

1. Define recursivamente una función toma que reciba un número n y una lista l y devuelva la lista que contiene los primeros n elementos de l.

```
toma :: (Num i, Ord i) => i -> [a] -> [a]
toma n _
  | n <= 0 = []
toma _ [] = []
toma n (x:xs) = x : toma (n-1) xs
```

Donde “n <= 0” y una lista vacía “[]” son nuestros casos base, que regresaran una lista vacía

Y “toma n (x:xs) = x : toma (n-1) xs” es nuestro paso recursivo, que va tomando nuestro primer elemento de la lista y lo va concatenando en otra nueva hasta que lleguemos a un caso base.

2. Define recursivamente una función quita que reciba un número n y una lista l y devuelva la lista que quita los primeros n elementos de l.

```
quita :: (Num i, Ord i) => i -> [a] -> [a]
quita n (x:xs)
  | n <= 0 = (x:xs)
  | otherwise = quita (n-1) (xs)
```

Donde “n <= 0” y n (x:xs) nos restringe a que la lista debe tener mas de dos elementos. “otherwise = quita (n-1) (xs)” es nuestro paso recursivo, que va tomando el primer elemento de la lista y lo va concatenando en otra nueva hasta que lleguemos a un caso base. Pero regresa el cuerpo de la lista principal.

3. Define recursivamente el predicado elem cuya especificación formal es la siguiente: elem x l si y solo si x es elemento de la lista l

```
elem :: (Eq a) => a -> [a] -> Bool
elem a [] = False
elem a (x:xs)
  | a == x = True
  | otherwise = a `elem` xs
```

Donde “a [] = False” es nuestro caso base ya que si la lista es vacía quiere decir que no tiene elementos y mucho menos el que se pregunta.

Nuestro paso recursivo funciona de la siguiente manera: Toma la cabeza de la lista y lo compara con el número que se ingreso, si es igual regresa un true y termina la ejecución, del contrario ira tomando la siguiente cabeza hasta llegar a un true, sino llegamos al caso base de false.

4. Defina una función recursiva *replica* que toma un elemento *a* y un número *n* como entrada, y devuelve la lista que contiene *n* veces *a* como elemento, es decir, que cumpla la siguiente especificación:

$\text{replica}(a, n) = [a, a, a, \dots, a]$

$\text{replica} :: (\text{Num } n, \text{Ord } n) \Rightarrow (a, n) \rightarrow [a]$

$\text{replica}(x, y)$

| $y \leq 0 = []$

| otherwise = $x:\text{replica}(x, y-1)$

Donde " $y \leq 0$ " es nuestro caso base que nos dice que si la lista que ingresamos es vacía nos regresa otra lista vacía.

El paso recursivo es " $x:\text{replica}(x, y-1)$ " que trabaja de la siguiente forma: toma el primer número de la pareja, y lo irá concatenando tantas veces hasta que el segundo número de la pareja llegue al caso base.

5. Defina recursivamente las funciones *laast* que devuelve el último elemento de una lista no vacía y *elast* que devuelve la lista resultante al borrar el último elemento de una lista no vacía.

$\text{laast} :: [a] \rightarrow [a]$

$\text{laast}[x] = [x]$

$\text{laast}(x:xs) = \text{laast}(xs)$

Donde " $[x] = [x]$ " será nuestro caso base que nos dice que si tenemos una lista de un solo elemento, nos va a devolver la misma lista con el mismo elemento.

El paso recursivo es " $(x:xs) = \text{laast}(xs)$ " que lo que hace es dividir a nuestra lista en cabeza y cuerpo, y va a ir tomando el cuerpo hasta llegar al caso base, o sea, hasta que la lista sea de un solo elemento.

$\text{elast} :: [a] \rightarrow [a]$

$\text{elast}[x] = []$

$\text{elast}(x:xs) = x : \text{elast}(xs)$

Donde " $[x] = []$ " es nuestro caso base, en el que ocurre que si tenemos una lista de un solo elemento, nos va a devolver una lista vacía.

El paso recursivo está definido como " $(x:xs) = x : \text{elast}(xs)$ " que funciona casi de la misma manera que *laast*, pero en lugar de regresar solo el último elemento, esta función va a ir concatenando las cabezas de la lista principal en una nueva hasta que llegue al caso base, o sea, irá reescribiendo los elementos excepto el último.