# RUSSIA - KAZAN

#### International Olympiad in Informatics 2016

12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules
Country: KGZ

## Определение молекул

Петр работает в компании, которая создала машину для обнаружения молекул. Каждая молекула имеет положительный целочисленный вес. Машина имеет интервал обнаружения [l,u], где l и u являются положительными целыми числами. Машина может обнаружить множество молекул, если и только если оно содержит подмножество молекул с общим весом, принадлежащим интервалу определения машины.

Рассмотрим, формально, n молекул с целыми положительными весами  $w_0,\dots,w_{n-1}$  . Обнаружение молекул является успешным, если существует множество различных индексов  $I=i_1,\dots,i_m$  , таких, что  $1\leq w_{i_1}+\dots w_{i_m}\leq u$  . Из-за особенностей машины, разница между l и u гарантированно будет больше или равна разнице весов между самой тяжелой и самой легкой молекулами.

Формально, 
$$u-l \geq w_{max}-w_{min}$$
 , где  $w_{max}=\max(w_0,\ldots,w_{n-1})$  и  $w_{min}=\min(w_0,\ldots,w_{n-1})$  .

Ваша задача – написать программу, которая либо находит какую-то одну подгруппу молекул с общим весом в пределах диапазона обнаружения, или определяет, что не существует такого подмножества.

#### Детали реализации

Вы должны написать одну функцию (метод):

- int[] solve(int I, int u, int[] w)

  - ∘ w: веса молекул.
  - Если требуемое подмножество существует, то функция должна возвращать массив индексов молекул, которые образуют какую-то одну такую подгруппу. Если есть несколько правильных ответов, то возвращать любой из них.
  - Если требуемое подмножество не существует, то функция должна возвращать пустой массив.

Для языка С функция пишется немного иначе:

- int solve(int l, int u, int[] w, int n, int[] result)
  - n: количество элементов в w (т.е., число молекул),
  - остальные параметры такие же, что и выше.
  - $\circ$  Вместо возвращения массива m индексов (как описано выше),

- функция должна записать индексы в первые  $\,m\,$  элементов массива result, а затем вернуть  $\,m\,$  .
- $\circ$  Если требуемое подмножество не существует, то функция не должна ничего записывать в массив result и должна возвратить 0.

Ваша программа может записать индексы в возвращаемый массив (или в массив result в C) в любом порядке.

Пожалуйста, используйте предоставленные файлы шаблонов для деталей реализации на вашем языке программирования.

#### Примеры

#### Пример 1

```
solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])
```

В этом примере у нас есть четыре молекулы с весами 6, 8, 8 и 7. Машина может обнаружить подмножества молекул с общим весом от 15 до 17 лет включительно. Заметим, что  $17-15 \geq 8-6$ . Общий вес молекул 1 и 3  $w_1+w_3=8+7=15$ , так что функция может возвратить [1, 3]. Другие возможные правильные ответы [1, 2] ( $w_1+w_2=8+8=16$ ) и [2, 3] ( $w_2+w_3=8+7=15$ ).

#### Пример 2

```
solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])
```

В этом примере мы имеем четыре молекулы с весом 5, 5, 6 и 6, и мы ищем подмножества из них с общим весом от 14 до 15 включительно. Опять же, обратите внимание, что  $15-14 \geq 6-5$ . Нет подмножества молекул с общим весом между 14 и 15, так что функция должна возвращать пустой массив.

#### Пример 3

```
solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])
```

В этом примере мы имеем четыре молекулы с весами 15, 17, 16 и 18, и ищем подмножества из них с общим весом от 10 до 20 включительно. Опять же, обратите внимание, что  $20-10 \geq 18-15$ . Любое подмножество, состоящее из одного элемента точно удовлетворяет требованию, так что правильные ответы: [0],[1],[2] и [3].

#### Подзадачи

- 1. (9 баллов):  $n \le 100$ ,  $w_i \le 100$ , все  $w_i$  равны.
- 2. (10 баллов):  $n \leq 100, w_i \leq 1000$  , и  $max(w_0,\dots,w_{n-1}) min(w_0,\dots,w_{n-1}) \leq 1$
- 3. (12 баллов):  $n \leq 100$  и  $w_i, u, l \leq 1000$  .
- 4. (15 баллов):  $n \leq 10\,000$  и  $w_i, u, l \leq 10\,000$  .
- 5. (23 баллов):  $n \leq 10\,000$  и  $w_i, u, l \leq 500\,000$

6. (31 баллов):  $n \leq 200\,000$  и  $w_i, u, l < 2^{31}$  .

### Пример проверяющего модуля

Проверяющий модуль получает данные в следующем формате:

- $\circ$  Строка 1: целые n , l , u .
- $\circ$  Строка 2: n целые:  $w_0,\ldots,w_{n-1}$  .