

# Bounded Spanning Tree

É-te dado um grafo não dirigido e com ligações pesadas com  $n$  vértices e  $m$  ligações. Não existem lacetes no grafo (isto é, não existem ligações de um vértice para si próprio), mas podem existir múltiplas ligações entre um par de vértices.

O teu amigo disse-te o seguinte acerca deste grafo:

- Os pesos das ligações são números inteiros **distintos** do intervalo  $[1, m]$ . Por outras palavras, eles formam uma permutação dos inteiros de 1 até  $m$ .
- O peso da  $i$ -ésima ligação está no intervalo  $[l_i, r_i]$  para cada  $i$  de 1 até  $m$ .
- As ligações com índices  $1, 2, \dots, n - 1$  (as primeiras  $n - 1$  ligações do input) formam uma árvore de suporte de custo **mínimo** (*minimum spanning tree*) do grafo.

Queres saber se isto é possível. Determina se existe um conjunto de atribuições de pesos a ligações tal que estas condições sejam obedecidas, e caso tal aconteça, descobre um desses conjuntos de atribuições.

Para relembrar, uma árvore de suporte de um grafo é um qualquer subconjunto das suas ligações que forme uma árvore (um grafo conexo com  $n$  vértices e  $n - 1$  ligações). A árvore de suporte de custo mínimo de um grafo é uma qualquer árvore de suporte com a menor soma possível de pesos das ligações de entre todas as possíveis árvores de suporte do grafo.

## Input

A primeira linha contém um único inteiro  $t$  ( $1 \leq t \leq 10^5$ ) - o número de casos de teste. Cada um dos casos de teste está descrito da seguinte maneira.

A primeira linha de cada caso de teste contém dois inteiros  $n$  e  $m$  ( $1 \leq n - 1 \leq m \leq 5 \cdot 10^5$ ) - o número de vértices e de ligações, respetivamente.

A  $i$ -ésima das  $m$  linhas contém quatro inteiros  $u_i, v_i, l_i, r_i$  ( $1 \leq u_i < v_i \leq n$ ,  $1 \leq l_i \leq r_i \leq m$ ) - indicando que existe uma ligação entre os vértices  $u_i, v_i$  e que o seu peso deve estar no intervalo  $[l_i, r_i]$ .

É garantido que para cada caso de teste, as ligações com índices  $1, 2, \dots, n - 1$  formam uma árvore de suporte do grafo dado.

É garantido que a soma de  $m$  entre todos os casos de teste não excede  $5 \cdot 10^5$ .

# Output

Para cada caso de teste, se não existe um array de pesos de ligações que satisfaça as condições, deves escrever 'NO' na primeira linha.

Caso contrário, na primeira linha deves escrever "YES". Na segunda linha deves escrever  $m$  inteiros  $w_1, w_2, \dots, w_m$  ( $1 \leq w_i \leq m$ , todos os  $w_i$  são **distintos**) - os pesos das ligações (onde  $w_i$  é o peso atribuído à  $i$ -ésima ligação do input).

Se existirem múltiplas respostas possíveis, podes escrever qualquer uma delas.

Podes escrever cada letra como maiúscula ou minúscula (por exemplo, "YES", "Yes", "yes", "yEs", "yEs" serão reconhecidos como respostas positivas).

## Exemplo

Input:

```
3
4 6
1 2 1 3
1 3 2 6
3 4 1 2
1 4 2 5
2 3 2 4
2 4 4 6
4 4
1 2 2 2
2 3 3 3
3 4 4 4
1 4 1 4
5 6
1 2 1 1
2 3 1 2
3 4 2 4
4 5 6 6
1 4 4 6
1 4 5 6
```

Output:

```
YES
2 3 1 5 4 6
NO
YES
1 2 3 6 4 5
```

## Pontuação

1. (4 pontos):  $l_i = r_i$  ( $1 \leq i \leq m$ )
2. (6 pontos): A soma de  $m$  entre todos os casos de teste não excede 10
3. (10 pontos): A soma de  $m$  entre todos os casos de teste não excede 20
4. (10 pontos):  $m = n - 1$ , A soma de  $m$  entre todos os casos de teste não excede 500
5. (7 pontos):  $m = n - 1$
6. (20 pontos):  $m = n$
7. (11 pontos): A soma de  $m$  entre todos os casos de teste não excede 5000
8. (8 pontos):  $u_i = i, v_i = i + 1$  ( $1 \leq i \leq n - 1$ )
9. (12 pontos): A soma de  $m$  entre todos os casos de teste não excede  $10^5$
10. (12 pontos): Nenhuma restrição adicional