

# 装饼干 (biscuits)

Khong阿姨在组织一场有  $x$  位选手参加的竞赛，她打算给每位选手一袋饼干。总共有  $k$  种不同类型的饼干，编号为从 0 到  $k - 1$ 。类型为  $i$  ( $0 \leq i \leq k - 1$ ) 的每块饼干都有一个口味值  $2^i$ 。在Khong阿姨的食品储藏室里，有  $a[i]$  (有可能为0) 块类型为  $i$  的饼干。

对每种类型的饼干，Khong阿姨在每个袋子都会装上0或者多块。所有袋子里面类型为  $i$  的饼干的总块数不能超过  $a[i]$ 。一个袋子里面所有饼干的口味值的总和，被称为这袋饼干的总口味值。

请帮Khong阿姨算一下，究竟存在多少不同的  $y$  值，使得她可以装出  $x$  袋饼干，而且每袋饼干的总口味值都等于  $y$ 。

## 实现细节

你需要实现下面的这个函数：

```
int64 count_tastiness(int64 x, int64[] a)
```

- $x$ ：需要装的饼干袋的数量。
- $a$ ：长度为  $k$  的数组。对  $0 \leq i \leq k - 1$ ， $a[i]$  表示在食物储藏室里类型为  $i$  的饼干数量。
- 此函数应当返回不同  $y$  值的数目，使得阿姨可以装出  $x$  袋饼干，且每袋饼干的总口味值都为  $y$ 。
- 此函数会被调用  $q$  次 (对于允许的  $q$  值，详见约束条件和子任务部分)。每次调用应当被看成是独立的场景。

## 例子

### 例 1

考虑如下调用：

```
count_tastiness(3, [5, 2, 1])
```

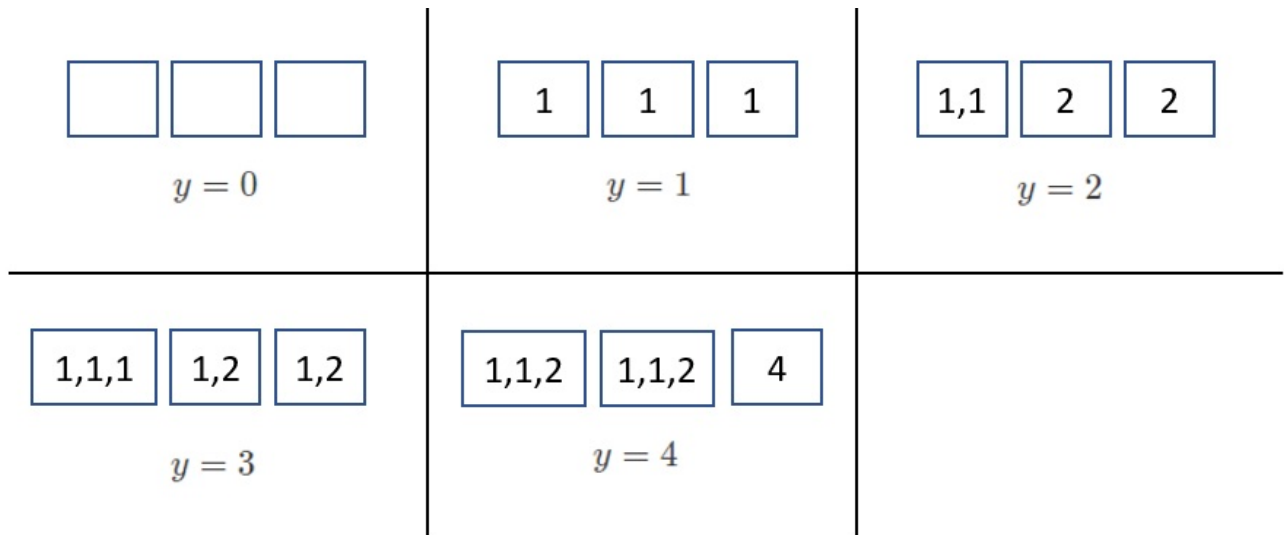
这意味着阿姨打算装 3 袋饼干，而在食物储藏室里总共有 3 种类型的饼干：

- 5 块类型为 0 的饼干，每块的口味值为 1，
- 2 块类型为 1 的饼干，每块的口味值为 2，
- 1 块类型为 2 的饼干，其口味值为 4。

$y$  能够取的值为  $[0, 1, 2, 3, 4]$ 。举例来说，为了装出总口味值均为 3 的 3 袋饼干，阿姨可以这样装：

- 一袋饼干里有 3 块类型为 0 的饼干，以及
- 两袋饼干，其中各有一块类型为 0 的饼干和一块类型为 1 的饼干。

由于总共有 5 个可能的  $y$  值，函数应当返回 5。



## 例 2

考虑如下调用：

```
count_tastiness(2, [2, 1, 2])
```

这意味着阿姨打算装 2 袋饼干，而在食物储藏室里总共有 3 种类型的饼干：

- 2 块类型为 0 的饼干，每块的口味值为 1，
- 1 块类型为 1 的饼干，其口味值为 2，
- 2 块类型为 2 的饼干，每块的口味值为 4。

$y$  能够取的值为  $[0, 1, 2, 4, 5, 6]$ 。由于总共有 6 个可能的  $y$  值，函数应当返回 6。

## 约束条件

- $1 \leq k \leq 60$
- $1 \leq q \leq 1000$
- $1 \leq x \leq 10^{18}$
- $0 \leq a[i] \leq 10^{18}$ （对于所有的  $0 \leq i \leq k - 1$ ）
- 对于 `count_tastiness` 的每次调用，食物储藏室里所有饼干的口味值总和都不会超过  $10^{18}$ 。

## 子任务

1. (9 分)  $q \leq 10$ , 且对于 `count_tastiness` 的每次调用, 食物储藏室里所有饼干的口味值总和都不会超过 100 000。
2. (12 分)  $x = 1, q \leq 10$
3. (21 分)  $x \leq 10\,000, q \leq 10$
4. (35 分) 对于 `count_tastiness` 的每次调用, 正确的返回结果都不会超过 200 000。
5. (23 分) 没有附加限制条件。

## 评测程序示例

评测程序示例将读取如下格式的输入数据。第一行包含一个整数  $q$ 。接下来是  $q$  对这样的两行: 它们按照下面的格式来描述一个单独的场景:

- 第 1 行:  $k\ x$
- 第 2 行:  $a[0]\ a[1]\ \dots\ a[k-1]$

评测程序示例的输出结果的格式如下:

- 第  $i$  行 ( $1 \leq i \leq q$ ): `count_tastiness` 对于输入数据中第  $i$  个场景的返回值。