

# XORanges

Janez armastab apelsine! Nii tegi ta skänneri apelsinide jaoks. Kaamera ja Raspberry Pi 3b+ arvutiga hakkas ta tegema 3D pilte apelsinidest. Ta pilditöötleja ei ole väga hea ja väljastab ainult ühe 32-bitise arvu, milles sisaldub informatsioon lohku kohta apelsini koost. 32-bitine täisarv  $D$  on esitatud kui 32 numbrit jada, millest igaüks saab olla kas üks või null. Kui alustame 0-st, siis saame  $D$  lisades  $2^i$  iga  $i$ . biti kohta, mille väärtuseks on 1. Formaalselt on arv  $D$  esitatud jadana  $d_{31}, d_{30}, \dots, d_0$ , kus  $D = d_{31} \cdot 2^{31} + d_{30} \cdot 2^{30} + \dots + d_1 \cdot 2^1 + d_0 \cdot 2^0$ . Näiteks arv 13 on esitatud kui  $0, \dots, 0, 1, 1, 0, 1$ .

Janez skännis  $n$  apelsini. Mõnikord ta otsustab aga ühe apelsini ( $i$ -nda apelsini) sinu programmi töötamise ajal uuesti skännida. See tähendab, et pärast uuesti skännimist kasutab ta uut väärtust  $i$ -nda apelsini jaoks.

Janez soovib uurida apelsine. Talle meeldib välistava või (XOR) tehe, nii otsustab ta teha mõned arvutused. Ta valib apelsinide vahemiku  $l$ -st kuni  $u$ -ni (kus  $l \leq u$ ) ja tahab teada saada, mis on XORi väärtus, kui XORida kõik üksikud väärtused selles vahemikus, kõikide järjestikuste paaride XOR väärtused, kõikide järjestikuste kolmikute XOR väärtused, ... ja järjestuse  $u - l + 1$  elementide väärtused (kõik elemendid antud vahemikus).

Näiteks: Kui  $l = 2$  ja  $u = 4$  ja skännitud väärtused on jadas  $A$ , programm peab tagastama tehte  $a_2 \oplus a_3 \oplus a_4 \oplus (a_2 \oplus a_3) \oplus (a_3 \oplus a_4) \oplus (a_2 \oplus a_3 \oplus a_4)$  väärtuse, kus  $\oplus$  tähistab XOR ja  $a_i$  tähistab  $i$ . elementi jadas  $A$ .

XOR tehe on defineeritud järgmiselt:

Kui esimese väärtuse  $i$ . bitt on sama kui teise väärtuse  $i$ . bitt, siis vastuse  $i$ . bitt on 0. Kui esimese väärtuse  $i$ . bitt on erinev kui teise väärtuse  $i$ . bitt, siis vastuse  $i$ . bitt on 1.

| $x$ | $y$ | $x \oplus y$ |
|-----|-----|--------------|
| 0   | 0   | 0            |
| 0   | 1   | 1            |
| 1   | 0   | 1            |
| 1   | 1   | 0            |

Näiteks,  $13 \oplus 23 = 26$ .

|      |            |
|------|------------|
| 13 = | 0...001101 |
|------|------------|

|                       |                  |
|-----------------------|------------------|
| $23 =$                | $0 \dots 010111$ |
| $13 \oplus 23 = 26 =$ | $0 \dots 011010$ |

## Sisend

Sisendi esimesel real on 2 positiivset täisarvu  $n$  ja  $q$  (uuesti skännimiste ja uurimiste arv kokku).

Järgmisel real on  $n$  tühikuga eraldatud mittenegatiivset täisarvu, mis tähistavad väärtusi jadas  $A$  (esimese skännimise tulemused). Element  $a_i$  sisaldab  $i$ . apelsini väärtust. Indeks  $i$  algab 1-st.

Tegevused on kirjeldatud järgmisel  $q$  real kolme tühikuga eraldatud täisarvuga.

Kui tegevuse tüüp on 1 (uuesti skännimine), siis esimene arv real on 1 ja sellele järgneb  $i$  (selle apelsini indeks, mida Janez tahab uuesti skännida) ja  $j$  ( $i$ . apelsini uuesti skännimisel saadud tulemus).

Kui tegevuse tüüp on 2 (uuri), siis esimene arv real on 2 ja sellele järgnevad  $l$  ja  $u$ .

## Väljund

Kirjuta täpselt üks täisarv iga uurimise päringu kohta, mis vastab kirjeldatud tehte tulemusele selles vahemikus. Iga tulemus tuleb kirjutada eraldi reale. Pane tähele, et  $i$ . rida vastuses peab vastama  $i$ . uurimisele. Vastus tuleb kirjutada ainult neile tegevustele, mis algavad 2-ga (uuri).

## Piirangud

- $a_i \leq 10^9$
- $0 < n, q \leq 2 \cdot 10^5$

## Alamülesanded

1. **[12 punkti]**:  $0 < n, q \leq 100$
2. **[18 punkti]**:  $0 < n, q \leq 500$  ja ei ole üle skännimisi (tegevused tüüpi 1)
3. **[25 punkti]**:  $0 < n, q \leq 5000$
4. **[20 punkti]**:  $0 < n, q \leq 2 \cdot 10^5$  ja ei ole üle skännimisi (tegevused tüüpi 1)
5. **[25 punkti]**: Lisapiirangud puuduvad

## Näited

### Näide 1

#### Sisend

```
3 3
1 2 3
2 1 3
1 1 3
2 1 3
```

## Väljund

```
2
0
```

## Selgitus

Alguses  $A = [1, 2, 3]$ . Esimene päring on kogu jada kohta. Uurimise tulemus on  $1 \oplus 2 \oplus 3 \oplus (1 \oplus 2) \oplus (2 \oplus 3) \oplus (1 \oplus 2 \oplus 3) = 2$ .

Siis muudetakse esimese apelsini väärtus 3-ks. See viib tulemuse muutumiseni samas vahemikus ( $[1, 3]$ )  $3 \oplus 2 \oplus 3 \oplus (3 \oplus 2) \oplus (2 \oplus 3) \oplus (3 \oplus 2 \oplus 3) = 0$ .

## Näide 2

### Sisend

```
5 6
1 2 3 4 5
2 1 3
1 1 3
2 1 5
2 4 4
1 1 1
2 4 4
```

## Väljund

```
2
5
4
4
```