International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 2

messy Country: BOL

Unscrambling a Messy Bug

Ilshat es un ingeniero de software trabajando en estructuras de datos eficientes. Un día él inventó una nueva estructura de datos. Esta estructura puede almacenar un conjunto de enteros *no negativos* de n bits. Donde n es una potencia de dos. Esto es, $n=2^b$ para algún entero no negativo b.

La estructura de datos está inicialmente vacía. Un programa que usa la estructura de datos tiene que seguir las siguientes reglas:

- El programa puede añadir elementos que son enteros de n bits a la estructura de datos, uno a la vez, usando la función $add_element(x)$. Si el programa trata de añadir un elemento que ya está presente en la estructura de datos, no pasa nada.
- Después de añadir el último elemento el programa debe llamar la función compile_set() exactamente una vez.
- Finalmente, el programa puede llamar a la función $check_element(x)$ para verificar si el elemento x está presente en la estructura de datos. Esta función puede ser usada varias veces.

Cuando Ilshat implementó por primera vez esta estructura de datos, el cometió un error en la función <code>compile_set()</code>. El error reordena los dígitos binarios de cada elemento en el conjunto de la misma manera. Ilshat quiere que usted encuentre el reordenamiento exacto de dígitos causado por el error.

Formalmente, considere una secuencia $p=[p_0,\dots,p_{n-1}]$ en la cual cada número desde 0 a n-1 aparece exactamente una vez. Llamamos a tal secuencia una permutaci'on. Considere un elemento del conjunto, cuyos dígitos en binario son a_0,\dots,a_{n-1} (con a_0 siendo el dígito más significativo). Cuando se llama a la función $compile_set()$, este elemento es reemplazado por el elemento $a_{p_0},a_{p_1},\dots,a_{p_{n-1}}$.

La misma permutación p es usada para reordenar los dígitos de cada elemento almacenado en la estructura de datos. La permutación puede ser arbitraria, incluyendo la posibilidad que $p_i=i$ para cada $0\leq i\leq n-1$.

Por ejemplo, suponga que n=4, p=[2,1,3,0], y que usted ha insertado en el conjunto enteros cuya representación binaria es 0000, 1100 y 0111. Llamar la función <code>compile_set</code> cambia esos elementos a 0000, 0101 y 1110, respectivamente.

Su tarea es escribir un programa que encuentre la permutación p interactuando con la estructura de datos. Debería (en el siguiente orden):

- 1. elegir un conjunto de enteros de n bits,
- 2. insertar esos enteros en la estructura de datos,

- 3. llamar a la función compile set para disparar el error,
- 4. verificar la presencia de algunos elementos en el conjunto modificado,
- 5. usar esa información para determinar y # Decifrando un Error Enredado

Ilshat es un ingeniero de software trabajando en estructuras de datos eficientes. Un día él inventó una nueva estructura de datos. Esta estructura puede almacenar un conjunto de enteros *no negativos* de n bits. Donde n es una potencia de dos. Esto es, $n=2^b$ para algún entero no negativo b.

La estructura de datos está inicialmente vacía. Un programa usando la estructura de datos tiene que seguir las siguientes reglas:

- El programa puede añadir elementos que son enteros de n bits a la estructura de datos, a uno a la vez, usando la función $\operatorname{add_element}(x)$. Si el programa trata de añadir un elemento que ya esta presente en la estructura de datos, no pasa nada.
- Después de añadir el último elemento el programa de llamar la función compile set() exactamente una vez.
- Finalmente, el programa puede llamar la función $check_element(x)$ para verificar si el elemento x esta presente en la estructura de datos. Esta función puede ser usada varias veces.

Cuando Ilshat implementó por primera vez esta estructura de datos, el cometió un error en la función <code>compile_set()</code>. El error reordena los dígitos binarios de cada elemento en el conjunto de la misma manera. Ilshat quiere que usted encuentre el reordenamiento exacto de dígitos causado por el error.

Formalmente, considere una secuencia $p=[p_0,\ldots,p_{n-1}]$ en la cual cada número desde 0 a n-1 aparece exactamente una vez. Llamamos a tal secuencia una permutaci'on. Considere un elemento del conjunto, cuyos dígitos en binario son a_0,\ldots,a_{n-1} (con a_0 siendo el dígitos mas significativo). Cuando se llama a la función $compile_set()$, este elemento es reemplazado por el elemento $a_{p_0},a_{p_1},\ldots,a_{p_{n-1}}$.

La misma permutación p es usada para reordenar los dígitos de cada elemento almacenado en la estructura de datos. Cualquier permutación p es posible, incluyendo la posibilidad que $p_i=i$ para cada $0\leq i\leq n-1$.

Por ejemplo, suponga que n=4, p=[2,1,3,0], y que usted ha insertado en el conjunto enteros cuya representación binaria es 0000, 1100 y 0111. Llamar la función compile set cambia esos elementos a 0000, 0101 y 1110, respectivamente.

Su tarea es escribir un programa que encuentre la permutación p interactuando con la estructura de datos. Debería (en el siguiente orden):

- 1. elegir un conjunto de enteros de n bits,
- 2. intsertar esos enteros en la estructura de datos,
- 3. llamar la función compile set para disparar el error,
- 4. verificar la presencia de algunos elementos en el archivo modificado,
- 5. usar esa información para determinar y retornar la permutación p.

Note que su programa puede llamar la función compile_set únicamente una vez.

Adicionalmente, hay un límite al número de veces que su programa puede llamar a las funciones de librería. A saber, puede:

- llamar add element a lo más w veces (w es de "writes"),
- llamarcheck element a lo más r veces (r es de "reads").

Detalles de implementación

Usted debe implementar una función (método):

- int[] restore permutation(int n, int w, int r)
 - n: el número de bits en la representación binaria de cada elemento en el conjunto (y también la longitud de p).
 - w: el número máximo de operaciones add_element que su programa puede ejecutar.
 - r: el número máximo de operaciones check_element que su programa puede ejecutar.
 - \circ la función debe retornar la permutación p restaurada.

En el lenguaje C, el prototipo de la función es un poco diferente:

- void restore permutation(int n, int w, int r, int* result)
 - n, w y r tienen el mismo significado que antes.
 - * la función debe retornar la permutación \\(p\\) restaur

Funciones de librería

Con el proposito de interactuar con la estructura de datos, su programa debe usar las siguientes tres funciones (métodos):

- void add element(string x)
 - Esta función añade el elemento descrito por x al conjunto.
 - x: es una cadena de '0' y '1' dando la representación binaria de un entero que debe ser añadido al conjunto. La longitud de x debe ser n.
- void compile_set()
 - Esta función debe ser llamada exactamente una vez. Su programa no puede llamar add_element() after this call. Su programa no puede llamar a check_element() antes de esta llamada.
- boolean check element(string x)

Esta función verifica si el elemento x esta en el conjunto modificado.

- x: una cadena de '0' y '1' dando la representación binaria del elemento que debe ser verificado. La longitud de x debe ser n.
- devuelve true si el elemento x esta en el conjunto modificado, y false en otro caso.

Note que si su programa viola cualquiera de las instrucciones antes dadas, su calificación será "Wrong Answer".

Para todas las cadenas, el primer caracter da el bit mas significativo del entero correspondiente.

El calificador fija la permutación p antes de que la función restore permutationsea llamada.

Por favor use los archivos ejemplo proporcionados para detalles de implementación en su lenguaje de programación.

Ejemplo

El calificador hace el siguiente llamado de función:

• restore_permutation(4, 16, 16). Tenemos n=4 y el programa puede hacer a lo mas 16 "writes" y 16 "reads".

El programa hace los siguientes llamados de función:

```
o add_element("0001")
o add_element("0100")
o compile_set()
o check_element("0001") devuelve false
o check_element("0010") devuelve true
o check_element("0100") devuelve true
o check_element("1000") devuelve false
o check_element("0011") devuelve false
o check_element("0101") devuelve false
o check_element("1001") devuelve false
o check_element("1001") devuelve false
o check_element("1010") devuelve false
o check_element("1010") devuelve false
o check_element("1010") devuelve false
```

Solamente una permutación es consistente con esos valores devueltos por check_element(): la permutación p=[2,1,3,0]. Por lo tanto, restore_permutation debe retornar [2, 1, 3, 0].

Subtareas

```
1. (20 puntos) n=8, w=256, r=256, p_i\neq i para a lo más 2 indices i ( 0\leq i\leq n-1),
2. (18 puntos) n=32, w=320, r=1024,
3. (11 puntos) n=32, w=1024, r=320,
4. (21 puntos) n=128, w=1792, r=1792,
5. (30 puntos) n=128, w=896, r=896.
```

Calificador ejemplo

El calificador ejemplo lee la entrada en el siguiente formato:

```
• línea 1: enteros n, w, r,
```

• línea 2: n enteros dando los elementos de p.

la permutación p.

Note que su programa puede llamar la función compile set únicamente una vez.

Adicionalmente, hay un límite en el número de veces que su programa llame a las funciones de librería. A saber, puede:

- llamar add element a lo más w veces (w es de "writes"),
- llamar check element a lo más r veces (r es de "reads").

Detalles de implementación

Usted debe implementar una función (método):

- o int[] restore permutation(int n, int w, int r)
 - n: el número de bits en la representación binaria de cada elemento en el conjunto (y también la longitud de p).
 - w: el número máximo de operaciones add_element que su programa puede ejecutar.
 - r: el número máximo de operaciones check_element que su programa pued ejecutar.
 - \circ la función debe retornar la permutación p restaurada.

En el lenguaje C, el prototipo de la función es un poco diferente:

- void restore permutation(int n, int w, int r, int* result)
 - n, w y r tienen el mismo significado que antes.
 - * la función debe retornar la permutación \\(p\\) restaur

Funciones de librería

Con el propósito de interactuar con la estructura de datos, su programa debe usar las siguientes tres funciones (métodos):

void add element(string x)

Esta función añade el elemento descrito por x al conjunto.

- \circ x: es una cadena de '0' y '1' dando la representación binaria de un entero que debe ser añadido al conjunto. La longitud de x debe ser n.
- void compile_set()

Esta función debe ser llamada exactamente una vez. Su programa no puede llamar add_element() después de esta llamada. Su programa no puede llamar a check_element() antes de esta llamada.

boolean check element(string x)

Esta función verifica si el elemento x está en el conjunto modificado.

- x: una cadena de '0' y '1' dando la representación binaria del elemento que debe ser verificado. La longitud de x debe ser n.
- devuelve true si el elemento x está en el conjunto modificado, y false en otro caso.

Note que si su programa viola cualquiera de las instrucciones antes dadas, su calificación será "Wrong Answer".

Para todas las cadenas, el primer carácter da el bit mas significativo del entero correspondiente.

El calificador fija la permutación p antes de que la función

restore permutationsea llamada.

Por favor use los archivos ejemplo proporcionados para detalles de implementación en su lenguaje de programación.

Ejemplo

El calificador hace el siguiente llamado de función:

• restore_permutation(4, 16, 16). Tenemos n=4 y el programa puede hacer a lo mas 16 "writes" y 16 "reads".

El programa hace los siguientes llamados de función:

```
add_element("0001")
add_element("0100")
add_element("0100")
compile_set()
check_element("0001") devuelve false
check_element("0010") devuelve true
check_element("0100") devuelve true
check_element("1000") devuelve false
check_element("0011") devuelve false
check_element("0101") devuelve false
check_element("1001") devuelve false
check_element("0110") devuelve false
check_element("1010") devuelve false
check_element("1010") devuelve false
```

Solamente una permutación es consistente con esos valores devueltos por check_element(): la permutación p=[2,1,3,0]. Por lo tanto, restore permutation debe retornar [2, 1, 3, 0].

Subtareas

```
1. (20 puntos) n=8, w=256, r=256, p_i \neq i para lo más 2 índices i ( 0 \leq i \leq n-1),
2. (18 puntos) n=32, w=320, r=1024,
3. (11 puntos) n=32, w=1024, r=320,
4. (21 puntos) n=128, w=1792, r=1792,
5. (30 puntos) n=128, w=896, r=896.
```

Ejemplo de "Grader"

El Grader de muestra lee las entradas con el siguiente formato:

- \circ línea 1: enteros n, w, r,
- línea 2: n enteros dando los elementos de p.