# RUSSIA - KAZAN

#### **International Olympiad in Informatics 2016**

12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules
Country: LVA

## Molekulu noteikšana

Petrs strādā kompānijā, kas būvē mašīnas molekulu noteikšanai. Katrai molekulai ir svars, kas izsakāms kā naturāls skaitlis. Mašīnai ir *noteikšanas diapazons* [l,u], kur l un u ir naturāli skaitļi. Mašīna var noteikt molekulu kopu tad un tikai tad, ja tā satur molekulu apakškopu ar kopējo svaru, kas pieder mašīnas noteikšanas diapazonam.

Formāli, ja n molekulu svari ir naturāli skaitļi  $w_0,\ldots,w_{n-1}$ , tad noteikšana ir veiksmīga tad, ja ir tāda dažādu indeksu kopa  $I=\{i_1,\ldots,i_m\}$ , ka  $l\leq w_{i_1}+\ldots+w_{i_m}\leq u$ .

Starpība starp l un u garantēti ir lielāka vai vienāda ar smagākās un vieglākās molekulas svaru starpību. Formāli,  $u-l \geq w_{max}-w_{min}$ , kur  $w_{max}=\max(w_0,\ldots,w_{n-1})$  un  $w_{min}=\min(w_0,\ldots,w_{n-1})$ .

Jūsu uzdevums ir uzrakstīt programu, kura vai nu atrod vienu molekulu apakškopu ar kopējo svaru noteikšanas diapazonā, vai arī noskaidro, ka tādas apakškopas nav.

## Implementācijas detaļas

Jums ir jāimplementē viena funkcija (metode):

- int[] solve(int I, int u, int[] w)
  - lun u: noteikšanas diapazona galapunkti,
  - w: molekulu svari.
  - ja vajadzīgā apakškopa eksistē, funkcijai ir jāatgriež to molekulu, kuras formē šo apakškopu, indeksu masīvu. Ja ir vairākas derīgas apakškopas, izvadiet informāciju par jebkuru no tām.
  - o ja vajadzīgā apakškopa neeksistē, funkcijai ir jāatgriež tukšs masīvs.

C valodai funkcijas signatūra ir mazliet atšķirīga:

- int solve(int I, int u, int[] w, int n, int[] result)
  - n: elementu skaits masīvā w (t.i., molekulu skaits),
  - o citi parametri ir tādi paši kā iepriekšējās funkcijas aprakstā.
  - o indeksu masīva atgriešanas vietā (kā iepriekšējā funkcijā), funkcijai ir jāieraksta indeksi pirmajās m masīva result šūnās un jāatgriež m.
  - $\circ\;$ ja vajadzīgā apakškopa neeksistē, funkcijai masīvā result nekas nav jāraksta un ir jāatgriež 0 .

Atgriežamajā masīvā (vai masīvā result valodā C) indeksus drīkst izvadīt jebkurā

secībā.

Implementācijas detaļām lūdzu izmantojiet piedāvātos šablona failus jūsu izmantotajā programmēšanas valodā.

#### Piemēri

#### 1. piemērs

```
solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])
```

šajā piemērā ir četras molekulas ar svariem 6, 8, 8 and 7. Mašīna var noteikt molekulu apakškopas ar kopējo svaru starp 15 un 17 ieskaitot. Ievērojiet, ka  $17-15 \geq 8-6$ . Molekulu 1 un 3 kopējais svars ir  $w_1+w_3=8+7=15$ , tāpēc funkcija var atgriezt [1, 3]. Citas derīgas atbildes ir [1, 2] ( $w_1+w_2=8+8=16$ ) un [2, 3] ( $w_2+w_3=8+7=15$ ).

#### 2. piemērs

```
solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])
```

šajā piemērā ir četras molekulas ar svariem 5, 5, 6 and 6, un mēs meklējam molekulu apakškopu ar svariem starp 14 un 15 ieskaitot. Ievērojiet, ka  $15-14 \geq 6-5$ . Molekulu apakškopa ar kopējo svaru starp 14 and 15 neeksistē, tāpēc funkcijai ir jāatgriež tukšs masīvs.

#### 3. piemērs

```
solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])
```

šajā piemērā ir četras molekulas ar svariem 15, 17, 16 and 18, un mēs meklējam molekulu apakškopu ar svariem starp 10 un 20 ieskaitot. Ievērojiet ka  $20-10 \geq 18-15$ . Jebkurai apakškopai no viena elementa kopējais molekulu svars ir starp 10 un 20, tāpēc pareizas atbildes ir: [0], [1], [2] un [3].

## Apakšuzdevumi

- 1. (9 punkti):  $1 \le n \le 100$ ,  $1 \le w_i \le 100$ ,  $1 \le u, l \le 1000$ , visi  $w_i$  ir vienādi.
- 2. (10 punkti):  $1\leq n\leq 100$  ,  $1\leq w_i,u,l\leq 1000$  un  $\max(w_0,\ldots,w_{n-1})-\min(w_0,\ldots,w_{n-1})\leq 1$  .
- 3. (12 punkti):  $1 \leq n \leq 100$  un  $1 \leq w_i, u, l \leq 1000$  .
- 4. (15 punkti):  $1 \leq n \leq 10\,000$  un  $1 \leq w_i, u, l \leq 10\,000$  .
- 5. (23 punkti):  $1 \leq n \leq 10\,000$  un  $1 \leq w_i, u, l \leq 500\,000$
- 6. (31 punkti):  $1 \le n \le 200\,000$  un  $1 \le w_i, u, l < 2^{31}$  .

## Piemēru vērtētājs

Piemēru vērtētājs lasa ievaddatus sekojošā formātā:

- $\circ$  1. rinda: naturāli skaitļi n, l, u.
- $\circ$  2 . rinda: n naturāli skaitļi  $w_0,\ldots,w_{n-1}$  .