

# Կառնավալի տոմսերը (tickets)

Ռինգոն գտնվում է Սինգապուրի կառնավալում։ Նա իր պայուսակում ունի որոշ մրցանակային տոմսեր, որոնք նախընտրում է օգտագործել մրցանակային խաղի կրպակում։ Յուրաքանչյուր տոմս ունի n գույներից որևէ մեկը և ունի ոչ բացասական ամբողջ թիվ տպված իր վրա։ Ամբողջ թվերը` տպված տարբեր տոմսերի վրա կարող են լինել նույնը։ Կառնավալի կանոնների յուրօրինակության պատճառներով երաշխավորվում է, որ n-ը **զույզ** է։

Ռինգոն իր պայուսակում ունի յուրաքանչյուր գույնի m տոմս, այն է գումարային  $n\cdot m$  տոմս։ i-րդ գույնի j-րդ տոմսի վրա տպված է x[i][j] ամբողջ թիվը ( $0\leq i\leq n-1$  և  $0\leq j\leq m-1$ ).

Մրցանակային խաղը անցկացվում է k փուլերով, համարակալված 0-ից մինչև k-1։ Յուրաքանչյուր փուլ անցկացվում է հետևյալ հերթականությամբ.

- Ռինգոն իր պայուսակից ընտրում է *n* տոմսերի **բազմություն**, մեկ տոմս ամեն գույնից։ <ետո նա տալիս է այդ բազմությունը խաղավարին։
- Խաղավարը նշում է տոմսերի բազմության վրա տպված ամբողջ թվերը  $a[0],\ a[1]\ \dots\ a[n-1]$ ։ Այս n ամբողջ թվերի հերթականությունը կարևոր չէ։
- Խաղավարը դուրս է քաշում յուրօրինակ խաղաքարտ հաջողակ վիճակահանության արկղից և նշում է խաղաքարտի վրա տպված b ամբողջ թիվը։
- Խաղավարը հաշվում է a[i]-երի և b-ի միջև բացարձակ տարբերությունները յուրաքանչյուր i-ի համար 0-ից մինչև n-1: S-ով նշանակենք բացարձակ տարբերությունների գումարը։
- Այս փուլի համար, խաղավարը տալիս է Ռինգոյին S արժեքով մրցանակ։
- Քազմության տոմսերը դեն են նետվում և չեն կարող օգտագործվել ապագա փուլերում։

Խաղի k փուլերից հետո Ռինգոի պայուսակում մնացած տոմսերը դեն են նետվում։

Ուշադիր նայելով Ռինգոն հասկացավ, որ մրցանակային խաղը կեղծված ! Իրականում հաջողակ վիճակահանության արկղի ներսում կա տպիչ։ Յուրաքանչյուր փուլում, խաղավարը գտնում ! b ամբողջ թիվ, որը մինիմիզացնում ! այդ փուլի մրցանակի արժեքը։ Խաղավարի գտած արժեքը տպվում ! յուրօրինակ խաղաքարտի վրա այդ փուլի համար։

Ունենալով բոլոր այս տեղեկությունները, Ռինգոն ցանկանում է առանձնացնել խաղի փուլերի տոմսերը։ Նա ցանկանում է ընտրել յուրաքանչյուր փուլում օգտագործվող այն տոմսերի բազմությունները, որոնք կմաքսիմիզացնեն գումարային մրցանակների արժեքները։

# Իրականացման մանրամասներ

Դուք պետք է իրականացնեք հետևյալ ֆունկցիաները.

```
int64 find_maximum(int k, int[][] x)
```

- k. փուլերի քանակը։
- x.  $n \times m$  մատրից նկարագրող յուրաքանչյուր տոմսի վրայի ամբողջ թվերը։ Յուրաքանչյուր գույնի տոմսերը սորտավորված են նրանց ամբողջ թվերի չնվազման կարգով։
- Այս ֆունկցիան կանչվում է ճիշտ մեկ անգամ։
- Այս ֆունկցիան պետք է կատարի allocate\_tickets-ի (տեսեք ներքևում) ճիշտ մեկ կանչ, նկարագրող k տոմսերի բազմությունները, մեկը ամեն փուլի համար. Առանձնացումը պետք է մաքսիմիզացնի մրցանակների արժեքների գումարը։
- Այս ֆունկցիան պետք է վերադարձնի առավելագույն մրցանակների արժեքների գումարը։

allocate tickets ֆունկցիան սահմանվում է հետևյալ կերպ.

```
void allocate_tickets(int[][] s)
```

- $s.\ n \times m$  մատրից։ s[i][j]-ի արժեքը պետք է լինի r, եթե i-րդ գույնի j-րդ տոմսը օգտագործվում է խաղի r-րդ փուլի բազմությունում, կամ -1 եթե դա չի օգտագործվում ընդհանրապես։
- Յուրաքանչյուր  $0 \le i \le n-1$  համար,  $s[i][0], s[i][1], \ldots, s[i][m-1]$ -ների միջև  $0,1,2,\ldots,k-1$  յուրաքանչյուր արժեք պետք է հանդիպի ճիշտ մեկ անգամ, և բոլոր մնացածները պետք է լինեն -1-եր։
- Եթե կան բազմակի առանձնացումներ` առավելագույն մրցանակների արժեքների գումարին բերող, թույլատրվում է հաղորդել նրանցից որևէ մեկը։

# Օրինակներ

#### Օրինակ 1

Ենթադրենք ունենք հետևյալ կանչը.

```
find_maximum(2, [[0, 2, 5],[1, 1, 3]])
```

Դա նշանակում է որ.

- կան k=2 փույեր;
- ամբողջ թվերը տպված 0-րդ գույնի տոմսերի վրա 0-ն, 2-ն և 9-ն են,

համապատասխանաբար;

• ամբողջ թվերը տպված 1-ին գույնի տոմսերի վրա 1-ն, 1-ն և 3-ն են, համապատասխանաբար;

Հնարավոր առանձնացումը, որը տալիս է մաքսիմալ գումարային մրցանակային արժեք.

- 0-րդ փուլում, Ռինգոն ընտրում է 0-րդ գույնի 0 ինդեքսով տոմսը (0 ամբողջ արժեքով) և 1-ին գույնի 2 ինդեքսով տոմսը (3 ամբողջ արժեքով)։ Մրցանակի նվազագույն հնարավոր արժեքը այս փուլում 3 է։ Օրինակ, երբ խաղի վարպետը ընտրի b=1. |1-0|+|1-3|=1+2=3։
- 1-ին փուլում, Ռինգոն ընտրում է 0-րդ գույնի 2 ինդեքսով տոմսը (5 ամբողջ արժեքով) և 1-ին գույնի 1 ինդեքսով տոմսը (1 ամբողջ արժեքով). Մրցանակի նվազագույն հնարավոր արժեքը այս փուլում 4 է։ Օրինակ, երբ խաղավարն ընտրի b=3. |3-1|+|3-5|=2+2=4:
- ullet Այսպիսով, մրցանակների գումարային արժեքը կլինի 3+4=7:

Այս լուծումը հաղորդելու համար, find\_maximum ֆունկցիան պետք է կատարի allocate\_tickets-ի հետևյալ կանչը.

```
• allocate_tickets([[0, -1, 1], [-1, 1, 0]])
```

Վերջնական, find maximum ֆունկցիան պետը է վերադարձնի 7։

#### Օրինակ 2

Ենթադրենք ունենք հետևյալ կանչը.

```
find_maximum(1, [[5, 9], [1, 4], [3, 6], [2, 7]])
```

Դա նշանակում է որ.

- կա ճիշտ մեկ փուլ,
- ամբողջ թվերը տպված 0-րդ գույնի տոմսերի վրա 5-ն և 9-ն են, համապատասխանաբար։
- ամբողջ թվերը տպված 1-ին գույնի տոմսերի վրա 1-ն և 4-ն են, համապատասխանաբար;
- ամբողջ թվերը տպված 2-րդ գույնի տոմսերի վրա 3-ն և 6-ն են, համապատասխանաբար;
- ամբողջ թվերը տպված 3-րդ գույնի տոմսերի վրա 2-ն և 7-ն են, համապատասխանաբար;

Հնարավոր առանձնացումը, որը տալիս է մաքսիմալ գումարային մրցանակային արժեք.

• 0-րդ փուլում, Ռինգոն ընտրում է 0-րդ գույնի 1 ինդեքսով տոմսը (9 ամբողջ արժեքով), 1-ին գույնի 0 ինդեքսով տոմսը (1 ամբողջ արժեքով), 2-րդ գույնի 0

ինդեքսով տոմսը (3 ամբողջ արժեքով), և 3-րդ գույնի 1-ին ինդեքսով տոմսը (7 ամբողջ արժեքով)։ Մրցանակի նվազագույն հնարավոր արժեքը այս փուլում 12 է, երբ խաղի վարպետը ընտրի b=3. |3-9|+|3-1|+|3-3|+|3-7|=6+2+0+4=12։

Այս լուծումը հաղորդելու համար, find\_maximum ֆունկցիան պետք է կատարի allocate tickets-ի հետևյալ կանչը.

• allocate\_tickets([[-1, 0], [0, -1], [0, -1], [-1, 0]])

Վերջնական, find maximum ֆունկցիան պետք է վերադարձնի 12։

## Սահմանափակումներ

- $2 \leq n \leq 1500$  և n-ը զույգ է։
- 1 < k < m < 1500
- ullet  $0 \le x[i][j] \le 10^9$  (բոլոր  $0 \le i \le n-1$  և  $0 \le j \le m-1$  համար)
- $x[i][j-1] \leq x[i][j]$  (բոլոր  $0 \leq i \leq n-1$  և  $1 \leq j \leq m-1$  համար)

## Ենթախնդիրներ

- 1. (11 միավոր) m=1
- 2. (16 միավոր) k=1
- 3. (14 միավոր)  $0 \le x[i][j] \le 1$  (բոլոր  $0 \le i \le n-1$  and  $0 \le j \le m-1$  համար)
- 4. (14 միավոր) k=m
- 5. (12 միավոր)  $n, m \le 80$
- 6. (23 միավոր)  $n, m \leq 300$
- 7. (10 միավոր) Չկան հավելյալ սահմանափակումներ։

## Գնահատող ծրագրի նմուշ

Գնահատող ծրագիրը կարդում է մուտքային տվյայները հետևյալ ձևաչափով.

- mnn 1: n m k
- $\operatorname{unn} 2 + i \ (0 \le i \le n-1)$ :  $x[i][0] \ x[i][1] \ \dots \ x[i][m-1]$

Գնահատող ծրագիրը տպում է ձեր պատասխանը հետևյալ ձևաչափով.

- տող 1։ վերադարձնում է find maximum-ի արժեքը
- $\operatorname{unn} 2 + i \ (0 \le i \le n-1)$ :  $s[i][0] \ s[i][1] \ \dots \ s[i][m-1]$