SOCCEI IOI 2023 Day 1 Tasks Czech (CZE)

Fotbalový stadion

Nagyerdő je čtvercový les ve městě Debrecín, který si můžeme představit jako mřížku $N\times N$ polí. Řádky jsou očíslované od 0 do N-1 ze severu na jih a sloupce jsou očíslované od 0 do N-1 ze západu na východ. Buňku v řádku r a sloupci c značíme pole (r,c)

V lese je každé pole **prázdné** nebo obsahuje **strom**. Alespoň jedno pole v lese je prázdné.

DVSC, známý sportovní klub Debrecína plánuje postavit v lese nový fotbalový stadion. Stadion rozměru s (kde $s \ge 1$) je množna s po dvou různých prázdných polí $(r_0, c_0), \ldots, (r_{s-1}, c_{s-1})$. Formálně:

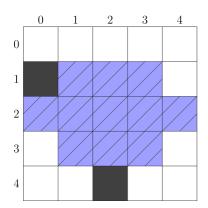
- každé pole (r_i, c_i) je prázdné
- každá dvě pole $(r_i, c_i), (r_j, c_j)$ platí, že se liší v alespoň jedné souřadnici $(r_i \neq r_j \lor c_i \neq c_j)$.

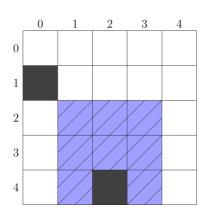
Fotbal se hraje kopaním do míče na polích stadionu. **Rovný kop** definujeme jako jednu ze dvou akcí:

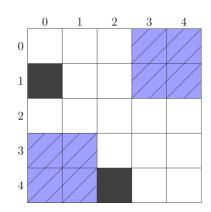
- Přemístění míče z pole (r,a) na pole (r,b) $(0 \le r,a,b < N,a \ne b)$, kde stadion obsahuje všechny pole mezi (r,a) a (r,b). Formálně:
 - Když a < b, pak stadion musí obsahovat pole (r, k), pro každé k takové, že $a \le k \le b$
 - Když a > b, pak stadion musí obsahovat pole (r, k), pro každé k takové, že $b \le k \le a$
- Přemístění míče z pole (a,c) na pole (b,c) $(0 \le c,a,b < N, a \ne b)$, kde stadion obsahuje všechny pole mezi (a,c) a (b,c). Formálně:
 - Když a < b, pak stadion musí obsahovat pole (k, c), pro každé k takové, že a < k < b
 - \circ Když a>b, pak stadion musí obsahovat pole (k,c), pro každé k takové, že $b\leq k\leq a$

Stadion je $\ref{rádný}$ pokud je možné přemístit míč mezi libovolnými dvěma poli s nejvýše 2 rovnými kopy. Stadion velikost 1 je $\ref{rádný}$.

Například, uvažujte les velikost N=5, s poli (1,0) a (4,2) obsahujícími stromy a ostatními poli prázdnými. Obrázek níže ukazuje tři možné stadiony. Pole se stromy jsou tmavé, pole zabrané stadionem jsou pruhované.







Levý stadion je řádný. Stadion uprostřed řádný není, protože jsou zapotřebí 3 rovné kopy z pole (4,1) na (4,3). Stadion vpravo řádný není, protože není možné přemístit míč mezi buňkami (3,0) a (1,3) s použitím rovných kopů.

Sportovní klub chce postavit co největší stadion. Vaším úkolem je najít největší možné s takové, že v lese existuje řádný stadion velikosti s.

Implementační detaily

Měli byste implementovat následující funkci:

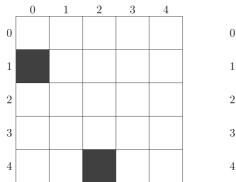
```
int biggest_stadium(int N, int[][] F)
```

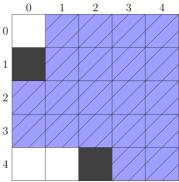
- *N*: velikost lesa.
- F: seznam délky N obsahující seznamy délky N, popisující pole v lese. Pro každé r a c takové, že $0 \le r < N$ a $0 \le c < N$, F[r][c] = 0 znamená, že pole (r,c) je prázdné, a F[r][c] = 1 znamená pole obsahující strom.
- Funkce má vracet maximální velikost řádného stadionu, který lze v lese postavit.
- Funkce je zavolána právě jednou pro každý vstup.

Příklad

Uvažte následující volání:

V tomto případě, les je vyznačen vlevo a řádný stadion s velikostí 20 je vyznačen vpravo:





Protože neexistuje žádný stadion s velikostí alespoň 21, funkce by měla vrátit 20.

Omezení

- $1 \le N \le 2000$
- $0 \leq F[i][j] \leq 1$ (pro každé i a j takové, že $0 \leq i < N$ a $0 \leq j < N$)
- ullet Existuje alespoň jedno prázdné pole v lese. (Tedy F[i][j]=0 pro alespoň jedno $0 \leq i,j < N.$)

Podúlohy

- 1. (6 bodů) Nejvýše jedno pole obsahuje strom.
- 2. (8 bodů) $N \leq 3$
- 3. (22 bodů) $N \leq 7$
- 4. (18 bodů) $N \leq 30$
- 5. (16 bodů) $N \leq 500$
- 6. (30 bodů) Bez dalších omezení.

V každé podúloze lze získat 25% bodů, pokud program správně posoudí, zda množina *všech* prázdných polí jsou řádný stadion.

Přesněji, pro každou podúlohu, ve které množina všech prázdných polí je řádný stadion, vaše řešení:

- Dostane plný počet bodů, pokud vrátí správnou odpověď (což je velikost množiny všech prázdných polí).
- Jinak 0 bodů.

Pro každou podúlohu, ve které množina všech prázdných polí není řádný stadion, vaše řešení:

- Dostane plný počet bodů, pokud vrátí správnou odpověď.
- Dostane 0 bodů, pokud vrátí velikost množiny všech prázdných polí.
- Dostane 25% bodů, pokud vrátí jakoukoliv jinou hodnotu.

Skóre za každou podúlohu je minimum z bodů za každý vstup v dané podúloze.

Ukázkový Grader

Ukázkový grader čte vstup v následujícím formátu:

- řádek 1:N
- řádek 2+i ($0 \leq i < N$): F[i][0] F[i][1] \dots F[i][N-1]

Ukázkový grader vypisuje odpověď v následujícím formátu:

• řádek 1: vrácená hodnota biggest_stadium