### **International Olympiad in Informatics 2016**



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules
Country: THA

# ตรวจจับโมเลกุล

ปีเตอร์ทำงานให้บริษัทที่ผลิตเครื่องตรวจจับโมเลกุล แต่ละโมเลกุลมีน้ำหนักเป็นจำนวนเต็มบวก โดยเครื่องดังกล่าวมี ระยะตรวจจับ [l, u], โดยที่ l และ u เป็นจำนวนเต็มบวก เครื่องสามารถ ตรวจจับเซ็ตของโมเลกุลได้ก็ต่อเมื่อเซ็ตนี้มีสับเซ็ตที่มีผลรวมน้ำหนักโมเลกุลอยุ่ภายในระยะตรวจจับ ของเครื่อง

กล่าวคือ: เมื่อพิจารณาโมเลกุล n โมเลกุล ซึ่งมีน้ำหนัก  $w_0,\,...,\,w_{n-1}$  การตรวจจับจะประสบผล สำเร็จถ้ามีเซ็ตของตัวเลขดัชนี  $I=\{i_1,\,...,\,i_m\}$  โดยที่  $l\leq w_{i_1}+...+w_{i_m}\leq u$ 

เนื่องด้วยลักษณะเฉพาะของเครื่อง เราสามารถรับประกันได้ว่าส่วนต่างระหว่าง l และ u จะต้อง มากกว่าหรือเท่ากับส่วนต่างน้ำหนักระหว่างโมเลกุลที่หนักที่สุดกับโมเลกุลที่เบาที่สุด กล่าวคือ:  $u-l \geq w_{max}-w_{min}$ , โดยที่  $w_{max}=\max{(w_0,...,w_{n-1})}$  และ  $w_{min}=\min{(w_0,...,w_{n-1})}$ 

ภารกิจของคุณคือ จงเขียนโปรแกรมเพื่อค้นหาสับเซ็ตของโมเลกุลซึ่งมีผลรวมน้ำหนักอยุ้ภายในระยะ ตรวจจับ หรือตัดสินว่าสับเซ็ตดังกล่าวไม่มีอยุ้จริง

## รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

จงเขียนฟังก์ชัน:

- o int[] solve(int I, int u, int[] w)
  - I และ u: ตัวเลขที่ระบุระยะตรวจจับ
  - พ: น้ำหนักของโมเลกล
  - หากสับเซ็ตที่ต้องการมีอยู่จริง ฟังก์ชันควรคืนค่าอาเรย์ของดัชนีโมเลกุลซึ่งรวมตัวกันเป็น สับเซ็ตดังกล่าว หากมีคำตอบที่ถูกต้องหลายคำตอบให้คืนค่าคำตอบใดก็ได้
  - หากสับเซ็ตที่ต้องการไม่มีอยู่จริง ฟังก์ชันควรคืนค่าอาเรย์ว่างเปล่า

สำหรับภาษา C หัวฟังก์ชันมีความแตกต่างเล็กน้อย:

- o int solve(int l, int u, int[] w, int n, int[] result)
  - on: จำนวนสมาชิกใน w (นั่นคือ: จำนวนโมเลกุล)
  - พารามิเตอร์อื่น เหมือนกับที่กล่าวไว้ด้านบน
  - แทนที่จะต้องคืนค่าเป็นอาเรย์ของดัชนี m ตัว (แบบด้านบน), ฟังก์ชันนี้ควรเขียนค่าดัชนี
     ลงไปยัง m ช่องแรกของอาเรย์ result แล้วค่อยคืนค่า m
  - หากสับเซ็ตที่ต้องการไม่มีอยู่จริง ฟังก์ชันนี้ไม่ควรเขียนอะไรลงในอาเรย์ result และคืน ค่า 0

โปรแกรมของคุณจะเขียนดัชนีในลำดับใดก็ได้ลงในอาเรย์ที่คืนค่า (หรือลงในอาเรย์ result ใน ภาษา C)

สำหรับรายละเอียดการเขียนโปรแกรมในภาษาของคุณ โปรดดูไฟล์ต้นแบบที่ได้เตรียมไว้ให้

#### ตัวอย่าง

#### ตัวอย่างที่ 1

#### solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])

ในตัวอย่างนี้เรามีโมเลกุลสี่โมเลกุลที่มีน้ำหนัก 6, 8, 8 และ 7 เครื่องสามารถตรวจจับสับเซตของ โมเลกุลที่มีน้ำหนักรวมตั้งแต่ 15 ถึง 17 (รวมหัวท้าย) สังเกตว่า  $17-15 \ge 8-6$  น้ำหนักรวมของ โมเลกุลที่ 1 และ 3 คือ  $w_1+w_3=8+7=15$  ดังนั้นฟังก์ชันสามารถคืนค่า [1, 3] เป็นคำตอบ คำตอบอื่นที่ถูกต้องเช่นกันได้แก่ [1, 2] ( $w_1+w_2=8+8=16$ ) และ [2, 3] ( $w_2+w_3=8+7=15$ )

#### ตัวอย่างที่ 2

#### solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])

ในตัวอย่างนี้เรามีโมเลกุลสี่โมเลกุลที่มีน้ำหนัก 5, 5, 6 และ 6 และเราต้องการหาส<sup>ั</sup>บเซตที่มีน้ำหนัก รวมตั้งแต่ **14** ถึง **15** (รวมหัวท้าย) โปรดสังเกตอีกครั้งว่า 15 − 14 ≥ 6 − 5 แต่ไม่มีสับเซตใดที่มี ผลรวมน้ำหนักโมเลกุลตั้งแต่ 14 ถึง 15 เลย ฟังก์ชันนี้จึงควรคืนค่าอาเรย์ว่างเปล่า

#### ตัวอย่างที่ 3

# solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])

ในตัวอย่างนี้เรามีโมเลกุลสี่โมเลกุลที่มีน้ำหนัก 15, 17, 16 และ 18 และเราต้องการหาส<sup>ั</sup>บเซตที่มี น้ำหนักรวมตั้งแต่ 10 ถึง 20 (รวมหัวท้าย) โปรดสังเกตอีกครั้งว่า  $20 - 10 \ge 18 - 15$  สับเซ็ตใดก็ตาม ที่มีสมาชิกเพียงหนึ่งตัวย่อมมีผลรวมน้ำหนักตั้งแต่ 10 ถึง 20 ดังนั้นคำตอบที่ถูกต้องได้แก่: [0], [1], [2] และ [3]

# ปัญหาย่อย

- 1. (9 คะแนน):  $1 \le n \le 100$ ,  $1 \le w_i \le 100$ ,  $1 \le u$ ,  $l \le 1000$ , และ  $w_i$  ทุกตัวมีค่าเท่ากัน.
- 2. (10 คะแนน):  $1 \le n \le 100$ ,  $1 \le w_i$ , u,  $l \le 1000$  และ  $\max(w_0, ..., w_{n-1}) \min(w_0, ..., w_{n-1}) \le 1$ .
- 3. (12 คะแนน):  $1 \le n \le 100$  และ  $1 \le w_i$ ,  $u, l \le 1000$ .
- 4. (15 คะแนน):  $1 \le n \le 10\,000$  และ  $1 \le w_i$ , u,  $l \le 10\,000$ .
- 5. (23 คะแนน):  $1 \le n \le 10\,000$  และ  $1 \le w_i$ , u,  $l \le 500\,000$ .
- 6. (31 คะแนน):  $1 \le n \le 200\,000$  และ  $1 \le w_i$ , u,  $l < 2^{31}$ .

# เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างอ่านข้อมูลน้ำเข้าในรูปแบบต่อไปนี้:

- บรรทัดที่ 1: จำนวนเต็ม n, l, u
- $\circ$  บรรทัดที่ 2: จำนวนเต็ม n จำนวน:  $w_0, ..., w_{n-1}$