

# Escape room

L'architetto Timothy ha costruito una nuova *escape room* composta da  $n$  stanze numerate da  $0$  a  $n - 1$ . All'interno della stanza  $i$  è presente una chiave di tipo  $r[i]$  (un intero tra  $0$  e  $n - 1$ , inclusi). Nota che più stanze possono contenere chiavi dello stesso tipo, quindi i valori di  $r[i]$  non sono necessariamente distinti.

Sono inoltre presenti  $m$  passaggi **bidirezionali**, numerati da  $0$  a  $m - 1$ . Il passaggio  $j$  collega una coppia di stanze distinte  $u[j]$  e  $v[j]$ , ed è bloccato da una serratura di tipo  $c[j]$ . Una stessa coppia di stanze può essere collegata da più passaggi.

Ti muovi tra le stanze, raccogliendo le chiavi e **attraversando** i passaggi, cioè usando un passaggio  $j$  per andare dalla stanza  $u[j]$  alla stanza  $v[j]$ , o viceversa. Per farlo devi aver già raccolto una chiave di tipo  $c[j]$ .

Durante il gioco, se ti trovi nella stanza  $x$  puoi fare due azioni:

- raccogliere la chiave di tipo  $r[x]$  lì presente, se non l'hai già raccolta,
- attraversare un passaggio  $j$ , se  $u[j] = x$  oppure  $v[j] = x$ , e hai già raccolto una chiave di tipo  $c[j]$ .

Nota che **non scarti mai** le chiavi raccolte.

Inizi senza chiavi da una qualche stanza  $s$ . Una stanza  $t$  è **raggiungibile** da  $s$  se, facendo una qualche sequenza di azioni a partire da  $s$ , puoi raggiungere  $t$ .

Per ogni stanza  $i$ , sia  $p[i]$  il numero di stanze raggiungibili partendo da  $i$ . Trova l'insieme delle stanze che raggiungono il minor numero di altre stanze, cioè gli indici  $i$  per cui  $p[i]$  è minimo.

## Note di implementazione

Devi implementare la seguente funzione:

```
int[] find_reachable(int[] r, int[] u, int[] v, int[] c)
```

- $r$ : array di lunghezza  $n$ , dove  $r[i]$  è il tipo della chiave nella stanza  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ).
- $u, v$ : array di lunghezza  $m$ , dove il passaggio  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ) collega le stanze  $u[j]$  e  $v[j]$ .
- $c$ : array di lunghezza  $m$ , dove il passaggio  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ) richiede una chiave di tipo  $c[j]$ .
- Questa funzione deve restituire un array  $a$  di  $n$  elementi, per cui  $a[i]$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ) deve essere  $1$  se  $p[i]$  è minimo ( $p[i] \leq p[j]$  per ogni  $0 \leq j \leq n - 1$ ); altrimenti deve essere  $0$ .

## Esempi

### Esempio 1

Considera la seguente chiamata:

```
find_reachable([0, 1, 1, 2],  
               [0, 0, 1, 1, 3], [1, 2, 2, 3, 1], [0, 0, 1, 0, 2])
```

Se il giocatore inizia dalla stanza 0, può fare le seguente sequenza di azioni:

Stanza attuale	Azione
0	Raccogliere la chiave 0
0	Attraversare il passaggio 0 fino alla stanza 1
1	Raccogliere la chiave 1
1	Attraversare il passaggio 2 fino alla stanza 2
2	Attraversare il passaggio 2 fino alla stanza 1
1	Attraversare il passaggio 3 fino alla stanza 3

Quindi la stanza 3 è raggiungibile dalla stanza 0. Dalla stanza 0 è possibile raggiungere ogni altra stanza, quindi  $p[0] = 4$ . Questa tabella mostra quali sono le stanze raggiungibili:

Stanza iniziale $i$	Stanze raggiungibili	$p[i]$
0	[0, 1, 2, 3]	4
1	[1, 2]	2
2	[1, 2]	2
3	[1, 2, 3]	3

Il valore minimo di  $p[i]$  è 2, e questo corrisponde agli indici  $i = 1$  e  $i = 2$ . Quindi la funzione deve restituire [0, 1, 1, 0].

### Esempio 2

```
find_reachable([0, 1, 1, 2, 2, 1, 2],  
               [0, 0, 1, 1, 2, 3, 3, 4, 4, 5],  
               [1, 2, 2, 3, 3, 4, 5, 5, 6, 6],  
               [0, 0, 1, 0, 0, 1, 2, 0, 2, 1])
```

Questa tabella mostra le stanze raggiungibili:

Stanza iniziale $i$	Stanze raggiungibili	$p[i]$
0	[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6]	7
1	[1, 2]	2
2	[1, 2]	2
3	[3, 4, 5, 6]	4
4	[4, 6]	2
5	[3, 4, 5, 6]	4
6	[4, 6]	2

Il valore minimo di  $p[i]$  è 2, e questo corrisponde alle stanze  $i \in \{1, 2, 4, 6\}$ . Quindi la funzione deve restituire [0, 1, 1, 0, 1, 0, 1].

### Esempio 3

```
find_reachable([0, 0, 0], [0], [1], [0])
```

Questa tabella mostra le stanze raggiungibili:

Stanza iniziale $i$	Stanze raggiungibili	$p[i]$
0	[0, 1]	2
1	[0, 1]	2
2	[2]	1

Il valore minimo di  $p[i]$  è 1 corrispondente ad  $i = 2$ , quindi devi restituire [0, 0, 1].

### Assunzioni

- $2 \leq n \leq 300\,000$ .
- $1 \leq m \leq 300\,000$ .
- $0 \leq r[i] \leq n - 1$  per ogni  $0 \leq i \leq n - 1$ .
- $0 \leq u[j], v[j] \leq n - 1$  e  $u[j] \neq v[j]$  per ogni  $0 \leq j \leq m - 1$ .
- $0 \leq c[j] \leq n - 1$  per ogni  $0 \leq j \leq m - 1$ .

### Subtask

1. (9 points)  $c[j] = 0$  per ogni  $0 \leq j \leq m - 1$  e  $n, m \leq 200$ .
2. (11 points)  $n, m \leq 200$ .
3. (17 points)  $n, m \leq 2000$ .
4. (30 points)  $c[j] \leq 29$  (per ogni  $0 \leq j \leq m - 1$ ) e  $r[i] \leq 29$  (per ogni  $0 \leq i \leq n - 1$ ).
5. (33 points) Nessuna limitazione aggiuntiva.

## Grader di esempio

Il grader di esempio legge l'input nel seguente formato:

- riga 1:  $n \ m$
- riga 2:  $r[0] \ r[1] \ \dots \ r[n-1]$
- righe  $3 + j$  ( $0 \leq j \leq m-1$ ):  $u[j] \ v[j] \ c[j]$

Il grader di esempio stampa l'output nel seguente formato:

- riga 1:  $a[0] \ a[1] \ \dots \ a[n-1]$