#### **International Olympiad in Informatics 2012**

rings 23-30 September 2012 Azərbaycanca —

Sirmione - Montichiari, Italy

Competition tasks, day 1: Leonardo's inventions and projects

1.0

# Paraşüt halqaları

Bizim indi paraşüt adlandırdığımız vasitənin erkən və mükəmməl versiyası Leonardo da Vinçinin Codex Atlanticus (1485) əsərində təsvir olunub. Leonardo'nun paraşütü piramida formalı ağac karkasın üzərinə sarınmış parçadan ibarət idi.

#### Əlaqəli halqalar

Paraşütçü Adrian Nicholas 500 ildən sonra Leonardonun layihəsini sınaqdan keçirdi. Bunun üçün, sadələşdirilmiş müasir konstruksiyada Leonardonun paraşütü insan bədəninə bağlanırdə. Мы хотим использовать связанные кольца, где также предусмотрены крюки для ткани. Каждое кольцо - это маленькая застежка, сделанная из гибкого и прочного материала. Кольца легко соединять вместе и каждое кольцо может быть разъединено и снова соединено. Особая конфигурация связанных колец - это "цепь": последовательность одного или более связанных колец в которой каждое кольцо соединено с двумя другими кольцами, кроме первого и последнего, которые соединены только с одним другим кольцом, как показано ниже.

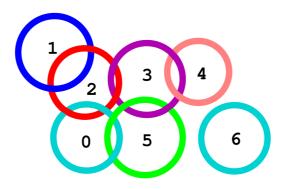


Other configurations are clearly possible, since a ring can be linked to three or more other rings. We say that a ring is *critical* if after opening and removing it, all remaining rings form a set of chains (or there are no other rings left). In other words, there can be nothing but chains left.

#### Örnək

Növbəti səkildə 0-dan 6-dək nömrələnmiş 7 halqaya baxaq. İki kritik halqa var. Kritik halqalardan biri 2-dir: onu uzaqlaşdırdıqdan sonra qalan halqalar [1], [0, 5, 3, 4] və [6] zəncirlərini əmələ gətirir. Digər kritik halqa 3-dür: onu uzaqlaşdırdıqdan sonra qalan halqalar [1, 2, 0, 5], [4] və [6] zəncirlərini əmələ gətirir. Əgər biz hər hansı başqa halqanı uzaqlaşdırsaq, əlaqəli olmayan zəncirlər çoxluğu ala bilmərik. Məsələn, 5 halqasını uzaqlaşdırdıqdan sonra: [6] zəncirini alsaq da, əlaqəli 0, 1, 2, 3 və 4 halqaları zəncir əmələ gətirmir.

1/4 rings - az



# Məsələnin qoyuluşu

Programınız verilmiş konfiqurasiyada kritik halqaların sayını hesablamalıdır.

Başlanğıcda əlaqəli olmayan müəyyən sayda halqa var. Sonra, halqalar bir-birinə bağlanır. İstənilən zamanda sizdən cari konfiqurasiyadakı kritik halqaların sayını qaytarmaq tələb oluna bilər. Xüsusən, siz üç önəmli proseduru reallaşdırmalısınız.

- Init(N) bu prosedur yalnız bir dəfə başlanğıcda çağırılır və ilkin olaraq 0-dan N-1 dək nömrələnmiş N əlaqəli olmayan halqanın olmasını bildirir.
- Link(A, B) A və B nömrəli halqalar bir-birinə bağlanır. A və B-nin fərqli olmasına və birbaşa bağlı olmamalarına zəmanət verilir; bundan başqa, A və B-yə əlavə şərt qoyulmur, xüsusən, fiziki məhdudiyyətlərlə bağlı şərt yoxdur. Aydındır ki, Link(A, B) və Link(B, A) ekvivalentdir.
- CountCritical() əlaqəli halqaların cari konfiqurasiyadakı kritik halqaların sayını qaytarır.

#### Örnək

N = 7 halqadan ibarət şəklimizə qayıdaq və fərz edək ki, onlar başlanğıcda əlaqəli deyillər. Biz mümkün çağırışlar ardıcıllığını göstərəcəyik, belə ki, sonuncu çağırışdan sonra şəklidə göstərilmiş vəziyyəti alırıq.

Çağırışlar	Qaytarılan qiymətlər
Init(7)	
CountCritical()	7
Link(1, 2)	
CountCritical()	7
Link(0,5)	
CountCritical()	7
Link(2,0)	
CountCritical()	7
Link(3,2)	
CountCritical()	4
Link(3, 5)	
CountCritical()	3
Link(4, 3)	
CountCritical()	2

rings - az 2/4

# Altməsələ 1 [20 bal]

- $N \le 5000$ .
- CountCritical funksiyası bütün çağırışlardan sonra yalnız bir dəfə çağırılır; Link funksiyası ən çoxu 5 000 dəfə çağırılır.

# Altməsələ 2 [17 bal]

- $N \le 1000000$ .
- CountCritical funksiyası bütün çağırışlardan sonra yalnız bir dəfə çağırılır; Linkən çoxu 1 000 000 dəfə çağırılır.

## Altməsələ 3 [18 bal]

- $N \le 20000$ .
- CountCritical funksiyası ən çoxu 100 dəfə çağırılacaq; Link funksiyası ən çoxu 10 000 dəfə çağrılacaq.

## Altməsələ 4 [14 bal]

- $N \le 100000$ .
- The functions CountCritical and Link are called, in total, at most 100 000 times.

# Altməsələ 5 [31 bal]

- $N \le 1000000$ .
- The functions CountCritical and Link are called, in total, at most 1 000 000 times.

# Implementation details

You have to submit exactly one file, called rings.c, rings.cpp or rings.pas. This file implements the subprograms described above using the following signatures.

#### C/C++ programları

```
void Init(int N);
void Link(int A, int B);
int CountCritical();
```

rings - az 3/4

#### Pascal programları

```
procedure Init(N : LongInt);
procedure Link(A, B : LongInt);
function CountCritical() : LongInt;
```

These subprograms must behave as described above. Of course you are free to implement other subprograms for their internal use. Your submissions must not interact in any way with standard input/output, nor with any other file.

#### Yoxlayıcı modula örnək

Örnək yoxlayıcı giriş verilənlərini aşağıdakı formatda oxuyur:

- Sətir 1: N, L;
- Sətirlər 2, ..., L + 1:
  - CountCritical çağırmaq üçün -1;
  - Link üçün A, B parametrləri.

Örnək yoxlayıcı CountCritical funksiyasından bütün nəticələri çap edəcək.

rings - az 4/4