

1. Rozważmy ponownie zbiór danych z listy nr 1.
  - a) Wyznacz estymator macierzy kowariancji wektora estymatorów w modelu regresji logistycznej i porównaj wartości na przekątnej z estymatorami odchyłeń standardowych zwracanych przez R.
  - b) Przetestuj jedną hipotezę, że obie zmienne objaśniające nie mają wpływu na zmienną odpowiedzi.
  - c) Przetestuj hipotezę, że rozkład danych jest zgodny z założonym modelem.
  - d) Podaj definicję parametru "epsilon" i jego wartość domyślną. Wykonaj ponownie obliczenia stosując wartości epsilon ze zbioru:  $10^{-1}$ ,  $10^{-2}$ ,  $10^{-3}$  i  $10^{-6}$ . Porównaj liczbę iteracji i wartości estymatorów poszczególnych parametrów.
  
2. Wygeneruj macierz X wymiaru  $n=400$ ,  $p=3$ , której elementy są zmiennymi losowymi z rozkładu  $N(0, \sigma^2=1/n)$ . Załóżmy, że binarny wektor odpowiedzi jest wygenerowany zgodnie z modelem regresji logistycznej z wektorem  $\beta=(3,3,3)$ . Wyznacz macierz informacji Fishera w punkcie  $\beta$  i asymptotyczna macierz kowariancji estymatorów największej wiarygodności.

Następnie 500 razy wygeneruj wektor odpowiedzi zgodnie z powyższym modelem i

  - a) Narysuj histogramy estymatorów  $\beta_1$ ,  $\beta_2$  i  $\beta_3$  i 'residual deviance' i porównaj z ich rozkładami asymptotycznymi.
  - b) Wyestymuj obciążenie estymatorów  $\beta_1$ ,  $\beta_2$  i  $\beta_3$ .
  - c) Wyestymuj macierz kowariancji wektora estymatorów ( $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ,  $\beta_3$ ) i porównaj z asymptotyczną macierzą kowariancji.
  
3. Doświadczenie powtórz w przypadku gdy  $n=100$ .
4. Punkty 2 i 3 powtórz w przypadku gdy wiersze macierzy X są niezależnymi wektorami losowymi z wielowymiarowego rozkładu normalnego  $N(0, \Sigma)$  z macierzą kowariancji  $\Sigma=1/n S$ , gdzie  $S_{ii}=1$ , a dla  $i \neq j$ ,  $S_{ij}=0.3$ .
  
5. Doświadczenie powtórz w przypadku gdy elementy X są niezależne a  $p=20$  ( $n=100$  i  $n=400$ ).