### International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules
Country: CZE

# Detekování molekul

Petr pracuje ve společnosti, která vyvíjí stroje na detekci molekul. Každá molekula má kladnou celočíselnou váhu. Stroj má detekční rozsah [l,u], kde l a u jsou kladná celá čísla. Takový stroj může detekovat určitou množinu molekul právě tehdy, když tato množina obsahuje podmnožinu molekul, jejichž součet vah leží v detekčním rozsahu stroje.

Řečeno formálně, uvažujme n molekul s kladnými celočíselnými vahami  $w_0,\dots,w_{n-1}$ . Detekce bude úspěšná, jestliže existuje množina navzájem různých indexů  $I=\{i_1,\dots,i_m\}$  taková, že  $l\leq w_{i_1}+\dots+w_{i_m}\leq u$ .

Je zajištěno, že rozdíl mezi l a u bude vždy větší nebo roven rozdílu mezi vahami nejtěžší a nejlehčí molekuly. Formálně tedy platí, že  $u-l \geq w_{max}-w_{min}$ , kde  $w_{max}=\max(w_0,\ldots,w_{n-1})$  a  $w_{min}=\min(w_0,\ldots,w_{n-1})$ .

Vaším úkolem je napsat program, který buď najde jakoukoliv podmnožinu molekul, jejichž součet vah leží v detekčním rozsahu, nebo zjistí, že taková podmnožina neexistuje.

## Implementační detaily

Implementujte jednu funkci (metodu):

- int[] solve(int I, int u, int[] w)
  - la u: krajní meze detekčního rozsahu,
  - w: váhy molekul.
  - o pokud požadovaná podmnožina existuje, funkce vrátí pole indexů těch molekul, které tvoří jednu takovou vhodnou podmnožinu. Jestliže existuje více správných řešení, nalezněte jedno libovolné z nich.
  - o pokud požadovaná podmnožina neexistuje, funkce vrátí prázdné pole.

V programovacím jazyce C vypadá hlavička funkce následovně:

- int solve(int I, int u, int[] w, int n, int[] result)
  - o n: počet prvků v poli w (tj. počet molekul),
  - o ostatní parametry mají stejný význam, jako je uvedeno výše.
  - o namísto toho, aby funkce vracela pole obsahující m indexů (jako je tomu výše), zde funkce zapíše příslušné indexy do prvních m prvků pole result a vrátí hodnotu m.
  - pokud požadovaná podmnožina neexistuje, function nic nezapíše do pole result a vrátí hodnotu 0.

Váš program může zapsat indexy vybraných molekul do návratového pole (nebo do pole 'result' v případě programovacího jazyka C) v libovolném pořadí.

Detaily implementace ve vašem programovacím jazyce najdete v poskytnutých vzorových souborech.

### Příklady

#### Příklad 1

```
solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])
```

V tomto příkladu máme čtyři molekuly s vahami 6, 8, 8 a 7. Stroj může detekovat podmnožiny molekul se součtem vah mezi 15 a 17, včetně obou krajních hodnot. Poznamenejme, že opravdu platí  $17-15\geq 8-6$ . Součet vah molekul číslo 1 a 3 je  $w_1+w_3=8+7=15$ , takže funkce může vrátit pole [1, 3]. Dalšími možnostmi správné odpovědi jsou pole [1, 2] ( $w_1+w_2=8+8=16$ ) a [2, 3] ( $w_2+w_3=8+7=15$ ).

#### Příklad 2

### solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])

V tomto příkladu máme čtyři molekuly s vahami 5, 5, 6 a 6. Hledáme jejich podmnožinu se součtem vah mezi 14 a 15, včetně. Opět si všimněte, že  $15-14 \geq 6-5$ . Žádná podmnožina molekul se součtem vah mezi 14 a 15 neexistuje, takže funkce vrátí prázdné pole.

#### Příklad 3

#### solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])

V tomto příkladu máme čtyři molekuly s vahami 15, 17, 16 a 18. Hledáme jejich podmnožinu se součtem vah mezi 10 a 20, včetně. Opět platí  $20-10 \geq 18-15$ . Každá podmnožina tvořená právě jednou molekulou má celkovou váhu mezi 10 a 20, takže existují čtyři možné správné odpovědi: [0], [1], [2] a [3].

## Podúlohy

- 1. (9 bodů):  $1 \leq n \leq 100$  ,  $1 \leq w_i \leq 100$  ,  $1 \leq u, l \leq 1000$  , všechny hodnoty  $w_i$  jsou shodné.
- 2. (10 bodů):  $1\leq n\leq 100$  ,  $1\leq w_i,u,l\leq 1000$  ,  $\max(w_0,\ldots,w_{n-1})-\min(w_0,\ldots,w_{n-1})\leq 1$  .
- 3. (12 bodů):  $1 \leq n \leq 100$  ,  $1 \leq w_i, u, l \leq 1000$  .
- 4. (15 bodů):  $1 \le n \le 10\,000$ ,  $1 \le w_i, u, l \le 10\,000$ .
- 5. (23 bodů):  $1 \le n \le 10\,000$  ,  $1 \le w_i, u, l \le 500\,000$  .
- 6. (31 bodů):  $1 \le n \le 200\,000$  ,  $1 \le w_i, u, l < 2^{31}$  .

## Ukázkový vyhodnocovač

Ukázkový vyhodnocovač čte vstup v následujícím tvaru:

- $\circ$  řádek 1: celá čísla n , l , u .
- $\circ$  řádek 2: n celých čísel:  $w_0,\ldots,w_{n-1}$  .