

## **Broken Line**

O Azerbaijão é famoso pelos seus tapetes. Sendo um especialista no desenho de tapetes, queres fazer um novo design desenhando uma **linha partida**. Uma linha partida é uma sequência de t segmentos de reta num plano bi-dimensional, que é definido por uma sequência de t+1 pontos  $p_0,\ldots,p_t$  como a seguir definido. Para cada  $0 \le j \le t-1$  existe um segmento que liga os pontos  $p_i$  e  $p_{i+1}$ .

Para fazer o novo design, tens já marcadas n pintas (pontos marcados) no plano. As coordenadas da pinta i ( $1 \le i \le n$ ) são (x[i], y[i]). Nenhum par de pintas tem a mesma coordenada x ou a mesma coordenada y.

Queres agora descobrir uma sequência de pontos  $(sx[0], sy[0]), (sx[1], sy[1]), \ldots, (sx[k], sy[k])$ , que defina uma linha partida que:

- comece em (0,0) (isto é, sx[0] = 0 e sy[0] = 0),
- contenha todas as pintas (não necessariamente como extremidades dos segmentos), e
- consista somente em segmentos horizontais ou verticais (dois pontos consecutivos da linha partida devem tem uma coordenada x ou y igual).

É permitido que a linha partida se intersete ou se sobreponha a si própria de qualquer maneira. Formalmente, cada ponto do plano pode pertencer a qualquer número de segmentos da linha partida.

Este é um problema de "output-only" com pontuações parciais. São-te dados 10 ficheiros de input especificando as localizações das pintas. Para cada ficheiro de input, deves submeter um ficheiro de output descrevendo a linha partida com as propriedades atrás descritas. Para cada ficheiro de output que descreva uma linha partida válida, a tua pontuação depende do **número de segmentos** na linha partida (vê a secção Pontuação à frente).

Não é suposto submeteres qualquer código-fonte para este problema.

### Formato de Input

Cada ficheiro de input está no seguinte formato:

- linha 1: n
- linha 1+i (para  $1 \le i \le n$ ): x[i] y[i]

## Formato de output

Cada ficheiro de output deve estar no seguinte formato:

- linha 1: k
- linha 1+j (para  $1 \leq j \leq k$ ): sx[j] sy[j]

Nota que a segunda linha deve conter sx[1] e sy[1] (isto é, o output **não deve** conter sx[0] e sy[0]). Cada sx[j] e sy[j] deve ser um inteiro.

# Exemplo

Para o input:

4

2 1

3 3

4 4

5 2

Um output válido possível é:

6

2 0

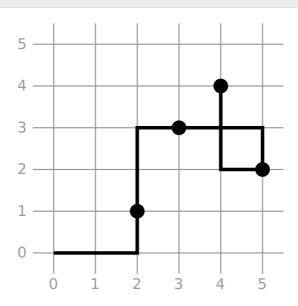
2 3

5 3

5 2

4 2

4 4



Por favor nota que o exemplo não está nos inputs reais que vão ser usados no problema.

### Restrições

- $1 \le n \le 100000$
- $1 \le x[i], y[i] \le 10^9$
- Todos os valores de x[i] e y[i] são inteiros.
- Nenhum par de pintas tem a coordenada x ou a mesma coordenada y, ou seja,  $x[i_1] \neq x[i_2]$  e  $y[i_1] \neq y[i_2]$  para  $i_1 \neq i_2$ .
- $\bullet \ -2\cdot 10^9 \leq sx[j], sy[j] \leq 2\cdot 10^9$
- O tamanho de cada ficheiro submetido (um output ou um ficheiro zip) não pode exceder 15MB.

### Pontuação

Em cada caso de teste podes obter um máximo de 10 pontos. O teu output para um caso de teste obterá 0 pontos se não especificar uma linha partida com as propriedades desejadas. Caso contrário (ou seja, se a linha partida for válida), a pontuação será determinada usando a sequência decrescente  $c_1, \ldots, c_{10}$ , que varia consoante o caso de teste.

Assumindo que a tua solução é uma linha partida válida consistindo em k segmentos, terás:

- i pontos, se  $k=c_i$  (para  $1\leq i\leq 10$ ),
- ullet  $i + rac{c_i k}{c_i c_{i+1}}$  pontos, se  $c_{i+1} < k < c_i$  (para  $1 \leq i \leq 9$ ),
- 0 pontos, se  $k > c_1$ ,
- 10 pontos, se  $k < c_{10}$ .

A sequência  $c_1, \ldots, c_{10}$  para cada caso de teste é dada na tabela seguinte:

Casos de teste	01	02	03	04	05	06	07-10
n	20	600	5 000	50 000	72018	91 891	100 000
$c_1$	50	1 200	10 000	100 000	144036	183 782	200 000
$c_2$	45	937	7607	75 336	108 430	138292	150 475
$c_3$	40	674	5 213	50 671	72824	92 801	100 949
$c_4$	37	651	5125	50 359	72446	92371	100 500
$c_5$	35	640	5 081	50203	72257	92156	100275
$c_6$	33	628	5037	50 047	72067	91 941	100 050
$c_7$	28	616	5020	50025	72044	91 918	100027
$c_8$	26	610	5012	50014	72033	91 906	100 015
$c_9$	25	607	5 008	50 009	72027	91 900	100 009
$c_{10}$	23	603	5 003	50 003	72021	91 894	100 003

#### Visualizador

Nos anexos deste problema, existe um script que permite visualizar os ficheiros de input e output.

Para visualizar um ficheiro de input, usa o seguinte comando:

```
python vis.py [input file]
```

Podes também visualizar a tua solução para um dado input usando o seguinte comando. Devido a limitações técnicas, o visualizador providenciado mostra apenas **os primeiros** 1000 **segmentos** do ficheiro de output.

```
python vis.py [input file] --solution [output file]
```

#### Exemplo:

```
python vis.py examples/00.in --solution examples/00.out
```