RUSSIA - KAZAN

International Olympiad in Informatics 2016

12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 2

messy Country: HUN

Hibajavító

Ilshat egy új tároló adatszerkezetet fejlesztett ki, amelyben n bites nem negatív számokat tárol (n kettő hatvány, azaz $n=2^b$ valamely b nem negatív egséz számra).

A tároló kezdetben üres. A következő műveletek végezhetők:

- Az add_element(x) művelet az x elemet beteszi a tárolóba. Ha a tároló tartalmazta az x-et, akkor a művelet hatástalan.
- Az utolsó elem hozzáadása után a compile_set() műveletet kell meghívni, pontosan egyszer.
- A compile_set() művelet után a check_element(x) műveletekkel lekérdezhetjük, hogy az x benne van-e a tárolóban. Ez többször is hívható.

A <code>compile_set()</code> művelet hibát tartalmaz, a bitek sorrendjét megváltoztatja. A hiba pontosan úgy írható le, hogy a 0 .. n-1 számoknak van olyan p_0,\ldots,p_{n-1} permutációja, amellyel megadható a bitek cseréje. Azaz az a_0,\ldots,a_{n-1} bitsorozatot a $a_{p_0},a_{p_1},\ldots,a_{p_{n-1}}$ sorozatra cseréli.

A művelet minden, a tárolóban levő elemre ezt a cserét hajtja végre. A permutáció tetszőleges lehet, akár minden $0 \le i \le n-1$ -re $p_i=i$ is lehet.

Például, ha n=4, p=[2,1,3,0], és a tárolóba a 0000, 1100 és 0111 bináris alakú számokat tettük, akkor a compile_set után ezek lesznek a tárolóban: 0000, 0101 és 1110.

Írj programot a p permutáció megkeresésére a következő módszerrel:

- 1. határozd meg n bites számok egy halmazát,
- 2. tedd be ezeket a tárolóba,
- 3. hívd meg a compile set eljárást,
- 4. ellenőrizd, hogy bizonyos számokat tartalmazza-e a módosított tároló,
- 5. ezen információk alapján határozd meg a p permutációt!

A compile set csak egyszer hívható.

Az alábbi korlátokat kell betartanod:

- az add element eljárás legfeljebb w-szer hívható (w "írás" lehet),
- a check element eljárás legfeljebb r-szer hívható (r "olvasás" lehet).

Megvalósítás

Egyetlen metódust kell készítened:

- int[] restore permutation(int n, int w, int r)
 - n: a bitek száma az elemek bináris reprezentációjában (és a p elemeinek

```
száma)
```

- w: az add element hívásainak korlátja.
- r: a check element hívásainak korlátja.
- a metódus a p permutációt adja eredményül.

C nyelv esetén:

- void restore permutation(int n, int w, int r, int* result)
 - on, w és r ugyanaz, mint fent.
 - a p permutációt a result tömb tartalmazza: minden i-re result[i] = p_i legyen!

Könyvtári függvények

Az alábbi három függvényt hívhatod:

- void add_element(string x)
 - Az x-et beteszi a tárolóba.
 - $\circ\,$ x: pontosan $n\,$ darab, '0' és '1' karaktereket tartalmazó szöveg, az egész szám bináris alakja.
- o void compile set()

Egyszer kell meghívni Utána az add_element() nem hívható. Előtte a check element() nem hívható.

boolean check element(string x)

Ellenőrzi, hogy az x benne van-e a módosított tárolóban.

- x: pontosan n darab, '0' és '1' karaktereket tartalmazó szöveg, a kérdezett egész szám bináris alakja.
- értéke true, ha az x benne van a módosított tárolóban, false egyébként.

Ha nem tartod be a követelményeket, az értékelő "Wrong Answer" értékelést ad.

A bináris reprezentációban az első bit a legnagyobb helyiértékű.

Használd a mintában megadott függvényeket!

Példa

Az értékelő így hívja a függvényedet:

 \circ restore_permutation(4, 16, 16). Az n=4 és a programod legfeljebb 16 "írás"-t és 16 "olvasás"-t hívhat.

A programod a következő függvényhívásokat végzi:

```
add_element("0001")
add_element("0011")
add_element("0100")
compile_set()
check_element("0001") eredménye false
check_element("0010") eredménye true
check_element("0100") eredménye true
check_element("1000") eredménye false
check_element("0011") eredménye false
check element("0101") eredménye false
```

```
    check_element("1001") eredménye false
    check_element("0110") eredménye false
    check_element("1010") eredménye true
    check_element("1100") eredménye false
```

A kapott értékeknek csak a p = [2, 1, 3, 0] permutáció felel meg, tehát a restore permutation a [2, 1, 3, 0] tömböt adja eredményül.

Részfeladatok

```
1. (20 pont) n=8, w=256, r=256, p_i \neq i legfeljebb 2 i-re ( 0 \leq i \leq n-1),
2. (18 pont) n=32, w=320, r=1024,
3. (11 pont) n=32, w=1024, r=320,
4. (21 pont) n=128, w=1792, r=1792,
5. (30 pont) n=128, w=896, r=896.
```

Minta értékelő

A minta értékelő a következőket olvassa:

- \circ 1 . sor: az n , w , r egész számok,
- \circ 2 . sor: n egész szám, a p permutáció elemei.