## Lanterne

Nome del problema	Lanterns
File di input	standard input
File di output	standard output
Limite di tempo	3 secondi
Limite di memoria	1024 megabyte

John il pastore ha portato la sua mandria di mucche in escursione sulle Alpi! Dopo un po' si è fatta notte e l'escursione è finita; tuttavia, alcune mucche sono rimaste intrappolate lungo tutta la catena montuosa, e ora John deve andare a riprenderle.

La catena montuosa percorsa dalle mucche si può rappresentare con una successione di n vertici in un piano 2D disposto in verticale. Chiameremo tali vertici "vette". Le vette sono numerate da 1 a n, da sinistra a destra. La vetta i ha coordinate  $(i, h_i)$ . Il valore  $h_i$  denota l'**altitudine** della vetta i. È garantito che  $h_1, h_2, \ldots, h_n$  formano una permutazione di  $1, 2, \ldots, n$ .

Per ogni i ( $1 \le i < n$ ), le vette i e i + 1 sono connesse da un segmento rettilineo.

Essendo notte fonda, John non può trovarsi in alcun punto della catena montuosa a meno che non abbia con sé una lanterna funzionante. Per fortuna, sono in vendita k lanterne. Per ogni j ( $1 \le j \le k$ ), la lanterna j può essere acquistata sulla vetta  $p_j$  al costo di  $c_j$  franchi svizzeri.

Purtroppo, la laterna j funziona solo quando John si trova ad un'altitudine compresa nell'intervallo  $[a_j,b_j]$  (estremi inclusi). Nota però che le laterne non si rompono uscendo dal loro intervallo, semplicemente non illuminano. Per esempio, quando l'altitudine supera  $b_j$ , la lanterna j smetterà di fare luce, ma riprenderà a farlo non appena John rientrerà nell'intervallo.

Quando John si trova sulla vetta p, può compiere una delle seguenti azioni:

- Acquistare una delle lanterne disponibili su quella vetta (se ve ne sono). Potrà usarla per sempre.
- Spostarsi sulla vetta p-1 se p>1.
- Spostarsi sulla vetta p + 1 se p < n.

John non può spostarsi al buio, quindi deve avere sempre con sé almeno una lanterna

accesa. Non è necessario che la luce arrivi da una singola lanterna durante il tragitto tra due vette.

Per esempio, supponi che John si trovi su una vetta con altitudine 4 e voglia spostarsi su una vetta adiacente con altitudine 1. Avendo due lanterne con intervalli [1,3] e [3,4] John sarebbe in grado di raggiungere la destinazione.

Se però avesse due lanterne che funzionano solo negli intervalli [1,1] e [2,5], non riuscirebbe ad arrivare a destinazione perché, per esempio, nel punto 1.47 sarebbe al buio.

Il tuo compito è determinare la risposta a diverse domande indipendenti.

Per ogni  $1 \le j \le k$  che soddisfa  $a_j \le h_{p_j} \le b_j$ , supponi che John inizi la ricerca sulla vetta  $p_j$  comprando la laterna j. Per completare la ricerca deve visitare tutte le n vette almeno una volta. Per ciascun j, determina la minima quantità di franchi da spendere per completare la ricerca (includendo il costo della lanterna j).

## Input

La prima riga contiene n e k ( $1 \le n \le 2000$ ,  $1 \le k \le 2000$ ) – il numero di vette e il numero di lanterne.

La seconda riga contiene n interi  $h_1, h_2, \ldots, h_n$   $(1 \le h_i \le n)$  separati da spazi: le altitudini di ciascuna vetta. È garantito che queste siano una permutazione degli interi da 1 a n.

La j-esima delle successive k righe contiene 4 interi  $p_j$ ,  $c_j$ ,  $a_j$  e  $b_j$  ( $1 \le p_j \le n$ ,  $1 \le c_j \le 10^6$ ,  $1 \le a_j \le b_j \le n$ ) separati da spazi – la vetta dove è possibile acquistare la lanterna j, il suo costo e il suo intervallo di funzionamento.

## Output

Per ciascun j ( $1 \le j \le k$ ) stampa una singola riga con:

- -1 se  $h_{p_i}$  è fuori dall'intervallo  $[a_j, b_j]$ .
- ullet -1 se John non è in grado di completare la ricerca acquistando per prima la lanterna j.
- Altrimenti il minimo numero di franchi che deve spendere per completare la ricerca acquistando per prima la lanterna j.

# Assegnazione del punteggio

Subtask 1 (9 punti):  $n \le 20$  e  $k \le 6$ .

Subtask 2 (12 punti):  $n \le 70$  e  $k \le 70$ .

Subtask 3 (23 punti):  $n \leq 300$ ,  $k \leq 300$  e  $h_i = i$  per tutti gli  $1 \leq i \leq n$ .

Subtask 4 (16 punti):  $n \le 300$ ,  $k \le 300$ .

Subtask 5 (40 punti): nessuna limitazione aggiuntiva.

## Esempi

standard input	standard output
7 8	7
$4\; 2\; 3\; 1\; 5\; 6\; 7$	-1
3 1 2 4	4
1 2 1 3	10
4 4 1 7	30
6 10 1 7	-1
6 20 6 6	-1
6 30 5 5	-1
7 40 1 6	
7 50 7 7	

#### Note

Se John inizia comprando la lanterna 1 nella vetta 3, può fare la seguente sequenza di operazioni:

- spostarsi a sinistra due volte fino alla vetta 1
- acquistare la lanterna 2
- spostarsi a destra fino alla vetta 4
- acquistare la lanterna 3
- spostarsi a destra fino alla vetta 7

A questo punto, John ha visitato ogni vetta almeno una volta spendendo 1+2+4=7 franchi.

John non può iniziare acquistando la lanterna 2, 6 oppure 7, visto che non illuminano all'altitudine alla quale sono in vendita. Quindi la risposta per queste lanterne deve essere -1.

Se John inizia acquistando le lanterne 3 o 4, può visitare tutte le vette senza dover acquistare ulteriori lanterne.

Se John acquista per prima la lanterna 5, deve acquistare anche la lanterna 4 successivamente.

Se John inizia acquistando la lanterna 8, rimarrà bloccato alla vetta 7. Se anche

acquistasse la laterna 7, non sarebbe comunque in grado di raggiungere la vetta 6.	