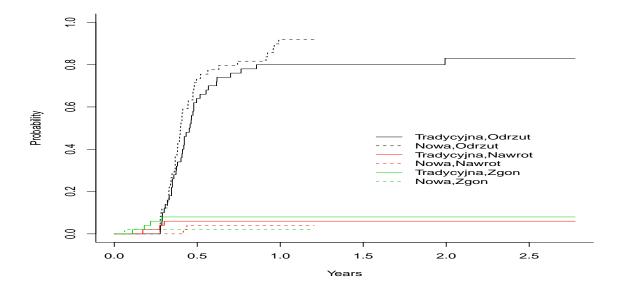
Analizie poddano pacjentów dotkniętych dwoma typami białaczki: ostrą i przewlekłą. Dla pacjentów mierzono czas do wystąpienia pierwszego ze zdarzeń: czas do nawrotu choroby, czas do pojawienia się symptomów przewlekłego odrzutu przeszczepu oraz czas przeżycia.

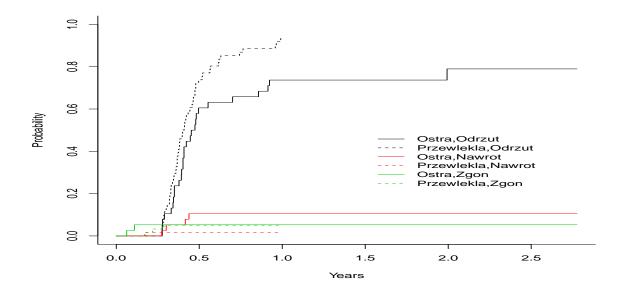
## Sub-dystrybuanty.

Chcąc zbadać wpływ poszczególnych zmiennych dyskretnych na czas do wystąpienia zdarzenia sporządzono wykresy sub-dystrybuant. Dla poszczególnych typów zdarzeń oszacowania sub-dystrybuant wyglądają następująco:

• Dla metody pobierania komórek do przeszczepu



• Dla typu białaczki



## Test Graya

Formalnie przy użyciu testu Graya można sprawdzić czy różnice w oszacowanych sub-dystrybuantach są istotne statystycznie w podziale na podgrupy ze względu na zmienne:

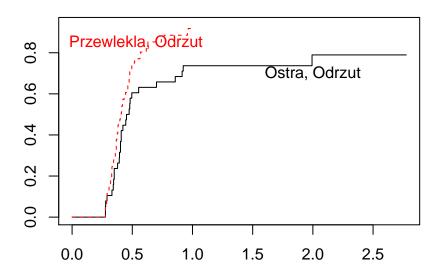
• Dla metod pobierania komórek do przeszczepu:

```
stat pv df
1 2.0192451 0.1553163 1
2 0.2114488 0.6456342 1
3 1.7635527 0.1841820 1
```

• Dla typu białaczki:

```
stat pv df
1 5.34343189 0.02080048 1
2 3.71906498 0.05379449 1
3 0.01090047 0.91684770 1
```

Z podsumowania testów widać, że zachodzą statystycznie istotne różnice w oszacowanych sub-dystrybuantach dla typu białaczki dla pierwszego typu zdarzenia, czyli odrzutu, na zakładanym poziomie istotności  $\alpha=0.05$  (wartość krytyczna testu jest równa 0.02080048). Można to również zaobserwować na poniższym wykresie prezentującym sub-dystrybuanty dla typu zdarzenia jakim jest odrzut, z podziałem na typ białaczki.



Sub-dystrybuanty dla odrzutów dla typu choroby.

Widać, że oszacowana sub-dystrybuanta dla *ostrej* białaczki leży poniżej oszacowanej sub-dystrybuanty dla *przewleklego* typu tej choroby, co oznacza, że pacjenci z *ostrą* białaczką mają dłuższe czasy do zdarzenia jakim jest odrzut przeszczepu.

## Modele proporcjonalnych hazardów

Dla danych dotyczących wieku pacjenta, typu białaczki i metody pobrania komórek do przeszczepu dopasowujemy model PH dla funkcji hazardów 'specyficznych dla typów'. Podsumownia modeli dla typów zdarzeń: odrzut, nawrót, zgon, zaprezentowano poniżej.

```
Call:
coxph(formula = Surv(first_t, first_e == 1) ~ diag + trt + age,
   data = dane.red)
        coef exp(coef) se(coef)
                                     z
diag 0.4712
                  1.60
                         0.2368 1.990 0.047
trt
     0.0602
                  1.06
                         0.2201 0.274 0.780
age -0.0104
                  0.99
                         0.0103 -1.006 0.310
Call:
coxph(formula = Surv(first_t, first_e == 2) ~ diag + trt + age,
   data = dane.red)
        coef exp(coef) se(coef)
diag -1.9448
                 0.143
                         1.1361 -1.7118 0.087
trt -0.0800
                 0.923
                         0.9689 -0.0825 0.930
age -0.0484
                 0.953
                         0.0433 -1.1182 0.260
Call:
coxph(formula = Surv(first_t, first_e == 3) ~ diag + trt + age,
    data = dane.red)
        coef exp(coef) se(coef)
diag -0.3965
                 0.673
                         0.9735 -0.407 0.680
trt -1.5046
                 0.222
                         1.1522 -1.306 0.190
                 1.102
                         0.0588 1.655 0.098
    0.0973
age
```

Na badanym, zakładanym poziomie istotności  $\alpha=0.05$ , statystycznie istotnie różny od 0 jest współczynnik przy zmiennej diag odpowiadającej typowi białaczki w modelu dla zdarzenia jakim jest wystąpienie symptomów odrzutu przeszczepu – wartość krytyczna testu wyniosła 0.047 < 0.05. Białaczka przewlekła ma o 60% większy hazard 'specyficzny dla typu' zdarzenia jakim jest odrzut. Dla pozostałych zmiennych dla tego typu zdarzenia oraz wszystkich zmiennych w pozostałych typach zdarzenia, nie ma statystycznie istotnych podstaw, aby odrzucić hipotezę zerową mówiącą o tym, że współczynnik w modelu jest równy 0.

Sporządzono również model hazardu sub-dystrybuanty, którego podsumowanie wygląda następująco:

convergence: TRUE

coefficients:

diag trt age
-1.91300 -0.12670 -0.04486
standard errors:
[1] 1.2150 0.9466 0.0337
two-sided p-values:
diag trt age
0.12 0.89 0.18

convergence: TRUE
coefficients:

0.630 0.180 0.054

diag trt age
-0.38580 -1.50400 0.09887
standard errors:
[1] 0.7938 1.1230 0.0513
two-sided p-values:
diag trt age

Podobnie w modelu hazardu dla sub-dystrybuanty, jedyną zmienną istotnie statystycznie różną od 0 jest zmienna diag dla modelu dla typu zdarzenia jakim jest pojawienie się symptomów odrzutu przeszczepu, której wartość krytyczna testu 0.018 < 0.05 jest mniejsza od zakładanego poziomu istotności. Hazard dla sub-dystrybuanty dla pacjenta z przewlekłą białaczką jest o 71.5~% większy niż dla pacjenta z ostrą białaczką. Dla pozostałych zmiennych w tym modelu i dla wszystkich zmiennych w pozostałych modelach dla tych zmiennych nie ma statystycznie istotnych podstaw by odrzucić hipotezy zerowe o tym, że współczynniki są równe 0.

## Kody

```
library(survival)
dane <- read.csv("bmt.csv")</pre>
dane.red <- data.frame(dane, event=ifelse(dane$first_e==0,0,1),</pre>
                        odrzut=ifelse(dane$first_e==1,1,0),
                        nawrot=ifelse(dane$first_e==2,1,0),
                        zgon=ifelse(dane$first_e==3,1,0))
library(cmprsk)
attach(dane)
ci.trt <- cuminc(first_t, first_e, group=trt)</pre>
plot(ci.trt, curvlab=c("Tradycyjna,Odrzut",
                        "Nowa, Odrzut",
                        "Tradycyjna, Nawrot",
                        "Nowa, Nawrot",
                        "Tradycyjna, Zgon",
                        "Nowa, Zgon"), col=c(1,1,2,2,3,3), wh=c(1.5,0.5),
     lty = c(1,2,1,2,1,2))
ci.diag <- cuminc(first_t, first_e, group=diag)</pre>
plot(ci.diag, curvlab=c("Ostra,Odrzut",
                        "Przewlekla, Odrzut",
                        "Ostra, Nawrot",
                        "Przewlekla, Nawrot",
                        "Ostra, Zgon",
                        "Przewlekla, Zgon"),
     col=c(1,1,2,2,3,3), lty = c(1,2,1,2,1,2), wh = c(1.5,0.5))
library(cmprsk)
attach(dane.red)
ci.trt <- cuminc(first_t, first_e, group=trt)</pre>
ci.trt$Tests
ci.diag <- cuminc(first_t, first_e, group=diag)</pre>
ci.diag$Tests
ci.sfit <- survfit(Surv(first_t, event)~diag, etype=first_e, data=dane.red)</pre>
plot(ci.sfit, lty=c(1,0,0,2,0,0), col=1:2, mark.time=F, conf.int=F, xscale=1,
     xlab="Sub-dystrybuanty dla odrzutów dla typu choroby.")
text(2, 0.7,"Ostra, Odrzut", col=1)
text(0.53, 0.85, "Przewlekla, Odrzut", col=2)
print(coxph.odrzut <-</pre>
          coxph(Surv(first_t, first_e == 1) ~ diag+trt+age,
                             data = dane.red))
print(coxph.nawrot <-</pre>
          coxph(Surv(first_t, first_e == 2) ~ diag+trt+age,
                           data = dane.red))
print(coxph.zgon <-</pre>
          coxph(Surv(first_t, first_e == 3) ~ diag+trt+age,
                           data = dane.red))
model.matrix(~ diag+trt+age)[,-1] -> m.dane.red
(mod.odrzut <- crr(ftime=first_t, fstatus=first_e,</pre>
                         cov1= m.dane.red,
                         \#cov2 = trt,
                         failcode=1))
(mod.nawrot <- crr(ftime=first_t, fstatus=first_e,</pre>
                           cov1= m.dane.red,
                           \#cov2 = trt.
                           failcode=2))
(mod.zgon <- crr(ftime=first_t, fstatus=first_e,</pre>
                           cov1= m.dane.red,
                           \#cov2 = trt
                           failcode=3))
```