International Olympiad in Informatics 2015



26th July - 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 2

sorting

Language: It-LT

Rikiavimas

Aižana sugalvojo N sveikųjų skaičių seką $S[0], S[1], \ldots, S[N-1]$. Seką sudaro skirtingi skaičiai nuo 0 iki N-1. Aižana bando surikiuoti šią seką didėjimo tvarka sukeisdama įvairias elementų poras. Jos draugas Ermekas taip pat sukeis kelias elementų poras, tačiau nesistengdamas padėti.

Ermekas ir Aižana paeiliui koreguos seką. Kiekvienu ėjimu pirmiausia Ermekas atliks sukeitimą, tada Aižana atliks sukeitimą. Atliekantis sukeitimą pasirinks dvi sekos pozicijas ir sukeis elementus esančius tose pozicijose. Pasirinktos pozicijos gali būti vienodos — tokiu atveju elementas bus sukeistas su savimi ir seka liks nepakitusi.

Aižana žino, kad Ermekui nerūpi sekos S surikiavimas. Ji taip pat žino, kurias pozicijas sukeitimui Ermekas pasirinks. Ermekas ketina atlikti M ėjimų. Sunumeruokime ėjimus nuo 0 iki M-1. Kiekvienam i nuo i0 iki i0 iki i1 imtinai, Ermekas i1-uoju ėjimu sukeitimui pasirinks pozicijas i2 ir i3 ir i4 ir i5 ir i7 intinai, Ermekas i8 intinai, Ermekas i9 intinai, Ermekas i1 intinai, Ermekas i2 intinai, Ermekas i3 intinai, Ermekas i3 intinai, Ermekas i3 intinai, Ermekas i3 intinai, Erme

Aižana nori surikiuoti seką S. Jei prieš bet kurį ėjimą Aižana pamatys, kad seka jau surikiuota didėjimo tvarka, ji sustabdys visą procesą. Jums duota pradinė seka S ir Ermeko parinksiamos pozicijos. Raskite sukeitimų seką, kuria remdamasi Aižana galės surikiuoti seką S. Be to, kai kuriose dalinėse užduotyse turite rasti pačią trumpiausią sukeitimų seką. Seka S tokia, kad ją įmanoma surikiuoti per S0 ar mažiau ėjimų.

Jei Aižana pastebės, kad seka S yra surikiuota po Ermeko sukeitimo, ji gali sukeisti dvi tas pačias pozicijas (pvz., $\mathbf{0}$ ir $\mathbf{0}$). Seka liks surikiuota po viso ėjimo, taigi, Aižana pasieks savo tikslą. Jei pradinė seka S jau yra surikiuota, mažiausias ėjimų skaičius reikalingas surikiavimui yra $\mathbf{0}$.

Pavyzdys nr. 1

Tarkime, kad:

- Pradinė seka yra S = 4, 3, 2, 1, 0.
- Ermekas ketina atlikti M = 6 sukeitimų.
- Sekos X ir Y, kurios nusako Ermeko pasirinktas sukeitimų pozicijas, yra X = 0, 1, 2, 3, 0, 1 ir Y = 1, 2, 3, 4, 1, 2. T.y., Ermeko sukeisiamų pozicijų poros yra (0, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 4), (0, 1) ir (1, 2).

Tokiu atveju, Aižana gali surikiuoti seką S į 0, 1, 2, 3, 4 trimis ėjimais. Ji gali sukeitimams pasirinkti pozicijas (0, 4), (1, 3) ir (3, 4).

Lentelėje pateikta, kaip Ermeko ir Aižanos sukeitimai keičia seką.

Ėjimas	Ž aidė jas	Sukeistų elementų pozicijos	Seka
pradžia			4, 3, 2, 1, 0
0	Ermekas	(0,1)	3, 4, 2, 1, 0
0	Aižana	(0,4)	0, 4, 2, 1, 3
1	Ermekas	(1,2)	0, 2, 4, 1, 3
1	Aižana	(1,3)	0, 1, 4, 2, 3
2	Ermekas	(2,3)	0, 1, 2, 4, 3
2	Aižana	(3,4)	0, 1, 2, 3, 4

Pavyzdys nr. 2

Tarkime, kad:

- Pradinė seka yra S = 3, 0, 4, 2, 1.
- lacksquare Ermekas ketina atlikti M=5 sukeitimų.
- Ermeko sukeisiamų pozicijų poros yra (1,1), (4,0), (2,3), (1,4) ir (0,4).

Tokiu atveju, Aižana gali surikiuoti seką S trimis ėjimais, pvz., pasirinkdama pozicijų poras (1,4), (4,2) ir (2,2).

Lentelėje pateikta, kaip Ermeko ir Aižanos sukeitimai keičia seką.

Ėjimas	Ž aidė jas	Sukeistų elementų pozicijos	Seka
pradžia			3, 0, 4, 2, 1
0	Ermekas	(1,1)	3, 0, 4, 2, 1
0	Aižana	(1,4)	3, 1, 4, 2, 0
1	Ermekas	(4,0)	0, 1, 4, 2, 3
1	Aižana	(4,2)	0, 1, 3, 2, 4
2	Ermekas	(2,3)	0, 1, 2, 3, 4
2	Aižana	(2,2)	0, 1, 2, 3, 4

Užduotis

Duota seka S, skaičius M bei pozicijų sekos X ir Y. Raskite sukeitimų seką, kuria Aižana gali surikiuoti seką S. Dalinėms užduotims S ir S0 rasta seka turi būti pati trumpiausia.

Parašykite funkciją findSwapPairs:

- findSwapPairs (N, S, M, X, Y, P, Q) Ši funkcija bus iškviesta lygiai vieną kartą.
 - N: sekos S ilgis.
 - lacksquare S: ilgio N skaičių masyvas, kuriame yra pradinė seka $oldsymbol{S}$.
 - M: sukeitimų, kuriuos Ermekas planuoja atlikti, skaičius.

- X, Y: ilgio M skaičių masyvai. Kiekvienam $0 \le i \le M-1$, i-uoju ėjimu Ermekas planuoja sukeisti elementus pozicijose X[i] ir Y[i].
- P, Q: skaičių masyvai. Į šiuos masvyvus įrašykite galimą sukeitimų seką, kuria Aižana gali surikiuoti seką S. Pažymėkime R sukeitimų sekos, kurią rado Jūsų programa, ilgį. Kiekvienam i nuo 0 iki R 1 imtinai, pozicijos, kurias Aižana turėtų sukeisti i-uoju ėjimu, turi būti įrašytos į P[i] ir Q[i]. Laikykite, kad masyvuose P ir Q yra vietos saugoti M elementų.
- Funkcija turi grąžinti skaičių *R* (aprašytą aukščiau).

Dalinės užduotys

dalinė užduotis	taškai	N	M	papildomi ribojimai X, Y	R reikalavimas
1	8	$1 \le N \le 5$	$M=N^2$	X[i] = Y[i] = 0 visiems i	$R \leq M$
2	12	$1 \le N \le 100$	M = 30N	X[i] = Y[i] = 0 visiems i	$R \leq M$
3	16	$1 \le N \le 100$	M=30N	X[i] = 0, Y[i] = 1 visiems i	$R \leq M$
4	18	$1 \le N \le 500$	M = 30N	nėra	$R \leq M$
5	20	$6 \leq N \leq 2~000$	M=3N	nėra	mažiausias įmanomas
6	26	$6 \leq N \leq 200~000$	M=3N	nėra	mažiausias įmanomas

Visada egzistuos sprendinys, turintis M ar mažiau ėjimų.

Pavyzdinis vertintojas

Pavyzdinis vertintojas skaito duomenis iš failo sorting. in tokiu formatu:

- eilutė 1: N
- eilutė 2: S[0] ... S[N 1]
- eilutė 3: M
- eilutės 4, ..., M + 3: X[i] Y[i]

Pavyzdinis vertintojas išveda šiuos duomenis:

- lacktriangle eilutė 1: findSwapPairs grąžintą $m{R}$ reikšmę
- eilutė 2+i, kiekvienam $0 \le i < R$: P[i] Q[i]