ITALY

International Olympiad in Informatics 2012

23-30 September 2012 Sirmione - Montichiari, Italy Competition tasks, day 2: Leonardo's art and science

tournament

ไทย — 1.2

ทัวร์นาเมนต์ประลองยุทธบนหลังม้า

ดยุกโลโดวิโก สฟอร์ซาแห่งมิลานได้ขอให้ลีโอนาร์โดจัดงานเฉลิมฉลองงานแต่งงานระหว่างเขากับเบียทริซ เดสเต้ในปี 1491 โดยให้มีการแข่งขันประลองยุทธบนหลังม้าที่ยิ่งใหญ่ยาวนานถึงสามวัน แต่ทว่าอัศวินที่เป็นที่ชื่นชอบที่สุดนั้นกลับมาสาย...

ทัวร์นาเมนต์

ในทัวร์นาเมนต์ประลองยุทธนั้น อัศวิน N คนจะเข้าแถวกันโดยที่ตำแหน่งของแต่ละคนนั้นจะกำกับด้วยหมายเลข 0 ถึง N-1 ตาม ลำดับในแถว ผู้คุมการประลองจะจัด รอบ โดยกำหนดตำแหน่งมาสองตำแหน่งคือ S และ E ($0 \le S < E \le N$ - 1) อัศวินทุกคนที่อยู่ ในตำแหน่ง S ถึง E (รวมหัวท้าย) จะแข่งกัน ผู้ชนะเพียงคนเดียวจะยังคงอยู่ในทัวร์นาเมนต์โดยจะกลับเข้าไปอยู่ในแถวตามเดิม ส่วนผู้แพ้ทั้งหมดนั้นจะต้องออกจากการแข่งขันไป หลังจากนั้นอัศวินที่เหลือทั้งหมดจะร่นแถวเข้ามา โดยยังคงรักษาลำดับก่อน หลังเช่นเดิม ทำให้ตำแหน่งของพวกเขากลายเป็นตำแหน่ง 0 ถึง N - (E - S) - 1 ผู้คุมการประลองจะจัดรอบต่อไปด้วยวิธีการเดิม จนกระทั่งเหลืออัศวินเพียงคนเดียว

ลีโอนาร์โดรู้ว่าอัศวินแต่ละคนมีความแข็งแกร่งที่แตกต่างกัน ความแข็งแกร่งกำหนดด้วยระดับที่ไม่ซ้ำกันตั้งแต่ 0 (อ่อนแอที่สุด) ถึง N-1 (แข็งแกร่งที่สุด) เขารู้ตำแหน่งที่ผู้คุมการประลองจะกำหนดขึ้นมาในรอบจำนวน C รอบ และเขารู้ว่าในแต่ละรอบนั้น อัศวินที่มีระดับสูงที่สุดจะชนะเสมอ

อัศวินมาสาย

อัศวิน N - 1 คนจาก N คนนั้นมาเข้าแถวเรียบร้อยแล้ว เหลือเพียงแค่อัศวินที่ดังที่สุดนั้นที่ยังไม่มา อัศวินคนดังนี้นี้มีระดับเป็น R ลีโอนาร์โดต้องการที่จะใช้ความดังของอัศวินคนนี้ให้เป็นประโยชน์เพื่อให้ทัวร์นาเมนต์นั้นดื่นเต้นยิ่งขึ้น โดยเลือกตำแหน่งใน แถวให้อัศวินมาสายนี้มีจำนวนรอบที่ชนะมากที่สุด ให้สังเกตว่าเราไม่สนใจรอบที่อัศวินคนที่ไม่ได้เกี่ยวข้อง เราสนใจเฉพาะรอบ ที่อัศวินคนนี้แข่งและชนะเท่านั้น

ตัวอย่าง

สำหรับอัศวิน N=5 คน อัศวิน N-1 คนที่เข้าแถวเรียบร้อยแล้วมีระดับเป็น $[1,\ 0,\ 2,\ 4]$ ตามลำดับ ดังนั้นอัศวินคนที่มีสายจะมี ระดับ R=3 สำหรับรอบ C=3 รอบ ผู้คุมการประลองตั้งจะที่จะกำหนดตำแหน่ง (S,E) ตามลำดับต่อไปนี้ (1,3),(0,1),(0,1)

ถ้าลีโอนาร์โดนำอัศวินมาสายเข้าแถวที่ตำแหน่งแรก ระดับของอัศวินในแถวจะเป็น [3, 1, 0, 2, 4] รอบแรกจะเป็นการแข่งขันของ อัศวินที่มีระดับ 1, 0, 2 (อยู่ในตำแหน่ง 1, 2, 3) ทำให้อัศวินที่มีระดับ 2 นั้นเป็นผู้ชนะ แถวของอัศวินจะเป็น [3, 2, 4] รอบถัดมา เป็นการแข่งขันของระดับ 3 กับ 2 (ตำแหน่ง 0, 1) และอัศวินที่มีระดับ 3 เป็นผู้ชนะ ทำให้แถวกลายเป็น [3, 4] รอบสุดท้าย (ตำแหน่ง 0, 1) ผู้ชนะคือระดับ 4 ดังนั้นอัศวินมาสายนั้นชนะเพียงรอบเดียว (รอบที่สอง)

แต่ถ้าลีโอนาร์โดนำอัศวินมาสายเข้าไปแทรกระหว่างอัศวินที่มีระดับ 1 และ 0 แถวจะกลายเป็น [1,3,0,2,4] ในกรณีนี้ รอบแรกจะ เป็นการแข่งของอัศวินระดับ 3,0,2 และอัศวินที่มีระดับ R=3 จะเป็นผู้ชนะ แถวจะกลายเป็น [1,3,4] และในรอบถัดมา (1 สู้กับ 3) อัศวินที่มีระดับ R=3 ชนะอีกครั้ง แถวในรอบสุดท้ายเป็น [3,4] ซึ่ง 4 จะชนะ ดังนั้น อัศวินมาสายจะชนะ 2 สองรอบ นี่เป็นการวาง ตำแหน่งที่ดีที่สุดเนื่องจากมันไม่มีทางที่อัศวินมาสายจะชนะมากกว่า 2 ครั้ง

ปัญหา

หน้าที่ของคุณคือเขียนโปรแกรมที่เลือกตำแหน่งที่ดีที่สุดสำหรับอัศวินมาสายเพื่อที่ทำให้จำนวนรอบที่เขาชนะนั้นมากที่สุด กล่าวโดยละเอียดคือคุณจะต้องเขียนโปรแกรมย่อยชื่อ GetBestPosition(N, C, R, K, S, E) โดยที่

- N เป็นจำนวนอัศวิน
- C คือจำนวนรอบที่ผู้คุมการประลองเรียก $(1 \le C \le N 1)$;
- R คือระดับของอัศวินมาสาย ระดับของอัศวินแต่ละคน (รวมคนที่อยู่ในแถวแล้วและอยู่นอกแถว) จะมีค่าไม่ซ้ำกันและมีค่า ตั้งแต่ 0, ..., N - 1 ระดับ R ของอัศวินมาสายนั้นจะถูกให้มาโดยตรงถึงแม้ว่ามันจะสามารถคำนวณได้จากข้อมูลอื่น ๆ
- K เป็นอาเรย์ของจำนวนเต็ม N 1 ตัว ซึ่งระบุถึงระดับของอัศวิน N 1 คนที่อยู่ในแถวเรียบร้อยแล้ว

• S และ E เป็นอาเรย์สองอาเรย์ที่มีขนาด C ตัว สำหรับ i ที่มีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง C - 1 รวมหัวท้าย รอบที่ i + 1 ที่ถูกกำหนด โดยผู้คุมการประลองนั้นจะประกอบด้วยอัศวินตั้งแต่ตำแหน่งที่ S[i] ถึง E[i] รวมหัวท้าย รับประกันว่าสำหรับค่า i ใด ๆ S[i] \in E[i]

การเรียกใช้โปรแกรมย่อยนี้จะถูกต้องเสมอ $\mathrm{E}[\mathrm{i}]$ จะน้อยกว่าจำนวนอัศวินในรอบที่ $\mathrm{i}+1$ และหลังจากการแข่ง C รอบจะมีอัศวินเพียง คนเดียวที่เหลืออยู่

GetBestPosition(N, C, R, K, S, E) จะต้องคืนค่าตำแหน่ง P ที่ดีที่สุดที่ลีโอนาร์โดจะให้อัศวินมาสายอยู่ $(0 \le P \le N-1)$ ถ้ามี ตำแหน่งที่ดีที่สุดหลายตำแหน่ง ให้ระบุตำแหน่งที่มีค่าน้อยที่สุด (ตำแหน่ง P นั้นคือตำแหน่งของอัศวินมาสายในแถวหลังจากที่ อัศวินมาสายเข้าไปในแถวแล้ว และค่าตำแหน่งแรกสุดเริ่มต้นที่ 0) อธิบายได้อีกอย่างหนึ่งว่า P คือจำนวนของอัศวินคนอื่น ๆ ที่ ยืนอยู่ข้างหน้าอัศวินมาสายของคำตอบที่ดีที่สุด ยกตัวอย่างเช่น P=0 หมายความว่าอัศวินมาสายนั้นอยู่ที่หัวแถว และ P=N-1 หมายถึงอัศวินมาสายนั้นอยู่ที่ท้ายแถว

งานย่อยที่ 1 [17 คะแนน]

รับประกันว่า $N \le 500$

งานย่อยที่ 2 [32 คะแนน]

รับประกันว่า N < 5.000

งานย่อยที่ 3 [51 คะแนน]

รับประกันว่า $N \le 100,000$

รายละเอียดในการเขียนโปรแกรม

คุณต้องส่งหนึ่งแฟ้มในชื่อ tournament.c, tournament.cpp หรือ tournament.pas แฟ้มนี้จะต้องมีโปรแกรมย่อยตามที่ อธิบายไว้ข้างต้น โดยใช้รูปแบบดังต่อไปนี้

ภาษา C/C++

int GetBestPosition(int N, int C, int R, int *K, int *S, int *E);

ภาษา Pascal

function GetBestPosition(N, C, R : LongInt; var K, S, E : array of LongInt) : LongInt;

โปรแกรมย่อยจะต้องทำงานตามที่ได้ระบุไว้ข้างต้น คุณสามารถเขียนโปรแกรมย่อยอื่น ๆ สำหรับใช้งานของคุณเอง โปรแกรม ของคุณจะต้องไม่ยุ่งเกี่ยวกับ standard input/output หรือแฟ้มใด ๆ

grader ตัวอย่าง

grader ตัวอย่างที่ให้มาพร้อมกับสภาพแวดล้อมของโจทย์ จะรับอินพุตตามรูปแบบต่อไปนี้

- บรรทัดที่ 1: N, C, R;
- บรรทัดที่ 2, ..., N: K[i];
- บรรทัดที่ N + 1, ..., N + C : S[i], E[i].

ข้อจำกัดของเวลาและหน่วยความจำ

- ข้อจำกัดของเวลา: 1 วินาที
- ข้อจำกัดของหน่วยความจำ: 256 MiB