# Užduotis: EXP Laipsniai



BOI 2025, Diena 2. Leidžiamas atminties kiekis: 1024 MB.

2025.04.27

Žymusis polimatas Mikalojus Kopernikas gimė ir užaugo Torunėje XV amžiuje. Archeologai neseniai atrado jo užrašų knygelę bei sužinojo, kad jis mėgo naudoti dvejeto laipsnius aprašyti dideliems skaičiams. Net kai jis sudėdavo dvejeto laipsnius:

$$2^a + 2^b$$
,

Kopernikas suskaičiuodavo reikšmę ir apvalindavo ją aukštyn iki artimiausio dvejeto laipsnio. Tai reiškia, kad jis išreikštų  $2^a + 2^b$  kaip  $2^{\max(a,b)+1}$ . Tam, kad suskaičiuotų ilgesnę išraišką, kurios forma yra:

$$2^{b_1} + 2^{b_2} + \ldots + 2^{b_k}$$
.

jis pirmiausia pridėdavo skliaustus, kad išraiška taptų gerai-apskliausta\*. Pavyzdžiui, išraišką  $2^5+2^4+2^4+2^4+2^5$  galima paversti į gerai-apskliaustą išraišką  $((2^5+2^4)+(2^4+(2^4+2^5)))$ . Galiausiai, jis suskaičiuodavo gerai-apskliaustos išraiškos reikšmę sudėdamas dvejeto laipsnius kaip aprašyta aukščiau. Atkreipkite dėmesį, kad galutinė reikšmė gali skirtis priklausomai nuo skliaustų tvarkos. Pavyzdžiui, štai yra du galimi būdai suskaičiuoti  $2^5+2^4+2^4+2^4+2^5$ :

$$(((2^5 + 2^4) + 2^4) + (2^4 + 2^5)) = ((2^6 + 2^4) + 2^6) = (2^7 + 2^6) = 2^8$$
$$((2^5 + (2^4 + 2^4)) + (2^4 + 2^5)) = ((2^5 + 2^5) + 2^6) = (2^6 + 2^6) = 2^7$$

Pirmąji Koperniko užrašų knygutės puslapį sudaro vienintelė išraiška  $2^{a_1} + 2^{a_2} + \ldots + 2^{a_n}$ , kurią pavadinkime pagrindine išraiška. Kituose užrašų knygutės puslapiuose randamos nuorodos į pagrindinės išraiškos fragmentus, kurių forma yra  $2^{a_\ell} + 2^{a_{\ell+1}} + \ldots + 2^{a_r}$ , tam tikriems  $1 \le \ell \le r \le n$ .

Jūs nesate tikri dėl jų prasmės, bet įtariate, kad turėtumėte suskaičiuoti kiekvieno iš šių fragmentų mažiausią įmanomą reikšmę, kurią galima gauti atliekant aukščiau aprašytus veiksmus. Atkreipkite dėmesį, kad kiekvienas fragmentas yra suskaičiuojamas nepriklausomai nuo kitų fragmentų.

### Pradiniai duomenys

Pirmojoje eilutėje pateikti du sveikieji skaičiai n ir q ( $1 \le n, q \le 300\,000$ ), nurodantys pirmojo puslapio pagrindinės išraiškos ilgi bei užklausų kiekį.

Antrąją eilutę sudaro n sveikųjų skaičių  $a_1, a_2, \ldots, a_n$   $(0 \le a_i \le 10^6)$ , i-asis sveikasis skaičius  $a_i$  aprašo i-ojo dvejeto laipsnį pagrindinėje išraiškoje.

Kitose q eilučių pateiktos užklausos. Kiekviena užklausa sudaryta iš dviejų sveikųjų skaičių  $\ell$  ir r ( $1 \le \ell \le r \le n$ ) apibūdinančių pagrindinės išraiškos fragmentą, kuris prasideda nuo  $\ell$ -ojo dvejeto laipsnio ir baigiasi r-uoju dvejeto laipsniu.

#### Rezultatai

Išveskite q eilučių. i-oje eilutėje išveskite mažiausią galimą reikšmę, kurią galima gauti suskaičiuojant i-osios užklausos rezultatą. Išveskite tik atitinkamo rezultato laipsnį be pagrindo.

### Pavyzdys

Pradiniams duomenims: teisingas atsaky	
8 4	7
2 4 2 5 4 4 4 5	7
4 8	7
1 4	8

2 51 7

1/2 Laipsniai

<sup>\*</sup>Griežtas gerai-apskliaustos išraiškos apibrėžimas yra toks:  $2^a$  yra gerai-apibrėžta išraiška bet kuriam neneigiamam sveikajam skaičiui a; jeigu  $E_1$  bei  $E_2$  yra gerai-apskliaustos išraiškos, tada išraiška ( $E_1 + E_2$ ) yra taip pat gerai-apskliausta. Jokios kitos išraiškos nėra gerai-apskliaustos.

## Vertinimas

Dalinė užduotis	Ribojimai	Taškai
1	$n \le 8,  q \le 10$	6
2	$n \le 200$	8
3	$n, q \le 2000$	23
4	$a_i \le 20$	22
5	Papildomų ribojimų nėra.	41