### **SubsetMex**

Problem Name	Subset Mex
Input file	standard input
Output file	standard output
Time limit	1 second
Memory limit	256 megabytes

Un *multiset* este o colecție de elemente similară cu o mulțime, unde elementele se pot repeta de mai multe ori. Următorul exemplu reprezintă un multiset:

 $\{0, 0, 1, 2, 2, 5, 5, 5, 8\}$ 

Fie dat un multiset S definit pe mulțimea numerelor întregi nenegative și o valoare întreagă nenegativă țintă n astfel încât n nu aparține lui S, scopul tău este să inserezi n în S folosind următoarea operație în 3 pași, în mod repetat:

- 1. Alegeți o submulțime (posibil vidă) *T* din *S*. Aici, *T* este o mulțime de elemente distincte unde toate elementele sale aparțin lui *S*.
- 2. Eliminați din S elementele care aparțin lui T. (Eliminați doar o copie a fiecărui element.)
- 3. Inserați mex(T) în S, unde mex(T) este cel mai mic număr întreg nenegativ ce nu aparține lui T. Numele mex vine de la valoarea "minimă exclusă".

Scopul tău este de a găsi numărul minim de operații astfel încât *n* devine parte din *S*.

Din moment ce dimensiunea lui S poate fi mare, atunci multisetul va fi dat sub forma unei liste ( $f_0$ , ...,  $f_{n-1}$ ) de dimensiunea n, unde  $f_i$  reprezintă de câte ori numărul i apare în S. (Reamintim că n este numărul întreg pe care încercăm să-l inserăm în S.)

## **Intrare**

Prima linie conține un singur număr întreg t (1  $\leq$  t  $\leq$  200) — numărul de cazuri de testare. Fiecare două dintre următoarele linii descriu un test:

- Prima linie din fiecare test conține un singur număr întreg n (1  $\leq n \leq$  50), ce reprezintă numărul întreg ce trebuie inserat în S.
- A doua linie din test conține n numere întregi  $f_0, f_1, ..., f_{n-1}$  ( $0 \le f_i \le 10^{16}$ ), ce reprezintă multisetul S așa cum s-a menționat mai sus.

# **Ieșire**

Pentru fiecare caz de test, afișați pe o singură linie numărul minim de operații necesare pentru a satisface condiția.

### **Punctare**

Subtask #1 (5 puncte):  $n \le 2$ 

Subtask #2 (17 puncte):  $n \le 20$ 

Subtask #3 (7 puncte):  $f_i = 0$ 

Subtask #4 (9 puncte):  $f_i \le 1$ 

Subtask #5 (20 puncte):  $f_i \le 2000$ 

Subtask #6 (9 puncte):  $f_0 \le 10^{16}$  și  $f_j = 0$  (pentru orice  $j \ne 0$ )

Subtask #7 (10 puncte): Există o valoare i pentru care  $f_i \le 10^{16}$  și  $f_j = 0$  (pentru orice  $j \ne i$ )

Subtask #8 (23 puncte): Nu sunt condiții suplimentare

# Exemple

standard input	standard output
2	4
4	10
0 3 0 3	
5	
4 1 0 2 0	

#### Notă

În primul exemplu, inițial,  $S = \{1, 1, 1, 3, 3, 3\}$  și scopul nostru este de a insera 4 în S. Putem face următoarele:

```
1. alegem T = \{\} atunci S devine \{0, 1, 1, 1, 3, 3, 3\}
```

2. alegem 
$$T = \{0, 1, 3\}$$
 atunci  $S$  devine  $\{1, 1, 2, 3, 3\}$ 

3. alegem 
$$T = \{1\}$$
 atunci  $S$  devine  $\{0, 1, 2, 3, 3\}$ 

4. alegem 
$$T = \{0, 1, 2, 3\}$$
 atunci  $S$  devine  $\{3, 4\}$