# BOI LITHUANIA 2024

#### **BOI 2024**

Vilnius, Lithuania May 3 - May 7, 2024 tiles d2 Tasks Georgian (GEO)

### Tiles

ქრისტიანობის მიღების შემდეგ, პირველმა და ერთადერთმა ლიტველმა მეფე მინდაგუასმა ბრძანა რომ აეგოთ ვილნიუსის საკათედრო ტაძარი. ტაძრის შენება თითქმის დასრულებულია. დარჩენელია მხოლოდ იატაკი რომელიც უნდა დაიფაროს კერამიკის ფილებით.

ვილნიუსის საკათედრო ტაძრის იატაკი არის მრავალკუთხედი 2D საკოორდინატო სიბრტყეზე. მრავალკუთხედს აქვს N ცალი განსხვავებული წვერო, გადანომრილი 1 დან N ის ჩათვლით. თითოეული i სთვის სადაც  $1 \leq i \leq N$ , მე-i წვერო მდებარეობს (X[i],Y[i]) წერტილზე, სადაც X[i] და Y[i] არიან არაუარყოფითი მთელი რიცხვები. ნებისმიერ i და i+1 წვეროებს აკავშირებს წიბო, სადაც ( i აკმაყოფილებს პირობას  $1 \leq i \leq N-1$ ), ამასთანავე არის წიბო მე-N და 1-ელ წვეროებს შორის.

მოცემული იატაკის N წვერო ქმნის **axis-aligned** მრავალკუთხედს, რაც იმას ნიშნავს, რომ წიბოები მეზობელ წვეროებს შორის არის აუცილებლად x ან y-ღერძების პარალელურები. ამასთანავე, ტაძრის იატაკი არის **მარტივი** მრავალკუთხედი, ანუ:

- გუსტად ორი წიბო გამოდის თითოეულ წვეროდან
- წიბოები ერთმანეთთან არ იკვეთებიან (ეხებიან მხოლოდ მრავალკუთხედის წვეროებში)

ტაძრის იატაკის მშენებლებს აქვთ უსასრულოდ ბევრი იატაკის ფილა. თითოეული ფილა არის კვადრატის ფორმის რომლის სიგრძეც არის 2 (2X2 კვადრატი). მშენებლებს უნდათ რომ ამ ფილებით დაფარონ ტაძრის რაც შეიძლება დიდი ნაწილი. კონკრეტულად, მშენებლებს უნდათ აირჩიონ რაიმე ვერტიკალური ხაზი და ამ ხაზის მარცხნივ მდებარე იატაკის ნაწილი მთლიანად დაფარონ ფილებით. ნებისმიერი მთელი რიცხვისთვის k,  $L_k$  განვსაზღვროთ როგორც x=k ვერტიკალური წრფე, ანუ ხაზი რომელიც გადის წერტილებზე რომელთა x-კოორდინატიც უდრის k-ს.  $L_k$  ხაზის მარცხნივ მდებარე იატაკის ნაწილის დაფარვა უნდა მოვახერხოთ 2X2 ფილების ისე დალაგებით, რომ:

- თითოეული (ნებისმიერი) წერტილი რომელიც მდებარეობს იატაკის მრავალკუთხედის შიგნით და x კოორდინატი აქვს ნაკლები k-ზე უნდა იყოს დაფარული რომელიმე ფილით;
- არცერთი წერტილი რომელიც მდებარეობს მრავალკუთხედის გარეთ ან უბრალოდ აქვს x კოორდინატი მეტი k-ზე **არ** უნდა იყოს დაფარული ფილით.
- ფილები ერთმანეთთან არ უნდა იკვეთებოდნენ.

მინიმალური x კოორდინატი ტაძრის იატაკის წვეროებისთვის შეიძლება იყოს  $0.\ M$ -ით აღვნიშნოთ წვეროს მაქსიმალური შესაძლო x კოორდინატი.

## ამოცანა

დაეხმარეთ ვილნიუსის საკათედრო ტაძრის მშენებლებს იპოვონ **მაქსიმალური** k, ისეთი, რომ  $k \leq M$ , და შესაძლებელია  $L_k$  ხაზის მარცხნივ მდებარე მრავალკუთხედის ფილებით დაფარვა. შევნიშნოთ, რომ განმარტების შესაბამისად არსებობს დაფარვა  $L_0$  ხაზის მარცხნივ მდებარე ნაწილისთვის, რომელიც ცხადია იყენებს 0 ფილას.

#### Input

პირველ ხაზზე შემოდის ორი მთელი რიცხვი N და M – წვეროების რაოდენობა და წვეროს მაქსიმალური შესაძლო x კოორდინატი.

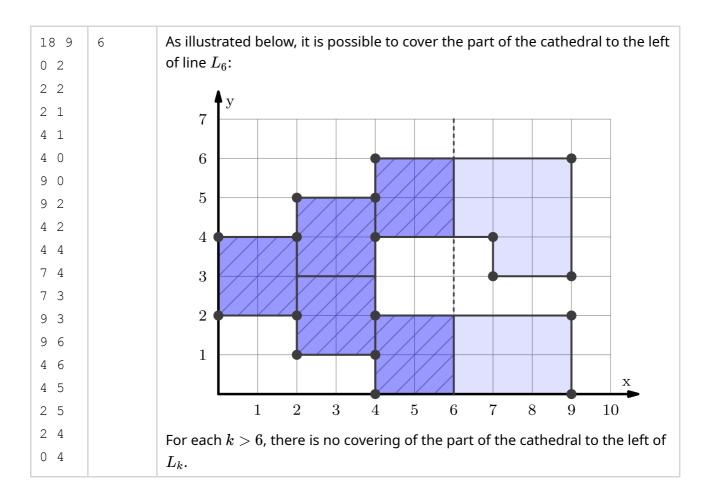
შემდეგ შემოდის N ხაზი: მე-i ხაზი შეიცავს ორ მთელ რიცხვს  $x_i$  და  $y_i$  – მრავალკუთხედის მე-i წვეროს კოორდინატები.

### Output

თქვენ უნდა გამოიტანოთ მაქსიმალური k, ისეთი რომ  $k \leq N$  და შესაძლებელია  $L_k$  ხაზის მარცხნივ მდებარე იატაკის ნაწილის 2x2 ფილებით დაფარვა.

## Examples

Input	Output	Explanation
14 6 0 1 0 3 2 3 2 4 0 4 0 6 3 6 3 7 4 7 6 5 3 5 3 2 3 1	2	The following picture shows the part of the cathedral to the left of line $L_k$ for $k=2$ :
		uses two pieces. For any $k>2$ , there is no covering of the part of the cathedral to the left of $L_k$ .
4 3 0 0 0 3 3 3 3 0	0	There is no positive value of $k$ such that the part of the cathedral to the left of $\mathcal{L}_k$ .



#### **Constraints**

- $4 \le N \le 2 \cdot 10^5$
- $1 \le M \le 10^9$
- $0 \le y_i \le 10^9$  (for each  $1 \le i \le N$ )
- The cathedral forms an axis-aligned simple polygon.
- The minimum of  $x_1, x_2, ..., x_N$  is 0, and the maximum of  $x_1, x_2, ..., x_N$  is M.

## Subtasks

No.	Points	Additional constraints
1	4	N=4.
2	9	$N \leq 6$ .
3	11	$x_N=0, y_N=0$ , $x_i \leq x_{i+1}, y_i \geq y_{i+1}$ (for each $i$ such that $1 \leq i \leq N-2$ ).
4	19	$M \leq 1000$ and all $y_i \leq 1000$ .
5	22	All values of $y_i$ are even.
6	25	All values of $x_i$ are even.
7	10	No additional constraints.