## Малко контролно 1. Вариант 1

## Задача 1 (2 точки)

Нека  $f:A\to B$  е частична инективна функция. Докажете или опровергайте, че  $f^{-1}$  е частична инективна функция.

## Задача 2(5 точки)

Нека  $\Sigma = \{a, b, c, d, e, f, g, h, i, j\}.$ 

Със  $\Sigma_{\alpha}$  ще бележим множеството от всички думи с букви от сигма, които НЕ започват с буквата а. (дума е крайна редица от символи). Нека

$$S = \Sigma_{a'} \cup \{a\}$$

Докажете или опровергайте, че множеството от всички КРАЙНИ редици с елементи от S е изброимо.

## Задача 3 (3 точки)

Нека  $R \subseteq A \times A$ .

С  $R^{rev}$  ще бележим "обърнатата" релация.

Т.е  $R^{rev} = \{(x,y) \in R^{rev} \mid (y,x) \in R\}$  Докажете или опровергайте, че: Ако R е рефлексивна, антисиметрична и транзитивна релация, то  $R \cup R^{rev}$  е транзитивна релация.