RUSSIA - KAZAN

International Olympiad in Informatics 2016

12-19th August 2016 Kazan, Russia dav1 2

railroad
Country: THA

รางรถไฟเหาะ

แอนนาทำงานที่สวนสนุกแห่งหนึ่ง เธอได้รับมอบหมายให้สร้างรางรถไฟสำหรับรถไฟเหาะตีลังกาอัน ใหม่ แอนนาได้ออกแบบทางช่วงพิเศษมาเรียบร้อยแล้ว n ช่วง (กำกับโดยหมายเลข 0 ถึง n-1) ช่วงเหล่านี้ส่งผลกระทบต่อความเร็วของรถไฟเหาะ แอนนาจะต้องนำช่วงพิเศษนี้มาใช้ ร่วมกันในการออกแบบสุดท้ายของรถไฟเหาะ สำหรับข้อนี้ให้ถือว่าตัวรถไฟมีความยาวเป็นศูนย์

สำหรับแต่ละ i ตั้งแต่ 0 ถึง n-1 รวมหัวท้ายนั้น ช่วงพิเศษช่วงที่ i จะมีคุณสมบัติดังนี้

- มีการจำกัดความเร็วเมื่อเข้ามายังช่วงพิเศษนี้โดย ความเร็วของรถไฟนั้นจะต้อง
 น้อยกว่าหรือเท่ากับ s_i กม./ชม. (กิโลเมตรต่อชั่วโมง)
- \circ เมื่อออกจากช่วงพิเศษนี้ ความเร็วของรถไฟจะเป็น t_i กม./ชม. **พอดี** โดยไม่ขึ้นอย[ื]กับความเร[็]ว ที่รถไฟเคลื่อนเข้ามา

รถไฟเหาะที่ออกแบบเสร็จแล้วจะเป็นรางรถไฟหนึ่งสายซึ่งมีช่วงพิเศษ n ช่วงตามลำดับแบบหนึ่ง ช่วงพิเศษแต่ละช่วงนั้นจะถูกใช้ 1 ครั้งพอดี ช่วงพิเศษที่อยู่ติดกันจะเชื่อมต่อด้วยราง แอนนาต้องเลือก ว่าจะเรียงลำดับของช่วง n ช่วงอย่างไรและต้องเลือกความยาวของรางแต่ละราง ความยาว ของรางนั้นวัดในหน่วยเมตร มีค่าเป็นจำนวนเต็มไม่ลบ (ศูนย์ก็ได้)

แต่ละเมตรของรางระหว่างช่วงพิเศษนั้น มันจะลดความเร[็]วของรถไฟลง 1 กม./ชม. ณ จุดเริ่มต้นของรถไฟเหาะนั้น รถไฟจะเข้าสู่ช่วงพิเศษแรกตามที่แอนนาเลือกด้วยความเร็ว 1 กม./ชม.

การออกแบบสุดท้ายนั้นจะต้องเป็นไปตามเงื่อนไขดังต่อไปนี้

- รถไฟจะต้องมีความเร็วที่ไม่ขัดต่อความเร็วที่จำกัดไว้ก่อนเข้าช่วงพิเศษ
- ความเร็วของรถไฟจะต้องเป็นบวกอยู่ตลอดเวลา

ในทุก ๆ ปัญหาย่อยยกเว้นปัญหาย่อยที่ 3 งานของคุณคือการหาความยาวรวมที่น้อยที่สุดเท่าที่เป็น ไปได้ของรางที่เชื่อมระหว่างช่วงที่อยู่ติดกัน ในปัญหาย่อยที่ 3 นั้น คุณเพียงแค่ต้องตรวจสอบว่า การ ออกแบบที่รางแต่ละรางมีความยาวเป็นศูนย์นั้นเป็นไปได้หรือไม่

รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

จงเขียนฟังก์ชัน

- o int64 plan_roller_coaster(int[] s, int[] t)
 - \circ ร คืออาเรย์ความยาว n ซึ่งระบุความเร็วขาเข้าสูงสุดที่ทำได้ของช่วงต่าง ๆ
 - t คืออาเรย์ความยาว n ซึ่งระบุความเร็วขาออก
 - ในทุก ๆ ปัญหาย่อย ยกเว้นปัญหาย่อยที่ 3 ฟังก์ชันนี้จะต้องคืนค่าความยาวรวมที่น้อย ที่สุดเท่าที่เป็นไปได้ของรางระหว่างช่วง ในปัญหาย่อยที่ 3 ฟังก์ชันจะต้องคืนค่า 0 ถ้า มันมีการออกแบบที่เป็นไปได้ที่รางแต่ละรางมีความยาวเป็น 0 และจะต้องคืนค่าจำนวน เต็มบวกใด ๆ ก็ได้ ถ้ามันไม่มีการออกแบบดังกล่าว

สำหรับภาษา C นั้นหัวฟังก์ชันมีความแตกต่างเล็กน้อย

- int64 plan roller coaster(int n, int[] s, int[] t)
 - on คือจำนวนสมาชิกใน s และ t (ซึ่งคือจำนวนของช่วงพิเศษ)
 - พารามิเตอร์อื่นเหมือนกับที่กล่าวไว้ด้านบน

ตัวอย่าง

plan roller coaster([1, 4, 5, 6], [7, 3, 8, 6])

ในตัวอย่างนี้มีช่วงพิเศษ 4 ช่วง ผลเฉลยที่ดีที่สุดคือสร้างในลำดับ 0,3,1,2 และเชื่อมต่อด้วยรางความยาว 1,2,0 ตามลำดับ รถไฟจะเดินทางผ่านรางทั้งหมดดังต่อไปนี้

- ในตอนเริ่มต้นความเร็วของรถไฟคือ 1 กม./ชม.
- รถไฟเริ่มโดยเข้าสู่ช่วงพิเศษหมายเลข
- รถไฟออกจากช่วง 0 ไปด้วยความเร็ว 7 กม./ชม.
- หลังจากนั้นมีรางความยาว 1 เมตร เมื่อรถไฟวิ่งจนถึงจุดสุดท้ายของราง รถไฟจะมีความเร็วเป็น 6 กม./ชม.
- รถไฟเข้าช่วงพิเศษหมายเลข 3 ด้วยความเร็ว 6 กม./ชม.
 และออกจากช่วงนี้ด้วยความเร็วเดียวกัน
- \circ หลังจากออกจากช่วง 3 รถไฟวิ่งไปตามรางความยาว 2 เมตร ความเร็วของรถไฟลดลงเป็น 4 กม./ชม.
- \circ รถไฟเข้าส[ุ]ช่วงพิเศษหมายเลข 1 ด้วยความเร็ว 4 กม./ชม. และออกมาด้วยความเร็ว 3 กม./ชม.
- หลังจากออกจากช่วงพิเศษ 1 รถไฟเข้าสุ้ช่วงพิเศษ 2 ทันที
- รถไฟออกจากช่วงพิเศษ 2 ด้วยความเร็วสุดท้าย 8 กม./ชม.

ฟังก์ชันจะคืนค่าความยาวรวมของรางระหว่างช่วงพิเศษคือ 1+2+0=3

ปัญหาย่อย

ในทุกปัญหาย่อย $1 \leq s_i \leq 10^9$ และ $1 \leq t_i \leq 10^9$

- 1. (11 คะแนน): $2 \le n \le 8$
- 2. (23 คะแนน): $2 \le n \le 16$
- 3. (30 คะแนน): $2 \leq n \leq 200\,000$ ในปัญหาย่อยนี้ โปรแกรมของคุณเพียงแค่ตรวจสอบว่าคำตอบเป็น 0 หรือไม่ ถ้าคำตอบไม่เป็น 0 การคืนค่าจำนวนเต็มบวกใด ๆ ถือว่าถูกต้อง
- 4. (36 คะแนน): $2 \le n \le 200\,000$

เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างอ่านข้อมูลน้ำเข้าในรูปแบบต่อไปนี้

- \circ บรรทัดที่ 1: จำนวนเต็ม n
- \circ บรรทัดที่ 2 + i, สำหร[ั]บ i ตั้งแต่ 0 ถึง n-1 : จำนวนเต็ม s_i และ t_i