

Vision Program

Você está implementando um programa de visão para um robô. Cada vez que a câmera do robô tira uma foto, ela é armazenada na memória do robô como uma imagem em branco e preto. Cada imagem é um reticulado de $H \cdot W$ pixels, com linhas numeradas de 0 até H-1 e colunas numeradas de 0 até W-1. Há **exatamente dois** pixels pretos em cada imagem, e todos os outros pixels são brancos.

O robô pode processar cada imagem com um programa que consiste de instruções simples. Serão dados os valores de H, W e um número positivo K. Sua tarefa é escrever um procedimento para produzir um programa para o robô que, para qualquer imagem, determine se a **distância** entre os dois pixels pretos é exatamente K. A distância entre um pixel na linha r_1 e coluna c_1 e um pixel na linha r_2 e coluna c_2 é $|r_1-r_2|+|c_1-c_2|$. Nesta fórmula, |x| denota o valor absoluto de x, que é igual a x se $x \geq 0$ e igual a -x se x < 0.

Vamos descrever agora como o robô funciona.

A memória do robô é um array suficientemente grande de células, indexadas a partir de 0. Cada célula pode armazenar ou 0 ou 1, e seu valor, uma vez escrito, não é alterado. A imagem é armazenada linha por linha em células indexadas de 0 até $H \cdot W - 1$. A primeira linha é armazenada nas células 0 até W - 1, e a última linha é armazenada nas células $(H - 1) \cdot W$ até $H \cdot W - 1$. Em particular, se o pixel na linha i e coluna j é preto, o valor da célula $i \cdot W + j$ é 1, caso contrário é 0.

Um programa para o robô é uma sequência de **instruções**, que são numeradas por números inteiros consecutivos a partir de 0. Quando um programa é executado, suas instruções são executadas uma por uma. Cada instrução lê os valores de uma ou mais células (estes valores são denominados **entrada** da instrução) e produz um único valor igual a 0 ou 1 (este valor é denominado **saída** da instrução). A saída da instrução i é armazenada na célula $H \cdot W + i$. A entrada da instrução i podem ser somente células que armazenam pixels ou que armazenam saídas de instruções anteriores, isto é células 0 até $H \cdot W + i - 1$.

Há quatro tipos de instruções:

- NOT: tem exatamente uma entrada. Sua saída é 1 se a entrada é 0, caso contrário sua saída é 0.
- AND: tem uma ou mais entradas. Sua saída é 1 se e somente se todas as entradas são 1.
- 0R: tem uma ou mais entradas. Sua saída é 1 se e somente se pelo menos uma

das entradas é 1.

• XOR: tem uma ou mais entradas. Sua saída é 1 se e somente se **um número ímpar** de entradas são 1.

A saída da última instrução do programa deve ser 1 se a distância entre os dois pixels preto é exatamente K, e 0 caso contrário.

Detalhes de implementação

Você deve implementar o seguinte procedimento:

```
void construct_network(int H, int W, int K)
```

- H, W: dimensões de cada imagem tirada pela câmera do robô
- *K*: um número positivo
- Este procedimento deve produzir um programa para o robô. Para qualquer imagem tirada pela câmera do robô, o programa gerado deve determinar se a distância entre os dois pixels pretos na imagem é exatamente K.

O procedimento deve chamar um ou mais dos seguintes procedimentos para acrescentar instruções ao programa para o robô (que inicialmente está vazio):

```
int add_not(int N)
int add_and(int[] Ns)
int add_or(int[] Ns)
int add_xor(int[] Ns)
```

- Acrescenta uma instrução NOT, AND, OR, or XOR, respectivamente.
- N (para add not): o índice da célula a ser lida pela instrução NOT acrescentada
- ullet Ns (para add_and, add_or, add_xor): array contendo os índices das células que serão lidas pelas instruções AND, OR, or XOR
- Cada procedimento retorna o índice da célula que armazena a saída da instrução. As chamadas consecutivas a esses procedimentos retornam inteiros a partir de $H\cdot W$.

O programa para o robô pode conter no máximo $10\,000$ instruções. As instruções podem ler no máximo um total de $1\,000\,000$ valores. Em outras palavras, a soma dos comprimentos dos $arrays\ Ns$ em todas as chamadas add_and, add_or e add_xor mais o número de chamadas para add_not não pode exceder $1\,000\,000$.

Após acrescentar a última instrução, o procedimento construct_network deve retornar. O programa do robô será então avaliado usando um número de imagens. Sua solução passa um dado caso de teste se para cada imagem do caso de teste, a saída da última instrução é 1 se e somente se a distância entre os dois pixels pretos na imagem é igual a K.

A correção de sua solução pode resultar em uma das seguintes mensagens de erro (em inglês):

- Instruction with no inputs: um *array* vazio foi dado como entrada para add and, add or, ou add xor.
- Invalid index: um índice incorreto de células (possivelmente negativo) foi dado como entrada para add and, add or, add xor, or add not.
- \bullet Too many instructions: seu procedimento tentou acrescentar mais do que $10\,000\,\mathrm{instruc\~{o}es}$.
- Too many inputs: as instruções leram mais do que 1000000 valores no total.

Exemplo

Considere H=2, W=3, K=3. Há apenas duas imagens possíves em que a distância entre os pixels pretos é 3.

0	1	2
3	4	5

0	1	2
3	4	5

- ullet Caso 1: os pixels pretos são 0 e 5
- Caso 2: os pixels pretos são 2 e 3

Uma solução possível é construir um programa para o robô efetuando as seguintes chamadas:

- 1. add_and([0, 5]), que acrescenta uma instrução que produz saída 1 se e somente se o caso 1 é verdadeiro. A saída é armazenada na célula 6.
- 2. add_and([2, 3]), que acrescenta uma instrução que produz saída 1 se e somente se o caso 2 é verdadeiro. A saída é armazenada na célula 7.
- 3. add_or([6, 7]), que acrescenta uma instrução que produz saída 1 se e somente se algum dos dois casos é verdadeiro.

Restrições

- 1 < H < 200
- $1 \le W \le 200$
- $2 < H \cdot W$
- $1 \le K \le H + W 2$

Subtarefas

1. (10 pontos) $\max(H, W) \leq 3$

- 2. (11 pontos) $\max(H, W) \le 10$
- 3. (11 pontos) $\max(H, W) \le 30$
- 4. (15 pontos) $\max(H, W) \leq 100$
- 5. (12 pontos) $\min(H, W) = 1$
- 6. (8 pontos) Para cada imagem, o pixel na linha 0 e coluna 0 é preto.
- 7. (14 pontos) K = 1
- 8. (19 pontos) Sem restrições adicionais.

Corretor exemplo

O corretor exemplo lê a entrada no seguinte formato:

- \bullet linha 1: H W K
- linha $2+i \ (i \geq 0)$: $r_1[i] \ c_1[i] \ r_2[i] \ c_2[i]$
- última linha: -1

Cada linha exceto a primeira e a última representa uma imagem com dois pixels pretos. Denotamos a imagem descrita na linha 2 + i por imagem i. Um pixel preto está na linha $r_1[i]$ e coluna $c_1[i]$ e o outro pixel preto está na linha $r_2[i]$ e coluna $c_2[i]$.

O corretor exemplo primeiro executa uma chamada construct_network(H, W, K). Se construct_network viola alguma restrição descrita no enunciado do problem, o corretor exemplo imprime uma das mensagens de erro listadas ao final da seção "Detalhes de Implementação" e termina sua execução.

Caso contrário, o corretor exemplo produz duas saídas.

Primeiro, o corretor de exemplo imprime a saída do programa para o robô no seguinte formato:

• linha 1+i $(0 \le i)$: saída da última instrução do programa para o robô para a imagem i (1 or 0).

Segundo, o corretor exemplo escreve um arquivo log.txt no diretório corrente com o seguinte formato:

```
• line 1 + i \ (0 \le i): m[i][0] \ m[i][1] \ \dots \ m[i][c-1]
```

A sequência na linha 1+i descreve os valores armazenados nas células da memória do robô após a execução do programa que você fez para o robô, dada a imagem i como entrada. Especificamente, m[i][j] é o valor da célula j. Note que o valor de c (o comprimento da sequência) é igual a $H\cdot W$ mais o número de instruções no programa que você fez para o robô.