

# 嘉年华奖券 (tickets)

Ringo正在参加在新加坡举办的一个嘉年华活动。他的口袋里装有一些奖券,这些奖券可以在嘉年华的游戏展位使用。假设共有n种颜色的奖券,每张奖券涂上了其中的一种颜色并且印上了一个非负整数。不同奖券上的数字可能相同。依据嘉年华活动的规则要求,n保证是偶数。

Ringo每种颜色的奖券有m张,也就是说他共有 $n \cdot m$ 张奖券。其中,第i种颜色对应的第j张奖券上印的数字为 x[i][j] ( $0 \le i \le n-1$  且  $0 \le j \le m-1$ )。

一次奖券游戏要进行 k 轮,轮次的序号从0到k-1。每一轮按照下面的方式进行:

- 首先, Ringo从每种颜色的奖券中各选出一张奖券, 形成一个n 张奖券的集合。
- 随后,游戏负责人记录下这个集合中奖券上的数字 $a[0], a[1] \ldots a[n-1]$ 。不需要考虑这 n个整数的排序。
- 接下来,游戏负责人从一个幸运抽奖箱中抽取一张特殊卡片,上面印有整数 b。
- 对于上述集合中每一个奖券上的数字 a[i] ( $0 \le i \le n-1$ ), 游戏负责人会计算 a[i] 和 b的差的绝对值。让 S 代表这n个差的绝对值之和。
- 所得到的数字S 就是Ringo本轮能够获得的奖励数额。
- 一轮游戏结束后, 本轮集合中的奖券全部被丢弃, 不会在未来的轮次所使用。

当k轮游戏结束后,Ringo会丢弃口袋中的所有奖券。

通过仔细观察, Ringo发现这个奖券游戏被操控了!实际上,幸运抽奖箱里面内置了一台打印机。在每一轮,游戏负责人首先找到一个能够最小化当前轮次游戏奖励的整数b,然后将该数字打印在他所抽取的特殊卡片上。

知道了这些信息之后, Ringo想要设计每轮游戏中的奖券分配方案,使得 k 轮游戏中获得的总体奖励数额之和最大。

### 实现细节

你需要实现下面这个函数:

int64 find maximum(int k, int[][] x)

• *k*: 游戏的轮数。

- x: 一个  $n \times m$  的数组,记录了奖券上的数字。每种颜色的奖券按照上面的数字非递减顺序排序。
- 这个函数只会被调用一次。
- 这个函数应该只调用一次函数 allocate\_tickets (参见下面的内容),它描述了 k 轮游戏中的 奖券分配方案,每一轮对应一个奖券集合。奖券的分配方案应该使得所获奖励数额之和达到最大。
- 这个函数需要返回能够获得的最大的奖励数额之和。

函数 allocate tickets 按照如下的方式进行定义:

```
void allocate_tickets(int[][] s)
```

- s: 一个  $n \times m$  的数组。如果第 i 种颜色的第 j张奖券如果被分配到了第 r 轮游戏,那么 s[i][j] 的值应该为 r; 如果未被使用,应该为 -1。
- 对于  $0 \le i \le n-1$ ,在  $s[i][0], s[i][1], \ldots, s[i][m-1]$ 中,每个值  $0, 1, 2, \ldots, k-1$  必 须只出现一次,而其他元素应该为 -1。
- 如果存在多种奖券分配方案能够达到最优的奖励数值,可以给出其中任何一种最优方案。

### 数据样例

#### 数据样例1

考虑下面的函数调用:

```
find maximum (2, [[0, 2, 5], [1, 1, 3]])
```

#### 这意味着:

- 游戏共进行 k=2 轮;
- 第0种颜色奖券上的整数数字分别是0,2和5;
- 第1种颜色奖券上的整数数字分别是1,1和3;
- 一种能够获得最优奖励数值的分配方案是:
  - 在第0轮, Ringo选择第0种颜色的第0张奖券 (印有整数0) 和第1种颜色的第2张奖券 (印有整数3)。本轮获得的最小奖励数额是3。例如,游戏负责人可以选择 b=1: |1-0|+|1-3|=1+2=3。
  - 在第1轮, Ringo选择第0种颜色的第2张奖券 (印有整数 5) 和第1种颜色的第1张奖券 (印有整数 1)。本轮能够获得的最小奖励是4。例如,游戏负责人可以选择 b=3: |3-1|+|3-5|=2+2=4。
  - 因此,本次游戏两轮的奖励之和为3+4=7。

为了给出这个分配方案,函数 find maximum 应该按照如下方式调用 allocate tickets:

• allocate tickets([[0, -1, 1], [-1, 1, 0]])

最终, 函数 find maximum应该返回数字 7.

#### 数据样例2

考虑下面的函数调用:

```
find_maximum(1, [[5, 9], [1, 4], [3, 6], [2, 7]])
```

#### 这意味着:

- 游戏只进行一轮;
- 第0种颜色奖券上的数字分别是5 和 9;
- 第1种颜色奖券上的数字分别是1 和 4;
- 第2种颜色奖券上的数字分别是3 和 6;
- 第3种颜色奖券上的数字分别是2 和 7;

#### 一种能够获得最优奖励的分配方案是:

● 在第0轮, Ringo 选择第0种颜色的第1张奖券 (印有整数 9) , 第1种颜色的第0张奖券 (印有整数 1) , 第2种颜色的第0张奖券 (印有整数3) , 第3种颜色的第1张奖券 (印有整数7)。本轮能够获得的最小奖励是12。例如,游戏负责人可以选择*b* = 3:

$$|3-9|+|3-1|+|3-3|+|3-7|=6+2+0+4=12$$

为了给出这个分配方案,函数 find maximum 应该按照如下方式调用 allocate tickets:

• allocate\_tickets([[-1, 0], [0, -1], [0, -1], [-1, 0]])

最终,函数 find maximum应该返回数字 12。

#### 输入限制

- $2 \le n \le 1500 \ \text{且} \ n$  为偶数
- 1 < k < m < 1500
- $0 \le x[i][j] \le 10^9$  (对于所有的  $0 \le i \le n-1$  且  $0 \le j \le m-1$ )
- $x[i][j-1] \le x[i][j]$  (对于所有的  $0 \le i \le n-1$  且  $1 \le j \le m-1$ )

### 子任务

- 1. (11 分) m = 1
- 2. (16 分) k = 1
- 3.  $(14 分) 0 \le x[i][j] \le 1$  (对于所有的  $0 \le i \le n-1$  且  $0 \le j \le m-1$ )

- 4. (14 分) k = m
- 5.  $(12 分) n, m \leq 80$
- 6.  $(23 \%) n, m \leq 300$
- 7. (10 分) 没有其他限制

## 评测程序示例

评测程序示例按照下面的格式读入数据:

- 第1行: n m k
- 第2+i行  $(0 \le i \le n-1)$ : x[i][0] x[i][1] ... x[i][m-1]

评测程序示例按照下面的格式打印你的答案:

- 第1行: find maximum的返回值
- 第2+i行  $(0 \le i \le n-1)$ : s[i][0] s[i][1] ... s[i][m-1]