International Olympiad in Informatics 2013



6-13 July 2013 Brisbane, Australia Day 2 tasks

igra

Crnogorski — 1.0

Studenti A i B igraju igru. Tabla za igru sastoji se od R redova numerisanih sa 0, ..., R - 1, i C kolona numerisanih sa 0, ..., C - 1. Sa (p, q) označeno je polje u redu p i koloni q. Svako polje sadrži nenegativne cijele brojeva, a na početku igre sva polja sadrže 0.

Igra se odvija na sljedeći način. Osoba A može u bilo kom trenutku da uredi neku od sljedećih operacija:

- promijeni vrijednost u polju (p, q);
- pita osobu B da izračuna najveći zajednički djelilac (NZD, engleski GCD) za sve cijele brojeve unutar pravougaonika sa suprotnim tjemenima (p, q) i (u, v), uključujući i ova dva polja.

Osoba A odograće najviše $N_U + N_Q$ poteza (promjena vrijednosti u polju N_U i postavljanje upita vezano za NZD N_Q).

Vaš zadatak je da generišete ispravne odgovore.

Primjeri

Neka je R = 2 i C = 3, i osoba A počinje sa sljedećim promjenama:

- Promjena polja (0, 0) na 20;
- Promjena polja (0, 2) na 15;
- Promjena polja (1, 1) na 12.

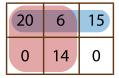
20	0	15	
0	12	0	

Izgled table za igru poslije ovih promjena dat je na slici iznad. Osoba A zatim traži najveće zajedničke djelioce za sljedeće pravougaonike:

- Suprotna tjemena (0, 0) i (0, 2): u ovom pravougaoniku postoje tri cijela broja 20, 0 i 15, i njihov NZD je 5.
- Suprotna tjemena (0, 0) i (1, 1): u ovom pravougaoniku postoje četiri cijela broja 20, 0, 0 i 12, i njihov NZD je 4.

Dalje, osoba A izvršava sljedeće promjene:

- Promjena polja (0, 1) na 6;
- Promjena polja (1, 1) na 14.



Izgled table dat je na slici iznad. Osoba A dalje traži sljedeće najveće zajedničke djelioce:

- Suprotna tjemena (0, 0) i (0, 2): tri su cijela broja u pravougaoniku 20, 6 i 15, i njihov NZD je 1.
- Suprotna tjemena (0, 0) i (1, 1): četiri su cijela broja u pravougaoniku 20, 6, 0 i 14, i njihov NZD je 2.

U ovom primjeru osoba A je izvršila $N_U = 5$ promjena vrijednosti i $N_Q = 4$ upita za NZD.

Implementacija

Vaše rješenje treba da sadrži implementaciju procedura (init()) i (update()) i funkcije (calculate()), na način opisan u nastavku.

Kao pomoć, kostur rješenja na vašem računaru (game.c), game.cpp and game.pas) sadrži funkciju gcd2(X, Y) koja implementira računanje najvećeg zajdničkokg djelioca za dva argumenta. Argumenti su nenegativni cijeli brojevi X i Y. AKo je X = Y = 0 onda će gcd2(X, Y) vratiti 0.

Ova funkcija je dovoljno brza da vam omogući ostvarivanje maksimalnog broja bodova. Preciznije, vrijeme izvršavanje ove procedure u najgorem slučaju je proporcionalno sa log(X + Y).

Vaša procedura: init()

```
C/C++ void init(int R, int C);
Pascal procedure init(R, C : LongInt);
```

Opis

Vaše rješenje mora da implementira ovu proceduru.

Ovom procedurom zadaje se početna veličina table za igru. Takođe, sa njom inicijalizujete sve potrebne globalne promjenljive i strukture podataka. Poziva se samo jednom, prije bilo kog poziva update() ili calculate().

Parametri

- R: Broj redova.
- C: Broj kolona.

Vaša procedura: update()

```
C/C++ void update(int P, int Q, long long K);

Pascal procedure update(P, Q : LongInt; K : Int64);
```

Opis

Vaše rješenje mora da implementira ovu proceduru.

Ova procedura poziva se kada osoba A mijenja vrijednost u nekom polju sa table za igru.

Parametri

- P: Red u kome se nalazi polje koje se mijenja $(0 \le P \le R 1)$.
- Q: Kolona u kome se nalazi polje koje se mijenja $(0 \le Q \le C 1)$.
- K: Nova vrijednost polja koje se mijenja (0 ≤ K ≤ 10¹⁸). Moguće je da se nova vrijednost ne razlikuje od postojeće.

Vaša funkcija: calculate()

```
C/C++ long long calculate(int P, int Q, int U, int V);
Pascal function calculate(P, Q, U, V : LongInt) : Int64;
```

Opis

Vaše rješenje mora da implementira ovu funkciju.

Ova funkcija treba da računa najveći zajednički djelilac za sve cijele brojeve iz pravougaonika određenog sa poljima (P, Q) i (U, V). Ova polja su suprotna tjemena pravougaonika i uključena su prilikom računanja najvećeg zajedničkog djelioca.

Ako su svi cijeli brojevi u ovom pravougaonika 0, vrijednost funkcije je takođe 0.

Parametri

- P: Red u kome se nalazi gornje lijevo tjeme pravougaonika ($0 \le P \le R 1$).
- Q: Kolona u kojoj se nalazi gornje lijevo tjeme pravougaonika ($0 \le Q \le C 1$).
- U: Red u kome se nalazi donje desno tjeme pravougaonika ($P \le U \le R 1$).
- V: Kolona u kojoj se nalazi donje desno tjeme pravougaonika ($Q \le V \le C 1$).
- Vraće: Najveći zajednički djelilac (NZD) za sve cijele brojeve unutar pravougaonika, ili
 ako su svi brojevi u pravougaoniku 0.

Primjeri

Sljedeća tabela opisuje prethodni primjer:

Function	Returns	
init(2, 3)		
update(0, 0,	20)	
update(0, 2,	15)	
update(1, 1,	12)	
calculate(0,	0, 0, 2)	5
calculate(0,	0, 1, 1)	4
update(0, 1,	6)	
update(1, 1,	14)	
calculate(0,	0, 0, 2)	1
calculate(0,	0, 1, 1)	2

Ograničenja

Vrijeme: vidi podzadatke

Memorija: vidi podzadatke

■ $1 \le R, C \le 10^9$

■ 0 ≤ K ≤ 10¹⁸, gdje je K bilo koji cijeli broj koji osoba A može da upiše u polje table za igru.

Podzadaci

Pogledajte englesku verziju teksta za podzadatke.

Subtask	Points	R	С	N _U	N _Q	Time limit	Memory limit

Eksperimenti

Program grejder na vašem računaru ulaz čita iz datoteke game.in. Datoteka mora biti u sljedećem formatu:

- linija 1: R C N
- sljedećih N linija: jedna linija za jedan potez, u redosljedu kojim se potezi iniciraju od strane osobe A

Linija za svaki potez mora biti u jednom od sljedećih formata:

- da označi promjenu vrijednosti update (P, Q, K): 1 P Q K
- da označi upit za najveći zajednički djelilac calculate (P, Q, U, V) : 2 P Q U V

Prethodni primjer bio bi zapisan u sljedećem formatu:

```
2 3 9

1 0 0 20

1 0 2 15

1 1 1 12

2 0 0 0 2

2 0 0 1 1

1 0 1 6

1 1 1 14

2 0 0 0 2

2 0 0 1 1
```

Napomene vezane za jezik implementacije

```
C/C++ Morate napisati #include "game.h".

Pascal Morate definisati unit Game. Indeksiranje nizova je od 0 (ne od 1).
```

Kako su cijeli brojevi u poljima table za igru jako veliki, studenti koji rade u C/C++ savjetuju se da koriste long long tip, a studenti koji rade u Pascal-u savjetuju se da koriste tip Int64.