International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 2

railroad Country: HUN

Hullámvasút

Anna feladata a vidámparkban egy új hullámvasút építése. Megtervezett n szakaszt (0 -tól n - 1-ig sorszámozva), amelyeket össze kell kötnie.

Minden i-re 0 és n-1 között, az i szakasznak két tulajdonsága van:

- a szakaszba lépve van egy sebesség korlát: a jármű legfeljebb s_i km/h sebességgel haladhat,
- o a szakaszt elhagyva, a jármű sebessége **pontosan** t_i km/h, függetlenül a belépési sebességétől.

Úgy kell összekötni a szakaszokat, hogy a pálya mindegyiket pontosan egyszer tartalmazza! Az egymást követő szakaszok közé új pályákat kell építeni! Anna megadhatja a szakaszok sorrendjét és a közéjük építendő pályák hosszát. A pályák hossza nemnegatív egész szám, o is lehet.

Két szakasz közötti pálya minden métere 1 km/h-val csökkenti a jármű sebességét. Az első szakaszra a jármű 1 km/h sebességgel lép be.

A végső tervnek ki kell elégítenie az alábbiakat:

- o a jármű nem lépheti túl a sebesség korlátot az egyes szakaszokra belépve;
- o sebességének mindig pozitívnak kell lenni.

A harmadik részfeladat kivételével úgy kell a tervet elkészíteni, hogy a szakaszokat összekötő pályák összhossza minimális legyen!

A harmadik részfeladatnál azt kell eldöntened, hogy létezik-e olyan terv, amelyben a szakaszok közötti pályák mindegyikének hossza o!

Megvalósítás

Az alábbi metódust kell megvalósítanod:

- int64 plan_roller_coaster(int[] s, int[] t)
 - s: n elemű tömb, a belépési sebesség korlátok.
 - t: n elemű tömb, kilépési sebességek.
 - A függvény érétke a szakaszokat összekötő pályák minimális összhossza (a harmadik részfeladat esetén tetszőleges pozitív értéket adhat, ha van megoldás, lásd a részfeladatok leírását).

C nyelv esetén:

- int64 plan roller coaster(int n, int[] s, int[] t)
 - o n: az s és a t tömbök elemei száma (azaz a szakaszok száma),
 - o a többi paraméter megegyezik a fentivel.

példa

int64 plan roller coaster([1, 4, 5, 6], [7, 3, 8, 6])

Négy szakasz van. A legjobb megoldásban a sorrendjük 0, 3, 1, 2, és az összekötő pályák hossza 1, 2, 0.

A jármű így halad:

- Kezdetben a sebessége 1 km/h.
- A jármű a o. szakaszon indul.
- A o. szakaszról 7 km/h sebességgel lép ki.
- Az összekötő pálya hossza 1, ezért a következő szakaszra 6 km/h sebességgel lép be.
- A 3 sorszámú szakaszra 6 km/h sebességgel lép be és ezzel is hagyja el.
- A 3-as szakasz elhagyása után 2m hosszú pályát megtéva 4 km/h sebességgel érkezik a következő szakaszra.
- Az 1-es szakaszra 4 km/h sebességgel érkezik és 3 km/h sebességgel lép ki.
- Az 1-es szakasz után közvetlenül a 2-es szakaszra érkezik.
- Elhagyja a 2-es szakaszt. A végső sebessége 8 km/h.

A függvény az összekötő pályaszakaszok hosszának összegét adja vissza: 1 + 2 + 0 = 3.

Részfeladatok

Az összes részfeladatban $1 \le s_i \le 10^9$ és $1 \le t_i \le 10^9$.

- 1. (11 pont): $2 \le n \le 8$,
- 2. (23 pont): $2 \le n \le 16$,
- 3. (30 pont): $2 \le n \le 200\,000$. Ebben a részfeladatban a programod ellenőrizze, hogy lehet-e o hosszú pályaszakaszokkal ősszekötni a szakazokat. Ha nem, akkor bármely pozitív egész számot adhat eredményül.
- 4. (36 pont): $2 \le n \le 200000$.

Mintaértékelő

A minatértékelő bemenete:

- line 1: az n egész szám.
- line 2 + i, minden i-re 0 és n 1 között a s_i és t_i egész számok.