August 23 – August 29, 2019 Maribor, Slovenia Day 1 Tasks

xoranges Greek (GRC)

# **XORanges**

Ο Γιάννης αγαπάει τα πορτοκάλια! Έτσι έφτιαξε ένα scanner για πορτοκάλια. Με μια κάμερα και ένα Raspberry Pi 3b+, ξεκίνησε να φτιάχνει 3D εικόνες πορτοκαλιών. Ο επεξεργαστής εικόνας δεν είναι πολύ καλός και έτσι η μόνη έξοδος που παίρνει είναι ένας 32-bit ακέραιος, που περιέχει πληροφορία για τις τρύπες πάνω στην φλούδα του. Ένας 32-bit ακέραιος D αναπαρίσταται ως μία ακολουθία από 32 δυαδικά ψηφία (bits) καθένα από τα οποία είναι είτε 1 είτε 0. Αν ξεκινήσουμε από το 0 μπορούμε να ανακτήσουμε το D προσθέτωντας  $2^i$  για κάθε i-οστό bit που είναι ίσο με το 1. Πιο συγκεκριμένα, ο αριθμός D αναπαρίσταται από την ακολουθία  $d_{31}, d_{30}, \ldots d_0$  όταν  $D = d_{31} \cdot 2^{31} + d_{30} \cdot 2^{30} + \ldots + d_1 \cdot 2^1 + d_0 \cdot 2^0$ . Για παράδειγμα, το 13 αναπαρίσταται ως  $0, \ldots, 0, 1, 1, 0, 1$ .

Ο Γιάννης σκανάρει n πορτοκάλια, όμως, κάποιες φορές αποφασίζει να ξανασκανάρει (rescan) κάποιο πορτοκάλι (i-οστό) κατά την εκτέλεση του προγράμματος του. Αυτό σημαίνει ότι από αυτό το σκανάρισμα και μετά, χρησιμοποιεί την ανανεωμένη τιμή του i-οστού πορτοκαλιού.

Ο Γιάννης θέλει να αναλύσει αυτά τα πορτοκάλια. Θεωρεί ότι το αποκλειστικό ή (XOR) είναι πολύ ενδιαφέρον, γι' αυτό αποφασίζει να κάνει κάποιους υπολογισμούς (queries). Επιλέγει ένα πλήθος (εύρος) πορτοκαλιών από l έως u (όπου  $l \le u$ ) και θέλει να υπολογίζει την αξία του XOR όλων των στοιχείων σε αυτό το εύρος, όλων των ακολουθιών από 2 διαδοχικά στοιχεία, όλων των ακολουθιών από 3 διαδοχικά στοιχεία ... μέχρι και την ακολουθία από u-l+1 διαδοχικών στοιχείων (όλα τα στοιχεία σε αυτό το εύρος).

Π.χ. αν l=2 και u=4 και υπάρχει ένας πίνακας από σκαναρισμένες τιμές A, το πρόγραμμα θα πρέπει να επιστρέφει την τιμή του  $a_2\oplus a_3\oplus a_4\oplus (a_2\oplus a_3)\oplus (a_3\oplus a_4)\oplus (a_2\oplus a_3\oplus a_4)$ , όπου  $\oplus$  αναπαριστά το αποκλειστικό  $\upmathbb{H}$  (XOR) και  $a_i$  είναι το i-οστό στοιχείο στο πίνακα A.

Το αποκλειστικό ή (ΧΟΚ) ορίζεται ως ακολούθως:

Αν το i-οστό bit της πρώτης τιμής είναι ίδιο με το i-οστό bit της δεύτερης τιμής, το i-οστό bit του αποτελέσματος της πράξης XOR είναι 0. Αν το i-οστό bit της πρώτης τιμής είναι διαφορετικό με το i-οστό bit της δεύτερης τιμής, το i-οστό bit του αποτελέσματος της πράξης XOR είναι 1.

$\boldsymbol{x}$	y	$x \oplus y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Για παράδειγμα,  $13 \oplus 23 = 26$ .

13 =	0001101
23 =	0010111
$13 \oplus 23 = 26 =$	0011010

# Είσοδος

Στην πρώτη γραμμή της εισόδου υπάρχουν 2 θετικοί ακέραιοι n και q (όπου q είναι ο συνολικός αριθμός των rescan και queries μαζί, που τα ονομάζουμε actions).

Στην επόμενη γραμμή, υπάρχουν n μη-αρνητικοί ακέραιοι (διαχωρισμένοι με κενά), που αντιπροσωπεύουν τις τιμές του πίνακα A. Το  $a_i$  περιέχει την τιμή του i-οστού πορτοκαλιού. Ο δείκτης i ξεκινάει από το 1.

Τα actions περιγράφονται στις επόμενες q γραμμές με 3 θετικούς ακέραιους διαχωρισμένους με κενά.

Av ο τύπος του action είναι 1 (rescan), τότε ο πρώτος ακέραιος είναι 1 και ακολουθείται από το i (τον δείκτη του πορτοκαλιού που ξανασκανάρει) και το j (το αποτέλεσμα αυτού του σκαναρίσματος).

Αν ο τύπος του action είναι 2 (query), τότε ο πρώτος ακέραιος είναι 2 και ακολουθείται από το εύρος δηλαδή τους αριθμούς l και u.

# Έξοδος

Ένας ακέραιος για κάθε query(action τύπου 2). Θα πρέπει να τυπώνετε κάθε τιμή σε νέα γραμμή. Σημειώστε ότι η i-οστή γραμμή της εξόδου πρέπει να αντιστοιχεί με το αποτέλεσμα του i-οστού query.

## Περιορισμοί

# Υποπροβλήματα

- 1. [12 points]:  $0 < n, q \le 100$
- 2. **[18 points]**:  $0 < n, q \le 500$  και δεν υπάρχουν actions του τύπου 1
- 3. **[25 points]**:  $0 < n, q \le 5000$
- 4. **[20 points]**:  $0 < n, q < 2 \cdot 10^5$  και δεν υπάρχουν actions του τύπου 1
- 5. [25 points]: Κανένας επιπλέον περιορισμός.

# Παραδείγματα

## Παράδειγμα 1

#### Είσοδος

```
3 3
1 2 3
2 1 3
1 1 3
2 1 3
```

## Έξοδος

```
2
0
```

## Σχόλιο

Στην αρχή δίνεται ο πίνακας A=[1,2,3]. Το πρώτο query είναι σε όλο το εύρος του πίνακα. Το αποτέλεσμα της ανάλυσης είναι  $1\oplus 2\oplus 3\oplus (1\oplus 2)\oplus (2\oplus 3)\oplus (1\oplus 2\oplus 3)=2$ .

Στην συνέχεια, με το action τύπου 1, η τιμή του 1ου πορτοκαλιού αντικαθίσταται με την τιμή 3.

Αυτό οδηγεί σε μία αλλαγή, καθώς στην συνέχεια εκτελώντας το ίδιο query στο εύρος [1,3] παίρνουμε διαφορετική τιμή, δηλαδή  $3\oplus 2\oplus 3\oplus (3\oplus 2)\oplus (2\oplus 3)\oplus (3\oplus 2\oplus 3)=0$ .

### Παραδειγμα 2

#### Είσοδος

```
5 6
1 2 3 4 5
2 1 3
1 1 3
2 1 5
2 4 4
1 1 1
2 4 4
```

## Έξοδος