# Problema: Compiti a casa

La piccola Helena ha recentemente finito il suo primo anno di scuola elementare. Helena è una studentessa modello, ha tutti 10, e una grossa passione per la matematica. Attualmente sta facendo una meritata vacanza con la sua famiglia, ma sta iniziando a sentir mancanza dei suoi giornalieri compiti di matematica. Fortunatamente, il suo fratello maggiore ha deciso di soddisfare la sua sete di una sfida intellettuale, e le ha dato il seguente problema.

Una espressione valida è definita ricorsivamente nel seguente modo:

- la stringa ? è una espressione valida che rappresenta un numero;
- se A e B sono espressioni valide, allora lo sono anche min(A,B) e max(A,B), dove la prima rappresenta una funzione che restituisce il minore tra i due parametri, e la seconda rappresenta una funzione che restituisce il maggiore tra i due parametri.

Per esempio, le espressioni min(min(?,?),min(?,?)) e max(?,max(?,min(?,?))) sono valide, mentre le espressioni ??, max(min(?)) e min(?,?,?) non lo sono.

Ad Helena viene data una espressione valida che contiene in totale N punti di domanda. Ogni punto di domanda deve essere rimpiazzato con un numero dell'insieme  $\{1, 2, ..., N\}$ , in modo tale che ogni numero appaia esattamente una volta nell'espressione. In altre parole, i punti di domanda devono essere rimpiazzati da una permutazione dei numeri tra 1 ed N.

Una volta che i punti di domanda sono stati rimpiazzati da numeri, l'espressione può essere calcolata e il suo valore sarà un numero intero tra 1 ed N. Considerati tutti i possibili modi di assegnare i numeri ai punti di domanda, quanti possibili valori possono essere ottenuti da Helena dopo aver calcolato l'espressione?

#### Input

La prima ed unica riga contiene una singola espressione valida.

### Output

Manda in output un singolo intero tra 1 ed N, che indica il numero di possibili valori che possono essere ottenuti calcolando l'espressione.

### Assegnazione del punteggio

In tutti i subtask è garantito che  $2 \le N \le 1\,000\,000$ .

Subtask	Punteggio	Assunzioni
1	10	$N \leq 9$
2	13	$N \le 16$
3	13	Ogni funzione nell'espressione ha almeno un punto di domanda come parametro.
4	30	$N \le 1000$
5	34	Nessuna limitazione aggiuntiva.

## Esempi

input	input	input
min(min(?,?),min(?,?))	max(?,max(?,min(?,?)))	min(max(?,?),min(?,max(?,?)))
output	output	output
1	2	3

## Spiegazione del primo esempio:

Indifferentemente da come vengono assegnati i numeri, il valore risultante dall'espressione sarà sempre uguale al minimo dell'insieme  $\{1, 2, 3, 4\}$ , che è 1. Quindi, c'è solo un singolo valore possibile.

## Spiegazione del secondo esempio:

I numeri 3 e 4 possono essere ottenuti così: 4=max(4,max(3,min(2,1))) e 3=max(3,max(2,min(1,4))). Può essere mostrato che i valori 1 e 2 non sono ottenibili, quindi la risposta è 2.