## **International Olympiad in Informatics 2016**



12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 3

aliens Country: HRV

# **Aliens**

Našim satelitom otkrili smo izvanzemaljsku civlizaciju na udaljenom planetu. Uspjeli smo snimiti sliku niske rezolucije kvadratnog područja tog planeta. Slika pokazuje mnogo znakova inteligentnog života. Stručnjaci su identificirali n bitnih točaka na slici. Želimo napraviti slike visoke rezolucije koje sadrže svih n bitnih točaka.

Interno, satelit je podijelio područje slike niske rezolucije u m puta m mrežu jediničnih kvadratnih ćelija. Retci i stupci mreže označeni su redom od 0 do m-1, počevši od gore lijevo. Ćeliju u retku i te stupcu j označavamo s (i,j). Svaka bitna točka nalazi se unutar jedne ćelije. Svaka ćelija može sadržavati proizovljan broj tih točaka.

Naš je satelit u stablinoj orbiti koja prolazi točno iznad *glavne* dijagonale mreže. Glavna dijagonala je dužina koja spaja gornji lijevi i donji desni vrh mreže. Satelit može slikati u visokoj rezoluciji bilo koje područje koje zadovoljava sljedeće uvjete:

- oblik područja je kvadrat,
- o dva suprotna vrha tog kvadrata nalaze se na glavnoj dijagonali mreže,
- svaka ćelija mreže je ili u potpunosti unutar ili u potpunosti izvan područja koje slikamo.

Satelit može uslikati najviše k slika u visokoj rezoluciji.

Nakon što satelit napravi sve slike, poslat će slike svake ćelije uslikane u visokoj rezoluciji u bazu (neovisno o tome sadrži li ćelija bitne točke). Podaci za svaku uslikanu ćeliju bit će poslani samo *jednom*, iako je možda uslikana više puta.

Stoga, moramo odabrati najviše k kvadratnih područja koja će biti uslikana tako da bude zadovoljeno sljedeće:

- svaka ćelija koja sadrži barem jednu bitnu točku mora biti uslikana barem jednom, i
- o broj ćelija koje su uslikane barem jednom mora biti minimiziran.

Vaš je zadatak pronaći minimalan broj uslikanih ćelija.

### Implementacijski detalji

Morate implementirati sljedeću funkciju (metodu):

- int64 take photos(int n, int m, int k, int[] r, int[] c)
  - n: broj bitnih točaka,
  - m: broj redaka (i stupaca) u mreži,
  - k: najveći broj slika koje satelit može napraviti,
  - $\circ$  r i c: dva niza duljine n koji opisuje koordinate ćelija koje sadrže bitne

- točke. Za  $0 \le i \le n-1$ , i-ta bitna točka nalazi se u ćeliji (r[i], c[i]),
- Funkcija mora vratiti najmanji mogući ukupan broj ćelija koje su uslikane barem jednom (tako da slike sadrže sve bitne točke).

Za implementacijske detalje koristite dane template datoteke.

### **Primjeri**

#### Primjer 1

```
take_photos(5, 7, 2, [0, 4, 4, 4, 4], [3, 4, 6, 5, 6])
```

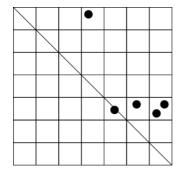
U ovom je primjeru  $7 \times 7$  mreža s5 bitnih točaka. Bitne točke nalaze se u četirima različitim ćelijama: (0,3), (4,4), (4,5) i (4,6). Smijete snimiti najviše 2 slike u visokoj rezoluciji.

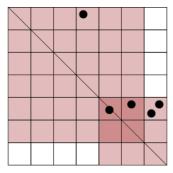
Jedan način obuhvaćanja svih pet bitnih točaka je s pomoću dviju slika: jedna s ćelijama (0,0) i (5,5) u suprotnim vrhovima, i druga s ćelijama (4,4) i (6,6) u suprotnim vrhovima. Ako uslikamo te dvije slike, satelit će ukupno poslati slike 41 ćelije. Taj iznos nije optimalan.

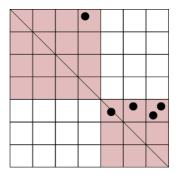
Optimalno rješenje koristi jednu sliku koja obuhvaća  $4\times 4$  kvadrat s ćelijama (0,0) i (3,3) i još jednu sliku koja obuhvaća  $3\times 3$  kvadrat s ćelijama (4,4) i (6,6). Na taj način uslikano je samo 25 ćelija, što je optimalno, stoga take\_photos treba vratiti 25.

Primijetite da je dovoljno uslikati ćeliju (4,6) samo jednom, iako sadrži dvije bitne točke.

Ovaj primjer ilustiran je u slikama ispod. Lijeva slika prikazuje mrežu ćelija koja odgovara ovom primjeru. Srednja slika prikazuje suboptimalno rješenje s 41 uslikanom ćelijom. Desna slika prikazuje optimalno rješenje.



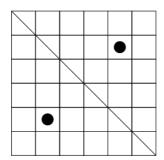


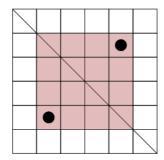


#### Primjer 2

take\_photos(2, 6, 2, [1, 4], [4, 1])

Imamo 2 simetrične bitne točke u ćelijama (1,4) i (4,1). Svaka valjana slika koja sadrži jednu od njih, sadrži i drugu. Zato je dovoljno snimiti samo jednu sliku. Optimalno rješenje (prikazano dolje) koristi jednu sliku s16 ćelija.





## **Podzadatci**

U svim podzadatcima vrijedi  $1 \le k \le n$  .

- 1. (4 boda)  $1 \leq n \leq 50$  ,  $1 \leq m \leq 100$  , k=n ,
- 2. (12 bodova)  $1 \leq n \leq 500$  ,  $1 \leq m \leq 1000$  , za svaki i takav da  $0 \leq i \leq n-1$  ,  $r_i = c_i$  ,
- 3. (9 bodova)  $1 \le n \le 500$ ,  $1 \le m \le 1000$ ,
- 4. (16 bodova)  $1 \leq n \leq 4000$  ,  $1 \leq m \leq 1000000$  ,
- 5. (19 bodova)  $1 \leq n \leq 50\,000$  ,  $1 \leq k \leq 100$  ,  $1 \leq m \leq 1\,000\,000$  ,
- 6. (40 bodova)  $1 \le n \le 100\,000$  ,  $1 \le m \le 1\,000\,000$  .

## Priloženi grader

Priloženi grader učitava ulaz u sljedećem obliku:

- redak 1: cijeli brojevi n, m i k,
- redci 2 + i ( $0 \le i \le n-1$ ): cijeli brojevi  $r_i$  te  $c_i$ .