

International Olympiad in Informatics 2014

13-20th July 2014 Taipei, Taiwan Day-2 tasks

friend

Language: fi-FI

Ystävä

Rakennamme sosiaalisen verkoston n henkilöstä, jotka on numeroitu $0, \ldots, n-1$. Osa verkoston henkilöistä tulee olemaan ystäviä. Jos henkilöx on henkilön y ystävä, myös henkilöx on henkilön x ystävä.

Henkilöt lisätään verkostoon n vaiheessa, jotka on myös numeroitu $0, \ldots, n-1$. Henkilö i lisätään vaiheessa i. Vaiheessa 0 henkilö 0 lisätään ainoana henkilönä verkostoon. Kaikissa seuraavissa n-1 vaiheissa uuden henkilön lisää verkostoon kutsuja, joka voi olla kuka tahansa henkilö, joka on jo verkostossa. Vaiheessa i (0 < i < n) tämän vaiheen kutsuja voi lisätä uuden henkilön i verkostoon jollakin seuraavista tavoista:

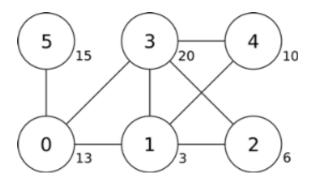
- *IAmYourFriend* tekee henkilöstä *i* vain kutsujan ystävän.
- *MyFriendsAreYourFriends* tekee henkilöstä *i kaikkien* kutsujan senhetkisten ystävien ystävän. Huomaa, että henkilöstä *i ei* tule kutsujan ystävää.
- WeAreYourFriends tekee henkilöstä i kutsujan ystävän sekä lisäksi kaikkien kutsujan senhetkisten ystävien ystävän.

Verkoston rakentamisen jälkeen haluamme valita *otoksen* tutkimusta varten eli valita ryhmän verkoston henkilöistä. Koska ystävillä on usein samankaltaisia kiinnostuksenkohteita, otoksessa ei saa olla ketään kahta henkilöä, jotka ovat keskenään ystäviä. Jokaisesta henkilöstä on tiedossa *luotettavuusarvo*, positiivinen kokonaisluku, ja haluamme valita otoksen, jonka kokonaisluotettavuus eli luotettavuusarvojen summa on suurin mahdollinen.

Esimerkki

vaihe	kutsuja	lisäystapa	uudet ystävyydet
1	0	IAmYourFriend	(1,0)
2	0	MyFriendsAreYourFriends	(2, 1)
3	1	WeAreYourFriends	(3, 1), (3, 0), (3, 2)
4	2	MyFriendsAreYourFriends	(4, 1), (4, 3)
5	0	IAmYourFriend	(5, 0)

Aluksi verkostossa on vain henkilö 0. Vaiheen 1 kutsuja (henkilö 0) lisää uuden henkilön 1 tavalla IAmYourFriend, ja heistä tulee ystäviä. Vaiheen 2 kutsuja (henkilö 0 jälleen) lisää henkilön 2 tavalla MyFriendsAreYourFriends, jolloin henkilöstä 1 (kutsujan ainoa ystävä) tulee henkilön 2 ainoa ystävä. Vaiheen 3 kutsuja (henkilö 1) lisää henkilön 3 tavalla WeAreYourFriends, jolloin henkilöstä 3 tulee henkilön 1 (kutsuja) sekä henkilöiden 0 ja 2 (kutsujan ystävät) ystävä. Vaiheet 4 ja 5 on myös näytetty yllä olevassa taulukossa. Lopullinen verkosto on näytetty seuraavassa kuvassa, jossa ympyröidyt numerot ovat henkilöiden tunnukset ja ympyröiden viereiset luvut ovat luotettavuusarvot. Henkilöistä 3 ja 5 muodostuvan otoksen kokonaisluotettavuus on 20 + 15 = 35, joka on suurin mahdollinen.



Tehtävä

Annettuna on jokaisen vaiheen kuvaus sekä kunkin henkilön luotettavuusarvo. Tehtäväsi on etsiä otos, jonka kokonaisluotettavuus on suurin. Sinun täytyy toteuttaa funktio findSample.

- findSample(n, confidence, host, protocol)
 - n: henkilöiden lukumäärä.
 - lacktriangledown confidence [i] on henkilön i luotettavuusarvo.
 - host: taulukko kokoa n; host [i] on vaiheen i kutsuja.
 - lacktriangledown protocol: taulukko kokoa n; protocol[i] on vaiheessa i (0 < i < n) käytettävä lisäystapa: 0 tavalle IAmYourFriend, 1 tavalle MyFriendsAreYourFriends sekä 2 tavalle WeAreYourFriends.
 - Koska vaiheessa 0 ei ole kutsujaa, host[0] ja protocol[0] ovat määrittelemättömiä ja niitä ei tule käyttää ohjelmassa.
 - Funktion tulee palauttaa suurin mahdollinen otoksen kokonaisluotettavuus.

Osatehtävät

Joissakin osatehtävissä on käytössä vain lisäystapojen osajoukko seuraavan taulukon mukaisesti.

os ate htävä	pisteet	n	luotettavuus (c)	lisäystavat
1	11	$2 \le n \le 10$	$1 \leq c \leq 1000000$	Kaikki lisäystavat
2	8	$2 \le n \le 1000$	$1 \leq c \leq 1000000$	Vain MyFriendsAreYourFriends
3	8	$2 \le n \le 1000$	$1 \leq c \leq 1000000$	Vain WeAreYourFriends
4	19	$2 \le n \le 1000$	$1 \leq c \leq 1000000$	Vain IAmYourFriend
5	23	$2 \leq n \leq 1000$	Luotettavuus on aina 1.	MyFriendsAreYourFriends ja IAmYourFriend
6	31	$2 \le n \le 100000$	$1 \le c \le 10000$	Kaikki lisäystavat

Toteutus

Sinun tulee lähettää tarkalleen yksi tiedosto nimeltä friend.c, friend.cpp tai friend.pas. Tiedoston tulee toteuttaa yllä kuvattu funktio käyttäen seuraavia runkoja. Sinun täytyy myös liittää

mukaan otsikkotiedosto friend.h C/C++-toteutuksessa.

C/C++-ohjelma

```
int findSample(int n, int confidence[], int host[], int protocol[]);
```

Pascal-ohjelma

```
function findSample(n: longint, confidence: array of longint, host: array
of longint; protocol: array of longint): longint;
```

Esimerkkitarkastin

Esimerkkitarkastin lukee syötteen seuraavassa muodossa:

- rivi 1: n
- rivi 2: confidence[0], ..., confidence[n-1]
- rivi 3: host[1], protocol[1], host[2], protocol[2], ..., host[n-1], protocol[n-1]

Esimerkkitarkastin tulostaa funktion findSample palautusarvon.