legowall

Feladat neve	Lego Wall
Bemenet	standard bemenet
Kimenet	standard kimenet
Időkorlát	3 másodperc
Memóriakorlát	256 MB

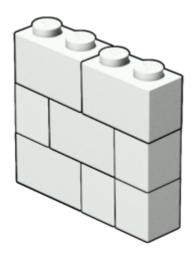
Kétféle lego elem létezik: 1 × 1 × 1-es és 2 × 1 × 1-es (szélesség × magasság × mélység, ahogy a képen látható). Mindkettőből végtelen mennyiség áll rendelkezésünkre, és az egyforma méretűek nem különböztethetők meg egymástól.



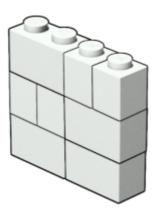


A lego téglákat mindig függőleges helyzetben használják. Két lego téglát akkor tekintünk **összekapcsolt**nak, ha az egyik tégla közvetlenül a másik tégla felett van. Két tégláról b_0 -ról és b_k -ról azt mondjuk, hogy **összefüggők**, ha van a tégláknak van egy olyan b_0 , b_1 , ..., b_k sorozata, ahol b_i – 1 és b_i összekapcsoltak minden i-re (1 $\leq i \leq k$). Úgy tekintjük, hogy a lego-elemek egy elrendezése **összefüggő**, ha benne minden téglapár összefüggő.

Egy vékony, téglalap alakú w szélességű és *h* magasságú (1 mélységű) falat szeretnénk készíteni, amiben **nincsenek lyukak** és a téglák **összefüggő** elrendezésűek. Példaként az alábbi képen egy ilyen, 4 szélességű és 3 magasságú legófal látható:



Másrészt a következő 4 × 3-as legófal **nem** összefüggő, emiatt nem kívánatos:



Hányféleképpen lehet ilyen **összefüggő**, **lyukak nélküli** legofalat építeni? Mivel ez a szám meglehetősen nagy is lehet, ezért az eredményt modulo 1 000 000 007 add meg! Megjegyezzük, hogy a legófal tükrözött (180 fokban elforgatott) változata más falnak tekintendő, kivéve, ha a fal téglaösszetétele a szélessége mentén szimmetrikus.

Bemenet

A bemenet egyetlen sorból áll, amely szóközzel elválasztva tartalmazza w-t és h-t (1 $\leq w \leq$ 250 000, 2 $\leq h \leq$ 250 000, $w \times h \leq$ 500 000), vagyis a fal szélességét és magasságát.

Kimenet

A kimenet egyetlen egész szám, a $w \times h$ méretű, lyukak nélküli, összefüggő legófalak száma modulo 1 000 000 007.

Pontozás

- 1. részfeladat (14 pont): w = 2.
- 2. részfeladat (12 pont): h = 2.
- 3. részfeladat (18 pont): $w, h \le 100$.
- 4. részfeladat (30 pont): $w \le 700$.
- 5. részfeladat (20 pont): $h \le 700$.
- 6. részfeladat (6 pont): nincs további megkötés.

Példák

Bemenet	Kimenet
22	3
5 7	1436232

Az első példa magyarázata

A három összefüggő 2×2 -es fal, amelyet építhetünk:

