Cấu trúc dữ liệu và giải thuật

TS. Phạm Tuấn Minh

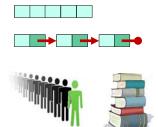
Khoa Công nghệ Thông tin, Đại học Phenikaa minh.phamtuan@phenikaa-uni.edu.vn https://sites.google.com/site/phamtuanminh/

Chương 5: Đồ thị

- □ Khái niệm và biểu diễn đồ thị
- Duyệt đồ thị
- □ Tìm đường đi
- Úng dụng

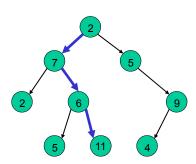
Cấu trúc dữ liệu đã học

- Tuyến tính:
 - Tất cả các phần tử được sắp xếp có thứ tự
 - Truy cập ngẫu nhiên
 - Mång
 - Truy cập tuần tự
 - · Danh sách liên kết
 - Truy cập tuần tự có hạn chế
 - Hàng đợi
 - Ngăn xếp
- Không tuyến tính
 - Cây
 - o Đồ thị



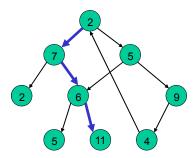
Nhắc lại cấu trúc dữ liệu cây

- □ Vẫn sử dụng các biểu diễn nút và liên kết
- Đặc điểm mới:
 - Mỗi nút có liên kết tới nhiều hơn một nút khác
 - Không có lặp



Cấu trúc dữ liệu đồ thị

- □ Vẫn sử dụng các biểu diễn nút và liên kết
- Đặc điểm mới:
 - Mỗi nút có liên kết tới nhiều hơn một nút khác
 - O Cho phép có chu trình, các liên kết có thể kết nối giữa bất kì hai nút nào
 - o Liên kết có thể có hướng (một chiều) hoặc vô hướng (hai chiều)



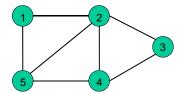
Cây là một trường hợp đặc biệt của đồ thị

Khái niệm đồ thị

- Đồ thị là một cấu trúc dữ liệu bao gồm một tập nút (đỉnh vertice) và tập cạnh (liên kết - link) mô tả quan hệ giữa các nút
- □ G = (V, E), trong đó V là tập nút, E là tập các cặp có thứ tự các phần tử của V

Thuật ngữ trong đồ thị

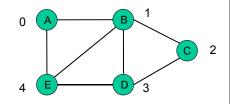
- Nút kề (Adjacent node): Hai nút là kề nhau nếu chúng nối với nhau bởi một cạnh
- □ Bậc của nút i (Degree): Số nút kề với nút i
- Dường đi (Path): Chuỗi tiếp nối các cạnh nối hai nút trên đồ thị
- Đồ thị liên thông (Connected graph): Đồ thị trong đó có đường đi giữa hai nút bất kì trên đồ thị
- Dồ thị đầy đủ: Đồ thị mà mọi đỉnh có cạnh nối tới mọi đỉnh khác



- Nút 1 kề với nút 2 và 5
- Bậc của nút 1 là 2
- ☐ Một đường đi từ nút 1 tới nút 4 là: 1->2->3->4
- Đây là đồ thị liên thông
- Đây không phải là đồ thị đầy đủ

Biểu diễn đồ thị

- □ Biểu diễn bằng mảng:
 - Một mảng 1 chiều để biểu diễn đỉnh
 - Một mảng 2 chiều (ma trận kề adjacency matrix) để biểu diễn cạnh

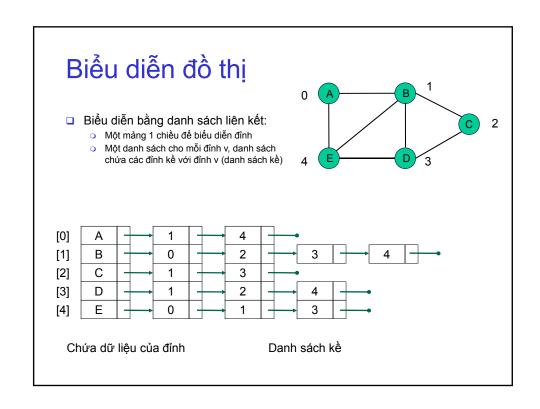


[U]	A
[1]	В
[2]	С
[3]	D
[4]	Е

	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]
[0]	0	1	0	0	1
[0] [1]	1	0	1	1	1
[2]	0	1	0	1	0
[2] [3] [4]	0	1	1	0	1
[4]	1	1	0	1	0

Chứa dữ liệu của đỉnh

Ma trận kề



Ma trận kề và danh sách kề

- Ma trận kề
 - Tốt với đồ thị dày: |E| ~ O(|V|^2)
 - Yêu cầu bộ nhớ: O(|V| + |E|) = O(|V|^2)
 - O Có thể kiểm tra nhanh chóng kết nối giữa hai đỉnh
- Danh sách kề
 - o Tốt với đồ thị thưa: |E| ~ O(V)
 - Yêu cầu bộ nhớ: O(|V| + |E|) = O(|V|)
 - O Có thể tìm nhanh chóng các đỉnh kề với một đỉnh

Chương 5: Đồ thị

- □ Khái niệm và biểu diễn đồ thị
- Duyệt đồ thị
- ☐ Tìm đường đi
- ☐ Úng dụng

1-11

Duyệt đồ thị

- □ Duyệt danh sách: dễ
- Duyệt cây nhị phân: Thứ tự giữa, thứ tự trước, thứ tự sau
- □ Duyệt đồ thị?

Duyệt theo chiều rộng (BFS)

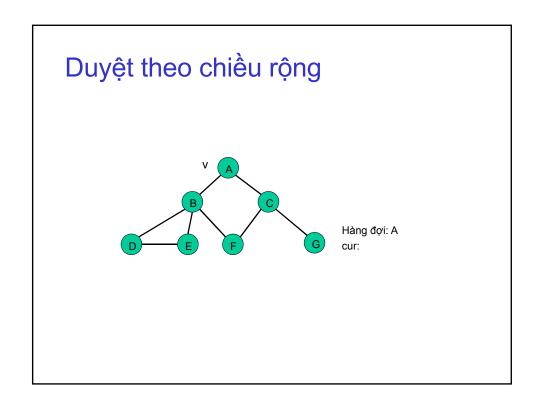
- Duyệt theo chiều rộng (BFS Breadth-first Search):
 - Xem tất cả các đường đi có thể với cùng một độ sâu trước khi đi tiếp với độ sâu lớn hơn
- □ Nếu đồ thị liên thông
 - Chọn một đỉnh xuất phát
 - o Tìm mọi đỉnh kề
 - Lần lượt thăm từng đỉnh kề, sau đó quay lại thăm tất cả các đỉnh kề của nó

1-13

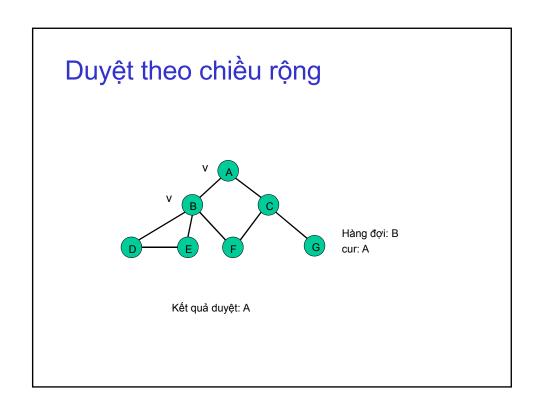
breadthFirstSearch()

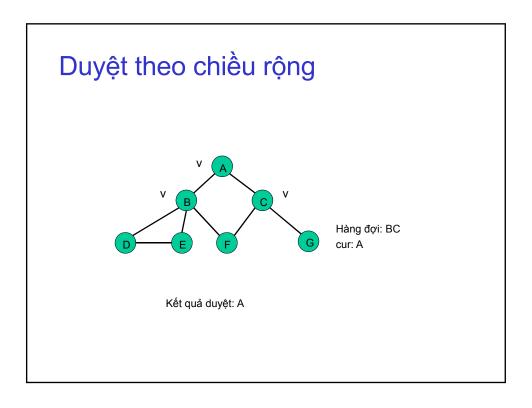
```
breadthFirstSearch(gNode cur, graph g) {
    queue q;
    initialize q;
    mark cur as visited;
    enqueue(&q, cur);
    while (!emptyQueue(&q)) {
        cur= dequeue(&q);
        for all <đỉnh j chưa thăm và kề với cur> {
            mark j as visited;
            enqueue(&q, j);
        }
}
```

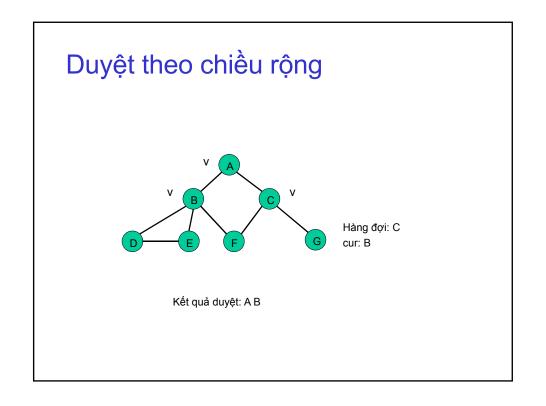
Duyệt theo chiều rộng Hàng đợi: cur:

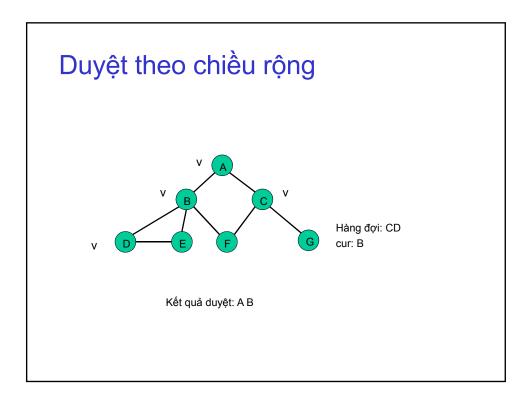


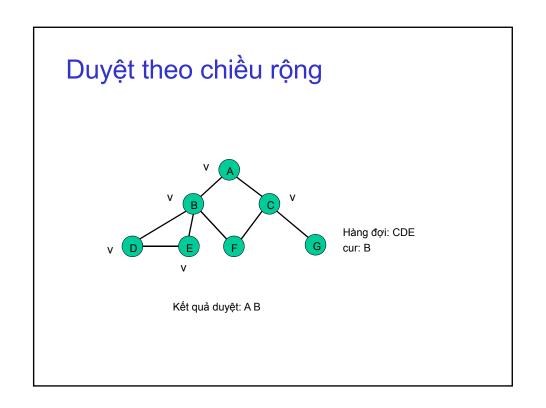
Duyệt theo chiều rộng V A B C Hàng đợi: cur: A Kết quả duyệt: A

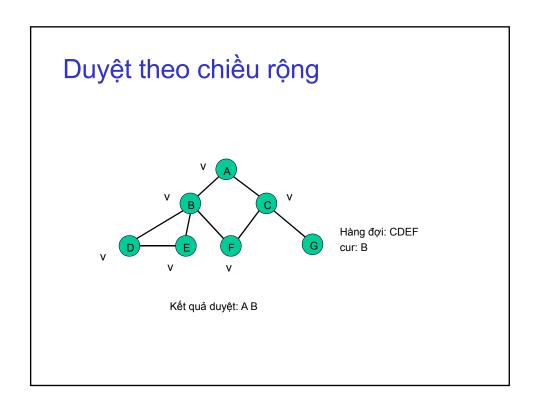


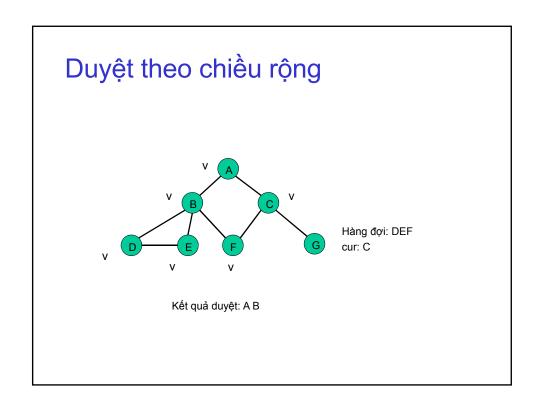


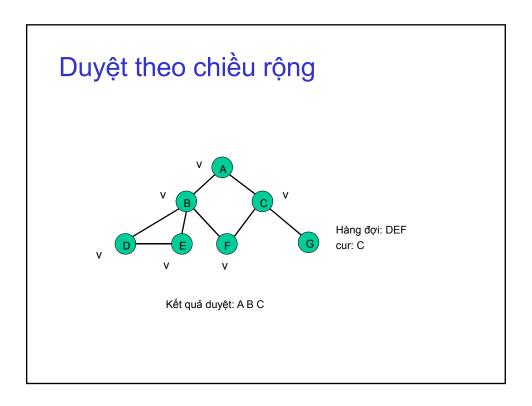


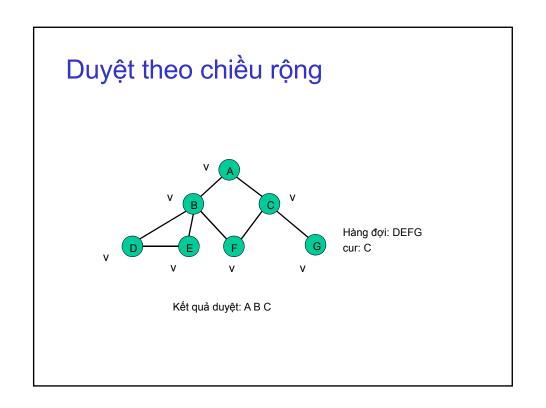


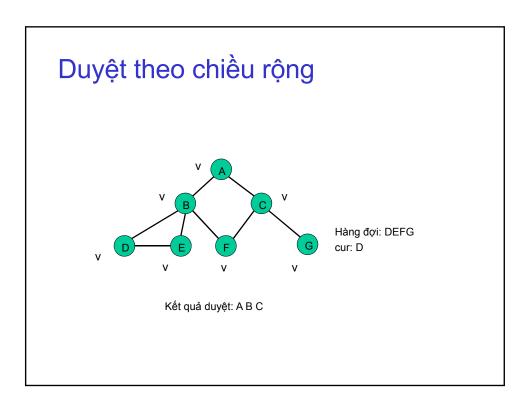


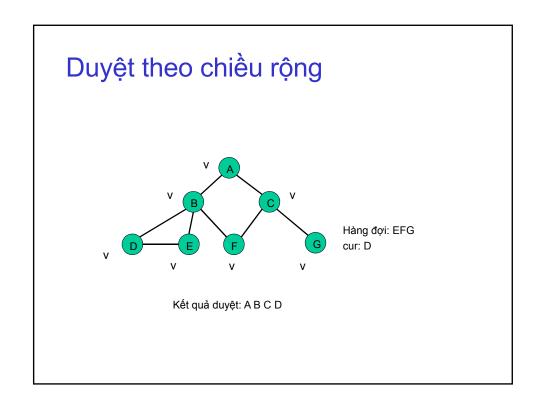


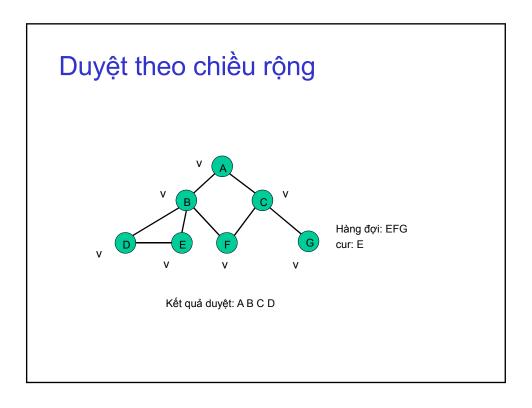


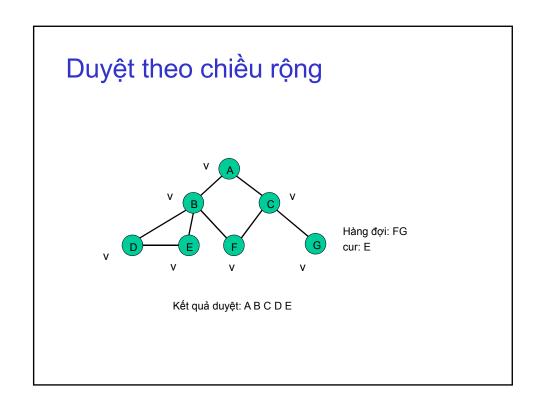


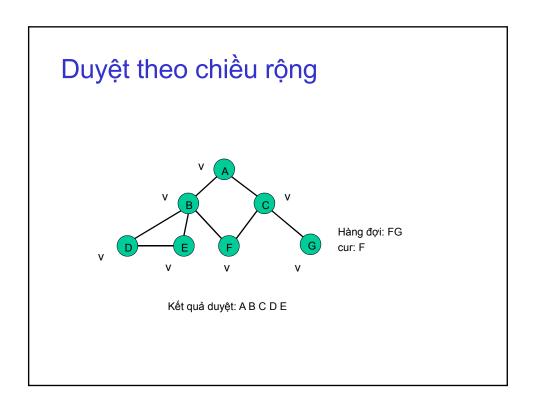


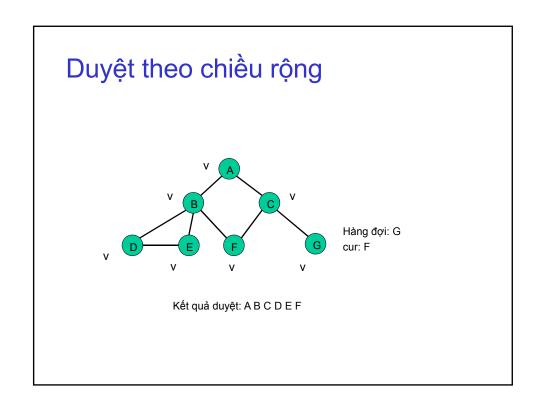


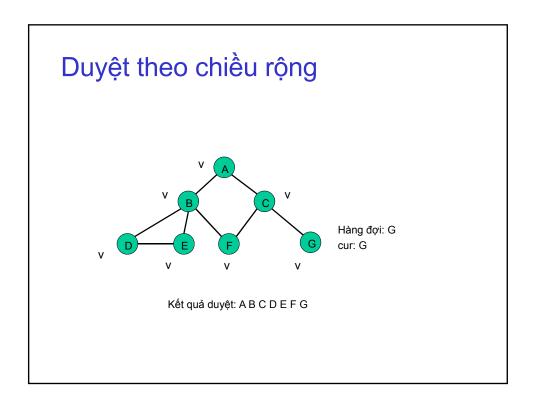


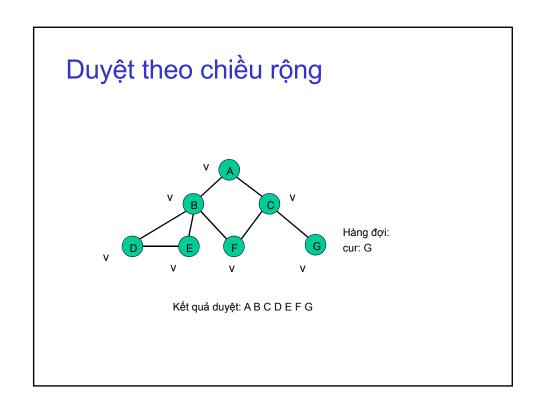












Duyệt theo chiều sâu (DFS)

- □ Duyệt theo chiều sâu (DFS Depth-first Search):
 - o Thăm nút sâu hơn trên đồ thị khi còn có thể
- Nếu đồ thị liên thông
 - Chọn một đỉnh xuất phát
 - Theo cạnh của đỉnh mới thăm gần nhất v mà vẫn còn cạnh chưa thăm
 - Sau khi thăm hết mọi cạnh của v, quay ngược lại theo cạnh mà từ đó v được thăm

1-35

depthFirstSearch()

```
depthFirstSearch(v) {
    Đánh dấu v là đã thăm;
    for w chưa thăm và kề với v {
        depthFirstSearch(w}
}
```

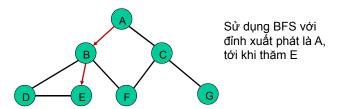
Chương 5: Đồ thị

- □ Khái niệm và biểu diễn đồ thị
- Duyệt đồ thị
- □ Tìm đường đi
- Úng dụng

1-37

Tìm đường

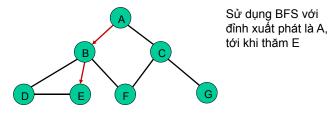
- Bài toán: Tìm một đường giữa hai nút của đồ thị (ví dụ từ A tới E), các nút trên đường đi là không trùng nhau
- Cách giải: Dùng BFS



BFS_Path() BFS_Path(gNode *startN, gNode *endN, graph g) { queue q; gNode *cur = startN; initialize q; mark cur as visited; enqueue(&q, cur); while (!emptyQueue(&q)) { startN = Acur = dequeue(&q); endN = Efor all <đinh j chưa thăm và kề với cur> { if (j==endN){ printf "found the path!"; return;} mark j as visited; enqueue(&q, j); } } 1-39

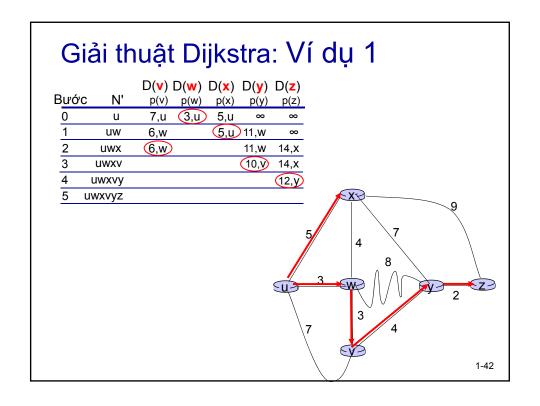
Đường đi ngắn nhất trên đồ thị không có trọng số

- Có nhiều đường đi từ một đỉnh nguồn tới một đỉnh đích
- Đường đi ngắn nhất đồ thị không có trọng số:
 Đường đi có số cạnh ít nhất
- Đường đi do BFS tìm là đường đi ngắn nhất



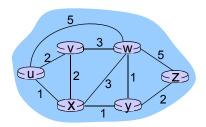
Đường đi ngắn nhất trên đồ thị có trọng số Giải thuật Dijsktra

```
1 Khởi tạo:
  N' = \{u\}
   for all nodes v
    if v kề u
5
       then D(v) = c(u,v)
6
     else D(v) = \infty
7
8 Loop
9
     tìm w không trong N' mà D(w) nhỏ nhất
10 thêm w vào N'
   cập nhật D(v) cho mọi v kề với w và không trong N':
11
      D(v) = \min(D(v), D(w) + c(w,v))
12
    /* chi phí mới tới v sẽ hoặc là chi phí cũ tới v hoặc là chi phí
      đường đi ngắn nhất tới w cộng với chi phí từ w tới v */
15 until mọi nút nằm trong N'
                                                                  1-41
```



Giải thuật Dijkstra: Ví dụ 2

Bư	ÓC	N'	D(v),p(v)	D(w),p(w)	D(x),p(x)	D(y),p(y)	D(z),p(z)
	0	u	2,u	5,u	1,u	∞	∞
	1	ux ←	2,u	4,x		2,x	∞
	2	uxy⊷	2,u	3,y			4,y
	3	uxyv 🗸		3,y			4,y
	4	uxyvw ←		_			4,y
	5	HY\/\/M7 ←					



1-43

Giải thuật Bellman-Ford

- Tìm đường đi ngắn nhất từ một nút nguồn, cạnh đồ thị có thể có trọng số âm
- ☐ Thông báo nếu tồn tại chu trình âm

Giải thuật Bellman-Ford: Khởi tạo

```
Initialize-Single-Source(G, s)

1 for each vertex v in G.V

2 d[v] = INFINITY

3 p[v] = NIL

4 d[s] = 0
```

1-45

Giải thuật Bellman-Ford: Điều chỉnh

```
RELAX(u, v, c)

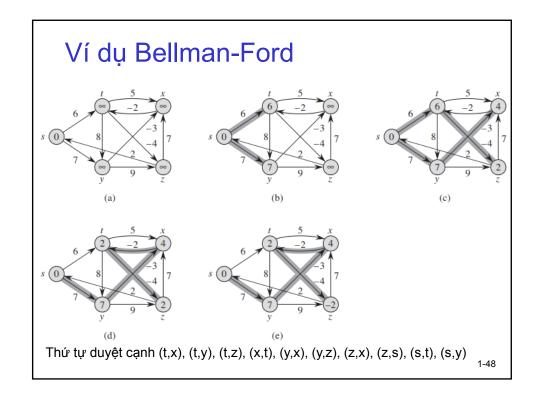
1 if d[v] > d[u] + c(u,v)

2 d[v] = d[u] + c(u,v)

3 p[v] = u
```

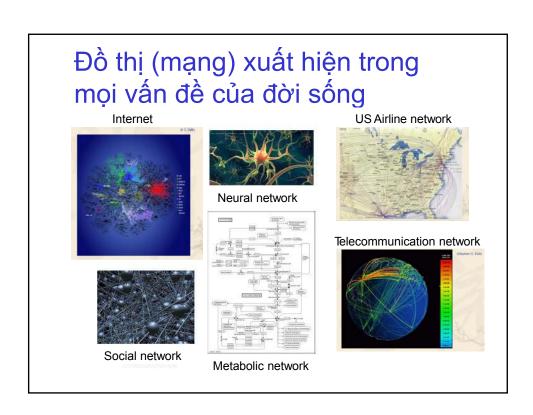
Giải thuật Bellman-Ford

```
BELLMAN-FORD(G, c, s)
      Initialize-Single-Source(G, s)
     for i = 1 to |G.V| - 1
2
3
           for each edge (u,v) in G.E
                 RELAX(u,v,c)
4
     for each edge (u,v) in G.E
5
6
           if d[v] > d[u] + c(u,v)
                 return FALSE
7
8
      return TRUE
```



Chương 5: Đồ thị

- □ Khái niệm và biểu diễn đồ thị
- □ Duyệt đồ thị
- □ Tìm đường đi
- □ Ứng dụng

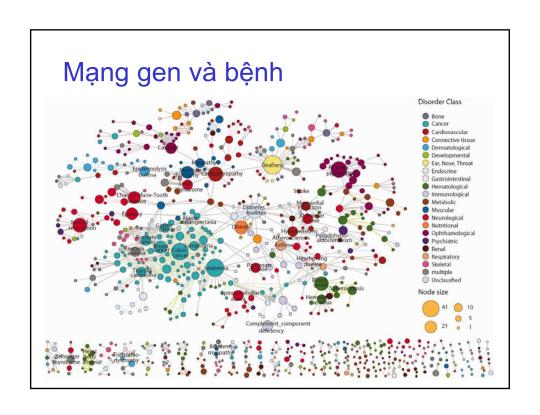


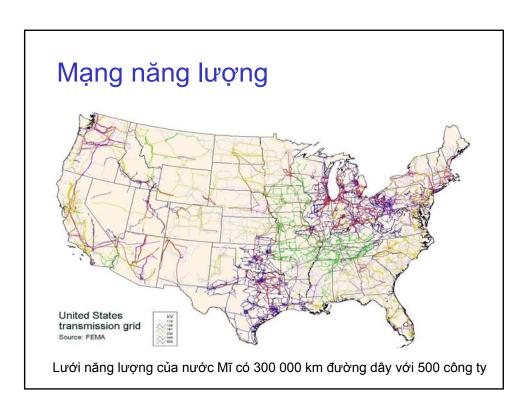
Đồ thị của WWW



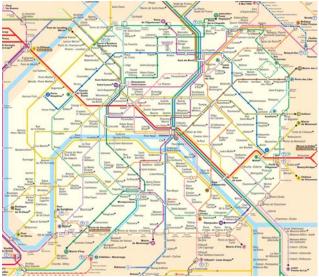












Cấu trúc dữ liệu và giải thuật

□ Nội dung bài giảng được biên soạn bởi TS. Phạm Tuấn Minh.