## **International Olympiad in Informatics 2016**



12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 3

aliens
Country: EST

# **Marslased**

Meie satelliidid avastasid äsja Marsil tsivilisatsiooni! Meil on juba olemas madala lahutusega foto ruudukujulisest alast, millel on näha mitmeid mõistusliku elu märke. Eksperdid on tuvastanud fotol n huviväärset punkti. Punktid on nummerdatud 0 kuni n-1. Nüüd me tahame saada kõrgema lahutusega fotosid, mis kataks kõik need n punkti.

Satelliidi tarkvaras on madala lahutusega foto ala jagatud  $m \times m$  ruuduks. Ruudustiku read ja veerud on nummerdatud 0 kuni m-1 (alustades ülemisest vasakust nurgast). Edasises tähistame real s veerus t olevat ruutu (s,t). Punkt number i asub ruudus  $(r_i,c_i)$ . Iga ruut võib sisaldada kuitahes palju punkte.

Satelliit tiirleb stabiilsel orbiidil, mis ületab ruudustiku selle *peadiagonaali* kohal. Peadiagonaal on lõik, mis ühendab ruudustiku vasakut ülemist ja paremat alumist nurka. Satelliit saab kõrgema lahutusega fotosid teha aladest, mis rahuldavad järgmisi tingimusi:

- ala on ruudukujuline;
- ala peadiagonaal asub ruudustiku peadiagonaalil;
- ruudustiku iga ruut on kas tervenisti alas sees või tervenisti sellest väljas.

Satelliit saab teha maksimaalselt k kõrgema lahutusega fotot.

Pärast pildistamise lõppu saadab satelliit kõigi pildistatud ruutude kujutised Maale (sõltumata sellest, kas ruudus on mõni huviväärne punkt või mitte). Iga pildistatud ruudu andmed saadetakse ainult *ühes eksemplaris*, isegi kui ruut jäi mitmele fotole.

Seega peaks pildistamiseks valima maksimaalselt k ruudukujulist ala nii, et:

- iga ruut, milles on vähemalt üks huviväärne punkt, jääb vähemalt ühele fotole;
- vähemalt ühele fotole jäänud ruutude koguarv on minimaalne.

Sinu ülesanne on leida pildistatavate ruutude vähim võimalik arv.

#### Realisatsioon

Sinu lahendus peab realiseerima järgmise funktsiooni:

- o int64 take photos(int n, int m, int k, int[] r, int[] c)
  - n: huviväärsete punktide arv;
  - m: ruudustiku ridade (ja ka veergude) arv;
  - k: maksimaalne fotode arv, mille satelliit teha saab;
  - $\circ$  r ja c: kaks n elemendiga massiivi, mis kirjeldavad huviväärsete punktide asukohti: punkt number i (kus  $0 \le i \le n-1$ ) on ruudus (r[i], c[i]);
  - funktsioon peab tagastama vähima võimaliku fotodele jäävate ruutude arvu (tingimusel, et fotod peavad katma kõik huviväärsed punktid).

Vaata ka näitekoodi failides olevat keelespetsiifilist lisainfot.

#### Näited

#### Näide 1

```
take photos(5, 7, 2, [0, 4, 4, 4, 4], [3, 4, 6, 5, 6])
```

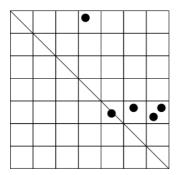
Selles näites on meil 5 huviväärset punkti  $7\times 7$  ruudustikus. Punktid asuvad neljas ruudus: (0,3), (4,4), (4,5) ja (4,6). Satelliit saab teha maksimaalselt 2 kõrgema lahutusega fotot.

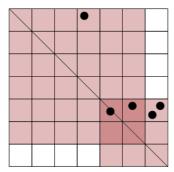
Üks võimalus kõigi viie punkti jäädvustamiseks: teha kaks fotot, millest esimese pildistab  $6\times 6$  ala, mille nurkades on ruudud (0,0) ja (5,5) ning teine  $3\times 3$  ala, mille nurkades on ruudud (4,4) ja (6,6). Kui me teeme need kaks fotot, tuleb Maale saata 41 ruudu andmed. See pole optimaalne.

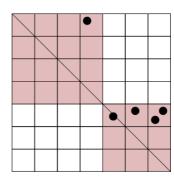
Optimaalne lahendus jäädvustab ühele fotole  $4\times 4$  ala, mis sisaldab ruute (0,0) ja (3,3) ning teisele fotole  $3\times 3$  ala, mis sisaldab ruute (4,4) ja (6,6). Sel juhul tuleb Maale saata ainult 25 ruudu andmed, mis on vähim võimalik. Seega peab take photos tagastama 25.

Pane tähele, et kuigi ruudus (4,6) on kaks huviväärset punkti, piisab, kui seda ruutu pildistatakse üks kord.

Allolev joonis illustreerib seda näidet: vasakul on ruudustik, keskel ebaoptimaalne lahendus, mis pildistab 41 ruutu, ja paremal optimaalne lahendus.



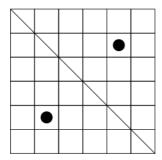


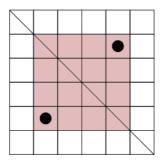


#### Näide 2

Selles näites asuvad 2 huviväärset punkti sümmeetriliselt ruutudes (1,4) ja (4,1). Igale fotole, millele jääb üks neist, jääb ka teine. Seega piisab ühest fotost.

Allolev joonis illustreerib seda näidet: vasakul on ruudustik ja paremal optimaalne lahendus, mis teeb foto 16 ruudust.





## Alamülesanded

Kõigis alamülesannetes on  $1 \le k \le n$ .

- 1. (4 punkti)  $1 \le n \le 50$ ;  $1 \le m \le 100$ ; k = n.
- 2. (12 punkti)  $1 \leq n \leq 500$  ;  $1 \leq m \leq 1000$  ; iga  $0 \leq i \leq n-1$  korral  $r_i = c_i$  .
- 3. (9 punkti)  $1 \le n \le 500$ ;  $1 \le m \le 1000$ .
- 4. (16 punkti)  $1 \le n \le 4000$ ;  $1 \le m \le 1000000$ .
- 5. (19 punkti)  $1 \le n \le 50\,000$ ;  $1 \le k \le 100$ ;  $1 \le m \le 1\,000\,000$ .
- 6. (40 punkti)  $1 \le n \le 100000$ ;  $1 \le m \le 1000000$ .

## Näitekood

Näitekood loeb sisendi järgmisel kujul:

- $\circ$  Rida 1: täisarvud n, m ja k.
- Read 2 + i ( $i = 0 \dots n 1$ ): täisarvud  $r_i$  ja  $c_i$ .