



**2025年10月**

**鈴課文科数学月考**

I

問 1  $P = 12a^2 + 14ab - 21bc - 18ca$  とする。

(1)  $P$  を因数分解すると

$$P = \left( \boxed{\text{A}}a + \boxed{\text{B}}b \right) \left( \boxed{\text{C}}a - \boxed{\text{D}}c \right)$$

である。

(2)  $6a = \sqrt{6}$ ,  $14b = \sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{6}$ ,  $18c = \sqrt{12} - \sqrt{8}$  とすると

$$P = \frac{\boxed{\text{E}} + \boxed{\text{F}}\sqrt{\boxed{\text{G}}}}{\boxed{\text{H}}}$$

- 計算欄 (memo) -

問 2 2 次関数  $f(x) = -x^2 + 4x + 5$  を考える。

(1) 放物線  $y = f(x)$  の頂点の座標は  $(\boxed{\text{I}}, \boxed{\text{J}})$  である。

(2) 放物線  $y = f(x)$  を  $x$  軸方向に  $k$ ,  $y$  軸方向に  $-4$  だけ平行移動して得られる放物線を  $y = g(x)$  とすると

$$g(x) = -\left(x - \boxed{\text{K}} - k\right)^2 + \boxed{\text{L}}$$

である。

- 計算欄 (memo) -

II

**問 1** 2つの袋 A、B がある。A の袋には白カードが 4 個、赤カードが 1 個入っており、B の袋には白カードが 2 個、赤カードが 3 個入っている。はじめに A の袋から同時に 2 個のカードを取り出し、続いて、B の袋から同時に 2 個のカードを取り出す。

(1) A から 2 個の白カードを取り出し、B からは白カードと赤カードをそれぞれ 1 個ずつ取り出す確率は  $\frac{A}{BC}$

(2) 取り出した 4 個のカードの中に、3 個の白カードと 1 個の赤カードが入っている確率は  $\frac{D}{E}$  である。

(3) 取り出した 4 個のカードがすべて同じ色である確率は  $\frac{F}{GH}$  である。

(4) 取り出した 4 個のカードの中に含まれる白カードが 2 個以下である確率は  $\frac{IJ}{KL}$  である。

- 計算欄 (memo) -

# III

2つの整数  $a = 588, b = 1260$  を考える。

1.  $a, b$  を素因数分解すると

$$a = 2^{\boxed{\text{A}}} \cdot 3 \cdot \boxed{\text{B}}^{\boxed{\text{C}}}, \quad b = 2^{\boxed{\text{D}}} \cdot 3^{\boxed{\text{E}}} \cdot \boxed{\text{F}} \cdot \boxed{\text{G}}$$

である。ただし,  $\boxed{\text{F}} < \boxed{\text{G}}$  とする。よって,  $a, b$  の最大公約数は  $\boxed{\text{HI}}$  である。

2. 次の条件 (i), (ii) を満たす正の整数  $c$  を考える。

(i)  $a, b, c$  の最大公約数は,  $a, b$  の最大公約数に等しい。

(ii)  $a, b, c$  の最小公倍数は,  $a, b$  の最小公倍数の 2 倍である。

条件 (i), (ii) を満たすような  $c$  は全部で  $\boxed{\text{J}}$  個ある。そのような中で最小のものは  $\boxed{\text{KLM}}$  である。

3. 整数  $a, b$  に対して, 方程式

$$ax - by = \boxed{\text{KLM}} \quad \cdots (1)$$

の整数解  $x, y$  を求めよう。方程式 (1) の整数解  $x, y$  を求めるためには, 方程式

$$\boxed{\text{N}}x - \boxed{\text{OP}}y = \boxed{\text{Q}} \quad \cdots (2)$$

の整数解  $x, y$  を求めればよい。方程式 (2) を満たすような正の整数  $x, y$  で,  $y$  が最も小さいものを求めると

$$x = \boxed{\text{RS}}, \quad y = \boxed{\text{T}}$$

である。したがって, 方程式 (1) の整数解は

$$x = \boxed{\text{UV}} + \boxed{\text{WX}}k, \quad y = \boxed{\text{Y}} + \boxed{\text{Z}}k$$

である。ただし,  $k$  は整数である。



- 計算欄 (memo) -

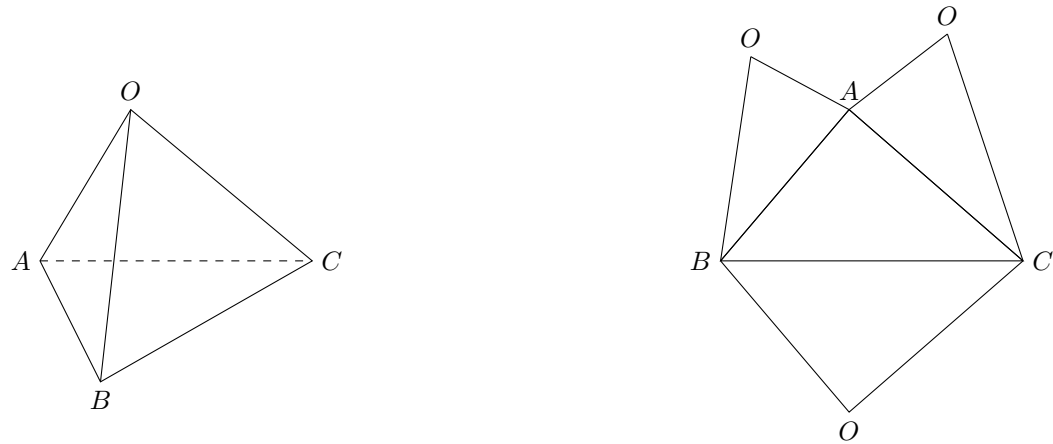
IV

下の右図は、四面体  $OABC$  の展開図である。四面体  $OABC$  において

$$BC = 10, \quad AC = 8, \quad \sin \angle ACB = \frac{3}{4}$$

$$OA = 3, \quad \triangle ABC \equiv \triangle OBC$$

が成り立つとする。



1. 三角形  $ABC$  の面積は AB である。
2. 点  $A$  から辺  $BC$  におろした垂線を  $AH$  とすると、 $AH$  の長さは C である。
3. 平面  $ABC$  と平面  $OBC$  のなす角を  $\theta$  とすると

$$\cos \theta = \frac{\text{D}}{\text{E}}, \quad \sin \theta = \frac{\sqrt{\text{FG}}}{\text{H}}$$

である。

4. 四面体  $OABC$  の体積は  $\frac{\text{IJ} \sqrt{\text{KL}}}{\text{M}}$  である。

- 計算欄 (memo) -