#### **BOI 2024**

Vilnius, Lithuania May 3 - May 7, 2024 fire d2 Tasks German (DEU)

### Feuer

In den vorchristlichen Religionen, die im Ostseeraum praktiziert wurden, besteht eine Tradition des heiligen Feuers. Ein Priester, Krivis genannt, ist dafür verantwortlich, dass das Feuer nie ausgeht. Das macht er natürlich nicht alleine, sondern mit seinen vielen Helferinnen, genannt Vaidilutės. Krivis möchte einen Schichtplan für die Vaidilutės erstellen, die das Feuer schüren und hüten. Dabei soll zu jedem Zeitpunkt mindestens eine Vaidilutė auf das Feuer aufpassen.

*Krivis* hat sein eigenes Zeitmessungssystem, in dem jeder Tag aus M Minuten besteht. Es leben N *Vaidilutė*s im Dorf. Die i-te *Vaidilutė* kann an jedem Tag erst zum Zeitpunkt  $s_i$  anfangen zu arbeiten und muss spätestens zum Zeitpunkt  $e_i$  aufgehört haben, zu arbeiten. Alle Zeiten sind in Minuten seit Tagesanfang angegeben. Falls  $s_i > e_i$ , möchte die *Vaidilutė* nachts arbeiten.

*Krivis* möchte, dass du für ihn einige *Vaidilutė*s auswählst und Schichten für sie organisierst. Eine ausgewählte *Vaidilutė* kann ihre Schicht frühestens um  $s_i$  beginnen und muss sie spätestens um  $e_i$  beenden. Eine einzelne Schicht soll immer kürzer dauern, als der ganze Tag. Die ausgewählten *Vaidilutė*s werden ihre Schichten täglich durchführen.

Jeder Schichtwechsel zwischen zwei *Vaidilutė*s erhöht das Risiko, dass das Feuer dabei versehentlich erlischt. Du möchtest also die Zahl der Schichtwechsel minimieren und einen Schichtplan bestimmen, der mit möglichst wenigen *Vaidilutė*s auskommt.

### **Aufgabe**

Berechne die minimale Anzahl von *Vaidilutė*s, die du bestimmen musst, sodass zu jeder Zeit mindestens eine von ihnen auf das Feuer aufpasst.

### Eingabe

Die erste Zeile enthält die beiden ganzen Zahlen N und M – die Zahl der verfügbaren  $\emph{Vaidilut\'es}$  und die Länge des Tages in Minuten.

Es folgen N Zeilen: Die i-te dieser Zeilen enthält zwei ganze Zahlen  $s_i$  und  $e_i$  - die früheste Start-und die späteste Endzeit für die i-te  $Vaidilut\dot{e}$ .

## Ausgabe

Gib eine ganze Zahl aus - die minimale Anzahl an  $\it Vaidilut\dot e$ s, die du benötigst. Wenn es unmöglich sein sollte,  $\it Vaidilut\dot e$ s den Bedingungen entsprechend auszuwählen, gib -1 aus.

## Beispiele

Eingabe	Ausgabe	Erklärung
4 100 10 30 30 70 20 40 60 20	3	<ul> <li>Du kannst die erste, zweite und vierte Vaidiluté auswählen und deren Schichten wie folgt bestimmen:</li> <li>Die erste Vaidiluté arbeitet von der 10-ten Minute bis zur 30-ten Minute.</li> <li>Die zweite Vaidiluté arbeitet von der 30-ten Minute bis zur 70-ten Minute.</li> <li>Die vierte Vaidiluté arbeitet von der 70-ten Minute bis zur 10-ten Minute des Folgetages.</li> </ul>
1 100 30 40	-1	Es ist unmöglich, einen geeigneten Schichtplan zu bestimmen, das es nur eine einzelne <i>Vaidilutė</i> gibt, die aber nicht den ganzen Tag arbeiten kann.

# Beschränkungen

- $1 \le N \le 2 \cdot 10^5$
- $2 \le M \le 10^9$
- $ullet 0 \leq s_i, e_i < M$  (für alle  $1 \leq i \leq N$ )
- $s_i 
  eq e_i$  (für alle  $1 \le i \le N$ )

# Teilaufgabe

Nr.	Punkte	Zusätzliche Beschränkungen	
1	14	$N \leq 20.$	
2	17	$N \leq 300.$	
3	9	$N \leq 5000.$	
4	13	Für alle <i>Vaidilutė</i> s gilt $s_i < e_i$ oder $e_i = 0$ .	
5	21	Das Zeitintervall zwischen den Zeiten $s_i$ und $e_i$ ist für jede <i>Vaidilutė</i> gleich lang.	
6	26	Keine zusätzlichen Beschränkungen.	