Zárvatartási idő (Closing Time)

Magyarországon N város van, 0-tól N-1-ig számozva.

A városokat N-1 darab $k\acute{e}tir\acute{a}ny\acute{u}$ út köti össze, amiket 0-tól N-2-ig számoztak meg. Minden j esetén ($0 \le j \le N-2$) a j. út az U[j]. és a V[j]. várost köti össze és hossza W[j], azaz a városok között W[j] időegység alatt lehet egy-egy alkalommal utazni. Minden út két különböző várost köt össze, és minden különböző várospárt legfeljebb egy út köt össze.

Két különböző a és b város közötti **útvonal** olyan különböző városok p_0, p_1, \ldots, p_t sorozata, ahol:

- $p_0=a$,
- $p_t = b$,
- és minden i ($0 \le i < t$) esetén létezik út, amely összeköti a p_i . és p_{i+1} . városokat.

Az utak segítségével bármelyik városból bármelyik másik városba el lehet jutni, azaz bármely két különböző város között létezik útvonal. Bizonyítható, hogy ez az útvonal minden különböző várospár esetében egyedi.

Egy p_0, p_1, \ldots, p_t útvonal **hossza** az útvonal mentén az egymást követő városokat összekötő t darab ut hosszainak összege.

Magyarországon az Államalapítás ünnepére sokan utaznak két nagyvárosba. Az ünnepségek után a lakosok visszatérnek otthonaikba. A kormány meg akarja akadályozni, hogy a tömeg zavarja a helyieket, ezért azt tervezik, hogy bizonyos időpontokban lezárják a városokat. A kormány minden egyes városnak megad egy nem-negatív **zárvatartási időt**. A kormány úgy döntött, hogy az összes zárvatartási idő összege nem lehet több, mint K. Pontosabban, minden i-re ($0 \le i < N - 1$) a zárvatartási idő egy nemnegatív egész szám, c[i]. Az összes c[i] összege nem lehet nagyobb, mint K.

Nézzünk egy a várost és a zárvatartási idők valamilyen hozzárendelését. Azt mondjuk, hogy egy b város **elérhető** az a városból, akkor és csak akkor, ha vagy b=a, vagy létezik a két város közötti olyan p_0, \ldots, p_t útvonal (amiben $p_0=a$ és $p_t=b$), ami kielégíti a következő feltételeket:

- a p_0, p_1 útvonal hossza legfeljebb $c[p_1]$, és
- a p_0, p_1, p_2 út hossza legfeljebb $c[p_2]$, és
- ...
- a $p_0, p_1, p_2, \ldots, p_t$ útvonal hossza legfeljebb $c[p_t]$.

Idén a két fő fesztiválhelyszín az X és az Y városban található. A zárvatartási idők minden egyes hozzárendelésénél a **kényelmi pontszám** a következő két szám összege:

- Az X városból elérhető városok száma.
- Az Y városból elérhető városok száma.

Megjegyzés: ha egy város elérhető X városból és elérhető Y városból is, akkor ez a város kétszeresen számít a kényelmi pontszámba.

A feladatod a maximális kényelmi pontszám kiszámítása, amely a zárvatartási idők valamilyen hozzárendelésével elérhető.

Megvalósítás

A következő függvényt kell megvalósítanod:

```
int max_score(int N, int X, int Y, int64 K, int[] U, int[] V, int[] W)
```

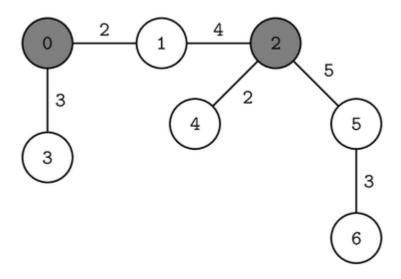
- *N*: a városok száma.
- *X*, *Y*: a két fesztiválváros.
- *K*: a zárvatartási idők összegének felső határa.
- U, V: N-1 hosszúságú tömbök, amik leírják a városok közti kapcsolatokat.
- W: N-1 hosszúságú tömb, ami tartalmazza az utak hosszát.
- A függvény visszatérési értéke legyen a maximális kényelmi pontszám, ami elérhető valamely zárvatartási idő hozzárendeléssel.
- Ez a függvény minden egyes tesztesetre több alkalommal is meghívható .

Példa

Nézzük a következő függvényhívást:

```
max_score(7, 0, 2, 10,
[0, 0, 1, 2, 2, 5], [1, 3, 2, 4, 5, 6], [2, 3, 4, 2, 5, 3])
```

Ez az alábbi úthálózatot írja le:



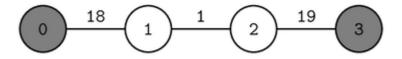
Tegyük fel, hogy a zárvatartási időket a következőképpen osztják ki:

Város	0	1	2	3	4	5	6
Zárvatartási idő	0	4	0	3	2	0	0

Megjegyzés: az összes zárvatartási idő összege 9, ami nem több, mint a K=10. A 0., az 1. és a 3. városok elérhetők az X városból (X=0), míg az 1., a 2. és a 4. városok elérhetők az Y városból (Y=2). Így a kényelmi pontszám 3+3=6. Nincs olyan zárvatartási idő hozzárendelés, amelynek kényelmi pontszáma nagyobb lenne 6-nál, ezért a függvénynek 6-t kell visszaadnia.

Tekintsük a következő hívást:

Ez az alábbi úthálózatot írja le:



Tegyük fel, hogy a zárvatartási időket a következőképpen osztják ki:

Város	0	1	2	3
Zárvatartási idő	0	1	19	0

A 0. város elérhető az X (X=0) városból, míg a 2. és a 3. elérhető az Y. (Y=3) városból. Így a kényelmi pontszám 1+2=3. Nincs olyan zárvatartási idő hozzárendelés, amelynek kényelmi

pontszáma nagyobb lenne 3-nál, ezért a függvénynek 3-t kell visszaadnia.

Feltételek

- 2 < N < 200000
- $0 \le X < Y < N$
- $0 < K < 10^{18}$
- $0 \le U[j] < V[j] < N$ (minden j-re, ahol $0 \le j \le N-2$)
- $1 \le W[j] \le 10^6$ (minden j-re, ahol $0 \le j \le N-2$)
- Bármely városból bármely másik városba el lehet utazni az utak használatával.
- $S_N \leq 200\,000$, ahol S_N az N-ek összege az összes max_score hívásban.

Részfeladatok

Azt mondjuk, hogy egy úthálózat **lineáris**, ha az i. út az i. és az i+1. városokat köti össze (minden i esetében, ahol $0 \le i \le N-2$).

- 1. (8 pont) Az útvonal hossza az X. és az Y. város közt nagyobb, mint 2K.
- 2. (9 pont) $S_N \leq 50$, az úthálózat lineáris.
- 3. (12 pont) $S_N \leq 500$, az úthálózat lineáris.
- 4. (14 pont) $S_N \leq 3\,000$, az úthálózat lineáris.
- 5. (9 pont) $S_N \leq 20$
- 6. (11 pont) $S_N \le 100$
- 7. (10 pont) $S_N \leq 500$
- 8. (10 pont) $S_N \leq 3\,000$
- 9. (17 pont) Nincs további megkötés.

Mintaértékelő

Jelölje C a tesztesetek számát, azaz a max_score hívások számát. A mintaértékelő a következő formátumban olvassa be a bemenetet:

• 1. sor: *C*

A C tesztesetek leírása az alábbi.

A mintaértékelő az egyes tesztesetek leírását a következő formátumban olvassa be:

- 1. sor: *N X Y K*
- 2+j. sor (ahol $0 \le j \le N-2$): $U[j] \ V[j] \ W[j]$

A mintaértékelő minden egyes forgatókönyvhöz egyetlen sort nyomtat, a következő formátumban:

• 1. sor: a max_score visszatérési értéke