#### **International Olympiad in Informatics 2015**



26th July - 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 2

towns

Language: hy-AM

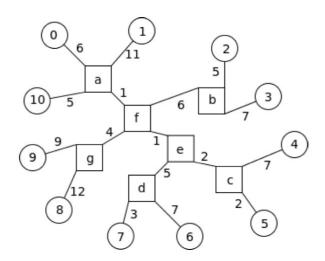
# Քաղաքներ (Towns)

Ղազախստանում կան N փոքր քաղաքներ, որոնք համարակալված են 0-ից N-1 թվերով։ Կան նաև անհայտ քանակով մեծ քաղաքներ։ Ղազախստանում ինչպես փոքր քաղաքներին, այնպես էլ մեծ քաղաքներին անվանում են *բնակավայրեր*։

Ղազախստանում բոլոր բնակավայրերը կապակցված են երկկողմանի խճուղիների ցանցով։ Յուրաքանչյուր խճուղի իրար  ${\tt E}$  կապում երկու տարբեր բնակավայրեր, և երկու բնակավայրեր ուղղակիորեն իրար հետ կապվում են առավելագույնը մեկ խճուղով։ Երկու՝  ${\tt a}$  և  ${\tt b}$  բնակավայրերի համար խճուղիներով  ${\tt a}$ -ից  ${\tt b}$  գնալու ճանապարհը միակն  ${\tt b}$ , եթե ընդունենք, որ յուրաքանչյուր խճուղով թույլատրվում  ${\tt b}$  առավելագույնը մեկ անգամ անցնել։

Յայտնի է, որ յուրաքանչյուր փոքր քաղաք ուղղակիորեն կապված է ճիշտ մեկ այլ բնակավայրի հետ, և որ յուրաքանչյուր մեծ քաղաք ուղղակիորեն կապված է երեք կամ ավելի բնակավայրերի հետ։

Յետևյալ նկարում պատկերված է 11 փոքր քաղաքներից և 7 մեծ քաղաքներից կազմված ցանց։ Փոքր քաղաքները օղակների մեջ են առնված և նշված են թվերով, իսկ մեծ քաղաքները քառակուսիների մեջ են առնված և նշված են տառերով։



Յուրաքանչյուր խճուղու երկարությունը դրական ամբողջ թիվ է։ Երկու բնակավայրերի միջև եղած հեռավորությունը այդ բնակավայրերը միացնող ճանապարհում խճուղիների երկարությունների գումարն է։

Յուրաքանչյուր C մեծ քաղաքի համար կարող ենք սահմանել այդ քաղաքից մինչև ամենահեռու փոքր քաղաքի r(C) հեռավորությունը։ C մեծ քաղաքը կոչվում է  $\mathit{hwp}$ , եթե նրա r(C) հեռավորությունը բոլոր մեծ քաղաքների r(C)-երից ամենափոքրն է։ Յաբի և նրանից ամենահեռու փոքր քաղաքի միջև եղած հեռավորությունը նշանակենք R-ով։ Այսպիսով, R-ը բոլոր r(C) արժեքներից փոքրագույնն է։

Վերևի օրինակում a մեծ քաղաքից ամենահեռու փոքր քաղաքը 8 փոքր քաղաքն է, նրանց միջև եղած հեռավորությունը r(a)=1+4+12=17 է։ g քաղաքի համար նույնպես ունենք r(g)=17 (g-ից ամենահեռու փոքր քաղաքներից մեկը 6 փոքր քաղաքն է)։ Միակ հաբը f մեծ քաղաքն է, որի համար r(f)=16։ Այսպիսով, այս օրինակում R-ը հավասար է 16։

Յաբը հեռացնելու դեպքում ցանցը տրոհվում է մի քանի կապակցված կտորների։ Յաբը կանվանենք huzվեկzրdած, եթե այդ կտորներից յուրաքանչյուրում փոքր քաղաքների թիվը առավելագույնը  $\lfloor N/2 \rfloor$  է (մենք շեշտում ենք, որ չգիտենք մեծ քաղաքների քանակը)։ Նկատենք, որ  $\lfloor x \rfloor$ -ը նշանակում է այն ամենամեծ ամբողջ թիվը, որը չի գերազանցում x-ը։

Մեր օրինակում f մեծ քաղաքը հաբ է։ Եթե հեռացնենք f-ը, ցանցը կտրոհվի չորս կապակցված կտորի։ Այդ չորս կտորները բաղկացած են փոքր քաղաքների հետևյալ չորս բազմություններից.  $\{0,1,10\}$ ,  $\{2,3\}$ ,  $\{4,5,6,7\}$  և  $\{8,9\}$ ։ Այս կտորներից և ոչ մեկում փոքր քաղաքների քանակը  $\lfloor 11/2 \rfloor = 5$ -ից մեծ չէ, հետևաբար f մեծ քաղաքը հաշվեկշռված հաբ է։

### Խնդիր

Սկզբում ինֆորմացիան, որ դուք ունեք բնակավայրերի և խճուղիների ցանցի մասին, դա փոքր քաղաքների N քանակն է։ Մեծ քաղաքների քանակը դուք չգիտեք։ Խճուղիների մասին էլ ոչինչ չգիտեք։ Նոր ինֆորմացիա կարող եք ստանալ միայն երկու փոքր քաղաքների միջև հեռավորության մասին հարցումներ անելով։

Ձեր խնդիրն է պարզել՝

- Բոլոր ենթախնդիրներում. *R*-ի արժեքը։
- 3-րդից 6-րդ ենթախնդիրներում. արդյոք ցանցում հաշվեկշռված հաբ կա՞, թե ոչ։

Պահանջվում է իրականացնել hubDistance ֆունկցիան։ Գրեյդերը մեկ գործարկման ժամանակ նրան բազմաթիվ անգամ կաշխատացնի բազմաթիվ թեստերի վրա։ Թեստերի քանակը չի գերազանցում 40-ը։ Գրեյդերը յուրաքանչյուր թեստի համար ճիշտ մեկ անգամ կանչելու է ձեր hubDistance ֆունկցիան։ Յամոզվեք, որ ձեր ֆունկցիան ամեն կանչի ժամանակ կատարում է բոլոր անհրաժեշտ փոփոխականների սկզբնարժեքավորումը։

- hubDistance(N, sub)
  - N: փոքր քաղաքների քանակր:
  - sub: ենթախնդրի համարը (բացատրված է ենթախնդիրների բաժնում):
  - lacktriangle Եթե lacktriangle 1 կամ 2 է, ֆունկցիան կարող է վերադարձնել R կամ -R:
  - Եթե sub-ը մեծ է 2-ից, եթե գոյություն ունի հաշվեկշռված հաբ, ֆունկցիան պետք է վերադարձնի R, հակառակ դեպքում այն պետք է վերադարձնի -R:

Ձեր hubDistance ֆուսկցիան խճուղիների ցանցի մասին անհրաժեշտ ինֆորմացիան

կարող է ստանալ կանչելով գրեյդերի getDistance(i, j) ֆունկցիան։ Այս ֆունկցիան վերադարձնում է i և j փոքր քաղաքների միջև հեռավորությունը։ Նկատենք, որ եթե i-ն և j-ն իրար հավասար են, ֆունկցիան վերադարձնում է 0։ Այն վերադարձնում է 0, երբ արգումենտները կոռեկտ չեն։

## Ենթախնդիրներ

Բոլոր թեստերում`

- *N*-ր 6-ից 110 է (ներառյալ)։
- Երկու տարբեր փոքր քաղաքների միջև եղած հեռավորությունը 1-ից 1,000,000 է (ներառյալ):

Ձեր ծրագիրը կարող է կատարել սահմանափակ թվով հարցումներ։ Սահմանափակումը տարբեր ենթախնդիրներում տարբեր է և տրված է հետևյալ աղյուսակում։ Եթե ձեր ծրագիրը փորձում է գերազանցել հարցումների թույլատրելի քանակը, նրա աշխատանքը կընդհատվի և կհամարվի, որ այն տվել է սխալ պատասխան։

ենթախնդիր	միավոր	հարցումների քանակ	հաշվեկշրված հաբի որոնում	լրացուցիչ սահմանափակումներ
1	13	$\frac{N(N-1)}{2}$	กจ	չկա
2	12	$\lceil \frac{7N}{2} \rceil$	กจ	չկш
3	13	$\frac{N(N-1)}{2}$	นรก	չկա
4	10	$\lceil \frac{7N}{2} \rceil$	นลก	յուրաքանչյուր մեծ քաղաք կապված է <i>ճիշտ</i> երեք բնակավայրի
5	13	5n	นรก	չկա
6	39	$\lceil \frac{7N}{2} \rceil$	usn	չկա

Նկատենք, որ  $\lceil x 
ceil$ -ը նշանակում է ամենափոքր ամբողջ թիվը, որը x-ից մեծ է կամ հավասար։

<!—

#### Իրականացման մանրամասներ

Դուք պետք է ուղարկեք ճիշտ մեկ ֆայլ, որը պետք է կոչվի towns.cpp: Այդ ֆայլի սկզբում պետք է լինի towns.h ֆայլն ընդգրկելու տողը։ Ենթածրագրի վերնագիրը պետք է ունենա այսպիսի տեսք.

int hubDistance(int N, int sub);

#### Գրեյդերի օրինակ

Նկատենք, որ ենթախնդրի համարը մուտքային տվյալների մաս է կազմում։ Գրեյդերի գործողությունները կախված են ենթախնդրի համարից։

Գրեյդերի օրինակը մուտքային տվյալները կարդում է towns.in ֆայլից հետևյալ ֆորմատով.

- Sող 1: Ենթախնդրի համար և թեստերի քանակ.
- ullet Snn 2:  $N_1$ , առաջին թեստում փոքր քաղաքների քանակո
- lacktriangledown հաջորդ  $N_1$  տողեր։ Այս տողերից i-րդում  $(1 \leq i \leq N_1)$  j-րդ թիվը  $(1 \leq j \leq N_1)$  ցույց է տալիս i-1-րդ և j-1-րդ փոքր քաղաքների միջև եղած հեռավորությունը։
- Այնուհետև հաջորդում են մյուս թեստերը։ Նրանք տրված են նույն ֆորմատով, ինչ առաջին թեստը։

Յուրաքանչյուր թեստի համար գրեյդերի օրինակը տպում է hubDistance-ի վերադարձրած արժեքը և կանչերի քանակը` առանձին տողերում:

Վերևի օրինակին համապատասխանող մուտքային տվյալներն այսպիսի տեսք ունեն.

```
1 1
11
0 17 18 20 17 12 20 16 23 20 11
17 0 23 25 22 17 25 21 28 25 16
18 23 0 12 21 16 24 20 27 24 17
20 25 12 0 23 18 26 22 29 26 19
17 22 21 23 0 9 21 17 26 23 16
12 17 16 18 9 0 16 12 21 18 11
20 25 24 26 21 16 0 10 29 26 19
16 21 20 22 17 12 10 0 25 22 15
23 28 27 29 26 21 29 25 0 21 22
20 25 24 26 23 18 26 22 21 0 19
11 16 17 19 16 11 19 15 22 19 0
```

Այս ֆորմատը բոլորովին տարբերվում է խճուղիների ցուցակի տրումից։ Նկատենք, որ դուք կարող եք գրեյդերի օրինակը ձևափոխել այնպես, որ այն օգտագործի մուտքային տվյալների ուգածդ ֆորմատը։