

## МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)»

# ВЫПУСКНАЯ КВАЛИФИКАЦИОННАЯ РАБОТА по курсу

«Data Science»

Слушатель

Махров Андрей Сергеевич

Москва, 2022



## Содержание

	Введение	3
1.	Аналитическая часть	4
1.1	Постановка задачи	4
1.2	Описание используемых методов	6
1.3	Разведочный анализ данных	.10
2.	Практическая часть	.14
2.1	Предобработка данных	14
2.2	Разработка и обучение модели	.16
2.3	Тестирование модели	.17
2.4	Написание модели нейроной сети	.23
2.5	Разработка приложения	27
2.6	Создание репозитория	27
	Заключение	28
	Библиографический список	29



## Введение

Тема выпускной квалификационной работы по курсу «Data Science»: «Прогнозирование конечных свойств новых материалов (композиционных материалов)».

Композиционные материалы — это искусственно созданные материалы, состоящие из нескольких других с четкой границей между ними. Композиты обладают теми свойствами, которые не наблюдаются у компонентов по отдельности. При этом композиты являются монолитным материалом, т.е. компоненты материала неотделимы друг от друга без разрушения конструкции в целом.

Цель данной работы прогнозирование конечных свойств новых композиционных материалов, используя данные о начальных свойствах компонентов композиционных материалов.

Актуальность темы заключается в том, что созданные прогнозные модели помогут сократить количество проводимых испытаний, а также пополнить базу данных материалов возможными новыми характеристиками материалов, и цифровыми двойниками новых композитов.

Предмет исследования – методы используемые в Data Science для выявления закономерностей в наборах данных.

Объект исследования – свойства композитных материалов.



#### 1. Аналитическая часть

#### 1.1 Постановка задачи

Для выполнения выпускной квалификационной работы предоставлено два датасета:

- 1) X\_bp.xlsx;
- 2) X\_nup.xlsx.

Файл X\_bp.xlsx содержит данные по 1023 наблюдениям и содержит следующие параметры:

- 1) индекс наблюдения
- 2) соотношение матрица-наполнитель;
- 3) плотность, кг/м3;
- 4) модуль упругости, Гпа;
- 5) количество отвердителя, м.%;
- 6) содержание эпоксидных групп, %\_2;
- 7) температура вспышки, С\_2;
- 8) поверхностная плотность, г/м2;
- 9) модуль упругости при растяжении, ГПа;
- 10) прочность при растяжении, Мпа;
- 11) потребление смолы, г/м2.

Файл X\_nup.xlsx содержит данные по 1040 наблюдениям и содержит следующие параметры:

- 1) индекс наблюдения;
- 2) угол нашивки, град;
- 3) шаг нашивки;
- 4) плотность нашивки.



Количество наблюдений в датасетах разное. При объединении данных по индексу (тип INNER) не все данные из файла X\_nup.xlsx попадут в итоговый датасет. Итоговый датасет содержит информацию о 13 параметрах по 1023 наблюдениям. Пропуски в данных отсутствуют. Тип данных одинаковый.

```
df.info()
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
Int64Index: 1023 entries, 0 to 1022
Data columns (total 15 columns):
    Column
                                          Non-Null Count Dtype
---
    Unnamed: 0 x
                                          1023 non-null
                                                          float64
    Соотношение матрица-наполнитель
                                          1023 non-null
                                                          float64
 1
 2
    Плотность, кг/м3
                                          1023 non-null
                                                          float64
    модуль упругости, ГПа
                                                          float64
 3
                                          1023 non-null
    Количество отвердителя, м.%
 4
                                          1023 non-null
                                                          float64
                                                          float64
 5
    Содержание эпоксидных групп,% 2
                                          1023 non-null
                                                          float64
    Температура вспышки, С 2
                                          1023 non-null
 7
    Поверхностная плотность, г/м2
                                          1023 non-null
                                                          float64
    Модуль упругости при растяжении, ГПа 1023 non-null
                                                          float64
    Прочность при растяжении, МПа
                                                          float64
 9
                                          1023 non-null
    Потребление смолы, г/м2
                                          1023 non-null
                                                          float64
 11 Unnamed: 0 y
                                          1023 non-null
                                                          float64
 12 Угол нашивки, град
                                                          float64
                                          1023 non-null
 13 Шаг нашивки
                                                          float64
                                          1023 non-null
                                                          float64
 14 Плотность нашивки
                                          1023 non-null
dtypes: float64(15)
memory usage: 127.9 KB
```

Рисунок 1 - Характеристики параметров наблюдений

Используя исходные данные необходимо обучить алгоритм машинного обучения, который будет определять значения модуль упругости при растяжении, прочность при растяжении и написать нейронную сеть, которая будет рекомендовать соотношение матрицанаполнитель.



## 1.2 Описание используемых методов

При решении задачи применялись методы машинного обучения. Машинное обучение — это класс методов искусственного интеллекта, характерной чертой которых является не прямое решение задачи, а обучение за счёт применения решений множества сходных задач. Для построения таких методов используются средства математической статистики, численных методов, математического анализа, методов оптимизации, теории вероятностей, теории графов, различные техники работы с данными в цифровой форме.

В данном исследовании требуется получить прогноз на основе выборки объектов с различными признаками, соответственно необходимо использовать методы для решения задач регрессии.

При анализе данных были использованы следующие методы:

- 1) линейная регрессия;
- 2) метод k-ближайших соседей;
- 3) регрессия дерева решений;
- 4) метод опорных векторов;
- 5) регрессия нейронной сети.

Линейная регрессия — это метод, используемый для моделирования отношений между одной независимой входной переменной (переменной функции) и выходной зависимой переменной. Модель линейная.

Более общий случай — множественная линейная регрессия, где создаётся модель взаимосвязи между несколькими входными переменными и выходной зависимой переменной. Модель остаётся линейной, поскольку выходное значение представляет собой линейную комбинацию входных значений.



#### Преимущества:

Быстрое моделирование. В особенности, моделирование можно назвать простым, если отсутствует большой объём данных.

Линейную регрессию легко понять. Она может быть ценна для различных бизнес-решений.

#### Недостатки:

В случае нелинейных данных полиномиальную регрессию трудно спроектировать. Необходимо иметь информацию о структуре данных и взаимосвязи между переменными.

Основываясь на изложенных выше фактах, линейная регрессия неэффективна, когда речь идёт об очень сложных данных и больших объёмах.

Метод k-ближайших соседей. В случае использования метода для регрессии, объекту присваивается среднее значение по k ближайшим к нему объектам, значения которых уже известны. Алгоритм может быть применим к выборкам с большим количеством атрибутов (многомерным). Преимуществом метода является его хорошая математическая обоснованность, недостатком — низкая объясняющая способность.

Регрессия дерева решений. Деревья принятия решений — это непараметрические модели, выполняющие последовательность простых тестов для каждого экземпляра, выполняя обход древовидной структуры двоичных данных до достижения конечного узла (решения).

Деревья принятия решений имеют следующие преимущества:

- они эффективны с точки зрения вычисления и использования памяти во время обучения и прогнозирования;
  - они могут представлять границы нелинейного принятия решений;
- они выполняют выбор признаков и классификацию и являются устойчивыми при наличии шумовых признаков.



Эта модель регрессии состоит из совокупности деревьев принятия решений. Каждое дерево в регрессионном лесу решений выводит распределение по Гауссу в виде прогноза. По совокупностям деревьев выполняется агрегирование с целью найти распределение по Гауссу, ближайшее к объединенному распределению для всех деревьев модели.

Метод опорных векторов. Особым свойством метода опорных векторов является непрерывное уменьшение эмпирической ошибки классификации и увеличение зазора, поэтому метод также известен как метод классификатора с максимальным зазором.

Основная идея метода — перевод исходных векторов в пространство более высокой размерности и поиск разделяющей гиперплоскости с наибольшим зазором в этом пространстве. Две параллельных гиперплоскости строятся по обеим сторонам гиперплоскости, разделяющей классы. Разделяющей гиперплоскостью будет гиперплоскость, создающая наибольшее расстояние до двух параллельных гиперплоскостей. Алгоритм основан на допущении, что чем больше разница или расстояние между этими параллельными гиперплоскостями, тем меньше будет средняя ошибка классификатора.

Регрессия нейронной сети. Несмотря на то, что нейронные сети широко используются для углубленного обучения и моделирования сложных задач, таких как распознавание изображений, они легко адаптируются к задачам регрессии. Любой класс статистических моделей можно назвать нейронной сетью, если эти модели используют адаптивные весовые коэффициенты и могут использоваться для аппроксимации нелинейных функций входных данных. Таким образом, регрессия нейронной сети подходит для задач, которые нельзя решить с помощью более традиционных моделей.



Нейронная сеть выдаст прогнозируемое значение переменной, зависимое от множества входных параметров.

Перед тем, как производить прогноз, алгоритм обучается на тренировочном наборе данных — обучающей выборке. Каждая строка такой выборки содержит:

- в полях, обозначенных как входные множество входных параметров;
- в поле, обозначенном как выходное соответствующее входным параметрам значение зависимой переменной.

обучение Технически заключается в нахождении весов коэффициентов связей между нейронами. В процессе обучения нейронная способна выявлять сложные зависимости между входными параметрами и выходными, а также выполнять обобщение. Это значит, что в случае успешного обучения нейронная сеть способна выдать верный результат на основании данных, которые отсутствовали в обучающей выборке, а также на неполных и/или «зашумленных», частично искажённых данных.



#### 1.3 Разведочный анализ данных

Количество наблюдений совпадает с количеством значений каждого параметра, что говорит об отсутствии пропусков. Так же отсутствие пропусков было проверено в главе 1.1.

	count	mean	std	min	25%	50%	75%	max
Соотношение матрица-наполнитель	1023.0	2.930366	0.913222	0.389403	2.317887	2.906878	3.552660	5.591742
Плотность, кг/м3	1023.0	1975.734888	73.729231	1731.764635	1924.155467	1977.621657	2021.374375	2207.773481
модуль упругости, ГПа	1023.0	739.923233	330.231581	2.436909	500.047452	739.664328	961.812526	1911.536477
Количество отвердителя, м.%	1023.0	110.570769	28.295911	17.740275	92.443497	110.564840	129.730366	198.953207
Содержание эпоксидных групп,%_2	1023.0	22.244390	2.406301	14.254985	20.608034	22.230744	23.961934	33.000000
Температура вспышки, <b>С</b> _2	1023.0	285.882151	40.943260	100.000000	259.066528	285.896812	313.002106	413.273418
Поверхностная плотность, г/м2	1023.0	482.731833	281.314690	0.603740	266.816645	451.864365	693.225017	1399.542362
Лодуль упругости при растяжении, ГПа	1023.0	73.328571	3.118983	64.054061	71.245018	73.268805	75.356612	82.682051
Прочность при растяжении, МПа	1023.0	2466.922843	485.628006	1036.856605	2135.850448	2459.524526	2767.193119	3848.436732
Потребление смолы, г/м2	1023.0	218.423144	59.735931	33.803026	179.627520	219.198882	257.481724	414.590628
Угол нашивки, град	1023.0	44.252199	45.015793	0.000000	0.000000	0.000000	90.000000	90.000000
Шаг нашивки	1023.0	6.899222	2.563467	0.000000	5.080033	6.916144	8.586293	14.440522
Плотность нашивки	1023.0	57.153929	12.350969	0.000000	49.799212	57.341920	64.944961	103.988901

Рисунок 2 – Описательная статистика датасета

На рисунке 3 показано количество уникальных значений параметров. Угол нашивки содержит только 2 значения. Поскольку значение не текстовое к нему можно не применять LabelEncoder. Также перед обучением моделей данные датасета планируется нормализовать, соответственно значения данного параметра после нормализации будут 0 и 1.



# поиск уникальных значений df.nunique()	
Unnamed: 0_x	1023
Соотношение матрица-наполнитель	1014
Плотность, кг/м3	1013
модуль упругости, ГПа	1020
Количество отвердителя, м.%	1005
Содержание эпоксидных групп,%_2	1004
Температура вспышки, С_2	1003
Поверхностная плотность, г/м2	1004
Модуль упругости при растяжении, ГПа	1004
Прочность при растяжении, МПа	1004
Потребление смолы, г/м2	1003
Unnamed: 0_y	1023
Угол нашивки, град	2
Шаг нашивки	989
Плотность нашивки dtype: int64	988

Рисунок 3 – Количество уникальных значений параметров

На рисунке 4 представлены попарные графики значений параметров. Визуально взаимосвязи не наблюдается.

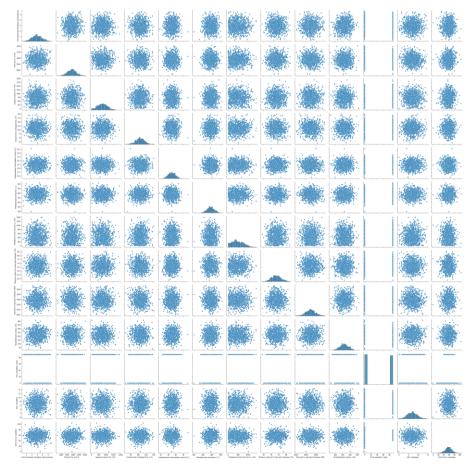


Рисунок 4 – Попарные графики значений параметров



Данные корреляционной матрицы (рисунок 5) так -же не показывают четкой зависимости между данными.

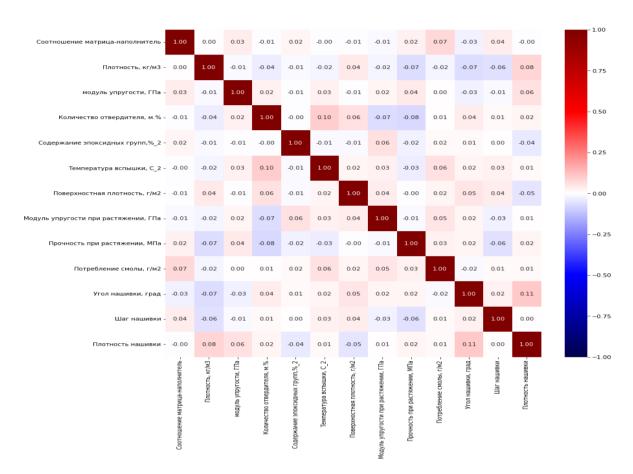


Рисунок 5 – Корреляционная матрица

Графики распределения данных (рисунок 6) показывает, что почти все параметры (кроме угла нашивки) имеют нормальное распределение. Графики «ящик с усами» показывает небольшое кол-во выбросов.



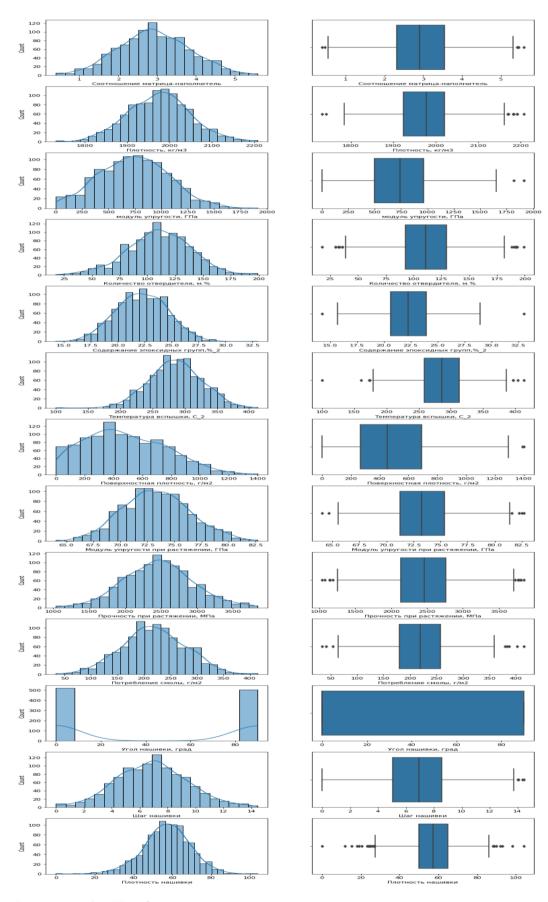


Рисунок 6 – Графики распределения данных



## 2. Практическая часть

## 2.1 Предобработка данных

Как показано на рисунке 6 почти все данные имеют распределение близкое к нормальному и незначительные выбросы. Можно попробовать удалить выбросы использовав правило трех сигм. Количество параметров изменилось не значительно 999 против 1023.

df.describe().T								
	count	mean	std	min	25%	50%	75%	max
Соотношение матрица-наполнитель	999.0	2.937129	0.908854	0.389403	2.321061	2.908835	3.554960	5.591742
Плотность, кг/м3	999.0	1975.463852	72.964410	1784.482245	1923.706033	1977.339047	2021.173086	2192.738783
модуль упругости, ГПа	999.0	738.450188	327.631773	2.436909	500.047452	741.037038	959.442359	1649.415706
Количество отвердителя, м.%	999.0	110.874067	27.834697	29.956150	92.577613	110.689775	129.884490	192.851702
Содержание эпоксидных групп,%_2	999.0	22.233969	2.384916	15.695894	20.583073	22.220097	23.976789	28.955094
Температура вспышки, С_2	999.0	285.964652	40.250987	173.484920	259.066528	285.896812	313.034785	403.652861
Поверхностная плотность, г/м2	999.0	479.541965	277.670164	0.603740	266.816645	450.429300	690.822854	1291.340115
Модуль упругости при растяжении, ГПа	999.0	73.308804	3.101230	64.054061	71.245018	73.219286	75.322176	82.525773
Прочность при растяжении, МПа	999.0	2465.907130	484.135114	1036.856605	2135.292972	2456.395009	2760.573255	3848.436732
Потребление смолы, г/м2	999.0	218.188960	58.938558	41.048278	179.766002	218.448971	257.330831	386.903431
Угол нашивки, град	999.0	44.684685	45.021434	0.000000	0.000000	0.000000	90.000000	90.000000
Шаг нашивки	999.0	6.910734	2.559025	0.037639	5.098161	6.928247	8.591215	14.440522
Плотность нашивки	999.0	57.283879	11.849293	20.571633	49.946682	57.499988	64.944961	92.963492

Рисунок 7 — Описательная статистика датасета после удаления выбросов

Корреляция между параметрами (Рисунок 8) также не увеличилась.



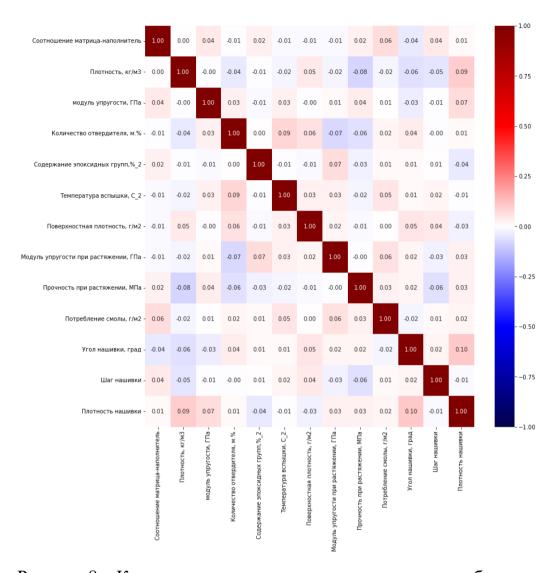


Рисунок 8 – Корреляционная матрица после удаления выбросов

Данные сильно различаются между собой по абсолютным величинам. Работа моделей машинного обучения с такими показателями окажется некорректной из-за увеличения влияния значений, которые имеют большее абсолютное значение. После нормализации все числовые значения входных признаков будут приведены к одинаковой области их изменения. В ВКР для нормализации данных используется метод MinMaxScaler.

После обучения моделей и получения прогнозных данных данные нужно вернуть в исходные значения. Для корректной работы



Inverse\_transform датасет первоначально делится на тестовый и тренировочный и только после этого производится нормализация данных.

## 2.2 Разработка и обучение модели

На начальном этапе необходимо разделить выборку на тестовую (30%) и на которой будет происходить обучение. Поскольку предполагается построить несколько моделей для прогнозирования модуля упругости и плотности при растяжении может получится что одна модель хорошо предсказывает одно значение, а вторая другое. Данные переменные предлагается анализировать отдельно:

- df\_y\_elasticity Модуль упругости при растяжении, ГПа
- df\_y\_strength Прочность при растяжении, МПа

Далее предполагается настроить и обучить 4 модели регрессии: линейная регрессия, метод k-ближайших соседей, регрессия дерева решений, метод опорных векторов.

После обучения моделей предполагается оценить их по трем параметрам:

- Средняя абсолютная ошибка (МАЕ)
- Средняя квадратичная ошибка (MSE)
- Корень из средней квадратичной ошибки (RMSE).

Модели, которые имеют гиперпараметры предлагается оптимизировать, используя GridSearchCV.

После получения лучших прогнозных данных их следует преобразовать в исходный вид.



## 2.3 Тестирование модели

Первая модель, которую предлагается протестировать модель линейной регрессии. Полученные данные об ошибках представлены в таблице 1. Значения получили довольно большие (нормализированные данные).

Таблица 1 – Оценка качества модели линейной регрессии

Параметр	Значение
МАЕ для упругости	0,133
MSE для упругости	0,028
RMSE для упругости	0,166
МАЕ для прочности	0,136
MSE для прочности	0,029
RMSE для прочности	0,171

В таблице 2 представлены значения для данных, которые переведены из нормализованного вида.

Таблица 2 - Оценка качества модели линейной регрессии

Параметр	Значение
МАЕ для упругости	2,46
MSE для упругости	9,41
RMSE для упругости	3,07
МАЕ для прочности	383,27
MSE для прочности	230 034,09
RMSE для прочности	479,62



Модуль упругости при растяжении имеет среднее значение 73,3 (см. рисунок 7). Средняя абсолютная ошибка может показаться не большой 2,46. Но при выводе на график прогнозных данных видно, что модель плохо предсказывает значения. Аналогичный график есть для значений плотности при растяжении, представлен в тетраде jypiter.

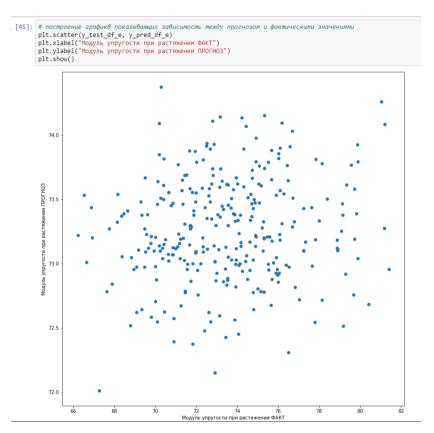


Рисунок 8 – Прогнозные и фактические данные модели линейной регресси

В методе k — ближайших соседей настраивались гиперпараметры через GridSearchCV. Чем больше задавалось количество k — соседей, тем лучше получался результат. Поэтому для подбора оптимальных гиперпараметров было решено использовать метод градиентного спуска. На рисунке 9 показано что качество модели значительно не улучается при



количестве соседей больше 20. Поэтому это количество и используется в модели.

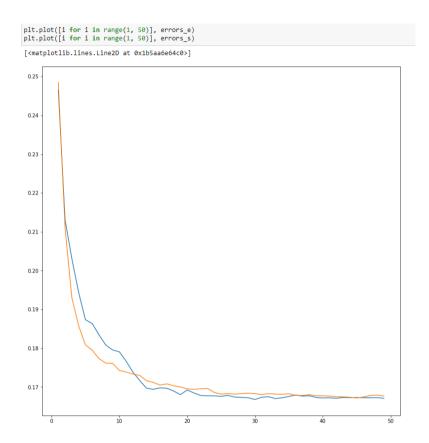


Рисунок 9 – Метод knn – подбор количества ближайших соседей

В таблице 2 представлены данные оценки качества регрессии методом knn с оптимальными гиперпараметрами. Данные получились ненамного лучше, чем в варианте с линейной регрессией.

Таблица 2 – Оценка качества модели регрессии (метод knn)

Параметр	Значение
МАЕ для упругости	0,136
MSE для упругости	0,029
RMSE для упругости	0,169



МАЕ для прочности	0,134
MSE для прочности	0,029
RMSE для прочности	0,170

Метод дерево решений дал похожие результаты. Результаты представлены в таблице 3.

Таблица 3 – Оценка качества модели регрессии (метод дерево решений)

Параметр	Значение
МАЕ для упругости	0,134
MSE для упругости	0,028
RMSE для упругости	0,167
МАЕ для прочности	0,132
MSE для прочности	0,028
RMSE для прочности	0,168

Метод опорных векторов дал аналогичные результаты как и метод дерева решений. Данные представлены в таблице 4.

Таблица 4 – Оценка качества модели регрессии (метод опорных векторов)

Параметр	Значение
МАЕ для упругости	0,134
MSE для упругости	0,028
RMSE для упругости	0,167



МАЕ для прочности	0,132
MSE для прочности	0,028
RMSE для прочности	0,168

Итоговые данные по оценке качества моделей представлены в таблице 5.

Таблица 5 - Итоговые данные по оценке качества моделей

Параметр	Линейная	К - ближайшие	Дерево	Метод опорных
	регрессия	соседи	решений	векторов
МАЕ для упругости	0,133	0,136	0,134	0,134
MSE для упругости	0,028	0,029	0,028	0,028
RMSE для упругости	0,166	0,169	0,167	0,167
МАЕ для прочности	0,136	0,134	0,132	0,132
MSE для прочности	0,029	0,029	0,028	0,028
RMSE для прочности	0,171	0,170	0,168	0,168

Поскольку метод дерева решений и метод опорных векторов показали одинаковые результаты, при этом ошибки в прогнозных данных были минимальные можно выделить их как наилучшие. Для примера можно рассмотреть не нормализированные графики, которые показывают взаимосвязь между прогнозными и фактическими значениями. На рисунке 10 видно, что модель спрогнозировала только 2 возможных значения. Аналогичная ситуация с данными для прочности.



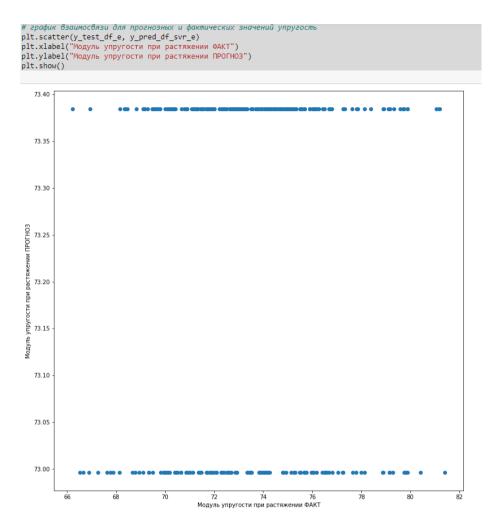


Рисунок 10 — Метод опорных векторов прогнозные и фактические значения для упругости

Из графиков видно, что ни одна из моделей не справилась с задачей хорошо. При этом хуже всего показывает себя метод дерева решений и опорных векторов (прогнозируют только 2 значения). Метод линейной регрессии и k-nn дают лучшие результаты, но также не позволяют спрогнозировать конечные свойства материалов.



## 2.4 Написание нейронной сети

Для прогнозирования соотношения матрица-наполнитель написаны 2 модели, включающая 2 и 4 слоя. В этих целях была задействована библиотека keras. Нормализация данных для нейронной сети производилась предварительно по аналогии с моделью регрессии. Первый слой включает 128 нейронов, выходной 1, т.к. нейронная сеть должна выдавать одно число, показывающее соотношение матрица-наполнитель. Вторая модель имеет 12 входных параметров и 2 промежуточных слоя и один выходной.

В качестве функции ошибки, которая используется для оптимизации в методе обратного распространения ошибки используется среднеквадратичная ошибка.

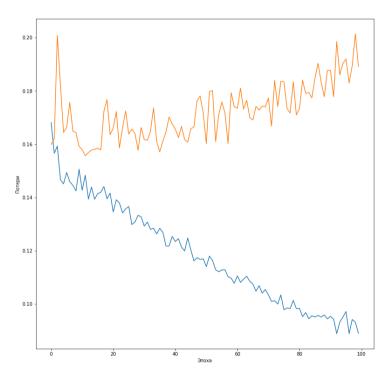


Рисунок 11 – график обучения нейронной сети (mae, val\_mae)

После обучения модели и тестировании на тестовой выборке, получились следующие значения – таблица 6.



Таблица 6 – Оценка качества модели регрессии нейронной сети (2 слоя)

Параметр	Значение
МАЕ матрица-наполнитель	0,115327
MSE матрица-наполнитель	0,020508
RMSE матрица-наполнитель	0,143205

График соотношения прогнозных и фактических значений выглядит следующим образом (Рисунок 12).

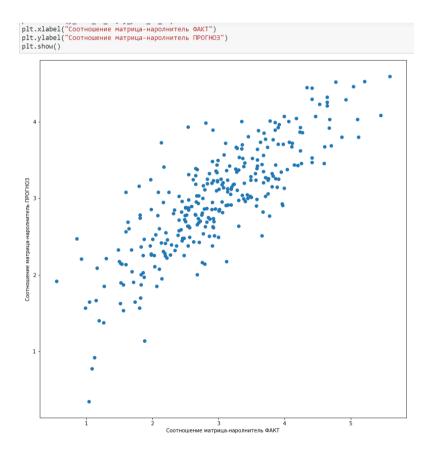


Рисунок 12 - Прогнозные и фактические данные модели регрессии нейронной сети (2 слоя)

Вторая модель нейронной сети имеет немного лучшие показатели качества (таблица 7).



Таблица 7 – Оценка качества модели регрессии нейронной сети (4 слоя)

Параметр	Значение
МАЕ матрица-наполнитель	0,0708
MSE матрица-наполнитель	0,0138
RMSE матрица-наполнитель	0,1176

На рисунке 12 видно, что средняя ошибка уменьшается на тренировочных данных в процессе обучения, но увеличивается на тестовых.

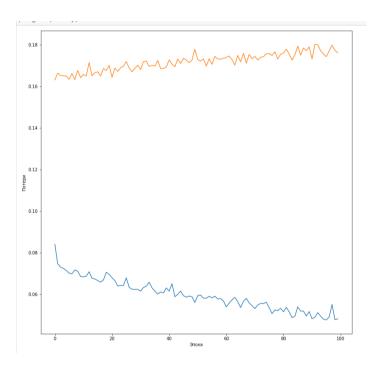


Рисунок 13 – график обучения нейронной сети (mae, val\_mae)



На рисунке 14 показана взаимосвязь между прогнозным и фактическим значением. Прогнозные значения оказались смещены по оси Y.

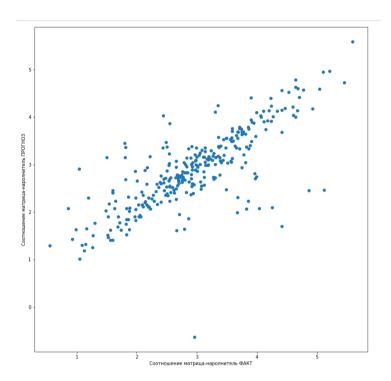


Рисунок 14 - Прогнозные и фактические данные модели регрессии нейронной сети (4 слоя)

Несмотря на большое значение средней абсолютной ошибки график зависимости прогнозных и фактических данных показывает наличие взаимосвязи.



### 2.5 Разработка приложения

В процессе выполнения ВКР было разработано Flask приложение для прогноза модуля упругости при растяжении на основании линейной регрессионной модели. Интерфейс приложения показан на рисунке 15.

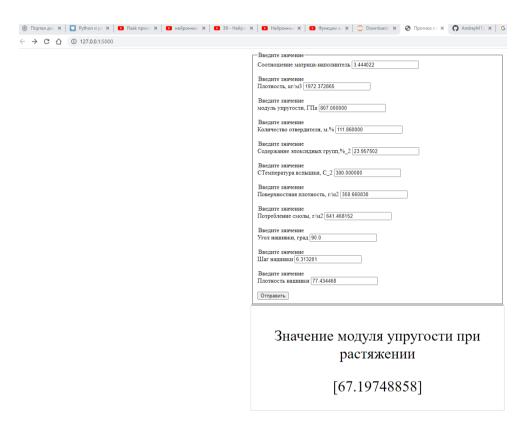


Рисунок 15 – Интерфейс веб-приложения

## 2.6 Создание репозитория

По итогам работы все материалы, включающие исследование в формате jupyter notebook, пояснительная записка, презентация, Flask приложение были размещены в репозитории на GitHub. (https://github.com/AndreyM123/vkr



#### Заключение

В ходе решения задачи прогнозирования конечных свойств новых материалов были изучены основные теоретические и практические методы машинного обучения. Проведен предварительный анализ данных и их предобработка. Изучены основные алгоритмы машинного обучения и проведен сравнительный анализ полученных результатов. В моделях были настроены гиперпараметры.

После выполнения исследования разработано веб-приложение, данные загружены в репозиторий.

В ходе выполнения ВКР не удалось разработать модель, которая предсказывала бы значения с приемлемой точностью. Модель нейронной сети показала взаимосвязь, но все предсказанные данные были смещены.

## Библиографический список



- 1. Аллен Б. Дауни Основы Руthon. Научитесь думать как программист / Аллен Б. Дауни ; пер. с англ. С. Черникова ; [науч. ред. А. Родионов]. Москва: Манн, Иванов и Фербер, 2021. 298 с.
- 2. Билл Любанович. Простой Руthon. Современный стиль программирования. СПб.: Питер, 2016. 328 с.: ил. (Серия «Бестселлеры O'Reilly»).
- 3. Жерон, Орельен. Прикладное машинное обучение с помощью Scikit-Learn и TensorFlow: концепции, инструменты и техники для создания интеллектуальных систем. Пер. с англ. СпБ.: ООО Альфа-книга: 2018. 712 с.
- 4. Язык программирования Руthon- Режим доступа: https://www.python.org/. (дата обращения 31.10.2022)
- 5. Библиотека Pandas- Режим доступа: https://pandas.pydata.org/. (дата обращения 31.10.2022)
- 6. Библиотека Matplotlib- Режим доступа: https://matplotlib.org/. (дата обращения 31.10.2022)
- 7. Библиотека Seaborn- Режим доступа: https://seaborn.pydata.org/. (дата обращения 31.10.2022)
- 8. Библиотека Sklearn- Режим доступа: https://scikit-learn.org/stable/. (дата обращения 31.10.2022)
- 9. Библиотека Tensorflow: Режим доступа: https://www.tensorflow.org/. (дата обращения 31.10.2022)
- 10. Машинное обучение [Электронный ресурс]: Режим доступа: https://ru.wikipedia.org/wiki//Машинное\_обучение (дата обращения: 13.06.2022).