International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules
Country: MKD

Детекција на молекули

Николај работи во компанија која има направено машина за детекција на молекули. Секоја молекула има позитивна целобројна маса. Машината има интервал на детекција [l,u], каде l и u се позитивни цели броеви. Машината успешно ќе детектира множество од молекули ако и само ако множеството содржи подмножество од молекули чија вкупна маса е во интервалот на детекција на машината.

Формално: Нека има n молекули со маси $w_0, ..., w_{n-1}$ (масите се позитивни цели броеви). Машината ќе направи успешна детекција ако постои множество од индекси $I=\{i_1, ..., i_m\}$ така што $l\leq w_{i_1}+...+w_{i_m}\leq u$.

Поради спецификациите на машината секогаш важи дека разликата меѓу l и u е поголема или еднаква на разликата во масите меѓу молекулата со најголема и молекулата со најмала маса. Формално, секогаш важи $u-l \ge w_{max}-w_{min}$, каде $w_{max}=\max \left(w_0,...,w_{n-1}\right)$ и $w_{min}=\min \left(w_0,...,w_{n-1}\right)$.

Ваша задача е да напишете програма која за дадено множество молекули наоѓа едно (било кое) подмножество од молекули чија вкупна маса е во интервалот на детекција на машината (ако постои), или пак утврдува дека такво подмножество не постои.

Детали за имплементација

Треба да ја имплементирате функцијата:

- int[] solve(int I, int u, int[] w)
 - ∘ I и u: крајните вредности на интервалот на детекција,
 - w: масите на молекулите.
 - ако постои подмножество според барањата на задачата, функцијата треба да врати низа од индексите на молекулите од едно (било кое) такво подмножество. Ако постојат повеќе точни решенија, вратете било кое од нив.
 - ако не постои подможество според барањата на задачата, функцијата треба да врати празна низа.

Во програмскиот јазик С потписот на функцијата е малку различен:

- int solve(int I, int u, int[] w, int n, int[] result)
 - \circ n: бројот на елементи во w (т.е. бројот на молекули),
 - другите параметри се исти како што е објаснето погоре.
 - \circ наместо да ја врати низата од m индекси, тука функцијата треба да ги зачува индексите во првите m елементи од низата result, а потоа да ја

- врати вредноста m.
- ако не постои подмножество според барањата на задачата, функцијата не треба да запише ништо во низата result и треба да врати 0.

Индексите на молекулите во низата која ја враќа функцијата (или во низата result во C) може да бидат во произволен редослед.

Ве молиме да ги користите дадените темплејт датотеки за детали околу имплементацијата во вашиот програмски јазик.

Примери

Пример 1

```
solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])
```

Во овој пример има 4 молекули со маси: 6, 8, 8 и 7, соодветно. Машината ќе направи успешна детекција бидејќи постои подмножество од молекули со вкупна маса во интервалот на детекција [15,17]. Да забележиме дека важи $17-15 \ge 8-6$. Вкупната маса на молекулите 1 и 3 е $w_1+w_3=8+7=15$, па функцијата може да ја врати низата [1, 3]. Други можни точни решенија се [1, 2] ($w_1+w_2=8+8=16$) и [2, 3] ($w_2+w_3=8+7=15$).

Пример 2

solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])

Во овој пример има 4 молекули со маси 5, 5, 6 и 6, соодветно. Бараме подмножество од молекулите чија вкупна маса е во интервалот од најмалку 14 до најмногу 15. Да забележиме дека важи $15-14 \ge 6-5$. Не постои подмножество од молекулите со вкупна маса во интервалот [14, 15]. Оттука, функцијата враќа празна низа.

Пример 3

```
solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])
```

Во овој пример има 4 молекули со маси 15, 17, 16 и 18, соодветно. Бараме подмножество од молекулите чија вкупна маса е во интервалот од најмалку 10 до најмногу 20. Да забележиме дека важи $20-10 \ge 18-15$. Било кое подмножество од точно една молекула има вкупна маса во интервалот [10, 20]. Оттука, точен одговор е било која од низите: [0], [1], [2] и [3].

Подзадачи

- 1. (9 поени): $1 \le n \le 100$, $1 \le w_i \le 100$, $1 \le u$, $l \le 1000$, сите w_i се исти.
- 2. (10 поени): $1 \le n \le 100$, $1 \le w_i$, $u, l \le 1000$ и $\max(w_0, ..., w_{n-1})$ $\min(w_0, ..., w_{n-1}) \le 1$.
- 3. (12 points): $1 \le n \le 100 \text{ M}$ $1 \le w_i$, $u, l \le 1000$.
- 4. (15 points): $1 \le n \le 10\,000$ u $1 \le w_i$, $u, l \le 10\,000$.
- 5. (23 points): $1 \le n \le 10\,000$ u $1 \le w_i$, u, $l \le 500\,000$.
- 6. (31 points): $1 \le n \le 200\,000$ u $1 \le w_i$, $u, l < 2^{31}$.

Оценувач

Оценувачот чита влезни податоци во следниот формат:

- \circ линија 1: позитивни цели броеви n, l, u.
- \circ линија 2: n позитивни цели броеви: $w_0, ..., w_{n-1}.$