Najdulje putovanje

Organizatori IOI-ja 2023. su u velikom problemu! Gospodin Malnar ukrao je plan za izlet u Ópusztaszer koji je trebao biti sutra. Ali možda još nije prekasno ...

U Ópusztaszru se nalazi N znamenitosti označene brojevima od 0 do N-1. Neki parovi tih znamenitosti povezani su *dvosmjernim* **ulicama**. Svaki par znamenitosti povezan je najviše jednom ulicom. Organizatori *ne znaju* koje znamenitosti su spojene ulicama.

Kažemo da je **gustoća** ulične mreže Ópusztaszra **barem** δ ako svake 3 različite znamenitosti imaju barem δ ulica među sobom. Drugim riječima, ako za svaku trojku znamenitosti (u,v,w) takvu da je $0 \le u < v < w < N$, među parovima (u,v), (v,w) i (u,w) barem δ parova povezano je ulicom.

Organizatori znaju prirodan broj D takav da je gustoća ulične mreže barem D. Primijetite da vrijednost D ne može biti veća od 3.

Također, ogranizatori mogu nekoliko puta **nazvati** telefonsku liniju Ópusztaszra kako bi prikupili informacije o uličnoj mreži između određenih znamenitosti. Prilikom jednog poziva, dva neprazna niza znamnitosti $[A[0],\ldots,A[P-1]]$ i $[B[0],\ldots,B[R-1]]$ moraju biti dana. Sve dane znamenitosti moraju biti međusobno različite, to jest,

- $A[i] \neq A[j]$ za svaki i i j takav da je $0 \leq i < j < P$;
- $B[i] \neq B[j]$ za svaki i i j takav da je $0 \leq i < j < R$;
- $A[i] \neq B[j]$ za svaki i i j takav da je $0 \le i < P$ i $0 \le j < R$.

Pri svakom pozivu, službenik odgovori postoji li ulica koja povezuje znamenitost iz niza A sa znamenitosti iz niza B. Točnije, službenik prolazi po svim parovima vrijednost i te j takvim da $0 \le i < P$ i $0 \le j < R$. Ako za bilo koji od takvih parova, vrijedi da su znamenitosti A[i] te B[j] povezane ulicom, službenik će vratiti t rue. U suprotnom, službenik će vratiti false.

Putovanje duljine l je niz *različitih* znamenitosti $t[0], t[1], \ldots, t[l-1]$, gdje za svaki i između 0 i l-2, uključivo, znamenitost t[i] te znamenitost t[i+1] su povezane ulicom. Putovanje duljine l naziva se **najduljim putovanjem** ako ne postoji putovanje duljine barem l+1.

Vaš je zadatak pomoći organizatorima pronaći najdulji put u Ópusztaszru zivkajući jadnog službenika.

Implementacijski detalji

int[] longest_trip(int N, int D)

- *N*: broj znamenitosti u Ópusztaszru.
- *D*: garantirana minimalna gustoća ulične mreže.
- Ova funkcija mora vratiti niz $t=[t[0],t[1],\ldots,t[l-1]]$, koji prikazuje neki najdulji put.
- Ova funkcija može biti pozivana više puta u svakom primjeru.

Gore opisana funkcija može pozivati sljedeću funkciju

bool are_connected(int[] A, int[] B)

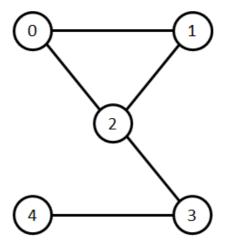
- *A*: neprazan niz različitih znamenitosti
- *B*: neprazan niz različitih znamenitosti
- *A* i *B* su disjunktni
- ullet Ova funkcija vraća true ako postoje znamenitost iz A i znamenitost iz B koje su povezane ulicom. U suprotnom, vraća false.
- Ova funkcija smije biti pozvana najviše $32\,640$ puta unutar svakog poziva funkcije longest_trip, i najviše $150\,000$ puta ukupno.
- Ukupna duljina nizova A i B s kojima je pozivana funkcija tijekom svih poziva funkcije longest_trip ne smije biti veća od $1\,500\,000$.

Ocjenjivač ovog zadatka **nije adaptivan**. Svako poslano rješenje pokretat će se na istom skupu primjera. Točnije, vrijednosti N i D, kao i parovi znamenitosti povezanih ulicama, bit će određeni prije svakog poziva funkcije longest_trip unutar svakog primjera.

Primjeri

Prvi primjer

Promatrajte slučaj u kojem je N=5, D=1, i ulična mreža je prikazana na skici.



Funkcija longest_trip je u tom slučaju pozvana kao:

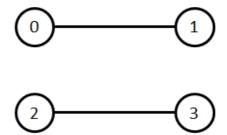
Funkcija poziva are_connected na sljedeće načine:

Poziv	Parovi spojeni ulicom	Vraćena vrijednost
are_connected([0], [1, 2, 4, 3])	(0,1) i $(0,2)$	true
are_connected([2], [0])	(2,0)	true
are_connected([2], [3])	(2,3)	true
are_connected([1, 0], [4, 3])	nema ih	false

Nakon četvrtog poziva funkcije, *nijedan* od parova (1,4), (0,4), (1,3) i (0,3) nije povezan ulicom. Kako je gustoća mreže barem D=1, iz trojke (0,3,4), vidimo da par (3,4) mora biti povezan ulicom. Slično možemo zaključiti da znamenitosti 0 i 1 moraju biti povezane.

U ovom trenutku, može se zaključiti da je t=[1,0,2,3,4] put duljine 5 te da ne postoji put duljine veće od 5. Stoga, funkcija longest_trip može vratiti [1,0,2,3,4].

Promatrajte slučaj u kojem je N=4, D=1, i ulična mreža je prikazana na sljedećoj skici.



Funkcija longest_trip je u tom slučaju pozvana kao:

U ovom slučaju, duljina najdužeg puta je 2. Stoga, nakon nekoliko poziva funkcije are_connected, funkcija longest_trip može vratiti [0,1], [1,0], [2,3] ili [3,2].

Primjer 2

Podzadatak 0 sadrži dodatan primjer s N=256 znamenitosti. Ovaj primjer je sadržan u datoteci koju možete preuzeti u sustavu natjecanja.

Ograničenja

- 3 < N < 256
- Zbroj N-ova po svim pozivima funkcije longest_trip neće biti veći od 1024.
- 1 < D < 3

Podzadaci

- 1. (5 bodova) D=3
- 2. (10 bodova) D = 2
- 3. (25 bodova) D=1. Neka l^\star označava duljinu najdužeg puta. Funkcija longest_trip ne mora vratiti put duljine l^\star . Umjesto toga, mora vratiti put duljine barem $\left\lceil \frac{l^\star}{2} \right\rceil$.
- 4. (60 bodova) D = 1

U četvrtom podzadatku, vaš broj bodova biti će određen na temelju broja poziva funkcije are_connected tijekom jednog pokretanja funkcije $longest_trip$. Neka je q maksimalan broj poziva u svim pozivima funkcije $longest_trip$ u svim primjerima podzadatka. Tada vaš broj bodova biti će izračunat na temelju sljedeće tablice:

Uvjet	Broj bodova
$2750 < q \leq 32640$	20
$550 < q \le 2750$	30
$400 < q \leq 550$	45
$q \leq 400$	60

Ako, u bilo kojem primjeru, broj poziva funkcije are_connected je veći nego što je u ograničenjima opisanim u Implementacijskim detaljima, ili niz koji je vratila funkcija longest_trip je netočan, broj bodova vašeg rješenja bit će nula.

Primjer ocjenjivača

Neka je C broj slučajeva, točnije, broj poziva funkcije longest_trip. Tada probni ocjenjivač prima ulaz u sljedećem obliku:

• 1. redak : *C*

Slijede opisi C slučajeva.

Probni ocjenjivač učitava opise svakog slučaja u sljedećem obliku:

- 1. $\operatorname{redak}: ND$
- (1+i)-ti redak ($1 \le i < N$): $U_i[0]$ $U_i[1]$... $U_i[i-1]$

Ovdje, svaki U_i ($1 \le i < N$) je niz duljine i, koji opisuje parove znamenitosti koji su povezani ulicom. Za svaki i te j takav da je $1 \le i < N$ i $0 \le j < i$:

- ako su znamenitosti j te i povezane ulicom, tada vrijednost $U_i[j]$ bi trebala biti 1;
- ako nema ulice koja povezuje znamenitosti j te i, tada bi vrijednost trebala biti 0.

U svakom slučaju, prije poziva funkcije $longest_trip$, probni ocjenjivač provjerava je li gustoća ulične mreže barem D. Ako uvjet nije zadovoljen, ispisuje se poruka Insufficient Density te ocjenjivač prestaje s izvršavanjem.

Ako probni ocjenjivač primijeti kršenje protokola, izlaz probnog ocjenjivača bit će Protocol Violation: <MSG>; gdje <MSG> označava jednu od sljedećih poruka:

- ullet invalid array: u pozivu funkcije are_connected, bar jedan od nizova A i B
 - o je prazan, ili
 - $\circ \;\;$ sadrži član koji nije cijeli broji između 0 i N-1, uključivo, ili
 - sadrži isti član barem dvaput
- non-disjoint arrays: u pozivu funkcije are_connected, nizovi A i B nisu disjunktni.
- too many calls: broj poziva funkcije are_connected veći je od 32 640 tijekom trenutnog poziva funkcije longest trip, ili veći je ukupno od 150 000.
- too many elements: ukupan broj znamenitosti poslan funkciji are_connected veći je od 1500000.

U suprotnom, neka su članovi niza, koji je vratila funkcija longest_trip, redom $t[0],t[1],\ldots,t[l-1]$ za neki nenegativan broj l.

Tada ocjenjivač ispisuje tri retka, za taj slučaj, u sljedećem obliku:

- 1. redak : *l*:
- 2. redak : $t[0] t[1] \dots t[l-1]$
- 3. redak : broj poziva funkcije are_connected tijekom ovog slučaja

Konačno, probni ocjenjivač ispisuje:

• $(1+3\cdot C)$ -ti redak : najveći broj poziva funkcije are_connected tijekom svih poziva funkcije longest_trip