# 2014 TAIWAN

#### **International Olympiad in Informatics 2014**

13-20th July 2014 Taipei, Taiwan Day-1 tasks

wall

Language: sk-SK

## Stena (Wall)

Ja-n'ko stavia stenu z tehličiek. Všetky tehličky majú rovnakú veľkosť. Stena sa skladá z n stĺpcov tehličiek, ktoré sú zľava doprava očíslované od 0 do n-1. Tieto stĺpce môžu mať rôznu výšku. Výškou stĺpca rozumieme počet tehličiek v ňom.

Ja-n'ko stavia stenu nasledovne: Na začiatku sú všetky stĺpce prázdne. Potom Ja-n'ko postupne vykoná k krokov pridávania a odoberania tehličiek. (Kroky číslujeme od 0 po k-1.) Celá stavba steny bude kompletná, až keď sa vykoná všetkých k krokov. V každom kroku Ja-n'ko dostáva interval čísel stĺpcov a veľkosť k a na základe toho vykoná nasledovné:

- V pridávacom kroku Ja-n'ko pridá tehličky do všetkých stĺpcov zadaného intervalu, ktoré majú menej ako h tehličiek, tak, aby mali výšku presne h. Nerobí nič so stĺpcami, ktoré majú h alebo viac tehličiek.
- V odoberacom kroku Ja-n'ko odoberie tehličky zo všetkých stĺpcov zadaného intervalu, ktoré majú viac ako h tehličiek, tak, aby mali výšku presne h. Nerobí nič so stĺpcami, ktoré majú h alebo menej tehličiek.

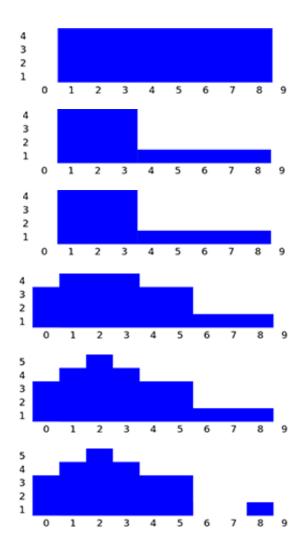
Tvojou úlohou bude zistiť výsledný tvar steny.

#### Príklad

Predpokladáme, že máme 10 stĺpcov tehličiek a stenu staviame na 6 krokov. Všetky intervaly v nasledovnej tabuľke sú uzavreté, patria do nich teda aj obe hranice. Diagramy steny po každom kroku sú zobrazené pod tabuľkou.

krok	typ	interval	výška
0	pridaj	stĺpce 1 až 8	4
1	odober	stĺpce 4 až 9	1
2	odober	stĺpce 3 až 6	5
3	pridaj	stĺpce 0 až 5	3
4	pridaj	stĺpec 2	5
5	odober	stĺpce 6 až 7	0

Keďže na začiatku sú všetky stĺpce prázdne, po 0. kroku budú v každom zo stĺpcov od 1 do 8 po 4 tehličky. Stĺpce 0 a 9 zostávajú prázdne. V kroku 1 sa odoberajú tehličky zo stĺpcov od 4 do 9, až kým v nich nezostane nanajvýš 1 tehlička. Stĺpce 9 teda zostáva prázdny a stĺpce od 0 do 3 ostávajú bez zmeny, nakoľko sú mimo rozsahu intervalu. Krok 2 nič nezmení, keďže stĺpce od 3 do 6 nemajú viac ako 5 tehličiek. Po 3. kroku sa počet tehličiek v stĺpcoch 0, 4 a 5 zvýši na 3. Po kroku 4 sa v stĺpci 2 zvýši počet tehličiek na 5. Krok 5 odoberie všetky tehličky zo stĺpcov 6 a 7.



## Úloha

Zisti počet tehličiek v jednotlivých stĺpcoch steny po skončení všetkých k krokov. Implementuj funkciu buildWall:

- buildWall(n, k, op, left, right, height, finalHeight)
- n: počet stĺpcov steny.
- k: počet krokov.
- lacktriangledown op: pole veľkosti k; kde pre všetky  $0 \le i \le k-1$ : op[i] je typ i-teho kroku: 1 pre pridávací krok a 2 pre odoberací.
- left a right: polia veľkosti k; označujú interval stĺpcov pre i-ty krok, teda pre každé  $0 \le i \le k-1$  popisujeme interval od left[i] do right[i] (vrátane oboch koncových bodov left[i] a right[i]). Pritom vždy bude platiť, že left[i]  $\le$  right[i].
- lacktriangle height: pole veľkosti k, kde pre všetky  $0 \leq i \leq k-1$ : height[i] je výška použitá v i-tom kroku.
- finalHeight: pole veľkosti n; tu by si mal vrátiť výsledné výšky stĺpcov, teda pre každé  $0 \le i \le n-1$  bude finalHeight[i] obsahovať výšku i-teho stĺpca po skončení všetkých krokov.

## **Podúlohy**

V každej podúlohe platí, že všetky výskyty parametra height sú nezáporné celé čísla menšie alebo rovné 100,000.

podúloha	body	n	$\boldsymbol{k}$	poznámka
1	8	$1 \leq n \leq 10,000$	$1 \leq k \leq 5,000$	bez d'alších obmedzení
2	24	$1 \leq n \leq 100,000$	$\boxed{1 \leq k \leq 500,000}$	najskôr niekoľko volaní pridáva tehličky, potom niekoľko volaní tehličky odoberá
3	29	$1 \leq n \leq 100,000$	$1 \leq k \leq 500,000$	bez d'alších obmedzení
4	39	$1\leq n\leq 2,000,000$	$1 \leq k \leq 500,000$	bez d'alších obmedzení

## Detaily implementácie

Odovzdávaš presne jeden súbor, nazvaný wall.c, wall.cpp alebo wall.pas. V tomto súbore by mali byť implementovaná vyššie popísaná funkcia buildWall. Musí mať hlavičku uvedenú nižšie. Ak programuješ v C/C++, tvoj súbor musí vložiť (include) súbor wall.h.

#### C/C++

```
void buildWall(int n, int k, int op[], int left[], int right[],
int height[], int finalHeight[]);
```

#### **Pascal**

```
procedure buildWall(n, k : longint; op, left, right, height :
array of longint; var finalHeight : array of longint);
```

### Ukážkový grader

Ukážkový grader, ktorý máte k dispozícii, očakáva vstup v nasledovnom formáte:

- riadok 1: n, k.
- riadok 2+i pre  $(0 \le i \le k-1)$ : op[i], left[i], right[i], height[i].