### **International Olympiad in Informatics 2016**



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules
Country: MDA

# **Detecting molecules**

Petru lucrează pentru o companie care a construit un dispozitiv pentru detectarea moleculelor. Fiecare moleculă are o greutate pozitivă întreagă. Dispozitivul are un interval de detectare [l,u], unde l și u sunt numere întregi, pozitive. Dispozitivul poate detecta un set de molecule dacă și numai dacă acest set conține un subset de molecule cu greutate totală aparținând intervalului de detectare a dispozitivului.

Formal, considerăm n molecule cu greutăți întregi  $w_0,\ldots,w_{n-1}$  . Detectarea se consideră reușită dacă există un set de indici distincți  $I=\{i_1,\ldots,i_m\}$  astfel încât  $l\leq w_{i_1}+\ldots+w_{i_m}\leq u$  .

Datorită specificului dispozitivului, decalajul între  $\,l\,$  și  $\,u\,$  este garantat mai mare sau egal cu decalajul de greutate dintre cea mai grea și cea mai ușoară moleculă. Formal,

$$u-l \geq w_{max}-w_{min}$$
 , unde  $w_{max}=\max(w_0,\dots,w_{n-1})$  și  $w_{min}=\min(w_0,\dots,w_{n-1})$  .

Scrie un program care fie găsește un subset de molecule cu greutate totală în intervalul de detectare, fie determină că nu există un asemenea subset.

# Detalii de implementare

Trebuie să implementezi funcția (metoda):

- o int[] solve(int I, int u, int[] w)
  - o I și u: punctele extreme ale intervalului de detectare,
  - o w: greutățile moleculelor.
  - dacă subsetul căutat există, funcția trebuie să returneze un array de indici a moleculelor care formează acest subset. Dacă există mai multe răspunsuri corecte, se va returna oricare din ele.
  - o dacă subsetul căutat nu există, functia trebuie să returneze un array vid.

Pentru limbajul C signatura funcției este ușor diferită:

- o int solve(int I, int u, int[] w, int n, int[] result)
  - o n: numărul de elemente în w (altfel vorbind numărul de molecule),
  - o ceilalți parametri sunt identici celor descriși anterior.
  - $\circ$  în locul returnării unui array de m indici (ca în cazul descris anterior), funcția trebuie să înscrie indicii în primele m elemente din array-ul result iar apoi să returneze m.
  - o dacă subsetul căutat nu există, functia nu va scrie nimic în array-ul result si

va returna 0.

Programul poate scrie indicii în array-ul returnat (sau în array-ul result pentru limbajul C) în oricare ordine.

Te rugăm să folosești fișierele șablon furnizate pentru detalii de implementare în limbajul de programare pe care îl folosești.

## **Exemple**

#### **Exemplul 1**

```
solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])
```

În acest exemplu avem patru molecule cu greutățile 6, 8, 8 și 7. Dispozitivul poate detecta subseturi de molecule cu greutate totală cuprinsă între 15 și 17, inclusiv. De remarcat, că  $17-15\geq 8-6$ . Greutatea totală a moleculelor 1 și 3 este  $w_1+w_3=8+7=15$ , astfel funcția poate returna [1, 3]. Alte răspunsuri corecte posibile sunt [1, 2] ( $w_1+w_2=8+8=16$ ) și [2, 3] ( $w_2+w_3=8+7=15$ ).

#### **Exemplul 2**

```
solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])
```

În acest exemplu avem patru molecule cu greutățile 5, 5, 6 și 6, și căutăm un subset cu greutatea totală între 14 și 15, inclusiv. La fel, vom remarca  $15-14 \geq 6-5$ . Nu există un subset de molecule cu greutate totală între 14 și 15 astfel funcția va returna un array vid.

#### **Exemplul 3**

```
solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])
```

În acest exemplu avem patru molecule cu greutățile 15, 17, 16 și 18, și căutăm un subset cu greutatea totală între 10 și 20, inclusiv. La fel, vom remarca  $20-10 \geq 18-15$ . Oricare subset format din exact un element satisface cerințele, astfel că răspunsuri corecte sunt: [0], [1], [2] si [3].

#### Subtaskuri

- 1. (9 puncte):  $1 \leq n \leq 100$  ,  $1 \leq w_i \leq 100$  ,  $1 \leq u, l \leq 1000$  , toate  $w_i$  sunt egale.
- 2. (10 puncte):  $1 \leq n \leq 100$  ,  $1 \leq w_i, u, l \leq 1000$  , și  $max(w_0, \ldots, w_{n-1}) min(w_0, \ldots, w_{n-1}) \leq 1$  .
- 3. (12 puncte):  $n \leq 100$  și  $w_i, u, l \leq 1000$ .
- 4. (15 puncte):  $n \le 10\,000$  și  $w_i, u, l \le 10\,000$ .
- 5. (23 puncte):  $n \le 10\,000$  și  $w_i, u, l \le 500\,000$
- 6. (31 puncte):  $n \le 200\,000$  și  $w_i, u, l < 2^{31}$ .

## Sample grader

Sample grader-ul citește inputul în următorul format:

- $\circ$  linia 1: numerele întregi n ,  $\mathit{l}$  ,  $\mathit{u}$  .
- $\circ$  linia 2: n numere întregi:  $w_0,\dots,w_{n-1}$  .