

International Olympiad in Informatics 2015

26th July – 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 1

teams

Language: fa-IRN

تيمها

کلاسی را در نظر بگیرید شامل N دانش آموز که با اعداد • تا N-N شماره گذاری شدهاند. معلم کلاس هر روز تعدادی پروژه به این دانش آموزان می دهد. هر کدام از این پروژهها باید در همان روز توسط یک تیم از دانش آموزان انجام شود. میزان سختی پروژهها متفاوت است و معلم می داند که تیم تخصیص داده شده برای هر کدام از پروژهها باید دقیقاً شامل چند نفر باشد.

دانش آموزان مختلف ممکن است ترجیح دهند در تیمهای با اندازههای متفاوتی باشند. به بیان دقیق تر، دانش آموز i باید به تیمی با اندازه ی حداقل A[i] و حداکثر به یک تیم تخصیص داده شود. هر دانش آموز هر روز می تواند حداکثر به یک تیم تخصیص داده شود. بعضی از دانش آموزان ممکن است به هیچ تیمی تخصیص داده نشوند. هر تیم روی دقیقاً یک پروژه کار می کند.

معلم برای هر یک از Q روز آینده تعدادی پروژه انتخاب کرده است. برای هر یک از این روزها، تعیین کنید که آیا میتوان دانش آموزان را به پروژههای مربوط به آن روز به گونهای تخصیص داد که هر پروژه دقیقاً یک تیم داشته باشد.

مثال

فرض کنید N=1 دانش آموز و Q=1 روز داریم. محدودیت اندازه ی تیمها برای هر کدام از این دانش آموزان در جدول زیر داده شده است:

٣	۲	١	•	دانش آموز	
۲	۲	۲	١	A	
۴	٣	٣	۲	В	

در روز اول ۲ M=K[1]=K[1]=K[1] است. یک راهحل ممکن برای این پروژهها ۱ K[1]=K[1]=K[1]=K[1]=K[1] است. یک راهحل ممکن برای این روز این است که دانش آموز ۰ به تیمی با اندازه ی ۱ و باقی دانش آموزان به تیمی با اندازه ی ۳ تخصیص داده شو ند.

در روز دوم هم M=1 پروژه وجود دارند، ولی این بار اندازه ی تیم لازم برای این پروژهها M=1 و M=1 است. چون فقط یکی از دانش آموزان می تواند در تیمی با اندازه ی یک باشد، مسئله برای این روز جوابی ندارد.

مسئله

اطلاعات مربوط به دانش آموزان (N,N) و (M) و همچنین (M) سؤال (یکی برای هر روز) به شما داده شده است. هر سؤال شامل تعداد پروژههای آن روز (M) و همچنین دنباله ی (M) متشکل از (M) عدد است که اندازه ی تیمها را مشخص می کنند. برای هر سؤال، برنامه ی شما باید تعیین کند که آیا شکل دهی این تیمها امکان پذیر است یا خیر.

شما باید دو تابع init و can را پیادهسازی کنید:

- init (N, A, B) این تابع، اولِ کار دقیقاً یک بار توسط ارزیاب فراخوانی می شود.
 - N: تعداد دانش آموزان
 - A: آرایهای به طول A[i]:N حداقل اندازهی تیم برای دانش آموز i است.
 - B: آرایه ای به طول B[i]:N حداکثر اندازه ی تیم برای دانش آموز i است.
 - این تابع چیزی برنمی گرداند.
- . $A[i] \leq A[i] \leq N$ داریم N-1 داریم کنید که برای هر i از i تا N-1 داریم \bullet
- can(M,K) پس از این که init یک بار فراخوانی شد، ارزیاب این تابع را Q بار پشت سر هم (یک بار برای هر روز) فراخوانی می کند.
 - تعداد پروژههای این روز
 - M: آرایهای به طول M شامل اندازهی تیمهای مورد نیاز برای هر کدام از این پروژهها.
 - این تابع باید در صورتی که شکل دهی همهی این تیمها ممکن باشد ۱ و در غیر این صورت ۰ برگرداند.
- میتوانید فرض کنید که $N \leq M \leq N$ و برای هر $M = 1, \dots, M-1$ داریم $i = 1, \dots, M-1$ توجه کنید که جمع همه یK[i] ها ممکن است بیش تر از M باشد.

زيرمسئلهها

جمع همه ی مقادیر M در تمام دفعاتی که تابع \max (M, K) فراخوانی می شود را با S نشان می دهیم.

زيرمسئله	امتياز	N	Q	محدودیتهای دیگر
1	21	$1 \le N \le 100$	$1 \le Q \le 100$	none
2	13	$1 \le N \le 100,000$	Q = 1	none
3	43	$1 \le N \le 100,000$	$1 \le Q \le 100,000$	$S \le 100,000$
4	23	$1 \le N \le 500,000$	$1 \le Q \le 200,000$	$S \le 200,000$

ارزياب نمونه

ارزیاب نمونه ورودی را در قالب زیر میخواند:

- خط ۱: N
- خطوط ۲ تا 1+N: [i] A و سپس [i] B
 - و خط 2 +N و •
- ♦ خطوط N+3 تا S+Q+2: مقادیر M و سپس N+Q+2 تا [0] تا [1-M]

برای هر سؤال، ارزیاب نمونه مقدار خروجی تابع can را چاپ می کند.