

MODELOS DE COMPUTACIÓN

Relación de problemas VI

- 1. Proporcione ejemplos de los siguientes lenguajes:
 - a. Un lenguaje que no es independiente del contexto.
 - b. Un lenguaje independiente del contexto pero no determinista.
 - c. Un lenguaje que es independiente del contexto determinista, pero que no es aceptado por un autómata con pila determinista que tiene que vaciar su pila.
 - d. Un lenguaje que es aceptado por un autómata con pila determinista que tiene que vaciar su pila, pero que no es un lenguaje regular
- 2. Encontrar cuando sea posible, un autómata con pila que acepte el lenguaje L, donde:

$$L = \{ww^{-1} \mid w \in \{a, b\}^*\}$$

$$L = \{ww \mid w \in \{a, b\}^*\}$$

$$L = \{a^l b^m c^n \mid l + m = n\}$$

$$L = \{a^m b^n c^m \mid n < m\}$$

3. Demostrar que los siguientes lenguajes no son libres de contexto:

$$L_1 = \{a^p : p \text{ es primo }\}$$
$$L_2 = \{a^{n^2} : n \ge 1\}$$

4. Encontrar un autómata con pila que acepte, por el criterio de pila vacía el lenguaje:

$$L = \{0^n u u^{-1} 1^n : u \in \{0, 1\}^*\}$$

Encontrar un autómata que acepte el lenguaje complementario.

5. Considerar la gramática libre de contexto dada por las siguientes producciones:

$$\begin{split} S &\to aABb |\ aBA\ |\ \epsilon \\ A &\to aS\ |\ bAAA \\ B &\to aABB\ |\ aBAB\ |\ aBBA\ |\ bS \end{split}$$

Determinar si las cadenas aabaab y las cadenas bbaaa son generadas por esta gramática

- Haciendo una búsqueda en el árbol de todas las derivaciones, pasando previamente la gramática a forma normal de Greibach.
- Mediante el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami.
- 6. Determinar qué lenguajes son regulares y/o libres de contexto:



$$\begin{aligned} & \left\{0^{n^2} \mid n \geq 1\right\} \\ & \left\{0^n 1^n 0^n 1^n \mid n \geq 0\right\} \\ & \left\{0^n 1 0^m 1 0^{n+m} \mid n, m \geq 0\right\} \end{aligned}$$

Conjunto de palabras en las que toda posición impar está ocupada por un 1.

7. Construir autómatas con pila que acepten por el criterio de pila vacía los siguientes lenguajes:

$$L_1 = \{(01)^i (10)^i | i \ge 0\}$$
$$L_2 = \{(0^i 1^i (10)^i | i \ge 0\}$$

8. Comprobar, usando el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami y el algoritmo de Early si las palabras bba0d1 y cba1d1 pertenecen al lenguaje generado por la gramática:

$$S \rightarrow AaB|AaC$$

$$A \rightarrow Ab|Ac|b|c$$

$$B \rightarrow BdC|0$$

$$C \rightarrow CeB|1$$

9. Dada la gramática:

$$\begin{split} S \to AB & S \to C \\ A \to aAb & A \to ab & B \to cBd & B \to cd \\ C \to aCd & C \to aDd & D \to bDc & D \to bc \end{split}$$

determinar mediante el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami si las palabras abbccd y aabbcd son generadas.

10. Determinar si son regulares y/o independientes del contexto los siguientes lenguajes:

$$\begin{aligned} &\{uu^{-1}u \mid u \in \{0,1\}^*\} \\ &\{uu^{-1}ww^{-1} \mid u,w \in \{0,1\}^*\} \\ &\{uu^{-1}w \mid u,w \in \{0,1\}^* \text{ y } |u| \leq 3\} \end{aligned}$$

- 11. Construir una gramática independiente del contexto para el lenguaje más pequeño que verifica las siguientes reglas:
 - a. Cualquier sucesión de dígitos de {0; 1; 2; ...; 9} de longitud mayor o igual a 1 es una palabra del lenguaje.
 - b. Si u_1 ; ...; u_n ($n \ge 1$) son palabras del lenguaje, entonces ($u_1 + ... + u_n$) es una palabra del lenguaje.
 - c. Si u1; ...; u_n (n >= 1) son palabras del lenguaje, entonces [u1 * ... * u_n] es una palabra del lenguaje.



Comprobar por el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami si las palabras: (0+1)*3 y [(0+1)] son generadas por la gramática.

12. Construye autómatas con pila determinista por el criterio de pila vacía que reconozcan a cada uno de los siguientes lenguajes:

$$L = \{a^m b^j c^{m-1} d : m \ge 1, j \ge 1\}$$

$$L = \{a^i b^j c^k : i < j < k\}$$

13. Encuentra una gramática libre de contexto en forma normal de Chomsky que genere el siguiente lenguaje:

 $L = \{ucv \,:\, u,v \in \{0,1\}^+$ y nº de subcadenas '01' en ues igual al nº subcadenas '10' en $v\}$

Comprueba con el algoritmo CYK si la cadena 010c101 pertenece al lenguaje generado por la gramática.

14. Encuentra una gramática libre de contexto en forma normal de Chomsky que genere el siguiente lenguaje definido sobre el alfabeto {a; 0; 1}:

$$L = \{auava \mid u, v \in \{0, 1\}^* \text{ y } u = v^{-1}\}$$

15. Encuentra una gramática libre de contexto en forma normal de Chomsky que genere los siguientes lenguajes definidos sobre el alfabeto {a; 0; 1}:

$$L_1 = \{auava \mid u, v \in \{0, 1\}^+ \text{ y } u^{-1} = v\}$$

$$L_2 = \{uvu \mid u \in \{0,1\}^+ \text{ y } u^{-1} = v\}$$

Comprueba con el algoritmo CYK si la cadena a0a0a pertenece a L1 y la cadena 011001 pertenece al lenguaje L2.

16. Sea la gramática:

$$G = (\{a, b\}, \{\overline{S}, A, B\}, S, P)$$

Con P:

$$S \to AabB, \quad A \to aA|bA|\epsilon, \quad B \to Bab|Bb|ab|b$$

- ¿Es regular el lenguaje que genera G?.
- Transforma G a una gramática equivalente en Forma Normal de Chomsky.
- Aplicando el algoritmo CYK, determinar si las siguientes cadenas pertenecen a L(G): aababb; aaba
- Muestra el árbol de derivación para generar las palabras del apartado anterior que pertenecen a L(G).
- 17. Dar gramáticas en forma normal de Chomsky para los lenguajes:



$$\begin{split} L_1 &= \{a^nb^{2n}c^k \mid n,k>0\} \\ L_2 &= \{a^nb^kc^n \mid n,k>0\} \\ \text{La intersección de ambos} \end{split}$$

18. Dada la gramática:

$$\begin{split} S \to AB & S \to C & S \to BE \\ A \to aAb & A \to \epsilon \\ B \to cBd & B \to \epsilon \\ C \to aCd & C \to aDd \\ D \to bDc & D \to \epsilon \end{split}$$

determinar mediante el algoritmo de Cocke-Younger-Kasami si las palabras abbccd y aabbcd son generadas por esta gramática.

19. Determinar una gramática independiente del contexto para el lenguaje definido sobre el alfabeto $\{0; 1; c\}$ dado por $L=\{0^i1^ic0^k1^k \mid k=i+1\}$