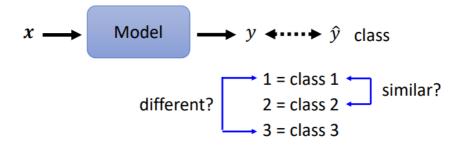


02.3-DeepLearning-Loss of Classification

- 1. Classification as Regression
- 2. Class as one-hot vector
 - 2.1 Classification with softmax
 - 2.2 Loss of Classifacation
- 3. To Learn More

1. Classification as Regression

class 1 是編號1,class2是編號 2,class 3是編號 3,……。希望模型的輸出 y 可以 跟 class 的編號越接近越好



問題:

3 個 class 若分別設為1, 2, 3,背後隱含 class 1 跟 class 2 比較相關,class 1 跟 class 3 比較不相關

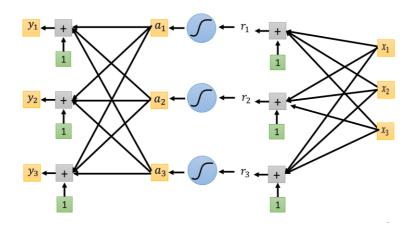
- class 之間確實有相關性:假設根據身高體重預測是幾年級的小學生,一年級真的 跟二年級比較接近,一年級真的跟三年級比較沒有關係
- class 之間沒有相關性:1, 2, 3 的假設可能會造成模型失準

2. Class as one-hot vector

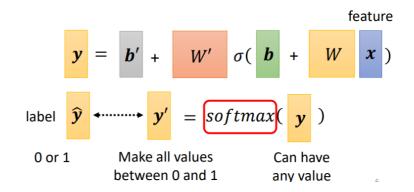
寫成向量形式,任兩個 class 的距離都相同

Class 1 Class 2 Class 3
$$\hat{y} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \text{ or } \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \text{ or } \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

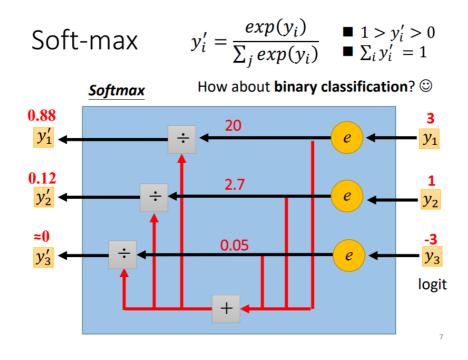
產生多個數值



2.1 Classification with softmax



當目標只有 0 跟 1,而 y 有任何值,可**使用 softmax 先把它 normalize 到 0 到 1 之 間**,這樣才好跟 label 計算相似度



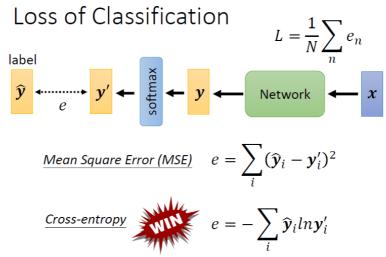
經過計算後:

- 輸出值變成0到1之間
- 輸出值的和為1
- 原本大的值跟小的值的差距更大

softmax 的輸入,稱作 Logit

二分類問題使用 Sigmoid 與 Softmax 是等價的

2.2 Loss of Classifacation

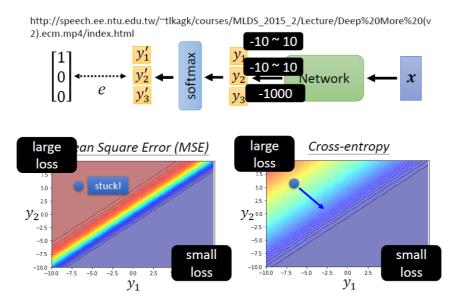


Minimizing cross-entropy is equivalent to maximizing likelihood.

優化目標:减小 \hat{y} 和 y' 之間的差距 e

不同的損失函數:MSE, Cross-entropy, ...

選擇 cross-entropy,因為比 MSE 更加適用於分類問題!



Changing the loss function can change the difficulty of optimization.

從優化角度出發進行討論,使用 MSE 時,左上角的位置雖然 Loss 很大,但梯度平坦,難以優化;而 Cross-entropy 則更容易收斂 \Rightarrow 改變 Loss function,也會影響訓練的過程

問題類型	最後一層激勵函數	損失函數
------	----------	------

問題類型	最後一層激勵函數	損失函數
二分類問題	sigmoid	binary_crossentropy
多分類、單標籤問題	softmax	categorical_crossentropy
多分類、多標籤問題	sigmoid	binary_crossentropy
回歸到任一值	無	MSE/RMSE
回歸到 0~1 範圍內的值	sigmoid	MSE 或 binary_crossentropy

3. To Learn More

數學證明:

http://speech.ee.ntu.edu.tw/~tlkagk/courses/MLDS_2015_2/Lecture/Deep More (v2).ecm.mp4/index.html



https://youtu.be/fZAZUYEeIMg (in Mandarin)



https://youtu.be/hSXFuypLukA
(in Mandarin)