

# Conectando los superárboles (supertrees)

Gardens by the Bay es un gran parque natural en Singapur. En el parque hay  $n$  torres, conocidas como superárboles. Estas torres están etiquetadas de 0 a  $n - 1$ . Nos gustaría construir un conjunto de **cero o más** puentes. Cada puente conecta un par de torres distintas y puede ser atravesado en **cualquier** dirección. No hay dos puentes que conecten el mismo par de torres.

Un camino desde la torre  $x$  a la torre  $y$  es una secuencia de una o más torres tal que:

- el primer elemento de la secuencia es  $x$ ,
- el último elemento de la secuencia es  $y$ ,
- todos los elementos de la secuencia son **distintos**, y
- cada dos elementos consecutivos (torres) en la secuencia están conectados por un puente.

Note que por definición hay exactamente un camino desde una torre a sí misma y el número de diferentes caminos desde la torre  $i$  a la torre  $j$  es el mismo que el número de diferentes caminos desde la torre  $j$  a la torre  $i$ .

El arquitecto principal a cargo del diseño desea que los puentes se construyan de tal manera que para todos los  $0 \leq i, j \leq n - 1$  haya exactamente  $p[i][j]$  caminos diferentes desde la torre  $i$  hasta la torre  $j$ , donde  $0 \leq p[i][j] \leq 3$ .

Construir un conjunto de puentes que satisfagan los requerimientos del arquitecto, o determinar que es imposible.

## Detalles de la implementación

Debería implementar el siguiente procedimiento:

```
int construct(int[][] p)
```

- $p$ : un arreglo de  $n \times n$  representando los requisitos del arquitecto.
- Si una construcción es posible, este procedimiento debe hacer exactamente una llamada a `build` (ver abajo) para informar de la construcción, tras lo cual debe retornar 1.
- De lo contrario, el procedimiento debería devolver 0 sin hacer ninguna llamada a `build`.
- Este procedimiento se llama exactamente una vez.

El procedimiento `build` está definido de la siguiente manera:

```
void build(int[][] b)
```

- $b$ : un arreglo  $n \times n$ , con  $b[i][j] = 1$  si hay un puente conectando la torre  $i$  y la torre  $j$ , o  $b[i][j] = 0$  en caso contrario.
- Note que el arreglo debe satisfacer  $b[i][j] = b[j][i]$  para todo  $0 \leq i, j \leq n - 1$  y  $b[i][i] = 0$  para todo  $0 \leq i \leq n - 1$ .

## Ejemplos

### Ejemplo 1

Considere la siguiente llamada:

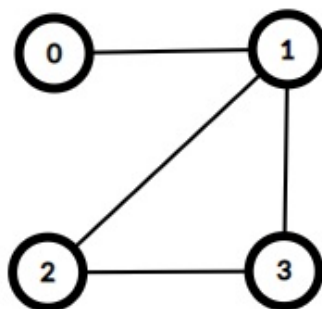
```
construct([[1, 1, 2, 2], [1, 1, 2, 2], [2, 2, 1, 2], [2, 2, 2, 1]])
```

Esto significa que debería haber exactamente un camino desde la torre 0 a la torre de 1. Para todos los otros pares de torres  $(x, y)$ , tales como  $0 \leq x < y \leq 3$ , debería haber exactamente dos caminos desde la torre  $x$  a la torre  $y$ .

Esto se puede lograr con 4 puentes, conectando pares de torres  $(0, 1)$ ,  $(1, 2)$ ,  $(1, 3)$  y  $(2, 3)$ .

Para reportar esta solución, el procedimiento `construct` debe hacer la siguiente llamada:

- `build([[0, 1, 0, 0], [1, 0, 1, 1], [0, 1, 0, 1], [0, 1, 1, 0]])`



Entonces debería retornar 1.

En este caso, hay múltiples construcciones que se ajustan a los requisitos, todas las cuales se considerarían correctas.

### Ejemplo 2

Considere la siguiente llamada:

```
construct([[1, 0], [0, 1]])
```

Esto significa que no debería haber forma de viajar entre las dos torres. Esto sólo se puede satisfacer si no hay puentes. Por lo tanto, el procedimiento de `construct` debería hacer la

siguiente llamada:

- `build([[0, 0], [0, 0]])`

Después de lo cual, el procedimiento `construct` debería retornar 1.

### Ejemplo 3

Considere la siguiente llamada:

```
construct([[1, 3], [3, 1]])
```

Esto significa que debe haber exactamente 3 caminos desde la torre 0 hasta la torre 1. Este conjunto de requisitos no puede ser satisfecho. Por lo tanto, el procedimiento `construct` debería devolver 0 sin hacer ninguna llamada a `build`.

## Restricciones

- $1 \leq n \leq 1000$
- $p[i][i] = 1$  (para todo  $0 \leq i \leq n - 1$ )
- $p[i][j] = p[j][i]$  (para todo  $0 \leq i, j \leq n - 1$ )
- $0 \leq p[i][j] \leq 3$  (para todo  $0 \leq i, j \leq n - 1$ )

## Subtareas

1. (11 puntos)  $p[i][j] = 1$  (para todo  $0 \leq i, j \leq n - 1$ )
2. (10 puntos)  $p[i][j] = 0$  o 1 (para todo  $0 \leq i, j \leq n - 1$ )
3. (19 puntos)  $p[i][j] = 0$  o 2 (para todo  $i \neq j, 0 \leq i, j \leq n - 1$ )
4. (35 puntos)  $0 \leq p[i][j] \leq 2$  (para todo  $0 \leq i, j \leq n - 1$ ) y hay al menos una construcción que cumple con los requisitos.
5. (21 puntos)  $0 \leq p[i][j] \leq 2$  (para todo  $0 \leq i, j \leq n - 1$ )
6. (4 puntos) No hay restricciones adicionales.

## Grader de ejemplo

El grader de ejemplo lee la entrada en el siguiente formato:

- línea 1:  $n$
- línea  $2 + i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ):  $p[i][0] \ p[i][1] \ \dots \ p[i][n - 1]$

La salida del grader de ejemplo tiene el siguiente formato:

- línea 1: el valor de retorno de `construct`.

Si el valor de retorno de `construct` es 1, el grader de ejemplo imprime adicionalmente:

- línea  $2 + i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ):  $b[i][0] \ b[i][1] \ \dots \ b[i][n - 1]$