International Olympiad in Informatics 2015



26th July - 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 2

horses

Language: hu-HU

Lovak

Mansur az utóbbi N évben tenyésztett lovakat. Kezdetben egy lova volt. Az i-edik évben X[i]-szeresére nőtt az év végére a lovai száma, ahol X[i] pozitív egész szám. Tehát ha az i-edik év elején lovai száma h, akkor az év végére $h \cdot X[i]$ lova lett.

Lovak eladásával sok pénzt akar keresni. Az i-edik évben egy ló ára Y[i]. Minden évben akárhány lovat eladhat.

Mansur a lehető legtöbbet akarja keresni a lovak eladásából, amihez meg kell határozni, hogy mikor és hány lovat adjon el!

Mansur arra is kíváncsi, hogy ha az X[i] vagy az Y[i] megváltozik, akkor mennyi lenne a legtöbb bevétele? Ez a változás M alkalommal következhet be, a legtöbb bevételt kezdetben és minden változás után is meg kell adni! A változások kumulatívak, tehát a korábbi változásokat is figyelembe kell venni! Az eredmény nagyon nagy is lehet, ezért moduló $10^9 + 7$ kell megadni!

Példa

Legyen N=3 év a következő információkkal:

	0	1	2
Х	2	1	3
Y	3	4	1

Ezekre a kezdőértékekre akkor lesz a legtöbb bevétele, ha két lovat ad el az 1. év végén.

- kezdetben 1 lova van;
- a 0. év végén $1 \cdot X[0] = 2$ lova lesz;
- lacksquare az 1. év végén $oldsymbol{2} \cdot oldsymbol{X}[oldsymbol{1}] = oldsymbol{2}$ lova lesz;
- lacksquare ha most eladja a két lovat, akkor a bevétele $2 \cdot Y[1] = 8$ lesz.

Legyen ezután M=1 és az Y[1] változzon 2-re! A módosítás után:

	0	1	2
Χ	2	1	3
Y	3	2	1

Ekkor a legtöbb bevétel úgy is keletkezhet, hogy egy lovat a 0. év végén, három lovat pedig a 2. év végén ad el.

kezdetben 1 lova van

- a 0. év végégén $1 \cdot X[0] = 2$ lova lesz.
- egyet elad Y[0] = 3 összegért, marad 1 lova.
- az 1. év végén $1 \cdot X[1] = 1$ lova lesz
- a 2. év végén $1 \cdot X[2] = 3$ lova lesz
- lacktriangledown ebben az évben a három ló eladásával $3\cdot Y[2]=3$ összeget keres. A teljes bevétel 3+3=6

Feladat

Adottak N, X, Y és a módosítások. A módosítások előtt és minden módosítás után számold ki, hogy mennyi lehet Mansur maximális bevétele, moduló $10^9 + 7!$

Az init, updateX és updateY függvényeket kell megírnod!

- init (N, X, Y) Az értékelő ezt hívja először, egyszer.
 - N: az évek száma.
 - lacktriangledown X: N elemű tömb, minden $0 \leq i \leq N-1$ -re X[i] az i-edik év növekedés szorzótényezője.
 - lacksquare Y: N elemű tömb, minden $0 \leq i \leq N-1$ -re Y[i] egy ló ára az i-edik év végén.
 - Megjegyezzük, hogy X és Y a változások előtti értékeket tartalmazza.
 - A függvény visszaadott értéke a maximális bevétel legyen moduló $10^9 + 7$, amit Mansur kaphat!
- updateX(pos, val)
 - pos: $0, \ldots, N-1$ közötti egész szám.
 - val: az X[pos] új értéke.
 - A függvény visszaadott értéke a maximális bevétel legyen moduló 10^9+7 a módosítás után!
- updateY(pos, val)
 - pos: $0, \ldots, N-1$ közötti egész szám.
 - val: az Y[pos] új értéke.
 - A függvény visszaadott értéke a maximális bevétel legyen moduló $10^9 + 7$ a módosítás után!

Feltehető, hogy X[i] és Y[i] kezdőértékei és módosítás utáni értékei is 1 és 10^9 közöttiek. Az init hívása után az értékelő összesen M módosítást hív, mindegyik vagy az updateX, vagy az updateY.

Részfeladatok

ré s z fe la dat	pontok	N	M	további korlátok
1	17	$1 \le N \le 10$	M = 0	$X[i], Y[i] \le 10, \ X[0] \cdot X[1] \cdot \ldots \cdot X[N-1] \le 1,000$
2	17	$1 \leq N \leq 1,000$	$0 \le M \le 1,000$	nines
3	20	$1 \leq N \leq 500,000$	$0 \leq M \leq 100,000$	$X[i] \ge 2$ és $val \ge 2$ az init-ben és az updateX-ben
4	23	$1 \leq N \leq 500,000$	$0 \leq M \leq 10,000$	nines
5	23	$1 \leq N \leq 500,000$	$0 \leq M \leq 100,000$	nines

Megvalósítás

Egyetlen horses.c, horses.cpp, horses.pas, vagy horses.java file-t kell beadnod, ami a megoldás függvényeit tartalmazza!

C/C++ program (include horses.h legyen a file elején)

```
int init(int N, int X[], int Y[]);
int updateX(int pos, int val);
int updateY(int pos, int val);
```

Pascal programs (implement the described method in the unit horses)

```
function init(N : longint; var X, Y : array of longint) : longint;
function updateX(pos, val : longint) : longint;
function updateY(pos, val : longint) : longint;
```

Minta értékelő

A horses.in file-ból olvas a következő formában

- Az 1. sor: N
- A 2. sor: X[0] ... X[N 1]
- A 3. sor: Y[0] ... Y[N 1]
- A 4. sor: M
- Az 5, ..., M + 4. sorokban 3 szám van: type pos val (type=1 updateX esetén és type=2 updateY esetén).

A minta értékelő kiírja az init, valamint azupdateX és updateY függvények értékeit.