

# XORanges

Janicko ma rad pomarance! Zostrojil si preto speciany skener pomarancov. Pomocou kamier a Raspberry Pi 3b+, zacal vytvarat 3D snimky pomarancov. Na spracovani signalu este treba co to vylepsit, lebo na vystupe dostava len 32-bitove cele cislo, ktore obsahuje informaciu o skvrnach na supe pomaranca. 32-bitove cele cislo  $D$  reprezentuje postupnost 32 cislic (bitov) z ktorych kazda nadobuda hodnotu 0 alebo 1. Ak zacne od 0 mozme skonstruovat  $D$  pridanim  $2^i$  pre kazdy nenulovy  $i$ -ty bit/cislicu. Formalne  $D$  is reprezentuje postupnost  $d_{31}, d_{30}, \dots, d_0$  kde  $D = d_{31} \cdot 2^{31} + d_{30} \cdot 2^{30} + \dots + d_1 \cdot 2^1 + d_0 \cdot 2^0$ . Naprikad, 13 je reprezentovane ako  $0, \dots, 0, 1, 1, 0, 1$ .

Janicko zoskanoval  $n$  pomarancov; ale potom sa zrazu rozhodol ze niekedy zoskenuje znova niektery z pomarancov ( $i$ -ty) pocas behu Tvojho programu. To znamena ze od tohto okamihu, sa bude pouzivat nova hodnota celeho 32 bitoveho cisla pre pomaranc  $i$ .

Janicko chce aj analyzovat svoje pomarance. Na tento ucel sa mu velmi hodi operacia exclusive or (XOR) a preto sa rozhodne urobiť pomocou nej zopar vypoctov. Vyberie si postupnost zacinajuc  $l$ -tym konciac  $u$ -tym (kde  $l \leq u$ ) kde chce pouzit XOR na vsetkych clenoch postupnosti, dalej na vsetkych dvojiciach po sebe iducich cisel z postupnosti, vsetkych 3 po sebe nasledujucich clenoch postupnosti, ... az po  $u - l + 1$  po sebe nasledujucich clenoch (vsetky clený vo vybranej postupnosti).

teda ak  $l = 2$  a  $u = 4$  a pole skenerom generovanych hodnot je  $A$ , program vypocita hodnotu  $a_2 \oplus a_3 \oplus a_4 \oplus (a_2 \oplus a_3) \oplus (a_3 \oplus a_4) \oplus (a_2 \oplus a_3 \oplus a_4)$ , kde  $\oplus$  reprezentuje XOR a  $a_i$  reprezentuje  $i$ -ty prvok v poli  $A$ .

Definujme binarny XOR operand nasledovne:

Ak  $i$ -ty bit prveho cisla/argumentu je rovnaky ako  $i$ -ty bit druheho argumentu, potom  $i$ -ty bit vysledku je 0; Ak  $i$ -ty bit prveho cisla je rozny od  $i$ -teho bitu druheho cisla, potom  $i$ -ty bit vysledku je 1.

$x$	$y$	$x \oplus y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Naprikad,  $13 \oplus 23 = 26$ .

$13 =$	$0 \dots 001101$
$23 =$	$0 \dots 010111$
$13 \oplus 23 = 26 =$	$0 \dots 011010$

## Vstup

Na prvom vstupnom riadku sa nachadzaju 2 kladne cele cisla  $n$  a  $q$  (celkovy pocet povelov pre prikaz rescan a analyza vykonanych pocas behu programu).

Na dalsom riadku, je  $n$  medzerou oddelenych nezapornych celych cisel, ktore predstavuju hodnoty v poli  $A$  (vysledky scanovania pomarancov). Prvok  $a_i$  predstavuje hodnotu pre  $i$ -ty pomaranc. Index  $i$  zacina od 1.

Povele su popisane v nasledujucich  $q$  riadkoch, kazdy obsahuje tri medzerou oddelene kladne cisla.

Ak je povel typu 1 (rescan), potom prve cele cislo na vstupnom riadku je 1 nasledovane  $i$  (index pomarncu ktory Janicko znova zoskenoval) a  $j$  (nova hodnota  $i$ -teho pomaranca ktora vysla zo skenera).

Ak je povel typu 2 (analyse), potom prve cislo na riadku je 2 nasledovane indexami  $l$  a  $u$ .

## Vystup

Pre kazdy povel typu 2 (analyse) vypiste hodnotu vysledku na novy riadok, pre povele 1 (scan) netreba vypisovat nic.

## Obmedzenia

- $a_i \leq 10^9$
- $0 < n, q \leq 2 \cdot 10^5$

## Podulohy

1. **[12 points]**:  $0 < n, q \leq 100$
2. **[18 points]**:  $0 < n, q \leq 500$  a neobsahuje povel typu 1 (rescan)
3. **[25 points]**:  $0 < n, q \leq 5000$
4. **[20 points]**:  $0 < n, q \leq 2 \cdot 10^5$  a neobsahuje povel typu 1 (rescan)
5. **[25 points]**: bez obmedzeni

## Examples

### Priklad 1

## Vstup

```
3 3
1 2 3
2 1 3
1 1 3
2 1 3
```

## Vystup

```
2
0
```

## Poznamky

Na zaciatku,  $A = [1, 2, 3]$ . Prvy povel je pre cele pole. Vysledok analyzi je  $1 \oplus 2 \oplus 3 \oplus (1 \oplus 2) \oplus (2 \oplus 3) \oplus (1 \oplus 2 \oplus 3) = 2$ .

Hodnote pre prvý pomaranc sa potom zmení na 3. To má za následok zmenu odpovede pri povelí analýzy (opäť na prvom poli  $[1, 3]$ )  $3 \oplus 2 \oplus 3 \oplus (3 \oplus 2) \oplus (2 \oplus 3) \oplus (3 \oplus 2 \oplus 3) = 0$ .

## Příklad 2

### Vstup

```
5 6
1 2 3 4 5
2 1 3
1 1 3
2 1 5
2 4 4
1 1 1
2 4 4
```

### Vystup

```
2
5
4
4
```