### **International Olympiad in Informatics 2016**



12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 1

**paint**Country: CZE

# Malování podle čísel

Malování podle čísel je dobře známá logická hra. Mějme jednoduchou jednorozměrnou verzi této hry. V této hře dostane hráč řadu n buněk. Buňky jsou očíslovány od 0 do n-1 zleva doprava. Hráč může každou buňku namalovat černě nebo bíle. Pomocí 'X' budeme označovat černé buňky a pomocí '\_' bílé buňky.

Hráč dostane posloupnost k kladných čísel  $c=[c_0,\ldots,c_{k-1}]$  jako návod. Má podle něj malovat buňky takovým způsobem, že černé buňky na řádku vytvářejí přesně k souvislých bloků po sobě jdoucích buněk. Tyto bloky jsou očíslovány od nuly zleva doprava. Počet černých buněk v i-tém bloku musí být roven  $c_i$ . Například je-li návodem c=[3,4], pak řešení musí mít právě dva bloky po sobě následujících černých buněk: jeden o délce 3 a druhý délky 4. Je-li n=10 a c=[3,4], pak jedno řešení vyhovující tomuto návodu je "\_XXX\_\_XXX". Všimněte si, že řešení "XXXX\_\_XXX\_\_" návodu neodpovídá, protože bloky černých buněk nejsou ve správném pořadí. Také řešení "\_XXXXXXXX\_" nevyhovuje, neboť obsahuje jediný blok černých buněk a ne dva oddělené bloky.

Dostanete částečně vyřešenou hru. To znamená, že znáte n a c a navíc víte, že některé buňky musí být černé a některé buňky musí být bílé. Vaším úkolem je odvodit další informace o barvě buněk.

Za *platné řešení* označíme takové, které odpovídá návodu a zároveň také respektuje zadané barvy některých buněk. Váš program musí najít buňky, které jsou černé v každém platném řešení, a buňky, které jsou bílé v každém platném řešení. Můžete předpokládat, že vstup je takový, že existuje alespoň jedno platné řešení.

## Implementační detaily

Implementujte následující funkci (metodu):

- string solve puzzle(string s, int[] c).
  - s: řetězec délky n. Pro každé i ( $0 \le i \le n-1$ ) je i-tý znak:
    - 'X', jestliže buňka i musí být černá,
    - ', jestliže buňka i musí být bílá,
    - '.', jestliže o buňce *i* nic nevíme.
  - c: pole délky k obsahující výše popsaný návod,
  - o funkce musí vracet řetězec délky n . Pro každé i (  $0 \le i \le n-1$  ) je i -tý znak vráceného řetězce:
    - 'X', jestliže buňka i je černá v každém platném řešení,
    - ' ', jestliže buňka i je bílá v každém platném řešení,
    - '?' v ostatních případech (tj. existují dvě platná řešení taková, že buňka i je černá v jednom a bílá v druhém).

V jazyce C je signatura funkce odlišná:

- o void solve\_puzzle(int n, char\* s, int k, int\* c, char\* result)
  - n: délka řetězce s (počet buněk),
  - k: délka pole c (počet prvků návodu),
  - ostatní parametry viz výše,
  - $\circ$  namísto vracení řetězce délky n znaků musí funkce zapsat výsledek do řetězce result.

ASCII kódy znaků použitých v této úloze jsou:

- 'X': 88,
- ' ': 95,
- '.': 46,
- '?': 63.

Použijte poskytnuté ukázkové soubory pro získání implementačních detailů ve vašem programovacím jazyce.

### **Příklady**

#### Příklad 1

```
solve_puzzle(".....", [3, 4])
```

Všechna možná řešení hry jsou:

```
"XXX_XXXX__","XXX__XXXX_","XXX___XXXX",
```

- "\_XXX\_XXXX\_",
- "\_XXX\_\_XXXX",
- "\_\_XXX\_XXXX".

Lze si povšimnout, že buňky s indexy 2, 6 a 7 (počítáno od 0) jsou v každém platném řešení černé. Všechny ostatní buňky mohou ale nemusí být černé, tj. správná odpověď je "??X???XX??".

#### Příklad 2

```
solve puzzle(".....", [3, 4])
```

V tomto případě je celé řešení jednoznačně určené a správná odpověď je "XXX XXXX".

#### Příklad 3

```
solve_puzzle("..._,...", [3])
```

V tomto případě můžeme odvodit, že buňka 4 musí být bílá, jinak by nebylo možné vložit blok tří černých buněk mezi bílé ležící na indexech 3 a 5. Tudíž správná odpověď je "???".

#### Example 4

```
solve_puzzle(".X....", [3])
```

Existují právě dvě řešení:

```
"XXX_____"," XXX
```

Tudíž správná odpověď je "?XX?".

## **Podúlohy**

Ve všech podúlohách platí  $1 \le k \le n$  a  $1 \le c_i \le n$  pro každé  $0 \le i \le k-1$ .

- 1. (7 bodů)  $n \leq 20$  , k=1 , s obsahuje pouze '.' (prázdná hra),
- 2. (3 bodů)  $n \leq 20$ , s obsahuje pouze '.',
- 3. (22 bodů)  $n \leq 100$ , s obsahuje pouze '.',
- 4. (27 bodů)  $n \leq 100$ , s obsahuje pouze '.' a '\_' (informace jen o bílých buňkách),
- 5. (21 bodů)  $n \le 100$ ,
- 6. (10 bodů)  $n \leq 5\,000$  ,  $k \leq 100$  ,
- 7. (10 bodů)  $n \leq 200\,000$ ,  $k \leq 100$ .

# Vzorový vyhodnocovač

Vzorový vyhodnocovač čte vstup v následujícím formátu:

- řádek 1: řetězec s,
- řádek 2: celé číslo k následované k celými čísly  $c_0, \ldots, c_{k-1}$ .