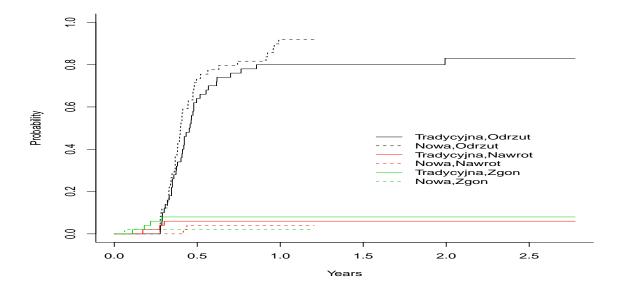
Analizie poddano pacjentów dotkniętych dwoma typami białaczki: ostrą i przewlekłą. Dla pacjentów mierzono czas do wystąpienia pierwszego ze zdarzeń: czas do nawrotu choroby, czas do pojawienia się symptomów przewlekłego odrzutu przeszczepu oraz czas przeżycia.

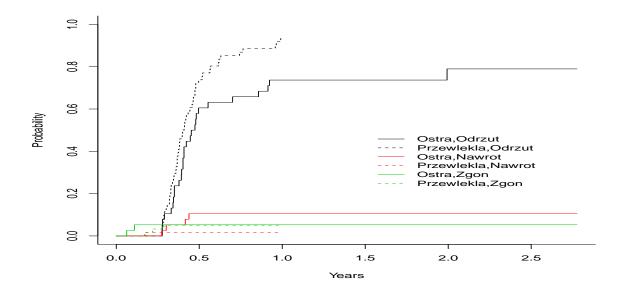
## Sub-dystrybuanty.

Chcąc zbadać wpływ poszczególnych zmiennych dyskretnych na czas do wystąpienia zdarzenia sporządzono wykresy sub-dystrybuant. Dla poszczególnych typów zdarzeń oszacowania sub-dystrybuant wyglądają następująco:

• Dla metody pobierania komórek do przeszczepu



• Dla typu białaczki



## Test Graya

Formalnie przy użyciu testu Graya można sprawdzić czy różnice w oszacowanych sub-dystrybuantach są istotne statystycznie w podziale na podgrupy ze względu na zmienne:

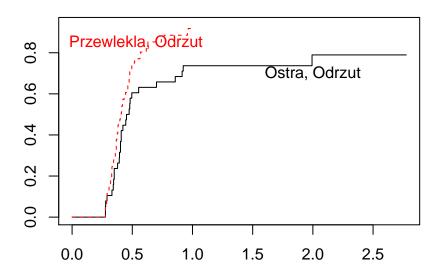
• Dla metod pobierania komórek do przeszczepu:

```
stat pv df
1 2.0192451 0.1553163 1
2 0.2114488 0.6456342 1
3 1.7635527 0.1841820 1
```

• Dla typu białaczki:

```
stat pv df
1 5.34343189 0.02080048 1
2 3.71906498 0.05379449 1
3 0.01090047 0.91684770 1
```

Z podsumowania testów widać, że zachodzą statystycznie istotne różnice w oszacowanych sub-dystrybuantach dla typu białaczki dla pierwszego typu zdarzenia, czyli odrzutu, na zakładanym poziomie istotności  $\alpha=0.05$  (wartość krytyczna testu jest równa 0.02080048). Można to również zaobserwować na poniższym wykresie prezentującym sub-dystrybuanty dla typu zdarzenia jakim jest odrzut, z podziałem na typ białaczki.



Sub-dystrybuanty dla odrzutów dla typu choroby.

Widać, że oszacowana sub-dystrybuanta dla *ostrej* białaczki leży poniżej oszacowanej sub-dystrybuanty dla *przewleklego* typu tej choroby, co oznacza, że pacjenci z *ostrą* białaczką mają dłuższe czasy do zdarzenia jakim jest odrzut przeszczepu.

## Modele proporcjonalnych hazardów

Dla danych dotyczących wieku pacjenta, typu białaczki i metody pobrania komórek do przeszczepu dopasowujemy model PH dla funkcji hazardów 'specyficznych dla typów'. Podsumownia modeli dla typów zdarzeń: odrzut, nawrót, zgon, zaprezentowano poniżej.

```
Call:
coxph(formula = Surv(first_t, first_e == 1) ~ diag + trt + age,
   data = dane.red)
        coef exp(coef) se(coef)
                                     z
diag 0.4712
                  1.60
                         0.2368 1.990 0.047
trt
     0.0602
                  1.06
                         0.2201 0.274 0.780
age -0.0104
                  0.99
                         0.0103 -1.006 0.310
Call:
coxph(formula = Surv(first_t, first_e == 2) ~ diag + trt + age,
   data = dane.red)
        coef exp(coef) se(coef)
diag -1.9448
                 0.143
                         1.1361 -1.7118 0.087
trt -0.0800
                 0.923
                         0.9689 -0.0825 0.930
age -0.0484
                 0.953
                         0.0433 -1.1182 0.260
Call:
coxph(formula = Surv(first_t, first_e == 3) ~ diag + trt + age,
    data = dane.red)
        coef exp(coef) se(coef)
diag -0.3965
                 0.673
                         0.9735 -0.407 0.680
trt -1.5046
                 0.222
                         1.1522 -1.306 0.190
                 1.102
                         0.0588 1.655 0.098
    0.0973
age
```

Na badanym, zakładanym poziomie istotności  $\alpha=0.05$ , statystycznie istotnie różny od 0 jest współczynnik przy zmiennej diag odpowiadającej typowi białaczki w modelu dla zdarzenia jakim jest wystąpienie symptomów odrzutu przeszczepu – wartość krytyczna testu wyniosła 0.047 < 0.05. Białaczka przewlekła ma o 60% większy hazard 'specyficzny dla typu' zdarzenia jakim jest odrzut. Dla pozostałych zmiennych dla tego typu zdarzenia oraz wszystkich zmiennych w pozostałych typach zdarzenia, nie ma statystycznie istotnych podstaw, aby odrzucić hipotezę zerową mówiącą o tym, że współczynnik w modelu jest równy 0.

Sporządzono również model hazardu sub-dystrybuanty, którego podsumowanie wygląda następująco:

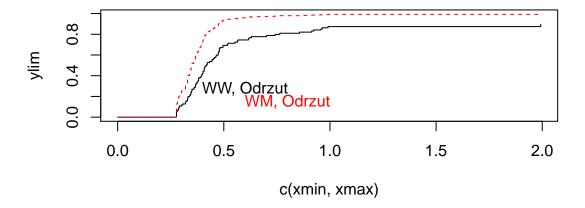
convergence: TRUE

```
coefficients:
    diag
              trt
                       age
-1.91300 -0.12670 -0.04486
standard errors:
[1] 1.2150 0.9466 0.0337
two-sided p-values:
diag trt age
0.12 0.89 0.18
convergence:
              TRUE
coefficients:
    diag
              trt
                       age
-0.38580 -1.50400 0.09887
standard errors:
[1] 0.7938 1.1230 0.0513
two-sided p-values:
diag
        trt
              age
0.630 0.180 0.054
```

Podobnie w modelu hazardu dla sub-dystrybuanty, jedyną zmienną istotnie statystycznie różną od 0 jest zmienna diag dla modelu dla typu zdarzenia jakim jest pojawienie się symptomów odrzutu przeszczepu, której wartość krytyczna testu 0.018 < 0.05 jest mniejsza od zakładanego poziomu istotności. Hazard dla sub-dystrybuanty dla pacjenta z przewlekłą białaczką jest o 71.5% większy niż dla pacjenta z ostrą białaczką. Dla pozostałych zmiennych w tym modelu i dla wszystkich zmiennych w pozostałych modelach dla tych zmiennych nie ma statystycznie istotnych podstaw by odrzucić hipotezy zerowe o tym, że współczynniki są równe 0.

ooo i wlasnie nie mamy 12-tki:

```
#12. Konstruujemy oszacowania funkcji skumulowanych częstości odpowiadających modelowi PH dla #funkcji odrzut.pred <- predict(mod.odrzut,cov1=rbind(0,1)) plot(odrzut.pred,lty=1:4,color=1:4) text(0.6, .275, "WW, Odrzut", col=1) text(0.8, .15, "WM, Odrzut", col=2)
```



Kody?