Министерство образования и науки Российской Федерации

Калужский филиал федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (КФ МГТУ им. Н.Э. Баумана)

И.И. Кручинин (к.т.н. доцент)

лабораторная работа № 5 по курсу «Методы машинного обучения» Методы классификации многомерных объектов пересекающихся классов в условиях кластеризации исследуемых множеств

Приложение

Калуга 2018

Теоретические основы.

Под кластеризацией (от англ. cluster - гроздь, скопление) понимается задача разбиения всей исходной совокупности элементов на отдельные группы однородных объектов, сходных между собой, но имеющих отчетливые отличия этих групп друг от друга. Пусть d(xi,xj) - некоторая мера близости между каждой парой классифицируемых объектов i и j. В качестве таковой может использоваться любая полезная функция: евклидово или манхэттенское расстояние, коэффициент корреляции Пирсона, расстояние $\chi 2$, коэффициенты сходства Жаккара, Съеренсена, Ренконена и многие другие.

Алгоритмы кластеризации, основанные на разделении

Алгоритмы неиерахического разделения (Partitioning algorithms) осуществляют декомпозицию набора данных, состоящего из п наблюдений, на k групп (кластеров) с заранее неизвестными параметрами. При этом выполняется поиск центроидов - максимально удаленных друг от друга центров сгущений точек Сk с минимальным разбросом внутри каждого кластера. К разделяющим алгоритмам относятся:

метод k средних Мак-Кина (k-means clustering; MacQueen, 1967), в котором каждый из k кластеров представлен центроидом; разделение вокруг k медоидов или PAM (Partitioning Around Medoids; Kaufman, Rousseeuw, 1990), где медоид - это центроид, координаты которого смещены к ближайшему из исходных объектов данных; алгоритм CLARA (Clustering Large Applications) - метод, весьма похожий на PAM и используемый для анализа больших наборов данных.

Итак, в качестве вывода необходимо отметить ряд реализаций алгоритмов кластеризации на языке статистического моделирования R:

1. Метод К-средних

```
library(cluster)
data("USArrests")
df.stand <- as.data.frame(scale(USArrests))
set.seed(5)
c(kmeans(df.stand, centers = 5, nstart = 1)$tot.withinss,
kmeans(df.stand, centers = 5, nstart = 25)$tot.withinss)
k.max <- 15 # максимальное число кластеров
wss <- sapply(1:k.max, function(k){
kmeans(df.stand, k, nstart = 10)$tot.withinss
```

```
})
library(factoextra)
fviz_nbclust(df.stand, kmeans, method = "wss") +
    geom_vline(xintercept = 4, linetype = 2)

2. Метод РАМ
set.seed(123)
gap_stat <- clusGap(df.stand, FUN = pam, K.max = 7, B = 100)
print(gap_stat, method = "firstmax")
(k.pam <- pam(df.stand, k = 4))
fviz silhouette(silhouette(k.pam))</pre>
```

3. Алгоритмы CLARA (Clustering Large Applications) и Fanny.

```
library(cluster)
data("USArrests")
set.seed(123)
res.fanny <- fanny(USArrests, k = 4, memb.exp = 1.7,
metric = "euclidean", stand = TRUE, maxit = 500)
print(head(res.fanny$membership),3)
```

fviz nbclust(df.stand, pam, method = "silhouette")

4. Алгоритм ЕМ

Статистические алгоритмы основаны на предположении, что кластеры неплохо описываются некоторым семейством вероятностных распределений. Тогда задача кластеризации сводится к разделению смеси распределений по конечной выборке

Напомним, что ЕМ-алгоритм заключается в итерационном повторении двух шагов. На Е-шаге по формуле Байеса вычисляются скрытые переменные g_{iy} . Значение g_{iy} равно апостериорной вероятности того, что объект $x_i \in X^t$ принадлежит кластеру $y \in Y$. На М-шаге уточняются параметры каждого кластера (μ_y, Σ_y), при этом существенно используются скрытые переменные g_{iy} .

Expectation Maximization (!)

E Expectation: при фиксированных μ_k, Σ_k, π_k

$$\gamma(z_{nk}) = \frac{\pi_k \mathcal{N}(\mathbf{x}_n | \mu_k, \Sigma_k)}{\sum_{j=1}^K \pi_j \mathcal{N}(\mathbf{x}_n | \mu_j, \Sigma_j)}$$

M Maximization: при фиксированных $\gamma(z_{nk})$

$$N_k = \sum_{n=1}^{N} \gamma(z_{nk}), \ \mu_k = \frac{1}{N_k} \sum_{n=1}^{N} \gamma(z_{nk}) \mathbf{x}_n$$

$$\Sigma_k = \frac{1}{N_k} \sum_{n=1}^{N} \gamma(z_{nk}) (\mathbf{x}_n - \mu_k) (\mathbf{x}_n - \mu_k)^T$$
$$\pi_k = \frac{N_k}{N}$$

S Остановиться при достижении сходимости

Пример программного кода.

```
library(cluster)
ramFo = data.frame(read.table("cleverK.txt", header = TRUE, sep = ""))
#print("Исходные данные")
#print(ramFo)
alg \leftarrow matrix(0:0, nrow=150, ncol=4)
for (i in 1:50) {
 for (j in 1:4)
  alg[i,j] = sample(5:50,1)
}
}
for (i in 51:100) {
 for (j in 1:4)
  alg[i,j] = sample(51:95,1)
}
for (i in 101:150) {
 for (j in 1:4) {
```

```
alg[i,j] = sample(1:4,1)
}
}
#alg
write.table(alg, file="GMB1.txt")
ramFo2 = data.frame(read.table("GMB1.txt", header = TRUE, sep = ""))
#C1 <- c("Выгодная")
ramFoT = data.frame(read.table("org.txt", header = TRUE, sep = ""))
ramFo2 <- cbind(ramFo2, ramFoT$V1)
ramFo2
#layout (matrix (c(1,2,3,4,5,6,7,8,9,10),2,5))
df.stand <- as.data.frame(scale(ramFo2[,1:4]))
set.seed(10)
c(kmeans(df.stand, centers = 4, nstart = 3)\$tot.withinss,
 kmeans(df.stand, centers = 7, nstart = 35)\$tot.withinss, kmeans(df.stand,
centers = 11, algorithm= "Hartigan-Wong", nstart = 8)$tot.withinss)
k.max <- 12 # максимальное число кластеров
wss <- sapply(1:k.max, function(k){
     kmeans(df.stand, k, nstart = 14, algorithm= "Hartigan-Wong")
Stot.withinss
})
plot(1:k.max, wss, type = "b", pch = 19, frame = FALSE,
   xlab = "Число кластеров К",
   ylab = "Общая внутригрупповая сумма квадратов")
i=3
for (i in 1:20000000) {
 j=j+1
}
```

```
ramFo2.x <- ramFo2[, 1:4]
cl3 <- pam(ramFo2.x, 3)$clustering
op \leq- par(mfrow= c(2,2))
clusplot(ramFo2.x, cl3, color = TRUE)
U <- par("usr")
## zoom in:
rect(0,-1, 2,1, border = "orange", lwd=2)
clusplot(ramFo2.x, cl3, color = TRUE, xlim = c(0,2), ylim = c(-1,1))
box(col="orange",lwd=2); mtext("sub region", font = 4, cex = 2)
## or zoom out:
clusplot(ramFo2.x, cl3, color = TRUE, xlim = c(-4,4), ylim = c(-4,4))
mtext("`super' region", font = 4, cex = 2)
rect(U[1],U[3],U[2],U[4],lwd=2,ltv=3)
# reset graphics
par(op)
j=3
for (i in 1:15000000) {
 j=j+1
}
cl33 <- pam(ramFo2.x, 3, medoids = c(1,2,3), metric="manhattan")$clus-
tering
clusplot(ramFo2.x, cl33, color = TRUE)
i=3
for (i in 1:15000000) {
 j=j+1
library(mclust)
# Clustering
#mod1 <- Mclust(ramFo2[,1:4])
#summary(mod1)
#plot(mod1, what = c("BIC", "classification"))
```

```
clPairs(ramFo2[,1:4], cl = ramFoT$V1)
clp <- clPairs(ramFo2[,1:4], cl = ramFoT$V1, lower.panel = NULL)
clPairsLegend(0.1, 0.4, class = clp$class,
col = clp$col, pch = clp$pch.
title = "Products of the SUMMER DAY")
i=3
for (i in 1:15000000) {
 j=j+1
## Not run:
msEst <- mstep(modelName = "EEE", data = ramFo2[,-5],
z = unmap(ramFo2[,5])
names(msEst)
em(modelName = msEst$modelName, data = ramFo2[,-5],
parameters = msEst$parameters)
#do.call("em", c(list(data = ramFo2[,-5]), msEst)) ## alternative call
## End(Not run)
odd \leftarrow seq(from = 1, to = nrow(ramFo2), by = 2)
even <- odd + 1
X.train <- ramFo2[odd,-5]
Class.train <- ramFo2[odd,5]
X.test <- ramFo2[even,-5]
Class.test <- ramFo2[even,5]
# common EEE covariance structure (which is essentially equivalent to
linear discriminant analysis)
irisMclustDA <- MclustDA(X.train, Class.train, modelType = "EDDA",
modelNames = "EEE")
summary(irisMclustDA, parameters = TRUE)
summary(irisMclustDA, newdata = X.test, newclass = Class.test)
```

 $z \leftarrow unmap(ramFo2[,5])$

```
z[1:5,]
emEst \le me(modelName = "VVV", data = ramFo2[,-5], z = z)
emEst$z[1:5,]
map(emEst$z)
irisBIC <- mclustBIC(ramFo2[,-5])</pre>
irisModel <- mclustModel(ramFo2[,-5], irisBIC)</pre>
names(irisModel)
irisSim <- sim(modelName = irisModel$modelName,
parameters = irisModel$parameters,
n = nrow(ramFo2)
## Not run:
#do.call("sim", irisModel) # alternative call
## End(Not run)
par(pty = "s", mfrow = c(1,2))
dimnames(irisSim) <- list(NULL, c("dummy", (dimnames(ramFo2)[[2]])[-
5]))
dimens <- c(1,2)
lim1 <- apply(ramFo2[,dimens],2,range)</pre>
lim2 <- apply(irisSim[,dimens+1],2,range)</pre>
lims <- apply(rbind(lim1,lim2),2,range)</pre>
x \lim <- \lim_{n \to \infty} [1]
vlim <- lims[,2]
coordProj(ramFo2[,-5], parameters=irisModel$parameters,
classification=map(irisModel$z),
dimens=dimens, xlim=xlim, vlim=vlim)
```

Задания для учащихся

Вариант 1

Разработать классификатор распознавания на основе параметров глазного яблока с использованием алгоритмов К-средних, ЕМ, РАМ для идентификации 35 сотрудников оборонного предприятия для доступа в зону В средней секретности. Всего применим 10 параметров – характе-

ристик: роговица, радужка, лимб, конъюнктива, хрусталик, сетчатка, хориодея, склера, гиалоидная мембрана, венозный синус. Для достижения положительного результата достаточно 70 % совпадения характеристик.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "EEI", параметр parameters variance = "scale"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='manhatten', параметр medoids= c(1,16)

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 20, параметр iter.max=15, параметр algorithm= "Hartigan-Wong", centers = 7, num.seeds=11

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 2

Разработать классификатор распознавания на основе параметров глазного яблока с использованием алгоритмов К-средних, ЕМ, РАМ для идентификации 43 сотрудников оборонного предприятия для доступа в зону А высокой секретности. Всего применим 10 параметров — характеристик: роговица, радужка, лимб, конъюнктива, хрусталик, сетчатка, хориодея, склера, гиалоидная мембрана, венозный синус. Для достижения положительного результата достаточно 90 % совпадения характеристик.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "EEE", параметр parameters variance = "sigma"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='euclidean', параметр medoids= c(1,25)

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 18, параметр iter.max=19, параметр algorithm= "MacQueen", centers = 11, num.seeds=19

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 3

Разработать классификатор распознавания на основе параметров глазного яблока с использованием алгоритмов К-средних, ЕМ, РАМ для идентификации 33 сотрудников оборонного предприятия для доступа в зону С умеренной секретности. Всего применим 10 параметров – характеристик: роговица, радужка, лимб, конъюнктива, хрусталик, сетчатка, хориодея, склера, гиалоидная мембрана, венозный синус. Для достижения положительного результата достаточно 50 % совпадения характеристик.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "VII", параметр parameters variance = "sigmasq"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='euclidean', параметр medoids= 4:1

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 12, параметр iter.max=16, параметр algorithm= "Forgy", centers = 14, num.seeds=22

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 4

Разработать классификатор распознавания на основе параметров глазного яблока с использованием алгоритмов К-средних, ЕМ, РАМ для идентификации 42 сотрудников оборонного предприятия для доступа в зону В средней секретности. Всего применим 10 параметров — характеристик: роговица, радужка, лимб, конъюнктива, хрусталик, сетчатка, хориодея, склера, гиалоидная мембрана, венозный синус. Для достижения положительного результата достаточно 70 % совпадения характеристик.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "EEE", параметр parameters variance = "Cholsigma"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='euclidean', параметр medoids= 5:1

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 21, параметр iter.max=19, параметр algorithm= "MacQueen", centers = 23, num.seeds=27

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 5

Разработать классификатор распознавания на основе параметров глазного яблока с использованием алгоритмов К-средних, ЕМ, РАМ для идентификации 36 сотрудников оборонного предприятия для доступа в зону А высокой секретности. Всего применим 10 параметров — характеристик: роговица, радужка, лимб, конъюнктива, хрусталик, сетчатка, хориодея, склера, гиалоидная мембрана, венозный синус. Для достижения положительного результата достаточно 90 % совпадения характеристик.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "VEI", параметр parameters variance = "shape"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='ManHatten', параметр medoids= c(1,19)

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 8, параметр iter.max=24, параметр algorithm= "Hartigan-Wong", centers = 15, num.seeds=9

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 6

Разработать классификатор идентификации лиц смешанной национальности по группам: креол, метис, самбо, мулат. Надо создать набор показателей для классификации: цвет волос, цвет кожи, цвет глаз, форма носа, формы губ, форма бровей, форма лица, тип волос, расстояние между зрачками глаз

Создадим примерные группы по вариантам признаков. Так форма носа может быть: код 01 — мясистый, 02- оскорбленный, 03- греческий, 04 — орлиный, 05 — ястребиный, 06 — римский, 07 — небесный. Цвет глаз: 01 — оливковый, 02- ореховый, 03- зеленый, 04 — карий, 05- голубой, 06 - черный, 07 — серый, 08 — синий, 09 — янтарный. Форма губ: 01- полные, 02 — тонкие, 03 — большие, 04 — маленькие, 05 — крупная верхняя, 06 — крупная нижняя. Формы лиц: 01- круглое, 02- овальное, 03 — квадратное, 04 — треугольное. Формы бровей: 01- домиком, 02- округлые плавные, 03 — дугообразные, 04 — с изломом, 05 — прямые, 06 — изогнутые. Тип волос: 01-

нормальный, 02- сухой, 03 – жирный, 04 – смешанный. Вид волос: 01- прямые, 02 – волнистые, 03 – курчавые.

Необходимо реализовать на языке R алгоритмы К-средних, EM, PAM для классификации 44 человек смешанной национальности на основе по-казателей: форма лица, форма бровей, вид носа, цвет глаз, цвет кожи, цвет волос, национальность матери.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "EEE", параметр parameters variance = "Cholsigma"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='euclidean', параметр medoids= 6:1

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 27, параметр iter.max=29, параметр algorithm= "MacQueen", centers = 13, num.seeds=24

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 7

Разработать классификатор идентификации лиц смешанной национальности по группам: креол, метис, самбо, мулат.

Необходимо реализовать на языке R алгоритмы К-средних, EM, PAM для классификации 37 человек смешанной национальности на основе по-казателей: Тип волос, вид Волос, форма лица, форма бровей, вид носа, цвет кожи, расстояние между зрачками глаз, форма губ.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "EEE", параметр parameters variance = "sigma"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='euclidean', параметр medoids= c(1,23)

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 18, параметр iter.max=19, параметр algorithm= "MacQueen", centers = 12, num.seeds=20

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 8

Разработать классификатор идентификации лиц смешанной национальности по группам: креол, метис, мулат.

Необходимо реализовать на языке R алгоритмы К-средних, EM, PAM для классификации 32 человек смешанной национальности на основе по-казателей: Тип волос, вид Волос, вид носа, цвет кожи, цвет глаз, цвет волос, национальность отца, форма лица.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "VII", параметр parameters variance = "sigmasq"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='euclidean', параметр medoids= 3:1

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 14, параметр iter.max=26, параметр algorithm= "Forgy", centers = 12, num.seeds=25

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 9

Разработать классификатор идентификации лиц смешанной национальности по группам: креол, самбо, мулат.

Необходимо реализовать на языке R алгоритмы К-средних, EM, PAM для классификации 46 человек смешанной национальности на основе по-казателей: Тип волос, вид носа, цвет кожи, цвет глаз, цвет волос, национальность матери, форма бровей, форма губ.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "EEI", параметр parameters variance = "scale"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='manhatten', параметр medoids= c(1,10)

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 10, параметр iter.max=10, параметр algorithm= "Hartigan-Wong", centers = 10, num seeds=10

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 10

Разработать классификатор идентификации лиц смешанной национальности по группам: креол, самбо, метис.

Необходимо реализовать на языке R алгоритмы К-средних, EM, PAM для классификации 39 человек смешанной национальности на основе по-казателей: Тип волос, вид носа, цвет кожи, цвет волос, национальность матери, форма бровей, расстояние между зрачками глаз, форма лица, форма губ.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "EEI", параметр parameters variance = "scale"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='manhatten', параметр medoids= c(1,10)

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 10, параметр iter.max=10, параметр algorithm= "Hartigan-Wong", centers = 10, num.seeds=10

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 11

Необходимо реализовать на языке R алгоритмы К-средних, EM, PAM для классификации 38 человек смешанной национальности по группам: мулат, самбо, метис, креол на основе показателей: форма лица, вид носа, цвет глаз, цвет волос, национальность отца, форма губ.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "EVI", параметр parameters variance = "shape"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='euclidean', параметр medoids= 4:1

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 28, параметр iter.max=21, параметр algorithm= "MacQueen", centers = 11, num.seeds=11

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 12

Разработать классификатор распознавания на основе параметров глазного яблока с использованием алгоритмов К-средних, ЕМ, РАМ для идентификации 29 сотрудников оборонного предприятия для доступа в зону В средней секретности. Всего применим 10 параметров — характеристик: роговица, радужка, лимб, конъюнктива, хрусталик, сетчатка, хориодея, склера, гиалоидная мембрана, венозный синус. Для достижения положительного результата достаточно 70 % совпадения характеристик.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "VVI", параметр parameters variance = "scale"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='euclidean', параметр medoids= 7:1

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 21, параметр iter.max=21, параметр algorithm= "MacQueen", centers = 21, num.seeds=21

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 13

Разработать классификатор распознавания на основе параметров глазного яблока с использованием алгоритмов К-средних, ЕМ, РАМ для идентификации 34 сотрудников оборонного предприятия для доступа в зону А высокой секретности. Всего применим 8 параметров — характеристик: роговица, радужка, лимб, конъюнктива, хрусталик, сетчатка, хориодея, склера. Для достижения положительного результата достаточно 95 % совпадения характеристик.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "EVI", параметр parameters variance = "scale"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='euclidean', параметр medoids= c(1,5)

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 15, параметр iter.max=15, параметр algorithm= "MacQueen", centers = 15, num.seeds=15

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 14

Разработать классификатор идентификации лиц смешанной национальности по группам: креол, самбо, метис, мулат.

Необходимо реализовать на языке R алгоритмы К-средних, EM, PAM для классификации 27 человек смешанной национальности на основе по-казателей: Тип волос, цвет кожи, цвет волос, форма бровей, национальность матери, форма лица.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "VEI", параметр parameters variance = "shape"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='manhatten', параметр medoids= c(1,12)

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 17, параметр iter.max=17, параметр algorithm= "Hartigan-Wong", centers = 17, num.seeds=17

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.

Вариант 15

Разработать классификатор распознавания на основе параметров глазного яблока с использованием алгоритмов К-средних, ЕМ, РАМ для идентификации 44 сотрудников оборонного предприятия для доступа в зону В средней секретности. Всего применим 9 параметров – характеристик: роговица, радужка, лимб, конъюнктива, хрусталик, сетчатка, скле-

ра, гиалоидная мембрана, венозный синус. Для достижения положительного результата достаточно 80 % совпадения характеристик.

Для алгоритма EM в функции EM использовать параметр Model-Name = "VII", параметр parameters variance = "sigmaSQ"

Для алгоритма PAM использовать параметр metric='ManHatten', параметр medoids= 3:1

Для алгоритма Kmeans максимальное число кластеров = 18, параметр iter.max=25, параметр algorithm= "Hartigan-Wong", centers = 25, num.seeds=25

Результаты классификации трех алгоритмов сравнить с точки зрения уровня ошибки распознавания и представить в графическом виде.