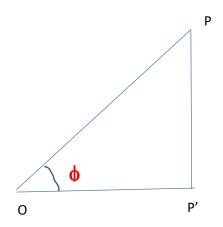


Le coordinate sferiche (r,ϕ,θ) di un punto P di coordinate cartesiane (x,y,z) sono definite nel modo seguente.

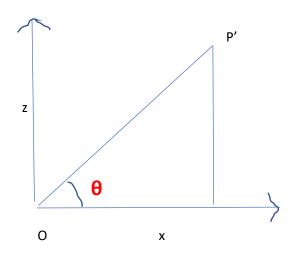
Sia $r = x^2 + y^2 + z^2$ la distanza di P dall'origine O, P' la proiezione di P sul piano xz

- l'angolo formato tra semiretta OP uscente dall'origine e passante per P ed il piano xz, e quindi tra OP ed OP' (latitudine)
- θ l'angolo formato dal semiasse positivo delle z e la semiretta nel piano xz uscente dall'origine e passante per la proiezione P' di P su tale piano (longitudine) Abbiamo quindi



$$OP' = r \cos(\phi)$$
.

PP'= r sin (
$$\phi$$
) y=PP'= r sin(ϕ)



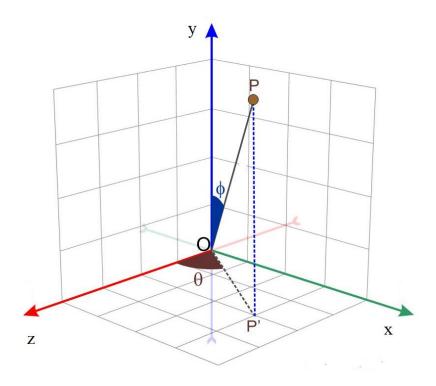
$$x = OP'cos(\theta) = r cos(\phi)cos(\theta)$$

$$y=PP'=r \sin(\phi)$$

$$z = OP' \sin(\theta) = r \cos(\phi) \sin(\theta)$$
,

$$\theta \in [0, 2\pi]$$

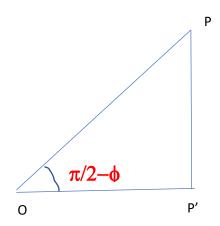
$$\phi \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$$



Le coordinate sferiche (r,ϕ,θ) di un punto P di coordinate cartesiane (x,y,z) si possono anche definire nel modo seguente.

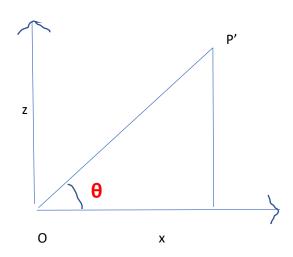
Sia $\mathbf{r} = x^2 + y^2 + z^2$ la distanza di P dall'origine O, P' la proiezione di P sul piano xz

 β l'angolo formato tra semiretta OP uscente dall'origine e passante per P e l'asse y (colatitudine) θ l'angolo formato dal semiasse positivo delle z e la semiretta nel piano xz uscente dall'origine e passante per la proiezione P' di P su tale piano (longitudine) Abbiamo quindi



$$OP' = r \cos(\pi/2 - \phi) = r \sin(\phi).$$

PP'= r sin
$$(\pi/2-\phi)$$
 y=PP'= r cos (ϕ)

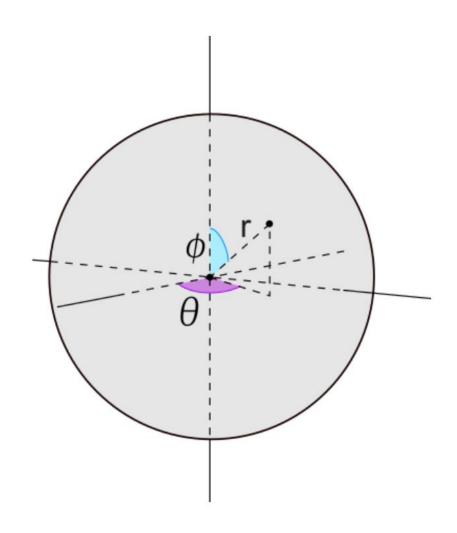


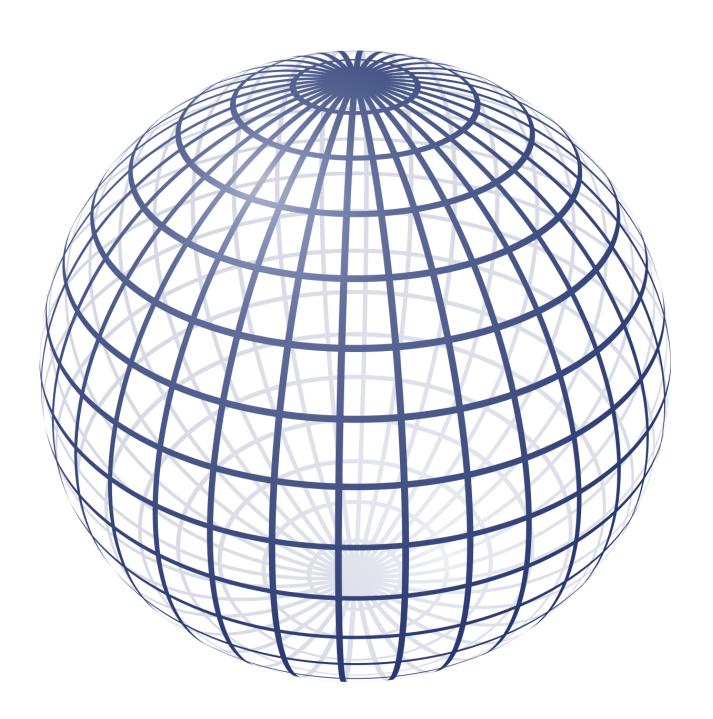
$$x = OP'cos(\theta) = r sin(\phi)cos(\theta)$$

$$y=PP'=r\cos(\phi)$$

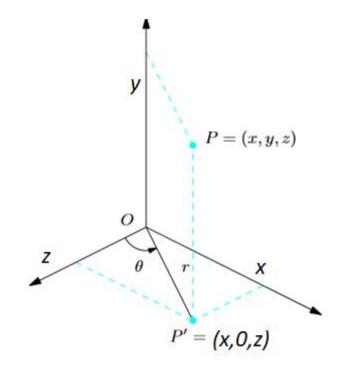
$$z = OP' \sin(\theta) = r \sin(\phi) \cos(\theta)$$
,

$$\theta \in [0, 2\pi]$$
 $\phi \in [0, \pi)$





Coordinate cilindriche



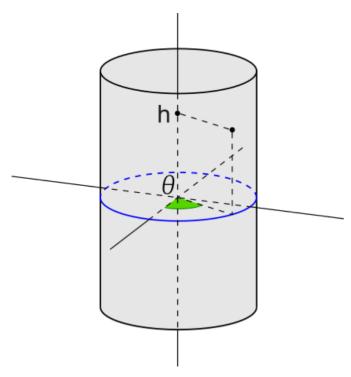
Le coordinate cilindriche (r,h,θ) di un punto P di coordinate cartesiane (x,y,z) sono definite nel modo seguente.

Sia $r = x^2 + y^2 + z^2$ la distanza di P dall'origine,

 Θ l'angolo formato dal semiasse positivo delle z e la semiretta nel piano xz uscente dall'origine e passante per la proiezione P' di P su tale piano, le coordinate cilindriche si ottengono sostituendo alle coordinate cartesiane (x,z) le coordinate polari (r, Θ) del punto P' proiezione ortogonale di P sul piano e mantenendo invariata la coordinata h,

$$y = h,$$

 $x = r \cos \theta,$
 $z = r \sin \theta,$



$$S(h,\theta) = \begin{cases} r\cos(\theta) \\ h \\ r\sin(\theta) \end{cases}$$

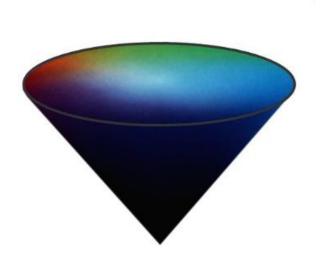
r è il raggio della circonferenza di base ed è fissato;

heta è l'angolo libero di variare nell'intervallo $[0,2\pi)$;

h individua, infine, la quota e varia nell'insieme dei numeri reali, $h \in \mathbb{R}$.

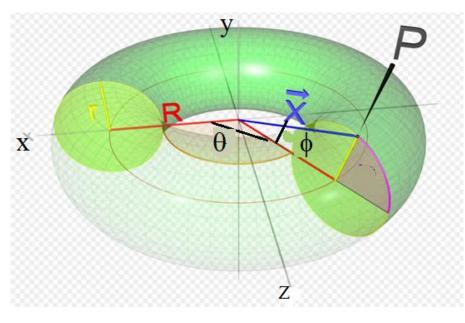
Le equazioni parametriche di un cono sono definite nel modo seguente

$$S(r,\theta) = \begin{cases} r\cos(\theta) \\ r \\ r\sin(\theta) \end{cases}$$



Equazione di un toroide in formato parametico

$$S(\varphi, \theta) = \begin{cases} (R + r\cos(\varphi))\cos(\theta) \\ r\sin(\varphi) \\ (R + r\cos(\varphi))\sin(\theta) \end{cases}$$



 $\varphi, \theta \in [0,2\pi]$