# RUSSIA - KAZAN

#### **International Olympiad in Informatics 2016**

12-19th August 2016 Kazan, Russia day2 3

aliens Country: HUN

# Idegenek

Egy távoli bolygóról műholdfelvétel készült, amelyen n érdekes pont van. Az érdekes pontokról további, nagy felbontású képeket szeretnénk készíteni.

Az eredeti felvétel m\*m cellát tartalmazó négyzetrács. A sorait és az oszlopait 0-tól m-1-ig sorszámozzuk (felülről, illetve balról). (i,j) jelöli az i. sor j. elemét. Az érdekes pontok mindegyike valamelyik cellában van, egy cellában akár több is.

A műhold a főátló (azaz az (i,i) cellák,  $0 \le i \le m-1$ ) felett haladva tud nagyfelbontású képet készíteni, az alábbi feltételekkel:

- a terület négyzet alakú,
- a terület átlója a főátlóra esik,
- o minden cella vagy teljesen rajta van a képen, vagy semmilyen része nincs rajta,
- legfeljebb *k* képet tud készíteni.

Ki kell választanod legfeljebb k négyzet alakú területet, amelyről nagy felbontású kép készül:

- minden érdekes pontot tartalmazó cella legalább egy képen szerepeljen,
- a legalább egyszer lefényképezett cellák száma legyen minimális!

### Megvalósítás

Az alábbi függvényt készítsd el:

- o int64 take photos(int n, int m, int k, int[] r, int[] c)
  - n: az érdekes pontok száma,
  - m: a sorok (és oszlopok) számad,
  - k: a készíthető nagyfelbontású fotók maximális száma,
  - r és c: két n elemű tömb, az érdekes pontok koordinátái. Az i . érdekes pont az (r[i], c[i]) cellában van.
  - a függvény eredménye a legalább egyszer lefényképezett cellák száma legyen, ami tartalmazza az összes érdekes pontot.

Használd a mintában adott függvényt!

#### Példák

#### 1. példa

```
take_photos(5, 7, 2, [0, 4, 4, 4], [3, 4, 6, 5, 6])
```

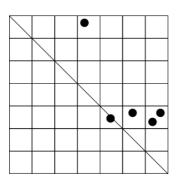
A  $7\times 7$  négyzetrácsban 5 érdekes pont van, a (0,3), (4,4), (4,5) és (4,6) cellákban. Legfeljebb 2 nagy felbontású képet készíthetsz.

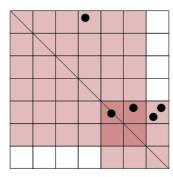
Egy lehetséges megoldás 2 fotóval: a (0,0) és az (5,5), valamint a (4,4) és a (6,6) sarokpontú területekről. Így 41 celláról készül fotó, ami nem optimális.

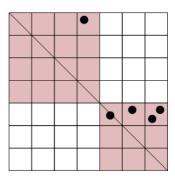
Az optimális megoldás a (0,0) és a (3,3), valamint a (4,4) és a (6,6) sarokpontú fényképekkel adható meg, a lefényképezett cellék száma így 25, azaz a take\_photos eredménye 25.

Megjegyzendő, hogy a (4,6) cellát egyszer kell csak lefényképezni, pedig 2 érdekes pontot is tartalmaz.

Az alábbi ábra mutatja a két esetet:





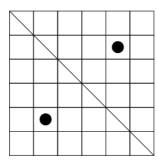


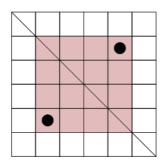
#### 2. példa

take\_photos(2, 6, 2, [1, 4], [4, 1])

A 2 érdekes pont szimmetrikusan helyezkedik el, az (1,4) és a (4,1) cellában. Minden fotó, amely az egyiket tartalmazza, tartalmazza a másikat is, tehát elég egy képet készíteni.

Az optimális megoldás az ábrán látható, 16 cellát tartalmaz.





#### Részfeladatok

Minden részfeladatra,  $1 \le k \le n$ .

- 1. (4 pont)  $1 \leq n \leq 50$  ,  $1 \leq m \leq 100$  , k=n ,
- 2. (12 pont)  $1 \leq n \leq 500$  ,  $1 \leq m \leq 1000$  , minden i -re ahol  $0 \leq i \leq n-1$  ,  $r_i = c_i$  ,
- 3. (9 pont)  $1 \le n \le 500$  ,  $1 \le m \le 1000$  ,
- 4. (16 pont)  $1 \le n \le 4000$  ,  $1 \le m \le 1000000$  ,
- 5. (19 pont)  $1 \leq n \leq 50\,000$  ,  $1 \leq k \leq 100$  ,  $1 \leq m \leq 1\,000\,000$  ,
- 6. (40 pont)  $1 \le n \le 100\,000$ ,  $1 \le m \le 1\,000\,000$ .

## Minta értékelő

A minta értékelő a következőket olvassa:

- $\circ$  1 . sor: n , m és k egész számok,
- $\circ$  2 + i. sor (  $0 \leq i \leq n-1$  ): az  $r_i$  és  $c_i$  egész számok.