Семинар 6.1. Основы работы в вольфрамм.

Задача 1.

Решите уравнение Шредингера для атома водорода, без угловой части (переменная только r).

Задача 2.

Реализовать алгебру многочленов с соотношением

$$x^2 = -1$$

Задача 3.

Реализовать алгебру кватернионов.

Задача 4.

По заданному гамильтониану и списку обобщенных координат записать систему уравнений Гамильтона.

Задача 5.

По заданному гамильтониану и списку обобщенных координат записать уравнение Гамильтона-Якоби.

Задача 6*.

Организуйте аналитические вычисления по формуле Бейкера-Кэмпбелла-Хаусдорфа.

$$Z = \log(\exp X \exp Y) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n} \sum_{\substack{r_1 + s_1 > 0 \\ \vdots \\ r_n + s_n > 0}} \frac{[X^{r_1}Y^{s_1}X^{r_2}Y^{s_2} \cdots X^{r_n}Y^{s_n}]}{(\sum_{j=1}^{n} (r_j + s_j)) \cdot \prod_{i=1}^{n} r_i! s_i!}$$

Проверьте на примере разных матриц.

Если ряд не сходится – значит такой матрицы не существует.