2014 S TAWAN

International Olympiad in Informatics 2014

13-20th July 2014 Taipei, Taiwan Day-1 tasks

game

Language: th-TH

Game

เจียนเจี้ยเป็นเด็กหนุ่มที่ชอบเล่นเกม เมื่อมีใครถามคำถามกับเขา แทนที่จะตอบตรง ๆ เขาเลือกที่จะ เล่นเกมกับคนที่ถามแทน เจียนเจี้ยได้ไปพบเพื่อนของเชาที่ชื่อเหมยยู่ และได้บอกเธอเกี่ยวกับ เครือข่ายเที่ยวบินของใต้หวัน ในได้หวันมีเมืองอยู่ n เมือง (กำกับด้วยหมายเลข 0,...,n-1) เมือง เหล่านี้บางเมืองจะเชื่อมต่อกันด้วยเที่ยวบินตรง เที่ยวบินแต่ละเที่ยวจะเชื่อมเมืองสองเมืองเข้าด้วย ด้วยกัน และสามารถให้เดินทางได้ทั้งสองทิศทาง

เหมยยู่ถามเจียนเจี้ยว่า มันเป็นไปได้หรือไม่ที่จะเดินทางระหว่างคู่เมืองทุกคู่เมืองโดยเครื่องบิน (ไม่ว่า จะด้วยเที่ยวบินตรงหรือบินอ้อม) เจียนเจี้ยไม่ต้องการที่จะบอกคำตอบ แต่เลือกที่จะเล่นเกมแทน โดย เหมยยู่ จะสามารถถามเจียนเจี้ยด้วยคำถามในรูปแบบ "มี *เที่ยวบินตรง*ที่เชื่อมระหว่างเมือง x กับเมือง y หรือไม่" และ เจียนเจี้ยจะตอบคำถามดังกล่าวทันที เหมยยู่จะถามคำถามดังกล่าวสำหรับทุก ๆ คู่เมือง คู่เมืองละหนึ่งครั้งพอดี รวมจำนวนคำถามทั้้งหมด r=n(n-1)/2 คำถาม เราจะถือว่าเหมยยู่ชนะ เกมนี้ถ้าหากว่า หลังจากที่เหมยยู่ได้คำตอบของคำถามจำนวน i คำถามแรก สำหรับค่า i < r แล้ว เหมยยู่ สามารถสรุปได้ว่าเครือข่ายเที่ยวบินนี้เชื่อมต่อกันหรือไม่ กล่าวคือ เธอสามารถสรุปได้ว่ามัน เป็นไปได้ หรือ เป็นไปไม่ได้ ที่จะเดินทางระหว่างทุก ๆ คู่เมืองโดยเครื่องบิน (ไม่ว่าจะด้วยเที่ยวบินตรง หรือบินอ้อม) แต่ถ้าหากไม่เป็นเช่นนั้นแล้ว กล่าวคือ ถ้าเหมยยู่ จำเป็นที่จะต้องทราบคำตอบของถาม คำถามทั้งหมด r คำถาม เราจะถือว่าเจียนเจี้ยเป็นผู้ชนะเกมนี้

เพื่อให้เกมนี้สนุกยิ่งขึ้นสำหรับเจียนเจี้ย พวกเขาได้ตกลงกันว่าเจียนเจี้ยไม่ต้องใช้เครือข่ายเที่ยวบินที่ เป็นอยู่จริง ๆ ในได้หวัน และสามารถสมมติเครื่อข่ายขึ้นมาเองขณะที่กำลังเล่นเกมอยู่ได้ และตอบคำ ตอบตามคำถามก่อนหน้าของเหมยยู่ งานของคุณคือช่วยให้เจียนเจี้ยเอาชนะเกมนี้ โดยพิจารณาว่าเขา ควรจะตอบคำถามอย่างไรดี

ตัวอย่าง

เราอธิบายกฎของเกมนี้ด้วยตัวอย่าง 3 ตัวอย่าง แต่ละตัวอย่างมี $oldsymbol{n=4}$ เมือง และ $oldsymbol{r=6}$ รอบของคำ ถามและคำตอบ

ในตัวอย่างแรก (ดังตารางถัดไป) เจียนเจี้ย *แพ้*เนื่องจากว่าหลังจากการถามตอบรอบที่ 4 เหมยยู่ รู้ได้ อย่างชัดเจนว่าเราสามารถเดินทางระหว่างคู่เมืองใด ๆ ก็ได้โดยเครื่องบิน โดยไม่ขึ้นอยู่กับว่าเจียนเจี้ย ตอบอย่างไรในคำถามที่ 5 และ 6

รอบ	คำถาม	คำตอบ
1	0, 1	yes
2	3, 0	yes
3	1, 2	no
4	0, 2	yes
5	3, 1	no
6	2, 3	no

ในตัวอย่างถัดมาเหมยยู่สามารถพิสูจน์ได้ว่าหลังจากการถามตอบรอบที่ 3 ไม่ว่าเจียนเจียจะตอบคำถาม ที่ 4,5 หรือ 6 อย่างไรก็ตาม เรา *ไม่สามารถ*เดินทางระหว่างเมือง 0 และ 1 โดยเครื่องบิน ดังนั้นเจียนเจี้ย จึงแพ้อีกเช่นกัน

รอบ	คำถาม	คำตอบ
1	0, 3	no
2	2, 0	no
3	0, 1	no
4	1, 2	yes
5	1, 3	yes
6	2, 3	yes

ในตัวอย่างสุดท้ายเหมยยู่ไม่สามารถสรุปได้ว่าเราสามารถเดินทางระหว่างคู่เมืองใด ๆ ก็ได้โดย เครื่องบิน จนกระทั่งคำถามทั้ง 6 คำถามได้รับการตอบจนหมด ดังนั้นเจี้ยนเจี้ยจึงเป็นฝ่าย *ซนะ*เกมนี้ กล่าวโดยละเอียดคือ เพราะว่าเจียนเจี้ยตอบว่า "มี" ในคำถามสุดท้าย (ดังตารางต่อไปนี้) มันจะเป็นไปได้ ที่จะเดินทางระหว่างคู่เมืองทุกคู่เมือง แต่ถ้าเจียนเจี้ยตอบว่า "ไม่มี" ในคำถามสุดท้าย จะทำให้การ เดินทางระหว่างคู่เมืองทุกคู่เมืองเป็นไปไม่ได้

รอบ	คำถาม	คำตอบ
1	0, 3	no
2	1, 0	yes
3	0, 2	no
4	3, 1	yes
5	1, 2	no
6	2, 3	yes

งานของคุณ

กรุณาเขียนโปรแกรมที่ช่วยให้เจียนเจี้ยเอาชนะเกมนี้ ให้สังเกตว่า ทั้งเหมยยู่และเจียนเจี้ย นั้นไม่ทราบ ถึงยุทธวิธีของอีกฝ่าย เหมยยู่สามารถถามคำถามเกี่ยวกับคู่เมืองใด ๆ ในลำดับใดก็ได้ และเจียนเจี้ย จะ ต้องตอบคำตอบทันทีโดยที่ยังไม่ทราบถึงคำถามในอนาคต คุณจะต้องเขียนฟังก์ชันสองฟังก์ชันต่อไปนี้

- initialize (n) -- เราจะเรียก initialize ของคุณก่อน. พารามิเตอร์ n คือจำนวนของเมือง
- hasEdge (u, v) -- หลังจากนั้นเราจะเรียก hasEdge เป็นจำนวน r = n(n-1)/2 ครั้ง การ เรียกเหล่านี้ระบุถึงการถามคำถามของเหมยยู่ตามลำดับที่เธอถาม คุณจะต้องตอบว่ามันมีเที่ยว บินบินตรงระหว่างเมือง u และ v หรือไม่ กล่าวโดยละเอียดคือ ฟังก์ชันจะต้องคืนค่า 1 ถ้ามีเที่ยว บินบินตรง แต่จะคืนค่า 0 ถ้าไม่มีเที่ยวบินตรง

งานย่อย

แต่ละงานย่อยประกอบด้วยเกมหลาย ๆ เกม คุณจะได้คะแนนในงานย่อยก็ต่อเมื่อโปรแกรมของคุณ ทำให้เจียนเจี้ยชนะในทุก ๆ เกม

งานย่อย	คะแนน	n

งานย่อย	คะแนน	n
1	15	n=4
2	27	$4 \le n \le 80$
3	58	$4 \le n \le 1500$

รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

คุณจะต้องส่งแฟ้มหนึ่งแฟ้ม เรียกว่า game.c, game.cpp หรือ game.pas โดยที่แฟ้มนี้จะต้องเขียน โปรแกรมย่อยดังที่กล่าวไว้ข้างบน โดยใช้รูปแบบดังต่อไปนี้

โปรแกรมภาษา C/C++

```
void initialize(int n);
int hasEdge(int u, int v);
```

โปรแกรมภาษา Pascal

```
procedure initialize(n: longint);
function hasEdge(u, v: longint): longint;
```

เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะอ่านข้อมูลนำเข้าดังรูปแบบต่อไปนี้

- บรรทัดที่ 1: n
- หลังจากนั้นอีก r บรรทัด: แต่ละบรรทัดมีจำนวนเต็มสองจำนวน น และ \mathbf{v} ซึ่งระบุถึงคำถามเกี่ยว กับเมือง \mathbf{u} และ \mathbf{v}