

Zaver zimného semestra:

Napísal som si kód v jazyku c++, ktorý zisti či existuje minimálne možný graf s parametrami  $k$ ,  $d$ ,  $g$ , v ktorom je práve  $k$  vrcholov stupňa 2, všetky ostatne vrcholy sú stupňa 3, vzdialenosť medzi dvoma najbližšími vrcholmi stupňa 2 je aspoň  $d$  a najmenší cyklus v grafe (obvod) je dĺžky aspoň  $g$ , pre nejaké malé hodnoty  $k$ ,  $d$ ,  $g$  a vybudoval som si základ pre komplikovanejší algoritmus, ktorý bude pracovať na väčších hodnotách.

Pre párne  $k$  algoritmus pracuje takto: Na začiatok vybudujeme  $k$  binárnych stromov hĺbky  $d/2$ , ktoré medzi sebou nie sú spojené. Toto je potrebné v grafe, pretože vzdialenosť medzi dvoma vrcholmi stupňa 2 musí byť aspoň  $d$ , a každý vrchol s menšou vzdialenosťou ako  $d/2$ , ktorý má stupeň 3, musí byť súčasťou stromu. Potom skúšame všetky možné dvojice vrcholov, pričom testujeme graf bez hrany medzi nimi a s hranou medzi nimi. Pri každom teste overujeme, či každý vrchol (okrem prvých  $k$  vrcholov) má stupeň 3 a či obvod má dĺžku aspoň  $g$ . Ak sú všetky podmienky splnené, algoritmus našiel správny graf. Ak nie, skúša ďalšiu hranu. Ak prejde všetkými hranami a nenájde taký graf, vypíše „false“.

Pre nepárne  $k$  algoritmus pracuje skoro rovnako. Vytvoríme  $k$  stromov hĺbky  $d/2+1$ , pričom predposledná vrstva každého stromu nie je spojená s poslednou vrstvou. Skúšame všetky dvojice vrcholov poslednej a predposlednej vrstvy stromov. Ak minimálny graf existuje, nájdeme ho len s nejakými dodatočnými izolovanými vrcholmi.

Špeciálne, pre prípad  $g = k$ ,  $d = k - 3$ , som zistil že existujú grafy pre  $k = 5$ ,  $k = 6$  a  $k = 8$  a pre prípady  $k = 5$  a  $k = 6$  sú obrázky na tých linkách:

[rocnikovy-projekt/k=5.png at main · Animaad/rocnikovy-projekt](#)  
[rocnikovy-projekt/k=6.png at main · Animaad/rocnikovy-projekt](#)