

# Répartir les attractions (Split the attractions)

Il y a n attractions à Bakou, numérotées de 0 à n-1. Il y a également m routes à double sens, numérotées de 0 à m-1. Chaque route relie deux attractions distinctes. Il est possible de se déplacer entre chaque paire d'attractions en passant par les routes.

Fatima a prévu de visiter toutes les attractions en trois jours. Elle a déjà décidé qu'elle voulait visiter a attractions le premier jour, b attractions le deuxième jour, et c attractions le troisième jour. Elle va donc partitionner les n attractions en trois ensembles A, B et C, de tailles respectives a, b et c. Chaque attraction appartiendra à exactement un ensemble, donc a+b+c=n.

Fatima aimerait choisir les trois ensembles A, B et C de telle sorte qu'au moins deux des trois ensembles soient **connexes**. Un ensemble S d'attractions est dit connexe s'il est possible de se déplacer entre chaque paire d'attractions de S en passant par les routes et sans passer par des attractions qui ne sont pas dans S. Une partition des attractions en trois ensembles A, B et C est dite **valide** si elle satisfait les conditions décrites ci-dessus.

Aidez Fatima à trouvez une partition valide des attractions (étant donnés a, b et c), ou déterminez s'il n'en existe aucune. S'il existe plusieurs partitions valides, vous pouvez choisir n'importe laquelle d'entre elles.

## Détails d'implémentation

Vous devez implémenter la fonction suivante :

```
int[] find split(int n, int a, int b, int c, int[] p, int[] q)
```

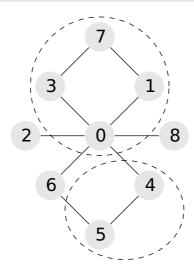
- *n*: le nombre d'attractions.
- a, b et c: les tailles voulues pour les ensembles A, B et C.
- p et q: tableaux de taille m, contenant les extrémités des routes. Pour chaque i (  $0 \le i \le m-1$ ), p[i] et q[i] sont les deux attractions reliées par la route i.
- Cette fonction doit renvoyer un tableau de taille n. Appelons ce tableau s. S'il n'y a pas de partition valide, s doit contenir n zéros. Sinon, pour  $0 \le i \le n-1$ , s[i] doit être égal à 1, 2 ou 3 pour indiquer que l'attraction i fait partie de l'ensemble

A, B ou C, respectivement.

# Exemples

### Exemple 1

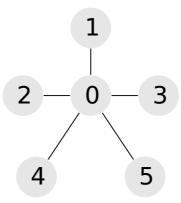
Considérez l'appel de fonction suivant :



Une solution correcte possible est [1,1,3,1,2,2,3,1,3]. Cette solution correspond à la partition suivante :  $A=\{0,1,3,7\}$ ,  $B=\{4,5\}$  et  $C=\{2,6,8\}$ . Les ensembles A et B sont connexes.

#### Exemple 2

Considérez l'appel de fonction suivant :



Aucune partition valide n'existe. Par conséquent, la seule réponse correcte est

[0,0,0,0,0,0].

## Contraintes

- $3 \le n \le 100000$
- $2 \le m \le 200\,000$
- $1 \le a, b, c \le n$
- a + b + c = n
- Il y a au plus une route entre chaque paire d'attractions
- Il est possible de se déplacer entre n'importe quelle paire d'attractions en passant par les routes.
- $0 \leq p[i], q[i] \leq n-1$  et  $p[i] \neq q[i]$  pour  $0 \leq i \leq m-1$

## Sous-tâches

- 1. (7 points) Chaque attraction est l'extrémité d'au plus deux routes.
- 2. (11 points) a = 1
- 3. (22 points) m = n 1
- 4. (24 points)  $n \le 2500, m \le 5000$
- 5. (36 points) Aucune contrainte supplémentaire.

# Évaluateur d'exemple (sample grader)

L'évaluateur d'exemple lit l'entrée dans le format suivant :

- ligne 1: n m
- ligne 2: a b c
- ligne 3+i (pour  $0 \le i \le m-1$ ): p[i] q[i]

L'évaluateur d'exemple affiche une unique ligne, contenant le tableau renvoyé par find split.