Folgen

Problem ID: sequence

Eine Folge positiver ganzer Zahlen (x_1,\ldots,x_m) ist gut, wenn $x_1=1$ und für jedes $1< j\leq m$ entweder $x_j=x_{j-1}+1$ oder $x_j=x_k\cdot x_l$ für ein k und l mit $0< k\leq l< j$ gilt. Zum Beispiel sind die Folgen (1,1) und (1,2) beide gut, aber die Folge (1,3) ist nicht gut. Für n gegebene ganze Zahlen w_1,\ldots,w_n definieren wir das Gewicht einer ganzzahligen Folge (x_1,\ldots,x_m) , die $1\leq x_j\leq n$ für jedes $1\leq j\leq m$ erfüllt, als

$$w_{x_1} + \cdots + w_{x_m}$$
.

Sei zum Beispiel $w_1 = 10, w_2 = 42, w_3 = 1$. Dann hat die Folge (1,1) das Gewicht 20 und die Folge (1,3) das Gewicht 11. Für $1 \le v \le n$ definiere s_v als das kleinstmögliche Gewicht einer guten Folge, die den Wert v enthält. Deine Aufgabe ist es, die Werte s_1, \ldots, s_n zu bestimmen.

Eingabe

Die erste Zeile der Eingabe besteht aus der ganzen Zahl n, der Anzahl der Gewichte. Die nächsten n Zeilen enthalten die ganzzahligen Gewichte w_1, \ldots, w_n .

Ausgabe

Gib n Zeilen aus, die der Reihe nach s_1, \ldots, s_n enthalten.

Beschränkungen und Bewertung

Es gilt immer $1 \le n \le 30\,000$ und $1 \le w_i \le 10^6$ für jedes $1 \le i \le n$.

Deine Lösung wird an einer Reihe von Testgruppen getestet, von denen jede eine bestimmte Anzahl von Punkten wert ist. Jede Testgruppe enthält eine Reihe von Testfällen. Um die Punkte für eine Testgruppe zu erhalten, musst du alle Testfälle in der Testgruppe lösen. Deine endgültige Punktzahl ist die maximale Punktzahl für eine einzelne Einsendung.

Gruppe	Punkte	Beschränkungen
1	11	$n \le 10$
2	10	$n \le 300, w_1 = \dots = w_n = 1$
3	10	$n \leq 300, w_1 = \dots = w_n$
4	9	$n \le 1400, w_1 = \dots = w_n = 1$
5	45	$n \le 5000$
6	15	Keine weiteren Beschränkungen

Sample Input 1

Sample Output 1

3	10
10	52
42	53
1	