# Rectángulos

A inicios del siglo XIX, el gobernante Hoseyngulu Khan Sardar ordenó la construcción de un palacio junto a un bello río. El altiplano es modelado como una cuadrícula de  $n \times m$  celdas cuadradas. Las filas de la cuadrícula son numeradas desde 0 hasta n-1, y las columnas desde 0 hasta m-1. Nos referimos a la celda en la fila i y columna j (  $0 \le i \le n-1, 0 \le j \le m-1$ ) como la celda (i,j). Cada celda (i,j) tiene una altura específica, denotado como a[i][j].

Hoseyngulu Khan Sardar le pidió a sus arquitectos elegir un **área rectangular** para construir el palacio. El área no debe contener ninguna celda de los bordes de la cuadrícula (fila 0, fila n-1, columna 0 y columna m-1). Por lo tanto, los arquitectos deben escoger cuatro enteros  $r_1$ ,  $r_2$ ,  $c_1$  y  $c_2$  ( $1 \le r_1 \le r_2 \le n-2$  y  $1 \le c_1 \le c_2 \le m-2$ ), que definen un área que contiene todas las celdas (i,j) tal que  $r_1 \le i \le r_2$  y  $c_1 \le j \le c_2$ .

Adicionalmente, un área es considerada **válida** sí y sólo si para cada celda (i, j) en el área, la siguiente condición es verdadera:

• Considere las dos celdas adyacentes al área en la fila i (celdas  $(i,c_1-1)$  y  $(i,c_2+1)$ ) y las dos celdas adyacentes al área en la columna j (celdas  $(r_1-1,j)$  y  $(r_2+1,j)$ ). La altura de la celda (i,j) debe ser estríctamente menor que la altura de todas estas cuatro celdas.

Tu tarea consiste en ayudar a los arquitectos a encontar el número de áreas válidas para el palacio (es decir, el número de opciones para  $r_1$ ,  $r_2$ ,  $c_1$  y  $c_2$  que definen un área válida).

### Detalles de implementación

Debes implementar el siguiente procedimiento:

```
int64 count rectangles(int[][] a)
```

- a: un arreglo bidimensional de n por m enteros representando las alturas de las celdas.
- Este procedimiento debe retornar el número de áreas válidas para el palacio.

### **Ejemplos**

#### Ejemplo 1

Considera la siguiente llamada:

Existen 6 áreas válidas, listadas a continuación:

- $r_1 = r_2 = c_1 = c_2 = 1$
- $r_1 = 1, r_2 = 2, c_1 = c_2 = 1$
- $r_1 = r_2 = 1, c_1 = c_2 = 3$
- $r_1 = r_2 = 4, c_1 = 2, c_2 = 3$
- $ullet r_1 = r_2 = 4, c_1 = c_2 = 3$
- $r_1 = 3, r_2 = 4, c_1 = c_2 = 3$

Por ejemplo  $r_1=1, r_2=2, c_1=c_2=1$  es un área válida ya que las siguientes dos condiciones son verdaderas:

- a[1][1] = 4 es estrictamente menor que a[0][1] = 8, a[3][1] = 14, a[1][0] = 7 y a[1][2] = 10.
- a[2][1] = 7 es estrictamente menor que a[0][1] = 8, a[3][1] = 14, a[2][0] = 9 y a[2][2] = 20.

### Restricciones

- $1 \le n, m \le 2500$
- $0 \leq a[i][j] \leq 7\,000\,000$  (para todo  $0 \leq i \leq n-1, 0 \leq j \leq m-1$ )

### **Subtareas**

- 1. (8 puntos)  $n, m \leq 30$
- 2. (7 puntos)  $n, m \le 80$
- 3. (12 puntos)  $n, m \le 200$
- 4. (22 puntos)  $n, m \le 700$
- 5. (10 puntos)  $n \leq 3$
- 6. (13 puntos)  $0 \leq a[i][j] \leq 1$  (para todo  $0 \leq i \leq n-1, 0 \leq j \leq m-1$ )
- 7. (28 puntos) Sin restricciones adicionales.

## Calificador de Ejemplo

El calificador de ejemplo lee la entrada en el siguiente formato:

- línea 1: n m
- ullet línea 2+i (para  $0\leq i\leq n-1$ ): a[i][0] a[i][1]  $\dots$  a[i][m-1]

El calificador de ejemplo imprime una sola línea que contiene el valor de retorno de count\_rectangles.