# **EJOI 2024 Day 1**European Junior Olympiad in Informatics 2024 Chisinau, Moldova

Day 1 Task cheese Icelandic (ISL)

# Ostur

Nýlega hefur hópur af bændum byrjað að skiptast á ostaafurðum í EJOI-landi. **Hver bóndi hefur** sinn eigin ost sem hefur ákveðinn fastan kostnað.

Í EJOI-landi eru skipti gerð með hjálp peningaseðla sem hafa nafnvirði velda af tveim (1,2,4,8,...).

Einn dag opnar markaður þar sem allir bændurnir koma með prufur af ostinum sem þeir hafa búið til með það að markmiði að skiptast á við hvorn annan. Þegar skipti eiga sér stað þá skiptast þeir á einni prufu af osti hvorra tveggja. Því að verðið fyrir prufurnar geta verið mismunandi á milli bænda þá geta báðir bændurnir notað seðla til þess að koma jafnvægi á viðskiptin, þannig að samanlagt verðgildi ostanna og seðla eru jöfn hvor öðrum.

Sem dæmi, ímyndum okkur eftirfarandi viðskipti milli tveggja bænda: Victor og Sanda. Ef ostur Söndu er 2 eininga minna virði en ostur Victors, þá mega þau gera eftirfarandi skipti: Sanda gefur Victori 8 eininga seðil, Victor gefur Söndu 2 eininga seðil og 4 eininga seðil. Þetta tryggir að viðskiptin eru jafngild.

Skipuleggjandi markaðsins fylgist með öllum viðskiptum og skrifar þau niður í minnisbók sína. Þar sem það eru mörg viðskipti þá á hún erfitt með að muna öll fullkomlega. Stundum man hún nákvæma upphæð viðskiptanna; önnur skipti man hún bara hlut af því sem fyrsti bóndinn gaf og minnsta seðilinn sem var notaður til að klára viðskiptin.

Meira formlega, fyrir hver skipti skrifar hún niður í minnisbók sína i og j til að tákna vísa bændanna sem voru hluti af skiptunum, A táknar upphæðina sem bóndi i borgaði upprunalega og B þar sem:

- B=-1 hún man nákvæma upphæð á viðskiptunum, sem þýðir að upprunalega upphæðin er eina peningafærslan í þessum viðskiptum
- ullet annars man hún ekki nákvæma upphæð viðskiptanna, B táknar virði minnsta seðilsins sem var notaður til að **klára viðskiptin**

Sem vinur skipuleggjandans ert þú beðinn um að fara yfir allar athuganir í röð. Ef einhver athugun stangast á við fyrirlyggjandi skráningar, þá skalt þú hunsa hana. Annars geturðu gert ráð fyrir að athugunin sé gild og bætt henni við skráningarnar.

#### Inntak

Fyrsta línan í inntaki inniheldur tvær heiltölur N og M sem tákna fjölda bónda og fjölda skipta á markaðnum.

Eftirfarandi m línur innihalda skráningar í minnisbókina, hver lína samanstendur af i,j,A og B þar sem i og j tákna vísa bændanna, A táknar peninginn sem bóndi i borgaði upprunalega og B táknar gildið á minnsta seðli sem var notaður til að jafna viðskiptin eða B=-1 ef bændurnir notuðu ekki auka seðla fyrir utan fyrstu upphæðina sem var greidd.

#### Úttak

Skrifaðu út M línur þar sem hver lína samsvarar viðskiptum í inntakinu. Hver lína inniheldur 1 ef viðskiptin voru gild eða 0 ef þau eru ógild.

## Sýnidæmi

Input	Output
4 10 1 2 5 -1 1 2 5 16 2 3 0 4 2 1 1 2 1 3 0 8 1 3 1 8 2 3 16 8 3 2 12 -1 1 4 2 8 4 3 1 4	1 1 1 0 1 0 1 0

Við skulum íhuga hvernig þessi viðskipti fóru fram.

- 1,2,5,-1 Bóndi 1 gefur 5 einingar af pening til bónda 2, sem lætur okkur vita að ostur bónda 2 er virði 5 meira en bónda 1. Við segjum að þessi viðskipti eru gild og skrifum þau niður.
- 1,2,5,16 Bóndi 1 gefur 5 einingar af pening til bónda 2, og hann notar 16 sem minnsta seðil til að klára viðskiptin (sem er í samræmi við þá staðreynd að ostur annars bóndans er 5 einingum dýrari en fyrsta bóndans). Til dæmis gæti verið að eftir fyrstu 5 peninganna þá gaf bóndi 1 líka seðil upp á 16 einingar, og bóndi 2 gaf einn 16 eininga seðil til baka. Þar af leiðandi er munurinn 5 eins og við má að búast.
- 2,3,0,4 Bóndi 2 gefur 0 einingar af pening til bónda 3, og þeir nota seðla sem eru að minnsta kosti 4 til að borga fyrir rest. Við segjum að þessi viðskipti eru gild þar sem við fengum enga mótsögn.

- 2,1,1,2 Bóndi 2 gefur 1 einingu af pening til bónda 1 og notar síðan seðla af gildi a.m.k. 2. Þessi viðskipti eru líka í samræmi þar sem 1 gæti hafa gefið þrjá seðla af gildi 2 til baka til bónda 2, með samtals virði 6, sem er í samræmi við þá staðreynd að ostur bónda 1 er 5 eininga minna virði en bónda 2.
- 1,3,0,8 Bóndi 1 gefur 0 einingar af pening til bónda 3 og þeir nota síðan seðla sem eru að minnsta kosti virði 8. Þetta er ekki í samræmi við fyrrverandi viðskipti, þannig við merkjum þau ógild og skráum þau ekki niður.
- 1,3,1,8 Bóndi 1 gefur 1 einingu af pening til bónda 3, og nota síðan seðla af virði a.m.k. 8. Þessi skipti eru gild.

Takið eftir að skortur á útskýringum fyrir seinustu tvö skiptin eru viljandi, og að sleppa útskýringu á seinustu fjórum skiptunum eru líka viljandi. Keppandinn ætti að reyna að finna út mögulegar útskýringar sjálfur.

## Skorður og Stigagjöf

- $2 \le N, M \le 5 \cdot 10^5$
- $1 \le i, j \le N, i \ne j$
- $0 \le A \le 2^{15}$
- $\bullet \ \ B=-1 \ {\rm or} \ B=1,2,4,8,\dots,2^{14},2^{15}$

Lausnin þín verður prófuð á mengi af prufuhópum, hver virði einhvers fjölda stiga. Hver prufuhópur inniheldur mengi af prufunartilvikum. Til að fá stig fyrir prufuhóp þarf að leysa öll prufutilvik í þeim hóp.

Hópur	Stig	Takmarkanir
1	7	$2 \leq N, M \leq 10$
2	8	B=2
3	11	B = -1
4	19	$3 \le N \le 10$
5	38	$B=1$ , 2, 4, 8, $16\ { m or}\ 32$
6	17	Engar frekari takmarkanir