# RUSSIA - KAZAN

#### International Olympiad in Informatics 2016

12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 1

**paint**Country: THA

# ระบายตามตัวเลข

เกมระบายตามตัวเลขเป็นเกมพัชเซิลชื่อดังเกมหนึ่ง เราพิจารณาเกมนี้ในรูปแบบหนึ่งมิติอย่างง่าย การเล่นเกมนี้ ผู้เล่นจะได้รับเซลล์หนึ่งแถวซึ่งประกอบด้วย n เซลล์ เซลล์เหล่านี้ถูกกำกับด้วยหมายเลข ตั้งแต่ 0 ถึง n-1 เรียงจากซ้ายไปขวา ผู้เล่นต้องระบายเซลล์ด้วยสีดำหรือขาว ในที่นี้เราจะใช้ 'X' เพื่อแสดงเซลล์สีดำ และ '' เพื่อแสดงเซลล์สีขาว

ผู้เล่นจะได้รับลำดับของตัวเลขจำนวนเต็มบวก  $c=[c_0,...,c_{k-1}]$  จำนวน k ตัว เป็น คำ  $\ell b$  เขาต้องระบาย เซลล์เพื่อทำ ให้เซลล์สีดำ ในแถวนั้น ให้ติดกันเป็นบล็อก k บล็อกพอดี และจำนวนของเซลล์สีดำ ในบล็อกที่ i (เริ่มนับจาก 0) นับจากทางด้านซ้าย ต้องเท่ากับ  $c_i$  ตัวอย่างเช่น ถ้าคำ ใบ้เป็น c=[3,4] คำตอบของ พัซเซิลต้องมีเซลล์ดำติดกันสองบล็อกพอดี บล็อกหนึ่งยาว 3 และอีกบล็อกหนึ่งยาว 4 ดังนั้น ถ้า n=10 และ c=[3,4] แล้ว ผลเฉลยอันหนึ่งของคำ ใบ้ดังกล่าว คือ "\_XXX\_\_XXX" ให้สังเกตว่า "XXXX\_XXX\_" เป็นผลเฉลยที่ ไม่สอดคล้องกับคำ ใบ้: บล็อกของเซลล์สีดำอยู่ผิดลำดับ และ "\_XXXXXXX" ก็เป็นผลเฉลยที่ ไม่สอดคล้องกับคำ ใบ้เช่นกัน: มีบล็อกของเซลล์สีดำเพียงหนึ่งบล็อก ไม่ใช่สองบล็อกแยกกัน

คุณจะได้รับคำตอบบางส่วนของเกมระบายตามตัวเลข นั่นคือ คุณรู้จำนวน n กับ c และรู้ว่าบางเซลล์ถูก กำหนดให้เป็นสีดำ บางเซลล์ถูกกำหนดให้เป็นสีขาว งานของคุณคือให้สรุปข้อมูลของเซลล์เพิ่ม

เมื่อผลเฉลยที่ถูกต้อง คือ ผลเฉลยที่สอดคล้องกับคำใบ้และสอดคล้องกับสีของเซลล์ที่รู้สีแล้ว โปรแกรม ของคุณต้องหาเซลล์ที่ต้องถูกระบายสีดำในทุกผลเฉลยที่ถูกต้อง และเซลล์ที่ต้องถูกระบายเป็นสีขาวใน ทุกผลเฉลยที่ถูกต้อง รับประกันว่า ข้อมูลนำเข้าที่ให้นั้นมีคำตอบที่ถูกต้องอย่างน้อยหนึ่งคำตอบเสมอ

## รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

จงเขียนฟังก์ชันดังนี้

- o string solve puzzle(string s, int[] c)
  - $\circ$  ร: สตริงความยาว n สำหรับแต่ละ i ซึ่ง ( $0 \le i \le n-1$ ) นั้น ตัวอักษรที่ i คือ
    - 'X', ถ้าเซลล์ i ต้องเป็นสีดำ
    - '', ถ้าเซลล์ i ต้องเป็นสีขาว
    - '.', ถ้าไม่มีข้อมูลของเซลล์ i
  - c: อาเรย์ความยาว k เก็บคำใบ้ตามที่นิยามไว้ด้านบน
  - $\circ$  ฟังก์ชันต้องคืนค่าสตริงความยาว n สำหรับแต่ละ i ซึ่ง ( $0 \le i \le n-1$ ) นั้น ตัวอักษรที่ i ของสตริงผลลัพธ์จะเป็น
    - 'X', ถ้าเซลล์ i เป็นสีดำในทุกคำตอบที่ถูกต้อง
    - ' ', ถ้าเซลล์ i เป็นสีขาวในทุกคำตอบที่ถูกต้อง
    - '?', ในกรณีอื่น (เช่น มีคำตอบที่ถูกต้องสองคำตอบซึ่งคำตอบหนึ่งเซลล์ i เป็นสีดำ แต่อีกคำตอบหนึ่ง เป็นสีขาว)

ในภาษาซี หัวฟังก์ชันแตกต่างเล็กน้อย

- o void solve\_puzzle(int n, char\* s, int k, int\* c, char\* result)
  - on: ความยาวของสตริง s (จำนวนเซลล์)
  - ∘ k: ความยาวอาเรย์ c (จำนวนคำใบ้)
  - พารามิเตอร์ตัวอื่น ๆ เหมือนกับด้านบน
  - แทนการคืนค่าสตริงความยาว n ตัวอักษร ฟังก์ชันจะต้องเขียนคำตอบลงในสตริง result

รหัส ASCII ของตัวอักษรที่ใช้ในโจทย์ข้อนี้ คือ

- o 'X': 88
- o '': 95
- '.': 46
- o '?': 63

ให้ดูไฟล์ต้นแบบสำหรับรายละเอียดการเขียนโปรแกรมในภาษาของคุณ

## ตัวอย่าง

#### ตัวอย่างที่ 1

```
solve puzzle(".....", [3, 4])
```

ด้านล่างนี้คือคำตอบที่ถูกต้องซึ่งเป็นไปได้ทั้งหมดของพัซเซิล

- o "XXX XXXX "
- o "XXX XXXX "
- o "XXX XXXX"
- "\_XXX\_XXXX "
- o " XXX XXXX"
- o " XXX XXXX"

จะเห็นได้ว่า เซลล์ตำแหน่งที่ 2, 6, และ 7 (เริ่มต้นจาก 0) เป็นสีดำในทุกคำตอบที่ถูกต้อง ในขณะที่เซลล์อื่น ๆ อาจเป็นสีดำ แต่ไม่จำเป็นต้องเป็นสีดำ ดังนั้นคำตอบที่ถูกต้อง คือ "??X???XX??"

#### ตัวอย่างที่ 2

```
solve_puzzle(".....", [3, 4])
```

ในตัวอย่างนี้ คำตอบที่ถูกต้องทั้งหมดมีเพียงคำตอบเดียวนั่นคือ "XXX\_XXXX"

#### ตัวอย่างที่ 3

```
solve puzzle("..., [3])
```

ในตัวอย่างนี้ เราสามารถสรุปได้ว่า เซลล์ 4 ต้องเป็นสีขาว เราไม่สามารถระบายเซลล์สีดำติดกันสามเซลล์ ระหว่างเซลล์สีขาวสองเซลล์ในตำแหน่ง 3 และ 5 ได้ ดังนั้น คำตอบที่ถูกต้องคือ "??? ????"

#### ตัวอย่างที่ 4

```
solve puzzle(".X....", [3])
```

มีคำตอบที่ถูกต้องเพียงสองคำตอบเท่านั้น ซึ่งตรงกับที่กำหนดไว้ด้านบน

```
o "XXX "
```

o "\_XXX\_\_\_\_\_"

ดังนั้นคำตอบที่ถูกต้องคือ "?XX? "

### งานย่อย

ในทุกงานย่อย  $1 \leq k \leq n$  และ  $1 \leq c_i \leq n$  สำหรับแต่ละ i ซึ่ง  $0 \leq i \leq k-1$ 

- 1. (7 คะแนน)  $n \le 20$ , k = 1, s มีแต่ '.' (พัชเซิลว่าง)
- 2. (3 คะแนน) *n* ≤ 20, *s* มีแต่ '.'
- 3. (22 คะแนน) *n* ≤ 100, *s* มีแต่ '.'
- 4. (27 คะแนน)  $n \le 100$ , s มีแต่ '.' และ ' ' (มีแต่ข้อมูลของเซลล์สีขาว)
- 5. (21 คะแนน)  $n \le 100$
- 6. (10 คะแนน)  $n \le 5000$ ,  $k \le 100$
- 7. (10 คะแนน)  $n \le 200\,000$ ,  $k \le 100$

# เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างอ่านข้อมูลนำเข้าตามรูปแบบต่อไปนี้

- บรรทัดที่ 1: สตริง s
- ullet บรรทัดที่ 2: จำนวนเต็ม k ตามด้วยจำนวนเต็ม k ตัว  $c_0,\,...,\,c_{k-1}$