#### **SubsetMex**

Nome	Subset Mex
File di input	standard input
File di output	standard output
Limite di tempo	1 secondo
Limite di memoria	256 megaottetti

Un *multiset* è una collezione di elementi simile ad un set, dove gli elementi possono ripetersi. Per esempio, il seguente è un multiset:

 $\{0, 0, 1, 2, 2, 5, 5, 5, 8\}$ 

Dato un multiset S definito sugli interi non negativi, e un intero obiettivo n non-negativo non presente in S, il tuo obiettivo è di inserire n dentro S usando ripetutamente la seguente operazione composta da S step:

- 1. Scegli un sottoinsieme T (anche vuoto) di S. In questo caso T è un insieme di interi distinti che appaiono in S.
- 2. Rimuovi da *S* gli elementi di *T* (rimuovendo solo una copia di ciascun elemento).
- 3. Inserisci mex(T) in S, dove mex(T) è il più piccolo intero non-negativo che non appartiene a T. Il nome mex sta per "minimum excluded".

Il tuo obiettivo è di trovare il minimo numero di operazioni da eseguire affinché n sia parte di S.

Visto che la dimensione di S potrebbe essere grande, ti viene data come lista  $(f_0, ..., f_{n-1})$  di dimensione n, dove  $f_i$  è il numero di volte che il numero i compare in S. (Ricorda che n è l'intero che stai cercando di inserire in S.)

### Input

La prima riga contiene un solo intero t (1  $\leq$  t  $\leq$  200) — il numero di testcase. Ogni due delle seguenti righe descrivono un testcase:

- La prima riga di ogni testcase contiene un singolo intero n (1  $\leq n \leq$  50), rappresentante l'intero che va inserito in S.
- La seconda riga di ogni testcase contiene n interi  $f_0, f_1, ..., f_{n-1}$  ( $0 \le f_i \le 10^{16}$ ), rappresentanti il multiset S come descritto sopra.

## Output

Per ogni testcase, stampa una singola riga contenente il numero minimo di operazioni necessarie per inserire n.

# Scoring

Subtask 1 (5 punti):  $n \le 2$ .

Subtask 2 (17 punti):  $n \le 20$ .

Subtask 3 (7 punti):  $f_i = 0$ .

Subtask 4 (9 punti):  $f_i \le 1$ .

Subtask 5 (20 punti):  $f_i$  ≤ 2000.

Subtask 6 (9 punti):  $f_0 \le 10^{16} \,\mathrm{e}\, f_j = 0$  (per ogni  $j \ne 0$ ).

Subtask 7 (10 punti): Esiste un valore i per cui  $f_i \le 10^{16}$  e  $f_j = 0$  (per ogni  $j \ne i$ ).

Subtask 8 (23 punti): Nessuna limitazione aggiuntiva.

## Esempi

standard input	standard output
2	4
4	10
0 3 0 3	
5	
4 1 0 2 0	

### Note

Nel primo esempio, inizialmente  $S = \{1, 1, 1, 3, 3, 3\}$  e il nostro obiettivo è di inserire 4 in S. Possiamo:

- 1. Scegliere *T* = {} e *S* diventa {0, 1, 1, 1, 3, 3, 3}.
- 2. Scegliere  $T = \{0, 1, 3\}$  e S diventa  $\{1, 1, 2, 3, 3\}$ .
- 3. Scegliere  $T = \{1\}$  e S diventa  $\{0, 1, 2, 3, 3\}$ .
- 4. Scegliere  $T = \{0, 1, 2, 3\}$  e S diventa  $\{3, 4\}$ .