International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules
Country: GEO

მოლეკულების აღმოჩენა

პეტრე მუშაობს კომპანიაში, რომელმაც შექმნა მოლეკულების აღმოსაჩენი მანქანა. თითოეული მოლეკულის წონა მთელი დადებითი რიცხვით გამოისახება. მანქანას გააჩნია ე.წ. აღმოჩენის დიაპაზონი [l,u], სადაც l და u მთელი დადებითი რიცხვებია. მას შეუძლია აღმოაჩინოს მოლეკულათა სიმრავლე მაშინ და მხოლოდ მაშინ, თუ ეს სიმრავლე შეიცავს ისეთ მოლეკულათა ქვესიმრავლეს, რომელთა ${}_{3}$ ამური წონა ეკუთვნის მანქანის აღმოჩენის დიაპაზონს.

ფორმალურად, განვიხილოთ n რაოდენობის მოლეკულა წონებით w_0,\dots,w_{n-1} . აღმოჩენა წარმატებულად ითვლება, თუ არსებობს განსხვავებულ ინდექსთა ისეთი $I=i_1,\dots,i_m$ მიმდევრობა, რომ $l\leq w_{i_1}+\dots+w_{i_m}\leq u$.

მანქანის სპეციფიკიდან გამომდინარე, u –სა და l –ს შორის სხვაობა გარანტირებულად მეტი ან ტოლია ყველაზე მძიმე და ყველაზე მსუბუქი მოლეკულების წონების სხვაობაზე. ფორმალურად, $u-l \geq w_{max}-w_{min}$, სადაც $w_{max}=\max(w_0,\ldots,w_{n-1})$ და $w_{min}=\min(w_0,\ldots,w_{n-1})$.

თქვენ უნდა დაწეროთ პროგრამა, რომელიც ან იპოვის მოლეკულათა რომელიმე ერთ–ერთ ისეთ ქვესიმრავლეს, რომელშიც შემავალი მოლეკულების ჯამური წონა ეკუთვნის აღმოჩენის დიაპაზონს, ან დაადგენს, რომ ასეთი ქვესიმრავლე არ არსებობს.

იმპლემენტაციის დეტალები

თქვენ უნდა მოახდინოთ ერთი ფუნქციის იმპლემენტაცია (მეთოდი):

- int[] solve(int I, int u, int[] w)
 - I და u: აღმოჩენის დიაპაზონის განაპირა წერტილებია,
 - w: მოლეკულათა წონები.
 - თუ მოთხოვნილი ქვესიმრავლე არსებობს, ფუნქციამ უნდა დააბრუნოს იმ მოლეკულათა ინდექსების მასივი, რომლებიც ერთ–ერთ ასეთ ქვესიმრავლეს ადგენენ. თუ არსებობს რამდენიმე ამონახსნი, დააბრუნეთ ერთი რომელიმე მათგანი.
 - o თუ მოთხოვნილი ქვესიმრავლე არ არსებობს, ფუნქციამ უნდა დააბრუნოს ცარიელი მასივი.

For the C language the function signature is slightly different:

- int solve(int I, int u, int[] w, int n, int[] result)
 - on: the number of elements in w (i.e., the number of molecules),
 - the other parameters are the same as above.
 - \circ instead of returning an array of m indices (as above), the function should write the indices to the first m cells of array result and then return m.

 \circ if the required subset does not exist, the function should not write anything to the result array and it should return 0.

Please use the provided template files for details of implementation in your programming language.

მაგალითები

მაგალითი 1

```
solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])
```

ამ მაგალითში ჩვენ გვაქვს ოთხი მოლეკულა წონებით: 6, 8, 8 და 7. მანქანას შეუძლია მოლეკულათა ქვესიმრავლეების განსაზღვრა ჯამური წონით 15–სა და 17–ს შორის (საზღვრების ჩათვლით). შევნიშნოთ, რომ $17-15\geq 8-6$. 1–ლი და მე–3 მოლეკულების ჯამური წონა $w_1+w_3=8+7=15$. ასე, რომ ფუნქციამ უნდა დააბრუნოს [1, 3]. სხვა შესაძლო სწორი ამონახსნები არის [1, 2] ($w_1+w_2=8+8=16$) და [2, 3] ($w_2+w_3=8+7=15$).

მაგალითი 2

solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])

ამ მაგალითში ჩვენ გვაქვს ოთხი მოლეკულა წონებით: 5, 5, 6, 6, და ჩვენ ვეძებთ მათ ისეთ ქვესიმრავლეს, რომელში შემავალი მოლეკულების \mathbf{z} ამური წონაც მოთავსებულია $\mathbf{14}$ –სა და $\mathbf{15}$ –ს შორის (საზღვრების ჩათვლით). ისევ შევნიშნოთ, რომ $\mathbf{15}-\mathbf{14} \geq \mathbf{6}-\mathbf{5}$. ამ შემთხვევაში მოლეკულათა ასეთი ქვესიმრავლე არ არსებობს, ამიტომ ფუნქციამ უნდა დააბრუნოს ცარიელი მასივი.

მაგალითი 3

```
solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])
```

ამ მაგალითში ჩვენ გვაქვს ოთხი მოლეკულა წონებით: 15, 17, 16, 18, და ჩვენ ვეძებთ მათ ისეთ ქვესიმრავლეს, რომელში შემავალი მოლეკულების ჯამური წონაც მოთავსებულია 10–სა და 20–ს შორის (საზღვრების ჩათვლით). ისევ შევნიშნოთ, რომ $20-10 \geq 18-15$. ნებისმიერ ერთელემენტიან ქვესიმრავლეში შემავალი მოლეკულის წონა მოთავსებულია 10–სა და 20–ს შორის. ასე, რომ შესაძლო სწორი ამონახსნებია: [0],[1],[2] და [3].

ქვეამოცანები

- 1. (9 ქულა): $1 \leq n \leq 100$, $1 \leq w_i \leq 100$, $1 \leq u, l \leq 1000$, ყველა w_i ტოლია.
- 2. (10 ქულა): $1 \leq n \leq 100$, $1 \leq w_i, u, l \leq 1000$ და $\max(w_0, \ldots, w_{n-1}) \min(w_0, \ldots, w_{n-1}) \leq 1$.
- 3. (12 ქულა): $1 \leq n \leq 100$ და $1 \leq w_i, u, l \leq 1000$.
- 4. (15 ქულა): $1 \leq n \leq 10\,000$ და $1 \leq w_i, u, l \leq 10\,000$.
- 5. (23 ქულა): $1 \leq n \leq 10\,000$ და $1 \leq w_i, u, l \leq 500\,000$.
- 6. (ვ1 ქულა): $1 \leq n \leq 200\,000$ და $1 \leq w_i, u, l < 2^{31}$.

სანიმუშო გრადერი

სანიმუშო გრადერი შეტანას კითხულობს შემდეგ ფორმატში:

- \circ სტრიქონი 1: მთელი რიცხვები $\,n$, $\,l$, $\,u$.
- \circ სტრიქონი 2: n რაოდენობის მთელი რიცხვი: w_0,\dots,w_{n-1} .