

Keys

Timoteo el arquitecto diseñó un nuevo juego de escape. En el juego hay n salones, numerados de 0 a $n - 1$ inclusive. Al principio del juego en cada salón hay exactamente una llave. Cada llave tiene un tipo, que es un entero entre 0 y $n - 1$ inclusive. La llave que está en el salón i ($0 \leq i \leq n - 1$) tiene tipo $r[i]$. Notar que puede haber llaves del mismo tipo en salones distintos, es decir los valores $r[i]$ no son necesariamente distintos.

Hay también m pasillos **bidireccionales** en el juego, que se numeran del 0 al $m - 1$. El pasillo j ($0 \leq j \leq m - 1$) conecta dos salones diferentes, $u[j]$ y $v[j]$. Puede haber más de un pasillo entre los mismos dos salones.

Hay un solo jugador en el juego, que agarra llaves y se mueve entre los salones a través de los pasillos. Decimos que el jugador **atraviesa** un pasillo j cuando usa este pasillo para moverse del salón $u[j]$ al salón $v[j]$, o vice versa. Para poder atravesar el pasillo j , el jugador debe primero haber agarrado alguna llave de tipo $c[j]$.

Si el jugador está en el salón x , puede hacer dos cosas:

- agarrar la llave que está en el salón x , que es de tipo $r[x]$ (a menos que la haya agarrado ya)
- atravesar el pasillo j con $u[j] = x$ o $v[j] = x$, siempre y cuando el jugador ya haya agarrado una llave de tipo $c[j]$. Notar que esto **no** gasta la llave: una vez que el jugador agarra una llave la tiene disponible para siempre.

El jugador **arranca** el juego en un salón s , sin tener ninguna llave. Un salón t es **alcanzable** si el jugador puede llegar al salón t haciendo una serie de acciones permitidas.

Para cada salón i ($0 \leq i \leq n - 1$), sea $p[i]$ la cantidad de salones alcanzables desde el salón i . Timoteo quiere saber que conjunto de índices i ($0 \leq i \leq n - 1$) minimizan el valor de $p[i]$.

Detalles de Implementación

Tenés que implementar la siguiente función:

```
int[] find_reachable(int[] r, int[] u, int[] v, int[] c)
```

- r : es un arreglo de longitud n . Para cada i ($0 \leq i \leq n - 1$), la llave en el salón i es de tipo $r[i]$.
- u, v : son dos arreglos de longitud m . Para cada j ($0 \leq j \leq m - 1$), el pasillo j va entre los salones $u[j]$ y $v[j]$.
- c : arreglo de longitud m . Para cada j ($0 \leq j \leq m - 1$), $c[j]$ es el tipo de llave que se necesita para atravesar el pasillo j .

- La función debe devolver un arreglo a de longitud n . Para cada $0 \leq i \leq n - 1$, el valor $a[i]$ debe ser 1 si para cada j tal que $0 \leq j \leq n - 1$ se cumple $p[i] \leq p[j]$. Caso contrario, el valor $a[i]$ debe ser 0.

Ejemplos

Ejemplo 1

Considera la siguiente llamada:

```
find_reachable([0, 1, 1, 2],
               [0, 0, 1, 1, 3], [1, 2, 2, 3, 1], [0, 0, 1, 0, 2])
```

Si el jugador arranca en el salón 0, puede hacer la siguiente secuencia de acciones:

Salón actual	Acción
0	Agarrar una llave de tipo 0
0	Atravesar el pasillo 0 hasta el salón 1
1	Agarrar una llave de tipo 1
1	Atravesar el pasillo 2 hasta el salón 2
2	Atravesar el pasillo 2 hasta el salón 1
1	Atravesar el pasillo 3 hasta el salón 3

Por lo tanto, el salón 3 es alcanzable desde el salón 0. Similarmente, podemos construir sucesiones de acciones que muestran que todos los salones son alcanzables desde el salón 0, por lo que $p[0] = 4$.

En la tabla de abajo se muestra qué salones son alcanzables desde cada salón.

Salón inicial i	Salones alcanzables	$p[i]$
0	[0, 1, 2, 3]	4
1	[1, 2]	2
2	[1, 2]	2
3	[1, 2, 3]	3

El menor valor de $p[i]$ sobre todos los salones es 2, y se alcanza para $i = 1$ y $i = 2$. La función debe entonces devolver [0, 1, 1, 0].

Ejemplo 2

```
find_reachable([0, 1, 1, 2, 2, 1, 2],
               [0, 0, 1, 1, 2, 3, 3, 4, 4, 5],
               [1, 2, 2, 3, 3, 4, 5, 5, 6, 6],
               [0, 0, 1, 0, 0, 1, 2, 0, 2, 1])
```

En la tabla de abajo se muestra qué salones son alcanzables desde cada salón.

Salón inicial i	Salones alcanzables	$p[i]$
0	[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6]	7
1	[1, 2]	2
2	[1, 2]	2
3	[3, 4, 5, 6]	4
4	[4, 6]	2
5	[3, 4, 5, 6]	4
6	[4, 6]	2

El menor valor de $p[i]$ sobre todos los salones es 2, y se alcanza para $i \in \{1, 2, 4, 6\}$. La función debe entonces devolver [0, 1, 1, 0, 1, 0, 1].

Ejemplo 3

```
find_reachable([0, 0, 0], [0], [1], [0])
```

En la tabla de abajo se muestra qué salones son alcanzables desde cada salón.

Salón inicial i	Salones alcanzables	$p[i]$
0	[0, 1]	2
1	[0, 1]	2
2	[2]	1

El menor valor de $p[i]$ sobre todos los salones es 1, y se alcanza para $i = 2$. La función debe entonces devolver [0, 0, 1].

Restricciones

- $2 \leq n \leq 300\,000$
- $1 \leq m \leq 300\,000$
- $0 \leq r[i] \leq n - 1$ para todo $0 \leq i \leq n - 1$
- $0 \leq u[j], v[j] \leq n - 1$ y $u[j] \neq v[j]$ para todo $0 \leq j \leq m - 1$

- $0 \leq c[j] \leq n - 1$ para todo $0 \leq j \leq m - 1$

Subtareas

1. (9 puntos) $c[j] = 0$ para todo $0 \leq j \leq m - 1$ y $n, m \leq 200$
2. (11 puntos) $n, m \leq 200$
3. (17 puntos) $n, m \leq 2000$
4. (30 puntos) $c[j] \leq 29$ (para todo $0 \leq j \leq m - 1$) y $r[i] \leq 29$ (para todo $0 \leq i \leq n - 1$)
5. (33 puntos) Sin restricciones adicionales.

Evaluador Local

El evaluador local lee la input en el siguiente formato

- línea 1: $n \ m$
- línea 2: $r[0] \ r[1] \ \dots \ r[n - 1]$
- línea $3 + j$ ($0 \leq j \leq m - 1$): $u[j] \ v[j] \ c[j]$

El evaluador local imprime el arreglo que devuelve `find_reachable` en el siguiente formato

- línea 1: $a[0] \ a[1] \ \dots \ a[n - 1]$