International Olympiad in Informatics 2015



26th July - 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 2

sorting

Language: zh-CN

排序

Aizhan有一个由N个互不相同的整数组成的序列 $S[0], S[1], \ldots, S[N-1]$,其中S[i]取值范围是[0, N-1]。Aizhan试图通过交换某些元素对的方法将这个序列按照升序排序。Aizhan的朋友Ermek也想交换某些元素对,Ermek的交换未必有助于Aizhan的排序。

Ermek和Aizhan打算通过若干轮次来修改这个序列。在每一轮,Ermek首先做一次交换,然后Aizhan做另一次交换。更确切地说,做交换的人选择两个有效的下标并交换这两个下标的元素。请注意这两个下标可能相同。如果它们相等,则对这个元素自身做交换,并不改变这个序列。

Aizhan知道Ermek并不关心对序列S排序的事情。Aizhan还知道Ermek将会选择哪些下标。Ermek打算参加M轮交换,将这些轮次从0到M-1编号。对于0到M-1之间的每个i,Ermek在第i轮将选择下标X[i]和Y[i]的元素进行交换。

Aizhan要对序列S按升序进行排序。在每一轮之前,如果Aizhan看到当前的序列已经按升序排列,**她将结束这个**排序过程。给定初始序列S以及Ermek要选择的下标,请你找出一个交换的序列,使得Aizhan能完成对序列S的排序。此外,在有些子任务中,你还要找出尽可能短的交换序列来完成排序任务。题目保证通过M或更少的轮次能够将序列S排好序。

请注意如果Aizhan发现在Ermek的交换之后,序列S已经排好序,则Aizhan可以选择交换两个相同下标(例如0和0)的元素。这样,序列S在这一轮次之后也完成排序,于是也达到了Aizhan的目标。另外,如果初始序列S就已经排好序,那么所需的最少排序轮数就是0。

样例 1

设:

- 初始序列为S=4,3,2,1,0。
- Ermek打算做M=6轮交换。
- Ermek打算选择的下标序列X和Y分别是X=0,1,2,3,0,1和Y=1,2,3,4,1,2。换句话说,Ermek打算交换的下标对是(0,1),(1,2),(2,3),(3,4),(0,1)和(1,2)。

按照上述设定,Aizhan能够通过三轮排序,将序列S排序为0,1,2,3,4。这三轮排序所选择的下标分别是(0,4),(1,3)和(3,4)。

下表给出了Ermek和Aizhan修改这个序列的过程。

轮次	操作者	交 换 的下 标对	序列	
初态			4, 3, 2, 1, 0	
0	Ermek	(0,1)	3, 4, 2, 1, 0	
0	Aizhan	(0, 4)	0, 4, 2, 1, 3	
1	Ermek	(1,2)	0, 2, 4, 1, 3	
1	Aizhan	(1, 3)	0, 1, 4, 2, 3	
2	Ermek	(2,3)	0, 1, 2, 4, 3	
2	Aizhan	(3,4)	0, 1, 2, 3, 4	

样例 2

设:

- 初始序列为S = 3, 0, 4, 2, 1。
- Ermek打算做M = 5轮交换。
- Ermek打算选择的下标对是(1,1), (4,0), (2,3), (1,4)和(0,4)。 按照上述设定,Aizhan能够通过三轮完成对序列S的排序。例如可通过选择下标对(1,4),(4,2)和(2,2)来实现。下表给出了Ermek和Aizhan修改这一序列的过程。

轮次	操作者	交 换 的下 标对	序列
初态			3, 0, 4, 2, 1
0	Ermek	(1, 1)	3, 0, 4, 2, 1
0	Aizhan	(1,4)	3, 1, 4, 2, 0
1	Ermek	(4,0)	0, 1, 4, 2, 3
1	Aizhan	(4,2)	0, 1, 3, 2, 4
2	Ermek	(2,3)	0, 1, 2, 3, 4
2	Aizhan	(2,2)	0, 1, 2, 3, 4

任务

给定序列S、M和下标序列X和Y,请找出Aizhan对序列S完成排序所需的交换的序列。 在子任务5-8中,你找出的交换序列必须是最短的。

你需要实现函数 findSwapPairs:

- findSwapPairs(N, S, M, X, Y, P, Q) grader调用这个函数刚好一次。
 - N: 序列**S**的长度.
 - S: **一个整数数组**,表示初始序列S。
 - M: Ermek打算做交换的次数。

- $lacksymbol{\blacksquare}$ X, Y: 长度为M的整数数组. 对于 $0 \leq i \leq M-1$, 在第i轮 Ermek 打算交换下 标为X[i]和Y[i]的数组。
- P, Q: 整数数组。利用这两个数组报告Aizhan完成对序列S排序的一种可能的交换序列,假设这个交换序列的长度为R,对于0到R-1之间的每个i,Aizhan在轮次i选择的下标将被存入P[i]和Q[i]。 你可以假设数组P和Q均已分别被分配了M个元素。
 - 这个函数应返回R的值(定义如上)。

子任务

子任务	得分	N	M	X, Y 的额外限制	对R的要求
1	8	$1 \le N \le 5$	$M=N^2$	X[i]=Y[i]=0	$R \leq M$
2	12	$1 \le N \le 100$	M = 30N	X[i]=Y[i]=0	$R \leq M$
3	16	$1 \le N \le 100$	M=30N	X[i]=0, Y[i]=1	$R \leq M$
4	18	$1 \le N \le 500$	M = 30N	无	$R \leq M$
5	20	$1 \le N \le 2000$	M=3N	无	最小
6	26	$1 \leq N \leq 200,000$	M=3N	无	最小

数据保证存在一个仅需M或更少轮次的交换序列来完成排序。

Sample grader

sample grader从文件sorting.in 中按照下列格式读入数据:

- 第1行: N
- 第 2 行: S[0] ... S[N 1]
- 第3行: М
- 第 4 行, ..., M + 3行: X[i] Y[i]

sample grader按下列格式输出:

- 第 1 行: findSwapPairs函数的返回值R
- 第 2 + i ($0 \le i < R$) 行: P[i] Q[i]