

Mutating DNA

Grace é uma bióloga que trabalha numa empresa de bioinformática de Singapura. Como parte do seu trabalho, ela analisa sequências de DNA de vários organismos. Uma sequência de DNA é definida como sendo uma string de caracteres "A", "T" e "C". Nota que neste problema as sequências de DNA não contêm o caracter "G".

Definimos uma mutação como sendo uma operação na sequência de DNA onde dois elementos da sequência são trocados. Por exemplo, uma única mutação pode transformar "ACTA" em "AATC" ao trocar os caracteres a negrito "A" e "C".

A distância de mutação entre duas sequências é o número mínimo de mutações necessário para transformar uma sequência noutra, ou $\,-1$ se não for possível transformar uma sequência noutra usando mutações.

Grace está a analisar duas sequências de DNA a e b, ambas consistindo em n elementos com índices de 0 a n-1. A tua tarefa é ajudar Grace a responder a q questões da forma: qual é a distância de mutação entre a substring a[x..y] e a substring b[x..y]? Aqui, a substring s[x..y] de uma sequência de DNA s é definida como sendo a sequência de caracters consecutivos de s cujos índices são de s0 a s1, inclusive. Por outros palavras, s[x..y] é a sequência s[x]s[x+1] ... s[y]

Detalhes de Implementação

Deves implementar as seguintes funções:

```
void init(string a, string b)
```

- a, b: strings de tamanho n, descrevendo as duas sequências de DNA a serem analisadas.
- Esta função deve ser chamada exatamente uma vez, antes de quaisquer chamadas a get distance.

```
int get_distance(int x, int y)
```

- x, y: os índices de início e fim das substrings a serem analisadas.
- A função deve devolver a distância de mutação entre as substrings a[x..y] e b[x..y].
- Esta função é chamada exatamente q vezes.

Exemplo

Considera a seguinte chamada:

```
init("ATACAT", "ACTATA")
```

Imaginemos que o avaliador chama $get_distance(1, 3)$. Esta chamada deve devolver a distância de mutação entre a[1..3] e b[1..3], ou seja, as sequências "TAC" e "CTA". "TAC" pode ser transformada em "CTA" através de 2 mutações. TAC \rightarrow CAT, seguida de CAT \rightarrow CTA, e a transformação é impossível de fazer em menos do que 2 mutações.

Deste modo, a chamada deve devolver 2.

Imaginemos que o avaliador chama get_distance (4, 5). Esta chamada deve devolver a distância de mutação entre as sequências "AT" e "TA". "AT" pode ser transformada em "TA" através de uma única mutação, e claramente pelo menos uma mutação é necessária.

Deste modo, a chamada deve devolver 1.

Finalmente, imaginemos que o avaliador chama $get_distance(3, 5)$. Como **não existe** maneira da sequência "CAT" ser transformada em "ATA" através de uma sequência de mutações, esta chamada deve devolver -1.

Restrições

- $1 \le n, q \le 100000$
- $0 \le x \le y \le n-1$
- Cada caracter de a e b é um entre "A", "T" e "C".

Subtarefas

- 1. (21 pontos) $y-x \leq 2$
- 2. (22 pontos) $q \leq 500$, $y-x \leq 1000$, cada caracter de a e b é "A" ou "T".
- 3. (13 pontos) cada caracter de a e b é "A" ou "T".
- 4. (28 pontos) q < 500, y x < 1000
- 5. (16 pontos) Nenhuma restrição adicional.

Avaliador Exemplo

O avaliador exemplo lê o input no seguinte formato:

- linha 1: n q
- linha 2: *a*
- linha 3: b
- linha 4+i ($0 \le i \le q-1$): x y para i-ésima chamada a $\mathtt{get_distance}$.

O avaliador exemplo escreve as tuas respostas no seguinte formato:

• linha 1+i ($0 \le i \le q-1$): o valor de retorno da i-ésima chamada a get distance.