

# Empacando biscochos (biscuits)

La tía Khong está organizando un concurso con x participantes, y quiere dar a cada participante una **bolsa de biscochos**. Hay k tipos diferentes de biscochos, numerados desde 0 a k-1. Cada biscocho de tipo i ( $0 \le i \le k-1$ ) tiene un **valor de sabor** de  $2^i$ . La tía Khong tiene biscochos de a[i] (posiblemente cero) del tipo i en su despensa.

Cada una de las bolsas de la tía Khong contendrá cero o más biscochos de cada tipo. El número total de biscochos del tipo i en todas las bolsas no debe exceder de a[i]. La suma de los valores de sabrosura de todos los biscochos en una bolsa es llamado **total de sabrosura** de la bolsa.

Ayuda a la tía Khong a averiguar cuántos valores y diferentes existen, de tal manera que sea posible empacar x bolsas de biscochos,, cada una de las cuales tiene una sabrosura total igual a y.

### Detalles de la implementación

Debería implementar el siguiente procedimiento:

```
int64 count_tastiness(int64 x, int64[] a)
```

- x: el número de bolsas de biscochos a empacar.
- a: au arreglo de longitud k. Para  $0 \le i \le k-1$ , a[i] denota el número de biscochos de tipo i en la despensa.
- El procedimiento debe retornar el número y de diferentes valores, de tal manera que la tía pueda empaquetar x bolsas de biscochos, cada una con un sabor total de y.
- El procedimiento es llamado un total de q veces (ver las secciones de Restricciones y Subtareas para los valores permitidos de q). Cada una de estas llamadas debe ser tratada como un escenario separado.

# **Ejemplos**

#### Ejemplo 1

Considere la siguiente llamada:

```
count_tastiness(3, [5, 2, 1])
```

Esto significa que la tía quiere empacar 3 bolsas, y hay 3 tipos de biscochos en la dispensa:

- 5 biscochos de tipo 0, cada una con un valor de sabor 1,
- 2 biscochos de tipo 1, cada una con un valor de sabor 2,
- 1 biscochos de tipo 2, con un valor de sabor de 4.

Los posibles valores de y son [0,1,2,3,4]. Por ejemplo, con el objetivo de empacar 3 bolsas con un valor total de sabrosura de 3, la tía puede empacar:

- una bolsa con tres biscochos del tipo 0, y
- dos bolsas, cada una con un biscocho de tipo 0 y un biscocho de tipo 1.

Ya que hay 5 valores posibles de y, el procedimiento debería retornar 5.

$$y = 0$$

$$y = 1$$

$$1,1,1 \quad 2 \quad 2$$

$$y = 2$$

$$1,1,1 \quad 1,2 \quad 1,2 \quad 1,1,2 \quad 4$$

$$y = 3$$

$$1,1,2 \quad 1,1,2 \quad 4$$

$$y = 4$$

#### Ejemplo 2

Considere la siguiente llamada:

```
count_tastiness(2, [2, 1, 2])
```

Esto significa que la tía quiere empacar 2 bolsas, y hay 3 tipos de biscochos en la dispensa:

- 2 biscochos de tipo 0, cada una con un valor de sabor 1,
- 1 biscocho de tipo 1, con un valor de sabor de 2,
- 2 biscochos de tipo 2, cada una con un valor de sabor 4.

Los posibles valores de y son [0,1,2,4,5,6]. Como hay 6 valores posibles de y, el procedimiento debe retornar 6.

### Restricciones

- $1 \le k \le 60$
- $1 \le q \le 1000$
- $1 \le x \le 10^{18}$
- ullet  $0 \leq a[i] \leq 10^{18}$  (para todol  $0 \leq i \leq k-1$ )

 $\bullet$  Para cada llamada a <code>count\_tastiness</code>, la suma de los valores de sabrosura de todos los bizcochos de la despensa no excede a  $10^{18}$ .

#### **Subtareas**

- 1. (9 puntos)  $q \le 10$ , y por cada llamada a count\_tastiness, la suma de los valores de sabrosura de todos los biscochos de la despensa no excede a  $100\ 000$ .
- 2. (12 puntos)  $x = 1, q \le 10$
- 3. (21 puntos)  $x \le 10~000$ ,  $q \le 10$
- 4. (35 puntos) El valor correcto de cada llamada a count tastiness no excede a  $200\ 000$ .
- 5. (23 puntos) No hay restricciones adicionales.

## Grader de ejmplos

El grader de ejemplo lee la entrada en el siguiente formato. La primera línea contiene un entero q. Después de eso, siguen q pares de líneas, y cada par describe un solo escenario en el siguiente formato:

- línea 1: k x
- ullet línea 2: a[0] a[1]  $\dots$  a[k-1]

La salida del grader de ejemplo tiene el siguiente formato:

• línea i ( $1 \le i \le q$ ): retorna el valor de <code>count\_tastiness</code> para el i-th escenario en la entrada.