

Empacando galletas (biscuits)

La tía Khong está organizando una competencia con x participantes y quiere darle a cada participante una **bolsa de galletas**. Hay k diferentes tipos de galletas, numeradas del 0 a k-1. Cada galleta de tipo i ($0 \le i \le k-1$) tiene un **valor de sabor** de 2^i . La tía Khong tiene a[i] (posiblemente cero) galletas de tipo i en su alacena.

Cada una de las bolsas de la tía Khong tendrá cero o más galletas de cada tipo. El número total de galletas de tipo i entre todas las bolsas, no debe exceder a[i]. La suma de los valores de sabor en una bolsa se llama **sabor total** de la bolsa.

Ayuda a la tía Khong a averiguar cuántos valores diferentes de y existen, tal que es posible empacar x bolsas de galletas con un sabor total de y para cada bolsa.

Detalles de implementación

Debes implementar la siguiente función:

```
int64 count_tastiness(int64 x, int64[] a)
```

- x: el número de bolsas de galletas a empacar.
- a: un arreglo de longitud k. Para $0 \leq i \leq k-1$, a[i] indica el número de galletas de tipo i en la alacena
- La función debe regresar el número de valores distintos de y, tal que la tía Khong pueda empacar x bolsas de galletas con un sabor total de y para cada bolsa.
- La función es llamada un total de q veces (ve las secciones de Límites y Subtareas para los valores permitidos de q). Cada una de estas llamadas debe ser tratada como un escenario separado.

Ejemplos

Ejemplo 1

Considera la siguiente llamada:

```
count_tastiness(3, [5, 2, 1])
```

Esto significa que la tía Khong quiere empacar 3 bolsas y hay 3 tipos de galletas en la alacena:

- 5 galletas de tipo 0, cada una con un valor de sabor 1,
- 2 galletas de tipo 1, cada una con un valor de sabor 2,
- 1 galleta de tipo 2, cada uno con un valor de sabor 4.

Los posibles valores de y son [0,1,2,3,4]. Por ejemplo, para poder empacar 3 bolsas con sabor total 3, la tía Kong puede empacar:

- una bolsa que contenga tres galletas de tipo 0 y
- dos bolsas, cada un con una galleta de tipo 0 y una galleta de tipo 1.

Como hay 5 posibles valores de y, la función debe regresar 5.

$$y = 0$$

$$y = 1$$

$$1,1,1 \quad 2 \quad 2$$

$$y = 2$$

$$1,1,1 \quad 1,2 \quad 1,2 \quad 1,1,2 \quad 4$$

$$y = 3$$

$$1,1,2 \quad 1,1,2 \quad 4$$

$$y = 4$$

Ejemplo 2

Considera la siguiente llamada:

```
count_tastiness(2, [2, 1, 2])
```

Esto significa que la tía Khong quiere empacar 2 bolsas y hay 3 tipos de galletas en la alacena:

- 2 galletas de tipo 0, cada una con un valor de sabor 1,
- 1 galleta de tipo 1, cada una con un valor de sabor 2,
- 2 galletas de tipo 2, cada una con un valor de sabor 4.

Los posibles valores de y son [0,1,2,4,5,6]. Como hay 6 posibles valores de y, la función debe regresar 6.

Límites

- $1 \le k \le 60$
- 1 < q < 1000
- $1 \le x \le 10^{18}$
- ullet $0 \leq a[i] \leq 10^{18}$ (para toda $0 \leq i \leq k-1$)

• Para cada llamada a count_tastiness, la suma de valores de sabor de todas las galletas en la alacena no excede 10^{18} .

Subtareas

- 1. (9 puntos) $q \le 10$, y para cada llamada a count_tastiness, la suma de valores de sabor de todas las galletas en la alacena no excede $100\ 000$.
- 2. (12 puntos) $x = 1, q \le 10$
- 3. (21 puntos) $x \le 10~000$, $q \le 10$
- 4. (35 puntos) El valor de retorno correcto de cada llamada a ${\tt count_tastiness}$ no excede 200~000.
- 5. (23 puntos) Sin límites adicionales.

Evaluador de ejemplo

El evaluador de ejemplo lee la entrada en el siguiente formato. La primera línea contiene un entero q. Después, siguen q pares de líneas, cada par describe un solo escenario en el siguiente formato:

- línea 1: *k x*
- Iínea 2: a[0] a[1] ... a[k-1]

La salida del evaluador de ejemplo está en el siguiente formato:

• línea i ($1 \le i \le q$): valor de retorno de count_tastiness para el i-ésimo escenario en la entrada.