International Olympiad in Informatics 2016 12-19th August 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 1

paintCountry: HUN

Festőjáték

Tekintsük azt a játékot, amelyben n darab cella van egymás mellett, balról jobbra 0-tól n-1-ig sorszámozva. A játékos az egyes cellákat feketére vagy fehérre festheti. 'X' jelöli a fekete, ' ' a fehér cellákat.

A játékban adott egy $c=[c_0,\ldots,c_{k-1}]$ egész számokból álló feltétel. A játékosnak úgy kell festenie, hogy a fekete cellákból álló összefüggő blokkok száma pontosan k legyen, ahol az i. blokk c_i fekete cellát tartalmazzon!

Ha például c=[3,4], akkor két fekete összefüggő blokkot kell képezni, az első 3, a második pedig 4 hosszú legyen! Tehát ha n=10 és c=[3,4], akkor "_XXX__XXX" helyes festés. Az "XXXX_XXX__" nem helyes festés, mert a két blokk sorrendje nem jó. A " XXXXXXX " sem helyes festés, mert csak 1 blokkból áll.

Adott egy részben kifestett játékállás: adott n és c és ismerjük néhány cella színét. Meg kell határozni azokat a cellákat, amelyek színe helyes kifestés esetén csak feketék, illetve azokat, amelyek csak fehérek lehetnek! Feltehető, hogy van helyes kifestés.

Megvalósítás

Az alábbi metódust kell implementálnod:

- string solve puzzle(string s, int[] c).
 - S: n hosszú szöveg. Minden i-re ($0 \le i \le n-1$) az i. karakter:
 - 'X', ha az i . cella csak fekete lehet,
 - ', ha az i. cella csak fehér lehet,
 - \circ '.', ha az i . cella fehér vagy fekete is lehet.
 - c: k elemű tömb, a feltétel,
 - o a függvény n hosszú szöveget adjon vissza. Minden i -re ($0 \leq i \leq n-1$) az i . karakter:
 - 'X', ha az i. cella csak fekete lehet,
 - \circ ', ha az i cella csak fehér lehet,
 - \circ '?', ha van két olyan helyes festés, hogy az egyikben az i . cella fehér, a másikban pedig fekete.

C nyelv esetén:

- void solve puzzle(int n, char* s, int k, int* c, char* result)
 - n: az s szöveg hossza (a cellák száma),
 - k: a c tömb hossza (a blokkok száma),
 - a többi paraméter megegyezik a fentivel,
 - \circ az eredmény szöveget a result, n karakteres tömb tartalmazza.

Példák

1. példa

```
solve puzzle("....", [3, 4])
```

Az összes helyes festés:

```
"XXX_XXXX__","XXX__XXXX_","XXX__XXXX","_XXX_XXXX ",
```

• "_XXX__XXXX",

• " XXX XXXX".

Látható, hogy a 2., a 6., és a 7. cella minden festésben fekete, a többi lehet fehér is és fekete is. A helyes eredmény: "??X???XX??".

2. példa

```
solve puzzle(".....", [3, 4])
```

Itt csak a "XXX XXXX" helyes festés, így az eredmény is ugyanez.

3. példa

```
solve puzzle("..., [3])
```

Itt a 4. cellának biztos fehérnek kell lenni, mert a szomszédai miatt nem lehet 3 hosszú fekete blokk része. Tehát az eredmény: "???".

4. példa

```
solve puzzle(".X....", [3])
```

Itt csak 2 helyes festés van:

```
• "XXX____",
• " XXX ".
```

Így az eredmény: "?XX?".

Részfeladatok

Minden részfeladatban $1 \leq k \leq n$, és $1 \leq c_i \leq n$ minden $0 \leq i \leq k-1$ esetén.

- 1. (7 pont) $n \leq 20$, k=1 , s csak '.'-ot tartalmaz (a cellák üresek),
- 2. (3 pont) n < 20, s csak'.'-ot tartalmaz,
- 3. (22 pont) $n \leq 100$, s csak'.'-ot tartalmaz,
- 4. (27 pont) $n \leq 100$, s csak '.'-ot és '_'-t tartalmaz (csak fehér cellákról van információ),
- 5. (21 pont) $n \le 100$,
- 6. (10 pont) $n \le 5000$, $k \le 100$,
- 7. (10 pont) $n < 200\,000$, k < 100.

Minta értékelő

A minta értékelő a következőket olvassa:

- 1 . sor: az s szöveg,
- \circ 2 . sor: a k egész szám, amelyet a c_0, \ldots, c_{k-1} egész számok követnek.