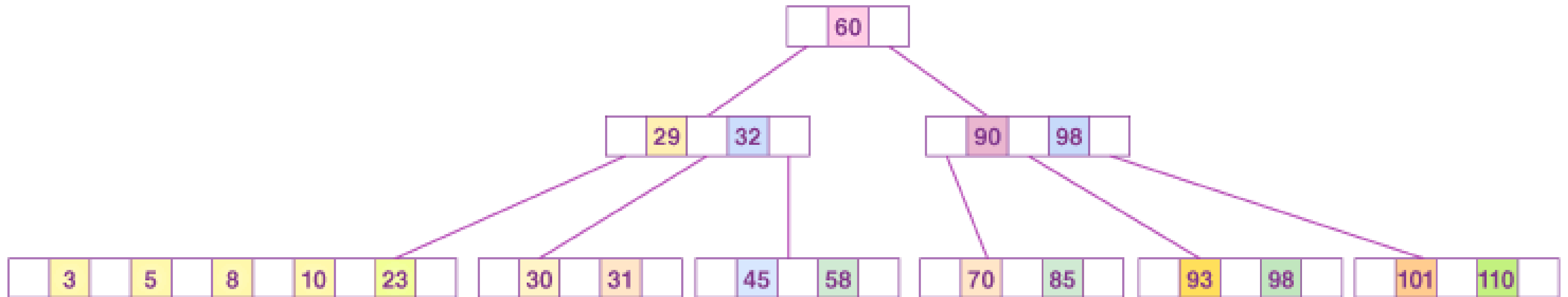


Monitoria de Algoritmos e Estruturas de Dados

Árvores-B



Árvores-B



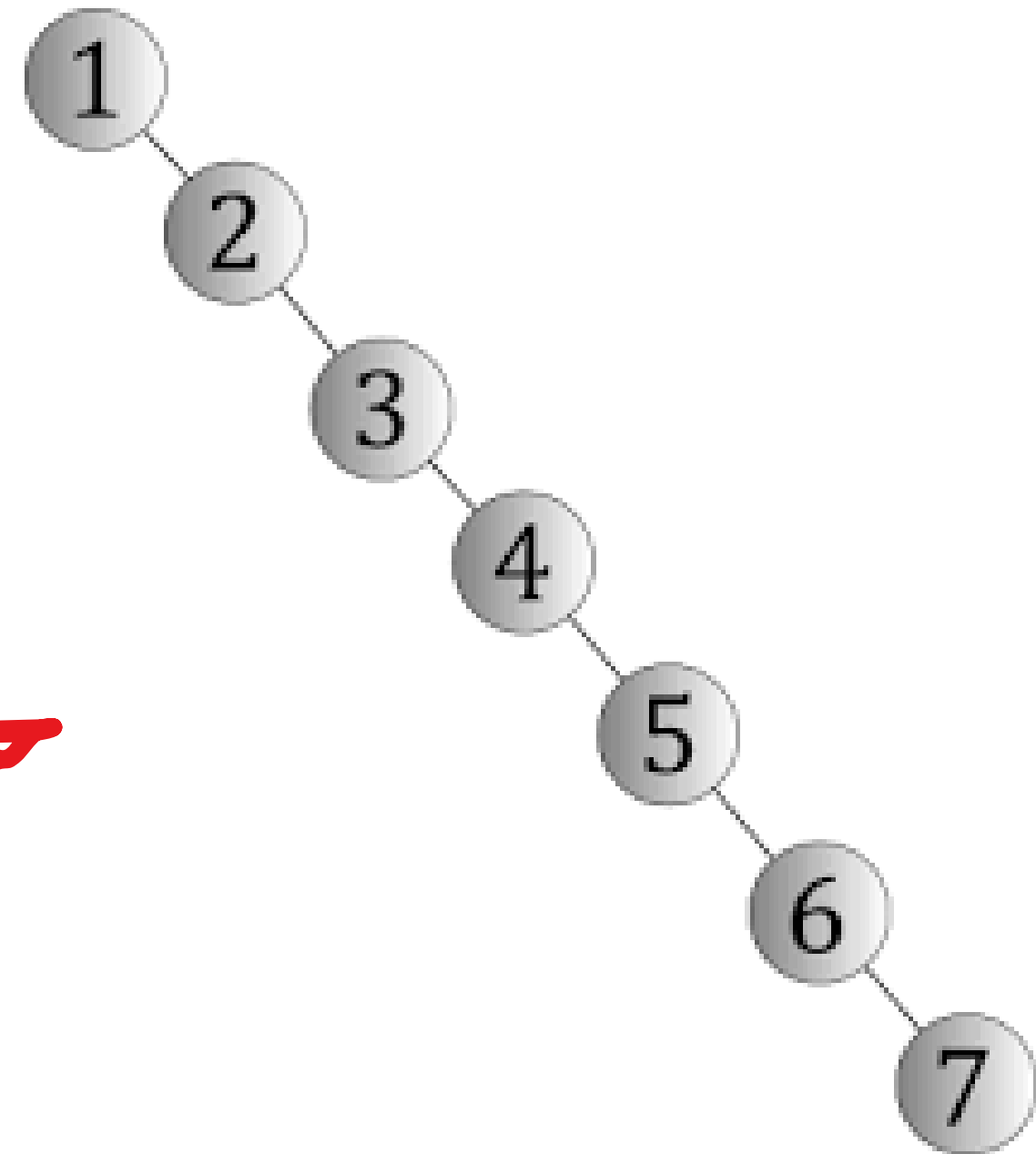
Intuição

- Mais “achatada” do que árvores de busca binária tradicionais
- Muitos valores dentro de um mesmo nó (valor **t** qualquer)
- Totalmente ordenada (inclusive elementos de um mesmo nó)

Vantagens

- Auto-Balanceada

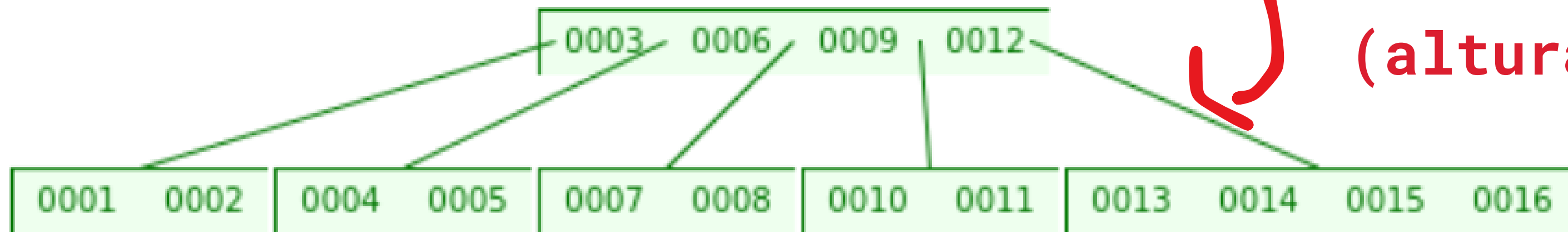
Não ocorre:



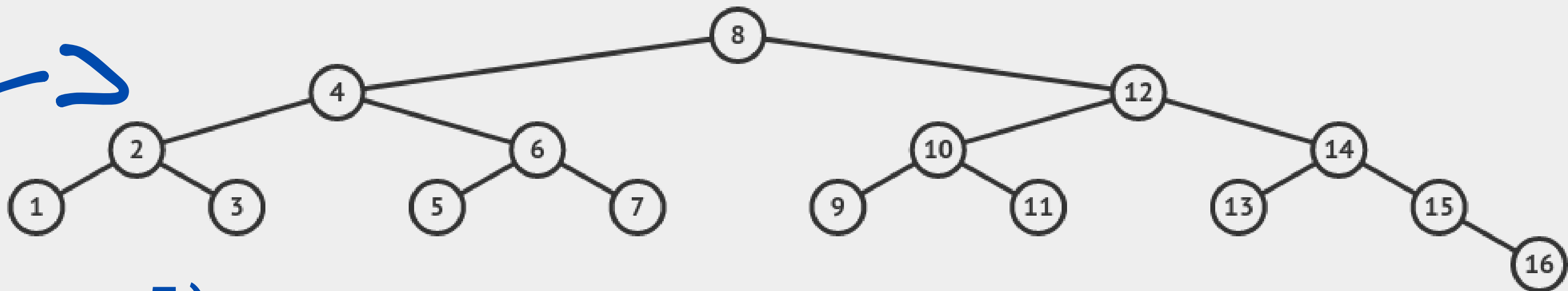
Vantagens

- Menor altura:

Árvore-B



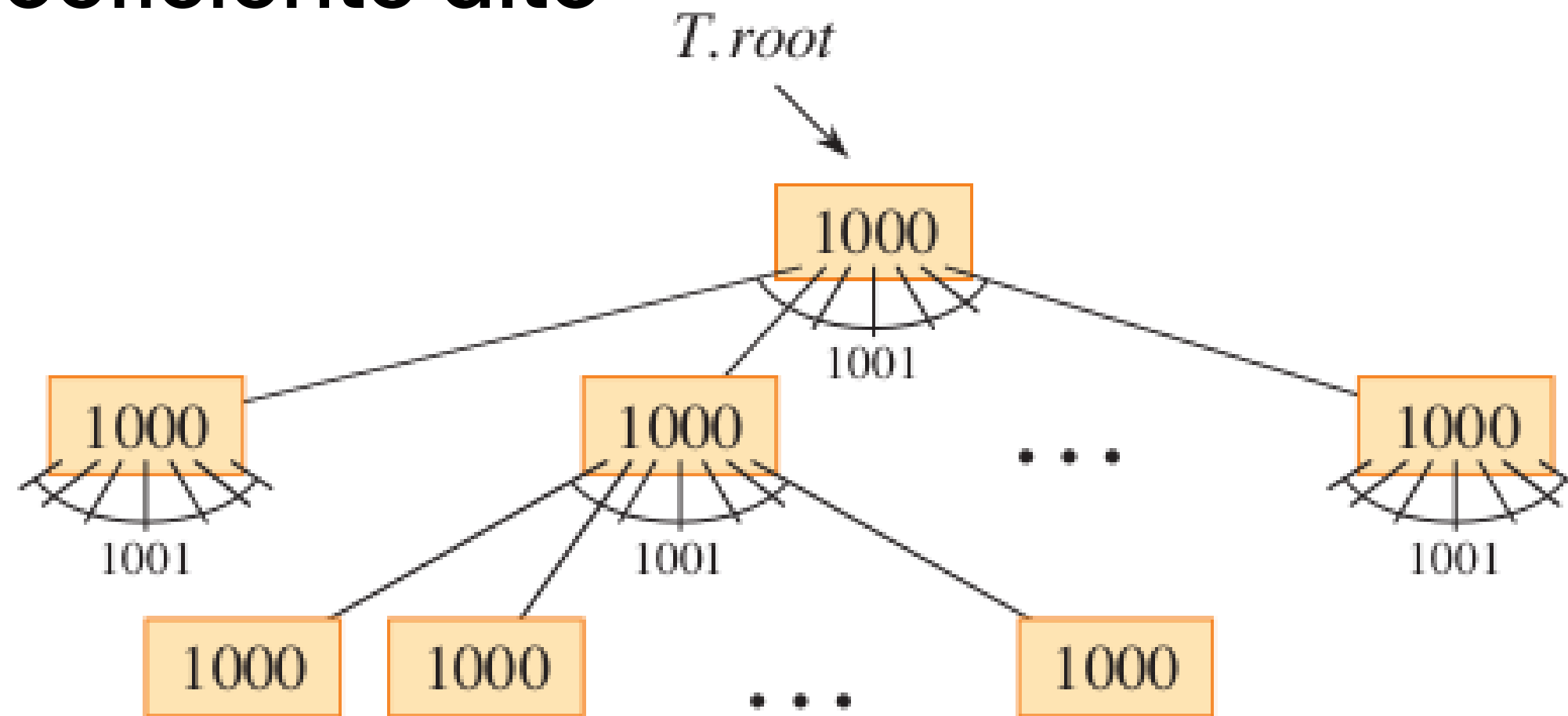
AVL



(altura = 5)

Vantagens

- Menor altura:
 - inserção de 1 bilhão de valores
 - coeficiente alto



1 node,
1000 keys

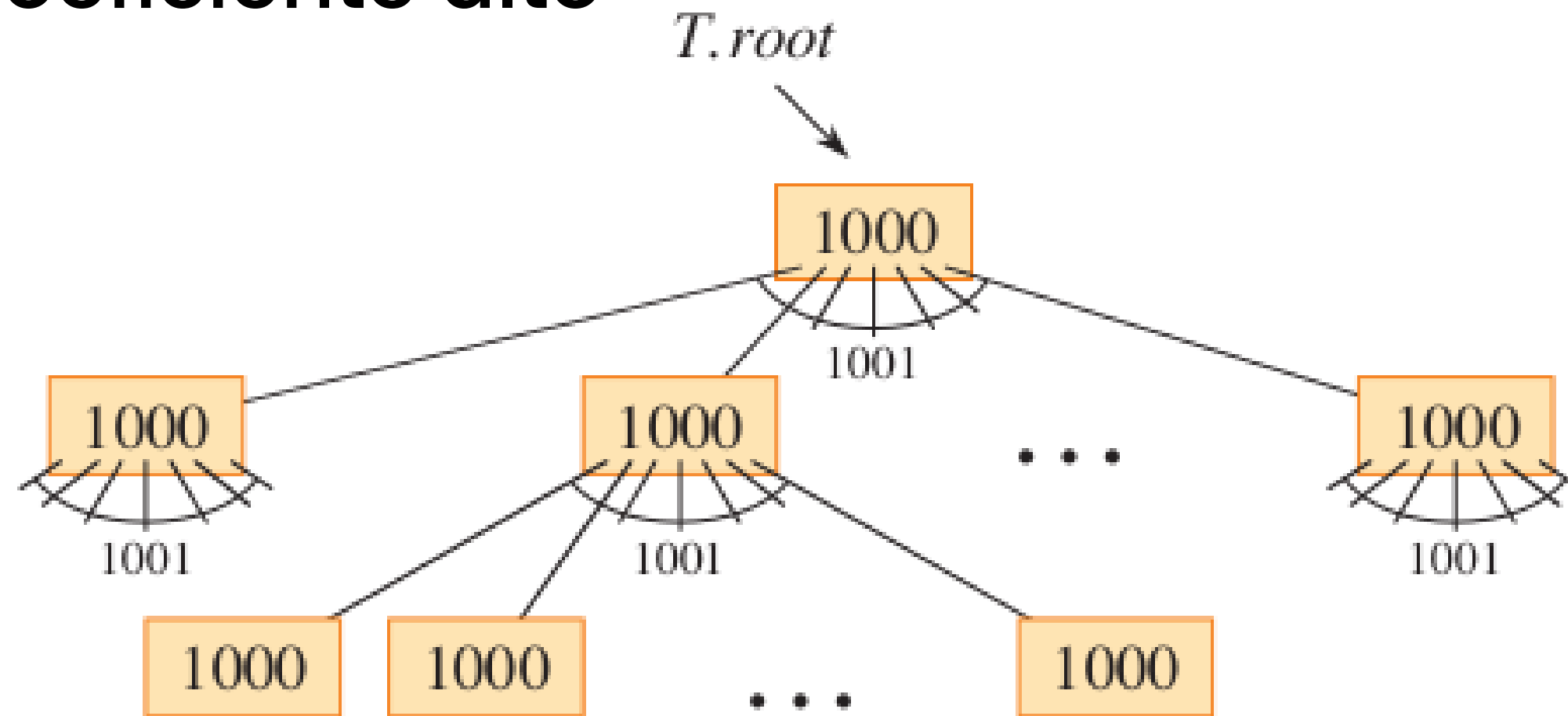
1001 nodes,
1,001,000 keys

1,002,001 nodes,
1,002,001,000 keys

Altura = 3

Vantagens

- Menor altura:
 - inserção de 1 bilhão de valores
 - coeficiente alto



1 node,
1000 keys

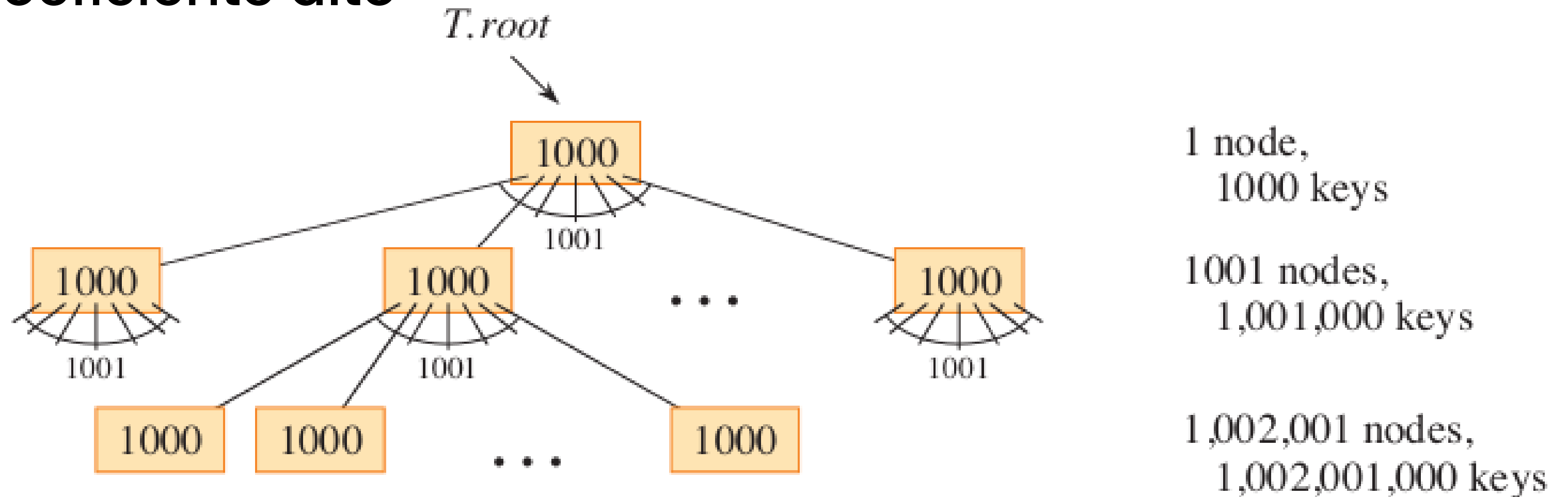
1001 nodes,
1,001,000 keys

1,002,001 nodes,
1,002,001,000 keys

Qual seria a altura de uma AVL com 1 bilhão de elementos?

Vantagens

- Menor altura:
 - inserção de 1 bilhão de valores
 - coeficiente alto



Qual seria a altura de uma AVL com 1 bilhão de elementos? **31**

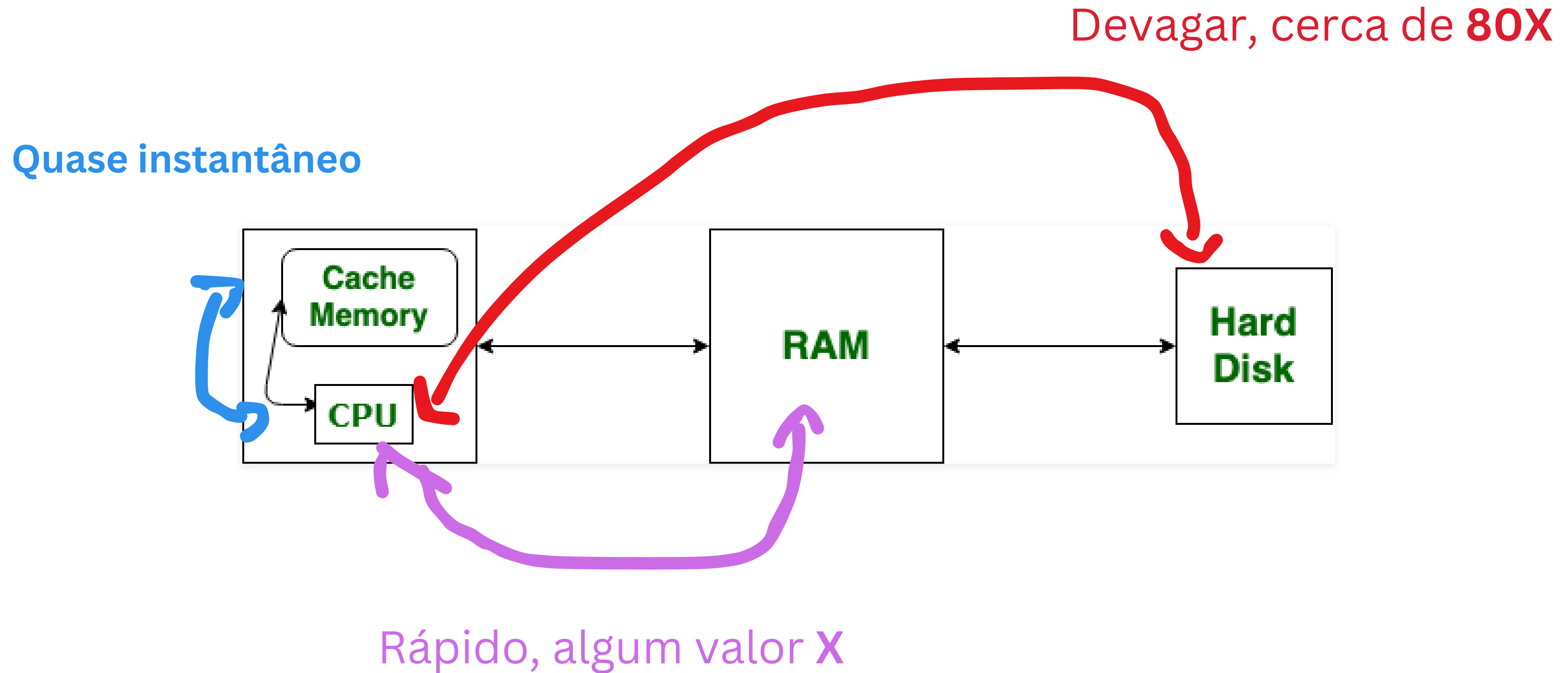
Vantagens

- Mas busca dentro de um nó com 1000 elementos continua $O(1000)$ se for feita uma busca linear, então porque isso é melhor do que uma AVL?



possivelmente $O(\log_2 1000)$
com busca binária

Vantagens



Aplicações

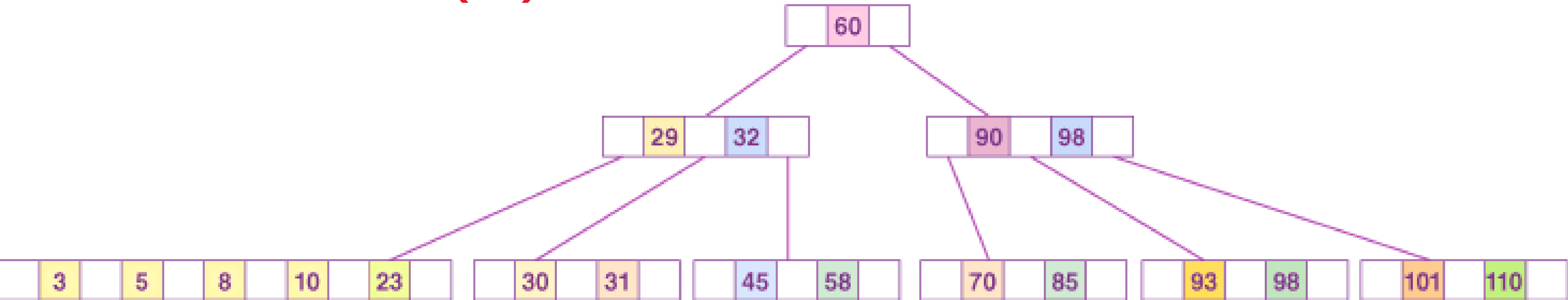
- Bases de dados: MySQL, SQLite
- Sistemas de arquivos:
 - Apple: MacOS HFS/HFS+
 - Windows: NTFS
 - Linux: ext3

Propriedades árvores-B

- Possui uma constante T que estabelece o grau mínimo da árvore
 - Todo nó interno, exceto a raiz, possui C chaves $(T-1 \leq C \leq 2T-1)$ e F filhos $(F = C+1)$
- Todas as folhas estão no mesmo nível

Busca em árvore-B

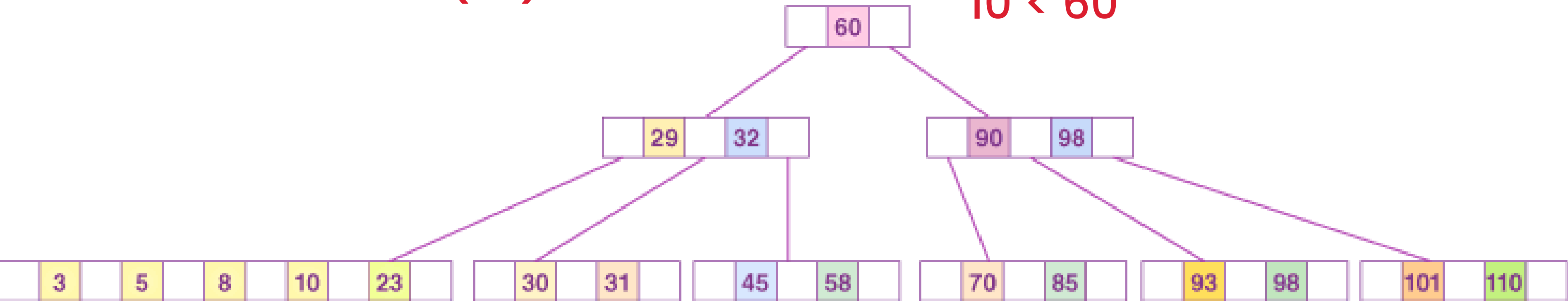
arvore.busca(10)



Busca em árvore-B

arvore.busca(10)

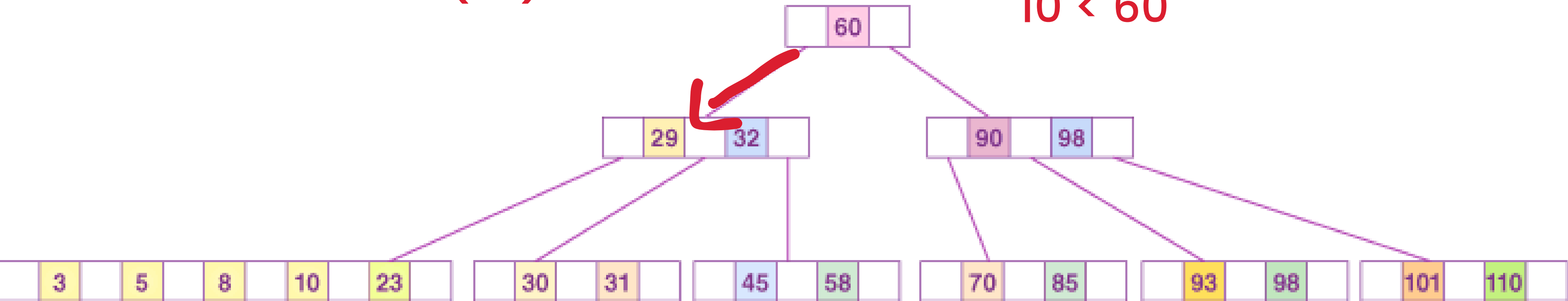
10 < 60



Busca em árvore-B

arvore.busca(10)

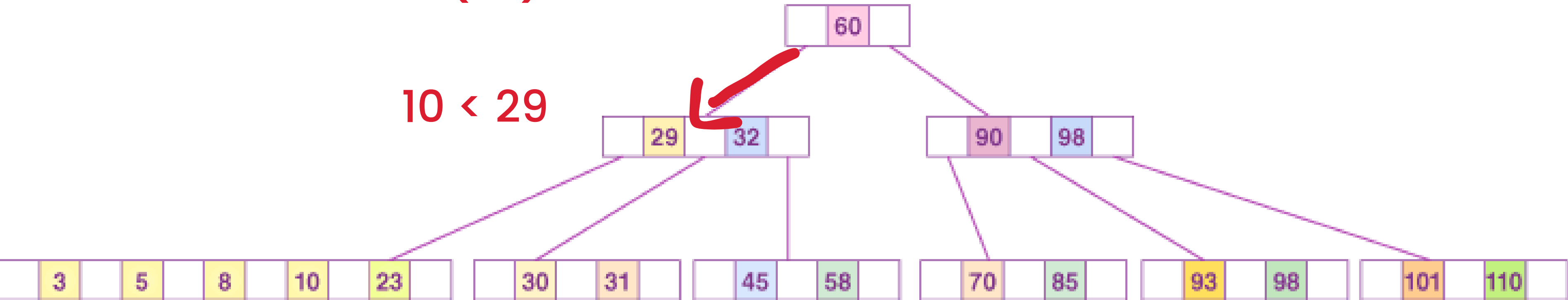
10 < 60



Busca em árvore-B

arvore.busca(10)

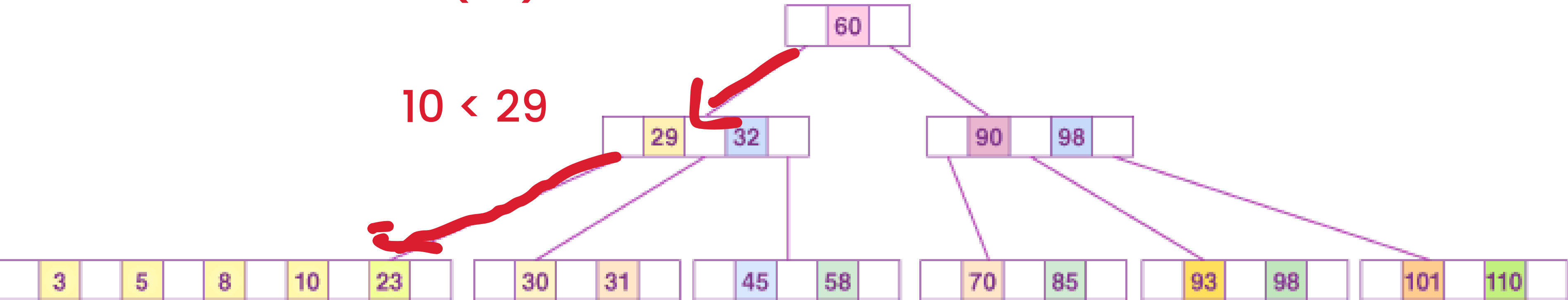
$10 < 29$



Busca em árvore-B

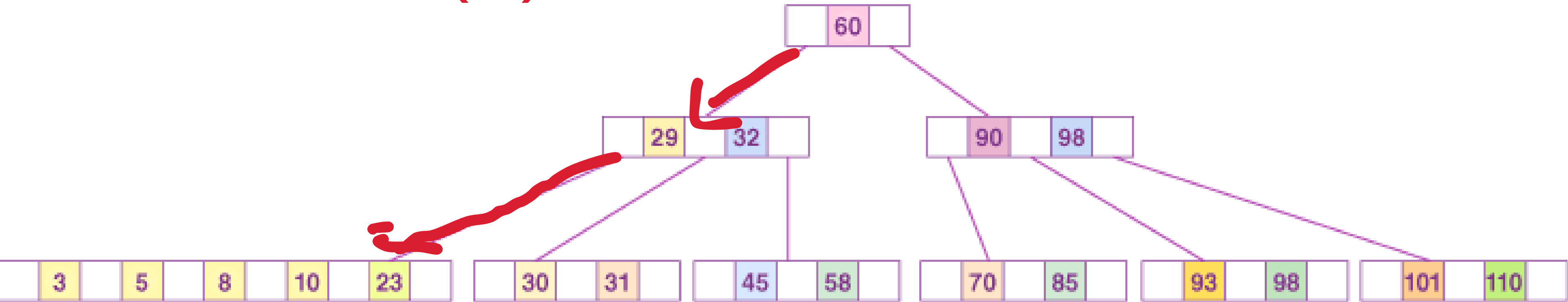
arvore.busca(10)

$10 < 29$



Busca em árvore-B

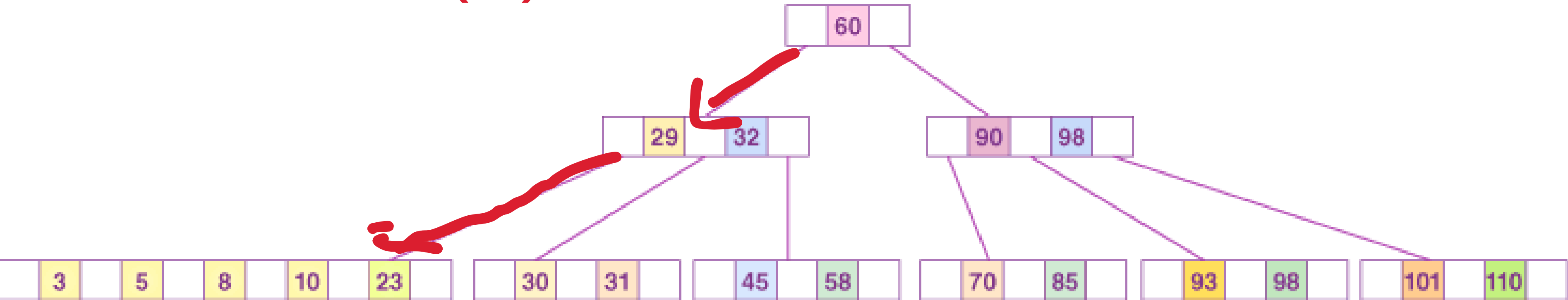
arvore.busca(10)



↑
10 > 3

Busca em árvore-B

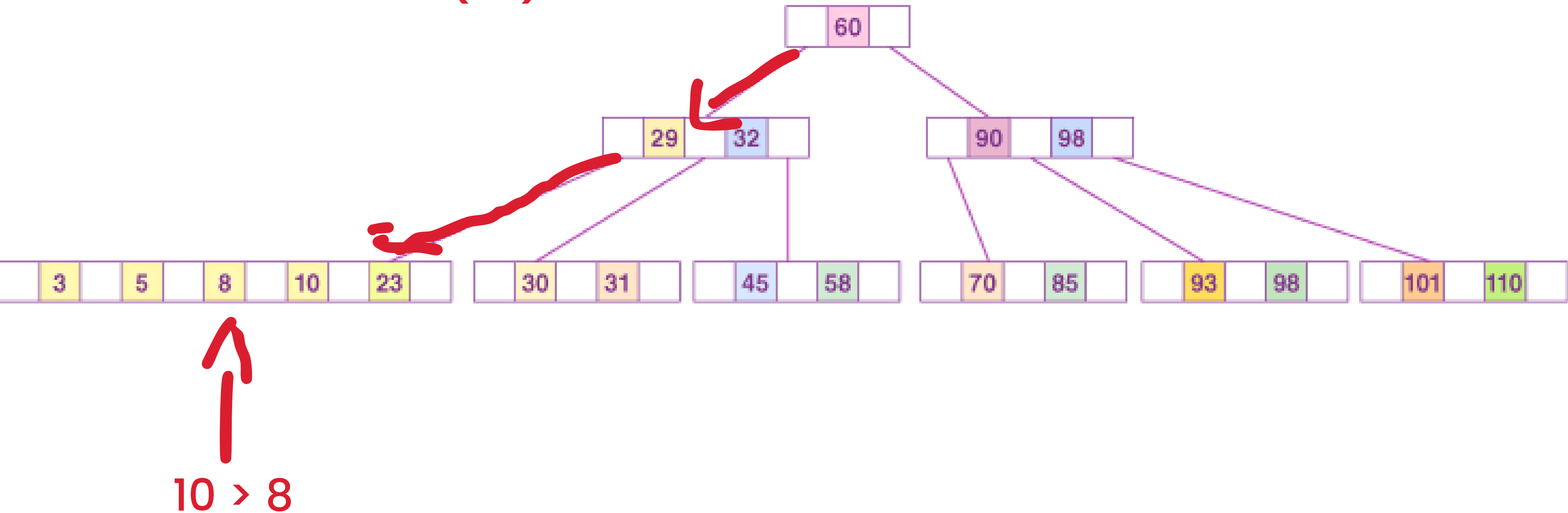
arvore.busca(10)



10 > 5

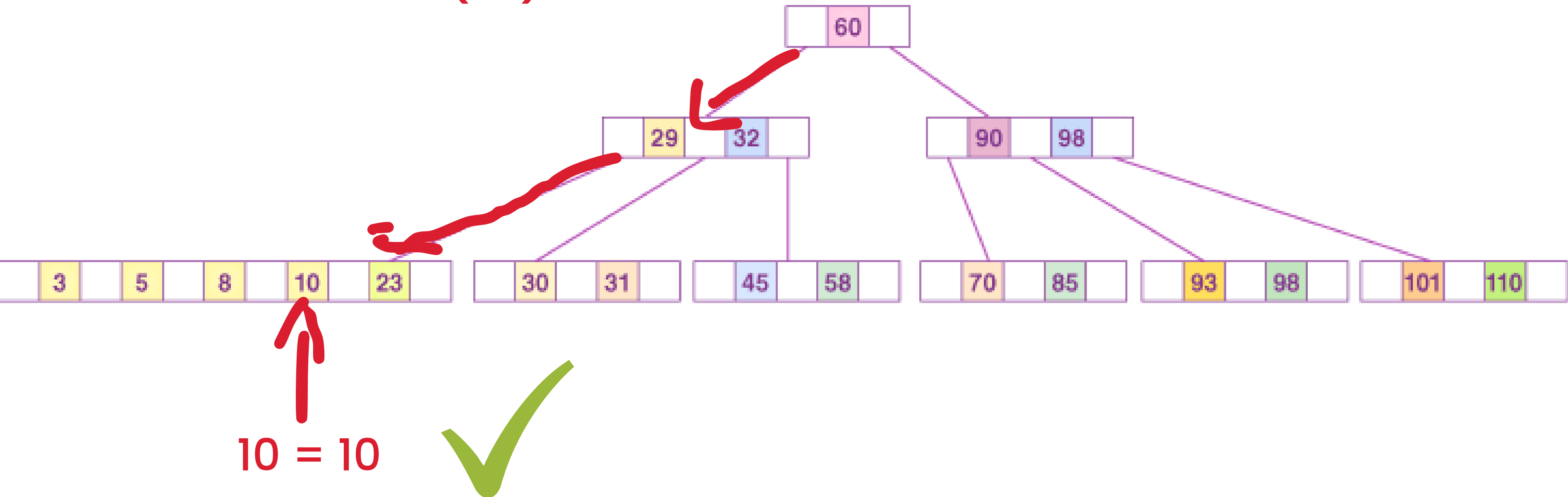
Busca em árvore-B

arvore.busca(10)



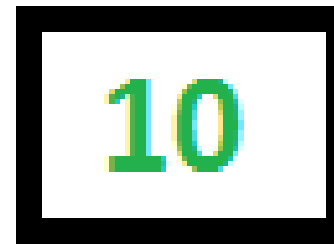
Busca em árvore-B

arvore.busca(10)



Inserção em árvore-B ($T=3$)

Insert 10



Insertão em árvore-B ($T=3$)

Insert 20, 30, 40 and 50

10	20	30	40	50
----	----	----	----	----

arvore.inserir(60)

10 20 30 40 50

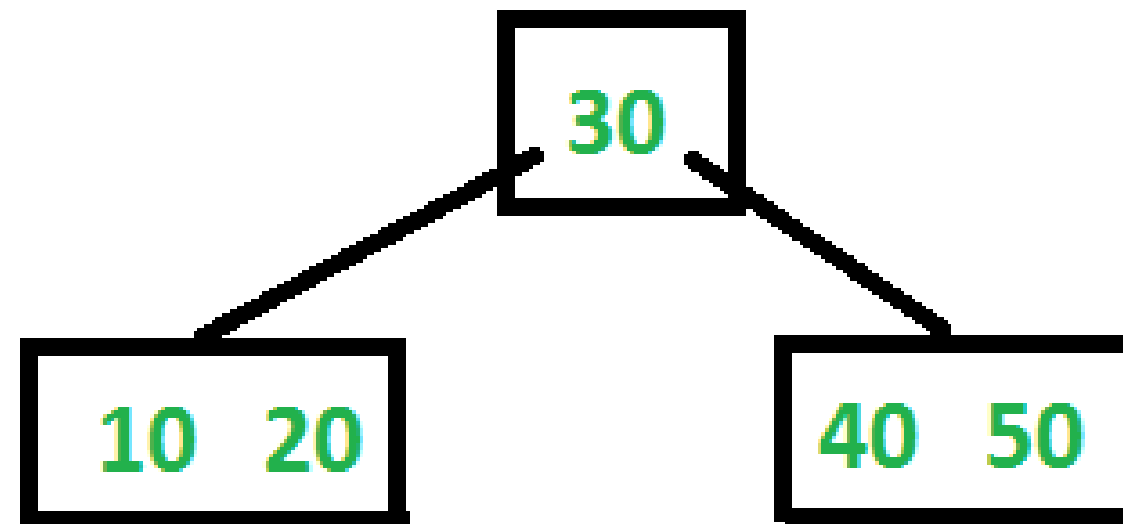
arvore.inserir(60)



mediana

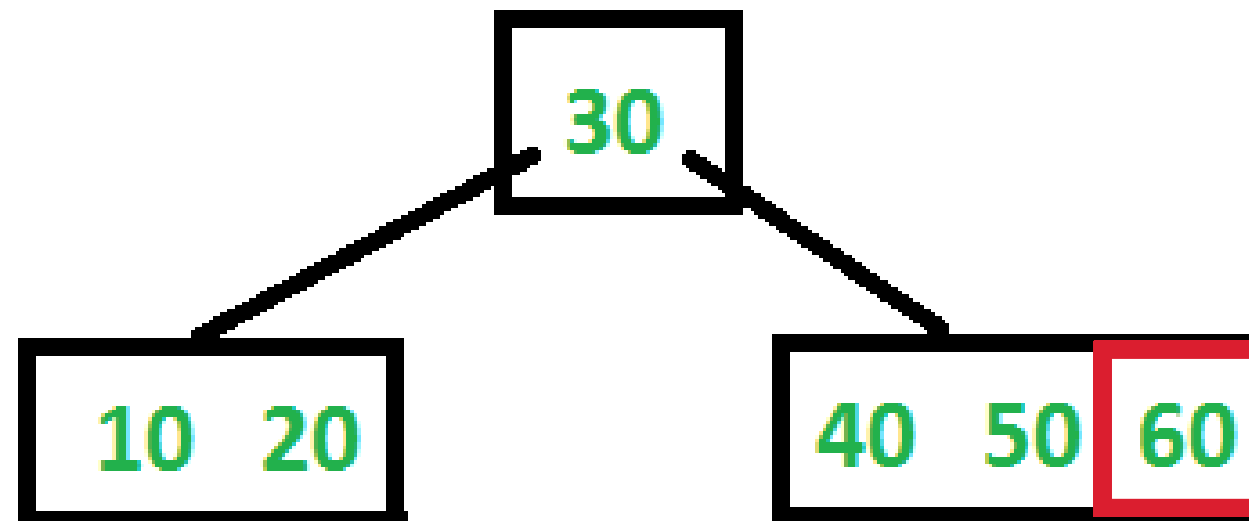
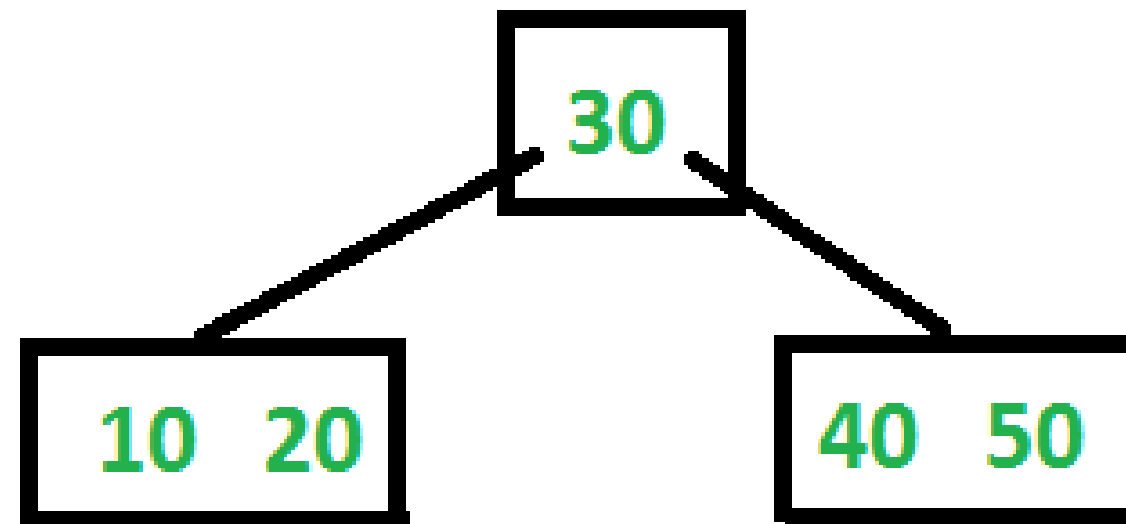
arvore.inserir(60)

10 20 30 40 50



arvore.inserir(60)

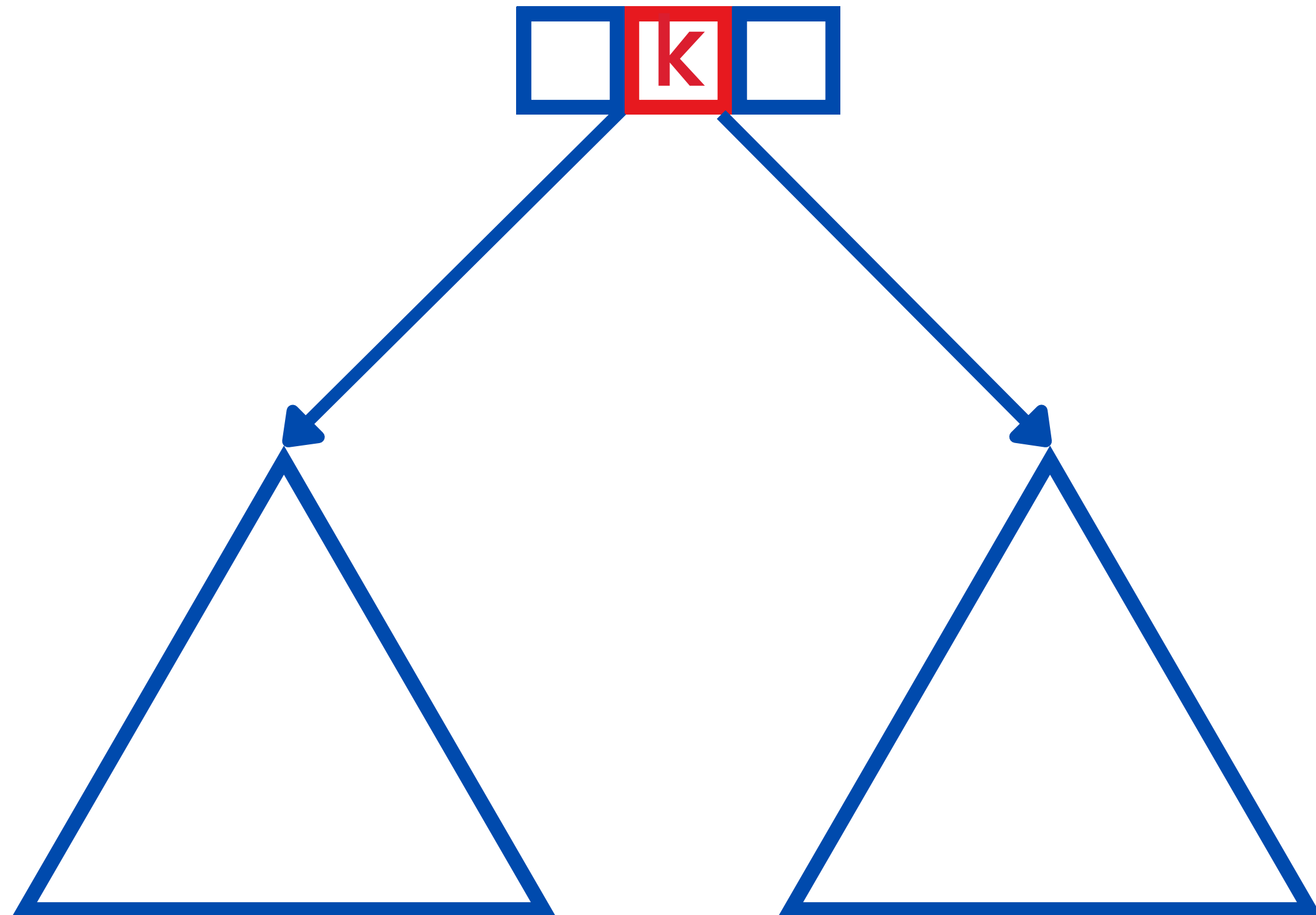
10 20 30 40 50



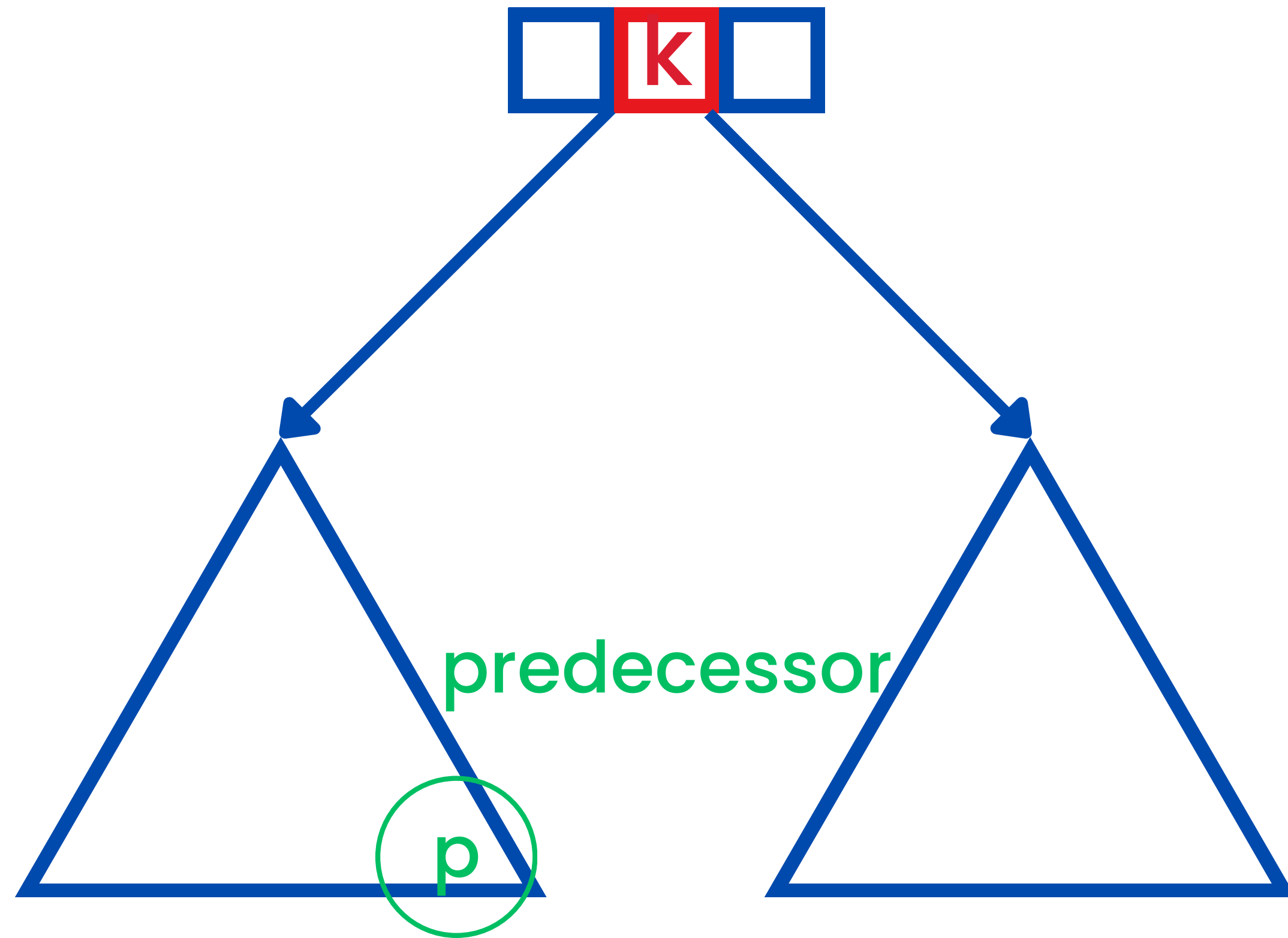
Deleção

- Muitos casos, importante é entender rotações que preservam propriedades da árvore

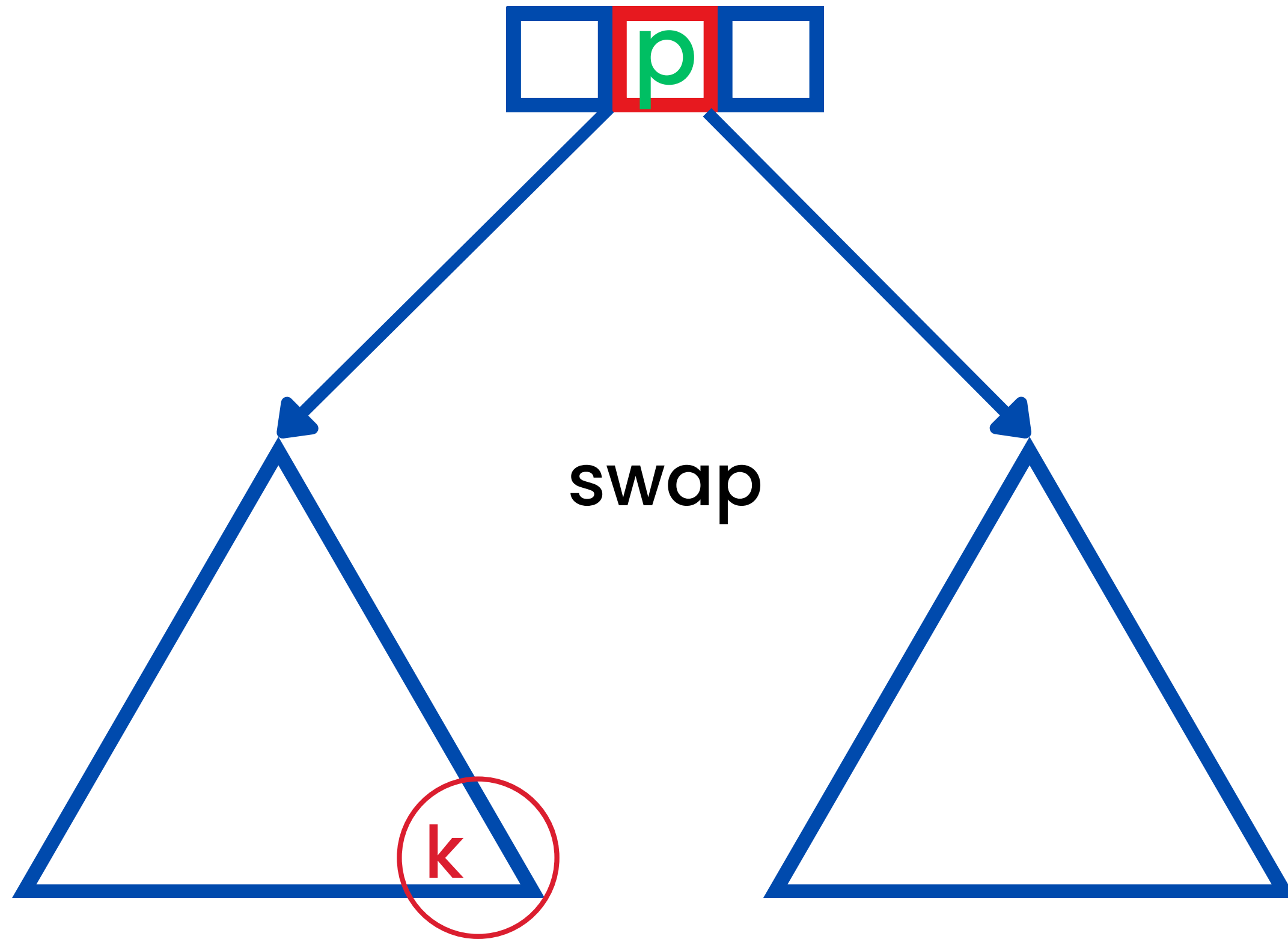
Deleção: deletando **k**



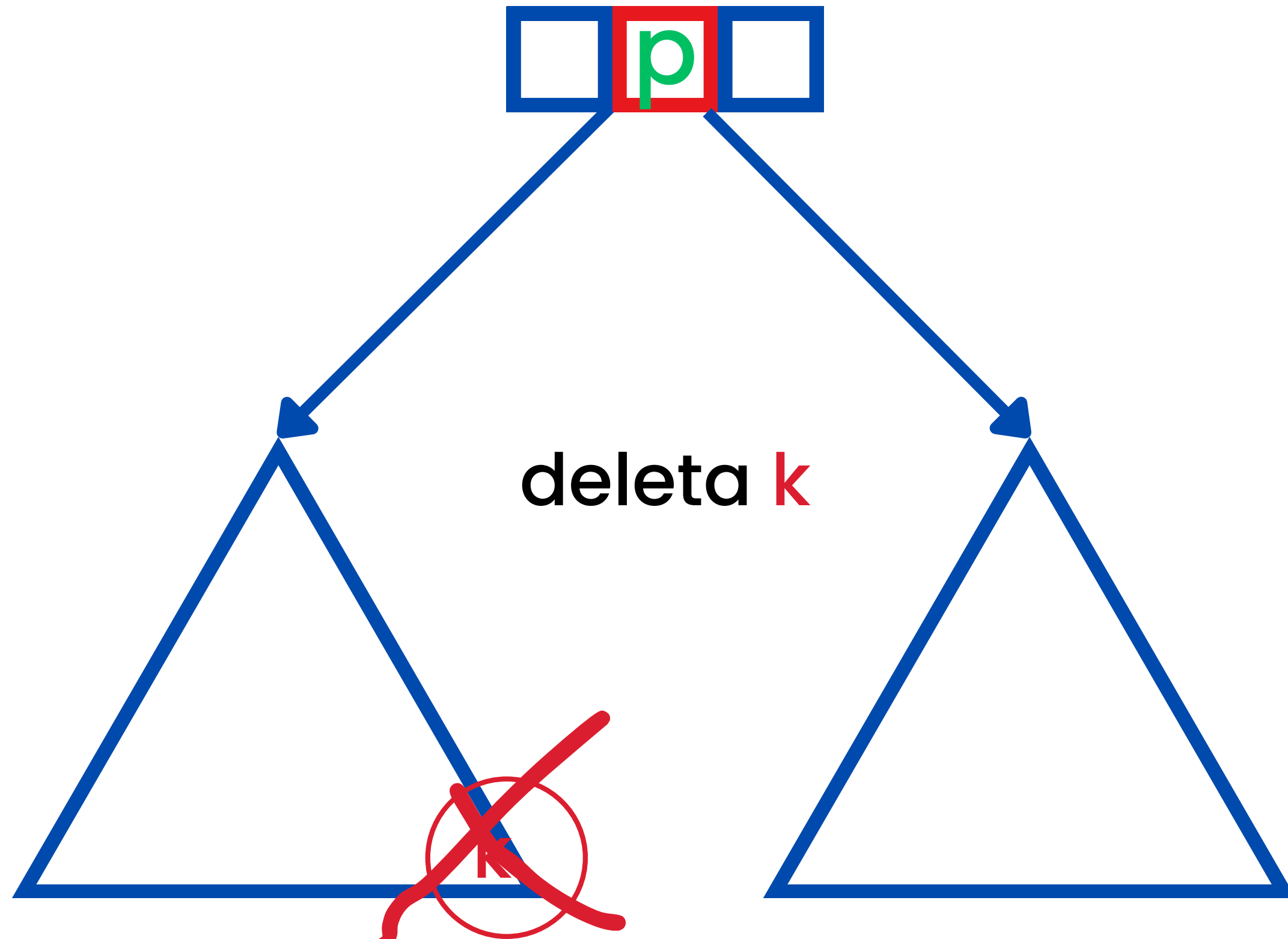
Deleção: deletando k



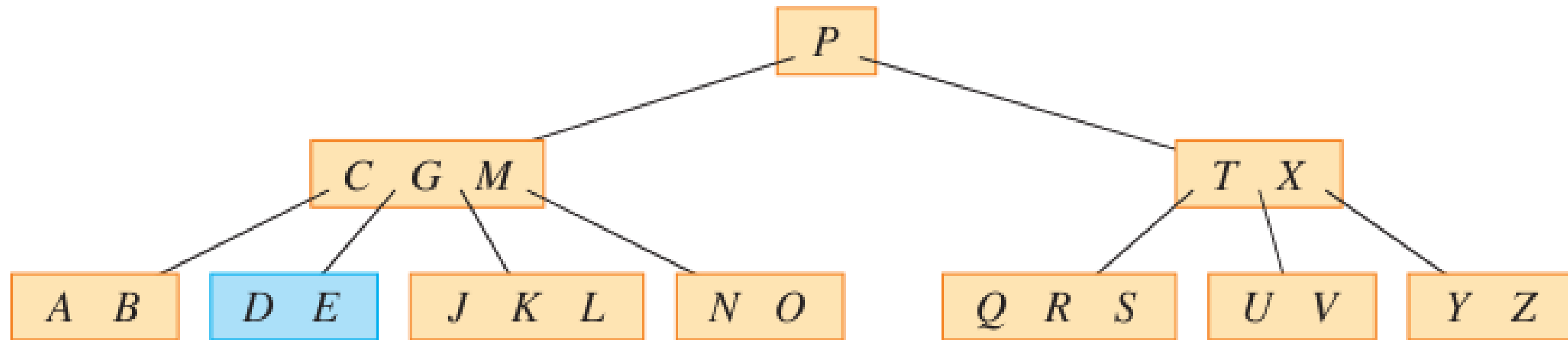
Deleção: deletando k



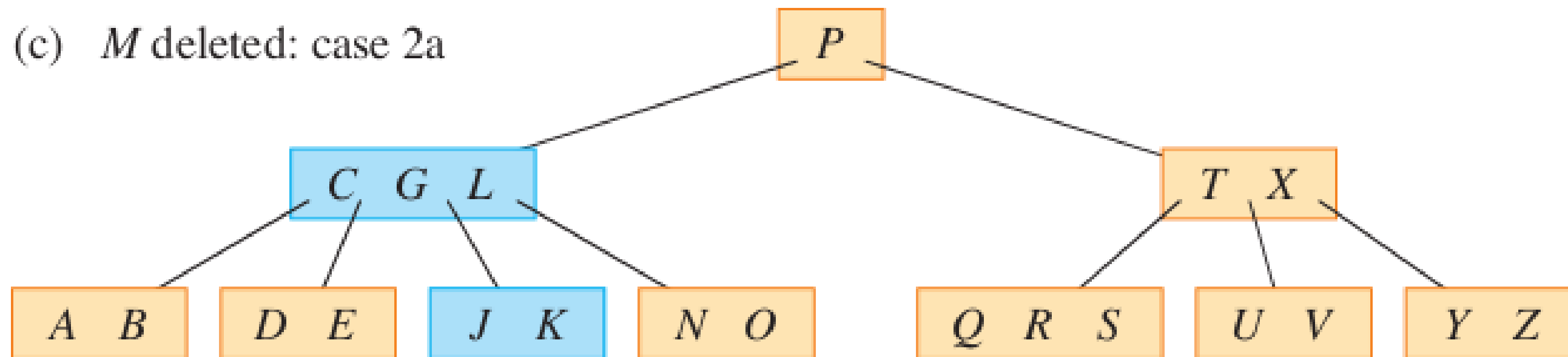
Deleção: deletando k



Deleção: exemplo



(c) M deleted: case 2a



Complexidade:

seja **B** coeficiente da árvore e **N** elementos:

Busca: $O(B \log_B N)$

Inserção: $O(B \log_B N)$

Deleção: $O(B \log_B N)$

Complexidade:

seja **B** coeficiente da árvore e **N** elementos:

Busca: $O(\textcolor{red}{B} \log_{\textcolor{red}{B}} \textcolor{blue}{N})$

Inserção: $O(\textcolor{red}{B} \log_{\textcolor{red}{B}} \textcolor{blue}{N})$

Deleção: $O(\textcolor{red}{B} \log_{\textcolor{red}{B}} \textcolor{blue}{N})$

Em última análise, tempo
logarítmico.

Referências:

Livro: Introduction to Algorithms, *Cormen et Al*

Videoaula: MIT Opencourseware

Visualização Árvore-B