

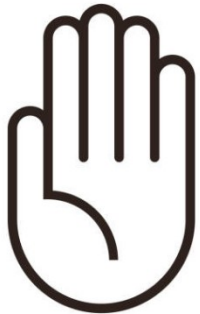
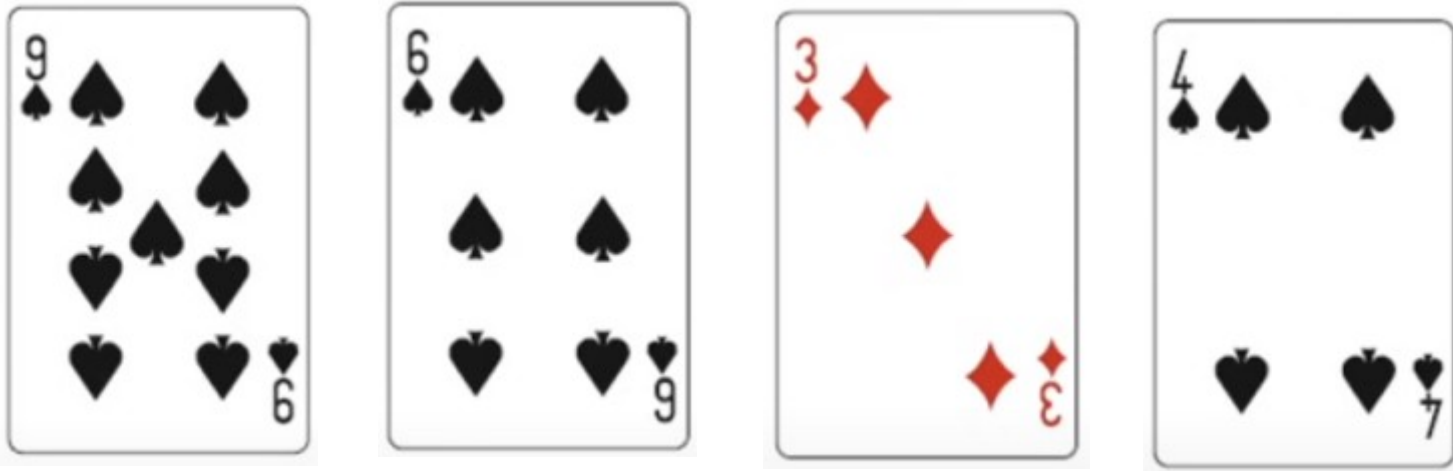
DCC302 – ESTRUTURA DE DADOS I

Aula 15.3 – Insertion Sort

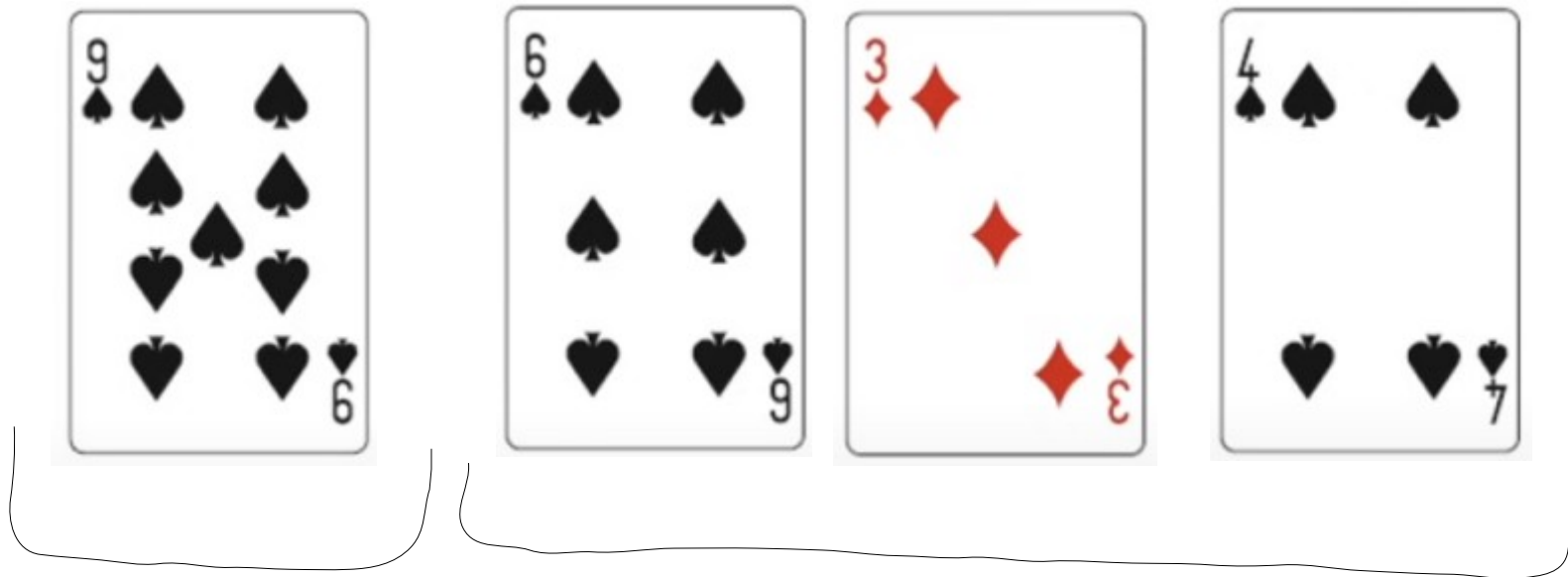
Insertion Sort

- Este é um algoritmo de ordenação baseado em comparação **in-place**. Aqui, uma sublista é mantida, a qual está sempre ordenada. Por exemplo, a parte inferior de um array é mantida ordenada. Um elemento que é para ser '**inserido**' nesta sub-lista ordenada, tem que encontrar seu lugar apropriado e então tem que ser inserido lá. Daí o nome, ordenação por **inserção**.
- O array é percorrido sequencialmente e os itens não ordenados são movidos e inseridos na sub-lista ordenada (no mesmo array). Este algoritmo não é adequado para grandes conjuntos de dados, pois sua complexidade média e de pior caso são de $O(n^2)$, onde n é o número de itens.

Insertion Sort - Exemplo



Insertion Sort - Exemplo

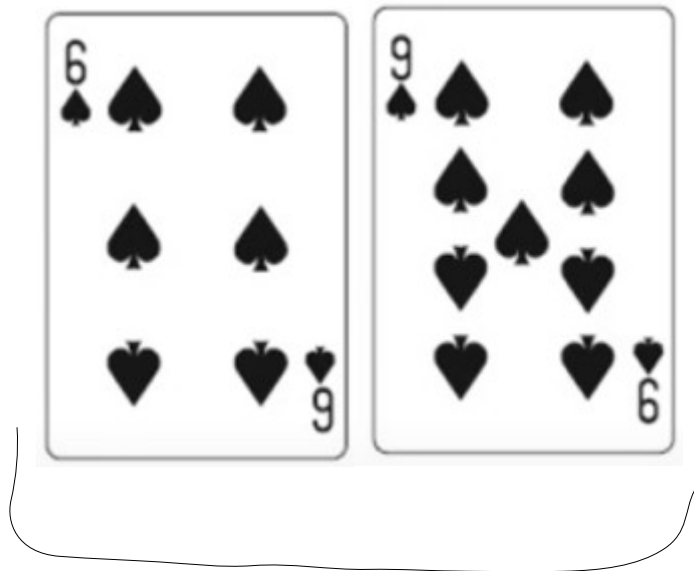


Subconjunto Ordenado

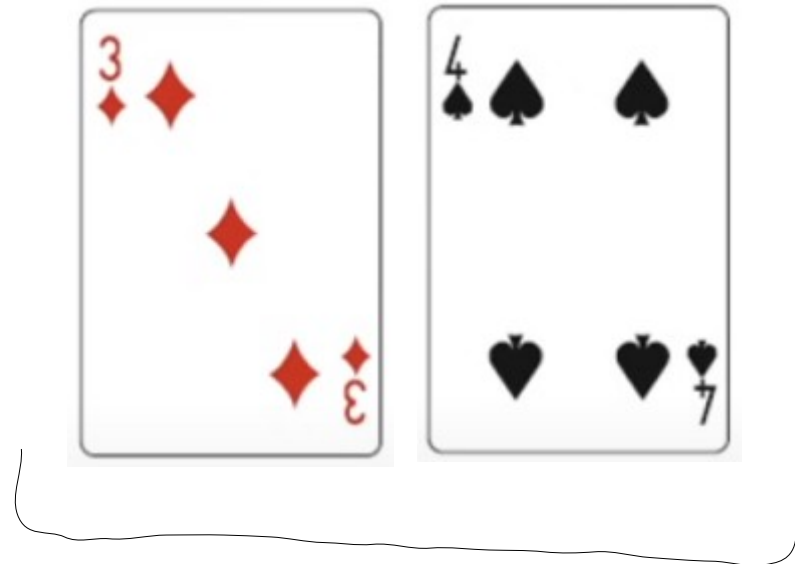
Subconjunto Desordenado



Insertion Sort - Exemplo



Subconjunto Ordenado



Subconjunto Desordenado



Insertion Sort - Exemplo

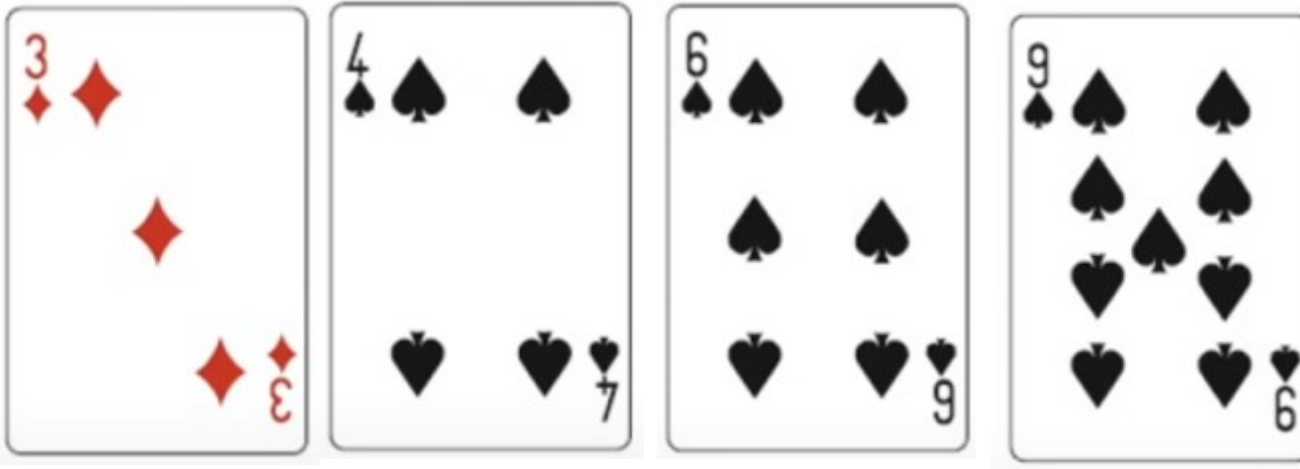


Subconjunto Ordenado

Subconjunto Desordenado



Insertion Sort - Exemplo



Subconjunto Ordenado

Subconjunto Desordenado

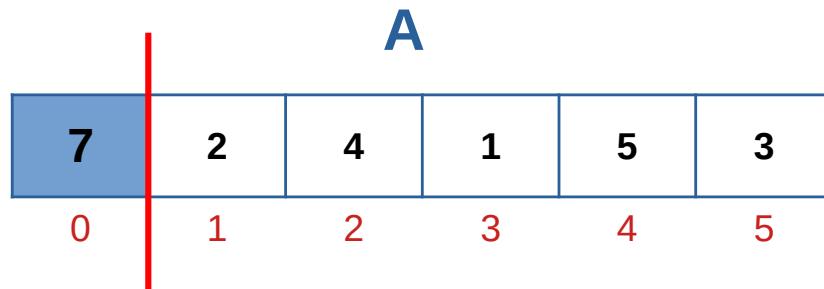


Insertion Sort

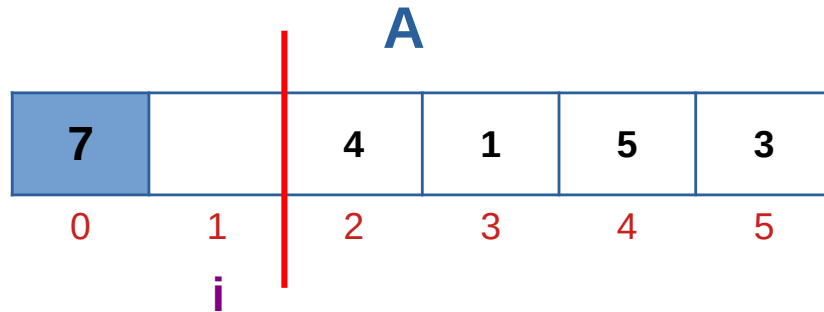
A

7	2	4	1	5	3
0	1	2	3	4	5

Insertion Sort



Insertion Sort

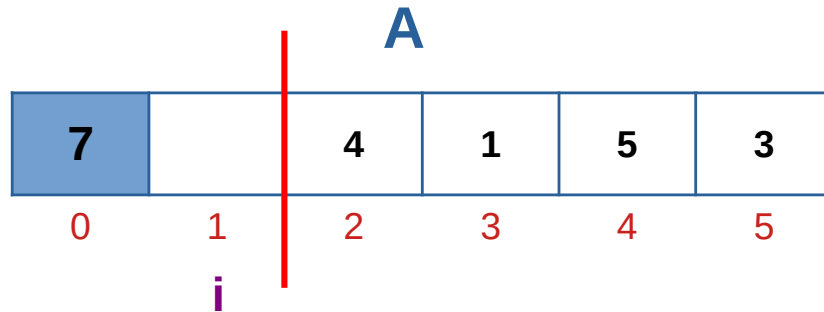


ValueToInsert \leftarrow 2 ($A[i]$)

Algoritmo:

1) Vamos ter um i que vai iniciar do índice 1, esse vai ser o valor que vai ser inserido no conjunto ordenado. (O conjunto ordenado na primeira passada é somente o índice 0.)

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 2 ($A[i]$)

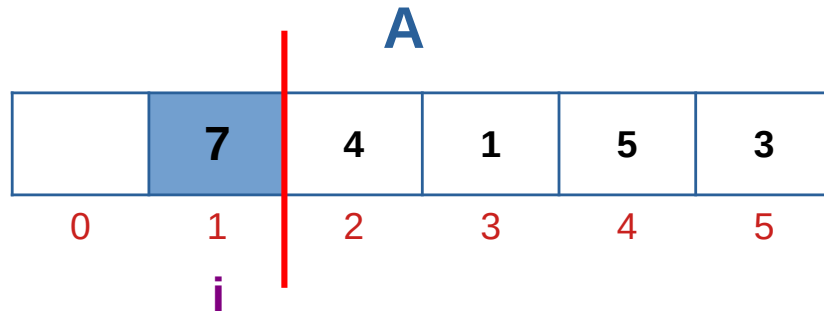
holePosition \leftarrow i

Algoritmo:

1) Vamos ter um **i** que vai iniciar do **índice 1**, esse vai ser o valor que vai ser inserido no conjunto ordenado. (O conjunto ordenado na primeira passada é somente o índice 0.)

2) No índice **i** foi criado um buraco (**holePosition**) onde agora vai ser possível aumentar o tamanho da sublista ordenada.

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 2 ($A[i]$)

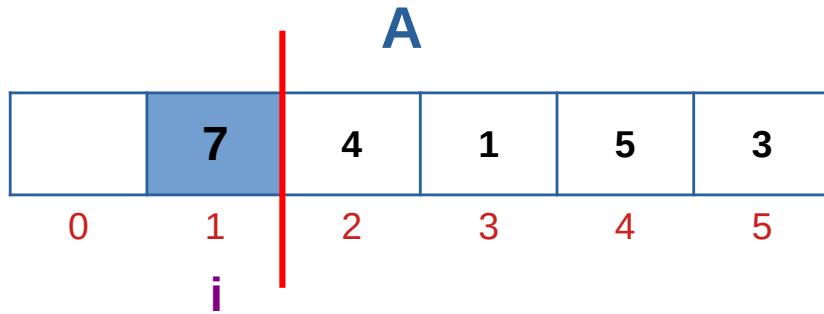
HolePosition \leftarrow i

Algoritmo:

1) Vamos ter um i que vai iniciar do índice 1, esse vai ser o valor que vai ser inserido no conjunto ordenado. (O conjunto ordenado na primeira passada é somente o índice 0.)

2) No índice i foi criado um buraco (**holePosition**) onde agora vai ser possível aumentar o tamanho da sublista ordenada.

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 2 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

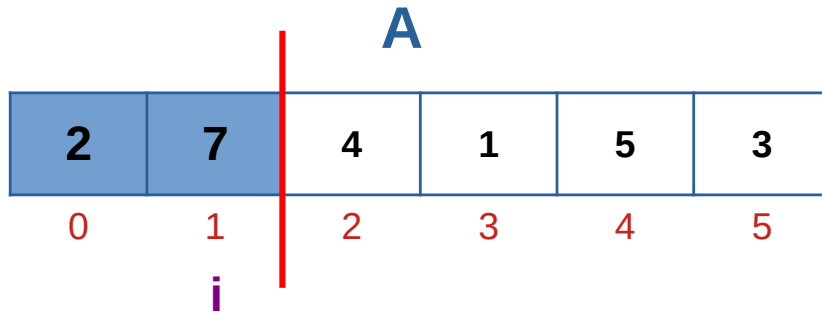
Algoritmo:

1) Vamos ter um i que vai iniciar do índice 1, esse vai ser o valor que vai ser inserido no conjunto ordenado. (O conjunto ordenado na primeira passada é somente o índice 0.)

2) No índice i foi criado um buraco (**holePosition**) onde agora vai ser possível aumentar o tamanho da sublista ordenada.

3) O holeposition é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que valueToInsert , troca-se eles de lugar

Insertion Sort



valueToInsert $\leftarrow 2$ ($A[i]$)

HolePosition $\leftarrow i$

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort

A

2	7	4	1	5	3
0	1	2	3	4	5

i

valueToInsert \leftarrow 4 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$



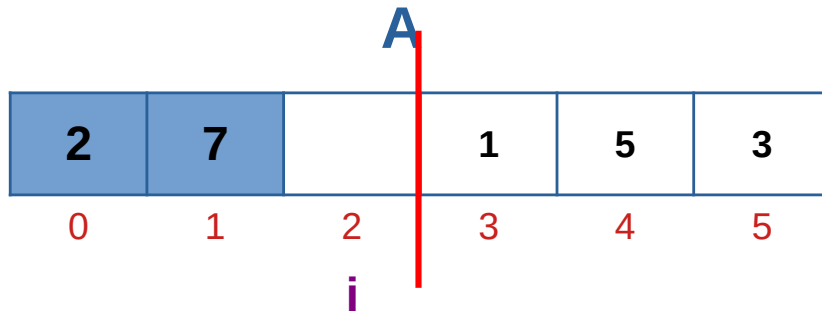
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 4 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

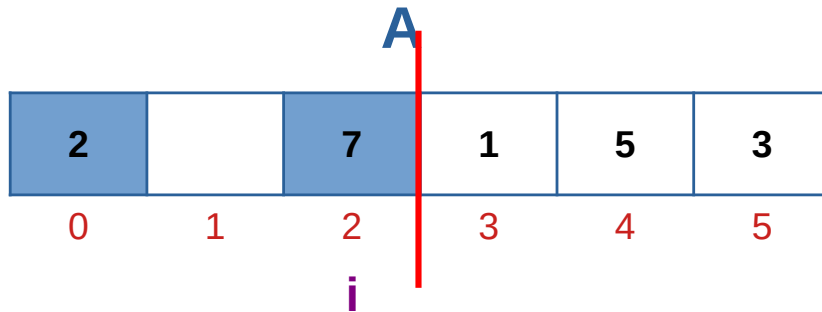
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior (hole – 1) se o valor que esta em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 4 ($A[i]$)

HolePosition $\leftarrow i$

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

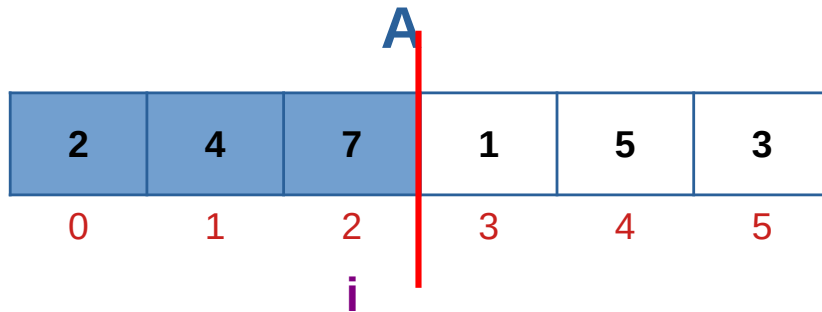
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 4 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior (hole - 1) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort

A

2	4	7	1	5	3
0	1	2	3	4	5
			i		

valueToInsert \leftarrow 1 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$



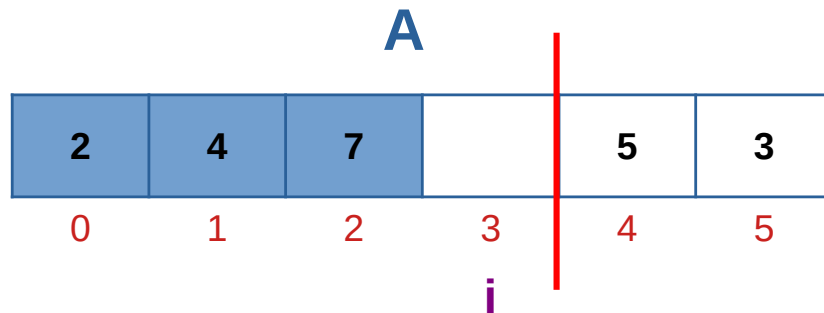
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 1 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

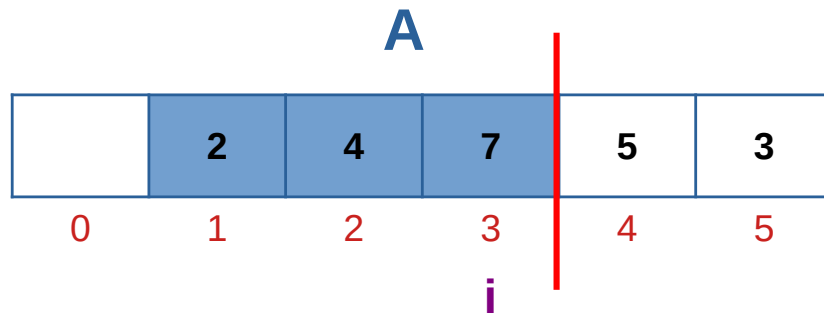
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior (hole – 1) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 1 (A[i])

HolePosition \leftarrow i

A[holePosition] = **valueToInsert**

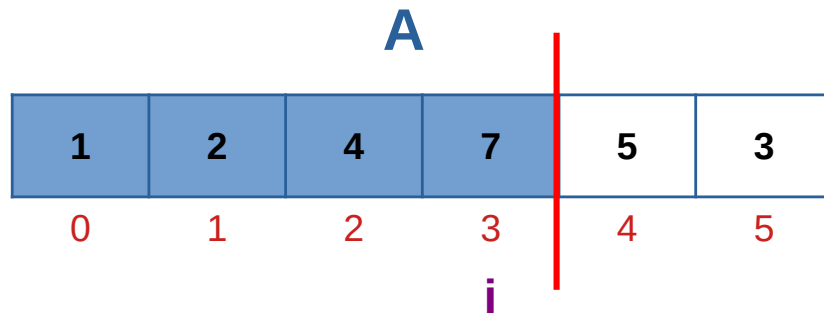
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior (hole – 1) se o valor que está em A[hole-1] for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 1 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior (hole – 1) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort

A

1	2	4	7	5	3
0	1	2	3	4	5

i

valueToInsert \leftarrow 5 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$



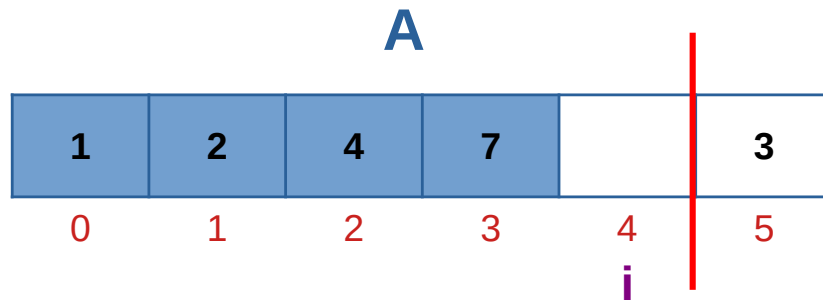
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 5 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

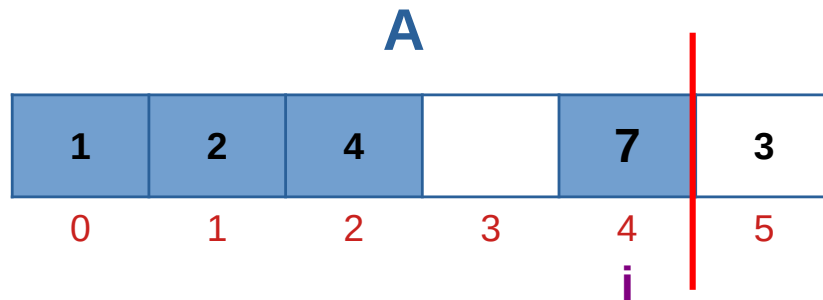
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 5 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

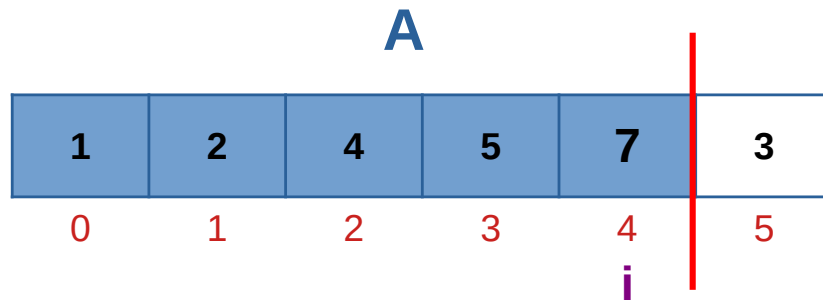
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior (hole - 1) se o valor que esta em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 5 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior (hole - 1) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort

A

1	2	4	5	7	3
0	1	2	3	4	5
					i

valueToInsert \leftarrow 5 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$



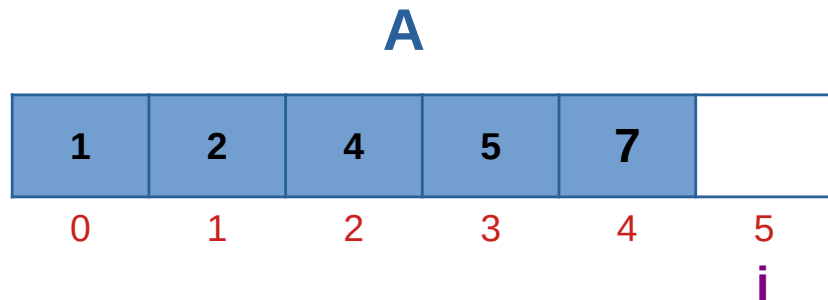
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 5 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

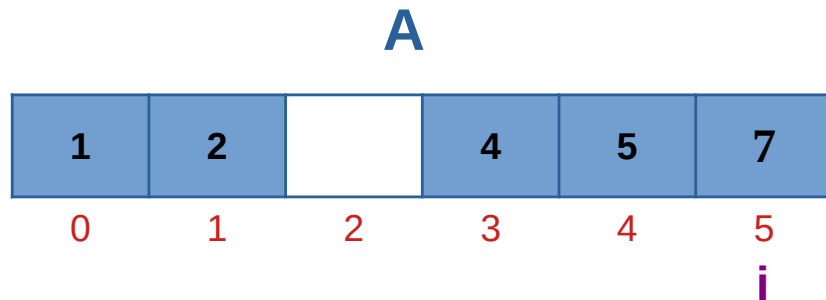
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior (hole – 1) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 5 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

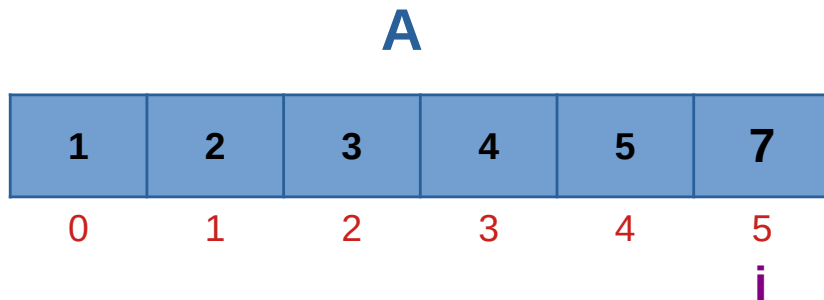
Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior (hole - 1) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort



valueToInsert \leftarrow 5 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$

Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort

Ordenado!

A

1	2	3	4	5	7
0	1	2	3	4	5

valueToInsert \leftarrow 5 ($A[i]$)

HolePosition \leftarrow i

$A[\text{holePosition}] = \text{valueToInsert}$



Algoritmo:

...

3) O **holeposition** é um índice de controle. Eu vou pegar ele e ir comparando com o seu anterior ($\text{hole} - 1$) se o valor que está em $A[\text{hole}-1]$ for maior que **valueToInsert**, troca-se eles de lugar

4) O que foi feito no ponto 3) foi encontrar o lugar para onde o valor a ser inserido vai entrar. Ou seja abre-se um buraco na posição onde vai ser inserido o **valueToInsert**

Insertion Sort - Pseudocode

```
procedure insertionSort( A : array of items )
  int holePosition
  int valueToInsert

  for i = 1 to length(A) inclusive do:

    /* select value to be inserted */
    valueToInsert = A[i]
    holePosition = i

    /*locate hole position for the element to be inserted */

    while holePosition > 0 and A[holePosition-1] > valueToInsert do:
      A[holePosition] = A[holePosition-1]
      holePosition = holePosition - 1
    end while

    /* insert the number at hole position */
    A[holePosition] = valueToInsert

  end for
end procedure
```


Insertion Sort

- Implementar em c

Insertion Sort

- Teste