# 2014 D TAIWAN

## **International Olympiad in Informatics 2014**

13-20th July 2014 Taipei, Taiwan Day-2 tasks

gondola

Language: th-TH

## Gondola

สถานที่ท่องเที่ยวที่มีชื่อเสียงแห่งหนึ่งของไต้หวันคือกระเช้าลอยฟ้าเมาคง ระบบกระเช้าลอยฟ้าประกอบด้วยราง ต่อเป็นวงกลม, สถานีจำนวนหนึ่งสถานี และกระเช้าจำนวน n กระเช้าที่มีหมายเลขกำกับตั้งแต่ 1 ถึง n กระเช้า เหล่านี้จะวิ่งวนไปตามรางในทิศเดียวกัน หลังจากที่กระเช้าหมายเลข i วิ่งผ่านสถานี กระเช้าถัดไปที่จะวิ่งผ่าน สถานีจะเป็นกระเช้าหมายเลข i+1 เมื่อ i< n หรือกระเช้าหมายเลข 1 ถ้า i=n

กระเช้านั้นอาจจะพังก็ได้ แต่โชคดีที่เรามีกระเช้าสำรองจำนวนไม่จำกัด ซึ่งมีหมายเลขกำกับตั้งแต่ n+1,n+2 ไปเรื่อย ๆ ทันทีที่กระเช้าพังลง เราจะเปลี่ยนกระเช้าดังกล่าวด้วยกระเช้าสำรองแรกสุดที่มีอยู่ ซึ่งก็คือกระเช้าที่มี หมายเลขน้อยสุดนั่นเอง ยกตัวอย่างเช่น ถ้ามีกระเช้าอยู่ 5 กระเช้า และกระเช้าหมายเลข 1 พังลง เราจะเปลี่ยน เอากระเช้าหมายเลข 6 เข้ามาแทน

คุณชอบที่จะยืนอยู่ที่สถานีและมองดูกระเช้าวิ่งผ่านไป *ลำดับกระเช้า*คือลำดับจำนวน *n* ตัวที่ประกอบด้วย หมายเลขของกระเช้าที่วิ่งผ่านสถานี มันเป็นไปได้ที่กระเช้าหนึ่งตัวหรือมากกว่าพังลงและถูกเปลี่ยนไปก่อนที่คุณจะ มาถึงสถานี แต่จะไม่มีกระเช้าใดพังเลยในขณะที่คุณกำลังดูอยู่

ให้สังเกตว่าลำดับกระเช้าหลายรูปแบบสามารถเกิดได้จากกระเช้าที่เรียงตัวแบบเดียวกัน โดยขึ้นอยู่กับว่ากระเช้า แรกที่วิ่งผ่านสถานีขณะที่คุณไปถึงคือกระเช้าใด ตัวอย่างเช่น เมื่อไม่มีกระเช้าใดพังเลย ลำดับกระเช้า (2, 3, 4, 5, 1) และ (4, 5, 1, 2, 3) นั้นถือเป็นลำดับกระเช้าที่เป็นไปได้ แต่ (4, 3, 2, 5, 1) ไม่ใช่ลำดับกระเช้าที่เป็นไปได้ (เนื่องจากกระเช้าปรากฏขึ้นมาผิดลำดับ)

ถ้ากระเช้าหมายเลข 1 เกิดพังลง ลำดับกระเช้าลำดับหนึ่งที่เป็นไปได้คือ (4, 5, 6, 2, 3) หลังจากนั้นถ้ากระเช้า หมายเลข 4 พังลง ลำดับกระเช้าลำดับหนึ่งที่เป็นไปได้คือ (6, 2, 3, 7, 5) หลังจากนั้นถ้ากระเช้าหมายเลข 7 พังลง เราจะแทนที่กระเช้าหมายเลข 7 ด้วยกระเช้าหมายเลข 8 ลำดับกระเช้าลำดับหนึ่งที่เป็นไปได้คือ (3, 8, 5, 6, 2)

| กระเช้าที่พัง | กระเช้าใหม่ | ลำดับกระเช้าที่เป็นไปได้ลำดับหนึ่ง |
|---------------|-------------|------------------------------------|
| 1             | 6           | (4, 5, 6, 2, 3)                    |
| 4             | 7           | (6, 2, 3, 7, 5)                    |
| 7             | 8           | (3, 8, 5, 6, 2)                    |

ลำดับการเปลี่ยนคือลำดับหมายเลขของกระเช้าที่พังลงโดยเรียงตามเวลาที่พัง ในตัวอย่างข้างต้น ลำดับการเปลี่ยน คือ  $(1,\,4,\,7)$  ลำดับการเปลี่ยน  ${\bf r}$  นั้นจะ*ทำให้เกิด*ลำดับกระเช้า  ${\bf g}$  ถ้าหลังจากที่กระเช้าพังลงตามลำดับการเปลี่ยน  ${\bf r}$  แล้ว ลำดับกระเช้า  ${\bf g}$  เป็นลำดับกระเช้าที่เป็นไปได้จากการมองกระเช้า

### การตรวจสอบลำดับกระเช้า

ในงานย่อยสามงานแรก คุณจะต้องตรวจสอบว่าลำดับที่ได้มานั้นเป็นลำดับกระเช้าหรือไม่ ดูตัวอย่างในตาราง ต่อไปนี้สำหรับตัวอย่างของลำดับที่เป็นและไม่เป็นลำดับกระเช้า คุณจะต้องเขียนฟังก์ชัน valid

- valid(n, inputSeq)
  - n: ความยาวของลำดับข้อมูลเข้า
  - inputSeq: อาร์เรย์ความยาว n โดยที่ inputSeq[i] คือสมาชิกตัวที่ i ของลำดับข้อมูล เข้า สำหรับ  $0 \leq i \leq n-1$
  - ฟังก์ชันจะต้องคืนค่า 1 ถ้าลำดับข้อมูลเข้านั้นเป็นลำดับกระเช้า และคืนค่า 0 ในกรณีอื่น

# งานย่อย 1, 2, 3

| งานย่อย | คะแนน | n               | inputSeq  |
|---------|-------|-----------------|---|
| 1       | 5     | $n \le 100$     | ประกอบด้วยตัวเลขตั้งแต่ 1ถึง n ทุกตัว และ<br>ตัวเลขแต่ละตัวปรากฏตัวละ 1 ครั้งเท่านั้น |
| 2       | 5     | $n \le 100,000$ | $1 \leq \text{inputSeq[i]} \leq n$  |
| 3       | 10    | $n \le 100,000$ | $1 \leq \text{inputSeq[i]} \leq 250,000$  |

# ตัวอย่าง

| งานย่อย | inputSeq              | ค่าที่คืน | หมายเหตุ                                   |
|---------|-----------------------|-----------|--|
| 1       | (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7) | 1         |  |
| 1       | (3, 4, 5, 6, 1, 2)    | 1         |  |
| 1       | (1, 5, 3, 4, 2, 7, 6) | 0         | 1 ไม่สามารถปรากฏก่อน 5 ในลำดับที่ติดกันได้ |
| 1       | (4, 3, 2, 1)          | 0         | 4 ไม่สามารถปรากฏก่อน 3 ในลำดับที่ติดกันได้ |
| 2       | (1, 2, 3, 4, 5, 6, 5) | 0         | มีกระเช้าหมายเลข 5 สองอัน                  |
| 3       | (2, 3, 4, 9, 6, 7, 1) | 1         | ลำดับการเปลี่ยนคือ (5, 8)                  |

| 3 | (10, 4, 3, 11, 12) | 0 | 4 ไม่สามารถปรากฏก่อน 3 ในลำดับที่ติดกันได้ |
|---|--------------------|---|--|
|---|--------------------|---|--|

# ลำดับการเปลี่ยน

ในงานย่อยสามงานถัดมา คุณจะต้องสร้างลำดับการเปลี่ยนที่ทำให้เกิดลำดับกระเช้าที่ให้มา ลำดับการเปลี่ยนใด ๆ ที่ทำให้เกิดลำดับกระเช้าที่ให้มาจะถือว่าใช้ได้ คุณจะต้องเขียนฟังก์ชัน replacement

- replacement(n, gondolaSeq, replacementSeq)
  - n: คือความยาวของลำดับกระเช้า
  - gondolaSeq: อาร์เรย์ความยาว n โดยที่เรารับประกันว่า gondolaSeq จะเป็นลำดับ กระเช้า และ gondolaSeq[i] คือสมาชิกตัวที่ i ของลำดับกระเช้า สำหรับ  $0 \le i \le n-1$
  - ฟังก์ชันจะต้องคืนค่า l ซึ่งก็คือความยาวของลำดับการเปลี่ยน
  - replacementSeq: อาร์เรย์ที่มีขนาดเพียงพอที่จะเก็บลำดับการเปลี่ยน คุณจะต้องคืนลำดับ การเปลี่ยนของคุณโดยนำเอาสมาชิกตัวที่ i ของลำดับการเปลี่ยนของคุณลงใน replacementSeq[i] สำหรับ  $0 \le i \le l-1$

#### งานย่อย 4, 5, **6**

| งานย่อย | คะแนน | n               | gondolaSeq                          |
|---------|-------|-----------------|-------------------------------------|
| 4       | 5     | $n \le 100$     | $1 \leq gondolaSeq[i] \leq n+1$     |
| 5       | 10    | $n \le 1,000$   | $1 \leq gondolaSeq[i] \leq 5,000$   |
| 6       | 20    | $n \le 100,000$ | $1 \leq gondolaSeq[i] \leq 250,000$ |

### ตัวอย่าง

| งานย่อย | gondolaSeq            | ค่าที่คืน | replacementSeq |
|---------|-----------------------|-----------|----------------|
| 4       | (3, 1, 4)             | 1         | (2)            |
| 4       | (5, 1, 2, 3, 4)       | 0         | ()             |
| 5       | (2, 3, 4, 9, 6, 7, 1) | 2         | (5, 8)         |

# น้าเจ้านวนลำดับการเปลี่ยน

ในงานย่อยอีก 4 งานถัดมา คุณจะต้องนับจำนวนของลำดับการเปลี่ยนที่เป็นไปได้ทั้งหมดที่ทำให้เกิดลำดับที่ให้มา (ซึ่งอาจจะเป็นลำดับกระเช้าหรือไม่เป็นก็ได้) โดยให้หารเอาเศษด้วย 1,000,000,009 คุณจะต้องเขียนฟังก์ชัน countReplacement

# countReplacement(n, inputSeq)

- n: คือความยาวของลำดับข้อมูลเข้า
- inputSeq: อาร์เรย์ความยาว n inputSeq[i] คือสมาชิกตัวที่ i ของลำดับข้อมูลเข้า สำหรับ  $0 \le i \le n-1$
- ถ้าลำดับข้อมูลเข้าเป็นลำดับกระเช้า ให้นับจำนวนของลำดับการเปลี่ยนทั้งหมดที่ทำให้เกิดลำดับ กระเช้านี้ (ซึ่งอาจจะมีขนาดใหญ่มาก) และให้คืนจำนวนดังกล่าวหารเอาเศษด้วย
   1,000,000,009 ถ้าลำดับข้อมูลเข้าไม่ใช่ลำดับกระเช้า ฟังก์ชันจะต้องคืนค่า 0 ถ้าข้อมูลนำเข้า เป็นลำดับกระเช้าแต่ไม่มีกระเช้าใดพังเลยให้คืนค่า 1

## งานย่อย 7, 8, 9, 10

| งานย่อย | คะแนน | n                | gondolaSeq   |
|---------|-------|------------------|--|
| 7       | 5     | $4 \le n \le 50$ | $1 \leq inputSeq[i] \leq n+3$  |
| 8       | 15    | $4 \le n \le 50$ | $1 \leq 	ext{inputSeq[i]} \leq 100$ และอย่างน้อย กระเช้าจำนวน $n-3$ กระเช้าจากกระเช้า เริ่มต้นหมายเลข $1, \dots, n$ ไม่พัง |
| 9       | 15    | $n \le 100,000$  | $1 \leq \text{inputSeq[i]} \leq 250,\!000$   |
| 10      | 10    | $n \le 100,000$  | $1 \leq \texttt{inputSeq[i]} \leq 1,\!000,\!000,\!000$   |

# ตัวอย่าง

| งานย่อย | inputSeq               | ค่าที่คืน | replacementSeq              |
|---------|------------------------|-----------|-----------------------------|
| 7       | (1, 2, 7, 6)           | 2         | (3, 4, 5) หรือ (4, 5, 3)    |
| 8       | (2, 3, 4, 12, 6, 7, 1) | 1         | (5, 8, 9, 10, 11)           |
| 9       | (4, 7, 4, 7)           | 0         | inputSeq ไม่ใช่ลำดับกระเช้า |
| 10      | (3, 4)                 | 2         | (1, 2) หรือ (2, 1)          |

### รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องส่งแฟ้มหนึ่งแฟ้มในชื่อ gondola.c, gondola.cpp หรือ gondola.pas โดยที่แฟ้มนี้จะต้อง เขียนโปรแกรมย่อยดังที่กล่าวไว้ข้างบนทั้งหมด (ถึงแม้ว่าคุณตั้งใจจะทำเพียงแค่บางงานย่อยก็ตาม) โดยใช้รูปแบบ ดังต่อไปนี้ และคุณจำเป็นที่จะต้อง include header gondola.h ในแฟ้มดังกล่าวด้วยถ้าคุณใช้ภาษา C/C++

#### โปรแกรมภาษา C/C++

```
int valid(int n, int inputSeq[]);
int replacement(int n, int gondolaSeq[], int replacementSeq[]);
int countReplacement(int n, int inputSeq[]);
```

#### โปรแกรมภาษา Pascal

```
function valid(n: longint; inputSeq: array of longint) : integer;
function replacement(n: longint; gondolaSeq: array of longint;
var replacementSeq: array of longint): longint;
function countReplacement(n: longint; inputSeq: array of longint):
longint;
```

#### เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะอ่านข้อมูลนำเข้าดังรูปแบบต่อไปนี้

- บรรทัดที่ 1: T หมายเลขงานย่อยที่โปรแกรมของคุณจะต้องคำนวณ  $(1 \le T \le 10)$
- บรรทัดที่ 2: **n** ความยาวของลำดับข้อมูลเข้า
- บรรทัดที่ 3: ถ้า T มีค่าเป็น 4, 5 หรือ 6 บรรทัดนี้จะมีข้อมูล gondolaSeq[0],...,
   gondolaSeq[n-1] ในกรณีที่ T มีค่าอื่น ๆ บรรทัดนี้จะมีข้อมูล inputSeq[0],...,
   inputSeq[n-1]