

3.6 假定 185 和 122 是无符号 8 位十进制整数。计算 185-122.是否有上溢或者下溢？

185、122 都在无符号 8 位十进制整数范围内（0~255），故 185-122=63，没有上溢或者下溢

3.7 假定 185 和 122 是带符号 8 位十进制整数，以有符号数格式存储。计算 185+122.是否有上溢或者下溢？

带符号 8 位十进制整数范围为-128~127,185 不在范围内，而 185 的二进制为 10111001，转化为有符号数则为-（32+16+8+1）=-57，故 185+122=-57+122=65，没有上溢或者下溢

3.8. 假定 185 和 122 是带符号 8 位十进制整数。计算 185-122.是否有上溢或者下溢？

带符号 8 位十进制整数范围为-128~127,185 不在范围内，而 185 的二进制为 10111001，转化为有符号数则为-（32+16+8+1）=-57，故 185-122=-57-122=-179<-128，有下溢

3.9. 假定 151 和 214 是带符号 8 位十进制整数并以补码形式存放。使用饱和算术计算 151+214.结果以十进制表示。

带符号 8 位十进制整数范围为-128~127，151 的二进制表示为 10010111，由于是以补码形式存放，故该二进制数为-128+16+4+2+1=-105；214 的二进制表示为 11010110，由于是以补码形式存放，该二进制数为-128+64+16+4+2=-42；故 151+214=-105+（-42）=-147<-128,饱和算术的结果为-128

3.10. 假定 151 和 214 是带符号 8 位十进制整数并以补码形式存放。使用饱和算术计算 151-214，结果以十进制表示。

带符号 8 位十进制整数范围为-128~127，151 的二进制表示为 10010111，由于是以补码形式存放，故该二进制数为-128+16+4+2+1=-105；214 的二进制表示为 11010110，由于是以补码形式存放，该二进制数为-128+64+16+4+2=-42；故 151-214=-105-（-42）=-63,在-128~127 范围内，故饱和算术的结果为-63

3.11. 假定 151 和 214 是无符号 8 位十进制整数并以补码形式存放。使用饱和算术计算 151+214.结果以十进制表示。

无符号 8 位十进制整数范围为 0~255，151 的二进制表示为 10010111，151、214 均在表示范围内，故 151+214=365>255，故饱和算术的结果为 255

3.13 使用图3-5的类似表格及硬件算法计算无符号数16进制表示的0x62和0x12的积。

StepS	Action	Multiplicand	Product/Multiplier
0	Initial Values	0110 0010	0000 0000 0001 0010/0001 0010
1	LSB=0,false	0110 0010	0000 0000 0001 0010/0001 0010
	二者右移	0110 0010	0000 0000 0000 1001/0000 1001
2	LSB=1,true	0110 0010	0110 0010 0000 1001/0000 1001
	二者右移	0110 0010	0011 0001 0000 0100/0000 0100
3	LSB=0,false	0110 0010	0011 0001 0000 0100/0000 0100
	二者右移	0110 0010	0001 1000 1000 0010/0000 0010
4	LSB=0,false	0110 0010	0001 1000 1000 0010/0000 0010
	二者右移	0110 0010	0000 1100 0100 0001/0000 0001
5	LSB=1,true	0110 0010	0110 1110 0100 0001/0000 0001
	二者右移	0110 0010	0011 0111 0010 0000/0000 0000

6	LSB=0,false	0110 0010	0011 0111 0010 0000/0000 0000
	二者右移	0110 0010	0001 1011 1001 0000/0000 0000
7	LSB=0,false	0110 0010	0001 1011 1001 0000/0000 0000
	二者右移	0110 0010	0000 1101 1100 1000/0000 0000
8	LSB=0,false	0110 0010	0000 1101 1100 1000/0000 0000
	二者右移	0110 0010	0000 0110 1110 0100/0000 0000

故结果得出，乘积为 0x6e4

3.19 按照课件除法算法 3，假设 A (74) 和 B (21) 是 6 位无符号整数计算 (74)₈ 除以 (21)₈。相当于 60/17=3 余 9

iteration	step	Divisor	Remainder
0	Initial Values	010 001	000 000 111 100
1	左移	010 001	000 001 111 000
	R=R-D	010 001	110 000 111 000
	R<0,R=R+D	010 001	000 001 111 100
2	左移	010 001	000 011 110 000
	R=R-D	010 001	110 010 110 000
	R<0,R=R+D	010 001	000 011 110 000
3	左移	010 001	000 111 100 000
	R=R-D	010 001	110 110 100 000
	R<0,R=R+D	010 001	000 111 100 000
4	左移	010 001	001 111 000 000
	R=R-D	010 001	111 110 000 000
	R<0,R=R+D	010 001	001 111 000 000
5	左移	010 001	011 110 000 000
	R=R-D	010 001	001 101 000 000
	R>0,商左移, 商为 1 (001)	010 001	001 101 000 000
6	左移	010 001	011 010 000 000
	R=R-D	010 001	001 001 000 010
	R>0,商左移, 商为 3 (011)	010 001	001 001 000 000

故结果得出，商为 3，余数为 $11_{(8)}$ ，即 9

3.29. 手算 2.6125×10^1 和 $4.150390625 \times 10^{-1}$ 的和，假设有 1 位保护位，1 位舍入位和 1 位黏贴位，并采用向最靠近的偶数舍入的模式，给出所有步骤。

3.29 $2.6125 \times 10^1 = 26.125 = 16 + 8 + 2 + 0.125 = 11010.001 = 1.1010001000 \times 2^4$
 $4.150390625 \times 10^{-1} = 0.4150390625 = 0.011010011 = 1.1010011 \times 2^{-2}$
 $= 0.0000011010011 \times 2^4$

$$\begin{array}{r} 1.101000100000 \\ + 0.0000011010011 \\ \hline 1.1010001011 \end{array}$$

 保护位为 1, 舍入位为 0, 黏贴位为 1
 进位至 1.10100011
 故 $1.10100011 \times 2^4 = 11010.0011 = 26.546875 = 2.6546875 \times 10^1$

3.30 手算 -8.0546875×10^0 和 $-1.79931640625 \times 10^{-1}$ 的积，假设有 1 位保护位，1 位舍入位和 1 位黏贴位，并采用向最靠近的偶数舍入的模式，给出所有步骤。（16 位精度表示，1 位符号位，指数 5 位，尾数 10 位）

3.30 $-8.0546875 = -1.000000011 \times 2^3$
 $-1.79931640625 \times 10^{-1} = -1.011000010 \times 2^{-3}$

$$\begin{array}{r}
 1.0000000111 \\
 \times 1.0111000010 \\
 \hline
 10000000111 \\
 0000000111 \\
 0000000111 \\
 0000000111 \\
 0000000111 \\
 10000000111 \\
 \hline
 1.01110011000001001110
 \end{array}$$

保护位为0, 舍入位为0, 黏性位为1
 不需进位, 故原式 = $1.0111001100 \times 2^0 = 1.44921875$

故结果为 $1.01110011000001001110 =$
 1.44921875 , 16位浮点模式为
 0100000111001100

$$\begin{aligned}
 & \text{而 } -8.0546875 \times (-1.79931640625) \times 10^{-1} \\
 & = 1.4492931365966796875, \text{ 有误差存在,} \\
 & \text{无上溢或者下溢}
 \end{aligned}$$

3.33. 手算 $3.984375 \times 10^{-1} + (3.4375 \times 10^{-1} + 1.771 \times 10^3)$, 假设有 1 位保护位, 1 位舍入位和 1 位黏贴位, 并采用向最靠近的偶数舍入的模式, 给出所有步骤。(16 位精度表示, 1 位符号位, 指数 5 位, 尾数 10 位)

$$\begin{aligned}
 3.33 \quad & 3.984375 \times 10^{-1} = 1.100100000 \times 2^{-2} \\
 & 3.4375 \times 10^{-1} = 1.010000000 \times 2^{-2} \\
 & 1.771 \times 10^3 = 1.101101011 \times 2^{10}
 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r}
 0.00000000001010000000 \quad \text{保护位为0, 舍入位为1, 黏贴位为1} \\
 + 1.101101011 \\
 \hline
 1.101101011 \\
 + 0.00000000001010010000 \\
 \hline
 1.101101011 \quad \text{无舍入}
 \end{array}$$

故原式 = $1.101101011 \times 2^{10} = 01101010110101 = 1771$