

# 站點 (stations)

新加坡的互聯網骨幹網(SIB)是由 n 個站點組成,這些站點分配了從 0 到 n-1 的 編號 。 網絡內亦有 n-1 條雙向連線,其編號是從 0 到 n-2。 每條連線連接兩個不同的站點。通過單一條連線連接的兩個站稱為鄰居。

從站點 x 到站點 y 的路徑是一個由不同的站點  $a_0, a_1, \dots, a_p$  組成的序列,其中  $a_0 = x, a_p = y$  且 其內每一對連續的站點均為鄰居。從任何一個站點 x 到任何另一站點 y 都只存在 w 一條路徑。

任何站點 x 都可以創建一個數據包(一條數據)並將其發送到任何其他站點 y (稱為數據包的 *目標站點*)。 該數據包必須沿著唯一的一條路徑從 x 路由到 y,如下說明: 考慮當前保存有數據包的站點 z,其目標站點為 y ( $z \neq y$ )。站點 z 需要:

- 1. 執行 "路由程序"來確定 z 的哪個鄰居是在由 z 到 y 唯一路徑上,並且
- 2. 將該數據包轉發到該鄰居。

但是,站點的內存有限,不能將 SIB 內所有的連線資料都存起來給路由程序使用。

你的工作是要為 SIB 實現路由方案,該方案將包括以下兩個子程序。

- 第一個子程序是給定 n 的值,SIB 內連線的表列以及一個整數  $k \ge n-1$  作為輸入。你的程序 要為每個站點分配一個介於 0 和 k 之間的獨一無二的整數 標籤。
- 第二個子程序是路由子程序,這個子程序在分配好站點的標籤後將會被部署到所有站點上。對於這個子程序,系統 *只提供* 以下的輸入:
  - 。s,當前存放數據包的站點的標籤,
  - 。 t,數據包目標站點的 *標籤*  $(t \neq s)$  ,
  - 。 c ,是 s 所有鄰居的 標籤 表列。

它應返回數據包應轉發到的s的鄰居的標籤。

在其中一個子任務中,你的解決方案的得分數是取決於分配給任何站點的最大標籤的值(通常,越小越好)。

## 編程實作細節

你需要實現以下的子程序:

int[] label(int n, int k, int[] u, int[] v)

• *n*: SIB 內站點的數目.

- k: 標籤的最大值.
- u 及 v: 是大小為 n-1 的數組,它們表示著系統內的連線。對於每個 i (  $0 \le i \le n-2$  ),連線 i 連接編號為 u[i] 和 v[i] 的站點。
- 此子程序應返回單個數組 L,大小為 n。 對於每個 i ( $0 \le i \le n-1$ ) L[i] 是分配給編號為 i 站點的標籤。 數組 L 的所有元素必須是唯一的,且其範圍在 0 和 k 之間( 含邊界 )。

int find next station (int s, int t, int[] c)

- s: 持有數據包的站點的標籤。
- t:數據包的目標站點的標籤。
- c: 一個數組, 它是 s 的所有鄰居的標籤表列。數組 c 按升序排列著。
- 此子程序應返回數據包應轉發到的 s 的鄰居的標籤。

每個測試數據都涉及一個或多個獨立場景(即,不同的 SIB 描述)。對於有r 個場景的測試數據,上述的子程序將被评分程式調用恰好兩次,如下所述:

在程式的第一次運行期間:

- label 子程序會被調用 r 次,
- 所返回的標籤資料會被評分程式存儲起來,並且
- find\_next\_station 不會在這時被調用。

在程式的第二次運行期間:

- find next station 可能被多次調用,
- 每次調用 find\_next\_station 時,輸入標籤是從第一次運行中以 任意選擇 場景的對 label 的調用時所產生的標籤,並且
- 這時不會調用 label。

特別地,在程序的第一次運行中,任何保存到靜態或全局變量的信息在調用 find\_next\_station 時均不可使用。

### 樣例

考慮以下的子程序調用:

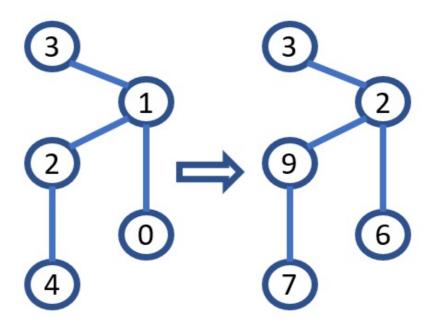
label(5, 10, [0, 1, 1, 2], [1, 2, 3, 4])

總共有 5 個站點和 4 條連線連接編號為 (0,1),(1,2),(1,3) 和 (2,4) 的站點對。每個標籤可以是從 0 到 k=10 的整數。

為了報告以下標籤:

編號	標籤
0	6
1	2
2	9
3	3
4	7

label 子程序應返回  $[6\, ,2\, ,9\, ,3\, ,7]$ 。在下圖中的數字,左側的子圖顯示站點的編號,右側的子圖顯示分配給每個站點的標籤。



假設標籤已如上所述的形式來分配,考慮以下調用:

這意味著持有數據包的站點的標籤為 9,目標站點的標籤為 6。 到目標站點路徑上的站點標籤為 [9,2,6]。 因此,子程序應返回 2,這是數據包應轉發到的站的標籤(該站點的原本編號為 1)。

考慮另一個可能的子程序調用:

子程序應返回3,因為標籤為3的目標站點是標籤為2的站的鄰居,因此應直接接收該數據包。

## 限制條件

•  $1 \le r \le 10$ 

對於每一次調用 label:

- $2 \le n \le 1000$
- k > n 1
- ullet  $0 \leq u[i], v[i] \leq n-1$  (for all  $0 \leq i \leq n-2$ )

對於所有調用 find\_next\_station, 其輸入資料是來自之前任意一次調用 label 的返回值。考慮它所生成的標籤:

- s 和 t 是兩個不同站點的標籤。
- c 是標籤 s 的所有鄰居並以升序排列的數列

在每個測試數據內,若把所有場景加起來,傳遞給過程 find\_next\_station 的所有數組 c 的長度 總和不超過  $100\ 000$  。

#### 子任務

- 1. (5 分) k = 1000, 沒有任何站點會有多於 2 個鄰居。
- 2. (8 分) k = 1000, 連線把站點 i 連到站點 i + 1 及  $\left| \frac{i}{2} \right|$ .
- 3. (16 分) k = 1 000 000, 最多只有一個站點會有多於 2 個鄰居。
- 4.  $(10 分) n \leq 8, k = 10^9$
- 5. (61  $\leftrightarrow$ )  $k = 10^9$

在子任務 5 中,你可以獲得部分分數。 假設 m 是所有情況下 label 返回的最大標籤值。 根據下表計算此子任務的分數:

最大標籤值	分數
$m \geq 10^9$	0
$2000 \leq m < 10^9$	$50 \cdot \log_{5\cdot 10^5}(rac{10^9}{m})$
1000 < m < 2000	50
$m \leq 1000$	61

## 樣例評分程式

樣例評分程式會以以下的格式輸入所需的數据:

第1行: r

隨後有r塊資料,每個塊資料描述一個場景。每個塊的格式如下:

- 第1行: n k
- 第 2 + i ( $0 \le i \le n 2$ ) 行: u[i] v[i]
- 第1+n行: q 是調用 find next station 次數.
- 第 2+n+j ( $0 \le j \le q-1$ ) 行: z[j] y[j] w[j]: 調用 find\_next\_station 第 j 次時所

涉及的站點的 編號: 站點 z[j] 保存數據包,站點 y[j] 是數據包的目標,而站點 w[j] 是在從 z[j] 到 y[j] 的唯一路徑上跟隨 z[j] 的站點。

樣例評分程式會以以下的格式把結果打印出來:

• 第1行: *m* 

與輸入中的連續場景相對應的r塊如下。每個塊的格式如下:

• 第  $1+j~(0\leq j\leq q-1)$  行:站點的 **編號**,其 **標籤**是在這個場景調用 find\_next\_station 的 j 次返回的值。

請注意,樣例評分程式的每次運行都調用 label 和 find\_next\_station。