ICPC Team AC2++ Notebook

Contents

TD-----1-4--

Т	теш	plates	
	1.1	Plantilla C++	
	1.2	Plantilla Phyton	
2	Data Structures		
	2.1	Trie	
	2.2	Fenwick Tree	
	2.3	Binary Indexed Tree	
	2.4	Order Statistics Tree	
	2.5	Segment Tree	
	2.6	Lazy Segment Tree	
	2.7	Lazy Range Min/Max Query	
3	Mat	h	
_	3.1	Numeros Primos	
	3.2	Operaciones con Bits	
	3.3	Formulas Rapidas	
	3.4	Operaciones de Matriz	
	3.5	Numeros Catalan	
4	Dyn	amic Programming	
-	4.1	Problema de la mochila	
	4.2	Longest Increasing Subsequence (LIS)	
	4.3	Dp con Digitos	
	4.4	Tecnica con pila	
5	Gra	nha	
J		•	
	5.1 5.2	Recorrido BFS y DFS	
	5.3	Dijkstra	
	5.4	Bellman-Ford	
	5.4	•	
	5.6	Lowest Common Ancestor	
	5.7	Prim	
	5.7		
	5.8	9	
	5.10		
	3.10	Ordenamiento Topologico Lexicografico	

1 Templates

1.1 Plantilla C++

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std:
using 11 = long long;
using ull = unsigned long long;
using pi = pair<int, int>;
using pl = pair<11, 11>;
using pd = pair<double, double>;
using vi = vector<int>;
using vb = vector<bool>;
using v1 = vector<11>;
using vd = vector<double>;
using vs = vector<string>;
using vpi = vector<pi>;
using vpl = vector<pl>;
using vpd = vector<pd>;
// pairs
```

```
#define mp make_pair
#define f first
#define s second
// vectors
#define sz(x) int((x).size())
#define bg(x) begin(x)
#define all(x) bg(x), end(x)
#define rall(x) x.rbegin(), x.rend()
#define ins insert
#define ft front()
#define bk back()
#define pb push_back
#define eb emplace_back
#define lb lower_bound
#define ub upper_bound
#define toT template <class T
tcT > int lwb(vector<T> &a, const T &b) { return int(lb(all(a), b) -
#define FOR(i, a, b) for (int i = (a); i < (b); ++i)
#define FOR(i, a) FOR(i, 0, a)
#define ROF(i, a, b) for (int i = (a)-1; i >= (b); --i)
#define ROF(i, a) ROF(i, a, 0)
#define ENDL '\n'
#define LSOne(S) ((S) & -(S))
const int MOD = 1e9 + 7;
const int MAXN = 1e5 + 5;
const int INF = 1 << 28;</pre>
const 11 LLINF = 1e18;
const int dx[4] = \{1, 0, -1, 0\}, dy[4] = \{0, 1, 0, -1\}; // abajo,
      derecha, arriba, izquierda
using pqg = priority_queue<T, vector<T>, greater<T>>;
int main() {
   ios_base::sync_with_stdio(0);
    cin.tie(nullptr);
    return 0;
```

1.2 Plantilla Phyton

5

```
import sys
import math
import bisect
from sys import stdin, stdout
from math import gcd, floor, sqrt, log
from collections import defaultdict as dd
from bisect import bisect_left as bl, bisect_right as br
sys.setrecursionlimit(100000000)
def inp(): return int(input())
def strng(): return input().strip()
def in(x, 1): return x.join(map(str, 1))
def strl(): return list(input().strip())
def mul(): return map(int, input().strip().split())
def mulf(): return map(float, input().strip().split())
def seq(): return list(map(int, input().strip().split()))
def ceil(x): return int(x) if (x == int(x)) else int(x)+1
def ceildiv(x, d): return x//d if (x % d == 0) else x//d+1
def flush(): return stdout.flush()
def stdstr(): return stdin.readline()
def stdint(): return int(stdin.readline())
def stdpr(x): return stdout.write(str(x))
mod = 10000000007
```

2 Data Structures

2.1 Trie

```
struct TrieNode
   map<char, TrieNode *> children;
    bool isEndOfWord;
   int numPrefix;
       isEndOfWord = false;
       numPrefix = 0;
class Trie {
   TrieNode *root;
   Trie() {
       root = new TrieNode();
   void insert (string word) {
       TrieNode *curr = root;
        for (char c : word) {
           if (curr->children.find(c) == curr->children.end()) {
               curr->children[c] = new TrieNode();
           curr->numPrefix++;
       curr->isEndOfWord = true;
   bool search(string word) {
       TrieNode *curr = root;
        for (char c : word) {
           if (curr->children.find(c) == curr->children.end()) {
               return false:
           curr = curr->children[c];
       return curr->isEndOfWord:
   bool startsWith(string prefix) {
       TrieNode *curr = root;
        for (char c : prefix) {
           if (curr->children.find(c) == curr->children.end()) {
               return false:
           curr = curr->children[c];
       return true:
   int countPrefix(string prefix) {
        TrieNode *curr = root;
        for (char c : prefix) {
           if (curr->children.find(c) == curr->children.end()) {
                return 0:
           curr = curr->children[c];
        return curr->numPrefix;
```

2.2 Fenwick Tree

```
#define LSOne(S) ((S) & -(S))
class FenwickTree {
   private:
    v11 ft;
   public:
```

```
FenwickTree(int m) { ft.assign(m + 1, 0); } // Constructor de ft
          vacio
   void build(const vll &f) {
       int m = (int)f.size() - 1;
        ft.assign(m + 1, 0);
        FOR(i, 1, m + 1) {
           ft[i] += f[i];
           if (i + LSOne(i) <= m)
               ft[i + LSOne(i)] += ft[i];
   FenwickTree(const vll &f) { build(f); } // Constructor de ft
   FenwickTree(int m, const vi &s) { // Constructor de ft basado en
        vll f(m + 1, 0);
       FOR(i, (int)s.size()) {
           ++f[s[i]];
        build(f);
   11 query(int j) { // return query(1, j);
        11 sum = 0;
        for (; j; j -= LSOne(j))
           sum += ft[j];
       return sum;
   11 query(int i, int j) {
        return query(j) - query(i - 1);
   void update(int i, ll v) {
       for (; i < (int)ft.size(); i += LSOne(i))</pre>
           ft[i] += v;
   int select(ll k) {
       int p = 1;
        while (p * 2 < (int)ft.size())</pre>
           p *= 2;
        int i = 0;
        while (p) {
           if (k > ft[i + p]) {
               k = ft[i + p];
               i += p;
           p /= 2;
        return i + 1:
class RUPO { // Arbol de Fenwick de consulta de punto v actualizacion
     de rango
  private:
   FenwickTree ft:
  public:
   RUPO(int m) : ft(FenwickTree(m)) {}
   void range_update(int ui, int uj, ll v) {
       ft.update(ui, v);
        ft.update(uj + 1, -v);
   11 point_query(int i) {
        return ft.query(i);
class RURO { // Arbol de Fenwick de consulta de rango y actualizacion
   RUPQ(int m) : rupq(RUPQ(m)), purq(FenwickTree(m)) {}
   void range_update(int ui, int uj, ll v) {
       rupq.range_update(ui, uj, v);
        purq.update(ui, v * (ui - 1));
       purq.update(uj + 1, -v * uj);
   ll query(int j) {
        return ruqp.point_query(j) * j -
              purq.query(j);
```

```
11 query(int i, int j) {
        return query(j) - query(i - 1);
vll f = {0, 0, 1, 0, 1, 2, 3, 2, 1, 1, 0}; // index 0 siempre sera 0
FenwickTree ft(f);
printf("%lld\n", ft.rsq(1, 6)); //7 \Rightarrow ft[6]+ft[4] = 5+2 = 7
printf("%d\n", ft.select(7)); // index 6, query(1, 6) == 7, el cual
ft.update(5, 1);
                                 // update {0,0,1,0,2,2,3,2,1,1,0}
printf("%11d\n", ft.rsq(1, 10)); // 12
printf("====\n");
RUPQ rupq(10);
rupq.range_update(2, 9, 7); // indices en [2, 3, .., 9] actualizados a
rurq.range_update(2, 9, 7);
rupq.range_update(6, 7, 3); // indices 6&7 son actualizados a +3 (10)
rurg.range_update(6, 7, 3);
// idx = 0 (unused) | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10
// val = - | 0 | 7 | 7 | 7 | 7 | 10 | 10 | 7 | 7 | 0
for (int i = 1; i <= 10; i++)
   printf("%d -> %lld\n", i, rupq.point_query(i));
printf("RSQ(1, 10) = %lld\n", rurg.rsq(1, 10)); // 62
printf("RSQ(6, 7) = \frac{1}{20} rurg.rsq(6, 7)); // 20
```

2.3 Binary Indexed Tree

```
const int MAXN = 1e5 + 5;
int n, bit[MAXN]; // Utilizar a partir del 1
int query(int index) {
   int sum = 0;
   while (index > 0) {
      sum += bit[index];
      index -= index & (-index);
   }
   return sum;
}

void update(int index, int val) {
   while (index <= n) {
      bit[index] += val;
      index += index & (-index);
   }
}</pre>
```

2.4 Order Statistics Tree

```
#include <bits/extc++.h>
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std:
using namespace __gnu_pbds;
typedef tree<int, null_type, less<int>, rb_tree_tag,
     tree_order_statistics_node_update> ost;
/+(Posiciones indexadas en O)
Funciona iqual que un set (todas las operaciones en O(log n)), con 2
     operaciones extra:
obj.find_by_order(k) - Retorna un iterador apuntando al elemento k-
     esimo mas grande
obj.order_of_key(x) - Retorna un entero que indica la cantidad de
     elementos menores a x
Modificar unicamente primer y tercer parametro, que corresponden a el
     tipo de dato
del ost y a la funcion de comparacion de valores (less<T>, greater<T>,
       less_equal<T>
o incluso una implementada por nosotros)
Si queremos elementos repetidos, usar less_equal<T> (sin embargo, ya
     no servira la
funcion de eliminacion).
```

```
Si queremos elementos repetidos y necesitamos la eliminacion, utilizar
tecnica con pares, donde el second es un numero unico para cada valor.
// Implementacion
int n = 9;
int A[] = {2, 4, 7, 10, 15, 23, 50, 65, 71}; // as in Chapter 2
for (int i = 0; i < n; ++i) // O(n log n)</pre>
   tree.insert(A[i]);
// O(log n) select
cout << *tree.find_by_order(0) << "\n";</pre>
                                            // 1-smallest = 2
cout << *tree.find_by_order(n - 1) << "\n"; // 9-smallest/largest = 71</pre>
cout << *tree.find_by_order(4) << "\n";
                                           // 5-smallest = 15
// O(log n) rank
cout << tree.order_of_key(2) << "\n"; // index 0 (rank 1)
cout << tree.order_of_key(71) << "\n"; // index 8 (rank 9)
cout << tree.order_of_key(15) << "\n"; // index 4 (rank 5)
```

2.5 Segment Tree

```
/*Esta implementado para obtener la suma en un rango, pero es posible
      usar cualquier
operacion commutativa como la multiplicacion, XOR, AND, OR, MIN, MAX,
      etc.*/
class SegmentTree
 private:
    int n:
    vi arr. st:
                                            // ir al hijo izquierdo
    int 1(int p) { return p << 1; }</pre>
   int r(int p) { return (p << 1) + 1; } // ir al hijo derecho</pre>
    void build(int index, int start, int end) {
        if (start == end) {
            st[index] = arr[start];
        } else {
            int mid = (start + end) / 2;
            build(l(index), start, mid);
            build(r(index), mid + 1, end);
            st[index] = st[l(index)] + st[r(index)];
    int query(int index, int start, int end, int i, int j) {
        if (j < start || end < i)
            return 0; // Si ese rango no nos sirve, retornar un valor
                   que no cambie nada
        if (i <= start && end <= i)
            return st[index]:
        int mid = (start + end) / 2:
        int g1 = guery(l(index), start, mid, i, j);
        int q2 = query(r(index), mid + 1, end, i, j);
        return q1 + q2;
    void update(int index, int start, int end, int idx, int val) {
        if (start == end)
            st[index] = val:
        else (
            int mid = (start + end) / 2;
            if (start <= idx && idx <= mid)
                update(l(index), start, mid, idx, val);
                 update(r(index), mid + 1, end, idx, val);
            st[index] = st[l(index)] + st[r(index)];
 public:
    SegmentTree(int sz) : n(sz), st(4 * n) {} // Constructor de st sin
           valores
    {\tt SegmentTree}\,(\textbf{const}\  \, \texttt{vi}\  \, \texttt{\&initialArr)}\  \, :\  \, \texttt{SegmentTree}\,(\,(\textbf{int})\,\texttt{initialArr}.
          size()) { // Constructor de st con arreglo inicial
        arr = initialArr;
        build(1, 0, n - 1);
```

```
void update(int i, int val) { update(1, 0, n - 1, i, val); }
   int query(int i, int j) { return query(1, 0, n - 1, i, j); }
}
```

int query(int i, int j) { return query(1, 0, n - 1, i, j); };

2.6 Lazy Segment Tree

```
class LazySegmentTree {
 private:
   int n;
   vi A, st, lazy;
   int 1(int p) { return p << 1; }</pre>
                                         // ir al hijo izquierdo
   int r(int p) { return (p << 1) + 1; } // ir al hijo derecho</pre>
   void build(int index, int start, int end)
           st[index] = A[start];
        } else {
           int mid = (start + end) / 2;
           build(l(index), start, mid);
           build(r(index), mid + 1, end);
            st[index] = st[l(index)] + st[r(index)];
   void propagate(int index, int start, int end) {
       if (lazy[index] != 0) {
           st[index] += (end - start + 1) * lazy[index];
           if (start != end) {
               lazy[l(index)] += lazy[index];
               lazy[r(index)] += lazy[index];
            lazy[index] = 0;
   void update(int index, int start, int end, int i, int j, int val)
       propagate (index, start, end);
       if ((end < i) || (start > j))
           return:
       if (start >= i && end <= j) {
           st[index] += (end - start + 1) * val;
           if (start != end) {
               lazv[l(index)] += val;
               lazy[r(index)] += val;
           return:
       int mid = (start + end) / 2;
       update(l(index), start, mid, i, j, val);
       update(r(index), mid + 1, end, i, j, val);
        st[index] = (st[l(index)] + st[r(index)]);
   int query(int index, int start, int end, int i, int j) {
        propagate (index, start, end);
        if (end < i || start > j)
           return 0:
       if ((i <= start) && (end <= i))
           return st[index];
       int mid = (start + end) / 2;
       int q1 = query(l(index), start, mid, i, j);
       int q2 = query(r(index), mid + 1, end, i, j);
       return (a1 + a2);
 public:
   LazySegmentTree(int sz) : n(sz), st(4 * n), lazy(4 * n) {} //
         Constructor de st sin valores
   LazySegmentTree(const vi &initialA) : LazySegmentTree((int)
         initialA.size()) { // Constructor de st con arreglo inicial
       A = initialA;
       build(1, 0, n - 1);
   void update(int i, int j, int val) { update(1, 0, n - 1, i, j, val
         ); }
```

2.7 Lazy Range Min/Max Query

```
class LazyRMQ {
  private:
    int n;
    vi A, st, lazy;
    int 1(int p) { return p << 1; }</pre>
                                          // ir al hijo izquierdo
    int r(int p) { return (p << 1) + 1; } // ir al hijo derecho</pre>
    int conquer(int a, int b) {
        if (a == -1)
            return b;
        if (b == -1)
            return a;
        return min(a, b); // RMQ - Cambiar esta linea para modificar
              la operacion del st
    void build(int p, int L, int R) { // O(n)
        if (L == R)
           st[p] = A[L];
            int m = (L + R) / 2;
            build(1(p), L, m);
            build(r(p), m + 1, R);
            st[p] = conquer(st[l(p)], st[r(p)]);
    void propagate(int p, int L, int R) {
        if (lazy[p] != -1) {
            st[p] = lazy[p];
            if (L != R)
                                                    // chechar que no
                  es una hoja
                lazy[l(p)] = lazy[r(p)] = lazy[p]; // propagar hacia
               A[L] = lazy[p];
            lazv[p] = -1;
    int query(int p, int L, int R, int i, int j) { // O(log n)
       propagate(p, L, R);
        if (i > j)
            return -1:
        if ((L >= i) && (R <= j))
           return st[p];
        int m = (T_1 + R) / 2:
       return conquer(query(l(p), L, m, i, min(m, j)),
                       query(r(p), m + 1, R, max(i, m + 1), j));
    void update(int p, int L, int R, int i, int j, int val) { // O(log
        propagate(p, L, R);
        if (i > j)
            return:
        if ((L >= i) && (R <= j)) {
            lazy[p] = val;
            propagate(p, L, R);
        l else (
            int m = (T_1 + R) / 2
            update(l(p), L, m, i, min(m, j), val);
            update(r(p), m + 1, R, max(i, m + 1), j, val);
            int lsubtree = (lazy[l(p)] != -1) ? lazy[l(p)] : st[l(p)];
            int rsubtree = (lazy[r(p)] != -1) ? lazy[r(p)] : st[r(p)];
            st[p] = (lsubtree \le rsubtree) ? st[l(p)] : st[r(p)];
  public:
    LazyRMQ(int sz) : n(sz), st(4 * n), lazy(4 * n, -1) {} //
          Constructor de st sin valores
    LazyRMQ(const vi &initialA) : LazyRMQ((int)initialA.size()) { //
          Constructor de st con arreglo inicial
        A = initialA;
        build(1, 0, n - 1);
```

3 Math

3.1 Numeros Primos

```
using 11 = long long;
using v1 = vector<11>;
const int MAXN = 1e6 + 5;
vl primes;
// O(n * sqrt(n))
void sieve(ll n) {
   sieve\_size = n + 1;
    // faster than bitset
    bool is_prime[sieve_size];
    // primo hasta que se demuestre lo contrario B-)
    for (int i = 0; i < sieve_size; i++)</pre>
       is_prime[i] = 1;
    is_prime[0] = is_prime[1] = 0;
    for (11 p = 2; p < sieve_size; p++) {</pre>
       if (is_prime[p]) {
            for (11 i = p * p; i < sieve_size; i += p)
               is prime[i] = 0;
           primes.push_back(p);
// O(sqrt(n))
bool isPrime(ll n) {
   for (11 i = 0; i * i <= n; i++)
       if (n % i == 0)
           return false:
   return true;
// Sin calcular primos en O(sgrt(n))
vl primeFactors(ll n) {
   vl factors:
   11 idx = 2;
    while (n != 1)
        while (n % idx == 0) {
           n /= idx:
            factors.pb(idx);
       idx++;
    return 0:
// Contar el numero de factores primos del entero N
int numPF(11 n) {
    for (int i = 0; (i < (int)primes.size()) && (primes[i] * primes[i]</pre>
           <= n); ++i)
        while (n % primes[i] == 0) {
           n /= primes[i];
            ans++;
   return ans + (n != 1);
```

3.2 Operaciones con Bits

```
// NOTA - Si i > 30, usar 1LL
// Siendo S un numero y {i, j} indices 0-indexados:
#define isOn(S, j) (S & (1 << j))
#define setBit(S, j) (S |= (1 << j))
#define clearBit(S, j) (S &= ~(1 << j))
#define toggleBit(S, j) (S ^= (1 << j))
#define lowBit(S) (S & (-S))
#define setAll(S, n) (S = (1 << n) - 1)
#define modulo(S, N) ((S) & (N - 1)) // retorna S \% N, siendo N una
     potencia de 2
#define isOdd(S) (s & 1)
#define isPowerOfTwo(S) (!(S & (S - 1)))
#define nearestPowerOfTwo(S) (1 << lround(log2(S)))
#define turnOffLastBit(S) ((S) & (S - 1))
#define turnOnLastZero(S) ((S) | (S + 1))
#define turnOffInRange(S, i, j) s &= (((~0) << (j + 1)) | ((1 << i) -
#define turnOffLastConsecutiveBits(S) ((S) & (S + 1))
#define turnOnLastConsecutiveZeroes(S) ((S) | (S - 1))
Si en un problema tenemos un conjunto de menos de 30 elementos y
     tenemos que probar cual es el "bueno"
Podemos usar una mascara de bits e intentar cada combinacion.
int \ limit = 1 << (n + 1);
for (int i = 1; i < limit; i++)
```

3.3 Formulas Rapidas

```
En C++14 se puede utilizar el metodo de algorithm
    __gcd(m,n)
    A partir de C++17 se puede utilizar el metodo de numeric
    gcd (m, n)
    1cm (m, n)
int gcd(int a, int b) { return (b ? gcd(b, a % b) : a); }
11 lcm(int a, int b) { return ((a * b) / gcd(a, b)); }
ll fastpow(ll a, ll b, ll m) { //(a^b) mod m
   11 res = 1;
   a %= m:
   b %= m:
    while (b) {
       if (b & 1)
          res = (res * a) % m;
        a = (a * a) % m;
       b >>= 1:
    return res;
// Coeficientes binomiales (Combinatoria)
11 C(int n, int k) { // O(log p)
    if (n < k)</pre>
       return 0:
    return (((fact[n] * modInverse(fact[k])) % p) * modInverse(fact[n
          - k])) % p;
// Codigo para calcular (a^-1) %m (si es que existe)
// Si m es primo
int modInverse(int b, int m) { return fastpow(b, m - 2, m) % m; }
// Si m NO es primo
using iii = tuple<int, int, int>;
iii extendedGCD(int a, int b) {
    if (b == 0)
        return Triple({a, 1, 0});
```

```
auto [d, x, y] = extendedGCD(b, a % b);
return {d, y, x - a / b * y};
}
int modInverse(int a, int m) {
    auto [d, x, y] = extendedGCD(a, m);
    if (d > 1)
        return 0; // Si no existe
    return (x + m) % m;
}
```

3.4 Operaciones de Matriz

```
// Let A be an n*n order matrix and k the exponent, we can calculate A
      ^{\hat{}}k in O(\log k * n^3)
typedef vector<vi> vvi;
// A * B = C, O(n^3)
vvi matrixMultiplication(vvi &A, vvi &B) {
    int n = A.size(), m = A[0].size(), k = B[0].size();
    vvi C(n, vi(k, 0));
    FOR(i, n)
    FOR(j, k)
    C[i][j] += (A[i][l] * B[l][j]) % MOD;
    return C;
// A^k, O(log k * n^3)
vvi matrixExponentiation(vvi &A, ll k) {
    int n = A.size();
    // ret -> identity matrix
    vvi ret(n, vi(n)), B = A;
    FOR(i. n)
    ret[i][i] = 1;
    while (k) {
       if (k & 1)
            ret = matrixMultiplication(ret, B);
       B = matrixMultiplication(B, B);
    return ret:
// Another faster approach could be use structs with fixed matrices
      overloading the * operator
```

3.5 Numeros Catalan

```
# Solution for small range ---> k <= 510
# if k is greater, use Java's BigInteger class
# if we need to only store catalan[i] % m, use c++
catalan = [0 for i in range(510)]

def precalculate():
    catalan[0] = 1
    for i in range(509):
        catalan[i + 1] = ((2*(2*i+1) * catalan[i])/(i+2))

precalculate()
print(int(catalan[505]))</pre>
```

4 Dynamic Programming

4.1 Problema de la mochila

```
/*
Algoritmo: Problema de la mochila
Tipo: DP
Complejidad: O(n^2)
```

```
Problema:
Se cuenta con una coleccion de N objetos donde cada uno tiene un peso
      y un valor,
y una mochila a la que le caben C unidades de peso.
Escribe un programa que calcule la maxima suma de valores que se puede
      lograr guardando
objetos en la mochila sin superar su capacidad de peso.
Ejemplo:
Entrada
Salida
ii objeto[MAXN]; // {peso, valor}
int dp[MAXN][MAXN];
int mochila(int i, int libre) {
   if (libre < 0)
       return -INF;
   if (i == n)
       return 0;
   if (dp[i][libre] != -1)
       return dp[i][libre];
   int opcion1 = mochila(i + 1, libre);
   int opcion2 = objeto[i].second + mochila(i + 1, libre - objeto[i].
   return (dp[i][libre] = max(opcion1, opcion2));
Ejemplo de uso:
memset (dp, -1, sizeof (dp));
cout << mochila(0,pmax);
```

4.2 Longest Increasing Subsequence (LIS)

```
#define FOR(i, n) for(int i = 0; i < n; i++)
const int MAXN = 2e4:
//Si no se necesita imprimir la LIS por completo, eliminar p.
int p[MAXN], nums[MAXN];
void print_LIS(int i) {
                                                     // backtracking
     routine
    if (p[i] == -1) {
        cout << A[i]:
        return:
                                                     // base case
   print_LIS(p[i]);
                                                     // backtrack
    cout << nums[i]:
int main() {
   int n;
    cin >> n:
   FOR(i, n)
        cin >> nums[i]:
   int lis_sz = 0, lis_end = 0;
   int L[n], L_id[n];
   FOR (i, n) {
       L[i] = L_id[i] = 0;
p[i] = -1;
   FOR (i, n) { // O(n)
```

4.3 Dp con Digitos

```
Dada una cadena s de la forma ?????d???d?d?? o ?d????d?d, donde d
        es un digito cualquiera
   asignar a los caracteres ? algun digito, para formar el numero mas
        pequenio posible
  que ademas sea divisible por D y no tenga ceros a la izquierda
const int MAXN = 1e5 + 5;
string s; // cadena
int D;
stack<int> st:
bool dp[MAXN][MAXN]; // He pasado por aqui?
bool solve (int pos, int residuo) {
   if (dp[pos][residuo])
       return false;
   if (pos == s.length())
       return residuo == 0;
   if (s[pos] == '?') {
       for (int k = (pos == 0); k <= 9; k++) {
           if (solve(pos + 1, (residuo * 10 + k) % D)) {
               st.push(k);
               return true;
   else {
       if (solve(pos + 1, (residuo * 10 + (s[pos] - '0')) % D)) {
           st.push(s[pos] - '0');
           return true:
   dp[pos][residuo] = true;
   return false:
int main() {
   cin >> s >> D;
   if (solve(0, 0)) {
       while (!st.emptv()) {
           cout << st.top();
           st.pop();
       cout << ENDL:
   else
       cout << "*\n";
   return 0:
```

4.4 Tecnica con pila

```
FOR (i, n) {
    while (!st.empty() && heights[st.top()] > heights[i])
        st.pop();
    if (st.empty())
        leftSmaller[i] = -1;
    else
        leftSmaller[i] = st.top();
    st.push(i);
}
//Ahora leftSmaller[i] tiene el indice del elemento menor mas
        cercano a la izquierda de heights[i]
```

5 Graphs

5.1 Recorrido BFS y DFS

```
const int MAXN = 1e5 + 5:
vi grafo[MAXN]:
int dist[MAXN]; //Desde un nodo elegido por nosotros a cualquier otro
//Importante inicializar en -1 para saber si no se ha visitado
void bfs(int node)
    queue<int> q;
    q.push (node);
    dist[node] = 0;
    while (!q.empty()) {
        int s = q.front();
        q.pop();
         for (auto u : grafo[s]) {
            if (dist[u] == -1) { //Si no se ha visitado
    dist[u] = dist[s] + 1;
                 q.push(u);
void dfs(int s) { //asignar previamente dist[nodo_inicial] = 0
    for (auto u : grafo[s])
        if (dist[u] == -1) {
    dist[u] = dist[s] + 1;
             dfs(u);
```

5.2 Dijkstra

pq.pop();

```
using pi = pair<int, int>;
using vpi = vector<pi>;
const int MAXN = 1e5 + 5;
// Si se tiene un grafo sin peso, usar BFS.
vpi graph[MAXN]; // Grafo guardado como lista de adyascencia.
int dist[MAXN]:
template <class T>
using pqg = priority_queue<T, vector<T>, greater<T>>;
/*Llena un arreglo (dist), donde dist[i] indica la distancia mas corta
que se tiene que recorrer desde un nodo 'x' para llegar al nodo 'i', en caso de que 'i' no sea alcanzable desde 'x', dist[i] = -1
O(V + E \log V)
void dijkstra(int x) {
    FOR(i, MAXN)
    dist[i] = INF;
    dist[x] = 0;
     pgg<pi> pg;
     pg.emplace(0, x);
     while (!pq.empty()) {
         auto [du, u] = pq.top();
```

```
if (du > dist[u])
        continue;
   for (auto &[v, dv] : graph[u]) {
       if (du + dv < dist[v]) {
           dist[v] = du + dv;
           pq.emplace(dist[v], v);
// Si la pq puede tener muchisimos elementos, utilizamos un set,
     en donde habra a lo mucho V elementos
set<pi> pq;
for (int u = 0; u < V; ++u)
   pq.emplace(dist[u], u);
while (!pq.empty()) {
   auto [du, u] = *pq.begin();
   pq.erase(pq.begin());
   for (auto &[v, dv] : graph[u]) {
       if (du + dv < dist[v]) {
           pq.erase(pq.find({dist[v], v}));
            dist[v] = du + dv;
           pq.emplace(dist[v], v);
```

5.3 Bellman-Ford

```
#define FOR(k, n) for (int k = 0; k < n; k++)
#define ENDL '\n'
int main() {
   int n, m, A, B, W;
    cin >> n >> m;
    tuple<int, int, int> edges[m];
   FOR(i, m) {
       cin >> A >> B >> W;
       edges[i] = make_tuple(A, B, W);
   vi dist(n + 1, INF);
    int x;
    dist[x] = 0; // Nodo de inicio
   FOR(i, n) {
       for (auto e : edges) {
           auto [a, b, w] = e;
           dist[b] = min(dist[b], dist[a] + w);
    for (auto e : edges) {
       auto [u, v, weight] = e;
        if (dist[u] != INF && dist[u] + weight < dist[v]) {</pre>
            cout << "Graph contains negative weight cycle" << endl;
    cout << "Shortest distances from source " << x << ENDL;
   FOR(i, n) {
       cout << (dist[i] == INF ? -1 : dist[i]) << " ";
   return 0:
```

5.4 Floyd-Warshall

```
// Matrix adjacency necessary.
int graph[MAXN][MAXN];

void floydWarshall() {
   FOR(k, N)
    FOR(i, N)
```

5.5 Lowest Common Ancestor

```
const LOG_MAXN = 25;
vi tree[MAXN];
int jump[MAXN][LOG_MAXN]; //Donde jump[u][h] es el ancestro 2^h del
// DFS para calcular la profundidad y guardar el padre directo en jump
void dfs(int u, int padre = -1, int d = 0) {
   depth[u] = d;
    jump[u][0] = padre;
   for (auto &hijo : tree[u])
       if (hijo != padre)
           dfs(hijo, u, d + 1);
void build(int n) {
   memset (jump, -1, sizeof jump);
   // Construccion del binary-lifting
   for (int i = 1; i < LOG_MAXN; i++)</pre>
       for (int u = 0; u < n; u++)
           if (jump[u][i - 1] != -1)
                jump[u][i] = jump[jump[u][i - 1]][i - 1];
int LCA(int p, int q) {
   if (depth[p] < depth[q])</pre>
       swap(p, q);
   int dist = depth[p] - depth[q]; // Distancia necesaria para estar
         en la misma profundidad
   FORR(i, LOG_MAXN)
   if ((dist >> i) & 1)
       p = jump[p][i];
   if (p == q) // Verificar si el ancestro es la misma profundidad
       return p:
   // Busqueda por saltos binarios
   FORR (i, LOG_MAXN)
   if (jump[p][i] != jump[q][i]) {
       p = jump[p][i];
       q = jump[q][i];
   return jump[p][0];
```

5.6 Kruskal UnionFind

```
const int MAXN = 1e5 + 5:
class UnionFind
    private: int numSets, parent[MAXN], rank[MAXN], setSize[MAXN];
    public:
        UnionFind(int &N) {
            for(int i = 0; i < N; i++)</pre>
                parent[i] = i;
            numSets = N;
        int get(int i) { return (parent[i] == i) ? i : (parent[i] =
              get(parent[i])); }
        bool isSame(int i, int j) { return get(i) == get(j); }
        int sizeOfSet(int i) { return setSize[get(i)]; }
        void unite(int i, int j) {
            if(!isSame(i, j)) {
                int x = get(i), y = get(j);
                if (rank[x] > rank[y]) swap(x, y);
```

```
parent[x] = y;
if (rank[x] == rank[y]) ++rank[y];
                setSize[y] += setSize[x];
                --numSets;
};
using Edge = tuple<int, int, int>;
    ios_base::sync_with_stdio(0);
    cin.tie(nullptr);
    cin >> V >> E;
    UnionFind UF(V):
    Edge edges[V];
    FOR(i, E) {
        int u, v, w;
        cin >> u >> v >> w;
        edges[i] = \{w, u, v\};
    sort (edges, edges + E);
    int totalWeight = 0;
    for (int i = 0; i < E && UF.numSets > 1; i++) {
        auto [w, u, v] = edges[i]; // desempaquetamiento de arista
        if (!UF.isSame(u, v)) {
                                       // Si no estan en el mismo
             conjunto, la tomamos
            totalWeight += w;
            UF.unite(u, v);
    cout << "MST weight: " << totalWeight << '\n';
    return 0;
```

5.7 Prim

```
/*Grafo de ejemplo:
  0 1 4
  0 3 6
  0 4 6
  122
  2 3 8
 Salida esperada: 18
#define eb emplace_back;
template <class T>
using pqg = priority_queue<T, vector<T>, greater<T>>;
const int MAXN = 1e5 + 5;
vii graph[MAXN]:
bool taken[MAXN]: //Inicialmente en false todos
pqg<ii> pq; //Para ir seleccionando las aristas de menor peso
void process(int u) {
   taken[u] = 1;
    for (auto &[v, w] : graph[u])
        if (!taken[v])
            pq.emplace(w, v);
int main() {
    int V, E; cin >> V >> E;
    FOR(i, E){
       int u, v, w;
        cin >> u >> v >> w;
        //u--; v--;
        graph[u].eb(v, w);
        graph[v].eb(u, w);
    process(0);
                                                   // take+process
          vertex 0
```

5.8 Bridge Detection

```
// number of nodes
vector<vector<int>> adj; // adjacency list of graph
vector<bool> visited;
vector<int> tin, low;
int timer;
void dfs (int v, int p = -1) {
   visited[v] = true;
    tin[v] = low[v] = timer++;
    for (int to : adj[v]) {
       if (to == p)
            continue;
       if (visited[to]) {
            low[v] = min(low[v], tin[to]);
       } else {
            dfs(to, v);
            low[v] = min(low[v], low[to]);
            if (low[to] > tin[v])
               IS BRIDGE(v, to);
void find_bridges() {
   timer = 0;
   visited.assign(n, false);
   tin.assign(n, -1);
   low.assign(n, -1);
   for (int i = 0; i < n; ++i) {
       if (!visited[i])
           dfs(i);
```

5.9 Ordenamiento Topologico

```
const int MAXN = 1e5 + 5;
                              // Numero de nodos y aristas
int n. m:
vi graph[MAXN];
                              // Grafo
vi sorted_nodes:
                              // Arreglo de nodos ordenados
      topologicamente
bool visited[MAXN] = {false}; // Arreglo de visitados
stack<int> s:
// Funcion DFS para recorrer el grafo en profundidad
void dfs(int u) {
    visited[u] = true;
    for (auto v : graph[u]) {
       if (!visited[v])
           dfs(v);
    s.push(u);
void topo_sort() {
    // Recorrido DFS para marcar los nodos visitados y llenar la pila
   FOR(i, n) {
       if (!visited[i])
           dfs(i);
```

```
// Llenado del arreglo
   while (!s.empty()) {
       sorted_nodes.push_back(s.top());
       s.pop();
int main() {
   ios_base::sync_with_stdio(0);
   cin.tie(nullptr);
   cin >> n >> m;
   FOR(i, m) {
       int u, v;
       cin >> u >> v;
       graph[u].push_back(v);
    topo_sort();
   if (sorted_nodes.size() < n) {</pre>
       cout << "El grafo tiene un ciclo" << ENDL;
       cout << "Orden topologico: ";
       for (int u : sorted_nodes) {
           cout << u << " ";
   return 0;
```

5.10 Ordenamiento Topologico Lexicografico

```
const int MAXN = 1e5 + 5;
                 // Numero de nodos y aristas
// Grafo
int n, m;
vi graph[MAXN];
int in_degree [MAXN]; // Grado de entrada de cada nodo
vi sorted_nodes; // Arreglo de nodos ordenados topologicamente
void topo_sort() {
    priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> q;
    FOR(i, n) {
       if (in_degree[i] == 0) {
            q.push(i);
   while (!q.empty()) {
   int u = q.top();
       q.push(v);
int main() {
    ios_base::sync_with_stdio(0);
    cin.tie(nullptr);
    cin >> n >> m;
    FOR (i, m) {
       int u, v;
       cin >> u >> v;
        graph[u].push_back(v);
        in_degree[v]++;
    topo_sort();
    if (sorted_nodes.size() < n) {
   cout << "El grafo tiene un ciclo" << ENDL;</pre>
    } else {
        cout << "Orden topologico lexicograficamente menor: ";
        for (int u : sorted_nodes) {
   cout << u << " ";</pre>
    return 0;
```