

Thousands Islands

Тысячи Островов это группа красивых островов в Яванском море. Она состоит из N островов, с номерами от 0 до N-1.

Есть M каноэ, с номерами от 0 до M-1, которые можно использовать для перемещения с острова на остров. Для каждого i, такого что $0 \leq i \leq M-1$, каноэ i может быть пришвартовано к острову U[i] или к острову V[i], и может быть использовано для перемещения между островами U[i] и V[i]. А именно, когда каноэ пришвартовано к острову U[i], его можно использовать для перемещения с острова U[i] на остров V[i], после чего каноэ становится пришвартованым к острову V[i]. Аналогично, когда каноэ пришвартовано к острову V[i], его можно использовать для перемещения с острова V[i] на остров U[i], после чего каноэ становится пришвартованым к острову U[i]. Изначально каноэ пришвартовано к острову U[i]. Несколько каноэ могут использоваться для перемещения между одной и той же парой островов. На одном острове допускается швартовать несколько каноэ.

Из соображений безопасности, каноэ нуждается в профилактическом осмотре после каждого перемещения, поэтому одно и то же каноэ запрещается использовать два раза подряд. Таким образом, после использования каноэ i, необходимо использовать другое каноэ, прежде чем каноэ i станет снова доступным.

Бу Денгклек планирует проложить маршрут по некоторым из островов. Её маршрут **допустим** если и только если удовлетворены следующие условия.

- Она начинает и заканчивает маршрут на острове 0.
- Она посещает как минимум один остров, отличный от острова 0.
- После окончания маршрута каждое каноэ пришвартовано к тому же острову, что и до начала маршрута. То есть каноэ i, для каждого i, такого что $0 \le i \le M-1$, должно быть пришвартовано к острову U[i].

Помогите Бу Денгклек найти любой допустимый маршрут, включающий не более $2\ 000\ 000$ перемещений, или определите, что допустимого маршрута не существует. Можно доказать, что для ограничений, указанных в задаче (смотри секцию Constraints), если допустимый маршрут существует, то также существует допустимый маршрут, который включает не больше $2\ 000\ 000$ перемещений.

Implementation Details

Вы должны реализовать следующую функцию:

union(bool, int[]) find_journey(int N, int M, int[] U, int[] V)

- N: количество островов.
- M: количество каноэ.
- ullet U, V: массивы длины M, описывающие каноэ.
- Эта функция должна вернуть или логическое значение, или массив целых чисел.
 - Если допустимого маршрута не существует, функция должна вернуть false.
 - Если допустимый маршрут существует, у вас есть два варианта:
 - Чтобы получить полный балл, функция должна вернуть массив из не более чем 2 000 000 целых чисел, задающий допустимый маршрут. Элементами этого массива должны быть номера каноэ, используемые в маршруте (в том порядке, в котором их использовали).
 - Чтобы получить частичный балл, функция должна вернуть true, массив из более чем $2\,000\,000$ чисел или массив, который не задает допустимый маршрут (см. раздел Subtasks)
- Эта функция вызывается ровно один раз.

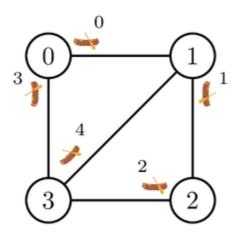
Examples

Example 1

Рассмотрим следующий вызов:

```
find_journey(4, 5, [0, 1, 2, 0, 3], [1, 2, 3, 3, 1])
```

Острова и каноэ показаны на изображении ниже.



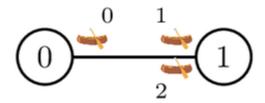
Один из возможных допустимых маршрутов следующий. Бу Денгклек сначала перемещается на каноэ 0, 1, 2, и 4 в этом порядке. В результате она на острове 1. После этого, Бу Денгклек может использовать каноэ 0 снова, так как оно в текущий момент пришвартовано к острову 1, и последнее использованное каноэ не 0. После перемещения на каноэ 0, Бу Денгклек теперь на острове 0. Однако, каноэ 1, 2 и 4 пришвартованы не к тем островам, как было перед началом маршрута. Бу Денгклек продолжает маршрут, перемещаясь на каноэ 3, 2, 1, 4, и 3 ещё раз. Бу Денгклек вернулась на остров 0 и все каноэ пришвартованы к тем же островам, что и до начала прохождения маршрута.

Таким образом, [0,1,2,4,0,3,2,1,4,3] является допустимым массивом, который может вернуть функция.

Example 2

Рассмотрим следующий вызов:

Острова и каноэ показаны на изображении ниже.



Бу Денгклек может начать маршрут только с каноэ 0, после чего она может использовать каноэ 1 или 2. Заметим, что она не может использовать каноэ 0 два раза подряд. В обоих случаях, Бу Денгклек снова на острове 0. Однако, каноэ пришвартованы не к тем островам, как было перед началом маршрута, и Бу Денгклек не может продолжить маршрут, так как единственное каноэ, пришвартованное на острове 0, это то, которое она только что использовала. Так как нет допустимого маршрута, функция должна вернуть false.

Constraints

- 2 < N < 100000
- 1 < M < 200000
- $0 \leq U[i] \leq N-1$ и $0 \leq V[i] \leq N-1$ (для каждого i, такого что $0 \leq i \leq M-1$)
- ullet U[i]
 eq V[i] (для каждого i, такого что $0 \leq i \leq M-1$)

Subtasks

- 1. (5 баллов) N=2
- 2. (5 баллов) $N \le 400$. Для каждой пары различных островов x и y ($0 \le x < y \le N-1$), существует ровно два каноэ, которые могут быть использованы для перемещения между ними. Одно из них пришвартовано к острову x, а другое к острову y.
- 3. (21 балл) $N \leq 1000$, M чётно, и для каждого **чётного** i, такого что $0 \leq i \leq M-1$, каноэ i и i+1 оба могут использоваться для перемещения между островами U[i] и V[i]. Каноэ i изначально пришвартовано к острову U[i], а каноэ i+1 изначально пришвартовано к острову V[i]. Формально, U[i] = V[i+1] и V[i] = U[i+1].
- 4. (24 балла) $N \leq 1000$, M чётно, и для каждого **чётного** i, такого что $0 \leq i \leq M-1$, каноэ i и i+1 оба могут использоваться для перемещения между островами U[i] и V[i] . Оба каноэ изначально пришвартованы к острову U[i]. Формально, U[i] = U[i+1] и V[i] = V[i+1].
- 5. (45 баллов) Нет дополнительных ограничений.

Для каждого набора тестовых данных, в котором существует допустимый маршрут, ваше решение:

- получает полный балл, если возвращает допустимый маршрут,
- получает 35% баллов если возвращает true, массив более чем из 2~000~000 целых чисел, или массив из целых чисел, не описывающий допустимый маршрут,
- получает 0 баллов во всех остальных случаях.

Для каждого набора тестовых данных, в котором не существует допустимый маршрут, ваше решение:

- получает полный балл, если возвращает false,
- получает 0 баллов во всех остальных случаях.

Обратите внимание, что итоговая оценка каждой подзадачи равна минимому баллов для всех тестовых наборов в подзадаче.

Sample Grader

Доступный вам грейдер считывает данные в следующем формате:

- ullet строка $1{:}~N~M$
- ullet строка 2+i ($0\leq i\leq M-1$): U[i] V[i]

Доступный вам грейдер выводит ваши ответы в следующем формате:

- Если find_journey возвращает bool:
 - строка 1: 0
 - \circ строка 2:0 если find_journey возращает false, или 1 в противном случае.

- ullet Если find_journey возвращает int[], обозначим элемены этого массива $c[0],c[1],\dots c[k-1]$ соответственно. Доступный вам грейдер выводит:
 - ∘ строка 1:1
 - \circ строка 2: k
 - \circ строка $3{:}~c[0]~c[1]~\dots~c[k-1]$