

Read Me Για Τον Κώδικα Του Pac man

Άγγελος Τσιτσόλη sdi2000200

Νοέμβριος 13, 2022

Q1-Q4

Για τα ερωτήματα αυτά ακολούθησα απλώς τον αλγόριθμο GraphSearch στην σελίδα 53 στις διαφάνειες της Ενότητας 2 .Συγκεκριμένα για το ερώτημα 1 που μας ζητείται να υλοποιήσουμε τον αλγόριθμο DFS , ακολούθησα τον αλγόριθμο των διαφανειών και ως σύνορο έβαλα μια στοίβα . Ομοίως για το ερώτημα 2 το οποίο ζητάει τον αλγόριθμο bfs χρησιμοποίησα ως σύνορο μια ουρά. Στην συνέχεια τα δύο επόμενα ερωτήματα(q3,q4) χρειάζονται και μερικές επιπρόσθετες αλλαγές.Δηλαδή το ερώτημα q3 μας ζητάει τον αλγόριθμο του UCS ο οποίος αλγόριθμος, προκειμένου να υλοποιηθεί απαιτεί για σύνορο μια σειρά προτεραιότητας . Η σειρά προτεραιότητας εκτός από τον κόμβο που δέχεται απαιτεί να καθοριστεί και η προτεραιότητα του κόμβου σε σχέση με τους άλλους κόμβους που θα βρίσκονται στην ουρά προτεραιότητας . Στο ερώτημα q3 αυτή η προτεραιότητα για κάθε κόμβο θα είναι το κόστος που χρειάστηκε για να φτάσουμε σ'αυτό τον κόμβο κατά την εκτέλεση του αλγόριθμου UCS . Στο ερώτημα q4 χρησιμοποιείται ξανά ως σύνορο η δομή της ουράς προτεραιότητας απλώς στην περίπτωση αυτή η προτεραιότητα κάθε κόμβου που εισέρχεται στην ουρά προτεραιότητας θα είναι το άθροισμα του κόστους για να φτάσουμε μέχρι τον κόμβο αυτό συν του κόστους που μας παρέχει η ευρετική συνάρτηση.

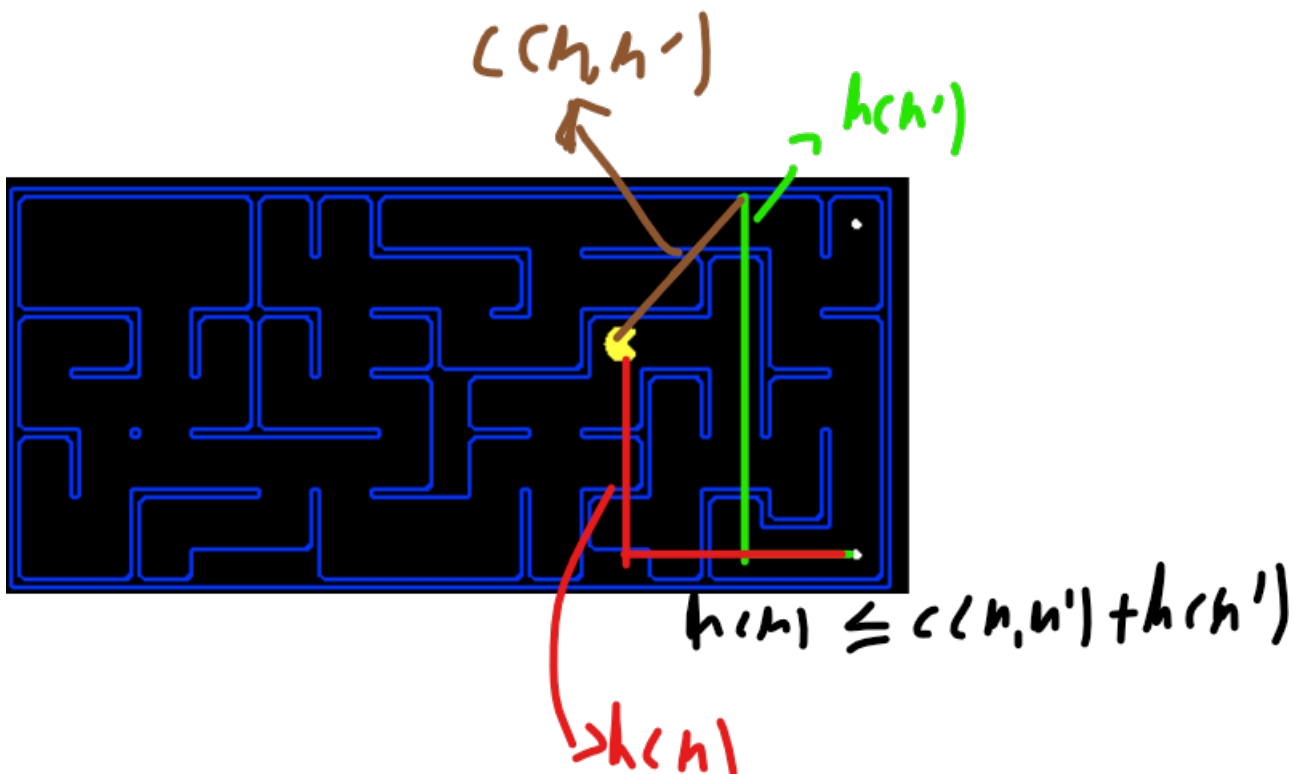
Q5

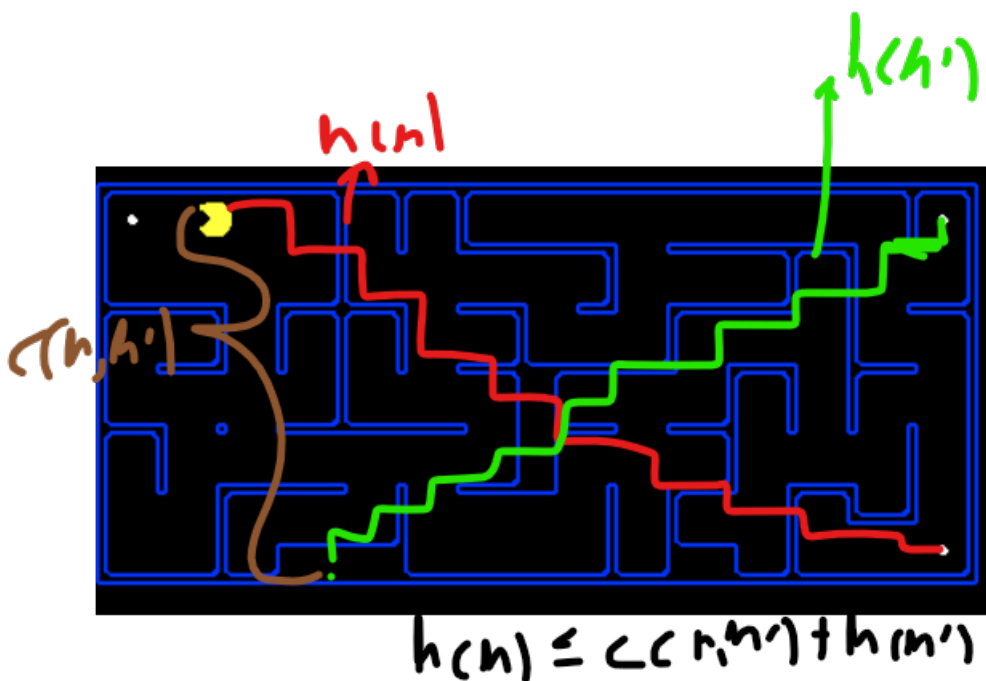
Το σκεπτικό για το ερώτημα αυτό ήταν το εξής : Ουσιαστικά κάθε κόμβος θα συμπεριλάμβανε και μια λίστα με τις γωνίες που πρέπει να επισκεφθούν από το pacman και κάθε φορά που επισκέπτεται μία από τις γωνίες τότε αφαιρείται η γωνία από την λίστα. Δηλαδή ξεκινάμε με την αρχική κατάσταση η οποία θα διαθέτει μια λίστα με όλες τις γωνίες και κάθε φορά που το pacman παίρνει από μία γωνία θα αφαιρείται η γωνία από την λίστα , συγκεκριμένα όταν λέω ότι θα αφαιρείται η γωνία, εννοώ πως ο επόμενος successor που δημιουργείται θα διαθέτει μια λίστα με τις γωνίες που έχει ακόμα το pacman να επισκεφθεί (οι γωνίες δηλαδή πλην αυτήν που επισκεφθήκαμε). Καθώς μειώνονται οι γωνίες στις οποίες πρέπει περάσει το pacman κάποια στιγμή δεν θα υπάρχουν γωνίες να επισκεφθεί , επομένως αυτό σημαίνει ότι έφτασε σε κατάσταση στόχου. Η συνάρτηση isGoalState δηλαδή θα επιστρέψει true όταν ελέγξει κόμβο που περιέχει λίστα κενή από γωνίες

Q6

Στο ερώτημα αυτό χρειάζεται η δημιουργία μιας ευρετικής η οποία θα χρησιμοποιηθεί από τον A* προκειμένου το pacman να περάσει και από τις τέσσερις γωνίες , ώστε να φάει τις τελείες που βρίσκονται στις τοποθεσίες αυτές. Η τελική κατάσταση στο πρόβλημα αυτό θα είναι το pacman να έχει περάσει από όλες τις γωνίες τρώγοντας αυτές τις τελείες που βρίσκονται εκεί.Ουσιαστικά το σκεπτικό για την δημιουργία της ευρετικής ήταν να βρώ μια συνάρτηση η οποία για μια κατάσταση θα μου δώσει το κόστος μέχρι τον τελικό στόχο.Επομένως για την υλοποίηση της ευρετικής αυτής σκέφτηκα ένα πιο χαλαρωμένο πρόβλημα χωρίς τοίχους και πολύ πιο απλό από το αρχικό . Ένα τέτοιο πρόβλημα θα ήταν ένα το οποίο θα είχε ως στόχο να φτάσουμε από μια κατάσταση στην κοντινότερη γωνία είτε στην μακρύτερη γωνία .Η ευρετική συνάρτηση ουσιαστικά σ αυτήν την περίπτωση (στο μικρότερο αυτό πρόβλημα) θα κάνει ακριβώς ότι και η βέλτιστη λύση δηλαδή θα βρίσκει το κόστος της μικρότερης ή της μεγαλύτερης απόστασης από την κατάσταση μας μέχρι μια γωνία δηλαδή .Άρα θα βρίσκει το βέλτιστο κόστος γιατί κάνει ακριβώς ότι και η βέλτιστη λύση για κάθε κατάσταση . Ωστόσο επειδή το κόστος της ευρετικής που βρίσκει την γωνία

που είναι σε μεγαλύτερη απόσταση από την κατάσταση που εξετάζουμε θα είναι σίγουρα μεγαλύτερο από το κόστος της απόστασης της κατάστασης που εξετάζουμε από την κοντινότερη γωνία και προφανώς πάντα με κόστος μικρότερο ή ίσο από την βέλτιστη διαδρομή τότε η ευρετική που βρίσκει την μεγαλύτερη απόσταση θα είναι καλύτερη για το αρχικό μας πρόβλημα διότι το κόστος διαδρομής που βγάζει θα είναι πιο κοντά στο βέλτιστο κόστος διαδρομής από ότι η ευρετική που υπολογίζει το την μικρότερη απόσταση από κατάσταση. Άρα η ευρετική μας εφόσον παράγει κόστος που προσεγγίζει κατά πολύ το κόστος της βέλτιστης διαδρομής στο απλό πρόβλημα άρα στο μεγαλύτερο και πιο γενικό μας πρόβλημα θα είναι παραδεκτή. Η ευρετική προφανώς δεν θα υπερεκτιμά το πραγματικό κόστος το οποίο φανερώνει ότι θα είναι παραδεκτή. Όσον αφορά την συνέπεια ισχύει ότι εφόσον τελική μας κατάσταση είναι να περάσει από όλες τις γωνίες όταν φτάσει και στην τελευταία γωνία η ευρετική θα βγάλει κόστος $h(\text{last-corner})=0$ άρα επιβεβαιώνεται η μία προϋπόθεση συνέπειας. Έπειτα θα ισχύει ο τύπος $h(n) \leq c(n, n') + h(n')$ όπου $h(x)$ το κόστος μιας κατάστασης που δίνει η ευρετική, n μια κατάσταση, n' μια γειτονική κατάσταση και $c(n, n')$ το πραγματικό κόστος μεταξύ των καταστάσεων n και n' . Έστω μερικές περιπτώσεις: Για την περίπτωση όπου φτάσαμε στην τελευταία τελεία που βρίσκεται σε γωνία ενώ υπάρχουν και άλλες τελείες ακόμα για επίσκεψη τότε θα έχουμε ότι: $h(n) \leq c(n, n') + h(n') \Leftrightarrow 0 \leq c(n, n') + h(n)$ εφόσον δεν υπάχουν άλλες γωνίες το κόστος της ευρετικής για την n είναι ίσο με μηδέν και το κόστος της ευρετικής μιας γειτονικής θα είναι ίσο με την απόσταση τους εφόσον μόνο αυτή η γωνία απέμεινε άρα $0 \leq 2 * c(n, n')$. Σε περίπτωση που φτάνουμε σε κατάσταση που είναι γωνία και υπάρχουν ακόμα τρεις γωνίες που δεν έχουν επισκεφθεί (για παράδειγμα είμαστε στην κάτω αριστερή γωνία του ορθογωνίου που βγαίνει όταν τρέχουμε το ερώτημα αυτό στο τερμινάλ) τότε έχουμε ότι η πάνω δεξιά γωνία είναι η μακρυνότερη για την κατάσταση μας σύμφωνα με την ευρετική, έπειτα από μία γειτονική κατάσταση το κόστος για την μακρυνότερη γωνία που θα είναι προφανώς η ίδια και για την γειτονική γειτονική θα είναι ενδεχομένως λίγο μικρότερο από το κόστος που δίνει η ευρετική για την κατάσταση μας (που είναι η γωνία) άρα προσθέτωντας στο κόστος που δίνει η ευρετική για την γειτονική το κόστος της πραγματικής απόστασης των δύο γειτονικών καταστάσεων τότε προφανώς θα ισχύει ο τύπος συνέπειας. Πολλές περιπτώσεις προκύπτουν όπως η εξής παρακάτω εικόνα κατά την οποία το $h(n)$ και $h(n')$ υπολογίζονται στον κώδικα μας από την ευρετική manhattan distance δηλαδή δεν παίρνονται υπόψη καθόλου οι τοίχοι ως εμπόδια. Όπως φαίνεται στην εικόνα ξεκάθαρα ισχύει ο τύπος συνέπειας καθώς το κόστος της κόκκινης γραμμής που αποτελεί την απόσταση της κατάστασης μας μέχρι την μακρυνότερη γωνία είναι μικρότερο από το κόστος. Όπως φαίνεται και στα άλλα παραδείγματα στις εικόνες:

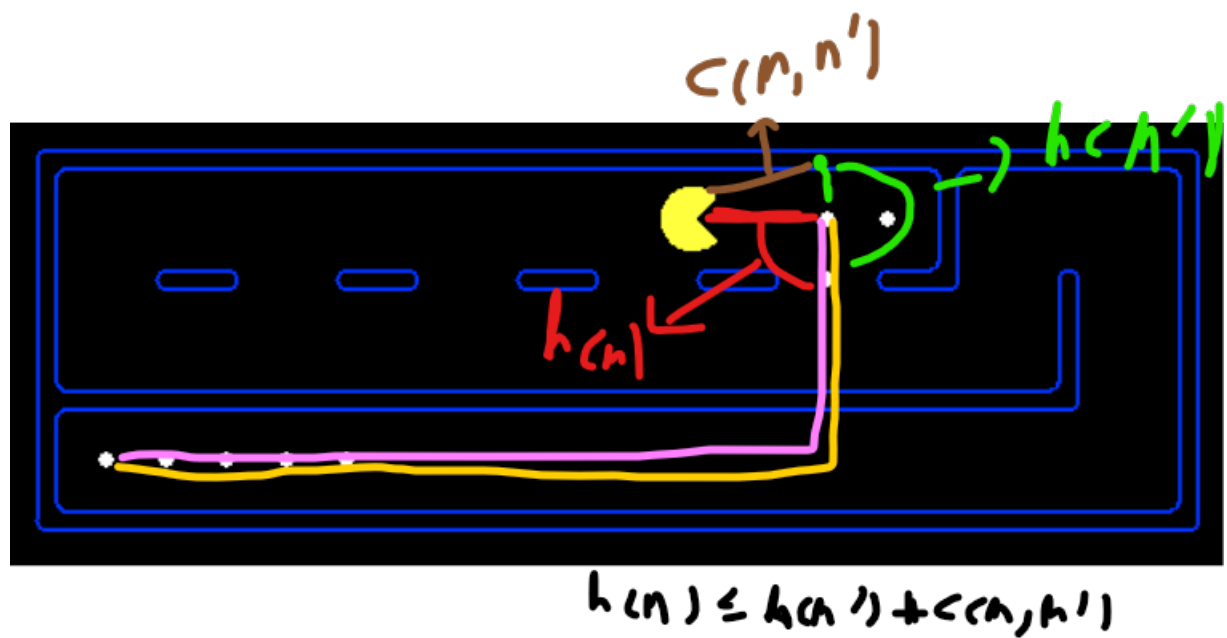
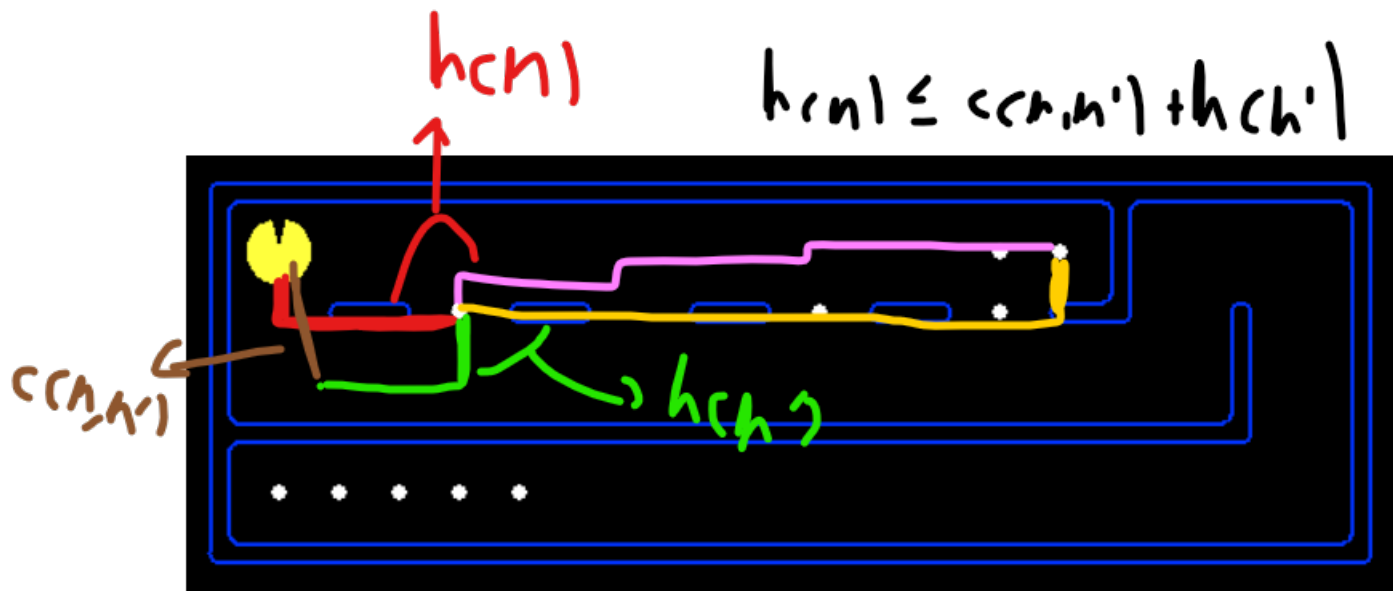




Q7

Σαυτό το πρόβλημα μας ζητείται να βρούμε ένα path προκειμένου το pacman να καταφέρει να φάει όλες τις τελείες. Συγκεκριμένα πρέπει να βρούμε μια ευρετική μέσω της οποίας ο αλγόριθμος A^* θα βρίσκει όλες τις τελείες και το πακμαν θα τις τρώει. Προκειμένου να βρώ μια ευρετική ακολουθήσα τον γνωστό συλλογισμό, δηλαδή να προσπαθήσω να λύσω ένα πιο χαλαρωμένο πρόβλημα από αυτό που έχουμε να λύσουμε, συγκεκριμένα να βρώ τη λύση σε ένα πιο απλό πρόβλημα τέτοιου τύπου. Ουσιαστικά ένα πιο απλό πρόβλημα από αυτό που μας ζητείται θα ήταν ένα πρόβλημα με τελικό στόχο το πακμαν από την κατάσταση που βρίσκεται κάθε φορά να φάει την πιο μακρινή τελεία μεταξύ των τελειών που βρίσκονται στις γωνίες που έχουν μείνει και δεν έχουν φαγωθεί ενώ έχει ήδη φάει μία τελεία που δεν βρίσκεται σε γωνία. Στο πιο απλό αυτό πρόβλημα που περιέγραφα η βέλτιστη διαδρομή που μπορεί να ακολουθήσει το πακμαν ώστε να φτάσει στον τελικό στόχο και να μην ελέγξει περισσότερες από όσες πρέπει καταστάσεις, θα είναι αυτή στην οποία θα επιλέξει την κοντινότερη τελεία σαυτό και έπειτα από εκεί θα επιλέξει την μακρυνότερη τελεία από αυτές των γωνιών. Η ευρετική που θα μπορούσαμε να χρησιμοποιήσουμε για το απλό αυτό πρόβλημα είναι η εξής: από μια κατάσταση που είμαστε, να βρούμε το κόστος της απόστασης από το πακμαν μέχρι την κοντινότερη τελεία που θα έχει και στην συνέχεια να βρούμε από την θέση που βρίσκεται η πιο κοντινή τελεία που βρήκαμε ότι θα πάει ο πακμαν, τις αποστάσεις μέχρι τις τελείες που βρίσκονται στις γωνίες, να τις συγκρίνουμε (τις αποστάσεις μεταξύ κοντινής τελείας που τρώει το πακμαν και κάθε μιας γωνίας στις οποίες βρίσκονται τελείες), να κρατήσουμε την μεγαλύτερη απόσταση και στην συνέχεια να προσθέσουμε το κόστος από την απόσταση του πακμαν μέχρι την πιο κοντινή τελεία με το κόστος από την θέση αυτή μέχρι την πιο μακρινή τελεία που βρίσκεται σε γωνία. Η ευρετική μας επομένως θα είναι παραδεκτή, διότι δεν θα υπερεκτιμά το πραγματικό κόστος της πραγματικής διαδρομής που θα κάνει το πακμαν, αυτό φαίνεται από το γεγονός ότι η ευρετική θεωρητικά θα βρεί έτσι το κόστος της βέλτιστης διαδρομής, ωστόσο στην πράξη δεν ξέρουμε αν ο A^* χρησιμοποιώντας την ευρετική μας θα λύσει το πρόβλημα μέσω της βέλτιστης λύσης, αλλά ξέρουμε σίγουρα ότι δεν θα υπερεκτιμά το πραγματικό κόστος. Το κόστος δηλαδή της διαδρομής που θα βρεί η ευρετική θα είναι είτε ίσο είτε μικρότερο από το πραγματικό κόστος της ευρετικής συνάρτησης μας. Επομένως η ευρετική που βρήκαμε στο απλό πρόβλημα θα θεωρήσουμε ότι προσεγγίζει κατά πάρα πολύ την βέλτιστη λύση. Άρα εφόσον ισχύει ότι η βέλτιστη λύση σε ένα απλό πρόβλημα αποτελεί μια παραδεκτή ευρετική συνάρτηση στο αρχικό πρόβλημα. Με λίγα λόγια η ευρετική που βρήκαμε για το απλό ερώτημα μπορεί να χρησιμοποιηθεί ως ευρετική στο αρχικό πρόβλημα να φάει όλες τις κουκίδες δηλαδή το πακμαν και μάλιστα εφόσον είναι τόσο κοντά στην βέλτιστη διαδρομή για τη λύση του απλού προβλήματος που θεωρούμε και ότι η ευρετική θα βρεί

την βέλτιστη λύση και άρα θα είναι παραδεχτεί για το αρχικό μας πρόβλημα. Χρησιμοποιώντας αυτήν την πληροφορία που δίνει η ευρετική από τον A^* δεν θα ελεγχθούν τόσο κόμβοι όσο χωρίς αυτήν και θα βρεθεί η λύση γρηγορότερα εφόσον μειώνονται οι έλεγχοι. Όσον αφορά την συνέπεια του προβλήματος θα ισχύει η ανισότητα $h(n) \leq c(n, n') + h(n')$ όπου $h(n)$ το κόστος μιας κατάστασης που δίνει η ευρετική, n μια κατάσταση, n' μια γειτονική κατάσταση και $c(n, n')$ το πραγματικό κόστος μεταξύ των καταστάσεων n και n' επίσης ισχύει ότι $h(\text{goal-state}) = 0$. Ο τύπος στην περίπτωση μας όπου κάθε ενέργεια ισοδυναμεί με 1 θα είναι κάπως έτσι $h(n) \leq 1 + h(n')$ επομένως η διαφορά $h(n) - h(n')$ δεν θα είναι μεγαλύτερη από ένα. Έστω μερικές περιπτώσεις οι εξής: (με κόκκινη γραμμή για την κατάσταση που βρίσκεται το παχμαν και το κόστος της ευρετικής του υπολογίζεται από την ροζ και την κόκκινη ομοίως και για μια κατάσταση πράσινη το κίτρινο και το πράσινο αποτελούν το κόστος που παράγει η ευρετική για αυτήν)



Q8

Αρχικά στο ερώτημα αυτό μας ζητείται να προσθέσουμε έναν αλγόριθμο που θα βρίσκει το μονοπάτι προς την κοντινότερη τελεία. Ο αλγόριθμος που χρησιμοποίησα είναι ο bfs, καθώς σύμφωνα με τις διαφάνειες είναι πλήρης αλγόριθμος δηλαδή βρίσκει πάντα λύση στο πρόβλημα μας και είναι και βέλτιστος διότι στην περίπτωση μας έχουμε ίδιο κόστος όσον αφορά τις ενέργειες, όλες οι ενέργειες έχουν κόστος 1 επομένως θα είναι και βέλτιστος. Μας ζητείται επίσης να προσθέσουμε και μια προϋπόθεση για τον στόχο. Με λίγα λόγια αν μια κατάσταση αποτελεί κατάσταση στην οποία υπάρχει φαγητό για το πακμαν τότε αυτό αποτελεί κατάσταση στόχου. Άρα ελέγχουμε αν υπάρχει η κατάσταση που εξετάζουμε εκείνη την στιγμή στην λίστα με τις καταστάσεις φαγητών για τις τελείες που θα φάει το πακμαν. Στην συνέχεια ακολουθούν ορισμένα σχόλια όσον αφορά την εκφώνηση η οποία κάνει λόγο για άπληστους αλγορίθμους και ότι δεν βρίσκουν πάντοτε το βέλτιστο μονοπάτι. Ένας άπληστος αλγόριθμος δεν μπορεί να λειτουργεί πάντα, δηλαδή στην περίπτωση μας δεν σημαίνει ότι ένας αλγόριθμος που επιλέγει συνεχώς την τελεία που έχει τη μικρότερη απόσταση από την κατάσταση μας θα βρεί και το βέλτιστο μονοπάτι. Ένας άπληστος αλγόριθμος θα βρεί τη λύση αλλά δεν μπορούμε να πούμε με σιγουριά αν θα βρεί τη βέλτιστη πάντα. Εδώ μπορεί να οδηγήσει το πακμαν να φάει την πιο κοντινή τελεία εκείνη την στιγμή και να συνεχίσει από εκεί να τρώει αλλά έπειτα να απορρίψει μια πιο μακρινή τελεία η οποία εν τέλει να το οδηγούσε στο βέλτιστο μονοπάτι. Δηλαδή ένας άπληστος αλγόριθμος καθώς αποφασίζει κάθε φορά εκείνη την στιγμή με ένα μόνο κριτήριο το ποια τελεία είναι πιο κοντά και δεν κάνει αποφάσεις για να συμβάλει μελλοντικά στον βέλτιστο τρόπο άφιξης στο τελικό αποτέλεσμα, 'χάνει' κάποιο μονοπάτι που σε κάποια σημεία μπορεί να παραβιάζει τα κριτήρια του αλγορίθμου, αλλά εν τέλει αποτελεί την βέλτιστη λύση και συνολικά έχει εν τέλει το μικρότερο κόστος.