# Circuito Digital

Hay un circuito que consiste en N+M puertas enumeradas del 0 al N+M-1. Las puertas entre el 0 y el N-1 son puertas con umbral, mientras que las puertas entre N y N+M-1 son puertas de origen.

Cada puerta, excepto por la puerta 0, es una **entrada** para exactamente una puerta con umbral.

Específicamente, para cada i tal que  $1 \le i \le N+M-1$ , la puerta i es una entrada para la puerta P[i], donde  $0 \le P[i] \le N-1$ .

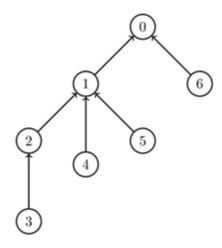
Es importante, destacar que también tenemos P[i] < i. Además, asumiremos que P[0] = -1. Cada puerta con umbral tiene una o más entradas. Las puertas de origen no tienen ninguna entrada.

Cada puerta tiene un **estado**, el cual es 0 o 1. Los estados iniciales de las puertas de origen serán dados por un arreglo A de M enteros. Esto es, para cada j tal que  $0 \le j \le M-1$ , el estado inicial de la puerta de origen N+j es A[j].

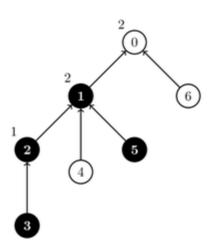
El estado de cada puerta con umbral depende de los estados de sus entradas y es determinado de la siguiente manera: Primero, a cada puerta con umbral se le asigna **parámetro** de umbral . El parámetro asignado a una puerta con umbral que tiene c entradas debe ser un entero entre 1 y c (inclusive). Luego, el estado de una puerta con umbral con parámetro p es p si al menos p de sus entradas tienen estado p0 en caso contrario.

Por ejemplo, supongamos que hay N=3 puertas con umbral y M=4 puertas de origen. Además supongamos que las entradas de la puerta 0 son las puertas 1 y 6, las entradas de la puerta 1 son las puertas 2, 4 y 5 y que la única entrada de la puerta 2 es la puerta 3.

Este ejemplo está ilustrado en la siguiente imagen.



Supongamos que las puertas de origen 3 y 5 tienen estado 1, mientras que las puertas de origen 4 y 6 tienen estado 0. Asumamos que asignamos parámetros de 1, 2 y 2 a las puertas 2, 1 y 0, respectivamente. En este caso, la puerta 2 tendría estado 1, la puerta 1 tendría estado 1 y la puerta 0 tendría estado 0. Esta asignación de parámetros y estados está ilustrada en la siguiente imagen. Las puertas cuyo estado sea 1 están coloreadas de negro.



Los estados de las puertas de origen recibirán Q modificaciones. Cada modificación está descrita por dos enteros L y R ( $N \le L \le R \le N + M - 1$ ) e invierte el estado de todas las puertas de origen entre L y R (inclusivo). Esto es, para cada i tal que  $L \le i \le R$ , la puerta de origen i cambia su estado a 1 si su estado es 0 o a 0 si su estado es 1. El nuevo estado de cada puerta afectada se mantiene sin cambios hasta que sea invertido por alguna modificación posterior.

Su objetivo es contar, luego de cada modificación, cuántas asignaciones de parámetros diferentes resultan en que el estado de la puerta 0 sea 1. Dos asignaciones son consideradas diferentes si existe al menos una puerta con umbral que tenga diferente valor de parámetro en ambas asignaciones. Ya que la cantidad de asignaciones válidas puede ser muy grande, debe calcularla módulo  $1\ 000\ 002\ 022$ .

Note que en el anterior ejemplo hay 6 asignaciones de parámetros diferentes, pues las puertas 0, 1 y 2 tienen 2, 3 y 1 entradas, respectivamente. En 2 de estas 6 asignaciones, la puerta 0 tiene estado 1.

### Detalles de Implementación

Su tarea es implementar dos procedimientos.

```
void init(int N, int M, int[] P, int[] A)
```

- *N*: Cantidad de puertas con umbral.
- *M*: Cantidad de puertas de origen.
- ullet P: Un arreglo de longitud N+M que describe la puerta con umbral de la cual cada puerta es entrada.
- ullet A: Un arreglo de longitud M que describe los estados iniciales de las puertas de origen.
- Este procedimiento es llamado exactamente una vez, antes de cualquier llamada a count\_ways.

```
int count_ways(int L, int R)
```

- *L*, *R*: Los límites del rango de puertas de origen cuyos estados serán invertidos.
- ullet Este procedimiento debe devolver la cantidad de formas, módulo  $1\ 000\ 002\ 022$ , de asignar parámetros a las puertas con umbral tales que resulten en que el estado de la puerta  $0\ \text{sea}$  1.
- Este procedimiento es llamado exactamente Q veces.

## Ejemplo

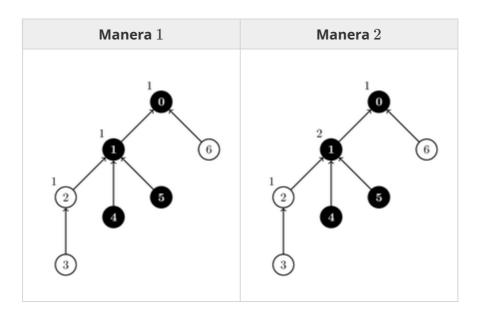
Considere la siguiente secuencia de llamadas:

```
init(3, 4, [-1, 0, 1, 2, 1, 1, 0], [1, 0, 1, 0])
```

Este ejemplo está ilustrado en la descripción del problema.

```
count_ways(3, 4)
```

Esto invierte los estados de las puertas 3 y 4; en otras palabras, el estado de la puerta 3 se vuelve 0 y el estado de la puerta 4 se vuelve 1. Dos maneras de asignar los parámetros que resulten en que el estado de la puerta 0 sea 1 están ilustradas en las siguientes imágenes.



En todas las otras asignaciones de parámetros, la puerta 0 tiene estado 0. Por lo tanto, el procedimiento debe devolver 2.

Esto invierte los estados de las puertas 4 y 5. Como resultado, todas las puertas de origen tienen estado 0, así que cualquier asignación de parámetros conllevará a que la puerta 0 tenga estado 0. Por lo tanto, el procedimiento debe devolver 0.

Esto cambia los estados de todas las puertas de origen a 1. Como resultado, cualquier asignación de parámetros conllevará a que la puerta 0 tenga estado 1. Por lo tanto, el procedimiento debe devolver 6.

### Restricciones

- $1 \le N, M \le 100000$
- $1 \le Q \le 100\ 000$
- P[0] = -1
- $0 \le P[i] < i$  y  $P[i] \le N-1$  (para cada i tal que  $1 \le i \le N+M-1$ )
- Cada puerta con umbral tiene al menos una entrada (para cada i tal que  $0 \le i \le N-1$  existe un índice x tal que  $i < x \le N+M-1$  y P[x]=i).
- $0 \le A[j] \le 1$  (para cada j tal que  $0 \le j \le M-1$ )
- $N \le L \le R \le N+M-1$

#### **Subtareas**

1. (2 puntos) N=1,  $M \le 1000$ ,  $Q \le 5$ 

- 2. (7 puntos)  $N, M \le 1000, Q \le 5$ , cada puerta con umbral tiene exactamente dos entradas.
- 3. (9 puntos)  $N, M \le 1000, Q \le 5$
- 4. (4 puntos) M=N+1,  $M=2^z$  (para algún entero positivo z),  $P[i]=\lfloor \frac{i-1}{2} \rfloor$  (para cada i tal que  $1\leq i\leq N+M-1$ ), L=R
- 5. (12 puntos) M=N+1,  $M=2^z$  (para algún entero positivo z),  $P[i]=\lfloor \frac{i-1}{2} \rfloor$  (para cada i tal que  $1\leq i\leq N+M-1$ )
- 6. (27 puntos) Cada puerta con umbral tiene exactamente dos entradas.
- 7. (28 puntos)  $N, M \le 5000$
- 8. (11 puntos) Sin restricciones adicionales.

### Evaluador de prueba

El evaluador de prueba lee la entrada con el siguiente formato:

- línea  $1:N\ M\ Q$
- línea 2: P[0] P[1]  $\dots$  P[N+M-1]
- línea 3: A[0] A[1]  $\dots$  A[M-1]
- línea 4+k ( $0 \le k \le Q-1$ ): L R para la k-ésima modificación.

El evaluador de prueba imprime sus respuestas con el siguiente formato:

• línea 1+k ( $0 \le k \le Q-1$ ): El valor que retorna count\_ways luego de la k-ésima modificación.