meetings

Japanese (JPN)

会議

0 から N-1 までの番号が付いた N 個の山が番号順に一列に並んでいる。番号 i ($0 \le i \le N-1$) の山を山 i と呼び,その標高は H_i である。各山にはちょうど 1 人だけ住人がいる。

あなたはこれから Q 個の会議を開催することになった。会議は 0 から Q-1 までの番号が付けられている。 番号 j ($0 \le j \le Q-1$) の会議を会議 j と呼び,その会議には山 L_j と山 R_j の間 (両端を含む) の住人が全員参加する。 あなたはこの会議の開催場所とする山 x を決めなければならない。このとき x は $L_j \le x \le R_j$ を満たす必要がある。

会議を開催するには費用がかかる.費用は、会議の開催場所とする山xに応じて、以下のように計算される:

- 会議にかかる費用は、各参加者の費用の総和である.
- 山 y ($L_j \leq y \leq R_j$) に住む参加者の費用は、山 x と山 y の間 (両端を含む) の山の標高の最大値と一致する.
- 特に,山xに住む参加者の費用は H_x である.

あなたは各会議について、その会議にかかる費用の最小値を求めたい.

なお、会議が終わるたびに参加者は自分の住んでいる山に戻る。よって、ある会議の開催場所が、他の会議 にかかる費用に影響することはない。

実装の詳細

あなたは,以下の関数を実装する必要がある:

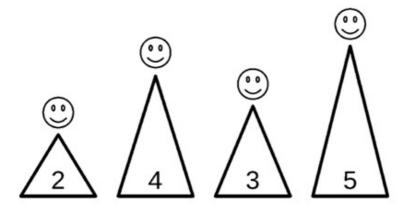
int64[] minimum costs(int[] H, int[] L, int[] R)

- ◆ H: 各山の標高を表す, 長さ N の配列である.
- \bullet L, R: 各会議の参加者が住む山の範囲を表す, 長さ Q の配列である.
- この関数は長さ Q の配列 C を返さなければならない. ここで C_j $(0 \le j \le Q-1)$ は会議 j にかかる費用の最小値でなければならない.
- なお、ここで N と Q は配列の長さを表す値であり、これらは「実装上の注意」に記されている方法で取得することができる。

入出力例

N=4, H=[2,4,3,5], Q=2, L=[0,1], R=[2,3] とする.

採点プログラムは minimum costs([2, 4, 3, 5], [0, 1], [2, 3]) を呼び出す.



j=0 のとき $L_j=0$, $R_j=2$ である. つまり会議 0 の参加者は山 0, 1, 2 の住人である. 山 0 を開催場所としたときの会議 0 にかかる費用は以下のように計算できる:

- 山0に住む参加者の費用は $\max\{H_0\}=2$ である.
- 山1に住む参加者の費用は $\max\{H_0, H_1\} = 4$ である.
- ullet 山 2 に住む参加者の費用は $\max\{H_0,H_1,H_2\}=4$ である.
- 以上より,会議 0 にかかる費用は 2+4+4=10 である.

会議 0 にかかる費用をこれより小さくすることはできない. よって会議 0 にかかる費用の最小値は 10 である.

j=1 のとき $L_j=1$, $R_j=3$ である. つまり, 会議 1 の参加者は山 1, 2, 3 の住人である. 山 2 を開催場所としたときの会議 1 にかかる費用は以下のように計算できる:

- 山 1 に住む参加者の費用は $\max\{H_1, H_2\} = 4$ である.
- 山2に住む参加者の費用は $\max\{H_2\}=3$ である.
- 山3に住む参加者の費用は $\max\{H_2,H_3\}=5$ である.
- 以上より、会議 1 にかかる費用は 4+3+5=12 である.

会議 1 にかかる費用をこれより小さくすることはできない. よって会議 1 にかかる費用の最小値は 12 である.

zip 圧縮された添付パッケージ (attachment package) に入ったファイル sample-01-in.txt と sample-01-out.txt がこの例に対応している.他の入出力例もこのパッケージで得られる.

制約

- $1 \le N \le 750000$.
- $1 \le Q \le 750\,000$.
- $1 \le H_i \le 1\,000\,000\,000\,(0 \le i \le N-1)$.
- $0 \le L_i \le R_i \le N 1 \ (0 \le j \le Q 1)$.
- $(L_j, R_j) \neq (L_k, R_k) \ (0 \leq j < k \leq Q 1).$

小課題

- 1. (4 点) $N \le 3\,000$, $Q \le 10$.
- 2. (15 点) $N \le 5000$, $Q \le 5000$.
- 3. (17 点) $N \leq 100\,000$, $Q \leq 100\,000$, $H_i \leq 2$ ($0 \leq i \leq N-1$).
- 4. (24 点) $N \le 100\,000$, $Q \le 100\,000$, $H_i \le 20$ ($0 \le i \le N-1$).
- 5. (40 点) 追加の制約はない.

採点プログラムのサンプル

採点プログラムのサンプルの入力形式は以下の通りである.

- 1 行目: N Q
- 2 行目: $H_0 H_1 \cdots H_{N-1}$
- 3+j 行目 ($0 \le j \le Q-1$): $L_j R_j$

採点プログラムのサンプルは以下の形式で minimum costs の返り値を出力する.

• 1+j 行目 ($0 \le j \le Q-1$): C_j