August 23 - August 29, 2019 Maribor, Slovenia Day 1 Tasks

xoranges
Russian (RUS)

# **XORanges**

Джеймс настолько любит апельсины, что он сделал для них сканер, используя 4 камеры и компьютер Raspberry Pi 3b+, и начал создавать 3D изображения апельсинов. Его процессор изображений не очень хорош, поэтому в результате сканирования он получает только 32-битное целое число, которое содержит информацию о повреждениях на кожуре. 32-битное число D представляется последовательностью из 32 битов, каждый из которых может быть нулем или единицей. Если занумеровать биты с 0, то можно получить число D, сложив  $2^i$  для каждого i-го бита, равного единице. Более формально, число D задается последовательностью  $d_{31}, d_{30}, \ldots d_0$ , если  $D = d_{31} \cdot 2^{31} + d_{30} \cdot 2^{30} + \ldots + d_1 \cdot 2^1 + d_0 \cdot 2^0$ . Например, число 13 представляется как  $0, \ldots, 0, 1, 1, 0, 1$ .

Джеймс отсканировал n апельсинов; тем не менее иногда он решает пересканировать один из апельсинов (i-й апельсин) во время выполнения вашей программы. Это значит, что после пересканирования нужно использовать новое значение для i-го апельсина.

Джеймс хочет анализировать полученные данные. Он считает операцию "исключающего ИЛИ" (XOR) очень интересной, поэтому решает использовать ее в вычислениях. Он выбирает диапазан апельсинов с l до u (где  $l \leq u$ ) и хочет вычислить результат операции XOR, примененной ко всем числам диапазана, ко всем парам соседних элементов диапазона, всем последовательностям из 3 соседних элементов, и т. д. вплоть до последовательности из u-l+1 соседних элементов (всех элементов диапазона).

То есть, если l=2, u=4 и A — массив полученных в результате сканирования значений, программа должна вернуть результат следующего выражения  $a_2\oplus a_3\oplus a_4\oplus (a_2\oplus a_3)\oplus (a_3\oplus a_4)\oplus (a_2\oplus a_3\oplus a_4)$ , где  $\oplus$  обозначает XOR и  $a_i$  обозначает i-й элемент в массиве A.

Операция XOR над двумя числовыми значениями определяется так:

Если i-й бит первого числа такой же, как i-й бит второго, то i-й бит результата равен 0; если i-й бит первого числа отличается от i-го бита второго числа, то i-й бит результата равен 1.

$\boldsymbol{x}$	y	$x \oplus y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Например,  $13 \oplus 23 = 26$ .

13 =	0001101
23 =	0010111
$13 \oplus 23 = 26 =$	0011010

## Входные данные

В первой строке входных данных расположены 2 целых положительных числа n и q (общее число операций пересканирования и анализа данных).

В следующей строке расположены n разделенных пробелом целых неотрицательных чисел, которые представляют значения массива A (результаты сканирования апельсинов). Элемент  $a_i$  содержит описание i-го апельсина. Индексы нумеруются начиная с 1.

Операции описываются в следующих q строках, с помощью трех разделенных пробелами целых положительных чисел.

Если операция имеет тип 1 (пересканирование), то первое число равно 1, за ним следует i(индекс апельсина, который хочется пересканировать) и j (результат пересканирования i-го апельсина).

Если тип операции 2 (анализ), первое число равно 2, за ним следуют l и u.

## Выходные данные

Вы должны вывести в точности одно целое число для каждой операции типа 2 (анализ данных). Вы должны выводить каждое значени в отдельной строке. Обратите внимание, что iя строка выходных данных должна соответствовать i-й операции типа 2.

## Ограничения

- $ullet a_i \leq 10^9 \ ullet 0 < n,q \leq 2 \cdot 10^5$

# Подзадачи

- 1. **[12** баллов]:  $0 < n, q \le 100$
- 2. **[18 баллов]**: 0 < n, q < 500 и нет операций изменения значений
- 3. **[25** баллов]:  $0 < n, q \le 5000$
- 4. **[20 баллов]**:  $0 < n, q \le 2 \cdot 10^5$  и нет операций изменения значений
- 5. [25 баллов]: Нет дополнительных ограничений

# Примеры

### Пример 1

#### Входные данные

```
3 3
1 2 3
2 1 3
1 1 3
2 1 3
```

#### Выходные данные

```
2
0
```

### Комментарий

В начале A=[1,2,3]. Первая операция производится над полным диапазоном значений. Результат анализа есть  $1\oplus 2\oplus 3\oplus (1\oplus 2)\oplus (2\oplus 3)\oplus (1\oplus 2\oplus 3)=2$ .

Затем значение первого апельсина меняется на 3. Это приводит к изменению результата в операции анализа всех данных (в диапазоне [1,3]):  $3\oplus 2\oplus 3\oplus (1\oplus 2)\oplus (2\oplus 3)\oplus (1\oplus 2\oplus 3)=0.$ 

### Пример 2

#### Входные данные

```
5 6
1 2 3 4 5
2 1 3
1 1 3
2 1 5
2 4 4
1 1 1
2 4 4
```

#### Выходные данные

2	
5	
4	
4	