

# Μπουντρούμια (dungeons)

Ο Ροβέρτος σχεδιάζει ένα νέο παιχνιδι στον υπολογιστή. Στο παιχνίδι υπάρχει ένας ήρωας, n αντίπαλοι και n+1 μπουντρούμια. Οι αντίπαλοι είναι αριθμημένοι από το 0 μέχρι το n-1 και τα μπουντρούμια είναι αριθμημένα από το 0 μέχρι το n. Ο i-οστός αντίπαλος (  $0 \le i \le n-1$ ) βρίσκεται στο μπουντρούμι i και έχει δύναμη s[i]. Δεν υπάρχει αντίπαλος στο μπουντρούμι n.

Ο ήρωας ξεκινά μπαίνοντας στο μπουντρούμι x, έχοντας δύναμη z. Κάθε φορά που ο ήρωας μπαίνει σε ένα μπουντρούμι i (  $0 \le i \le n-1$ ), έρχεται αντιμέτωπος με τον αντίπαλο i, με αποτέλεσμα ένα από τα πιο κάτω:

- Αν η δύναμη του ήρωα είναι μεγαλύτερη ή ίση από την δύναμη s[i] του αντιπάλου, τότε ο ήρωας κερδίζει. Αυτό θα έχει ως αποτέλεσμα να **αυξηθεί** η δύναμη του ήρωα κατά s[i]  $(s[i] \geq 1)$ . Σε αυτή την περίπτωση ο ήρωας συνεχίζει πηγαίνοντας στο μπουντρούμι w[i] (w[i] > i).
- Σε διαφορετική περίπτωση, ο ήρωας χάνει. Αυτό θα έχει ως αποτέλεσμα να **αυξηθεί** η δύναμη του ήρωα κατά p[i]  $(p[i] \geq 1)$ . Σε αυτή την περίπτωση ο ήρωας συνεχίζει πηγαίνοντας στο μπουντρούμι l[i].

Προσέξτε ότι το p[i] μπορεί να είναι μικρότερο, ίσο ή μεγαλύτερο από το s[i]. Επίσης, το l[i] μπορεί να είναι μικρότερο, ίσο ή μεγαλύτερο από το i. Ανεξάρτητα από το αποτέλεσμα της μονομαχίας, ο αντίπαλος παραμένει στο μπουντρούμι i και διατηρεί δύναμη s[i].

Το παιχνίδι τελειώνει όταν η ήρωας βρεθεί στο μπουντρούμι n.

Μπορεί να αποδειχθεί ότι το παιχνίδι τελειώνει μετά από έναν πεπερασμένο αριθμό μονομαχιών, ανεξάρτητα από το αρχικό μπουντρούμι και τη δύναμη του ήρωα.

Ο Ροβέρτος σας ζητάει να ελέγξετε το παιχνίδι του εκτελώντας q προσομοιώσεις. Σε κάθε προσομοίωση, ο Ροβέρτος καθορίζει ένα αρχικό μπουντρούμι x και μία αρχική δύναμη z. Στόχος σας είναι να βρείτε, για κάθε προσομοίωση, τη δύναμη του ήρωα όταν τελειώσει το παιχνίδι.

#### Λεπτομέρειες υλοποίησης

Πρέπει να υλοποιήσετε τις παρακάτω συναρτήσεις:

```
void init(int n, int[] s, int[] p, int[] w, int[] l)
```

- n: το πλήθος των αντιπάλων.
- s, p, w, l: πίνακες μήκους n. Για  $0 \le i \le n-1$ :
  - ο s[i] είναι η δύναμη του αντιπάλου i. Είναι επίσης η δύναμη που θα κερδίσει ο ήρωας αν νικήσει τον αντίπαλο i.

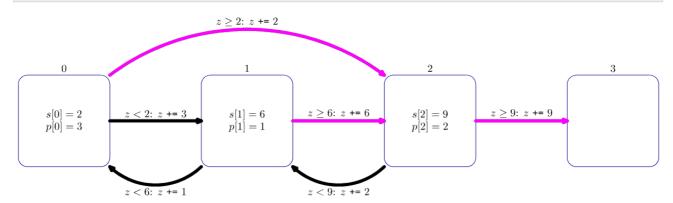
- $\circ p[i]$  είναι η δύναμη που θα κερδίσει ο ήρωας αν χάσει από τον αντίπαλο i.
- $\cdot w[i]$ είναι το μπουντρούμι που θα μπει ο ήρωας αν νικήσει τον αντίπαλο i.
- $\circ \quad l[i]$  είναι το μπουντρούμι που θα μπει ο ήρωας αν χάσει από τον αντίπαλο i.
- Αυτή η συνάρτηση καλείται ακριβώς μία φορά, πριν κληθεί η συνάρτηση simulate (βλ. παρακάτω).

int64 simulate(int x, int z)

- x: το αρχικό μπουντρούμι που μπαίνει ο ήρωας.
- z: η αρχική δύναμη του ήρωα.
- Αυτή η συνάρτηση πρέπει να επιστρέψει τη δύναμη του ήρωα όταν τελειώσει το παιχνίδι, υποθέτοντας ότι ο ήρωας ξεκινά το παιχνίδι μπαίνοντας στο μπουντρούμι x έχοντας δύναμη z.
- Αυτή η συνάρτηση καλείται ακριβώς q φορές.

#### Παράδειγμα

Έστω η ακόλουθη κλήση:



Το παραπάνω σχήμα απεικονίζει αυτή την κλήση. Κάθε τετράγωνο δείχνει ένα μπουντρούμι. Για τα μπουντρούμια  $0,\ 1$  και  $\ 2,\$ οι τιμές  $\ s[i]$  και  $\ p[i]$  υποδεικνύονται μέσα στα τετράγωνα. Τα κόκκινα βέλη δείχνουν πού πηγαίνει ο ήρωας μετά τη νίκη σε μια μονομαχία, ενώ τα μαύρα βέλη δείχνουν πού πηγαίνει ο ήρωας μετά από ήττα.

Έστω ότι ο βαθμολογητής καλεί την simulate (0, 1).

Το παιχνίδι εξελίσσεται ως εξής:

Μπουντρούμι	Η δύναμη του ήρωα πριν την μονομαχία	Αποτέλεσμα
0	1	Ήττα
1	4	Ήττα
0	5	Νίκη
2	7	Ήττα
1	9	Νίκη
2	15	Νίκη
3	24	Τέλος παιχνιδιού

Επομένως, η συνάρτηση θα πρέπει να επιστρέψει 24.

Έστω ότι ο βαθμολογητής καλεί την simulate (2, 3).

Το παιχνίδι εξελίσσεται ως εξής:

Μπουντρούμι	Η δύναμη του ήρωα πριν την μονομαχία	Αποτέλεσμα
2	3	Ήττα
1	5	Ήττα
0	6	Νίκη
2	8	Ήττα
1	10	Νίκη
2	16	Νίκη
3	25	Τέλος παιχνιδιού

Επομένως, η συνάρτηση θα πρέπει να επιστρέψει 25.

#### Περιορισμοί

- $1 \le n \le 400\ 000$
- $1 \le q \le 50\ 000$
- $1 \leq s[i], p[i] \leq 10^7$  (για κάθε  $0 \leq i \leq n-1$ )
- ullet  $0 \leq l[i], w[i] \leq n$  (για κάθε  $0 \leq i \leq n-1$ )
- w[i] > i (για κάθει  $0 \leq i \leq n-1$ )
- $0 \le x \le n-1$
- $1 \le z \le 10^7$

## Υποπροβλήματα

1. (11 βαθμοί)  $n \leq 50~000, \; q \leq 100, \; s[i], p[i] \leq 10~000$  (για κάθε  $0 \leq i \leq n-1$ )

- 2. (26 βαθμοί) s[i] = p[i] (για κάθε  $0 \le i \le n-1$ )
- 3. (13 βαθμοί)  $n \leq 50~000$ , όλοι οι αντίπαλοι έχουν την ίδια δύναμη, δηλαδή s[i] = s[j] για κάθε  $0 \leq i,j \leq n-1$ .
- 4. (12 βαθμοί)  $n \leq 50~000$ , υπάρχουν το πολύ ~5~ διακριτές τιμές μεταξύ όλων των τιμών ~s[i].
- 5. (27 βαθμοί)  $n \le 50~000$
- 6. (11 βαθμοί) Χωρίς επιπλέον περιορισμούς.

### Υποδειγματικός βαθμολογητής

Ο υποδειγματικός βαθμολογητής διαβάζει την είσοδο ως εξής:

- γραμμή 1: n q
- γραμμή 2: s[0] s[1] ... s[n-1]
- γραμμή 3: p[0] p[1] ... p[n-1]
- γραμμή 4: w[0] w[1] ... w[n-1]
- γραμμή 5: l[0] l[1] ... l[n-1]
- γραμμή 6+i (  $0 \le i \le q-1$ ): x z για την i-οστή κλήση της simulate.

Ο υποδειγματικός βαθμολογητής τυπώνει τις απαντήσεις ως εξής:

• γραμμή 1+i (  $0 \le i \le q-1$ ): η τιμή που επιστρέφει η i-οστή κλήση της simulate.