### **SubsetMex**

Problem Adı	Subset Mex
Girdi Dosyası	standart girdi
Çıktı Dosyası	standart çıktı
Zaman limiti	1 saniye
Bellek limiti	256 megabytes

Kümeye benzer fakat aynı elemandan birden fazla sayıda bulunabilen eleman topluluğuna (collection) *çoklu küme (multiset)* denir. Örneğin aşağıdaki bir çoklu kümedir:

 $\{0, 0, 1, 2, 2, 5, 5, 5, 8\}$ 

Size negatif olmayan tamsayılar üzerinde tanımlı bir S çoklu kümesi, ve S'de bulunmayan negatif olmayan bir tamsayı n verilmiş olsun. Amacınız n'yi aşağıdaki 3-aşamalı işlemi tekrar tekrar (repeatedly) kullanarak S'ye eklemektir.

- 1. S'nin bir alt kümesini seçin, bu alt kümeye T diyelim. (T boş da olabilir.) Burada T birbirinden farklı sayılar içeren ve bütün elemanları S'de bulunan bir kümedir.
- 2. T'de bulunan elemanları S'den silin. (Her elemanın sadece bir kopyasını silin.)
- 3. **mex**(*T*)'yi *S*'ye ekleyin. Burada **mex**(*T*) *T*'de bulunmayan en küçük negatif olmayan tamsayıyı ifade eder.

Amacınız n'yi S'ye eklemek için yapılması gereken minimum işlem sayısını bulmaktır. S'nin eleman sayısı büyük bir sayı olabileceği için, S çoklu kümesi  $(f_0, ..., f_{n-1})$  şeklinde n uzunluğunda bir liste olarak verilecektir. Burada  $f_i$  ile i sayısından S'de kaç tane bulunduğu gösterilmektedir. (n sayısının S'ye eklemek istediğimiz sayı olduğunu hatırlayın.)

## Girdi

Girdinin ilk satırında test durumlarının sayısını (number of test cases) ifade eden tek bir tamsayı t (1  $\leq t \leq$  200) vardır. Sonraki *her iki satır* bir test durumuna karşılık gelmektedir.

• Her bir test durumunun ilk satırında S'ye eklenecek n (1  $\leq n \leq$  50) sayısını temsil eden bir tamsayı bulunur.

• Her bir test durumunun ikinci satırında S çoklu kümesini yukarıda belirtildiği şekilde temsil eden n tamsayı  $f_0, f_1, ..., f_{n-1}$  ( $0 \le f_i \le 10^{16}$ ) bulunur.

# Çıktı

Her bir test durumu için tek satırlık bir çıktı yazılacaktır. Çıktı içeriği olarak koşulu sağlamak için gereken minimum işlem sayısı yazılacaktır.

## **Puanlama**

Alt görev #1 (5 puan):  $n \le 2$ 

Alt görev #2 (17 puan): *n* ≤ 20

Alt görev #3 (7 puan):  $f_i$  = 0

Alt görev #4 (9 puan):  $f_i \le 1$ 

Alt görev #5 (20 puan):  $f_i$  ≤ 2000

Alt görev #6 (9 puan):  $f_0 \le 10^{16} \text{ ve } f_j = 0 \text{ (for all } j \ne 0)$ 

Alt görev #7 (10 puan):  $f_i \le 10^{16}$  ve  $f_j = 0$  (for all  $j \ne i$ ) koşullarını sağlayan bir i değeri vardır.

Alt görev #8 (23 puan): Ek kısıt yok.

## Örnekler

standart girdi	standart çıktı
2	4
4	10
0 3 0 3	
5	
4 1 0 2 0	

### Not

İlk örnekte, başlangıçta  $S = \{1, 1, 1, 3, 3, 3\}$  ve amacımız S'ye 4 sayısını eklemek. Sırasıyla şu işlemleri yapabiliriz:

1. *T* = {} olarak seçilsin, bu durumda *S* {0, 1, 1, 1, 3, 3, 3} haline gelir.

- 2.  $T = \{0, 1, 3\}$  olarak seçilsin, bu durumda  $S \{1, 1, 2, 3, 3\}$  haline gelir.
- 3.  $T = \{1\}$  olarak seçilsin, bu durumda  $S\{0, 1, 2, 3, 3\}$  haline gelir.
- 4.  $T = \{0, 1, 2, 3\}$  olarak seçilsin, bu durumda  $S \{3, 4\}$  haline gelir.