это дает:

$$\frac{\partial^2 E}{\partial x^2} = -\mu \mu_0 \frac{\partial^2 H}{\partial t \partial x}.$$

Так как правые части этих уравнений одинаковы, то, следовательно, равны и левые части и поэтому

$$\frac{\partial^2 E}{\partial t^2} = \frac{1}{\mu \mu_0 \varepsilon_0 \varepsilon} \frac{\partial^2 E}{\partial x^2}.$$

Такое же уравнение мы получили бы и для H , если бы из () исключили электрическое поле E .

Уравнение () есть волновое уравнение. Отсюда следует, что поля E и H могут распространяться в пространстве, т. е. могут существовать электромагнитные волны. Поэтому можно положить

$$E = \varphi\left(t \pm \frac{x}{v}\right), H = \psi\left(t \pm \frac{x}{v}\right),$$

где v - скорость распространения электромагнитной волны. Далее, согласно сказанному коэффициент перед $\frac{\partial^2 E}{\partial x^2}$ есть квадрат скорости рас-

пространения волн. Это дает

$$v = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} \frac{1}{\sqrt{\epsilon \mu}} = \frac{c}{\sqrt{\epsilon \mu}},$$

где c есть скорость распространения при $\varepsilon = \mu = 1$, т. е. в вакууме. Мы получили, таким образом, выражение для скорости распространения электромагнитных волн (закон Максвелла).

Электрическое и магнитное поля в электромагнитной волне взаимно связаны друг с другом. Поэтому между мгновенными значениями E и H в любой точке существует определенное соотношение, которое также можно найти из уравнений Максвелла

$$\frac{\partial E}{\partial t} = \varphi', \frac{\partial H}{\partial x} = -\frac{1}{v}\psi',$$

штрих обозначает дифференцирование по всему аргументу, то указанная подстановка дает

$$\varepsilon \varepsilon_0 \varphi' = -\frac{1}{v} \psi'$$
.

Переходя от производных к самим функциям, мы получаем

$$\varepsilon \varepsilon_0 \varphi = -\frac{1}{v} \psi + C,$$

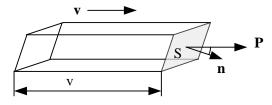
эта формула показывает, что в распространяющейся электромагнитной волне E пропорционально H .

2.6. Энергия электромагнитных волн

Мы знаем, что электромагнитные волны способны производить различные действия:

они накаливают лампочку, включённую в диполь, вызывают отклонение стрелки гальванометра, соединённого с детектором, и т.п. Это показывает, что электромагнитные волны переносят энергию.

Рассмотрим в поле электромагнитной волны произвольную площадку S и вычислим энергию ΔW , переносимую электромагнитной волной через эту площадку за малое время Δt . Для этого построим на площадке S, как на основании, параллелепипед, рёбра которого параллельны скорости распространения волны \vec{v} и имеют длину $v\Delta t$.



Объем этого параллелепипеда равен $\Delta \tau = Sv\Delta t \cos \alpha$,

где α - угол между нормалью \vec{n} к площадке S и скоростью \vec{v} . Так как за время Δt волна проходит расстояние $v\Delta t$, то очевидно, что

через нашу площадку пройдет энергия, заключенная внутри указанного параллелепипеда. Поэтому если u есть энергия единицы объема поля (объемная плотность энергии), то

$$\Delta W = u \Delta \tau = u S v \Delta t \cos \alpha.$$

Объемная плотность энергии электромагнитной волны складывается из

энергии электрического поля $\frac{\varepsilon \varepsilon_0 E^2}{2}$ и энергии магнитного

поля
$$\frac{\mu\mu_0H^2}{2}$$
,

$$u = \frac{1}{2} \left(\varepsilon \varepsilon_0 E^2 + \mu \mu_0 H^2 \right).$$

Напряженности E и H в электромагнитной волне связаны соотношением $\sqrt{\epsilon\epsilon_0}E = \sqrt{\mu\mu_0}H$. Поэтому можно также написать

$$u = \epsilon \epsilon_0 E^2 = \mu \mu_0 H^2 = \sqrt{\epsilon_0 \mu_0} EH \; . \label{eq:u_eps_def}$$

Учитывая еще, что $v = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon \mu} \sqrt{\varepsilon_0 \mu_0}}$, имеем

 $\Delta W = EHS\cos\alpha\Delta t.$

Следовательно, энергия, проходящая через площадку S в единицу

времени
$$\frac{\partial W}{\partial t}$$
, равна

$$\frac{\partial W}{\partial t} = EHS \cos \alpha .$$

Полученный результат можно представить в более удобной форме. Введем вектор потока электромагнитной энергии, определяемый следующим образом

$$\vec{P} = [\vec{E}\vec{H}].$$

Так как в электромагнитной волне \vec{E} и \vec{H} перпендикулярны друг к другу, то численное значение этого вектора равно P=EH. Направление же вектора \vec{P} перпендикулярно \vec{E} и \vec{H} , т. е. совпадает с направлением скорости распространения волны v. Тогда () можно представить в следующем виде

$$\frac{\partial W}{\partial t} = P_n S$$
.

Здесь $P_n = P\cos\alpha$ есть проекция вектора \vec{P} на направление нормали \vec{n} к площадке S . Если площадка перпендикулярна к направлению \vec{P} (T.e. $\alpha = 0$) To $P_n = P$.

Таким образом, движение энергии в электромагнитном поле можно охарактеризовать при помощи вектора потока энергии \vec{P} .

Его направление даёт направление движения энергии. Численное значение вектор потока энергии равно энергии, проходящей за единицу времени через поверхность с площадью единица, перпендикулярную к направлению движения энергии.

Вектор потока электромагнитной энергии \vec{P} называют вектором Умова -Пойнтинга. Линии, касательные к которым в каждой точке совпадают с направлением вектора \vec{P} (линии вектора потока энергии) показывают пути, вдоль которых распространяется энергия электромагнитного поля.

В оптике линии, вдоль которых движется энергия света, называют; лучами. Приведенный вывод выражения () не является строгим, тем не менее, выражение (), полученное путем нестрогих рассуждений, оказывается справедливым для всех случаев.

Задача 1.

Пространство между обкладками плоского конденсатора, имеющими форму круглых дисков, заполнено однородной слабо проводящей средой с удельной проводимостью σ и диэлектрической проницаемостью ϵ . Расстояние между обкладками d. Пренебрегая краевыми эффектами, найти напряженность магнитного поля между обкладками на расстоянии r от их оси, если на конденсатор подано переменное напряжение $U_{\it m}\cos\omega t$.

Решение

Считаем явления в конденсаторе квазистатическими.

Рассмотрим конденсатор в цилиндрической системе координат.

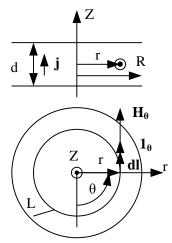


Рис.

Ось Z направлена по оси конденсатора.

Каждая плоскость Zr является плоскостью симметрии системы токов, поэтому в каждой точке плоскости вектор напряжённости магнитного поля H нормален к ней, $H = H_{\Theta}$.

По закону полного тока определим H_{Θ} .

$$\iint_{L} \vec{H} d\vec{l} = \iint_{S} \left(\vec{j} + \frac{d\vec{D}}{dt} \right) dS (1)$$

где L- контур радиуса r , в каждой точке которого $d\vec{l}$ совпадают с ортом \vec{l}_Θ , а из осевой симметрии системы следует, что H_Θ константа.

S - поверхность, ограниченная контуром L в каждой точке которой вектора \vec{j} и $\frac{d\vec{D}}{dt}$ совпадают с нормалью с ней.

$$2\pi r H_{\Theta} = \sigma E \pi r^{2} + \varepsilon \varepsilon_{0} \frac{dE}{dt} \pi r^{2} (2)$$

$$E = \frac{U}{d} = \frac{U_{m} \cos \omega t}{d},$$

$$\frac{dE}{dt} = -\frac{U_{m} \cos i \omega t}{d}.$$

Подставляя эти выражения E и $\frac{dE}{dt}$ в уравнение, (2) находим:

$$\begin{split} H_{\Theta} &= \frac{rU_m}{2d} \big(\sigma \cos \omega t + \epsilon \epsilon_0 \omega \sin \omega t \big) = H_m \cos (\omega t + \alpha) \,, \\ \text{где - } H_m &= \frac{rU_m}{2d} \sqrt{\sigma^2 + \big(\epsilon \epsilon_0 \omega\big)^2} \,\,, \\ tg\alpha &= \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0 \omega} \end{split}$$

Задача 2.

Переменный синусоидальный ток частоты $\omega = 1000 \frac{pad}{c}$ течет по обмотке

прямого соленоида, радиус сечения которого R = 6c M. Найти отношение амплитудных значений электрической и магнитной энергий внутри соленоида.

Решение

Считаем что процессы, происходящие в соленоиде квазистатические.

Рассмотрим соленоид в цилиндрической системе координат, ось Z совпадает с осью соленоида.

Считаем соленоид длинным и соответственно магнитное поле внутри соленоида однородное.

Напряжённость поля изменяется по гармоническому закону

$$H = H_m \sin \omega t$$
.

Из первого уравнения Максвелла в интегральной форме:

$$\iint_{L} \vec{E} d\vec{l} = -\frac{d}{dt} \int_{S} \vec{B} d\vec{S} ,$$

где -L круговой контур радиуса r, а S площадь охваченная этим контуром. После вычислений имеем

$$2\pi r E_{\Theta} = \mu \mu_0 H_m \omega \pi r^2 \cos \omega t \,,$$

$$E_{\Theta} = \frac{\mu \mu_0 H_m \omega r \cos \omega t}{2} .$$

Используя выражение для объёмной плотности энергии электрического и магнитного полей, определим отношение максимальных значений энергии полей соленоида, интегрируя их по объёму соленоида.

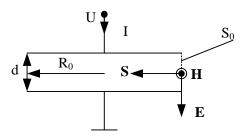
$$\frac{W_{\mathfrak{d}}}{W_{\mathfrak{M}}} = \frac{\int\limits_{V}^{} w_{\mathfrak{d}} dV}{\int\limits_{V}^{} w_{\mathfrak{M}} dV},$$

$$\begin{split} W_{_{M}} &= \frac{\mu\mu_{0}H^{2}}{2}V = \frac{\mu\mu_{0}H_{_{m}}^{2}}{2}\pi R^{2}\,, \\ W_{_{9}} &= \frac{\varepsilon\varepsilon_{0}}{2}\int_{V}E_{(r)}^{2}rd\Theta drdZ = \frac{\varepsilon\varepsilon_{0}}{2}\bigg(\frac{\mu\mu_{0}H_{_{m}}\omega}{2}\bigg)^{2}\int_{0}^{2\pi}d\Theta\int_{0}^{1}dZ\int_{0}^{R}r^{3}dr = \\ &= \frac{\varepsilon\varepsilon_{0}}{2}\bigg(\frac{\mu\mu_{0}H_{_{m}}\omega}{2}\bigg)^{2}2\pi\frac{R^{4}}{4}\\ \varepsilon &= 1, \mu = 1\,, \\ \frac{W_{_{9}}}{W_{_{M}}} &= \frac{\mu_{0}H_{_{m}}^{2}\omega^{2}\varepsilon_{0}4\pi R^{4}}{32\mu_{0}H_{_{m}}^{2}\pi R^{2}} = \frac{\mu_{0}\varepsilon_{0}\omega^{2}R^{2}}{8}\,. \end{split}$$

Задача 3. Плоский конденсатор с круглыми параллельными пластинами медленно заряжают. Показать, что поток вектора Пойнтинга через боковую поверхность конденсатора равен приращению энергии конденсатора за единицу времени. Рассеянием поля на краях при расчете пренебречь. Решение.

Определим поток вектора Пойнтинга, выразив его значение на боковой поверхности цилиндра радиуса R коаксиального с обкладками конденсатора.

Рассмотрим его в цилиндрической системе координат, ось Z совпадает с осью обкладок.



По второму уравнению Максвелла

$$\iint_{L} \vec{H} d\vec{l} = \frac{d}{dt} \iint_{S} \vec{D} d\vec{S} = \frac{dq}{dt} ,$$

для контура L радиуса R_0 имеем

$$2\pi RH_{\Theta} = \frac{dq}{dt}$$
,

напряжённость однородного поля между пластинами плоского конденсатора

$$E_Z d = \frac{q}{C}$$
.

Энергия конденсатора

$$W_C = \frac{q^2}{2C}.$$

Выразим приращение энергии конденсатора и сравним её с потоком вектора Пойнтинга через боковую поверхность, ограниченную краями обкладок конденсатора

$$\frac{dW_C}{dt} = \frac{dq}{dt} \frac{q}{C} = 2\pi R H_{\Theta} E_Z d .$$

$$\iint_{S_c} \vec{S} d\vec{S}_0 = 2\pi R dE_Z H_{\Theta} .$$

Как видно эти выражения совпадают.

2.7. ИНТЕРФЕРЕНЦИЯ СВЕТА

1. ПОНЯТИЯ КОГЕРЕНТНОСТИ, ИНТЕРФЕРЕНЦИИ

Пусть в некоторой точке пространства складываются две волны одинаковой частоты и полярности

$$E_1 = A_1 \cos(\omega t + \alpha_1)$$
 $E_2 = A_2 \cos(\omega t + \alpha_2)$
Результирующее колебание

E E E A

$$E = E_1 + E_2 = A\cos(\omega t + \delta)$$

$$\Gamma$$
де $\delta = \delta_1 - \delta_2$ - разность фаз

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos\delta$$

Если разность фаз двух возбуждаемых монохроматическими волнами колебаний остается постоянной во времени, то волны называют когерентными.

В случае некогерентных волн δ непрерывно изменяется, поэтому $<\cos\delta>=0$ и

$$< A^2 > = < A_1^2 > + < A_2^2 >$$

и т.к.
$$I \sim A^2$$
 , то $I = I_1 + I_2$ -

интенсивности некогерентных складываются.

В случае когерентных волн $\cos\delta$ во времени не изменяется

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \delta$$

Для точек, где
$$\cos \delta > 0$$
 $I > I_1 + I_2$;

Для точек, где
$$\cos \delta < 0$$
 $I < I_1 + I_2$;

Таким образом, при наложении когерентных световых волн происходит интерференция, т.е. перераспределение светового потока в пространстве, в результате чего в одних местах возникают максимумы, а в других — минимумы интенсивности. Особенно отчетливо интерференция проявляется когда $I_1 = I_2$. Тогда в максимумах $I = 4I_1$; в минимумах I = 0.

Естественные источники света некогерентны. При наложении света от двух, например, электрических ламп, никогда не наблюдается интерференции. Причина заключается в механизме испускания света атомами источника. Продолжительность излучения света атомом $\tau \sim 10^{-8}\,\mathrm{c}$. За это время возбужденный атом растрачивает избыточную энергию и возвращается в невозбужденное (нормальное) состояние. Через некоторый промежуток времени атом может вновь возбуждаться и опять излучить порцию света.

Такое прерывистое излучение в виде отдельных кратковременных импульсов цугов волн характерно для любого источника света.

При спонтанном (самопроизвольном) излучении атомы излучают независимо друг от друга, т.е:

Начальные фазы цугов волн не связаны между собой, даже для одного и того же атома;

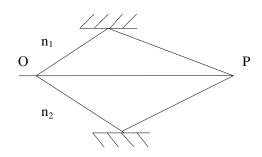
Значения ω для цугов могут несколько различаться;

Каждый цуг плоскопаляризован; однако плоскости поляризации различных цугов ориентированы по-разному.

2. УСЛОВИЯ ИНТЕРФЕРЕНЦИОННЫХ МАКСИМУМОВ И МИНИМУМОВ

Когерентные световые волны можно получить, разделив (с помощью отражений или преломлений) волну, излучаемую одним источником, на две части.

Если заставить эти две волны пройти разные оптические пути, а потом наложить их друг на друга, наблюдается интерференция.



Пусть в т. О волна

 $E=A\cos\omega t$ Разделяется на две. Первая волна образует в точке Р колебание $E_1=A\cos\omega(t-\frac{S_1}{\upsilon_1})$; а вторая — $E_2=A\cos\omega(t-\frac{S_2}{\upsilon_2})$

Где S_1 - путь первой волны в среде с показателем преломления n_1 S_2 - путь второй волны в среде с показателем преломления n_2 . В точке P разность фаз колебаний:

$$\delta = \omega(\frac{S_2}{D_1} - \frac{S_1}{D_2}) = \frac{\omega}{C}(n_2S_2 - n_1S_1) = \frac{\omega}{C}\Delta,$$

где $\Delta = n_2 S_2 - n_1 S_1$ - оптическая разность хода.

Заменив
$$\frac{\omega}{C} = \frac{2\pi v}{C} = \frac{2\pi}{\lambda_0}$$
,

получим
$$\delta = \frac{2\pi}{\lambda_0} \Delta$$

Если $\delta = \pm 2\pi m \ (m = 0, 1, 2, 3...)$, то волны усиливают друг друга, т.е,

$$\frac{2\pi}{\lambda_0}\Delta=\pm 2\pi m$$
; $\Delta=\pm 2m\frac{\lambda_0}{2}$ - условие максимума (оптическая разность

хода равна четному числу полуволн).

Если $\mathcal{S}=\pm(2m+1)\pi$ (m=0,1,2,3...), то волны ослабляют друг друга, т.е

$$\frac{2\pi}{\lambda_0}\Delta=\pm(2m+1)\pi\;;\;\;\Delta=\pm(2m+1)rac{\lambda_0}{2}\;$$
 - условие минимума (оптическая

разность хода равна нечетному числу полуволн)

4. ИНТЕРФЕРЕНЦИЯ В ПЛЕНКАХ И ПЛАСТИНКАХ

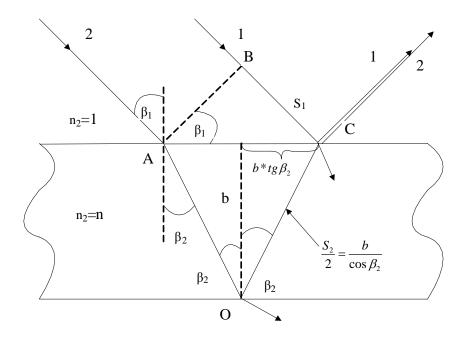


Рис. 6

При освещении тонкой пленки происходит наложение волн от одного и того же источника, отразившихся от передней и задней поверхностей пленки. При этом может возникнуть интерференция. Если свет белый, то интерференционные полосы окрашены. Они легко наблюдаются на стенках мыльных пузырей, на тонких пленках масла или нефти, плавающих по поверхности воды, на пленках, возникающих на поверхности металлов при закалке (цвета побежалости) и т.д.

Разность хода, приобретаемая лучами 1 и 2 до того как они сойдутся в точке C (рис.6) равна

$$\Delta = nS_2 - n_1 = 2b\sqrt{n^2 - \sin^2\beta} - \frac{\lambda_0}{2}$$
,

где $\frac{\lambda_0}{2}$ - добавочная разность хода, возникающая при отражении от

верхней границы раздела (от оптически более плотной среды)

Далее различают два случая:

• Параллельная пластина – интерференционные полосы равного угла наклона.

• Пластины переменной толщины – интерференционные полосы равной толщины.

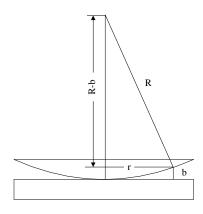


Рис. 7

Классическим примером полос равной толщины являются кольца Ньютона. Они наблюдаются при отражении света от соприкасающихся друг с другом плоскопараллельной толстой стеклянной пластинки и плосковыпуклой линзы с большим радиусом кривизны. Роль тонкой пленки, от поверхности которой отражаются когерентные волны, играет воздушный зазор между пластинкой и линзой. При нормальном падении света полосы равной толщины имеют вид концентрических окружностей.

Радиусы светлых и темных колец Ньютона

$$r = \sqrt{R\lambda_0(m-1)/2}$$
 $(m=1,2,3...)$,

где т - номер кольца

R - радиус кривизны линзы

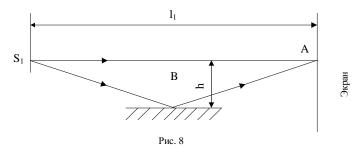
Во всех рассмотренных случаях интерференции необходимо, чтобы оптическая разность хода была бы не больше длины когерентности

$$\Delta \leq L_{no\varepsilon} = C au_{no\varepsilon}$$
,
Где $au_{no\varepsilon} = \frac{2\pi}{\Delta \omega}$,

а $\Delta \omega$ - полоса частот, занимаемая цугом волн в отличии от идеальной монохроматической волны. Отсюда следует, что чем ближе волна к монохроматической (лазер), тем больше время и длина когерентности.

ПРИМЕРЫ РЕШЕНИЯ ЗАДАЧ

Пример 1 (Зеркало Лойда)



Луч S_1A пер-

пендикулярен экрану , луч S_1BA отражен от зеркала, параллельного лучу S_1A (рис8)

$$S_1 A = 1M$$

$$h = 2$$
мм

Определить номер интерференционной полосы

Решение

$$\Delta = l_2 - l_1 + \frac{\lambda}{2}$$

$$l_2 = 2(\sqrt{\frac{l_1^2}{4} + h^2}) = l_1(\sqrt{1 + (\frac{2h}{l_1})^2}) = l_1[1 + 2(\frac{h}{l_1})^2], \text{ T.K } 2\frac{h}{l_1} << 1$$

Подставив l_2 в (1), получим:

$$\Delta = \frac{2h^2}{l_1} + \frac{\lambda}{2}$$

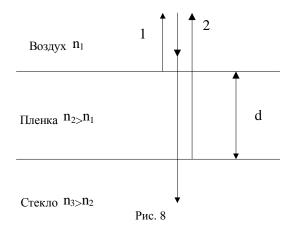
Разделим (3) на $\frac{\lambda}{2}$:

$$m = \frac{\Delta}{\lambda/2} = \frac{4h^2}{l_1\lambda} + 1$$

После вычислений найдём m = 33.

T.к. на разности хода укладывается нечетное число длин полуволн, то в точке A наблюдается минимум интенсивности.

Пример 2 (Просветление оптики)



На стеклянную линзу ($n_3=1.6$), покрытую очень тонкой пленкой ($n_2=1.4$) падает нормально пучок света (рис.9). Определите толщину d пленки, при которой отраженный свет $\lambda=0.55$ мкм максимально ослабляется.

Решение. В силу закона сохранения энергии можно утверждать, что количество прошедшего через пленку света увеличится как раз на величину погашенного за счет интерференции отраженного света. Поэтому задача известна как просветление оптики.

Интерферируют лучи отраженные от верхней (1) и нижней (2) поверхностей пленки.

Т.к. $n_1 < n_2 < n_3$, то при отражении от обоих поверхностей пленки происходит потеря полуволны. В результате оптическая разность хода будет такой, как если бы потерь полуволн не было, т.е.

$$\Delta = 2n_2d$$

Условие минимума

$$\Delta = (2m+1)\frac{\lambda_0}{2}$$
 $(m=0,1,2,3...)$

Положив m=0, получим

$$2n_2d = \frac{\lambda_0}{2}$$
; $d = \frac{\lambda_0}{4n_2} = \frac{\lambda}{4} = 0,1$ MKM

Таким образом, просветляющая пленка должна быть четвертьволновой толщины. $\lambda = 0.55$ мкм — длина волны зеленого света, к которому чувст-

вительность глаза максимальна. Поэтому просветление оптики осуществляется для зеленой составляющей белого света, а просветленная оптика в отраженном свете кажется окрашенной в фиолетовый свет (зеленая составляющая погашена за счет интерференции)

2.8. ДИФРАКЦИЯ И ПОЛЯРИЗАЦИЯ СВЕТА

Определение дифракции как огибание светом препятствий не менее популяризационно, чем представление поведения электрона в атоме движением по стационарным орбитам.

На самом деле точной границы между явлениями интерференции и дифракции провести нельзя. Оба явления заключаются в перераспределении светового потока в результате суперпозиции волн, идущих от различных участков первоначальной волны.

В тех случаях, когда первоначальная волна делится на небольшое число дискретных (точечных) участков и рассматривается суперпозиция испускаемых по принципу Гюйгенса волн, исходящих от каждого из участков в отдельности, явление принято называть интерференцией.

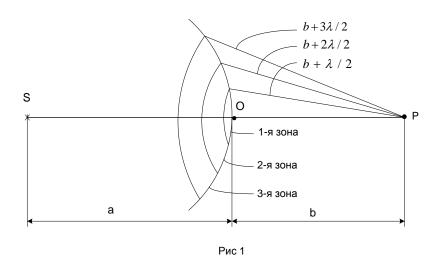
В тех случаях, когда отдельный конечный участок плоской волны не считается точечным, и рассматривается сложение волн, исходящих от разных точек одного и того же участка, перераспределение интенсивности принято называть дифракцией.

ПРИНЦИП ФРЕНЕЛЯ

Принцип Френеля дополняет принцип Гюйгенса. С его помощью можно найти не только новый волновой фронт, но и рассчитать амплитуду волны. Основная идея Френеля состоит в предположении когерентности вторичных источников и их интерференции при наложении.

ЗОНЫ ФРЕНЕЛЯ

Чтобы понять суть принципа и метода, разработанного Френелем, рассмотрим прямолинейное распространение света от точечного источника монохроматического света S в точку наблюдателя P (Puc 1)



Волновая поверхность разбивается на зоны (зоны Френеля) так, что расстояние от краёв каждой зоны до точки наблюдения (D) отличаются на $\frac{\lambda}{2}$. Колебания, возбуждённые в точке D двумя соседними зонами, противоположны по фазе, т.к. разность хода от сходственных точек этих зон до точки D равна $\frac{\lambda}{2}$. Следовательно, амплитуда колебаний в точке P равна:

$$A = A_1 - A_2 + A_3 - A_4 + \dots;$$
 (1)

где $A_{\!\scriptscriptstyle 1}$ - амплитуда колебании, возбуждённых в т. D вторичными источниками, находящимися в пределах одной i -ой зоны.

 A_i является функцией площади зоны S_i и угол α_i между нормалью к поверхности зоны и направлением на точку D. Можно показать, что площади зоны равны, однако угол α_i возрастает с i, поэтому $A_1 > A_2 > A_3 > ... > A_i > ...$ Неравенство усугубляется с увеличением расстояния до точки D с увеличением i.

Зоны Френеля малы (радиус первой зоны $r_1=0,5\,\text{мм}$), их общее число очень велико, поэтому для небольших изменений i зависимость A_i от i является линейной, т.е.

$$A_{i} = \frac{A_{i-1} + A_{i+1}}{2} \quad (2)$$

Перепишем (1) в виде

$$A = \frac{1}{2}A_1 + (\frac{1}{2}A_1 - A_2 + \frac{1}{2}A_3) + (\frac{1}{2}A_3 - A_4 + \frac{1}{2}A_5) + \dots = \frac{1}{2}A_1$$
 (3)

Таким образом, результирующее действие в точке D полностью открытого фронта волны равно действию половины одной только центральной зоны Френеля; все вторичные источники, кроме центрального, гасят друг друга, что как раз и равносильно прямолинейному распространению света от источника S в точку D.

Радиус k -ой зоны Френеля для сферической волны:

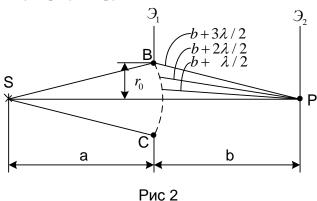
$$r_k = \sqrt{\frac{ab}{a+b}k\lambda} \quad (4)$$

Радиус k -ой зоны Френеля для плоской волны :

$$r_k = \sqrt{bk\lambda}$$
 (5)

ДИФРАКЦИЯ ФРЕНЕЛЯ ОТ ПРОСТЕЙШИХ ПРЕГРАД. КРУГЛОЕ ОТВЕРСТИЕ

Построим на открытой части BC фронты волны зоны Френеля (Рис 2). Амплитуда результирующего колебания в точке D



$$A = A_1 - A_2 + A_3 + ... + (-1)^{m-1} A_m$$
, r.e.

$$A = \frac{A_1 + A_m}{2}$$
, если m —нечётное, и в точке D наблюдается максимум

интенсивности

 $A = \frac{A_{\rm l} - A_{\rm m}}{2}$, если m —чётное, и в точке D наблюдается минимум интенсивности.

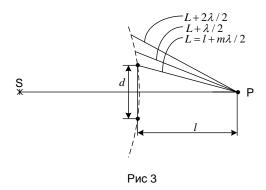
Максимум и минимум тем сильнее отличается между собой, чем ближе A_{m} к $A_{\rm l}$.

$$m = \frac{r_0^2}{\lambda} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right)$$
—число открытых зон Френеля.

Интереснее следующий факт. Если в отверстии укладывается только одна зона Френеля, амплитуда колебаний в точке P $A = A_1$, т.е. вдвое больше, чем без экрана. Соответственно интенсивность в 4 раза больше.

Ещё большую амплитуду можно получить с помощью зонной пластинки—стеклянной пластинки, вставленной в отверстие, на поверхности которой нанесено непрозрачное покрытие в виде концентрических слоёв, перекрывающих все четыре зоны Френеля.

ДИФРАКЦИЯ ФРЕНЕЛЯ. ДИСК



Интерференционная картина на экране имеет вид концентрических тёмных и светлых колец с центром в точке P, где всегда находится интерференционный максимум (пятно Пуассона).

$$A = \frac{A_{m+1}}{2}$$
, если считать, что m первых зон Френеля закрыто диском (Рис. 3).

Пятно Пуассона—один из немногих случаев, когда явление названо не в честь учёного открывателя, а в честь его оппонента. Пуассон был членом конкурсной комиссии, куда Френель представил свою работу. Вывод Френеля о световом пятне в центре тени от диска показался ему «неле-

пым».Тут же был произведён опыт, доказавший справедливость волновой теории света Френеля (члены комиссии были сторонниками корпускулярной теории света).

По мере увеличения d яркость пятна Пуассона уменьшается, а следующее за ним кольцо расширяется, образуя область тени за диском (геометрическая оптика).

Безразмерный параметр $\frac{d^2}{dI}$ позволяет определить характер дифракции.

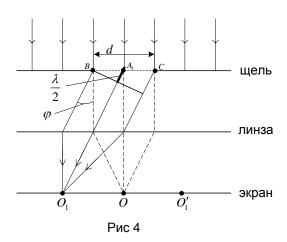
Если
$$\frac{d^2}{\lambda l}$$
 >> 1-геометрическая оптика.
Если $\frac{d^2}{\lambda l}$ ≈ 1-дифракция Френеля.

Если
$$\frac{d^2}{\lambda l} \approx 1$$
 -дифракция Френеля.

Если $\frac{d^2}{2I}$ \Box 1-дифракция Фраунгофера (дифракция в параллельных лучах; $l \to \infty$).

ДИФРАКЦИЯ ФРАУНГОФЕРА НА ЩЕЛИ

Если бы дифракции не было и соблюдался закон прямолинейного распространения света, то на экране (Рис. 4) получилось бы изображение источника света в точке O (экран помещён в фокальной плоскости линзы). Вследствие дифракции на экране наблюдается интерференционная картина—система максимумов—размытых изображений источника, разделённых тёмными промежутками интерференционных минимумов.



Определим, что наблюдается в точке $O_{\rm l}$ --максимум или минимум? Разобьём щель BC на зоны Френеля. Ширина зоны $BA_{\rm l}=\frac{\lambda}{2\sin\phi}$, так что Δ

от краёв B и $A_{\!_1}$ зоны равна $\frac{\lambda}{2}$. При интерференции света от каждой пары соседних зон амплитуда результирующих колебаний равна нулю (т.к. фазы противоположны).

Результат интерференции определяется тем, сколько зон Френеля укладывается в щели.

Если число зон чётное, т.е. $d \sin \varphi = \pm 2m \frac{\lambda}{2}$ (m = 1, 2, 3...) (6),

то наблюдается дифракционный минимум.

Если число зон нечётное, т.е. $d \sin \varphi = \pm (2m+1) \frac{\lambda}{2}$ (m=1,2,3...) (7), то наблюдается дифракционный максимум

В направлении $\phi = 0$ наблюдается самый интенсивный центральный максимум первого порядка: колебания, вызываемые в точке O всеми участками щели, совершаются в одной фазе.

Уже для максимума первого порядка интенсивность значительно слабее, т.к. в него попадает только треть светового пучка ($d\sin \varphi = \pm 3\frac{\lambda}{2}$). В

максимум второго порядка ($d\sin \varphi = \pm 5\frac{\lambda}{2}$) попадает только пятая часть пучка и т.д.

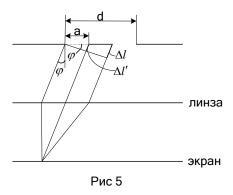
Шириной дифракционного максимума (на экране) называется расстояние между двумя ограничивающими его минимумами.

Угловая ширина центрального максимума
$$\Delta \varphi = 2 \arcsin \frac{\lambda}{d}$$
 (8)

ДИФРАКЦИОННАЯ РЕШЁТКА

Дифракционной решёткой называется совокупность щелей в непрозрачном экране. Число таких щелей на 1 мм может быть очень велико (стандартные значения—300, 600, 1200, 1800 штрихов на 1 мм).

Для простоты рассмотрим две щели.



Дифракционная картина является результатом двух процессов: дифракции света от каждой отдельной щели и интерференции света от обеих щелей.

Дифракция от одной щели. Условие первого минимума (m=1)

$$\Delta l' = \pm 2m \frac{\lambda}{2} = \lambda; \ \Delta l' = a \sin \varphi; \ \sin \varphi_{1 \min}^{\pi} = \frac{\lambda}{a} \ (9)$$

Интерференция от двух щелей . Условие первого минимума (m =0)

$$\Delta l = \pm (2m+1)\frac{\lambda}{2} = \frac{\lambda}{2}; \ \Delta l = d\sin\varphi; \ \sin\varphi_{1 \min}^{H} = \frac{\lambda}{2d} \ (10)$$

Т.к. a < d то $\varphi_{\mathrm{l} \ \mathrm{min}}^{\mathcal{I}} > \varphi_{\mathrm{l} \ \mathrm{min}}^{H}$

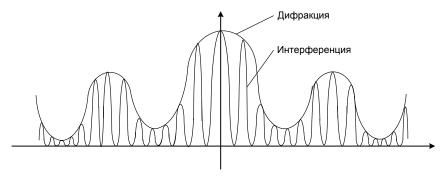


Рис 6

ким образом, между максимумами и минимумами дифракции будут наблюдаться добавочные максимумы и минимумы, возникающие вследствие интерференции, т.е. картина интерференции модулирована картиной дифракции (Рис 6).

Ta

Интенсивность света под произвольным углом ϕ

$$I = I_0 \frac{\sin^2(\pi a \sin\frac{\varphi}{\lambda})}{(\pi a \sin\frac{\varphi}{\lambda})^2} \bullet \frac{\sin^2(\pi N d \sin\frac{\varphi}{\lambda})}{\sin^2(\pi d \sin\frac{\varphi}{\lambda})} \quad (11)$$

Где I_0 - интенсивность для угла $\varphi = 0$ и одной щели

N - число щелей

Условие главных максимумов дифракционной решетки $d\sin \varphi = m\lambda$, (m=0,1,2...)

Преимущество дифракционной решетки состоит в том, что чередование максимумов и минимумов происходит чаще и более резко чем у одной щели. С увеличением числа щелей (на 1 мм) максимумы получаются более яркими и узкими, а минимумы—более широкими и практически совершенно тёмные, что важно при использовании дифракционной решётки в дифракционном спектроскопе.

Если на дифракционную решётку падает белый свет, то максимумы (кроме центрального) приобретают радужную окраску, причём фиолетовым будет внутренний край (ближний к центральному максимуму) и красным—наружный. Поскольку явление разделения света по длинам волн называется дисперсией, то дифракционная решётка является дисперсионным прибором.

Угловой дисперсией называется величина
$$D = \frac{\partial \varphi}{\partial \lambda} = \frac{k}{d \cos \varphi}$$
 (12)

Где k - порядковый номер дифракционного максимума

 $\partial \varphi$ - угловое расстояние между спектральными линиями, отличающимися по длине волны на $\partial \lambda$.

Разрешающая способность решётки определяется соотношением

$$R = \frac{\lambda}{\partial \lambda} = kN \quad (13)$$

Где $\partial \lambda$ - минимальная разность длин волн двух спектральных линий, при которой эти линии воспринимаются раздельно.

Согласно критерию Рэлея два близких максимума воспринимаются глазом раздельно, если максимум для одной длины волны совпадает с минимумом для другой (не ближе).

Пример 1

На диафрагму с круглым отверстием радиусом r=1 мм падает нормально параллельный пучок света длиной волны $\lambda=0.05$ мкм. На пути лучей, прошедших через отверстие, помещают экран. Определить максимальное расстояние b_{max} от центра отверстия до экрана, при котором в центре дифракционной картины будет наблюдаться тёмное пятно.

Решение.

Расстояние, при котором будет видно тёмное пятно, определяется числом зон Френеля, укладывающихся в отверстии. Если число зон чётное, то в центре дифракционной картины будет тёмное пятно.

Число зон Френеля, помещающихся в отверстии, убывает по мере удаления экрана от отверстия. Наименьшее чётное число зон равно двум. Следовательно, максимальное расстояние, при котором ещё будет наблюдаться тёмное пятно в центре экрана, определяется условием, согласно которому в отверстии должны поместиться две зоны Френеля.

Расстояние от точки наблюдения O на экране до края отверстия на $2(\lambda/2)$ больше, чем расстояние $R_0 = b_{max}$

По теореме Пифагора получим
$$r^2 = (b_{\max} + 2\frac{\lambda}{2})^2 - b_{\max}^2 = 2\lambda b_{\max} + \lambda^2$$

Учтя, что $\lambda\Box$ b_{\max} и что членом, содержащим λ^2 , можно пренебречь, последнее равенство перепишем в виде $r^2=2\lambda b_{\max}$, $omky\partial a\ b_{\max}=\frac{r^2}{2\lambda}$

Произведя вычисления по последней формуле, найдём $b_{\text{max}} = 1\,$ м.

Пример 2

На щель шириной a =0,1 мм нормально падает параллельный пучок света от монохроматического источника (λ = 0,6 мкм). Определить ширину l центрального максимума в дифракционной картине,

проецируемой с помощью линзы, находящейся непосредственно за щелью, на экран, отстоящий от линзы на расстоянии $L=1\,$ м.

Решение.

Центральный максимум интенсивности света занимает область между ближайшими от него справа и слева минимумами интенсивности. Поэтому ширину центрального максимума интенсивности примем равной расстоянию между этими двумя минимумами интенсивности.

Минимумы интенсивности света при дифракции от одной щели наблюдаются под углами φ , определяемыми условием a $\sin \varphi = \pm k \lambda$ (1),

где k — порядок минимума; в нашем случае равен единице.

Расстояние между двумя минимумами на экране определим по формуле: $l=2\mathrm{LT} g \varphi$.

Заметив, что при малых углах tg $\varphi \approx \sin \varphi$, перепишем эту формулу в виде

$$l = 2L\sin\varphi \quad (2)$$

Выразим $\sin \varphi$ из формулы (1) и в подставим его в равенство (2):

$$l = 2Lk \frac{\lambda}{a} (3)$$

Произведя вычисления по формуле (3), получим l = 1, 2 см.

Пример 3.

На дифракционную решетку нормально к ее поверхности падает параллельный пучок света с длиной волны $\lambda=0,5$ мкм. Помещенная вблизи решетки линза проецирует дифракционную картину на плоский экран, удаленный от линзы на L=1 м. Расстояние l между двумя максимумами интенсивности первого порядка, наблюдаемыми на экране, равно 20,2 см .

Определить:

- 1) постоянную d дифракционной решетки;
- 2) число n штрихов на 1 см;

- 3) число максимумов, которое при этом дает дифракционная решетка;
- 4) максимальный угол φ_{max} отклонения лучей, соответствующих последнему дифракционному максимуму.

Решение

1. Постоянная d дифракционной решетки, длина

волны λ и угол φ отклонения лучей, соответствующий k -му дифракционному максимуму, связаны соотношением dsin $\varphi = k\lambda$ (1)

где k — порядок спектра, или в случае монохроматического света порядок максимума.

В данном случае k=1, (ввиду того, что l/2 << L), tg $\varphi = (l/2)L$. С учетом последних трех равенств соотношение (1) примет вид $d\frac{l}{2I} = \lambda$,

откуда постоянная решетки $d = 2L\lambda/l$

Подставляя данные, получим d = 4,95 мкм.

- 2. Число штрихов на 1 см найдем из формулы n=1/d После подстановки числовых значений получим $n=2.02 \square 0^3 \ cm^{-1}$.
- 3. Для определения числа максимумов, даваемых дифракционной решеткой, вычислим сначала максимальное значение k_{max} исходя из того, что максимальный угол отклонения лучей решеткой не может превышать 90° . Из формулы (1) запишем

$$k_{\text{max}} = \frac{d}{\lambda} \sin \varphi \tag{2}$$

Подставляя сюда значения величин, получим $k_{max} = 9.9$.

Число k обязательно должно быть целым. В то же время оно не может принять значение, равное 10, так как при этом значении $\sin \varphi$ должен быть больше единицы, что невозможно. Следовательно, $k_{\rm max}=9$

Определим общее число максимумов дифракционной картины, полученной посредством дифракционной решетки. Влево и вправо

от центрального максимума будет наблюдаться по одинаковому числу максимумов, равному k_{max} , т. е. всего $2k_{\text{max}}$. Если учесть также центральный нулевой максимум, получим общее чисто максимумов

$$N = 2k_{max} + 1$$

Подставляя значение k_{max} найдем

$$N = 2D + 1 = 19$$
.

4. Для определения максимального угла отклонения лучей, соответствующего последнему дифракционному максимуму, выразим из соотношения (2) синус этого угла:

$$\sin \varphi_{\max} = \mathbf{k}_{\max} \frac{\lambda}{d}$$
. Отсюда $\varphi_{\max} = \arcsin(\mathbf{k}_{\max} \frac{\lambda}{d})$,

Подставив сюда значения величин λ , d, k и произведя вычисления, получим

$$\varphi_{\text{max}} = k_{\text{max}} \frac{\lambda}{d} = 65, 4^{\circ}$$

ПОЛЯРИЗАЦИЯ

При отражении света от границы раздела двух диэлектриков имеют место соотношения (формулы Френеля):

$$I'_{\perp} = I_{\perp} \frac{\sin^{2}(i-r)}{\sin^{2}(i+r)}, (1)$$

$$I'_{\square} = I_{\square} \frac{tg^{2}(i-r)}{tg^{2}(i+r)}, (2)$$

где I_{\perp},I'_{\perp} — интенсивности падающего и отраженного света, у которого колебания светового вектора (т. е. вектора напряженности E электрического поля световой волны) перпендикулярны плоскости падения; I_{\square},I'_{\square} — интенсивности падающего и отраженного света, у которого колебания светового вектора параллельны плоскости падения, i — угол падения, r — угол преломления.

Закон Брюстера: луч, отраженный от границы раздела двух диэлектриков, полностью поляризован, если угол падения $i_{\overline{b}}$ удовлетворяет условию.

$$tgi_E = n$$
, (3)

где n — относительный показатель преломления.

Закон Малюса: интенсивность света, прошедшего через поляризатор и анализатор, пропорциональна квадрату косинуса угла ф между их главными плоскостями, т. е.

$$I = I_0 \cos^2 \varphi , (4)$$

где I_0 — интенсивность поляризованного света, падающего на анализатор.

Степень поляризации света

$$P = (I_{Makc} - I_{MlH}) / (I_{Makc} + I_{MlH})$$
, (5)

где $I_{\text{макс}}$ и $I_{\text{мин}}$ — максимальная и минимальная интенсивности света, соответствующие двум взаимно перпендикулярным направлениям световых колебаний в луче.

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ

1. Задачи, в которых рассматривается поляризация света при отражении и преломлении на границе двух диэлектриков, решаются с помощью формул Френеля (1), (2). Их частным случаем является закон Брюстера (см. задачу № 25-1). Обратите внимание: в формуле (3), выражающей закон Брюстера, n — относительный показатель преломления двух диэлектриков, на границе которых происходит отражение света.

Для расчетов величин $I'_{\perp}, I'_{\parallel}$ по формулам (1), (2) необходимо знать углы падения i и преломления r. При падении света на границу двух сред со стороны оптически более плотной среды может случиться, что вычисления дадут для угла преломления $\sin r = (\sin i)/n > 1$. Так как угла r, удовлетворяющего этому неравенству, не существует, такой результат должен означать, что свет не будет преломляться на данной границе, т. е. возник-

нет полное внутреннее отражение. В этом случае $I'_{\perp}=I_{\perp}, I'_{\square}=I_{\square}$ и полная интенсивность отраженного луча $I'=I'_{\perp}+I'_{\square}$ равна интенсивности падающего луча $I=I_{\perp}+I_{\square}$.

2. Главной плоскостью (главным направлением) поляризатора называют плоскость, в которой происходят колебания световых векторов в плоскополяризованном луче, выходящем из прибора. Этими же терминами характеризуют анализатор, который представляет собой тот же прибор, что и

поляризатор, но служит для анализа поляризованного света. Следовательно, величина $^{\phi}$ в формуле (4) является одновременно углом между плоскостями, в которых колеблются световые векторы двух плоскополяризованных лучей: падающего на анализатор и выходящего из него.

Пример 2. Естественный свет падает под углом Брюстера на поверхность стекла (n=1,6). Определить коэффициент Отражения.

Решение. Коэффициент отражения $^{\rho}$ показывает, какую долю от интенсивности падающего света I составляет интенсивность отраженного света I т. е.

$$\rho = \frac{I'}{I}, (1)$$

Свет, отраженный от диэлектрика под углом Брюстера, полностью поляризован. При этом в отраженном луче присутствуют лишь световые колебания, перпендикулярные плоскости падения (см. задачу $N \ge 1$). Поэтому на основании формулы (1) и соотношения (1) задачи $N \ge 1$ получим

$$I' = I'_{\perp} = I_{\perp} \sin^2(i_B - r)$$
, (2)

Так как в естественном свете величина I_{\perp} составляет половину от полной интенсивности I , то из (1), (2) следует

$$\rho = \left(\frac{I_{\perp}}{I}\right) \sin^2(i_E - r) = 0.5 \sin^2(i_E - r)$$
, (3)

Углы ${}^{i_E}, {}^r$ можно найти, зная показатель преломления стекла n . По закону Брюстера, ${}^tgi_E=n=1,6$. Отсюда ${}^i_E=58^0$,

$$r = 90^{0} - 58^{0} = 32^{0}$$
; $i_{E} - r = 26^{0}$. Теперь из (3) получим $\rho = 0.5 \sin^{2} 26^{0} = 0.10$, или 10%.

Пример 3. Определить с помощью формул Френеля коэффициент отражения естественного света при нормальном падении на поверхность стекла (n=1,50).

Решение. Коэффициент отражения (см. задачу № 2) равен

$$\rho = \frac{I'}{I}$$

Во всех случаях, кроме рассмотренного в предыдущей задаче, отраженный свет содержит колебания как параллельные, так и перпендикулярные

плоскости падения. Следовательно, пользуясь обозначениями формул (1), (2), можно записать

$$\rho = (I'_{\perp} + I'_{\square})(I_{\perp} + I_{\square}), (1)$$

Так как на стекло падает естественный свет, то

$$I_{\perp} = I_{\square}$$
, (2)

Для отраженного света, вообще говоря, как это следует из формул (1), (2),

 $I'_{\perp} \neq I'_{\square}$ Однако при нормальном падении света, когда плоскость падения становится неопределенной (так как эта плоскость проходит через падающий луч и нормаль к поверхности), отраженный луч остается естественным. Поэтому, выбрав произвольно плоскость падения, запишем

$$I'_{\perp} = I'_{\square}$$
, (3)

Из формул (1) — (3) получаем

$$\rho = \frac{I'_{\perp}}{I_{\perp}} = \frac{I'_{\square}}{I_{\square}}, (4)$$

Любое из двух отношений (4) выражается соответствующей фортмулой Френеля. Однако при нормальном падении света, когда i=0 , r=0 , формулы (1), (2) становятся неопределенными. Чтобы раскрыть неопределенность, будем считать углы i,r весьма малыми, но отличными от нуля (так, будто свет падает почти нормально). Тогда с помощью любой из формул (1), (2) можно найти ρ . Например, заменив в (1) синусы малых углов углами, имеем

$$\rho = \frac{I'_{\perp}}{I_{\perp}} = \left(\frac{i-r}{i+r}\right)^2$$

Разделив числитель и знаменатель дроби на r и учитывая, что для малых

$$\dfrac{\iota}{-}=n$$

VГЛОВ r . ПОЛVЧИМ ОТВ $^{\epsilon}$

углов r , получим ответ:

$$\rho = \left(\frac{n-1}{n+1}\right)^2 = 4,0 \cdot 10^{-2}, \text{или } 4,0\%.$$

Пример 5. На пути частично поляризованного пучка света поместили николь. При повороте николя на угол $\phi = 60^{0}$ из положения, соответствующего максимальному пропусканию света, интенсивность прошедшего света уменьшилась в $\delta = 3,0$ раза. Найти степень поляризации падающего света.

Решение. Частично поляризованный свет можно рассматривать как смесь плоскополяризованного и естественного света. Николь всегда пропускает половину падающего на его естественного света (превращая его в плоскополяризованный). Степень пропускания поляризованного света, падающего на николь, зависит, согласно закону Малюса (4), от взаимной ориентации главных плоскостей поляризатора и анализатора. Поэтому полная интенсивность света, прошедшего через николь,

$$I = 0.5I_n + I_p \cos^2 \varphi$$
, (1)

где I_n, I_p — интенсивности естественной и поляризованной составляющих света, падающего на николь. Чтобы воспользоваться формулой (5), в нее величины согласно (1) равны: заметим, что входящие

$$I_{\text{макс}} = 0.5I_n + I_p$$
, (2)

$$I_{MUH} = 0.5I_{n,(3)}$$

По условию, $I_{{\scriptscriptstyle MAKC}} = \delta I$, или, согласно формулам (1) — (3),

$$I_{\text{MAKC}} = \delta \left[I_{\text{MUH}} + \left(I_{\text{MAKC}} - I_{\text{MUH}} \right) \cos^2 \varphi \right], (4)$$

Уравнение (4) содержит два неизвестных: $I_{{\scriptscriptstyle MAKC}}, I_{{\scriptscriptstyle MUH}}$. Достаточно найти их

$$\alpha = \frac{I_{MAKC}}{I}$$

 $\alpha = \frac{I_{_{MAKC}}}{I_{_{MUH}}}$, так как степень поляризации P , определяемую по (5), можно выразить через величину α :

$$P = \frac{(1-\alpha)}{(1+\alpha)}, (5)$$

Разделив обе части уравнения (4) на $I_{\text{макс}}$, имеем

$$1 = \delta \left| \alpha + (1 - \alpha) \cos^2 \varphi \right|$$

Выразив отсюда α и подставив в (5), получим ответ:

$$P = \frac{\delta - 1}{1 + \delta \left(1 - 2\cos^2 \varphi\right)} = 0.8$$

Пример 6. Из кварца нужно вырезать пластинку, параллельную оптической оси кристалла, толщиной около 0,6 мм так, чтобы плоскополярнзованный луч желтого света ($\lambda = 0.589$ мкм), пройдя пластинку, стал поляризованным по кругу. Рассчитать толщину пластинки, если для желтых

лучей в кварце показатели преломления обыкновенного и необыкновенного лучей соответственно равны: $n_0=1,544$, $n_e=1,553$.

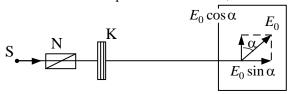


Рис. 2 Решение. Скорость света в кристалле зависит от угла α между вектором световых колебаний E и оптической осью кристалла. Так, в кварце

 $\alpha = \frac{\pi}{2}$ при скорость света — наибольшая, следовательно, показатель пре-

ломления n_0 — наименьший(известно, что $^{n}=\frac{c_0}{c}$, где c_0,c - скорости света вакууме и данной среде соответственно); при $^{\alpha}=0$ скорость света — наименьшая, а показатель преломления — наибольший. Поэтому если на пластинку кварца K , вырезанную параллельно оптической оси кристалла, падает плоскополяризованный луч (например, испущенный источником S и прошедший через николь N , рис. 2), световые колебания которого имеют амплитуду E_0 и составляют угол $^{\alpha}$ с оптической осью кристалла, то внутри пластинки будут распространяться по одному направлению, но#с разной скоростью два луча — две компоненты поляризованного света. В одном луче — обыкновенном — колебания перпендикулярны оптической оси и имеют амплитуду E_0 sin $^{\alpha}$, в другом — необыкновенном — колебания параллельны оптической оси и имеют амплитуду E_0 со $^{\alpha}$. Заметим, что при $^{\alpha}$ = $^{45^0}$ амплитуды обоих лучей равны.

Обладая разными скоростями, обыкновенный и необыкновенный лучи, пройдя пластинку K, приобретут некоторую разность фаз $^{\phi}$, которая согласно формуле (3) связана с оптической разностью хода лучей $^{\Delta}$ соотношением

$$\varphi = \frac{2\pi\Delta}{\lambda}, (1)$$

где величина Δ определяется формулами (1), (2):

$$\Delta = l \left(n_e - n_0 \right) , (2)$$

Из (1), (2) получим разность фаз обоих лучей:

$$\varphi = 2\pi l \left(n_e - n_0 \right) / \lambda, (3)$$

В результате сложения двух взаимно перпендикулярных колебаний одинаковых периодов, но разных фаз возникнут эллиптические колебания, при которых конец вектора E описывает эллипс. В частности, при равен-

стве амплитуд ($\alpha = 45^0$) и разности фаз $\phi = \frac{\pi}{2}$ эллипс превратится в окружность. При этом свет будет поляризован по кругу.

Очевидно, к тому же результату придем, положив разность фаз равной

$$\varphi = \frac{\pi}{2} + 2k\pi(k = 1, 2, 3, ...)$$

Из (3), (4) найдем толщину пластинки, необходимую для получения света с круговой поляризацией:

$$l = \frac{\left(k + \frac{1}{4}\right)\lambda}{n_0 - n_e}, (5)$$

Подставив в (5) числовые значения l , l , l , l , l , l принимаем равным 0,60 мм), найдем для числа k значение 8,9. Так как k — целое число, то, округлив результат до ближайшего целого числа, возьмем k = 9 . Теперь, подставив k = 9 в (5), определим точное значение толщины пластинки (ближайшее к 0,6 мм), необходимое для круговой поляризации света: l = 0,605 m .

3. РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ВЫПОЛНЕНИЮ ДОМАШНЕЙ РАБОТЫ

При решении проверив правильность общего решения, подставить числа в окончательную формулу и указать единицы измерения искомой физической величины, проверив правильность ее размерности. Задач целесообразно использовать следующие методические рекомендации:

1. Изучив условие задачи, сделать краткую его запись, выразив все данные в СИ, и дать схематический чертеж, поясняющий содержание задачи. При работе с векторными величинами необходимо соблюдать правильное обозначение векторов,

- изображая векторы графически, следует соотносить их длины в соответствии с условием задачи.
- 2. Выяснив, какие физические законы лежат в основе данной задачи, решить ее в общем виде, т.е. выразить искомую физическую величину через заданные в задаче величины в буквенных обозначениях без подстановки числовых значений в промежуточные формулы.

3.

4. ТРЕБОВАНИЯ К ОФОРМЛЕНИЮ ДОМАШНЕЙ РАБОТЫ

Практические занятия и домашние задания

- 1.В текущем семестре студент должен посетить восемь практических занятий и выполнить два домашних задания.
- 2. Студент, пропустивший практическое занятие, обязан проработать тему занятия и представить преподавателю задачи, рассмотренные в аудитории и рекомендованные для решения дома.
- 3. Домашние задания выдает преподаватель на первом занятии путем распределения вариантов задания.
- 4. Домашние задание студент выполняет в отдельной тетради объемом 24 листа.

5.Каждая задача домашнего задания должна быть представлена в следующем виде:

- -полное условие задачи;
- -рисунок, поясняющий суть задачи, с указанием геометрических и физических величин, приведенных в условии;
- -решение задачи в общем виде с подробными пояснениями;
- -проверка размерности решения и его анализ.
- 6.Сдача отчета по домашней работе проводится по мере их решения, а последняя задача не позднее 7 (для домашнего задания $N \ge 1$) и 14 (для домашнего задания $N \ge 2$) недели семестра.
- 7. Работу над ошибками студент выполняет в тетради для домашней работы.
- 8.Консультации по домашнему заданию проводятся преподавателем еженедельно, а защита заданий на 7 (для домашнего задания №1) и 14 (для домашнего задания №2) неделе семестра.

Методическая комиссия кафедры физики

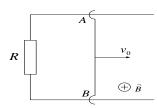
ЗАДАНИЯ 5. **ИНДИВИДУАЛЬНЫЕ** (ВАРИАНТЫ ДОМАШНЕЙ РАБОТЫ)

ВАРИАНТ 1

Задача №1. Электрон, обладая скоростью v= 1Мм/с, влетает в однородное магнитное поле под углом $\alpha = 60^{\circ}$ к направлению поля и начинает двигаться по спирали. Напряженность магнитного поля Н = 1,5 кА/м. Определите: 1) шаг спирали; 2) радиус витка спирали.

OTBET: 1)
$$h = 9.49 \text{ MM}$$
; 2) $R = 2.62 \text{ MM}$.

Задача N = 2. Проводник AB массы m скользит по двум длинным проводящим рельсам, расположенным на расстоянии l друг от друга. На ле-



вом конце, рельсы замкнуты сопротивлением R. Система находится в однородном магнитном поле, пер.... контура. В момент t=0 стержню де контура. В момент t=0 стержню де щили вправо начальную скорость v_0 . Пренебрегая сопротивлением рельсов и стержня пройденное стержнем

AB, а также самоиндукцией, найти: а) расстояние, пройденное стержнем до остановки; б) количество тепла, выделенное при этом на сопротивлении R

Otbet:
$$s = \frac{v_0 mR}{l^2 B^2}$$
; $Q = \frac{1}{2} m v_0^2$.

Задача N = 3. Определить индуктивность L двухпроводной линии на участке длиной l. Радиус провода равен R, расстояние между осевыми линиями равно d. (Учесть только внутренний магнитный поток, т.е. поток, пронизывающий контур, ограниченный проводами).

Otbet:
$$L = \frac{\mu_0 l}{\pi} \ln \frac{d - R}{R}$$
.

Задача №4. Обмотка тороида содержит п=10 витков на каждый сантиметр длины. Сердечник немагнитный. При какой силе тока в обмотке плотность энергии w магнитного поля равна 1 Дж/м³?

Ответ: I=1,26 А.

Задача №5. Плоская электромагнитная волна $E = E_m \cos{(\omega t - \vec{k}\vec{r})}$ распространяется в вакууме. Считая векторы E_m и к известными, найти вектор H как функцию времени t в точке с радиусом-вектором r=0.

Otbet:
$$\vec{H} = \frac{\varepsilon_0 c}{k} [\vec{k} \vec{E}] cos(ckt)$$

Задача №6. На дифракционную решетку нормально к ее поверхности падает параллельный пучок света с длинной волны $\lambda=0,5$ мкм. Помещенная вблизи решетки линза проецирует дифракционную картину на плоский экран, удаленный от линзы наL=1м. Расстояние l между двумя максимумами интенсивности первого порядка, наблюдаемыми на экране, равно 20,2 см. Определить: 1) постоянную d дифракционной решетки; 2) число n штрихов на 1 см; 3) число максимумов, которое при этом дает дифракционная решетка; 4) максимальный угол φ_{max} отклонения лучей, соответствующих последнему дифракционному максимуму.

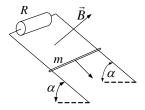
Otbet: 1)
$$d\frac{2L\lambda}{l} = 4,95 \text{mkm};$$
 2) $n = 2,02 \cdot 10^3 \text{cm}^{-1};$ 3) $N = 19;$ 4) $\varphi_{\text{max}} = 65,4^{\circ}.$

ВАРИАНТ 2

Задача №1. В некоторой области пространства имеются однородные электрическое и магнитное поля, у которых вектора \vec{E} и \vec{B} сонаправлены. С каким ускорением а станет двигаться электрон, влетевший в эти поля со скоростью v=600м/с под углом $\alpha=60^\circ$ к линиям векторов \vec{E} и \vec{B} , если $E=0,2\kappa B$ / m, B=20mTn?

Other:
$$a = \frac{e}{m} \sqrt{(Bv sin \alpha)^2 + E^2} = 3.5 \cdot 10^{13} \,\text{M/c}^2$$
.

Задача №2. По двум гладким медным шинам, установленным под уг-



лом α к горизонту, скользит под действием силы тяжести медная перемычка массы m. Вверху шины замкнуты на сопротивление R. Расстояние между шинами l. Система находится в однородном магнитном поле с индукцией B, перпендикулярном к плоскости, в которой перемещается перемычка. Сопротивления шин, пере-

мычки и скользящих контактов, а также самоиндукция контура пренебрежимо малы. Найти установившуюся скорость перемычки.

Otbet:
$$v = \frac{mgR\sin\alpha}{B^2l^2}$$

Задача №3. По длинному прямому проводу течет ток. Вблизи провода расположена квадратная рамка из тонкого провода сопротивлением R. Провод лежит в плоскости рамки и параллелен двум ее сторонам, расстояния до которых до проводов соответственно равны a_1 и a_2 . Найти силу тока I в проводе, если при его включении через рамку протекло количество электричества Q.

Otbet:
$$I = \frac{2\pi RQ}{\mu_0 (a_2 - a_1) \ln \frac{a_2}{a_1}}$$
.

Задача №4. На стержень из немагнитного материала длиной Z=50 см намотан в один слой провод так, что на каждый сантиметр длины стержня приходится 20 витков. Определить энергию W магнитного поля внутри соленоида, если сила тока I в обмотке равна 0,5 А. Площадь S сечения стержня равна 2 см².

Ответ: W=126 мкДж.

Задача №5. В вакууме распространяется плоская электромагнитная волна $E = e_y E_m \cos(\omega t - kx)$, где e_y — орт оси у, $E_m = 160$ В/м, k=0,51 м⁻¹. Найти вектор Н в точке с координатой x=7,7 м в момент времени t=0.

Other:
$$\vec{H} = \vec{e}_z \varepsilon_0 c E_m cos(kx) = -0.30 \vec{e}_z$$
.

Задача №6. Определите, во сколько раз ослабится интенсивность света, прошедшего через два николя, расположенные так, что угол между их главными плоскостями $\alpha=60^\circ$, а в каждом из николей теряется 8% интенсивности падающего света.

Otbet:
$$\frac{I_0}{I_2} = 9,45$$
.

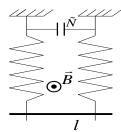
ВАРИАНТ 3

Задача №1. Протон, пойдя ускоряющую разность потенциалов U = 800B влетает в однородные, скрещенные под прямым углом магнитное $B = 50 MT \pi$ и электрическое поля. Определить напряженность Е

электрического поля, если протон движется в скрещенных полях прямолинейно.

Otbet:
$$E = B\sqrt{\frac{2QU}{m}} = 19,6\kappa B/M$$

Задача \mathfrak{N} 2. Проводник массой m и длиной l подвешен к диэлектрику



с помощью двух одинаковых пружин с общей жесткостью k. Однородное магнитное поле с индукцией B направлено перпендикулярно плоскости рисунка. К верхним концам пружины присоединен конденсатор емкостью С. Пренебрегая сопротивлением, собственной индуктивностью и емкостью проводников, определите период колебаний системы в вертикальной плоскости.

Otbet:
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m + B^2 l^2 c}{k}}$$

Задача №3. Вычислить взаимную индуктивность длинного прямого провода и прямоугольной рамки со сторонами a и b. Рамка и провод лежат в одной плоскости, причем ближайшая к проводу сторона рамки длиной b параллельна проводу и отстоит от него на расстояние l.

Otbet:
$$L_{12} = \frac{\mu_0 b}{2\pi} \ln \left(1 + \frac{a}{l} \right)$$
.

Задача №4. Тороид с воздушным сердечником содержит 20 витков на 1 см. Определите объемную плотность энергии в тороиде, если по его обмотке протекает ток 3 А.

Ответ: $w=22,6 \, \text{Дж/м}^3$.

Задача №5. В вакууме распространяется плоская электромагнитная волна, частота которой $v=100~{\rm M}\Gamma$ ц и амплитуда электрической составляющей $E_m=50~{\rm mB/m}$. Найти среднее за период колебаний значение плотности потока энергии.

Ответ:
$$\langle S \rangle = \frac{\varepsilon_0 c}{2} E_m^2 = 3,3 \text{ мкВт/м}^2$$

Задача №6. На диафрагму с круглым отверстием радиусом r=1мм падает нормально параллельный пучок света длиной волны $\lambda=0,05$ мкм . На пути лучей, прошедших через отверстие, помещают экран. Определить

максимальное расстояние b_{\max} от центра отверстия до экрана, при котором в центре дифракционной картины будет наблюдаться темное пятно.

Ответ:
$$b_{\text{max}} = \frac{r^2}{2\lambda} = 1 M$$
.

ВАРИАНТ 4

Задача №1. Ионы двух изотопов с массами $m_1 = 6,5 \cdot 10^{-26} \, \mathrm{kr}$ и $m_2 = 6,8 \cdot 10^{-26} \, \mathrm{kr}$, ускоренные разностью потенциалов $U = 0,5 \kappa B$, влетают в однородное магнитное поле с индукцией $B = 0,5 T \pi$ перпендикулярно линиям индукции. Принимая заряд каждого иона равным элементарному электрическому заряду, определите, на сколько будут отличаться радиусы траекторий ионов изотопов в магнитном поле.

Ответ:
$$R_1 - R_2 = 0.917$$
 мм.

Задача №2. Прямой провод длиной l=40cM движется в однородном магнитном поле со скоростью $\upsilon=5M/c$ перпендикулярно линиям индукции. Разность потенциалов U между концами провода равна 0,6B. Вычислить индукцию B магнитного поля.

Ответ: 0,3Тл.

Задача №3. Проволочный виток радиусом r, имеющий сопротивление R, находится в однородном магнитном поле с индукцией B. Плоскость рамки составляет угол α с линиями индукции поля. Какое количество Q электричества протечет по витку, если магнитное поле исчезнет?

OTBET:
$$Q = \frac{\pi r^2 B \sin \alpha}{R}$$
.

Задача №4. Катушка без сердечника длиной ℓ =50 см содержит N=200 витков. По катушке течёт ток I=1A. Определите объёмную плотность энергии магнитного поля внутри катушки.

Ответ: $w=0,1 \text{ Дж/м}^3$.

Задача №5. Шар радиуса R=50 см находится в немагнитной среде проницаемости $\epsilon=4,0$. В среде распространяется плоская электромагнитная волна, длина которой λ «R и амплитуда электрической составляющей $E_m=200$ В/м. Какая энергия падает на шар за время t=60 с.

Ответ:
$$W=\frac{1}{2}\sqrt{\frac{\varepsilon\varepsilon_0}{\mu_0}}E_m^2\pi R^2t=5$$
 кДж.

Задача №6. Вычислить радиус ρ_5 пятой зоны Френеля для плоского волнового фронта ($\lambda=0.5$ мкм), если построение делается для точки наблюдения, находящейся на расстоянии b=1м от фронта волны.

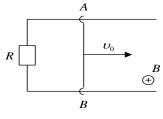
Ответ: $\rho_5 = 1,58$ мм.

ВАРИАНТ №5

Задача №1. В однородное магнитное поле с магнитной индукцией 0,2 Тл перпендикулярно линиям магнитной индукции с постоянной скоростью влетает заряженная частица. В течение 5 мкс включается электрическое поле напряженностью 0,5 кВ/м в направлении, параллельном магнитному полю. Определите шаг винтовой траектории заряженной частицы.

Ответ: h = 7,85 cм

Задача №2. По П-образному проводнику, расположенному в горизонтальной плоскости, может скользить без трения перемычка АВ. Последняя



имеет длину l, массу m и сопротивление R. Вся система находится в однородном магнитном поле с индукцией B, направленном вертикально. В момент t=0 на перемычку начали действовать постоянной горизонтальной силой F, и перемычка начала перемещаться поступательно вправо. Найти зависимость от

времени t скорости перемычки. Индуктивность контура и сопротивление Π -образного проводника пренебрежимо малы.

Ответ:
$$\upsilon = \frac{F}{\alpha \cdot m} (1 - e^{-\alpha t})$$
, где $\alpha = \frac{B^2 l^2}{mR}$.

Задача №3. По кольцу, сделанному из тонкого гибкого провода радиусом R, течет постоянный ток I. Перпендикулярно плоскости кольца возбуждено магнитное поле с индукцией B, по направлению совпадающей с

индукцией B_1 собственного магнитного поля кольца. Определить работу A внешних сил, которые, действуя на провод, деформировали его и придали ему форму квадрата. Сила тока при этом поддерживалась постоянной. Работой против упругих сил пренебречь.

OTBET:
$$A = \pi I B R^2 \left(1 - \frac{\pi}{4} \right)$$
.

Задача №4. Обмотка тороида с немагнитным сердечником имеет $\pi = 10$ витков на каждый сантиметр длины. Определить плотность энергии w поля, если по обмотке течет ток I=16 A.

Ответ: $w=161 \text{ Дж/м}^3$.

Задача №5. Найти средний вектор Пойтинга плоской электромагнитной волны с электрической составляющей $E = E_m \cos{(\omega t - \vec{k} \vec{r})}$, если волна распространяется в вакууме.

Other:
$$\langle S \rangle = \frac{k \varepsilon_0 c^2}{2\omega} E_m^2$$
.

Задача №6. Определите степень поляризации Р света, который представляет собой смесь естественного света с плоскополяризованным, если интенсивность поляризованного света равна интенсивности естественного.

Ответ: P = 0.5.

ВАРИАНТ №6

Задача №1. В однородном магнитном поле с индукцией $B=2T\pi$ движется протон. Траектория его движения представляет собой винтовую линию с радиусом R=10cm и шагом h=60cm. Определить кинетическую энергию протона.

Ответ: $T = (4\pi^2 R^2 + h^2)B^2 e^2 / (8\pi^2 m) = 580 \phi \mathcal{Д}ж$, (m – масса протона).

Задача №2. Прямой провод длиной l=10cM помещен в однородном магнитном поле с индукцией $B=1T\pi$. Концы его замкнуты гибким проводом, находящимся вне поля. Сопротивление R всей цепи равно 0,4OM. Какая мощность P потребуется для того, чтобы двигать провод перпендикулярно линиям индукции со скоростью $\upsilon=20M/c$?

Ответ: 10Вт.

Задача №3. На расстоянии a от длинного прямого провода с током I находится кольцо радиусом r. Кольцо расположено так, что поток, пронизывающий его, максимален. Определить количество электричества Q, которое протечет по кольцу, когда ток в проводнике будет выключен. Сопротивление кольца равно R. (Поле в пределах кольца считать однородным).

OTBET:
$$Q = \frac{\mu_0 I r^2}{2aR}$$
.

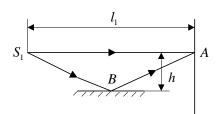
Задача №4. Объемная плотность энергии магнитного поля внутри соленоида длиной 50 см и малого диаметра равна $0,7 \, \text{Джc} \, / \, \text{м}^3$. Число витков в соленоиде равно 400. Определите силу тока в соленоиде.

Ответ: I=1,32 А.

Задача №5 По прямому длинному проводнику круглого сечения течет постоянный ток І. Найти поток вектора Пойтинга через боковую поверхность участка данного проводника, имеющего сопротивление R.

Otbet:
$$\Phi_S = I^2 R$$
.

Задача №6. Луч S_1A перпендикулярен экрану, луч S_1BA отражен от



зеркала, параллельного лучу S_1A (см. рис.). $S_1A=1$ м, h=2мм. Длина волны $\lambda=0.5$ мкм. Определите номер интерференционной полосы.

Ответ:
$$N = \frac{4h^2}{\lambda l_1} + 1 = 33$$
.

6. КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ

- 1. Поясните, почему движущийся заряд по своим магнитным свойствам эквивалентен элементу тока?
- 2. Рассчитайте, чему равна работа силы Лоренца при движении протона в магнитном поле?
- 3. Поясните, почему магнитное поле является вихревым?
- 4. Поясните, в чем заключается явление электромагнитной индукции? Всегда ли при изменении магнитной индукции в проводящем контуре в нем возникает ЭДС индукции?

- 5. Покажите, что закон Фарадея есть следствие закона сохранения энергии.
- 6. Поясните, в чем заключается физический смысл индуктивности контура, взаимной индуктивности контуров? От чего они зависят?
- 7. Запишите и проанализируйте выражение для объемной плотности энергии электростатического и магнитного полей? электромагнитного поля?
- 8. Напряженность магнитного поля возросла в п раз. Как изменилась объемная плотность энергии магнитного поля?
- 9. Поясните, для чего вводят понятия временной и пространственной когерентности?
- 10. Как изменится интерференционная картина в опыте Юнга, если эту систему поместить в воду?
- 11. Почему центр колец Ньютона, наблюдаемых в проходящем свете, обычно светлый?
- 12. Почему дифракция не наблюдается на больших отверстиях и больших дисках?
- 13. Отличается ли дифракция на щели при освещении ее монохроматическим и белям светом?
- 14. Определите наибольший порядок спектра дифракционной решетки?
- 15. Как изменяется интенсивность света за поляризатором при его вращении вокруг пучка естественного света?
- 16. Определите, как ориентированы поляризаторы, если интенсивность естественного света, пропущенного через два поляризатора, уменьшилась вдвое?
- 17. Обоснуйте, возможна ли поляризация для продольных волн?
- 18. Чем обусловлено двойное лучепреломление в оптически анизотропном одноосном кристалле?
- 19. Объясните, чем замечателен угол Брюстера?
- 20. Покажите, что при выполнении закона Брюстера отраженный и преломленный лучи взаимно перпендикулярны.

7. РЕКОМЕНДУЕМЫЕ ИСТОЧНИКИ ИНФОРМАЦИИ

- 1. Иродов И.Е. Задачи по общей физике. [Электронный ресурс]: учеб. пособие / И.Е. Иродов. Электрон.дан.— СПб.: Лань. 2016. 416с. режим доступа: http://e.lanbook.com/book/71750
- 2. Савельев И.В. Сборник вопросов и задач по общей физике. [Электронный ресурс]: учеб. пособие / И.В. Савельев.- Электрон.дан.- СПб.: Лань, 2013. 288с. режим доступа: http://e.lanbook.com/book/32823

8. ПРИЛОЖЕНИЕ1

СПИСОК ОСНОВНЫХ ФОРМУЛ

Сила Лоренца	$\overrightarrow{F} = Q \begin{bmatrix} \overrightarrow{v}, \overrightarrow{B} \end{bmatrix}$ или $F = Q v B \sin \alpha$
Скорость распространения электромагнитной волны	$v = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \varepsilon_0}} \frac{1}{\sqrt{\varepsilon \mu}} = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon \mu}}$
Объемная плотность энергии электромагнитной волны	$u = \frac{1}{2} \left(\varepsilon \varepsilon_0 E^2 + \mu \mu_0 H^2 \right)$
Связь напряженности E и H в электромагнитной волне	$\sqrt{\varepsilon\varepsilon_0}E = \sqrt{\mu\mu_0}H$
Энергия, проходящая через площадку <i>S</i> в единицу времени	$\frac{\partial W}{\partial t} = EHS\cos\alpha$
Второе уравнению Максвелла	$\iint_{L} \vec{H} d\vec{l} = \frac{d}{dt} \iint_{S} \vec{D} d\vec{S} = \frac{dq}{dt}$
Уравнение плоской волны	$E_1 = A_1 \cos(\omega t + \alpha_1)$
Результирующее колебание	$E = E_1 + E_2 = A\cos(\omega t + \delta)$
Условие максимума (оптическая разность хода равна четному числу полуволн).	$\frac{2\pi}{\lambda_0} \Delta = \pm 2\pi m$
Условие минимума (оптическая разность хода равна нечетному числу полуволн)	$\frac{2\pi}{\lambda_0} \Delta = \pm (2m+1)\pi$

Разность хода, приобретаемая лучами в тонких пленках	$\Delta = nS_2 - n_1 = 2b\sqrt{n^2 - \sin^2\beta} - \frac{\lambda_0}{2}$
Радиусы светлых и темных колец Ньютона	$r = \sqrt{R\lambda_0(m-1)/2}$
Радиус k -ой зоны Френеля для сферической волны:	$r_k = \sqrt{\frac{ab}{a+b}} k\lambda \tag{4}$
Радиус k -ой зоны Френеля для плоской волны	$r_k = \sqrt{bk\lambda} (5)$
Число открытых зон Френеля	$m = \frac{r_0^2}{\lambda} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right)$
Условие главных максимумов дифракционной решетки	$d\sin\varphi = m\lambda, (m = 0, 1, 2)$
Закон Малюса	$I = I_0 \cos^2 \varphi$
Степень поляризации света	$P = (\mathbf{I}_{\textit{MAKC}} - \mathbf{I}_{\textit{MUH}}) / (\mathbf{I}_{\textit{MAKC}} + \mathbf{I}_{\textit{MUH}})$
Закон Брюстера	$tgi_{\mathcal{E}} = n$