International Olympiad in Informatics 2015



26th July - 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 1

scales

Language: cs-CZ

Váha

Amina má šest mincí očíslovaných od **1** do **6**. Ví, že všechny mince mají různou hmotnost, a má je podle jejich hmotnosti uspořádat. Za tímto účelem bude používat speciální váhu.

Tradiční váha má dvě misky a používá se tak, že se na každou misku dá jedna mince a váha určí, která z nich je těžší.

Nová váha, jež Amina má, je složitější. Má čtyři misky označené A, B, C a D. Váha má čtyři různé režimy nastavení, kde každé z nich odpoví na jiný dotaz ohledně hmotnosti mincí. Používá se tak, že Amina na každou z misek A, B a C položí právě jednu minci. Ve čtvrtém režimu nastavení musí navíc položit právě jednu minci na misku D.

Čtyři režimy nastavení váhy dovolují odpovídat na následující čtyři dotazy stran hmotnosti mincí:

- 1. Která z mincí na miskách A, B a C je nejtěžší?
- 2. Která z mincí na miskách A, B a C je nejlehčí?
- 3. Která z mincí na miskách A, B a C je co do hmotnosti prostřední, tj. není ani nejlehčí ani nejtěžší ze všech tří?
- 4. Z mincí na miskách A, B a C uvažujme pouze ty, jež jsou těžší než mince na misce D. Existujíli takové, která z nich je nejlehší? V opačném případě, tedy neexistují-li žádná taková, pak která z mincí na miskách A, B a C je nejlehčí?

Úloha

Napište program, který Amině uspořádá její mince dle jejich hmotnosti. Program se může dotazovat její váhy a porovnávat tak hmotnost mincí. Váš program dostane několik testovacích případů k řešení, každý sestávající z nové množiny šesti mincí.

Váš program musí implementovat funkce init a orderCoins. Během každého spuštění programu vyhodnocovač nejprve právě jednou zavolá funkci init. Tím vám sdělí počet testovacích případů a umožní inicializovat proměnné. Následně vyhodnocovač jednou pro každý testovací případ zavolá orderCoins ().

- init(T)
 - T: Počet testovacích případů, které váš program bude muset vyřešit během tohoto spuštění. T je celé číslo v rozsahu 1,..., 18.
 - Funkce nevrací žádnou návratovou hodnotu.
- orderCoins()
 - Funkce je volána právě jednou pro každý testovací případ.

- Funkce musí určit správné pořadí mincí pomocí volání funkcí getLightest(), getHeaviest(), getMedian() a/nebo getNextLightest() vyhodnocovače.
- Jakmile funkce určí správné pořadí mincí, musí zavolat funkci answer () vyhodnocovače.
- Po zavolání answer () funkce orderCoins () musí skončit (bez návratové hodnoty).

Ve svém programu můžete použít následující funkce vyhodnocovače:

- answer (C) váš program použije tuto funkce ke sdělení, že našel odpověď.
 - C: Pole délky 6 obsahující správné pořadí mincí. Hodnoty C[0] až C[5] představují čísla mincí (tj. hodnoty od 1 do 6) v pořadí od nejlehčí po nejtěžší.
 - Váš program smí zavolat tuto funkci pouze z funkce orderCoins () a to právě jednou.
 - Funkce nevrací žádnou návratovou hodnotu.
- getHeaviest (A, B, C), getLightest (A, B, C), getMedian (A, B, C) odpovídají režimům nastavení 1, 2, resp. 3 na váze.
 - A, B, C: Mince položené na miskách **A**, **B**, **C**. A, B a C jsou tři celá čísla, každé v rozsahu **1** až **6** včetně.
 - Každá funkce vrací jedno z čísel A, B, C: číslo odpovídající mince. Např. getHeaviest (A, B, C) vrátí číslo nejtěžší ze tří daných mincí.
- getNextLightest (A, B, C, D) odpovídá režimu nastavení 4 na váze.
 - A, B, C, D: Mince na miskách A, B, C, D. A, B, C, D musejí být čtyři různá celá čísla v rozsahu 1 a 6 včetně.
 - Funkce vrátí jedno z čísel A, B, C: číslo mince určené dle režimu nastavení 4. Tedy vrácená mince je nejlehčí z těch mincí A, B, C, které jsou těžší než mince na misce D, nebo jestliže žádná z nich není těžší než D, jednoduše vrátí nejlehčí z mincí na miskách A, B, C

Bodování

Tato úloha nemá žádné podúlohy, místo toho bude bodování založeno na tom, kolik vážení (celkový počet volání vážících funkcí getLightest(), getHeaviest(), getMedian() a/nebo getNextLightest() vyhodnocovače) váš program provede.

Váš program bude spuštěn vícekrát s několika testovacími případy v každém spuštění. Nechť r je počet spuštění vašeho programu. Toto číslo je dáno testovacími daty. Jestliže váš program neuspořádá mince správně v žádném testovacím případě žádného běhu, dostane 0 bodů. V opačném případě bude obodován následovně.

Nechť Q je nejmenší číslo takové, že je možné uspořádat jakoukoli posloupnost šesti mincí s použitím Q vážení. Abychom úlohu ztížili, číslo Q nesdělujeme.

Předpokládejme, že největší počet vážení ze všech testovacích případů všech běhů je Q+y pro nějaké celé číslo y. Uvažme jedno spuštění programu. Nechť největší počet vážení ze všech T testovacích případů v tomto běhu je Q+x pro nějaké nezáporné celé číslo x. (Jestliže použijete pro

každý testovací případ Q vážení, pak x=0.) Potom za toto spuštění obdržíte $\frac{100}{r((x+y)/5+1)}$ bodů, zaokrouhleno na dvě desetinná místa dolů.

Například jestliže váš program použije Q vážení při každém spuštění, pak obdržíte 100 bodů.

Příklad

Předpokládejme, že mince jsou uspořádány 3 4 6 2 1 5 od nejlehčí po nejtěžší.

volání	vrátí	popis
getMedian(4, 5, 6)	6	Mince 6 je prostřední (medián) z mincí 4, 5, 6.
getHeaviest(3, 1, 2)	1	Mince 1 je nejtěžší z mincí 1, 2 a 3.
getNextLightest(2, 3, 4, 5)	3	Mince 2, 3, 4 jsou všechny lehčí než 5, je tudíž vrácena nejlehčí z nich, tedy 3.
getNextLightest(1, 6, 3, 4)	6	Mince 1 a 6 jsou obě těžší než 4. Z mincí 1 a 6 je mince 6 nejlehčí.
getHeaviest(3, 5, 6)	5	Mince 5 je nejtěžší z mincí 3, 5, 6.
getMedian(1, 5, 6)	1	Mince 1 je prostřední (medián) z 1, 5, 6.
getMedian(2, 4, 6)	6	Mince 6 je prostřední (medián) z 2, 4, 6.
answer([3, 4, 6, 2, 1, 5])		Program našel pro tento testovací případ správnou odpověď.

Ukázkový vyhodnocovač

Ukázkový vyhodnocovač čte vstup v následujícím formátu:

- řádek 1: T počet testovacích případů
- každý z řádků 2 až T + 1: posloupnost 6 různých čísel od 1 do 6: pořadí mincí od nejlehčí po nejtěžší.

Např. vstup sestávající ze dvou testovacích případů, kdy mince jsou uspořádány **1 2 3 4 5 6** a **3 4 6 2 1 5**, vypadá následovně:

```
2
1 2 3 4 5 6
3 4 6 2 1 5
```

Ukázkový vyhodnocovač vypíše pole předané jako parametr funkci answer ().