# Shop Tour (tour)

Em Lineland há N lojas de bolachas em fila, numeradas de 0 a N-1. O Baq quer fazer uma percurso de compras pelas lojas. Um percurso é determinado por N inteiros **distintos**  $P_0, \ldots, P_{N-1}$  entre 0 e N-1.

Para um determinado percurso, Baq começa na loja  $P_0$ . Para cada i = 0, ..., N-1, Baq deslocar-se-á da loja  $P_i$  para a loja  $P_{i+1}$  (aqui dizemos que  $P_N = P_0$ ) comprando uma bolacha de cada uma das lojas entre  $P_i$  e  $P_{i+1}$ , inclusive. Formalmente, se  $L_i = \min(P_i, P_{i+1})$  e  $R_i = \max(P_i, P_{i+1})$ , então no i-ésimo passo Baq comprará uma bolacha em cada uma das lojas  $L_i, L_i + 1, ..., R_i$ .

Baq tem agora os números  $A_0, \ldots, A_{N-1}$ , em que  $A_i$  representa o número total de bolachas compradas na i-ésima loja, mas não se lembra do percurso. A tua tarefa é determinar se a informação na matriz A é consistente com um percurso e, se for, construir esse percurso válido. Além disso, para obter uma pontuação máxima (ver a secção de pontuação para mais detalhes) o percurso que construires tem de ser o lexicograficamente mais pequeno dos percursos.

Dizemos que um percurso  $P_0, \ldots, P_{N-1}$  é lexicograficamente mais pequeno do que um percurso diferente  $Q_0, \ldots, Q_{N-1}$  se existir um  $0 \le k \le N-1$  tal que:

- $P_i = Q_i$  para  $0 \le i < k$ .
- $P_k < Q_k$ .

Um percurso Q é o mais pequeno lexicograficamente entre os que são consistentes com a informação do conjunto A se não existir um percurso diferente P com o mesmo conjunto A de bolachas compradas em cada loja que seja lexicograficamente mais pequeno que Q.

## Implementação

Deves submeter um único ficheiro de código .cpp.

Entre os ficheiros do problema encontrarás um template tour.cpp com um exemplo de implementação.

Tens de implementar a seguinte função:

```
C++ | variant<bool, vector<int>> find_tour(int N, vector<int> A);
```

- O inteiro N representa o número de lojas.
- O array A, indexado de 0 até N-1, contém os valores  $A_0, A_1, \ldots, A_{N-1}$ , onde  $A_i$  é o número de bolachas compradas na i-ésima loja.
- A função deve devolver um valor booleano ou um array de inteiros.
  - Se n\(\tilde{a}\) existir nenhum percurso v\(\tilde{a}\) lido que corresponda ao array \(A\), a fun\(\tilde{a}\) deve devolver false.
  - Se um percurso válido existir, tens múltiplas opções:
    - \* Para receber pontuação máxima, a função deve devolver um array de N inteiros  $P_0, \ldots, P_{N-1}$  representando o percurso **lexicograficamente mais pequeno** que resulta bo array A.

tour Página 1 de 3

- \* Para receber uma pontuação parcial, a função deve devolver um array de N inteiros  $P_0, \ldots, P_{N-1}$  representando um qualquer percurso que não seja o lexicograficamente menor e resulte no array A.
- \* Para receber uma pontuação parcial menor, a função deve devolver true ou um qualquer array de inteiros que não descreva um percurso que resulta no array A.

O avaliador irá chamar a função find\_tour e irá escrever o seguinte no ficheiro de output:

- Se o valor devolvido for false, irá escrever uma única linha com a string NO.
- Se o valor devolvido for true ou um array de inteiros com tamanho diferente de N, irá escrever uma única linha com a string YES.
- Se o valor devolvido for um array P de N integers, irá escrever uma linha com a string YES, seguida de uma linha com N inteiros  $P_0, \ldots, P_{N-1}$  separados por espaços.

#### Avaliador Padrão

O diretório do problema contém uma versão simplificada do avaliador oficial, que podes usar para testar o teu problema localmente. O avaliador exemplo lê os dados de input de stdin, chama as funções que deves implementar, e finalmente escreve o output para stdout.

O input é feito de duas linhas, contendo:

- Linha 1: o inteiro N.
- Linha 2: os inteiros  $A_i$ , separados por espaços.

O output é feito de uma ou duas linhas, contendo os valores devolvidos pela função find\_tour.

#### Restrições

- $2 \le N \le 10^6$ .
- $0 < A_i < 10^6$ .

## Pontuação

O teu programa será testado num conjunto de casos de teste agrupados por subtarefa. A pontuação de uma subtarefa será o mínimo das pontuações obtidas em cada um dos casos de teste.

- Subtarefa 1 [ 0 pontos]: Casos de exemplo.
- Subtarefa 2 [ 8 pontos]:  $N \leq 8$ .
- Subtarefa 3 [32 pontos]:  $N \le 2 \times 10^3$ .
- Subtarefa 4 [16 pontos]:  $A_i \le 4 \text{ para } i = 0, ..., N-1.$
- Subtarefa 5 [20 pontos]: Existe um  $0 \le j \le N-1$  tal que  $A_i \le A_{i+1}$  para  $0 \le i < j$  e  $A_i \ge A_{i+1}$  para  $j \le i \le N-2$ .
- Subtarefa 6 [24 pontos]: Nenhuma restrição adicional.

Para cada caso de teste onde exista um percurso válido, a tua solução:

- obtém pontuação máxima se devolver um percurso válido que seja o lexocograficamente menor.
- obtém 75% dos pontos se devolver um percurso válido que não seja o lexicograficamente menor.
- obtém 50% dos pontos se devolver true um array que não descreva um percurso válido.

tour Página 2 de 3

• obtém 0 pontos caso contrário.

Para cada caso de teste em que não exista um percurso válido, a tua solução:

- obtém pontuação máxima se devolver false.
- obtém 0 pontos caso contrário.

### **Exemplos**

stdin	stdout
4 2 4 4 2	YES 0 2 1 3
3 2 2 2	NO

## Explicação

No **primeiro caso de exemplo**, o percurso P = [0, 2, 1, 3] gera o array A = [2, 4, 4, 2] tal como a seguir descrito:

- Inicialmente, o número de bolachas comprado em cada loja é [0,0,0,0].
- Baq move-se da loja  $P_0 = 0$  para a loja  $P_1 = 2$ , e portanto o array depois deste movimento fica [1, 1, 1, 0].
- Baq move-se da loja  $P_1 = 2$  para a loja  $P_2 = 1$ , e portanto o array depois deste movimento fica [1, 2, 2, 0].
- Baq move-se da loja  $P_2 = 1$  para a loja  $P_3 = 3$ , e portanto o array depois deste movimento fica [1, 3, 3, 1].
- Finalmente, Baq move-se da loja  $P_3 = 3$  para a loja  $P_0 = 0$ , e portanto o array final é [2, 4, 4, 2].

Pode ser mostrado que [0, 2, 1, 3] o percurso que é lexicograficamente menor.

No **segundo caso de exemplo**, pode ser mostrado que não existe um percurso válido resultando no array A = [2, 2, 2].

tour Página 3 de 3