# Catfish Farm

Bu Dengklek are o fermă de somni. Ferma de somni este un iaz, fiind reprezentată de un caroiaj de dimensiuni  $N \times N$ . Fiecare celulă este un pătrat de aceeași dimensiune. Coloanele caroiajului sunt numerotate de la 0 la N-1 de la vest la est, iar liniile sunt numerotate de la 0 la N-1 de la sud la nord. Vom nota o celulă poziționată la coloana c și linia r ( $0 \le c \le N-1$ ,  $0 \le r \le N-1$ ) prin (c,r).

În iaz sunt M somni, numerotați de la 0 la M-1, distribuiți în celule **distincte**. Pentru fiecare i astfel încât  $0 \le i \le M-1$ , somnul i se află în celula (X[i],Y[i]) și are greutatea W[i] grame.

Pentru a prinde somni, Bu Dengklek dorește să construiască câteva diguri. Un dig din coloana c de lungime k (pentru orice  $0 \le c \le N-1$  și  $1 \le k \le N$ ) este un dreptunghi care se întinde de la linia 0 până la linia k-1 acoperind celulele  $(c,0),(c,1),\ldots,(c,k-1)$ . Pentru fiecare coloană, Bu Dengklek poate alege să construiască sau nu un dig de o lungime la alegere pe acea coloană.

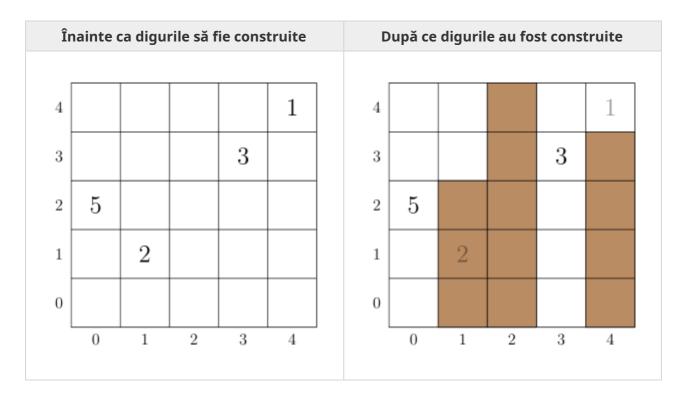
Somnul i (pentru fiecare i astfel încât  $0 \le i \le M-1$ ) poate fi prins dacă celula vecină din est sau vest este parte a unui dig și nu există un dig care să acopere celula în care se află somnul, adică dacă:

- **cel puțin una** dintre celulele (X[i]-1,Y[i]) or (X[i]+1,Y[i]) este acoperită de un dig, și
- nu există dig care să acopere celula (X[i], Y[i]).

De exemplu, să considerăm un iaz de dimensiune  $N=5\,\mathrm{cu}\ M=4\,\mathrm{somni}$ :

- Somnul 0 se află în celula (0,2) și are greutatea 5 grame.
- Somnul 1 se află în celula (1,1) și are greutatea 2 grame.
- Somnul 2 se află în celula (4,4) și are greutatea 1 gram.
- Somnul 3 se află în celula (3, 3) și are greutatea 3 grame.

Una dintre posibilitățile în care Bu Dengklek poate construi diguri este:



Numărul din fiecare celulă indică greutatea somnului ce se află în acea celulă. Celulele colorate sunt acoperite de diguri. În acest caz, somnii 0 (din celula (0,2)) și 3 (din celula (3,3)) pot fi prinși. Somnul 1 (din celula (1,1)) nu poate fi prins, deoarece există un dig care îi acoperă locația, pe când somnul 2 (din celula (4,4)) nu poate fi prins deoarece nu există un dig pe coloanele vecine la vest sau est.

Bu Dengklek ar vrea să construiască digurile astfel încât greutatea totală a somnilor care pot fi prinși să fie maximă posibilă. Sarcina voastră este să aflați greutatea totală maximă a somnilor pe care Bu Dengklek poate să îi prindă după construcția digurilor.

## Detalii de Implementare

Veţi implementa următoarea procedură:

```
int64 max_weights(int N, int M, int[] X, int[] Y, int[] W)
```

- N: dimensiunea iazului.
- M: numărul de somni.
- X, Y: tablouri unidimensionale de lungime M ce descriu locațiile somnilor.
- W: tablou unidimensional de lungime M ce descrie greutătile somnilor.
- Procedura va returna un întreg ce reprezintă greutatea totală maximă a somnilor pe care Bu Dengklek îi poate prinde după construcția digurilor.
- Procedura este apelată exact o singură dată.

# Exemplu

Se consideră următorul apel:

```
max_weights(5, 4, [0, 1, 4, 3], [2, 1, 4, 3], [5, 2, 1, 3])
```

Acest exemplu este ilustrat mai sus, în descrierea problemei.

După construcția digurilor conform celor descrise, Bu Dengklek poate prinde somnii 0 și 3, care au greutatea totală 5+3=8 grame. Deoarece nu există o altă posibilitate de a construi digurile astfel încât să fie prinși somni cu greutatea totală mai mare decât 8 grame, procedura va returna 8.

## Restricții

- $2 \le N \le 100\ 000$
- 1 < M < 300000
- $0 \le X[i] \le N-1$ ,  $0 \le Y[i] \le N-1$  (pentru fiecare i astfel încât  $0 \le i \le M-1$ )
- $1 \le W[i] \le 10^9$  (pentru fiecare i astfel încât  $0 \le i \le M-1$ )
- Nu există doi somni care să se afle în aceeași celulă. Altfel spus,  $X[i] \neq X[j]$  sau  $Y[i] \neq Y[j]$  (pentru fiecare i și j astfel încât  $0 \le i < j \le M-1$ ).

### Subtask-uri

- 1. (3 puncte) X[i] este par (pentru fiecare i astfel încât  $0 \le i \le M-1$ )
- 2. (6 puncte)  $X[i] \leq 1$  (pentru fiecare i astfel încât  $0 \leq i \leq M-1$ )
- 3. (9 puncte) Y[i] = 0 (pentru fiecare i astfel încât  $0 \le i \le M-1$ )
- 4. (14 puncte)  $N \leq 300$ ,  $Y[i] \leq 8$  (pentru fiecare i astfel încât  $0 \leq i \leq M-1$ )
- 5. (21 puncte)  $N \leq 300$
- 6. (17 puncte)  $N \le 3000$
- 7. (14 puncte) Există cel mult 2 somni în fiecare coloană.
- 8. (16 puncte) Fără restricții adiționale.

#### **Grader-ul Local**

Grader-ul local citește intrarea în următorul format:

- linia 1:NM
- linia 2 + i ( $0 \le i \le M 1$ ): X[i] Y[i] W[i]

Grader-ul local afișează răspunsul vostru în următorul format:

• linia 1: valoarea returnată a max\_weights