Рекурсії

Замикання





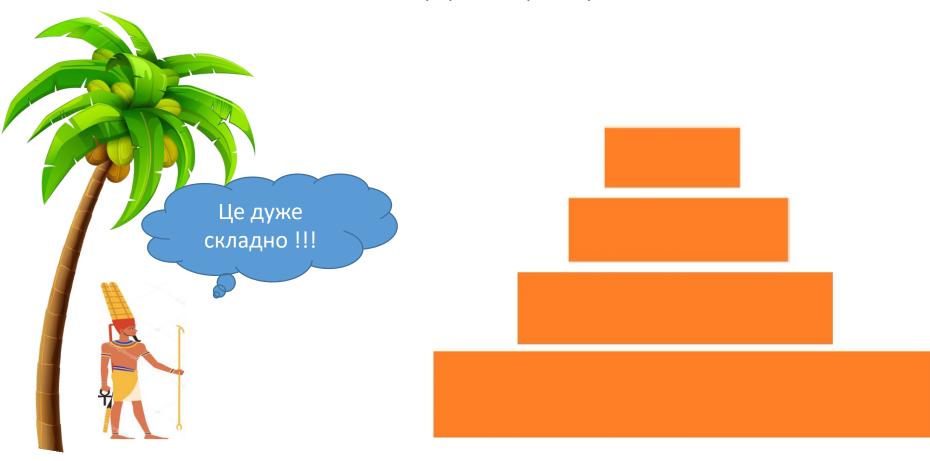


















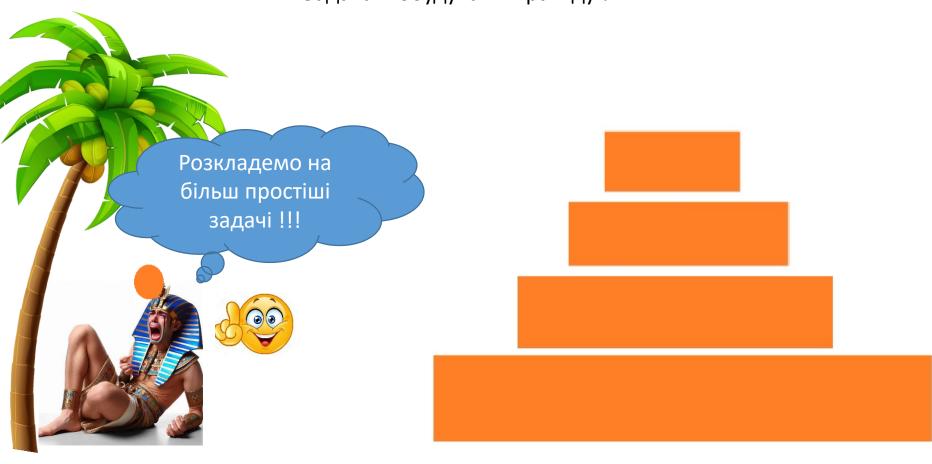


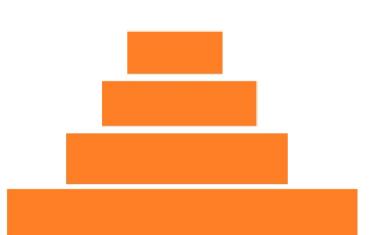










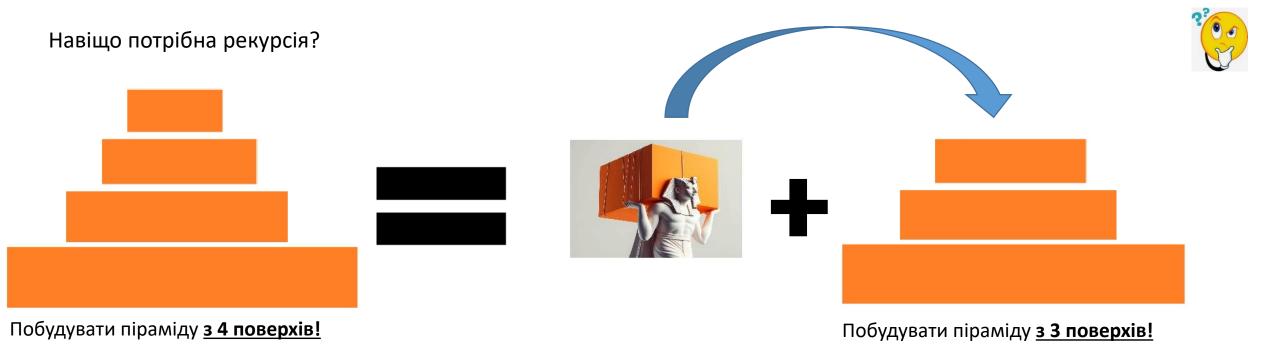


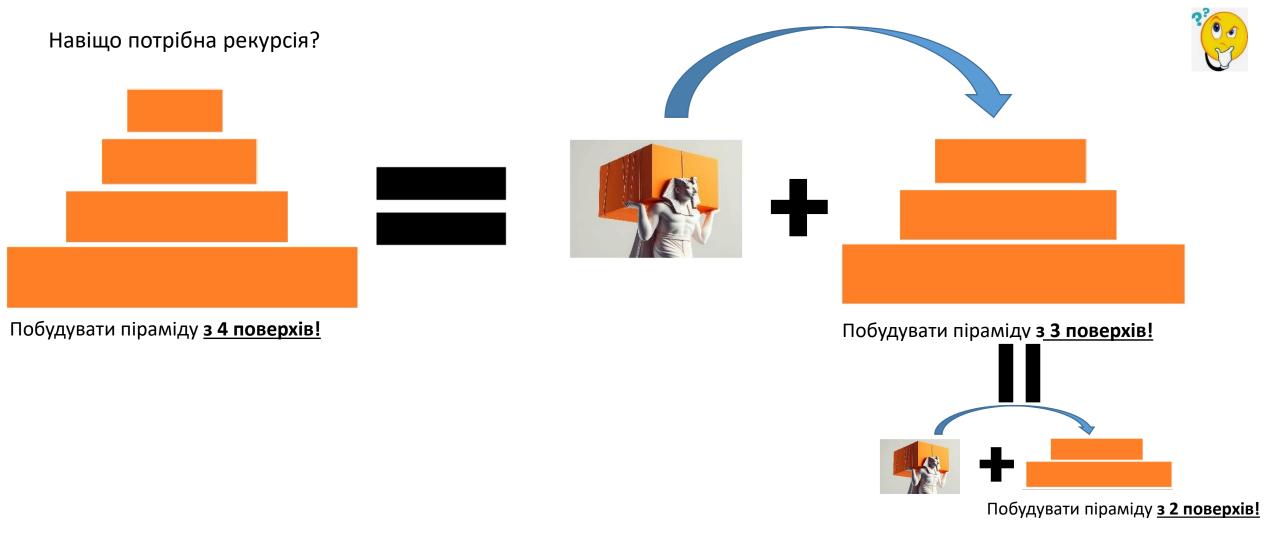


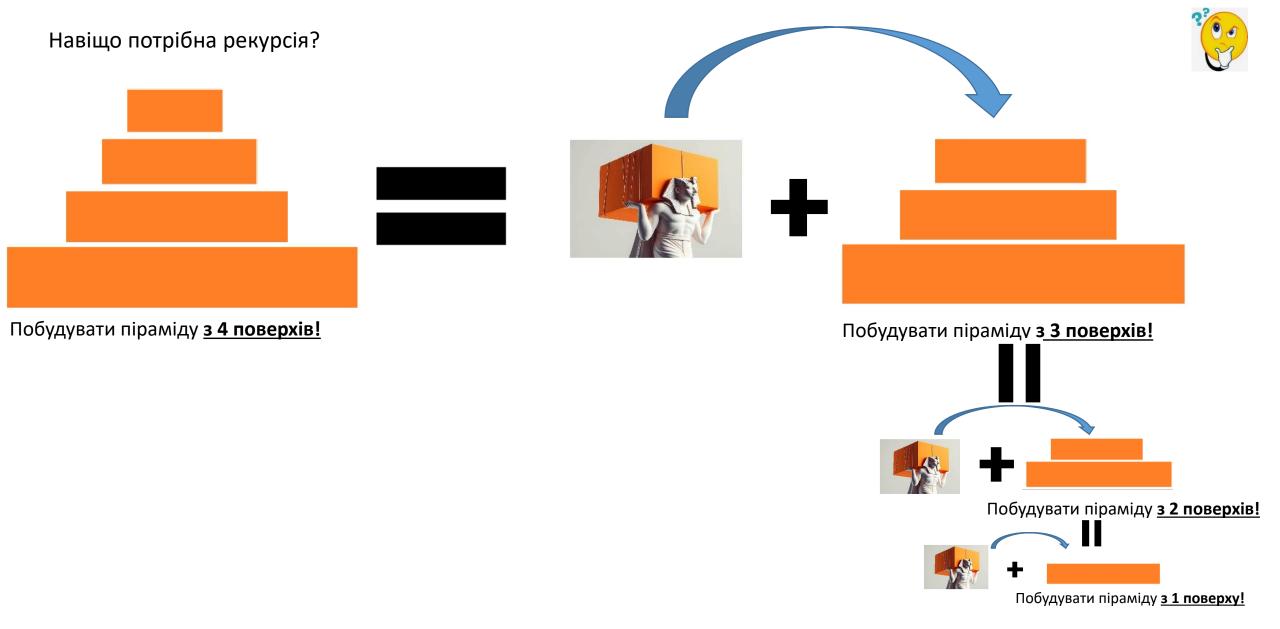


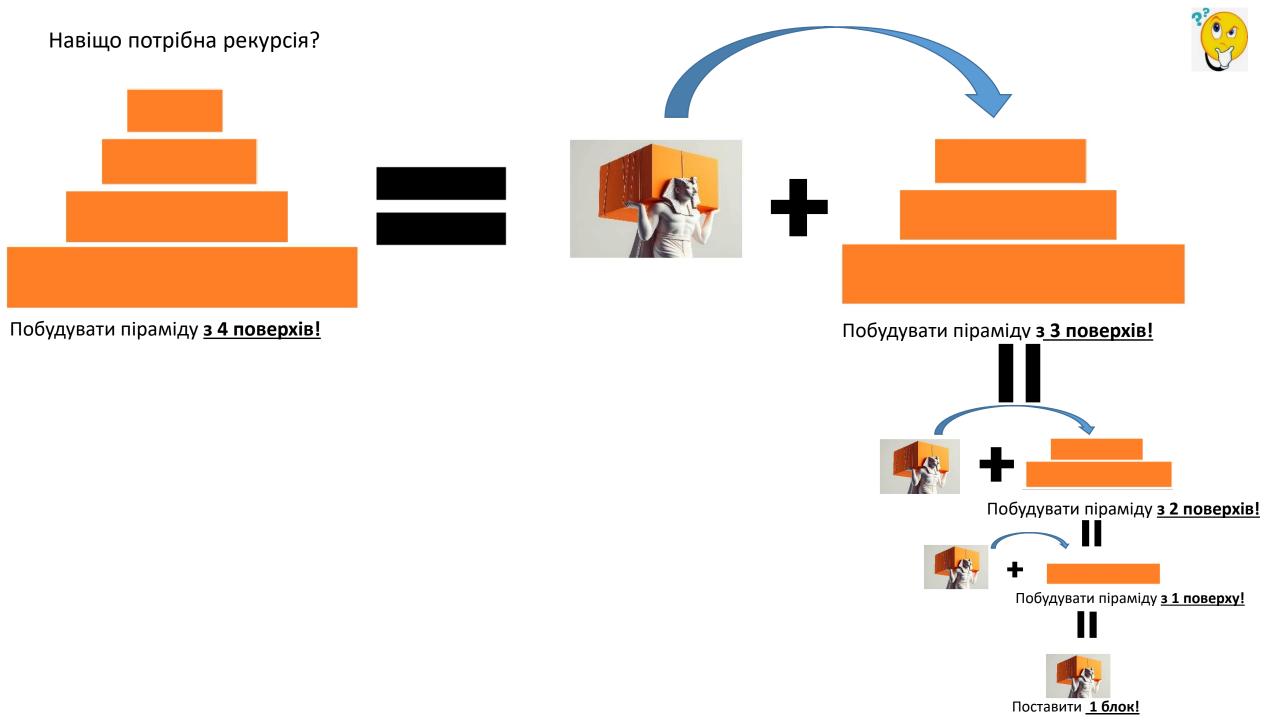












# Рекурсія

**Рекурсія** — це такий спосіб організації обчислювального процесу, за якого функція звертається сама до себе. Такі звернення називаються **рекурсивними викликами**, а функція, що містить рекурсивні виклики, — **рекурсивною**.

# НАМАГАЙТЕСЬ УНИКАТИ РЕКУРСІЇ!!!

### Рекурсія

Рекурсію використовують у ситуаціях, коли легко звести вихідну задачу до задачі того ж виду, але з іншими вихідними даними.

Приклад. Найпростішим прикладом такої задачі може стати обчислення факторіала.

$$n! = 1 * 2 * 3 * 4 * 5 * .... * n$$

Так обчислення факторіала може бути здійснене у відповідності до наступного рекурентного правила:

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skuyo } n > 1; \\ 1, & \text{skuyo } n = 1. \end{cases}$$

Тобто, наприклад, при обчисленні **5!** можемо записати

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skyo } n > 1; \\ 1, & \text{skyo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skujo } n > 1; \\ 1, & \text{skujo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skuyo } n > 1; \\ 1, & \text{skuyo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skujo } n > 1; \\ 1, & \text{skujo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skujo } n > 1; \\ 1, & \text{skujo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skuyo } n > 1; \\ 1, & \text{skuyo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skujo } n > 1; \\ 1, & \text{skujo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skyo } n > 1; \\ 1, & \text{skyo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skyo } n > 1; \\ 1, & \text{skyo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skuyo } n > 1; \\ 1, & \text{skuyo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skuyo } n > 1; \\ 1, & \text{skuyo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skyo } n > 1; \\ 1, & \text{skyo } n = 1. \end{cases}$$

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skyo } n > 1; \\ 1, & \text{skyo } n = 1. \end{cases}$$

Нагадаємо, що таке *контекст виконання* 

## **Execution context** (контекст виконання)

**Контекст виконання** — середовище у якому браузер виконує програми JavaScript.

Компоненти контексту виконання:

- 1) Компонент пам'яті **Memory** (колекція пар ключ-значення : *назва\_змінної* : *значення\_змінної*)
- 2) Компонент коду Thread of Execution (місце де виконуються команди)

Memory	Thread of Execution	

Приклад.

Memory	Thread of Execution
num1 : 2 num2 : 3	<pre>var num1 = 2 var num2 = 3  var s = num1 + num2 document.write('Summa = ' + s)</pre>

### Фази виконання програм JavaScript

- 1) Фаза виділення пам'яті (виділення пам'яті для змінних і функцій)
- **2)** Фаза виконання команд (поступове виконання команд по одній за раз) Приклад.

Фаза вик.	Стан контексту виконання		
1. Виділення пам'яті для: 1) змінних(змінн і мають початкове значення undefined) 2)функцій (functiondeclaration)	<pre>x1: undefined, x2: undefined, x3: undefined, x4: undefined, s1: undefined, s2: undefined, s2: undefined,</pre>	Thread of Execution	

2)

Виконання

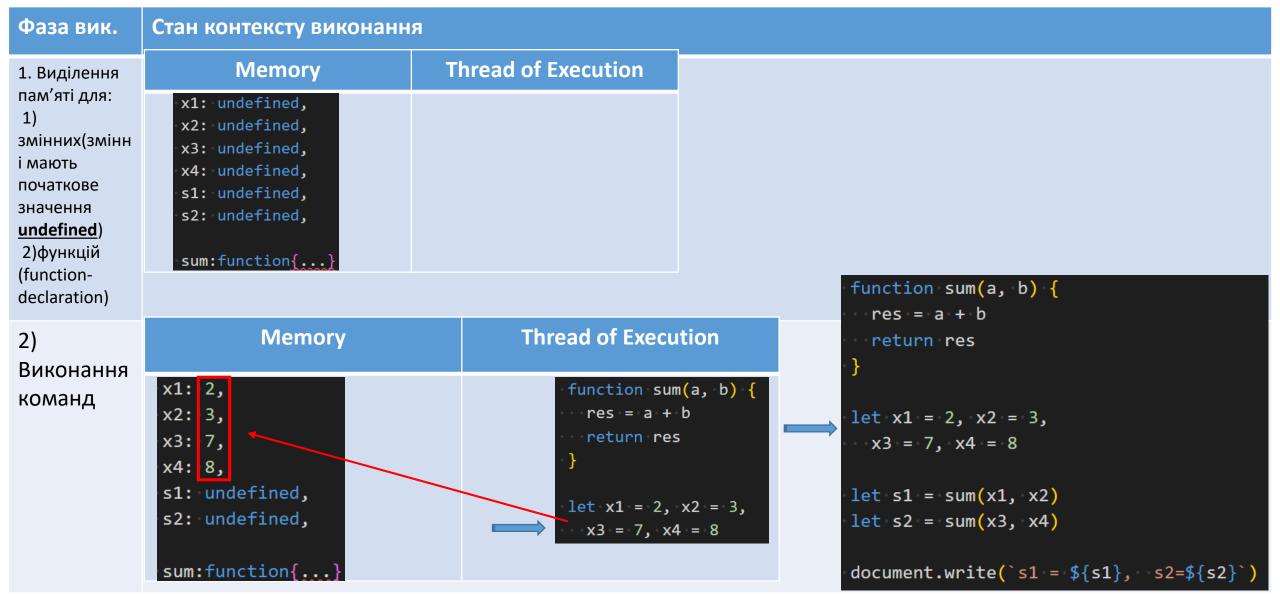
команд

```
function sum(a, b) {
  res = a + b
  return res
let x1 = 2, x2 = 3,
 x3 = 7, x4 = 8
let s1 = sum(x1, x2)
let s2 = sum(x3, x4)
document.write(`s1 = ${s1}, s2=${s2}`)
```

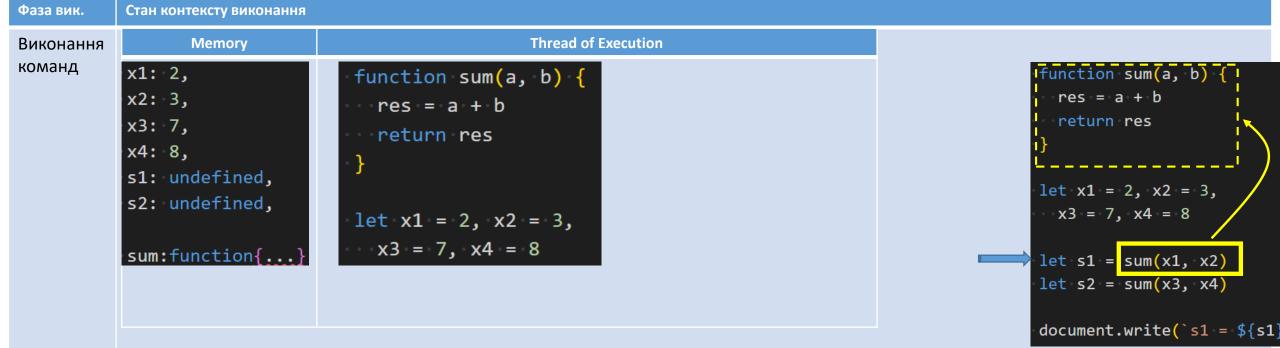
### Фази виконання програм JavaScript

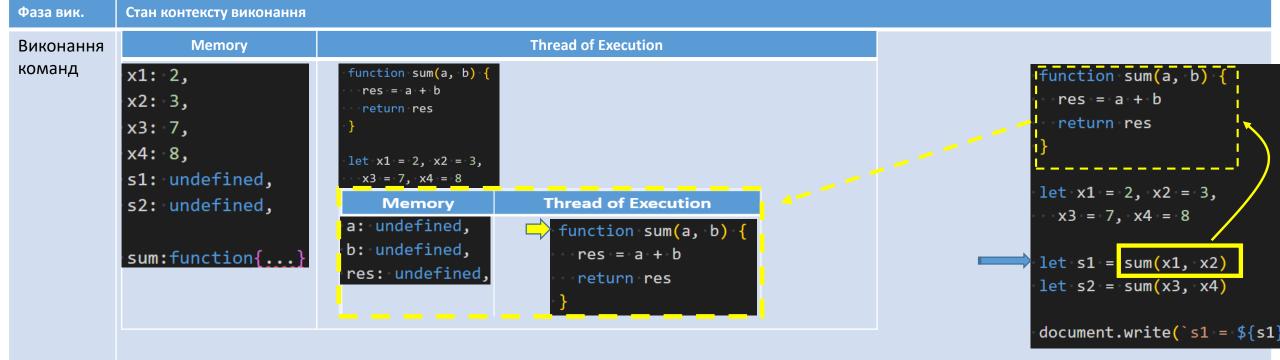
- 1) Фаза виділення пам'яті (виділення пам'яті для змінних і функцій)
- **2)** Фаза виконання команд (поступове виконання команд по одній за раз)

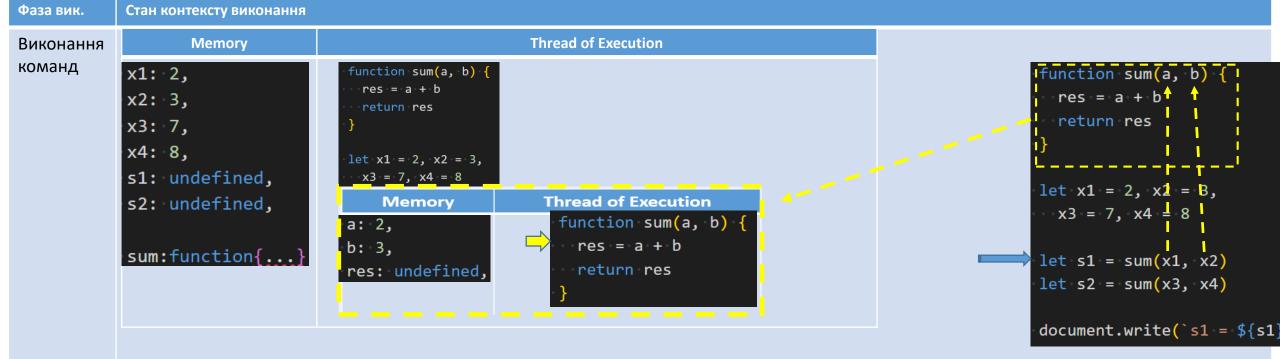
Приклад.

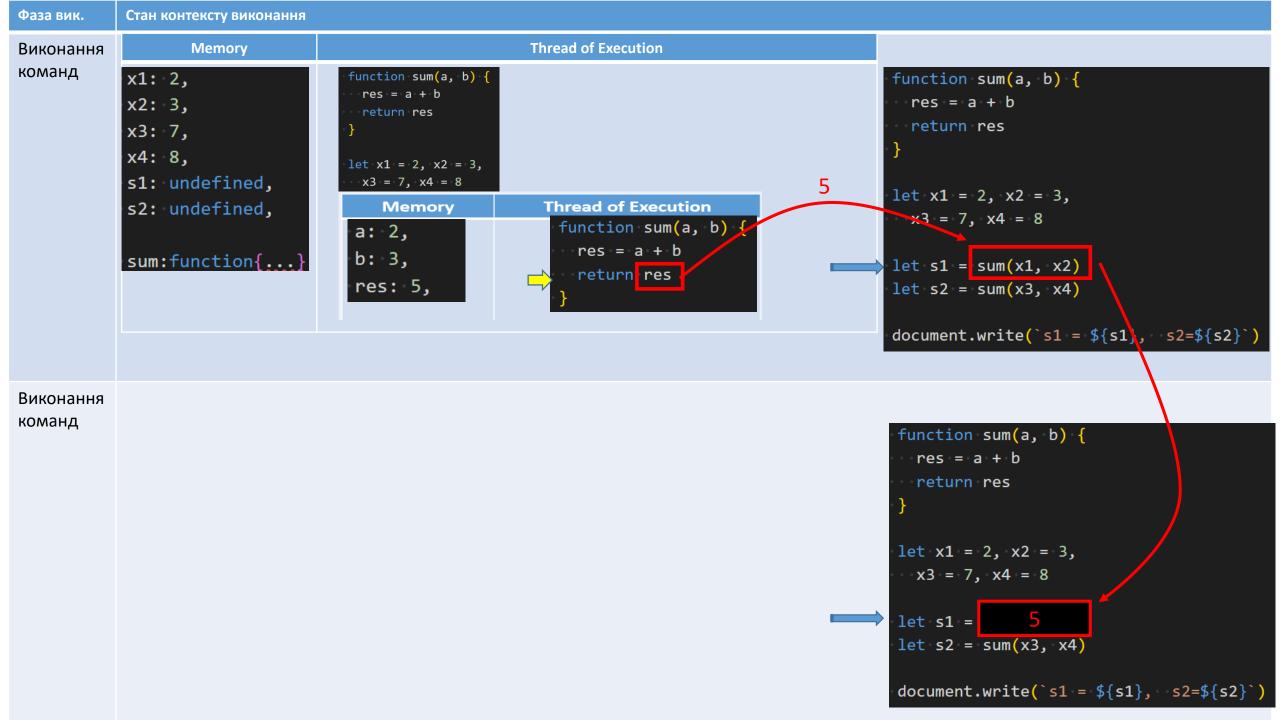


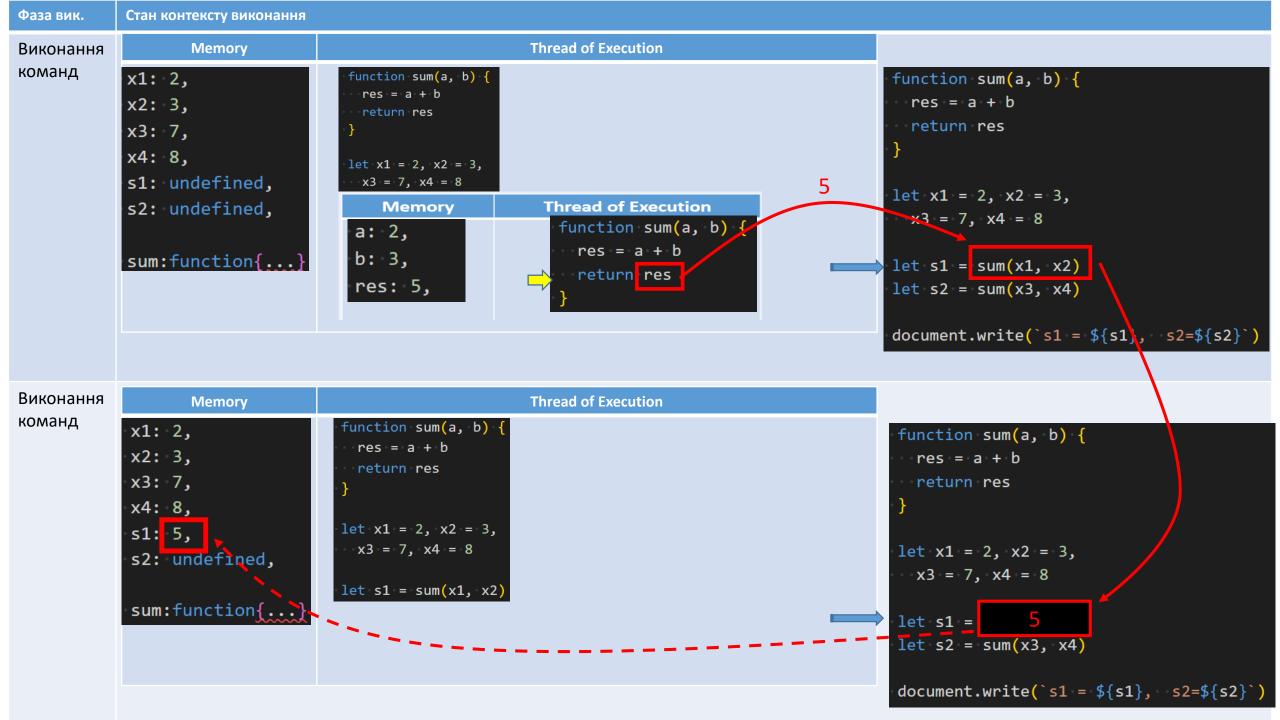
Фаза вик.	Стан контексту виконання				
виконання команд	<pre>Memory x1: 2, x2: 3, x3: 7, x4: 8, s1: undefined, s2: undefined, sum:function{}</pre>	<pre>Thread of Execution  function sum(a, b) {    res = a + b    return res }  let x1 = 2, x2 = 3,    x3 = 7, x4 = 8</pre>	<pre>function sum(a, b) {     res = a + b     return res }  let x1 = 2, x2 = 3,     x3 = 7, x4 = 8  let s1 = sum(x1, x2)     let s2 = sum(x3, x4)  document.write(`s1 = \${s1}</pre>		
			document: wi ice ( 31		







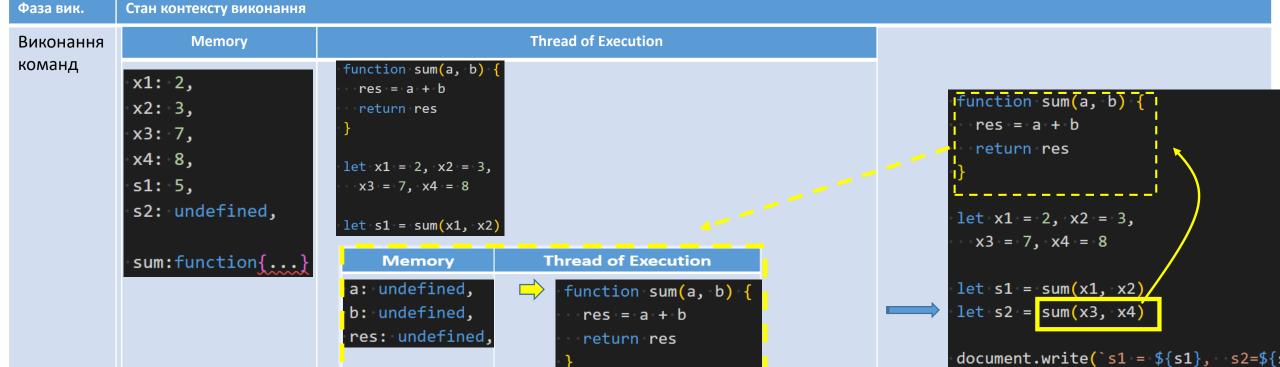


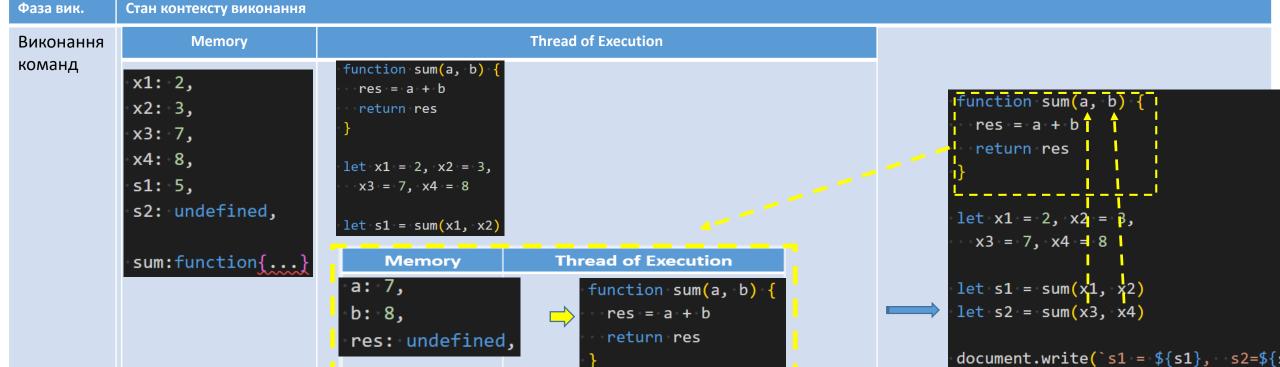


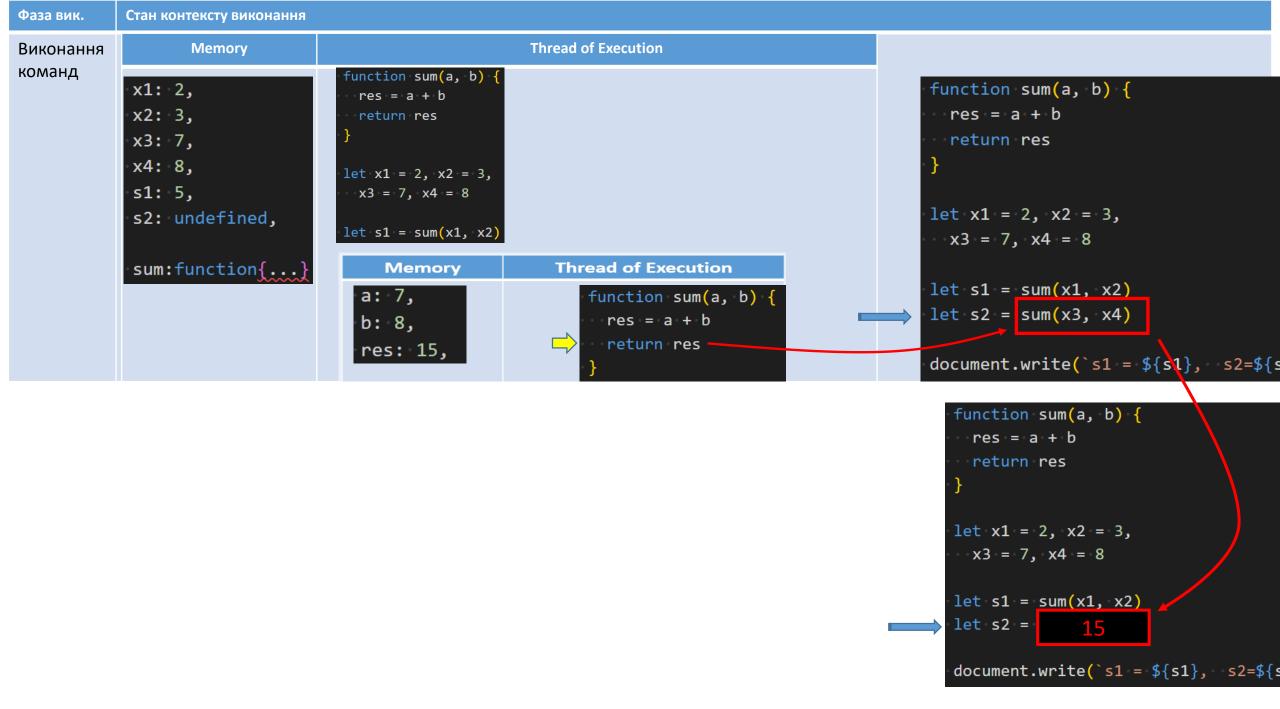
Фаза вик.	Стан контексту виконання		
Виконання команд	<pre>Memory  x1: 2,  x2: 3,  x3: 7,  x4: 8,  s1: 5,  s2: undefined,  sum:function{}</pre>	Thread of Execution  function sum(a, b) {  res = a + b  return res }  let x1 = 2, x2 = 3,  x3 = 7, x4 = 8  let s1 = sum(x1, x2)	<pre>function sum(a, b) {     res = a + b     return res }  let x1 = 2, x2 = 3,     x3 = 7, x4 = 8  let s1 = sum(x1, x2)     let s2 = sum(x3, x4)</pre>

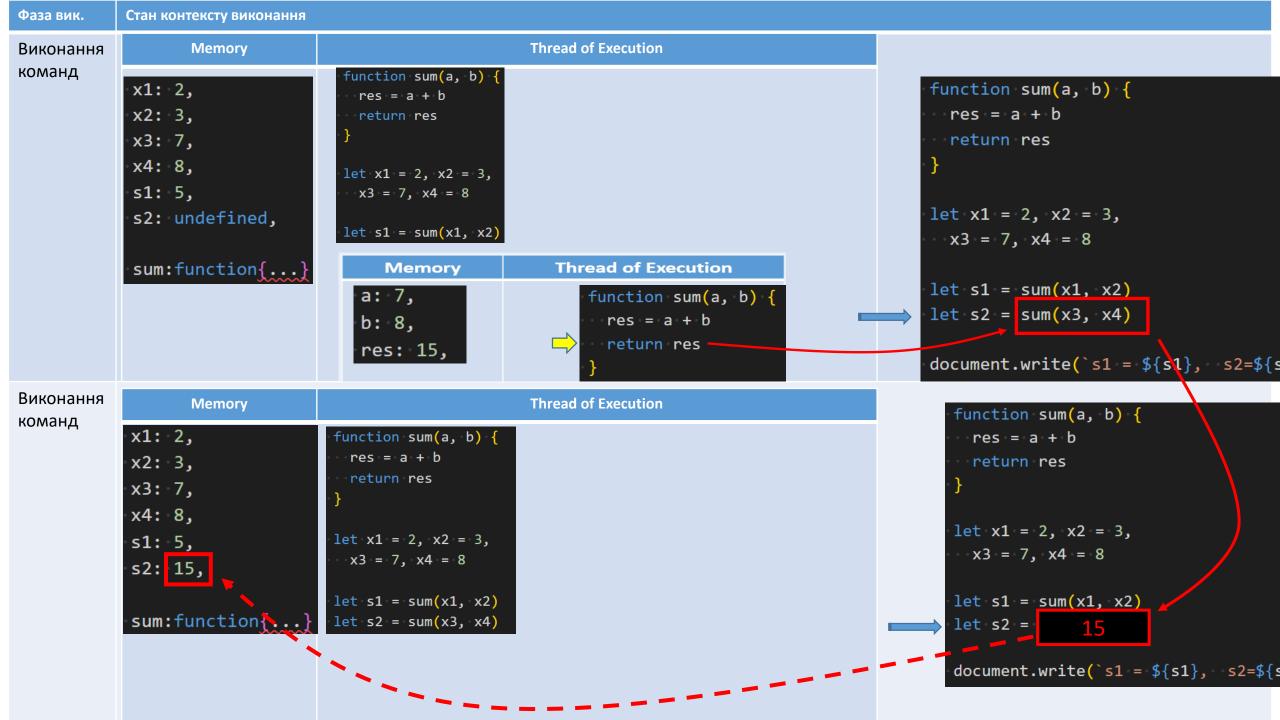
document.write(`s1 = \${s1}, s2=\${







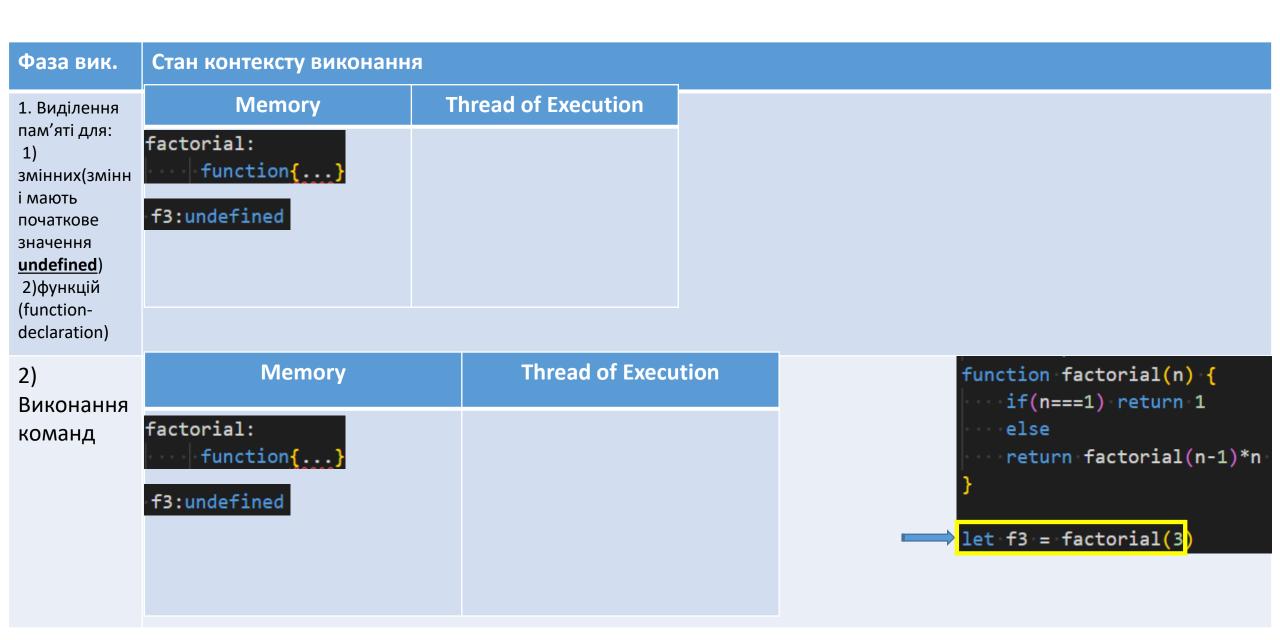


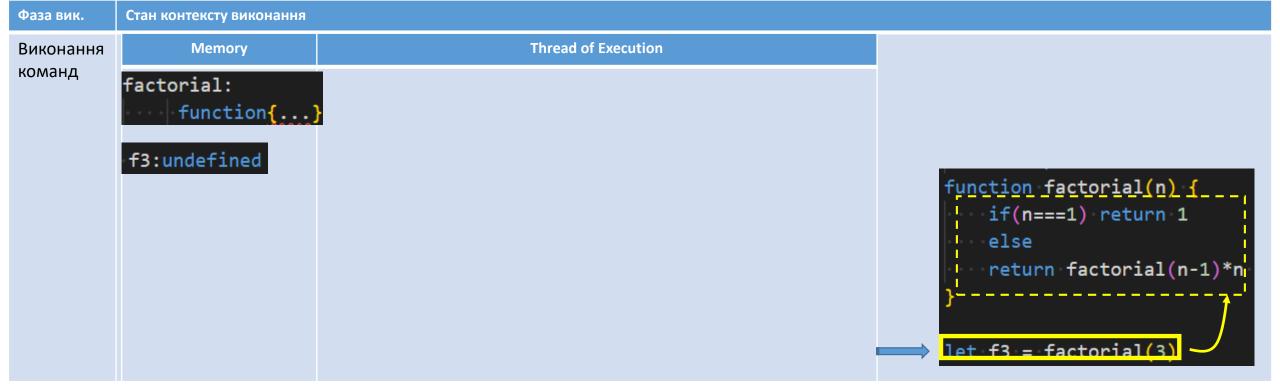


# Рекурсивний алгоритм знаходження факторіала

$$n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skuyo } n > 1; \\ 1, & \text{skuyo } n = 1. \end{cases}$$

```
function factorial(n) {
   if(n===1) return 1
   else
   return factorial(n-1)*n
}
let f3 = factorial(3)
```





```
Memory
                                        Thread of Execution
factorial:
                                             Thread of Execution
                        Memory
     function{...}
                                          function factorial(n) {
                     n:undefined
f3:undefined
                                              if(n===1) return 1
                                               else
                                               return factorial(n-1)*n
```

```
function factorial(n) {
    if(n===1) return 1
    else
    return factorial(n-1)*n
}
let f3 = factorial(3)
```

```
Memory
                                         Thread of Execution
factorial:
                         Memory
                                             Thread of Execution
     function{...}
                                           function factorial(n) {
                    ·n:3
f3:undefined
                                               if(n===1) return 1
                                                else
                                                return factorial(n-1)*n
```

```
function factorial(n) {
    if(n===1) return 1
    else
    return factorial(n-1)*n
}
let f3 = factorial(3)
```

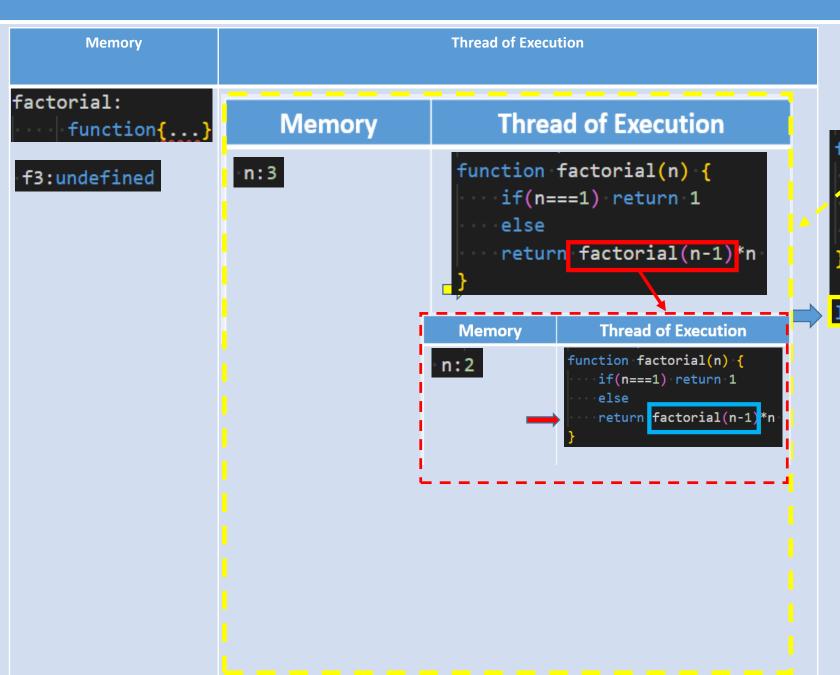
Виконання

команд

```
function factorial(n) {
    if(n===1) return 1
    else
    return factorial(n-1)*n
}
let f3 = factorial(3)
```

Виконання

команд



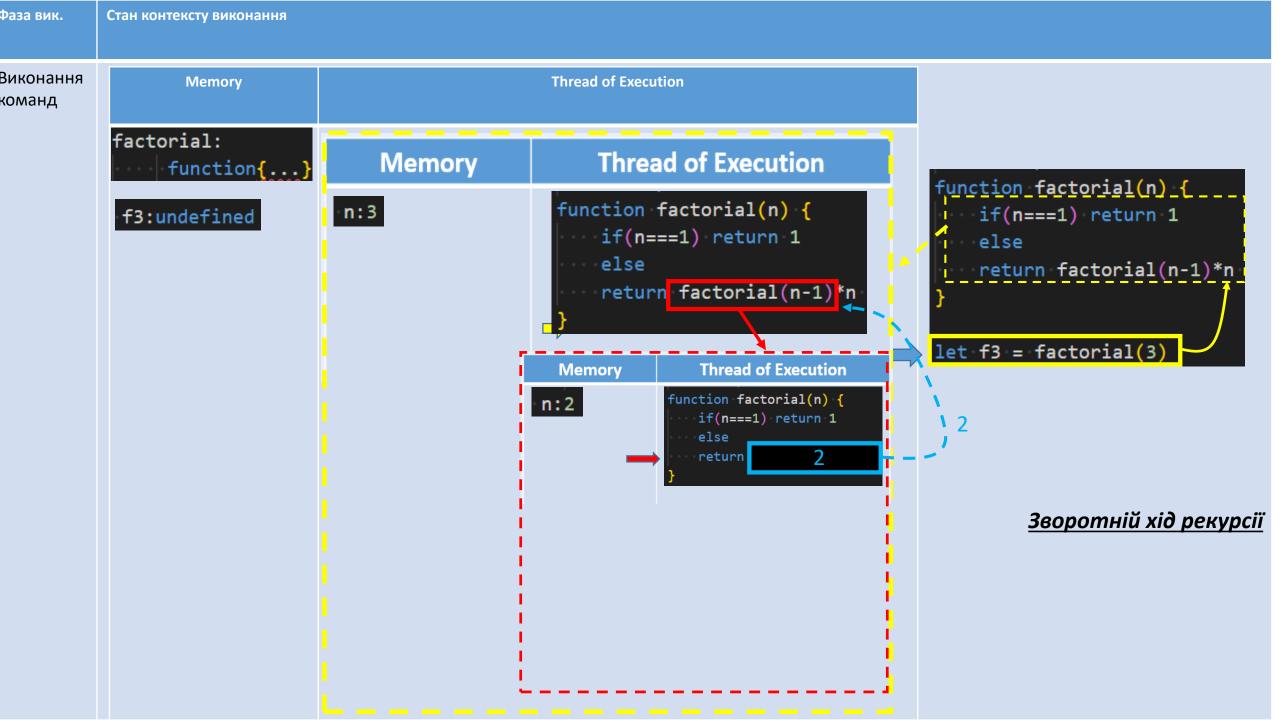
```
function factorial(n) {
    if(n===1) return 1
    else
    return factorial(n-1)*n
}
let f3 = factorial(3)
```

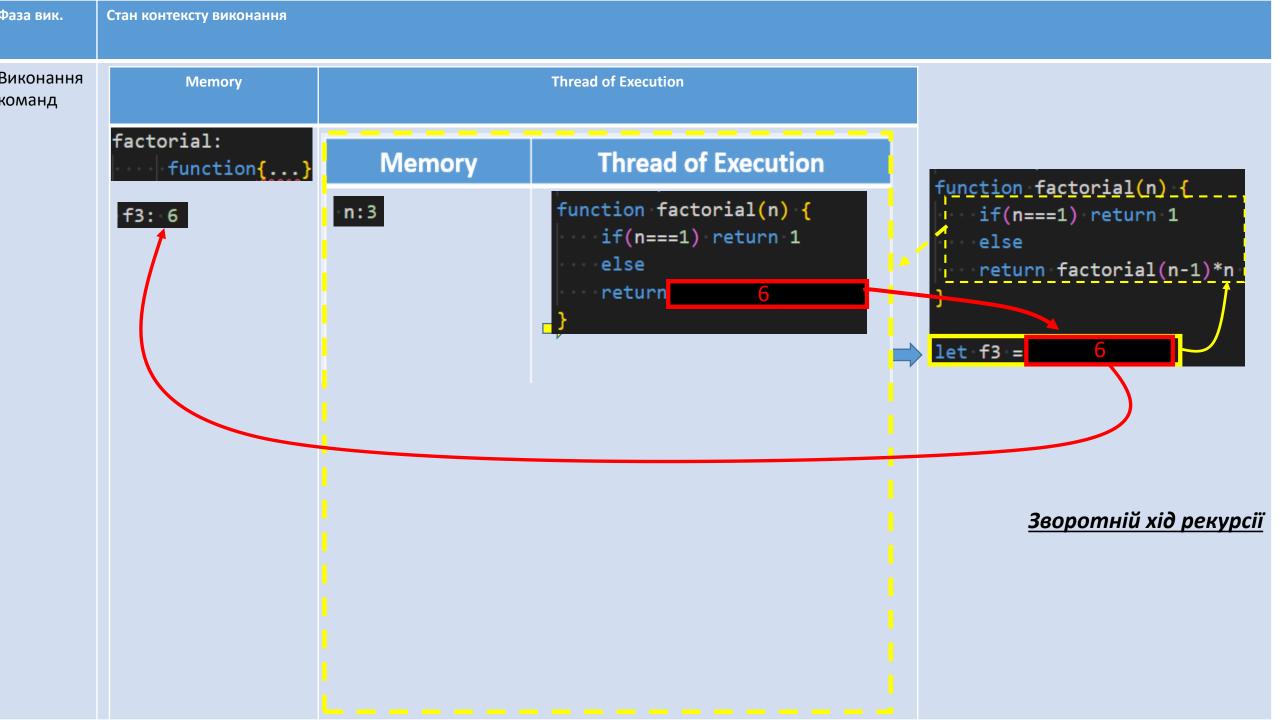
```
Thread of Execution
        Memory
factorial:
                                                        Thread of Execution
                               Memory
      function{...}
                                                   function factorial(n) {
                          ·n:3
 f3:undefined
                                                        if(n===1) return 1
                                                        else
                                                        return factorial(n-1) n
                                                                    Thread of Execution
                                                    Memory
                                                 n:2
                                                                function factorial(n) {
                                                                    if(n===1) return 1
                                                                    else
                                                                    return factorial(n-1)*n
                                                                           Thread of Execution
                                                              n:1
                                                                        unction factorial(n) {
                                                                          if(n===1) return 1
                                                                          return factorial(n-1)*n
```

```
function factorial(n) {
    if(n===1) return 1
    else
    return factorial(n-1)*n
}
let f3 = factorial(3)
```

```
Thread of Execution
        Memory
factorial:
                                                        Thread of Execution
                               Memory
      function{...}
                                                   function factorial(n) {
                          ·n:3
 f3:undefined
                                                        if(n===1) return 1
                                                        else
                                                        return factorial(n-1) n
                                                                    Thread of Execution
                                                    Memory
                                                 n:2
                                                                function factorial(n) {
                                                                    if(n===1) return 1
                                                                    else
                                                                    return factorial(n-1)*n
                                                                           Thread of Execution
                                                              n:1
                                                                        unction factorial(n) {
                                                                          if(n===1) return 1
                                                                          return factorial(n-1)*n
```

```
function factorial(n) {
    if(n===1) return 1
    else
    return factorial(n-1)*n
}
let f3 = factorial(3)
```





Виконання

команд

Memory

# **Thread of Execution**

```
factorial:
    function{...}
```

```
f3: 6
```

```
function factorial(n) {
    if(n===1) return 1
    else
    return factorial(n-1)*n
let f3 = factorial(3)
```

```
function factorial(n) {
    if(n===1) return 1
    else
    return factorial(n-1)*n
let f3 = factorial(3)
```

# Знаходження факторіала

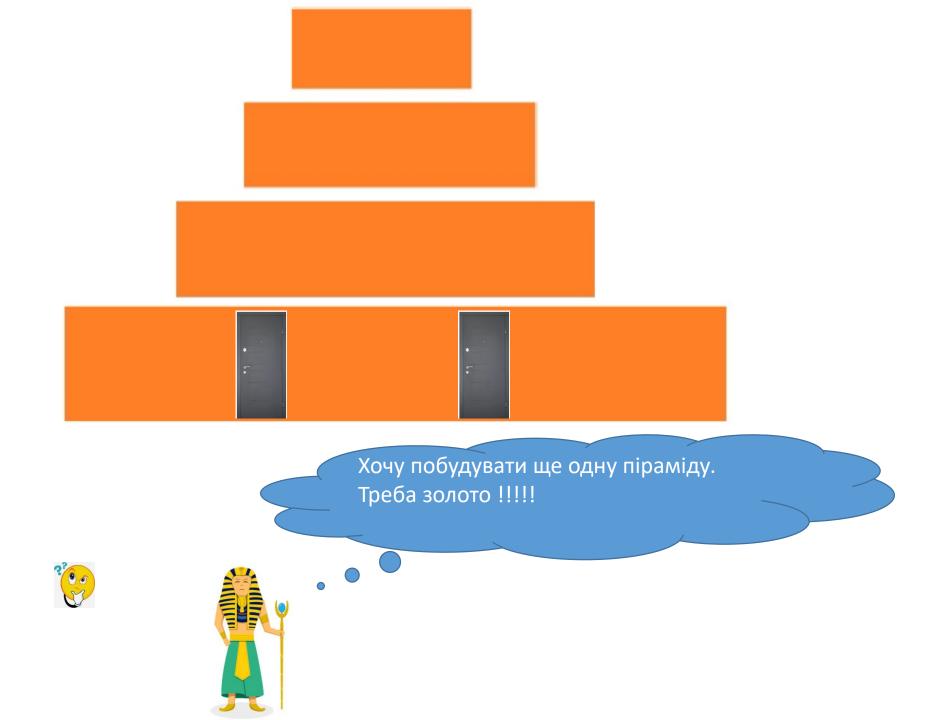
# 1) Рекурсивний алгоритм знаходження факторіала

```
n! = \begin{cases} (n-1)! \cdot n, & \text{skujo } n > 1; \\ 1, & \text{skujo } n = 1. \end{cases}
```

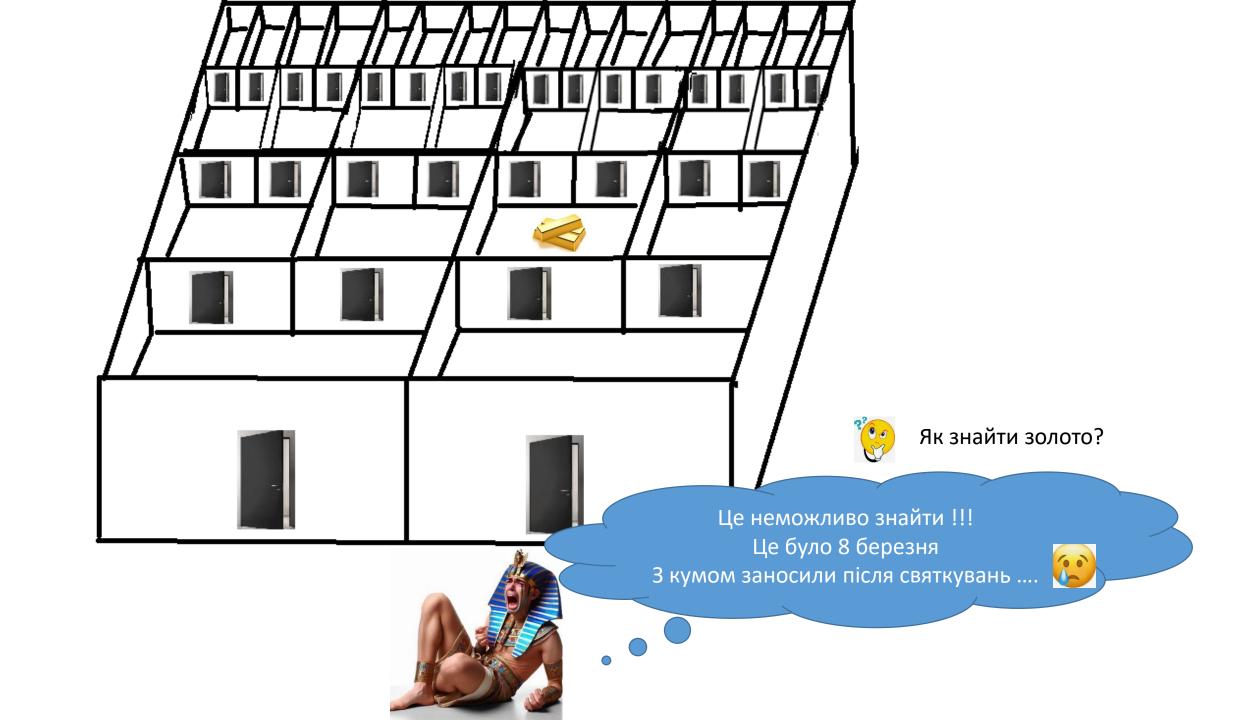
```
function factorial(n) {
    if(n===1) return 1
    else
    return factorial(n-1)*n
}
let f3 = factorial(3)
```

2) Нерекурсивний алгоритм знаходження факторіала

```
function factorial(n) {
    let res = 1
    for (let i = 2; i <= n; i++)
    res *= i
    return res
}
let f3 = factorial(3)</pre>
```











Що робити у кожній кімнаті???



– повертаюсь звідки прийшов

### <u>інакше</u>

спочатку клона надсилати для пошуку зліва потім клона надсилати для пошуку справа



Що робити у кожній кімнаті???



*Якщо* є золото

– повертаюсь звідки прийшов

### <u>інакше</u>

*Якщо* клон знайде золото зліва

– повертаюсь звідки прийшов з золотом

### інакше

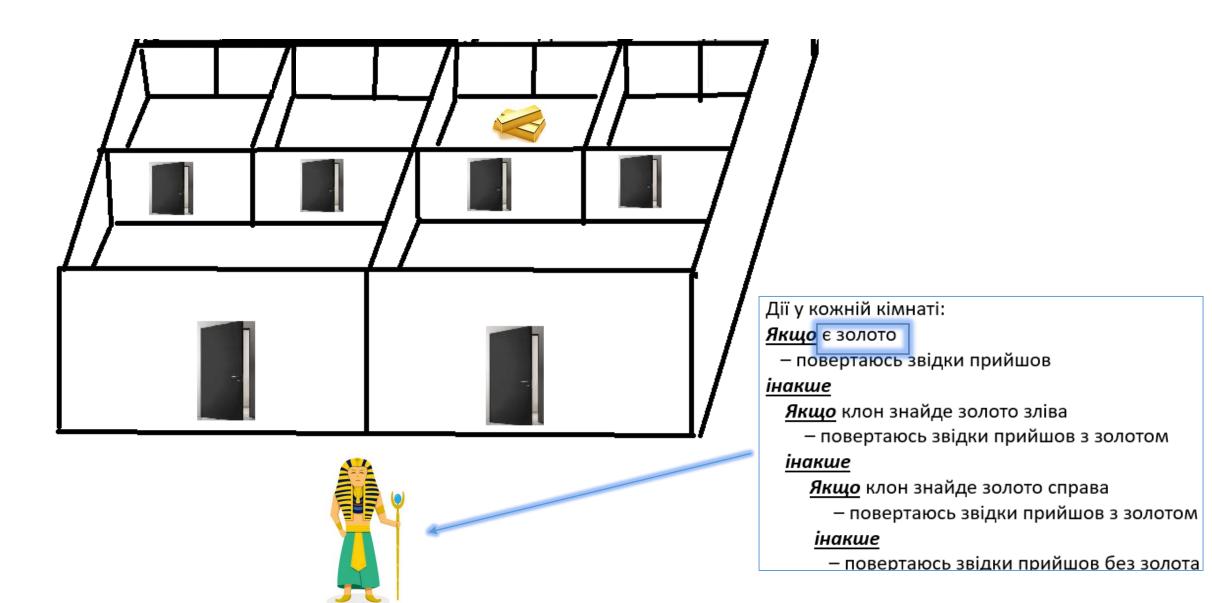
*Якщо* клон знайде золото справа

– повертаюсь звідки прийшов з золотом

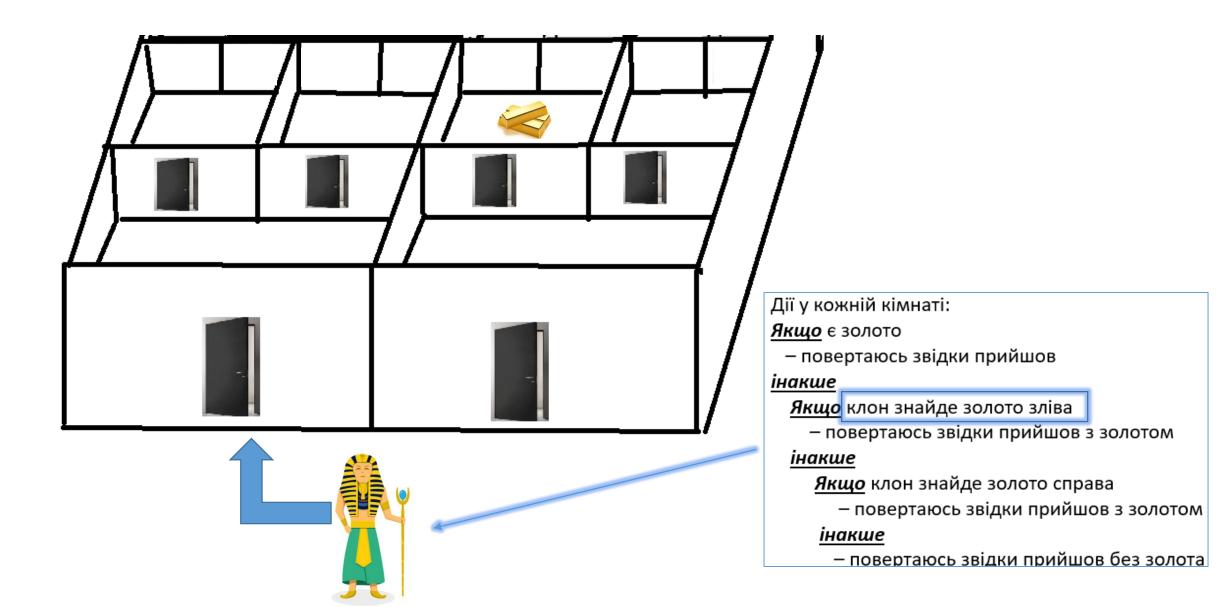
#### <u>інакше</u>

– повертаюсь звідки прийшов без золота

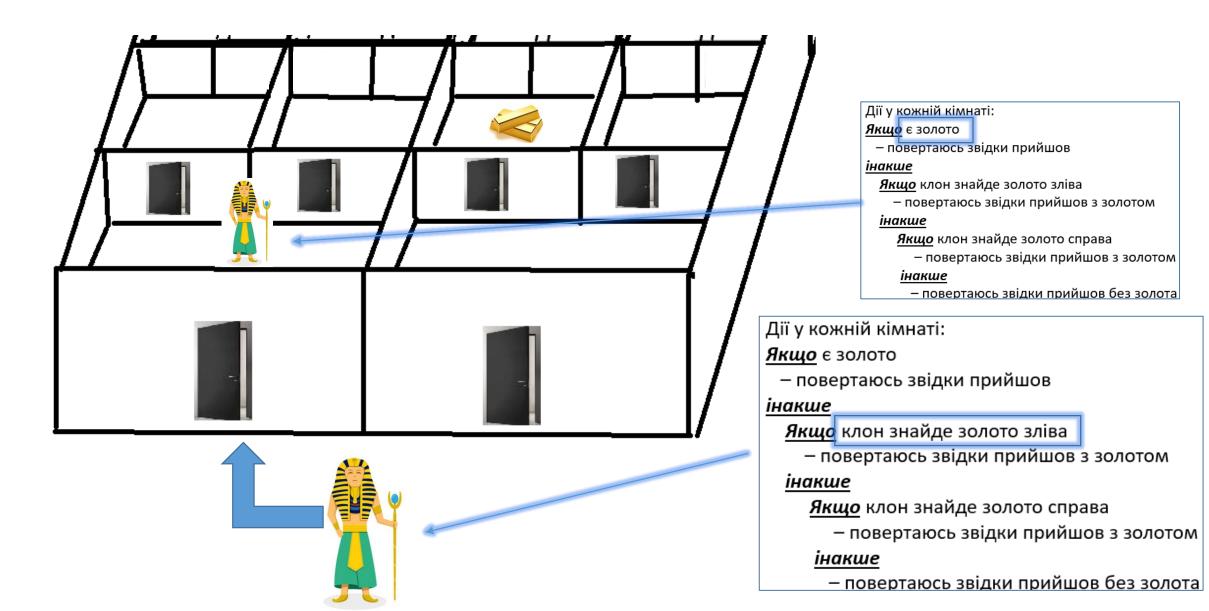




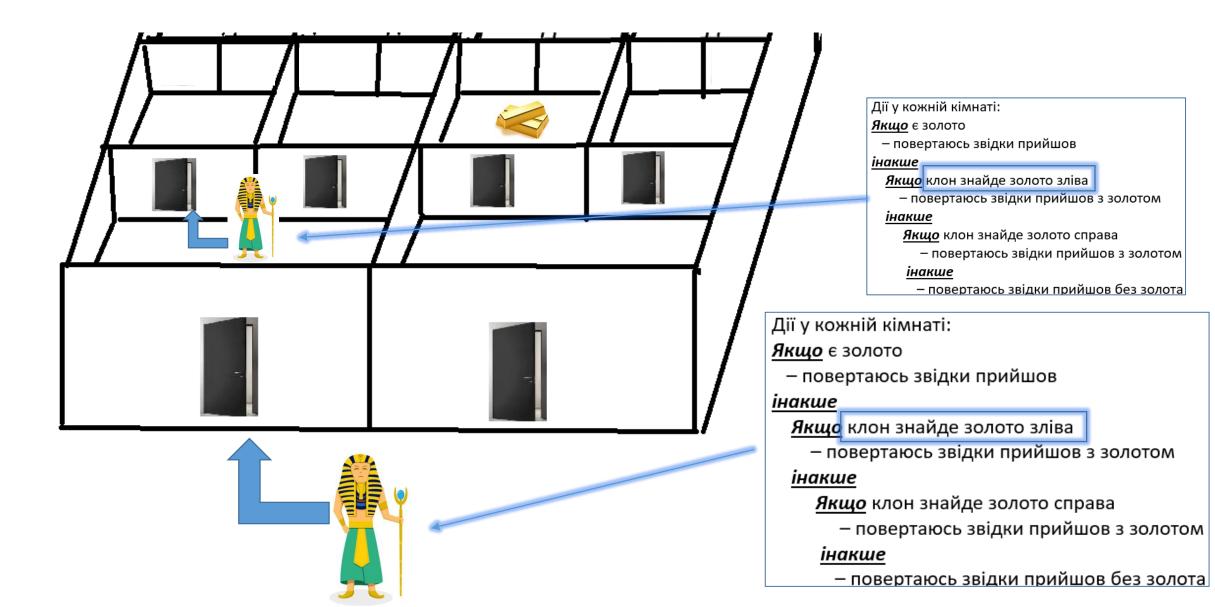


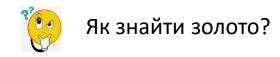


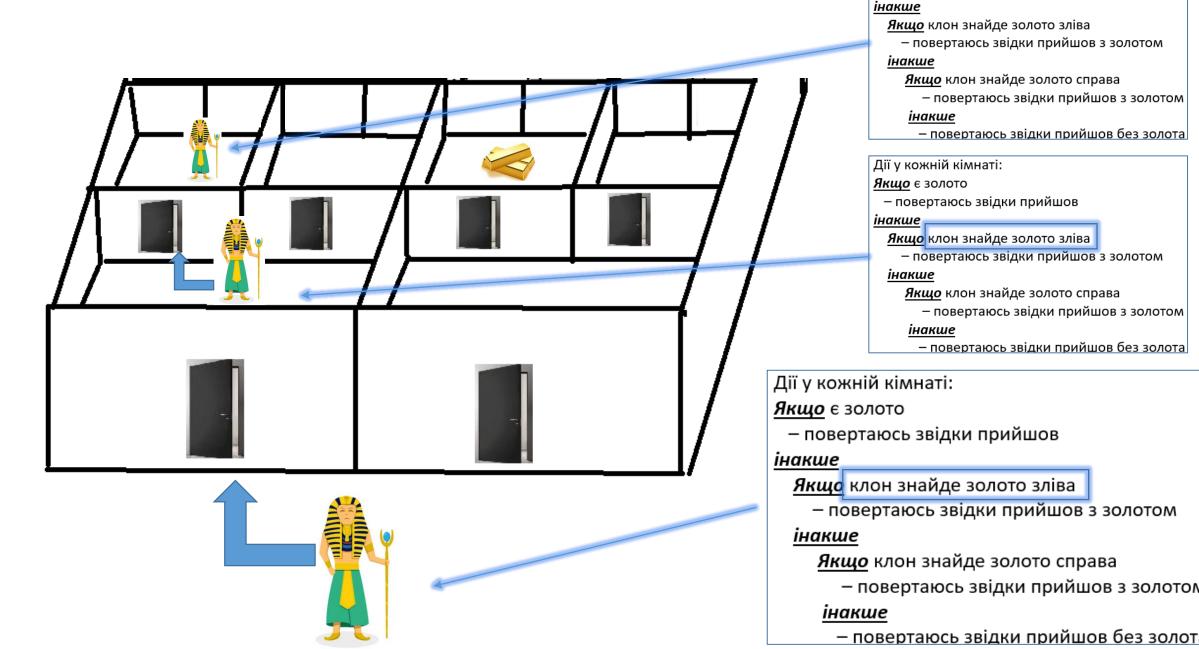








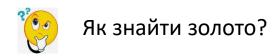


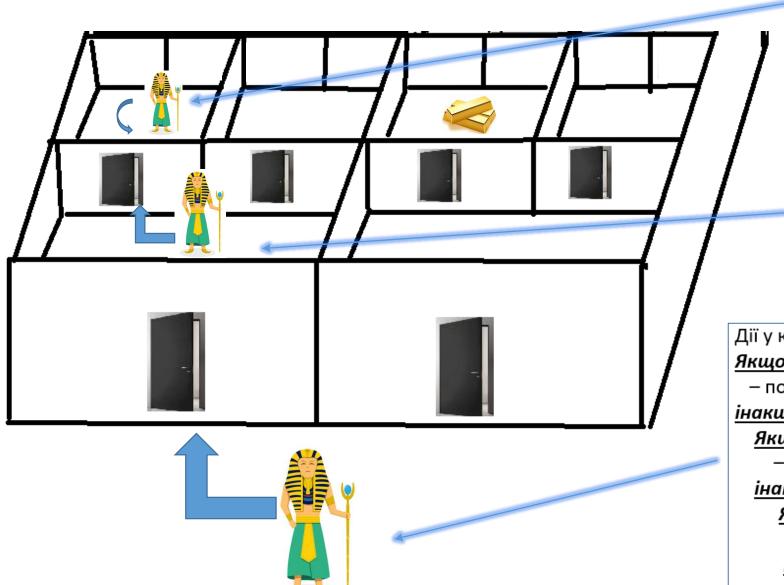


Дії у кожній кімнаті:

повертаюсь звідки прийшов

 $\mathbf{Я}\mathbf{\kappa}\mathbf{u}\mathbf{o}$   $\mathbf{e}$  золото





Дії у кожній кімнаті: **Якщо**  $\varepsilon$  золото повертаюсь звідки прийшов інакше Якщо клон знайде золото зліва - повертаюсь звідки прийшов з золотом інакше Якщо клон знайде золото справа - повертаюсь звідки прийшов з золотом повертаюсь звідки прийшов без золота Дії у кожній кімнаті: *Якщо* є золото повертаюсь звідки прийшов інакше Якщо клон знайде золото зліва - повертаюсь звідки прийшов з золотом інакше Якщо клон знайде золото справа повертаюсь звідки прийшов з золотом

повертаюсь звідки прийшов без золота

Дії у кожній кімнаті:

### **Якщо** $\epsilon$ золото

повертаюсь звідки прийшов

інакше

### інакше

### **Якщо** клон знайде золото зліва

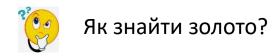
– повертаюсь звідки прийшов з золотом

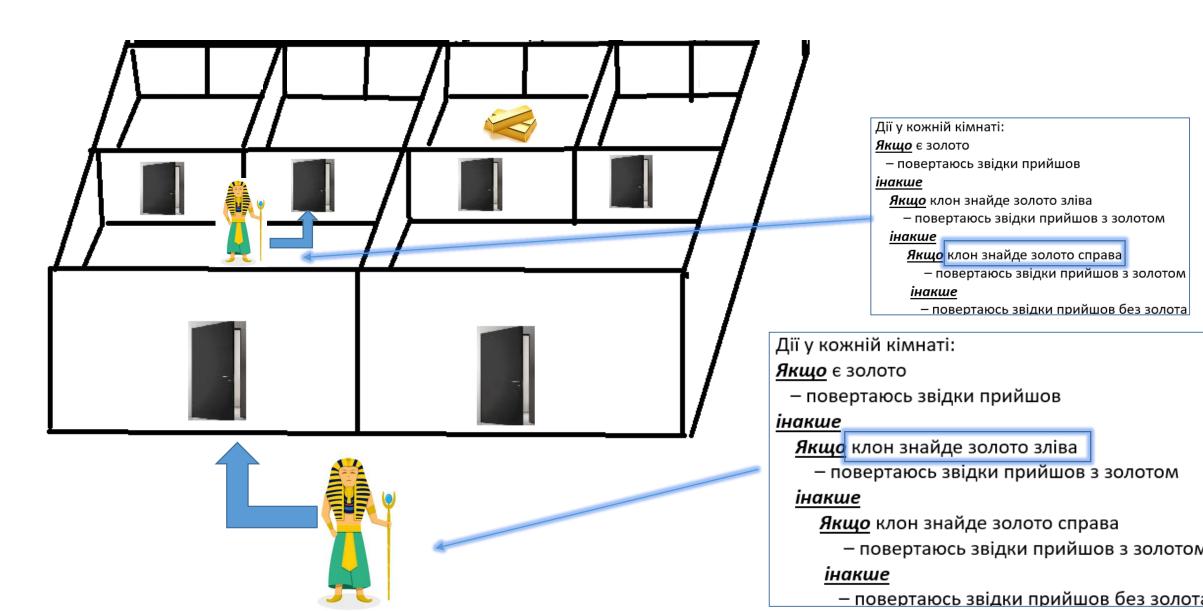
### інакше

### Якщо клон знайде золото справа

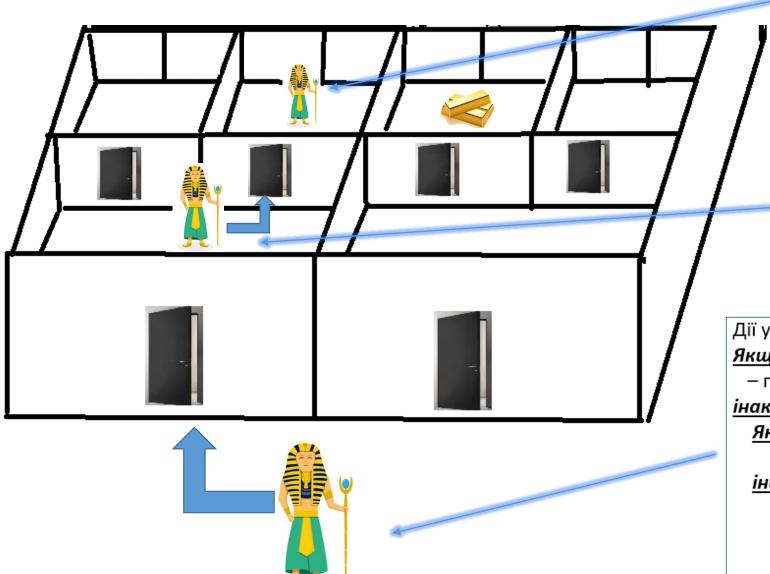
повертаюсь звідки прийшов з золотом

#### інакше









Дії у кожній кімнаті:  $\mathbf{Я}\mathbf{\kappa}\mathbf{u}\mathbf{o}$   $\mathbf{e}$  золото повертаюсь звідки прийшов інакше Якщо клон знайде золото зліва - повертаюсь звідки прийшов з золотом інакше Якщо клон знайде золото справа - повертаюсь звідки прийшов з золотом інакше повертаюсь звідки прийшов без золота Дії у кожній кімнаті: *Якщо* є золото повертаюсь звідки прийшов інакше

Якщо клон знайде золото зліва

- повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше

**Якщо** клон знайде золото справа

- повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше

повертаюсь звідки прийшов без золота

Дії у кожній кімнаті:

**Якщо**  $\epsilon$  золото

повертаюсь звідки прийшов

інакше

**Якщо** клон знайде золото зліва

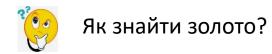
– повертаюсь звідки прийшов з золотом

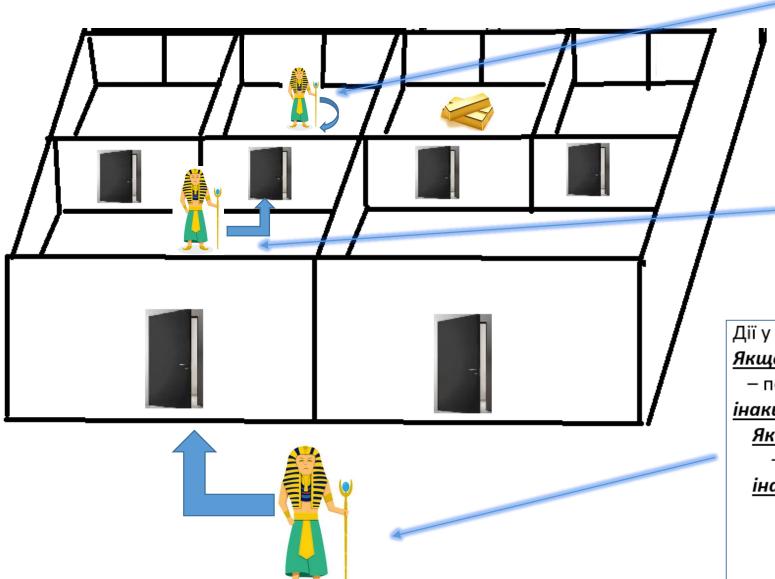
інакше

Якщо клон знайде золото справа

повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше





Дії у кожній кімнаті: **Якщо**  $\varepsilon$  золото повертаюсь звідки прийшов інакше Якщо клон знайде золото зліва - повертаюсь звідки прийшов з золотом інакше Якщо клон знайде золото справа - повертаюсь звідки прийшов з золотом повертаюсь звідки прийшов без золота Дії у кожній кімнаті: *Якщо* є золото повертаюсь звідки прийшов

інакше

Якщо клон знайде золото зліва

- повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше

Якщо клон знайде золото справа

- повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше

повертаюсь звідки прийшов без золота

Дії у кожній кімнаті:

**Якщо**  $\epsilon$  золото

повертаюсь звідки прийшов

інакше

**Якщо** клон знайде золото зліва

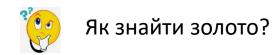
– повертаюсь звідки прийшов з золотом

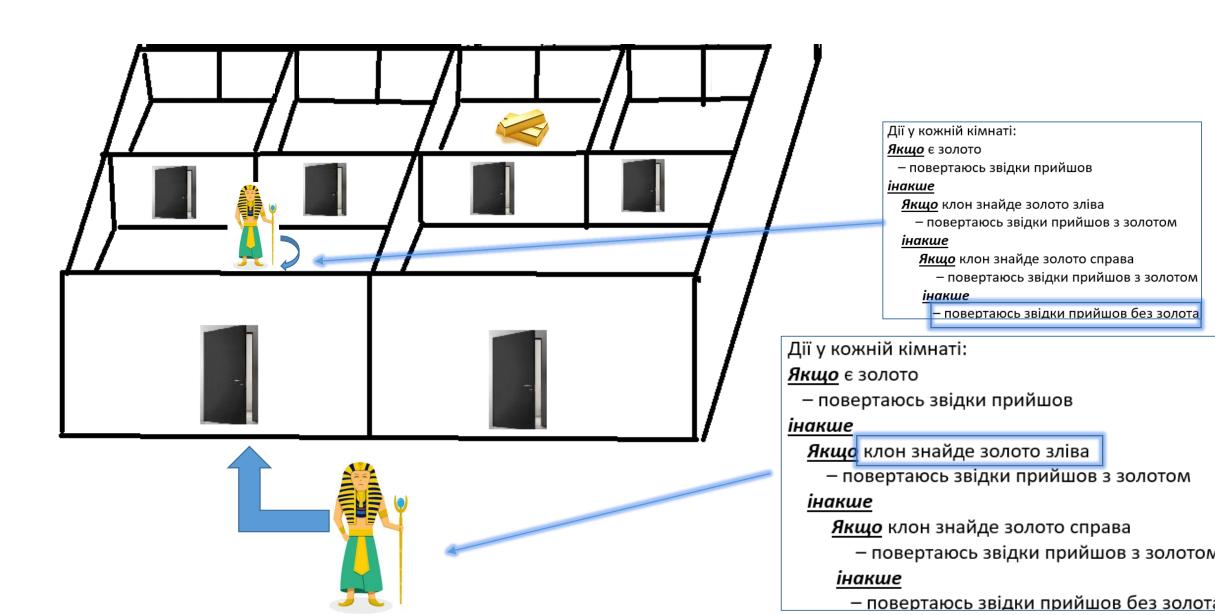
інакше

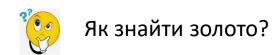
Якщо клон знайде золото справа

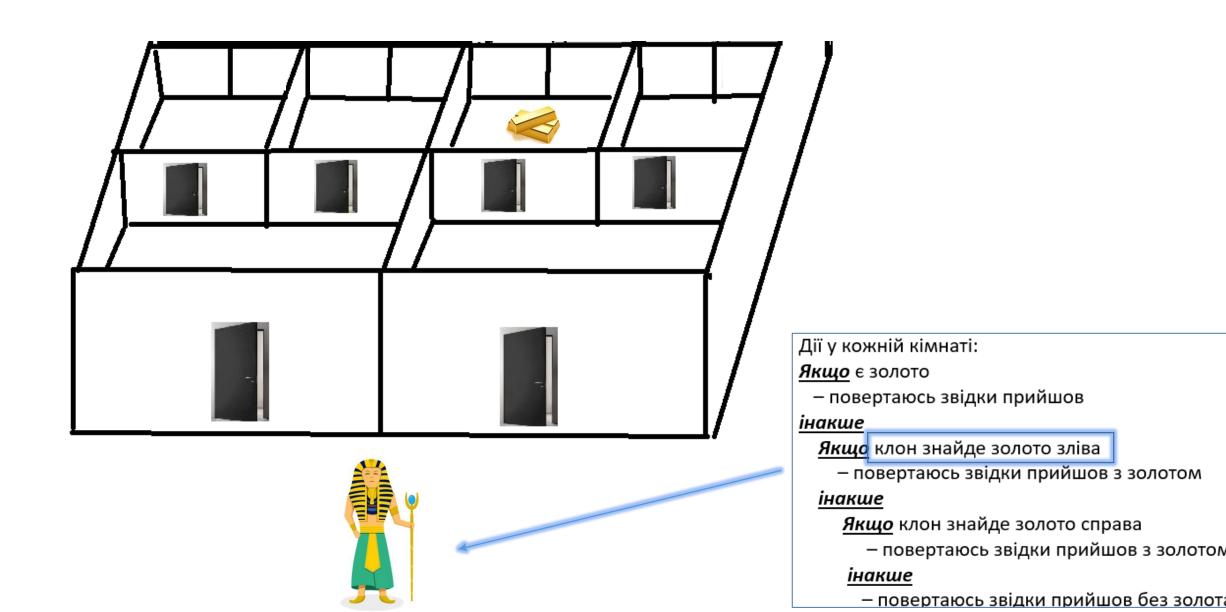
повертаюсь звідки прийшов з золотом

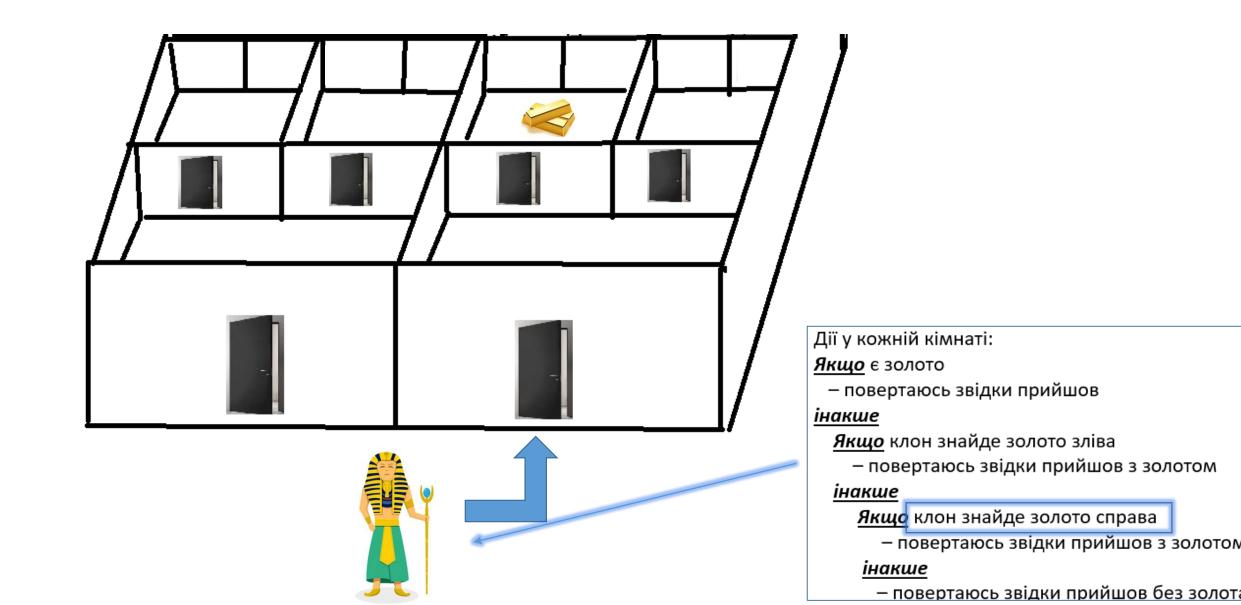
інакше

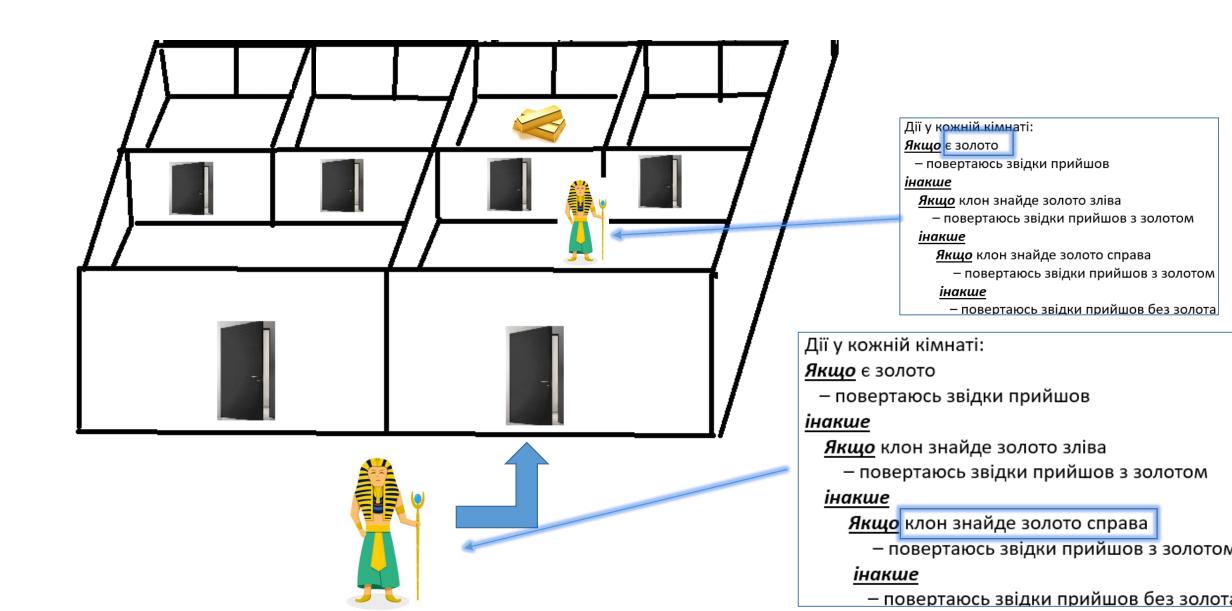


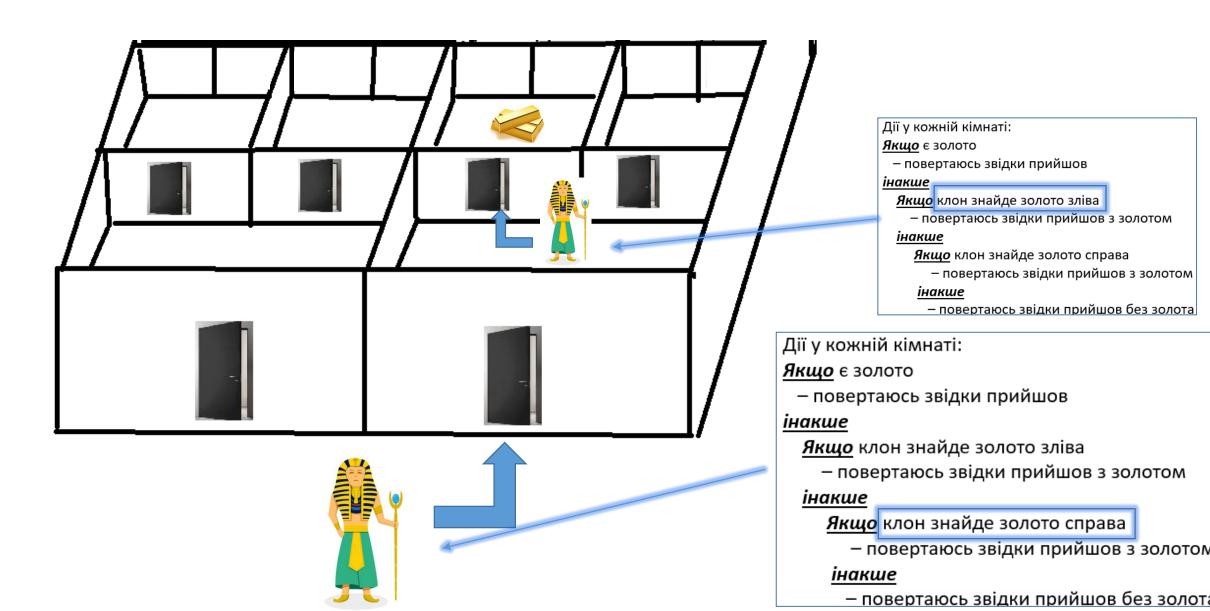


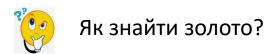


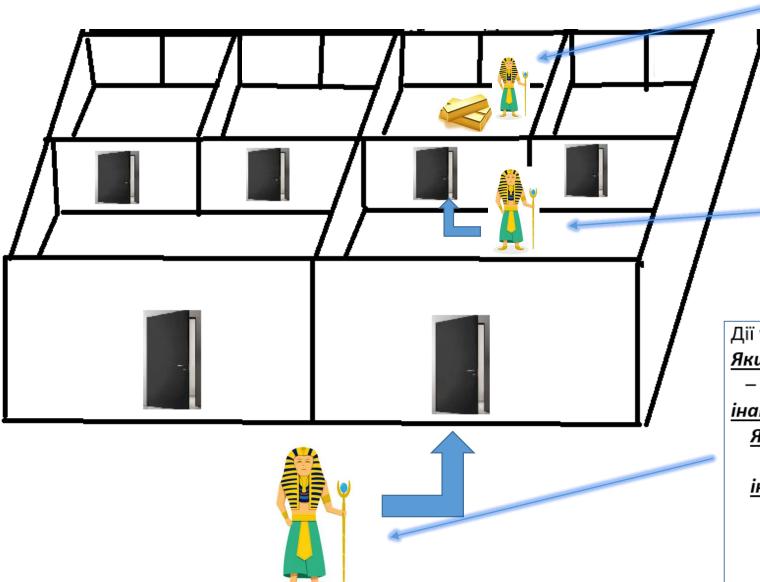












Дії у кожній кімнаті:

Якщо є золото

— повертаюсь звідки прийшов

інакше

Якщо клон знайде золото зліва

— повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше

Якщо клон знайде золото справа

— повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше

— повертаюсь звідки прийшов без золота

Дії у кожній кімнаті:

Якщо є золото

— повертаюсь звідки прийшов

<u>інакше</u>

<u>Якщо</u>

клон знайде золото зліва

— повертаюсь звідки прийшов з золотом

<u>інакше</u>

<u>Якщо</u> клон знайде золото справа

 – повертаюсь звідки прийшов з золотом інакше

повертаюсь звідки прийшов без золота

Дії у кожній кімнаті:

**Якщо**  $\in$  золото

– повертаюсь звідки прийшов

<u>інакше</u>

*Якщо* клон знайде золото зліва

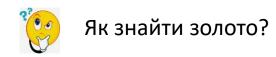
– повертаюсь звідки прийшов з золотом

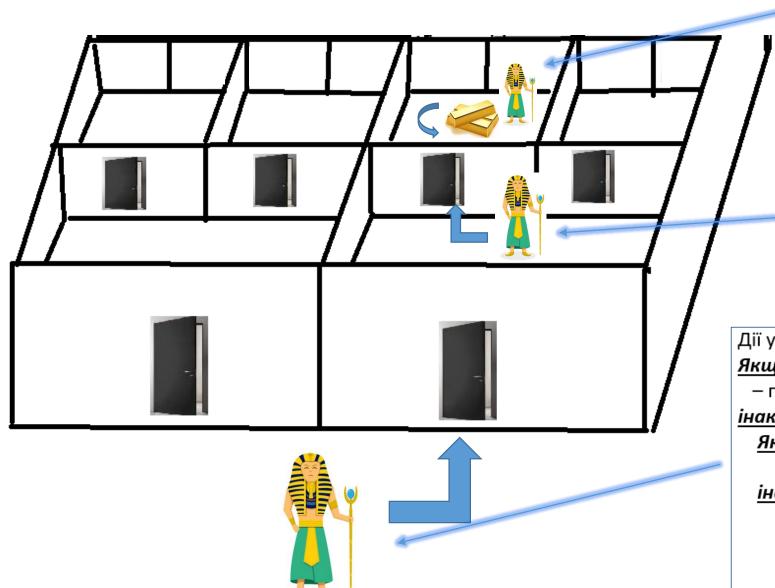
<u>інакше</u>

*Якщо* клон знайде золото справа

повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше





Дії у кожній кімнаті: **Якщо** є золото повертаюсь звідки прийшов інакше Якщо клон знайде золото зліва - повертаюсь звідки прийшов з золотом інакше Якщо клон знайде золото справа - повертаюсь звідки прийшов з золотом інакше повертаюсь звідки прийшов без золота Дії у кожній кімнаті: *Якщо* є золото

інакше Якщо клон знайде золото зліва

повертаюсь звідки прийшов

- повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше

Якщо клон знайде золото справа

- повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше

повертаюсь звідки прийшов без золота

Дії у кожній кімнаті:

**Якщо**  $\epsilon$  золото

повертаюсь звідки прийшов

інакше

Якщо клон знайде золото зліва

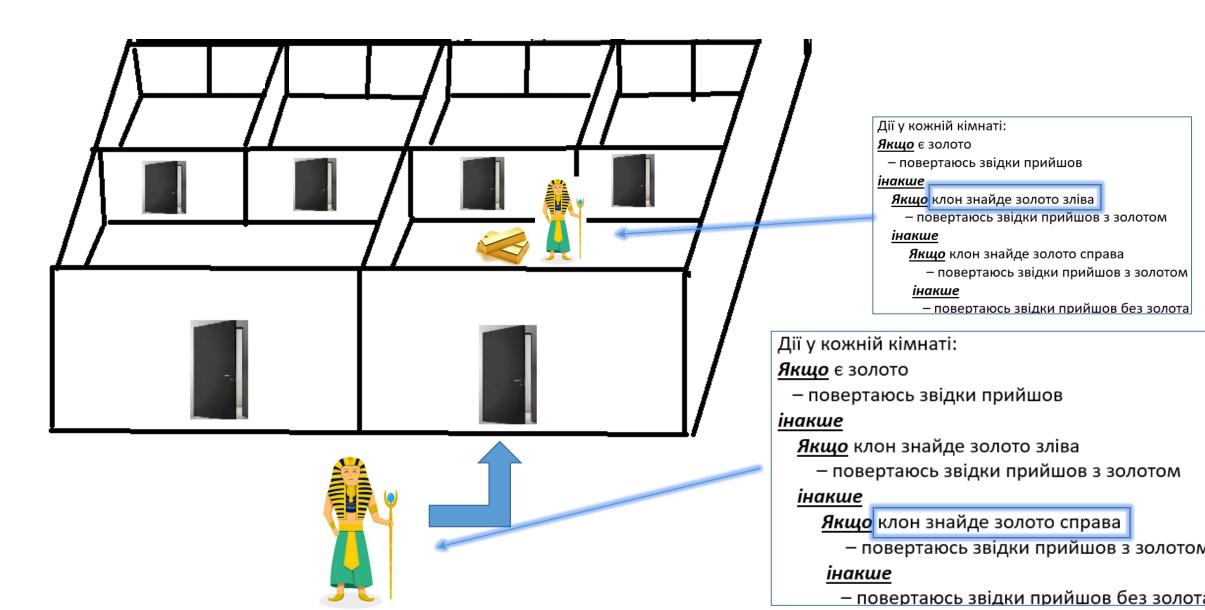
повертаюсь звідки прийшов з золотом

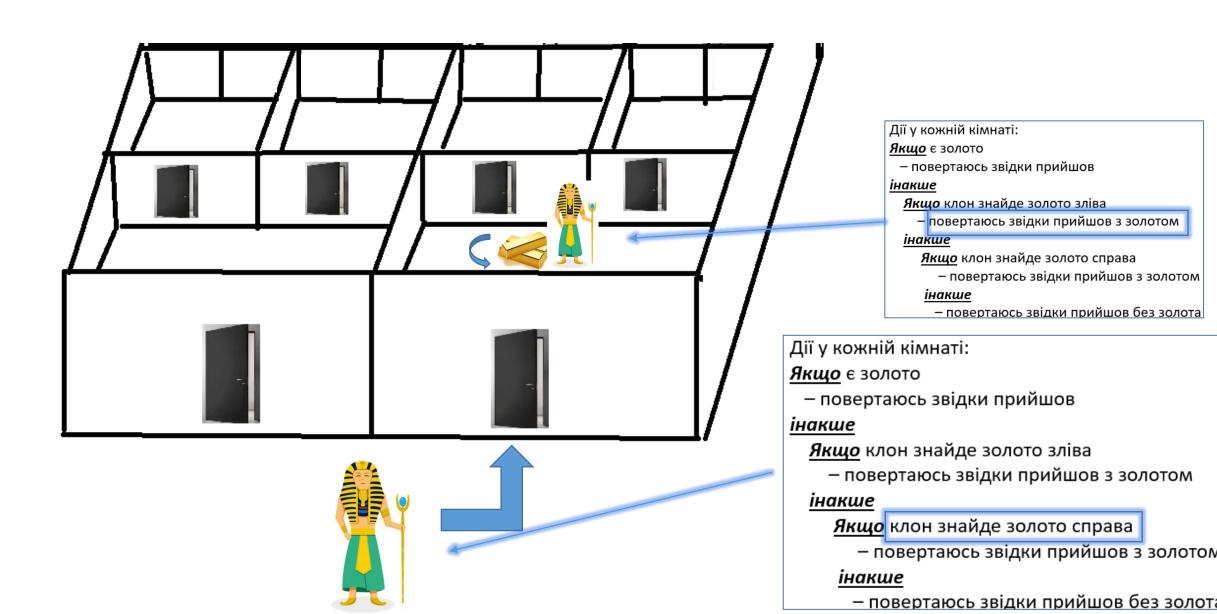
інакше

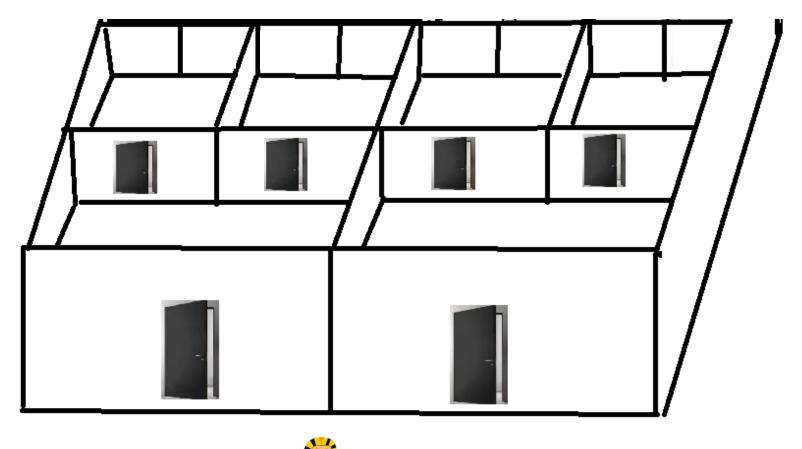
**Якщо** клон знайде золото справа

повертаюсь звідки прийшов з золотом

інакше

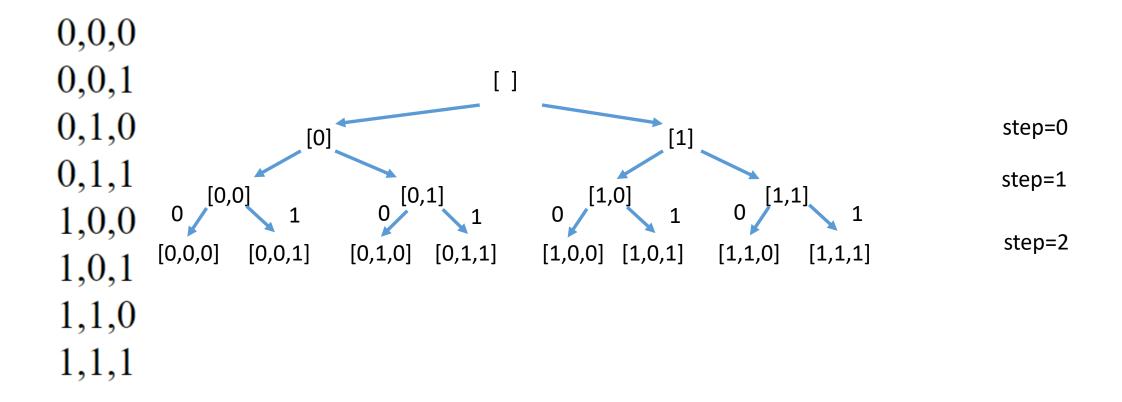


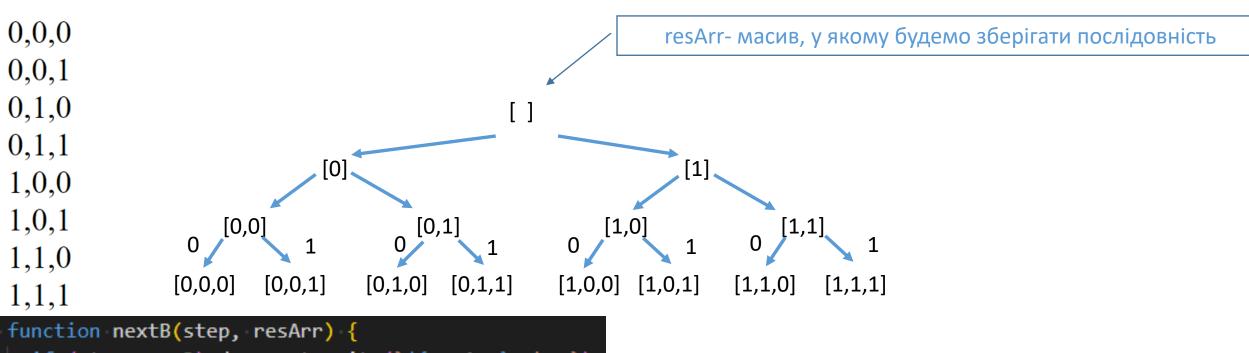






- 0,0,0
- 0,0,1
- 0,1,0
- 0,1,1
- 1,0,0
- 1,0,1
- 1,1,0
- 1,1,1





### На кожному кроці виконуємо 2 команди:

-<u>Команда 1.</u> До попереднього масиву додаємо <u>0</u> і переходимо до наступного кроку

<u>Команда 2.</u> До попереднього масиву додаємо <u>1</u> і переходимо до наступного кроку

```
0,0,0
0,0,1
0,1,0
0,1,1
1,0,0
1,0,1
1,1,0
1,1,1
function nextB(step, resArr) {
 if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
 else {
    nextB(step + 1, [...resArr, 0]) ◄
    nextB(step + 1, [...resArr, 1])
nextB(0, [])
```

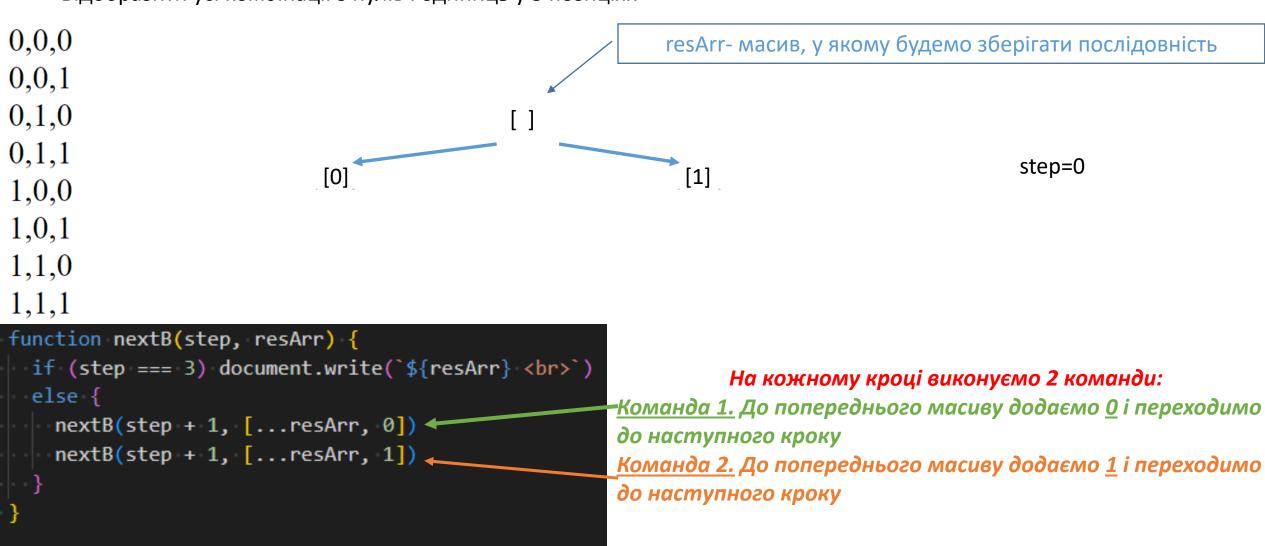
resArr- масив, у якому будемо зберігати послідовність

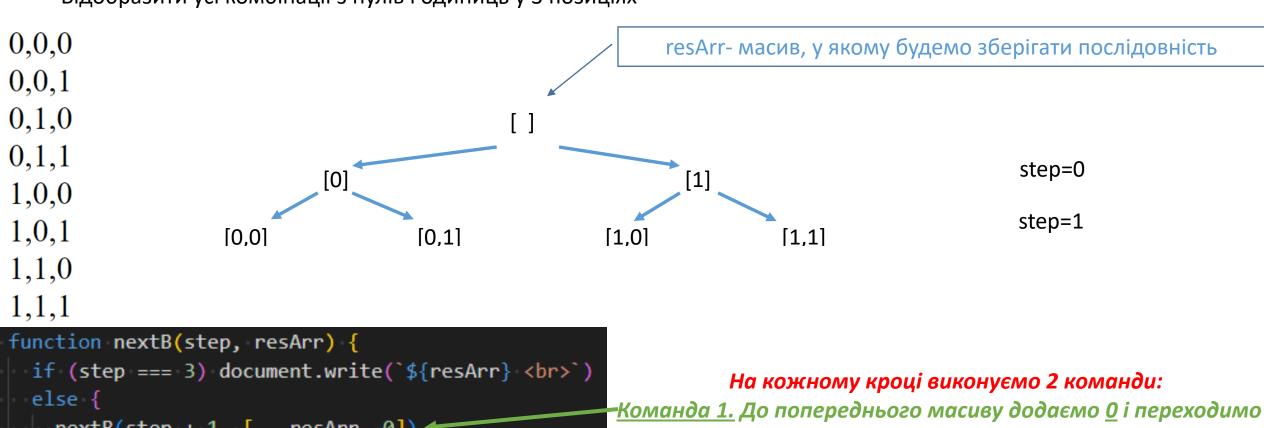
## На кожному кроці виконуємо 2 команди:

-<u>Команда 1.</u> До попереднього масиву додаємо <u>0</u> і переходимо до наступного кроку

<u>Команда 2.</u> До попереднього масиву додаємо <u>1</u> і переходимо до наступного кроку

nextB(0, [])

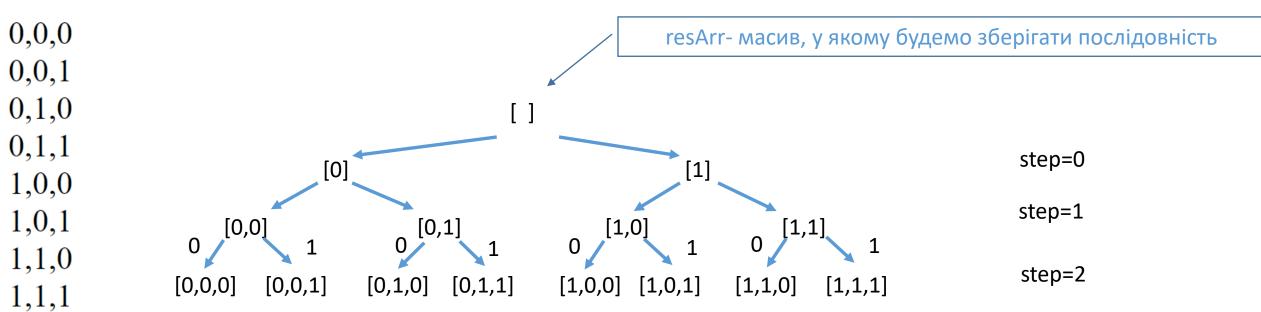




# nextB(step + 1, [...resArr, 0]) ◄ nextB(step + 1, [...resArr, 1]) \_\_ nextB(0, [])

до наступного кроку

<u>Команда 2.</u> До попереднього масиву додаємо <u>1</u> і переходимо до наступного кроку



```
function nextB(step, resArr) {
    if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>)
    else {
        nextB(step + 1, [...resArr, 0]) ←
        nextB(step + 1, [...resArr, 1]) ←
    }
}
nextB(0, [])
```

### На кожному кроці виконуємо 2 команди:

-<u>Команда 1.</u> До попереднього масиву додаємо <u>0</u> і переходимо до наступного кроку

<u>Команда 2.</u> До попереднього масиву додаємо <u>1</u> і переходимо до наступного кроку



- 0,1,0
- 0,1,1
- 1,0,0
- 1,0,1
- 1,1,0
- 1,1,1



resArr- масив, у якому будемо зберігати послідовність

```
0,0,0
0,0,1
0,1,0
                                                  resArr
0,1,1
1,0,0
1,0,1
1,1,0
                     function nextB(step, resArr) {
1,1,1
                      if (step ===/3) document.write(`${resArr} <br>`)
                       else {
                         nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                        nextB(step ≠ 1, [...resArr, 1])
                     nextB(0, [i])
```

step=0

```
0,0,0
0,0,1
0,1,0
0,1,1
1,0,0
1,0,1
1,1,0
1,1,1
```

```
resArr

Додаємо 1
```

```
function nextB(step, resArr) {
  if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
  else {
    nextB(step + 1, [...resArr, 0]) додаемо 0
    nextB(step + 1, [...resArr, 1])
  }
}
```

```
0,0,0

0,0,1

0,1,0 step=0

0,1,1

1,0,0

1,0,1
```

1,1,0

1,1,1

```
function nextB(step, resArr) {
  if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
  else {
    nextB(step + 1, [...resArr, 0]) додаемо 0
    nextB(step + 1, [...resArr, 1])
  }
}
```

```
0,0,0
0,0,1
0,1,0
0,1,1
1,0,0
1,0,1
1,1,0
1,1,1
```

```
function nextB(step, resArr) {
    if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>)
    else {
        nextB(step + 1, [...resArr, 0]) додаемо 0
        nextB(step + 1, [...resArr, 1])
    }
}

function nextB(step, resArr) {
    if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>)
    else {
        nextB(step + 1, [...resArr, 0])
        nextB(step + 1, [...resArr, 1])
    }
}

step=1
```

```
0,0,0
0,0,1
0,1,0
0,1,1
1,0,0
1,0,1
1,1,0
1,1,1
```

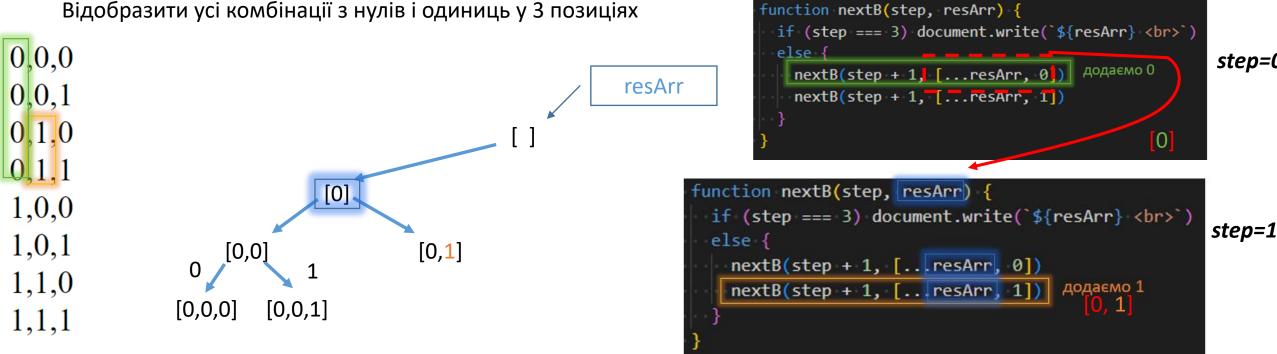
```
function nextB(step, resArr) {
    if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>
    else {
        nextB(step + 1, [...resArr, 0]) додаємо 0
        nextB(step + 1, [...resArr, 1])
    }
}

function nextB(step, resArr) {
    if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>
        nextB(step + 1, [...resArr, 0]) додаємо 0
        nextB(step + 1, [...resArr, 0]) додаємо 0
        nextB(step + 1, [...resArr, 1])
    }
}

step=1
```

```
Відобразити усі комбінації з нулів і одиниць у 3 позиціях
                                                                            function nextB(step, resArr) {
                                                                             if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
0,0,0
                                                                              else {
                                                                                                                          step=0
                                                                               nextB(step + 1, L. _resArr, 01) _додаємо 0
                                                              resArr
0,0,1
                                                                               nextB(step + 1, [...resArr, 1])
0,1,0
                                                                                                                   0
0,1,1
                                                                            function nextB(step, resArr)
                                [0]
1,0,0
                                                                             if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
1,0,1
                                                                                                          додаємо 0
                                                                               nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                      [0,0]
                                                                                                                        step=1
                                                                               nextB(step + 1, [...resArr, 1])
1,1,0
                                                                                                             [0, 0]
                 [0,0,0]
1,1,1
          function nextB(step, resArr) {
            if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
                                                                                                                    step=2
            else {
                                                           додаємо 0 [0,0,0]
               nextB(step + 1, [...resArr, 0])
               nextB(step + 1, [...resArr, 1])
```

```
Відобразити усі комбінації з нулів і одиниць у 3 позиціях
                                                                            function nextB(step, resArr) {
                                                                              if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
0,0,0
                                                                              else {
                                                                                                                          step=0
                                                                               nextB(step + 1, L. _resArr, 01) _додаємо 0
                                                              resArr
0,0,1
                                                                               nextB(step + 1, [...resArr, 1])
0,1,0
                                                                                                                   0
0,1,1
                                                                            function nextB(step, resArr)
                                [0]
1,0,0
                                                                              if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
1,0,1
                                                                                                          додаємо 0
                                                                               nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                      [0,0]
                                                                                                                        step=1
                                                                               nextB(step + 1, [...resArr, 1])
1,1,0
                                                                                                             [0, 0]
                          [0,0,1]
                 [0,0,0]
1,1,1
          function nextB(step, resArr) {
            if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
                                                                                                                    step=2
            else {
               nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                                                           додаємо 1
               nextB(step + 1, [...resArr, 1])
                                                                    [0,0,1]
```



step=0

```
Відобразити усі комбінації з нулів і одиниць у 3 позиціях
                                                                          function nextB(step, resArr) {
                                                                           if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
0,0,0
                                                                           else
                                                                                                                       step=0
                                                                             nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                                                            resArr
0,0,1
                                                                             nextB(step + 1, [...resArr, 1])
0,1,0
                                                                                                                0
0,1.1
                                                                   function nextB(step, resArr) {
                               [0]
1,0,0
                                                                     if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
                                                                                                                      step=1
1,0,1
                                                                     else {
                                        [0,1]
                     [0,0]
                                                                       nextB(step + 1, [...resArr, 0])
1,1,0
                                                                       nextB(step + 1, [...resArr, 1]) додаємо 1
                         [0,0,<u>1</u>]
                                   [0,1,0]
                [0,0,<u>0</u>]
1,1,1
          function nextB(step, resArr) {
            if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
             else {
                                                                                                           step=2
                                                          додаємо 0
               nextB(step + 1, [...resArr, 0])
               nextB(step + 1, [...resArr, 1])
                                                                  [0, 1, 0]
```

```
Відобразити усі комбінації з нулів і одиниць у 3 позиціях
                                                                            function nextB(step, resArr) {
                                                                              if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
0,0,0
                                                                                                                          step=0
                                                                                nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                                                              resArr
0,0,1
                                                                                nextB(step + 1, [...resArr, 1])
0,1,0
                                                                                                                    0
0,1,1
                                                                     function nextB(step, resArr) {
                                [0]
1,0,0
                                                                       if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
                                                                                                                          step=1
1,0,1
                                                                       else {
                      [0,0]
                                                                         nextB(step + 1, [...resArr, 0])
1,1,0
                                                                         nextB(step + 1, [...resArr, 1]) додаємо 1
                          [0,0,<u>1</u>]
                                    [0,1,\underline{0}] [0,1,\underline{1}]
                 [0,0,<u>0</u>]
1,1,1
          function nextB(step, resArr) {
            if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
             else {
                                                                                                              step=2
                nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                                                           додаємо 1
                nextB(step + 1, [...resArr, 1])
                                                                    [0, 1, 1]
```

```
0,0,0
                                                                               resArr
0,0,1
0,1,0
0,1,1
                                         [0]
                                                                                       [1]
1,0,0
1,0,1
                                                    [0,1]
                            [0,0]
1,1,0
                                 [0,0,{\bf 1}]
                     [0,0,<u>0</u>]
                                              [0,1,\underline{0}] [0,1,\underline{1}]
1,1,1
```

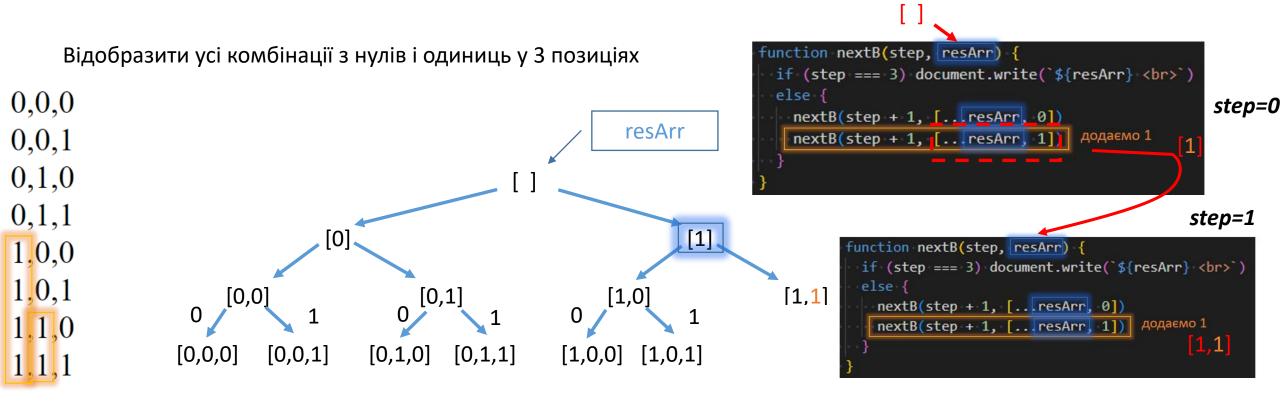
```
function nextB(step, resArr) {
  if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
  else {
    nextB(step + 1, [...resArr. 0])
    nextB(step + 1, [...resArr, 1]) додаємо 1
  }
}
```

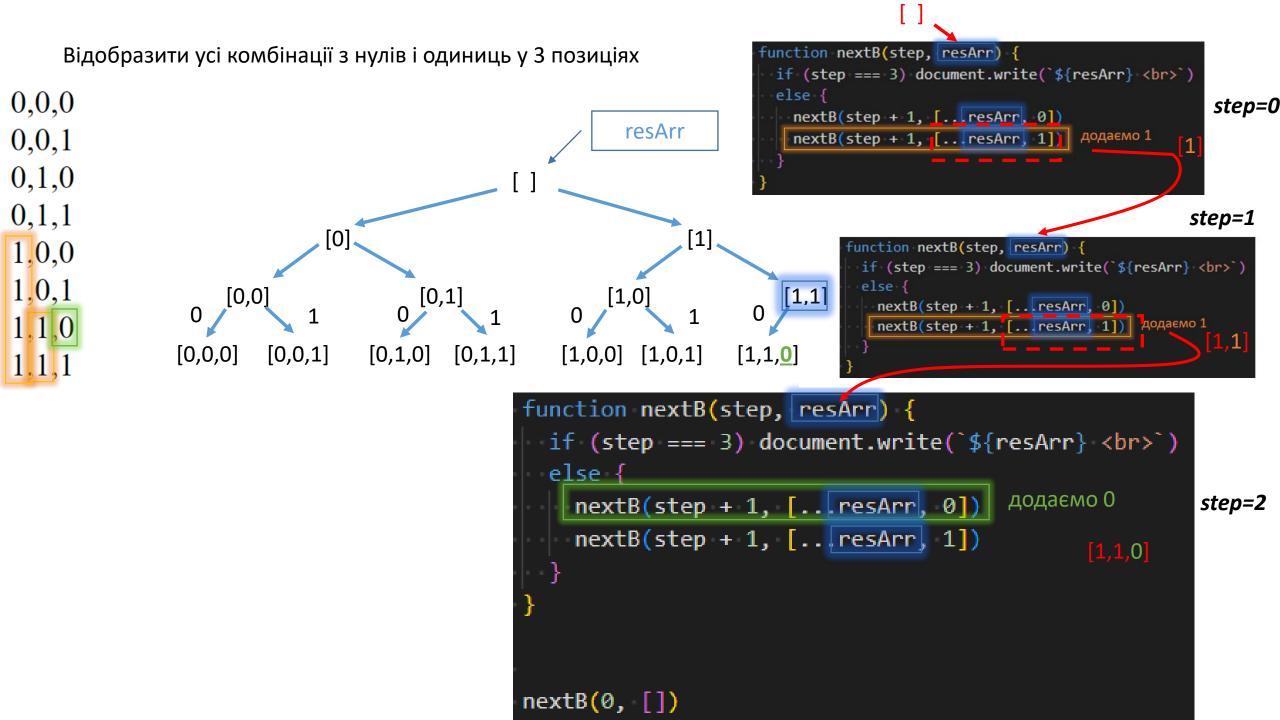
```
0,0,0
                                                            resArr
0,0,1
0,1,0
0,1,1
                                                                  [1]
                               [0]
1,0,0
1,0,1
                                        [0,1]
                                                          [1,0]
                     [0,0]
1,1,0
                                   [0,1,0] [0,1,1]
                [0,0,0]
                         [0,0,1]
1,1,1
```

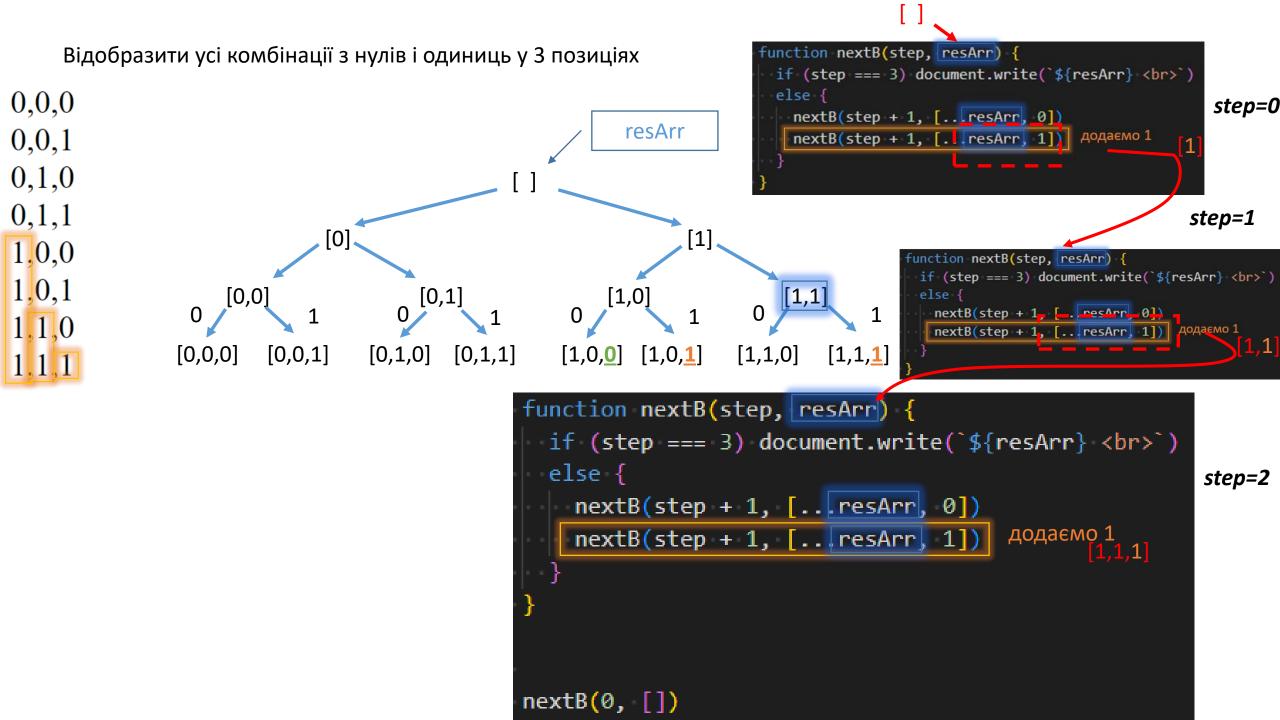
```
function nextB(step, resArr) {
   if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
   else {
                                                      step=0
     nextB(step + 1, [...resArr, 0])
     nextB(step + 1, [...resArr, 1]) додаємо 1
function nextB(step, resArr)
 if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
 else {
   nextB(step + 1, [...resArr, 0]) Додаємо О
   nextB(step + 1, [...resArr, 1])
                                         [1,0]
                                                     step=1
```

```
function nextB(step, resArr) {
     Відобразити усі комбінації з нулів і одиниць у 3 позиціях
                                                                             if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
                                                                             else {
0,0,0
                                                                                                                         step=0
                                                                              nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                                                             resArr
0,0,1
                                                                              nextB(step + 1, [...resArr, 1]) додаємо 1
0,1,0
0,1,1
                                                                          function nextB(step, resArr)
                                [0]
                                                                    [1]
1.0.0
                                                                           if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
                                                                           else |
1,0,1
                                                                             nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                                                            [1,0]
                     [0,0]
                                                                             nextB(step + 1, [...resArr, 1])
1,1,0
                                                                                                             [1,0]
                                                                                                                        step=1
                         [0,0,1]
                                    [0,1,0] [0,1,1]
                                                       [1,0,0]
                [0,0,0]
1,1,1
          function nextB(step, resArr) {
            if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
             else {
                                                                                                             step=2
                                                           додаємо 0
               nextB(step + 1, [...resArr, 0])
               nextB(step + 1, [...resArr, 1])
                                                                  [1,0,0]
```

```
function nextB(step, resArr) {
     Відобразити усі комбінації з нулів і одиниць у 3 позиціях
                                                                             if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
                                                                             else {
0,0,0
                                                                                                                         step=0
                                                                              nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                                                             resArr
0,0,1
                                                                              nextB(step + 1, [...resArr, 1]) додаємо 1
0,1,0
0,1,1
                                                                          function nextB(step, resArr)
                                [0]
                                                                    [1]
1.0,0
                                                                           if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
                                                                           else |
1,0,1
                                                                             nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                                                            [1,0]
                     [0,0]
                                                                             nextB(step + 1, [...resArr, 1])
1,1,0
                                                                                                              [1,0]
                                                                                                                        step=1
                                                       [1,0,0] [1,0,1]
                         [0,0,1]
                                    [0,1,0] [0,1,1]
                [0,0,0]
1,1,1
          function nextB(step, resArr) {
            if (step === 3) document.write(`${resArr} <br>`)
             else {
                                                                                                             step=2
               nextB(step + 1, [...resArr, 0])
                                                          додаємо 1
               nextB(step + 1, [...resArr, 1])
                                                                    [1,0,1]
```







#### Знаходження чисел Фібоначчі

Послідовність Фібона́ччі, чи́сла Фібона́ччі— у математиці числова послідовність  $F_n$ , задана рекурентним співвідношенням другого порядку

$$F_1=1, F_2=1, F_{n+2}=F_n+F_{n+1}, n=1,2,3,\ldots, \ F_1=1, F_2=1, F_3=2, F_4=3, F_5=5, F_6=8, F_7=13, F_8=21, \ \ldots$$

Простіше кажучи, перші два члени послідовності — одиниці, а кожний наступний — сума значень двох попередніх чисел:

 $1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, \dots$ 

#### Знаходження чисел Фібоначчі

# 1) Рекурсивний алгоритм

$$F_n = \begin{cases} 1, & n = 1 \\ 1, & n = 2 \\ F_{n-1} + F_{n-2}, & n > 2 \end{cases}$$

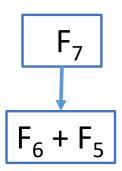
# 2) Нерекурсивний алгоритм

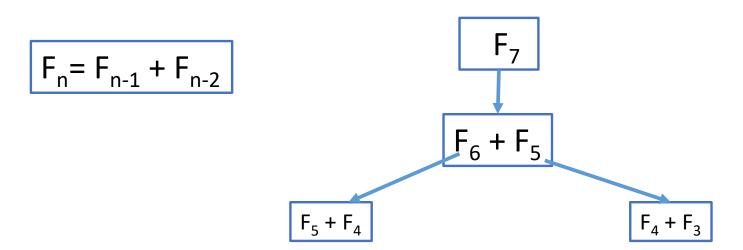
```
function fibonacci(n) {
    if(n===1 || n===2)
    return 1
    else
    return fibonacci(n-1)+fibonacci(n-2)
}

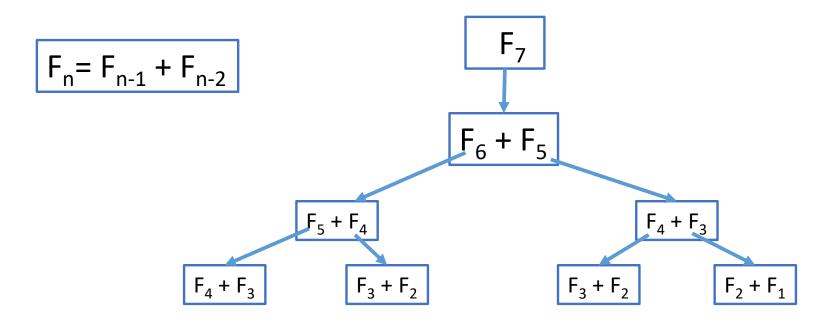
fib7 = fibonacci(7)
```

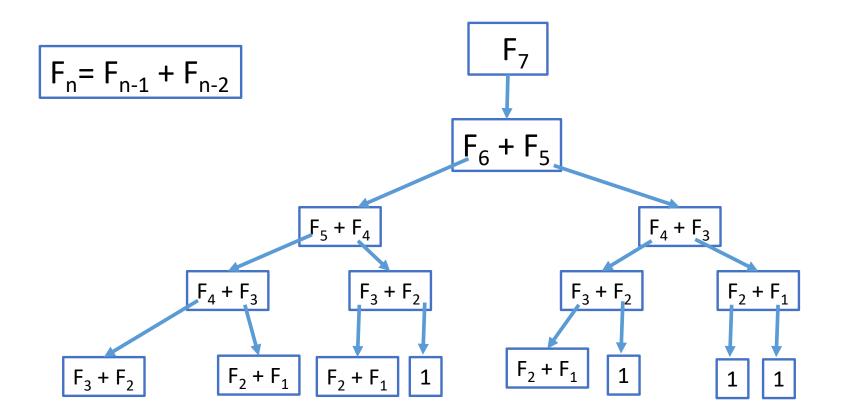
```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n 1 =f n
return f_n
fib7 = fibonacci(7)
```

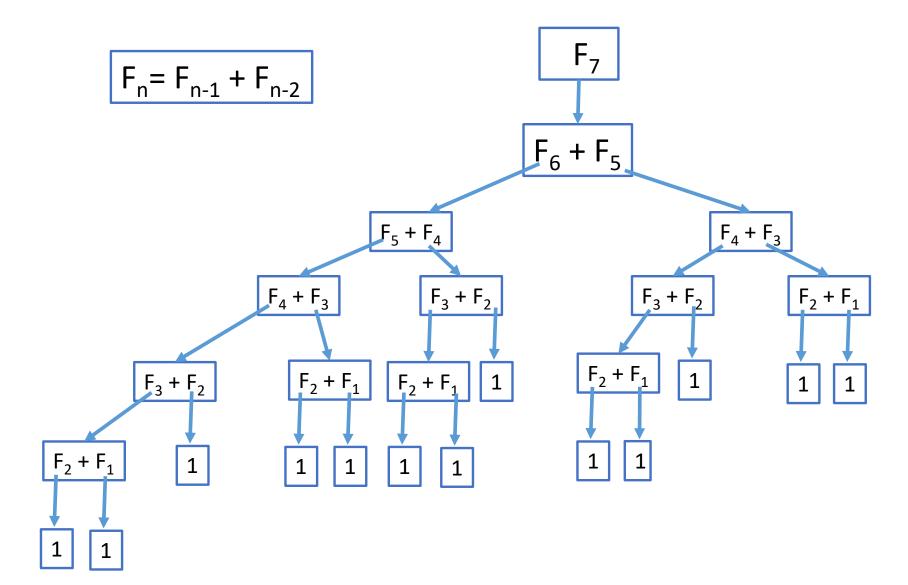
$$F_{n} = F_{n-1} + F_{n-2}$$











$$F_1 = 1, F_2 = 1$$

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$   
 $F_n=F_{n-1}+F_{n-2}$ ,  $n=3,4,...$ 

$$F_1 = 1, F_2 = 1$$

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$   
 $F_n=F_{n-1}+F_{n-2}$ ,  $n=3,4,...$ 

$$F_1=1, F_2=1$$
 $F_3=F_2+F_1$ 

$$F_3 = F_2 + F_1$$

$$F_1 = 1, F_2 = 1$$

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$   
 $F_n=F_{n-1}+F_{n-2}$ ,  $n=3,4,...$ 

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $F_3=F_2+F_1$ 
 $F_4=F_3+F_2$ 

$$F_3 = F_2 + F_1$$

$$F_4 = F_3 + F_2$$

$$F_1 = 1, F_2 = 1$$

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$   
 $F_n=F_{n-1}+F_{n-2}$ ,  $n=3,4,...$ 

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $F_3=F_2+F_1$ 
 $F_4=F_3+F_2$ 
 $F_5=F_4+F_3$ 

$$F_3 = F_2 + F_1$$

$$F_4 = F_3 + F_2$$

$$F_5 = F_4 + F_3$$

$$F_1 = 1$$
,  $F_2 = 1$ 

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$   
 $F_n=F_{n-1}+F_{n-2}$ ,  $n=3,4,...$ 

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $F_3=F_2+F_1$ 
 $F_4=F_3+F_2$ 
 $F_5=F_4+F_3$ 
 $F_6=F_5+F_4$ 

$$F_3 = F_2 + F_1$$

$$F_4 = F_3 + F_2$$

$$F_5 = F_4 + F_3$$

$$F_6 = F_5 + F_4$$

$$F_1 = 1, F_2 = 1$$

$$F_{n} = F_{n-1} + F_{n-2}, n = 3,4,...$$

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $F_3=F_2+F_1$ 
 $F_4=F_3+F_2$ 
 $F_5=F_4+F_3$ 
 $F_6=F_5+F_4$ 
 $F_7=F_6+F_5$ 

$$F_3 = F_2 + F_1$$

$$F_4 = F_3 + F_2$$

$$F_5 = F_4 + F_3$$

$$F_6 = F_5 + F_4$$

$$F_7 = F_6 + F_5$$

```
F_1=1, F_2=1
f_n
f_{n-1}
f_{n-2}
f_n
f_{n-2}
f_n
f_{n-2}, f_n
```

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
-----f_n-=-f_n_1-+-f_n_2
f_n_2 = f_n_1
-----f_n_1 =f_n
return f_n
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_n$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_n$ 
 $f_{n-2}$ ,  $f_{n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
f_n_2 = f_n_1
return f_n
```

```
F_1=1
F_2 = 1,
            f_n_2 = 1
f_n_1 = 1
f_n
       f_n_1
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_{-n}$ 
 $f_{-n-1}$ 
 $f_{-n-2}$ 
 $f_{-n-2}$ 
 $f_{-n-2}$ 
 $f_{-n-2}$ 
 $f_{-n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
-----f_n_2 = f_n_1
f_n_1 =f_n
return f_n
```

```
F_1=1
F_2 = 1,
          f_n_2 = 1
f_n_1 = 1
f_n
            + f_n_2
      f_n_1
                       f_n = f_n_1 + f_n_2
       F_2
                       f_n = f_n_1 + f_n_2
       F_4
                       f_n = f_n_1 + f_n_2
                       f_n = f_n_1 + f_n_2
                       f_n = f_n_1 + f_n_2
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_{n}$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 

```
f_n_2 = 1
f_n_1 = 1
```

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
f_n_2 = f_n_1
return f_n
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_{n}$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ ,  $f_{n-2}$ 

```
F_2=1, F_1=1

f_{-n_1}=1 f_{-n_2}=1 f_{-n_1}=1 f_{-n_2}=1

f_{-n_3}=F_2+F_1 f_{-n_4}=f_{-n_5}=1 f_{-n_5}=1
```

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
|----|-----f_n_1-=f_n
return f_n
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_{-n}$ 
 $f_{-n-1}$ 
 $f_{-n-2}$ 
 $f_{-n-2}$ 
 $f_{-n-2}$ ,  $f_{-n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
f_n_1 =f_n
return f_n
```

```
F_2=1, F_1=1

f_{-n_1}=1 f_{-n_2}=1

F_3=F_2+F_1 f_{-n_3}=f_{-n_4}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n_5}=f_{-n
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_{n}$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ ,  $f_{n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
return f_n
```

```
F_{2}=1, F_{1}=1

f_{-n_{1}}=1

f_{-n_{2}}=1

f_{-n_{1}}=1

f_{-n_{2}}=1

f_{-n_{2}}=1
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_{n}$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ ,  $f_{n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
|----|-----f_n_1-=f_n
return f_n
```

```
F_{2}=1, F_{1}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-2}}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-2}}=1

f_{-n_{-2}}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-2}}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-2}}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-1}}=1

f_{-n_{-1}}=1
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_n$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ ,  $f_{n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
return f_n
```

```
F_{2}=1, F_{1}=1

f_{-n_{-1}}=1 f_{-n_{-2}}=1

F_{3}=F_{2}+F_{1} f_{-n_{-2}}=f_{-n_{-1}}

f_{-n_{-1}}=f_{-n}

F_{4}=F_{3}+F_{2} f_{-n_{-1}}=f_{-n_{-1}}
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_{n}$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ ,  $f_{n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
f_n_1 =f_n
return f_n
```

```
F_2 = 1,
         F_1=1
        f_n_2 = 1
f_n_1 = 1
F_3 = F_2 + F_1  f_n_2 = f_n_1
                f n 1 = f n
F_4 = F_3 + F_2  f_n = f_n_1 + f_n_2
F_5 = F_4 + F_3
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_{-n}$ 
 $f_{-n-1}$ 
 $f_{-n-2}$ 
 $f_{-n-2}$ 
 $f_{-n-2}$ ,  $f_{-n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
f_n_2 = f_n_1
return f_n
```

$$F_{2}=1$$
,  $F_{1}=1$   
 $f_{-n_{-1}}=1$   $f_{-n_{-2}}=1$   
 $f_{-n_{-1}}=1$   $f_{-n_{-2}}=1$   
 $F_{3}=F_{2}+F_{1}$   
 $F_{4}=F_{3}+F_{2}$   $f_{-n_{-2}}=f_{-n_{-1}}$   
 $F_{5}=F_{4}+F_{3}$ 

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_{n}$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_{n-2}$ ,  $f_{n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
f_n_2 = f_n_1
return f_n
```

```
F_1=1
           f_n_2 = 1
f_n | f_n_1
            f_n_2
F_4 = F_3 + F_2 = f_{n_2} = f_{n_1}
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_n$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_n$ 
 $f_{n-2}$ ,  $f_{n-2}$ 

```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
f_n_2 = f_n_1
return f_n
```

```
F_2 = 1,
          F_1=1
          f_n_2 = 1
f_n_1 = 1
F_4 = F_3 + F_2 \qquad f_{n_2} = f_{n_1} = f_n
F_5 = F_4 + F_3 f_n = f_n_1 + f_n_2
```

$$F_1=1$$
,  $F_2=1$ 
 $f_n$ 
 $f_{n-1}$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_n$ 
 $f_{n-2}$ 
 $f_n$ 
 $f_{n-2}$ ,  $f_{n-2}$ 

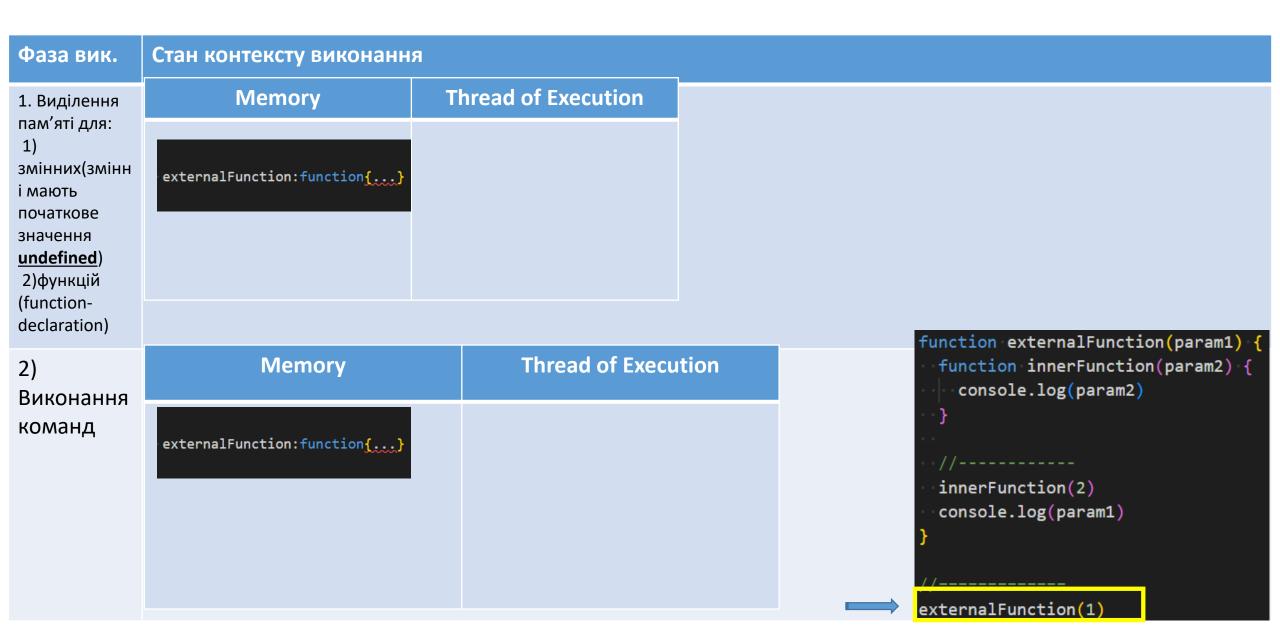
```
function fibonacci(n) {
if(n===1 || n===2)
return 1
else{
let f_n_1 = f_n_2 = 1
for (let i = 3; i <=n; i++) {
f_n = f_n_1 + f_n_2
f_n_2 = f_n_1
f_n_1 =f_n
return f_n
```

```
F_1=1
F_2 = 1,
            f_n_2 = 1
f_n_1 = 1
f_n
       f_n_1
                  f_n_2
```

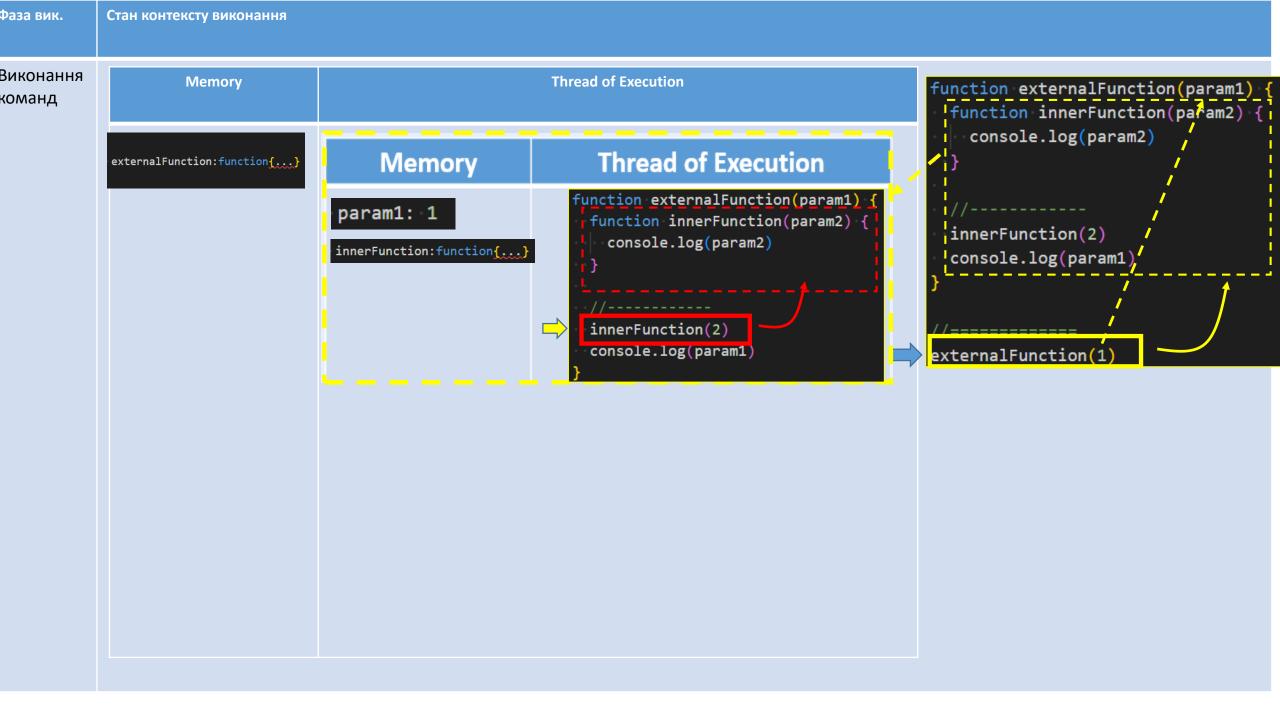
### Випадок вкладених функцій

**Вкладені функції** — функції, що описані всередині іншої фунції

```
function externalFunction(param1)
 function innerFunction(param2)
   console.log(param2)
 innerFunction(2)
 console.log(param1)
externalFunction(1)
```



Фаза вик.	Стан контексту виконання		
Виконання	Memory	Thread of Execution	
команд	externalFunction:function {}		<pre>function externalFunction(param1)   function innerFunction(param2) {     console.log(param2)   } }</pre>
			innerFunction(2) console.log(param1) } //==================================



1. Без замикання (аналогія з кавою)
Без замикання (кава): Баба Галя отримала
чашку кави й пішла. Результат — незалежний,
одноразовий, зв'язок із кав'ярнею розірвано.

```
function makeCoffee() {
  let coffee = "Ecnpeco";
  return coffee;
}

let myCoffee = makeCoffee();
  console.log(myCoffee); // "Ecnpeco"
```

2. Із замиканням (аналогія з кавовим абонементом) Із замиканням (абонемент): Баба Галя отримала картку, яка пов'язана з кав'ярнею. Кожен раз, коли вона її використовує, картка "знає" попередній стан і працює з ним.

У програмуванні це <u>замикання</u> — функція повертає щось, що зберігає зв'язок із внутрішнім контекстом:

```
function createCoffeeSubscription() {
let coffeeCount = 0; // внутрішній стан

return function() { // функція, що повертається coffeeCount += 1;
 return `Tвоя ${coffeeCount}-а кава готова!`;
 };
}

let mySubscription = createCoffeeSubscription();
console.log(mySubscription()); // "Твоя 1-а кава готова!"
console.log(mySubscription()); // "Твоя 2-а кава готова!"
```

# Замикання

У <u>програмуванні</u> **замиканням** (<u>англ.</u> *closure*) називають <u>підпрограму</u>, що виконується в середовищі, яке містить одну або більше <u>зв'язаних змінних</u>. Підпрограма має доступ до цих змінних під час виконання.

```
У програмуванні <u>замикання</u> — функція повертає щось, що зберігає зв'язок із внутрішнім контекстом і
```

```
function externalFunction(
   function innerFunction() {
    return innerFun
```

https://uk.wikipedia.org/wiki/%D0%97%D0%B0%D0%BC%D0%B8%D0%BA%D0%B0%D0%BD%D0%BD%D1%8F\_(%D0%BF%D1%80%D0%BE%D0%B3%D1%80%D0%B0%D0%BC%D1%83 %D0%B2%D0%B0%D0%BD%D0%BD%D1%8F)

## Замикання

У <u>програмуванні</u> **замиканням** (<u>англ.</u> *closure*) називають <u>підпрограму</u>, що виконується в середовищі, яке містить одну або більше <u>зв'язаних змінних</u>. Підпрограма має доступ до цих змінних під час виконання.

```
У програмуванні <u>замикання</u> — функція повертає щось, що зберігає зв'язок із внутрішнім контекстом
```

```
function externalFunction(initialValue, step) {
    let someVariable = initialValue
   function innerFunction() {
     someVariable += step
     return someVariable
```

https://uk.wikipedia.org/wiki/%D0%97%D0%B0%D0%BC%D0%B8%D0%BA%D0%B0%D0%BD%D0%BD%D1%8F\_(%D0%BF%D1%80%D0%BE%D0%B3%D1%80%D0%B0%D0%BC%D1%83 %D0%B2%D0%B0%D0%BD%D0%BD%D1%8F)

### Приклад використання замиканя

```
function counter(value) {
function increment() {
  return ++value
return increment
let cntr1 = counter(0)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
```

### Приклад використання замиканя

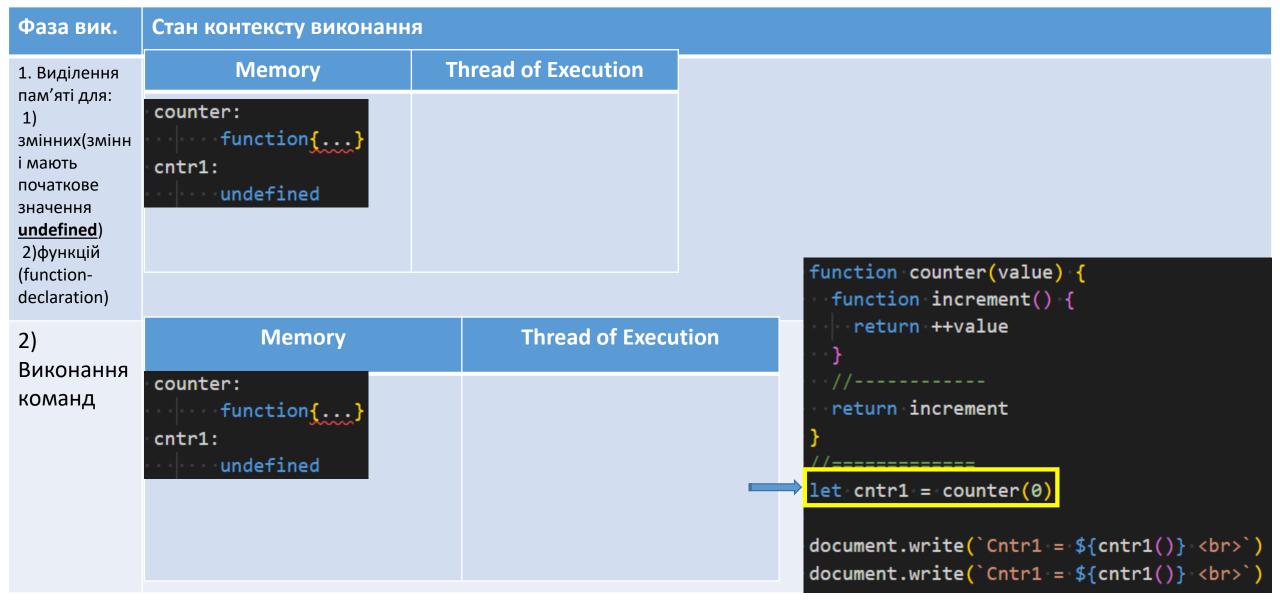
```
let cntr1 = counter(0)

document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
```

#### Фази виконання програм JavaScript

- **1) Фаза виділення пам'яті** (виділення пам'яті для змінних і функцій)
- **2)** Фаза виконання команд (поступове виконання команд по одній за раз)

Приклад.



Стан контексту виконання

Виконання команд

```
Thread of Execution
        Memory
counter:
                            Memory
                                                   Thread of Execution
      function{...}
                                                 function counter(value)
cntr1:
                                                   function increment()
                       value: 0
       function{...}
                                                     return ++value
                        increment:
                              function{...}
                                                   return increment
                                                                Thread of Execution
                                                             function increment()
                                                               return ++value
```

```
function counter(value) {
    function increment() {
    return ++value
    }
    return increment
}

//=========
let cntr1 = counter(0)

document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
```

Виконання

```
Memory
                                              Thread of Execution
counter:
                            Memory
                                                   Thread of Execution
      function{...}
                                                 function counter(value)
cntr1:
                                                   function increment()
      function{...} value: 1
                                                     return ++value
                        increment:
                              function{...}
                                                   return increment
                                                                Thread of Execution
                                                            function increment()
                                                              return ++value
```

```
function counter(value) {
    function increment() {
        return ++value
    }
    //----
    return increment
}
//==========
let cntr1 = counter(0)

document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
```

Фаза вик. Стан контексту виконання Виконання Memory **Thread of Execution** команд function counter(value) { counter: function increment() { Memory Thread of Execution function{...} return ++value function counter(value) cntr1: function increment() value: 2 function{...} return ++value return increment

```
increment:
       function{...}
                             return increment
                                           Thread of Execution
                                       function increment()
                                         return ++value
```

```
//========
let cntr1 = counter(0)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
```

#### Приклад з двома лічильниками

```
function counter(value) {
 function increment() {
   return ++value
 return increment
let cntr1 = counter(0)
let cntr2 = counter(0)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
document.write(`Cntr2 = ${cntr2()} <br>`)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
```

Фаза вик.

```
Memory
                                           Thread of Execution
counter:
                          Memory
                                                Thread of Execution
     function{...}
                                              function counter(value)
cntr1:
                                                function increment() {
                      value: 0
     function{...}
                                                  return ++value
cntr2:
                      increment:
      function{...}
                                                return increment
                         function{...}
                                                 Thread of Execution
                           Memory
                                               function counter(value)
                                                 function increment() {
                       value: 0
                                                  return ++value
                       increment:
                                                 //----
                            function{...}
                                                 return increment
```

```
function counter(value) {
    function increment() {
        return ++value
    }
}
//----
| return increment

}
//========
let cntr1 = counter(0)
let cntr2 = counter(0)
document.write( Cntr1 = ${cntr1()} <br>)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
document.write(`Cntr2 = ${cntr2()} <br>`)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
document.write(`Cntr1 = ${cntr1()} <br>`)
```

Фаза вик.

```
Memory
                                           Thread of Execution
counter:
                          Memory
                                                Thread of Execution
     function{...}
                                              function counter(value)
cntr1:
                                                function increment() {
                      value: 0
     function{...}
                                                  return ++value
cntr2:
                      increment:
     function{...}
                                                return increment
                          function{...}
                                                 Thread of Execution
                           Memory
                                               function counter(value)
                                                 function increment() {
                       value: 0
                                                   return ++value
                       increment:
                                                 //----
                            function{...}
                                                 return increment
```

Фаза вик.

```
Memory
                                           Thread of Execution
counter:
                          Memory
                                                Thread of Execution
     function{...}
                                              function counter(value)
cntr1:
                                                function increment() {
                      value: 0
     function{...}
                                                 return ++value
cntr2:
                      increment:
     function{...}
                                                return increment
                         function{...}
                                                Thread of Execution
                           Memory
                                               function counter(value)
                                                 function increment() {
                       value: 0
                                                  return ++value
                       increment:
                                                 //----
                           function{...}
                                                 return increment
```

