BOI 2024



Vilnius, Lithuania May 3 - May 7, 2024 tiles d2 Tasks Finnish (FIN)

Laatoitus

Uskotaan, että pian kristinuskon tulon jälkeen Liettuan ensimmäinen ja ainoa kuningas Mindaugas määräsi, että Vilnaan rakennetaan katedraali. Rakennus on lähes valmis, mutta lattia tulisi vielä peittää keraamisilla koristelluilla laatoilla.

Vilnan katedraali on kaksiulotteisessa karteesisessa tasossa oleva monikulmio. Monikulmiossa on N eri kärkipistettä, jotka on numeroitu $1\dots N$. Kärkipiste i on kohdassa (X[i],Y[i]), missä X[i] ja Y[i] ovat epänegatiivisia kokonaislukuja. Kärkipisteiden i ja i+1 välillä on jana (kaikille $1 \le i \le N-1$), ja lisäksi kärkipisteiden N ja 1 välillä on jana. Kärkipisteet on annettu joko myötäpäivään tai vastapäivään.

Katedraali on **akseleiden suuntainen** monikulmio, mikä tarkoittaa, että jokainen jana on joko x-akselin tai y-akselin suuntainen. Lisäksi katedraali on **yksinkertainen** monikulmio, mikä tarkoittaa, että:

- jokaisessa kärkipisteessä kohtaa tarkalleen kaksi janaa;
- kaksi janaa voivat osua toisiinsa vain kärkipisteessä.

Katedraalin rakentajilla on ääretön määrä laattoja. Jokainen laatta on neliö, jonka sivun pituus on 2. Rakentajat haluaisivat täyttää mahdollisimman suuren katedraalin osan näillä laatoilla. Tarkemmin sanoen rakentajat haluavat valita jonkin pystysuuntaisen suoran ja täyttää katedraalin osan, joka jää tämän suoran vasemmalle puolelle. Merkitään L_k :lla (missä k on kokonaisluku) pystysuuntaista suoraa, jonka pisteissä k-koordinaatti on k. Katedraalin suoran k-vasemman puoleisen osan täyttötapa tarkoittaa laattojen asettelua, jossa:

- jokainen piste, joka on monikulmion sisällä ja jonka x-koordinaatti on alle k, on peitetty jollain laatalla;
- mikään piste, joka on monikulmion ulkopuolella tai jonka x-koordinaatti on suurempi kuin k, ei ole peitetty millään laatalla;
- mitkään laatat eivät ole toistensa päällä

Jokaisen katedraalin kärkipisteen koordinaatti on vähintään 0. Merkitään M:llä suurinta katedraalin kärkipisteen x-koordinaattia.

Tehtävä

Auta Vilnan katedraalin rakentajia määrittämään suurin kokonaisluku k niin, että $k \leq M$ ja on olemassa tapa täyttää katedraalin osa suoran L_k vasemmalla puolella. Huomaa, että määritelmän

mukaan on olemassa tapa täyttää katedraalin osa suoran L_0 vasemmalla puolella (jossa on 0 laattaa).

Syöte

Syötteen ensimmäisellä rivillä on kaksi kokonaislukua N ja M – kärkipisteiden määrä ja kärkipisteen suurin mahdollinen x-koordinaatti.

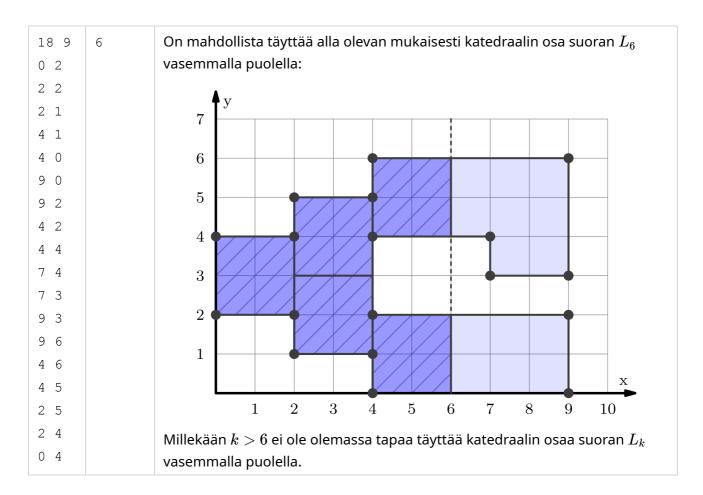
Tämän jälkeen tulee N riviä. Rivillä i on kaksi kokonaislukua x_i ja y_i – kärkipisteen i koordinaatit. Kärkipisteet on annettu joko myötäpäivään tai vastapäivään.

Tuloste

Ohjelmasi tulee tulostaa suurin mahdollinen k niin, että $k \leq M$ ja on olemassa tapa täyttää katedraalin osa suoran L_k vasemmalla puolella.

Esimerkit

Syöte	Tuloste	Selitys
14 6 0 1 0 3 2 3 2 4 0 4 0 6 3 6 3 7 4 7 6 5 3 5 3 2 3 1	2	Seuraava kuva näyttää katedraalin osan, joka on suoran L_k vasemmalla puolella, kun $k=2$:
4 3 0 0 0 3 3 3 3 0	0	Ei ole positiivista lukua k niin, että olisi tapa täyttää katedraalin osa suoran L_k vasemmalla puolella.



Rajoitukset

- $4 \le N \le 2 \cdot 10^5$
- $1 \le M \le 10^9$
- $0 \le y_i \le 10^9$ (kaikille $1 \le i \le N$)
- Katedraali muodostaa akselien suuntaisen yksinkertaisen monikulmion.
- Lukujen $x_1, x_2, ..., x_N$ minimi on 0, ja lukujen $x_1, x_2, ..., x_N$ maksimi on M.

Osatehtävät

Nro	Pisteet	Lisärajoitukset
1	4	N=4.
2	9	$N \leq 6$.
3	11	$x_N=0, y_N=0$, $x_i \leq x_{i+1}, y_i \geq y_{i+1}$ (kaikille i missä $1 \leq i \leq N-2$).
4	19	$M \leq 1000$ ja kaikille $y_i \leq 1000$.
5	22	Kaikki luvut y_i ovat parillisia.
6	25	Kaikki luvut x_i ovat parillisia.
7	10	Ei lisärajoituksia.