EJOI 2020 Day 2 **xorsort** (Slovene)



XOR_Urejanje

Naloga

Dana sta celo število S in polje ${\bf A}$, ki hrani N nenegativnih celih števil, oštevilčenih od 1 naprej.

Na elementih polja $\bf A$ so dovoljene naslednje operacije:

Za poljuben indeks i, $(1 \leq i \leq N)$ izberete enega od sosedov elementa A_i , to je element A_j , kjer je j=i-1 oziroma j=i+1 in ga nadomestite z $(A_i \oplus A_j)$, kjer je \oplus bitna operacija XOR, ki je definirana na koncu besedila. Vaša naloga je spremeniti polje ${\bf A}$ v urejeno polje:

- ullet Če je S=1 mora biti rezultirajoče polje strogo naraščajoče, $A_i < A_{i+1}$, za $1 \le i < N$.
- ullet Če je S=2 mora biti rezultirajoče polje nepadajoče, $A_i \leq A_{i+1}$, za $1 \leq i < N.$

Poiščte katerokoli zaporedje operacij, ki vas pripelje do rezultata. Ni potrebno optimirati števila operacij. Pomembno je le, da število operacij ne presega 40000.

Vhod

V prvi vrstici vhoda se nahajata dve celi števili N in S.

V naslednji vrstici se nahaja N celih števil: $A_1\ A_2\ ...\ A_N$, ki so elementi polja ${f A}$.

Izhod

Prva vrstica vsebuje celo število K, $(0 \le K \le 40000)$, ki predstavlja število operacij.

V naslednjih K vrsticah sta zapisani po dve celi števili, ki povesta, kako so potekale operacije v časovnem zaporedju: prvo število je indeks i elementa, ki je bil nadomeščen, drugo število, pa je indeks j elementa, ki je sodeloval v operaciji.

Omejitve

- $1 \le S \le 2$
- $2 \le N \le 1000$
- $0 \le A_i \le 2^{20}$

Podnaloge

- 1. podnaloga (25 točk): $2 \leq N \leq 150$, S=1 in vsi elementi A_i so različni.
- 2. podnaloga (35 točk): $2 \leq N \leq 150$, S=1 in vsi elementi A_i so različni.
- 3. podnaloga (40 točk): $2 \leq N \leq 1000$ in S=2.

Primeri

1. primer

Vhod

- 5 1
- 3 2 8 4 1

Izhod

- 3
- 1 2
- 4 3
- 5 4

2. primer

Vhod

```
5 2
4 4 2 0 1
```

Izhod

3

3 2

4 3

5 4

Komentar

V prvem primeru smo naredili naslednje operacije na elementih polja:

$$[3,2,8,4,1]
ightarrow [\mathbf{1},2,8,4,1]
ightarrow [1,2,8,\mathbf{12},1]
ightarrow [1,2,8,12,\mathbf{13}],$$

medtem, ko smo v drugem primeru naredili naslednje operacije:

$$[4,4,2,0,1]
ightarrow [4,4,{f 6},0,1]
ightarrow [4,4,6,{f 6},1]
ightarrow [4,4,6,6,{f 7}].$$

Rezultat operacije XOR na bitih a in b je enak 0 če je a=b, sicer pa je rezultat enak 1.

Operacija XOR na celih številih se izvede na istoležnih bitih v binarnem zapisu števil.

Na primer

$$75 \oplus 29 = 86$$

 $1001011 \oplus 0011101 = 1010110$

V C/C++ in Javi lahko uporabite implementirano operacijo XOR, ki se označi z znakom $\ ^{\wedge}$.