### International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 2

railroad Country: ARM

# Ամերիկյան ատրակցիոն

Աննան աշխատում է զվարճանքների պուրակում, և նրա խնդիրն է կառուցել երկաթգիծ նոր ամերիկյան ատրակցիոնի համար։ Նա արդեն նախագծել է n հատուկ հատվածներ (համարակալված 0 –ից n-1 թվերով), որոնք ազդում են ամերիկյան ատրակցիոնի գնացքի արագության վրա։ <իմա նա ուզում է այդ բոլորն իրար միացնել և առաջարկել ամերիկյան ատրակցիոնի վերջնական նախագիծ։ Այս խնդրում կարող եք համարել, որ գնացքի երկարությունը զրո է։

Յուրաքանչյուր i –րդ հատուկ հատված ( i –ն փոխվում է 0 –ից n-1 ներառյալ) ունի երկու հատկություն`

- հատված մտնելու վրա արագության սահմանափակում է դրված. գնացքի արագությունը պետք է լինի **փոքր կամ հավասար**  $s_i$  կմ/ժ-ից,
- $\circ$  հատվածից դուրս գալուց գնացքի արագությունը պետք է լինի **ճիշտ**  $t_i$  կմ/ժ, անկախ նրանից, թե գնացքը ինչ արագությամբ է մտել այդ հատվածը։

Ավարտուն ամերիկյան ատրակցիոնը մեկ երկաթգիծ է, որը պարունակում է բոլոր n հատվածները որևէ հերթականությամբ։ n հատվածներից յուրաքանչյուրը պետք է օգտագործվի ճիշտ մեկ անգամ։ <աջորդական հատվածները միացվում են ռելսերով։ Աննան պետք է ընտրի n հատվածների կարգը և ապա պարզի ռելսերի երկարությունը։ Ռելսի երկարությունը չափվում է մետրերով և կարող է լինել կամայական ոչ բացասական ամբողջ թիվ (հնարավոր է զրո)։

Երկու հատուկ հատվածների միջև ռելսի յուրաքանչյուր մետր դանդաղեցնում է գնացքի արագությունը 1 կմ/ժ–ով։ Ճանապարհի սկզբում գնացքը մտնում է Աննայի ընտրած կարգով 0 համարի հատվածը 1 կմ/ժ արագությամբ։

Վերջնական նախագիծը պետք է բավարարի հետևյալ պահանջներին`

- գնացքը հատուկ հատված մտնելիս չպետք է խախտի տվյալ հատվածի արագության սահմանափակումը,
- o գնացքի արագությունը լուրաքանչյուր պահին դրական է։

Բոլոր ենթախնդիրներում, բացառությամբ 3-րդի, ձեր խնդիրն է գտնել հատվածների միջև ռելսերի հնարավոր մինիմալ գումարային երկարությունը։ 3-րդ ենթախնդրում պահանջվում է միայն պարզել գոյություն ունի, արդյոք, այնպիսի թույլատրելի ամերիկյան ատրակցիոն, որի յուրաքանչյուր ռելսի երկարությունը լինի զրո։

#### Իրականացման մանրամասներ

Պետք է իրականացնել հետևյալ ֆունկցիան`

- int64 plan roller coaster(int[] s, int[] t).
  - $\circ$  s: n երկարության զանգված` թույլատրվող առավելագույն մուտքային արագությունները։
  - $\circ$   $\mathbf{t}$ : n երկարության զանգված, ելքային արագությունները։
  - Ֆունկցիան պետք է վերադարձնի հատուկ հատվածների միջև բոլոր ռելսերի հնարավոր մինիմում գումարային երկարությունը (3-րդ ենթախնդրում պետք է վերադարձնել 0, եթե գոյություն ունի այնպիսի ատրակցիոն, որի բոլոր ռելսերի եկարությունները զրո են, հակառակ դեպքում պետք է վերադարձնել ցանկացած դրական ամբողջ թիվ)։

Ֆունկցիայի տեսքի մասին ավելի ճշգրիտ տեղեկություններ ստանալու համար խնդրում ենք անպայման ծանոթանալ ձեր լեզվի համար տրամադրված նմուշային ֆայլերին։

#### Օրինակ

int64 plan\_roller\_coaster([1, 4, 5, 6], [7, 3, 8, 6])

Այս օրինակում կա չորս հատուկ հատված։ Լավագույն լուծման մեջ դրանք պետք է կառուցել հետևյալ հերթականությամբ 0,3,1,2 , և միացնել իրար համապատասխանաբար 1,2,0 երկարության ռելսերով։ Ահա թե ինչպես է

գնացքը շարժվում այս երկաթգծով՝

- o Սկզբում գնացքի արագությունը 1 կմ/ժ է։
- o Գնացքը սկսում է շարժումը մտնելով 0 համարի հատուկ հատվածը։
- $\circ$  Գնացքը դուրս է գալիս 0 համարի հատվածից 7 կմ/ժ արագությամբ։
- $\circ$  Ապա դրված է 1 մ երկարության ռելս։ Երբ գնացքը հասնում է ռելսի վերջին, նրա արագությունը 6 կմ/ժ է։
- Գնացքը մտնում է 3 համարի հատուկ հատվածը 6 կմ/ժ արագությամբ և դուրս է գալիս նույն արագությամբ։
- $\circ$  3 համարի հատուկ հատվածից դուրս գալուց հետո գնացքը շարժվում է 2 մ երկարության ռելսով։ Նրա արագությունը նվազում է մինչև 4 կմ/ժ։
- $\circ$  Գնացքը մտնում է 1 համարի հատուկ հատվածը 4 կմ/ժ արագությամբ և դուրս է գալիս 3 կմ/ժ արագությամբ։
- $\circ$  1 համարի հատուկ հատվածից անմիջապես հետո գնացքը մտնում է 2 համարի հատուկ հատվածը։
- Գնացքը դուրս է գալիս 2 համարի հատուկ հատվածից։ Նրա վերջնական արագությունը 8 կմ/ժ է։

Ֆունկցիան պետք է վերադարձնի հատուկ հատվածների միջև ռելսերի գումարային երկարությունը. 1+2+0=3 ։

## ենթախնդիրներ

Բոլոր ենթախնդիրներում  $1 \leq s_i \leq 10^9\,$  և  $1 \leq t_i \leq 10^9\,$  ։

- 1. (11 միավոր)։  $2 \le n \le 8$  ,
- 2. (23 միավոր):  $2 \le n \le 16$ ,
- 3. (30 միավոր)։  $2 \le n \le 200\,000$  . Այս ենթախնդրում միայն պետք է ստուգել պատասխամը զրո է, թե` ոչ։ Պետք է վերադարձնել 0 , եթե գոյություն ունի այնպիսի ատրակցիոն, որի բոլոր ռելսերի եկարությունները զրո են, հակառակ դեպքում պետք է վերադարձնել որևէ դրական ամբողջ թիվ։
- 4. (36 միավոր):  $2 \le n \le 200000$ .

# Գրեյդերի օրինակ

Գրեյդերի օրինակը մուտքը ստանում է հետևյալ ֆորմատով`

- $mnn_1$ :  $dthump{thu} phh n$ ,
- $\circ$  տող 2 + i (i-կ 0 –ից n-1 )՝  $s_i$  և  $t_i$  ամբողջ թվեր։