August 23 – August 29, 2019 Maribor, Slovenia Day 1 Tasks

xoranges
Hungarian (HUN)

# **XORanges**

Janez imádja a narancsot, ezért készített egy narancs szkennert. A narancsokról 3D képeket készít 4 kamerával és egy Raspberry Pi 3b+ számítógéppel. A képfeldolgozója még nem az igazi, egy-egy narancsról csak egy 32-bites egész számot ad ki, amely a narancs héján található lyukakról tartalmaz információt.

Egy D 32-bites egész szám egy 32 elemű bitsorozattal ábrázolható, minden elem egyes vagy nullás lehet. A D értékét megkaphatjuk, ha 0-ról indulva hozzáadunk  $2^i$ -t minden olyan i-edik bitre, melynek értéke egy. Formálisan a D szám a  $d_{31}, d_{30}, \ldots d_0$  sorozattal ábrázolható, ahol  $D = d_{31} \cdot 2^{31} + d_{30} \cdot 2^{30} + \ldots + d_1 \cdot 2^1 + d_0 \cdot 2^0$ . Például a 13-nak a  $0, \ldots, 0, 1, 1, 0, 1$  bit sorozat felel meg.

Janez összesen n narancsot szkennelt be, azonban néha úgy döntött, hogy egy-egy narancsot **újraszkennel**. Ha az i-edik narancsot újraszkenneli, akkor onnantól kezdve az új szkennelés értékét fogja használni az i-edik narancshoz.

A szkennelések mellett Janez **elemzi** is a narancsokat. Kiválasztja a narancsok egy intervallumát az l-ediktől az u-adikig ( $l \le u$ ), és a következő számítást végzi a kedvenc műveletével, a bitenkénti kizáró vaggyal (XOR): Össze XOR-olja az intervallumban szereplő összes értéket, az összes szomszédos pár XOR-ját, az összes 3 hosszú folytonos sorozat XOR-ját, ... és így tovább egészen az u-l+1 hosszú folytonos sorozat (az intervallum összes eleme) XOR-jáig.

Például ha l=2, u=4, és az A tömb tartalmazza a beolvasott értékeket, a programodnak az  $a_2\oplus a_3\oplus a_4\oplus (a_2\oplus a_3)\oplus (a_3\oplus a_4)\oplus (a_2\oplus a_3\oplus a_4)$  értéket kell kiszámolnia, ahol  $\oplus$  jelöli a XOR-t és  $a_i$  az A tömb i-edik elemét.

A XOR műveletet két érték között a következőképp definiáljuk:

Ha az első és a második érték i-edik bitje megegyezik, akkor az eredmény i-edik bitje 0, hogyha pedig a két érték i-edik bitje különböző, akkor az eredmény i-edik bitje 1.

$\boldsymbol{x}$	y	$x\oplus y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Például,  $13 \oplus 23 = 26$ .

13 =	0001101
23 =	0010111
$13 \oplus 23 = 26 =$	0011010

### **Bemenet**

A bemenet első sorában található két pozitív egész szám, n (a narancsok száma) és q (az újraszkennelések és elemzések száma).

A következő sorban n darab szóközökkel elválasztott nemnegatív egész szám írja le az A tömb elemeit (a narancs szkennelés eredményét). Az  $a_i$  elem az i-edik narancs beszkennelt értéke, 1-től indexelve.

A következő q sorban soronként 3 szám írja le az akciókat.

Újraszkennelés akció esetében az első szám 1-es, és következik i (az újraszkennelt narancs indexe) és j (az újraszkennelés eredménye). Elemzés akció esetében az első szám 2-es, és ezt követi az l és az u érték.

## Kimenet

Pontosan annyi sort kell kiírnod, ahány elemzés történt. Az i-edik sorba egyetlen számot, az i-edik elemzés eredményét kell írni.

### Korlátok

- $a_i \le 10^9$
- $\bullet \ 0 < n,q \leq 2 \cdot 10^5$

# Pontozás

- 1. **[12 pont]**:  $0 < n, q \le 100$
- 2. **[18 pont]**:  $0 < n, q \le 500$  és nincs újraszkennelés
- 3. **[25 pont]**:  $0 < n, q \le 5000$
- 4. **[20 pont]**:  $0 < n, q \le 2 \cdot 10^5$  és nincs újraszkennelés
- 5. [25 pont]: Nincs további kikötés.

# Példák

1. példa

#### **Bemenet**

```
3 3
1 2 3
2 1 3
1 1 3
2 1 3
```

#### **Kimenet**

```
2 0
```

#### Magyarázat

Kezdetben A=[1,2,3]. Az első elemzés a teljes tömbön történik. Az eredménye  $1\oplus 2\oplus 3\oplus (1\oplus 2)\oplus (2\oplus 3)\oplus (1\oplus 2\oplus 3)=2$ .

Ez után az első narancs értéke 3-ra változik. Ennek következtében ugyanez az elemzés (az [1,3] intervallumon)  $3\oplus 2\oplus 3\oplus (3\oplus 2)\oplus (2\oplus 3)\oplus (3\oplus 2\oplus 3)=0$  lesz.

### 2. példa

#### **Bemenet**

```
5 6
1 2 3 4 5
2 1 3
1 1 3
2 1 5
2 4 4
1 1 1
2 4 4
```

#### **Kimenet**

```
2
5
4
4
```