International Olympiad in Informatics 2015



26th July - 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 2

horses

Language: It-LT

Arkliai

Mansuras augina arklius, kaip kad darė jo protėviai. Šiuo metu jo banda didžiausia visame Kazachstane. Tačiau ne visuomet taip buvo. Prieš N metų Mansuras viso labo buvo džigitas (jaunas žmogus kazachiškai) ir turėjo vienintelį arklį. Jis svajojo užsidirbti daug pinigų ir tapti bėjumi (labai turtingu žmogumi kazachiškai).

Sunumeruokime metus nuo 0 iki N-1 chronologine tvarka, t.y., vėliausi yra (N-1)-i metai. Kiekvienų metų klimatas turėjo įtakos arklių bandos didėjimui. Mansuras pamena kiekvieniems metams i bandos augimo koeficientą X[i] (sveikąjį teigiamą skaičių). Jei i-ųjų metų pradžioje jis turėjo h arklių, tai metų gale jis turėjo h X[i] arklių bandą.

Arklius buvo įmanoma parduoti tik metų gale. Mansuras kiekvieniems metams i pamena vieno arklio kainą tų metų gale — sveikąjį teigiamą skaičių Y[i]. Pasibaigus kiekvieniems metams Mansuras galėjo parduoti bet kiek arklių po Y[i] pinigų.

Mansurui rūpi, kiek daugiausia pinigų jis būtų galėjęs gauti, jei būtų pasirinkęs palankiausius metus parduoti savo arklius per visus N metų. Jūs esate garbės svečias Mansuro toi ($\check{s}vent\dot{e}$ kazachiškai) ir jūsų paprašė surasti atsakymą į Mansurui rūpimą klausimą.

Vakaro metu Mansuro atmintis gerėja ir jis pateikia M patikslinimų. Kiekvienas patikslinimas pakeičia vieną X[i] arba vieną Y[i] vertę. Po kiekvieno patikslinimo jis prašo jūsų apskaičiuoti, kiek daugiausia pinigų jis galėjo gauti pardavęs arklius. Apskaičiuojant pinigų kiekį reikia atsižvelgti į visus iki šio momento pateiktus Mansuro patikslinimus. Atkreipkite dėmesį, kad konkreti X[i] arba Y[i] reikšmė gali būti patikslinta keletą kartų.

Tikslus atsakymas į Mansuro klausimą gali būti labai didelis skaičius. Todėl jūsų sprendimas turi pateikti rezultatą moduliu $10^9 + 7$.

Pavyzdys

Tarkime metų skaičius yra N=3, o turimos reikšmės tokios:

	0	1	2
Χ	2	1	3
Y	3	4	1

Turint tokias pradines reikšmes, Mansuras daugiausia uždirbtų, jei 1-ų metų gale parduotų abu arklius.

Viskas atrodytų taip:

- Pradžioje Mansuras turi 1 arklį.
- Po 0-ų metų jis turės $1 \cdot X[0] = 2$ arklius.

- Po 1-ų metų jis turės $2 \cdot X[1] = 2$ arklius.
- lacksquare Dabar jis gali parduoti šiuos du arklius. Pelnas bus lygus $2 \cdot Y[1] = 8$.

Tarkime, gautas M = 1 patikslinimas: Y[1] pakeičiama į 2.

Po patikslinimo gausime:

	0	1	2
Χ	2	1	3
Y	3	2	1

Šiuo atveju vienas galimų sprendimų būtų parduoti vieną arklį po 0-ų metų, o tuomet tris arklius po 2-ų metų.

Viskas atrodytų taip:

- Pradžioje Mansuras turi 1 arklį.
- Po 0-ų metų jis turės $1 \cdot X[0] = 2$ arklius.
- Dabar jis gali parduoti vieną šių arklių už Y[0] = 3; jam liks vienas arklys.
- Po 1-ų metų jis turės $1 \cdot X[1] = 1$ arklį.
- Po 2-ų metų jis turės $1 \cdot X[2] = 3$ arklius.
- lacktriangle Dabar jis gali parduoti tris arklius už $3 \cdot Y[2] = 3$. Bendra pinigų suma lygi 3 + 3 = 6.

Užduotis

Duota N, X, Y ir patikslinimų sąrašas. Prieš pirmą patikslinimą ir po kiekvieno patikslinimo suskaičiuokite didžiausią pinigų kiekį, kurį gali gauti Mansuras už savo arklius, moduliu $10^9 + 7$. Parašykite funkcijas init, updateX ir updateY.

- init (N, X, Y) Vertintojas iškvies šią funkciją pačią pirmą ir lygiai vieną kartą.
 - N: metų skaičius.
 - lacktriangledown X: N ilgio masyvas. Kiekvienam $0 \leq i \leq N-1, X[i]$ pateikiamas augimo koeficientas i-iesiems metams.
 - lacktriangleq Y: N ilgio masyvas. Kiekvienam $0 \leq i \leq N-1, Y[i]$ pateikiama arklio kaina pasibaigus i-iesiems metams.
 - Atkreipkite dėmesį, kad X ir Y nurodo pradines Mansuro nurodytas reikšmes (prieš bet kokius patikslinimus).
 - Baigus init vykdymą, masyvai X ir Y lieka pasiekiami ir, jei norite, galite juos keisti.
 - Funkcija turi grąžinti didžiausią galimą pinigų skaičių, kurį gali uždirbti Mansuras su šiomis pradinėmis X ir Y reikšmėmis, moduliu $10^9 + 7$.
- updateX(pos, val)

- pos: sveikasis skaičius iš intervalo $0, \ldots, N-1$.
- val: nauja X[pos] reikšmė.
- Funkcija turi grąžinti didžiausią galimą pinigų skaičių, kurį gali uždirbti Mansuras po šio patikslinimo, moduliu 10^9+7 .
- updateY(pos, val)
 - pos: sveikasis skaičius iš intervalo $0, \ldots, N-1$.
 - val: nauja Y[pos] reikšmė.
 - Funkcija turi grąžinti didžiausią galimą pinigų skaičių, kurį gali uždirbti Mansuras po šio patikslinimo, moduliu $10^9 + 7$.

Laikykite, kad visos pradinės reikšmės, o taip pat patikslintos X[i] ir Y[i] reikšmės yra nuo 1 iki 10^9 imtinai.

Po init iškvietimo, vertintojas keletą kartų iškvies updateX ir updateY. Bendras šių dviejų funkcijų iškvietimų skaičius bus M.

Dalinės užduotys

dalinė užduotis	taškai	N	M	papildomi ribojimai
1	17	$1 \le N \le 10$	M=0	$X[i], Y[i] \le 10, \ X[0] \cdot X[1] \cdot \ldots \cdot X[N-1] \le 1,000$
2	17	$1 \leq N \leq 1,000$	$0 \le M \le 1,000$	nėra
3	20	$1 \leq N \leq 500,000$	$0 \leq M \leq 100,000$	$X[i] \geq 2$ ir $val \geq 2$ funkcijoms init ir updateX atitinkamai
4	23	$1 \leq N \leq 500,000$	$0 \leq M \leq 10,000$	nėra
5	23	$1 \leq N \leq 500,000$	$0 \le M \le 100,000$	nėra

Pavyzdinis vertintojas

Pavyzdinis vertintojas skaito pradinius duomenis iš failo horses.in tokiu formatu:

■ 1 eilutė: N

■ 2 eilutė: X[0] ... X[N - 1]

■ 3 eilutė: Y[0] ... Y[N - 1]

■ 4 eilutė: M

■ eilutės 5, ..., M + 4: trys skaičiai type pos val (type=1, jei kviečiama updateX, ir type=2, jei kviečiama updateY).

Pavyzdinis vertintojas pateikia init grąžintą reikšmę ir visų updateX bei updateY iškvietimų grąžintas reikšmes.