# International Olympiad in Informatics 2016



12-19th August 2016 Kazan, Russia day1 1

molecules Country: KAZ

# Молекулаларды анықтау

Петр молекулаларды анықтауыш машина шығаратын компанияда жұмыс істейді. Әрбір молекуланың бүтін санмен анықталған салмағы бар. Машинаның [l,u] кесіндісімен берілген анықтау аймағы бар, мұнда l және u бүтін сандар. Машина молекулалар жиынын салмақтарының қосындысы машинаның анықталу аймағында жататын молекулалар жиынының ішкі жиыны болған жағдайда ғана анықтай алады.

Нақтырақ, салмақтары бүтін оң  $w_0,\dots,w_{n-1}$  болатын n молекула бар делік. Егер  $l\leq w_{i_1}+\dots w_{i_m}\leq u$  болатын  $I=i_1,\dots,i_m$  әр түрлі индекстері бар болса машина молекулаларды сәтті анықтайды.

Машинаның бір ерекшелігі бар, l мен u –дың арасындағы айырмашылық ең ауыр және ең жеңіл молекулалардың арасындағы айырмашылықтан әрқашан кем емес. Нақтырақ,  $u-l \geq w_{max}-w_{min}$ , мұндағы  $w_{max}=\max(w_0,\dots,w_{n-1})$  және  $w_{min}=\min(w_0,\dots,w_{n-1})$ .

Сіздің тапсырмаңыз молекулулар жиынынынан машина молекулаларды анықтай алатын ішкі жиын табатын немесе ондай ішкі жиын жоқ екенін растайтын программа жазу.

## Іске асыру бойынша қосымша ақпарат

Сіз берілген функцияны іске асыру қажетсіз:

- int[] solve(int I, int u, int[] w)

  - w: молекулалар салмақтары.
  - егер қажет етілген ішкі жиын табылса, функция қажет етілген талаптарға сай кез келген ішкі жиындағы молекулалардың индекстерінің массивін қайтару керек. Егер бірнеше дұрыс жауап болса, кез келгенін қайтаруға болады.
  - Егер ондай ішкі жиын табылмаса, бос массив қайтару керек.

С тілі үшін кішкене айырмашылықтар бар:

- int solve(int I, int u, int[] w, int n, int[] result)
  - o n: w массивіндегі элементтер саны (немесе, молекулалар саны),
  - басқа параметрлері өзгерілмеген.
  - $\circ m$  индекстен тұратын массив қайтарудың орнына функция  $\operatorname{result}$  массивінің бірінші m ұяшығына индекстерді жазып m санын қайтаруы

қажет.

 $\circ$  егер керекті ішкі жиын табылмаса, функция result массивына ештеңе жазбай 0 санын қайтаруы қажет.

Сіздің қолданатын програмаллау тіліне сәйкес үлгі файлдарды қолдануды ұсынамыз.

### Мысалдар

#### 1 мысал

```
solve(15, 17, [6, 8, 8, 7])
```

Бұл мысалда бізде салмақтары 6,8,8 және 7 болатын төрт молекула бар. Машина молекулалар салмақтарының қосындысы 15 және 17-ның арасында (шеткі нүктелерін қоса) болатын ішкі жиынындағы молекулаларды анықтай алады.  $17-15\geq 8-6$  екенін байқайық. 1 және 3 молекулаларының қосындысы  $w_1+w_3=8+7=15$ , сондықтан функция [1,3] массивін қайтара алады. [2,3] массиві де дұрыс жауап болып саналады, өйткені ( $w_2+w_3=8+7=15$ ).

#### 2 мысал

### solve(14, 15, [5, 5, 6, 6])

Бұл мысалда бізде салмақтары 5, 5, 6 және 6 болатын төрт молекула бар. Машина молекулалар салмақтарының қосындысы 14 және 15-тің арасында (шеткі нүктелерін қоса) болатын ішкі жиынындағы молекулаларды анықтай алады.  $15-14 \geq 6-5 \,\,$  екенін байқайық. Мұнда қосындысы  $14\,$  және  $15\,$ -тің арасында болатын ішкі жиын жоқ, сондықтан біз бос массив қайтарамыз.

#### 3 мысал

### solve(10, 20, [15, 17, 16, 18])

Бұл мысалда бізде салмақтары 15, 17, 16 және 18 болатын төрт молекула бар. Машина молекулалар салмақтарының қосындысы 14 және 15-тің арасында (шеткі нүктелерін қоса) болатын ішкі жиынындағы молекулаларды анықтай алады.  $20-10 \geq 18-15 \ \ \text{екенін байқайық. Мұнда бір элементтен тұратын кез келген ішкі жиын талаптарға сай келеді, сондықтан келесі жауаптардың бәрі дұрыс болып саналады:<math>[0],[1],[2]$  және [3].

### Есеп бөлімдері

- 1. (9 ұпай):  $n \leq 100$ ,  $w_i \leq 100$ , барлық  $w_i$  бірдей.
- 2. (10 ұпай):  $n \leq 100, w_i \leq 1000$  , және  $max(w_0,\dots,w_{n-1}) min(w_0,\dots,w_{n-1}) \leq 1$  .
- 3. (12 ұпай):  $n \leq 100$  және  $w_i, u, l \leq 1000$  .
- 4. (15 ұпай):  $n \leq 10\,000$  және  $w_i, u, l \leq 10\,000$  .
- 5. (23 ұпай):  $n \leq 10\,000$  және  $w_i, u, l \leq 500\,000$
- 6. (31 ұпай):  $n \leq 200\,000$  және  $w_i, u, l < 2^{31}$  .

# Үлгі мысалдарын бағалаушы

Үлгі мысалдарын бағалаушы енгізу ақпараттарын келесі форматта оқиды:

- $\circ$  1жол: бүтін n , l , u .
- $\circ$  2 жол: n бүтін сандар:  $w_0,\dots,w_{n-1}$  .