International Olympiad in Informatics 2017 July 28 - August 4, 2017 Tehran, Iran Day 1 Tasks

train Chinese (TWN)

玩具火車

孿生雙胞胎Arezou和Borzou收到一份不尋常的玩具火車組當做他們的生日禮物,他們用這玩具組建構擁有n個車站及m段單向鐵道的鐵路系統。每一段鐵道從一個車站出發可以回到同一車站或到達一相異的車站。每一車站至少有一段鐵道由該站出發。

有些車站為具有充電功能的充電車站,每當玩具火車抵達充電車站時,它將被充飽電力,一輛充飽電力的玩具火車將有充足能量可以通過n段連續的鐵道。也就是,該火車在最近一次充飽電力後,在進入第n+1 段鐵道時將耗盡電力。

每一車站都有一轉轍器可以用來指向任一由該車站出發的鐵道,停在一車站的火車將循著由該車站的轉轍器所指的鐵道駛離。

這對雙胞胎將用他們的玩具火車玩一遊戲,每一車站不是被Arezou擁有就是被Borzou擁有,並且只有一輛玩具火車,遊戲開始時該火車停在車站s並且充滿電力。為使遊戲開始,車站s的擁有者將設定其轉轍器指向由車站s出發的其中一條鐵道,之後他們開動該玩具火車使其開始沿著鐵道行駛。

當玩具火車第一次進入一車站時,該站的擁有者將設定其轉轍器指向由該站出發的一條鐵道,轉轍器一旦被設定後在本回合遊戲就不會再被改變,因此火車重新造訪之前到過的車站時,它將沿著和之前相同的鐵道離開。

因為車站的數量是有限的,該火車終將進入一迴圈,所謂迴圈是由一串相異的車站 $c[0], c[1], \cdots, c[k-1]$ 所構成,使得火車離開車站 $c[i] (0 \le i < k-1)$ 後將使用連向車站c[i+1]的 鐵道,且火車離開車站c[k-1]時將使用連向車站c[0]的鐵道。注意一迴圈可能只包含一個車站(也就是 k=1時)如果火車駛離車站c[0]並駛向連回車站c[0]的鐵道。

如果該火車能不停地一直行駛下去,則Arezou將獲勝。如果該火車耗盡所有電力,則Borzou將獲勝。也就是,如果沿著車站 $c[0],c[1],\cdots,c[k-1]$ 存在至少一個充電車站,使得該火車可以充電並且可以沿著該迴圈無限行駛下去,則Arezou將獲勝。否則,該火車將耗盡電力(有可能沿著一迴圈繞行若干次後耗盡),則Borzou將獲勝。

你將有一份鐵路系統的描述,Arezou和Borzou將一起玩這遊戲n次,在第s次時($0 \le s \le n-1$)火車會由車站s開始。你的任務是對每次遊戲判斷,不管Borzou的策略為何,Arezou是否有一策略保證一定會贏。

Implementation details

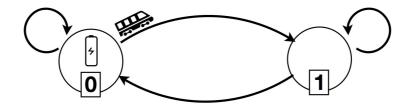
你需要實作以下函式:

int[] who wins(int[] a, int[] r, int[] u, int[] v)

- a: 長度為 n的陣列,若 Arezou 擁有車站 i, 則 a[i] = 1,否則,若Borzou 擁有車站 i 則a[i] = 0。
- r: 長度為 n的陣列,若車站 i為充電車站時則 r[i]=1,否則 r[i]=0。
- u 和 v: 分別為長度m的陣列,對所有 $0 \le i \le m-1$,存在一段單向鐵道由車站 u[i] 開始連向車站 v[i].
- 這函式必須回傳一長度為n的陣列 w, 對每一 $0 \le i \le n-1$,如果不論Borzou的策略為何,Arezou 可以贏得由車站i開始的遊戲,則w[i] 等於 1。否則w[i] 將等於 0。

Example

who_wins([0, 1], [1, 0], [0, 0, 1, 1], [0, 1, 0, 1])



- 範例中2個車站 Borzou 擁有車站 0, 且該站為充電站。Arezou 擁有車站 1, 且該站不是充電站。
- 共有 4段鐵道(0,0),(0,1),(1,0)和(1,1), 其中(i,j)表示由車站i連向車站j的鐵道。
- 考慮遊戲一開始火車停在車站0,如果Borzou將車站 0的轉轍器設定指向鐵道 (0,0)則火車可以無限地沿著迴圈的鐵道行使下去(注意車站 0為充電站),在這情況下Arezou 獲勝。 否則,如果Borzou將車站 0的轉轍器設定指向鐵道(0,1),則Arezou可以將在車站1的轉轍器設定指向鐵道(1,0)。如果發生這情況,則該火車將無限地在這兩個車站之間一直行駛下去,同樣的,Arezou將獲勝,因為車站 0是一充電站,該火車將不會停下來。因此不管Borzou的策略為何,Arezou可以贏得勝利。
- 透過類似的理解方式,如果火車是由車站1開始,不管Borzou的策略為何,Arezou 也可以贏得勝利。所以函式應回傳[1,1].

Constraints

- 1 < n < 5000.
- n < m < 20000.
- 至少有一充電車站。
- 每一車站至少有一鐵道由該站出發。
- 可能存在鐵道其起點站和終點站是同一站 (也就是, u[i] = v[i])。
- 每一鐵道都是相異的,也就是,不會有兩個註標(index) i 和 j ($0 \le i < j \le m-1$) 使得 u[i]=u[j] 及 v[i]=v[j].
- $0 \le u[i], v[i] \le n-1$ (對所有 $0 \le i \le m-1$).

Subtasks

- 1. (5 points) 對所有 $0 \le i \le m-1$, 不是v[i] = u[i] 就是 v[i] = u[i] + 1。
- 2. (10 points) $n < 15_{\circ}$

- 3. (11 points) Arezou 擁有所有車站。
- 4. (11 points) Borzou 擁有所有車站。
- 5. (12 points)恰好只有一充電車站。
- 6. (51 points) 無額外限制。

Sample grader

樣板評分程式使用下列格式讀取輸入資料:

- line 1: n m
- line 2: a[0] a[1] ... a[n-1]
- ullet line 3: r[0] r[1] \dots r[n-1]
- ullet line 4+i (for $0\leq i\leq m-1$): u[i] v[i]

樣板評分程式使用下列格式列印who_wins回傳的答案:

• line 1: w[0] w[1] \dots w[n-1]