



华中科技大学

图像增强

——图像锐化

许向阳

xuxy@hust.edu.cn





华中科技大学

图像锐化

锐化目的：

加强图像轮廓，使图像看起来比较清晰

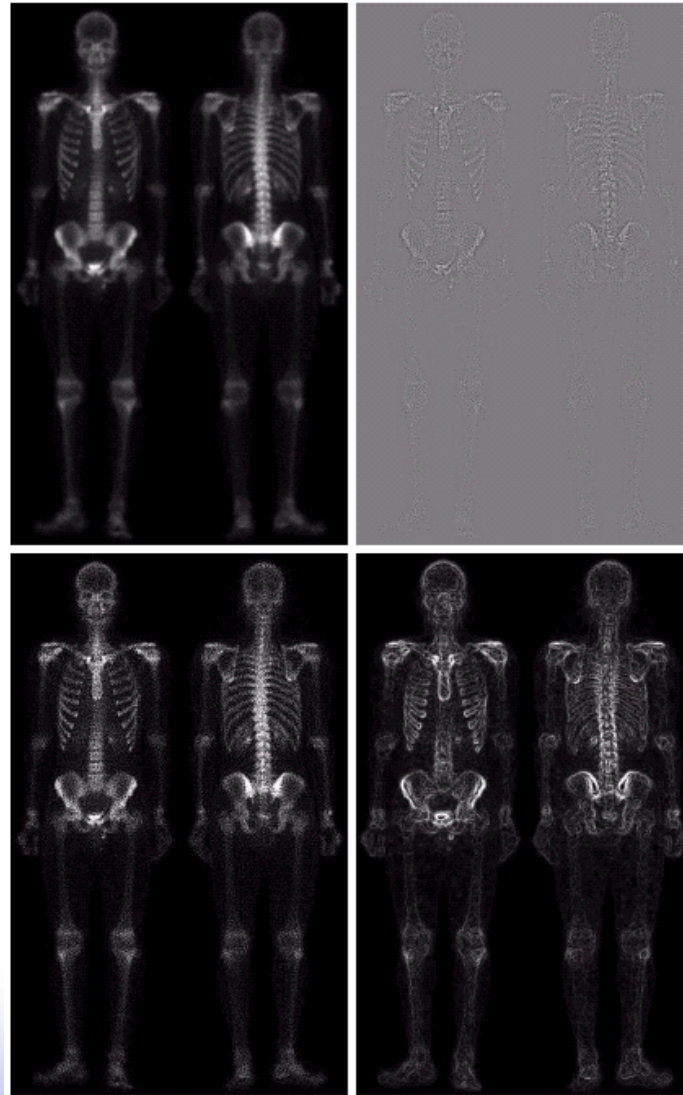


图像锐化

讨论:

图像的轮廓
有何特点?

如何加强轮廓?





图像锐化——微分法

最常用的微分方法是**梯度法**。

梯度 (*Gradient*)是一个向量，定义为：

$$\mathbf{G}[f(x, y)] = \begin{bmatrix} \frac{\partial f}{\partial x} \\ \frac{\partial f}{\partial y} \end{bmatrix}$$

梯度有幅度和方向

$$G[f(x, y)] = \left[\left(\frac{\partial f}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y} \right)^2 \right]^{\frac{1}{2}}$$

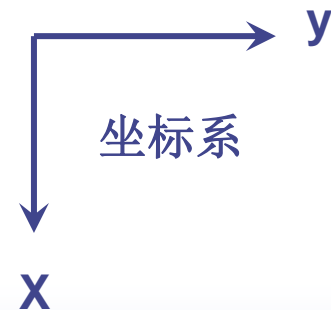
常用的梯度算法

对数字图像，用差分来近似微分

■ 典型梯度算法

$$G[f(x, y)] = \{ [f(x, y) - f(x+1, y)]^2 + [f(x, y) - f(x, y+1)]^2 \}^{\frac{1}{2}}$$

$f(x, y)$	$f(x, y+1)$
$f(x+1, y)$	



常用的梯度算法

■ 罗伯茨 (Roberts) 梯度算法

$$G[f(x, y)] = \{ [f(x, y) - f(x+1, y+1)]^2 + [f(x+1, y) - f(x, y+1)]^2 \}^{\frac{1}{2}}$$

$f(x, y)$	$f(x, y+1)$
$f(x+1, y)$	

典型梯度算法

$f(x, y)$	$f(x, y+1)$
$f(x+1, y)$	$f(x+1, y+1)$

罗伯茨梯度算法



常用的梯度算法

■绝对差分算法

$$G[f(x, y)] \approx |f(x, y) - f(x+1, y)| + |f(x, y) - f(x, y+1)|$$

$$G[f(x, y)] \approx |f(x, y) - f(x+1, y+1)| + |f(x+1, y) - f(x, y+1)|$$





常用的梯度算法

说明:

对 $N \times N$ 数字图像，不可能在最后一行 ($x=N$) 和最后一列 ($y=N$) 像素上计算梯度值。一种补救办法：用前一行 ($x=N-1$) 和前一列 ($y=N-1$) 对应像素的梯度值。



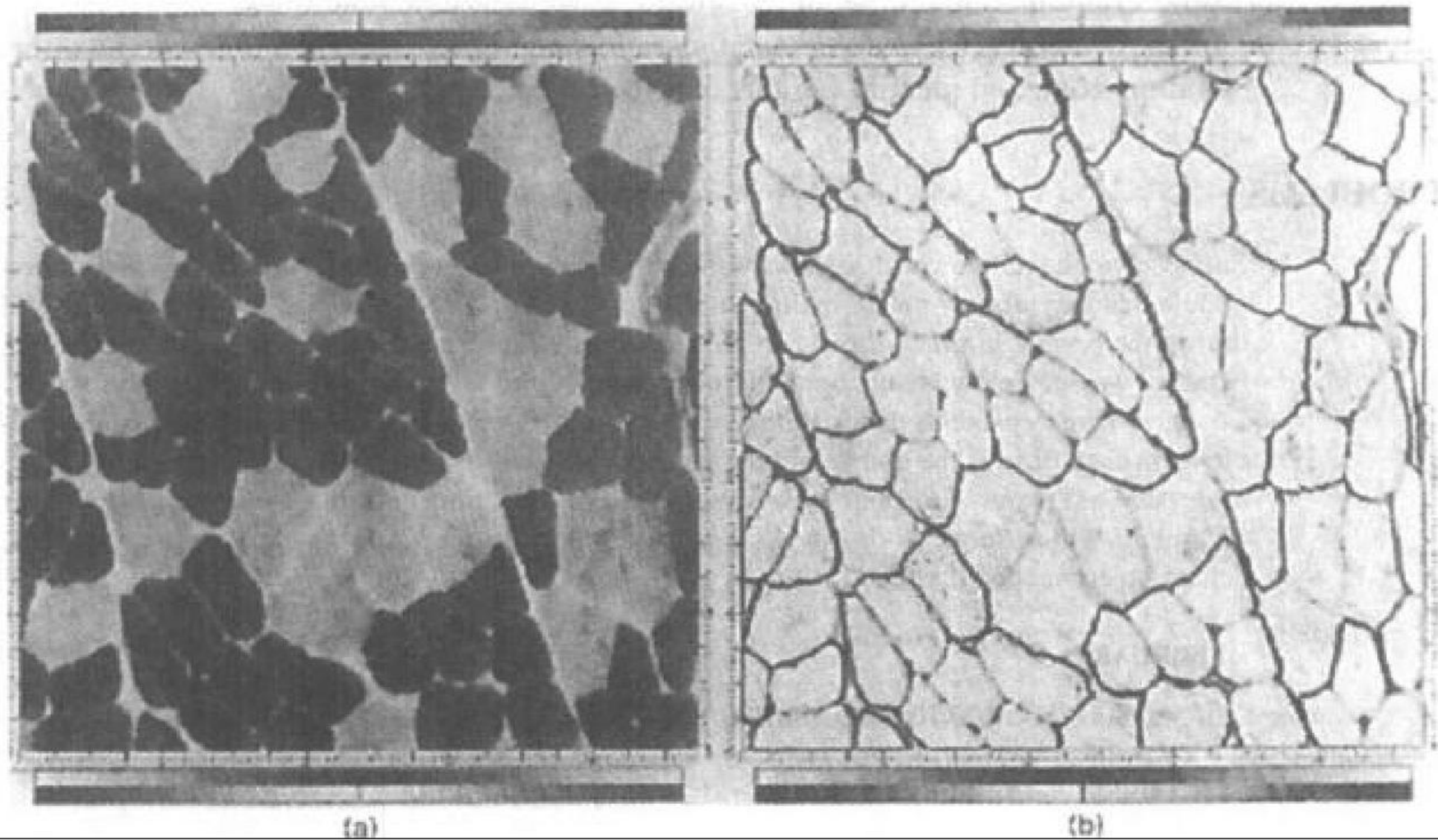


Figure 7-5 A gradient magnitude image: (a) muscle fibers; (b) gradient image



突出图像轮廓的方法

■ 梯度图像

$$g(x, y) = G[f(x, y)]$$

■ 背景保留

$$g(x, y) = \begin{cases} G[f(x, y)] & G[f(x, y)] \geq T \\ f(x, y) & \text{else} \end{cases}$$





突出图像轮廓的方法

- 背景保留，轮廓取单一灰度值

$$g(x, y) = \begin{cases} L_G & G[f(x, y)] \geq T \\ f(x, y) & \text{else} \end{cases}$$



突出图像轮廓的方法

■ 轮廓保留，背景取单一灰度值

$$g(x, y) = \begin{cases} G[f(x, y)] & G[f(x, y)] \geq T \\ L_B & else \end{cases}$$

L_B : 指定的背景灰度值。



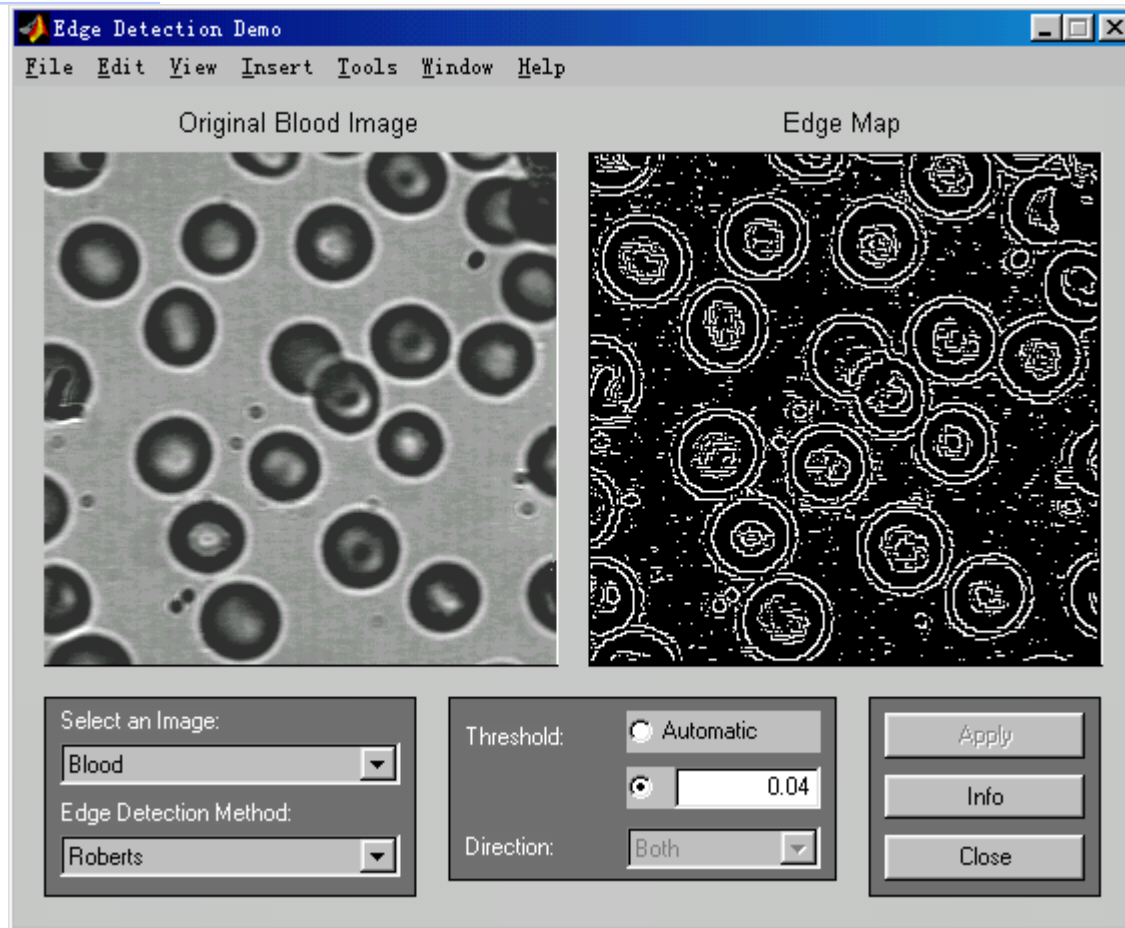
突出图像轮廓的方法

- 轮廓、背景分别取单一灰度值
(二值化, 只对轮廓感兴趣)

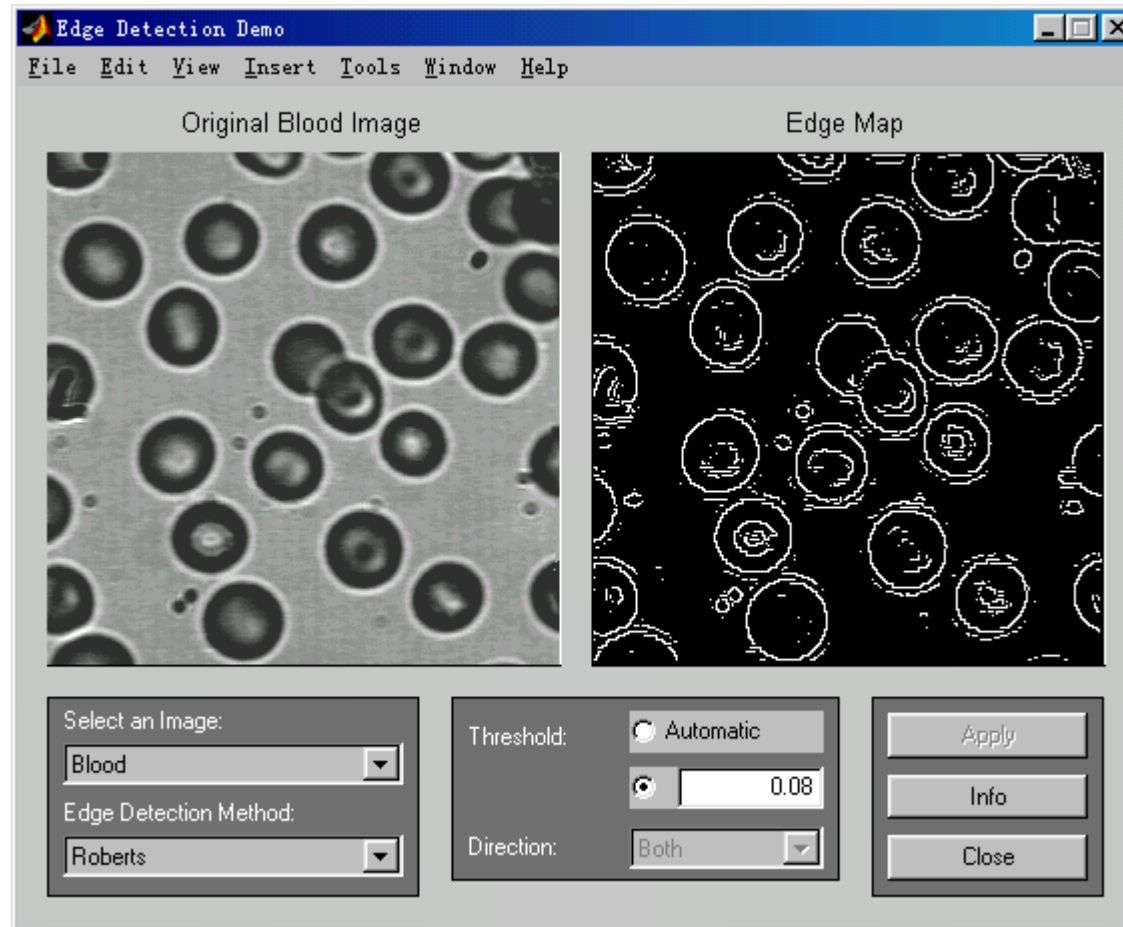
$$g(x, y) = \begin{cases} L_G & G[f(x, y)] \geq T \\ L_B & else \end{cases}$$

L_G : 指定的轮廓灰度值。

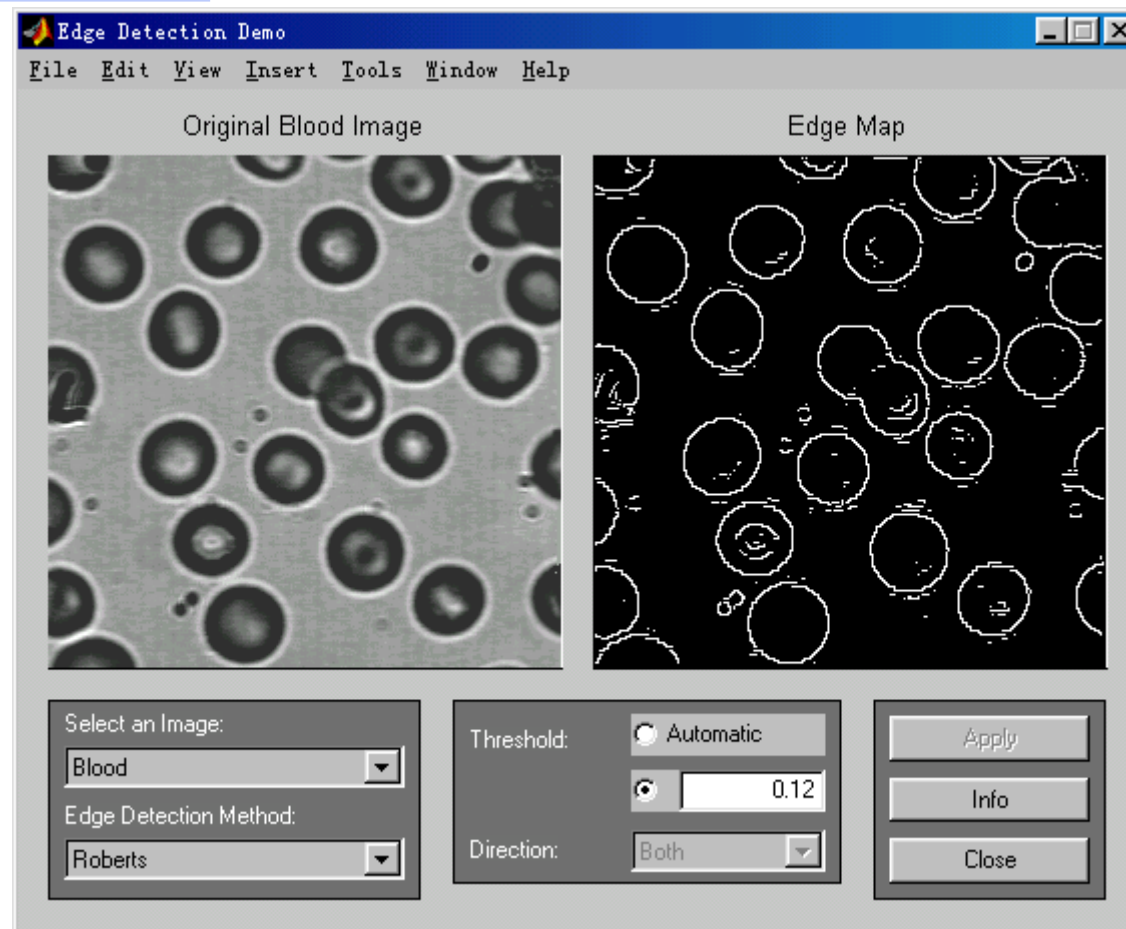
L_B : 指定的背景灰度值。



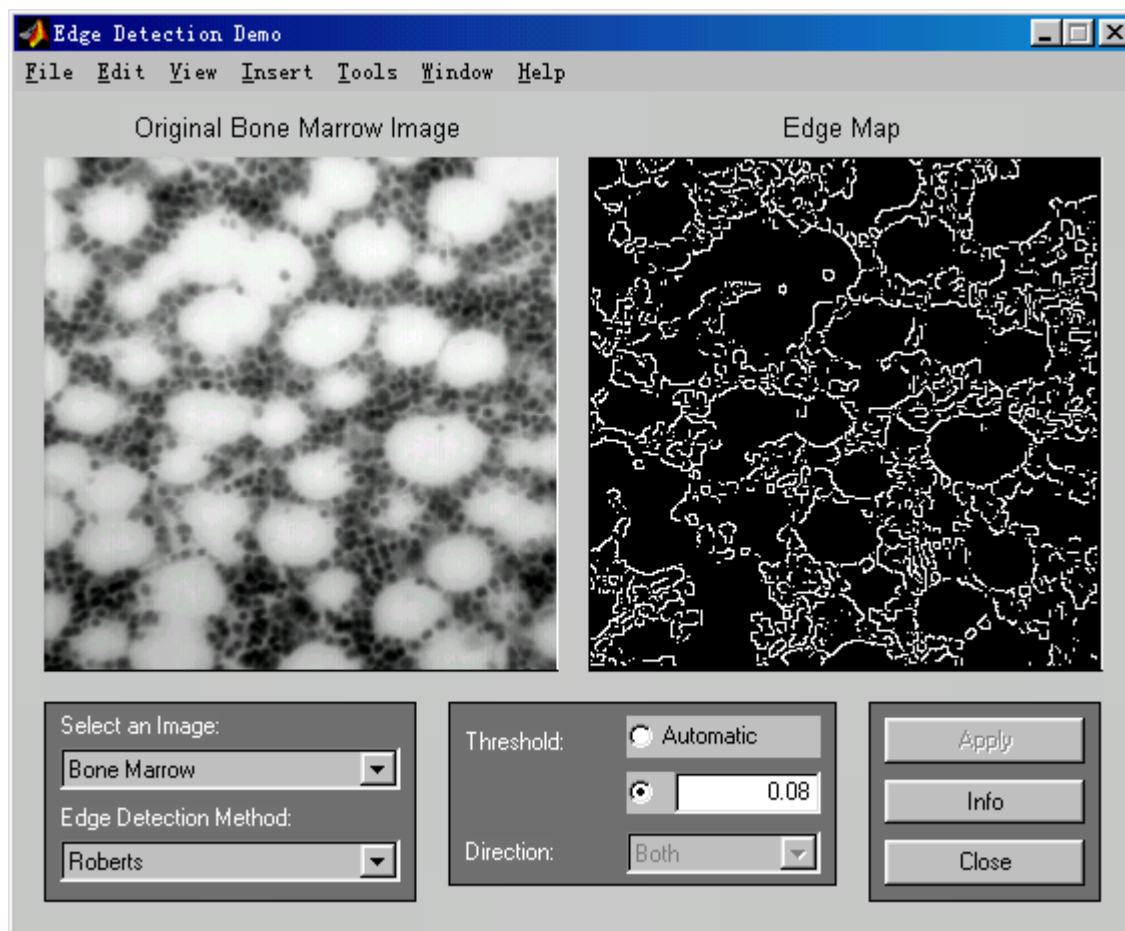
Edge Detection Methods **Roberts** 閾值为0.04

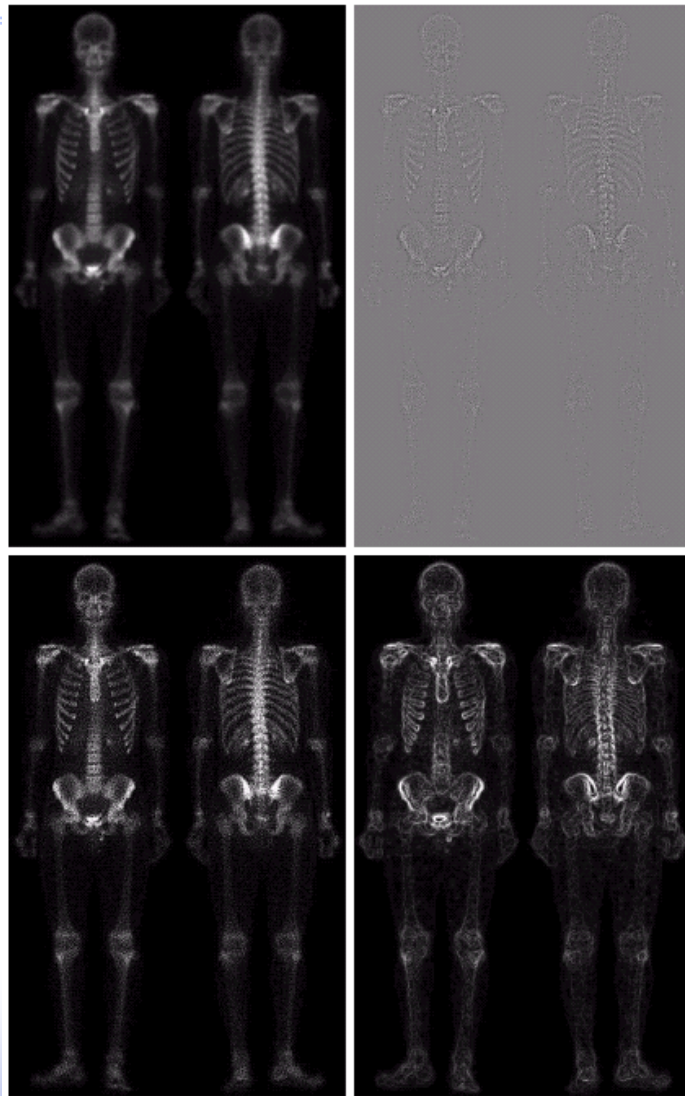


Edge Detection Methods **Roberts** 閾值为0.08



Edge Detection Methods **Roberts** 阈值为0.12



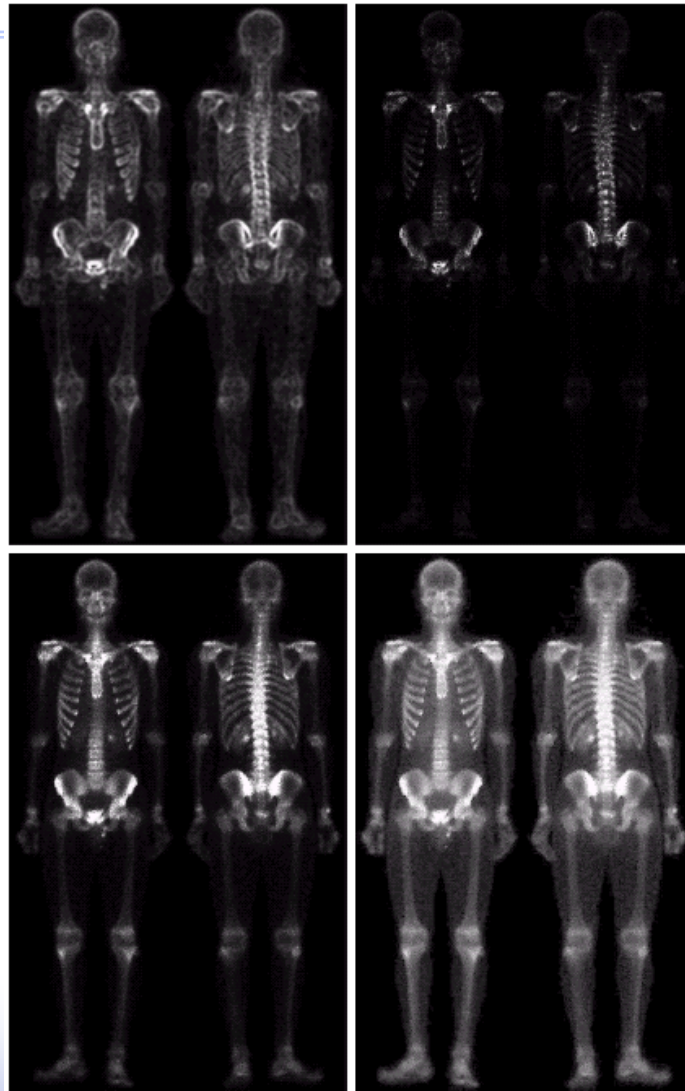


a	b
c	d

FIGURE 3.46

(a) Image of whole body bone scan.

(b) Laplacian of (a). (c) Sharpened image obtained by adding (a) and (b). (d) Sobel of (a).



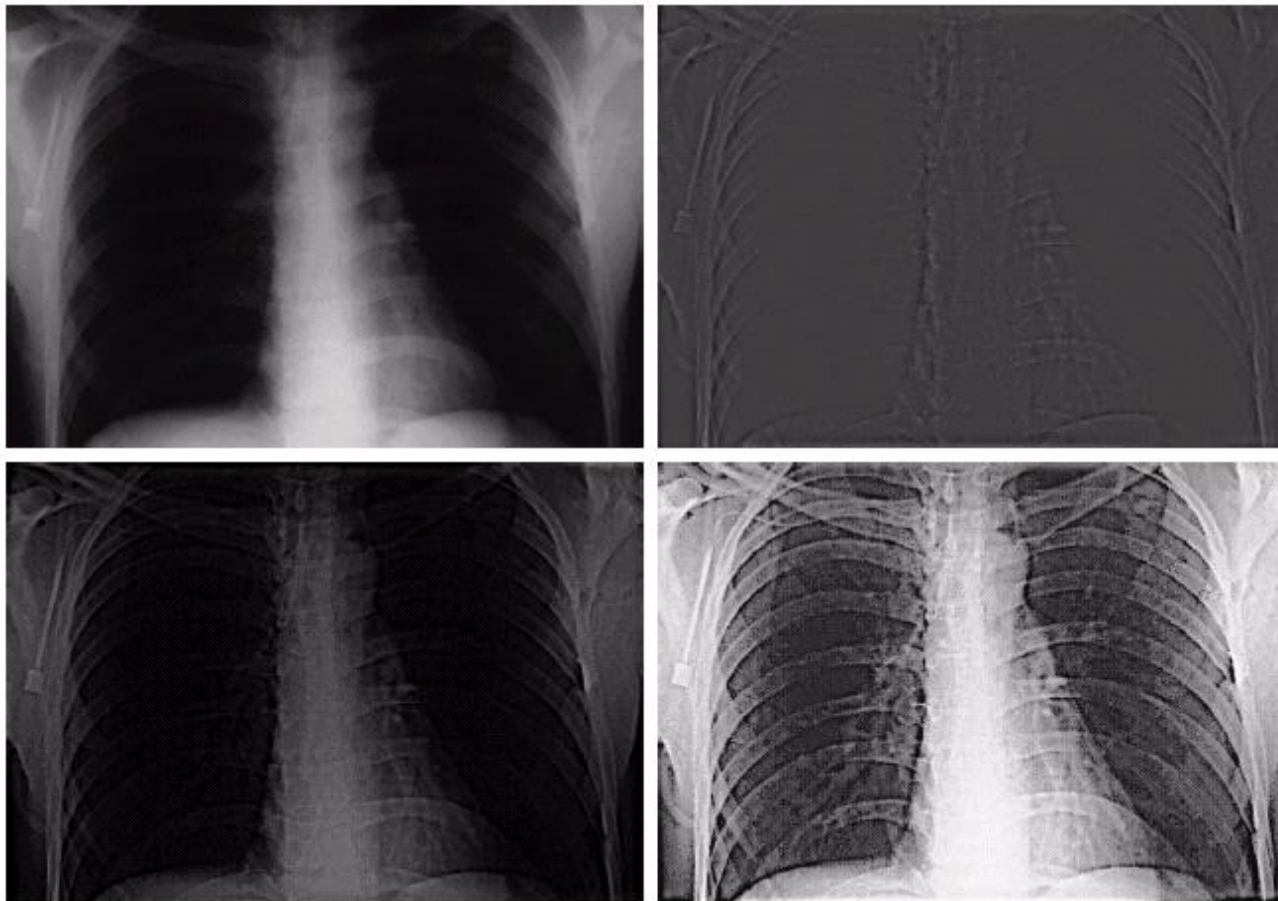
e	f
g	h

FIGURE 3.46

(Continued)

(e) Sobel image smoothed with a 5×5 averaging filter. (f) Mask image formed by the product of (c) and (e).

(g) Sharpened image obtained by the sum of (a) and (f). (h) Final result obtained by applying a power-law transformation to (g). Compare (g) and (h) with (a). (Original image courtesy of G.E. Medical Systems.)



a	b
c	d

FIGURE 4.30

(a) A chest X-ray image. (b) Result of Butterworth highpass filtering. (c) Result of high-frequency emphasis filtering. (d) Result of performing histogram equalization on (c). (Original image courtesy Dr. Thomas R. Gest, Division of Anatomical Sciences, University of Michigan Medical School.)

反锐化掩模法

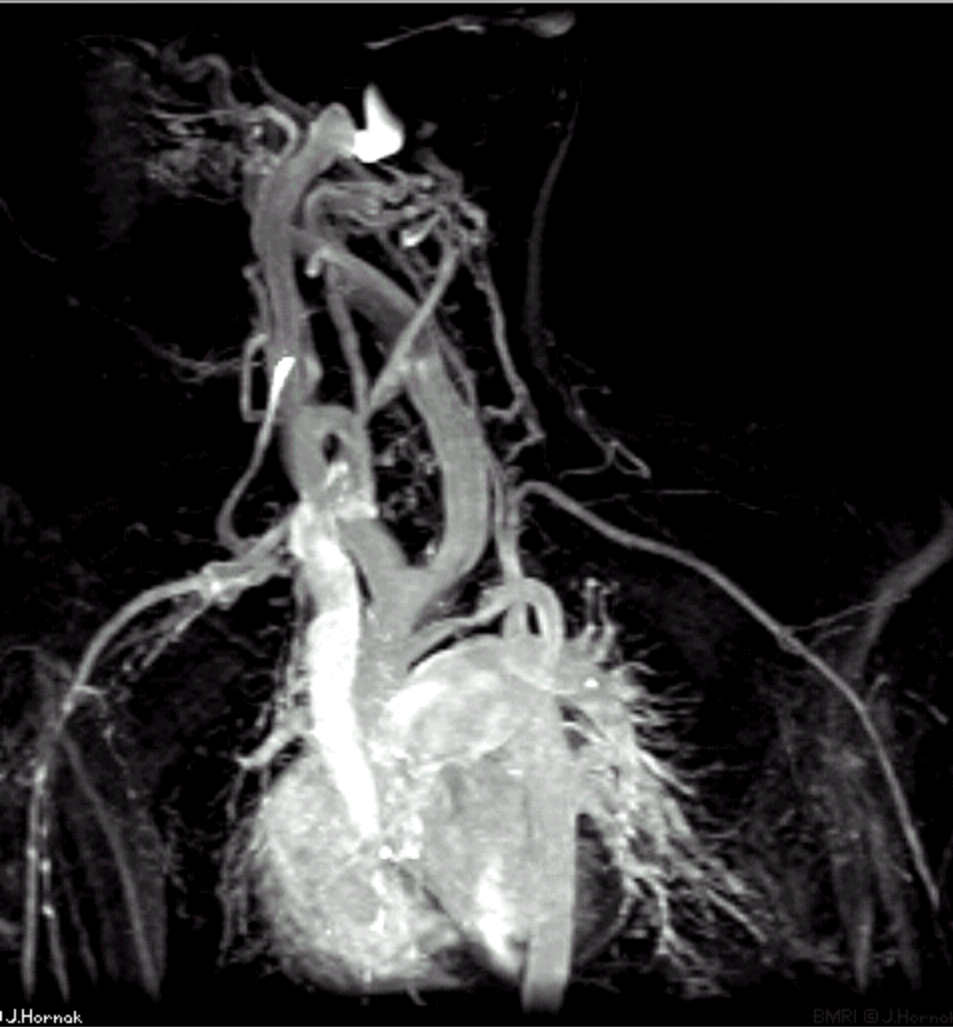
$$g(x, y) = f(x, y) + C[f(x, y) - \bar{f}(x, y)]$$

$\bar{f}(x, y)$ 是模糊化后的图像

$$\mathbf{W}_1 = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 9 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 9 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

取 **C=9**, 并采用平均模糊图像的方法

$$\mathbf{W} = \frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$



USM



USM



USM

常见的锐化算子

梯度算子

1	
	-1

	1
-1	

Roberts

-1		1
-1		1
-1		1

1	1	1
-1	-1	-1

Prewitt

-1		1
-2		2
-1		1

1	2	1
-1	-2	-1

Sobel

常见的锐化算子

拉普拉斯(Laplacian)算子 二阶微分算子

	-1	
-1	4	-1
	-1	

-1		-1
	4	
-1		-1

-1	-1	-1
-1	8	-1
-1	-1	-1

	-1	
-1	5	-1
	-1	

-1		-1
	5	
-1		-1

-1	-1	-1
-1	9	-1
-1	-1	-1

常見的銳化算子

方向算子

-5	3	3
-5		3
-5	3	3

3	3	3
-5		3
-5	-5	3

3	3	3
3		3
-5	-5	-5

3	3	3
3		-5
3	-5	-5

3	3	-5
3		-5
3	3	-5

3	-5	-5
3		-5
3	3	3

-5	-5	-5
3		3
3	3	3

-5	-5	3
-5		3
3	3	3

Kirsch 算子的8方向 3×3 模板

常見的锐化算子

-1	-1	-1
0	0	0
1	1	1

 0°

-1	-1	0
-1	0	1
0	1	1

 45°

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

 90°

0	1	1
-1	0	1
-1	-1	0

 135°

Compass operators



模板的讨论

模板的形状:

方形、矩形、线形、圆形

模板的大小:

小模板受局部噪声影响较大

大模板平滑，忽略了细节

模板中的权重:

相同、相异

与位置有关、无关



Terms



华中科技大学

Image sharpening: 图象锐化

Contour: 轮廓

Edge: 边界, 边缘

Boundary: 边界

Deblurring: 去模糊

High frequency enhancement filter: 高频加强
滤波器



Terms



华中科技大学

Differentiation: 微分

Gradient vector: 梯度向量

Gradient magnitude: 梯度值, 梯度

Background: 背景

Object: 物体

Scene: 景物, 场景

Unsharp masking: 反锐化掩模



Terms



华中科技大学

Overshoot: 过冲

Ring: 振铃

Step function: 阶跃函数

Unit step function: 单位阶跃函数

Rectangular pulse: 矩形脉冲

Triangular pulse: 三角形脉冲

Gaussian function: 高斯函数



Terms



華中科技大學

Impulse: 冲激函数

Dirac delta function: 狄拉克 δ 函数

