-23 秋冬**《**大学物理(乙) II **》** 

### 大学物理 (乙) Ⅱ

- 秋冬学期教学主要内容:
  - 《工程物理学(第二版)》第13章第6节~第25章
- 成绩规则:
- 1. 平时成绩占比: 40%。含以下两部分:
- 1) 平时成绩占比20% (含到课、作业等)
- 2) 阶段性测试占比20% (随堂测验3~4次)
- \*平时成绩和阶段性测试40%采取赋分制,要求: 40~28比例 <90%,27分及以下>10%,40~28分分数区间按每个分等差分布
- \*平时成绩满分40分,若低于15分,最终成绩不能评定及格。
- 2. 期中考试占比: 25%
- 3. 期末考试占比: 35%
- \*期末成绩满分100,若低于40分,最终成绩不能评定及格。
- \*大学生物理竞赛:加5~1分

22-23 秋冬《大学物理 (Z) II》 任课教师: 张德龙

### 第一周

- 第13章 静电场 §13.6, §13.7
- 第14章 静电场中的导体和电介质 §14.1, §14.2
- 作业: P236 13-18, 13-20, 13-25, 13-29 P258 14-2
- 周一课前交作业 (学在浙大截止)

22-23 秋冬《大学物理(乙)Ⅱ

任课教师: 张德龙

### 概念回顾

- 电荷守恒定律
- 库仑定律:  $F_{21} = -F_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \hat{r}$
- 电场强度定义:  $E = \frac{F}{q_0}$ ; 点电荷 $E = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2} \hat{r}$
- 场强叠加原理:  $E = \sum_i E_i$
- 电场强度通量:  $\Phi_E = \iint_S \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S}$
- 高斯定理:  $\oiint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S} = \frac{1}{\varepsilon_0} \sum q$

《大学物理 (乙) Ⅱ》

任理教師・张徳龙

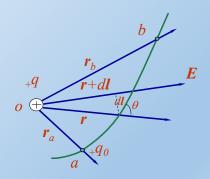
### 静电场的环路定理

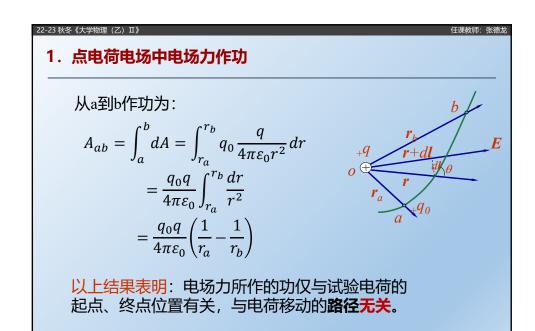
### 一、静电场力的功

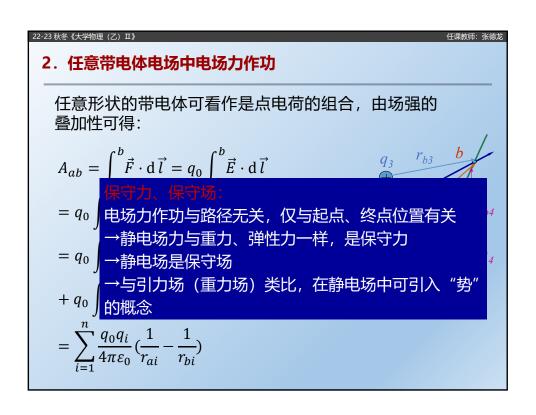
### 1. 点电荷电场中电场力作功

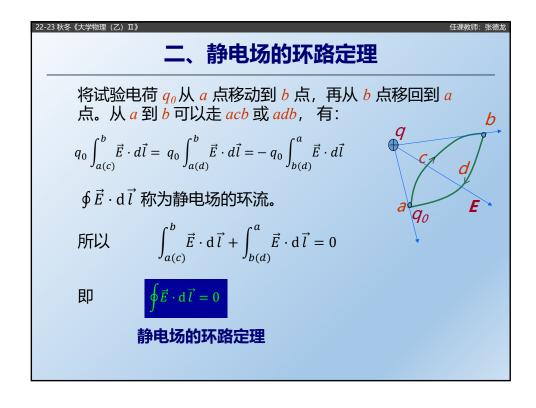
在位于o点的点电荷+q的电场中,试验电荷+ $q_0$  从a移至b,在位矢r到r+dl 位移元dl上,电场力作的元功为:

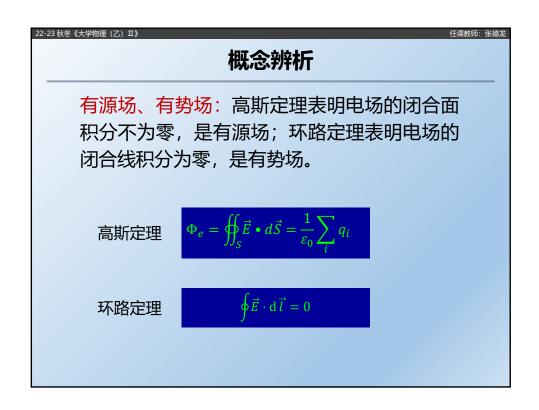
$$dA = \vec{F} \cdot d\vec{l} = q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l}$$
$$= q_0 E \cos \theta dl = q_0 E dr$$











22-23 秋冬《大学物理(乙)Ⅱ

仟课教师:张德龙

### 电势

电势是从能量的角度来描述电场。

### 一、电势能

对于保守场,类似于<mark>重力势能</mark>,点电荷 $q_0$ 在a点有势能 $W_a$ ,在b点有势能 $W_b$ 。 $q_0$ 从a点移至b点时,电场力作的功等于电势能增量的负值:

$$A_{ab} = \int_a^b q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l} = -(W_b - W_a)$$
$$= -\Delta W = W_a - W_b$$

22-23 秋冬《大学物理(乙)Ⅱ》

任理教師・张徳龙

### 电势能

势能是相对的,对于有限分布的场源电荷可取无限远处电荷 $q_0$ 的电势能为零, $W_{\infty}=0$ ,则电荷 $q_0$ 在p点的电势能为:将 $q_0$ 从p点移至无限远时电场力所作的功:

$$W_p = A_{p\infty} = q_0 \int_p^\infty \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

电势能的单位: 焦耳 (J)

点电荷电场中电荷的电势能:

$$W_p = q_0 \int_p^{\infty} \vec{E} \cdot d\vec{l} = q_0 \cdot \frac{q}{4\pi\varepsilon_0} \int_{r_p}^{\infty} \frac{dr}{r^2} = \frac{q_0 q}{4\pi\varepsilon_0 r_p}$$

 $W_p$ 的大小、正负与 $q_0$ 、q有关。

22-23 秋冬《大学物理(乙)Ⅱ)

任運教師・张徳龙

### 二、电势

定义:  $U_p = \frac{W_p}{q_0} = \int_p^\infty \vec{E} \cdot d\vec{l}$ 

在电势能 $W_p$ 中除去  $q_0$ 后的  $U_p$  只反映了电场的性质。

或 $U_p = \int_p^{p_0} \vec{E} \cdot d\vec{l}$  ,  $U_{p_0} = 0$ 

静电场中某点的电势,在数值上等于单位正电荷在该 处所具有的电势能;

也等于单位正电荷从该点经过任意路径移到无限远处 (或电势能为零的参考点处) 电场力对它所做的功。

电势是标量,单位:伏特(V)

22-23 秋冬《大学物理 *(フ.*) Π》

任理教師・张徳龙

### 二、电势

电势差:任意两点之间的电势之差。也称电压、电平、 电位。

$$U_{ab} = U_a - U_b =$$

$$\int_a^{\infty} \vec{E} \cdot d\vec{l} - \int_b^{\infty} \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

总结: 电场力作功、电势能 (用电势表示)

$$A_{ab} = \int_a^b q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l} = q_0 (U_a - U_b) = q_0 U_{ab}$$

$$W_a = q_0 U_a$$
 ,  $W_b = q_0 U_b$ 

22-23 秋冬《大学物理(乙)Ⅱ

任课教师: 张德太

### 三、电势叠加原理

### 1. 点电荷电场中的电势

$$U_p = \int_p^{\infty} \vec{E} \cdot d\vec{l} =$$

$$\int_r^{\infty} \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$$

- 若q为正,空间各点电势为正;r越大,离q越远,电势越低。

22-23 秋冬《大学物理(乙)Ⅱ》

任理教師・张徳龙

### 三、电势叠加原理

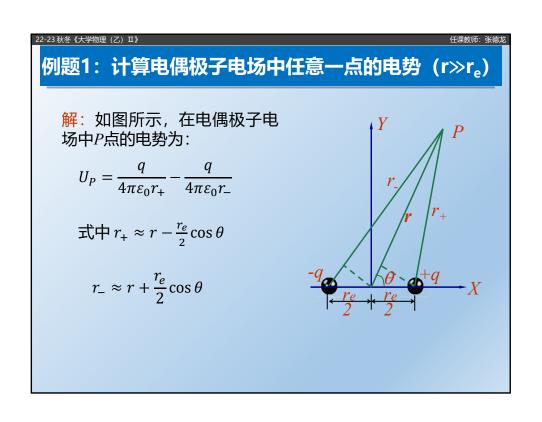
### 2. 点电荷系电场中的电势

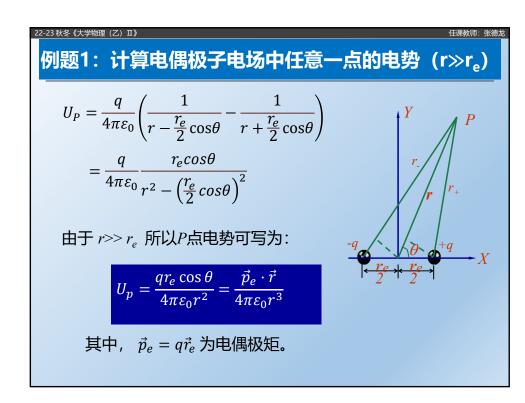
场源有点电荷 $q_1$ 、 $q_2$ 、...、 $q_n$ ,由电势定义和场强叠加原理:

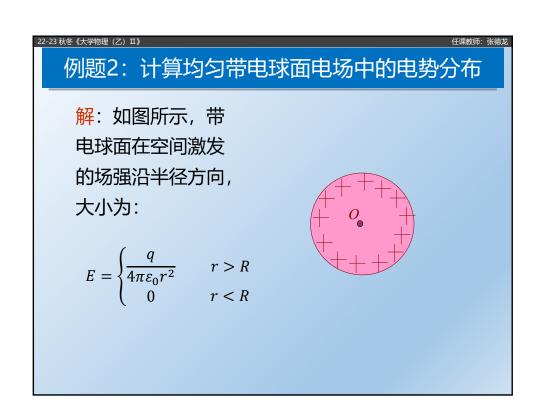
$$\begin{aligned} U_p &= \int_p^{\infty} \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_p^{\infty} (\vec{E_1} + \vec{E_2} + \dots + \vec{E_n}) \cdot d\vec{l} \\ &= U_{p1} + U_{p2} + \dots + U_{pn} \\ &= \sum_{i=1}^n U_{pi} = \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{4\pi\varepsilon_0 r_i} \end{aligned}$$

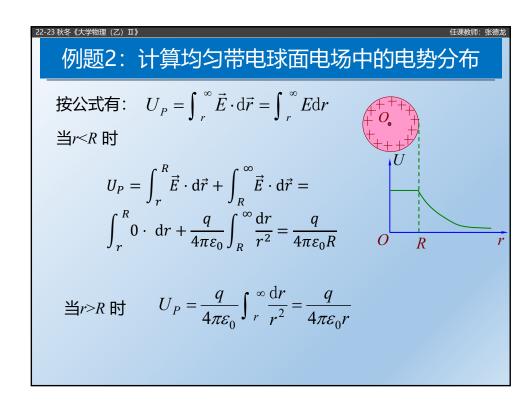
即电势叠加原理。

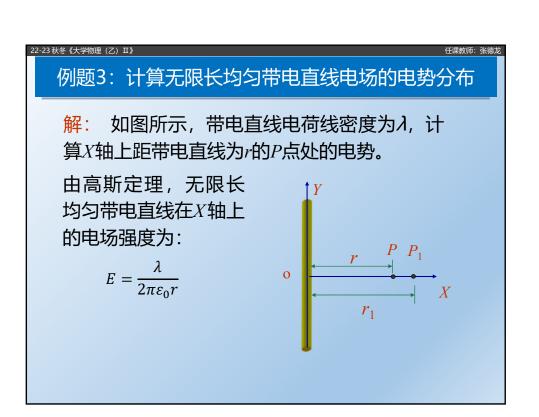
# E、电势叠加原理 3. 电荷连续分布带电体电场中的电势 (1) 在带电体上取一小电荷元dq作为点电荷,则 $d U = \frac{d q}{4\pi\epsilon_0 r}$ $U = \int d U = \int_r \frac{d q}{4\pi\epsilon_0 r}$ (2) 按定义式计算 $U = \int_p^\infty \vec{E} \cdot d\vec{l}$











### 例题3: 计算无限长均匀带电直线电场的电势分布

计算P与P1点的电势差为:

$$U_P - U_{P_1} = \int_r^{r_1} \vec{E} \cdot d\vec{r} = \frac{\lambda}{2\pi\varepsilon_0} \int_r^{r_1} \frac{dr}{r} = \frac{\lambda}{2\pi\varepsilon_0} (\ln r_1 - \ln r)$$

由于ln1 = 0,本题选 $r_1 = 1m$ 处作为电势零点,

则
$$P$$
点电势为:  $U_P = -\frac{\lambda}{2\pi\varepsilon_0} \ln r$ 

 $\lambda > 0$ 时:

r > 1m,  $U_P$ 为负;

r < 1m,  $U_P$ 为正。

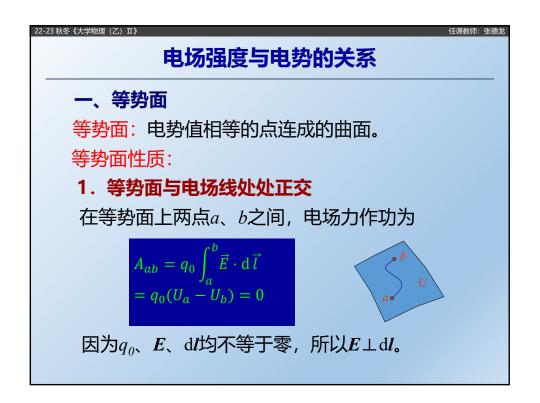
## 例题4: 计算无限大均匀带电平面电场的电势分布

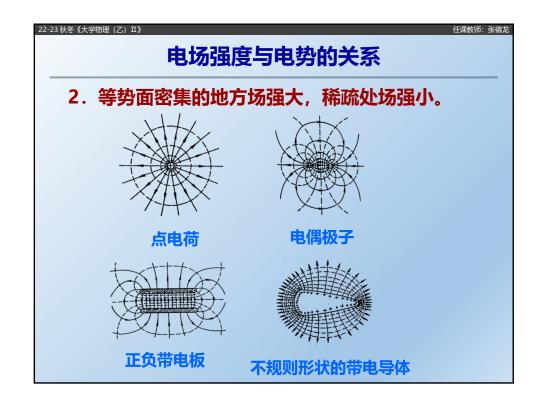
解:已知场强与带电平面垂直, 数值为:  $E = \sigma/2\varepsilon_0$ 

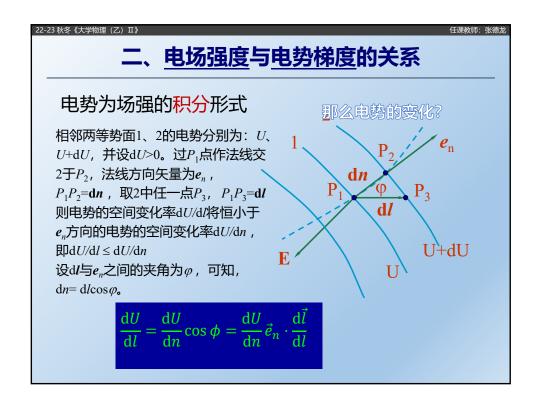
选取a点为电势零点,则P点的电

$$U_{P} = \int_{P}^{a} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = \int_{r_{P}}^{r_{a}} \frac{\sigma}{2\varepsilon_{0}} dr$$
$$= \frac{\sigma}{2\varepsilon_{0}} r_{a} - \frac{\sigma}{2\varepsilon_{0}} r_{P}$$

为使P点电势表达式最为简捷,取 $r_a = 0$ ,即选取带电平面 为势能零点,则P点的电势分布为:  $U = -\frac{\sigma}{2\varepsilon_0}$ 







一中亿没度与中执梯度的关系

### 二、电场强度与电势梯度的关系

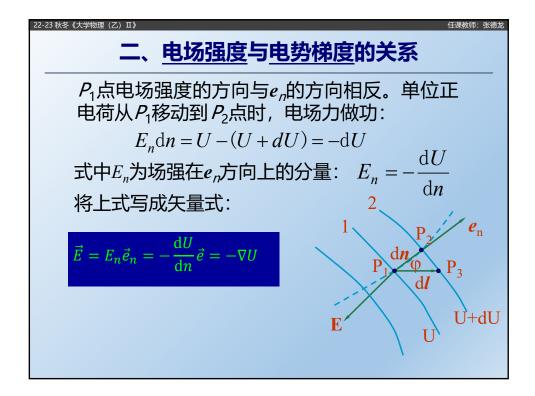
电势变化率dU/dl是矢量 $dU/dl \cdot \vec{e}_n$ 在dl方向上的分量,此矢量记做VU。V为向量微分算子。

### 电场中某点的电势梯度矢量:

- 方向取电势在该点空间变化率为最大时的方向
- 大小等于沿该方向上电势的空间变化率。

# 电场中某点电势梯度矢量与电场强度之间的关系:

电场线的方向(亦即电场强度的方向)恒垂直于等势面, 并指向电势降落的方向。



二、电场强度与电势梯度的关系

上述矢量式在任意d*I*方向上的分量为:

$$E_l = -(\nabla \mathbf{U})_1 = -\frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}l}$$

将上式推广到直角坐标系的三个方向:

$$\vec{E} = E_x \vec{\imath} + E_y \vec{\jmath} + E_z \vec{k} = -(\frac{\partial U}{\partial x} \vec{\imath} + \frac{\partial U}{\partial y} \vec{\jmath} + \frac{\partial U}{\partial z} \vec{k}) = -\nabla U$$

用场强和电势梯度的关系求电场强度可避免复杂的矢量运算。

电势梯度的单位是V/m, 常作为场强的单位。

例题5:由电偶极子的电势分布求其场强

解: 电偶极子电场中任意一点P处的电势为:

$$U_P = \frac{p_e \cos \theta}{4\pi\varepsilon_0 r^2} = \frac{p_e x}{4\pi\varepsilon_0 (x^2 + y^2)^{3/2}}$$

其中,  $p_e = qr_e$ 

P点的场强沿坐标轴x、y的分量为:

$$E_x = -\frac{\partial U}{\partial x} = \frac{p_e(2x^2 - y^2)}{4\pi\varepsilon_0(x^2 + y^2)^{5/2}}$$

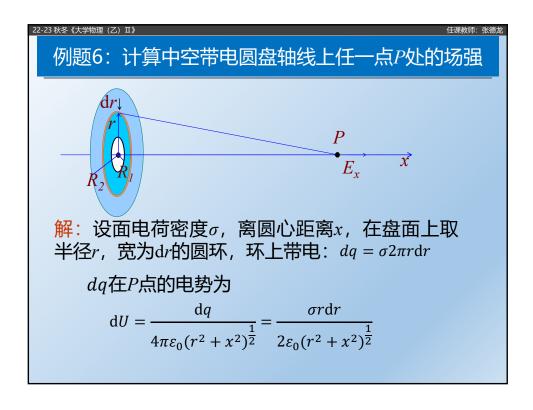
$$E_y = -\frac{\partial U}{\partial y} = \frac{3p_e xy}{4\pi\varepsilon_0(x^2 + y^2)^{5/2}}$$

例题6: 计算中空带电圆盘轴线上任一点P处的场强

# 将半径为R<sub>2</sub>的圆盘,在盘心处挖去半径R<sub>1</sub>的小孔,并

使盘均匀带电,试用电势梯度求场强的方法,计算这个中空带电圆盘轴线上任一点P处的场强





# 例题6: 计算中空带电圆盘轴线上任一点P处的场强

整个圆盘在P点的电势为:

$$\begin{split} U &= \int_{R_1}^{R_2} \mathrm{d} U = \int_{R_1}^{R_2} \frac{\sigma r \mathrm{d} r}{2\varepsilon_0 (r^2 + x^2)^{\frac{1}{2}}} \\ &= \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} (\sqrt{R_2^2 + x^2} - \sqrt{R_1^2 + x^2}) \end{split}$$

由对称性分析可知,场强方向沿x轴,其值为:

$$E = E_x = -\frac{\partial U}{\partial x} = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} \left( \frac{x}{\sqrt{R_1^2 + x^2}} - \frac{x}{\sqrt{R_2^2 + x^2}} \right)$$

### 第十章 静电场中的导体和电介质

### §10-1 静电场中的金属导体

### 一.导体的静电平衡

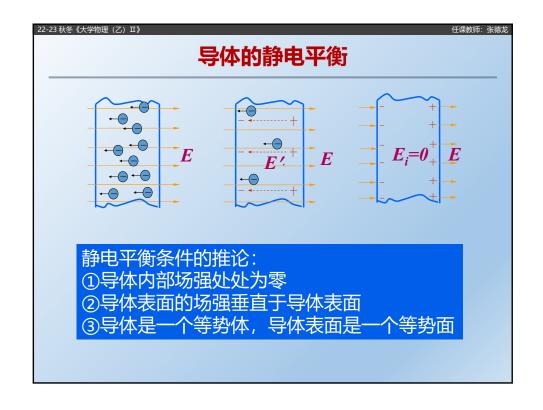
导体的静电平衡状态:导体内没有任何电荷做宏观的定向运动。

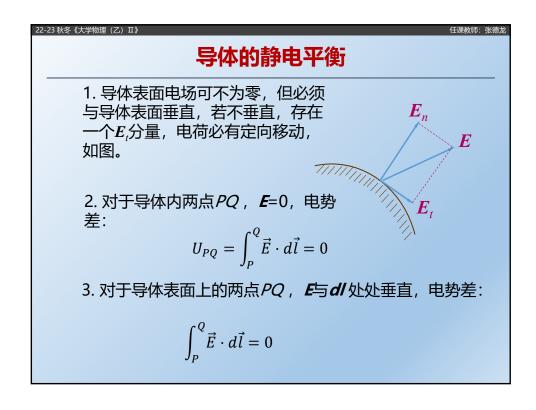
### 静电平衡的必要条件:

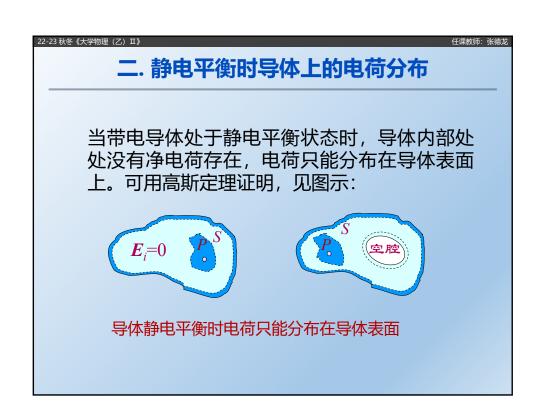
导体内任一点的电场强度都等于零。

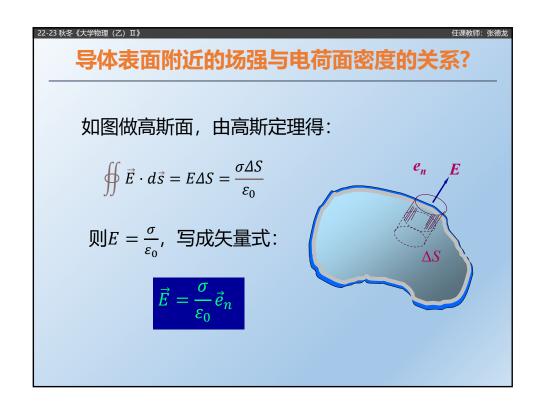
静电感应现象: 当导体置于外电场的瞬间 (10-6s),

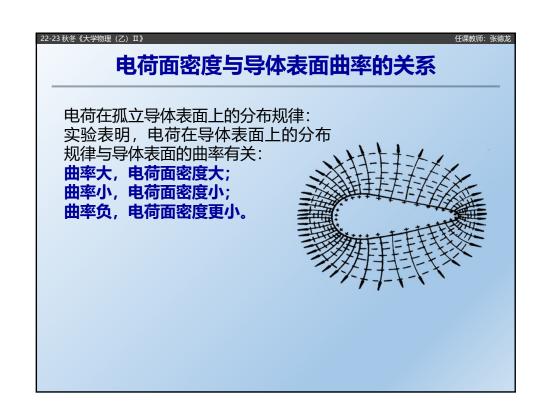
导体的两端出现等量异种电荷的现象。











例题:两个半径分别为 R 和 r 的球形导体 (R > r) , 用一根很长的细导线连接起来, 使这个导体组带电, 电势为U, 求两球表面电荷与曲率的关系



解:由于两球由很长的导线连接,两球电势相等:

$$U = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{Q}{R} = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q}{r}$$

得:  $\frac{Q}{a} = \frac{R}{r}$  可见,大球所带电量Q比小球q多。

// (R > r) ,用一根很例题:两个半径分别为 R 和 r 的球形导体 (R > r) ,用一根很长的细导线连接起来,使这个导体组带电,电势为U,求两球表面电荷与曲率的关系



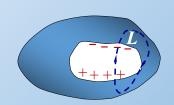
考虑两球的面电荷密度分别为:

$$\sigma_R = \frac{Q}{4\pi R^2} \qquad \qquad \sigma_r = \frac{q}{4\pi r^2}$$

所以:  $\frac{\sigma_R}{\sigma_r} = \frac{Qr^2}{qR^2} = \frac{r}{R}$  结论: 两球电荷面密度与曲率半 径成反比,即与曲率成正比。

### 三. 空腔导体内外的静电场

在导体内做高斯面可证明,空腔内表面的电荷代数和为零,但不能证明导体空腔内表面有无等量异种电荷,要证明这点,需借助于其他定理。



假设空腔内表面带正负电荷, 在空腔内取闭合路径 *L* 如图, 做 环路积分:

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_{\text{Bedg}} \vec{E} \cdot d\vec{l} + \int_{\text{Brad}} \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

## 三. 空腔导体内外的静电场

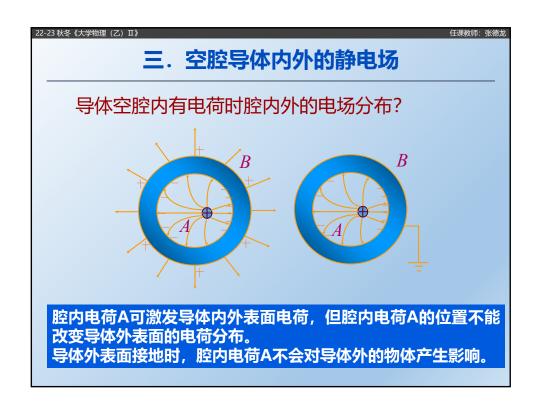
# ++++

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_{\text{Bebs}} \vec{E} \cdot d\vec{l} + \int_{\text{Bkh}} \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

由于在沿电场线一段的线积分不为零,则:  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} \neq 0$ 

此式与静电场环路定律矛盾。

结论:空腔导体在外电场中,内表面无电荷存在,导体内部及空腔内的场强等于零。



### 四. 静电屏蔽

静电屏蔽:利用接地的空腔导体将腔内带电体 与外界隔绝的现象。

任课教师: 张德龙

静电平衡时,导体内无电场,当外电场发生变化时,不会影响空腔导体内部。将金属导体外表面接地,则外表面感应电荷与大地电荷中和,腔内电荷在腔内壁上感应出等量异号电荷,电场仅在腔内,不影响空腔导体外部。

### 静电屏蔽特点:

- (1) 外电场不影响空腔导体内部。
- (2) 内电场不影响空腔导体外部。

# 静电屏蔽的应用: (1) 高压带电作业,金属丝网制成的均压服; (2) 电气设备金属罩接地; (3) 人体电信号的提取,信号数量级在 mV、 μV,装置、导线用金属丝网屏蔽。

