

International Olympiad in Informatics 2015

26th July – 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 1

boxes

Language: fa-IRN

جعبههای سوغاتی

آخرین بخش مراسم افتتاحیهی IOI 2015 در حال برگزاری است. در حین مراسم افتتاحیه، قرار است هر تیم یک جعبهی سوغاتی از میزبان دریافت کند. منتها داوطلبان آنقدر جذب مراسم شدهاند که کاملا موضوع سوغاتی ها را فراموش کردهاند. تنها کسی که موضوع سوغاتی ها را فراموش نکرده، «اَمان» است. امان داوطلب پرشوری است و میخواهد که IOI به بهترین نحو برگزار شود. بنابراین او تصمیم میگیرد که تمام سوغاتی ها را به تنهایی و در کمترین زمان ممکن توزیع کند.

محل برگزاری مراسم افتتاحیه به شکل یک دایره است که به L قسمت مساوی تقسیم شده است. این قسمتها به ترتیب از V تنافر است که به V شماره گذاری شده اند. یعنی به ازای هر V خوارد و V قسمتهای و V شماره گذاری شده است. یک قسمت و V مجاور هستند. در محل مراسم V تیم حضور دارند. هر تیم در یکی از قسمتها مستقر شده است. یک قسمت می تواند شامل بیش تر از یک تیم باشد. برخی قسمتها هم ممکن است خالی باشند.

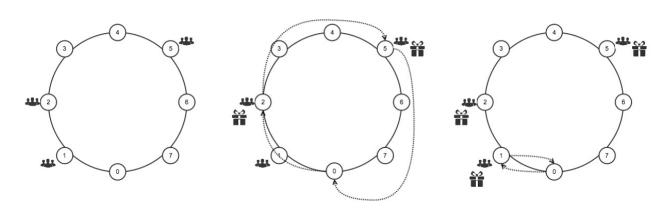
تعداد N سوغاتی کاملا مشابه وجود دارد. ابتدا امان و سوغاتیها در قسمت • قرار دارند. امان باید به هر تیم یک سوغاتی بدهد و بعد از تحویل آخرین سوغاتی به قسمت • برگردد. دقت کنید که برخی تیمها ممکن است در قسمت • مستقر شده باشند.

امان در هر لحظه می تواند حداکثر K سوغاتی را با خود حمل کند. امان باید سوغاتی ها را از قسمت • بردارد که این کار وقتی از او نمی گیرد. هر سوغاتی باید حمل شود تا به یکی از تیم ها تحویل داده شود. هر زمان که امان حداقل یک سوغاتی در دست دارد و به قسمتی می رسد که شامل یک تیم بدون سوغاتی است، می تواند یکی از سوغاتی های خود را به آن تیم بدهد. عمل تحویل سوغاتی هم زمانی نمی برد. تنها موضوعی که زمان بر است، حرکت است. امان می تواند به دور محل دایره ای شکل در هر دو جهت حرکت کند. حرکت امان از یک قسمت به قسمت مجاور (ساعت گرد یا پادساعت گرد) مستقل از تعداد سوغاتی هایی که در دست دارد، دقیقا یک ثانیه طول می کشد.

وظیفهی شما یافتن کمترین تعداد ثانیههایی است که امان میتواند تمام سوغاتیها را تحویل داده و به موقعیت اولش برگردد.

مثال

در این مثال، N=T تیم داریم و امان در هر لحظه میتواند حداکثر K=T سوغاتی حمل کند. تعداد قسمتها نیز $L=\Lambda$ است. تیمها در قسمتهای ۲،۲ و ۵ مستقر شدهاند.



یکی از جوابهای بهینه ی ممکن در شکل بالا نشان داده شده است. در دور اول، امان ابتدا دو سوغاتی را برداشته و به ترتیب به تیمهای حاضر در قسمتهای ۲ و ۵ تحویل می دهد و به قسمت • برمی گردد. این رفت و برگشت ۸ ثانیه زمان می برد. در دور دوم، امان سوغاتی باقی مانده را برداشته و به تیم حاضر در قسمت ۱ تحویل می دهد و به قسمت • برمی گردد. این رفت و برگشت ۲ ثانیه ی دیگر زمان می برد. در نتیجه کل زمان موردنیاز در این مثال ۱۰ ثانیه است.

مسئله

مقادیر L، K، N و موقعیت تمام تیمها به شما داده شده است. شما باید کمترین تعداد ثانیههایی را که امان برای تحویل تمام سوغاتیها و برگشتن به قسمت • نیاز دارد محاسبه کنید. شما باید تابع $\det \operatorname{ivery}$ را پیادهسازی کنید.

- delivery (N, K, L, positions) این تابع دقیقا یک بار توسط ارزیاب فراخوانی می شود.
 - N: تعداد تیمها
 - X: حداكثر تعداد سوغاتي هايي كه امان در هر لحظه مي تواند حمل كند.
 - L: تعداد قسمتها در محل برگزاری مراسم افتتاحیه
- positions یک آرایه به طول N. مقادیر positions [0] تا positions [N-1] شمارهی قسمتهای تیمها را نشان می دهند. مقادیر درون آرایه ی positions به ترتیب غیرنزولی هستند.

زيرمسئلهها

| زيرمسئله | امتياز | N | K | $\mid L$ |
|----------|--------|---------------------|---------------------|--------------------|
| 1 | 10 | $1 \le N \le 1,000$ | K=1 | $1 \le L \le 10^9$ |
| 2 | 10 | $1 \le N \le 1,000$ | K = N | $1 \le L \le 10^9$ |
| 3 | 15 | $1 \le N \le 10$ | $1 \le K \le N$ | $1 \le L \le 10^9$ |
| 4 | 15 | $1 \le N \le 1,000$ | $1 \le K \le N$ | $1 \le L \le 10^9$ |
| 5 | 20 | $1 \le N \le 10^6$ | $1 \le K \le 3,000$ | $1 \le L \le 10^9$ |
| 6 | 30 | $1 \le N \le 10^7$ | $1 \le K \le N$ | $1 \le L \le 10^9$ |

ارزياب نمونه

ارزیاب نمونه ورودی را در قالب زیر میخواند:

- خط ۱: N، سیس X و L
- خط ۲: [0] positions تا [1-1] positions

ارزیاب نمونه مقدار خروجی تابع delivery را چاپ می کند.