

# Süper Ağaç

Size  $0,\ldots,n-1$  indisleriyle tanımlanan n düğümü olan köklü bir ağaç veriliyor. Kökün indisi 0'dır. Her  $i\in\{0,\ldots,n-1\}$  için, i düğümü (yani i indisli düğüm), kendisine atanmış bir  $a_i$  tamsayısına sahiptir.  $f_v,v$  düğümünden köke giden basit yol üzerindeki  $a_i$  değerlerinin bit düzeyinde VE değeri (bundan böyle & olarak ifade edilecektir) olsun. (x düğümünden y düğümüne giden basit yolun hem x hem de y içerdiğini unutmayın.) Ağacın y0 değeri şu olsun:

$$\sum_{0 \leq u,v < n} f_u \cdot f_v,$$

ve ağacın süper gücünün değeri şu olsun (aralıklardaki farka dikkat edin):

$$\sum_{0 \le u < v \le n} f_u \cdot f_v.$$

Açıklayıcı örnek için aşağıdaki örnek test senaryolarının açıklamasına bakın.

u düğümü v düğümünün alt  $areve{g}acına$  aittir diyece $reve{g}$ iz, e $reve{g}$ er v, u düğümünden köke giden basit yolda bulunuyorsa. Bir x düğümünün alt a $reve{g}$ acının, x düğümünün kendisini içerdiğini unutmayın.

Size q güncellemesi sunulur. Her güncelleme, v ve x olmak üzere iki tamsayı ile tanımlanır ve v düğümünün alt ağacındaki her u düğümü için  $a_u := a_u \,\&\, x$  ayarlamanızı gerektirir. Her güncellemeden sonra mevcut ağacın gücünü ve süper gücünü çıktı olarak vermelisiniz.

Çıktılar büyük olabileceğinden, bunları modulo  $10^9 + 7$  yazdırın.

#### Girdi formatı

Girdinin ilk satırı n ve q tamsayılarını içerir.

Girdinin ikinci satırı, ağacın yapısını belirleyen n-1 tamsayısı içerir, yanı  $p_1$ ,  $p_2$ , ...,  $p_{n-1}$ . Her  $i \in \{1,\ldots,n-1\}$  için,  $p_i$ , i düğümünün ebeveyninin indisidir ve  $0 \le p_i < i$  koşulunu sağlar.

Girdinin üçüncü satırı n tamsayısı içerir, yani  $a_0, a_1, \ldots, a_{n-1}$ . Bunlar düğümlere atanan değerlerdir.

Takip eden q satırının her biri iki tamsayı içerir: v ( $0 \le v < n$ ) ve x. Bu tamsayılar bireysel güncellemeleri belirtir.

## Çıktı formatı

Çıktı olarak q+1 satır verin. Her satırda boşlukla ayrılmış iki tam sayı bulunmalıdır. İlk satırda, ilk ağacın gücünü ve süper gücünü (modülo  $10^9+7$ ) yazdırın. Kalan q satırın ( $i\in\{1,\ldots,q\}$ ) i-inci satırında, i-inci güncellemeden sonra ağacın gücünü ve süper gücünü (modülo  $10^9+7$ ) yazdırın.

#### Girdi sınırları

- $1 \le n, q \le 10^6$ .
- $0 \le a_i < 2^{60}$  her bir  $i \in \{0, \dots, n-1\}$  için.
- $0 \le x < 2^{60}$  her bir güncelleme (v,x) için.

#### **Puanlama**

Belirli bir test senaryosu için, çözümünüz tüm güç değerlerini doğru şekilde hesaplarsa ancak o test senaryosu için en az bir süper güç değerini yanlış hesaplarsa, puanın %50'sini alacaktır.

Benzer şekilde, belirli bir test senaryosu için puanın 50%'si, söz konusu test senaryosu için tüm süper güç değerlerini doğru şekilde hesaplayan ancak en az bir güç değerini yanlış hesaplayan çözüme verilecektir.

## Altgörevler

- 1. (4 puan) n = 3.
- 2. (7 puan)  $n, q \leq 700$ .
- 3. (13 puan)  $n, q \leq 5000$ .
- 4. (6 puan)  $n \leq 10^5$ ,  $p_i=i-1$  (herbir  $i\in\{1,\dots,n-1\}$  için), ve  $a_i,x<2^{20}$  (herbir \$i \in \{0, \ldots, n-1\} için\$ ve herbir güncelleme (v,x) için).
- 5. (7 puan)  $p_i = i 1$  (herbir  $i \in \{1, \dots, n-1\}$  için).
- 6. (12 puan)  $a_i, x < 2^{20}$  (herbir  $i \in \{0, \dots, n-1\}$  için ve herbir güncelleme (v, x) için).
- 7. (14 puan)  $n \le 10^5$ .
- 8. (11 puan)  $n \le 5 \cdot 10^5$ .
- 9. (26 puan) Ek sınır yoktur.

## Örnek test senaryosu 1

#### Girdi



#### Çıktı

```
196 61
169 50
81 14
25 6
```

#### Açıklama

Başlangıçta, şu vardır

$$f_0 = 7, \ f_1 = 7\&3 = 3, \ f_2 = 7\&4 = 4.$$

Bu nedenle ağacın gücü şuna eşittir:

$$f_0 \cdot f_0 + f_0 \cdot f_1 + f_0 \cdot f_2 + f_1 \cdot f_0 + f_1 \cdot f_1 + f_1 \cdot f_2 + f_2 \cdot f_0 + f_2 \cdot f_1 + f_2 \cdot f_2 =$$

$$= 7 \cdot 7 + 7 \cdot 3 + 7 \cdot 4 + 3 \cdot 7 + 3 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + 4 \cdot 7 + 4 \cdot 3 + 4 \cdot 4 = 196.$$

Süper güç şuna eşittir:

$$f_0 \cdot f_1 + f_0 \cdot f_2 + f_1 \cdot f_2 = 7 \cdot 3 + 7 \cdot 4 + 3 \cdot 4 = 61.$$

İlk güncelleme sonrası:

$$a_0=7,\; a_1=3\&6=2,\; a_2=4;$$
  $f_0=7,\; f_1=2,\; f_2=4.$ 

İkinci güncelleme sonrası:

$$a_0=7,\ a_1=2,\ a_2=4\&2=0;$$
  $f_0=7,\ f_1=2,\ f_2=0.$ 

Üçüncü güncelleme sonrası:

$$a_0=7\&3=3,\; a_1=2\&3=2,\; a_2=0\&3=0;$$
  $f_0=3,\; f_1=2,\; f_2=0.$ 

## Örnek test senaryosu 2

#### Girdi

4 2 0 0 1 6 5 6 2 1 2 0 3

#### Çıktı

256 84 144 36 16 4

#### Açıklama

Başlangıçta, şu vardır:

$$f_0=6,\ f_1=6\&5=4,\ f_2=6\&6=6,\ f_3=2\&5\&6=0.$$

İlk güncelleme sonrası:

$$a_0 = 6, \ a_1 = 5\&2 = 0, \ a_2 = 6, \ a_3 = 2\&2 = 2;$$
  $f_0 = 6, \ f_1 = 0, \ f_2 = 6, \ f_3 = 2\&0 = 0.$ 

İkinci güncelleme sonrası:

$$a_0=7,\ a_1=2,\ a_2=4\&2=0;$$
  $f_0=7,\ f_1=2,\ f_2=0.$ 

# Örnek test senaryosu 3

## Girdi

```
7 3
0 0 1 1 2 2
7 6 5 7 3 4 2
4 4
3 3
2 1
```

## Çıktı

```
900 367
784 311
576 223
256 83
```