RUSSIA - KAZAN

International Olympiad in Informatics 2016

12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 2

railroad Country: MKD

Луда железница

Ана работи во забавен парк. Таа е одговорна за изградба на нова луда железница во паркот. Ана веќе има дизајнирано n специјални делови од лудата железница (нумерирани со броеви од 0 до n-1) кои влијаат на брзината на возот на лудата железница. Сега Ана треба да даде предлог за финален дизајн на лудата железница која ги содржи сите дизајнирани специјални делови. Во овој проблем може да се занемари должината на возот и може да се претпостави дека истата е 0.

За секој i од 0 до n-1, специјалниот дел i има две својства:

- \circ на влезот во i -тиот дел има ограничување на брзината: брзината на возот мора да биде **помала или еднаква на s_i \, \mathrm{km/h}** (километри на час),
- \circ на излезот од i -тиот дел брзината на возот е **точно** t_i km/h, без разлика на брзината со која возот влегува во делот.

Финалниот дизајн на лудата железница претставува линеарно поврзување на сите n специјални делови во некој редослед. Секој од веќе дизајнираните n специјални делови треба да се искористи точно еднаш. Два последователни специјални делови може да се поврзани со пруга. Ана треба да го избере редоследот на n -те специјални делови и потоа да ја одреди должината на пругата меѓу секои два последователни специјални делови. Должината на пругата меѓу два последователни специјални делови се мери во метри и претставува ненегативен цел број (може да биде и нула!).

Секој метар од пругата меѓу два специјални делови го успорува возот за $1~{\rm km/h}$. На почетокот на возењето, возот влегува во првиот специјален дел (според редоследот што го избрала Aнa) со брзина $1~{\rm km/h}$.

Финалниот дизајн на лудата железница ги задоволува следните барања:

- возот не ги прекршува ограничувањата на брзината на влезот во секој специјален дел;
- во секој момент брзината на возот е позитивна.

Во сите подзадачи освен во подзадачата 3, ваша задача е да ја најдете минималната можна вкупна должина на пругите меѓу специјалните делови. Во подзадача 3 треба само да проверите дали постои валиден дизајн на лудата железница, таков што должината на сите пруги меѓу специјалните делови е 0.

Детали за имплементација

Треба да ја имплементирате функцијата:

- int64 plan roller coaster(int[] s, int[] t).
 - \circ s: низа со должина n од максималните дозволени брзини на влез во специјалните делови.
 - \circ t: низа со должина n од брзините на излез од специјалните делови.
 - Во секоја подзадача освен подзадачата 3, функцијата ја враќа минималната можна вкупна должина на сите пруги од железницата. Во подзадача 3 функцијата треба да врати 0 ако постои валиден дизајн на луда железница таков што должината на сите пруги е 0, а било кој позитивен цел број ако не постои валиден дизајн.

За јазикот С потписот на функцијата е малку различен:

- int64 plan_roller_coaster(int n, int[] s, int[] t)
 - \circ n: бројот на елементи во s и t (т.е., бројот на специјални делови),
 - другите параметри се исти како погоре.

Пример

```
plan roller coaster([1, 4, 5, 6], [7, 3, 8, 6])
```

Во овој пример има 4 специјални делови. Најдоброто решение е специјалните делови да се поврзат во редослед 0,3,1,2 така што должините на пругите меѓу нив ќе бидат 1,2,0, соодветно. Овој дизајн е валиден и ова е начинот како возот би возел по лудата железница:

- На почетокот брзината на возот е 1 km/h.
- \circ Возот започнува со возењето влегувајќи во специјалниот дел 0 .
- \circ Возот има брзина од $7~\mathrm{km/h}$ на излезот од специјалниот дел 0 .
- \circ Потоа следи пруга со должина $1\,$ m. А кога возот ќе дојде до крајот на пругата, брзината на возот ќе биде $6\,$ km/h.
- \circ Потоа возот влегува во специјалниот дел 3 со брзина од 6 km/h, а на излезот ја има истата брзина.
- \circ По излезот од специјалниот дел 3, возот вози по пруга долга 2 m. Оттука брзината на возот се намалува на 4 km/h.
- \circ Потоа возот влегува во специјалниот дел 1 со брзина од 4 km/h, а на излезот има брзина 3 km/h.
- \circ Веднаш по специјалниот дел 1 возот влегува во специјалниот дел 2 . (Должината на пругата е 0.)
- \circ Возот излегува од специјалниот дел 2 . Неговата конечна брзина е 8 km/h.

Функцијата треба да ја врати вкупната должина на пругите меѓу специјалните делови: 1+2+0=3 .

Подзадачи

Во сите подзадачи $1 \leq s_i \leq 10^9$ и $1 \leq t_i \leq 10^9$.

- 1. (11 поени): $2 \le n \le 8$,
- 2. (23 поени): $2 \le n \le 16$,
- 3. (30 поени): $2 \le n \le 200\,000$. Во оваа подзадача вашата програма треба само да провери дали одговорот е 0 или не. Ако одговорот не е нула, секој позитивен цел број се смета за точен одговор.
- 4. (36 поени): $2 \le n \le 200\,000$.

Оценувач

Оценувачот чита влезни податоци во следниот формат:

- \circ линија 1: цел број n .
- \circ линија 2 + i, за i од 0 до n-1 : цели броеви s_i и t_i .