# 2014 TAIWAN

#### **International Olympiad in Informatics 2014**

13-20th July 2014 Taipei, Taiwan Day-2 tasks

friend

Language: en-KOR

## 친구

 $0, \dots, n-1$ 로 번호가 매겨진 n 명의 사람으로 구성된 소셜 네트워크를 만들자. 이 네트워크에 있는 사람들 중 어떤 쌍은 서로 친구가 된다. 즉, 사람 x가 사람 y의 친구가 되면, 사람 y도 사람 x의 친구가 된다.

사람들은 n 단계를 거쳐서 네트워크에 추가되는데, 각 단계를 0부터 n-1로 번호를 매기자. 사람 i는 단계 i에 추가된다. 단계 0에서, 사람 0은 이 네트워크에 있는 유일한 사람으로 추가된다. 다음 n-1개의 각 단계에서, **초대자**가 새로 사람 하나를 네트워크에 추가한다. 초대자는 이 단계에 네트워크에 이미 들어와 있는 사람 중 하나이다. 단계 i에서 (0 < i < n), 이 단계의 초대자는 새로 들어오는 사람 i를 다음 프로토콜 중 하나를 사용하여 네트워크에 추가한다.

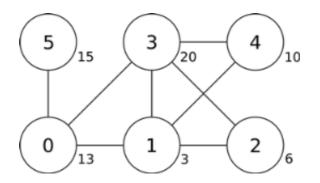
- IAmYourFriend는 사람 *i*를 초대자의 친구로만 등록한다.
- MyFriendsAre Your Friends는 사람 i를 초대자의 현재 모든 친구의 친구로 등록한다. 이 경우 사람 i는 초대자의 친구가 **아니다**.
- We Are Your Friends는 사람 i를 초대자와, 초대자의 현재 모든 친구의 친구로 등록한다.

네트워크를 다 만든 다음에는 설문을 위해서 **표본**을 구하고자 한다. 표본은 네트워크에 속한 사람들로 구성된 모임이다. 친구끼리는 서로 좋아하는 것이 비슷하기 때문에, 표본에 속하는 사람들 중에는 서로 친구인 쌍이 있으면 안된다. 각 사람마다 설문에서 쓰이는 **신뢰도**가 있는데, 이는 양의 정수로 표현된다. 우리는 신뢰도의 총합이 최대인 표본을 구하려 한다.

### 예제

단계	초대자	프로토콜	추가되는 친구 관계
1	0	IAmYourFriend	(1, 0)
2	0	MyFriendsAreYourFriends	(2, 1)
3	1	WeAreYourFriends	(3, 1), (3, 0), (3, 2)
4	2	MyFriendsAreYourFriends	(4, 1), (4, 3)
5	0	IAmYourFriend	(5, 0)

처음 네트워크에는 사람 0만 있다. 단계 1의 초대자(사람 0)는 새로 사람 1을 IAmYourFriend 프로토콜로 추가해서, 서로 친구가 된다. 단계 2의 초대자(이번에도 사람 0)는 사람 2를 MyFriendsAreYourFriends로 추가하는데,사람 1(초대자의 유일한 친구)이 사람 2의 유일한 친구가된다. 단계 3의 초대자(사람 1)는 사람 3을WeAreYourFriends로 추가하는데, 사람 3은 사람 1(초대자)과 사람 0, 2 (초대자의 친구들)의 친구가된다. 단계 4와 단계 5도 표에 보인 바와 같다. 최종적인 네트워크는 다음 그림과 같고, 동그라미 안의 숫자는 사람의 번호이고, 동그라미 아래의 숫자는이 사람의 신뢰도를 나타낸다. 사람 3과 5로 이루어진 표본의 신뢰도의 총합은 20 + 15 = 35인데,이는 가능한 신뢰도의 총합 중 최대이다.



## 문제

각 단계의 기술과 각 사람의 신뢰도가 주어졌을 때, 신뢰도의 총합이 최대인 표본을 구하시오. 다음과 같은 findSample을 구현하면 된다.

- findSample(n, confidence, host, protocol)
  - n: 사람의 수.
  - confidence: 크기 n인 배열; confidence[i]는 사람 i의 신뢰도.
  - host: 크기 **n**인 배열; host[i]는 단계 **i**의 초대자.
  - protocol: 크기 n인 배열; protocol [i]는 단계 i에서 사용하는 프로토콜 (0 < i < n): 이 값이 0이면 IAmYourFriend, 1이면 MyFriendsAreYourFriends, 2이면 WeAreYourFriends.
  - 단계 0에서는 초대자가 없기 때문에, host [0]와 protocol [0]는 정의되지 않고 프로 그램에서 사용하면 안된다.
  - 이 함수의 리턴값은 신뢰도의 총합이 최대인 표본에 대한 신뢰도의 총합

## 부분 문제

다음 표에서 보인 바와 같이, 어떤 부분 문제에서는 프로토콜 중 일부만 사용한다.

부분문 제	점 수	n	신뢰도	사용하는 프로토콜
1	11	$2 \le n \le 10$	$1 \le$ 신뢰도 $\le 1,000,000$	세 프로토콜 다 사용
2	8	$2 \leq n \leq 1,000$	$1 \le$ 신뢰도 $\le 1,000,000$	MyFriendsAreYourFriends만 사용
3	8	$2 \leq n \leq 1,000$	$1 \le$ 신뢰도 $\le 1,000,000$	WeAreYourFriends만 사용
4	19	$2 \leq n \leq 1,000$	$1 \le$ 신뢰도 $\le 1,000,000$	IAmYourFriend만 사용
5	23	$2 \leq n \leq 1,000$	모든 신뢰도는 1	MyFriendsAreYourFriends와 IAmYourFriend만 사용
6	31	$2 \leq n \leq 100,000$	$1\leq$ 신뢰도 $\leq 10,000$	세 프로토콜 다 사용

## 구현 주의 사항

정확히 하나의 파일을 제출해야 하며, 이름은 friend.c, friend.cpp 또는 friend.pas이다. 이 파일에 위에서 언급한 서브프로그램을 다음과 같은 선언을 사용하여 구현해야 한다. C/C++의 경우 헤더 파일 friend.h을 #include해야 한다.

#### C/C++ 프로그램

int findSample(int n, int confidence[], int host[], int protocol[]);

#### Pascal 프로그램

function findSample(n: longint, confidence: array of longint, host: array
of longint; protocol: array of longint): longint;

#### Sample grader

Sample grader는 다음 형식으로 된 입력을 읽는다.

- line 1: n
- line 2: confidence[0], ..., confidence[n-1]
- line 3: host[1], protocol[1], host[2], protocol[2], ..., host[n-1], protocol[n-1]

Sample grader는 findSample의 리턴 값을 출력할 것이다.