# Лекция 6 Многопоточное программирование Стандарт OpenMP

#### Курносов Михаил Георгиевич

E-mail: mkurnosov@gmail.com WWW: www.mkurnosov.net

Курс «Параллельные вычислительные технологии» Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики (г. Новосибирск) Весенний семестр, 2017



# Средства многопоточного программирования

#### Прикладные библиотеки

- Intel Threading Building Blocks (TBB)
- Microsoft Concurrency Runtime
- Apple Grand Central Dispatch
- Boost Threads
- Qthread, MassiveThreads

#### Языки программирования

- OpenMP (C/C++/Fortran)
- Intel Cilk Plus
- C++11 Threads
- C11 Threads

- C# Threads
- Java Threads Erlang Threads
- Haskell Threads

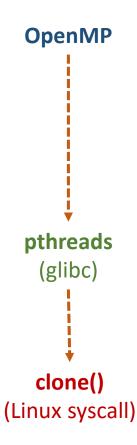
#### Системные библиотеки (System libraries) Win32 API/.NET Threads **POSIX Threads** Apple OS X Cocoa, Pthreads Thread Thread Thread Thread Thread Thread Thread Thread

**Уровень** пользователя (User space)

Уровень ядра (Kernel space)



**Hardware** (Multi-core processor, SMP/NUMA)



# Стандарт OpenMP

- OpenMP (Open Multi-Processing) стандарт, определяющий набор директив компилятора, библиотечных процедур и переменных среды окружения для создания многопоточных программ
- Разрабатывается в рамках OpenMP Architecture Review Board с 1997 года
  - OpenMP 2.5 (2005), OpenMP 3.0 (2008), OpenMP 3.1 (2011), OpenMP 4.5 (2015)
  - □ <a href="http://www.openmp.org">http://www.openmp.org</a>
  - http://www.openmp.org/wp-content/uploads/openmp-4.5.pdf
- Требуется поддержка со стороны компилятора



# Стандарт OpenMP

http://www.openmp.org/wp-content/uploads/openmp-4.5.pdf



# OpenMP Application Programming Interface

Version 4.5 November 2015

Copyright © 1997-2015 OpenMP Architecture Review Board.

Permission to copy without fee all or part of this material is granted, provided the OpenMP Architecture Review Board copyright notice and the title of this document appear. Notice is given that copying is by permission of OpenMP Architecture Review Board.

C	Contents											
_			_									
1	Intr	duction	1									
	1.1	Scope	1									
	1.2	Glossary	2									
		1.2.1 Threading Concepts	2									
		1.2.2 OpenMP Language Terminology	2									
		1.2.3 Loop Terminology	8									
		1.2.4 Synchronization Terminology	9									
		1.2.5 Tasking Terminology	9									
		1.2.6 Data Terminology	11									
		1.2.7 Implementation Terminology	13									
	1.3	Execution Model	14									
	1.4	Memory Model	17									
		1.4.1 Structure of the OpenMP Memory Model	17									
		1.4.2 Device Data Environments	18									
		1.4.3 The Flush Operation	19									
		1.4.4 OpenMP Memory Consistency	20									
	1.5	OpenMP Compliance	21									
	1.6	Normative References	21									
	1.7	Organization of this Document	23									
		Marie Control of the										
2		tives	25									
	2.1	Directive Format	26									
		2.1.1 Fixed Source Form Directives	28									
		2.1.2 Free Source Form Directives	29									
		2.1.3 Stand-Alone Directives	32									
	2.2	Conditional Compilation	33									
		2.2.1 Fixed Source Form Conditional Compilation Sentinels	34									

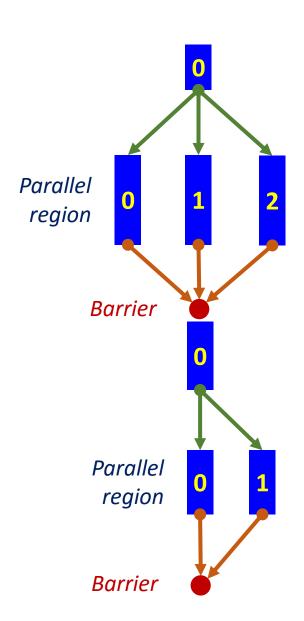
	2.2.2	Free Source Form Conditional Compilation Sentinel	34
2.3	Interna	d Control Variables	36
	2.3.1	ICV Descriptions	36
	2.3.2	ICV Initialization	37
	2.3.3	Modifying and Retrieving ICV Values	36 36 37 39 41 42 43 44 46 50 52 53 56 64 65 67 69 72 76 81 83 83 87 91 93 94 95 95
	2.3.4	How ICVs are Scoped	41
		2.3.4.1 How the Per-Data Environment ICVs Work	42
	2.3.5	ICV Override Relationships	43
2.4	Array :	Sections	44
2.5	paral	lel Construct	46
	2.5.1	Determining the Number of Threads for a parallel Region	50
	2.5.2	Controlling OpenMP Thread Affinity	52
2.6	Canoni	cal Loop Form	53
2.7	Works	haring Constructs	56
	2.7.1	Loop Construct	56
		2.7.1.1 Determining the Schedule of a Worksharing Loop	64
	2.7.2	sections Construct	65
	2.7.3	single Construct	67
	2.7.4	workshare Construct	69
2.8	SIMD	Constructs	72
	2.8.1	simd Construct	72
	2.8.2	declare simd Construct	76
	2.8.3	Loop SIMD Construct	81
2.9	Taskin	g Constructs	83
	2.9.1	task Construct	83
	2.9.2	taskloop Construct	87
	2.9.3	taskloop simd Construct	91
	2.9.4	taskyield Construct	93
	2.9.5	Task Scheduling	94
2.10	Device	Constructs	95
		target data Construct	95
		target enter data Construct	97
		target exit data Construct	100

# Поддержка компиляторами

Compiler	Information					
GNU GCC https://gcc.gnu.org/wiki/openmp	Option: -fopenmp gcc 4.7 - OpenMP 3.1 gcc 4.9 - OpenMP 4.0 gcc 5.x - Offloading					
Clang (LLVM) http://openmp.llvm.org/	Option: –fopenmp Clang 3.8.0 – OpenMP 3.1 Clang + Intel OpenMP RTL (http://clang-omp.github.io/)					
Intel C/C++, Fortran <a href="https://software.intel.com/en-us/c-compilers/">https://software.intel.com/en-us/c-compilers/</a>	OpenMP 4.x Option: –Qopenmp, –openmp					
Oracle Solaris Studio C/C++/Fortran	OpenMP 4.0 Option: –xopenmp					
Microsoft Visual Studio C++	Option: /openmp OpenMP 2.0 only					
http://www.openmp.org/resources/openmp-compilers/						

# Модель выполнения OpenMP-программы

- Динамическое управление потоками в модели Fork-Join:
  - ✓ Fork порождение нового потока
  - ✓ Join ожидание завершения потока (объединение потоков управления)
- ОрепMP-программа совокупность последовательных участков кода (serial code) и параллельных регионов (parallel region)
- Каждый поток имеет логический номер: 0, 1, 2, ...
- Главный поток (master) имеет номер 0
- Параллельные регионы могут быть вложенными



# Hello, World

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
int main(int argc, char **argv)
   #pragma omp parallel /* <-- Fork */</pre>
        printf("Hello, multithreaded world: thread %d of %d\n",
               omp_get_thread_num(), omp_get_num_threads());
                            /* <-- Barrier & join */
   return 0;
```

# Компиляция и запуск OpenMP-программы

```
$ gcc -fopenmp -o hello ./hello.c

$ ./hello
Hello, multithreaded world: thread 0 of 4
Hello, multithreaded world: thread 1 of 4
Hello, multithreaded world: thread 3 of 4
Hello, multithreaded world: thread 2 of 4
```

- По умолчанию количество потоков в параллельном регионе равно числу логических процессоров в системе
- Порядок выполнения потоков заранее неизвестен определяется планировщиком операционной системы

# Указание числа потоков в параллельных регионах

```
$ export OMP NUM THREADS=8
$ ./hello
Hello, multithreaded world: thread 1 of 8
Hello, multithreaded world: thread 2 of 8
Hello, multithreaded world: thread 3 of 8
Hello, multithreaded world: thread 0 of 8
Hello, multithreaded world: thread 4 of 8
Hello, multithreaded world: thread 5 of 8
Hello, multithreaded world: thread 6 of 8
Hello, multithreaded world: thread 7 of 8
```

## Задание числа потоков в параллельном регионе

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
int main(int argc, char **argv)
    #pragma omp parallel num threads(6)
        printf("Hello, multithreaded world: thread %d of %d\n",
               omp get thread_num(), omp_get_num_threads());
    return 0;
```

# Задание числа потоков в параллельном регионе

```
$ export OMP NUM THREADS=8
$ ./hello
Hello, multithreaded world: thread 2 of 6
Hello, multithreaded world: thread 3 of 6
Hello, multithreaded world: thread 1 of 6
Hello, multithreaded world: thread 0 of 6
Hello, multithreaded world: thread 4 of 6
Hello, multithreaded world: thread 5 of 6
```

 Директива num\_threads имеет приоритет над значением переменной среды окружения OMP\_NUM\_THREADS

## Список потоков процесса

```
#include <stdio.h>
#include <omp.h>
#include <time.h>
int main(int argc, char **argv)
    #pragma omp parallel num_threads(6)
        printf("Hello, multithreaded world: thread %d of %d\n",
               omp_get_thread_num(), omp_get_num_threads());
        /* Sleep for 30 seconds */
        nanosleep(&(struct timespec){.tv sec = 30}, NULL);
    return 0;
```

# Список потоков процесса

```
./hello &
ps -eLo pid, tid, psr, args grep hello
             0 ./hello
6157 6157
                                             Номер процесса (PID)
6157 6158 1 ./hello
                                             Номер потока (TID)
             0 ./hello
6157 6159
                                             Логический процессор (PSR)
             1 ./hello
6157 6160
                                             Название исполняемого файла
             0 ./hello
6157 6161
6157 6162 1 ./hello
             2 grep hello
6165 6165
```

- Информация о логических процессорах системы:
  - ☐ /proc/cpuinfo
  - ☐ /sys/devices/system/cpu

# #pragma omp parallel

http://www.openmp.org/wp-content/uploads/openmp-4.5.pdf

1	Syntax
	C / C++
2	The syntax of the parallel construct is as follows:
	<pre>#pragma omp parallel [clause[[,]clause]] new-line     structured-block</pre>
3	where clause is one of the following:
4	<pre>if([parallel :] scalar-expression)</pre>
5	<pre>num_threads (integer-expression)</pre>
6	default (shared   none)
7	private(list)
8	firstprivate(list)
9	shared(list)
10	copyin (list)
11	reduction (reduction-identifier: list)
12	<pre>proc_bind(master   close   spread)</pre>
	C/C++

# #pragma omp parallel

12	Binding
13 14	The binding thread set for a <b>parallel</b> region is the encountering thread. The encountering thread becomes the master thread of the new team.
15	Description
16 17 18 19 20 21 22	When a thread encounters a parallel construct, a team of threads is created to execute the parallel region (see Section 2.5.1 on page 50 for more information about how the number of threads in the team is determined, including the evaluation of the if and num_threads clauses). The thread that encountered the parallel construct becomes the master thread of the new team, with a thread number of zero for the duration of the new parallel region. All threads in the new team, including the master thread, execute the region. Once the team is created, the number of threads in the team remains constant for the duration of that parallel region.
23 24 25	The optional proc_bind clause, described in Section 2.5.2 on page 52, specifies the mapping of OpenMP threads to places within the current place partition, that is, within the places listed in the place-partition-var ICV for the implicit task of the encountering thread.
26 27 28 29	Within a parallel region, thread numbers uniquely identify each thread. Thread numbers are consecutive whole numbers ranging from zero for the master thread up to one less than the number of threads in the team. A thread may obtain its own thread number by a call to the omp_get_thread_num library routine.
30 31	A set of implicit tasks, equal in number to the number of threads in the team, is generated by the encountering thread. The structured block of the parallel construct determines the code that

# #pragma omp parallel

1	will be executed in each implicit task. Each task is assigned to a different thread in the team and
2	becomes tied. The task region of the task being executed by the encountering thread is suspended
3	and each thread in the team executes its implicit task. Each thread can execute a path of statements
4	that is different from that of the other threads
5	The implementation may cause any thread to suspend execution of its implicit task at a task
6	scheduling point, and switch to execute any explicit task generated by any of the threads in the
7	team, before eventually resuming execution of the implicit task (for more details see Section 2.9 on
8	page 83).
9	There is an implied barrier at the end of a parallel region. After the end of a parallel
10	region, only the master thread of the team resumes execution of the enclosing task region.
11	If a thread in a team executing a parallel region encounters another parallel directive, it
12	creates a new team, according to the rules in Section 2.5.1 on page 50, and it becomes the master of
13	that new team.
14	If execution of a thread terminates while inside a parallel region, execution of all threads in all
15	teams terminates. The order of termination of threads is unspecified. All work done by a team prior
16	to any barrier that the team has passed in the program is guaranteed to be complete. The amount of
17	work done by each thread after the last barrier that it passed and before it terminates is unspecified.
18	Restrictions
19	Restrictions to the parallel construct are as follows:
20	<ul> <li>A program that branches into or out of a parallel region is non-conforming.</li> </ul>
21	<ul> <li>A program must not depend on any ordering of the evaluations of the clauses of the parallel</li> </ul>
22	directive, or on any side effects of the evaluations of the clauses.
23	<ul> <li>At most one if clause can appear on the directive.</li> </ul>
24	<ul> <li>At most one proc_bind clause can appear on the directive.</li> </ul>
25	<ul> <li>At most one num_threads clause can appear on the directive. The num_threads</li> </ul>
26	expression must evaluate to a positive integer value.

# Умножение матрицы на вектор DGEMV – BLAS Level 2

(BLAS – Basic Linear Algebra Subroutines)

# Умножение матрицы на вектор (DGEMV)

• Требуется вычислить произведение прямоугольной матрицы  ${\bf \emph{A}}$  размера  $m \times n$  на вектор-столбец  ${\bf \emph{B}}$  размера  $m \times 1$  (BLAS Level 2, DGEMV)

$$C_{m\times 1} = A_{m\times n} \cdot B_{n\times 1}$$

$$C = \begin{pmatrix} c_1 \\ c_2 \\ \dots \\ c_m \end{pmatrix} \qquad A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix} \qquad B = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \dots \\ b_n \end{pmatrix}$$

$$c_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \cdot b_j$$
,  $i = 1, 2, ..., m$ .

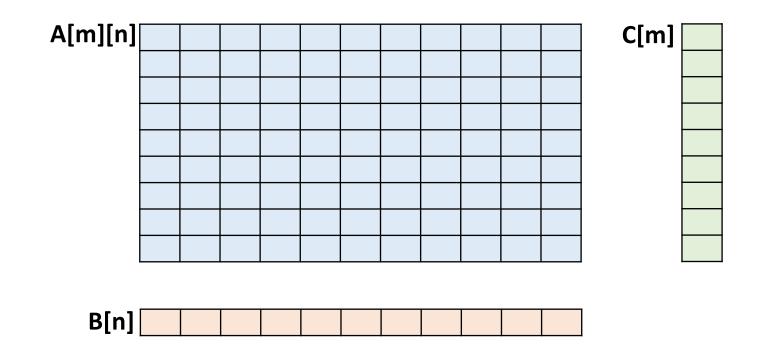
# DGEMV: последовательная версия

```
/*
  * matrix_vector_product: Compute matrix-vector product c[m] = a[m][n] * b[n]
  */
void matrix_vector_product(double *a, double *b, double *c, int m, int n)
{
    for (int i = 0; i < m; i++) {
        c[i] = 0.0;
        for (int j = 0; j < n; j++)
              c[i] += a[i * n + j] * b[j];
    }
}</pre>
```

$$c_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \cdot b_j$$
,  $i = 1, 2, ..., m$ .

# DGEMV: последовательная версия

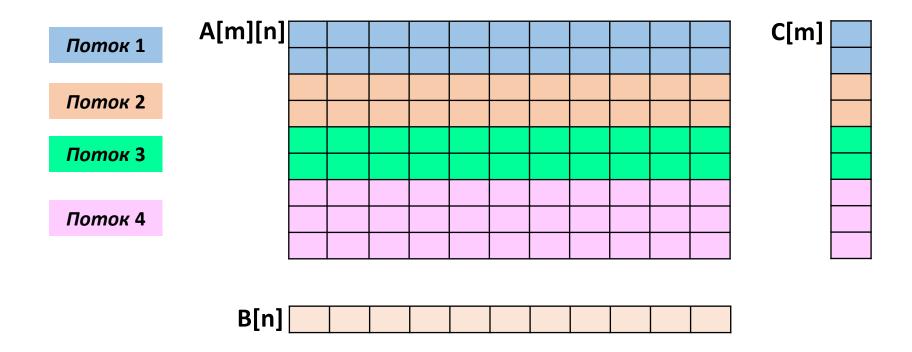
```
void run serial()
   double *a, *b, *c;
    a = xmalloc(sizeof(*a) * m * n);
    b = xmalloc(sizeof(*b) * n);
    c = xmalloc(sizeof(*c) * m);
   for (int i = 0; i < m; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++)
            a[i * n + j] = i + j;
   for (int j = 0; j < n; j++)
       b[j] = j;
    double t = wtime();
   matrix_vector_product(a, b, c, m, n);
   t = wtime() - t;
    printf("Elapsed time (serial): %.6f sec.\n", t);
   free(a);
   free(b);
   free(c);
```



```
for (int i = 0; i < m; i++) {
    c[i] = 0.0;
    for (int j = 0; j < n; j++)
        c[i] += a[i * n + j] * b[j];
}</pre>
```

#### Требования к параллельному алгоритму

- Максимальная загрузка потоков вычислениями
- Минимум совместно используемых ячеек памяти независимые области данных



```
for (int i = 0; i < m; i++) {
    c[i] = 0.0;
    for (int j = 0; j < n; j++)
        c[i] += a[i * n + j] * b[j];
}</pre>
```

#### Распараллеливание внешнего цикла

 Каждом потоку выделяется часть строк матрицы А

```
/* matrix vector product omp: Compute matrix-vector product c[m] = a[m][n] * b[n] */
void matrix vector product omp(double *a, double *b, double *c, int m, int n)
    #pragma omp parallel
        int nthreads = omp get num threads();
        int threadid = omp get thread num();
        int items_per_thread = m / nthreads;
        int lb = threadid * items per thread;
        int ub = (threadid == nthreads - 1) ? (m - 1) : (lb + items_per_thread - 1);
        for (int i = lb; i <= ub; i++) {
                                                              A[m][n]
                                                                                       C[m]
            c[i] = 0.0;
            for (int j = 0; j < n; j++)
                c[i] += a[i * n + j] * b[j];
                                                           1b
                                                           ub
```

```
void run parallel()
   double *a, *b, *c;
    // Allocate memory for 2-d array a[m, n]
    a = xmalloc(sizeof(*a) * m * n);
    b = xmalloc(sizeof(*b) * n);
    c = xmalloc(sizeof(*c) * m);
   for (int i = 0; i < m; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++)
            a[i * n + j] = i + j;
   for (int j = 0; j < n; j++)
       b[j] = j;
    double t = wtime();
   matrix_vector_product_omp(a, b, c, m, n);
   t = wtime() - t;
    printf("Elapsed time (parallel): %.6f sec.\n", t);
   free(a);
   free(b);
   free(c);
```

```
int main(int argc, char **argv)
{
    printf("Matrix-vector product (c[m] = a[m, n] * b[n]; m = %d, n = %d)\n", m, n);
    printf("Memory used: %" PRIu64 " MiB\n", ((m * n + m + n) * sizeof(double)) >> 20);
    run_serial();
    run_parallel();
    return 0;
}
```

# Анализ эффективности OpenMP-версии

#### Введем обозначения:

- $\square$  T(n) время выполнения последовательной программы (serial program) при заданном размере n входных данных
- $\Box$   $T_p(n,p)$  время выполнения параллельной программы (parallel program) на p процессорах при заданном размере n входных данных
- Коэффициент  $S_p(n)$  ускорения параллельной программ (Speedup):

$$S_p(n) = \frac{T(n)}{T_p(n)}$$

Как правило

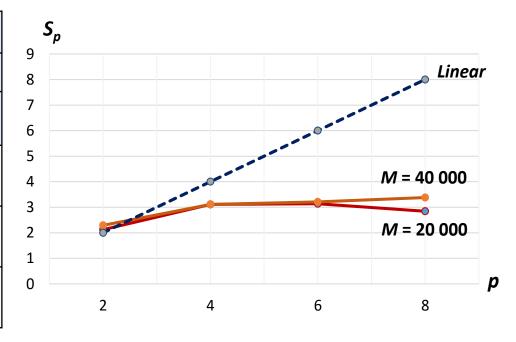
$$S_p(n) \le p$$

Во сколько раз параллельная программа выполняется на *р* процессорах быстрее последовательной программы при обработке <u>одних и тех же</u> данных размера *п* 

• Цель распараллеливания — достичь линейного ускорения на наибольшем числе процессоров:  $S_p(n) \ge c \cdot p$ , при  $p \to \infty$  и c > 0

# Анализ эффективности OpenMP-версии

				Количе	ество п	ОТОКОЕ	<b>,</b>		
M = N	2			4		6		8	
	$T_1$	$T_2$	S <sub>2</sub>	$T_4$	S <sub>4</sub>	$T_6$	<b>S</b> <sub>6</sub>	T <sub>8</sub>	S <sub>8</sub>
20 000 (~ 3 GiB)	0.73	0.34	2.12	0.24	3.11	0.23	3.14	0.25	2.84
40 000 (~ 12 GiB)	2.98	1.30	2.29	0.95	3.11	0.91	3.21	0.87	3.38
49 000 (~ 18 GiB)								1.23	3.69



#### Вычислительный узел кластера Oak (oak.cpct.sibsutis.ru):

- System board: Intel 5520UR
- **8 ядер** два Intel Quad Xeon E5620 (2.4 GHz)
- **24 GiB RAM** 6 x 4GB DDR3 1067 MHz
- CentOS 6.5 x86\_64, GCC 4.4.7
- Ключи компиляции: -std=c99 -Wall -O2 -fopenmp

Низкая масштабируемость!

Причины?

# **DGEMV**: конкуренция за доступ к памяти

```
/* matrix vector product omp: Compute matrix-vector product c[m] = a[m][n] * b[n] */
void matrix vector product omp(double *a, double *b, double *c, int m, int n)
   #pragma omp parallel
        int nthreads = omp_get_num_threads();
        int threadid = omp get thread num();
        int items_per_thread = m / nthreads;
        int lb = threadid * items_per_thread;
        int ub = (threadid == nthreads - 1) ? (m - 1) : (lb + items per thread - 1);
        for (int i = 1b; i <= ub; i++) {
            c[i] = 0.0; // Store - запись в память
            for (int j = 0; j < n; j++)
                // 4 обращения к памяти: Load c[i], Load a[i][j], Load b[j], Store c[i]
                // 2 арифметические операции + и *
                c[i] = c[i] + a[i * n + j] * b[j];
```

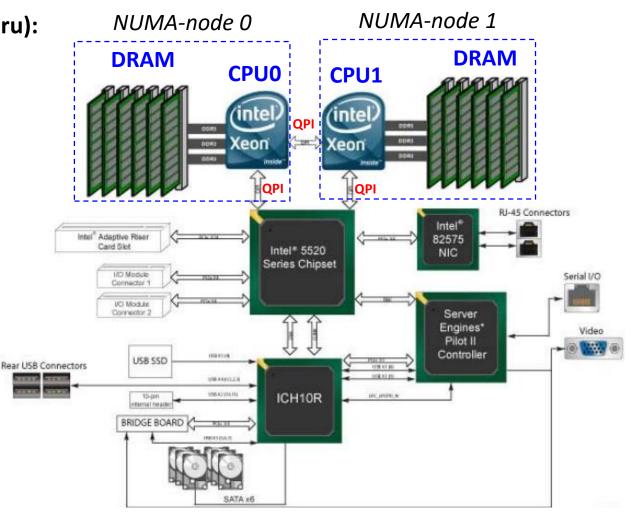
- DGEMV data intensive application
- Конкуренция за доступ к контролеру памяти
- ALU ядер загружены незначительно

# Конфигурация узла кластера Oak

#### Вычислительный узел кластера Oak (oak.cpct.sibsutis.ru):

- System board: Intel 5520UR (NUMA-система)
- Процессоры связаны шиной QPI Link: 5.86 GT/s
- **24 GiB RAM** 6 x 4GB DDR3 1067 MHz

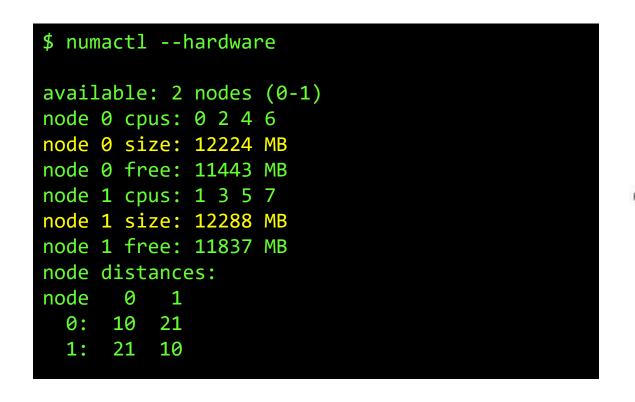


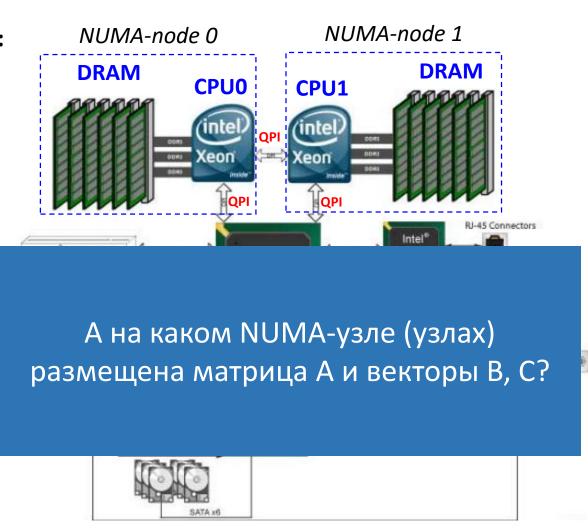


# Конфигурация узла кластера Oak

#### Вычислительный узел кластера Oak (oak.cpct.sibsutis.ru):

- System board: Intel 5520UR (NUMA-система)
- Процессоры связаны шиной QPI Link: 5.86 GT/s
- **24 GiB RAM** 6 x 4GB DDR3 1067 MHz

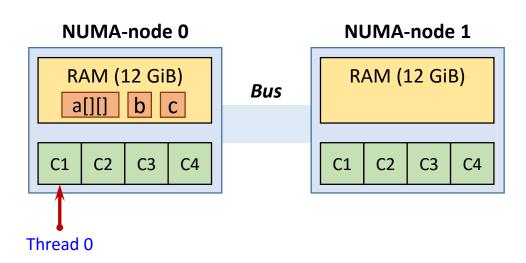




# Выделение памяти потокам в GNU/Linux

- Страница памяти выделяется с NUMA-узла того потока, который первый к ней обратился (first-touch policy)
- Данные желательно инициализировать теми потоками, которые будут с ними работать

```
void run parallel()
   double *a, *b, *c;
   // Allocate memory for 2-d array a[m, n]
    a = xmalloc(sizeof(*a) * m * n);
    b = xmalloc(sizeof(*b) * n);
    c = xmalloc(sizeof(*c) * m);
   for (int i = 0; i < m; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++)
            a[i * n + j] = i + j;
   for (int j = 0; j < n; j++)
        b[i] = i;
```

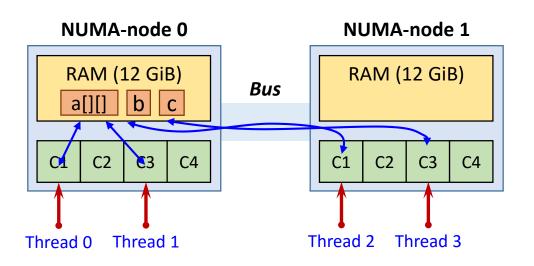


- Поток 0 запрашивает выделение памяти под массивы
- Пока хватает памяти, ядро выделяет страницы с NUMA-узла 0, затем с NUMA-узла 1

# Выделение памяти потокам в GNU/Linux

- Страница памяти выделяется с NUMA-узла того потока, который первый к ней обратился (first-touch policy)
- Данные желательно инициализировать теми потоками, которые будут с ними работать

```
void run parallel()
   double *a, *b, *c;
   // Allocate memory for 2-d array a[m, n]
    a = xmalloc(sizeof(*a) * m * n);
    b = xmalloc(sizeof(*b) * n);
    c = xmalloc(sizeof(*c) * m);
   for (int i = 0; i < m; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++)
            a[i * n + j] = i + j;
   for (int j = 0; j < n; j++)
        b[i] = i;
```



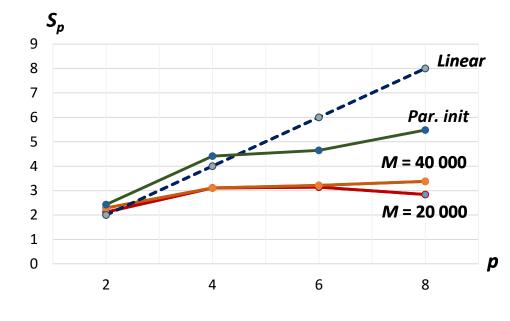
 Обращение к массивам из потоков NUMA-узла 1 будет идти через межпроцессорную шину в память узла 0

# Параллельная инициализация массивов

```
void run parallel()
    double *a, *b, *c;
    // Allocate memory for 2-d array a[m, n]
    a = xmalloc(sizeof(*a) * m * n);
    b = xmalloc(sizeof(*b) * n);
    c = xmalloc(sizeof(*c) * m);
    #pragma omp parallel
        int nthreads = omp get num threads();
        int threadid = omp get thread num();
        int items per thread = m / nthreads;
        int lb = threadid * items per thread;
        int ub = (threadid == nthreads - 1) ? (m - 1) : (lb + items_per_thread - 1);
        for (int i = lb; i <= ub; i++) {
            for (int j = 0; j < n; j++)
                a[i * n + j] = i + j;
            c[i] = 0.0;
    for (int j = 0; j < n; j++)
        b[j] = j;
    /* · · · */
```

# Анализ эффективности OpenMP-версии (2)

	Количество потоков									
M = N	2			4		6		8		
	$T_1$	$T_2$	S <sub>2</sub>	T <sub>4</sub>	S <sub>4</sub>	$T_6$	S <sub>6</sub>	T <sub>8</sub>	S <sub>8</sub>	
<b>20 000</b> (~ 3 GiB)	0.73	0.34	2.12	0.24	3.11	0.23	3.14	0.25	2.84	
<b>40 000</b> (~ 12 GiB)	2.98	1.30	2.29	0.95	3.11	0.91	3.21	0.87	3.38	
<b>49 000</b> (~ 18 GiB)								1.23	3.69	



Parallel initialization										
<b>40 000</b> (~ 12 GiB)	2.98	1.22	2.43	0.67	4.41	0.65	4.65	0.54	5.48	
<b>49 000</b> (~ 18 GiB)			1					0.83	5.41	

#### n

Улучшили масштабируемость

#### Дальнейшие оптимизации:

- Эффективный доступ к кеш-памяти
- Векторизация кода (SSE/AVX)
- **-**

Суперлинейное ускорение (super-linear speedup):  $S_p(n) > p$ 

# Спасибо за внимание!

# Время выполнения отдельных потоков

```
void matrix vector product omp(double *a, double *b, double *c, int m, int n)
    #pragma omp parallel
        double t = omp_get_wtime();
        int nthreads = omp_get_num_threads();
        int threadid = omp_get_thread_num();
        int items per thread = m / nthreads;
        int lb = threadid * items_per_thread;
        int ub = (threadid == nthreads - 1) ? (m - 1) : (lb + items per thread - 1);
        for (int i = lb; i <= ub; i++) {
            c[i] = 0.0;
            for (int j = 0; j < n; j++)
               c[i] += a[i * n + j] * b[j];
        t = omp get wtime() - t;
        printf("Thread %d items %d [%d - %d], time: %.6f\n", threadid, ub - lb + 1, lb, ub, t);
```