

# 机器学习-第一章 绪论

黄海广 副教授

2022年01月

#### 目录

- 01 机器学习概述
- 02 机器学习的类型
- 03 机器学习的背景知识
- 04 机器学习的开发流程

# 1. 机器学习概述

# 01 机器学习概述

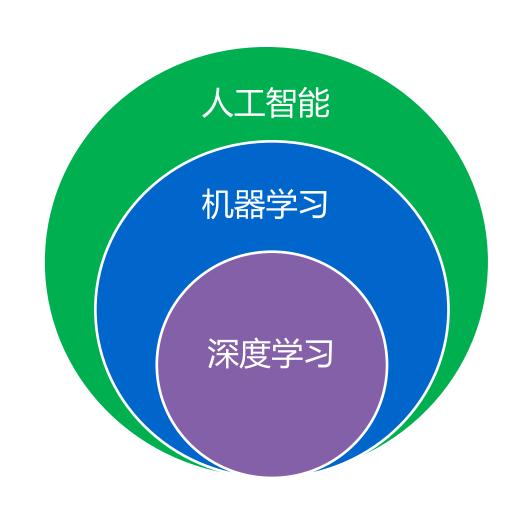
- 02 机器学习的类型
- 03 机器学习的背景知识
- 04 机器学习的开发流程

#### 机器学习与人工智能、深度学习的关系

人工智能: 机器展现的人类智能

机器学习: 计算机利用已有的数据(经验),得出了某种模型,并利用此模型预测未来的一种方法。

深度学习:实现机器学习的一种技术



### 机器学习界的执牛耳者







杨立昆 (Yann LeCun) 杰弗里·欣顿 (Geoffrey Hinton) 本吉奥 (Bengio) 共同获得了2018年计算机科学的最高奖项 ——ACM图灵奖。



Andrew Ng 中文名**吴恩达**,斯坦福大学副教 授,前"百度大脑"的负责人与百 度首席科学家。

#### 机器学习界的国内泰斗



李航,现任字节跳动科技有限公司人工智能实验室总监,北京大学、南京大学客座教授,IEEE 会士,ACM 杰出科学家,CCF 高级会员。代表作:《统计学习方法》



**周志华**,南京大学计算机科学与技术系主任、人工智能学院院长。 代表作:《机器学习》(西瓜书)

#### 机器学习界的青年才俊



**陈天奇**,陈天奇是机器学习领域著名的青年华人学者之一,本科毕业于上海交通大学ACM班,博士毕业于华盛顿大学计算机系。

主要贡献:设计了XGBoost算法。



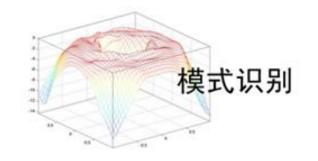
何恺明,本科就读于<u>清华大学</u>,博士毕业于 香港中文大学</u>多媒体实验室。2016年,加入 Facebook Al Research (FAIR) 担任研究科 学家。

主要贡献:设计了ResNets

# 国内外知名人工智能企业榜单

| 编码 | 企业名称                | 人工智能技术                          | 应用领域       | 所属国家 | 成立时间  | 资本市场状态     | 市值/估值/融资额  |
|----|---------------------|---------------------------------|------------|------|-------|------------|------------|
| 1  | Microsoft (微软)      | 计算机视觉技术、自然语言处理技术 等              | 办公         | 美国   | 1975年 | 上市         | 市值1.21万亿美元 |
| 2  | Google (谷歌)         | 计算机视觉技术、自然语言处理技术 等              | 综合         | 美国   | 1998年 | 上市         | 市值9324亿美元  |
| 3  | Facebook (脸书)       | 人脸识别、深度学习等                      | 社交         | 美国   | 2004年 | 上市         | 市值5934亿美元  |
| 4  | 百度                  | 计算机视觉技术、自然语言处理技 术<br>、知识图谱等     | 综合         | 中国   | 2001年 | 上市         | 市值438亿美元   |
| 5  | 大疆创新                | 图像识别技术、智能引擎技术等                  | 无人机        | 中国   | 2006年 | 战略融资       | 估值210亿美元   |
| 6  | 商汤科技                | 计算机视觉技术、深度学习                    | 安防         | 中国   | 2014年 | D轮融资       | 估值70亿美元    |
| 7  | 旷视科技                | 计算机视觉技术等                        | 安防         | 中国   | 2011年 | D轮融资       | 估值40亿美元    |
| 8  | 科大讯飞                | 智能语音技术                          | 综合         | 中国   | 1999年 | 上市         | 市值108亿美元   |
| 9  | Automation Anywhere | 自然语言处理技术、非结构化数据认知               | 企业管理       | 美国   | 2003年 | B轮融资       | 估值68亿美元    |
| 10 | IBM Watson (IBM沃森)  | 深度学习、智适应学习技术                    | 计算机        | 美国   | 1911年 | 上市         | 市值1198亿美元  |
| 11 | 松鼠AI 1对1            | 智适应学习技术、机器学习                    | 教育         | 中国   | 2015年 | A轮融资       | 估值11亿美元    |
| 12 | 字节跳动                | 跨媒体分析推理技术、深度学习、自 然<br>语言处理、图像识别 | 资讯         | 中国   | 2012年 | Pre-IPO轮融资 | 估值750亿美元   |
| 13 | Netflix (网飞)        | 视频图像优化、剧集封面图片个性 化<br>、视频个性化推荐   | 媒体及内容      | 美国   | 1997年 | 上市         | 市值1418亿美元  |
| 14 | Graphcore           | 智能芯片技术、机器学习                     | 芯片         | 英国   | 2016年 | D轮融资       | 估值17亿美元    |
| 15 | NVIDIA (英伟达)        | 智能芯片技术                          | 芯片         | 美国   | 1993年 | 上市         | 市值1450亿美元  |
| 16 | Brainco             | 脑机接口                            | 教育、医疗、智能硬件 | 美国   | 2015年 | 天使轮融资      | 融资额600万美元  |
| 17 | Waymo               | 自动驾驶                            | 交通         | 美国   | 2016年 | C轮融资       | 估值1050亿美元  |
| 18 | ABB Robotics        | 机器人及自动化技术                       | 机器人        | 瑞士   | 1988年 | 上市         | 市值514亿美元   |
| 19 | Fanuc (发那科)         | 机器人技术                           | 制造         | 日本   | 1956年 | 上市         | 市值362亿美元   |
| 20 | Preferred Networks  | 深度学习、机器学习技术                     | 物联网        | 日本   | 2016年 | C轮融资       | 估值20亿美元    |

# 机器学习的范围















#### 机器学习可以解决什么问题

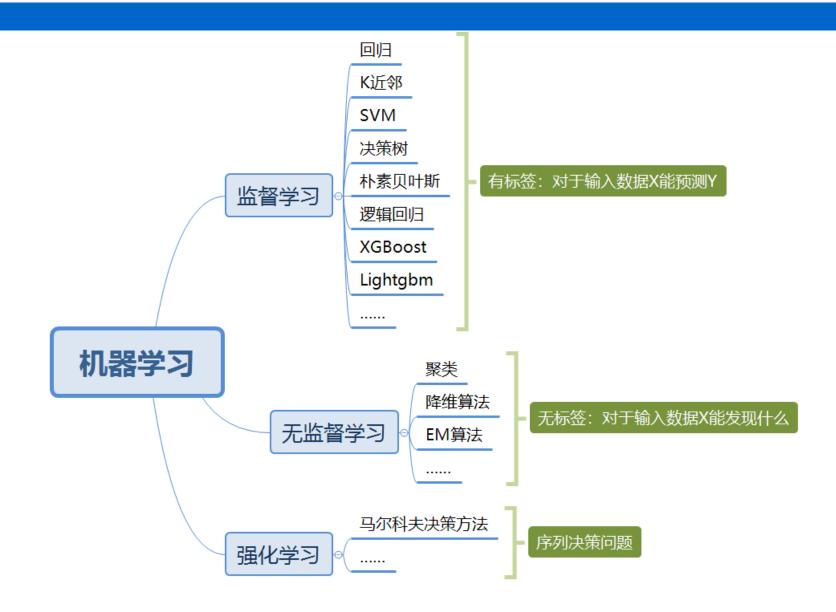
- 给定数据的预测问题
  - ✓ 数据清洗/特征选择
  - ✓ 确定算法模型/参数优化
  - ✓ 结果预测

- 不能解决什么
  - ✓ 大数据存储/并行计算
  - ✓做一个机器人

#### 2. 机器学习的类型

- 01 机器学习概述
- 02 机器学习的类型
  - 03 机器学习的背景知识
  - 04 机器学习的开发流程

# 2. 机器学习的类型



#### 2. 机器学习的类型-监督学习

- ✓ 分类 (Classification)
  - ✓ 身高1.65m, 体重100kg的男人肥胖吗?
  - ✓ 根据肿瘤的体积、患者的年龄来判断良性或恶性?
- ✓回归 (Regression、Prediction)
  - ✓ 如何预测上海浦东的房价?
  - ✓ 未来的股票市场走向?

#### 2. 机器学习的类型-无监督学习

- ✓ 聚类 (Clustering)
  - ✓ 如何将教室里的学生按爱好、身高划分为5类?
- ✓ 降维 ( Dimensionality Reduction )
  - ✓ 如何将将原高维空间中的数据点映射到低维度的空间中?

#### 2. 机器学习的类型-强化学习

- ✓ 强化学习 (Reinforcement Learning)
  - ✓ 用于描述和解决智能体(agent)在与环境的交 互过程中通过学习策略以达成回报最大化或实现 特定目标的问题。

#### 3. 机器学习的背景知识

- 01 机器学习概述
- 02 机器学习的类型
- 03 机器学习的背景知识
  - 04 机器学习的开发流程

# 3. 机器学习的背景知识-希腊字母

| 大写                          | 小写 | 英文注音    | 国际音标注音   | 中文注音      |
|-----------------------------|----|---------|----------|-----------|
| A                           | α  | alpha   | alfa     | 阿耳法       |
| В                           | β  | beta    | beta     | 贝塔        |
| Γ                           | γ  | gamma   | gamma    | 伽马        |
| Δ                           | δ  | deta    | delta    | 德耳塔       |
| E                           | 8  | epsilon | epsilon  | 艾普西隆      |
| $\mathbf{Z}$                | ζ  | zeta    | zeta     | 截塔        |
| H                           | η  | eta     | eta      | <b>艾塔</b> |
| $\Theta$                    | θ  | theta   | θita     | 西塔        |
| I                           | ι  | iota    | iota     | 约塔        |
| K                           | κ  | kappa   | kappa    | 卡帕        |
| $\wedge$                    | λ  | lambda  | lambda   | 兰姆达       |
| M                           | μ  | mu      | miu      | 缪         |
| N                           | ν  | nu      | niu      | 纽         |
| Ξ                           | ξ  | xi      | ksi      | 可塞        |
| 0                           | O  | omicron | omikron  | 奥密可戎      |
| П                           | π  | pi      | pai      | 派         |
| P                           | ρ  | rho     | rou      | 柔         |
| $\frac{\Sigma}{\mathbf{T}}$ | σ  | sigma   | sigma    | 西格马       |
| T                           | τ  | tau     | tau      | 套         |
| Y                           | υ  | upsilon | jupsilon | 衣普西隆      |
| Φ                           | φ  | phi     | fai      | 斐         |
| X                           | χ  | chi     | khai     | 喜         |
| Ψ                           | Ψ  | psi     | psai     | 普西        |
| Ω                           | ω  | omega   | omiga    | 欧米        |

#### 3. 机器学习的背景知识-数学基础

#### 高等数学

导数、微分、泰勒公式......

#### 线性代数

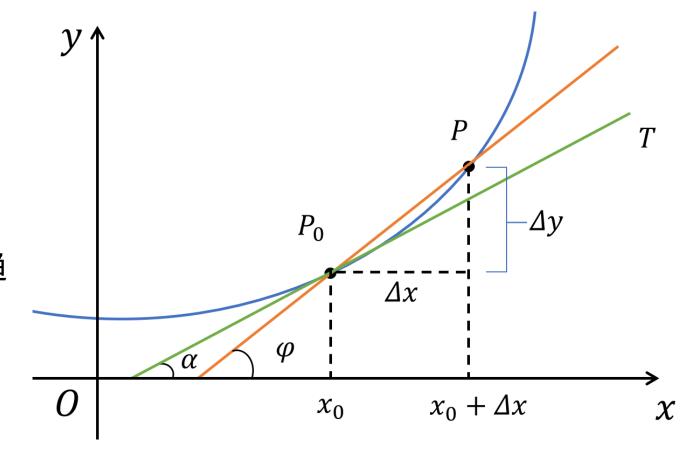
向量、矩阵、行列式、秩、线性方程组、特征值和特征 向量……

#### 概率论与数理统计

随机事件和概率、概率的基本性质和公式、常见分布、期望、协方差......

#### 高等数学-导数

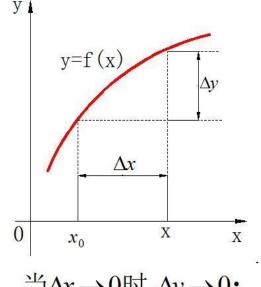
导数(Derivative),也叫导函数值。又 名微商,是微积分中的重要基础概念 。当函数y = f(x)的自变量x在一点 $x_0$ 上产生一个增量 $\Delta x$ 时,函数输出值的 增量△y与自变量增量△x的比值在△x趋 于0时的极限a如果存在,a即为在 $x_0$ 处的导数,记作 $f'(x_0)$ 。

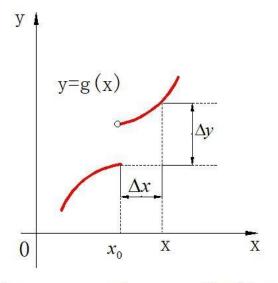


#### 高等数学-函数的连续性

设函数 y = f(x)在点 $x_0$ 的某邻域内有定义,如果当自变量的改变量 $\Delta x$ 趋近 于 零时,相应函数的改变量 $\Delta y$ 也趋近于零,则称y = f(x)在点  $x_0$ 处连续。

$$\lim_{\Delta x \to 0} \Delta y = \lim_{\Delta x \to 0} \left[ f(x_0 + \Delta x) - f(x_0) \right] = 0$$





当 $\Delta x$  → 0<sup>+</sup> 时, $\Delta y$  不能趋近于 0

#### 高等数学-函数的连续性

- ② 函数 f(x) 在点  $x_0$  处连续,需要满足的条件:
  - 1. 函数在该点处有定义
  - 2. 函数在该点处极限 $\lim_{x \to x_0} f(x)$ 存在
  - 3. 极限值等于函数值  $f(x_0)$

#### 高等数学-导数

Ø 如果平均变化率的极限存在,  $\lim_{\Delta x \to 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ 

则称此极限为函数 y = f(x) 在点  $x_0$  处的导数,  $f'(x_0)$ 

$$y'\Big|_{x=x_0}$$
,  $\frac{dy}{dx}\Big|_{x=x_0}$   $\frac{df(x)}{dx}\Big|_{x=x_0}$ 

### 高等数学-基本导数与微分表

(1) 
$$y = c$$
 (常数) 则:  $y' = 0$ 

(2) 
$$y = x^{\alpha}(\alpha$$
为实数) 则:  $y' = \alpha x^{\alpha-1}$ 

(3) 
$$y = a^x$$
 则:  $y' = a^x \ln a$  特例:  $(e^x)' = e^x$ 

(4) 
$$y = \log_a x$$
 贝:  $y' = \frac{1}{x \ln a}$  , 特例  $(\ln x)' = \frac{1}{x}$ 

(5) 
$$y = \sin x$$
 则:  $y' = \cos x$ 

(6) 
$$y = \cos x$$
 则:  $y' = -\sin x$ 

(7) 
$$y = \tan x$$
  $\mathbb{U}$ :  $y' = \frac{1}{\cos^2 x} = \sec^2 x$ 

(8) 
$$y = \cot x$$
 [  $y' = -\frac{1}{\sin^2 x} = -\csc^2 x$ 

(9) 
$$y = \sec x$$
 则:  $y' = \sec x \tan x$ 

(10) 
$$y = \csc x$$
 则:  $y' = -\csc x \cot X$ 

(11) 
$$y = \arcsin x$$
 [1]:  $y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ 

(14) 
$$y = \operatorname{arccot} x \ \text{II}: \ y' = -\frac{1}{1+x^2}$$

(15) 
$$y = shx \ \mathbb{M}$$
:  $y' = chx$ , (16)  $y = chx \ \mathbb{M}$ :  $y' = shx$ 

#### 高等数学-四则运算法则

#### 四则运算法则

设函数u = u(x), v = v(x)在点x可导,则:

(1) 
$$(u \pm v)' = u' \pm v'$$

(2) 
$$(uv)' = uv' + vu'$$
  $d(uv) = udv + vdu$ 

$$(3) \left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{vu' - uv'}{v^2} \left(v \neq 0\right) \qquad d\left(\frac{u}{v}\right) = \frac{vdu - udv}{v^2}$$

### 高等数学-泰勒公式

设函数u = u(x), v = v(x)在点x可导,则:

设函数f(x)在点 $x_0$ 处的某邻域内具有n+1阶导数,则对该邻域内异于 $x_0$ 的任意点x,在 $x_0$ 与x之间至少存在一个 $\xi$ ,使得:

$$f(x) = f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0) + \frac{1}{2!}f''(x_0)(x - x_0)^2 + \cdots$$
$$+ \frac{f^{(n)}(x_0)}{n!}(x - x_0)^n + R_n(x)$$

其中  $R_n(x) = \frac{f^{(n+1)}(\xi)}{(n+1)!} (x - x_0)^{n+1}$  称为f(x) 在点 $x_0$ 处的n阶泰勒余项。令  $x_0 = 0$ ,则n阶泰勒公式:

$$f(x) = f(0) + f'(0)x + \frac{1}{2!}f''(0)x^2 + \dots + \frac{f^{(n)}(0)}{n!}x^n + R_n(x)\dots$$

### 高等数学-泰勒公式

#### 常用函数在 $x_0 = 0$ 处的泰勒公式:

1) 
$$e^x = 1 + x + \frac{1}{2!}x^2 + \dots + \frac{1}{n!}x^n + o(x^n)$$

2) 
$$\ln(1+x) = x - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x^3 - \dots + (-1)^{n-1}\frac{x^n}{n} + o(x^n)$$

#### 线性代数-行列式

设
$$A = (a_{ij})_{n \times n}$$
, 则:  $a_{i1}A_{j1} + a_{i2}A_{j2} + \dots +$ 

$$a_{in}A_{jn} = \begin{cases} |A|, i = j \\ 0, i \neq j \end{cases}$$

或
$$a_{1i}A_{1j} + a_{2i}A_{2j} + \dots + a_{ni}A_{nj} = \begin{cases} |A|, i = j \\ 0, i \neq j \end{cases}$$

即  $AA^* = A^*A = |A|E$ ,其中:

$$A^* = \begin{pmatrix} A_{11} & A_{21} & \dots & A_{n1} \\ A_{12} & A_{22} & \dots & A_{n2} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ A_{1n} & A_{2n} & \dots & A_{nn} \end{pmatrix} = (A_{ji}) = (A_{ij})^T$$

#### 行列式的性质

单位阵的行列式为1, det(I) = 1.

- 行列式的某一行(列)的所有的元素 都乘以同一数k,等于用数k乘此行列 式.
- $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ ,  $\det(A) = \det(A^T)$ .
- $A, B \in \mathbb{R}^{n \times n}$ ,  $\det(AB) = \det(A)\det(B)$ .
- 当且仅当A为奇异方阵时,det(A) = 0.
- 当A为非奇异方阵时, det(A<sup>-1</sup>) = 1/det(A).

### 线性代数-矩阵

**矩阵**:  $m \times n$ 个数 $a_{ij}$ 排成m行n列的表格

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ & \cdots & \cdots & \cdots \end{bmatrix}$$
称为矩阵,简记为 $A$ , $a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$ 

或者 $(a_{ij})_{m \times n}$ 。若m = n,则称A是n阶矩阵或n阶方阵。

**矩阵的乘法**: 设 $A = (a_{ij})$ 是 $m \times n$ 矩阵,  $B = (b_{ij})$ 是 $n \times s$ 

矩阵,那么 $m \times s$ 矩阵 $C = (c_{ij})$ ,其中  $c_{ij} = a_{i1}b_{1j} + a_{i2}b_{2j} + \cdots + a_{in}b_{nj} = \sum_{k=1}^{n} a_{ik}b_{kj}$ 称为AB的乘积,记为C = AB。

矩阵乘法的性质:  $AB \neq BA$ , (AB)C = A(BC), A(B + C) = AB + AC

内积: 给定 $x,y \in \mathbb{R}^{n \times 1}$ ,  $x^T y$ 为一个标量,称为向量的内积或点积,记为(x,y).

#### 线性代数-求导

$$\frac{dx^T}{dx} = I \qquad \frac{dx}{dx^T} = I \qquad \frac{dx^TA}{dx} = A \qquad \qquad A为n \times n$$
的矩阵,x为n × 1的列向量
$$\frac{dAx}{dx^T} = A \qquad \frac{dAx}{dx} = A^T \qquad \frac{dxA}{dx} = A^T$$

$$\frac{\partial u}{\partial x^T} = \left(\frac{\partial u^T}{\partial x}\right)^T \qquad \frac{\partial u^Tv}{\partial x} = \frac{\partial u^T}{\partial x}v + \frac{\partial v^T}{\partial x}u^T \qquad \frac{\partial uv^T}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial x}v^T + u\frac{\partial v^T}{\partial x}$$

$$\frac{dx^Tx}{dx} = 2x \qquad \frac{dx^TAx}{dx} = (A + A^T)x \qquad \frac{dx^TAx}{dx} = 2Ax \quad (如果A为对称阵)$$

$$\frac{\partial AB}{\partial x} = \frac{\partial A}{\partial x}B + A\frac{\partial B}{\partial x} \qquad \frac{\partial u^TXv}{\partial x} = uv^T$$

 $\frac{\partial u^T X^T X u}{\partial x} = 2X u u^T \qquad \frac{\partial \left[ (X u - v)^T (X u - v) \right]}{\partial x} = 2(X u - v) u^T$ 

### 线性代数

#### 正交

给定 $a,b \in \mathbb{R}^{n \times 1}$ ,如果  $a^Tb = 0$ ,那么向量a,b正交.对于方阵 $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$  来说,如果A的列向量两两正交,且 $\ell_2$ 范数为1,那么A为正交阵,数学描述为 $A^TA = I = AA^T$ .

#### 正定性

对于 $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ , $\not w \in \mathbb{R}_{n \times 1}$ ,满足  $w^T A w > 0$ ,A 为 正定矩阵;  $w^T A w \ge 0$ ,A 为 半正定矩阵

#### 线性代数

#### 行列式按行(列)展开定理

或
$$a_{1i}A_{1j} + a_{2i}A_{2j} + \dots + a_{ni}A_{nj} = \begin{cases} |A|, i = j \\ 0, i \neq j \end{cases}$$

即 
$$AA^* = A^*A = |A|E$$
,其中:  $A^* = \begin{pmatrix} A_{11} & A_{21} & \dots & A_{n1} \\ A_{12} & A_{22} & \dots & A_{n2} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ A_{1n} & A_{2n} & \dots & A_{nn} \end{pmatrix} = (A_{ji}) = (A_{ij})^T$ 

### 概率论与数理统计-随机事件和概率

#### 事件的关系

- (1) 子事件:  $A \subset B$ , 若A发生,则B发生。
- (2) 相等事件: A = B, 即 $A \subset B$ , 且 $B \subset A$ 。
- (3) 和事件:  $A \cup B$  (或A + B) , A = B中至少有一个发生。
- (4) 差事件: A B, A发生但B不发生。
- (5) 积事件: *A*∩*B* (或*AB*) , *A*与*B*同时发生。
- (6) 互斥事件(互不相容): *A*∩*B*=∅。
- (7) 互逆事件 (对立事件) :  $A \cap B = \emptyset, A \cup B = \Omega, A = \overline{B}, B = \overline{A}$  。

#### 运算律

- (1) 交换律:  $A \cup B = B \cup A, A \cap B = B \cap A$
- (2) 结合律:  $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$ ;  $(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$
- (3) 分配律:  $(A \cup B) \cap C = (A \cap C) \cup (B \cap C)$

#### (4) 德.摩根律:

$$\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B} \quad \overline{A \cap B} = \overline{A} \cup \overline{B}$$

### 概率论与数理统计-古典型概率

定义:试验E中样本点是有限的,出现每一样本点的概率是相同。

$$P(A) = \frac{A$$
所包含的样本点数  
S中的样本点数

一袋中有8个球,编号为1-8,其中1-3号为红球,4-8号为黄球,设摸到每一球的可能性相等,从中随机摸一球,记A={摸到红球},求P(A)。

$$S=\{1,2,...,8\}$$
 $A=\{1,2,3\} \Rightarrow P(A) = \frac{3}{8}$ 

#### 概率论与数理统计

(1) 条件概率:  $P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)}$ ,表示A发生的条件下, B发生的概率

一袋中有8个球,编号为1-8,其中1-3号为红球,4-8号为黄球,

设摸到每一球的可能性相等,从中随机摸一球,记 $A={$  摸到红球 $}$  , 求P(A) 。

$$S = \{1, 2, ..., 8\}$$

$$A = \{1,2,3\} \Longrightarrow P(A) = \frac{3}{8}$$

(2) 全概率公式:  $P(A) = \sum_{i=1}^{n} P(A|B_i) P(B_i), B_i B_j = \emptyset, i \neq j, \bigcup_{i=1}^{n} B_i = \Omega.$ 

#### 概率论与数理统计

(3) **Bayes**公式: 
$$P(B_j|A) = \frac{P(A|B_j)P(B_j)}{\sum_{i=1}^n P(A|B_i)P(B_i)}, j = 1,2,\cdots,n$$

(4) 乘法公式: 
$$P(A_1A_2) = P(A_1)P(A_2|A_1) = P(A_2)P(A_1|A_2)$$
  
 $P(A_1A_2 \cdots A_n) = P(A_1)P(A_2|A_1)P(A_3|A_1A_2) \cdots P(A_n|A_1A_2 \cdots A_{n-1})$ 

#### 概率论与数理统计-常见分布

(1) 
$$0-1$$
分布: $P(X = k) = p^k (1-p)^{1-k}, k = 0,1$ 

(2) 二项分布:
$$B(n,p)$$
:  $P(X = k) = C_n^k p^k (1-p)^{n-k}, k = 0,1,\dots,n$ 

(3) Poisson分布:
$$p(\lambda)$$
:  $P(X=k) = \frac{\lambda^k}{k!}e^{-\lambda}, \lambda > 0, k = 0,1,2 \cdots$ 

Poisson分布的期望和方差都等于参数A

## 概率论与数理统计-常见分布

(4) 均匀分布
$$U(a,b)$$
:  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a}, a < x < b \\ 0, \end{cases}$ 

(5) 正态分布:
$$N(\mu, \sigma^2)$$
:  $\varphi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}, \sigma > 0, -\infty < x < +\infty$ 

(6)指数分布:
$$E(\lambda)$$
:  $f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x}, x > 0, \lambda > 0 \\ 0, \end{cases}$ 

## 概率论与数理统计

### 数学期望

离散型:  $P\{X = x_i\} = p_i, E(X) = \sum_i x_i p_i$ 

连续型:  $X \sim f(x), E(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} x f(x) dx$ 

性质:

- (1) E(C) = C, E[E(X)] = E(X)
- (2)  $E(C_1X + C_2Y) = C_1E(X) + C_2E(Y)$
- (3) 若X和Y独立,则E(XY) = E(X)E(Y)
- (4)  $[E(XY)]^2 \le E(X^2)E(Y^2)$

### 协方差

$$Cov(X,Y) = E[(X - E(X)(Y - E(Y))]$$

### 性质:

- (1) Cov(X, Y) = Cov(Y, X)
- (2) Cov(aX, bY) = abCov(Y, X)
- (3)  $Cov(X_1 + X_2, Y) = Cov(X_1, Y) + Cov(X_2, Y)$

## 3. 机器学习的背景知识-Python基础

### Python 的环境的安装

Anaconda

Jupyter notebook

Pycharm

详细教程: https://zhuanlan.zhihu.com/p/59027692

## Python 的环境的安装

#### Anaconda

https://www.anaconda.com/distribution/ 通常选3.7版本,64位 可以用默认安装,右图两个选择框都勾上





## Python 的环境的安装

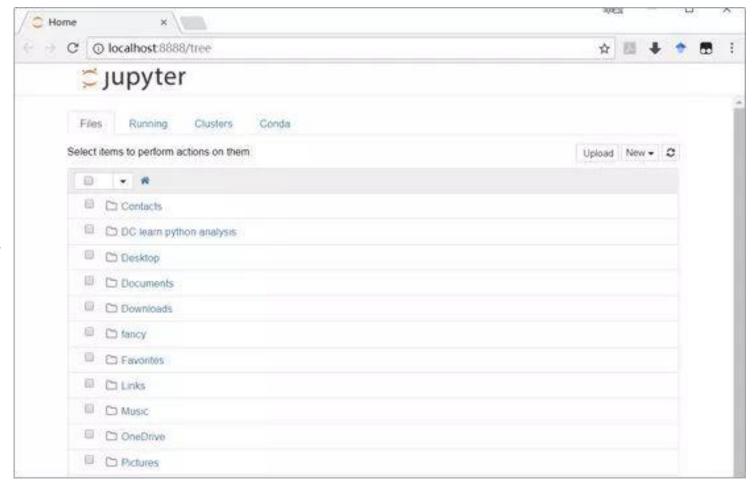
### Jupyter notebook

在cmd环境下,切换到代码的目录,输入命令:

jupyter notebook之后就可以 启动jupyter botebook编辑器

- , 启动之后会自动打开浏览器
- ,并访问http://localhost:8088
- , 默认跳转到

http://localhost:8088/tree



## Python 的环境的安装

### Pycharm

https://www.jetbrains.com/pycharm/

Pycharm 提供免费的社区版与付费的专业版。专业版额外增加了一些功能,如项目模板、远程开发、数据库支持等。个人学习 Python 使用免费的社区版已足够。如果有edu邮箱,那么推荐使用专业版,edu邮箱是可以免费使用专业版的。

安装过程照着提示一步步操作就可以了。

**注意**:安装路径尽量不使用带有中文或空格的目录,这样在之后的使用过程中减少一些莫名的错误。

# Python 的主要数据类型

- ●字符串
- ●整数与浮点数
- ●布尔值
- ●日期时间
- ●其它

## Python 的数据结构

### ●列表(list)

用来存储一连串元素的容器,列表用[]来表示,其中元素的类型可不相同。

### ●元组(tuple)

元组类似列表,元组里面的元素也是进行索引计算。列表里面的元素的值可以修改,而元组里面的元素的值不能修改,只能读取。元组的符号是()

### ●集合(set)

集合主要有两个功能,一个功能是进行集合操作,另一个功能是消除重复元素。 集合的格式是: set(),其中()内可以是列表、字典或字符串,因为字符串是以列表的形式存储的

### ●字典(dict)

字典dict也叫做关联数组,用大括号{}括起来,在其他语言中也称为map,使用键-值(key-value)存储,具有极快的查找速度,其中key不能重复。

## Python控制流

- ●顺序结构
- ●分支结构
- ●循环结构
- break、continue和pass
- ●列表生成式

## Python函数

### ●调用函数

调用内置函数

### ●定义函数

def 函数名(): 函数内容 <return 返回值>

### ●高阶函数

匿名函数: 高阶函数传入函数时,不需要显式地定义函数,直接传入匿名函数更方便 (lambda函数)

# Python模块

- numpy
- pandas
- scipy
- •matplotlib
- •scikit-learn

## Python模块-NumPy

### •numpy

Numpy是一个用python实现的科学计算的扩展程序库,包括:

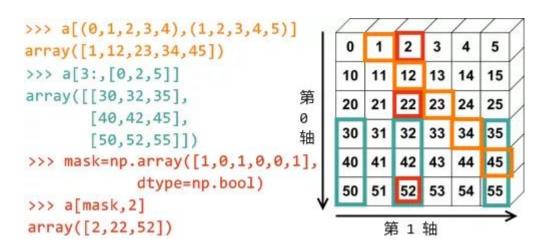
- 1、一个强大的N维数组对象Array;
- 2、比较成熟的(广播)函数库;
- 3、用于整合C/C++和Fortran代码的工具包;
- 4、实用的线性代数、傅里叶变换和随机数生成函数。numpy和稀疏矩阵运算包scipy配合使用更加方便。

NumPy (Numeric Python) 提供了许多高级的数值编程工具,如:矩阵数据类型、矢量处理,以及精密的运算库。专为进行严格的数字处理而产生。多为很多大型金融公司使用,以及核心的科学计算组织如: Lawrence Livermore, NASA用其处理一些本来使用C++,Fortran或Matlab等所做的任务。

## Python模块-NumPy

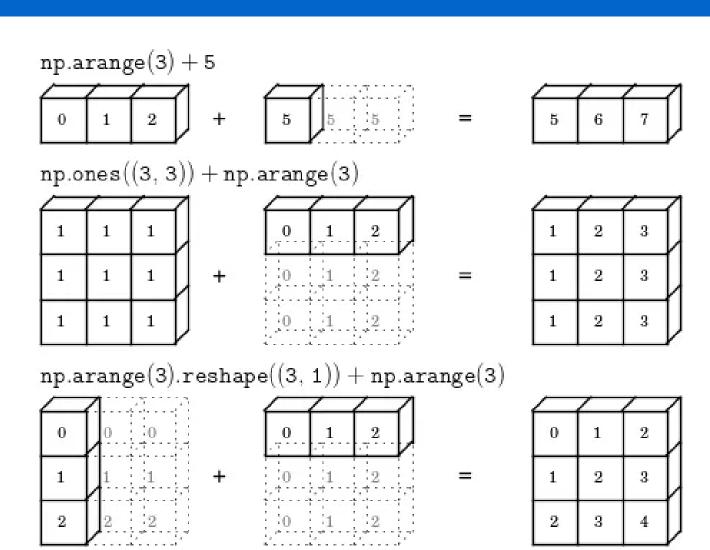
### 切片

```
>>> a[0,3:5]
array([3,4])
>>> a[4:,4:]
                          10
                             11 12 13 14
array([[44,45],[54,55]])
                             21 22 23 24 25
>>> a[:,2]
                          30
                             31 32 33 34 35
array([2,12,22,32,42,52])
>>> a[2::2,::2]
                             41 42 43 44 45
array([[20,22,24],
                          50
                             51 52 53 54 55
       [40,42,44]])
```



# Python模块-NumPy

### 广播



### pandas

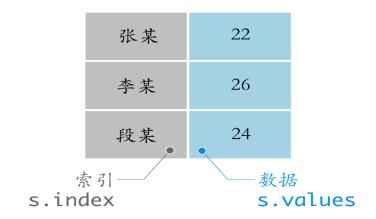
Pandas 是基于NumPy 的一种工具,该工具是为了解决数据分析任务而创建的。

Pandas 纳入了大量库和一些标准的数据模型,提供了高效地操作大型数据集所需的工具。Pandas提供了大量能使我们快速便捷地处理数据的函数和方法。你很快就会发现,它是使Python成为强大而高效的数据分析环境的重要因素之一。

### ● 基本数据结构

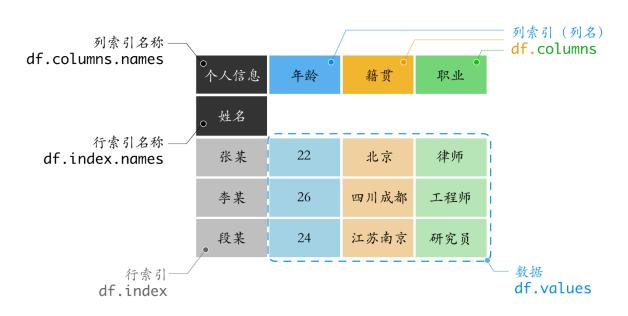
#### Series

一维数据结构,包含行索引和数据两个部分



#### **DataFrame**

二维数据结构,包含带索引的多列数据, 各列的数据类型可能 不同



### ●数据索引

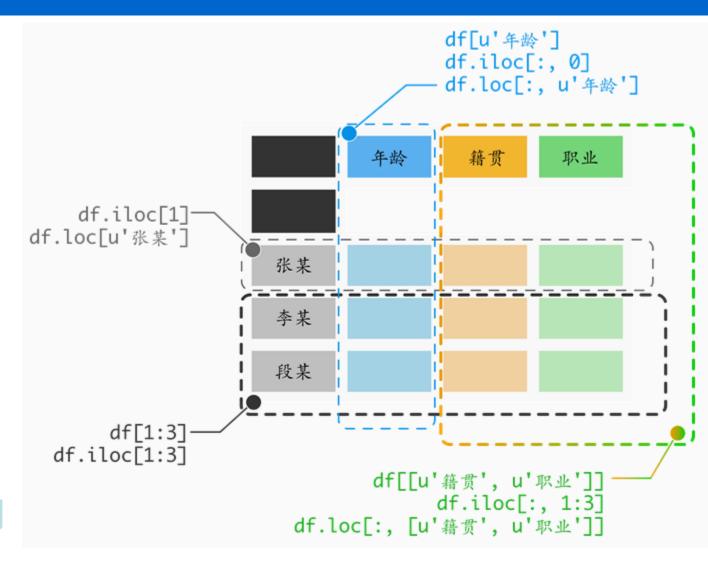
df[5:10]

通过切片方式选取多行.

df[col\_label] or df.col\_label 选取列.

df.loc[row\_label, col\_label] 通过标签选取行/列.

df.iloc[row\_loc, col\_loc] 通过位置(自然数)选取行/列



### ● 数据合并

pd.merge(left, right) 类数 据库的数据融合操作.

参数: how, 融合方式,包括左连接、右连接、内连接(默认)和外连接; on,连接键;left\_on,左键;right\_on,右键;left\_index,是否将left行索引作为左键;right\_index,是否将right行索引作为右键.

|   | 姓名         | 年龄 |
|---|------------|----|
| 0 | 张某         | 22 |
| 1 | left<br>李某 | 26 |
| 2 | 投某         | 24 |

|   | 姓名          | 籍贯   |
|---|-------------|------|
| 7 | 张某          | 北京   |
| 8 | right<br>李某 | 四川成都 |
| 9 | 线某          | 江苏南京 |

#### inner

|   | 姓名 | 年龄 | 籍賞   |
|---|----|----|------|
| 0 | 张某 | 22 | 北京   |
| 1 | 李某 | 26 | 四川成都 |

pd.merge(left, right, how='inner', on=u'姓名')

#### outer

|   | 姓名 | 年龄   | 籍贯   |
|---|----|------|------|
| 0 | 张某 | 22.0 | 北京   |
| 1 | 李某 | 26.0 | 四川成都 |
| 2 | 段某 | 24.0 | NaN  |
| 3 | 线某 | NaN  | 江苏南京 |

pd.merge(left, right, how='outer', on=u'姓名')

#### left

|   | 姓名 | 年龄 | 籍賞   |
|---|----|----|------|
| 0 | 张某 | 22 | 北京   |
| 1 | 李某 | 26 | 四川成都 |
| 2 | 投某 | 24 | NaN  |

pd.merge(left, right, how='left', on=u'姓名')

#### right

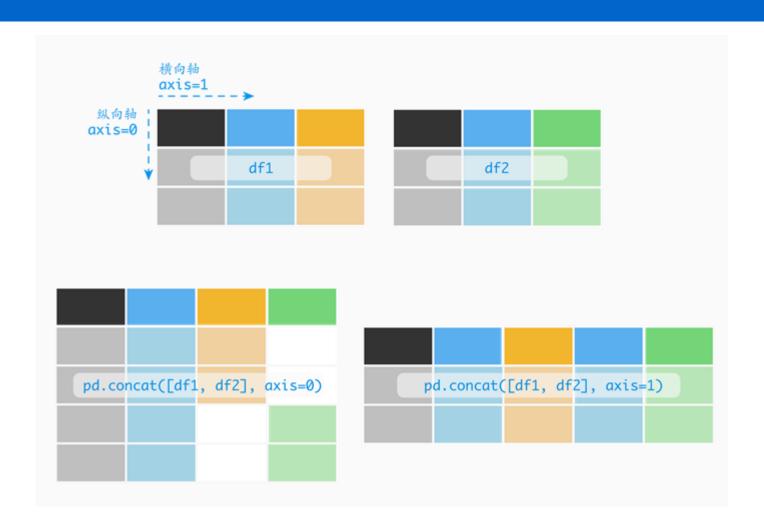
|   | 姓名 | 年龄   | 籍贯   |
|---|----|------|------|
| 0 | 张某 | 22.0 | 北京   |
| 1 | 李某 | 26.0 | 四川成都 |
| 2 | 线某 | NaN  | 江苏南京 |

pd.merge(left, right, how='right', on=u'姓名')

●数据融合

pd.concat([df1, df2])

轴向连接多个 DataFrame.



### 文件读写

```
从文件中读取数据 (DataFrame)
pd.read_csv() | 从CSV文件读取
pd.read table() | 从制表符分隔文件读取,如TSV
pd.read excel() | 从 Excel 文件读取
pd.read sql() | 从 SQL 表或数据库读取
pd.read json() | 从JSON格式的URL或文件读取
pd.read clipboard() | 从剪切板读取
将DataFrame写入文件
df.to_csv() | 写入CSV文件
df.to excel() | 写入Excel文件
df.to_sql() | 写入SQL表或数据库
df.to json() | 写入JSON格式的文件
df.to clipboard() | 写入剪切板
```

## Python模块-Scipy

### Scipy

scipy是构建在numpy的基础之上的,它提供了许多的操作numpy的数组的函数。

SciPy是一款方便、易于使用、专为科学和工程设计的python工具包,它包括了统计、优化、整合以及线性代数模块、傅里叶变换、信号和图像图例,常微分方差的求解等

| 向量量化      |
|-----------|
| 数学常量      |
| 快速傅里叶变换   |
| 积分        |
| 插值        |
| 数据输入输出    |
| 线性代数      |
| N维图像      |
| 正交距离回归    |
| 优化算法      |
| 信号处理      |
| 稀疏矩阵      |
| 空间数据结构和算法 |
| 特殊数学函数    |
| 统计函数      |
|           |

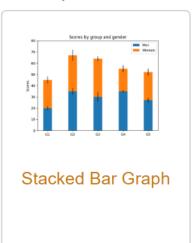
## Python模块-matplotlib

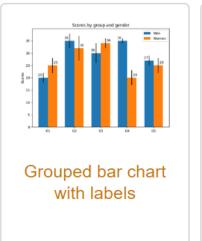
### • Matplotlib

Matplotlib 是一 个 Python 的 2D绘图库, 它以各种硬拷贝格式和跨 平台的交互式环境生成出 版质量级别的图形。

通过 Matplotlib, 开发者 可以仅需要几行代码,便 可以生成绘图,直方图, 功率谱,条形图,错误图 , 散点图等。

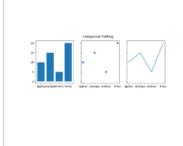
#### Lines, bars and markers



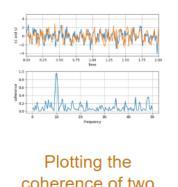




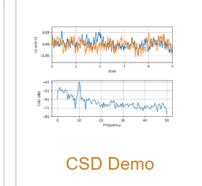


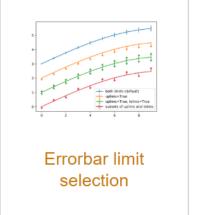


Plotting categorical variables



coherence of two signals





https://matplotlib.org/gallery/index.html

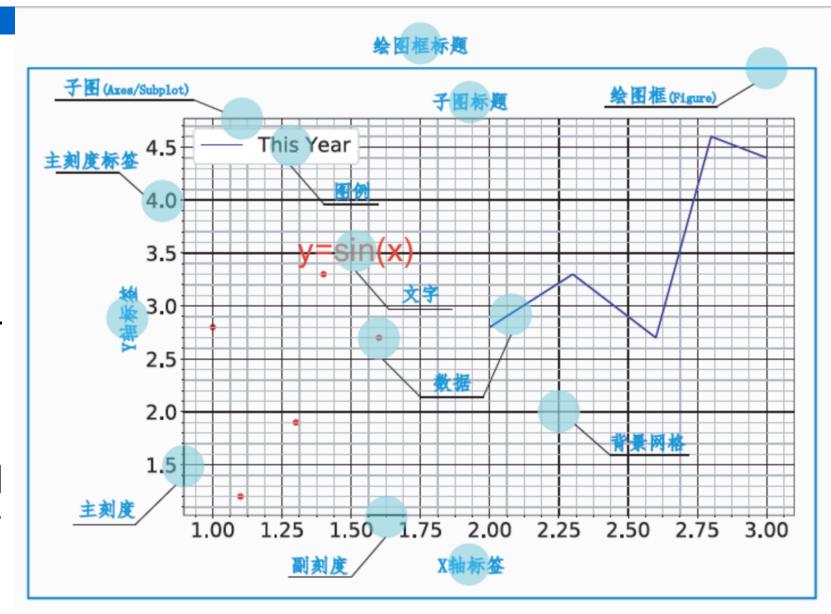
## Python模块-matplotlib

### 图形的各元素名称如下:

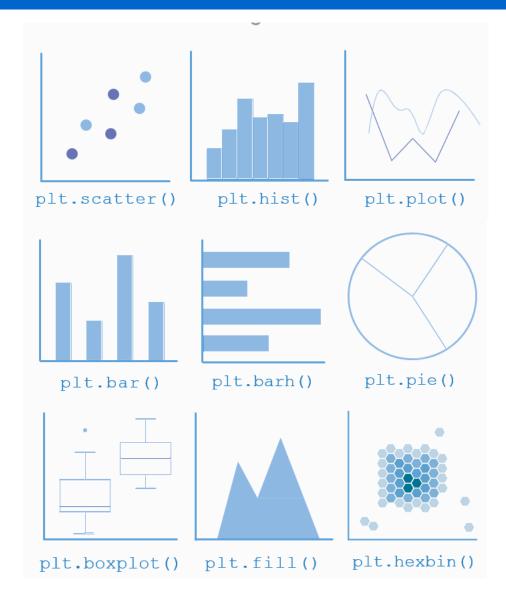
绘图框 是图形的最高容器 , 所有图形必须放置在绘 图框中.

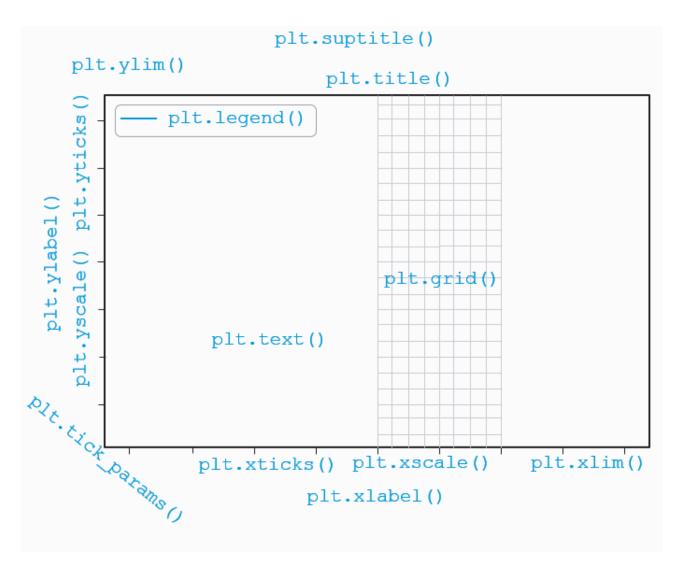
子图 是绘图框中所包含的 图形,即便绘图框只包含一 幅图,也称之为子图.

元素 是组成子图的部件, 从子图最内部的数据线条到 外围的坐标轴标签等都属于 元素.



# Python模块-matplotlib

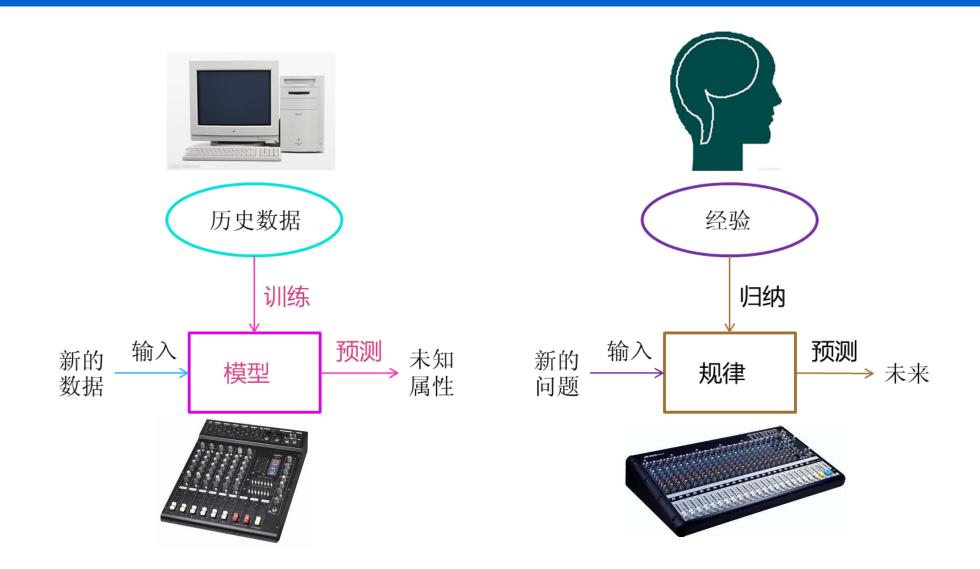




## 4. 机器学习的开发流程

- 01 机器学习概述
- 02 机器学习的类型
- 03 机器学习的背景知识
- 04 机器学习的开发流程

# 机器学习的一般步骤



# 机器学习的一般步骤

数据搜集



数据清洗

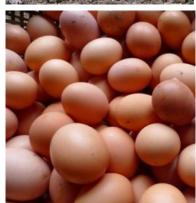


特征工程



数据建模

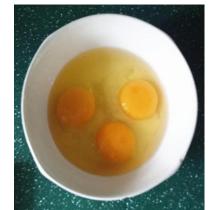














## 不同视角的机器学习



### 不同行业的人以为我做的事情

$$egin{aligned} rac{\partial}{\partial w}L(w,b,lpha) &= w - \sum lpha_i y_i x_i = 0, \ w = \sum lpha_i y_i x_i \ rac{\partial}{\partial b}L(w,b,lpha) &= \sum lpha_i y_i = 0 \end{aligned}$$

代入 $L(w,b,\alpha)$ 

$$\begin{split} \min \ L(w,b,\alpha) &= \tfrac{1}{2} ||w||^2 + \sum_{i=1}^m \alpha_i (-y_i(w^T x_i + b) + 1) \\ &= \tfrac{1}{2} w^T w - \sum_{i=1}^m \alpha_i y_i w^T x_i - b \sum_{i=1}^m \alpha_i y_i + \sum_{i=1}^m \alpha_i \\ &= \tfrac{1}{2} w^T \sum \alpha_i y_i x_i - \sum_{i=1}^m \alpha_i y_i w^T x_i + \sum_{i=1}^m \alpha_i \\ &= \sum_{i=1}^m \alpha_i - \tfrac{1}{2} \sum_{i=1}^m \alpha_i y_i w^T x_i \\ &= \sum_{i=1}^m \alpha_i - \tfrac{1}{2} \sum_{i,j=1}^m \alpha_i \alpha_j y_i y_j (x_i x_j) \end{split}$$

再把 max 问题转成 min 问题:

$$\begin{split} \max & \ \sum_{i=1}^m \alpha_i - \tfrac{1}{2} \sum_{i,j=1}^m \alpha_i \alpha_j y_i y_j(x_i x_j) = \min \tfrac{1}{2} \sum_{i,j=1}^m \alpha_i \alpha_j y_i y_j(x_i x_j) - \sum_{i=1}^m \alpha_i \\ s.t. & \ \sum_{i=1}^m \alpha_i y_i = 0, \end{split}$$

#### 程序员以为我做的事情



父母以为我做的事情



我自己以为我做的事情

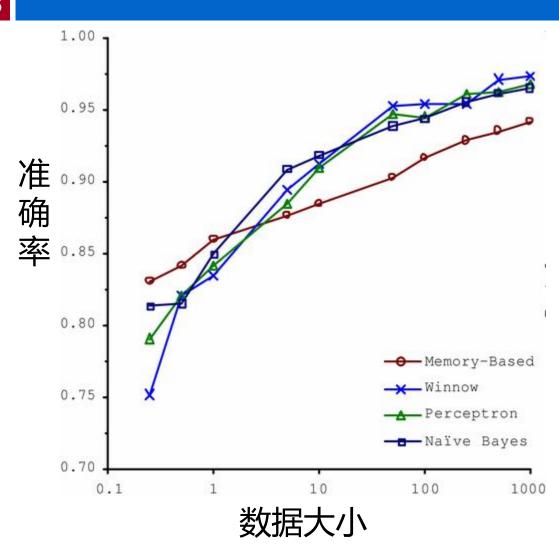


朋友以为我做的事情

import xgboost as xgb
import numpy as np

实际上我做的事情

### 数据决定一切



通过这张图可以看出, 各种不同算法在输入的 数据量达到一定级数后,都有相近的高准确度 ,都有相近的高准确度 。于是诞生了机器学习 界的名言:

成功的机器学习应 用不是拥有最好的 算法,而是拥有最 多的数据!

## 参考文献

- [1] Andrew Ng. Machine Learning[EB/OL]. Stanford University, 2014. https://www.coursera.org/course/ml
- [2] 李航. 统计学习方法[M]. 清华大学出版社,2019.
- [3] 周志华. 机器学习[M]. 清华大学出版社,2016.
- [4] Hastie T., Tibshirani R., Friedman J. The Elements of Statistical Learning[M]. Springer, New York, NY, 2001.
- [5] CHRISTOPHER M. BISHOP. Pattern Recognition and Machine Learning[M]. Springer, 2006.
- [6] Stephen Boyd, Lieven Vandenberghe, Convex Optimization[M]. Cambridge University Press, 2004.

