# บ่อปลาพาเพลีย

คุณบู่ เดงเกล็ก เป็นเจ้าของฟาร์มปลาดุก ฟาร์มปลาดุกเป็นบ่อที่แบ่งเป็นตารางขนาด N imes N เซลล์ แต่ละเซลล์เป็นสี่เหลี่ยมจัตุรัส ขนาดเท่ากันหมด คอลัมน์มีหมายเลขตั้งแต่ 0 ถึง N-1 จากทิศตะวันตกไปทิศตะวันออก และแถวก็มีหมายเลขตั้งแต่ 0 ถึง N-1 จากทิศใต้ไปทิศเหนือ เราจะเรียกเซลล์ที่อยู่ ณ คอลัมน์ c และแถว r ( $0 \le c \le N-1$ ,  $0 \le r \le N-1$ ) ว่าเซลล์ (c,r)

มีปลาดุกในบ่ออยู่ M ตัว แต่ละตัวมีหมายเลขตั้งแต่ 0 ถึง M-1 เลี้ยงอยู่ในเซลล์ **ที่ต่างกันทั้งหมด** 

สำหรับแต่ละ i ซึ่ง  $0 \leq i \leq M-1$  ปลาดุกหมายเลข i อยู่ที่เซลล์ (X[i],Y[i]) และมีน้ำหนัก W[i] กรัม

คุณบู่ เดงเกล็ก ต้องการสร้างสะพานจำนวนหนึ่ง (piers) ยื่นไปในบ่อเพื่อจับปลาดุก สะพานในคอลัมน์ c ที่มีความยาว k (สำหรับ  $0 \le c \le N-1$  และ  $1 \le k \le N$ ) เป็นรูปสี่เหลี่ยมยื่นจากแถวที่ 0 ไปยังแถวที่ k-1 ครอบคลุมเซลล์  $(c,0),(c,1),\ldots,(c,k-1)$  โดยสำหรับแต่ละคอลัมน์ คุณบู่ เดงเกล็ก สามารถเลือกที่จะสร้างสะพานที่มีความยาวเท่าไรก็ได้ หรือเลือกที่จะไม่สร้างก็ได้

คุณบู่ เดงเกล็กสามารถจับปลาดุกหมายเลข i (สำหรับแต่ละ i ซึ่ง  $0 \le i \le M-1$ ) ได้ถ้าเซลล์ทางตะวันตกหรือตะวันออกที่ติดกับ เซลล์ของปลาตัวนั้นมีสะพานคลุมอยู่ และไม่มีสะพานใดคลุมเซลล์ที่ปลาตัวนั้นอยู่ นั่นคือถ้า

- ullet เซลล์ (X[i]-1,Y[i]) หรือเซลล์ (X[i]+1,Y[i]) อย่างน้อยหนึ่งเซลล์ มีสะพานคลุม และ
- ullet ไม่มีสะพานใดที่คลุมเซลล์ (X[i],Y[i])

ตัวอย่างเช่น พิจารณาบ่อปลาขนาด N=5 ที่มีปลาดุก M=4 ตัว:

- ullet มีปลาหมายเลข 0 อยู่ที่เซลล์ (0,2) และมีน้ำหนัก 5 กรัม
- ullet มีปลาหมายเลข 1 อยู่ที่เซลล์ (1,1) และมีน้ำหนัก 2 กรัม
- ullet มีปลาหมายเลข 2 อยู<sup>่</sup>ที่เซลล์ (4,4) และมีน้ำหนัก 1 กรัม
- ullet มีปลาหมายเลข 3 อยู่ที่เซลล์ (3,3) และมีน้ำหนัก 3 กรัม

แนวทางหนึ่งที่คุณบู่ เดงเกล็ก สามารถสร้างสะพานทั้งหลาย เป็นดังต่อไปนี้:

ก่อนสร้างสะพาน							หลังสร้างสะพาน						
						]	[						]
4					1		4					1	
3				3			3				3		
2	5						2	5					
1		2					1		2				
0							0						
	0	1	2	3	4	,	ı	0	1	2	3	4	'

หมายเลขในแต่ละเซลล์คือน้ำหนักของปลาดุกที่อยู่ในตำแหน่งนั้น เซลล์ที่ถูกแรเงาเป็นเซลล์ที่มีสะพานคลุม ในกรณีนี้สามารถจับปลาดุกหมายเลข 0 (  $\alpha$  เซลล์ (0,2) ) และปลาดุหมายเลข 3 (  $\alpha$  เซลล์ (3,3) ) ได้ แต่ไม่สามารถจับปลาดุกหมายเลข  $\alpha$  (  $\alpha$  เซลล์  $\alpha$  ) ได้เพราะมีสะพานคลุม ขณะเดียวกันก็ไม่สามารถจับปลาหมายเลข  $\alpha$  (  $\alpha$  เซลล์  $\alpha$  ) ได้เช่นกันเพราะไม่มีสะพานที่ติด กับเซลล์นั้นอยู่ทางทิศตะวันตกหรือทิศตะวันออก

คุณบู่ เดงเกล็ก ต้องการสร้างสะพานเพื่อให้สามารถจับปลาโดยมีน้ำหนักรวมมากที่สุดเท่าที่เป็นไปได้ ภารกิจของคุณคือ จงหาน้ำหนักรวมที่มากที่สุดของปลาดุกที่คุณบู่ เดงเกล็ก สามารถจับได้ หลังจากสร้างสะพานแล้ว

# รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันต่อไปนี้

### int64 max\_weights(int N, int M, int[] X, int[] Y, int[] W)

- N: ขนาดของบ่อ
- M: จำนวนปลาดุก
- ullet X,Y: อาร์เรย์ความยาว M ซึ่งเป็นตำแหน่งของปลาดุก
- ullet W: อาร์เรย์ความยาว M ซึ่งเป็นน้ำหนักของปลาดุก
- ฟังก์ชันนี้คืนค่าจำนวนเต็มที่แทนน้ำหนักรวมที่มากที่สุดของปลาดุกที่คุณบู่ เดงเกล็ก สามารถจับได้ หลังจากสร้างสะพานแล้ว
- ฟังก์ชันนี้ถูกเรียกเพียงครั้งเดียว

### ตัวอย่าง

พิจารณาการเรียกฟังก์ชันดังต่อไปบึ้ง

#### max\_weights(5, 4, [0, 1, 4, 3], [2, 1, 4, 3], [5, 2, 1, 3])

ตัวอย่างนี้เป็นตามที่ได้อธิบายไว้แล้วข้างต้น

หลังจากสร้างสะพานตามที่กำหนด คุณบู่ เดงเกล็ก สามารถจับปลาดุกหมายเลข 0 และ 3 ซึ่งมีน้ำหนักรวมเท่ากับ 5+3=8 กรัม และเนื่องจากไม่มีวิธีอื่นที่จะสร้างสะพานให้จับปลาดุกได้น้ำหนักรวมเกิน 8 กรัม ฟังก์ชันนี้จึงต้องคืนค่า 8

### ข้อจำกัด

- $2 \le N \le 100\ 000$
- $1 \le M \le 300\ 000$
- ullet  $0 \leq X[i] \leq N-1$ ,  $0 \leq Y[i] \leq N-1$  (สำหรับทุก i ที่  $0 \leq i \leq M-1$ )
- ullet  $1 \leq W[i] \leq 10^9$  (สำหรับทุก i ที่  $0 \leq i \leq M-1$ )
- ullet ปลาดุกสองตัวอยู่เซลล์เดียวกันไม่ได้ หรือกล่าวอีกอย่างหนึ่ง X[i] 
  eq X[j] หรือ Y[i] 
  eq Y[j] (สำหรับทุก i และ j ที่  $0 \le i < j \le M-1$ )

# ปัญหาย่อย

- 1. (3 คะแนน) X[i] เป็นจำนวนคู่  $\,$  (สำหรับทุก i ที่  $0 \leq i \leq M-1$ )
- 2. (6 คะแนน)  $X[i] \leq 1$   $\,$  (สำหรับทุก i ที่  $0 \leq i \leq M-1$ )
- (0,0) 3. (0,0) 3. (0,0) 3. (0,0) 3. (0,0) 4. (0,0) 6. (0,0) 6. (0,0) 6. (0,0) 7. (0,0) 6. (0,0) 9. (0,0) 7. (0,0) 9
- 4. (14 คะแนน)  $N \leq 300$ ,  $Y[i] \leq 8$   $\,$  (สำหรับทุก i ที่  $0 \leq i \leq M-1$ )
- 5. (21 คะแนน)  $N \leq 300$
- 6. (17 คะแนน)  $N \leq 3000$
- 7. (14 คะแนน) มีปลาดุกไม่เกิน  $oldsymbol{2}$  ตัวในแต่ละคอลัมน์
- 8. (16 คะแนน) ไม่มีข้อจำกัดใดเพิ่มเติม

## เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างอ่านข้อมูลนำเข้าตามรูปแบบต่อไปนี้:

- บรรทัดที่ 1: N M
- ullet บรรทัดที่ 2+i ( $0 \leq i \leq M-1$ ):  $X[i] \; Y[i] \; W[i]$

เกรดเดอร์ตัวอย่างพิมพ์คำตอบของคุณตามรูปแบบต่อไปนี้:

• บรรทัดที่ 1: ค่าที่คืนจากฟังก์ชัน max\_weights