RUSSIA - KAZAN

International Olympiad in Informatics 2016

12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 2

railroad Country: MNG

Галзуу хулганы төмөр зам

Анна хүүхдийн паркад ажилладаг ба шинэ галзуу хулганы төмөр замыг барих ажлыг хариуцаж байгаа. Тэр галзуу хулганы галт тэрэгний хурдыг өөрчилдөг n ширхэг тусгай хэсгүүдийн (0 –ээс n-1 хүртлэх тоонуудаар дугаарлагдсан) зохиомжийг гаргачихсан. Одоо тэр тэдгээр хэсгүүдийг нийлүүлэн галзуу хулганын эцсийн зохиомжийг санал болгох гэж байгаа. Уг бодлого дээр та галт тэрэгний уртыг тэг гэж үзэж болно.

0 –ээс n-1 хүртлэх i бүрийн хувьд i –р тусгай хэсэг дараах хоёр шинж чанартай байна:

- \circ хэсэг рүү ороход хурдны хязгаарлалттай: галт тэрэгний хурд **хамгийн ихдээ** s_i км/цаг (километр/цаг) байна,
- \circ хэсгээс гарахад галт тэрэгний хурд нь орохдоо ямар хурдтай байснаас үл хамааран, **яг** t_i км/цаг болсон байна.

Бэлэн болсон галзуу хулгана нь n ширхэг хэсгүүдийг тодорхой дарааллаар агуулсан төмөр замын шугам байна. n ширхэг хэсэг тус бүр яг нэг удаа хэрэглэгдэнэ. Дараалсан хэсгүүд замаар холбогдоно. Анна n ширхэг хэсгүүдийн дарааллыг сонгосны дараа зам бүрийн уртыг тодорхойлно. Замын урт нь метрээр хэмжигдэх ба ямар нэг сөрөг бус бүхэл тоотой тэнцүү байж болно (тэг ч байж болно).

Хоёр тусгай хэсгийг холбосон замын метр бүр нь галт тэргийг 1 км/цагаар бууруулна. Аяллын эхэнд галт тэрэг Аннагийн сонгосон дарааллын эхэнд байрлах тусгай хэсэг рүү 1 км/цагийн хурдтайгаар орно.

Эцсийн зохиомж нь дараах нөхцлүүдийг хангана:

- галт тэрэг нь ямар ч тусгай хэсгийн оролтын хязгаарлалтыг зөрчихгүй;
- галт тэрэг сүүлийн тусгай хэсгийн төгсгөлийг хүртлээ ямар ч агшинд эерэг хурдтай байна.

3-р дэд бодлогоос бусад бүх дэд бодлогын хувьд таны даалгавар бол тусгай хэсгүүдийг хооронд нь холбосон замуудын уртын нийлбэрийн боломжит хамгийн бага утгыг олох явдал юм. 3-р дэд бодлого дээр та бүх зам нь тэг урттай байх галзуу хулганын зөв зохиомж оршин байгаа эсэхийг л тодорхойлно.

Хэрэгжүүлэлтийн мэдээлэл

Та дараах функцийг (аргыг) хэрэгжүүлнэ:

int64 plan_roller_coaster(int[] s, int[] t).

- \circ S: n урттай массив, оролтын хурдны дээд хязгаарууд.
- \circ t: n урттай массив, гаралтын хурднууд.
- 3-р дэд бодлогоос бусад дэд бодлогын хувьд уг функц нь бүх замын нийт уртын боломжит хамгийн бага утгыг буцаана. 3-р дэд бодлогын хувьд бүх зам тэг урттай байх галзуу хулганы зөв зохиомж оршин байвал о утгыг буцаах ба оршин байхгүй бол ямар нэг эерэг бүхэл тоог буцаана.

С хэлний хувьд функцийн тодорхойлолт арай өөр байна:

- int64 plan roller coaster(int n, int[] s, int[] t)
 - n: s болон t-гийн элементийн тоо (өөрөөр хэлбэл тусгай хэсгүүдийн тоо),
 - бусад параметрүүд нь дээрхтэй ижил.

Жишээ

int64 plan_roller_coaster([1, 4, 5, 6], [7, 3, 8, 6])

Энэ жишээн дээр дөрвөн тусгай хэсэг байна. Хамгийн сайн шийдэл нь тэдгээрийг 0,3,1,2 гэсэн дарааллаар байгуулан тэдгээрийг харгалзан 1,2,0 гэсэн урттай замаар холбох явдал юм. Галт тэрэг уг төмөр замаар дараах байдлаар аялна:

- \circ Эхлээд галт тэрэгний хурд 1 км/цаг байна.
- Галт тэрэг 0 -р тусгай хэсэг рүү орсноор аялал эхэлнэ.
- \circ Галт тэрэг 0 -р хэсгээс 7 км/цаг хурдтайгаар гарна.
- \circ Одоо 1 метрийн урттай замыг туулах хэрэгтэй. Галт тэрэг уг замын эцэст очиход хурд нь 6 км/цаг болсон байна.
- \circ Галт тэрэг 3 –р тусгай хэсэг рүү 6 км/цагийн хурдтайгаар орох ба мөн ижил хурдтайгаар гарна.
- \circ 3 –р хэсгээс гарсны дараа 2 м урттай замыг туулна. Хурд нь 4 км/цаг болж буурна.
- \circ Галт тэрэг 1 –р тусгай хэсэг рүү 4 км/цаг хурдтайгаар ороод 3 км/цаг хурдтайгаар гарна.
- \circ 1 -р тусгай хэсгээс гарангуутаа 2 -р тусгай хэсэг рүү орно.
- \circ Галт тэрэг 2 -р тусгай хэсгээс гарна. Эцсийн хурд нь 8 км/цаг болсон байна.

Функц тусгай хэсгүүдийг холбосон замуудын уртуудын нийлбэрийг буцаана: 1+2+0=3 .

Дэд бодлогууд

Бүх дэд бодлогын хувьд $1 \leq s_i \leq 10^9\,$ ба $1 \leq t_i \leq 10^9\,$ байна.

- 1. (11 оноо): $2 \le n \le 8$,
- 2. (23 оноо): $2 \le n \le 16$,
- 3. (30 оноо): $2 \le n \le 200\,000$. Энэ дэд бодлогын хувьд таны програм хариулт нь тэг байх эсэхийг л шалгана. Хэрэв хариулт нь тэг биш бол дурын эерэг бүхэл тоон хариуг зөв хариу гэж үзнэ.

4. (36 оноо): $2 \le n \le 200\,000$.

Жишээ шалгагч

Жишээ шалгагч нь оролтыг дараах форматаар уншина:

- \circ мөр 1: n бүхэл тоо.
- \circ мөр 2 + i : s_i ба t_i бүхэл тоонууд, энд i нь 0 -ээс n-1 хүртлэх тоо.