



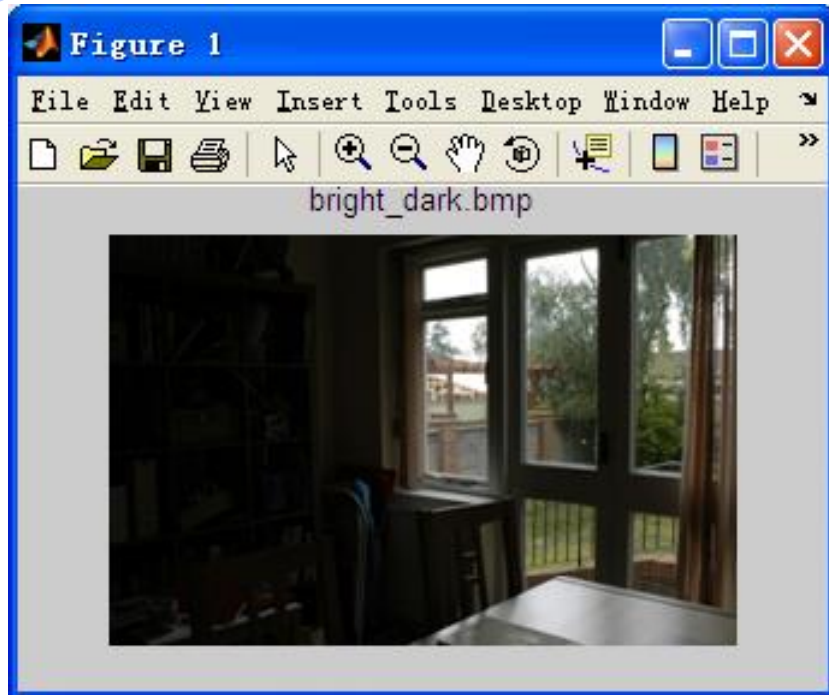
华中科技大学

# 图像增强 Image Enhancement

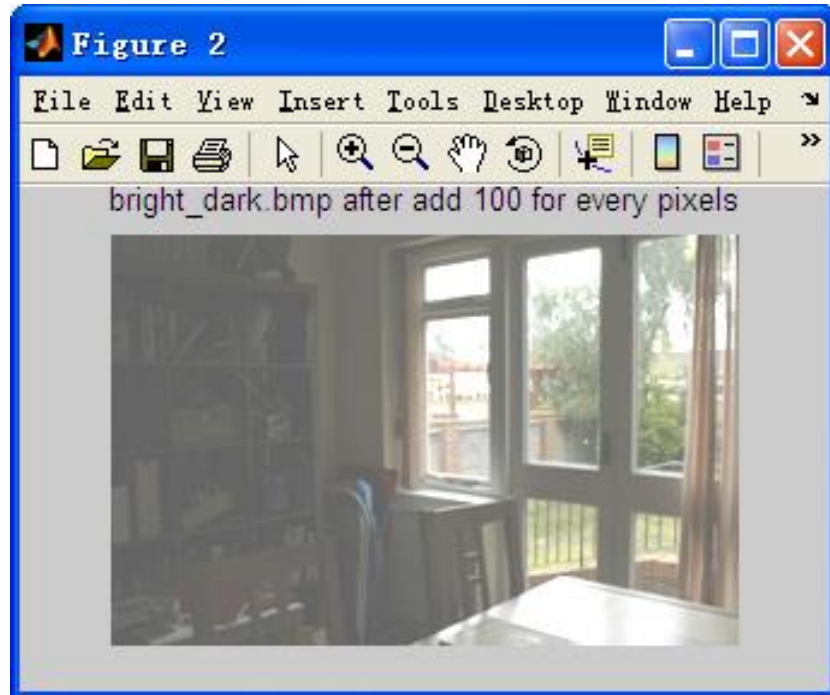
许向阳  
xuxy@hust.edu.cn



# 图像增强的示例



```
I=imread('bright_dark.bmp');  
figure,imshow(I);  
title('bright\_dark.bmp');
```

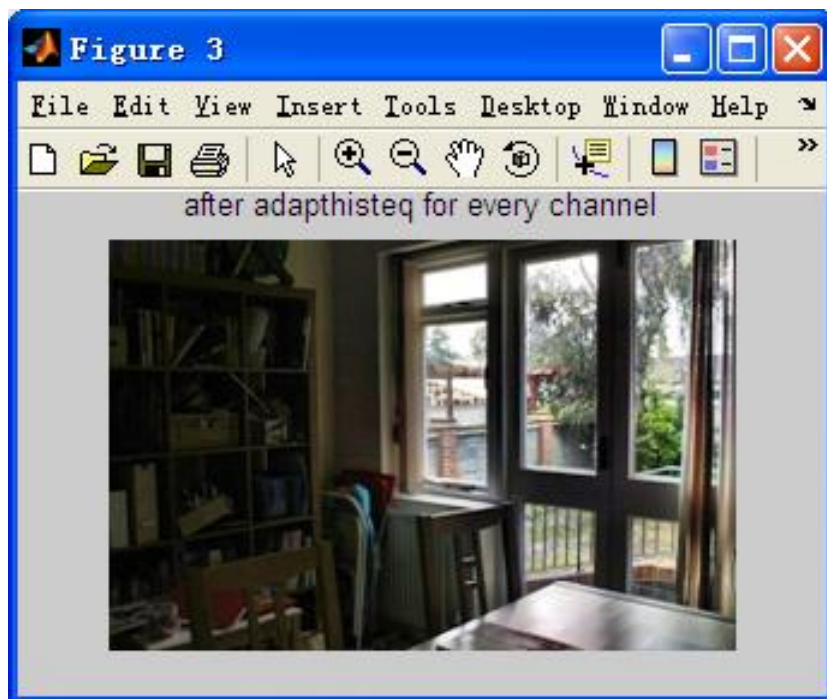


每个像素值均加100  
 $J=I+100;$   
figure,imshow(J),  
title('bright\\_dark.bmp after add  
100 for every pixels');

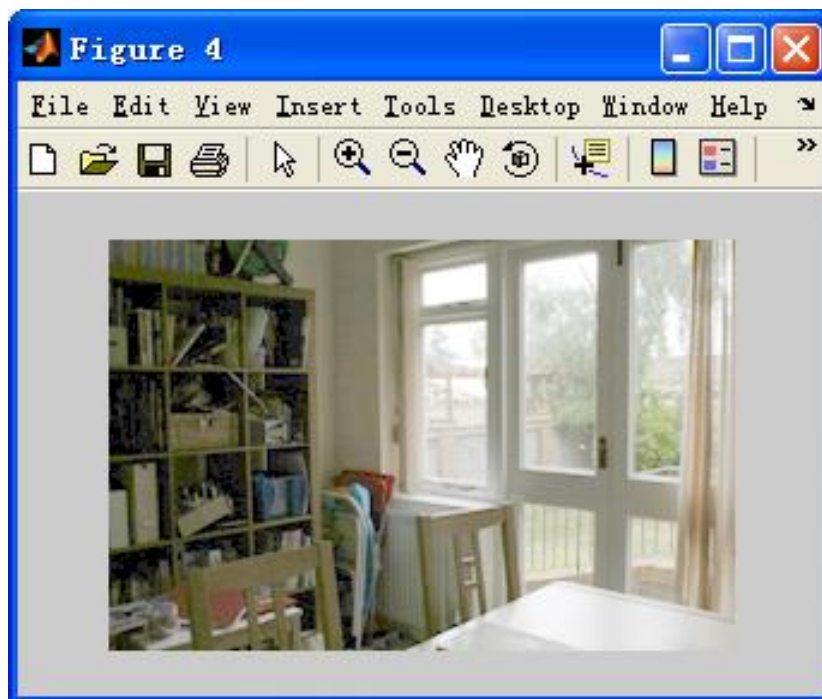
# 图像增强的示例



华中科技大学



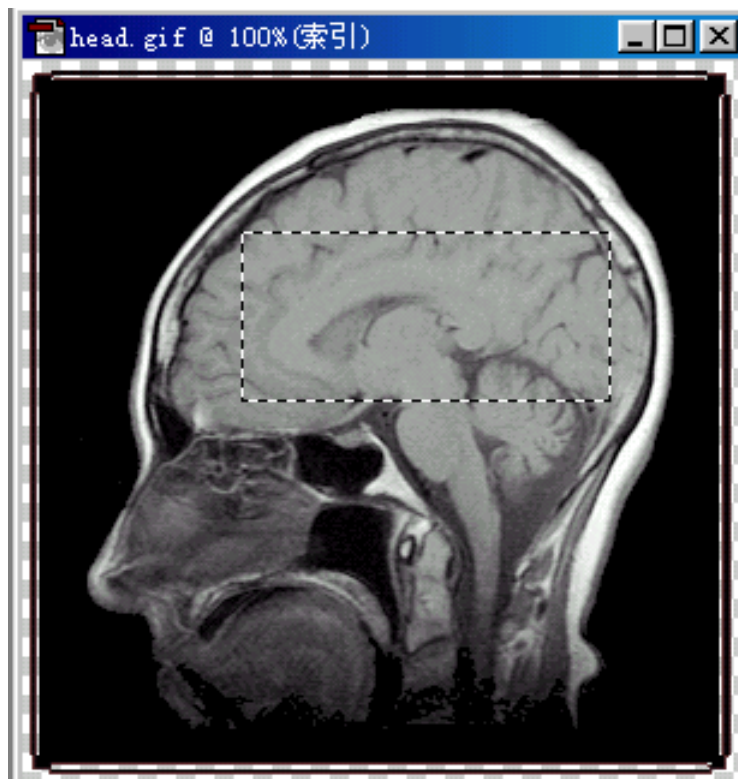
```
K(:,:,1)=adapthisteq(I(:,:,1));  
K(:,:,2)=adapthisteq(I(:,:,2));  
K(:,:,3)=adapthisteq(I(:,:,3));  
figure,imshow(K)
```



```
L=double(I);  
L=log(L+1)*255/log(256);  
L = uint8(L);  
figure,imshow(L)
```



# 图像增强的示例

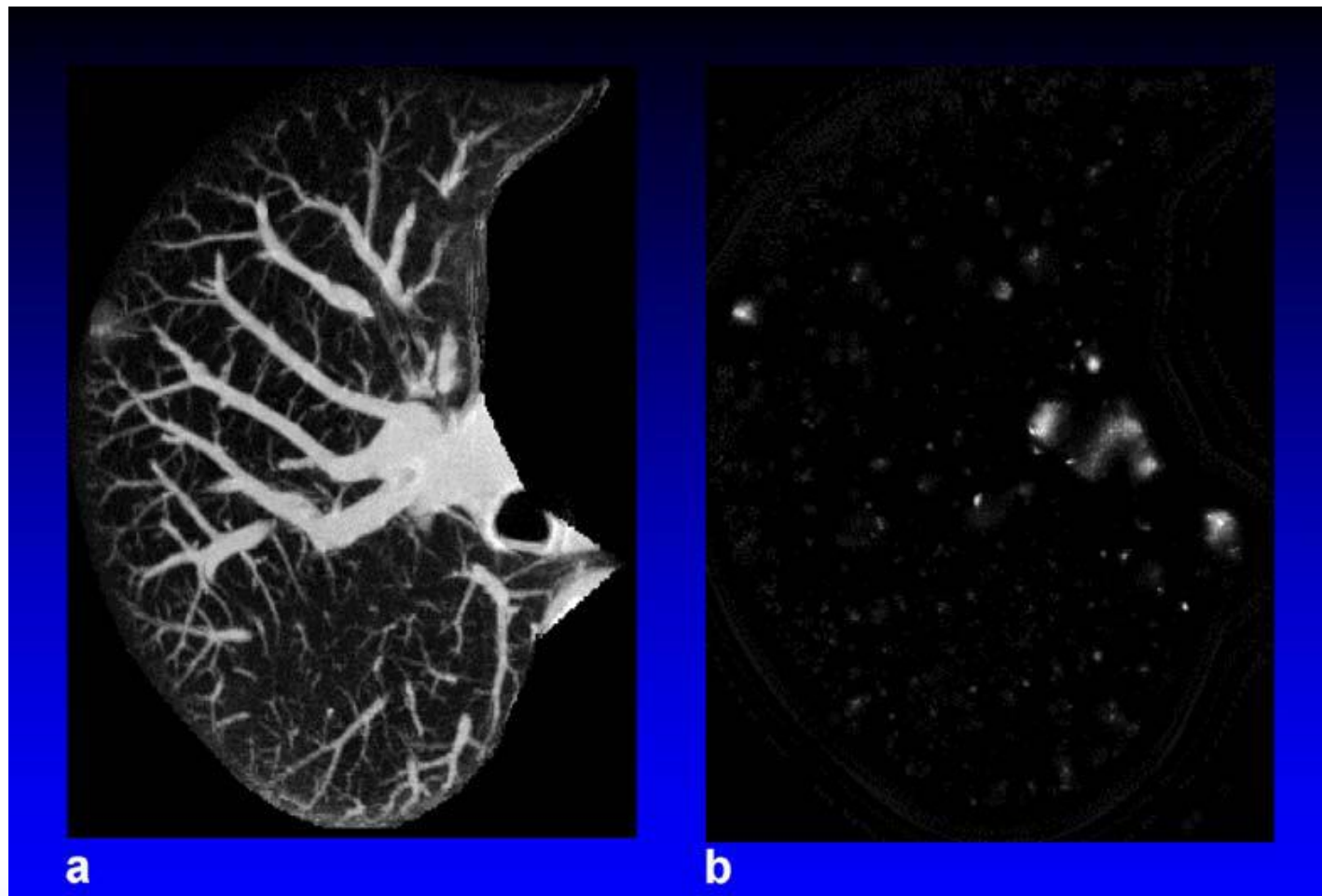


感兴趣区域增强    Enhancement for Region of Interest

# 图像增强的示例



华中科技大学



选择性增强 Selective Enhancement

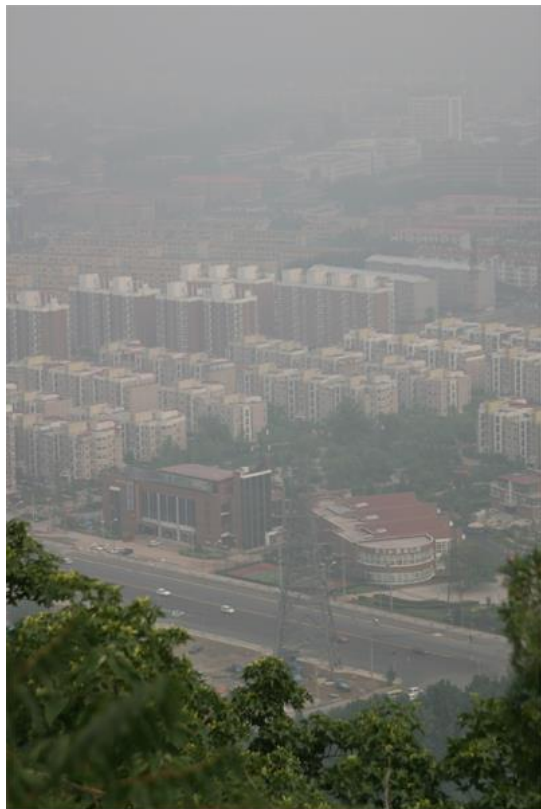




# 图像增强的示例



华中科技大学



图像去雾 Image Dehaze



# 图像增强的示例



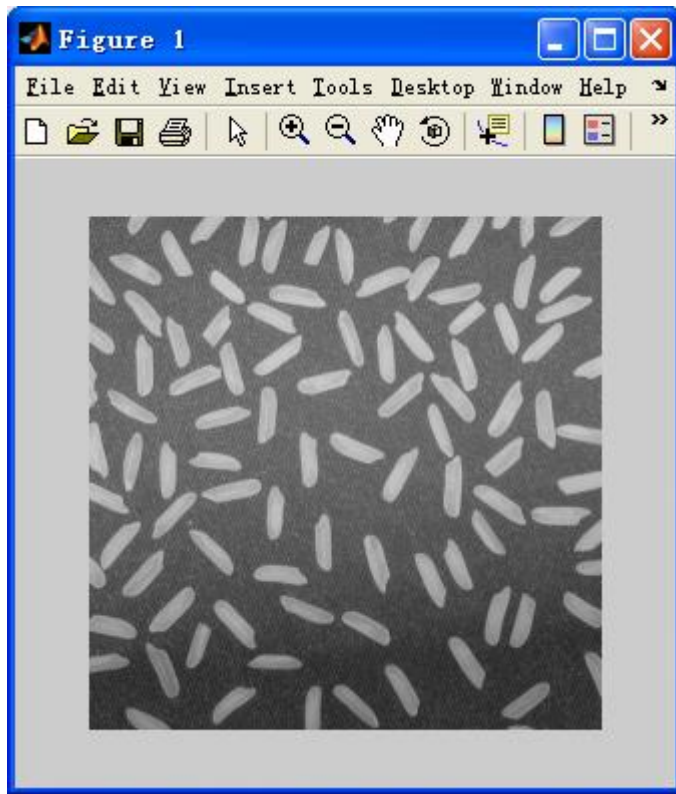
```
I=imread('cameraman.tif');  
J=imnoise(I,'salt & pepper');  
figure,imshow(J);
```



```
K=medfilt2(J);  
figure,imshow(K);
```

图像去噪 Image Denoise

# 图像增强的示例



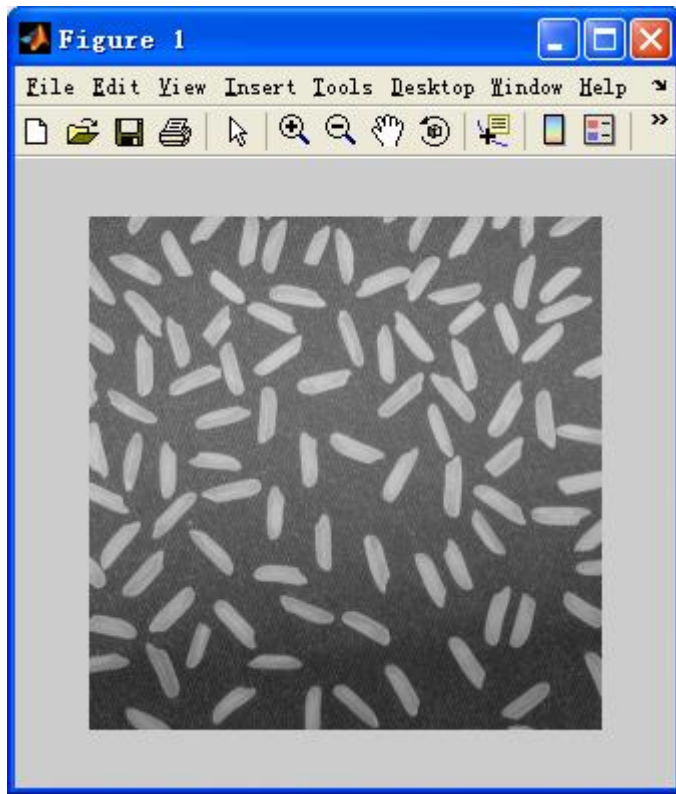
```
I = imread('rice.png');  
background = imopen(I,strel('disk',15));  
I2 = imsubtract(I,background);  
imshow(I2,[]);
```

亮度不均校正

Correcting Nonuniform Illumination



# 图像增强的示例



```
I = imread('rice.png');  
background = imopen(I,strel('disk',15));  
I2 = imsubtract(I,background);  
imshow(I2,[]);
```

亮度不均校正

Correcting Nonuniform Illumination

# 图像增强的示例



华中科技大学



模糊图像复原



# 图像增强的示例



模糊图像复原

# 图像增强的示例



华中科技大学



金属去伪影





# 图像增强的示例



华中科技大学



多尺度视网膜 (Multiscale retinex) 增强







# 一、什么是图像增强呢？

## 图像增强的目的：

- 改善图像的视觉效果
- 转换为更适合于人或机器分析处理的形式
- 突出对人或机器分析有意义的信息
- 抑制无用信息，提高图像的使用价值
- 增强后的图像并不一定保真



# 一、什么是图像增强呢？

## 图像增强需要注意的问题

- 考虑人眼的视觉特性和硬件的表现能力，达到合理的匹配
- 处理时必须考虑处理目的，选用合适的方法



## 二、图像增强有哪些方法呢？





## 图像增强的方法分类：

### 空间域处理

**全局运算：**在整个图像空间域进行

**局部运算：**在与像素有关的空间域进行

**逐点运算：**对图像作逐点运算

### 频域处理

在图像的变换域（Fourier、小波等）上进行





## 图像增强的方法：对比度增强

### ➤ 灰度变换法

线性变换

对数变换

指数变换

### ➤ 直方图调整法

直方图均衡化

直方图匹配



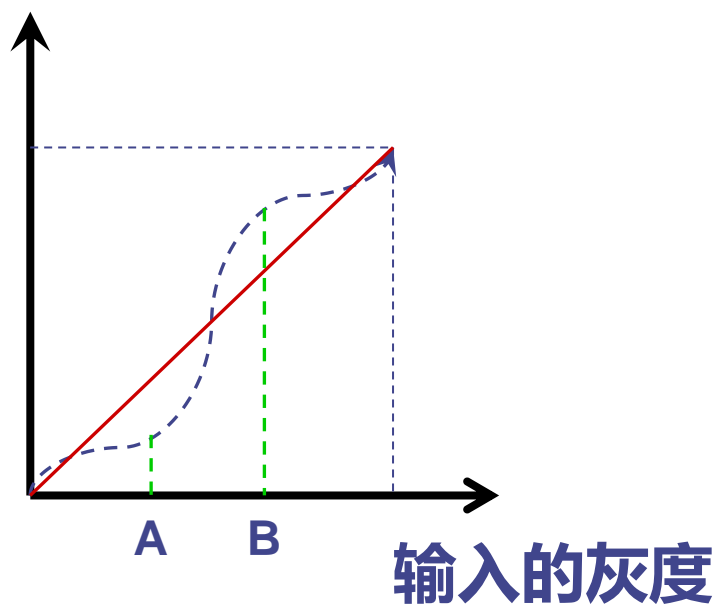


# 灰度变换法



华中科技大学

输出的灰度



输入图像



灰度变换

输出图像

红色线

$$\begin{aligned}\text{output} &= f(\text{input}) \\ &= \text{input}\end{aligned}$$

采用虚线映射函数  $g$ ,

$$g(A) < A$$

$$g(B) > B$$

新图像与原图像比,  
有什么变化特点?





# 灰度变换法

## ➤ 线性灰度变换

$$g(x, y) = \begin{cases} d & f(x, y) > b \\ \frac{d-c}{b-a} [f(x, y) - a] + c & a \leq f(x, y) \leq b \\ c & f(x, y) < a \end{cases}$$

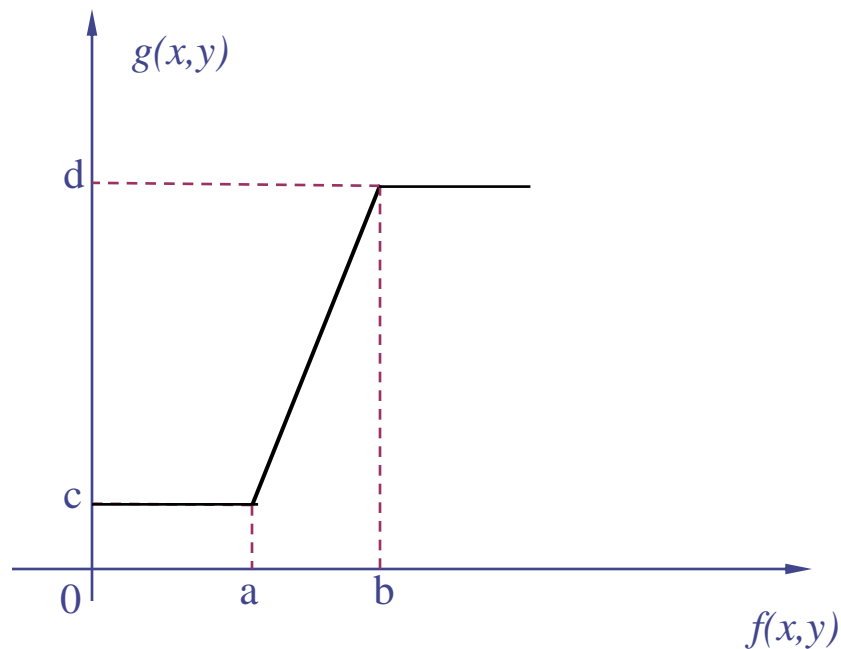


# 灰度变换法



华中科技大学

## ➤ 线性灰度变换





# 灰度变换法

## ➤ 分段线性灰度变换

$$g(x, y) = \begin{cases} \frac{M_g - d}{M_f - b} [f(x, y) - b] + d & b \leq f(x, y) \leq M_f \\ \frac{d - c}{b - a} [f(x, y) - a] + c & a \leq f(x, y) < b \\ \frac{c}{a} f(x, y) & 0 \leq f(x, y) < a \end{cases}$$

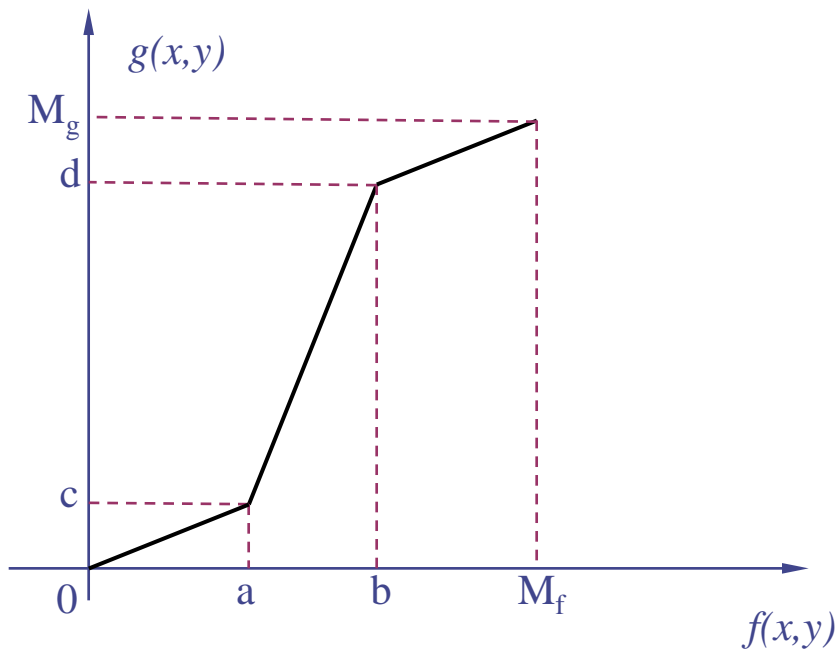


# 灰度变换法



华中科技大学

## ➤ 分段线性灰度变换







# 灰度变换法

## ➤ 对数变换

$$g(x, y) = a + \frac{\ln[f(x, y) + 1]}{b \ln c}$$

$a, b, c$  是按需要可以调整的参数。

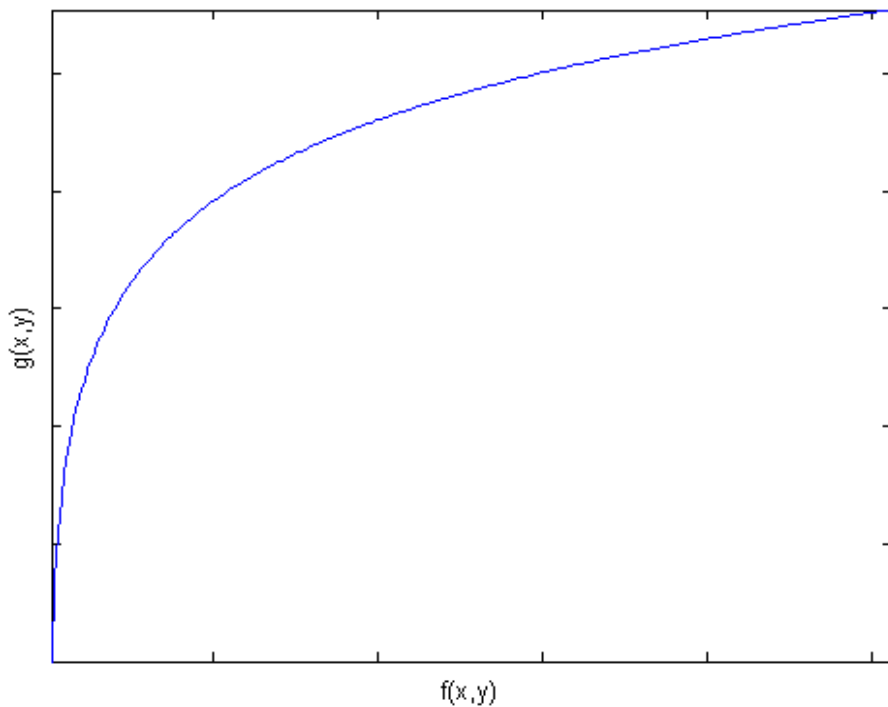


# 灰度变换法



华中科技大学

## ➤ 对数变换





# 灰度变换法

## ➤ 指数变换

$$g(x, y) = b^{c[f(x, y) - a]} - 1$$

$a, b, c$ 是按需要可以调整的参数。

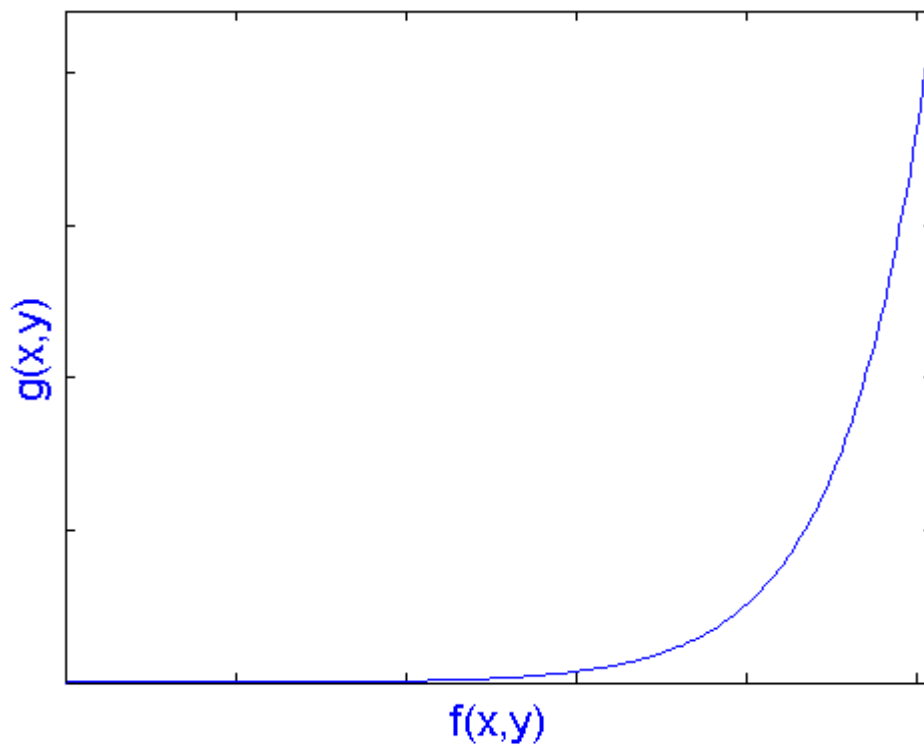


# 灰度变换法



华中科技大学

## ➤ 指数变换





# 灰度变换法

讨论:

对数变换和指数变换的变换效果有何差别?

**对数变换:** 低灰度区扩展, 高灰度区压缩

**指数变换:** 高灰度区扩展, 低灰度区压缩

商业软件的灰度变换效果展示:

**Adobe Photoshop** (可以自由调整对比度曲线)

**ACDSee**

学习: 何斌, 《VC 数字图像处理》, 人民邮电出版社



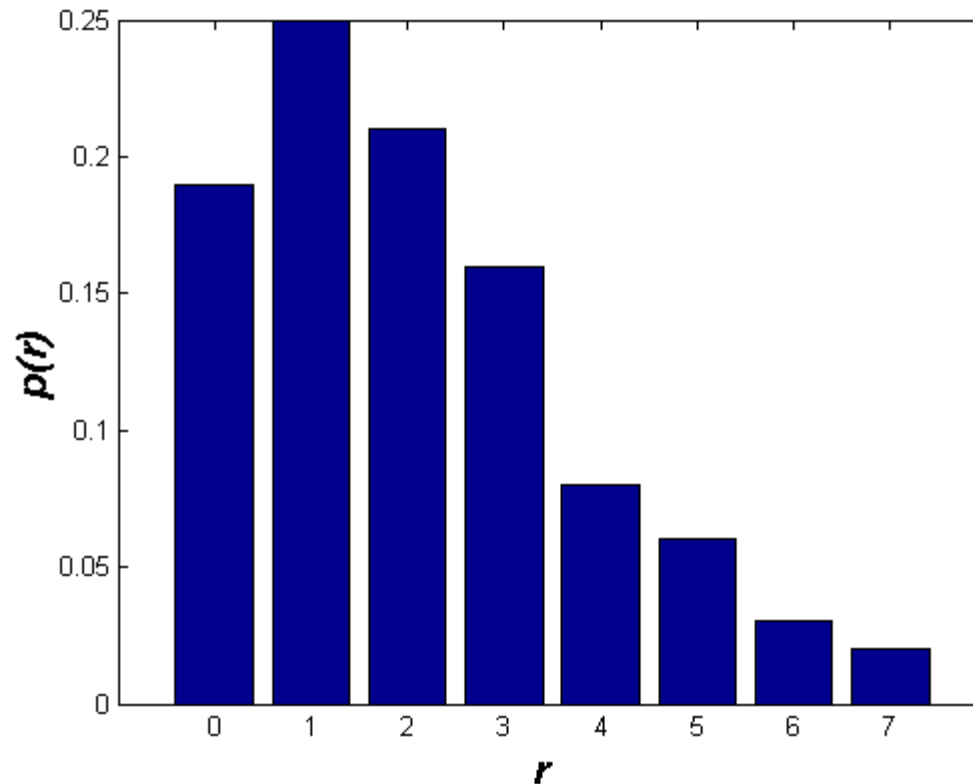




# 直方图调整法

## 直方图

频数(或概率)



灰度级



# 直方图调整法

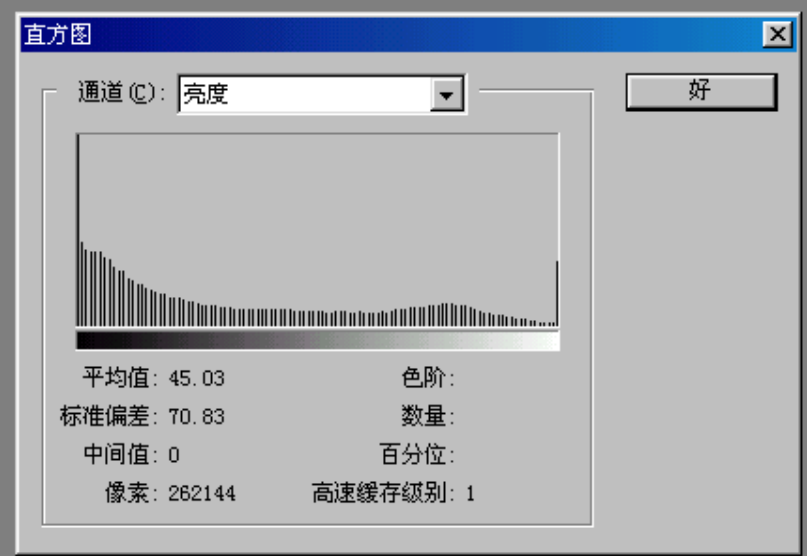
$$\delta(n) = \begin{cases} 1 & n = 0 \\ 0 & n \neq 0 \end{cases}$$

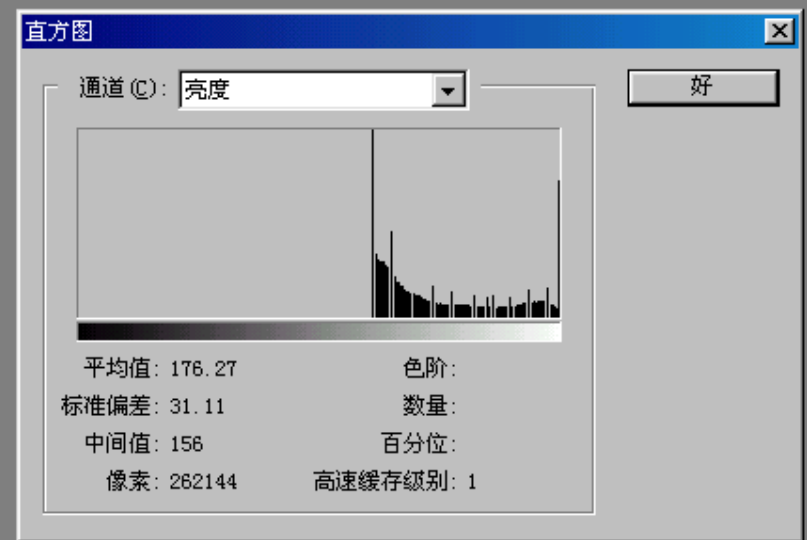
设 图像F的大小为 M\*N

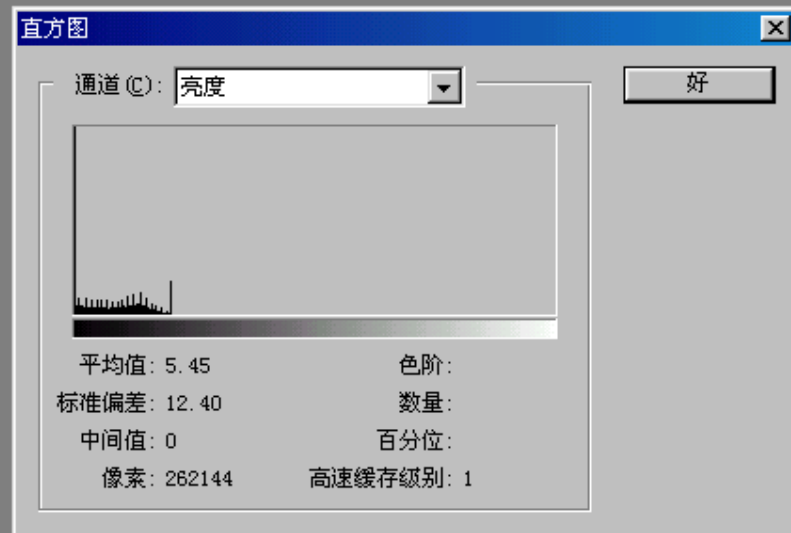
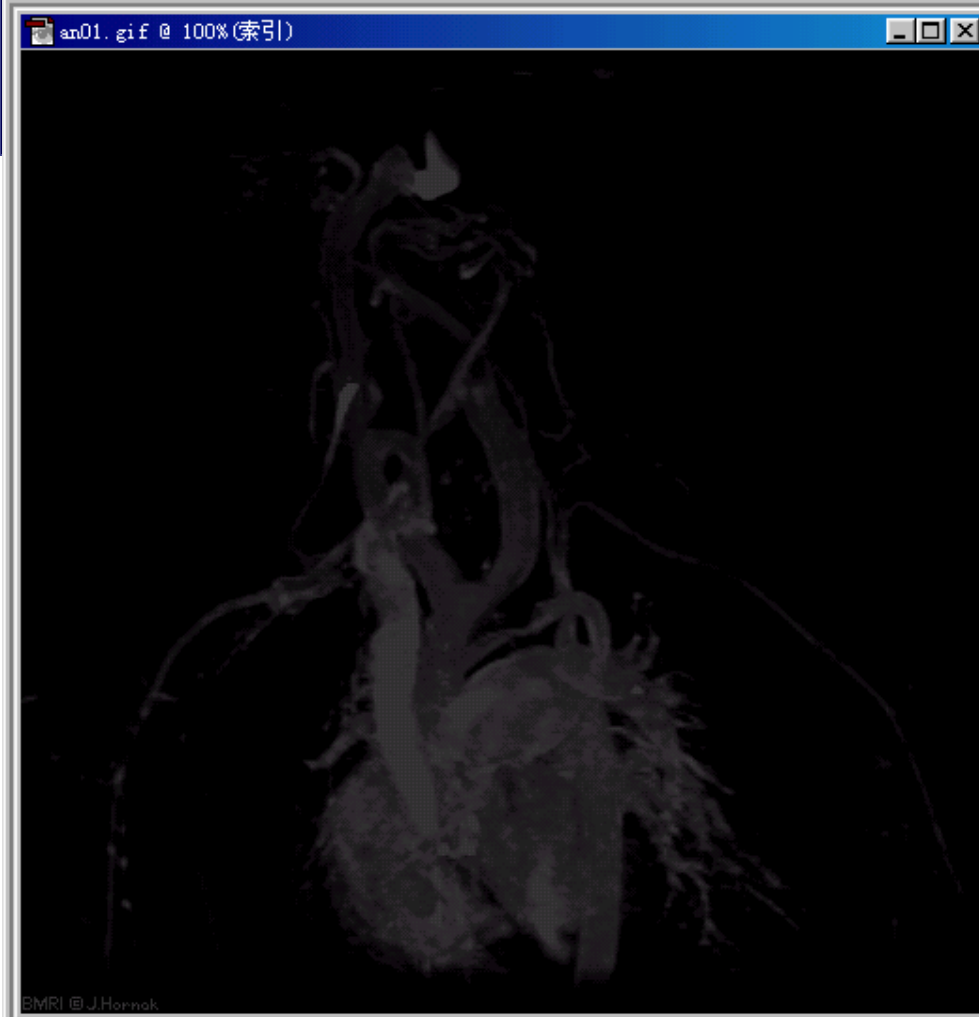
$$h(g) = \sum_{x=1}^M \sum_{y=1}^N \delta(F(x, y) - g)$$

$$g=0,1,2,\dots,255$$

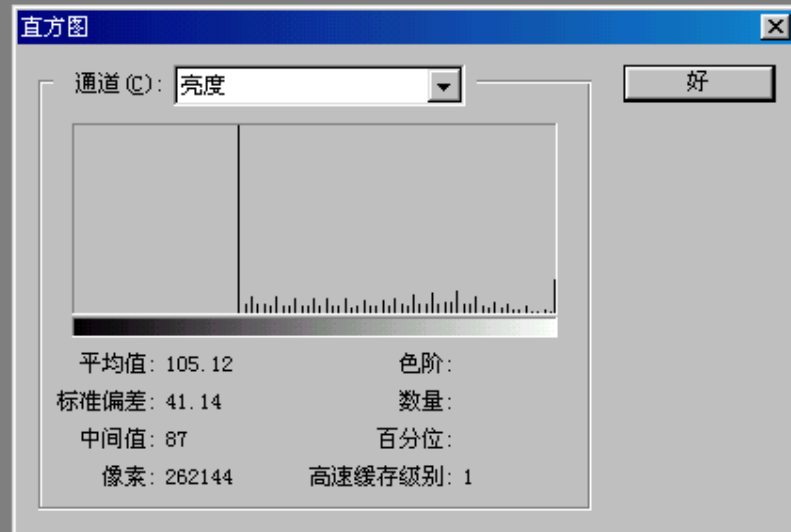














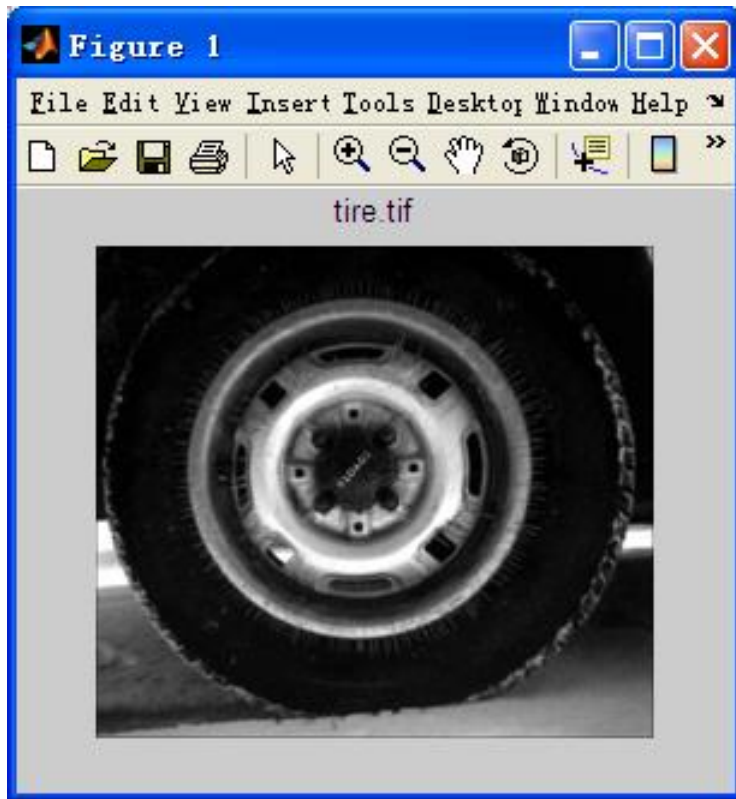




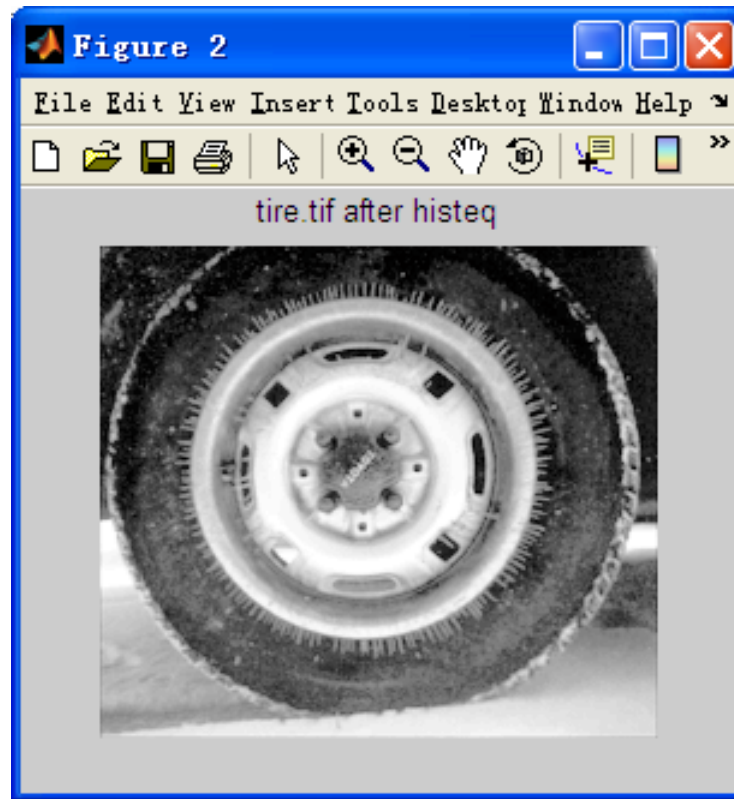
# 直方图调整法：均衡化

- **均衡**：图像的直方图是平直的，即各灰度级具有相同的出现频数
- **均衡化**：将原图像的直方图通过变换函数修正为均匀的直方图
- 均衡化后的图像看起来就更清晰

# 直方图调整法：均衡化

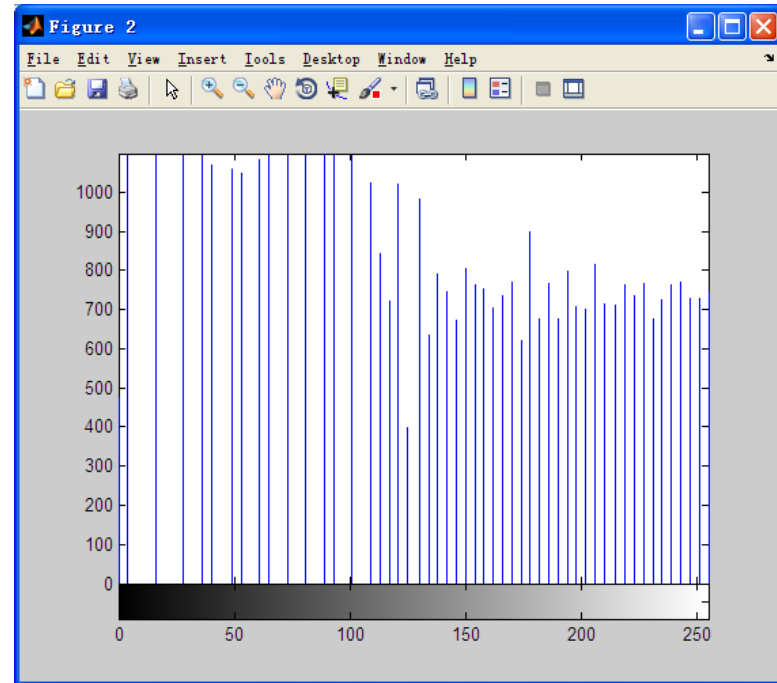
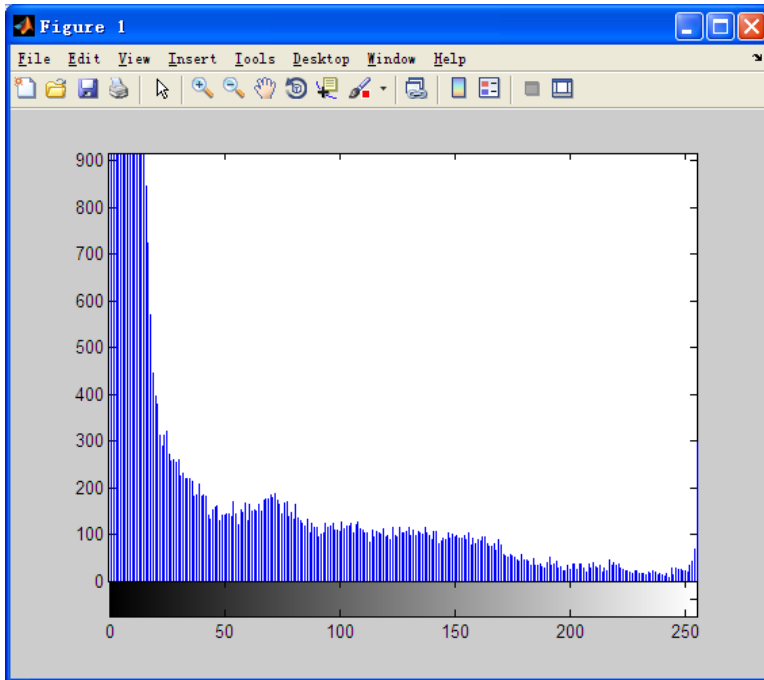


```
I=imread('tire.tif');
figure, imshow(I);
hold on,title('tire.tif');
```

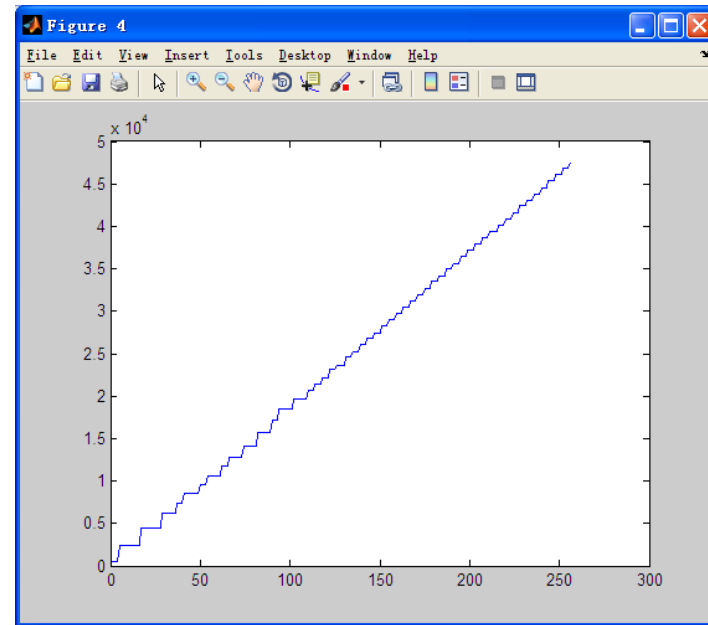
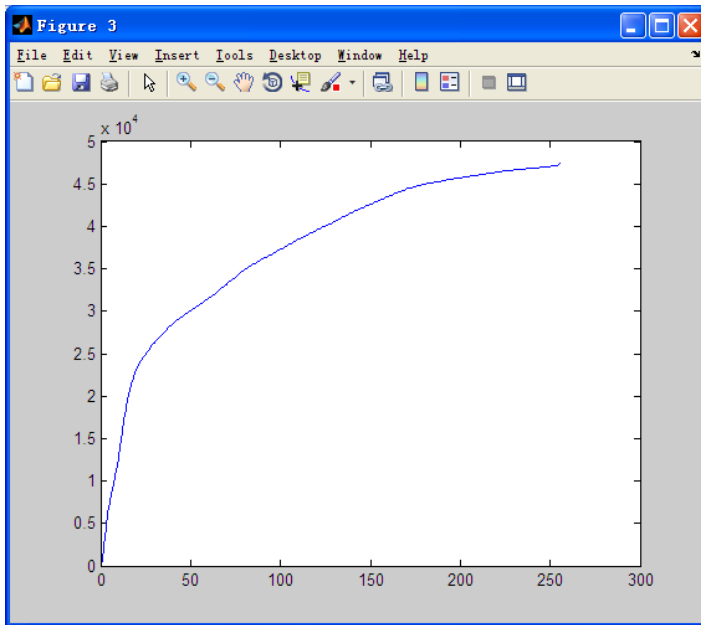


```
J=histeq(I);
figure, imshow(J);
hold on,title('t...');
```

# 直方图调整法：均衡化

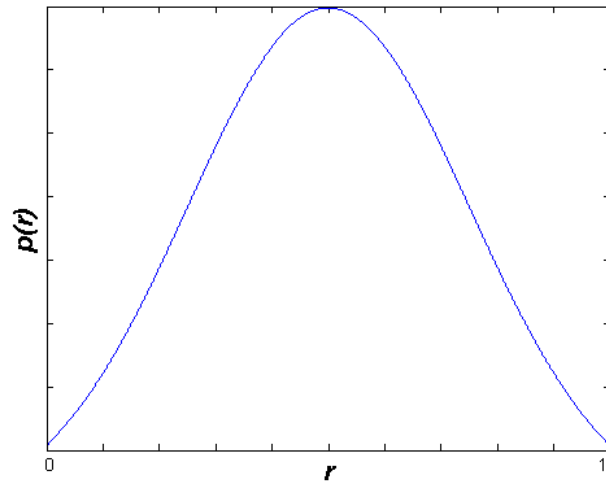


# 直方图调整法：均衡化

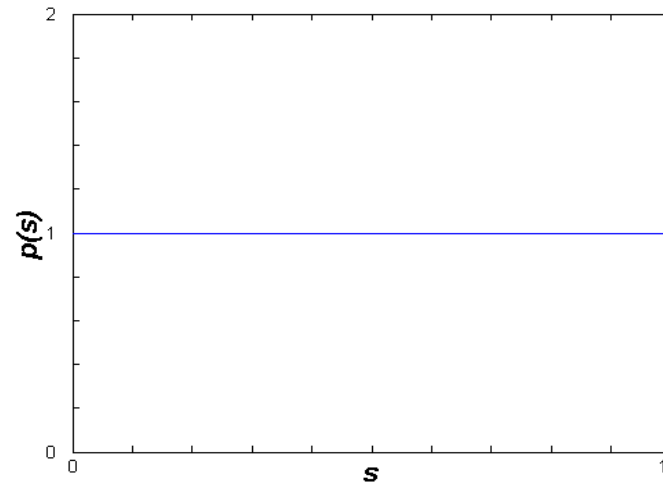


```
[c,b] = imhist(I);  
t = cumsum(c);  
figure, plot ( t )
```

# 直方图调整法：均衡化

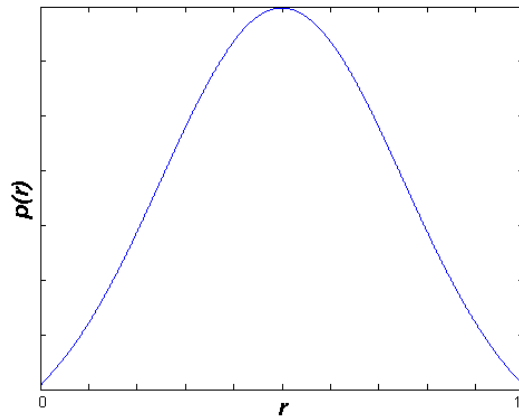


非均匀分布



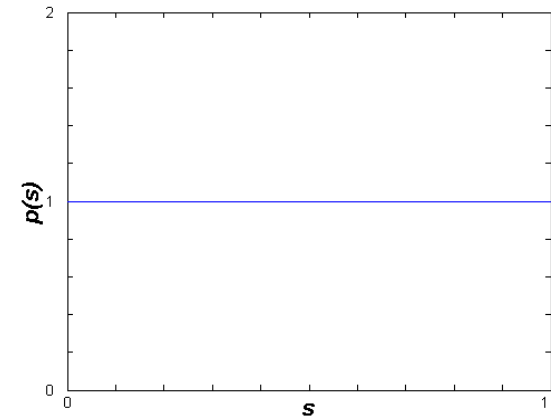
均匀分布

# 直方图调整法：均衡化



直方图均衡化

直方图均衡化目标





# 直方图调整法：均衡化

➤找到一种变换  $S=T(r)$  使直方图变平直

➤规定：

$0 \leq r \leq 1$ ,  $T(r)$ 是单调递增函数,

且  $0 \leq T(r) \leq 1$ ;

反变换  $r=T^{-1}(s)$ ,

$T^{-1}(s)$  也为单调递增函数,  $0 \leq s \leq 1$ 。





# 直方图调整法：均衡化

将  $r$  映射为  $s$

原图像的概率密度函数为  $p(r)$

均衡化后，图像的概率密度函数为  $\hat{p}(s) = 1$

$$\int_0^r p(r)dr = \int_0^s \hat{p}(s)ds = \int_0^s 1 \cdot ds = s = T(r)$$

$$T(r) = \int_0^r p(r)dr$$





# 直方图调整法：均衡化

设一幅图像的像素总数为 $n$ ，分 $L$ 个灰度级。

$n_k$ : 第 $k$ 个灰度级出现的频数。

$P(r_k)$  第 $k$ 个灰度级出现的概率

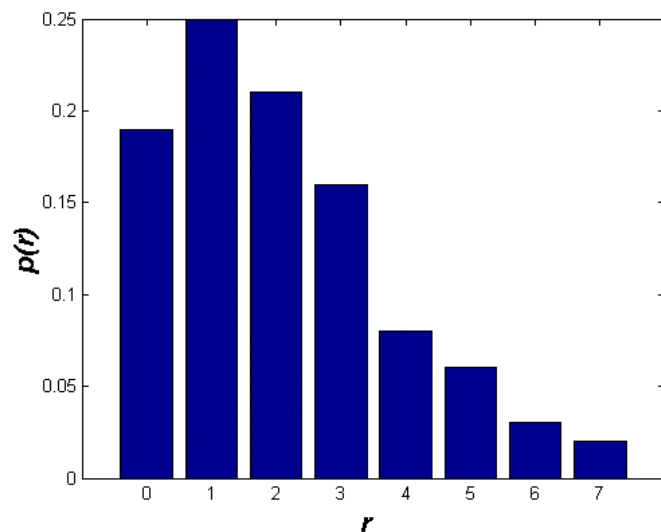
$$0 \leq r_k \leq 1, \quad k=0,1,\dots,L-1$$

$$s_k = T(r_k) = \sum_{j=0}^k p(r_j) = \sum_{j=0}^k \frac{n_j}{n}$$

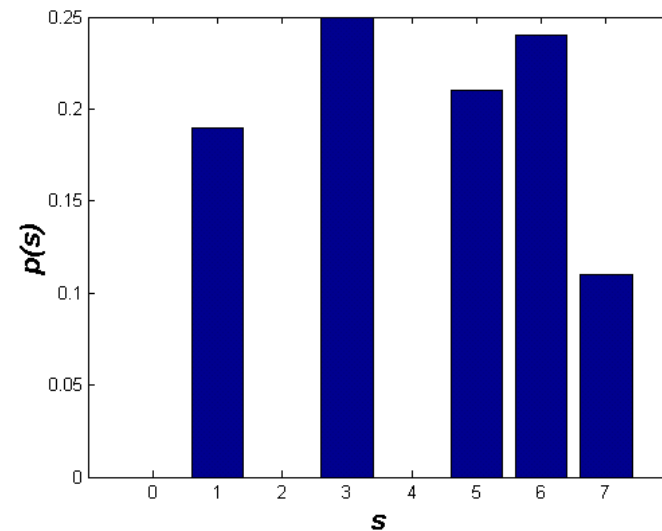
由直方图计算累积概率分布: cumsum



# 直方图调整法：均衡化



直方图均衡化



均衡化前后直方图比较



# 直方图调整法：均衡化

## 实验：

比较直方图均衡化前后的直方图，以及相应的图像视觉效果

- **Tire.tif**
- **Pout.tif**
- **Sperm.bmp**
- **Breast.bmp**



# 直方图调整法：均衡化

讨论：

均衡化时，变换前后的灰度级是否一一对应？

原图像的灰度：0 -> 1

概率： $p(r)$

累计概率：0 -> 1

$$t(r_k) = \sum_{j=0}^k p(r_j)$$

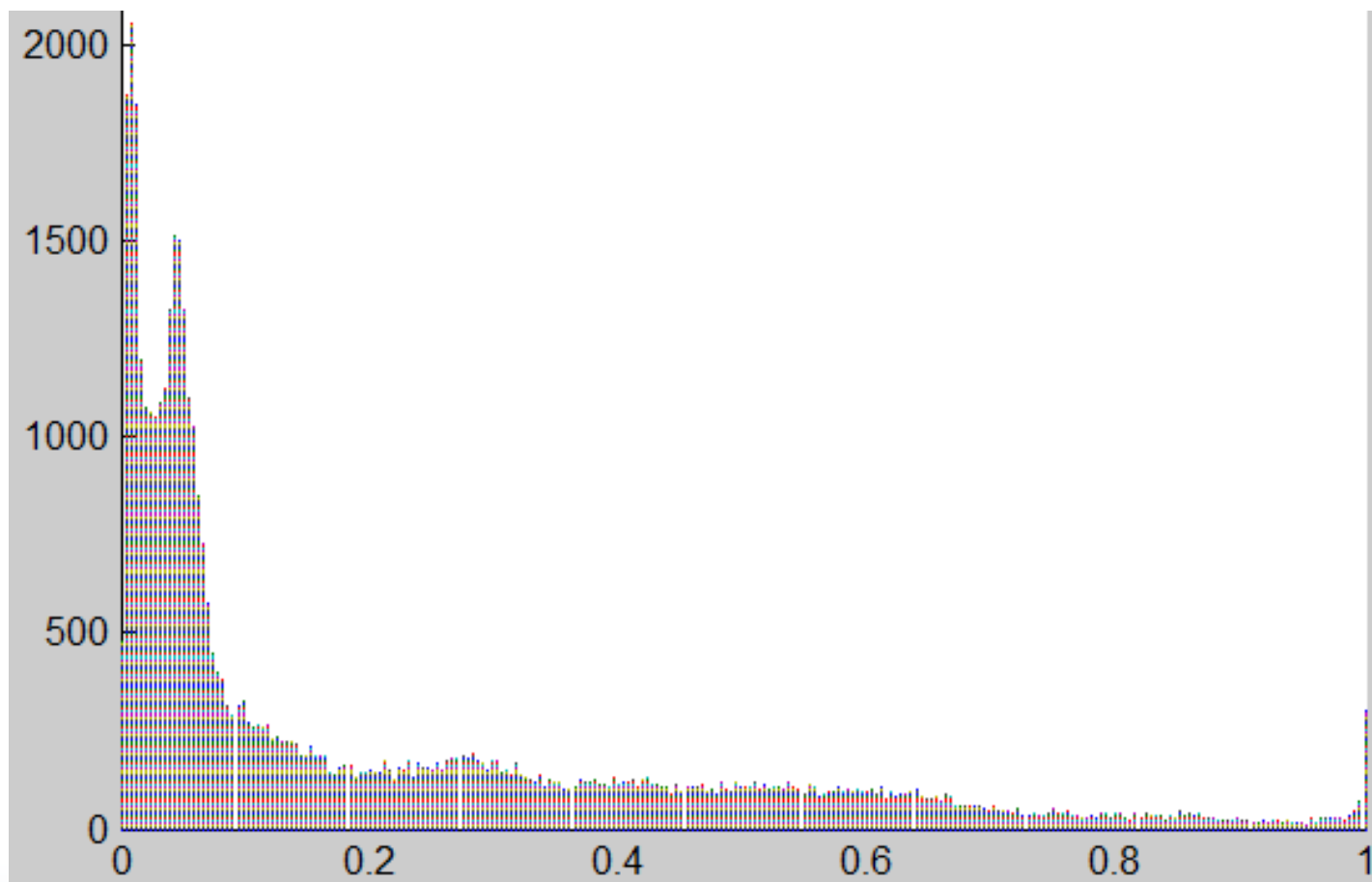
在实数范围内：灰度映射是一一对应的





华中科技大学

# 直方图调整法：均衡化



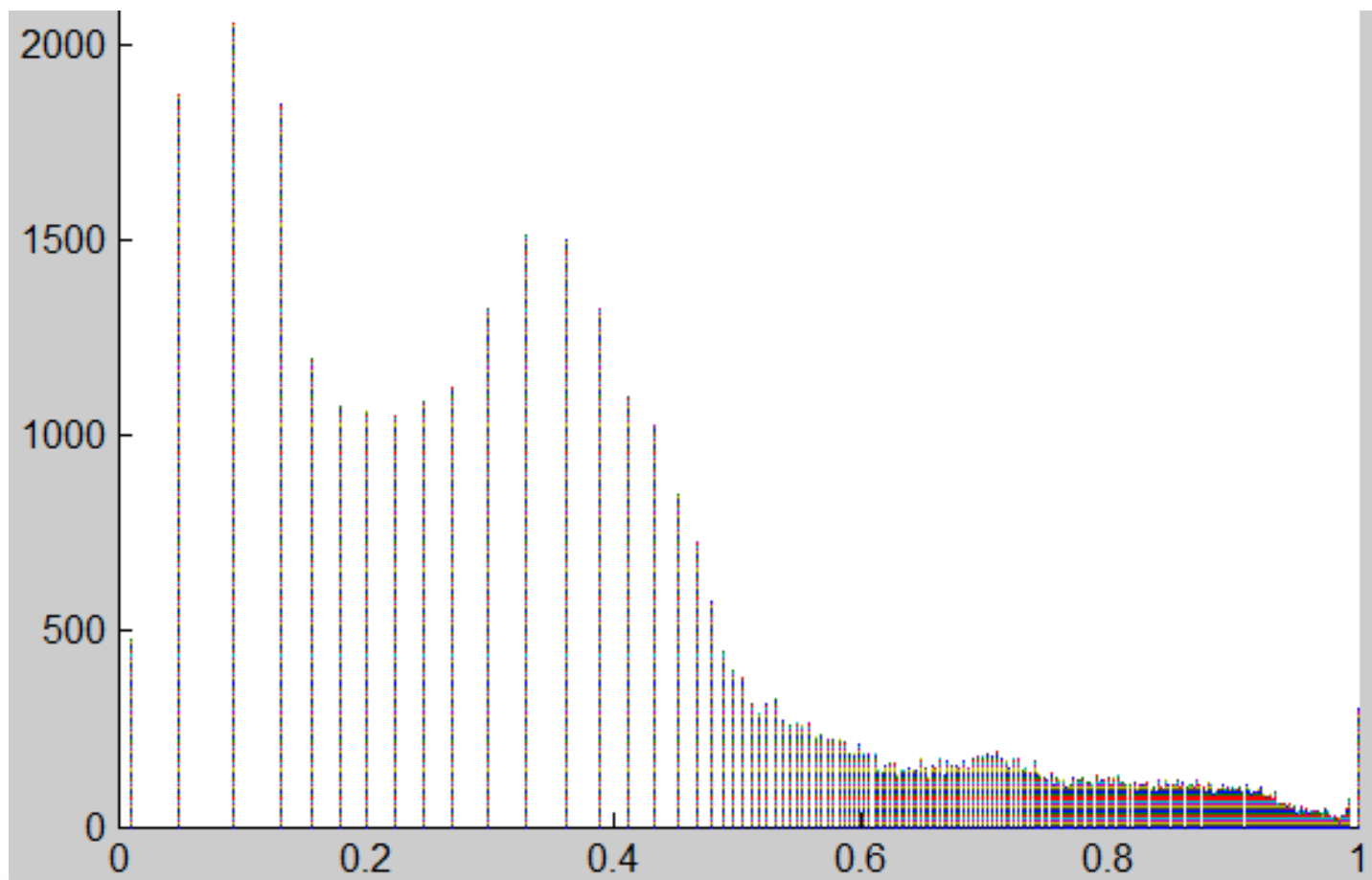
Tire.tif : 原图像的直方图, 用 实数表示灰度





华中科技大学

# 直方图调整法：均衡化



Tire.tif : 均衡化后的直方图

hieteq\_comprehension.m





# 直方图调整法：均衡化

## 讨论：

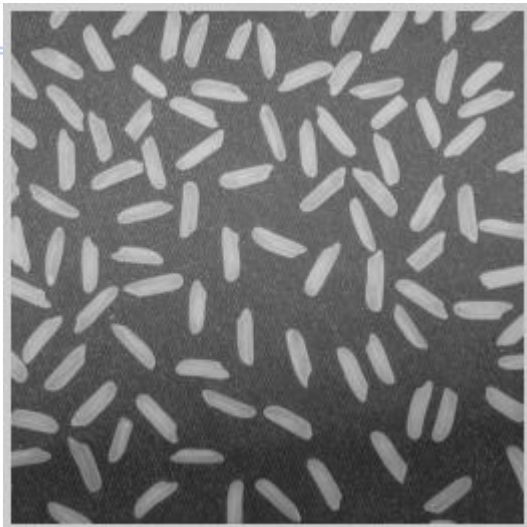
均衡化时，变换前后的灰度级是否一一对应？  
将灰度映射为无符号8位整数：**0~ 255**

- 减少图像的灰度级以换取对比度的加大
- 原图上频数较小的灰度级被归入很少几个或一个灰度级内，故得不到增强。
- 若这些灰度级所构成的图象细节比较重要，则需采用局部区域直方图均衡。

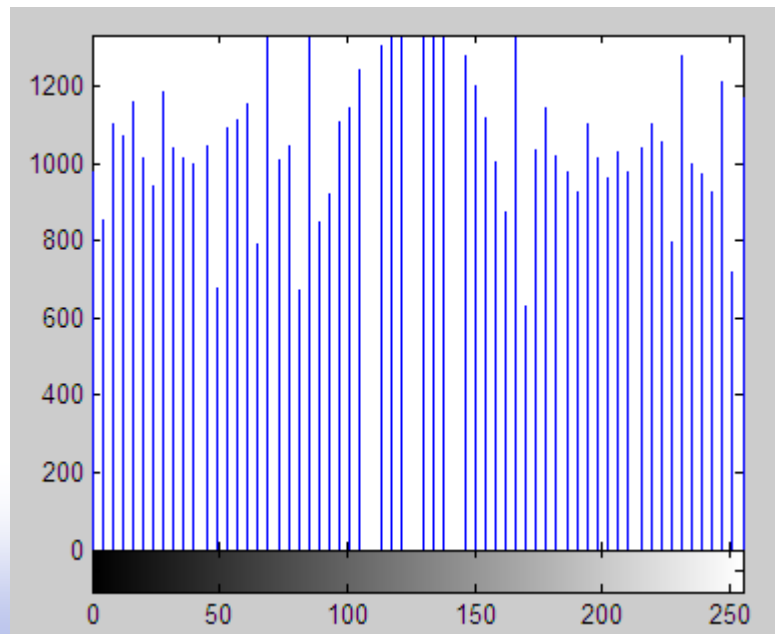
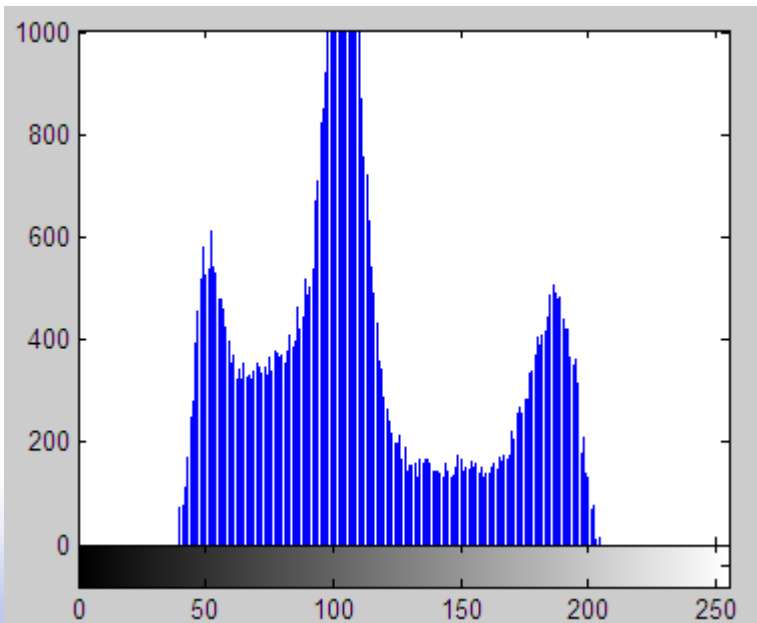
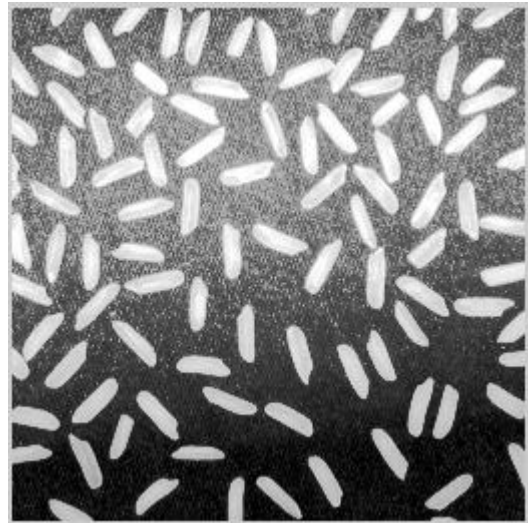
讨论：何种情况下使用直方图均衡化？



# 直方图调整法：均衡化

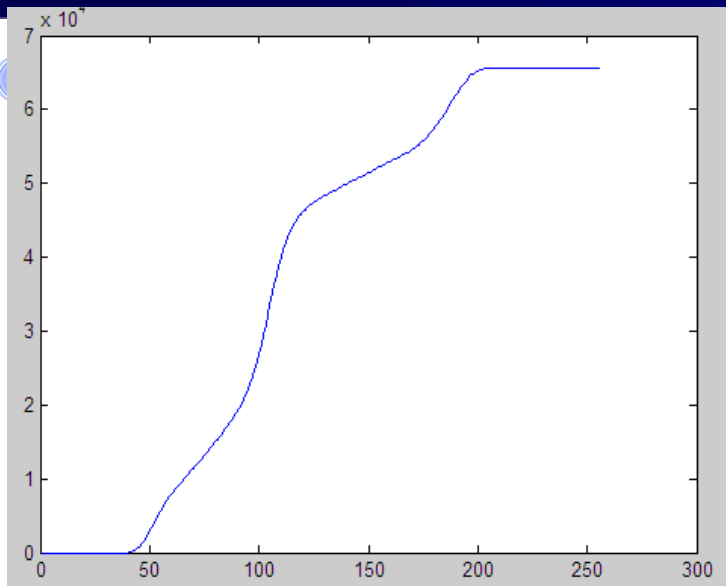


$J = \text{imhist}(I);$





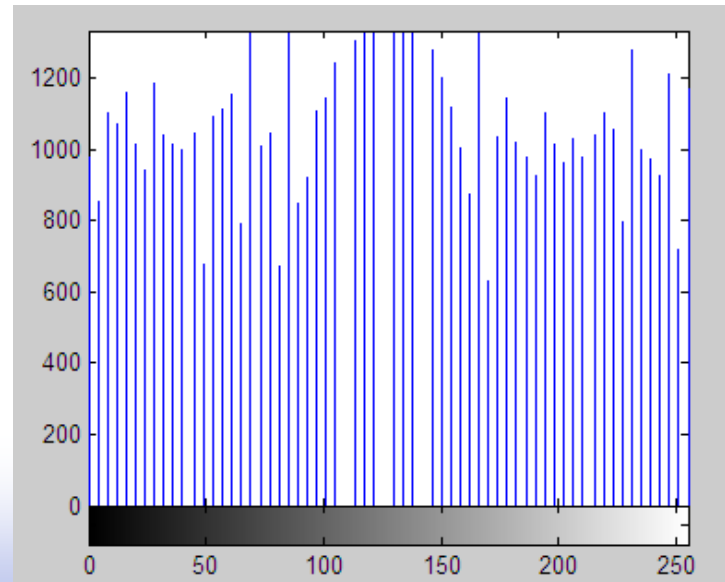
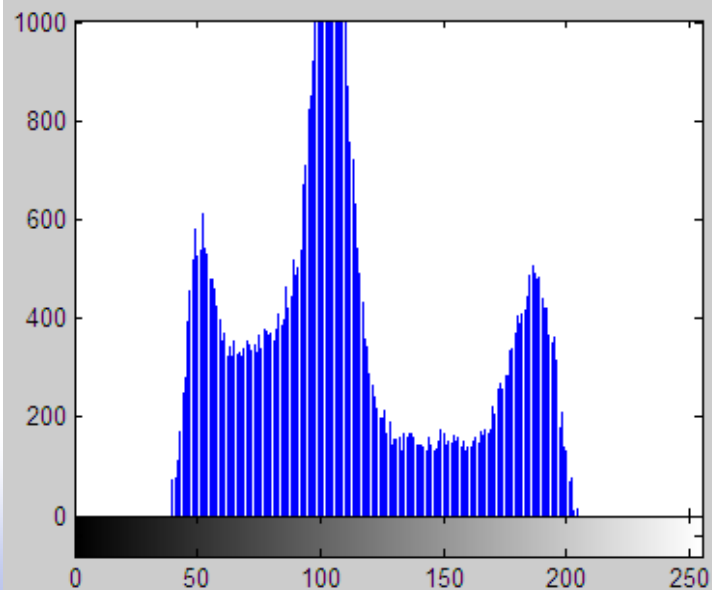
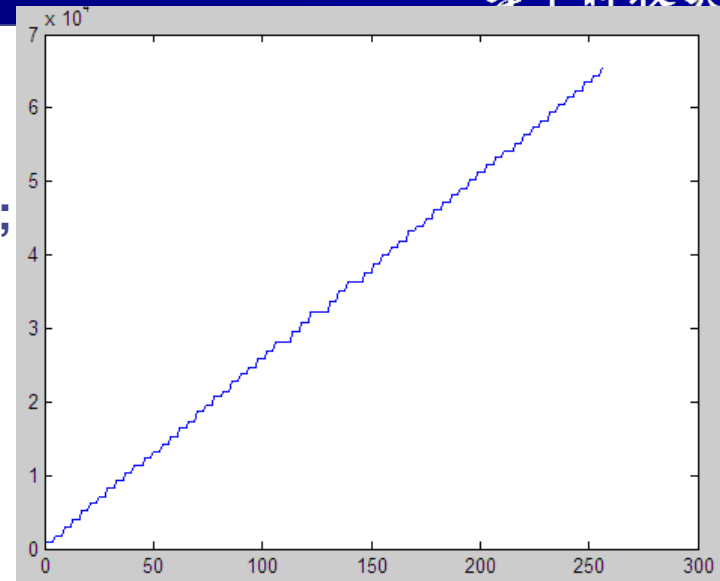
# 直方图调整法：均衡化



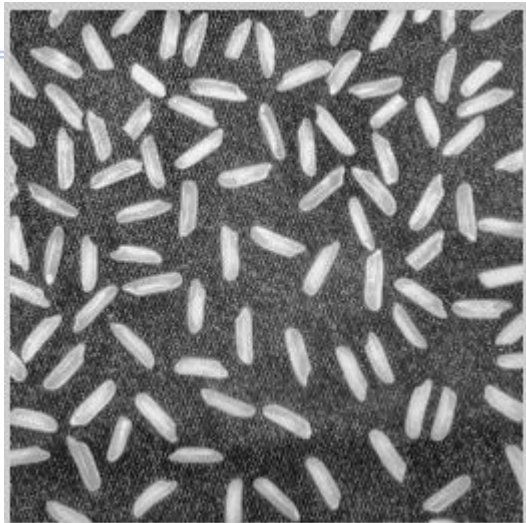
```
[c,b]=imhist(I);
```

```
t=cumsum(c);
```

```
plot(t)
```



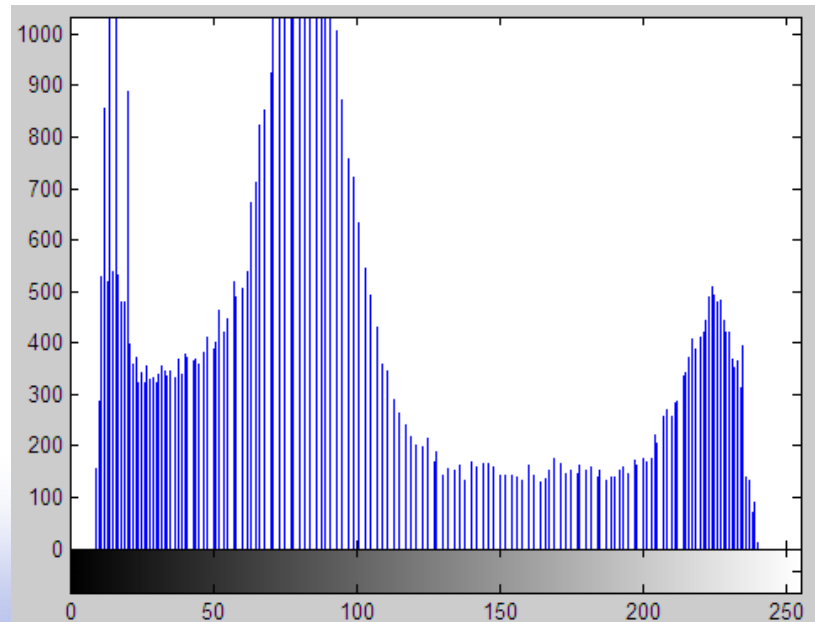
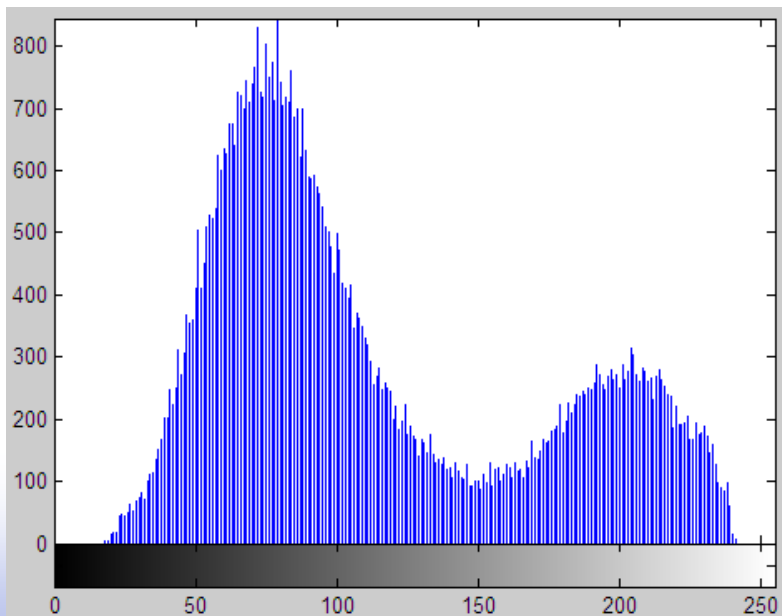
# 直方图调整法：均衡化



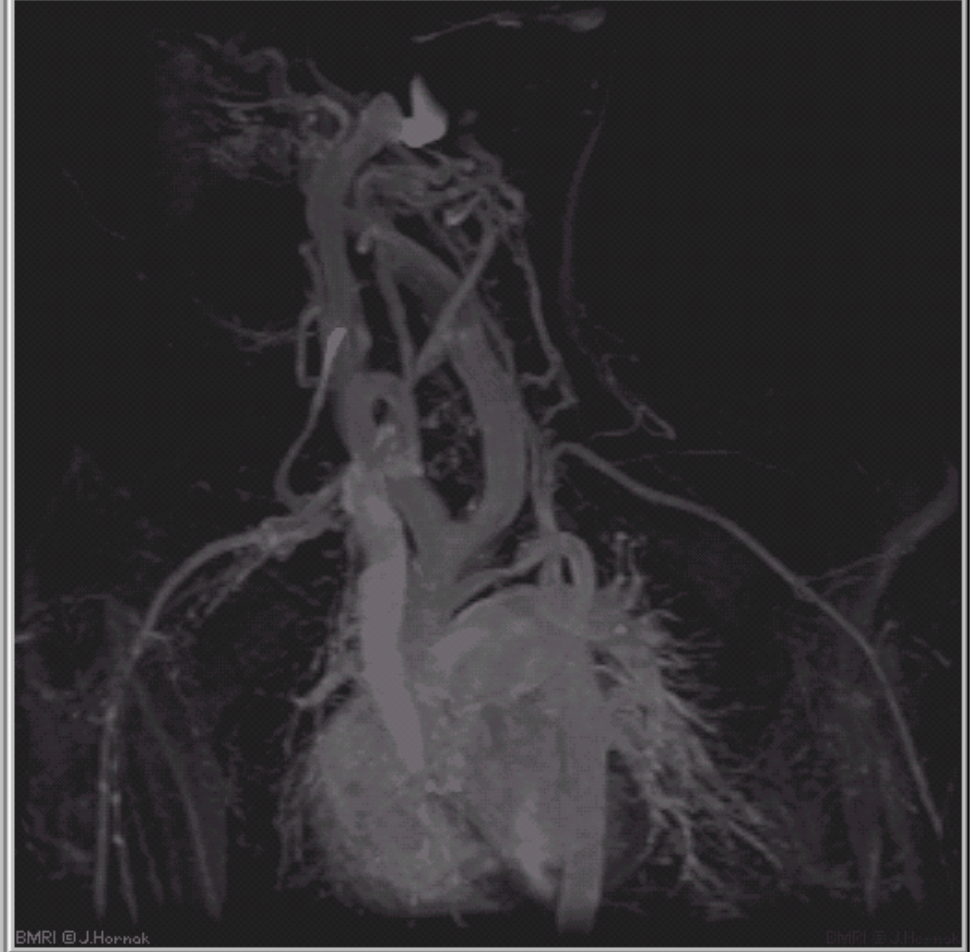
左图：  
 $J = \text{adapthist}(I);$

右图：

$$J = \psi^{-1}(2 * \psi(I))$$
$$\psi(I) = \log((255 - I) / I)$$



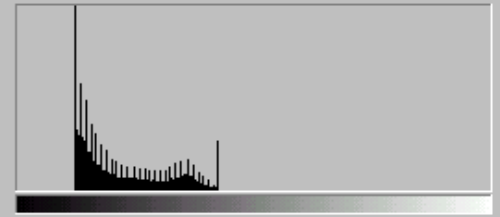
an01.gif @ 100% (索引)



直方图

通道(C): 亮度

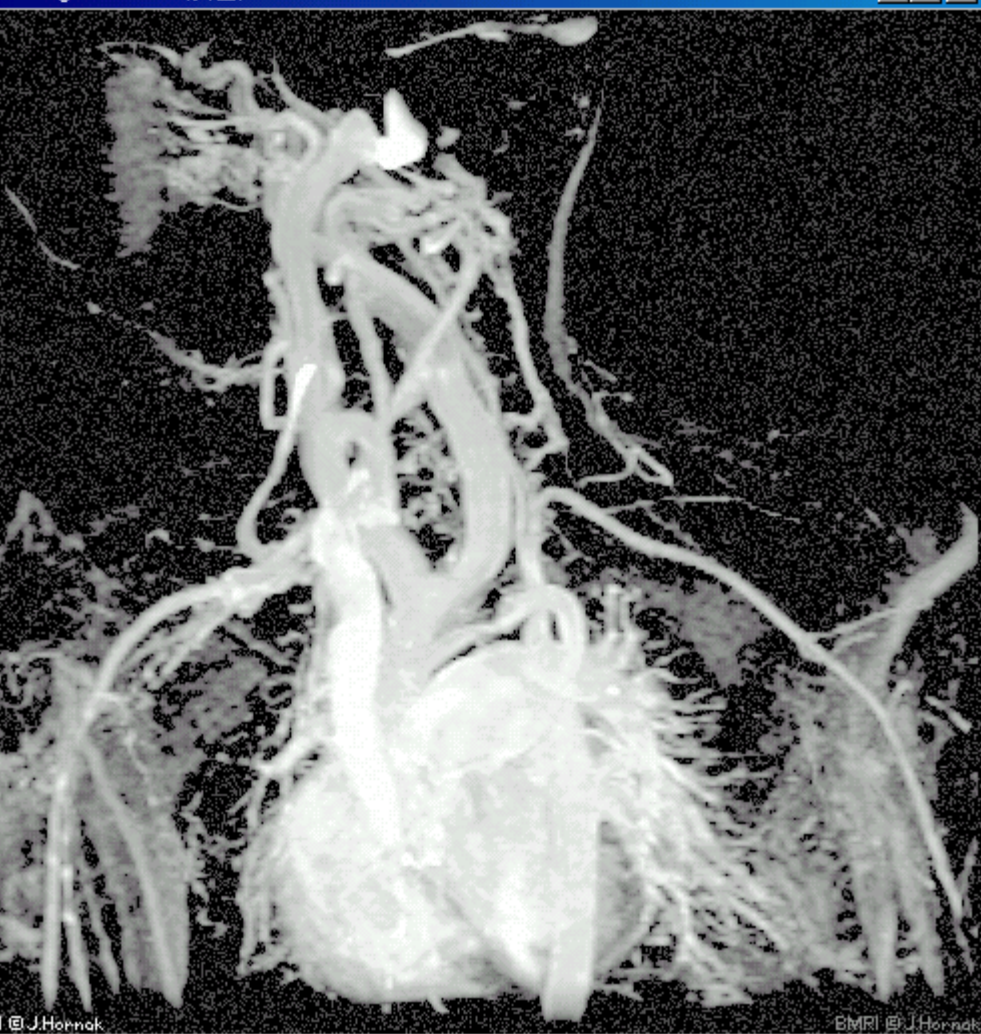
好



平均值: 44.82  
标准偏差: 21.50  
中间值: 31  
像素: 262144

色阶:  
数量:  
百分位:  
高速缓存级别: 1

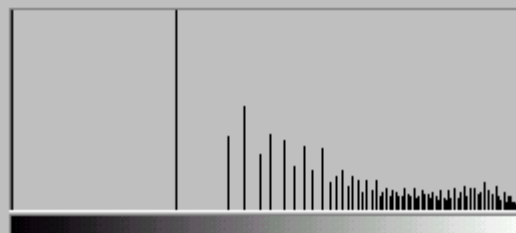
an01.gif @ 100% (灰色)



## 直方图均衡化 灰度动态范围扩展

直方图

通道: 灰色



平均值: 98.30

色阶:

标准偏差: 88.60

数量:

中间值: 82

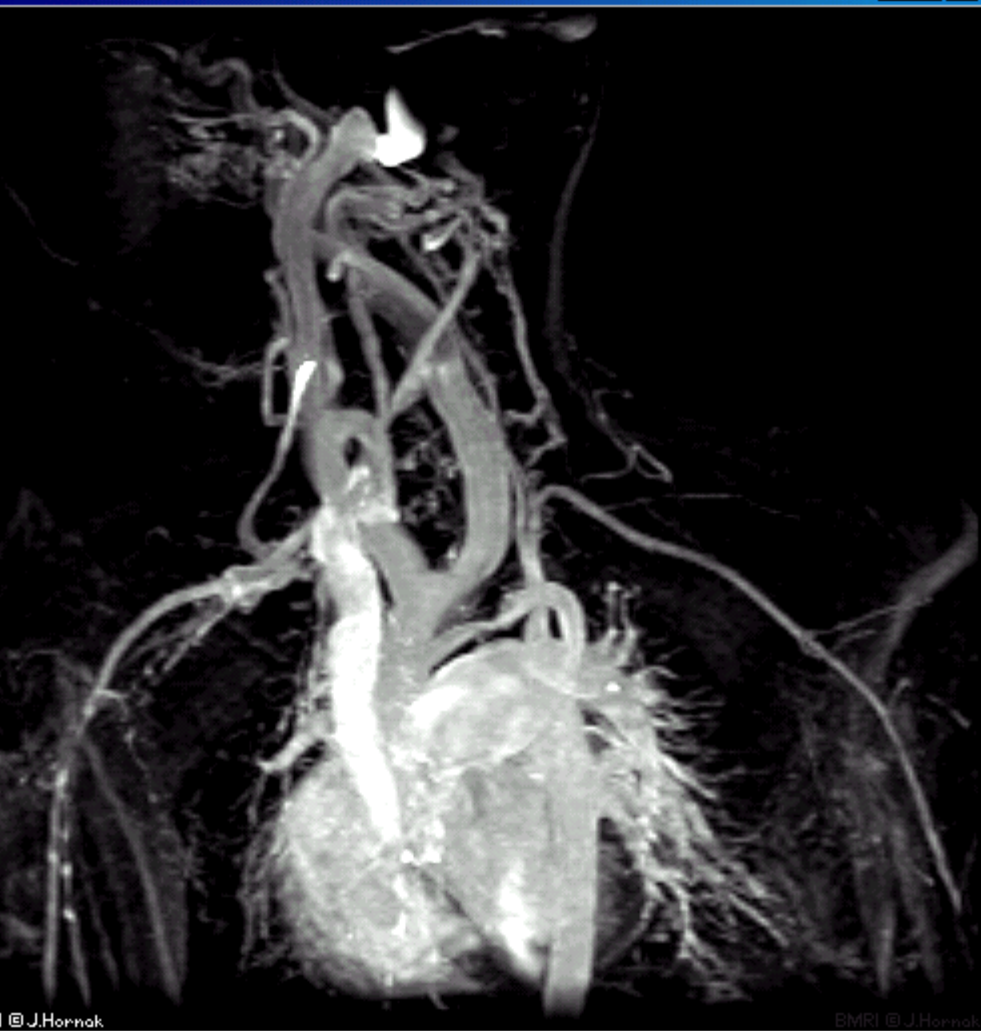
百分位:

像素: 262144

高速缓存级别: 1

好

an01.gif @ 100%(索引)



## 对比度扩展

直方图

通道(C): 亮度



平均值: 45.03

色阶:

标准偏差: 70.83

数量:

中间值: 0

百分位:

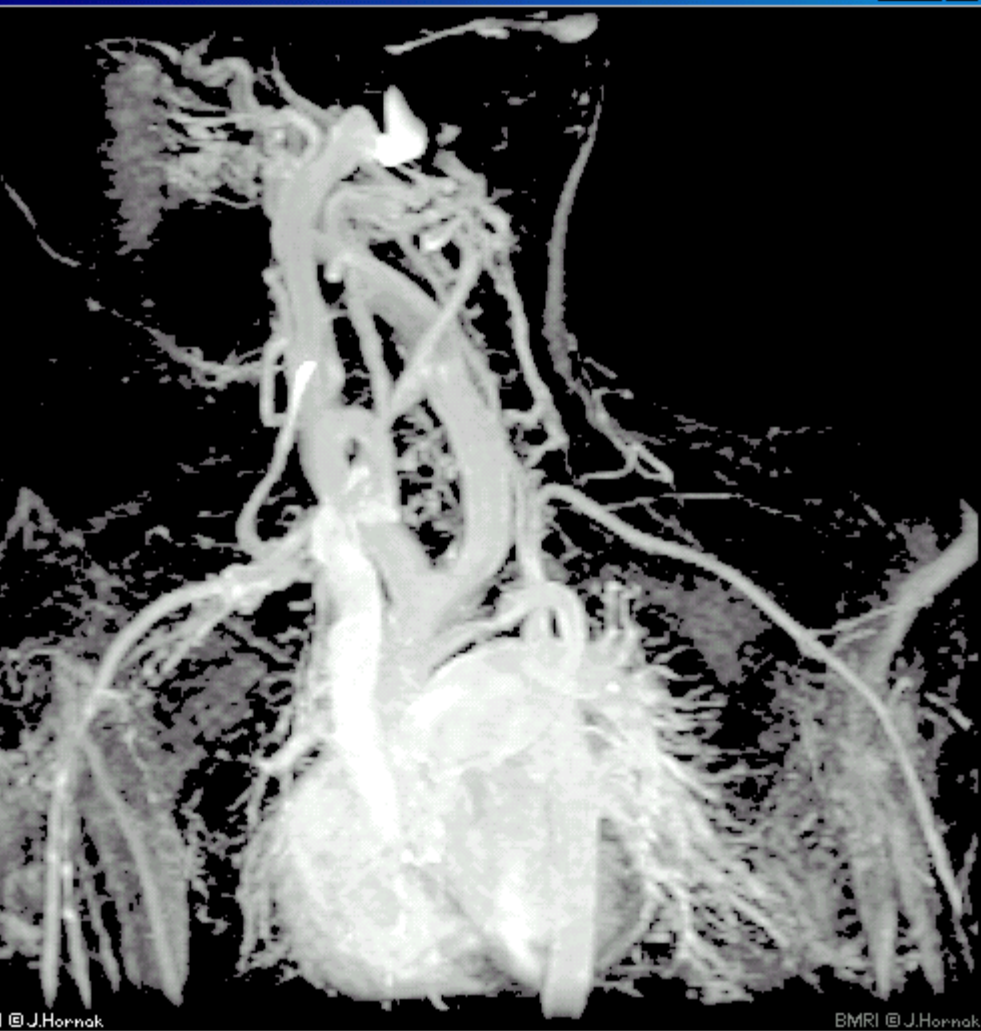
像素: 262144

高速缓存级别: 1

好



an01.gif @ 100%(灰色)



## 直方图均衡化

直方图

通道: 灰色

好



平均值: 85.03

色阶:

标准偏差: 92.75

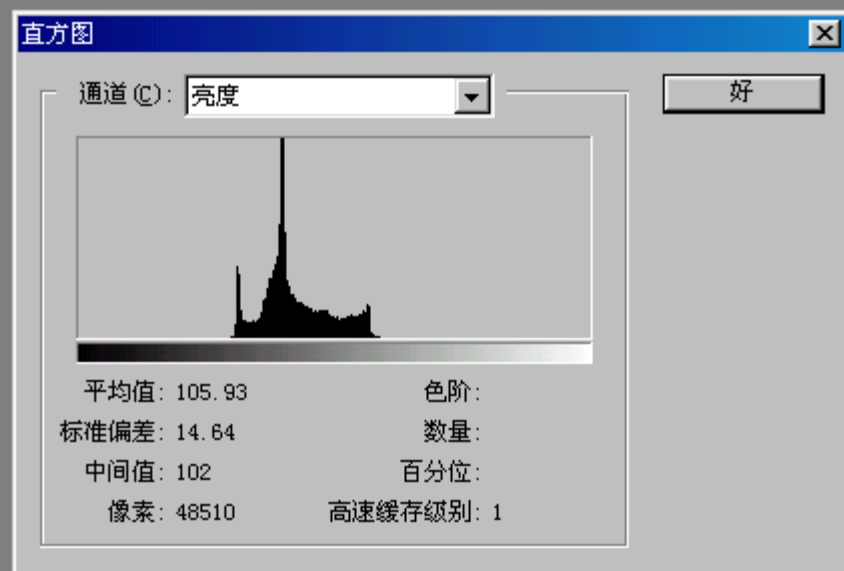
数量:

中间值: 0

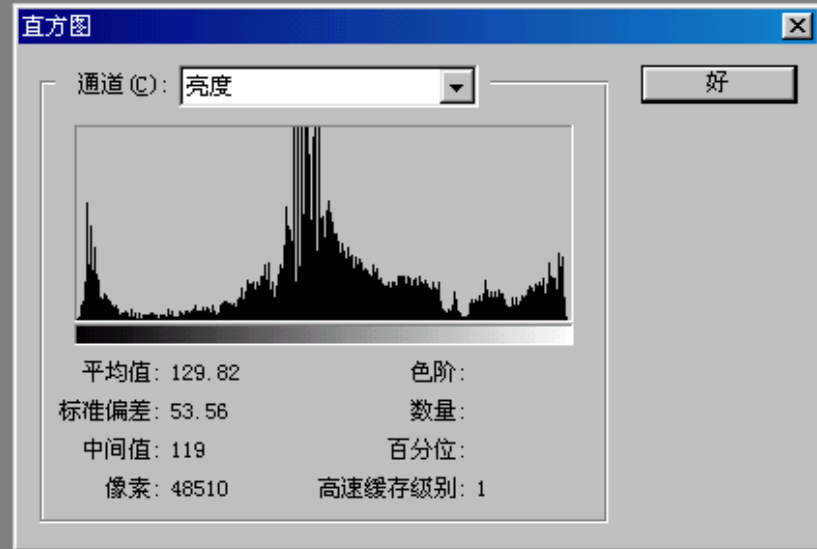
百分位:

像素: 262144

高速缓存级别: 1





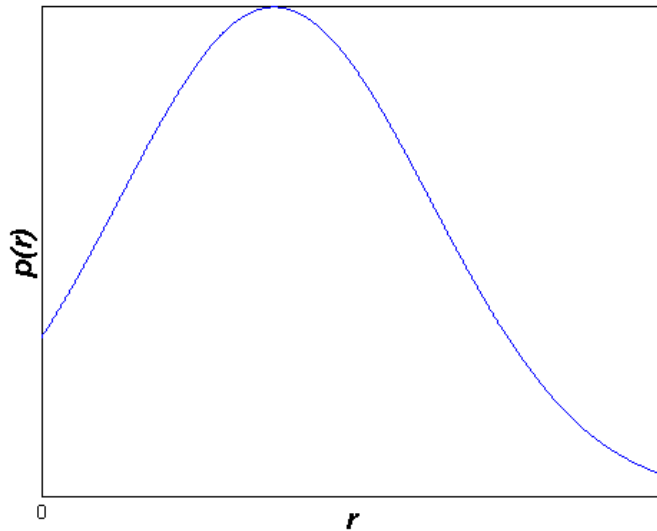




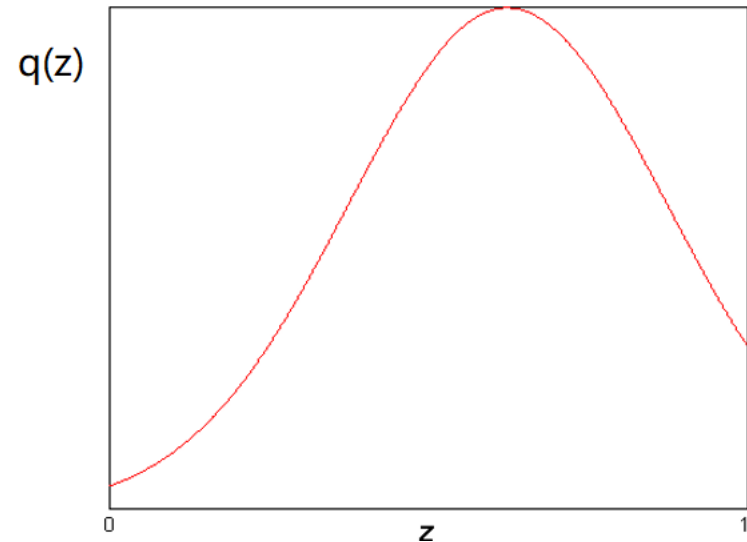
# 直方图调整法：直方图匹配

- 修改一幅图像的直方图，使得它与另一幅图像的直方图匹配或具有一种预先规定的函数形状
- 突出感兴趣的灰度范围，使图像质量改善

# 直方图调整法：直方图匹配



原图的直方图



规定的直方图

$$Z = T(r) : \int_0^Z q(z) dz = \int_0^r p(r) dr$$

$$Z^* = \arg(z) \min \left| \int_0^Z q(z) dz - \int_0^r p(r) dr \right|$$

# 直方图调整法：直方图匹配

## 步骤

- 各点灰度由  $r$  映射成  $s$

$$s = T(r) = \int_0^r p(r) dr \quad 0 \leq r \leq 1$$

- 各点灰度由  $z$  映射成  $v$

$$v = G(z) = \int_0^z q(z) dz \quad 0 \leq z \leq 1$$

- 根据  $v = G(z)$ ,  $z = G^{-1}(v)$

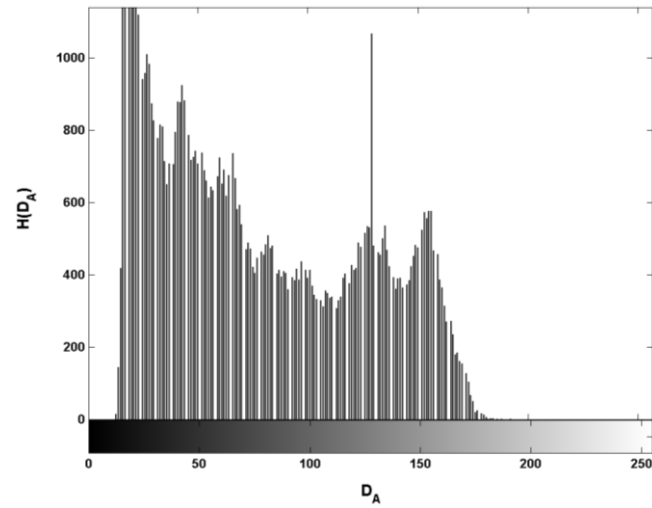
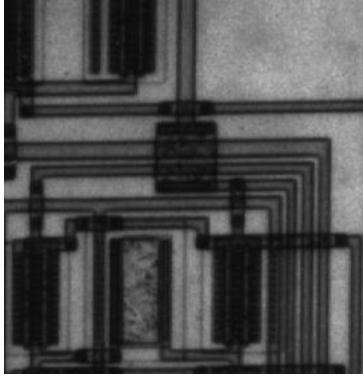
由于  $v, s$  有相同的分布,

逐一取  $v = s$ , 求出与  $r$  对应的  $z = G^{-1}(s)$ 。

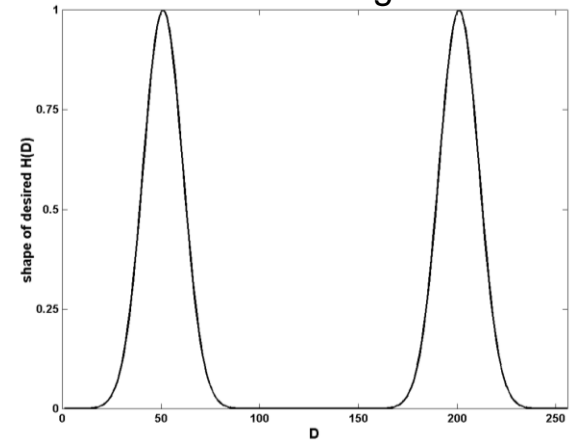
离散的情况下  
如何实现？

# Histogram Matching (Specification)

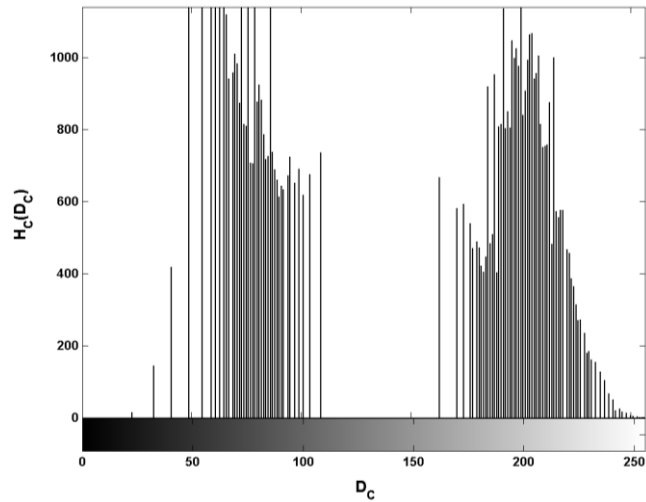
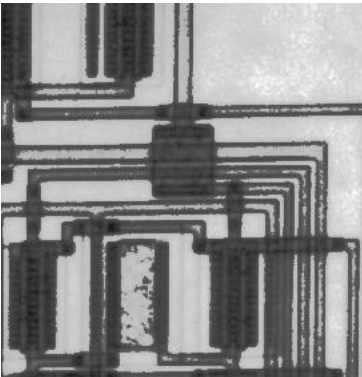
original



Desired histogram



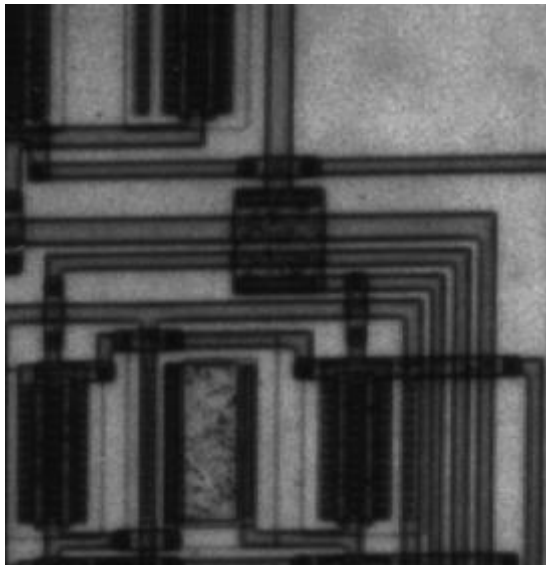
After



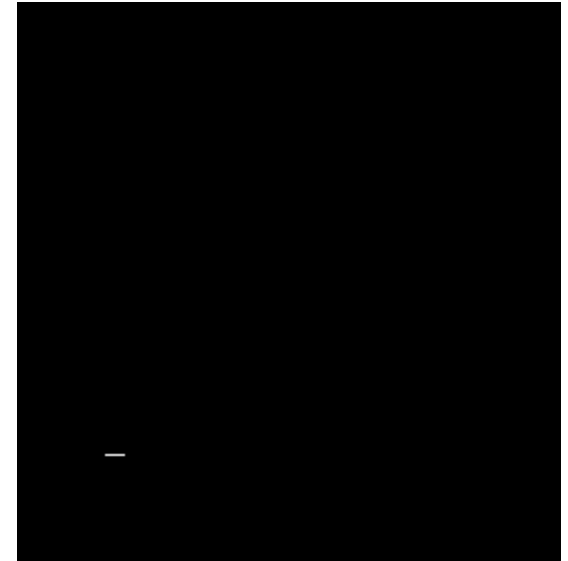
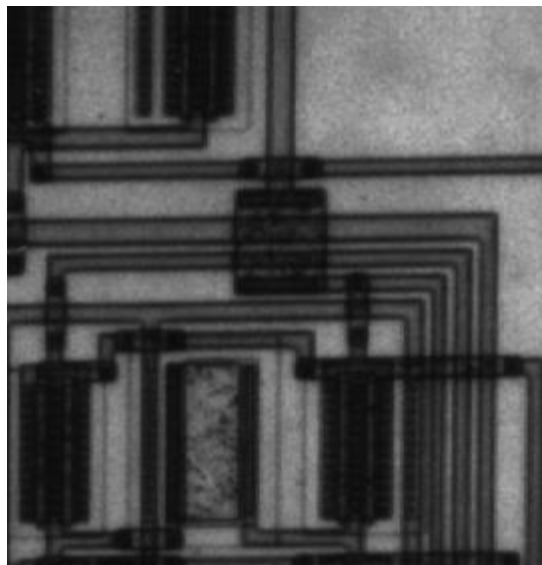
# Example - Application

We wish to check if a circuit board (image 1) matches the template (image 2) from which it was manufactured. Any defects?

1 - Manufactured



2 - Template

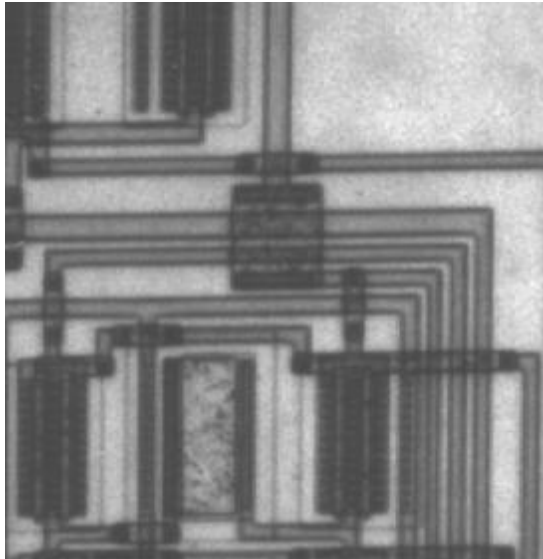


Compute difference image (defined later),  
threshold by setting pixels with non-zero  
absolute difference to 1 and all other pixels to 0:

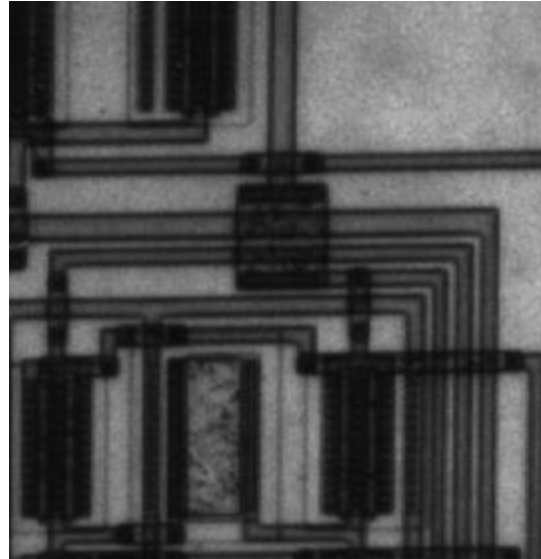
# Example - Application

**What if the overall brightness of image 1 is different from that of image 2?**

**1 - Manufactured**



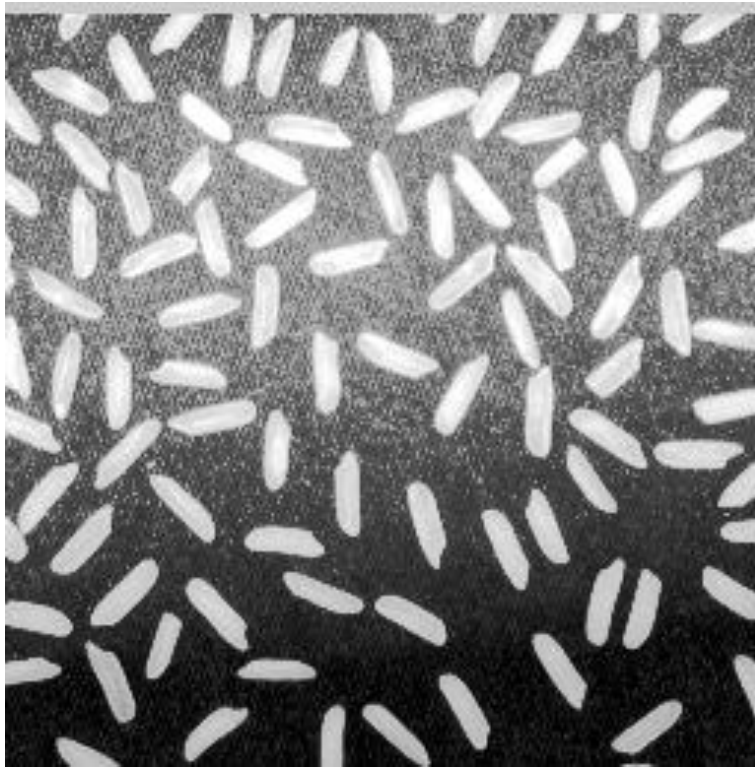
**2 - Template**



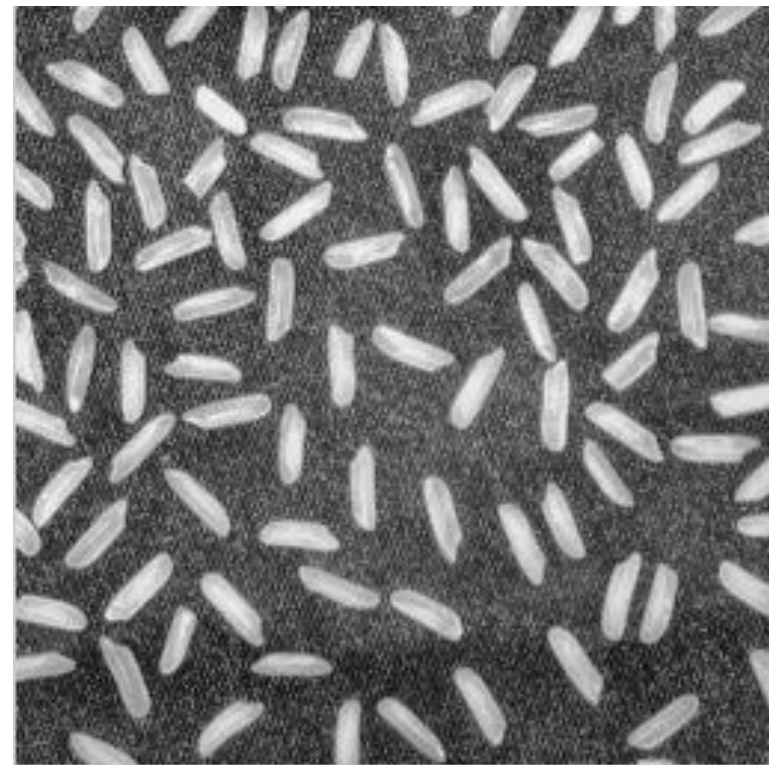
**Difference image is white everywhere because there is a difference in the brightness of all pixels.**

**One solution would be to match the histograms of the two images and then do the subtraction.**

# 自适应的直方图均衡化



```
I=imread('rice.png');  
J=histeq(I);  
figure,imshow(J);
```

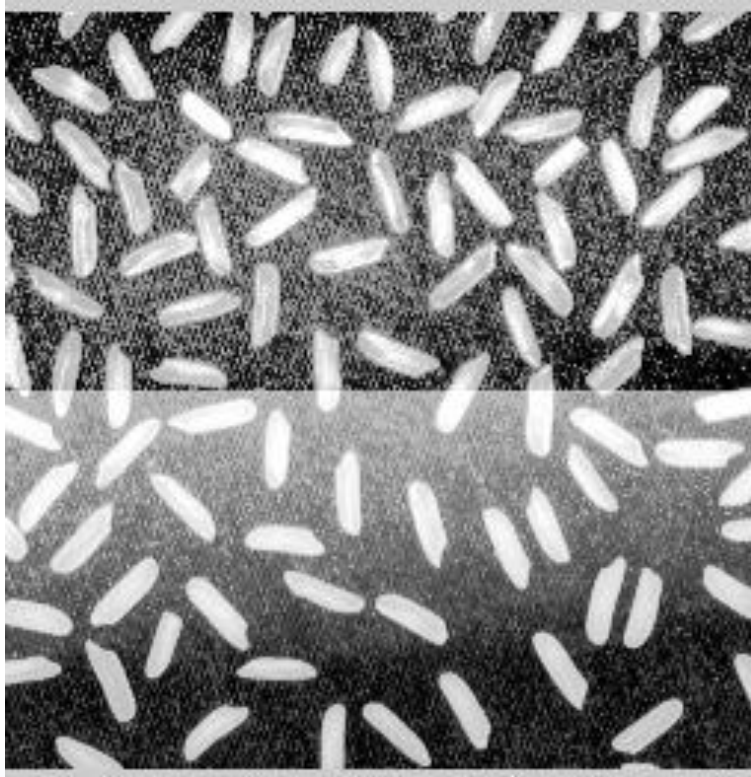


```
K=adapthisteq(I);  
figure,imshow(K);
```



# 自适应的直方图均衡化

图像分块，每块都均衡化



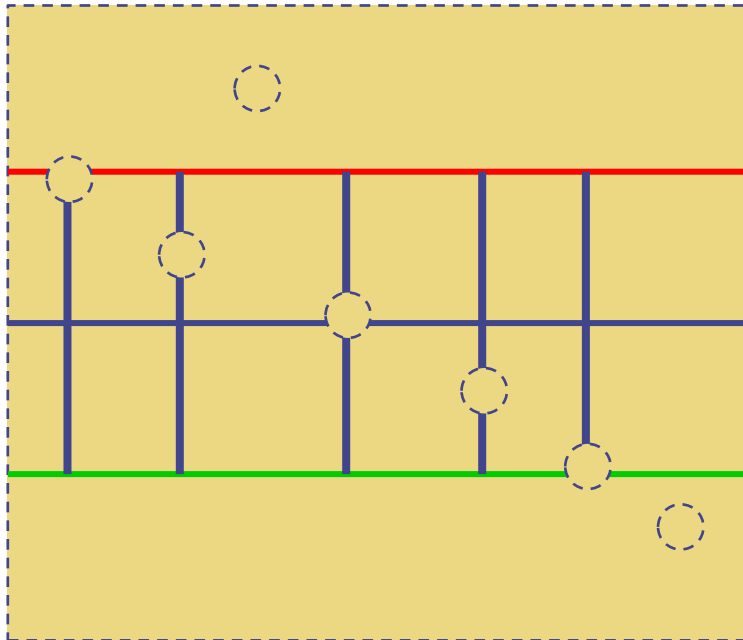
上面的块将  $r \rightarrow s_1$

下面的块将  $r \rightarrow s_2$

如何光滑化？

# 自适应的直方图均衡化

图像分块，每块都均衡化



如何光滑化？

线性插值：

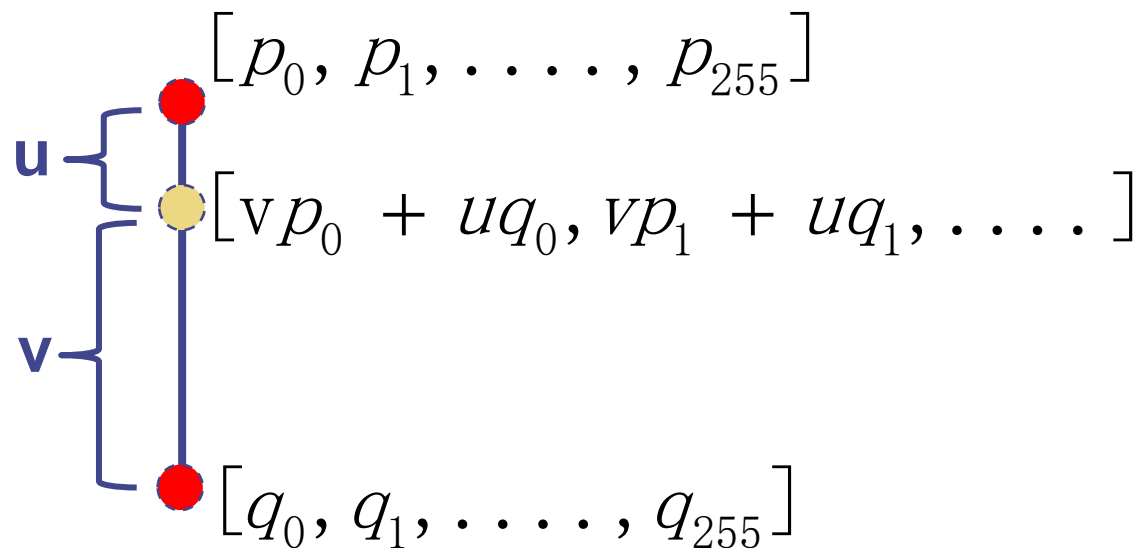
离上块中心线的距离

离下块中心线的距离

设图中圆圈代表的点，在原图像上灰度相同，  
如何确定他们在变换后的灰度值？

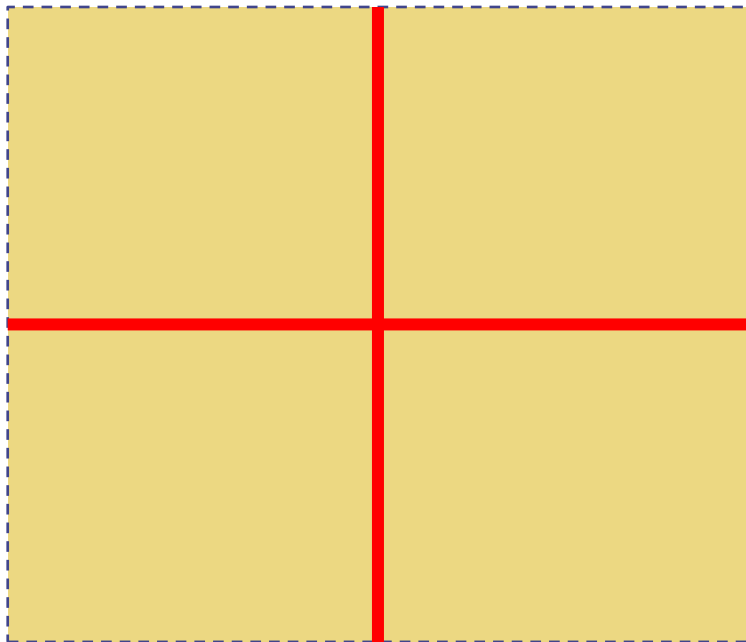
# 自适应的直方图均衡化

图像分块，每块都均衡化

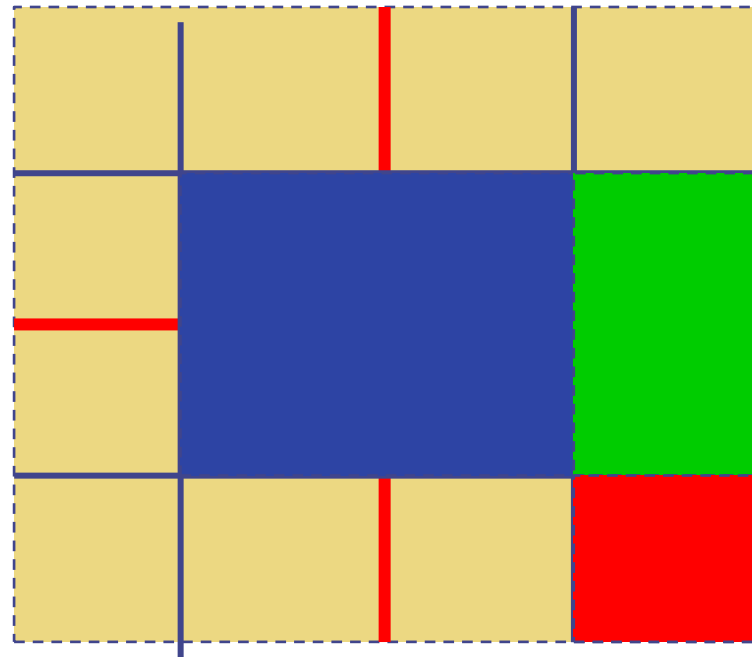


# 自适应的直方图均衡化

图像分块，每块都均衡化



分4块，每块都均衡化



不同颜色块灰度映射平滑时  
使用的信息不同



# 自适应的直方图均衡化

直方图均衡化中有什么缺点？

设  $r \rightarrow S$

$p(r+1)$  又很大，映射后会有什么现象？

$$\begin{aligned} T(r+1) &= \sum_{j=0}^{r+1} p(j) = \left\{ \sum_{j=0}^r p(j) \right\} + p(r+1) \\ &= T(r) + p(r+1) \end{aligned}$$

对直方图进行修正：削峰填谷



# Terms



华中科技大学

Image enhancement: 图像增强

Image quality: 图像质量

Globe operation: 全局运算

Local operation: 局部运算

Point operation: 点运算

Spatial domain: 空间域

Spatial coordinate: 空间坐标

Frequency domain: 频域

Fourier transform: 傅立叶变换



# Terms



华中科技大学

Contrast enhancement: 对比度增强

Contrast stretching: 对比度扩展

Linear: 线性

Nonlinear: 非线性

Frequency: 频率

Frequency variable: 频率变量



# Terms



華中科技大學

Gray-scale transformation(GST): 灰度变换

Logarithm transformation: 对数变换

Exponential transformation: 指数变换

Threshold: 閾值

Thresholding: 二值化、门限化

False contour: 假轮廓





# Terms



華中科技大學

Histogram: 直方图

Multivariable histogram: 多变量直方图

Histogram modification: 直方图调整、直方图修改

Histogram equalization: 直方图均衡化

Histogram specification: 直方图规定化

Histogram matching: 直方图匹配



# Terms



华中科技大学

Histogram thresholding: 直方图门限化

Probability density function(PDF): 概率密度函数

Cumulative distribution function(CDF): 累积分布函数

Slope: 斜率

Normalized: 归一化

Inverse function: 反函数





## MATLAB 的图像增强函数

**imadjust**

**histeq**

**adapthisteq**

**stretchlim**

