

# Сравняване на растения (plants)

Ботаничката Хейзел посети специална изложба в Сингапурските ботанически градини. В тази изложба n растения с различни височини са поставени в кръг. Тези растения са означени с етикети от 0 до n-1 по посока на часовниковата стрелка, като растението n-1 е до растението 0.

За всяко растение i ( $0 \le i \le n-1$ ), Хейзел сравнява растение i с всяко от следващите k-1 растения по посока на часовниковата стрелка и записва число r[i], което означава колко от тези k-1 растения са по-високи от растението i. По този начин всяка стойност r[i] зависи от относителните височини на k последователни растения.

Да предположим например  $n=5,\ k=3$  и i=3. Следващите k-1=2 растения по посока на часовниковата стрелка след растение i=3 ще бъдат растение 4 и растение 0. Ако растение 4 беше по-високо от растение 3 и растение 0 беше по-ниско от растение 3, Хейзъл щеше да запише r[3]=1.

Може да предположите, че Хейзел е записала стойностите r[i] правилно. По този начин има поне една конфигурация от различни височини на растения, съобразена с тези стойности.

Вие трябва да сравните височините на q двойки растения. За съжаление нямате достъп до изложбата. Единственият ви източник на информация е тетрадката на Хейзъл със стойността k и последователността от стойности  $r[0],\ldots,r[n-1]$ .

За всяка двойка различни растения x и y, които трябва да бъдат сравнени, определете коя от трите ситуации се случва:

- Растението x със сигурност е по-високо от растението y: във всяка конфигурация от различни височини  $h[0],\dots,h[n-1]$ , съответстващи на масива r, имаме h[x]>h[y].
- Растението x със сигурност е по-ниско от растението y: във всяка конфигурация от различни височини  $h[0], \ldots, h[n-1]$ , съответстващи на масива r, имаме h[x] < h[y].
- Не може да кажем какво е сравнението: нито един от предходните два случая не се случва.

# Имплементация

Трябва да напишете следните процедури:

```
void init(int k, int[] r)
```

 $\bullet$  k: брой на последователните растения, чиито височини определят всяка отделна

стойност r[i].

- r: масив с размер n, където r[i] е броят на растенията по-високи от растението i измежду следващите k-1 растения по посока на часовниковата стрелка.
- Тази процедура ще бъде извикана точно веднъж, преди всякакви извиквания на compare plants.

```
int compare_plants(int x, int y)
```

- x, y: етикети на растенията, които ще се сравняват.
- Тази процедура трябва да върне:
  - $\circ$  1, ако растението x със сигурност е по-високо от растението y,
  - $\circ -1$ , ако растението x със сигурност е по-ниско от растението y,
  - 0, ако сравнението не може да се каже какво е.
- Тази процедура ще бъде извикана точно q пъти.

## Примери

#### Пример 1

Да разгледаме следното извикване:

```
init(3, [0, 1, 1, 2])
```

Да предположим, че грейдърът извиква  $compare\_plants$  (0, 2). Тъй като r[0]=0, можем веднага да заключим, че растението 2 не е по-високо от растението 0. Следователно извикването трябва да върне 1.

Да предположим, че после грейдърът извиква  $compare\_plants$  (1, 2). За всички възможни конфигурации от височини, които отговарят на горните ограничения, растение 1 е по-ниско от растение 2. Следователно извикването трябва да върне -1.

#### Пример 2

Да разгледаме следното извикване:

```
init(2, [0, 1, 0, 1])
```

Да предположим, че грейдърът извиква compare\_plants (0, 3). Тъй като r[3] = 1, знаем, че растението 0 е по-високо от растението 3. Следователно извикването трябва да върне 1.

Да предположим, че после грейдърът извиква  $compare\_plants$  (1, 3). Две конфигурации на височини [3,1,4,2] и [3,2,4,1] са в съответствие с измерванията на Хейзел. Тъй като растението 1 е по-ниско от растението 3 в едната конфигурация и е по-високо от растението 3 в другата, това извикване трябва да върне 0.

## Ограничения

- $2 \le k \le n \le 200\ 000$
- $1 \le q \le 200\ 000$
- ullet  $0 \leq r[i] \leq k-1$  (за всяко  $0 \leq i \leq n-1$ )
- $0 \le x < y \le n 1$
- Съществува една или повече конфигурации от **различни височини** на растения, съответстващи на масива r.

## Подзадачи

- 1. (5 точки) k=2
- 2. (14 точки)  $n \leq 5000, 2 \cdot k > n$
- 3. (13 точки)  $2 \cdot k > n$
- 4. (17 точки) Правилният отговор при всяко извкване на compare plants is 1 or -1.
- 5. (11 точки)  $n \leq 300, q \leq rac{n \cdot (n-1)}{2}$
- 6. (15 точки) x=0 за всяко извикване на  $compare\ plants.$
- 7. (25 точки) Без допълнителни ограничения.

# Примерен грейдер

Примерният грейдер чете входните данни в следния формат:

- ред 1: *n k q*
- ullet ред 2: r[0] r[1] ... r[n-1]
- ullet ред 3+i ( $0\leq i\leq q-1$ ):  $x\,$  y за i-тото извикване на <code>compare\_plants</code>

Примерният грейдер отпечатва отговорите в следния формат:

ullet ред 1+i ( $0\leq i\leq q-1$ ): върнатата стойност от i-тото извикване на <code>compare\_plants</code>.