



# Data Science Academy

[www.datascienceacademy.com.br](http://www.datascienceacademy.com.br)

## Matemática Para Machine Learning

### Subespaço Vetorial



Sejam  $V$  um espaço vetorial e  $S$  um subconjunto não-vazio de  $V$ , o subconjunto  $S$  é um subespaço vetorial de  $V$  se  $S$  é um espaço vetorial em relação à adição e à multiplicação por um escalar definidas em  $V$ . Para mostrar que um subconjunto  $S$  é um subespaço vetorial de  $V$ , deveríamos testar os 8 axiomas de espaço vetorial (listados no item de aprendizagem anterior) relativos à adição e multiplicação, mas como  $S$  é parte de  $V$ , não há necessidade. Um subconjunto  $S$  então é um subespaço vetorial se estiverem satisfeitas as condições:

$$I) \forall u, v \in S, u + v \in S$$

$$II) \forall u \in S \text{ e } \forall \alpha \in \mathbb{R}, \alpha u \in S$$

Todo espaço vetorial  $V$  admite pelo menos dois subespaços: o conjunto  $\{0\}$ , chamado subespaço zero ou subespaço nulo, e o próprio espaço vetorial  $V$ , que são chamados de subespaços triviais de  $V$ . Os demais são chamados de subespaços próprios de  $V$ . Por exemplo, os subespaços triviais do  $V = \mathbb{R}^3$  são  $\{0,0,0\}$  e o próprio  $\mathbb{R}^3$ . Os subespaços próprios do  $\mathbb{R}^3$  são retas e planos que passam pela origem. Para o  $V = \mathbb{R}^2$ , os subespaços triviais são  $\{0,0\}$  e  $\mathbb{R}^2$ . Os subespaços próprios do  $\mathbb{R}^2$  são retas que passam pela origem.

Referência:

Introduction to Applied Linear Algebra: Vectors, Matrices, and Least Squares

[https://www.amazon.com.br/Introduction-Applied-Linear-Algebra-Matrices-ebook/dp/B07CN2ZX7D?keywords=vectors+and+linear+algebra&qid=1536272751&sr=8-7&ref=sr\\_1\\_7](https://www.amazon.com.br/Introduction-Applied-Linear-Algebra-Matrices-ebook/dp/B07CN2ZX7D?keywords=vectors+and+linear+algebra&qid=1536272751&sr=8-7&ref=sr_1_7)