UNIVERSIDADE FEDERAL DE RORAIMA CCT- CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

DISCIPLINA: Matemática discreta (2023.1) PROF. Elzimar de Oliveira Rufino

DATA: 28/03/2023.

Atividade 3

- (1) De quantos modos podemos formar uma mesa de buraco com 4 jogadores?
- (2) De quantos modos podemos formar uma mesa de ciranda com 5 meninos e 5 meninas de modo que pessoas do mesmo sexo não fiquem juntas?

 Conte primeiro de quantos modos pode-se colocar as meninas e uma colocada-as, de quantos modos pode-se colocar os meninos.
- (3) De quantos modos podemos formar uma roda de ciranda com 6 crianças, de modo que duas delas Vera e Isadora não fiquem juntas?
- (4) Quantas são as soluções inteiras e positivas de x + y + z = 7?
- (5) Quantas são as soluções inteiras e positivas de $x + y + z \le 6$?
- (6) Uma indústria fabrica 5tipos de balas que são vendidas em caixas de 20 balas, de um só tipo ou sortidas. Quantos tipos de caixas podem ser montados?
- (7) Usando que $C_n^p = \frac{n!}{p!(n-p)!}$ mostre
(faça as contas!) a Relação de Stifel:

$$C_n^p + C_n^{p+1} = C_{n+1}^{p+1}.$$

Comece com a soma do lado esquerdo da igualdade e através de manipulações chegue ao termo do lado direito $C_{n+1}^{p+1}=\frac{(n+1)!}{(p+1)!(n+1-(p+1))!}$.

(8) Usando que $C_n^p = \frac{n!}{p!(n-p)!}$ mostre(faça as contas!)
que

$$C_n^p = C_n^{n-p}$$
.

Comece com o termo do lado direito da igualdade e facilmente chegará ao termo do lado esquerdo da igualdade.

- (9) Determine o termo indepoendente de x (que não figura o x) no desenvilvimento de $(x^3 \frac{1}{x^2})^{10}$.

 Calcule o termo geral do desenvolvimento e iguale a zero o expoente de x. Dessa igualdade chegará a uma conclusão.
- (10) (UNIFOR-CE) No desenvolvimento do binômio $(2x + \frac{1}{x})^4$, o termo independente de $x \neq 0$
- (11) (MACK SP) O coeficiente do termo em x^3 no desenvolvimento de $(\sqrt{x}+\frac{1}{x})^6$ é:

Para treinar um pouco sobre binòmio de Newton fica a sugestão de visitar http://professortenani.com.br/wp-content/uploads/2014/02/Lista-de-Exerc%C3%ADcios-Bin%C3%B4mio-e-Fatorial.pdf