

9. Ordenador

$$100^n < n! \quad \text{new} \quad 269 \leq n$$

1) Paso base:

$$n=269; \quad 100^{269} < 269!$$

Por lo que constatamos que $100^{269} < 269!$, según sagenath.

2) Paso de inducción: supongamos que $n \geq 269$ y que $100^n < n!$ es cierta (hip. induc.) y demosremos que de ella se deduce que $P(n+1)$ es cierta;

$$\text{¿ } 100^{n+1} < (n+1)! \text{?}$$

$$100^{n+1} = 100^n \cdot 100 < n! \cdot 100 \quad ; \quad 100 < 269 \leq n < n+1$$

$$100 < n+1 \quad ; \quad \underbrace{100 \cdot n!}_{< n! \cdot 100} < \underbrace{n! \cdot (n+1)}_{= (n+1) \cdot n!} \Rightarrow 100^{n+1} < \underline{\underline{(n+1)!}}$$

Por el principio de inducción finita, $P(n)$ es cierta para todo $n \geq 269$