International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules Country: LTU

Molekulių aptikimas

Petras dirba įmonėje, kuri pagamino įrangą, galinčią aptikti molekules. Kiekvienos molekulės svoris yra teigiamas skaičius. Įrangą turi *aptikimo intervalą* [l,u], kur l ir u yra sveikieji teigiami skaičiai. Įranga gali aptikti molekulių aibę tada ir tik tada, jei egzistuoja toks poaibis, kuriam priklausančių molekulių bendras svoris priklauso įrangos aptikimo intervalui.

Kitaip tariant, turint n molekulių, kurių svoriai yra teigiami sveikieji skaičiai w_0,\ldots,w_{n-1} , molekulės bus aptiktos tik tada jei egzistuoja toks skirtingų indeksų $I=i_1,\ldots,i_m$ poaibis, kad $l\leq w_{i_1}+\ldots w_{i_m}\leq u$.

Yra žinoma, kad intervalas nuo l iki u yra būtinai didesnis arba lygus sunkiausios ir lengviausios molekulės svorių skirtumui. Kitaip sakant $u-l \geq w_{max}-w_{min}$, čia $w_{max}=\max(w_0,\ldots,w_{n-1})$ ir $w_{min}=\min(w_0,\ldots,w_{n-1})$.

Parašykite programą, kuri arba surastų molekulių poaibį, kuriam priklausančių molekulių bendras svoris yra iš nurodyto intervalo, arba nustatytų, kad toks poaibis neegzistuoja.

Realizacija

Parašykite vieną funkciją (metodą):

- int[] solve(int I, int u, int[] w)
 - lir u: aptikimo rėžai,
 - w: molekulių svoriai.
 - jei reikalaujamas poaibis egzistuoja, funkcija turi grąžinti tą poaibį sudarančių molekulių indeksų masyvą. Jei yra keli galimi sprendiniai, pateikite bet kurį.
 - o jei reikalaujamas poaibis neegzistuoja, funkcija turi gražinti tuščia masyva.

C kalbai ši funkcija atrodo šiek tiek kitaip:

- int solve(int I, int u, int[] w, int n, int[] result)
 - n: elementų skaičius masyve w (t.y. molekulių skaičius),
 - kiti parametrai tokie patys kaip aprašyti aukščiau.
 - o vietoje to, kad grąžinti masyvą sudarytą iš m indeksų, ši funkcija turėtų rašyti indeksus į pirmas m masyvo result ląsteles ir grąžinti skaičių m.
 - jei reikalaujamas poaibis neegzistuoja, funkcija neturi nieko rašyti į result masyvą ir grąžinti 0.

Indeksus į grąžinamą masyvą (arba į result masyvą, jei programuojate C) galima įrašyti bet kokia tvarka.

Pateiktuose failų šablonuose rasite realizacijai reikalingą informaciją. Pasirinkite šabloną, atitinkantį jūsų programavimo kalbą.

Pavyzdžiai

Pavyzdys nr. 1

```
solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])
```

Šiame pavyzdyje yra keturios molekulės, kurių svoriai yra 6, 8, 8 and 7. Įranga gali aptikti tokius molekulių poaibius, kurių bendras svoris yra nuo 15 iki 17 imtinai. Atkreipkite dėmesį, kad $17-15 \geq 8-6$. Bendras molekulių nr. 1 ir nr. 3 svoris lygus $w_1+w_3=8+7=15$, taigi funkcija gali grąžinti [1, 3]. Kiti galimi teisingi sprendiniai yra [1, 2] ($w_1+w_2=8+8=16$) ir [2, 3] ($w_2+w_3=8+7=15$).

Pavyzdys nr. 2

```
solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])
```

Šiame pavyzdyje yra keturios molekulės, kurių svoriai yra 5, 5, 6 ir 6, 0 mes ieškome jų poaibio, kuriam priklausančių molekulių bendras svoris yra nuo 14 iki 15 imtinai. Atkreipkite dėmesį, kad $15-14 \geq 6-5$. Nėra tokio molekulių poaibio, kurio molekulių bendras svoris būtų nuo 14 iki 15, taigi funkcija turi grąžinti tuščią masyvą.

Pavyzdys nr. 3

```
solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])
```

Šiame pavyzdyje yra keturios molekulės, kurių svoriai yra 15, 17, 16 ir 18, 0 mes ieškome jų poaibio, kuriam priklausančių molekulių bendras svoris yra nuo 10 iki 20 imtinai. Atkreipkite dėmesį, kad $20-10 \geq 18-15$. Bet kuris poaibis, kurį sudaro lygiai vienas elementas, tenkina reikalavimą, taigi teisingi atsakymai yra: [0], [1], [2] ir [3].

Dalinės užduotys

- 1. (9 taškai): $1 \le n \le 100$, $1 \le w_i \le 100$, visi w_i yra lygūs.
- 2. (10 taškų): $1\leq n\leq 100$, $1\leq w_i\leq 1000$, ir $\max(w_0,\ldots,w_{n-1})-\min(w_0,\ldots,w_{n-1})\leq 1$.
- 3. (12 taškų): $n \le 100$ ir $w_i, u, l \le 1000$.
- 4. (15 taškų): $n \le 10000$ ir $w_i, u, l \le 10000$.
- 5. (23 taškai): $n \le 10000$ ir $w_i, u, l \le 500000$
- 6. (31 taškas): $n \leq 200\,000$ ir $w_i, u, l < 2^{31}$.

Pavyzdinė vertinimo programa

Pavyzdinė vertinimo programa skaito duomenis tokiu formatu:

- \circ 1-oji eilutė: sveikieji skaičiai n , l , u .
- \circ 2-oji eilutė: n sveikųjų skaičių: w_0,\ldots,w_{n-1} .