Informatik I, Übung 02, Aufgabe 2

Markdown und AsciiMath

Größter gemeinsamer Teiler (ggT)

Das ggT-Problem

Gegeben. Zwei positive ganze Zahlen $a,b\in\mathbb{Z}$ mit a,b>0.

Gesucht. Eine positive ganze Zahl $d\in\mathbb{Z}$ mit d>0 und folgenden Eigenschaften.

- d teilt a und b ohne Rest
- ullet es gibt keine ganze Zahl $d'\in\mathbb{Z}$ mit d'>d, die a und b ohne Rest teilt

Der Euklidischer Algorithmus (klassisch)

Eingabe. zwei ganze Zahlen a,b mit $a>b\geq 0$

Initialisierung. $x \leftarrow a$, $y \leftarrow b$

Iteration. wiederhole das Folgende solange y
eq 0 gilt

- falls (x > y) dann $x \leftarrow x y$
- sonst $y \leftarrow y x$

Abschluss. $d \leftarrow x$

Rückgabe. d

Hinweis. $A \leftarrow B$ steht für: speichere aktuellen Wert von B in A.

Euklidischer Algorithmus in Java

```
// Eklidischer Algorithmus (klassisch)
// Eingabe von a und b
// Initialisierung
int x = a;
int y = b;
// Iteration
while (y != 0) { // '!=' steht fuer 'ungleich'
   if (x > y)
        x = x - y;
   else
        y = y - x;
}
// Abschluss
int d = x
// Rückgabe von d
```