# International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules
Country: HUN

# Molekulák

Péter molekulákat elemző gépet épített. Minden molekula súlya egész szám. A gép elemzési tartománya [l,u], ahol l és u egész szám. A gép egy molekulahalmazt akkor és csak akkor tud elemezni. ha van olyan részhalmaza a molekuláknak, amelynek az összsúlya az elemzési tartományba esik.

Pontosabban van n molekula, melyek súlya  $w_0,\dots,w_{n-1}$  egész számok. Az elemzés sikeres, ha vannak olyan páronként különböző indexek  $I=i_1,\dots,i_m$  , hogy  $l\leq w_{i_1}+\dots w_{i_m}\leq u$  .

Tudjuk, hogy a távolság l és u között nagyobb vagy egyenlő, mint a legnehezebb és a legkönnyebb molekula súlyának különbsége. Tehát  $u-l \geq w_{max}-w_{min}$  , ahol  $w_{max}=\max(w_0,\dots,w_{n-1})$  és  $w_{min}=\min(w_0,\dots,w_{n-1})$  .

Írj programot, amely megkeres egy olyan részhalmazt, amelynek összsúlya az elemzési tartományba esik, vagy jelzi, ha nincs ilyen!

# Megvalósítás

Az alábbi metódust kell megvalósítanod:

- o int[] solve(int I, int u, int[] w)
  - I és u: az elemzési intervallum két végpontja,
  - w: a molekulák súlyai.
  - ha van megfelelő részhalmaz, akkor egy ilyen részhalmaz elemeinek tömbindexeit tartalmazó tömb legyen a kimenet. Több megoldás esetén bármelyik megadható.
  - ha nincs ilyen részhalmaz, akkor üres tömb legyen az eredmény!

### A függvény C nyelven az alábbi:

- o int solve(int l, int u, int[] w, int n, int[] result)
  - o n: a w tömb elemei száma (azaz a molekulák száma),
  - o a többi paraméter megegyezik a fentivel.
  - $\circ$  a result tömb első m elemébe helyezd a megoldás tömbindexeit és m legyen a függvény visszatérési értéke!
  - ha nincs ilyen részhalmaz, a visszatérési érték 0 legyen!

Használd a mintában megadott függvényt!

## Példák

# 1. példa

#### solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])

ltt 4 molekula van 6, 8, 8 és 7 súlyokkal. A gép 15 és 17 összsúly közötti részhalmazt tud elemezni.

Megjegyzendő, hogy  $17-15\geq 8-6$ . Az 1. és 3.molekula összsúlya  $w_1+w_3=8+7=15$ , tehát a függvény értéke [1, 3]. Másik lehetséges helyes válaszok [1, 2] ( $w_1+w_2=8+8=16$ ) és [2, 3] ( $w_2+w_3=8+7=15$ ).

# 2. példa

### solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])

Itt négy molekula van 5, 5, 6 és 6 súllyal, és olyan részhalmazt keresünk, amely összsúlya 14 vagy 15. Itt is igaz, hogy  $15-14 \ge 6-5$ .

Nincs olyan részhalmaz, amelynek összsúlya 14 és 15 közé esik, tehát üres tömb az eredmény.

## 3. péda

# solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])

ltt négy molekula van 15, 17, 16 és 18 súllyal, és 10 és 20 közötti összsúlyú részhalmazt keresünk.

Ismét igaz, hogy  $20-10 \geq 18-15$ .

Minden egyelemű halmaz megoldás: [0], [1], [2] és [3].

# Részfeladatok

- 1. (9 pont):  $n \leq 100$  ,  $w_i \leq 100$  , minden  $w_i$  egyforma.
- 2. (10 pont):  $n \leq 100, w_i \leq 1000$  , és  $max(w_0,\ldots,w_{n-1}) min(w_0,\ldots,w_{n-1}) \leq 1$  .
- 3. (12 pont):  $n \leq 100$  és  $w_i, u, l \leq 1000$  .
- 4. (15 pont):  $n \le 10\,000$  és  $w_i, u, l \le 10\,000$ .
- 5. (23 pont):  $n \le 10\,000$  és  $w_i, u, l \le 500\,000$
- 6. (31 pont):  $n \leq 200\,000$  és  $w_i, u, l < 2^{31}$  .

### Minta értékelő

A mintaértékelő az alábbi 2 sort olvassa:

- $\circ$  1. sor: n, l, u egészek.
- $\circ$  2 . sor: n darab egész szám:  $w_0, \ldots, w_{n-1}$  .