

## Keys

В новата игра за бягство има  $n$  стаи, номерирани от 0 до  $n - 1$ . В началото всяка стая съдържа точно един ключ. Всеки ключ има тип, който е цяло число между 0 и  $n - 1$ , включително. Типът на ключа в стая  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ) е  $r[i]$ . Възможно е няколко стаи да съдържат ключове от един и същ тип, т.е. стойностите  $r[i]$  не са задължително различни.

В играта има  $m$  **двустрани** връзки, номерирани от 0 до  $m - 1$ . Връзката  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ) свързва двойка различни стаи  $u[j]$  и  $v[j]$ . Две стаи могат да бъдат свързани и с повече от една връзка.

Играта се играе от един играч, който събира ключовете и се придвижва от стая в стая, минавайки по връзките.

Казваме, че играчът **преминава** по връзката  $j$ , когато той използва тази връзка, за да отиде от стая  $u[j]$  в стая  $v[j]$ , или обратното. Играчът може да премине по връзка  $j$  само ако преди това той е взел ключ от тип  $c[j]$ .

Във всеки момент от играта, играчът е в някоя стая  $x$  и може да извърши два вида действия:

- да вземе ключът от стая  $x$ , чийто тип е  $r[x]$  (ако вече не е бил взет),
- да премине по връзка  $j$ , при което или  $u[j] = x$  или  $v[j] = x$ , като това може да стане, ако играчът вече е взел ключ от тип  $c[j]$ . Играчът **никога** не изхвърля ключ, който е взел.

Играчът **започва** играта в някоя стая  $s$ , като няма в себе си нито един ключ.

Стая  $t$  е **достижима** от стая  $s$ , ако играчът, който е започнал играта от стая  $s$  може да изпълни последователност от действия, описани по-горе, така че да отиде в стая  $t$ .

За всяка стая  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ) означаваме с  $p[i]$  броя на стаите, които са достижими от стая  $i$ . Искаме да намерим тези индекси  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ), за които се получава минимална стойност на  $p[i]$ .

## Детайли по реализацията

Вие трябва да реализирате следната функция:

```
int[] find_reachable(int[] r, int[] u, int[] v, int[] c)
```

- $r$ : масив с дължина  $n$ . За всяко  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ), ключът в стая  $i$  е от тип  $r[i]$ .
- $u, v$ : два масива с дължина  $m$ . За всяко  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ), връзката  $j$  свързва стаи  $u[j]$  и  $v[j]$ .

- $c$ : масив с дължина  $m$ . За всяко  $j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ), типът на ключа, необходим да се премине по връзка  $j$  е  $c[j]$ .
- Функцията трябва да върне масив  $s$  с дължина  $n$ . За всяко  $0 \leq i \leq n - 1$ , стойността на  $a[i]$  трябва да е 1, ако за всяко  $0 \leq j \leq n - 1$ ,  $p[i] \leq p[j]$ . В противен случай стойността на  $a[i]$  трябва да е 0.

## Примери

### Пример 1

Разглеждаме следното извикване:

```
find_reachable([0, 1, 1, 2],
               [0, 0, 1, 1, 3], [1, 2, 2, 3, 1], [0, 0, 1, 0, 2])
```

Ако играчът започне играта от стая 0, той може да изпълни следната последователност от действия:

Текуща стая	Действие
0	Взема ключ от тип 0
0	Преминава по връзка 0 към стая 1
1	Взема ключ от тип 1
1	Преминава по връзка 2 към стая 2
2	Преминава по връзка 2 към стая 1
1	Преминава по връзка 3 към стая 3

Следователно, стая 3 е достижима от стая 0. Аналогично, може да конструираме последователности от действия, с които да покажем, че всички стаи са достижими от стая 0, от което следва, че  $p[0] = 4$ . Таблицата по-долу показва достижимите стаи, при тръгване от всяка възможна начална стая:

Начална стая $i$	Достижими стаи	$p[i]$
0	[0, 1, 2, 3]	4
1	[1, 2]	2
2	[1, 2]	2
3	[1, 2, 3]	3

Най-малката стойност на  $p[i]$  в таблицата е 2 и тази стойност се достига за  $i = 1$  и  $i = 2$ . Следователно, функцията `find_reachable` трябва да върне [0, 1, 1, 0].

## Пример 2

```
find_reachable([0, 1, 1, 2, 2, 1, 2],  
               [0, 0, 1, 1, 2, 3, 3, 4, 4, 5],  
               [1, 2, 2, 3, 3, 4, 5, 5, 6, 6],  
               [0, 0, 1, 0, 0, 1, 2, 0, 2, 1])
```

Таблицата по-долу показва достижимите стаи:

Начална стая $i$	Достижими стаи	$p[i]$
0	[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6]	7
1	[1, 2]	2
2	[1, 2]	2
3	[3, 4, 5, 6]	4
4	[4, 6]	2
5	[3, 4, 5, 6]	4
6	[4, 6]	2

Най-малката стойност на  $p[i]$  е 2 и се достига за  $i \in \{1, 2, 4, 6\}$ . Следователно, функцията `find_reachable` трябва да върне [0, 1, 1, 0, 1, 0, 1].

## Пример 3

```
find_reachable([0, 0, 0], [0], [1], [0])
```

Таблицата по-долу показва достижимите стаи:

Начална стая $i$	Достижими стаи	$p[i]$
0	[0, 1]	2
1	[0, 1]	2
2	[2]	1

Най-малката стойност на  $p[i]$  е 1 и се достига за  $i = 2$ . Следователно, функцията `find_reachable` трябва да върне [0, 0, 1].

## Ограничения

- $2 \leq n \leq 300\,000$
- $1 \leq m \leq 300\,000$

- $0 \leq r[i] \leq n - 1$  за  $0 \leq i \leq n - 1$
- $0 \leq u[j], v[j] \leq n - 1$  и  $u[j] \neq v[j]$  за  $0 \leq j \leq m - 1$
- $0 \leq c[j] \leq n - 1$  за  $0 \leq j \leq m - 1$

## Подзадачи

1. (9 точки)  $c[j] = 0$  за  $0 \leq j \leq m - 1$  и  $n, m \leq 200$
2. (11 точки)  $n, m \leq 200$
3. (17 точки)  $n, m \leq 2000$
4. (30 точки)  $c[j] \leq 29$  (за  $0 \leq j \leq m - 1$ ) и  $r[i] \leq 29$  (за  $0 \leq i \leq n - 1$ )
5. (33 точки) няма допълнителни ограничения.

## Примерен грейдер

Примерният грейдер чете входа в следния формат:

- ред 1:  $n \ m$
- ред 2:  $r[0] \ r[1] \ \dots \ r[n - 1]$
- ред  $3 + j$  ( $0 \leq j \leq m - 1$ ):  $u[j] \ v[j] \ c[j]$

Примерният грейдер отпечатва стойността, която връща `find_reachable` в следния формат:

- ред 1:  $a[0] \ a[1] \ \dots \ a[n - 1]$