# International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day2\_1

paint Country: ISR

# **Paint By Numbers**

המשחק שחור ופתור (Paint By Numbers) הוא משחק מחשבה מפורסם. נתבונן בגרסה פשוטה חד מימדית של המשחק. במשחק זה, נתונה לשחקן שורה של n תאים. התאים ממוספרים מ-0 עד מימדית של המשחק. במשחק זה, נתונה לשחקן שורה של n-1 משמאל לימין. על השחקן לצבוע כל תא בשחור או בלבן. נשתמש ב-X' כדי לסמן תאים לבנים.

לשחקן נתונה סדרה  $[c_0,\dots,c_{k-1}]$  של k מספרים שלמים חיוביים: הרמזיס. עליו לצבוע את התאים כך שהתאים השחורים בשורה ייצרו בדיוק k בלוקים של תאים עוקבים. בנוסף, מספר התאים השחורים בבלוק ה-i משמאל (המספור מתחיל מ-0) צריך להיות שווה ל-i. לדוגמה, אם הרמזים הם [3,4], הפתרון חייב להכיל בדיוק שני בלוקים של תאים שחורים עוקבים: אחד באורך i ואז אחד נוסף באורך i. לכן, אם i0 בi1 וואר שמתאים לרמזים הוא באורך i2 וואר שימו לב ש-i3. שימו לב ש-i4. שימו לב ש-i5. שימו לב ש-i7. שימו לב ש-i7. שימו לב ש-i8. לא מתאים לרמזים כי הבלוקים של התאים השחורים אינם בסדר הנכון. כמו כן, i7. i8. בלוקים נפרדים.

נתון לכם משחק שחור ופתור שכבר נפתר באופן חלקי. כלומר, אתם יודעים את n ו-c-, ובנוסף אתם יודעים שחלק מהתאים חייבים להיות שחורים וחלק מהתאים חייבים להיות לבנים. משימתכם היא להסיק מידע נוסף על התאים.

באופן יותר ספציפי, פתרון תקין הוא פתרון שמתאים לרמזים, ובנוסף מסכים עם הצבעים של התאים הידועים. תוכניתכם צריכה למצוא תאים שצבועים בשחור בכל פתרון תקין, ותאים שצבועים בלבן בכל פתרון תקין. בכל פתרון תקין.

אתם יכולים להניח שקיים פתרון תקין אחד לפחות לקלט הנתון.

# פרטי מימוש

עליכם לממש את הפונקציה הבאה (שיטה):

- string solve\_puzzle(string s, int[] c) •
- התו ה-i התו ה-i מחרוזת באורך n לכל i לכל i לכל  $i \leq n-1$  התו ה-i
  - אם תא i חייב להיות שחור, 'X' ס
    - , אם תא i חייב להיות לבו.  $^{\prime}$  י
      - .i אם אין מידע על תא '.'  $\circ$
  - . מערך בגודל k המכיל רמזים, כפי שהוגדר לעיל:  $c \circ$

- הפונקציה צריכה להחזיר מחרוזת באורך n. לכל i ( $0 \le i \le n-1$ ) תו במחרוזת ס הפונקציה צריך להיות:
  - . אם תא i אם תא i' אם תא 'X'
    - , אם תא i הוא לבן בכל פתרון תקין.  $'\_'$  ס
- אחרת (כלומר, אם קיימים שני פתרונות תקינים, כך שתא i הוא שחור באחד '?' סמהם ולבן באחר).

# בשפת C, החתימה של הפונקציה מעט שונה:

- void solve\_puzzle(int n, char\* s, int k, int\* c, char\* result)
  - .(מספר התאים). s אורך המחרוזת :n
    - .(מספר הרמזים) c אורך המערך:  $k \circ$
    - . שאר הפרמטרים כפי שהוגדרו לעיל. ס
- התשובה למחרוזת את במקום להחזיר מחרוזת של n תווים, הפונקציה אריכה לכתוב התשובה למחרוזת ירפsult

קודי ה-ASCII של התווים בבעיה זו הם:

- ,88 :′X′ •
- ,95 :'<u></u>' •
- **.**46 :'.' •
- .63 :'?'

אנא השתמשו בקבצי ה-template לפרטי המימוש עבור שפת התכנות שלכם.

#### דוגמאות

## דוגמה 1

 $solve\_puzzle("....",[3,4])$ 

להלן הפתרונות התקינים למשחק:

- "XXX\_XXXX\_\_" ●
- "XXX\_\_XXXX\_" •
- $"XXX_{--}XXXX" \bullet$
- $"_XXX_XXXX_" \bullet$
- $"_XXXX_-XXXX" \bullet$
- "\_\_XXX\_XXXX" •

ניתן לראות שהתאים באינדקסים 2, 6 ו-7 (המספור מתחיל מ-0) הם שחורים בכל פתרון תקין. כל שאר התאים יכולים, אבל לא חייבים, להיות שחורים. לכן, התשובה הנכונה היא "?? X???? X??".

# דוגמה 2

 $solve_puzzle("...",[3,4])$ 

XXXXXXX בדוגמה זו הפתרון נקבע באופן יחיד והתשובה הנכונה היא

## דוגמה 3

בדוגמה זו ניתן להסיק שתא מספר 4 חייב גם הוא להיות לבן - אין דרך להכניס שלושה תאים בדוגמה זו ניתן להסיק שתא מספר 4 חייב גם באינדקסים 5 ו-5. לכן, התשובה הנכונה היא "?????...????".

## דוגמה 4

יש רק שני פתרונות תקינים שמתאימים לתיאור:

$$"XXXX$$
\_\_\_\_" •

לכן התשובה הנכונה היא "XX?"...

### תת משימות

 $0 \leq i \leq k-1$  לכל לכל 1 לכל 1, וגם 1 לכל 1 לכל 1 לכל 1 בכל תת המשימות מתקיים

- (אין מידע) '.' און הם כולל רק וום k=1 וגם וום  $n \leq 20$  (אין מידע). 1
  - $^{\prime}.^{\prime}$  של רק תווים כולל (גקודות):  $n\leq 20$  :(3) .2
  - $^{\prime}.^{\prime}$  של '.' וגם s כולל רק תווים של '.' ג נקודות):  $n \leq 100$
- (קיים מידע רק על תאים לבנים) ' ו-' ו-' (קיים מידע רק על תאים לבנים) אוגם s ווגם ווגם  $n \leq 100$  :(27) .4
  - $n \leq 100$  :(ב נקודות): 5
  - $k \leq 100$  נקודות):  $n \leq 5\,000$  נקודות). 6
  - $k \leq 100$  נקודות):  $n \leq 200\,000$  (נקודות). 7

# גריידר לדוגמה

הגריידר קורא את הקלט בפורמט הבא:

- s שורה 1: המחרואת  $\bullet$
- $c_0,\ldots,c_{k-1}$  שורה 2: המספר השלם k ואחריו ואחריו \*