

Rectángulos

En la mitad del siglo XVIII, en la ciudad de Shusha, el gobernante Panah-Ali Khan ordena la construcción de una fortaleza en el altiplano Shusba. El altiplano es modelado como una cuadrícula de $n \times m$ celdas cuadradas. Las filas de la cuadrícula son numeradas desde 0 hasta n-1, y las columnas desde 0 hasta m-1. Nos referimos a la celda en la fila i y columna j ($0 \le i \le n-1, 0 \le j \le m-1$) como la celda (i,j). Cada celda (i,j) tiene un alto específico, denotado como a[i][j].

Panah-Ali Kahn le pidió a sus arquitectos elegir un **área rectangular** para construir la fortaleza. El área no debe contener ninguna celda de los bordes de la cuadrícula (fila 0, fila n-1, columna 0 y columna m-1). Por lo tanto, los arquitectos deben escoger cuatro enteros r_1 , r_2 , c_1 y c_2 ($1 \le r_1 \le r_2 \le n-2$ y $1 \le c_1 \le c_2 \le m-2$), que definen un área que contiene todas las celdas (i,j) tal que $r_1 \le i \le r_2$ y $c_1 \le j \le c_2$.

Adicionalmente, un área es considerada **válida** sí y sólo si para cada celda (i, j) en el área, la siguiente condición es verdadera:

• Considere dos celdas adyacentes al área en la fila i (celda $(i, c_1 - 1)$ y celda $(i, c_2 + 1)$) y dos celdas adyacentes al área en la columna j (celda $(r_1 - 1, j)$ y celda $(r_2 + 1, j)$). El alto de la celda (i, j) debe ser estríctamente menor que el alto de todas estas cuatro celdas.

Su tarea consiste en ayudar a los arquitectos a encontar el número de áreas válidas para la fortaleza (es decir, el número de opciones para r_1 , r_2 , c_1 y c_2 que definen un área válida).

Detalles de implementación

Debe implementar el siguiente procedimiento:

int64 count_rectangles(int[][] a)

- ullet a: un arreglo bidimensional de n por m representando las alturas de las celdas.
- Este procedimiento debe retornar el número de áreas válidas para la fortaleza.

Ejemplos

Ejemplo 1

Considere la siguiente llamada.

Existen 6 áreas válidas, listadas a continuación:

- $r_1 = r_2 = c_1 = c_2 = 1$
- $\bullet \ \ r_1=1, r_2=2, c_1=c_2=1$
- $r_1 = r_2 = 1, c_1 = c_2 = 3$
- $r_1 = r_2 = 4, c_1 = 2, c_2 = 3$
- $r_1 = r_2 = 4, c_1 = c_2 = 3$
- $r_1 = 3, r_2 = 4, c_1 = c_2 = 3$

Por ejemplo $r_1=1, r_2=2, c_1=c_2=1$ es un área válida ya que las siguientes dos condiciones son verdaderas:

- a[1][1] = 4 es estrictamente menor que a[0][1] = 8, a[3][1] = 14, a[1][0] = 7 y a[1][2] = 10.
- a[2][1] = 7 es estrictamente menor que a[0][1] = 8, a[3][1] = 14, a[2][0] = 9 y a[2][2] = 20.

Restricciones

- 1 < n, m < 2500
- $0 \leq a[i][j] \leq 7\,000\,000$ (para todo $0 \leq i \leq n-1, 0 \leq j \leq m-1$)

Subtareas

- 1. (8 puntos) $n, m \le 30$
- 2. (7 puntos) $n, m \le 80$

- 3. (12 puntos) $n, m \leq 200$
- 4. (22 puntos) $n, m \le 700$
- 5. (10 puntos) $n \leq 3$
- 6. (13 puntos) $0 \leq a[i][j] \leq 1$ (para todo $0 \leq i \leq n-1, 0 \leq j \leq m-1$)
- 7. (28 puntos) Sin restricciones adicionales.

Calificador de Ejemplo

El calificador de ejemplo lee la entrada en el siguiente formato:

- línea 1: n m
- ullet línea 2+i (para $0\leq i\leq n-1$): a[i][0] a[i][1] \dots a[i][m-1]

El calificador de ejemplo imprime una sola línea que contiene el valor de retorno de count_rectangles.