### Lego Wall

| Problem Name | Lego Wall       |
|--------------|-----------------|
| Input file   | standard input  |
| Output file  | standard output |
| Time limit   | 3 seconds       |
| Memory limit | 256 megabytes   |

Det finns två typer av legoklossar, som beskrivs av dess dimensioner:  $1 \times 1 \times 1$  och  $2 \times 1 \times 1$  (bredd, höjd och djup, respektive, som i figuren nedan). Du har oändligt många klossar av varje typ, och det är omöjligt att se skillnad på två klossar av samma typ.

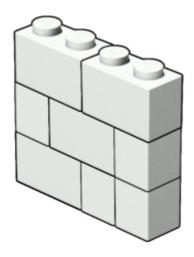




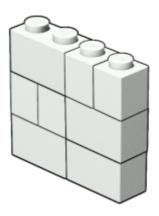
En legokloss används alltid i upprätt position. Ytorna på sidorna är gjorda av identiskt material så att det inte går att se skillnad på två klossar förutom genom deras dimensioner.

Vi anser två legoklossar vara **låsta** om den ena är direkt ovanför den andra. Två klossar  $b_0$  och  $b_k$  anses vara **sammankopplade** om det finns en sekvens av klossar  $b_0$ ,  $b_1$ , ...,  $b_k$  så att klossarna  $b_{i-1}$  och  $b_i$  är låsta för alla i där  $1 \le i \le k$ . Vi anser en uppsättning klossar vara **sammankopplad** om varje par av klossar är sammankopplade.

Du skulle vilja bygga en tunn rektangulär mur med bredd w och höjd h (och djup 1) så att muren **inte har några hål** och så att klossuppsättningen är **sammankopplad**. Som ett exempel, nedan är en sådan legomur med bredd 4 och höjd 3.



Därimot är följande 4 × 3 legomur **inte** sammankopplad, och därmed inte önskvärd:



Hur många sätt finns det att bygga en **sammankopplad** vägg **utan hål**? Eftersom detta tal kan vara stort, skriv ut det modulo 1 000 000 007. Notera att den speglade (roterad 180 grader) versionen av legomuren anses vara en annan vägg, förutom om den speglade muren ser likadan ut som originalmuren.

#### Indata

Indatan består av en rad bestående av två mellanslagsseparerade heltal w och h (1  $\leq w \leq$  250 000,  $2 \leq h \leq$  250 000,  $w \times h \leq$  500 000) – bredden och höjden av muren, respektive.

#### Utdata

Skriv ut ett heltal – antalet hålfria sammankopplade legomurar med dimensioner  $w \times h$ , modulo 1 000 000 007.

## Poängsättning

Subtask 1 (14 poäng): w = 2.

Subtask 2 (12 poäng): h = 2.

Subtask 3 (18 poäng):  $w, h \le 100$ .

Subtask 4 (30 poäng):  $w \le 700$ .

Subtask 5 (20 poäng):  $h \le 700$ .

Subtask 6 (6 poäng): Inga ytterligare begränsningar.

# Exempel

| Indata | Utdata  |
|--------|---------|
| 22     | 3       |
| 3 3    | 12      |
| 5 7    | 1436232 |

# Förklaring av den första exempel-indatan:

De tre sammankopplade 2 × 2 murarna som kan byggas är:

