International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules
Country: CHN

检测分子

彼得在一家公司工作,这家公司已经制造了一台检测分子的机器。每个分子的重量都是正整数。 这台机器的 检测范围 是 [l,u],这里 l 和 u 都是正整数。 这台机器能够检测一个分子集合当且仅 当这个集合包含了一个子集,这个子集中的分子的总重量属于机器的检测范围。

考虑 n 个分子,重量记为 w_0,\ldots,w_{n-1} 。 如果存在一个下标的集合(并且该集合中的下标都不相同) $I=\{i_1,\ldots,i_m\}$ 使得 $l\leq w_{i_1}+\ldots w_{i_m}\leq u$,那么检测就会成功。

由于机器的细节,l 和 u 之间的差距保证会大于等于最重分子和最轻分子之间的差距,即, $u-l\geq w_{max}-w_{min}$,其中 $w_{max}=\max(w_0,\dots,w_{n-1})$, $w_{min}=\min(w_0,\dots,w_{n-1})$ 。

你的任务是写一个程序,该程序能找到一个子集,使得该子集的总重量属于检测范围,或者判定 没有这样的子集存在。

实现细节

你应该实现一个函数(方法):

- int[] solve(int I, int u, int[] w)
 - 。 Ⅰ和 u: 分别表示检测范围的两个端点、
 - W: 分子的重量.
 - 如果存在符合要求的子集,该函数应该返回一个数组,数组中的元素代表符合要求的 子集中的分子的下标。如果存在多个正确答案,返回任何一个子集即可。
 - 如果不存在符合要求的子集,该函数应该返回一个空数组。

对于C语言,函数参数稍微不同:

- int solve(int I, int u, int[] w, int n, int[] result)
 - ∘ n:数组w中元素的个数(即分子的个数),
 - 。 其他参数同上,
 - 。 该函数将这些下标写入数组result的前m个元素当中,然后返回m,这和刚才描述的前一个函数(返回一个数组包含m个下标)的做法不同,
 - 。 如果符合要求的子集不存在,该函数不应该写入任何信息到数组 ${\sf result}$ 中,而且返回 0 。

你的程序可以将分子的下标以任何顺序写入返回的数组中(或者C语言中的数组result)。

请使用提供的模板文件,参考关于你所使用的编程语言的实现细节。

例子

例—

solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])

这个例子当中,我们有四个分子,重量分别是6,8,8和7。这台机器可以检测子集总重量在15到17之间(包含15和17)的子集。注意, $17-15\geq 8-6$ 。分子1和分子3的重量之和为 $w_1+w_3=8+7=15$,所以这个函数应该返回 [1,3]。其他可能正确的答案有 [1,2](

$$w_1+w_3=8+7=15$$
,所以这个函数应该这回[1, 5]。 兵他可能正确的告系作 $w_1+w_2=8+8=16$)和[2, 3]($w_2+w_3=8+7=15$)。

例二

solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])

这个例子当中,我们有四个分子,重量分别为5,5,6和6,我们要寻找一个子集,其总重量介于14和15之间(包含14和15)。请注意, $15-14\geq 6-5$ 。因为不存在总重量介于14和15之间的子集,所以该函数返回空数组。

例三

solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])

这个例子当中,我们有四个分子,重量分别为15,17,16和18,而且我们要寻找一个子集,其总重量介于10和20之间(包含10和20)。请注意, $20-10\geq 18-15$ 。任何只包含一个元素的子集,其重量都在10和20之间,所以可能正确的答案有[0]、[1]、[2]和[3]。

子任务

- 1. (9分): $1 \le n \le 100$, $1 \le w_i \le 100$, $1 \le u$, $l \le 1000$, 所有 w_i 都相等。
- 2. (10分): $1 \leq n \leq 100, 1 \leq w_i, u, l \leq 1000$,而且 $max(w_0,\ldots,w_{n-1})-min(w_0,\ldots,w_{n-1}) \leq 1$ 。
- 3. (12分): $1 \le n \le 100$ 而且 $1 \le w_i, u, l \le 1000$ 。
- 4. (15分): $1 \le n \le 10000$ 而且 $1 \le w_i, u, l \le 10000$ 。
- 5. (23分): $1 \le n \le 10\,000$ 而且 $1 \le w_i, u, l \le 500\,000$ 。
- 6. (31分): $1 \leq n \leq 200\,000$ 而且 $1 \leq w_i, u, l < 2^{31}$ 。

样例测试程序

样例测评程序按照以下格式读入输入:

- 第一行: 整数 n, l, u 。
- 第二行: n 个整数: w_0, \ldots, w_{n-1} 。