# Исследование процессов плавления и затвердевания в малых кластерах

Этап 3. Комплексы программ

Шилоносов Данил Вячеславович

05 мая 2025

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия



#### Докладчик

- Шилоносов Данил Вячеславович
- студент группы НФИбд-02-22
- Факультет физико-математических и естественных наук
- Российский университет дружбы народов
- · 1132221810@pfur.ru

# Вводная часть

#### Актуальность

- Малые кластеры проявляют уникальные физические и термодинамические свойства
- Фазовый переход в наноразмерных системах отличается от объемных материалов
- Компьютерное моделирование позволяет изучать неравновесные процессы и метастабильные состояния
- Методы молекулярной динамики дают детальное представление о механизмах плавления на атомном уровне

# Объект и предмет исследования

- Объект исследования: малые двумерные кластеры с "магическими" числами частиц (7, 19, 37, 61)
- **Предмет исследования:** программная реализация методов моделирования, анализа и визуализации процессов плавления и затвердевания

#### Цели и задачи

**Цель:** Разработка программного комплекса для моделирования термодинамических свойств и фазовых переходов в малых кластерах

Задачи: - Реализовать модуль генерации кластеров с гексагональной структурой - Разработать движок молекулярной динамики с интегрированием по алгоритму Верле - Создать модули расчета термодинамических характеристик и фазовых переходов - Реализовать средства визуализации результатов моделирования

#### Материалы и методы

Язык программирования и библиотеки: - Python 3 с NumPy, SciPy, Matplotlib, tqdm

**Методы численного моделирования:** - Алгоритм Верле в скоростной форме для интегрирования уравнений движения - Потенциал Леннард-Джонса для взаимодействия частиц - Термостатирование через масштабирование скоростей

# Архитектура программного комплекса

# Основные модули программного комплекса

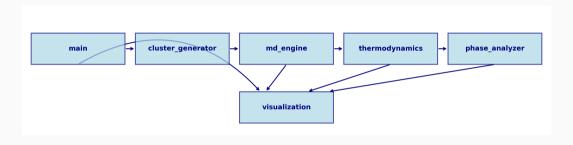


Рис. 1: Структура программного комплекса

# Модуль генерации кластеров

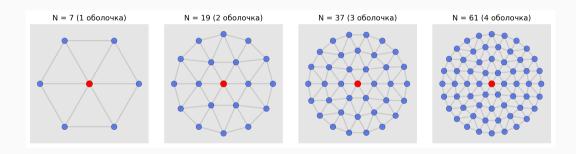


Рис. 2: Гексагональные кластеры с "магическими" числами частиц

# Движок молекулярной динамики

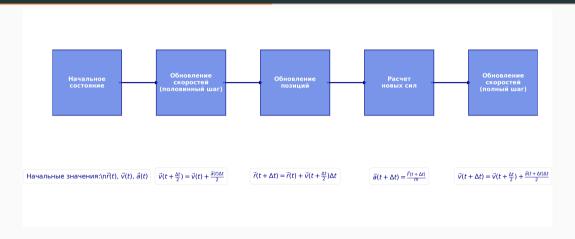


Рис. 3: Алгоритм Верле в скоростной форме

# Потенциал Леннард-Джонса

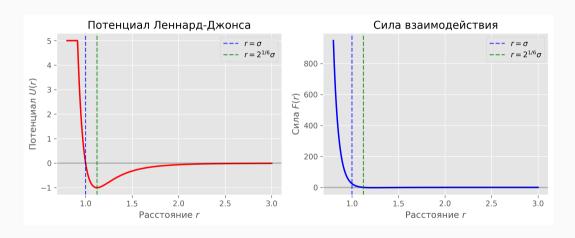


Рис. 4: Потенциал и сила Леннард-Джонса

# Модуль термодинамики

# Функции в модуле thermodynamics.py:

- Расчет температуры системы
- Вычисление флуктуаций длины связи (критерий Линдеманна)
- Расчет парной корреляционной функции
- Вычисление теплоемкости

# Модуль анализа фазовых переходов



Рис. 5: Фазовый переход и теплоемкость

Описание процесса моделирования

## Алгоритм моделирования

#### 1. Инициализация системы:

- Создание кластера с заданным числом частиц
- Установка начальных скоростей с низкой температурой

#### 2. Уравновешивание, нагрев и охлаждение системы:

- Уравновешивание без масштабирования скоростей
- Нагрев через постепенное увеличение скоростей
- Охлаждение начиная с последнего состояния нагрева

#### 3. Анализ результатов:

- Определение температуры плавления/затвердевания
- Расчет термодинамических характеристик
- Анализ гистерезиса и оболочечного плавления

## Параметры моделирования

## Параметры алгоритма:

- Шаги уравновешивания: 100
- Шаги нагрева/охлаждения: 500
- Шаг по времени (dt): 0.0005
- Коэффициент нагрева: 1.002
- Коэффициент охлаждения: 0.998

**Размеры кластеров:** - 7, 19, 37, 61 частиц (1-4 оболочки)

# Параметры потенциала:

- Глубина ямы (ε): 1.0
- Равновесное расстояние (b): 1.0
- Радиус обрезания: 2.5\*b

Оптимизации: - Макс. ускорение: 20.0 - Макс.

скорость: 3.0 - Мин. расстояние: 0.2\*b -Сглаживание данных при анализе

# Стадии плавления кластера

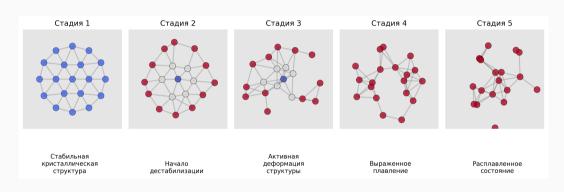


Рис. 6: Стадии плавления кластера из 19 частиц

Результаты и выводы

## Основные результаты

- 1. Разработан комплекс программ для моделирования процессов плавления и затвердевания
  - генерация кластеров с "магическими" числами частиц
  - моделирование динамики частиц
  - расчет термодинамических характеристик
  - анализ фазовых переходов
  - визуализация результатов
- 2. Реализована система обнаружения фазовых переходов по различным критериям
  - теплоемкость, флуктуации длины связи, гистерезис, оболочечное плавление

# Преимущества модульной архитектуры

**Модульная структура программного комплекса:** - Гибкость в использовании отдельных компонентов - Возможность расширения функциональности - Удобная настройка параметров моделирования - Независимое тестирование и отладка каждого модуля

**Особенности фазовых переходов в наносистемах:** - Зависимость температуры плавления от размера кластера - Наличие гистерезиса между нагревом и охлаждением - Явление оболочечного плавления

#### Перспективы развития

**Расширение функциональности программного комплекса:** - Трехмерное моделирование - Другие потенциалы взаимодействия - Интеграция методов квантовой химии - Параллелизация вычислений

**Улучшение анализа фазовых переходов:** - Дополнительные методы определения точки фазового перехода - Анализ локальной структуры в переходной области - Изучение кинетики плавления и затвердевания

# Литература

1. Медведев Д. А., Куперштох А. Л., Прууэл Э. Р., Сатонкина Н. П., Карпов Д. И. Моделирование физических процессов и явлений на ПК: Учеб. пособие / Новосибирск: Новосиб. гос. ун-т., 2010. — 101 с.