Практическая работа №3

Статистический анализ

Группа 9372, 9373

Тема работы

Обработка выборочных данных. Нахождение интервальных оценок параметров распределения. Проверка статистической гипотезы о нормальном законе распределения

Цель работы

Получение практических навыков вычисления интервальных статистических оценок параметров распределения выборочных данных и проверки «справедливости» статистических гипотез.

Постановка задачи

Для заданной надежности определить (на основании выборочных данных и результатов выполнения практической работы $\mathbb{N}2$) границы доверительных интервалов для математического ожидания и среднеквадратичного отклонения случайной величины. Проверить гипотезу о нормальном распределении исследуемой случайной величины с помощью критерия Пирсона χ^2 . Дать содержательную интерпретацию полученным результатам.

Порядок выполнения работы

1. Вычислить точность и доверительный интервал для математического ожидания при неизвестном среднеквадратичном отклонении при заданном объёме выборки для доверительной точности $\gamma \in \{0.95, 0.99\}$. Сделать выводы.

- 2. Для вычисления границ доверительного интервала для среднеквадратичного отклонения определить значение q при заданных γ и n. Построить доверительные интервалы, сделать выводы.
- 3. Проверить гипотезу о нормальности заданного распределения с помощью критерия χ^2 (Пирсона). Для этого необходимо найти теоретические частоты и вычислить наблюдаемое значение критерия. Далее по заданному уровню значимости $\alpha=0.05$ и числу степеней свободы найти критическую точку и сравнить с наблюдаемым значением. Сделать выводы.

Вопросы для самоконтроля

- 1. Дать определение интервальных статистических оценок.
- 2. Сформулировать алгоритм нахождения доверительного интервала для математического ожидания при неизвестном СКО.
- 3. Сформулировать алгоритм нахождения доверительного интервала для СКО при неизвестном математическом ожидании случайной величины.
- 4. Дать определение статистической гипотезы.
- 5. Односторонние и двухсторонние критерии проверки статистических гипотез.
- 6. Ошибки первого и второго рода при проверке статистической гипотезы.
- 7. Мощность критерия.
- 8. Критерий Пирсона для проверки гипотезы о нормальном распределении исследуемой случайной величины.
- 9. Методика проверки гипотезы о нормальном распределении исследуемой случайной величины с помощью критерия Пирсона.