# Vlkodlak

V prefektuře Ibaraki je N měst a M cest. Města jsou očíslována od 0 do N-1 v rostoucím pořadí dle počtu jejich obyvatel. Každá cesta spojuje dvě různá města a lze ji používat v obou směrech. Z každého města se dá po cestách dojít do každého jiného města.

Máte plánováno Q výletů očíslovaných od 0 do Q-1. V rámci výletu i (kde  $0 \le i \le Q-1$ ) chcete dojít z města  $S_i$  do města  $E_i$ .

Problém je, že jste vlkodlaci; na začátku každé cesty vypadáte jako **lidé**, ale během ní se musíte (právě jednou) **proměnit** ve **vlka**. K této proměně musí dojít v jednom z měst, ale můžete si určit ve kterém (může to být i město  $S_i$  nebo  $E_i$ ).

Život vlkodlaka je těžký. V lidské formě se musíte vyhýbat městům s málo obyvately a jako vlci naopak městům s mnoha obyvately. Přesněji, pro výlet i máte dána čísla  $L_i$  a  $R_i$  (kde  $0 \le L_i \le R_i \le N-1$ ), v lidské formě nesmíte vstoupit do měst  $0,1,...,L_i-1$  a jako vlci nesmíte vstoupit do měst  $R_i+1,R_i+2,...,N-1$ . Z toho plyne, že proměnit se můžete pouze v jednom z měst  $L_i,L_i+1,...,R_i$ .

Pro každý výlet rozhodněte, zda ho lze v rámci popsaných omezení uskutečnit. Není žádné omezení na to, kolik cest můžete v rámci výletu projít.

## Implementační detaily

Vaším úkolem je implementovat následující funkci:

```
int[] check_validity(int N, int[] X, int[] Y, int[] S, int[] E, int[]
L, int[] R)
```

- N: počet měst.
- X a Y: pole délky M. Pro každé j ( $0 \le j \le M-1$ ) je město X[j] spojeno přímou cestou s městem Y[j].
- S, E, L a R: pole délky Q popisující výlety.

Hodnoty M a Q lze získat jako délky polí X a S způsobem popsaným na papíru  $Poznámky\ k\ implementaci\ (den\ 1)$ , viz tabulka v sekci Typy.

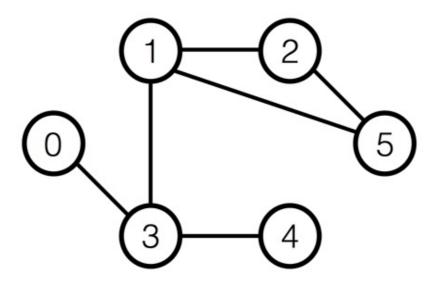
Funkce check\_validity je volána právě jednou pro každý testovací vstup. Tato funkce má vrátit pole A délky Q obsahující celá čísla. Hodnota  $A_i$  ( $0 \le i \le Q - 1$ ) má být 1,

pokud je možno podniknout výlet z města  $S_i$  do města  $E_i$  tak, že dokud jste v lidské formě, nebudete navštěvovat města  $0,1,\ldots,L_i-1$ , zatímco jako vlci nebudete navštěvovat města  $R_i+1,R_i+2,\ldots,N-1$ . Jestliže takový výlet nelze podniknout, hodnota  $A_i$  má být 0.

#### Příklad

Nechť N=6, M=6, Q=3, X=[5,1,1,3,3,5], Y=[1,2,3,4,0,2], S=[4,4,5], E=[2,2,4], L=[1,2,3] a R=[2,2,4].

Vyhodnocovač volá check\_validity(6, [5, 1, 1, 3, 3, 5], [1, 2, 3, 4, 0, 2], [4, 4, 5], [2, 2, 4], [1, 2, 3], [2, 2, 4]).



Pro výlet 0 můžete z města 4 do města 2 cestovat následujícím způsobem:

- Začnete ve městě 4 (jste v lidské formě)
- Půjdete do města 3 (jste v lidské formě)
- Půjdete do města 1 (jste v lidské formě)
- Proměníte se na vlka (jste vlk)
- Půjdete do města 2 (jste vlk)

Pro výlety 1 a 2 nelze mezi zadanými městy cestovat.

Váš program by tak měl vrátit [1,0,0].

Soubory sample-01-in.txt a sample-01-out.txt v zazipovaném archívu odpovídají tomuto příkladu. V archívu také najdete jeden další testovací vstup a výstup.

#### Omezení

- $2 \le N \le 200\,000$
- $N-1 \le M \le 400\,000$
- $1 \le Q \le 200\,000$

- Pro všechna celá čísla j splňující  $0 \le j \le M-1$ :
  - $0 \le X_j \le N 1$
  - $0 \le Y_j \le N 1$
  - $\circ X_i \neq Y_i$
- Z každého města se dá pomocí cest dostat do každého jiného města.
- Mezi každými dvěma městy vede nejvýše jedna přímá cesta. Jinak řečeno, pro všechna j a k taková, že  $0 \le j < k \le M-1$ , platí  $(X_j,Y_j) \ne (X_k,Y_k)$  a  $(Y_j,X_j) \ne (X_k,Y_k)$ .
- Pro všechna celá čísla i splňující  $0 \le i \le Q 1$ :
  - $0 \le L_i \le S_i \le N-1$
  - $0 \le E_i \le R_i \le N-1$
  - $\circ S_i 
    eq E_i$
  - $\circ L_i \leq R_i$

## Podúlohy

- 1. (7 bodů)  $N \le 100$ ,  $M \le 200$ ,  $Q \le 100$
- 2. (8 bodů)  $N \le 3\,000$ ,  $M \le 6\,000$ ,  $Q \le 3\,000$
- 3. (34 bodů) M=N-1 a žádné město není propojeno přímou cestou s více než 2 jinými městy (města jsou tedy cestami propojena tak, že tvoří řadu)
- 4. (51 bodů) Žádná omezení navíc

### Ukázkový testovač

Ukázkový testovač čte vstup v následujícím formátu:

- řádek 1: *N M Q*
- řádek 2+j ( $0 \leq j \leq M-1$ ):  $X_j Y_j$
- řádek 2+M+i ( $0 \le i \le Q-1$ ):  $S_i E_i L_i R_i$

Ukázkový testovač vytiskne návratovou hodnotu funkce check\_validity v následujícím formátu:

• řádek 1+i ( $0 \leq i \leq Q-1$ ):  $A_i$