SOCCET IOI 2023 Day 1 Tasks Polish (POL)

# Stadion piłkarski

Nagyerdő to las w kształcie kwadratu położony w mieście Debrecen. Las może być przedstawiony jako plansza złożona z komórek ułożonych w N wierszy i N kolumn. Wiersze planszy są ponumerowane od 0 do N-1 z północy na południe, a kolumny planszy są ponumerowane od 0 do N-1 z zachodu na wschód. Komórka położona w wierszu n i kolumnie c planszy jest nazywana komórką (r,c).

Każda komórka w lesie jest **pusta** lub zawiera **drzewo**. Przynajmniej jedna komórka w lesie jest pusta.

DVSC, słynny klub sportowy miasta, planuje budowę nowego stadionu piłkarskiego w lesie. Stadion o rozmiarze s (gdzie  $s \ge 1$ ) to zbiór s różnych pustych komórek  $(r_0, c_0), \ldots, (r_{s-1}, c_{s-1})$ . Formalnie,

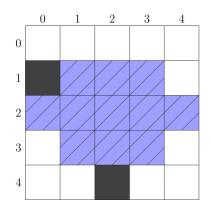
- ullet dla każdego i od 0 do s-1 włącznie, komórka  $(r_i,c_i)$  jest pusta,
- dla każdego i,j spełniającego  $0 \le i < j < s$  zachodzi  $r_i \ne r_j$  lub  $c_i \ne c_j$ .

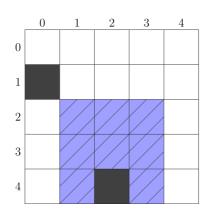
W piłkę nożną gra się przy użyciu piłki, która jest przemieszczana między komórkami stadionu. **Proste kopnięcie** jest zdefiniowane jako dowolna z poniższych dwóch czynności:

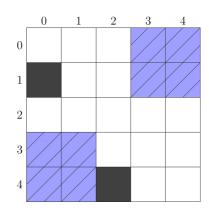
- Przemieszczenie piłki z komórki (r,a) do komórki (r,b) ( $0 \le r,a,b < N,a \ne b$ ) pod warunkiem, że stadion zawiera **wszystkie** komórki między komórką (r,a) a (r,b) w wierszu r . Formalnie,
  - o jeśli a < b to stadion powinien zawierać komórkę (r,k) dla każdego k, takiego że a < k < b,
  - o jeśli a>b to stadion powinien zawierać komórkę (r,k) dla każdego k, takiego że  $b\leq k\leq a$ .
- Przemieszczenie piłki z komórki (a,c) do komórki (b,c)  $(0 \le c,a,b < N,a \ne b)$  pod warunkiem, że stadion zawiera **wszystkie** komórki między komórką (a,c) a (b,c) w kolumnie c. Formalnie,
  - o jeśli a < b to stadion powinien zawierać komórkę (k,c) dla każdego k, takiego że  $a \le k \le b$ ,
  - o jeśli a>b to stadion powinien zawierać komórkę (k,c) dla każdego k, takiego że  $b\leq k\leq a$ .

Stadion jest **regularny** gdy jest możliwe przemieszczenie piłki z dowolnej komórki wchodzącej w jego skład do dowolnej innej komórki wchodzącej w jego skład przy użyciu co najwyżej 2 prostych kopnięć. Zauważ, że dowolny stadion o rozmiarze 1 jest regularny.

Na przykład, rozważ las o rozmiarze N=5, w którym komórki (1,0) oraz (4,2) zawierają drzewa, a wszystkie pozostałe komórki są puste. Poniższy rysunek ilustruje trzy możliwe stadiony. Komórki zawierające drzewa są zaciemnione, a komórki wchodzące w skład stadionu są w paski.







Stadion po lewej jest regularny. Stadion po środku nie jest regularny, ponieważ do przemieszczenia piłki z komórki (4,1) do (4,3) potrzebne są przynajmniej 3 proste kopnięcia. Stadion po prawej także nie jest regularny, ponieważ nie jest możliwe przemieszczenie piłki z komórki (3,0) do (1,3) przy pomocy prostych kopnięć.

Klub sportowy chce wybudować jak największy regularny stadion. Twoim zadaniem jest znalezienie maksymalnej wartości s, dla której dla podanego lasu istnieje regularny stadion o rozmiarze s w lesie.

## Szczegóły implementacji

Powinieneś zaimplementować poniższą procedurę.

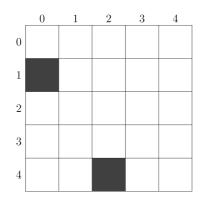
int biggest\_stadium(int N, int[][] F)

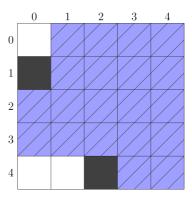
- *N*: rozmiar lasu.
- F: tablica długości N zawierająca tablice długości N, która opisuje komórki w lesie. Dla każdego r oraz c spełniającego  $0 \le r < N$  oraz  $0 \le c < N$ , F[r][c] = 0 oznacza, że komórka (r,c) jest pusta, a F[r][c] = 1 oznacza, że jest tam drzewo.
- Procedura powinna zwrócić maksymalny rozmiar regularnego stadionu, który może być wybudowany w lesie.
- Ta procedura będzie wywołana dokładnie raz dla każdego przypadku testowego.

# Przykład

Rozważ poniższe wywołanie:

Poniższy rysunek ilustruje las z tego przykładu po lewej, a także regularny stadion o rozmiarze 20 po prawej:





Ponieważ nie istnieje regularny stadion o rozmiarze 21 lub większym, procedura powinna zwrócić 20.

#### Ograniczenia

- 1 < N < 2000
- $0 \leq F[i][j] \leq 1$  (dla każdego i oraz j spełniającego  $0 \leq i < N$  and  $0 \leq j < N$ )
- ullet W lesie jest przynajmniej jedna pusta komórka. Innnymi słowy, F[i][j]=0 dla jakiegoś  $0\leq i< N$  oraz  $0\leq j< N$ .

#### Podzadania

- 1. (6 punktów) Co najwyżej jedna komórka zawiera drzewo.
- 2. (8 punktów)  $N \leq 3$
- 3. (22 punkty)  $N \leq 7$
- 4. (18 punktów)  $N \leq 30$
- 5. (16 punktów)  $N \leq 500$
- 6. (30 punktów) Bez dodatkowych ograniczeń.

W każdym podzadaniu możesz otrzymać 25% punktów za to podzadanie, gdy Twój program poprawnie określi, czy zbiór złożony ze **wszystkich** pustych komórek tworzy regularny stadion.

Dokładniej, dla każdego przykładu testowego, w którym zbiór składający się ze wszystkich pustych komórek jest regularnym stadionem, Twoje rozwiązanie:

- otrzymuje komplet punktów, gdy zwróci poprawną odpowiedż (którą jest rozmiar zbioru złożonego ze wszystkich pustych komórek).
- otrzymuje 0 punktów w przeciwnym wypadku.

Dla każdego przykładu testowego, w którym zbiór składający się ze wszystkich pustych komórek *nie* jest regularnym stadionem, Twoje rozwiązanie:

- otrzymuje komplet punktów, gdy zwróci poprawną odpowiedź.
- otrzymuje 0 punktów, gdy zwróci rozmiar zbioru złożonego ze wszystkich pustych komórek.
- otrzymuje 25% punktów, gdy zwróci jakąkolwiek inną wartość.

Punktacja dla każdego podzadania to minimalna liczba punktów otrzymanych dla przypadku testowego z tego podzadania.

## Przykładowy program sprawdzający

Przykładowy program sprawdzający wczytuje wejście w poniższym formacie:

- wiersz 1:N
- wiersz 2 + i ( $0 \le i < N$ ): F[i][0] F[i][1] ... F[i][N-1]

Przykładowy program sprawdzający wypisuje Twoją odpowiedź w poniższym formacie:

• wiersz 1: wartość zwrócona przez biggest\_stadium