International Olympiad in Informatics 2015



26th July - 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 2

sorting

Language: pl-PL

Sortowanie (Sorting)

Aizhan pragnie posortować ciąg N liczb całkowitych $S[0], S[1], \ldots, S[N-1]$. Ciąg ten składa się z parami różnych liczb z zakresu od 0 do N-1. Aizhen chce posortować zadany ciąg rosnąco zamieniając elementy ciągu parami. Jej przyjaciel Ermek ma także zamiar zamieniać parami niektóre elementy ciągu, ale niekoniecznie w sposób, który pomagałby Aizhan.

Ermek i Aizhan modyfikują ciąg w rundach. W każdej rundzie pierwszą zamianę wykonuje Ermek, a po nim zamiany dokonuje Aizhan. Dokładniej, osoba dokonująca zamiany wybiera dwa indeksy, po czym zamienia miejscami elementy o tych indeksach. Indeksy wybrane do zamiany niekoniecznie muszą być różne — jeśli oba są takie same, oznacza to, że w rzeczywistości element pozostaje na swoim miejscu.

Aizhan wie, że Ermekowi nie zależy na posortowaniu ciągu. Ponadto wie ona, jakich zamian Ermek ma zamiar dokonać. Ermek planuje wziąć udział w co najwyżej M rundach zamian elementów ciągu. Rundy są ponumerowane od 0 do M-1. W i-tej rundzie, dla $i=0,1,\ldots,M-1$, Ermek wybiera do zamiany elementy o indeksach X[i] oraz Y[i].

Aizhan chce posortować ciąg S. Przed każdą rundą, jeśli Aizhan widzi, że ciąg jest już posortowany rosnąco, to przerywa cały proces sortowania. Mając dany ciąg S oraz listę zamian, które chce wykonać Ermek, znajdź ciąg zamian dla Aizhan, który pozwoli jej posortować ciąg S. Dodatkowo, w niektórych podzadaniach musisz wyznaczyć najkrótszy taki ciąg. Możesz założyć, że zawsze możliwe jest posortowanie ciągu S w M lub mniej rundach.

Zauważ, że jeśli Aizhan widzi, że ciąg \boldsymbol{S} jest posortowany po zamianie Ermeka, może do zamiany wskazać elementy o tym samym indeksie (np. 0 i 0). W wyniku takiej zamiany ciąg \boldsymbol{S} pozostaje posortowany po całej rundzie, tak więc Aizhan osiąga swój cel. Zauważ także, że jeżeli początkowy ciąg \boldsymbol{S} jest posortowany, to minimalna liczba rund potrzebnych do posortowania go wynosi $\boldsymbol{0}$.

Przykład 1

Załóżmy, że:

- Początkowy ciąg to S = 4, 3, 2, 1, 0.
- Ermek chce wykonać M = 6 zamian.
- Ciągi X i Y opisujące pary indeksów elementów zamienianych przez Ermeka to X = 0, 1, 2, 3, 0, 1 oraz Y = 1, 2, 3, 4, 1, 2. Innymi słowy, pary indeksów elementów, które Ermek zamierza zamienić ze sobą to kolejno: (0,1), (1,2), (2,3), (3,4), (0,1), i (1,2).

W tej sytuacji Aizhan może posortować S, otrzymując w trzech rundach kolejność 0, 1, 2, 3, 4. Osiągnie to wybierając pary indeksów (0, 4), (1, 3), a potem (3, 4).

Poniższa tabela pokazuje, jak będzie wyglądał ciąg po zamianach Ermeka i Aizhan:

Runda	Erasz	Bary indeksáw	Eiag
początek			4, 3, 2, 1, 0
0	Ermek	(0,1)	3, 4, 2, 1, 0
0	Aizhan	(0,4)	0, 4, 2, 1, 3
1	Ermek	(1,2)	0, 2, 4, 1, 3
1	Aizhan	(1,3)	0, 1, 4, 2, 3
2	Ermek	(2,3)	0, 1, 2, 4, 3
2	Aizhan	(3,4)	0, 1, 2, 3, 4

Przykład 2

Załóżmy, że:

- Początkowy ciąg to S = 3, 0, 4, 2, 1.
- Ermek chce wykonać M = 5 zamian.
- Pary indeksów elementów, które Ermek zamierza zamienić ze sobą to kolejno: (1,1), (4,0), (2,3), (1,4), i (0,4).

W tej sytuacji Aizhan może posortować S w trzech rundach, wybierając na przykład pary indeksów (1,4),(4,2), oraz (2,2). Poniższa tabela pokazuje, jak będzie wyglądał ciąg po zamianach Ermeka i Aizhan:

Runda	Gracz	Pary indeksów	Ciąg
początek			3, 0, 4, 2, 1
0	Ermek	(1,1)	3, 0, 4, 2, 1
0	Aizhan	(1,4)	3, 1, 4, 2, 0
1	Ermek	(4,0)	0, 1, 4, 2, 3
1	Aizhan	(4, 2)	0, 1, 3, 2, 4
2	Ermek	(2,3)	0, 1, 2, 3, 4
2	Aizhan	(2, 2)	0, 1, 2, 3, 4

Zadanie

Dane są: ciąg S, liczba M, oraz listy indeksów X i Y. Znajdź kolejność zamian, których Aizhan może użyć do posortowania ciągu S. W podzadaniach S i S Twój ciąg zamian dodatkowo musi być najkrótszy z możliwych.

Musisz zaimplementować funkcję findSwapPairs:

- findSwapPairs (N, S, M, X, Y, P, Q) Funkcja ta zostanie wykonana przez program sprawdzający dokładnie raz.
 - lacktriangle N: długość ciągu $oldsymbol{S}$.

- S: tablica zawierająca początkowy ciąg S.
- M: liczba zamian, które chce wykonać Ermek.
- lacktriangledown X, Y: tablice liczb całkowitych długości M. Dla $0 \le i \le M-1$, Ermek w rundzie i zamieni elementy ciągu S o indeksach X[i] oraz Y[i].
- P, Q: tablice liczb całkowitych. Użyj tych tablic, aby podać jeden z możliwych ciągów zamian, których może użyć Aizhan do posortowania ciągu S. Niech R będzie długością ciągu zamian znalezionego przez Twój program. Dla każdego i między 0 a R-1 włącznie, indeksy zamienione przez Aizhan powinny zostać zapisane w P[i] oraz Q[i]. Możesz założyć, że tablice PiQ zostały już zaalokowane i każda z nich ma długość M.
- Funkcja ta powinna zwrócić wartość R (zdefiniowaną powyżej).

Podzadania

podzadanie	punkty	N	M	dodatkowe ograniczenia na X, Y	wymagane R
1	8	$1 \le N \le 5$	$M=N^2$	X[i] = Y[i] = 0 dla wszystkich i	$R \leq M$
2	12	$1 \le N \le 100$	M=30N	X[i] = Y[i] = 0 dla wszystkich i	$R \leq M$
3	16	$1 \le N \le 100$	M=30N	X[i] = 0, Y[i] = 1 dla wszystkich i	$R \leq M$
4	18	$1 \le N \le 500$	M = 30N	brak	$R \leq M$
5	20	$1 \le N \le 2000$	M=3N	brak	najmniejsze możliwe
6	26	$1 \leq N \leq 200,000$	M=3N	brak	najmniejsze możliwe

Możesz założyć, że istnieje rozwiązanie, które wymaga M lub mniej rund.

Przykładowy program sprawdzający

Przykładowy program sprawdzający czyta dane z pliku sorting. in w następującej postaci:

- wiersz 1: N
- wiersz 2: S[0] ... S[N 1]
- wiersz 3: M
- wiersze 4, ..., M+3: X[i] Y[i]

Program wypisuje na wyjście kolejno:

- wiersz 1: wartość zwróconą przez funkcję findSwapPairs
- wiersz 2+i dla $0 \le i \le R$: P[i] Q[i]