### **SubsetMex**

Nombre del problema	Subset Mex
Fichero de entrada	Entrada estándar
Fichero de salida	Entrada estándar
Límite de tiempo	1 segundo
Límite de memoria	256 megabytes

Un *multiconjunto* es una colección de elementos parecida a un conjunto, pero en la que los elementos pueden repetirse múltiples veces. Por ejemplo, lo siguiente es un multiconjunto:

 $\{0, 0, 1, 2, 2, 5, 5, 5, 8\}$ 

Dado un multiconjunto S definido en los enteros no negativos, y un valor objetivo n (entero), tal que n no pertenece a S, tu tarea es insertar n en S usando la siguiente operación de 3 pasos, repetidamente:

- 1. Elige un (tal vez vacío) subconjunto *T* de *S*. Aquí, *T* es un conjunto de elementos distintos cuyos elementos aparecen también en *S*.
- 2. Borra de *S* los elementos de *T*. (Elimina solo una copia de cada elemento.)
- 3. Inserta **mex**(*T*) en *S*, donde **mex**(*T*) es el entero más pequeño no negativo que no pertenece a *T*. El nombre **mex** viene de valor "mínimo excluído".

Tu objetivo es encontrar el mínimo número de operaciones para que n pase a formar parte de S. Ya que el tamaño de S puede ser muy grande, S se dará como una lista  $(f_0, ..., f_{n-1})$  de tamaño n, donde  $f_i$  representa el número de veces que el número i aparece en S. (Recuerda que n es el entero que estamos intentando insertar en S.)

#### **Entrada**

La primera línea contiene un único entero t (1  $\leq$  t  $\leq$  200) — el número de casos de prueba. Cada dos de las siguientes líneas describen un caso de prueba:

- La primera línea de cada caso de prueba contiene un único entero n (1  $\leq n \leq$  50), el entero que queremos insertar en S.
- La segunda línea de cada caso de prueba contiene n enteros  $f_0, f_1, ..., f_{n-1}$  ( $0 \le f_i \le 10^{16}$ ), representando el multiset S como se ha explicado anteriormente.

## Salida

Para cada caso de prueba, imprime una sola línea con el mínimo número de operaciones necesarias para cumplir la condición.

# Puntuación

Subtarea #1 (5 puntos):  $n \le 2$ 

Subtarea #2 (17 puntos):  $n \le 20$ 

Subtarea #3 (7 puntos):  $f_i = 0$ 

Subtarea #4 (9 puntos):  $f_i \le 1$ 

Subtarea #5 (20 puntos):  $f_i \le 2000$ 

Subtarea #6 (9 puntos):  $f_0 \le 10^{16} \text{ y } f_j = 0 \text{ (para todo } j \ne 0)$ 

Subtarea #7 (10 puntos): Existe un i tal que  $f_i \le 10^{16} \,\mathrm{y}\, f_j = 0$  (Existe i tal que para todo  $j \ne i$ )

Subtarea #8 (23 puntos): Sin restricciones adicionales

# **Ejemplos**

Entrada estándar		Salida estándar
2		4
4		10
0 3 0	) 3	
5		
4 1 (	2 0	

#### Nota

En el primer ejemplo, inicialmente,  $S = \{1, 1, 1, 3, 3, 3\}$  y nuestro objetivo es insertar 4 en S. Podemos hacer lo siguiente:

- 1. elegir  $T = \{\}$ , entonces S pasa a ser  $\{0, 1, 1, 1, 3, 3, 3\}$
- 2. elegir  $T = \{0, 1, 3\}$ , entonces S pasa a ser  $\{1, 1, 2, 3, 3\}$
- 3. elegir  $T = \{1\}$ , entonces S pasa a ser  $\{0, 1, 2, 3, 3\}$
- 4. elegir  $T = \{0, 1, 2, 3\}$ , entonces S pasa a ser  $\{3, 4\}$