

## Ачкычтар

Архитектор Тимофей жаңы "качуу" оюнун жасады. Бул оюнда 0ден  $(n - 1)$ ге чейинки  $n$  бөлмө бар. Башында, ар бир бөлмөдө бирден ачкыч бар. Ар бир ачкычтын түрү бар, ал  $0..n - 1$  ичинде.  $i$ -бөлмөдөгү  $(0 \leq i \leq n - 1)$  ачкычтын түрү  $r[i]$ . Бир нече бөлмөдө бир эле түрдөгү ачкычтар болушу мүмкүн, башкача айтканда  $r[i]$  мааниси бирдей болушу мүмкүн.

Ошондой эле оюнда 0ден  $(m - 1)$ ге чейинки  $m$  **эки багыттуу** туташтыргыч бар.  $j$ -туташтыргыч  $(0 \leq j \leq m - 1)$   $u[j]$ -бөлмөнү жана  $v[j]$ -бөлмөнү бириктирет. Бир жуп бөлмөнү бир нече туташтыргыч аркылуу туташтырса болот.

Оюнду ачкычтарды чогулткан жалгыз оюнчу ойнойт жана туташтыргычтарды аралап бөлмөлөрдүн ортосунда жүрөт. Эгерде оюнчу  $u[j]$ -бөлмөдөн  $v[j]$ -бөлмөгө өтүү үчүн, же тескерисинче өтүү үчүн туташтыргычты колдонсо, анда оюнчу ал  $j$ -туташтыргычты **өтөт** деп айтабыз. Эгерде оюнчу  $c[j]$ -түрүндөгү ачкычты мурда чогултса гана анда оюнчу  $j$ -туташтыргычты өтө алат.

Оюндун жүрүшүндө каалаган учурда оюнчу  $x$ -бөлмөдө болот жана төмөндөгү эки аракетти жасай алат:

- ачкычты  $x$ -бөлмөгө чогулта алат, анын түрү  $r[x]$  (эгерде ал буга чейин чогултушпаса),
- $j$ -туташтыргычты өтө алат,  $(u[j] = x \text{ же } v[j] = x)$ , эгерде оюнчу алдын ала  $c[j]$ -түрүндөгү ачкычты чогултуп алса. Оюнчу **эч качан** чогулткан ачкычты таштабай тургандыгын эске алыңыз.

Оюнчу оюнду кандайдыр бир  $s$ -бөлмөдө ачкычсыз **баштайт**. Эгерде оюнчу  $s$ -бөлмөдөн оюнду баштап жогоруда айтылган аракеттердин ырааттуулугун аткарып,  $t$ -бөлмөгө жете алса, анда  $t$ -бөлмө  $s$  бөлмөдөн **жетилүүчү** болот.

Ар бир  $i$ -бөлмө үчүн  $(0 \leq i \leq n - 1)$ ,  $i$ -бөлмөдөн жетилүүчү бөлмөлөрдүн санын  $p[i]$  менен деп белгилеңиз.  $0 \leq i \leq n - 1$  аралыгында  $p[i]$ нин минималдык маанисине жеткен  $i$  индекстердин көптүгүн Тимофей билгиси келет.

## Implementation Details

You are to implement the following procedure:

```
int[] find_reachable(int[] r, int[] u, int[] v, int[] c)
```

- $r$ : an array of length  $n$ . For each  $i$   $(0 \leq i \leq n - 1)$ , the key in room  $i$  is of type  $r[i]$ .
- $u, v$ : two arrays of length  $m$ . For each  $j$   $(0 \leq j \leq m - 1)$ , connector  $j$  connects rooms  $u[j]$  and  $v[j]$ .

- $c$ : an array of length  $m$ . For each  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ), the type of key needed to traverse connector  $j$  is  $c[j]$ .
- This procedure should return an array  $s$  of length  $n$ . For each  $0 \leq i \leq n - 1$ , the value of  $s[i]$  should be 1 if for every  $j$  such that  $0 \leq j \leq n - 1$ ,  $p[i] \leq p[j]$ . Otherwise, the value of  $s[i]$  should be 0.

## Examples

### Example 1

Consider the following call:

```
find_reachable([0, 1, 1, 2],
               [0, 0, 1, 1, 3], [1, 2, 2, 3, 1], [0, 0, 1, 0, 2])
```

If the player starts the game in room 0, they can perform the following sequence of actions:

Current room	Action
0	Collect key of type 0
0	Traverse connector 0 to room 1
1	Collect key of type 1
1	Traverse connector 2 to room 2
2	Traverse connector 2 to room 1
1	Traverse connector 3 to room 3

Hence room 3 is reachable from room 0. Similarly, we can construct sequences showing that all rooms are reachable from room 0, which implies  $p[0] = 4$ . The table below shows the reachable rooms for all starting rooms:

Starting room $i$	Reachable rooms	$p[i]$
0	[0, 1, 2, 3]	4
1	[1, 2]	2
2	[1, 2]	2
3	[1, 2, 3]	3

The smallest value of  $p[i]$  across all rooms is 2, and this is attained for  $i = 1$  or  $i = 2$ . Therefore, this procedure should return [0, 1, 1, 0].

### Example 2

```
find_reachable([0, 1, 1, 2, 2, 1, 2],
               [0, 0, 1, 1, 2, 3, 3, 4, 4, 5],
               [1, 2, 2, 3, 3, 4, 5, 5, 6, 6],
               [0, 0, 1, 0, 0, 1, 2, 0, 2, 1])
```

The table below shows the reachable rooms:

Starting room $i$	Reachable rooms	$p[i]$
0	[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6]	7
1	[1, 2]	2
2	[1, 2]	2
3	[3, 4, 5, 6]	4
4	[4, 6]	2
5	[3, 4, 5, 6]	4
6	[4, 6]	2

The smallest value of  $p[i]$  across all rooms is 2, and this is attained for  $i \in \{1, 2, 4, 6\}$ . Therefore, this procedure should return [0, 1, 1, 0, 1, 0, 1].

### Example 3

```
find_reachable([0, 0, 0], [0], [1], [0])
```

The table below shows the reachable rooms:

Starting room $i$	Reachable rooms	$p[i]$
0	[0, 1]	2
1	[0, 1]	2
2	[2]	1

The smallest value of  $p[i]$  across all rooms is 1, and this is attained when  $i = 2$ . Therefore, this procedure should return [0, 0, 1].

## Constraints

- $2 \leq n \leq 300\,000$
- $1 \leq m \leq 300\,000$
- $0 \leq r[i] \leq n - 1$  for all  $0 \leq i \leq n - 1$
- $0 \leq u[j], v[j] \leq n - 1$  and  $u[j] \neq v[j]$  for all  $0 \leq j \leq m - 1$

- $0 \leq c[j] \leq n - 1$  for all  $0 \leq j \leq m - 1$

## Subtasks

1. (9 points)  $c[j] = 0$  for all  $0 \leq j \leq m - 1$  and  $n, m \leq 200$
2. (11 points)  $n, m \leq 200$
3. (17 points)  $n, m \leq 2000$
4. (30 points)  $c[j] \leq 29$  (for all  $0 \leq j \leq m - 1$ ) and  $r[i] \leq 29$  (for all  $0 \leq i \leq n - 1$ )
5. (33 points) No additional constraints.

## Sample Grader

The sample grader reads the input in the following format:

- line 1:  $n \ m$
- line 2:  $r[0] \ r[1] \ \dots \ r[n - 1]$
- line  $3 + j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ):  $u[j] \ v[j] \ c[j]$

The sample grader prints the return value of `find_reachable` in the following format:

- line 1:  $s[0] \ s[1] \ \dots \ s[n - 1]$