1.2 Угол между прямой и плоскостью

$$\sin \angle (l, \alpha) = \left| \cos \angle (\vec{l}, \vec{n}_{\alpha}) \right|$$

Задача

Даны точки:

$$A(-3; 0; -3), B(-2; -1; -2), C(-1; -3; 4),$$

 $D(1; -1; -1), E(-2; -4; 3).$

Найти ∠(AB, (CDE)).

Задача

Найти ∠(AB, (CDE)).

Решение:

Найдём направляющий вектор прямой и нормальный вектор плоскости.

$$\overrightarrow{AB}\{1;-1;1\}, \overrightarrow{n}_{(CDE)}\{1;-1;0\}.$$

Задача

Найти ∠(AB, (CDE)).

Решение:

$$\overrightarrow{AB}\{1;-1;1\}, \overrightarrow{n}_{(CDE)}\{1;-1;0\}.$$

$$\sin \angle (AB, (CDE)) = \left| \cos \angle (\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{n}_{(CDE)}) \right| = \frac{|\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{n}_{(CDE)}|}{|\overrightarrow{AB}| \cdot |\overrightarrow{n}_{(CDE)}|} = \frac{2}{\sqrt{6}}.$$

$$\angle (AB, (CDE)) = \arcsin \frac{2}{\sqrt{6}}.$$