# Raciocínio Probabilístico Tratável em um Fragmento da Lógica de Descrição

# MAC0215 - Atividade Curricular em Pesquisa

## **Andrew Ijano Lopes**

Orientador: Marcelo Finger

Instituto de Matemática e Estatística da Universidade de São Paulo

#### Introdução

As lógicas de descrição são uma família de linguagens formais para a representação do conhecimento. Dentre as várias propostas existentes, a lógica  $\mathcal{EL}^{++}$  se mostrou uma das lógicas de descrição mais expressivas cuja complexidade de inferência é decidível em tempo polinomial. [3] Porém, ao adicionar probabilidade às capacidades de inferência seu problema de decisão se torna NP-Completo. [4]

Com um estudo mais recente, está sendo proposto que, ao restringir a expressividade do  $\mathcal{EL}^{++}$ , removendo a conjunção, é possível construir uma lógica de descrição probabilística tratável.

Nesse projeto, será usado a linguagem *Graphic*  $\mathcal{EL}^{++}$  ( $\mathcal{GEL}^{++}$ ), uma restrição da linguagem  $\mathcal{EL}^{++}$ , removendo as conjunções.

```
Fever \sqsubseteq Symptom\{john\} \sqsubseteq PatientFeverAndRash \sqsubseteq Fever\{s1\} \sqsubseteq FeverAndRashDengue \sqsubseteq Disease\{s1\} \sqsubseteq FeverAndRashSymptom \sqsubseteq \exists hasCause.Disease\{john\} \sqsubseteq \exists hasSymptom.\{s1\}Patient \sqsubseteq \exists hasSymptom.SymptomDenguePatient \equiv \exists suspectOf.Dengue
```

**Figura 1:** Exemplo da representação de um caso médico com uma ontologia em  $\mathcal{GEL}^{++}$ .

### Objetivos

O objetivo da pesquisa é realizar estudos sobre diversos conceitos para conseguir propor um algoritmo de satisfatibilidade, estudar sua complexidade e implementar esse algoritmo tratável para um fragmento de uma lógica de descrição probabilística.

Para o escopo dessa disciplina, o projeto abrange a implementação do início do algoritmo sem a inclusão de probabilidades: leitura da ontologia e a resolução do problema de satisfatibilidade máxima ( $\mathcal{GEL}^{++}$ -MaxSAT). Esse algoritmo será aplicado na linguagem  $\mathcal{GEL}^{++}$ .

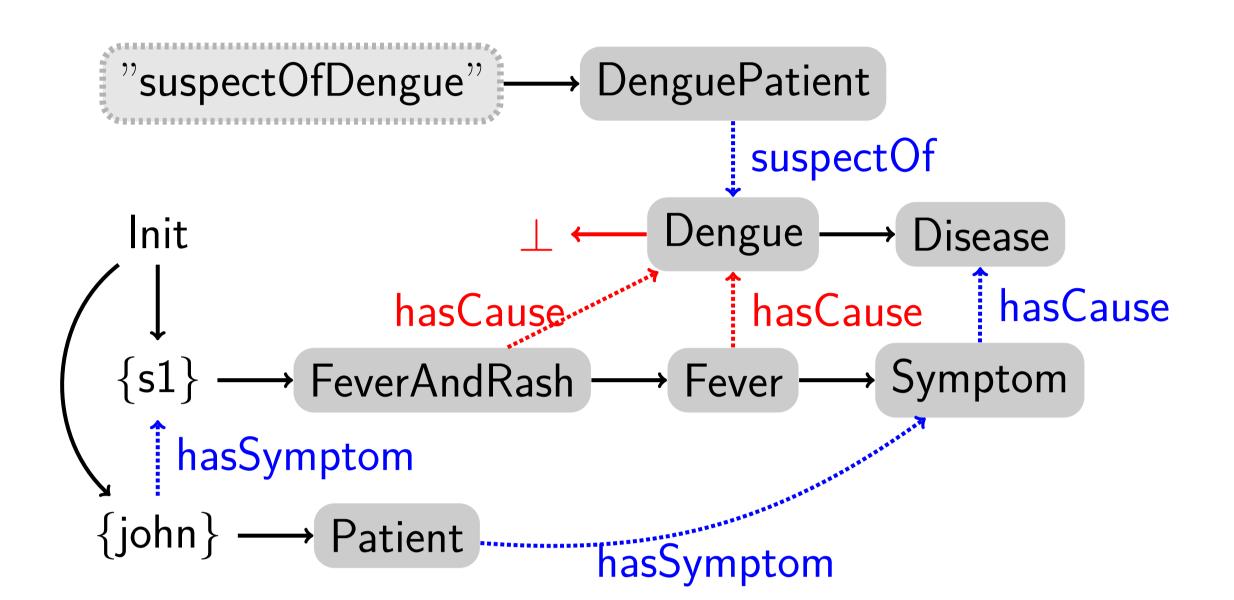
## Metodologia

Na primeira etapa do projeto, foi implementado a identificação e leitura de uma ontologia na linguagem  $\mathcal{GEL}^{++}$ , codificada no formato OWL. Esse processo envolve observar se a ontologia se enquadra na expressividade do  $\mathcal{GEL}^{++}$  e, em caso afirmativo, analisar cada componente, gerando o grafo correspondente. Para essa etapa, foi utilizada a biblioteca OWL API [2], em Java.

Em seguida, foi implementado uma interface entre o programa de leitura, em Java, com o algoritmo de satisfatibilidade, em C++, usando a *Java Native Interface* (JNI) [1]. Além disso, foi implementada a estrutura de dados equivalente ao grafo em Java para armazenar a ontologia e realizar o algoritmo.

Ainda, foi feito o início do algoritmo de cortes mínimos. Um segundo modelo de grafos, apenas com pesos nas arestas, foi implementado e está sendo estudado as aplicações das técnicas de fluxo máximo e corte mínimo no grafo. Disso, a implementação do  $\mathcal{GEL}^{++}$ -MaxSATSolver, algoritmo que resolve o problema de satisfatibilidade máxima, é facilmente produzida.

#### Discussões



**Figura 2:** Exemplo da representação de uma ontologia em  $\mathcal{GEL}^{++}$  em grafo. Arcos contínuos correspondem à subsunção e os rótulos de arcos pontilhados são propriedades. Numa implementação com probabilidades, os arcos vermelhos indicam que o arco tem probabilidade.

Como citado nos objetivos do projeto, essa pesquisa aplicou métodos para leitura de ontologias em  $\mathcal{GEL}^{++}$ , implementou estruturas de dados para armazenar ontologias dessa família de linguagens e resolver problemas de corte mínimo em grafos com pesos. Dentre os objetivos previstos, a resolução do problema de  $\mathcal{GEL}^{++}$ -MaxSAT ainda está em andamento e está sendo implementada junto com o problema de corte mínimo.

Durante o desenvolvimento do projeto, foi despendido um tempo muito maior que o esperado na etapa de leitura da linguagem. Uma das maiores problemáticas dessa parte foi a falta de documentação atualizada sobre a OWL API, aumentando o tempo de aprendizagem no uso da biblioteca.

Para fora do escopo da disciplina, o projeto ainda visa o estudo da representação de probabilidades em lógicas de descrição e a implementação de um algoritmo de satisfatibilidade para o  $\mathcal{GEL}^{++}$  probabilístico utilizando o  $\mathcal{GEL}^{++}$ -MaxSATSolver.

#### Referências

- [1] Jni. https://docs.oracle.com/javase/8/docs/technotes/guides/jni/.
- [2] Site do owl api. http://owlcs.github.io/owlapi/.
- [3] Franz Baader, Sebastian Brandt, and Carsten Lutz. Pushing the EL envelope. In *Proceedings of the 19th International Joint Conference on Artificial Intelligence*, IJCAI'05, pages 364–369, 2005.
- [4] Marcelo Finger. Extending EL++ with linear constraints on the probability of axioms. In Carsten Lutz, Uli Sattler, Cesare Tinelli, Anni-Yasmin Turhan, and Frank Wolter, editors, *Description Logic, Theory Combination, and All That*, volume LLNCS 11560 of *Theoretical Computer Science and General Issues*. Springer International Publishing, 2019.