# International Olympiad in Informatics 2017 July 28 - August 4, 2017



July 28 - August 4, 2017 Tehran, Iran Day 1 Tasks

**nowruz** Chinese (TWN)

# 諾魯奇

還有幾天就是諾魯奇(波斯人的新年),爺爺已邀請他的家人來到他的花園。 賓客裡有 k 個孩子。為了讓這次的聚會對孩子們更為有趣,爺爺將要玩一種捉迷藏的遊戲。

這座花園可以被表示成有m×n個單位格子的網格。某些(也許為零個)格子可能被石頭所阻擋,其他沒被阻擋的格子就稱為自由格子。兩個格子稱為鄰居,假如此兩個格子有共邊。所以,每個格子至多有四個鄰居:兩個鄰居在水平方向,兩個鄰居在垂直方向。爺爺想要將他的花園變成一座迷宮。為此目的,他可將某些自由的格子種植灌木。自由的格子被種植灌木後就不再是自由格子了。

一座迷宮必需要具有下列性質。在迷宮裡任兩個自由的格子a和b之間必定存在剛好一條簡單路徑。一條介於兩自由格子a和b之間的簡單路徑,是一條由若干自由格子所構成的序列(sequence),使得第一個格子是a,最後一個格子是a,所有的格子都不同,且每兩個連續的格子互為鄰居。

一個孩子可藏在一個格子裡若且為若那個格子是自由的,而且*剛好*只有一個自由鄰居。兩個孩子不可藏 在同一格子裡。

給定一座花園的地圖當成輸入。你的任務是幫忙爺爺創造一座迷宮,使得許多的孩子們可以藏起來。

### 實作細節

這是一個只有輸出(output-only)的任務,且會部份給分。給定10個輸入檔,每個輸入檔描述爺爺的花園。 對於每個輸入檔,你應該繳交一個表示迷宮地圖的輸出檔。對於每個輸出檔,根據可藏在你的迷宮的孩子 個數,你將會得到對應的分數。你不要繳交這個任務的任何原始程式。

# 輸入格式

每個輸入檔案描述一個表示花園的網格和被爺爺邀請的孩子個數 k。 格式如下:

- line 1: m n k
- line 1+i (for  $1 \leq i \leq m$ ): 網格第i列, 它是一個長度為n的字串, 包含下列字元(沒有任何空白):
  - 。'.': 一個自由格子,
  - 。'#': 一塊石頭。

# 輸出格式

- line i (for  $1 \le i \le m$ ): 迷宮第i列 (種植灌木後的花園)。它是一個長度為n的字串, 包含下列三種字元 (沒有任何空白):
  - 。'.': 一個自由格子,
  - 。 '#': 一塊石頭,

### 限制條件

•  $1 \le m, n \le 1024$ 

### 評分

- 一個輸出檔被視為合法假如滿足下列條件:
  - 輸出地圖必需吻合輸入地圖,除了一個特例,那就是在輸入地圖中任意多的 '.' 字元可被換成'X' 字元 (種灌木的格子)。
  - 輸出地圖必需有迷宮的性質, 此性質被定義在問題敘述中。

如果你對於測資的輸出不合法,對此測資你獲得的分數為0分。否則,你的分數將是 $\min(10,10 \cdot l/k)$ 分,無條件捨去至小數點後第二位。此處,l是可藏在你所輸出迷宮的孩子個數,而k是輸入所提供的個數。對於任一測資,你將獲得10分若且惟若你的輸出是一座可藏k或更多孩子的迷宮。每筆測資都存在一個分數為10分的解答。

注意根據上述公式,假如你的解答是合法但仍獲0分,你在CMS看到的評分判定將是 'Wrong Answer'。

## 範例

考慮下列輸入:

4 5 5
...#
.#..#
...#

以下是可能的合法輸出:

.X.X#
.#..#
...#X
XX..#

因為 l=4 孩子可藏在迷宮裡,此解答將獲得 $10\cdot 4/5=8$ 分。那些孩子們可以藏的格子被用  $\bigcirc$  字元標示如下:

```
OXOX#
.#.O#
...#X
XX.O#
```

#### 下列三種輸出為不合法:

```
.XXX# ..X# XXXX#
.#XX# .#.X# X#XX#
...#. ...#X ..X#X
XX..# XXXX# ..XX#
```

在最左邊的輸出中,沒有簡單路徑介於左上角和最右邊那行的自由格子。在其他兩個輸出中,任兩個不同的自由格子之間剛好都有兩條不同的簡單路徑。