MATEMÁTICA BÁSICA – MB103

Prof. Adjairon Coelho

LISTA DE EXERCÍCIOS I

1. Seja $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ assim definida por

$$f(x) = \begin{cases} 2x & \text{se } x \in \mathbb{Q} \\ x - 3, \text{se } x \notin \mathbb{Q} \end{cases}$$

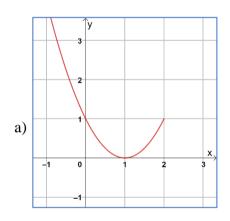
Calcule:

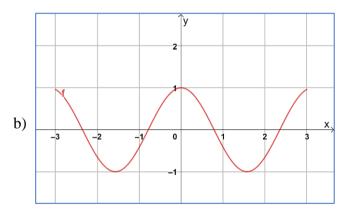
a) f(3)

b) $f(\sqrt{2})$ c) $f(\sqrt{5} - 2)$

d) f(-0.5)

2. Determine o domínio e a imagem a partir dos gráficos:





3. Dê o domínio das seguintes funções reais:

a)
$$f(x) = \frac{2}{\sqrt{x-1}}$$

b)
$$g(x) = \sqrt[3]{x^2 - 1}$$

4. A função f definida por f(x) = ax + b. Sabe-se que f(3) = 0 e f(-1) = -2. Determine o valor de f(7).

5. Um jatinho particular gasta 5 horas a menos do que um avião comercial para ir do Rio de Janeiro até Boa Vista, sem escalas. O jatinho voa a uma velocidade média de 870 km/h, enquanto o avião comercial voa em média a 400 km/h. Qual é a distância entre o Rio de Janeiro e Boa Vista? Desconsidere a parte decimal do resultado.

- 6. Determine os zeros reais da função $f(x) = x^2 + (1 \sqrt{3})x \sqrt{3}$.
- 7. Determine o valor máximo ou o valor mínimo e o ponto de máximo ou o ponto de mínimo da função $f(x) = x^2 4x + 1$. Dê o domínio e a imagem da função f.
- 8. Construa o gráfico da função $f(x) = \frac{|x-1|}{1-x}$ definida em $\mathbb{R} \{1\}$. Dê o domínio e a imagem.
- 9. Construa o gráfico da funções:

a)
$$f(x) = x^3 + 1$$

b)
$$g(x) = \frac{1}{1+x}$$

c)
$$h(x) = \frac{1}{(x-1)^2}$$

10. Se
$$f(x) = \frac{1}{1-x}$$
, determine: $(fo[fof])(x)$, $(fo[fof])(2)$ e $(fo[fof])(0)$.

- 11. A função $f: A \to B$ e dada por $f(x) = \sqrt{1 x^2}$.
- a) Determine o domínio de f, isto é, $A = \{x \in \mathbb{R} \text{ tal que existe } f(x)\}$.
- b) Determine a imagem de f, isto é, B = f(A).
- c) A função f e injetora? Por quê?
- d) Trace o gráfico da função f.
- 12. Qual é a função inversa da função f bijetora em \mathbb{R} definida por $f(x) = x^3 1$? Construa o gráfico e trace a bissetriz.