

Задание А2

Этап 1.

Для генерации тестовых данных был создан класс ArrayGnerator, в котором сначала создаются 3 массива массивов: с случайными числами от 1 до 6000, с отсортированными массивами в том же диапазоне и с почти отсортированными. Для этого в каждой группе массивов сначала создается массив с 10000 случайными элементами. Для второй и третьей группы массивы сортируются по убыванию. А для третьей дополнительно меняются несколько случайных элементов. Остальные массивы в тестовых группах являются подмассивами нужной длины исходного сгенерированного массива из 10000 элементов.

```
7 class ArrayGenerator {
8 private:
9     std::vector<std::vector<int>> randomArrays;
10    std::vector<std::vector<int>> sortedArrays;
11    std::vector<std::vector<int>> almostSortedArrays;
12 public:
13    ArrayGenerator() {
14        std::random_device rand_dev;
15        std::mt19937 generator( sd: rand_dev());
16        std::uniform_int_distribution<> distr( a: 1, b: 6000);
17        randomArrays.emplace_back( n: 10000);
18        sortedArrays.emplace_back( n: 10000);
19        almostSortedArrays.emplace_back( n: 10000);
20        for (int i = 0; i < 10000; ++i) {
21            randomArrays[0][i] = distr( &: generator);
22            sortedArrays[0][i] = distr( &: generator);
23            almostSortedArrays[0][i] = distr( &: generator);
24        }
25        std::stable_sort( first: sortedArrays[0].begin(), last: sortedArrays[0].end());
26        for (int i = 0; i < sortedArrays[0].size() / 2; ++i) {
27            std::swap( &: sortedArrays[0][i], &: sortedArrays[0][10000 - i - 1]);
28        }
29        int n = almostSortedArrays[0].size();
30
31        std::stable_sort( first: almostSortedArrays[0].begin(), last: almostSortedArrays[0].end());
32        for (int i = 0; i < n / 2; ++i) {
33            std::swap( &: almostSortedArrays[0][i], &: almostSortedArrays[0][10000 - i - 1]);
34        }
35    }
36 }
```

```

37     for (int i = 0; i < 10; ++i) {
38         std::swap( &almostSortedArrays[0][distr( &generator) % n], &almostSortedArrays[0][distr( &generator) % n] );
39     }
40     int k = 1;
41     for (int i = 500; i < 10000; i += 100) {
42         randomArrays.emplace_back( n, i);
43         sortedArrays.emplace_back( n, i);
44         almostSortedArrays.emplace_back( n, i);
45         int start = distr( &generator) % (10000 - i);
46         for (int j = 0; j < i; ++j) {
47             randomArrays[k][j] = randomArrays[0][start + j];
48             sortedArrays[k][j] = sortedArrays[0][start + j];
49             almostSortedArrays[k][j] = almostSortedArrays[0][start + j];
50         }
51         k += 1;
52     }
53 }
54 std::vector<std::vector<int>> getRandomArrays() {
55     return randomArrays;
56 }
57 std::vector<std::vector<int>> getSortedArrays() {
58     return sortedArrays;
59 }
60 std::vector<std::vector<int>> getAlmostSorted() {
61     return almostSortedArrays;
62 }
63 };

```

Этап 2-3.

Для тестирования был создан класс SortTester, в котором реализован замер времени сортировки mergeSort. В основной программе вызывается метод Test этого класса для трех групп массивов. Сначала тестируется обычный mergeSort, а потом для merge + insertion sort. Результаты выполнения записываются в файл и потом используются для построения графиков.

```

65 class SortTester {
66 public:
67     long long Test(std::vector<int> A) {
68         auto start : time_point<...> = std::chrono::high_resolution_clock::now();
69         mergeSort( &A, left: 0, right: static_cast<int>(A.size() - 1));
70         auto elapsed : duration<...> = std::chrono::high_resolution_clock::now() - start;
71         long long msec = std::chrono::duration_cast<std::chrono::microseconds>( d: elapsed).count();
72         return msec;
73     }
74 };

```

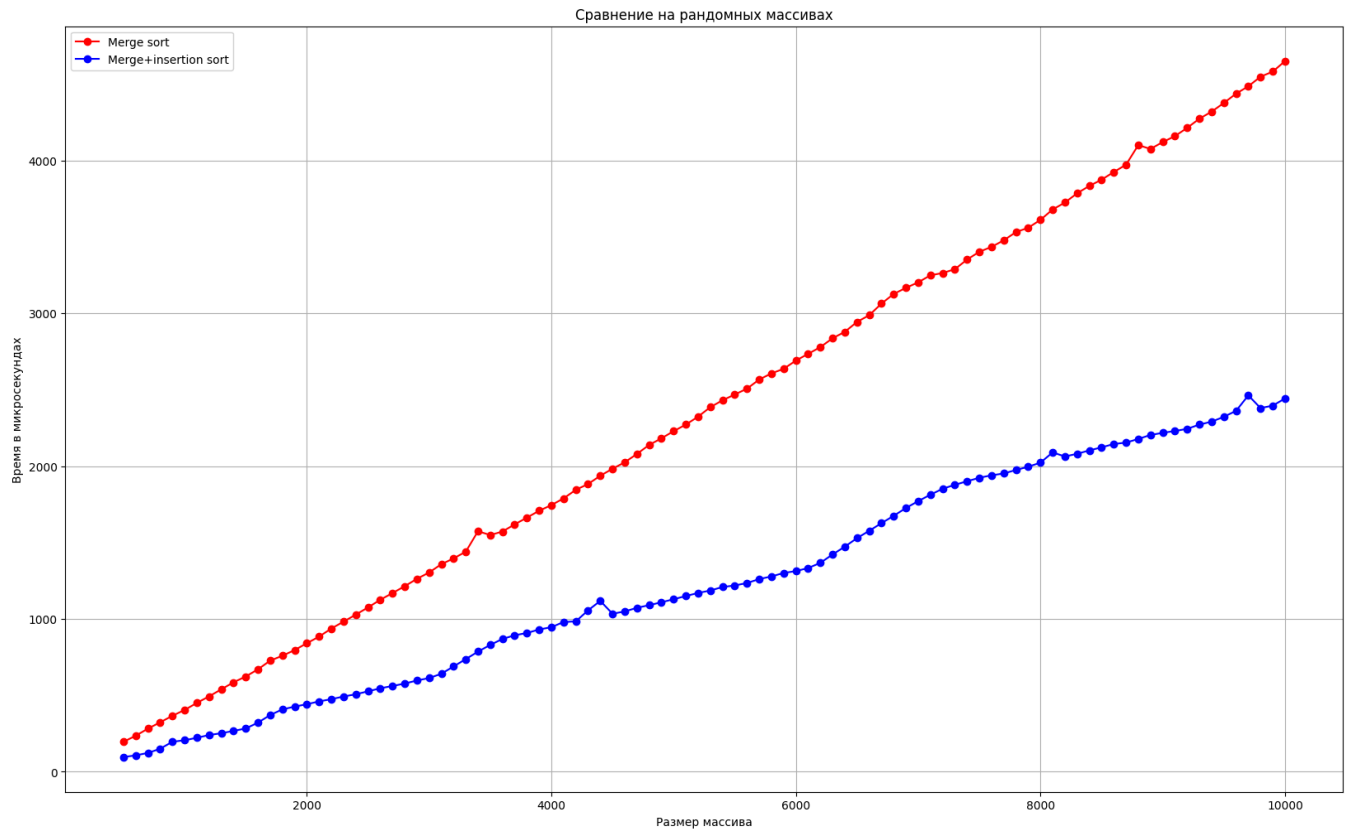
Этап 4.

Данные представлены в виде графиков, где по оси X - размер массива, по оси Y - время работы алгоритма в микросекундах, синим цветом изображены данные для гибридной сортировки, красным - для стандартного merge sort.

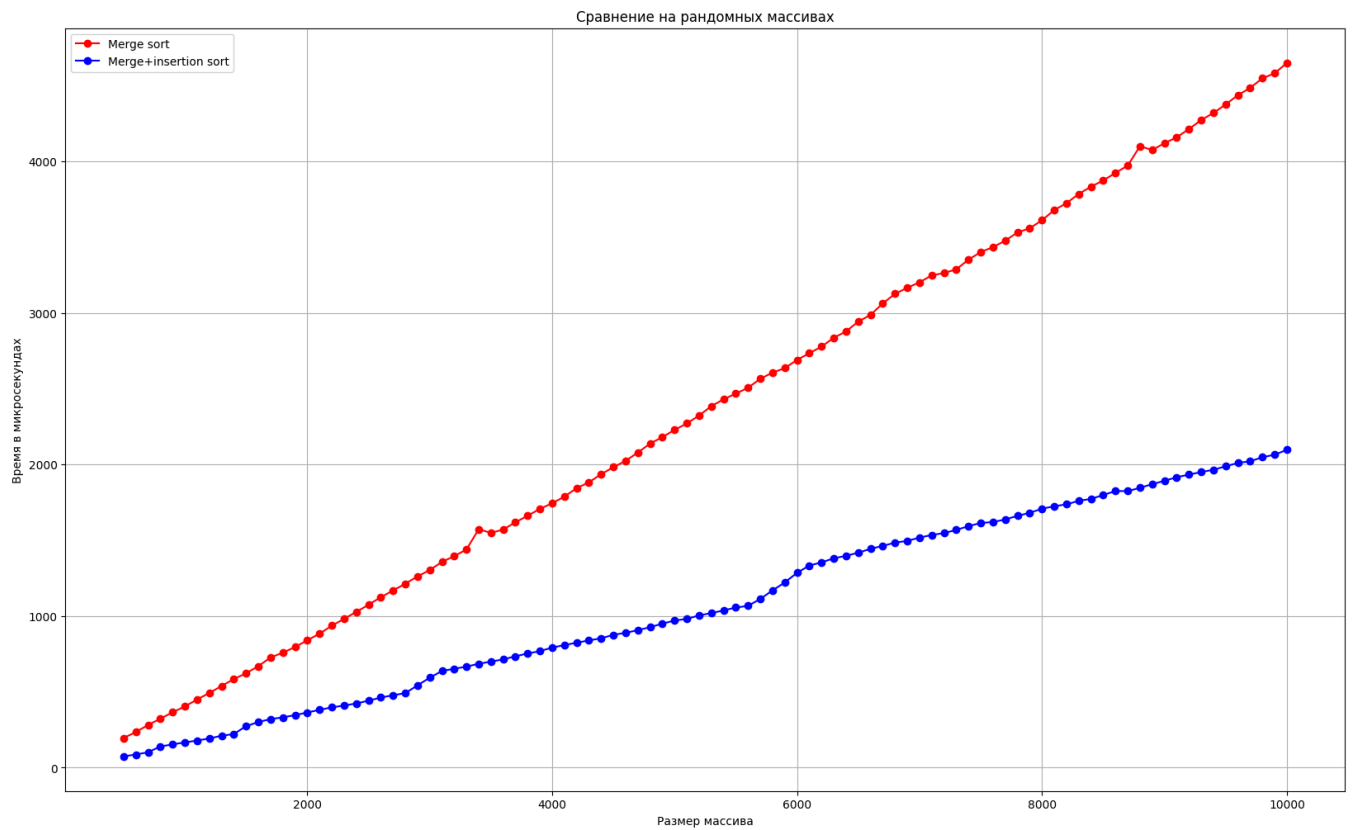
Для усреднения значений для каждого массива измерения были проведены 10 раз, чтобы взять среднее значение.

Сравнение работы алгоритмов на массивах с случайными числами.

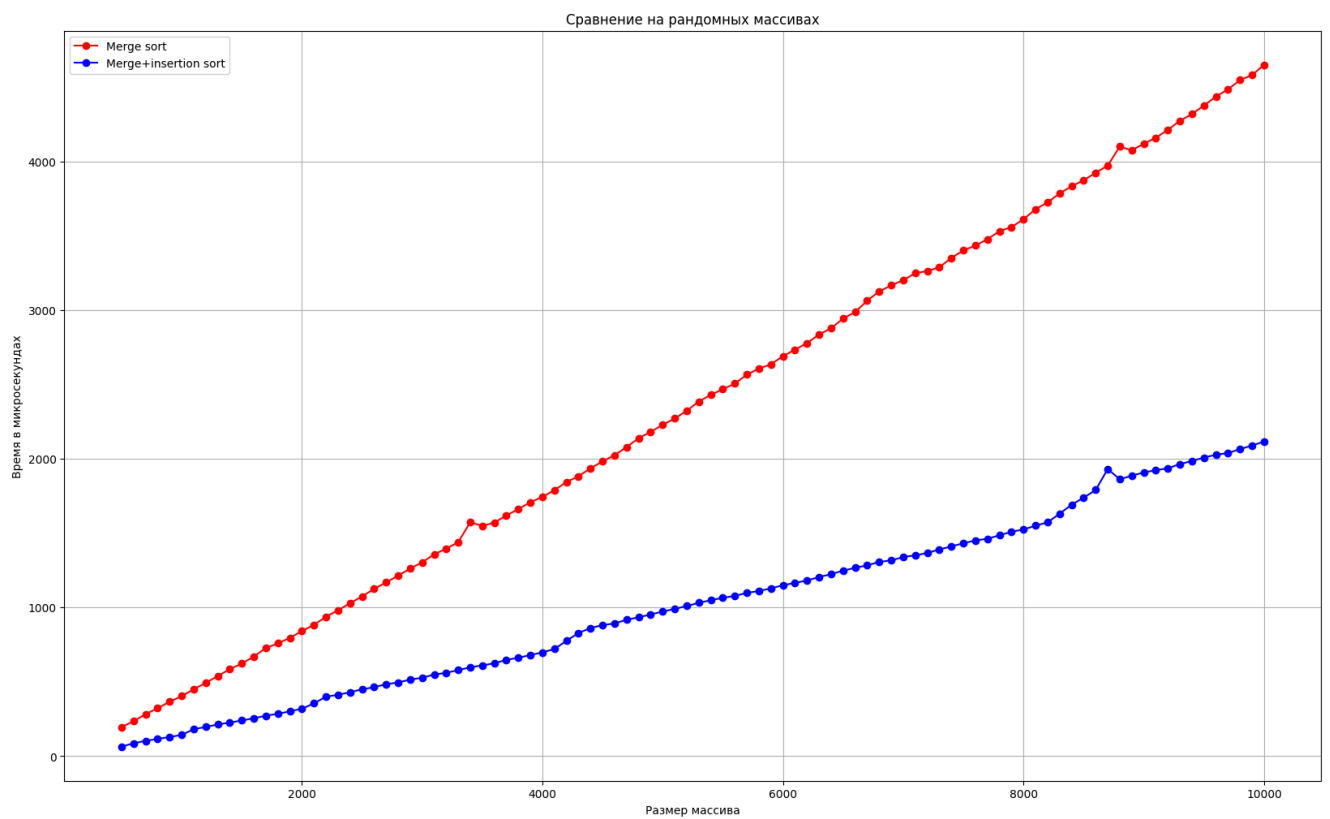
threshold = 5



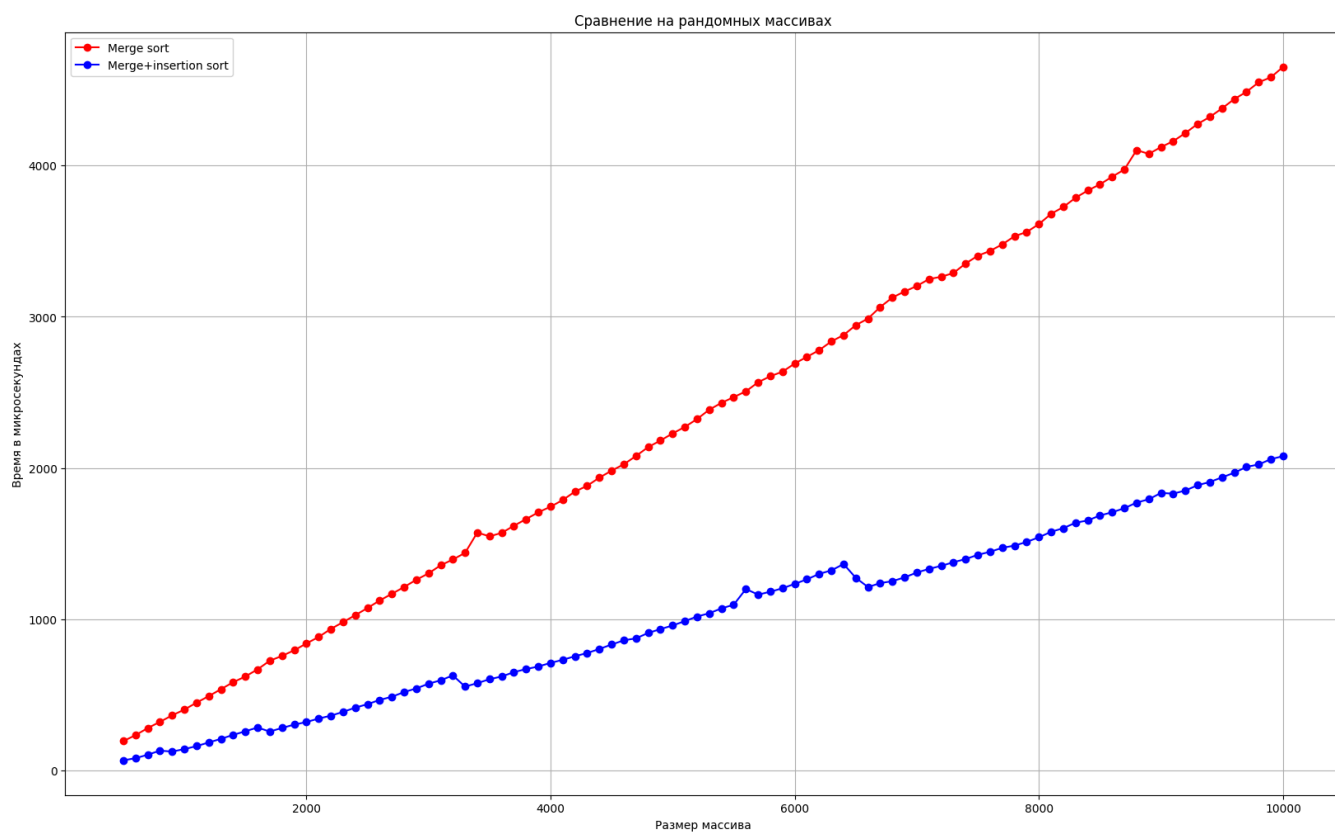
threshold = 10



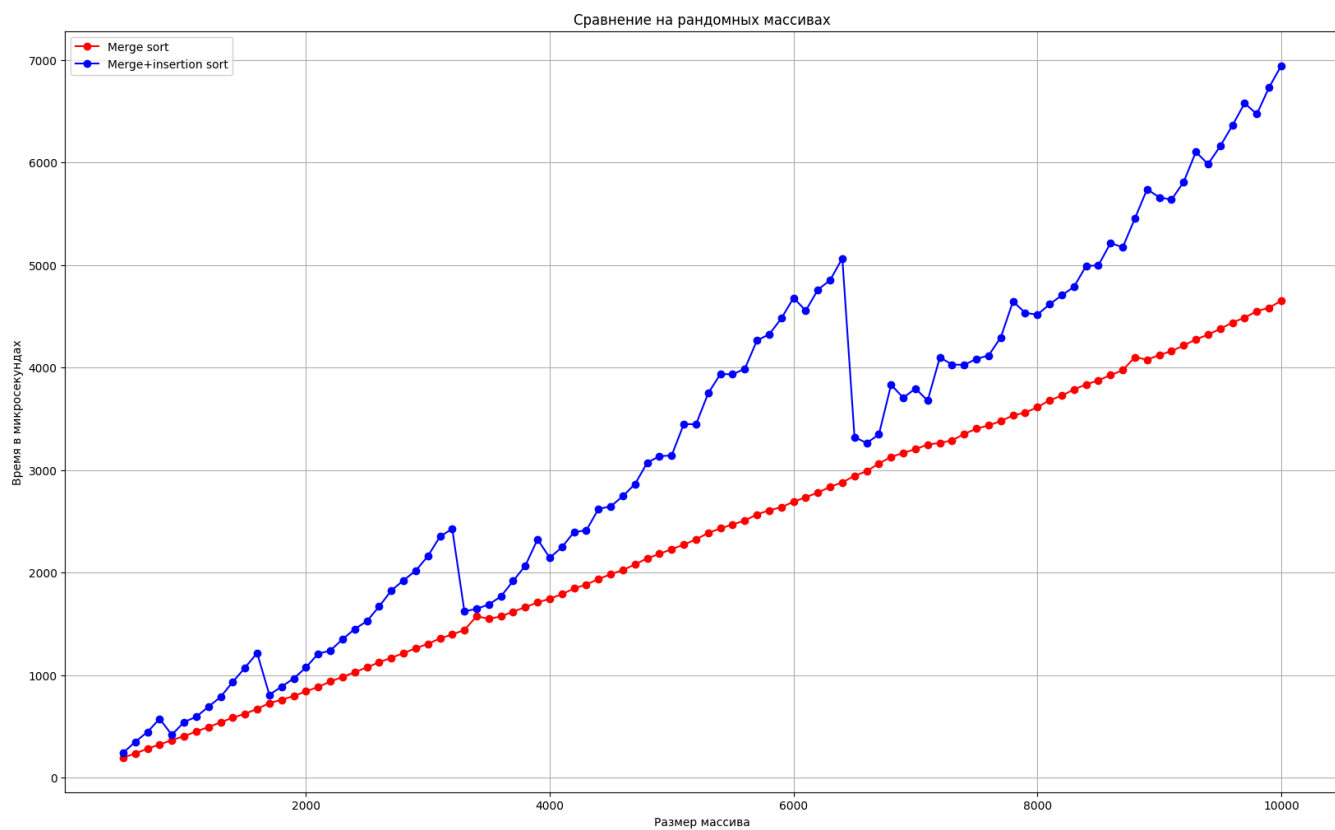
threshold = 15



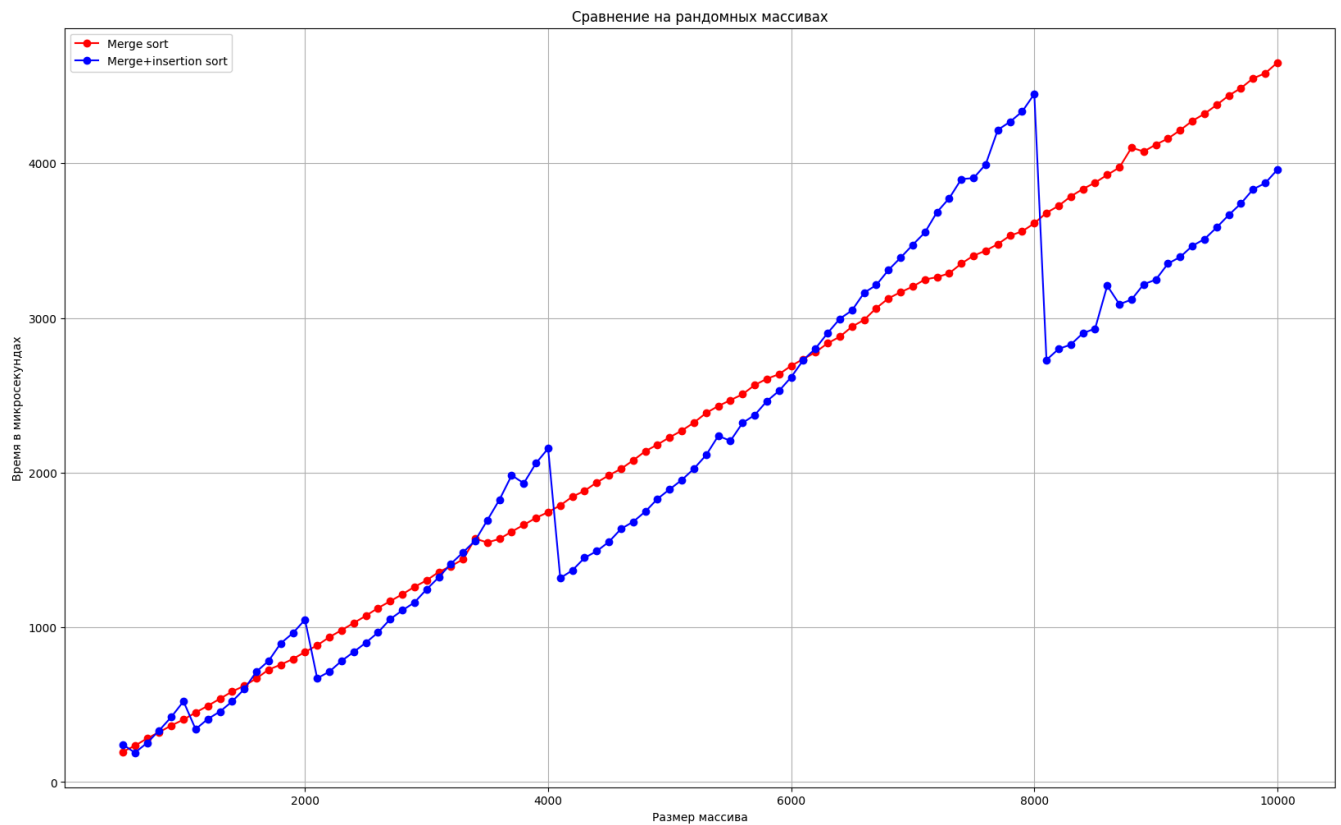
threshold = 100



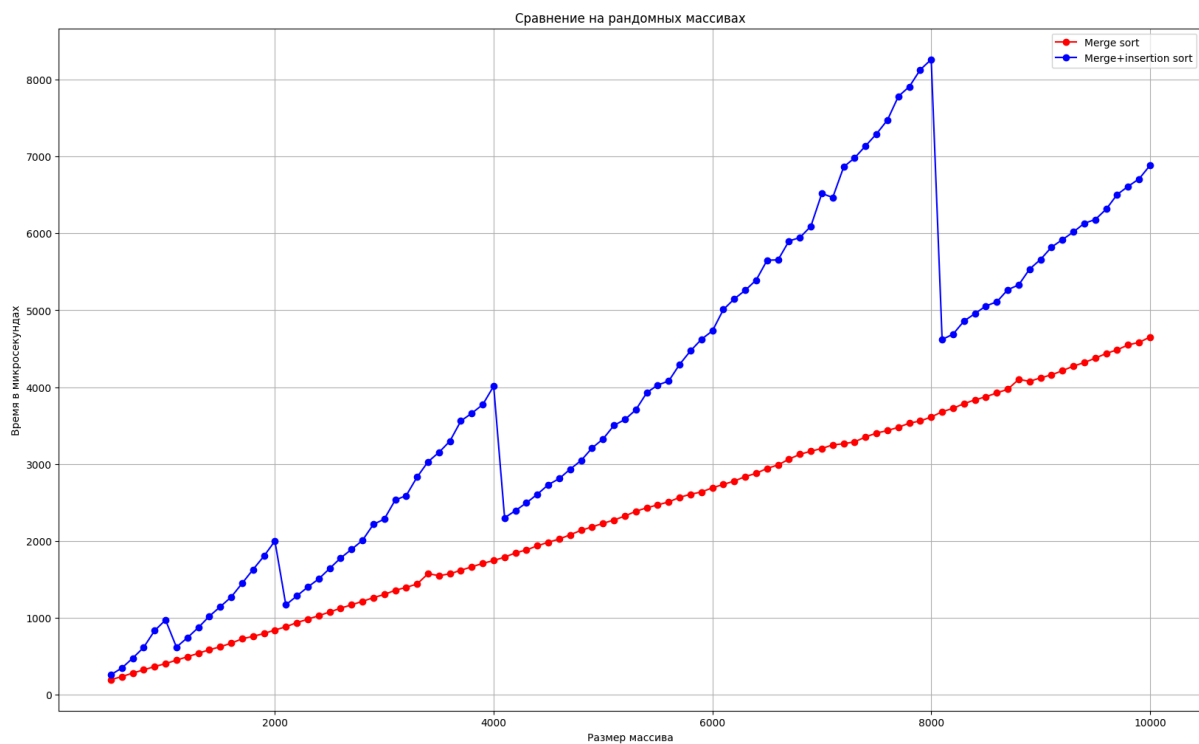
threshold = 400



threshold = 500



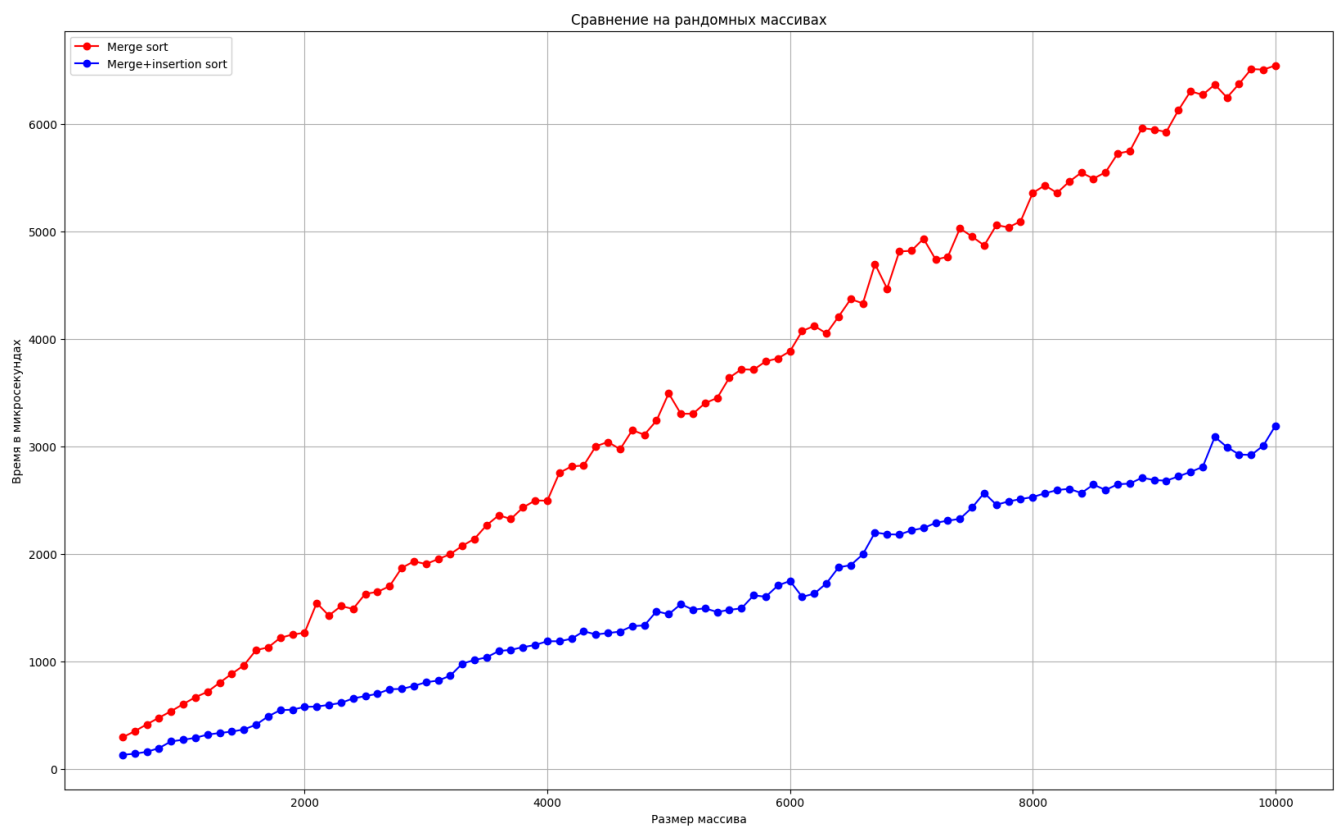
threshold = 1000



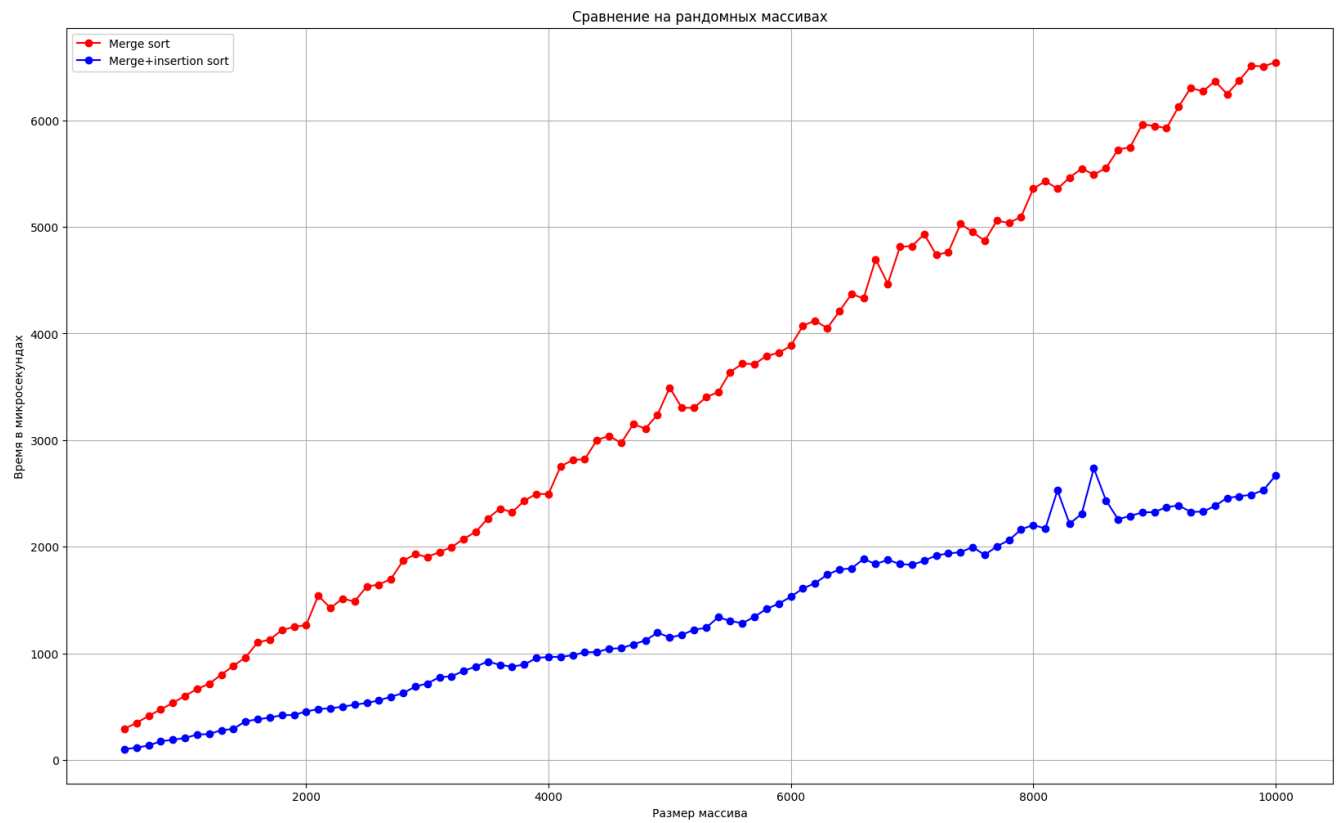
Можно заметить, что до threshold = 400 алгоритм mergeSort работает значительно медленнее, чем merge+insertion sort. На размерах матрицы до 1000 значения для двух сортировок находятся близко друг другу, однако

потом разница во времени становится существеннее с преимуществом по времени у гибридной версии алгоритма. При $\text{threshold} = 400$ merge sort становится быстрее, при $\text{threshold} = 500$ показатели времени колеблются, однако в большинстве случаев гибридная сортировка остается быстрее. И при $\text{threshold} = 1000$ можно увидеть преимущество обычной сортировки из-за того, что константа в гибридной сортировке перекрывается квадратом в insertion sort, который замедляет работу.

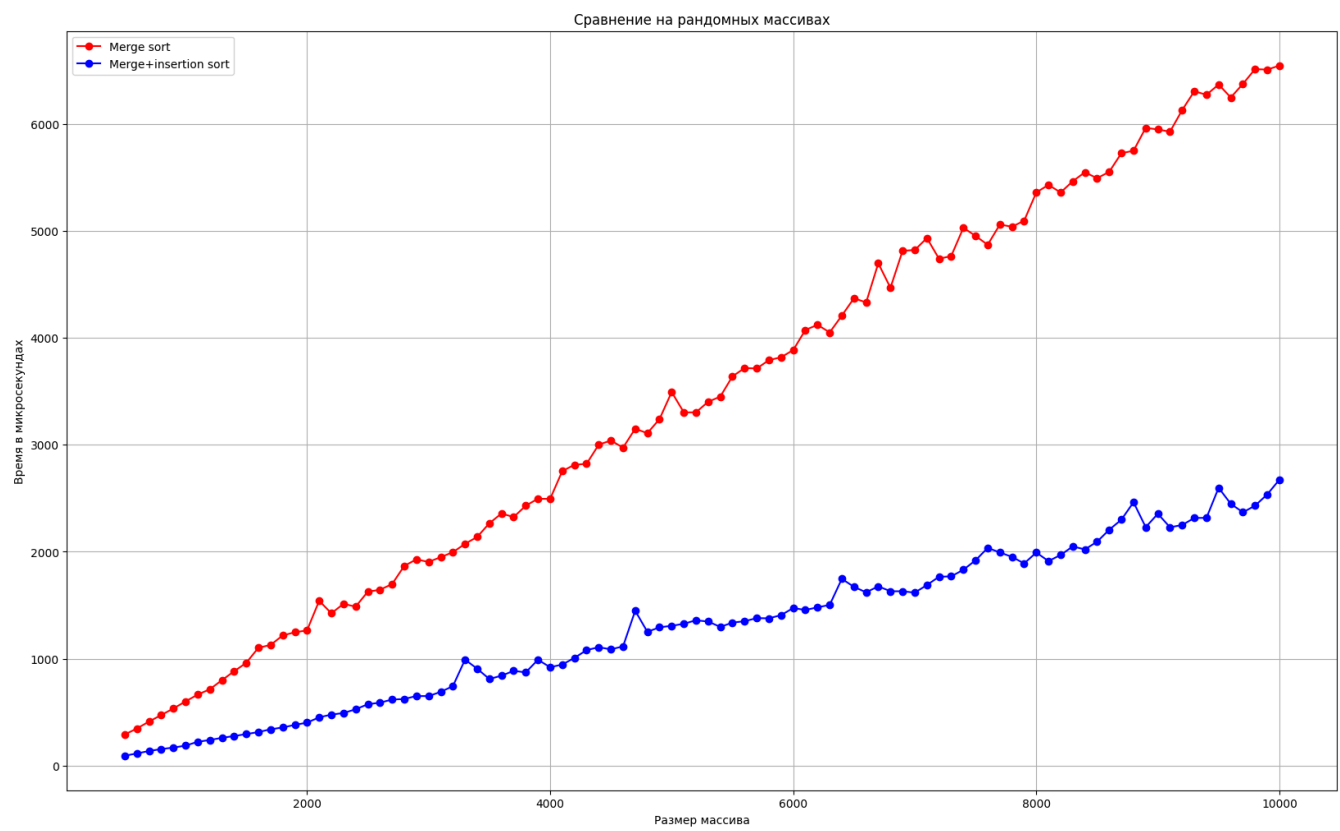
На отсортированных массивах
 $\text{threshold} = 5$



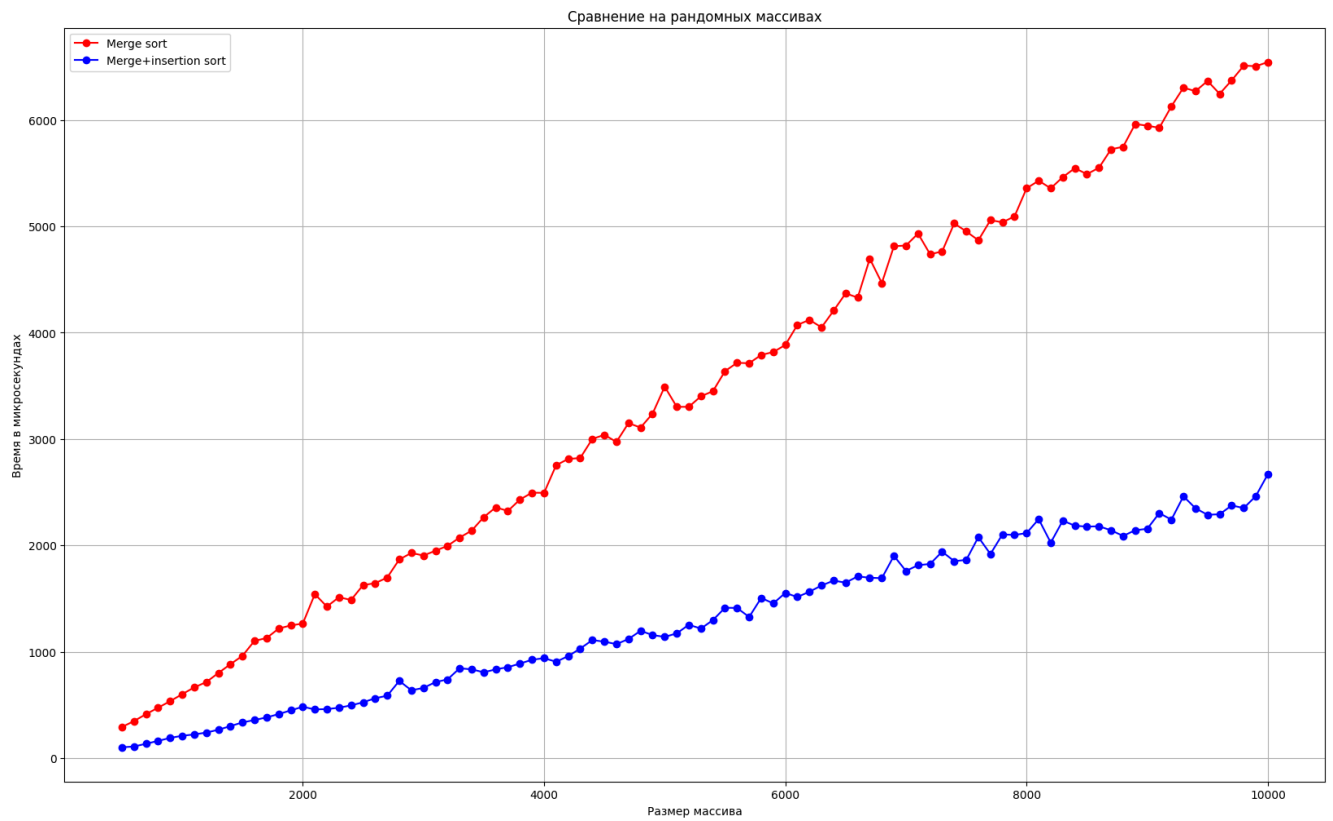
$\text{threshold} = 10$



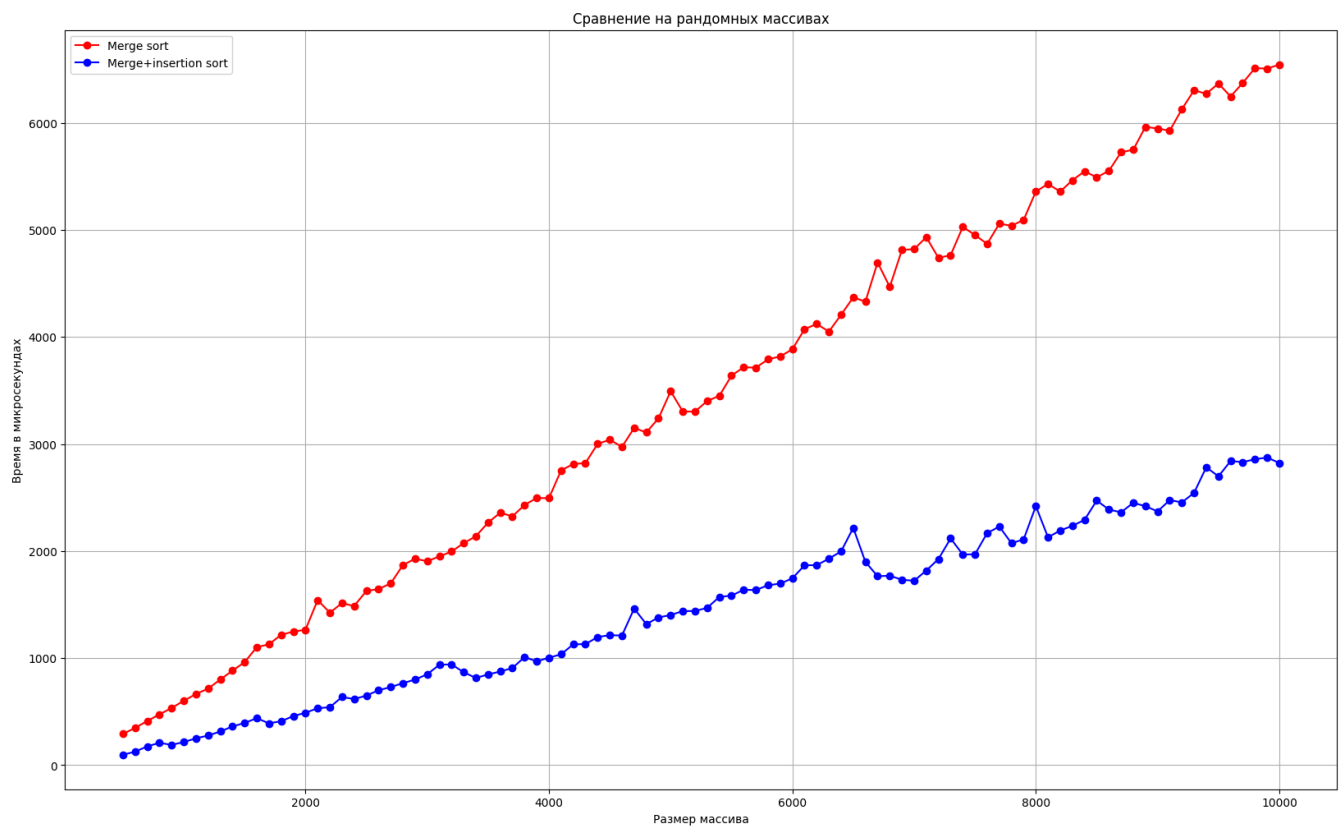
threshold = 15



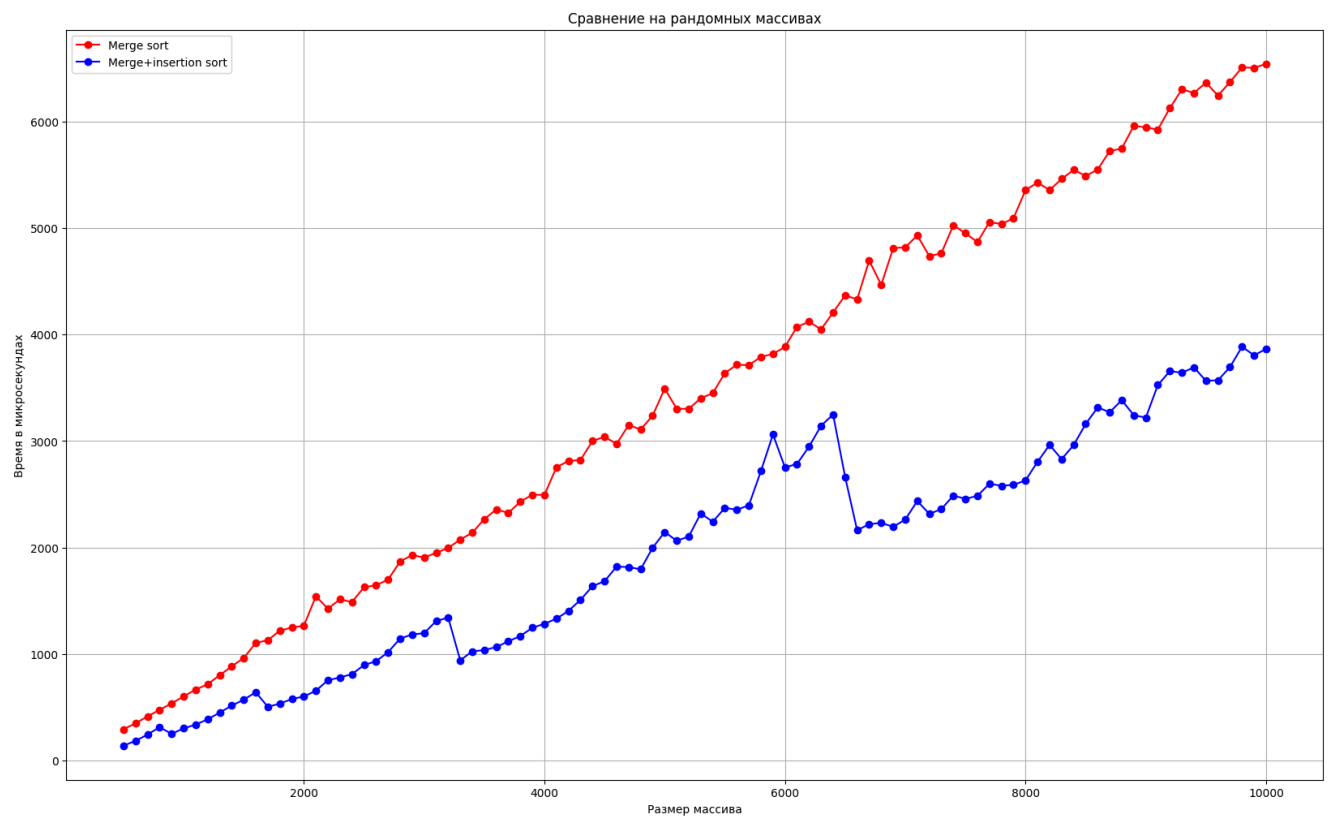
threshold = 30



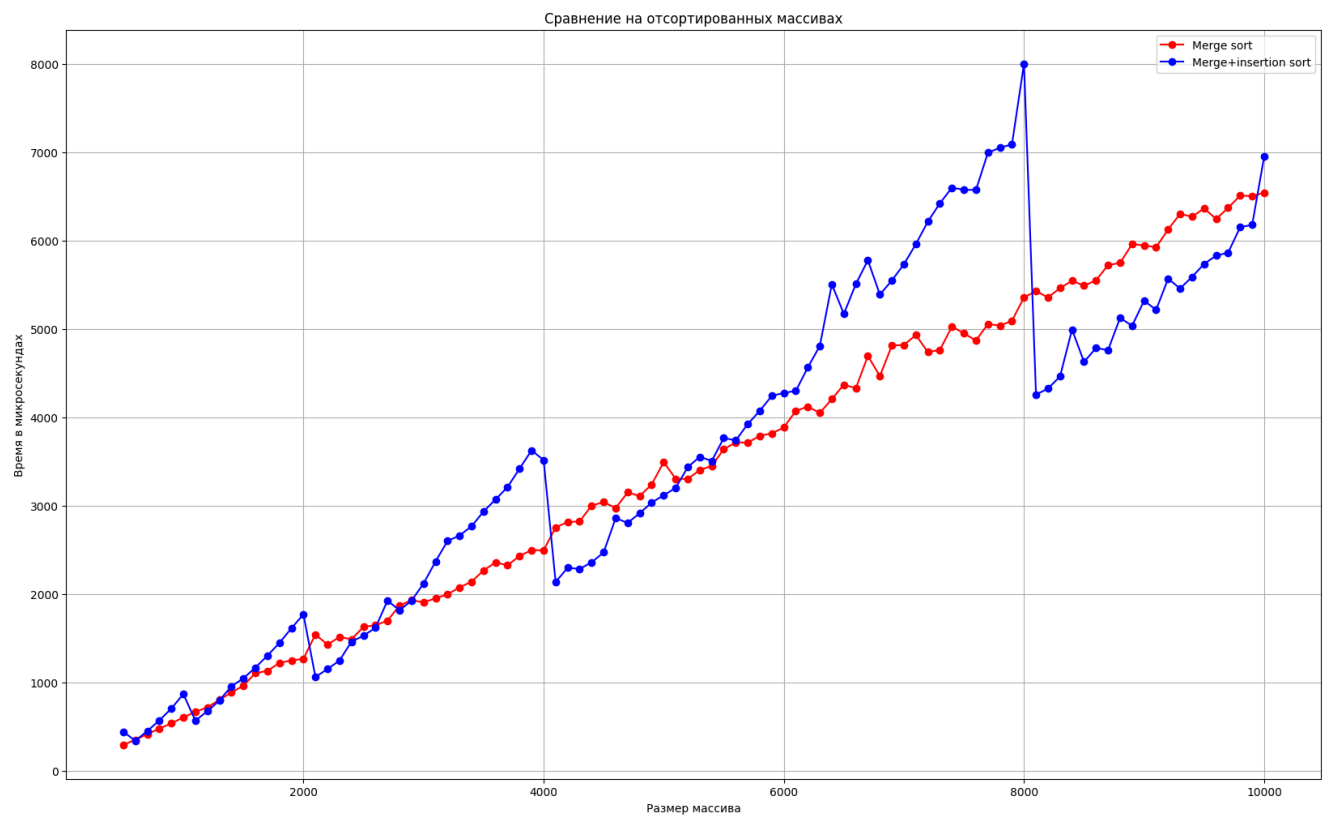
threshold = 50



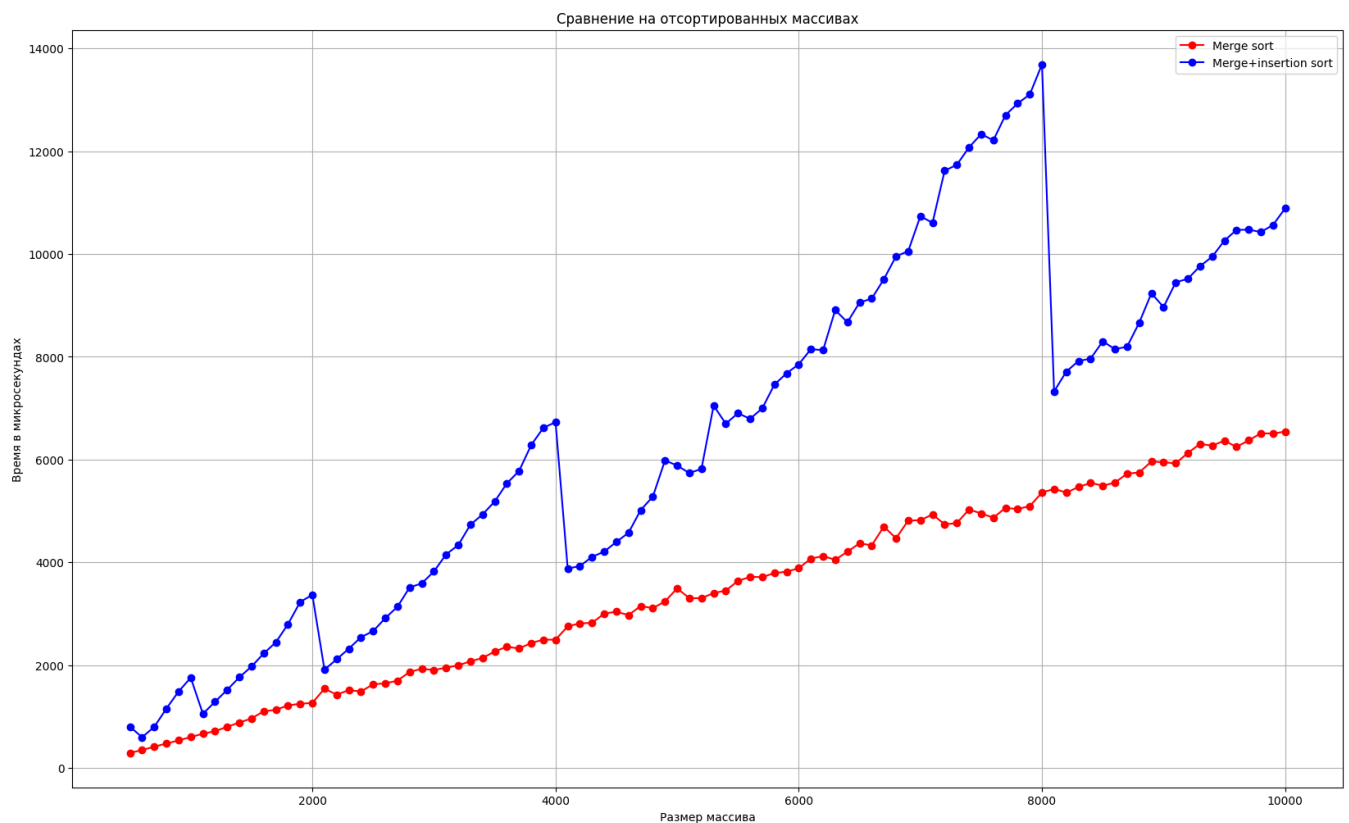
threshold = 100



threshold = 250



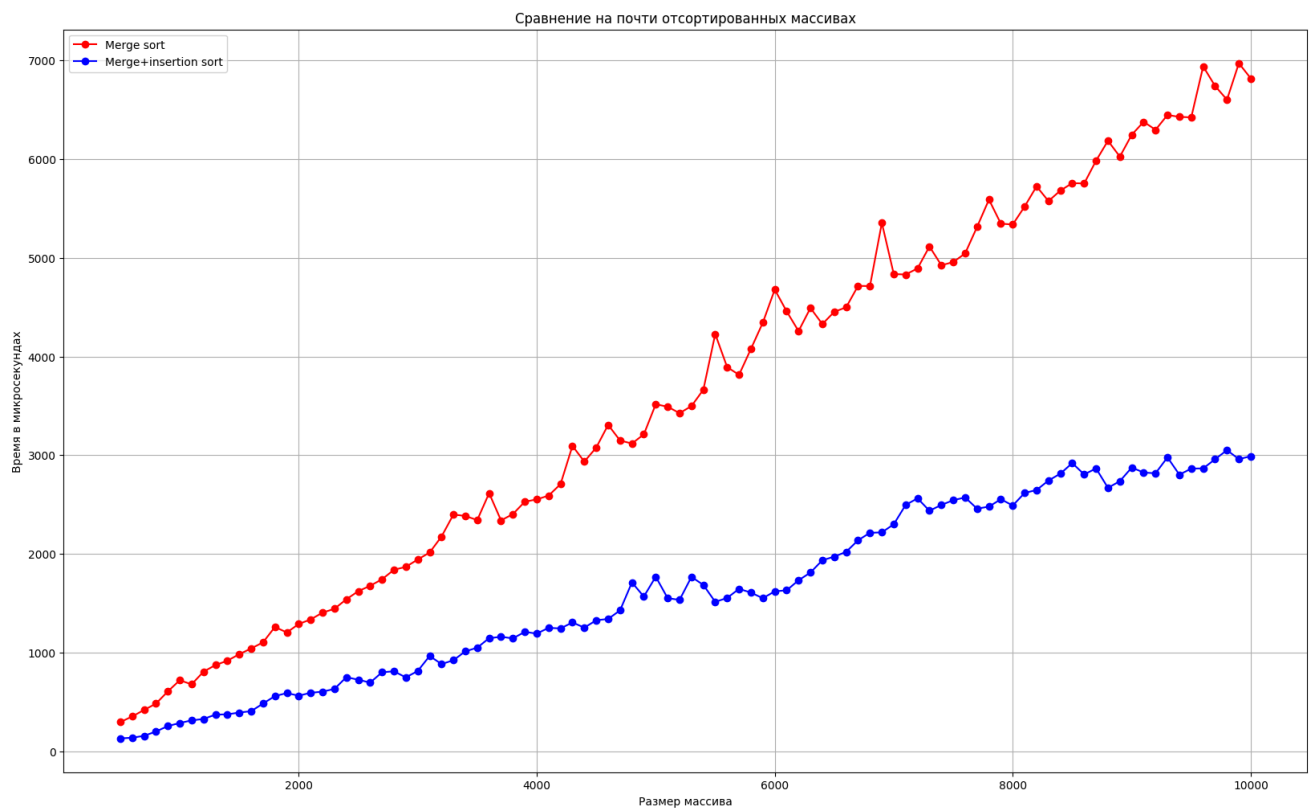
threshold = 500



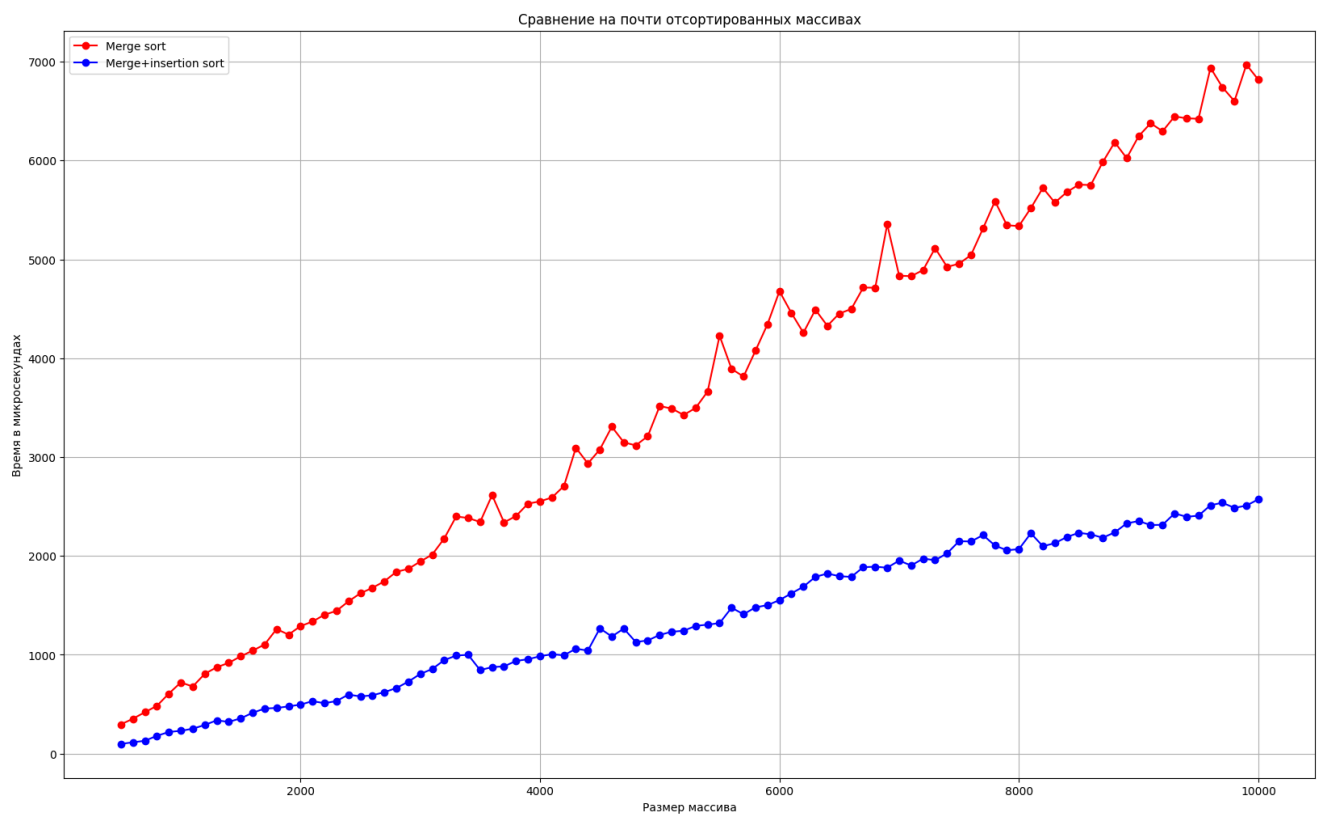
При threshold до 100 распределение данных выглядит примерно одинаково, гибридная сортировка сильно быстрее, чем стандартная, при threshold = 100 с размерами массива до 6400 временные показатели гибридной сортировки приближаются к показателям merge sort, однако потом снова становятся намного быстрее. При threshold = 250 уже заметно, что гибридная сортировка проигрывает по времени, лишь иногда становясь более эффективной. При threshold = 500 на всех массивах гибридная сортировка работает хуже. Сравнивая с неотсортированными данными, и гибридная, и в стандартная сортировка работают хуже и порог, когда merge sort начинает работать быстрее, чем merge+insertion sort ниже.

Почти отсортированные данные

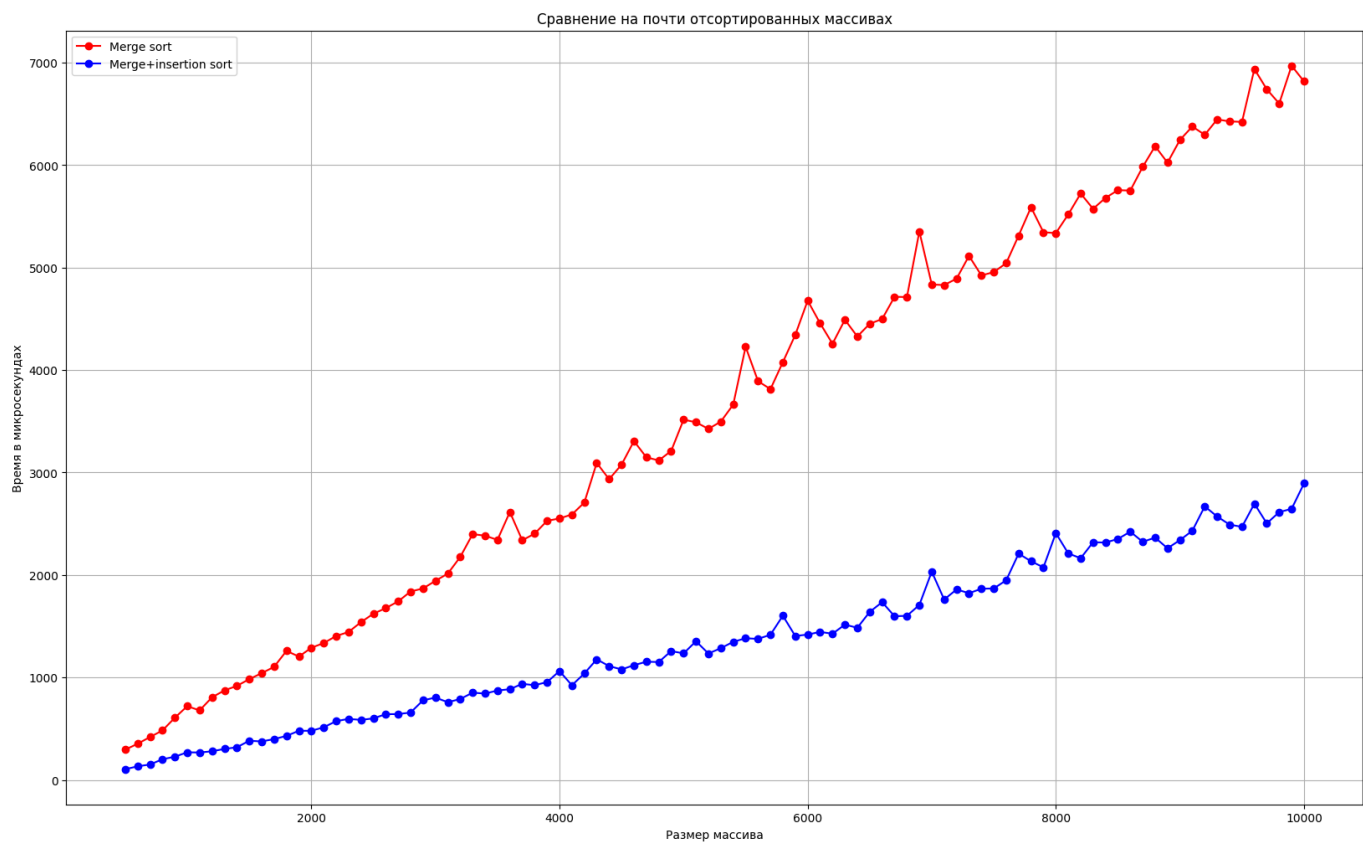
threshold = 5



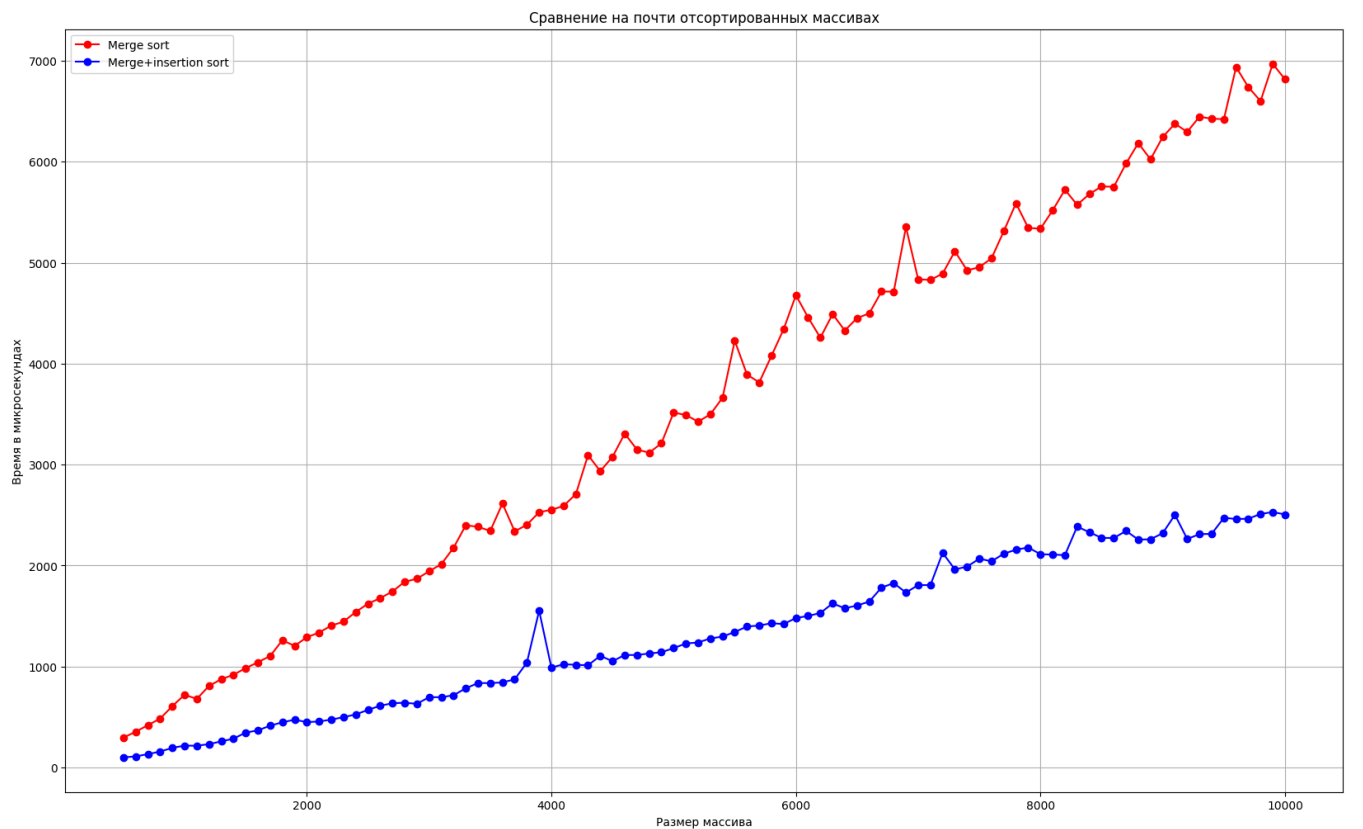
threshold = 10



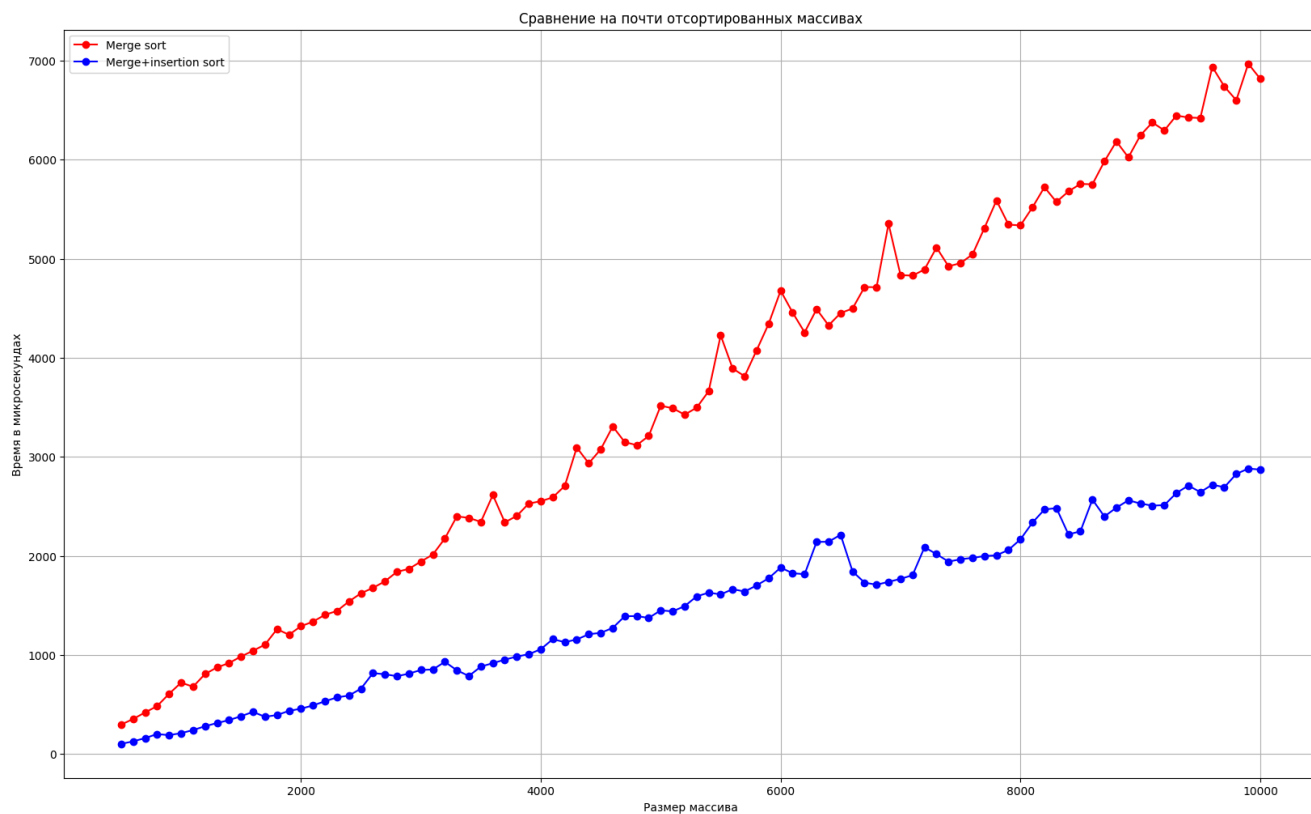
threshold = 15



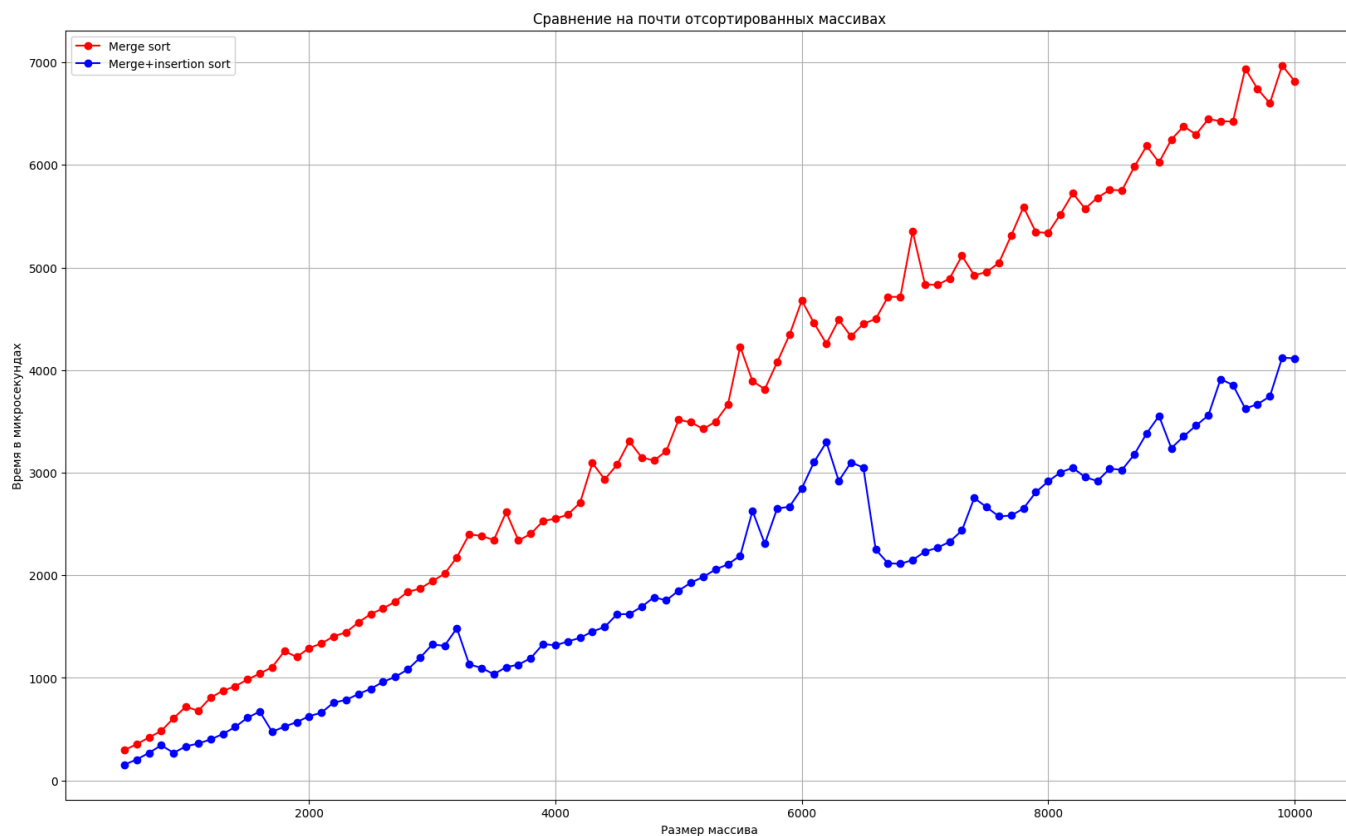
threshold = 30



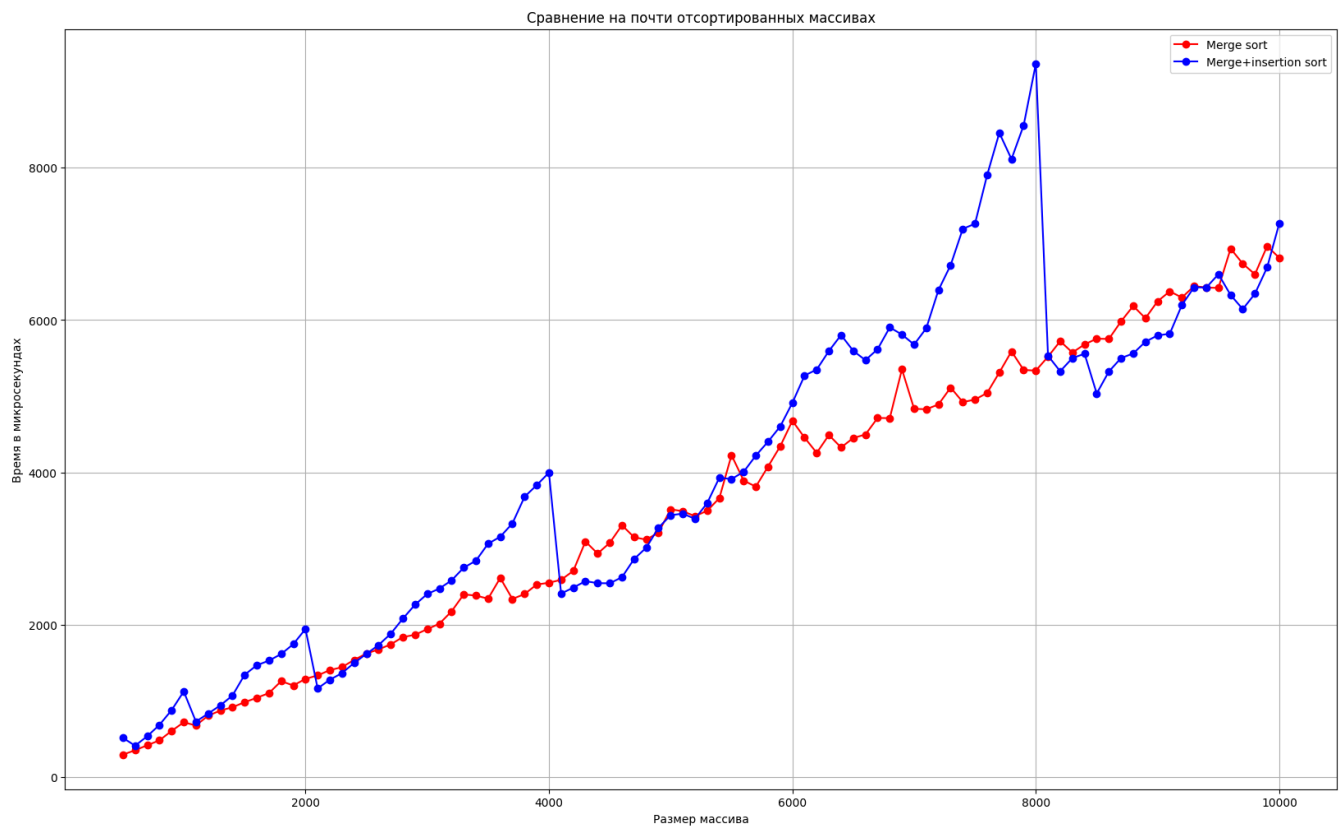
threshold = 50



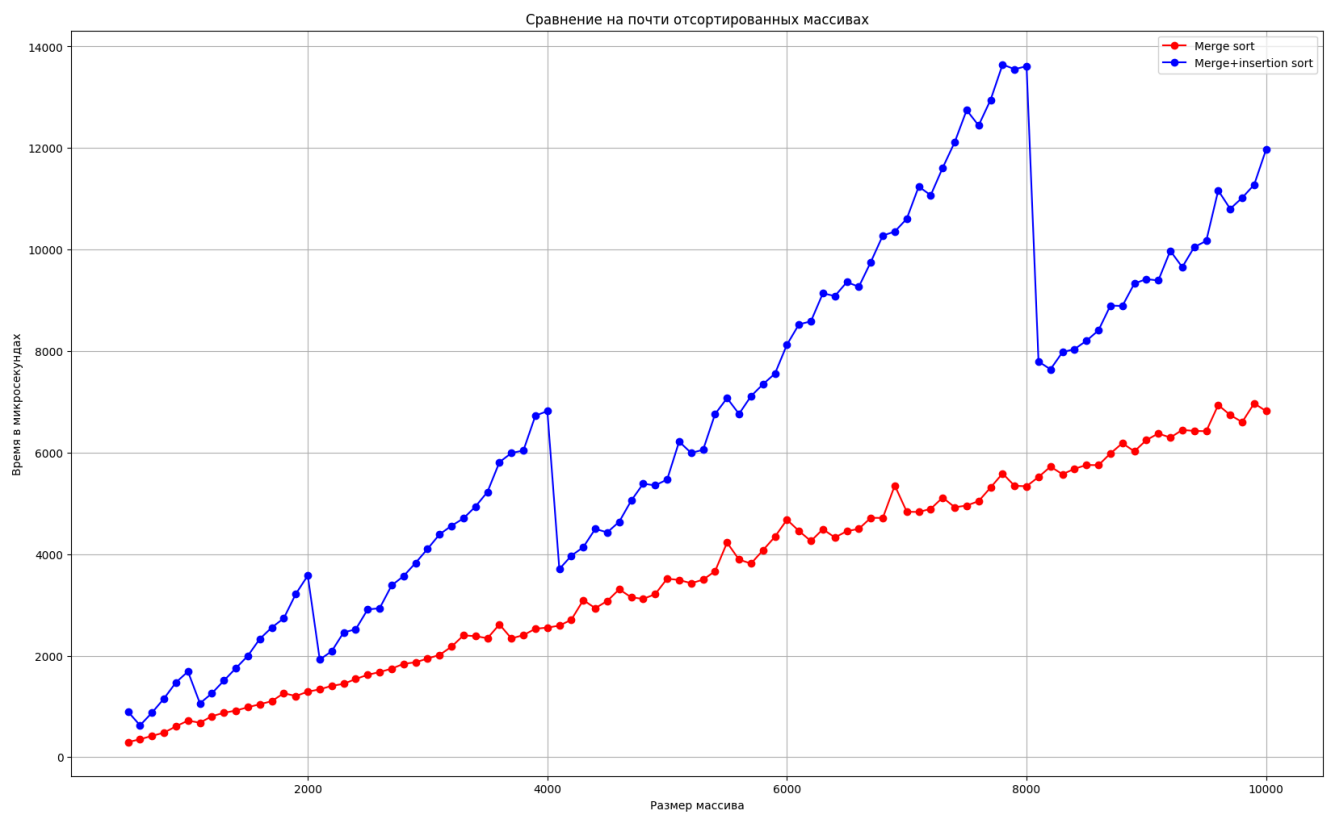
threshold = 100



threshold = 250



threshold = 500



Время работы стандартного merge sort на почти отсортированном массиве почти не отличается от работы на отсортированном массиве. Точно так же до $\text{threshold} = 100$ заметна сильная разница во времени работы гибридной и стандартной сортировки в пользу первой, при $\text{threshold} = 100$, значения начинают приближаться, и после 250 уже заметно, что гибридная сортировка начинает проигрывать, после 500 merge + insertion работает до 2х раз хуже.