

位运算应用口诀和实例

位运算应用口诀：

清零取反要用与，某位置一可用或

若要取反和交换，轻轻松松用异或

移位运算：

要点

1. 它们都是双目运算符，两个运算分量都是整型，结果也是整型。
2. " $<<$ " 左移：右边空出的位上补 0，左边的位将从字头挤掉，其值相当于乘 2。
3. " $>>$ " 右移：右边的位被挤掉。对于左边移出的空位，如果是正数则空位补 0，若为负数，可能补 0 或补 1，这取决于所用的计算机系统。
4. " $>>>$ " 运算符，右边的位被挤掉，对于左边移出的空位一概补上 0。

位运算符的应用 (源操作数 s 掩码 $mask$)

按位与-- $\&$

1. 清零特定位 ($mask$ 中特定位置 0，其它位为 1， $s=s\&mask$)
2. 取某数中指定位 ($mask$ 中特定位置 1，其它位为 0， $s=s\&mask$)

按位或-- $|$

常用来将源操作数某些位置 1，其它位不变。 ($mask$ 中特定位置 1，其它位为 0 $s=s|mask$)

位异或-- \wedge

1. 使特定位的值取反 ($mask$ 中特定位置 1，其它位为 0 $s=s\wedge mask$)
2. 不引入第三变量，交换两个变量的值 (设 $a=a1, b=b1$)

目 标

操 作

操作后状态

$a = a1 \wedge b1$	$a = a \wedge b$	$a = a1 \wedge b1, b = b1$
$b = a1 \wedge b1 \wedge b1$	$b = a \wedge b$	$a = a1 \wedge b1, b = a1$
$a = b1 \wedge a1 \wedge a1$	$a = a \wedge b$	$a = b1, b = a1$

二进制补码运算公式:

$-x = \sim x + 1 = \sim(x-1)$	$\sim x = -x-1$
$-(\sim x) = x+1$	$\sim(-x) = x-1$
$x+y = x - \sim y - 1 = (x y)+(x\&y)$	$x-y = x + \sim y + 1 = (x \sim y)-(\sim x\&y)$
$x^y = (x y)-(x\&y)$	$x y = (x\&\sim y)+y$
$x\&y = (\sim x y)-\sim x$	$x==y: \quad \sim(x-y y-x)$
$x!=y: \quad x-y y-x$	
$x < y: \quad (x-y)^{\wedge}((x^y)\&((x-y)^x))$	
$x <= y: \quad (x \sim y)\&((x^y) \sim(y-x))$	
$x < y: \quad (\sim x\&y) ((\sim x y)\&(x-y))$	//无符号 x, y 比较
$x <= y: \quad (\sim x y)\&((x^y) \sim(y-x))$	//无符号 x, y 比较

应用举例

(1) 判断 int 型变量 a 是奇数还是偶数

★ $a\&1 = 0$ 偶数

★ $a\&1 = 1$ 奇数

(2) 取 int 型变量 a 的第 k 位 ($k=0,1,2,\dots,\text{sizeof(int)}$), 即 $a>>k\&1$

(3) 将 int 型变量 a 的第 k 位清 0, 即 $a=a\&\sim(1<<k)$

(4) 将 int 型变量 a 的第 k 位置 1, 即 $a=a|(1<<k)$

(5) int 型变量循环左移 k 次, 即 $a=a<<k|a>>16-k$ (设 $\text{sizeof(int)}=16$)

(6) int 型变量 a 循环右移 k 次, 即 $a=a>>k|a<<16-k$ (设 $\text{sizeof(int)}=16$)

(7) 整数的平均值

对于两个整数 x, y , 如果用 $(x+y)/2$ 求平均值, 会产生溢出, 因为 $x+y$ 可能会大于 `INT_MAX`, 但是我们知道它们的平均值是肯定不会溢出的, 我们用如下算法:

```
int average(int x, int y) //返回 X,Y 的平均值
{
    return (x&y)+((x^y)>>1);
}
```

(8)判断一个整数是不是 2 的幂, 对于一个数 $x \geq 0$, 判断他是不是 2 的幂

```
boolean power2(int x)
{
    return ((x&(x-1))==0)&&(x!=0);
}
```

(9)不用 temp 交换两个整数

```
void swap(int x, int y)
{
    x ^= y;
    y ^= x;
    x ^= y;
}
```

(10)计算绝对值

```
int abs( int x )
{
    int y ;
    y = x >> 31 ;
    return (x^y)-y ;        //or: (x+y)^y
}
```

(11)取模运算转化成位运算 (在不产生溢出的情况下)

$a \% (2^n)$ 等价于 $a \& (2^n - 1)$

(12)乘法运算转化成位运算 (在不产生溢出的情况下)

$a * (2^n)$ 等价于 $a \ll n$

(13)除法运算转化成位运算 (在不产生溢出的情况下)

$a / (2^n)$ 等价于 $a \gg n$

例: $12/8 == 12 \gg 3$

(14) $a \% 2$ 等价于 $a \& 1$

(15) if ($x == a$) $x = b$;

else $x = a$;

等价于 $x = a \wedge b \wedge x$;

(16) x 的 相反数 表示为 $(\sim x + 1)$

实例

功能	示例	位运算
-----+-----+-----		
去掉最后一位	(101101->10110)	$x \gg 1$
在最后加一个 0	(101101->1011010)	$x \ll 1$
在最后加一个 1	(101101->1011011)	$x \ll 1 + 1$
把最后一位变成 1	(101100->101101)	$x 1$
把最后一位变成 0	(101101->101100)	$x 1 - 1$
最后一位取反	(101101->101100)	$x \wedge 1$
把右数第 k 位变成 1	(101001->101101, k=3)	$x (1 \ll (k-1))$
把右数第 k 位变成 0	(101101->101001, k=3)	$x \& \sim (1 \ll (k-1))$
右数第 k 位取反	(101001->101101, k=3)	$x \wedge (1 \ll (k-1))$
取末三位	(1101101->101)	$x \& 7$
取末 k 位	(1101101->1101, k=5)	$x \& ((1 \ll k) - 1)$
取右数第 k 位	(1101101->1, k=4)	$x \gg (k-1) \& 1$

把末 k 位变成 1	(101001->101111,k=4)	x (1 < < k-1)
末 k 位取反	(101001->100110,k=4)	x ^ (1 < < k-1)
把右边连续的 1 变成 0	(100101111->100100000)	x & (x+1)
把右起第一个 0 变成 1	(100101111->100111111)	x (x+1)
把右边连续的 0 变成 1	(11011000->11011111)	x (x-1)
取右边连续的 1	(100101111->1111)	(x ^ (x+1)) >> 1
去掉右起第一个 1 的左边	(100101000->1000)	x & (x ^ (x-1))
判断奇数	(x&1)==1	
判断偶数	(x&1)==0	

说说异或运算^和他的一个常用作用

作者: AOL 类型:原创 来源:

说说异或运算^和他的一个常用作用。

异或的运算方法是一个二进制运算:

$1^1=0$

$0^0=0$

$1^0=1$

$0^1=1$

两者相等为 0,不等为 1.

这样我们发现交换两个整数的值时可以用不用第三个参数。

如 $a=11, b=9$. 以下是二进制

$a=a^b=1011^1001=0010$;

$b=b^a=1001^0010=1011$;

$a=a^b=0010^1011=1001$;

这样一来 $a=9, b=13$ 了。

举一个运用， 按一个按钮交换两个 mc 的位置可以这样。

```
mybt.onPress=function()  
{  
  mc1._x=mc1._x^mc2._x;  
  mc2._x=mc2._x^mc1._x;  
  mc1._x=mc1._x^mc2._x;  
  //  
  mc1._y=mc1._y^mc2._y;  
  mc2._y=mc2._y^mc1._y;  
  mc1._y=mc1._y^mc2._y;  
}
```

这样就可以不通过临时变量来传递了。