

# Caminado por Puentes

Kenan dibujó un plano de edificios y puentes a lo largo de un lado de la avenida principal de Bakú. Hay n edificios numerados de 0 a n-1 y m puentes numerados de 0 a m-1. El plano está dibujado en un plano cartesiano bidimensional, en el cual los edificios y puentes son segmentos verticales y horizontales respectivamente.

La base del edificio i  $(0 \le i \le n-1)$  está ubicada en el punto (x[i], 0) y el edificio tiene altura h[i]. Por lo tanto, es un segmento conectando los puntos (x[i], 0) y (x[i], h[i]).

El puente j  $(0 \le j \le m-1)$  tiene sus extremos en los edificios numerados l[j] y r[j] y tiene coordenada positiva y, y[j]. Por lo tanto, es un segmento que conecta los puntos (x[l[j]], y[j]) y (x[r[j]], y[j]).

Un puente y un edificio se **intersecan** si comparten un punto en común. Por lo tanto, un puente interseca dos edificios en sus dos extremos, y también puede intersecar otros edificios que estén entre ellos.

Kenan quisiera encontrar la longitud del camino más corto desde la base del edificio s a la base del edificio g, asumiendo que solamente se puede desplazar por los edificios y puentes, o determine que no existe tal camino. Note que no se permite caminar en el piso; es decir, no se permite caminar a lo largo de la recta horizontal y=0.

Se puede ir de un puente a un edificio o viceversa en cualquier intersección. Si en un mismo punto hay extremos de dos puentes, se puede ir de un puente al otro.

Su tarea es ayudar a Kenan a responder esta pregunta.

### Detalles de Implementación

Usted debe implementar la función siguiente. Será llamado por calificador una vez por cada caso de prueba.

- x y h: arreglos enteros de longitud n
- l, r, y y: arreglos enteros de longitud m
- s y g: dos enteros
- Esta función debe devolver la longitud del camino más corto entre la base del

edificio s y la base del edificio g, si tal camino existe. En otro caso, debe devolver -1.

### **Ejemplos**

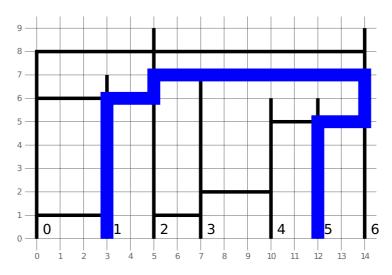
#### Ejemplo 1

Considere la siguiente llamada:

```
min_distance([0, 3, 5, 7, 10, 12, 14],
[8, 7, 9, 7, 6, 6, 9],
[0, 0, 0, 2, 2, 3, 4],
[1, 2, 6, 3, 6, 4, 6],
[1, 6, 8, 1, 7, 2, 5],
1, 5)
```

La respuesta correcta es 27.

La figura mostrada a continuación corresponde al *Ejemplo 1*:



#### Ejemplo 2

La respuesta correcta es 21.

### Restricciones

- $1 \le n, m \le 100000$
- $0 \le x[0] < x[1] < \ldots < x[n-1] \le 10^9$
- $1 \le h[i] \le 10^9$  (para todo  $0 \le i \le n-1$ )
- $0 \leq l[j] < r[j] \leq n-1$  (para todo  $0 \leq j \leq m-1$ )
- $1 \leq y[j] \leq \min(h[l[j]], h[r[j]])$  (para todo  $0 \leq j \leq m-1$ )
- $0 \le s, g \le n 1$
- $\bullet$   $s \neq g$
- No hay dos caminos que tengan un punto en común, excepto tal vez en sus extremos.

#### **Subtareas**

- 1. (10 puntos)  $n, m \le 50$
- 2. (14 puntos) Cada puente interseca a lo sumo a 10 edificios.
- 3. (15 puntos) s=0, g=n-1, y todos los edificios son de la misma altura.
- 4. (18 puntos) s = 0, g = n 1
- 5. (43 puntos) No hay restricciones adicionales.

## Calificador de Ejemplo

El calificador de ejemplo lee la entrada en el formato siguiente:

- línea 1: n m
- línea 2 + i ( $0 \le i \le n 1$ ):  $x[i] \ h[i]$
- línea n+2+j ( $0 \leq j \leq m-1$ ): l[j] r[j] y[j]
- línea n+m+2: s g

El calificador de ejemplo imprime una sola línea conteniendo el valor devuelto por min\_distance.