RUSSIA - KAZAN

International Olympiad in Informatics 2016

12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 2

messy Country: GEO

შეცდომის გასწორება

ილშატი პროგრამისტია და მუშაობს ეფექტური მონაცემთა სტრუქტურების შექმნაზე. ერთ დღეს მან მოიფიქრა მონაცემთა ახალი სტრუქტურა. ამ მონაცემთა სტრუქტურას შეუძლია შეინახოს *არაუარყოფითი n* -ბიტიანი მთელი რიცხვები, სადაც n არის ორის ხარისხები. ანუ, $n=2^b$ რაიმე არაუარყოფითი b რიცხვისათვის.

თავიდან მონაცემთა სტრუქტურა ცარიელია. პროგრამამ, რომელიც იყენებს ამ მონაცემთა სტრუქტურას, უნდა დაიცვას შემდეგი წესები:

- პროგრამას უნდა შეეძლოს მონაცემთა სტრუქტურაში n-ბიტიანი მთელი რიცხვების დამატება, ერთმანეთის მიყოლებით ფუნქცია add_element(x)-ის გამოყენებით. თუ პროგრამა შეეცდება დაამატოს ისეთი ელემენტი, რომელიც უკვე არის სტრუქტურაში, მაშინ იგი არ დაემატება.
- ბოლო ელემენტის დამატების შემდეგ პროგრამამ უნდა გამოიძახოს ფუნქცია compile_set() ზუსტად ერთხელ.
- \circ და ბოლოს, პროგრამას შეუძლია გამოიძახოს ფუნქცია $check_element(x)$ იმისათვის, რომ შეამოწმოს, არის თუ არა x ელემენტი მონაცემთა სტრუქტურაში. ეს ფუნქცია შეიძლება გამოძახებული იქნეს ბევრჯერ.

როცა ილშატმა პირველად გაუკეთა რეალიზაცია ამ ფუნქციას, მან დაუშვა შეცდომა ფუნქცია compile_set()-ში. ამ ფუნქციის შესრულების შემდეგ შეცდომის გამო მონაცემთა სტრუქტურაში თითოეული რიცხვის ორობითი თანრიგები გადაადგილდება ერთიდაიგივე წესით. ილშატს სურს, რომ იპოვოთ ზუსტი ცვლილებები რიცხვებში, რაც მოხდა შეცდომის გამო.

ფორმალურად, განვიხილოთ მიმდევრობა $P=[p_0,\dots,p_{n-1}]$, რომელშიც შედის ყველა რიცხვი 0 -დან (n-1)-ის ჩათვლით მხოლოდ ერთხელ. ვუწოდოთ ასეთ მიმდევრობას გადანაცვლება. განვიხილოთ ელემენტი, რომლის ორობითი წარმოდგენაც არის a_0,\dots,a_{n-1} (სადაც a_0 არის პირველი ციფრი). როცა ფუნქცია $\operatorname{compile_set}()$ გამოიძახება, მაშინ ეს ელემენტი შეიცვლება ელემენტით $a_{p_0},a_{p_1},\dots,a_{p_{n-1}}$.

ყველა ელემენტის ორობითი თანრიგების შესაცვლელად იგივე p გადანაცვლება გამოიყენება. გადანაცვლება შეიძლება იყოს ნებისმიერი, რომელშიც შედის $p_i=i$, სადაც $0\leq i\leq n-1$.

მაგალითად, დავუშვათ n=4 , p=[2,1,3,0] და გვაქვს ორობითი რიცხვების სიმრავლე 0000, 1100 და 0111. ფუნქცია $compile_set$ -ის გამოძახების შემდეგ ელემენტები შეიცვლებიან და გახდებიან 0000, 0101 და 1110, შესაბამისად.

თქვენი ამოცანაა დაწეროთ პროგრამა, რომელიც მონაცემთა სტრუქტურასთან

ურთიერთქმედებით იპოვის გადანაცვლება p-ს. მან უნდა (შემდეგი მიმდევრობით):

- 1.შეარჩიოს n -ბიტიანი მთელი რიცხვები,
 - 1. ჩასვას ეს რიცხვები მონაცემთა სტრუქტურაში,
 - 2. გამოიძახოს ფუნქცია compile set, რათა მოხდეს აღწერილი შეცდომა,
 - 3. შეამოწმოს, არის თუ არა ზოგიერთი ელემენტი მოდიფიცირებულ სტრუქტურაში,
 - 4. გამოიყენოს ეს ინფორმაცია, რომ დაადგინოს და დაგვიბრუნოს გადანაცვლება p .

მიაქციეთ ყურადღება, რომ თქვენმა პროგრამამ უნდა გამოიძახოს ფუნქცია compile_set მხოლოდ ერთხელ.

ამის გარდა არსებობს შეზღუდვა იმის შესახებ, თუ რამდენჯერ უნდა გამოიძახოთ ბიბლიოთეკებიდან ეს ფუნციები. კერძოდ, მას შეუძლია:

- \circ გამოიძახოს $\operatorname{\mathsf{add}}$ $\operatorname{\mathsf{element}}$ არაუმეტეს w -ჯერ (w არის "დამატებისათვის"),
- \circ გამოიძახოს $\operatorname{check_element}$ არაუმეტეს r -ჯერ (r არის "შემოწმებისათვის").

იმპლემენტაციის დეტალები

თქვენ უნდა შექმნათ ერთი ფუნქცია (მეთოდი):

- o int[] restore_permutation(int n, int w, int r)
 - ი: ბიტების რაოდენობა ყოველი ელემენტის ორობით წარმოდგენაში (და აგრეთვე არის p -ს სიგრძეც).
 - w: მაქსიმალური რაოდენობა add_element ოპერაციისა, რომელიც თქვენს პროგრამას შეუძლია შეასრულოს.
 - r: მაქსიმალური რაოდენობა check_element ოპერაციისა, რომელიც თქვენს პროგრამას შეუძლია შეასრულოს.
 - \circ ფუნქციამ უნდა დაადგინოს და დაგვიბრუნოს p მიმდევრობა.

In the C language, the function prototype is a bit different:

- o void restore permutation(int n, int w, int r, int* result)
 - on, w and r have the same meaning as above.
 - \circ the function should return the restored permutation p by storing it into the provided array result: for each i, it should store the value p_i into result[i].

Library functions

სტრუქტურასთან ურთიერთქმედებისათვის თქვენმა პროგრამამ უნდა გამოიყენოს შემდეგი სამი ფუნქცია (მეთოდი):

- void add_element(string x)
 ეს ფუნქცია ამატებს x ელემენტს სიმრავლეში.
 - ა: '0'-ებისა და '1'-ებისაგან შედგენილი სტრიქონი. იგი წარმოადგენს იმ რიცხვის ორობით ჩანაწერს, რომელიც უნდა დაემატოს სტრუქტურას (სიმრავლეს). \mathbf{x} -ის სიგრძე უნდა იყოს n.
- o void compile set()

ეს ფუნქცია გამოძახებული უნდა იქნეს ზუსტად ერთხელ. თქვენს პროგრამას არ შეუძლია გამოიძახოს add_element() ამ გამოძახების შემდეგ. თქვენს პროგრამას არ შეუძლია გამოიძახოს check_element() ამ გამოძახების წინ.

- o boolean check_element(string x) ეს ფუნქცია ამოწმებს ელემენტი x არის თუ არა მოდიფიცირებულ სიმრავლეში.
 - $^{\circ}$ x: $^{'}$ 0'-ებისა და $^{'}$ 1'-ებისაგან შედგენილი სტრიქონი. სიმბოლოები წარმოადგენენ x შესამოწმებელი რიცხვის ორობით წარმოდგენას, სიგრძე უნდა იყოს n .
 - აბრუნებს true თუ ელემენტი x არის მოდიფიცირებულ სიმრავლეში და false წინააღმდეგ შემთხვევაში.

მიაქციეთ ყურადღება, რომ თუკი თქვენი პროგრამა დაარღვევს ზემოთ აღწერილ რომელიმე წესს, შედეგი იქნება "Wrong Answer".

ყველა სტრინგში პირველი სიმბოლო გვაძლევს შესაბამისი რიცხვის უდიდეს ნიშნად ბიტს.

გრადერი აფიქსირებს $\,p\,$ გადანაცვლებას ფუნქცია restore_permutation-ის გამოძახების შემდეგ.

Example

გრადერი აკეთებს შემდეგი ფუნქციის გამოძახებას:

 \circ restore_permutation(4, 16, 16). როცა n=4, პროგრამას შეუძლია გამოიძახოს 16 -ჯერ "დამატება" და 16 "შემოწმება".

პროგრამა აკეთებს ფუნქციათა შემდეგ გამოძახებებს:

```
o add element("0001")
o add element("0011")
o add element("0100")
o compile set()
o check element("0001") returns false
check element("0010") returns true
• check element("0100") returns true
check element("1000") returns false
check element("0011") returns false
check element("0101") returns false
check element("1001") returns false
check element("0110") returns false
check element("1010") returns true
check_element("1100") returns false
  check element()-ის მიერ დაბრუნებულ მნიშვნელობებს მხოლოდ ერთი
  გადანაცვლება შეესაბამება: ესაა გადანაცვლება p=|2,1,3,0| .
  მაშასადამე, restore permutation-მა უნდა დააბრუნოს [2, 1, 3, 0].
```

- 1. (20 points) n=8 , w=256 , r=256 , $p_i
 eq i$ არაუმეტეს ორი i ინდექსისათვის ($0 \le i \le n-1$),
- 2. (18 points) n=32 , w=320 , r=1024 ,
- 3. (11 points) n=32 , w=1024 , r=320 ,
- 4. (21 points) n=128 , w=1792 , r=1792 ,
- 5. (30 points) n=128 , w=896 , r=896 .

Sample grader

The sample grader reads the input in the following format:

- \circ line 1: integers n, w, r,
- \circ line 2: n integers giving the elements of p .