#### Санкт-Петербургский государственный политехнический университет Физико-Механический институт Высшая школа прикладной математики и вычислительной физики

Лабораторная работа №1 по дисциплине "Математическая статистика"

Выполнил студент группы 5030102 $\20001$  Муринов А.В. Преподаватель Баженов А.Н,

Санкт-Петербург 2025

### 1 Постановка задачи

Для 4 распределений:

- Нормальное распределение Normal(0,1)
- Распределение Коши Cauchy(0,1)
- Распределение Пуассона Poisson(10)
- Равномерное распределение  $Uniform(-\sqrt{3},\sqrt{3})$
- 1. Сгенерировать выборки размером 10, 50 и 1000 элементов. Построить на одном рисунке гистограмму и график плотности рас пределения. 2. Сгенерировать выборки размером 10, 100 и 1000 элементов. Для каждой выборки вычислить следующие статистические характе ристики положения данных:  $\bar{x}, med\ x, z_Q$ . Повторить такие вычисления 1000 раз для каждой выборки и найти среднее характеристик поло жения и их квадратов:

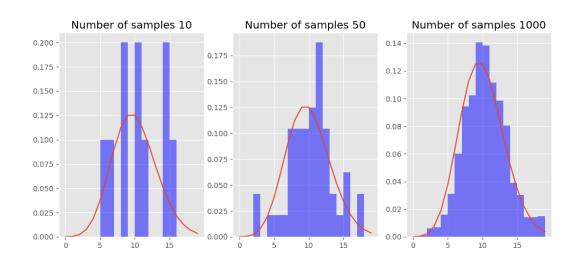
$$E(z) = \bar{z}$$

Вычислить оценку дисперсии по формуле:

$$D(z) = \bar{z^2} - \bar{z}^2$$

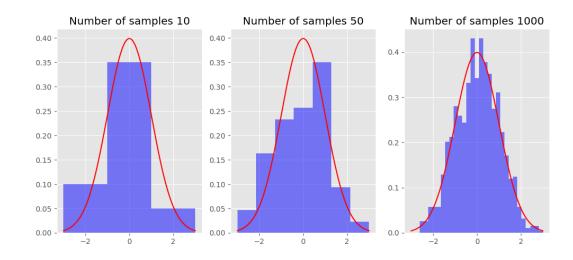
Представить полученные данные в виде таблиц.

### $2 \quad Poisson(10)$



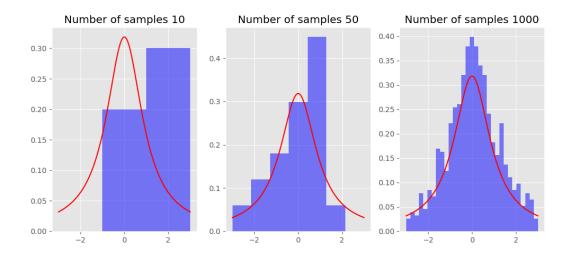
Sample size	Mean	Median	$z_Q$
10	10.0 ± 0.3	9.9 ± 0.4	10.0 ± 0.3
100	$10.02 \pm 0.03$	$9.87 \pm 0.05$	9.94 ± 0.04
1000	10.000 ± 0.003	9.998 ± 0.001	9.995 ± 0.002

## $oldsymbol{3} \quad Normal(0,1)$



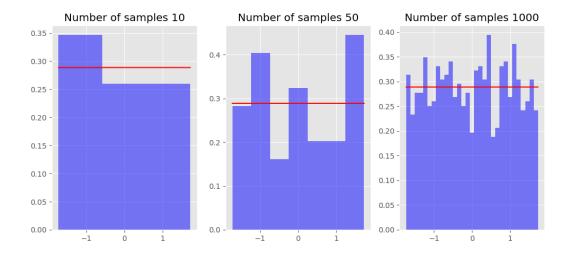
Sample size	Mean	Median	$z_Q$
10	-0.0 ± 0.1	-0.0 ± 0.1	$0.0 \pm 0.1$
100	$0.00 \pm 0.01$	$0.00 \pm 0.01$	$0.00 \pm 0.01$
1000	0.001 ± 0.001	0.001 ± 0.001	0.002 ± 0.001

### Cauchy(0,1)



Sample size	Mean	Median	$z_Q$
10	0 ± 10	$-0.0 \pm 0.2$	$-0.0 \pm 0.3$
100	-1 ± 3	$0.01 \pm 0.02$	$0.01 \pm 0.02$
1000	$0.8 \pm 0.8$	-0.000 ± 0.002	-0.001 ± 0.002

# $Uniform(-\sqrt{3},\sqrt{3})$



Sample size	Mean	Median	$z_Q$
10	$0.0 \pm 0.1$	-0.0 ± 0.2	-0.0 ± 0.1
100	$-0.00 \pm 0.01$	$-0.00 \pm 0.02$	$-0.00 \pm 0.01$
1000	-0.000 ± 0.001	$0.000 \pm 0.002$	-0.001 ± 0.001