Лінійне програмування

Графічний метод

Розв'язати графічним методом задачі лінійного програмування:

$$1.\chi(x) = -4x_1 + 5x_2 - 15 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases}
5x_1 + 3x_2 \ge 23, \\
x_1 + 5x_2 \le 31, \\
3x_1 - x_2 \le 13, \\
x_1 - 2x_2 \le 2; \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

$$2.\chi(x)=5x_1-3x_2+2 \to \max;$$

$$\begin{cases} x_1-4x_2 \le 2, \\ x_1+4x_2 \le 14, \\ x_1+x_2 \le 8; \end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x \ge 0.$$

3.
$$\chi(x) = x_1 - 3x_2 + 1 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases}
-x_1 + x_2 \le 5, \\
-x_1 + 3x_2 \le 19, \\
x_1 + x_2 \le 11; \\
x_1 \ge 0, x \ge 0.
\end{cases}$$

$$4.\chi(x) = -6x_1 + 2x_2 + 5 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases} x_1 + 4x_2 \ge 13, \\ 3x_1 + x_2 \ge 6, \\ -2x_1 + x_2 \le 3, \\ -x_1 + 2x_2 \le 12; \end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

5.
$$\chi(x)=2x_1+5x_2-3 \rightarrow \max;$$

$$\begin{cases}
2x_1+x_2 \ge 4, \\
x_1-2x_2 \le 4, \\
2x_1-x_2 \le 11; \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

6.
$$\chi(x)=2x_1+3x_2 \rightarrow \max;$$

$$\begin{cases} x_1+6x_2 \le 24, \\ 3x_1+2x_2 \le 16, \\ -2x_1+x_2 \le 2, \\ 2x_1-x_2 \le 6; \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

7.
$$\chi(x)=3x_1+3x_2 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases} x_1+x_2 \ge 2, \\ x_1+7x_2 \le 14, \\ x_1-5x_2 \le 2; \end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x \ge 0.$$

8.
$$\chi(x) = x_1 - 5x_2 + 3 \rightarrow \text{max};$$

$$\begin{cases}
5x_1 - x_2 \ge 10, \\
x_1 - 5x_2 \le 2, \\
3x_1 + 5x_2 \le 34, \\
x_1 - x_2 \le 6; \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

9.
$$\chi(x)=x_1-3x_2 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases} 6x_1+x_2 \ge 6, \\ 5x_1-3x_2 \le 10; \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

10.
$$\chi(x)=5x_1+5x_2 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases}
-2x_1+x_2 \le 0, \\ x_1+2x_2 \ge 5, \\ x_1-2x_2 \le 1; \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

11.
$$\chi(x) = x_1 + 8x_2 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases}
2x_1 + x_2 \ge 4, \\
-x_1 + 4x_2 \ge 3, \\
x_1 + 4x_2 \ge 9;
\end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$

12.
$$\chi(x)=2x_1+3x_2 \rightarrow \max;$$

$$\begin{cases}
2x_1+3x_2 \leq 17, \\
3x_1+x_2 \leq 15, \\
-2x_1+5x_2 \leq 15; \\
x_1 \geq 0, x_2 \geq 0.
\end{cases}$$

13.
$$\chi(x)=2x_1-4x_2 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases}
-x_1+x_2 \leq 3, \\
5x_1+2x_2 \leq 10, \\
x_1+3x_2 \geq 2;
\end{cases}$$

$$x_1 \geq 0, x_2 \geq 0.$$

14.
$$\chi(x)=3x_1+2x_2 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases}
2x_1+x_2 \ge 4, \\
-x_1+4x_2 \ge 3, \\
x_1+4x_2 \le 16; \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

15.
$$\chi(x) = x_1 + 2x_2 \rightarrow \min;$$

$$\begin{cases}
2x_1 + 3x_2 \le 27, \\
x_1 + 2x_2 \ge 4, \\
-x_1 + 3x_2 \ge 2;
\end{cases}$$

$$x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$$