Simurgh

De acuerdo a leyendas antiguas persas en Shahnameh, Zal, el legengario héreo persa, estába perdidamente enamorado de Rudaba, la princesa de Kabul. Cuando Zal pidió la mano de Rudaba para casarse, su padre le puso un reto.

Existen n ciudades en Persia, numeradas de 0 a n-1, y m caminos bidireccionales, numerados de 0 a m-1. Cada camino conecta un par de ciudades distintas. Cada par de ciudades están conectadas por a lo más un camino. Algunos de los caminos son *caminos reales* usados solamente por la gente de la realeza. La tarea de Zal es determinar cuáles de los caminos son *caminos reales*.

Zal tiene un mapa que contiene todas las ciudades y caminos de Persia. Él no conoce cuáles de los caminos son reales pero puede pedir ayuda a Simurgh, la benevolente ave protectora mítica de Zal. Sin embargo, el ave Simurgh no quiere revelarle directamente a Zal el conjunto de caminos que son caminos reales. Simurgh primero le revela a Zal que el conjunto de caminos reales es un conjunto dorado. Un conjunto de caminos es un conjunto dorado si y sólo si:

- Tiene exactamente n-1 caminos, y
- para cada par de ciudades, es posible llegar de una ciudad a otra viajando sólo por los caminos del conjunto.

Además, Zal puede hacer preguntas a Simurgh. Para cada pregunta:

- 1. Zal escoge un conjunto dorado de caminos, después
- 2. Simurgh le responde a Zal cuántos caminos del conjunto dorado son caminos reales.

Tu programa debe ayudar a Zal a encontrar el conjunto de *caminos reales* en a lo más q preguntas. El evaluador tomará el papel de Simurgh.

Detalles de implementación

Debes implementar el siguiente procedimiento:

```
int[] find_roads(int n, int[] u, int[] v)
```

- n: número de ciudades,
- u y v: arreglos de longitud m. Para todo $0 \le i \le m-1$, u[i] y v[i] son ciudades conectadas por el camino i.
- Este procedimiento debe regresar un arreglo de longitud n-1 que contiene los índices de los caminos reales (en cualquier orden).

Tu solución puede hacer a lo más q llamadas del siguiente procedimiento del evaluador:

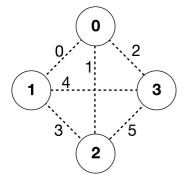
```
int count common roads(int[] r)
```

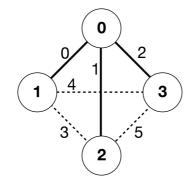
- r: arreglo de longitud n-1 que contiene los índices de un *conjunto dorado* (en cualquier orden).
- Este procedimiento regresa el número de *caminos reales* que se encuentran en el arreglo r.

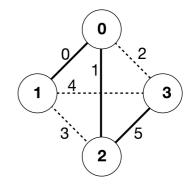
Ejemplo

find_roads(...)

 $count_common_roads([0, 1, 2]) = 2$ $count_common_roads([5, 1, 0]) = 3$







En este ejemplo hay 4 ciudades y 6 caminos. Denotamos (a, b) como un camino que conecta las ciudades a y b. Los caminos están numerados de 0 a 5 en el siguiente orden: (0,1), (0,2), (0,3), (1,2), (1,3), and (2,3). Cada conjunto dorado tiene n-1=3 caminos.

Asume que los *caminos reales* son los caminos con índices 0, 1, y 5, es decir, los caminos (0, 1), (0,2), y (2,3). El programa de ejemplo hace las siguientes llamadas:

- count common roads([0, 1, 2]) regresa 2. Esta llamada pregunta por los índices 0, 1, y 2, es decir, los caminos (0,1), (0,2) y (0,3). Dos de ellos son *caminos reales*.
- count common roads ([5, 1, 0]) regresa 3. Esta pregunta contiene todos los caminos reales.

El procedimiento find roads debe regresar [5, 1, 0] o cualquier otro arreglo de longitud 3 que contenga esos 3 elementos.

Nota que las siguientes llamadas no están permitidas:

- count common roads([0, 1]): aquí la longitud de r no es 3.
- \bullet count common roads([0, 1, 3]): aquí r no describe un conjunto dorado, pues es imposible viajar de la ciudad 0 a la ciudad 3 usando sólo los caminos (0,1), (0,2) y (1,2).

Restricciones

- 2 < n < 500
- $n-1 \le m \le n(n-1)/2$
- $0 \le u[i], v[i] \le n-1$ (para todo $0 \le i \le m-1$)
- ullet Para todo $0 \leq i \leq m-1$, el camino con índice i conecta dos ciudades distintas (i.e., $u[i] \neq v[i]$).
- Para cada par de ciudades, a lo más hay un camino que las conecta.
- Es posible viajar entre cada par de ciudades usando los caminos.
- El conjunto de caminos reales es un conjunto dorado.
- find_roads debe llamar count_common_roads a lo más q veces. En cada llamada, el conjunto de caminos especificados en r deben formar un conjunto dorado.

Subtarea

- 1. (13 puntos) $n \le 7$, q = 30,000
- 2. (17 puntos) $n \le 50$, q = 30,000
- 3. (21 puntos) $n \le 240$, q = 30,000
- 4. (19 puntos) q = 12,000 y existe un camino entre cada posible par de ciudades.
- 5. (30 puntos) q = 8,000

Evaluador de ejemplo

El evaluador de ejemplo lee la entrada en el siguiente formato:

- línea 1: n m
- Iínea 2+i (para todo $0 \le i \le m-1$): u[i] v[i]
- ullet línea 2+m: s[0] s[1] \dots s[n-2]

Aquí, $s[0], s[1], \ldots, s[n-2]$ son los índices de los *caminos reales*.

El evaluador de ejemplo imprime YES, si find_roads manda llamar count_common_roads a lo más 30,000 veces y regresa el conjunto correcto de caminos reales. De lo contrario, imprime NO.

Ten en cuenta que el procedimiento $count_common_roads$ en el evaluador de ejemplo no revisa si r tiene todas las propiedades de un *conjunto dorado*. El evaluador de ejemplo cuenta y regresa el número de *caminos reales* del arreglo r. Sin embargo, si el programa que subes a CSM llama $count_common_roads$ con un conjunto de caminos que no describen un *conjunto dorado*, el veredicto del evaluador será 'Wrong Answer'.

Notas técnicas

El procedimiento $count_common_roads$ en C++ y Pascal pasa el método por referencia por razones de eficiencia. Sin embargo, puedes mandar llamar el procedimiento en la forma usual. Se garantiza que el evaluador no cambiará el valor del arreglo r.