## **International Olympiad in Informatics 2016**



12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 2

**messy** Country: DEU

# Unordnung

Der Software-Entwickler Ilshat hat eine neue Datenstruktur erfunden. Diese speichert eine Menge nicht-negativer n-Bit-Integers in Binärdarstellung, also Bitstrings der Länge n. Dabei ist n eine Zweierpotenz.

Die Datenstruktur wird wie folgt verwendet:

- Zu Beginn ist die Datenstruktur leer.
- Mit der Funktion add\_element(x) fügt man nach und nach je ein Element in die Datenstruktur ein. Ist ein einzufügendes Element in der Struktur bereits vorhanden, geschieht nichts.
- Die Funktion compile\_set() ruft man genau einmal auf, nachdem alle Elemente eingefügt sind.
- Mit der Funktion  $check\_element(x)$  kann man anschließend prüfen, ob ein Element x in der Datenstruktur vorhanden ist. Die Funktion kann mehrfach aufgerufen werden.

Ilshats Implementierung der Funktion compile\_set() hat einen Bug: In jedem der gespeicherten Bitstrings werden bei einem Aufruf der Funktion auf gleiche Weise die Bits umgeordnet. Ilshat möchte, dass du herausfindest wie.

Gesucht ist also eine Permutation  $p=(p_0,\ldots,p_{n-1})$  der Zahlen von 0 bis n-1, sodass gilt: Ein Aufruf der Funktion <code>compile\_set()</code> ersetzt jeden gespeicherten Bitstring  $a_0,\ldots,a_{n-1}$  durch den Bitstring  $a_{p_0},a_{p_1},\ldots,a_{p_{n-1}}$ .

Beachte, dass auch  $p_i=i$  für alle  $0 \leq i \leq n-1$  gelten kann.

Ein Beispiel: Es sind n=4 und p=(2,1,3,0), und die Bitstrings 0000, 1100 und 0111 sind in der Datenstruktur gespeichert. Der Aufruf der Funktion compile\_set() ersetzt diese Strings durch 0000, 0101 bzw. 1110.

Schreibe ein Programm, das durch Interaktion mit der Datenstruktur die Permutation p herausfindet. Es soll in der folgenden Reihenfolge:

- 1. eine Menge von Bitstrings der Länge n wählen,
- 2. sie mit der Funktion add element(x) in die Datenstruktur einfügen,
- 3. die Funktion compile set() aufrufen,
- 4. mit der Funktion check\_element(x) das Vorhandensein von Bitstrings in der Struktur überprüfen und
- 5. die dabei gewonnenen Informationen nutzen, um die Permutation p herauszufinden und zurückzugeben.

Für jede Funktion ist die Anzahl ihrer Aufrufe beschränkt: Dein Programm darf o add element(x) höchstens w-mal aufrufen (w steht für "writes"),

- compile set() genau einmal aufrufen und
- check element(x) höchstens r-mal aufrufen (r steht für "reads").

# **Implementierungsdetails**

Du sollst folgende Funktion (Methode) implementieren:

- int[] restore permutation(int n, int w, int r)
  - n: die Länge der in der Datenstruktur gespeicherten Bitstrings (und auch die Länge von p).
  - w: die maximale Anzahl der Aufrufe von add element(x).
  - r: die maximale Anzahl der Aufrufe von check element(x).
  - Die Funktion soll die herausgefundene Permutation p zurückgeben.

In der Programmiersprache C ist die Funktionssignatur ein wenig anders:

- void restore permutation(int n, int w, int r, int\* result)
  - n, w und r haben die gleiche Bedeutung wie oben.
  - Die Funktion soll die herausgefundene Permutation p zurückgeben, indem sie sie in das bereitgestellte Array result schreibt: für jedes i soll sie den Wert  $p_i$  in result[i] speichern.

#### Library-Funktionen

Um mit der Datenstruktur zu interagieren, soll dein Programm die folgenden drei Funktionen (Methoden) benutzen:

- void add\_element(string x)
  - Diese Funktion fügt ein durch x beschriebenes Element in die Datenstruktur ein.
    - x: ein String von Zeichen '0' und '1'. Die Länge von x muss genau n sein.
- o void compile set()
  - Diese Funktion muss genau einmal aufgerufen werden. Dein Programm darf nach diesem Aufruf die Funktion add\_element() nicht mehr aufrufen. Dein Programm darf die Funktion check\_element() vor diesem Aufruf nicht aufrufen.
- boolean check element(string x)
  - Diese Funktion prüft, ob das durch x beschriebene Element in der Datenstruktur vorhanden ist.
    - x: ein String von Zeichen '0' und '1'. Die Länge von x muss genau n sein.
    - Gibt true zurück, falls das Element x in der veränderten Menge ist, und sonst false.

Falls dein Programm irgendeine der Vorgaben oben verletzt, wird das Bewertungsergebnis "Wrong Answer" sein.

Der Grader legt die Permutation p fest, bevor die Funktion  $restore\_permutation$  aufgerufen wird.

Die zur Verfügung gestellten Vorlagedateien zeigen dir die Details in deiner

Programmiersprache.

#### **Beispiel**

Der Grader macht folgenden Funktionsaufruf:

• restore\_permutation(4, 16, 16). Es gilt n=4 und das Programm kann höchstens 16 "writes" und 16 "reads" ausführen.

Das Programm macht folgende Funktionsaufrufe:

```
add_element("0001")
add_element("0100")
compile_set()
check_element("0001") gibt false zurück
check_element("0010") gibt true zurück
check_element("0100") gibt true zurück
check_element("1000") gibt false zurück
check_element("1001") gibt false zurück
check_element("0011") gibt false zurück
check_element("1001") gibt false zurück
check_element("1010") gibt false zurück
check_element("1010") gibt false zurück
check_element("1010") gibt false zurück
check_element("1010") gibt false zurück
```

Nur eine Permutation ist konsistent mit den Werten, die check\_element() zurückgibt: die Permutation p=(2,1,3,0). Daher soll restore\_permutation das Array [2, 1, 3, 0] zurückgeben.

### Teilaufgabe

```
1. (20 Punkte) n=8, w=256, r=256, p_i \neq i für höchstens 2 Indizes i (0 \leq i \leq n-1),
2. (18 Punkte) n=32, w=320, r=1024,
3. (11 Punkte) n=32, w=1024, r=320,
4. (21 Punkte) n=128, w=1792, r=1792,
5. (30 Punkte) n=128, w=896, r=896.
```

#### Beispielgrader

Der Beispielgrader liest die Eingabe im folgenden Format:

```
Zeile 1: Integers n, w, r,
Zeile 2: n Integers, die Elemente von p.
```