International Olympiad in Informatics 2015



26th July - 2nd August 2015

Almaty, Kazakhstan

Day 2

sorting

Language: th-TH

เรียงลำดับ

"ไอจันทร์" มีลำดับของจำนวนเต็ม N จำนวน S[0], S[1], ..., S[N-1] ลำดับนี้ประกอบด้วยตัวเลข ที่แตกต่างกันตั้งแต่ 0 ถึง N-1 เธอต้องการที่จะเรียงลำดับนี้จากน้อยไปมากโดยการสลับ สมาชิกเป็นคู่ๆ ในลำดับนี้ เพื่อนของเธอชื่อ "เออเมฆ" ก็พยายามจะสลับคู่ของสมาชิกในลำดับนี้ เช่นกันโดยการทำของเขาอาจไม่เป็นไปเพื่อช่วยเธอ

เออเมฆและไอจันทร์จะผลัดกันสลับจำนวนในลำดับนี้เป็นรอบๆ ในแต่ละรอบจะเริ่มโดยเออ เมฆจะทำการสลับก่อนและจากนั้นไอจันทร์จะทำการสลับ ในการสลับแต่ละครั้ง ผู้ ที่ทำการสลับ จะเลือกดัชนีมาสองค่าและสลับจำนวนสองจำนวน ณ ดัชนีเหล่านั้น ทั้งนี้ดัชนีทั้งสองอาจมีค่า เดียวกันก็ได้ ซึ่งถ้ามีค่าเท่ากันผู้ที่ทำการสลับขณะนั้นจะทำการสลับจำนวนไว้ที่เดิม ดังนั้นลำดับ จะไม่มีการเปลี่ยนแปลงใดๆ

ไอจันทร์รู้ว่าเออเมฆไม่ได้สนใจในการเรียงค่าของลำดับ S นอกจากนี้เธอยังรู้ถึง ลำดับทั้งหมดที่ เออเมฆจะเลือกใช้ เออเมฆวางแผนที่จะสลับทั้งหมด M รอบ เราจะเรียกรอบของการสลับเป็น รอบที่ 0 ถึงรอบที่ M-1 ในแต่ละรอบที่ i ตั้งแต่ 0 ถึง M-1 เออเมฆจะเลือกดัชนี X[i] และ Y[i] ในการสลับในรอบที่ i

ไอจันทร์ต้องการ ที่จะเรียงลำดับ S นี้ ก่อนการเริ่มต้นในแต่ละรอบถ้าไอจันทร์พบ ว่าลำดับถูก เรียงจากน้อยไปหามากเรียบร้อยแล้วเธอจะจบการทำงานทั้งหมด ให้ค่าเริ่มต้นของลำดับ S และ ชุดของดัชนีทั้งหมด ที่เออเมฆจะเลือก ใช้ หน้าที่ของคุณคือ ให้เขียนโปรแกรมหาลำดับของการ สลับของไอจันทร์ที่ใช้เพื่อเรียงลำดับ S นอกจากนี้ในบางปัญหาย่อยคุณต้องหาลำดับในการสลับ ที่สั้นที่สุดที่เป็นไปได้ คุณสามารถพิจารณาได้ว่าเป็นไปได้ที่จะเรียงลำดับ S โดยใช้การสลับ M รอบหรือน้อยกว่าเสมอ

หมายเหตุถ้าไอจันทร์พบว่าลำดับ S เรียงลำดับแล้วหลังจากเออเมฆทำการสลับ เธอสามารถ เลือกที่จะสลับสองดัชนีที่เท่ากันได้ (ตัวอย่าง เช่น 0 และ 0) ผลลัพธ์ ที่เกิดขึ้นในลำดับ S ก็จะยัง คงเรียงตามลำดับเหมือนเดิมหลังจากการทำงานรอบนี้ ดังนั้นไอจันทร์จะได้ผลสำเร็จตาม เป้าหมาย นอกจากนี้ถ้าค่าเริ่มต้นของลำดับ S เป็นการเรียงลำดับเรียบร้อยแล้ว จำนวนรอบที่ น้อยที่สุดที่ต้องใช้ในการเรียงลำดับจะมีค่าเป็น O

ตัวอย่างที่ 1

กำหนดให้:

- ค่าเริ่มต้นของลำดับ S = 4, 3, 2, 1, 0
- lacktriangleเออเมฆต้องการที่จะสลับทั้งสิ้น M=6 รอบ
- ลำดับของดัชนี X และ Y ที่แสดงถึง ลำดับที่เออเมฆจะใช้ในการสลับ คือ X=0,1,2,3,0,1 และ Y=1,2,3,4,1,2 หรืออีกนัยหนึ่งคือ คู่ดัชนีที่เออเมฆวางแผนคือ (0,1), (1,2), (2,3), (3,4), (0,1), และ (1,2)

ในตัวอย่างนี้ไอจันทร์สามารถเรียงลำดับ S ให้มีค่าเป็น 0,1,2,3,4 ได้ภายในสามรอบ เธอ สามารถทำได้โดยการเลือกสลับลำดับตามคู่ดัชนีดังนี้ (0,4), (1,3), และ (3,4)

ตารางด้านล่างแสดงถึงการสลับของเออเมฆและไอจันทร์ที่เกิดขึ้น

รอบ ที่	ผู้เล่น	คู่ดัชนี ที่สลับ	ลำดับ ที่เกิด ขึ้น
เริ่มต้น			4, 3, 2, 1, 0
0	เออเมฆ	(0, 1)	3, 4, 2, 1, 0
0	ไอจันทร์	(0,4)	0, 4, 2, 1, 3
1	เออเมฆ	(1,2)	0, 2, 4, 1, 3
1	ไอจันทร์	(1,3)	0, 1, 4, 2, 3
2	เออเมฆ	(2,3)	0, 1, 2, 4, 3
2	ไอจันทร์	(3,4)	0, 1, 2, 3, 4

ตัวอย่างที่ 2

กำหนดให้:

- ค่าเริ่มต้นของลำดับ S=3,0,4,2,1
- เออเมฆต้องการที่จะสลับทั้งสิ้น M = 5 รอบ
- ullet คู่ดัชนีที่เออเมฆวางแผนที่จะใช้คือ (1,1), (4,0), (2,3), (1,4), และ (0,4)

ในตัวอย่างนี้ไอจันทร์สามารถเรียงลำดับ S ภายในสามรอบเช่นกัน ตัวอย่างเช่นการเลือกคู่ดัชนี (1,4), (4,2), และ (2,2) ตารางด้านล่างแสดงถึงการสลับของเออเมฆและไอจันทร์ที่เกิดขึ้น

รอบ ที่	ผู้เล่น	คู่ดัชนี ที่สลับ	ลำดับ ที่เกิด ขึ้น
เริ่มต้น			3, 0, 4, 2, 1
0	เออเมฆ	(1, 1)	3, 0, 4, 2, 1
0	ไอจันทร์	(1,4)	3, 1, 4, 2, 0
1	เออเมฆ	(4,0)	0, 1, 4, 2, 3
1	ไอจันทร์	(4, 2)	0, 1, 3, 2, 4
2	เออเมฆ	(2,3)	0, 1, 2, 3, 4
2	ไอจันทร์	(2,2)	0, 1, 2, 3, 4

งานของคุณ

เมื่อคุณทราบลำดับ S, จำนวนรอบ M, และลำดับของคู่ดัชนี X และ Y ให้คำนวณหาลำดับของ การสลับที่ที่ไอจันทร์สามารถใช้เพื่อเรียงลำดับ S โดยสำหรับปัญหาย่อย S และ S คุณต้องหาวิธีที่ ใช้ในการสลับให้น้อยที่สุดที่เป็นไปได้

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชัน findSwapPairs:

- findSwapPairs (N, S, M, X, Y, P, Q) ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกโดยเกรดเดอร์เพียง ครั้งเดียวเท่านั้น
 - N: ความยาวของลำดับ S
 - lacktriangle S: อาร์เรย์ของตัวเลขจำนวนเต็มที่ประกอบด้วยค่าเริ่มต้นของลำดับ S
 - M: จำนวนรอบของการสลับที่ที่เออเมฆวางแผนที่จะทำ
 - X, Y: อาร์เรย์ของจำนวนเต็มที่มีความยาว M สำหรับ $0 \leq i \leq M-1$,ในรอบที่ i เออ เมฆวางแผนที่จะสลับจำนวนที่ดัชนี X[i] และ Y[i]
 - P, Q: อาร์เรย์ของจำนวนเต็ม โดยให้ใช้อาร์เรย์นี้ในการรายงานลำดับของการสลับที่ เป็นไปได้แบบหนึ่งที่ไอจันทร์สามารถใช้ในการเรียงลำดับ S กำหนดให้ R แทนความ ยาวของลำดับในการสลับที่ที่โปรแกรมของคุณใช้ แต่ละค่าของ i ตั้งแต่ $\mathbf{0}$ ถึง R-1 คู่ดัชนีที่ไอจันทร์ใช้ในรอบที่ i จะเก็บไว้ในตัวแปร P[i] และ Q[i] คุณสามารถสมมติว่า ทั้งอาร์เรย์ P และ Q ได้ถูกจองพื้นที่หน่วยความจำไว้ (allocated) ขนาด \mathbf{M} จำนวน
 - ฟังก์ชันนี้จะคืนค่า R (ดังที่ระบุด้านบน)

ปัญหาย่อย

ปัญหา ย ่ อย	คะแนน	N	M	เงื่อนไข เพิ่ม เติม บน X, Y	ความ ต้องการ บน R
1	8	$1 \le N \le 5$	$M = N^2$	X[i] = Y[i] = 0 for all i	$R \leq M$
2	12	$1 \le N \le 100$	M = 30N	X[i] = Y[i] = 0 for all i	$R \le M$
3	16	$1 \le N \le 100$	M = 30N	X[i] = 0, Y[i] = 1 for all i	$R \le M$
4	18	$1 \le N \le 500$	M = 30N	ไม่มีเพิ่มเติม	$R \le M$
5	20	$6 \le N \le 2,000$	M = 3N	ไม่มีเพิ่มเติม	น้อยที่สุดที่เป็นไป ได้
6	26	$6 \le N \le 200,000$	M = 3N	ไม่มีเพิ่มเติม	น้อยที่สุดที่เป็นไป ได้

คุณสามารถสมมติได้ว่า มีคำตอบที่ทำงานโดยใช้M รอบหรือน้อยกว่า

เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างอ่านค่าข้อมูลนำเข้าจากไฟล์ sorting.in ที่มีรูปแบบดังแสดงด้านล่าง:

- บรรทัดที่ **1**: N
- บรรทัดที่ 2: S[0] ... S[N 1]
- บรรทัดที่ 3: м
- บรรทัดที่ 4, ..., M + 3: X[i] Y[i]

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะพิมพ์ ค่าข้อมูลส่งออก ในรูปแบบดังแสดงด้านล่าง:

- บรรทัดที่ 1: R ค่าที่คืนมาจากฟังก์ชัน findSwapPairs
- บรรทัดที่ 2+i, P[i] Q[i] สำหรับทุก $0 \le i < R$