2014 TAIWAN

International Olympiad in Informatics 2014

13-20th July 2014 Taipei, Taiwan Day-1 tasks

game

Language: en-MDA

Game

Jian-Jia este un tânăr căruia îi plac jocurile. Când i se pune o întrebare, el preferă să joace jocuri în loc să răspundă direct. Jian-Jia a întâlnit-o pe prietena sa Mei-Yu și i-a povestit despre rețeaua aeriană din Taiwan. Există n orașe în Taiwan (numerotate 0, ..., n-1), dintre care unele sunt conectate prin zboruri directe. Fiecare zbor conectează două orașe și poate fi folosit în ambele direcții.

Mei-Yu l-a întrebat pe Jian-Jia dacă este posibil să călătorească cu avionul între oricare două orașe (fie direct, fie indirect). Jian-Jia nu a vrut să răspundă, dar în schimb, a sugerat să joace un joc. Mei-Yu poate să îi pună întrebări de forma: "Există un zbor direct între orașele \boldsymbol{x} și \boldsymbol{y} ? ", și Jian-Jia va răspunde acestor întrebări imediat. Mei-Yu va întreba despre fiecare pereche de orașe o singură dată, punând $\boldsymbol{r} = n(n-1)/2$ întrebări în total. Mei-Yu câștigă jocul dacă, după ce obține răspunsurile la primele \boldsymbol{i} întrebări cu $\boldsymbol{i} < \boldsymbol{r}$, poate afirma cu certitudine dacă rețeaua de zbor este conexă, adică dacă este posibil zborul (direct sau indirect) între oricare două orașe. Altfel, adică dacă are nevoie de toate cele \boldsymbol{r} întrebări, învingător este considerat Jian-Jia.

Pentru a face jocul mai amuzant pentru Jian-Jia, cei doi au convenit că el poate răspunde după cum dorește, fără a ține cont de rețeaua aeriană reală din Taiwan, inventând rețeaua pe măsură ce jocul progresează, alegându-și răspunsurile în funcție de întrebările puse anterior de Mei-Yu. Sarcina ta este să-l ajuți pe Jian-Jia să câștige jocul, decizând, care ar trebui să fie răspunsurile lui.

Exemple

Vom explica regulile jocului prin următoarele trei exemple. Fiecare exemplu are n=4 orașe și r=6 runde de întrebări și răspunsuri.

În primul exemplu (din următorul tabel), Jian-Jia *pierde* deoarece după *runda* 4, Mei-Yu știe cu certitudine că se poate zbura între oricare două orașe, indiferent de răspunsurile lui Jian-Jia la întrebările 5 sau 6.

| rundă | între bare | răs puns |
|-------|------------|----------|
| 1 | 0, 1 | yes |
| 2 | 3, 0 | yes |
| 3 | 1, 2 | no |
| 4 | 0, 2 | yes |
| | | |
| 5 | 3, 1 | no |
| 6 | 2, 3 | no |

În următorul exemplu Mei-Yu poate demonstra după runda a treia, că indiferent cum va răspunde Jian-Jia la întrebările 4, 5, sau 6, *nu se poate* călători între orașele 0 și 1 prin zboruri, deci Jian-Jia pierde din nou.

| rundă | între bare | răs puns |
|-------|------------|----------|
| 1 | 0, 3 | no |
| 2 | 2, 0 | no |
| 3 | 0, 1 | no |
| | | |
| 4 | 1, 2 | yes |
| 5 | 1, 3 | yes |
| 6 | 2, 3 | yes |

În exemplul final Mei-Yu nu poate determina dacă se poate călători între oricare două orașe prin zboruri, până când Jian-Jia nu va răspunde la toate cele șase întrebări, astfel Jian-Jia *câștigă* jocul. Mai exact, deoarece Jian-Jia a răspuns *yes* la ultima întrebare (din următorul tabel), este posibilă călătoria între oricare două orașe. Totuși, dacă Jian-Jia ar fi răspuns *no* la ultima întrebare acest lucru nu ar fi fost posibil.

| rundă | între bare | răs puns |
|-------|------------|----------|
| 1 | 0, 3 | no |
| 2 | 1, 0 | yes |
| 3 | 0, 2 | no |
| 4 | 3, 1 | yes |
| 5 | 1, 2 | no |
| 6 | 2, 3 | yes |

Cerință

Scrieți un program care îl ajută pe Jian-Jia să câștige jocul. Se știe că nici Mei-Yu nici Jian-Jia nu cunosc unul strategia celuilalt. Mei-Yu poate întreba despre perechile de orașe în orice ordine, iar Jian-Jia trebuie să răspundă la ele imediat, fără a cunoaște următoarele întrebări. Voi trebuie să implementați următoarele două funcții.

- initialize (n) -- Noi vă vom apela funcția initialize o singură dată, la început. Parametrul *n* reprezintă numărul de orașe.
- hasEdge (u, v) -- Apoi vă vom apela funcția hasEdge de r = n(n-1)/2 ori. Aceste apeluri reprezintă întrebările domnișoarei Mei-Yu în ordinea în care acestea sunt puse. Voi trebuie să răspundeți dacă există sau nu un zbor direct între orașele u și v. Mai exact, valoarea returnată trebuie să fie 1 dacă există un zbor direct și 0 în caz contrar.

Subprobleme

Fiecare subproblemă (subtask) constă din mai multe jocuri. Veți primi puncte pentru o subproblemă dacă programul vostru câștigă toate jocurile pentru Jian-Jia.

| subproble mă | puncte | n |
|--------------|--------|--------------------|
| 1 | 15 | n=4 |
| 2 | 27 | $4 \le n \le 80$ |
| 3 | 58 | $4 \le n \le 1500$ |

Detalii de implementare

Trebuie să încărcați exact un fișier, numit game.c, game.cpp sau game.pas. În acest fișier vor fi implementate cele două funcții descrise mai sus, utilizând următoarele antete.

pentru programele C/C++

```
void initialize(int n);
int hasEdge(int u, int v);
```

pentru programele Pascal

```
procedure initialize(n: longint);
function hasEdge(u, v: longint): longint;
```

Grader-ul de pe computerul vostru

Grader-ul de pe computerul vostru citește datele de intrare în următorul format:

- linia 1: n
- următoarele r linii: fiecare linie conține două numere întregi u și v care descriu întrebarea referitoare la orașele u și v.