Politechnika Łódzka

Wydział Fizyki Technicznej, Informatyki i Matematyki Stosowanej

Kierunek: Matematyka Stosowana

Specjalność: Analiza Danych w Biznesie i Logistyce

Matematyczne modele wykorzystywane w systemach rekomendacji.

Anita Kudaj

Nr albumu: 220020

Praca magisterska napisana w Instytucie Matematyki Politechniki Łódzkiej

Promotor: dr, mgr inż. Piotr Kowalski

Łódź, ?????

Spis treści

1	$\mathbf{W}\mathbf{s}_{1}$	tęp		3
2	Pre	limina	ria	4
	2.1	Eleme	enty rachunku prawdopodobieństwa i statystyki	4
	2.2	Eleme	enty algebry liniowej	5
	2.3	? Met	ody	6
3	Eks	plorac	ja danych w systemach rekomendujących	7
	3.1	Prepre	ocesing danych	7
		3.1.1	Miary podobieństwa	7
		3.1.2	Redukcja wymiaru	9
	3.2	Metod	ly eksploracji danych	9
		3.2.1	k - najbliższych sąsiadów	9
		3.2.2	k-średnich	9
		3.2.3	drzewa decyzyjne	10
		3.2.4	regresja wielowymiarowa - logistyczna - ?	10
		3.2.5	sztuczna sieć neuronowa - ?	10
		3.2.6	Support Vector Machines - ?	10
	3.3	Szacov	wanie Błędów Obliczeń	10
		3.3.1	Ocena Dokładności Metody	10
		3.3.2	Ocena Precyzji Użyteczności	11
		3.3.3	Ocena Rankingów	12
4	Mo	dele tv	worzenia rekomendacji	14
	4.1	Syster	my rekomendujące oparte na treści (Content-based recommender	
		systen	ns):	14
		4.1.1	Problem	14
		4.1.2	Algorytm	14
		4.1.3	Wygenerowanie profilu produktu	15
		4.1.4	Wygenerowanie profilu użytkownika	17

		4.1.5	Rozpoznanie cech produktu odpowiednich dla użytkownika	17
		4.1.6	Przykład	18
		4.1.7	???????Wady i zalety systemu rekomendującego opartego na treści	20
	4.2	Filtrov	vanie kolaboratywne (Collaborative filtering)	21
		4.2.1	Filtrowanie kolaboratywne oparte na użytkowniku	21
		4.2.2	Filtrowanie kolaboratywne oparte na elementach	23
		4.2.3	?????Wady i zalety filtrowania kolaboratywnego	24
		4.2.4	????Porównanie filtrowania kolaboratywnego opartego na użyt-	
			kownikach i filtrowania kolaboratywnego opartego na elemtach: .	25
	4.3	System	ny rekomendujące kontekstowe (Context – aware recommender	
		system	ns):	26
		4.3.1	Algorytm	26
		4.3.2	Przykład	27
		4.3.3	???Wady i zalety systemów rekomendujących kontekstowych $$	28
	4.4	Hybry	dowe systemy rekomendujące ():	28
	4.5	System	ny rekomendujące oparte na modelach():	28
5	$\mathbf{Eks}_{\mathbf{j}}$	perym	enty / cześć praktyczne	2 9
6	Pod	sumow	vanie	30
7	Bib	liografi	\mathbf{a}	31

Wstęp

Preliminaria

2.1 Elementy rachunku prawdopodobieństwa i statystyki

Niech F oznacza σ - algebrę podzbiorów z przestrzeni Ω oraz niech X oznacza funkcję rzeczywistą określoną na przestrzeni Ω , to znaczy:

$$X:\Omega\longrightarrow\mathbb{R}.$$

Definicja 1 Zmienna losowa

Zmienną losową nazywamy funkcję X, która jest F - mierzalna, to znaczy jeżeli dla każdego $a \in \mathbb{R}$ zachodzi:

$$\{\omega: X(\omega) < a\} = X^{-1}((-\infty, a)) \in F,$$

 $gdzie \ X^{-1} \ jest \ operacją \ przeciwobrazu \ zbioru \ przez \ funkcję \ X.$

Definicja 2 Kowariancja

Kowariancją zmiennych losowych X, Y nazywamy liczbę:

$$Cov(X,Y) = E[(X - E(X))(Y - E(Y))],$$

 $gdzie\ E(X)\ oznacza\ wartość\ oczekiwaną\ zmiennej\ losowej\ X$.

Definicja 3 Odchylenie standardowe

Wariancją zmiennej losowej X nazywamy liczbę:

$$Var(X) = E([X - E(X)]^2),$$

jeżeli po prawej stronie równości wartość oczekiwana istnieje.

 $Odchyleniem\ standardowym\ zmiennej\ losowej\ X\ nazywamy\ liczbę:$

$$\sigma(X) = \sqrt{Var(X)}.$$

Definicja 4 Współczynnik korelacja

Współczynnikiem korelacji nazywamy charakterystykę ilościową stopnia zależności dwóch zmiennych losowych X i Y zdefiniowaną następująco:

$$\rho(x,Y) = \frac{Cov(X,Y)}{\sigma(X)\sigma(Y)}.$$

W statystyce do przedstawienia poziomu zależności liniowej między dwoma zmiennymi losowymi używamy Współczynnika Korelacji Pearsona.

Definicja 5 Współczynnik Korelacji Pearsona

Niech $X, Y \in \mathbb{R}^n$ będą zmiennymi losowymi o rozkładach ciągłych oraz niech x_k , y_k , gdzie $k \in \{1, ..., n\}$ oznaczają wartości prób losowych tych zmiennych.

Przez \overline{x} i \overline{y} oznaczmy:

$$\overline{x} = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{n} x_k,$$

$$\overline{y} = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{n} y_k.$$

Wówczas Współczynnikiem Korelacji Pearsona nazywamy:

$$\rho(X,Y) = \frac{\sum_{k=1}^{n} (x_k - \overline{x})(y_k - \overline{y})}{\sqrt{\sum_{k=1}^{n} (x_k - \overline{x})^2} \sqrt{\sum_{k=1}^{n} (y_k - \overline{y})^2}}.$$

2.2 Elementy algebry liniowej

Definicja 6 *Iloczyn skalarny*

Niech U oznacza przestrzeń liniową nad ciałem \mathbb{R} . Iloczynem skalarnym nazywamy formę dwuliniową

$$d: U \times U \longrightarrow \mathbb{R}$$
,

gdy:

• $dla\ ka\dot{z}dego\ u \in U\ zachodzi$:

$$d(u,u) \geqslant 0$$

• jest symetryczna, oznacza to, że dla dowolnych $u, v \in U$ zachodzi:

$$d(u, v) = d(v, u)$$

5

• $(u,u) = 0 \Leftrightarrow u = \Theta_U$

Przestrzeń liniową U nad ciałem liczb rzeczywistych z iloczynem skalarnym $d: U \times U \longrightarrow \mathbb{R}$ nazywamy przestrzenią euklidesową.

Definicja 7 Miara odległości

Miarą odległości (funkcją odległości) nazywamy rzeczywistą funkcję d, która dla każdego $x, y, x \in \mathbb{R}^n$ spełnia warunki:

- $d(x,y) \geqslant 0$
- $d(x,y) = 0 \Leftrightarrow x = y$
- $\bullet \ d(x,y) = d(y,x)$
- $d(x,y) + d(y,z) \geqslant d(x,z)$

Definicja 8 Odległość euklidesowa

Niech $(x_1, x_2, ..., x_n) \in \mathbb{R}^n$. Normą x nazywamy:

$$||x|| = \sqrt{x_1^2 + \dots + x_n^2}.$$

Jeśli $x, y \in \mathbb{R}^n$ to liczbę: ||x - y|| nazywamy odległością euklidesową punktów x i y, gdzie:

$$(x-y) = (x_1 - y_1, ..., x_n - y_n).$$

Definicja 9 Odległość kosinusowa

Niech $x, y \in \mathbb{R}^n$ (x,y są n-wymiarowymi wektorami). Odległością kosinusową nazywamy:

$$d(x,y) = 1 - sim(x,y),$$

 $gdzie \ sim(x,y) \ to \ współczynnik \ podobieństwa \ wektorów \ x \ i \ y:$

$$sim(x,y) = \frac{x \cdot y}{|x||y|},$$

zatem

$$sim(x,y) = \frac{\sum_{k=1}^{n} x_k y_k}{\sqrt{\sum_{k=1}^{n} x_k} \sqrt{\sum_{k=1}^{n} y_k}}.$$

2.3 ? Metody

1.Przedmiot 2.Użytkownik 3.Preferencje 4.Cecha/własność

Eksploracja danych w systemach rekomendujących

Większość systemów rekomendujących opiera swój rdzeń na algorytmach, które możemy rozumieć jako konkretne przypadki technik eksploracji danych.

Proces eksploracji danych składa się zazwyczaj z trzech kroków:

- 1. Preprocesing Danych,
- 2. Analiza Danych,
- 3. Interpretacja Wyników.

W tym rozdziale zostaną przeanalizowane najważniejsze i najczęściej używane w regułach rekomendujących metody. Zaczniemy od miar podobieństw i redukcji wymiaru. W kolejnym etapie spojrzymy na metody klasyfikacji, grupowania i regresji, aby zakończyć interpretacją wyników i oceną błędów obliczeń.

3.1 Preprocesing danych

Przed przystąpieniem do kroku analizy dane wymagają przygotowania: wyczyszczenia, przefiltrowania, transformacji. Dopiero tak przygotowane dane mogą zostać poddane zadaniom uczenia maszynowego. W tej sekcji zostaną przedstawione problemy, które spotkamy przy tworzeniu reguł rekomendujących.

3.1.1 Miary podobieństwa

W systemach rekomendujących, jak filtrowanie kolaboratywne bardzo częstym podejściem jest używanie metod klasyfikacji i grupowania. Metody te bardzo ściśle opierają się na obliczaniu podobieństwach i odległości w danych.

Najprostszym i jednocześnie najczęściej używanym podejściem jest tu **Odległość Euklidesowa**:

$$d(x,y) = \sqrt{\sum_{k=1}^{n} (x_k - y_k)^2},$$

gdzie n oznacza liczbę atrybutów elementów x i y przy czym x_k oznacza k-ty atrybut elementu x.

Innym przykładem jest **Odległość Minkowkskiego**, która jest uogólnioną wersją Odległości Euklidesowej:

$$d(x,y) = (\sum_{k=1}^{n} |x_k - y_k|^r)^{\frac{1}{r}}.$$

W zależności od wartości stopnia odległości r Odległość Minkowkskiego przyjmuje konkretne nazwy:

- r = 1 Odległość Manhatan (norma L_1),
- r=2 wspomniana wcześniej Odległość Euklidesowa,
- $r \longrightarrow \infty$ supremum (norma L_{max} , norma L_{∞}).

Kolejnym podejściem, gdzie poszczególne elementy są postrzegane jako n - wymiarowe wektory, a podobieństwo między nimi jest obliczane na podstawie konta, który tworzą jest **podobieństwo kosinusów**:

$$cos(x_u, x_v) = \frac{x_u^T x_v}{||x_u|| ||x_v||},$$

gdzie x_u i x_v oznaczają wektory preferencji użytkowników u oraz v.

Inną miarą jest Korelacja Pearsona, zdefiniowana następująco:

$$\rho(u,v) = \frac{\sum_{i \in I_{uv}} (r_{ui} - \overline{r}_u)(r_{vi} - \overline{r}_v)}{\sqrt{\sum_{i \in I_{uv}} (r_{ui} - \overline{r}_u)^2 \sum_{i \in I_{uv}} (r_{vi} - \overline{r}_v)^2}}$$

 I_{uv} oznacza w tym przypadku zbiór elementów, które zostały ocenione przez użytkownika u i użytkownika v, r_{ui} natomiast ocenę elementu i przez użytkownika u.

Indeks Jaccarda (Współczynnik podobieństwa Jaccarda) to kolejny wskaźnik opisujący podobieństwo. Jeżeli oznaczymy przez A i B wektory to:

$$J(A,B) = \frac{|A \cap B|}{|A \cup B|}.$$

Z racji tego, że użytkowników i elementy możemy przedstawić za pomocą wektorów łatwo zastosować współczynnik Jaccarda do obliczania podobieństwa.

3.1.2 Redukcja wymiaru

PCA

Singular Value Decomposition

3.2 Metody eksploracji danych

3.2.1 k - najbliższych sąsiadów

Algorytm k - najbliższych sąsiadów jest przykładem uczenia maszynowego, gdzie klasyfikacja nowych elementów zostaje przeprowadzona na podstawie porównania z najbardziej podobnymi jej obiektami.

Niech dany będzie zbiór obserwacji w przestrzeni \mathbb{R}^{n+1} z których każda składa się ze zmiennych objaśniających $x_1,...,x_n$ i zmiennej objaśnianej y, obserwacja d o znanych wartościach $x_1,...,x_n$ do których chcemy przyporządkować wartość y oraz $k \in \mathbb{N}$. W pierwszym kroku zostają porównane wartość zmiennych $x_1,...,x_n$ obserwacji d z wartościami tych zmiennych we wszystkich innych obserwacjach. Następnie zostaje wybrane k obserwacji najbliższych obserwacji d. Ostatecznie na podstawie zmiennych objaśnianych, które odpowiadają obserwacjom w wybranej grupie obliczona zostaje średnia wartość y. Na podstawie tej wartości obserwacja d uzyskuje odpowiednią prognozę przyporządkowania.

Jak wyżej opisana metoda przyporządkowuje wybranemu rekordowi najbardziej mu podobne?

Wykorzystywane są tutaj miary odległości z których najczęściej stosowaną jest odległość euklidesowa.

3.2.2 k-średnich

Algorytm k-średnich jest prostym i zarazem efektywnym algorytmem grupowania.

W pierwszym kroku zostaje ustalona liczba grup, na jaką dane zostaną rozdzielone $(k \in \mathbb{N})$. Następnie wybierając k początkowych rekordów ustalamy środek każdej z grup. Pozostałe rekordy zostają przyporządkowane do każdej grupy poprzez wybór najmniejszej odległości od wszystkich środków. W kolejnym kroku dla każdej z k grup odnajdujemy położenie nowego centroidu (najczęściej przez obliczenie średniej wartości) i znów powtarzamy przyporządkowanie pozostałych rekordów. Mechanizm powtarzamy do momentu, gdy otrzymamy zadowalający wynik lub, gdy środki przestaną zmieniać swoje położenie.

centroidy

sse

- 3.2.3 drzewa decyzyjne
- 3.2.4 regresja wielowymiarowa logistyczna ?
- 3.2.5 sztuczna sieć neuronowa ?
- 3.2.6 Support Vector Machines -?

3.3 Szacowanie Błędów Obliczeń

3.3.1 Ocena Dokładności Metody

Kolejna kwestia często poruszana w regułach rekomendujących to dokładność przewidywań. Jak oceniamy, czy uzyskany przez nas wynik jest wystarczająco dokładny? Załóżmy, że dla użytkownika u i elementu i ze zbioru testowego P dostarczamy predykcję $\widehat{r_{(u,i)}}$. Aby ocenić jakość wyniku należy porównać ją ze znaną wartością $r_{(u,i)}$.

Najczęściej używanymi miarami dokładności modelu są:

• Średni Błąd (Mean Error)

$$ME = \frac{1}{|P|} \sum_{(u,i) \in P} (\widehat{r_{(u,i)}} - r_{(u,i)})$$

• Średni Błąd Bezwzględny (Mean Absolute Error)

$$MAD = \frac{1}{|P|} \sum_{(u,i) \in P} |\widehat{r_{(u,i)}} - r_{(u,i)}|$$

• Średni Błąd Kwadratowy (Mean Squared Error)

$$MSE = \frac{1}{|P|} \sum_{(u,i) \in P} (\widehat{r_{(u,i)}} - r_{(u,i)})^2$$

Funkcja kwadratowa jest funkcją monotoniczną co pozwala na dość częste zastępowanie średniego błędu kwadratowego przez średnią kwadratową błędów (Root Mean Squared Error (RMSE)).

$$RMSE = \sqrt{MSE}$$

Normalized RMSE (NRMSE) oraz Normalized MAE (NMAE) są znormalizownymi, przez użycie zakresu wartości $r_{max} - r_{min}$, wersjami błędów RMSE i MAE. Kolejnym rodzajem powszechnie używanego błędu jest **Average RMSE**, który pozwala na użycie sum ważonych. Niech $w_i > 0$ będzie wagę dla elementu i i $\sum w_i = 1$.

$$ARMSE = \sqrt{\sum_{(u,i) \in P} w_i (\widehat{r_{(u,i)}} - r_{(u,i)})^2}$$

3.3.2 Ocena Precyzji Użyteczności

W regułach rekomendujących częstymi są przypadki, gdzie systemy nie będą przewidywać konkretnych preferencji użytkownika, jak oceny ale samo prawdopodobieństwo podjęcia przez użytkownika akcji.

Oceniając taki model wybieramy przykładowego użytkownika i ukrywamy kilka wybranych przez niego elementów aby spróbować przewidzieć zestaw elementów jakie użytkownik będzie chciał wybrać. W poniższej tabeli zostały zaprezentowane rezultaty jakie są możliwe do otrzymania przy przeprowadzaniu takiego testu:

	Zarekomendowane	Niezarekomendowane
Wybrane	prawda-pozytywnie	fałsz-negatywnie
przez użytkownika	(pp)	(fn)
Niewybrane	fałsz-pozytywnie	prawda-negatywnie
przez użytkownika	(fp)	(pn)

Zakładamy, że elementy nieużyte przez użytkownika nie zostałyby użyte również w przypadku gdy zostałyby zarekomendowane. Założenie to może okazać się jednak błędne, ponieważ w wyniku rekomendacji możemy otrzymać interesujące propozycje, których użytkownik nie brał pod uwagę. Jest to powód dlaczego wynik fp jest bardzo często przeszacowany.

W celu porównania algorytmów możemy posłużyć się następującymi statystykami:

Precyzja (ang. Precision) =
$$\frac{|pp|}{|pp|+|fp|}$$
,
Wskaźnik pp (ang. Recall / True Positive Rate) = $\frac{|pp|}{|pp|+|fn|}$,
Wskaźnik fp (ang. False Positive Rate) = $\frac{|fp|}{|fp|+|pn|}$.

Często jednak jest tu obserwowana zależność, która pokazuje, że przy wydłużaniu się listy rekomendacji rośnie wartość wskaźnika pp i jednocześnie maleje precyzja. Dla stałej długości listy rekomendacji porównanie precyzji algorytmów jest jak najbardziej miarodajne. Niemniej jednak porównanie precyzji, gdzie długości list rekomendacji są różne jest często bardzo trudne. Zostaje zatem wyznaczona krzywa przedstawiająca kompromis między wskaźnikiem pp i precyzją, lub między wskaźnikiem pp i wskaźnikiem fp. Formalnie pierwsza krzywa jest nazywana krzywą precyzji (ang. precision - recall curve) natomiast druga krzywą ROC (ang. Receiver Operating Characteristic).

3.3.3 Ocena Rankingów

W poprzedniej sekcji została omówiona metoda wyboru odpowiedniego modelu rekomendującego. Każdy z takich modeli kończy się przedstawieniem pewnej listy rekomendowanych elementów. Często jednak również kolejność elementów jest bardzo ważna i ma duży wpływ na wybory użytkowników.

W tej części zostaną zaprezentowane metody służące do oceny otrzymanych na podstawie modelu rankingów i pomagające zapewnić odpowiedni porządek rekomendowanych elementów. Jeżeli elementy posiadają oceny (np. użytkowników) intuicyjnym jest stworzyć ranking przez uporządkowanie tych ocen w malejący sposób. W przypadku gdy jednak nie mamy takich danych lub nie jest odpowiednie tworzenie takiego rankingu użyjemy znormalizowanej miary opartej na odległości (ang. Normalized Distance-based Performance Measure (NDPM):

Niech r_{ui} będzie rankingiem odniesienia i \hat{r}_{ui} rankingiem stworzonym przez wybrany system rekomendującym n_u elementów i użytkownikowi u.

Ponadto niech:

$$C^{+} = \sum_{i < j} sgn(r_{ui} - r_{uj}) sgn(\hat{r}_{ui} - \hat{r}_{uj})$$

$$C^{-} = \sum_{i < j} sgn^{2}(r_{ui} - r_{uj}) sgn(\hat{r}_{uj} - \hat{r}_{ui})$$

$$C^{u} = \sum_{i < j} sgn^{2}(r_{ui} - r_{uj})$$

$$C^{s} = \sum_{i < j} sgn(\hat{r}_{ui} - \hat{r}_{uj})$$

$$C^{0} = C^{u} - (C^{+} - C^{-}), \text{ gdzie}$$

 C^u jest liczbą par dla których ranking referencyjny okazuje się lepszą możliwością, C^+ i C^- to liczba par z poprawną i niepoprawną kolejnością, C^0 jest liczbą par dla których ranking referencyjny nie jest wiążący, kiedy ranking systemu rekomendującego jest.

Ostatecznie NDPM definiujemy w następujący sposób:

$$NDPM = \frac{C^- + 0.5C^0}{C^u}$$

Powiązania w rankingu referencyjnym pojawiają się naturalnie, kiedy znamy preferencje użytkownika (np. przydziela on oceny). Czasami jednak rankingi są bardziej specyficzne (np. kiedy dajemy użytkownikowi wybór między dwoma elementami). Wtedy też system rekomendujący nie powinien tworzyć rankingu klasyfikując jedne elementy wyżej niż inne. W takich przypadkach przychodzą nam z pomocą

miara Kendall's τ :

$$\tau = \frac{C^+ - C^-}{\sqrt{C^u}\sqrt{C^s}}$$

oraz **miara Spearman's** ρ :

$$\rho = \frac{1}{n_u} \frac{\sum_i (r_{iu} - \overline{r})(\widehat{r}_{iu} - \overline{\widehat{r}})}{\sigma(r)\sigma(r)},$$

gdzie \overline{r} i $\overline{\hat{r}}$ oznaczają średnie, natomiast $\sigma(r)$ i $\sigma(\widehat{r})$ odchylenia standardowe.

Definicja 10 ? $Term\ frequency$

Definicja 11 ? Inverse document frequency

Definicja 12 ? Faktoryzacja macierzy

Modele tworzenia rekomendacji

Systemy rekomendujące mogą zostać podzielone na systemy oparte na kontekście i systemy oparte na użytkownikach. W pierwszym przypadku eksploracja danych jest dokonywana pod względem zawartych w treści rozważanego elementu cech. Główne założenie mówi, że jeżeli użytkownik wybrał przedmiot A w przeszłości oraz przedmiot B jest podobna do A, to użytkownik będzie skłonny wybrać również przedmiot B. W systemach opartych na użytkownikach badaniu podlegają natomiast zależności, które występują między produktami, a użytkownikami. Idea rozważana pod tym hasłem mówi, że jeżeli użytkownicy A i B wykazują podobieństwo oraz użytkownik A zaopiniuje pewien przedmiot, którego użytkownik B jeszcze nie ocenił, to prawdopodobnie opinia użytkownika B będzie podobna do opinii użytkownika A.

4.1 Systemy rekomendujące oparte na treści (Contentbased recommender systems):

4.1.1 Problem

Rozważmy sytuację w której szukamy przyjemnej lektury na zimowy wieczór. Zaczynamy od przeglądania tytułów wśród interesujących nas gatunków. Następnie spojrzymy zapewne na oceny jakie inni czytelnicy wydali na temat danej pozycji. Analizując wartość uzyskanych ocen ostatecznie podejmujemy na ich podstawie najbardziej odpowiednią dla nas decyzję.

4.1.2 Algorytm

Metody rozwiązywania podobnych problemów często spotykane są w matematyce. Jednym z przykładów są systemy oparte na treści, które wyróżnia ukierunkowanie na sper-

sonalizowany poziom użytkownika oraz treści produktu. Głównym celem tej metody jest scharakteryzowanie cech, które użytkownik ceni, a następnie zasugerowanie mu produktów, które te cechy posiadają. Wspomniana metoda opiera się na obliczaniu podobieństw oraz wykorzystuje zadania uczenia maszynowego, takie jak klasyfikacja.

W typie rekomendacji opartym na treści stworzenie rekomendacji i wygenerowanie listy elementów, które mogę być odpowiednie użytkownikowi możemy przedstawić w trzech krokach:

- 1. Wygenerowanie profilu produktu
- 2. Wygenerowanie profilu użytkownika
- 3. Rozpoznanie cech produktu odpowiednich dla użytkownika

4.1.3 Wygenerowanie profilu produktu

W większość systemów rekomendacji opartych na treści można zauważyć użycie prostych modeli wyszukujących. Jednym z najbardziej popularnych jest Model Przestrzeni Wektorowej (ang. Vector Space Model) z algorytmem TF-IDF (ang. TF – term frequency, IDF - inverse document frequency). Jest to przestrzenna forma reprezentacji dokumentów, gdzie dokument i jest reprezentowany przez wektor w przestrzeni nwymiarowej x_i , a każdy z n wymiarów stanowi rozważaną cechę produktu. Dla danych w formie dokumentów tekstowych cechami, które pomagają scharakteryzować temat dokumentu, np. artykułu na stronie internetowej są słowa. Dla każdego ze słów zostaje obliczona wartość funkcji TFIDF (została ona dokładnie omówiona poniżej). W końcowym etapie słowa, które otrzymały najwyższe wyniki zostają uznane za charakteryzujące rozważany dokument.

Formalnie rzecz ujmując każdy z dokumentów jest przedstawiony za pomocą wektora wag, gdzie waga w odpowiedni sposób wyraża zależność między dokumentem, a badanym terminem.

Niech $P = \{p_1, p_2, ..., p_n\}, n \in \mathbb{N}$ będzie zestawem dokumentów / analizowanych przedmiotów. Natomiast $C = \{c_1, c_2, ..., c_n\}, n \in \mathbb{N}$ zestawem cech rozważanych w przedmiotach. Każdy z dokumentów $p_j, j \in \{1, ..., n\}$ jest reprezentowany jako wektor w przestrzeni wektorowej n-wymiarowej. Zatem $p_j = [w_{1j}, w_{2j}, ..., w_{nj}]$, gdzie w_{kj} jest wagą dla cechy c_k w dokumencie p_j .

Do generowania profilu produktu używany jest wspomniany wcześniej algorytm TFIDF pozwalający policzyć względną ważność powiązania cechy z przedmiotem. Zakładamy tu, że:

- rzadkie cechy są równie istotne jak częste (założenie IDF),
- kilkukrotne wystąpienie terminu w rozważanym dokumencie jest równie istotne jak pojedyncze (założenie TF),
- długość dokumentu (filmu, książki) nie ma znaczenia (założenie normalizacji).

Możemy więc powiedzieć, że jeżeli termin występuje często w konkretnym przedmiocie rozważań (TF) i równocześnie rzadko w pozostałych elementach zboru (IDF) ma większe prawdopodobieństwo stać się jedną z istotnych cech rozważanych w temacie. Ponadto normalizacja wektorów wag pozwala zrównoważyć wartość wyników i umożliwia ich porównywanie w dalszej analizie.

Powyższe założenia odzwierciedla funkcja TFIDF:

$$TFIDF(t_k, d_i) = TF(c_k, p_i) * IDF,$$

gdzie:

• $TF(c_k, p_j)$ (macierz term frequency) przedstawia odniesienie każdego z podanych terminów do każdego z badanych elementów:

$$TF(c_k, p_j) = \frac{f_{k,j}}{\max_z f_{z,j}},$$

 $\max_z f_{z,j}$ - maksymalna w odniesieniu do wszystkich cech c_z , które pojawiły się w dokumencie p_j częstotliwość wystąpień $(f_{z,j})$

• IDF (inverse dokument frequency) wyraża się formułą:

$$IDF = \log \frac{N}{n_k}$$

N - całkowita liczba dokumentów w zbiorze,

 n_k - liczba dokumentów w których cecha c_k wystąpiła przynajmniej raz.

Ponadto w związku z założeniem o normalizacji wagi, które zostały uzyskane w wyniku $TFIDF(t_k, d_i)$ poddane zostaną metodzie transformacji kosinusowej:

$$w_{k,j} = \frac{TFIDF(t_k, d_j)}{\sqrt{\sum_{i=1}^{|T|} TFIDF(t_i, d_j)^2}}.$$

Tak wygenerowany został zbiór słów, które są reprezentacją danego dokumentu oraz jego tematu. Ostatnim krokiem przed zarekomendowaniem pozycji czytelnikom jest wyestymowanie podobieństw występujących między poszczególnymi dokumentami. Naturalnymi miarami odległości, które można tu wykorzystać są:

- współczynnik Jaccarda mierzący odległość między zbiorami słów,
- podobieństwa kosinusów mierzące odległość między wektorami:

$$sim(p_i, p_j) = \frac{\sum_{i=k} w_{k,i} \cdot w_{k,j}}{\sqrt{\sum_{k=1} w_{k,i}^2} \cdot \sqrt{\sum_{k=1} w_{k,j}^2}}.$$

Przy estymowaniu odległości kosinusów między dwoma dokumentami elementami wektora są słowa, które zostały wybrane na podstawie wcześniej przeprowadzonego algorytmu. W wektorze tym wartość 1 oznacza, że słowo pojawiło się w zbiorze opisującym dokument, natomiast 0 oznacza sytuację przeciwną.

4.1.4 Wygenerowanie profilu użytkownika

Przy generowaniu wektora opisującego rozważane dokumenty należy uwzględnić komponenty opisujące preferencje użytkowników. Dla każdego użytkownika u przedstawiamy jego preferencje w postaci wektora x_u , gdzie użytkownik pozycjonuje element i poprzez wektor cech x_i .

4.1.5 Rozpoznanie cech produktu odpowiednich dla użytkownika

Proces rekomendacji bazuje na dopasowaniu cech profilu użytkownika i wartości opisujących treść obiektu. Rezultatem jest stwierdzenie czy rozważany kandydat jest zainteresowany analizowanym przedmiotem. Zainteresowanie użytkownika danym przedmiotem można wyestymować używając podobieństwa cosinusów. Rozważmy dokument, gdzie użytkownik wyraża zainteresowanie większością cech w wektorze x_i opisującym dokument i. Otrzymamy cosinus kąta między użytkownikiem i dokumentem będący dodatnim ułamkiem. Oznacza to, że kąt będzie bliski 0^o a tym samym odległość między wektorami będzie mała. W przypadku przeciwnym otrzymamy cosinus bliski zeru lub mniejszy od zera, oznacza to kąt należący do przedziału $(90^o; 180^o)$ oraz małe podobieństwo między rozważanymi wektorami.

4.1.6 Przykład

Aby dokładnie przyjrzeć się metodom opartym na treści rozważmy wcześniej przytoczony problem oparty na książkach. Poniższa tabela przedstawia tytuły kilku randomowo wybranych książek wraz z gatunkami.

Książka	Gatunek
Władza Absolutna	Kryminał
Patrioci	Proza współczesna
Proxima	Powieść fantastycznonaukowa
Strażacy	Literatura faktu
Gra o Śmierć	Romans
Cyrk	Komedia

Przez wykorzystanie algorytmu TFIDF stworzymy profil każdej z książek. Pierwszym etapem algorytmu jest stworzenie macierzy "term frequency". W tym przypadku jej wypełnienie przedstawia odniesienie każdego z podanych terminów do każdej z książek. Załóżmy, że 1 oznacza iż książka reprezentuje cechy danego gatunku, natomiast 0 oznacza brak takich cech.

Książka	Kry-	Proza	Powieść	Litera-	Romans	Komedia	Książka	Thriller
/	minał	współ-	fantastycz-	tura			akcji	
Gatunek		czesna	nonaukowa	faktu				
Władza								
Absolutna	1	0	0	0	0	0	1	0
Patrioci	0	1	0	0	0	0	1	0
Proxima	0	1	1	0	0	0	0	0
Strażacy	0	0	0	1	0	0	1	0
Gra								
o Śmierć	0	0	0	0	1	0	0	1
Cyrk	1	0	0	0	0	1	0	0

Zbadajmy teraz "inverse dokument frequency".

$$IDF = \log \frac{N}{n_k}$$

W rozważanym przypadku N to liczba książek, natomiast n_k to całkowita liczba wystąpień "term frequency", uzyskana dla wszystkich dokumentów.

Kry-	Proza	Powieść	Litera-	Romans	Komedia	Książka	Thriller
minał	współ-	fantastycz-	tura			akcji	
	czesna	nonaukowa	faktu				
1.098612	1.098612	1.791759	1.791759	1.791759	1.791759	0.693147	1.791759

Mając stworzona macierz "term frequency" oraz wektor "inverse dokument frequency" przejdźmy do ostatniego kroku i stwórzmy macierz TFIDF dla rozważanego przypadku:

Książka	Kry-	Proza	Powieść	Litera-	Romans	Komedia	Książka	Thriller
/	minał	współ-	fantastycz-	tura			akcji	
Gatunek		czesna	nonaukowa	faktu				
Władza								
Absolutna	1.098612	0	0	0	0	0	0.693147	0
Patrioci	0	1.098612	0	0	0	0	0.693147	0
Proxima	0	1.098612	1.791759	0	0	0	0	0
Strażacy	0	0	0	1.791759	0	0	0.693147	0
Gra								
o Śmierć	0	0	0	0	1.791759	0	0	1.791759
Cyrk	1.098612	0	0	0	0	1.791759	0	0

Zakończyliśmy generowanie profilu przedmiotu, przejdźmy więc do wygenerowania profilu użytkownika.

Rozważmy zbiór danych, który przedstawia informacje o czytelnikach i książkach. W poniższym zestawieniu 1 oznacza, że dana osoba przeczytała książkę, natomiast puste miejsce, że nie podjęła się lektury.

Książka/Czytelnik	Anna	Maciej	Bartek	Ewa	Sandra	Kacper
Władza Absolutna	1	1		1	1	
Patrioci		1	1	1	1	
Proxima	1	1	1	1	1	1
Strażacy	1	1	1	1	1	1
Gra o Śmierć	1	1	1	1	1	
Cyrk	1	1	1	1	1	1

Profil użytkownika powinien zawierać jego preferencje dotyczące cech danego przedmiotu, w tym przypadku będą to preferencje dotyczące gatunku książki. Iloczyn skalarny zbudowany na TFIDF i macierzy preferencji użytkowników przedstawi powinowactwo każdego z użytkowników do każdego z rozważanych gatunków książki.

Książka	Kry-	Proza	Powieść	Litera-	Romans	Komedia	Książka	Thriller
/	minał	współ-	fantastycz-	tura			akcji	
Gatunek		czesna	nonaukowa	faktu				
Anna	2.197224	1.098612	1.791759	1.791759	1.791759	1.791759	1.3862944	1.791759
Maciej	2.197224	2.197224	1.791759	1.791759	1.791759	1.791759	2.0794416	1.791759
Bartek	1.098612	2.197224	1.791759	1.791759	1.791759	1.791759	1.3862944	1.791759
Ewa	2.197224	2.197224	1.791759	1.791759	1.791759	1.791759	2.0794416	1.791759
Sandra	2.197224	2.197224	1.791759	1.791759	1.791759	1.791759	2.0794416	1.791759
Kacper	1.098612	1.098612	1.791759	1.791759	0	1.791759	0.6931472	0

Kolejnym krokiem po wygenerowaniu profilu przedmiotu i profilu użytkownika jest przedstawienie w jakim stopniu każdy z użytkowników będzie zainteresowany każdą z książek. Do tego wykorzystane zostanie, wcześniej już wspomniane, podobieństwo kosinusów.

(macierz zainteresowań)

4.1.7 ???????Wady i zalety systemu rekomendującego opartego na treści

Badacze Francesco Ricci, Lior Rokach, Bracha Shapira i Paul B. Kantor w swojej publikacji :"Recommender Systems Handbook" wyróżniają następujące zalety filtrowania opartego na treści:

- Niezależność użytkowników: Jest metodą ukierunkowaną na indywidualne rozważnie każdego użytkownika, a budowanie jego profilu odbywa się na podstawie ocen, które zostały przez niego wydane. W metodzie filtrowania kolaboratywnego rekomendacja była dokonana po uwzględnieniu ocen innych użytkowników oraz znalezieniu użytkowników najbardziej podobnych pod względem preferencji.
- Transparentność: W celu przedstawienia zaproponowanej rekomendacji opartej na treści możemy przedstawić listę kontekstów, które zostały poddane analizie. Stanowią one listę wskaźników na podstawie których możemy ocenić wartość i prawdziwość rekomendacji. W przypadku filtrowania kolaboratywnego jedyną informacją jaka doprowadziła nas do reprezentowanych wniosków jest podobieństwo między nieznanymi użytkownikami, którzy charakteryzują się podobnym gustem.
- Nowy przedmiot: Systemy rekomendacji oparte na treści umożliwiają stworzenie rekomendacji przedmiotu, który nie został wcześniej oceniony przez użytkowników. Istnieje bowiem możliwość szybkiego ustalenia cech w rozważanych przez rekomendację aspektach.

Niemniej jednak, rozważając ten rodzaj systemów rekomendujących możemy dostrzec następujące niedociągniecia:

• Ograniczona analiza treści: Techniki rekomendacji oparte na treści posiadają ograniczenia w postaci liczby i typów cech, które są powiązane z rekomendowanymi obiektami. Przyporządkowanie pewnych kontekstów do przedmiotów może okazać się niewystarczające aby zbadać zainteresowania użytkowników.

- Nadmierne wyspecjalizowanie: Stosując rekomendacje oparte na treści nie posiadamy możliwości do odnalezienia wyjątkowo nieoczekiwanych wniosków. Systemy te sugerują bowiem przedmioty, których noty są wysokie w stosunku do profilu użytkownika, skąd wynikiem rekomendacji zawsze będą przedmioty podobne do tych przez użytkownika już ocenionych. Na tej podstawie też często zarzuca się rozważanym systemom niski poziom nowości przy dostarczaniu rekomendacji.
- Nowy użytkownik: W przypadku użytkowników, gdzie możemy analizować dużą liczbę wystawionych ocen i dobrze zrozumieć ich preferencje stworzenie odpowiedniej rekomendacji nie stanowi problemu. Jednakże, gdy ocen jest tylko kilka
 lub użytkownik jest nowy system nie będzie w stanie stworzyć niezawodnej rekomendacji.

4.2 Filtrowanie kolaboratywne (Collaborative filtering)

Idea rozważana pod tym hasłem mówi, że jeżeli użytkownicy A i B wykazują podobieństwo oraz użytkownik A zaopiniuje pewien przedmiot, którego użytkownik B jeszcze nie ocenił, to prawdopodobnie opinia użytkownika B będzie podobna do opinii użytkownika A. Wyróżniamy dwa podstawowe typy filtrowania kolaboratywnego:

- filtrowanie kolaboratywne oparte na użytkowniku (ang. user-based)
- filtrowanie kolaboratywne oparte na elementach (ang. item-based)

Cechą wspólną dla obu powyższych metod jest fakt, że oceny jednych użytkowników są podstawą do tworzenia rekomendacji dla innych.

Podejście kolaboratywne omija niektóre ograniczenia występujące w metodach kontekstowych. Rekomendację są dokonywane tylko na podstawie ocen. Dzięki temu systemowi możemy również dokonywać rekomendacji na przestrzeni kilku kontekstów, co pozwala uniknąć nam konkretne wyspecjalizowanej przestrzeni obecnej w metodach kontekstowych.

4.2.1 Filtrowanie kolaboratywne oparte na użytkowniku

Algorytm

Stworzenie rekomendacji opartej na użytkowniku wykonamy w kolejnych krokach:

- Znalezienie podobieństwa między czytelnikami opierającego się na informacji o
 przeczytanych książkach. Najczęstszymi stosowanymi podejściami do obliczania
 szukanego podobieństwa są Metryka Euklidesowa i Współczynnik Korelacji Pearsona.
- 2. Wyestymowanie ocen, które czytelnicy (w szczególności osoba dla której tworzymy rekomendację) mogliby wystawić dla nieprzeczytanych książek z rozważanego zbioru.

W celu dokładniejszego zrozumienia tego typu filtrowania został przedstawiony poniższy przykład.

3.1.3.2 Przykład

Zakładamy, że tabela przedstawia oceny czytelników dla kilku wybranych książek oraz, że każda z zapytanych osób mogła wystawić ocenę z zakresu 1 -10. Istotne jest, że nie wszyscy zapytani wystawili ocenę dla każdej z książek:

Książka/Czytelnik	Anna	Maciej	Bartek	Ewa	Sandra	Kacper
Wladza Absolutna	6	3		6	4	
Patrioci		6	6	5	6	
Proxima	7	7	8	7	8	9
Strażacy	8	10	10	7	6	8
Gra o Śmierć	9	6	6	6	6	
Cyrk	5	7	7	5	4	2

W tym przykładzie zastosujemy pierwsze ze wspomnianych rozwiązań. Używając wzoru:

$$d_e(x,y) = \sqrt{\sum_{i=1}^n |x_i - y_i|^2}$$

obliczymy szukane odległości:

(tabela)

Bazując na podobieństwach między poszczególnymi użytkownikami, przez obliczenie średniej ważonej, zostaje przewidziana ocena jaką Bartek zaproponuje dla książki "Władza Absolutna". W poniższym równaniu wartość podobieństwa między Bartkiem i innymi użytkownikami została pomnożona przez ocenę jaką dany użytkownik wystawił dla książki "Władza Absolutna". Następnie, w celu normalizacji, wynik został podzielony przez sumę wartości wszystkich podobieństw.

(obliczenie)

Ostatecznie, gdy znane są oceny dla wszystkich książek dokonana zastaje rekomendacja dla naszego użytkownika.

4.2.2 Filtrowanie kolaboratywne oparte na elementach

W przypadku filtrowania kolaboratywnego opartego na elementach wartości podobieństwa między użytkownikami zostaje zastąpiona przez wartości podobieństwa między elementami.

W tym przypadku założenie mówi, że jeżeli użytkownik wybrał przedmiot A w przeszłości oraz przedmiot B jest podobna do A, to użytkownik będzie skłonny wybrać również przedmiot B.

Algorytm

Podobnie jak w przypadku opartym na użytkowniku, w tym również należy wykonać dwa kroki.

- 1. Pierwszym etapem jest znalezienie podobieństw występujących między elementami. Najczęstszą miarą podobieństwa w tym przypadku jest podobieństwo kosinusów. Miara ta wyraża podobieństwo miedzy n-wymiarowymi wektorami poprzez kąt między nimi w przestrzeni wektorowej. Wraz ze wzrostem wartość kąta rośnie podobieństwo.
- 2. Następnie, na podstawie wydanych przez użytkownika ocen, należy wyestymować noty dla elementów przez niego nieocenionych.

Przykład

Chcąc zastosować ten rodzaj filtrowania kolaboratywnego do rozważanego problemu i przewidzieć ocenę użytkownika dla pewnej wybranej książki należy na wstępie zdefiniować wszystkie książki podobne do wybranej. Można to zrobić używając wspomnianego wcześniej, podobieństwa kosinusów. W tym przypadku elementami wektorów są oceny wystawione przez użytkowników dla poszczególnych książek, np.: (7,7,8,7,8,9) dla książki "Proxima". Poniższa tabela przedstawia natomiast podobieństwa występujące między wszystkimi książkami obliczone za pomocą wzoru:

$$sim(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}||\vec{b}|}$$

	Władza Absolutna	Patrioci	Proxima	Strażacy	Gra o Śmierć	Cyrk
Władza						
Absolutna	1	0.6339	0.7372	0.7195	0.8935	0.7599
Patrioci	0.6339	1	0.7951	0.8150	0.7977	0.8898
Proxima	0.7372	0.7951	1	0.9780	0.8586	0.9200
Strażacy	0.7195	0.8150	0.9780	1	0.8860	0.9681
Gra o Śmierć	0.8935	0.7977	0.8586	0.8860	1	0.9413
Cyrk	0.7599	0.8898	0.9200	0.9681	0.9413	1

Znając podobieństwa między pozycjami oraz noty wystawione przez Kacpra możemy więc wyestymować jak Kacper oceni inne pozycje z naszego spisu.

Rozważmy książkę "Patrioci". Ustalone podobieństwa między pozycją "Patrioci" a każdą z innych książek ocenianych przez Kacpra wymnożymy przez oceny, które nadał pozycjom. Następnie sumę iloczynów dzielimy przez sumę wszystkich podobieństw.

$$\frac{(0.7951 \cdot 9 + 0.8150 \cdot 8 + 0.8898 \cdot 2)}{(0.7951 + 0.8150 + 0.8898)} = 6.16$$

Na podstawie przeprowadzonych obliczeń zakładamy, że ocena jaką wystawiłby po przeczytaniu Kacper książce "Patrioci" to 6.16. Powtarzając powyższe obliczenia dla każdej z pozycji nieocenionych przez Kacpra otrzymamy wszystkie brakujące opinie. Następnie bazując na zdobytych danych z łatwością odnajdziemy pozycję najbardziej odpowiednią do zarekomendowania naszemu użytkownikowi.

4.2.3 ????Wady i zalety filtrowania kolaboratywnego

Mając przed sobą dwa typy filtrowania kolaboratywnego możemy zadać pytanie o efektywność, czy precyzyjność tego rozwiązania.

Poniżej kilka wniosków i informacji, opartych na rozważaniach Christian Desrosiers i George Karypis [44][file:///C:/Users/akuda/Downloads/NbrRSsurvey2011.pdf] [strona 7] [A comprehensive survey of neighborhood-based recommendation methods][Christian Desrosiers, George Karypis] które pozwalają dostrzec zalety i wady tego rozwiązania.

Zalety:

- Opisywane podejście tworzenia rekomendacji jest intuicyjne i łatwe implementacji zarówno w przypadku metody opartej na użytkownikach jak i metody opartej na elementach.
- Metody filtrowania kolaboratywnego pozwalają ponadto na zwięzłe i intuicyjne wyjaśnienie obliczeń prognostycznych, które wykonujemy.

 W rozważanych metodach filtrowania nie są wykorzystywane informacje o zawartości produktów, czy informacje o profilu użytkownika. Kiedy wiec wzrośnie liczba ocen dla konkretnego produktu zmianie ulegnie jedynie wartość podobieństwa między elementami.

Z drugiej strony:

- Filtrowanie kolaboratywne jest kosztowne obliczeniowo, ponieważ wykorzystywane są tu informacje o użytkownikach, produktach oraz ocenach produktów przez użytkowników.
- Podejście to zawodzi, kiedy istnieje potrzeba stworzenia rekomendacji dla nowego użytkownika o którego ocenach nie ma informacji.
- Zarówno metoda oparta na użytkownikach, jak i metoda oparta na elementach
 jest mało wiarygodna kiedy zasób danych na którym bazujemy jest mały.

4.2.4 ????Porównanie filtrowania kolaboratywnego opartego na użytkownikach i filtrowania kolaboratywnego opartego na elemtach:

Warty rozważenie jest również fakt wyboru między rekomendacją opartą na użytkowniku, a rekomendacją opartą na elementach. Według Christian Desrosiers, George Karypis [44][file:///C:/Users/akuda/Downloads/NbrRSsurvey2011.pdf] [strona 7] [A comprehensive survey of neighborhood-based recommendation methods][Christian Desrosiers, George Karypis] jest kilka obszarów, które należy rozważyć przed ostatecznym wyborem toku postępowania:

- **Precyzyjność:** Metodę wybieramy w zależności od stosunku między użytkownikami a przedmiotami w rozważanych danych. Mianowicie, jeżeli rozważany zbiór zawiera dużą liczbę użytkowników i jednocześnie mała liczbę elementów preferowanym rozwiązaniem jest metoda oparta na elementach.
- Sprawność: Złożoność rozważanych algorytmów zależy od stosunku między liczbą użytkowników, a liczbą elementów. Przyjmując O, U, E jako liczbę odpowiednio ocen, użytkowników i elementów zdefiniujmy p = O/U i q = O/E. Wtedy też złożoność metody opartej na użytkownikach wyrażona zostaje przez p^2/E , a złożoność metody opartej na elementach przez q^2/U .
- Stabilność: Rozważając ten aspekt przed wyborem metody należy rozważyć co wzrasta szybciej liczba użytkowników, czy liczba elementów. Jeżeli liczba

elementów wydaje się bardziej statyczna wtedy też lepszym wyborem jest metoda oparta na elementach i odwrotnie.

- Uzasadnienie: Pod tym względem lepszym wyborem będzie system rekomendacji oparty na elementach. W przypadku bowiem potrzeby wyjaśnienia naszej rekomendacji przedstawienie listy rozważanych elementów jest łatwiejsze niż przedstawienie listy użytkowników.
- Serendipity: Patrząc pod kontem możliwości wyszukiwania zaskakujących rekomendacji lepszym wyborem byłby system oparty na użytkowniku. Pozwala on bowiem dojść do znacznie ciekawszych wniosków niż system oparty na elementach.

4.3 Systemy rekomendujące kontekstowe (Context

aware recommender systems):

4.3.1 Algorytm

Systemy rekomendujące kontekstowe są systemami rekomendującymi opartymi na treści w których zostaje uwzględniony dodatkowy wymiar zwany kontekstem.

Definicja 13 (Kontekst)

Kontekstem w rozumieniu eksploracji danych nazywamy obecny stan użytkownika. Autorzy książki "Recommender Systems Handbook" definiują kontekst jako wydarzenie charakteryzujące etap życia użytkownika i wpływające na jego preferencje, status. Pod pojęciem tym kryje się nie tylko miejsce, czas, pogoda, dzień, ale także fakt, że użytkownik spędza czas samotnie lub w gronie innych osób, narodziny dziecka, zmiana pracy, małżeństwo. Wiedza na temat kontekstowych informacji pozwala zbudować wzorce i algorytmy w odniesieniu do konkretnych, istotnych danych.

Przykładem, który dobrze obrazuje podejście kontekstowe w tworzeniu rekomendacji są biura podroży, które w tworzeniu ofert uwzględniają sezon, miejsca, czas, sytuację finansowa klienta oraz czas, kiedy oferta zostaje przedstawiona.

Warto zauważyć również, że uprzednio opisane metody opierały się głownie na rozważaniu problemów dwu-wymiarowych. W tym podejściu, przez dodanie nowego wymiaru, jakim jest kontekst, zaczynamy rozważać problemy trój-wymiarowe:

R: Użytkownik x element x kontekst ⇒ Rekomendacja

W modelu kontekstowym rekomendacje są generowane w dwóch krokach:

- 1. Metody systemów rekomendujących opartych na treści służące do wygenerowania listy rekomendacji bazującej na preferencjach użytkownika.
- 2. Odfiltrowanie rekomendacji, które odpowiadają przyjętemu kontekstowi. Wyróżniamy tutaj dwa warianty. W pierwszym etap filtrowania zostaje dokonany na końcu, natomiast w drugim filtrowanie jest etapem wstępnym do tworzenia rekomendacji.

Filtrowanie jako etap wstępny (ang. Pre-Filtering)

W tym podejściu informacje kontekstowe używane są do odfiltrowania najbardziej istotnyc h informacji i skonstruowania dwuwymiarowego zbioru danych. Bardzo dużą zaletą tego podejścia jest możliwość implementacji w kolejnym kroku wcześniej opisanych metod rekomendacji.

Filtrowanie jako etap końcowy (ang. Post-Filtering)

Informacje o kontekście są ignorowane w wejściowych danych, a rekomendacja dokonywana jest na całym zbiorze. To w następnym kroku lista rekomendacji stworzona dla użytkownika jest zawężana przez uwzględnienie kontekstu.

4.3.2 Przykład

Wracając do przykładu rozważanego w przykładzie systemów rekomendacyjnych opartych na treści, gdzie oceny dla filmów generowano na podstawie wcześniej stworzonych profili przedmiotów i użytkowników dołóżmy kontekst. Niech kontekstem w tym przypadku będą procenty odzwierciedlające preferencje użytkownika do poszczególnych gatunków książek, czytanych w różnych porach roku.

(tabela)(zostanie dodana po rozwikłaniu zagadki z metody wyżej) (tabelka)

Na początku należy utworzyć profil użytkownika uwzględniający każdy z kontekstów i każdy z gatunków książek. Iloczyn skalarny macierzy kontekstu i macierzy profilu użytkownika przedstawia preferencje użytkownika w stosunku do każdego z kontekstów.

(tabela po iloczynie)

Następnym krokiem jest przedstawienie rankingu książek uwzględniającego kontekst

dla wybranego użytkownika. Do stworzenia takiego rankingu zostanie użyte, dobrze już znane w zakresie reguł rekomendacyjnych prawdopodobieństwo kosinusów.

Podobieństwo kosinusów (matrix, item profile).

Po uzyskaniu rankingu można przejść do zasugerowania odpowiedniej książki dla wybranego użytkownika. Oczywiście, w tym przypadku, uwzględniając rozważany kontekst.

4.3.3 ???Wady i zalety systemów rekomendujących kontekstowych

Metody kontekstowe są bardziej zaawansowane niż wcześniej omawiane systemy rekomendujące. Dzięki temu rekomendacje oparte na metodach kontekstowych:

- zawsze pozostają w zgodzie z użytkownikiem i generują informacje uwzględniając jego aktualne potrzeby,
- są najczęściej stosowane przy generowaniu rekomendacji w czasie rzeczywistym.

Podobnie jak w poprzednio rozważanych systemach rekomendujących również i w tym brak jednak serendipity i proponowania nowych, zaskakujących użytkownika rekomendacji.

4.4 Hybrydowe systemy rekomendujące ():

(Czy potrzebny mi jeszcze ten podrozdział?)

4.5 Systemy rekomendujące oparte na modelach():

(Czy potrzebny mi jeszcze ten podrozdział?)

Eksperymenty / cześć praktyczne

Podsumowanie