#### **International Olympiad in Informatics 2015**



26th July - 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 2

sorting

Language: uk-UA

# Сортування

У Айжани є послідовність з N цілих чисел  $S[0], S[1], \ldots, S[N-1]$ . Послідовність складається з різних чисел від 0 до N-1. Вона намагається відсортувати послідовність у зростаючому порядку, переставляючи деякі пари елементів. Її друг Ермек також збирається переставляти якісь пари елементів, не обов'язково допомагаючи.

Ермек і Айжана збираються модифікувати послідовність за декілька раундів. У кожному раунді спочатку свою перестановку робить Ермек, після чого Айжана робить ще одну перестановку. Більш точно, особа, що робить перестановку, обирає два допустимих індекси та переставляє елементи з цими індексами. Зауважте, що ці два індекси не повинні бути різними. Якщо вони рівні, елемент переставляється з самим собою, що не змінює послідовність.

Айжана знає, що Ермек насправді не піклується про сортування послідовності S. Вона також знає, які саме індекси буде обирати Ермек. Ермек планує взяти участь у M раундах перестановок. Ми пронумеруємо ці раунди номерами від 0 до M-1. Для кожного i між 0 та M-1 включно Ермек вибере індекси X[i] та Y[i] у раунді i.

Айжана хоче відсортувати послідовність S. Перед кожним раундом, якщо Айжана бачить, що послідовність вже відсортовано у зростаючому порядку, вона припиняє процес сортування. Маючи вихідну послідовність S та індекси, що буде обирати Ермек, ви повинні знайти послідовність перестановок, які може використати Айжана, щоб відсортувати послідовність S. Додатково, у деяких підзадачах вам потрібно буде знайти якомога коротші послідовність S за M або менше раундів.

Зауважте, що якщо Айжана бачить, що послідовність стає відсортованою після перестановки Ермека, вона може вирішити переставити два однакових індекси (наприклад,  $\mathbf{0}$  та  $\mathbf{0}$ ). В результаті послідовність залишиться відсортованою після всього раунду. Також зауважте, що якщо початкову послідовність  $\mathbf{S}$  вже відсортовано, мінімальною необхідною для сортування кількістю раундів буде  $\mathbf{0}$ .

#### Приклад 1

#### Нехай:

- Початковою послідовністю буде S = 4, 3, 2, 1, 0.
- Ермек хоче зробити M = 6 перестановок.
- Послідовності X та Y, що описують індекси, які буде обирати Ермек, будуть X = 0, 1, 2, 3, 0, 1 та Y = 1, 2, 3, 4, 1, 2. Іншими словами, пари індексів, що буде обирати Ермек, це (0, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 4), (0, 1) і (1, 2).

У цьому випадку Айжана може відсортувати послідовність S до порядку 0,1,2,3,4 в три раунди. Вона зможе це зробити, обравши індекси (0,4), (1,3), а потім (3,4).

Наступна таблиця показує, як Ермек та Айжана змінюють послідовність.

Раунд	Гравець	Пара переставлених індексів	Послідовність
початок			4, 3, 2, 1, 0
0	Ермек	(0,1)	3, 4, 2, 1, 0
0	Айжана	(0,4)	0, 4, 2, 1, 3
1	Ермек	(1,2)	0, 2, 4, 1, 3
1	Айжана	(1,3)	0, 1, 4, 2, 3
2	Ермек	(2,3)	0, 1, 2, 4, 3
2	Айжана	(3,4)	0, 1, 2, 3, 4

#### Приклад 2

#### Нехай:

- Початковою послідовністю буде S=3,0,4,2,1.
- Ермек хоче зробити M = 5 перестановок.
- Пари індексів, що хоче поміняти місцями Ермек: (1,1), (4,0), (2,3), (1,4) і (0,4).

У цьому випадку Айжана може відсортувати послідовність S до порядку 0, 1, 2, 3, 4 в три раунди. Вона зможе це зробити, обравши індекси (1, 4), (4, 2), а потім (2, 2). Наступна таблиця показує, як Ермек та Айжана змінюють послідовність.

Раунд	Гравець	Пара переставлених індексів	Послідовність
початок			3, 0, 4, 2, 1
0	Ермек	(1,1)	3, 0, 4, 2, 1)
0	Айжана	(1,4)	3, 1, 4, 2, 0
1	Ермек	(4,0)	0, 1, 4, 2, 3
1	Айжана	(4,2)	0, 1, 3, 2, 4
2	Ермек	(2,3)	0, 1, 2, 3, 4
2	Айжана	(2,2)	0, 1, 2, 3, 4

## Задача

Вам задано послідовність S, число M та послідовності індексів X і Y. Обчисліть послідовність перестановок, що може використати Айжана, щоб відсортувати послідовність S. В підзадачах S та S знайдена послідовність має бути якомога коротшою.

Реалізуйте функцію findSwapPairs:

- findSwapPairs (N, S, M, X, Y, P, Q) цю функцію буде викликано модулем перевірки тільки один раз.
  - $\blacksquare$  N: довжина послідовності S.

- S: масив цілих чисел, що містить початкову послідовність S.
- М: кількість престановок, що планує зробити Ермек.
- lacktriangled X, Y: масиви цілих чисел довжини M. Для  $0 \leq i \leq M-1$ , у раунді i Ермек планує переставити числа з індексами X[i] та Y[i].
- Р, Q: масиви цілих чисел. Використовуйте ці масиви, щоб повідомити можливу послідовність перестановок, що дозволить Айжані відсортувати послідовність S. Позначимо R довжину послідовності перестановок, що знайшла ваша програма. Для кожного i від 0 до R-1 включно, індекси, які повинна обрати Айжана у раунді i мають бути записані до P[i] та Q[i]. Ви можете припустити, що масиви P та Q вже було виділено та вони мають розмір M елементів кожний.
- Ця функція має повернути значення R (визначено вище).

# Підзадачі

Підзадача	Бали	N	M	додаткові умови на Х, Y	вимоги до R
1	8	$1 \le N \le 5$	$M=N^2$	X[i] = Y[i] = 0 для всіх $i$	$R \leq M$
2	12	$1 \le N \le 100$	M=30N	X[i] = Y[i] = 0 для всіх $i$	$R \leq M$
3	16	$1 \le N \le 100$	M=30N	X[i] = 0, Y[i] = 1 для всіх $i$	$R \leq M$
4	18	$1 \le N \le 500$	M = 30N	відсутні	$R \leq M$
5	20	$6 \le N \le 2000$	M=3N	відсутні	найменше з можливих
6	26	$6 \leq N \leq 200,000$	M=3N	відсутні	найменше з можливих

Ви можете розраховувати, що існує розвязок, на який потрібно M або менше раундів.

## Приклад модуля перевірки

Отриманий вам модуль перевірки зчитує вхідні дані з файла sorting. in в наступному форматі:

- рядок 1: N
- рядок 2: S[0] ... S[N 1]
- рядок 3: М
- рядки 4, ..., M + 3: X[i] Y[i]

Модуль перевірки виводить наступне:

 $\blacksquare$  рядок 1: значення R, що повертає функція findSwapPairs

 $lacksymbol{lack}$  рядки 2+i, для  $0 \leq i < R$ : Р[i] Q[i]