

# บรรจุขนมปังกรอบ (biscuits)

ป้าคง (Aunty Khong) จะจัดการแข่งขันที่มีคนเข้าร่วม x คน และต้องการแจก **ขนมปังกรอบบรรจุถุง** (bag of biscuits) ให้กับผู้เข้าแข่งขันทุกคน มีขนมปังกรอบแตกต่างกันทั้งสิ้น k ประเภท หมายเลขตั้งแต่ 0 ถึง k-1 ขนมปังกรอบประเภทที่ i ( $0 \le i \le k-1$ ) จะมี **ค่าความอร่อย** เท่ากับ  $2^i$  ในครัวของป้าครองมี ขนมปังกรอบประเภท i อยู่ทั้งสิ้น a[i] ชิ้น (a[i] สามารถเป็นศูนย์ได้)

ในแต่ละถุงที่ป้าครองจะแจกจะมีขนมปังกรอบแต่ละประเภทจำนวนศูนย์ชิ้นหรือมากกว่า จำนวนขนมปังกรอบประเภทที่ i รวมกันทุกถุงจะต้องไม่เกิน a[i] ผลรวมของค่าความอร่อยของขนมปังกรอบทุกชิ้นในถุง ใด ๆ จะเรียกว่า **ผลรวมความอร่อย** ของถุงนั้น

ช่วยป้าครองหาว่ามีค่าของ y ที่เป็นไปได้กี่ค่า ที่ป้าครองสามารถบรรจุขนมปังกรอบจำนวน x ถุง โดยที่ทุก ถุงมีผลรวมความอร่อยเท่ากับ y

#### รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันต่อไปนี้:

```
int64 count_tastiness(int64 x, int64[] a)
```

- x: จำนวนขนมปังกรอบบรรจุถุงที่ต้องการ
- ullet a: อาร์เรย์ความยาว k สำหรับ i ใด ๆ ที่  $0 \leq i \leq k-1$  ค่า a[i] จะแทนจำนวนขนมปังกรอบ ประเภท i ในครัวของป้าครอง
- ฟังก์ชันจะต้องคืนจำนวนค่าที่แตกต่างกันของค่า y ที่ป่าครองสามารถบรรจุขนมปังกรอบได้ x ถุง โดยที่ทุกถุงจะมีผลรวมความอร่อยเท่ากับ y
- ฟังก์ชันนี้จะถูกเรียกทั้งสิ้น q ครั้ง (ดูรายละเอียดที่ส่วนข้อจำกัดและปัญหาย่อยสำหรับค่าค่าง ๆ ที่เป็น ไปได้) ให้พิจารณาแต่ละการเรียกฟังก์ชันเป็นสถานการณ์ที่แตกต่างกัน

#### ตัวอย่าง

#### ตัวอย่างที่ 1

พิจารณาการเรียกต่อไปนี้:

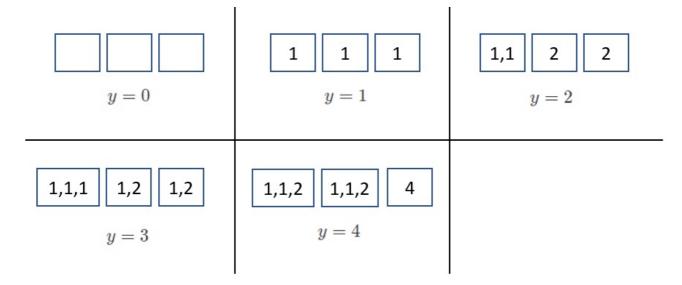
```
count_tastiness(3, [5, 2, 1])
```

- ullet มีขนมปังกรอบประเภท 0 จำนวน 5 ชิ้น แต่ละชิ้นมีค่าความอร่อยเท่ากับ 1
- ullet มีขนมปังกรอบประเภท 1 จำนวน 2 ชิ้น แต่ละชิ้นมีค่าความอร่อยเท่ากับ 2
- ullet มีขนมปังกรอบประเภท 2 จำนวน 1 ชิ้น แต่ละชิ้นมีค่าความอร่อยเท่ากับ 4

ค่า y ที่เป็นไปได้คือ [0,1,2,3,4] ยกตัวอย่างเช่น ถ้าต้องการบรรจุขนมปังกรอบ 3 ถุงที่มีค่าความอร่อย รวม 3 ป้าครองสามารถบรรจุ

- ขนมปังหนึ่งถุงที่มีขนมปังกรอบประเภท 0 จำนวนสามชิ้น
- ullet ขนมปังสองถุงที่แต่ละถุงมีขนมปังกรอบประเภท 0 หนึ่งชิ้น และขนมปังกรอบประเภท 1 อีกหนึ่งชิ้น

เนื่องจากมีค่าของ y ที่เป็นไปได้ 5 ค่า ฟังก์ชันจะต้องคืนค่า 5



#### ตัวอย่างที่ 2

พิจารณาการเรียกต่อไปนี้:

```
count_tastiness(2, [2, 1, 2])
```

- ullet มีขนมปังกรอบประเภท 0 จำนวน 2 ชิ้น แต่ละชิ้นมีค่าความอร่อยเท่ากับ 1
- ullet มีขนมปังกรอบประเภท 1 จำนวน 1 ชิ้น แต่ละชิ้นมีค่าความอร่อยเท่ากับ 2
- ullet มีขนมปังกรอบประเภท 2 จำนวน 2 ชิ้น แต่ละชิ้นมีค่าความอร่อยเท่ากับ 4

ค่า y ที่เป็นไปได้คือ [0,1,2,4,5,6] เนื่องจากมีค่าของ y ที่เป็นไปได้ 6 ค่า ฟังก์ชันจะต้องคืนค่า 6

#### ข้อจำกัด

•  $1 \le k \le 60$ 

- $1 \le q \le 1000$
- $1 < x < 10^{18}$
- ullet  $0 \leq a[i] \leq 10^{18}$  (สำหรับทุก ๆ ค่า i ที่  $0 \leq i \leq k-1$ )
- ในการเรียก count\_tastiness แต่ละครั้ง ผลรวมของค่าความอร่อยของขนมปังกรอบทั้งหมดทุก ชิ้นในครัวจะไม่เกิน  $10^{18}$

## ปัญหาย่อย

- 1. (9 คะแนน)  $q \leq 10$  และสำหรับทุก ๆ การเรียก  $count\_tastiness$  ผลรวมของค่าความอร่อยของ ขนมปังกรอบทั้งหมดทุกชิ้นในครัวจะไม่เกิน 100~000
- 2. (12 คะแนน) x=1,  $q \leq 10$
- 3. (21 คะแนน)  $x \le 10~000, \, q \le 10$
- 4. (35 คะแนน) คำตอบที่ถูกต้องในการเรียก count tastiness แต่ละครั้งจะมีค่าไม่เกิน  $200\ 000$
- 5. (23 คะแนน) ไม่มีเงื่อนไขเพิ่มเติมอื่น ๆ

### เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างอ่านข้อมูลนำเข้าในรูปแบบต่อไปนี้ บรรทัดแรกระบุจำนวนเต็ม q จากนั้นจะมีบรรทัดต่อ มาอีก q คู่ แต่ละคู่จะอธิบายสถานการณ์หนึ่ง ๆ ซึ่งจะอยู่ในรูปแบบต่อไปนี้:

- บรรทัดที่ 1: k x
- ullet บรรทัดที่ 2: a[0] a[1]  $\dots$  a[k-1]

ผลลัพธ์ของเกรดเดอร์ตัวอย่างอยู่ในรูปแบบต่อไปนี้:

ullet บรรทัด i ( $1 \leq i \leq q$ ): ค่าที่คืนจาก <code>count\_tastiness</code> สำหรับสถานการณ์ที่ i ในข้อมูลนำเข้า