

## کلیدها

تیموتی معمار یک بازی فرار طراحی کرده است. در این بازی  $n$  اتاق وجود دارد که با شماره‌های  $0$  تا  $n - 1$  شماره‌گذاری شده‌اند. در ابتدا، داخل هر اتاق دقیقاً یک کلید وجود دارد. هر کلید یک نوع دارد که عددی بین  $0$  تا  $n - 1$  (شامل آن‌ها) است. نوع کلیدی که داخل اتاق  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ) قرار دارد از نوع  $r[i]$  است. توجه داشته باشید که یک نوع کلید ممکن است داخل چند اتاق باشد. به عبارتی مقادیر  $r[i]$  لزوماً متمایز نیست.

همچنین  $m$  ارتباط **دو طرفه** در بازی وجود دارد که با شماره‌های  $0$  تا  $m - 1$  شماره‌گذاری شده‌اند. ارتباط  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ) دو اتاق متمایز  $u[j]$  و  $v[j]$  را به هم متصل می‌کند. دو اتاق می‌توانند توسط چند ارتباط به هم متصل شوند.

این بازی یک بازیکن دارد که کلیدها را برمی‌دارد و با عبور از ارتباط‌ها بین اتاق‌ها حرکت می‌کند. زمانی می‌گوییم که بازیکن از ارتباط  $j$  عبور می‌کند که از این ارتباط برای عبور از اتاق  $u[j]$  به اتاق  $v[j]$  یا برعکس استفاده کند. بازیکن زمانی می‌تواند از ارتباط  $j$  عبور کند که کلیدی از نوع  $c[j]$  داشته باشد.

هر زمان از بازی، بازیکن اگر داخل اتاق  $x$  باشد می‌تواند یکی از دو عملیات زیر را انجام دهد:

- کلید اتاق  $x$  که از نوع  $r[x]$  است را بردارد. (مگر آنکه پیش از این آن را برداشته باشد).
- از ارتباط  $j$  عبور کند اگر  $u[j] = x$  یا  $v[j] = x$  و همچنین بازیکن پیش از این کلیدی از نوع  $c[j]$  برداشته باشد. توجه داشته باشید که بازیکن **هرگز** کلیدی که برداشته است را رها نمی‌کند.

بازیکن بازی را از اتاق  $s$  بدون داشتن هیچ کلیدی **شروع** می‌کند. می‌گوییم اتاق  $t$  **قابل دسترس** است اگر بازیکن بتواند با شروع از اتاق  $s$  و انجام دنباله‌ای از عملیات‌های ذکر شده به اتاق  $t$  برسد.

برای اتاق  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ )،  $p[i]$  تعداد اتاق‌هایی است که با شروع از اتاق  $i$  قابل دسترس هستند. تیموتی می‌خواهد شماره‌ی اتاق‌هایی مانند  $i$  را بداند که  $p[i]$  مقدار کمینه بین  $0 \leq i \leq n - 1$  را داشته باشد.

## جزئیات پیاده‌سازی

شما باید تابع زیر را پیاده‌سازی کنید:

```
int[] find_reachable(int[] r, int[] u, int[] v, int[] c)
```

- $r$ : آرایه‌ای به طول  $n$ . به ازای هر  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ )، کلید اتاق  $i$  از نوع  $r[i]$  است.
- $u, v$ : دو آرایه به طول  $m$ . به ازای هر  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ )، ارتباط  $j$  اتاق‌های  $u[j]$  و  $v[j]$  را به هم وصل می‌کند.
- $c$ : یک آرایه به طول  $m$ . به ازای هر  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ )، نوع کلیدی که برای عبور از ارتباط  $j$  لازم است،  $c[j]$  می‌باشد.
- تابع باید آرایه‌ای به طول  $n$  برگرداند این آرایه را  $a$  بنامید. به ازای  $0 \leq i \leq n - 1$ ، مقدار  $a[i]$  باید  $1$  باشد اگر به ازای هر  $j$  که  $0 \leq j \leq n - 1$ ، داشته باشیم  $p[i] \leq p[j]$ . در غیر اینصورت  $a[i]$  باید  $0$  باشد.

## مثال‌ها

### مثال ۱

فراخوانی زیر را در نظر بگیرید:

```
find_reachable([0, 1, 1, 2],  
               [0, 0, 1, 1, 3], [1, 2, 2, 3, 1], [0, 0, 1, 0, 2])
```

اگر بازیکن از اتاق 0 بازی را شروع کند، می‌تواند دنباله زیر از عملیات‌ها را انجام دهد:

اتاق کنونی	عملیات
0	برداشتن کلید نوع 0
0	عبور از ارتباط 0 و رفتن به اتاق 1
1	برداشتن کلید نوع 1
1	عبور از ارتباط 2 و رفتن به اتاق 2
2	عبور از ارتباط 2 و رفتن به اتاق 1
1	عبور از ارتباط 3 و رفتن به اتاق 3

پس اتاق 3 با شروع از اتاق 0 قابل دسترس است. به طور مشابه می‌توان دنباله‌هایی ساخت که نشان دهد تمامی اتاق‌ها با شروع از اتاق 0 قابل دسترس هستند. که نشان می‌دهد  $p[0] = 4$  جدول زیر تمامی اتاق‌های قابل دسترس به ازای همه اتاق‌های شروع را نشان می‌دهد:

$p[i]$	اتاق‌های قابل دسترس	شروع از اتاق $i$
4	[0, 1, 2, 3]	0
2	[1, 2]	1
2	[1, 2]	2
3	[1, 2, 3]	3

کمترین مقدار  $p[i]$  در میان تمامی اتاق‌ها 2 است و این مقدار برای  $i = 1$  و  $i = 2$  وجود دارد. پس تابع باید  $[0, 1, 1, 0]$  بازگرداند.

### نمونه ۲

```
find_reachable([0, 1, 1, 2, 2, 1, 2],  
               [0, 0, 1, 1, 2, 3, 3, 4, 4, 5],  
               [1, 2, 2, 3, 3, 4, 5, 5, 6, 6],  
               [0, 0, 1, 0, 0, 1, 2, 0, 2, 1])
```

جدول زیر اتاق‌های قابل دسترس را نشان می‌دهد:

$i$ شروع از اتاق	اتاق‌های قابل دسترس	$p[i]$
0	[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6]	7
1	[1, 2]	2
2	[1, 2]	2
3	[3, 4, 5, 6]	4
4	[4, 6]	2
5	[3, 4, 5, 6]	4
6	[4, 6]	2

کمترین مقدار  $p[i]$  در میان تمامی اتاق‌ها 2 است و این مقدار برای  $i \in \{1, 2, 4, 6\}$  وجود دارد. پس تابع باید بازگرداند  $[0, 1, 1, 0, 1, 0, 1]$ .

نمونه ۳

```
find_reachable([0, 0, 0], [0], [1], [0])
```

جدول زیر اتاق‌های قابل دسترس را نشان می‌دهد:

$i$ شروع از اتاق	اتاق‌های قابل دسترس	$p[i]$
0	[0, 1]	2
1	[0, 1]	2
2	[2]	1

کمترین مقدار  $p[i]$  در میان تمامی اتاق‌ها 1 است و این مقدار تنها برای  $i = 2$  وجود دارد. پس تابع باید  $[0, 0, 1]$  بازگرداند.

## محدودیت‌ها

- $2 \leq n \leq 300\,000$
- $1 \leq m \leq 300\,000$
- $0 \leq i \leq n - 1$  به ازای  $0 \leq r[i] \leq n - 1$
- $0 \leq j \leq m - 1$  به ازای  $u[j] \neq v[j]$  و  $0 \leq u[j], v[j] \leq n - 1$
- $0 \leq j \leq m - 1$  به ازای  $0 \leq c[j] \leq n - 1$

## زیرمسئله‌ها

1. (۹ نمره)  $c[j] = 0$  به ازای  $0 \leq j \leq m - 1$  و  $n, m \leq 200$

2.  $n, m \leq 200$  (نمره ۱۱)
3.  $n, m \leq 2000$  (نمره ۱۷)
4. (نمره ۳۰)  $c[j] \leq 29$  (به ازای  $0 \leq j \leq m - 1$ ) و  $r[i] \leq 29$  (به ازای  $0 \leq i \leq n - 1$ )
5. (نمره ۳۳) بدون محدودیت اضافی.

## ارزیاب نمونه

ارزیاب نمونه ورودی را در قالب زیر میخواند:

- خط ۱:  $n \ m$
- خط ۲:  $r[0] \ r[1] \ \dots \ r[n - 1]$
- خط  $3 + j$ :  $(0 \leq j \leq m - 1)$   $u[j] \ v[j] \ c[j]$

ارزیاب نمونه خروجی تابع `find_reachable` را در قالب زیر چاپ می‌کند:

- خط ۱:  $a[0] \ a[1] \ \dots \ a[n - 1]$