2014 TAIWAN

International Olympiad in Informatics 2014

13-20th July 2014 Taipei, Taiwan Day-1 tasks

game

Language: es-CU

Game

Jian-Jia es un joven al que le gusta resolver acertijos. Cuando se le hace una pregunta , él prefiere ponerse a jugar en vez de responder directamente. Jian-Jia se encontró con su amiga Mei-Yu y se puso a hablar de la red de vuelos en Taiwan. Hay n ciudades en Taiwan (numeradas 0, ..., n-1), algunas de las cuales están conectadas por vuelos. Cada vuelo conecta dos ciudades y puede ser tomado en ambos sentidos.

Mei-Yu le pregunta a Jian-Jia si es posible ir entre cualquier par de ciudades por avión (directamente o indirectamente). Jian-Jia no quiere revelar la respuesta, en vez de esto sugirió un juego. Mei-Yu puede hacerle preguntas de la forma: "¿Están conectadas las ciudades \boldsymbol{x} y \boldsymbol{y} directamente con un viaje?" y Jian—Jia contestará tal pregunta de manera inmediata. Mei-Yu preguntará por cada par de ciudades, dando $\boldsymbol{r}=n(n-1)/2$ preguntas en total. Mei-Yu gana el juego, si después de \boldsymbol{i} preguntas para algún $\boldsymbol{i}<\boldsymbol{r}$, ella puede inferir si es posible o no viajar entre cualquier par de ciudades \boldsymbol{x} y \boldsymbol{y} por vuelos (o directamente o indirectamente). En otro caso, si ella necesita hacer todas las \boldsymbol{r} preguntas, entonces Jin-Jia gana el juego.

Con la finalidad de hacer que el juego sea más divertido para Jian-Jia, los amigos acuerdan que él puede olvidarse de la red real de vuelos taiwanes e inventar la red conforme el juego progrese, escogiendo sus respuesta basandose en las preguntas previas de Mei-Yu. Su tarea es ayudar a Jian-Jia a ganar el juego, decidiendo cómo debería él responder las preguntas.

Ejemplos

Explicaremos las reglas del juego con tres ejemplos. Cada ejemplo tiene n=4 ciudades y r=6 rondas de preguntas y respuestas.

En el primer ejemplo (la siguiente tabla), Jian-Jia *pierde* porque después de la ronda 4, Mei-Yu sabe con seguridad que uno puede viajar entre cualquier par de ciudades por vuelos, sin importar como Jian-Jia reponda las preguntas 5 o 6.

| ronda | pregunta | respuesta |
|-------|----------|-----------|
| 1 | 0, 1 | si |
| 2 | 3, 0 | si |
| 3 | 1, 2 | no |
| 4 | 0, 2 | si |
| | | |
| 5 | 3, 1 | no |
| 6 | 2, 3 | no |

En el siguiente ejemplo Mei-Yu puede probar que después de la ronda 3 sin importar como responda Jian-Jia las preguntas 4, 5 o 6, uno *no puede viajar* entre las ciudades 0 y 1 por vuelos, por lo tanto

Jian-Jia pierde nuevamente.

| ronda | pregunta | respuesta |
|-------|----------|-----------|
| 1 | 0, 3 | no |
| 2 | 2, 0 | no |
| 3 | 0, 1 | no |
| | | |
| 4 | 1, 2 | si |
| 5 | 1, 3 | si |
| 6 | 2, 3 | si |

En el ejemplo final Mei-Yu no puede determinar si él puede o no viajar entre dos ciudades cualesquiera por vuelos hasta que estén respondidas todas las seis preguntas, por eso Jian-Jia gana el juego. Específicamente, como Jian-Jia respondió *si* a la última pregunta (en la siguiente tabla), entonces es posible viajar entre cualesquier par de ciudades. Sin embargo, si Jian-Jia hubiera respondido *no* en lugar de *si* a la última pregunta entonces sería imposible.

| ronda | pregunta | respuesta |
|-------|----------|-----------|
| 1 | 0, 3 | no |
| 2 | 1, 0 | si |
| 3 | 0, 2 | no |
| 4 | 3, 1 | si |
| 5 | 1, 2 | no |
| 6 | 2, 3 | si |

Tarea

Por favor, escriba un programa que ayude a Jian-Jia a ganar el juego. Note que ni Mei-Yu ni Jian-Jia conocen la estrategia del otro. Mei-Yu puede preguntar por pares de ciudades en cualquier orden y Jian-Jia debe reponder inmediatamente sin saber las preguntas siguientes. Usted necesita implementar las siguientes dos funciones.

- initialize (n) -- Llamaremos primero a su initialize. El paramétro *n* es el número de ciudades.
- hasEdge (u, v) -- Luego llamaremos hasEdge para r = n(n-1)/2 veces. Esos llamados representan las preguntas de Mei-Yu's, en el orden en que ella las hace. Usted debe responder si hay vuelo directo entra las ciudades u y v. Específicamente, el valor de retorno debe ser 1 si hay un vuelo directo y 0 en otro caso.

Subtareas

Cada subtarea consiste de varios juegos. Usted únicamente obtendrá puntos por una subtarea si su programa hace que Jian-Jia gane todos los juegos de esa subtarea.

| s ubtare a | puntos | n |
|------------|--------|--------------------|
| 1 | 15 | n=4 |
| 2 | 27 | $4 \le n \le 80$ |
| 3 | 58 | $4 \le n \le 1500$ |

Detalles de la implementación

Usted debe enviar exactamente un archivo, llamado game.c, game.cpp o game.pas. Este archivo implementa los subprogramas descritos anteriormente usando los siguientes prototipos.

Programas C/C++

```
void initialize(int n);
int hasEdge(int u, int v);
```

Programas Pascal

```
procedure initialize(n: longint);
function hasEdge(u, v: longint): longint;
```

Calificador ejemplo

El calificador ejemplo lee la entrada en el siguiente formato:

- línea 1: n
- \blacksquare las siguientes r lineas: cada línea contiene dos enteros u y v que describen una pregunta respecto a las ciudades u y v.