

# Μπισκότα (μπισκότα)

Η θεία Khong οργανώνει ένα πάρτυ με x συμμετέχοντες, και θέλει να δώσει στον καθένα ένα πακέτο με μπισκότα. Υπάρχουν k διαφορετικοί τύποι μπισκότων, αριθμημένοι από 0 μέχρι και k-1. Κάθε μπισκότο τύπου i ( $0 \le i \le k-1$ ) έχει **γευστική αξία** ίση με  $2^i$ . Η θεία Khong έχει a[i] (πιθανόν και μηδέν) μπισκότα τύπου i στη διάθεσή της.

Κάθε πακέτο της θείας Khong θα περιέχει μηδέν ή περισσότερα μπισκότα κάθε τύπου. Ο συνολικός αριθμός των μπισκότων τύπου i σε όλα τα πακέτα δεν πρέπει να υπερβαίνει το a[i]. Το άθροισμα των γευστικών αξιών όλων των μπισκότων ενός πακέτου ονομάζεται **συνολική γευστικότητα** του πακέτου.

Βοηθήστε τη θεία Khong να βρει το πλήθος των διαφορετικών τιμών y, τέτοιων ώστε να είναι δυνατόν να φτιαχθούν x πακέτα, που καθένα να έχει συνολική γευστικότητα ίση με y.

# Λεπτομέρειες υλοποίησης

Πρέπει να υλοποιήσετε την παρακάτω συνάρτηση:

```
int64 count_tastiness(int64 x, int64[] a)
```

- x: το πλήθος των πακέτων μπισκότων που θα φτιαχθούν.
- a: ένας πίνακας μήκους k. Για  $0 \le i \le k-1$ , το a[i] είναι το πλήθος των μπισκότων τύπου i που έχει στη διάθεσή της η θεία.
- Η συνάρτηση πρέπει να επιστρέφει το πλήθος των διαφορετικών τιμών y, έτσι ώστε η θεία να μπορεί να φτιάξει x πακέτα μπισκότων, που καθένα να έχει συνολική γευστικότητα y.
- Η συνάρτηση καλείται συνολικά q φορές (βλ. τις παραγράφους Περιορισμοί και Υποπροβλήματα για τις επιτρεπόμενες τιμές του q). Κάθε μια από αυτές τις κλήσεις θα πρέπει να αντιμετωπίζεται σαν ένα διαφορετικό σενάριο.

### Παραδείγματα

Παράδειγμα 1

Έστω η παρακάτω κλήση:

```
count_tastiness(3, [5, 2, 1])
```

Αυτό σημαίνει ότι η θεία θέλει να συσκευάσει 3 πακέτα, και υπάρχουν 3 τύποι μπισκότων στη

#### διάθεσή της:

- 5 μπισκότα τύπου 0, με τιμή γευστικότητας 1 το καθένα,
- 2 μπισκότα τύπου 1, με τιμή γευστικότητας 2 το καθένα,
- 1 μπισκότο τύπου 2, με τιμή γευστικότητας 4.

Οι δυνατές τιμές του y είναι [0,1,2,3,4]. Για παράδειγμα για να φτιάξει 3 πακέτα συνολικής γευστικότητας 3 το καθένα, η θεία μπορεί να συσκευάσει:

- ένα πακέτο που να περιέχει τρία μπισκότα τύπου 0, και
- ullet δύο πακέτα που καθένα να περιέχει ένα μπισκότο τύπου 0 και ένα μπισκότο τύπου 1.

Εφόσον υπάρχουν 5 δυνατές τιμές του y, η συνάρτηση πρέπει να επιστρέψει 5.

$$y = 0$$

$$y = 1$$

$$1,1,1 \quad 2 \quad 2$$

$$y = 2$$

$$1,1,1 \quad 1,2 \quad 1,2$$

$$y = 3$$

$$1,1,2 \quad 1,1,2 \quad 4$$

$$y = 4$$

#### Παράδιγμα 2

Έστω η παρακάτω κλήση:

```
count_tastiness(2, [2, 1, 2])
```

Αυτό σημαίνει ότι η θεία θέλει να συσκευάσει 2 πακέτα, και υπάρχουν 3 τύποι μπισκότων στη διάθεσή της:

- 2 μπισκότα τύπου 0, με τιμή γευστικότητας 1 το καθένα,
- 1 μπισκότο τύπου 1, με τιμή γευστικότητας 2,
- 2 μπισκότα τύπου 2, με τιμή γευστικότητας 4 το καθένα.

Οι δυνατές τιμές του y είναι [0,1,2,4,5,6]. Εφόσον υπάρχουν 6 δυνατές τιμές του y, η συνάρτηση πρέπει να επιστρέψει 6.

# Περιορισμοί

•  $1 \le k \le 60$ 

- $1 \le q \le 1000$
- $1 \le x \le 10^{18}$
- ullet  $0 \leq a[i] \leq 10^{18}$  (για κάθε  $0 \leq i \leq k-1$ )
- Για κάθε κλήση της count\_tastiness, το άθροισμα των τιμών γευστικότητας όλων των μπισκότων που είναι στη διάθεση της θείας δεν ξεπερνάει το  $10^{18}$ .

# Υποπροβλήματα

- 1. (9 βαθμοί)  $q \le 10$ , και για κάθε κλήση της count\_tastiness, το άθροισμα των τιμών γευστικότητας όλων των μπισκότων που είναι στη διάθεση της θείας δεν ξεπερνάει το 100~000.
- 2. (12 βαθμοί) x=1,  $q\leq 10$
- 3. (21 βαθμοί)  $x \le 10 000$ ,  $q \le 10$
- 4. (35 βαθμοί) Η σωστή τιμή που επιστρέφεται σε κάθε κλήση της count\_tastiness δεν ξεπερνά το 200~000.
- 5. (23 βαθμοί) Χωρίς επιπλέον περιορισμούς.

# Υποδειγματικός βαθμολογητής

Ο υποδειγματικός βαθμολογητής διαβάζει την είσοδο ως εξής: Η πρώτη γραμμή περιέχει έναν ακέραιο q. Μετά από αυτό, ακολουθούν q ζεύγη γραμμών, και κάθε ζεύγος περιγράφει ένα σενάριο με την εξής μορφή:

- γραμμή 1: k x
- γραμμή 2: a[0] a[1] ... a[k-1]

Η έξοδος του υποδειγματικού βαθμολογητή είναι ως εξής:

• γραμμή i ( $1 \le i \le q$ ): η τιμή επιστροφής της count\_tastiness για το i-οστό σενάριο της εισόδου.