





BỘ MÔN KHOA HỌC DỮ LIỆU



*Decision Tree

-Cây quyết định -Decision Tree là một cây phân cấp có cấu trúc được dùng để phân lớp các đối tượng dựa vào dãy các luật.

-Các thuộc tính của đối tượng n thuộc tính các kiểu dữ liệu khác nhau như Nhị phân (Binary) , Định danh (Nominal), Thứ tự (Ordinal), Số lượng (Quantitative) trong khi đó thuộc tính phân lớp phải có kiểu dữ liệu là Binary hoặc Ordinal.

-Dữ liệu về các đối tượng gồm các thuộc tính cùng với lớp (classes) của nó, cây quyết định sẽ sinh ra các luật để dự đoán lớp của các dữ liệu chưa biết.

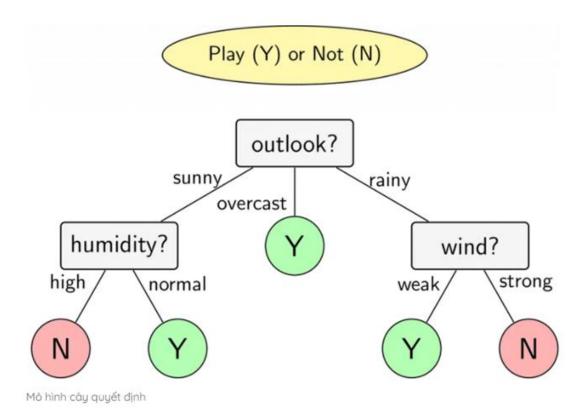
-Xét một ví dụ 1 kinh điển khác về cây quyết định. Giả sử dựa theo thời tiết mà các bạn nam sẽ quyết định đi đá bóng hay không?

Những đặc điểm ban đầu là:

Thời tiết Độ ẩm Gió



Dựa vào những thông tin trên, bạn có thể xây dựng được mô hình như sau





-Entropy trong Cây quyết định -Decision Tree

-Entropy là thuật ngữ thuộc Nhiệt động lực học, là thước đo của sự biến đổi, hỗn loạn hoặc ngẫu nhiên. Năm 1948, Shannon đã mở rộng khái niệm Entropy sang lĩnh vực nghiên cứu, thống kê với công thức như sau

+Với một phân phối xác suất của một biến rời rạc X có thể nhận n giá trị khác nhau như: $x_1, x_2, ..., x_n$.

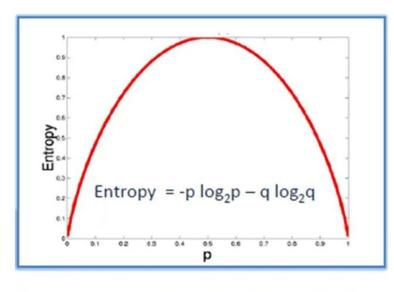
+Giả sử rằng xác suất để X nhận các giá trị tương ứng là $p_i = p(X = x_i)$.

+Ký hiệu $p = (p_1, p_2, ..., p_n)$. Entropy của phân phối này được định nghĩa là:

$$H(p) = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log(p_i)$$

+Giả sử, tung một đồng xu, entropy sẽ được tính như sau:

$$H = -[0.5 \ln(0.5) + 0.5 \ln(0.5)]$$



Entropy = $-0.5 \log_2 0.5 - 0.5 \log_2 0.5 = 1$

-Biểu diễn sự thay đổi của hàm entropy.

-Hàm entropy đạt tối đa khi xác suất xảy ra của hai lớp bằng nhau.

P tinh khiết: $p_i = 0$ hoặc $p_i = 1$

P vẫn đục: $p_i = 0.5$, khi đó hàm Entropy đạt đỉnh cao nhất

*Information Gain trong Cây quyết định -Decision Tree

- -Information Gain dựa trên sự giảm của hàm Entropy khi tập dữ liệu được phân chia trên một thuộc tính.
- -Xây dựng một cây quyết định, ta phải tìm tất cả thuộc tính trả về Infomation gain cao nhất.
- -Xác định các nút trong mô hình cây quyết định, ta thực hiện tính Infomation Gain tại mỗi nút theo trình tự sau:

Bước 1: Tính toán hệ số Entropy của biến mục tiêu S có N phần tử với N_c phần tử thuộc lớp c cho trước:

$$H(S) = -\sum_{c=1}^{c} (N_c/N) \log(N_c/N)$$

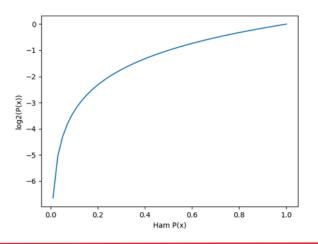
Bước 2: Tính hàm số Entropy tại mỗi thuộc tính: với thuộc tính x, các điểm dữ liệu trong S được chia ra K child node $S_1, S_2, ..., S_K$ với số điểm trong mỗi child node lần lượt là $m_1, m_2, ..., m_K$, ta có:

$$H(x, S) = \sum_{k=1}^{K} (m_k / N) * H(S_k)$$

Bước 3: Chỉ số Gain Information được tính bằng:

$$G(x, S) = H(S) - H(x,S)$$





```
>>> import numpy as np
>>> def gini index(groups, classes):
     n instances = float(sum([len(group) for group in groups]))
     qini = 0.0
     for group in groups:
           size = float(len(group))
           if size == 0:
                continue
           score = 0.0
           for class val in classes:
                p = [row[-1] for row in group].count(class val) / size
                score += p * p
           gini += (1.0 - score) * (size / n instances)
     return gini
>>> print(gini_index([[[1, 1], [1, 0]], [[1, 1], [1, 0]]], [0, 1]))
>>> print(gini index([[[1, 0], [1, 0]], [[1, 1], [1, 1]]], [0, 1]))
```

```
>>> def test split(index, value, dataset):
       left, right = list(), list()
       for row in dataset:
            if row[index] < value:</pre>
                  left.append(row)
            else:
                  right.append(row)
       return left, right
 >>> def gini index(groups, classes):
       n instances = float(sum([len(group) for group in groups]))
       qini = 0.0
       for group in groups:
            size = float(len(group))
            if size == 0:
                  continue
            score = 0.0
            for class val in classes:
                  p = [row[-1] for row in group].count(class val) / size
                  score += p * p
            gini += (1.0 - score) * (size / n instances)
       return gini
```



```
>>> def get split(dataset):
     class values = list(set(row[-1] for row in dataset))
     b index, b value, b score, b groups = 999, 999, 999, None
     for index in range(len(dataset[0])-1):
           for row in dataset:
                 groups = test split(index, row[index], dataset)
                 gini = gini index(groups, class values)
                 print('X%d < %.3f Gini=%.3f' % ((index+1), row[index],</pre>
gini))
                 if gini < b score:</pre>
                      b index, b value, b score, b groups = index,
row[index], gini, groups
     return {'index':b index, 'value':b value, 'groups':b groups}
```

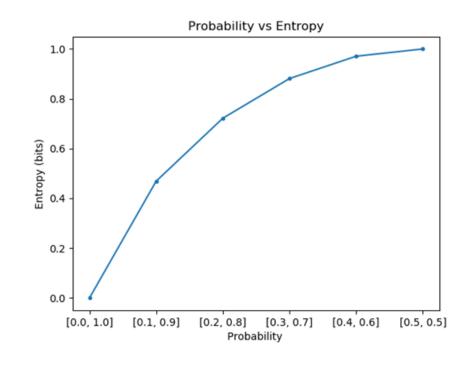
```
>>> dataset = [[2.771244718,1.784783929,0],
      [1.728571309,1.169761413,0],
      [3.678319846,2.81281357,0],
      [3.961043357, 2.61995032, 0],
      [2.999208922,2.209014212,0],
      [7.497545867,3.162953546,1],
      [9.00220326, 3.339047188, 1],
      [7.444542326, 0.476683375, 1],
      [10.12493903,3.234550982,1],
      [6.642287351,3.319983761,1]]
>>> split = get split(dataset)
```



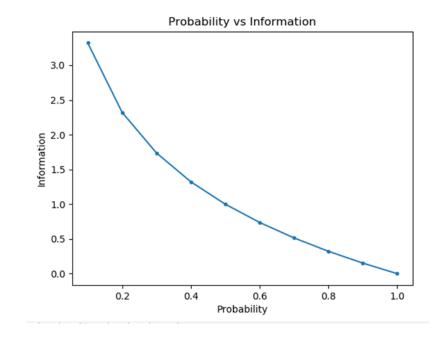
```
>>> def predict(node, row):
    if row[node['index']] < node['value']:
        if isinstance(node['left'], dict):
            return predict(node['left'], row)
        else:
            return node['left']
    else:
        if isinstance(node['right'], dict):
            return predict(node['right'], row)
        else:
            return node['right']</pre>
```

```
\Rightarrow dataset = [[2.771244718,1.784783929,0],
      [1.728571309,1.169761413,0],
      [3.678319846, 2.81281357, 0],
      [3.961043357, 2.61995032, 0],
      [2.999208922,2.209014212,0],
      [7.497545867,3.162953546,1],
      [9.00220326, 3.339047188, 1],
      [7.444542326, 0.476683375, 1],
      [10.12493903,3.234550982,1],
      [6.642287351,3.319983761,1]]
>>> stump = {'index': 0, 'right': 1, 'value': 6.642287351, 'left': 0}
>>> for row in dataset:
     prediction = predict(stump, row)
     print('Expected=%d, Got=%d' % (row[-1], prediction))
```

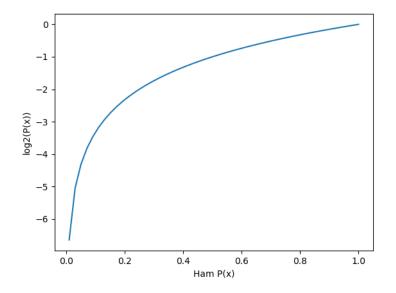
```
>>> from math import log2
>>> from matplotlib import pyplot
>>> def entropy(ents, ets=1e-15):
     return -sum([p * log2(p + ets) for p in ents])
>>> probs = [0.0, 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5]
>>> dists = [[p, 1.0 - p] for p in probs]
>>> ents = [entropy(d) for d in dists]
>>> pyplot.plot(probs, ents, marker='.')
>>> pyplot.title('Probability vs Entropy')
>>> pyplot.xticks(probs, [str(d) for d in dists])
>>> pyplot.xlabel('Probability ')
>>> pyplot.ylabel('Entropy (bits)')
>>> pyplot.show()
```



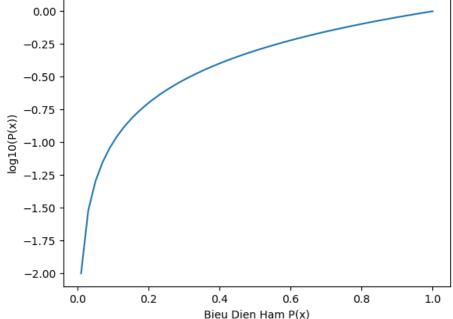
```
>>> from math import log2
>>> from matplotlib import pyplot
>>> probs = [0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 1.0]
>>> info = [-log2(p) for p in probs]
>>> pyplot.plot(probs, info, marker='.')
>>> pyplot.title('Probability vs Information')
>>> pyplot.xlabel('Probability')
>>> pyplot.ylabel('Information')
>>> pyplot.show()
```



```
#Duong cong log2 (P(x))
>>> import numpy as np
>>> import matplotlib.pyplot as plt
>>> fig=plt.figure()
>>> ax=fig.add_subplot(111)
>>> ax.plot(np.linspace(0.01,1),np.log2(np.linspace(0.01,1)))
>>> ax.set_xlabel("Ham P(x)")
>>> plt.show()
```

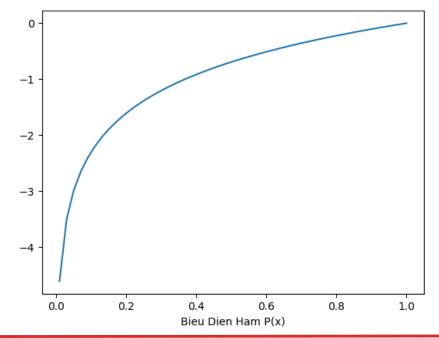


```
#Duong cong log10 (P(x))
>>> import numpy as np
>>> import matplotlib.pyplot as plt
>>> fig=plt.figure()
>>> ax=fig.add_subplot(111)
>>> ax.plot(np.linspace(0.01,1),np.log10(np.linspace(0.01,1)))
>>> ax.set_xlabel("Bieu Dien Ham P(x)")
>>> ax.set_ylabel("log10(P(x))")
>>> plt.show()
```



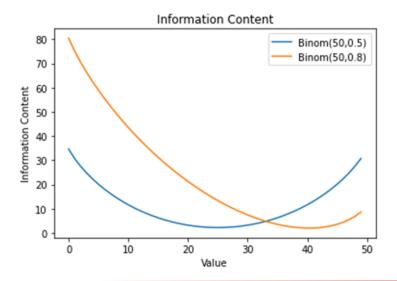


```
#Duong cong ln (P(x))
>>> import math
>>> import numpy as np
>>> import matplotlib.pyplot as plt
>>> fig=plt.figure()
>>> ax=fig.add_subplot(111)
>>> ax.plot(np.linspace(0.01,1),np.log(np.linspace(0.01,1)))
>>> ax.set_xlabel("Bieu Dien Ham P(x)")
>>> plt.show()
```



#Thực hành 08

```
from sklearn import datasets, tree
import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt
from scipy import stats
x=np.arange(50)
plt.plot(x,-np.log(stats.binom.pmf(x,50,0.5)),label='Binom(50,0.5)')
plt.title('Information Content')
plt.xlabel('Value')
plt.ylabel('Information')
plt.plot(x,-np.log(stats.binom.pmf(x,50,0.8)),label='Binom(50,0.8)')
plt.show()
```



*)Kết luận:

-Nội dung thông tin cho hai biến ngẫu nhiên Nhị thức, các giá trị quan sát khác nhau.

-Giá trị với p = 0,5 là 25 và giá trị với p = 0,8 là 40

-thấy rằng, giá trị có xác suất cao nhất, có hàm lượng thông tin thấp nhất.

-thấy rằng, giá trị có xác suất thấp hơn có nội dung thông tin cao hơn.





