

# ANFÄNGERPRAKTIKUM 2015/2016

## Biegung elastischer Stäbe

Durchführung: 03.11.15

Clara RITTMANN<sup>1</sup>  
Anja BECK<sup>2</sup>

*Betreuer:*  
Max MUSTERMANN

---

<sup>1</sup>clara.rittmann@tu-dortmund.de

<sup>2</sup>anja.beck@tu-dortmund.de

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Theorie</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Aufbau und Ablauf des Experiments</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>Auswertung</b>	<b>4</b>
3.1	Statistische Formeln . . . . .	4
3.1.1	Fehlerrechnung . . . . .	4
3.1.2	Regression . . . . .	4
3.2	Bestimmung der Verdampfungswärme bei kleinem Druck . . . .	5
3.3	Temperaturabhängigkeit der Verdampfungswärme bei hohem Druck . . . . .	5
<b>4</b>	<b>Diskussion</b>	<b>6</b>

# 1 Theorie

## **2 Aufbau und Ablauf des Experiments**

## 3 Auswertung

### 3.1 Statistische Formeln

#### 3.1.1 Fehlerrechnung

Im folgenden wurden Mittelwerte von N Messungen der Größe  $x$  berechnet

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i \quad (1)$$

sowie die Varianz

$$V(x) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2 \quad (2)$$

woraus die Standardabweichung folgt

$$\sigma_x = \sqrt{V(x)}. \quad (3)$$

Die Standardabweichung des Mittelwertes, kürzer auch Fehler des Mittelwertes genannt, bezieht noch die Anzahl der Messungen mit ein. Mehr Messungen führen zu einem kleineren Fehler

$$\Delta_x = \frac{\sigma_x}{\sqrt{N}}. \quad (4)$$

#### 3.1.2 Regression

Nachfolgend wird eine lineare Regression für Wertepaare  $(x_i, y_i)$  durchgeführt. Dafür müssen die Steigung

$$m = \frac{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i y_i - \sum_{i=1}^n x_i \cdot \sum_{i=1}^n y_i}{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 - \left( \sum_{i=1}^n x_i \right)^2} \quad (5)$$

und der y-Achsenabschnitt

$$b = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2 \cdot \sum_{i=1}^n y_i - \sum_{i=1}^n x_i \cdot \sum_{i=1}^n x_i y_i}{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 - \left( \sum_{i=1}^n x_i \right)^2} \quad (6)$$

berechnet werden. Den jeweiligen Fehler erhält man mit

$$s_m^2 = s_y^2 \cdot \frac{n}{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 - \left( \sum_{i=1}^n x_i \right)^2} \quad (7)$$

0.00309454	9.53242
0.00304739	9.68657
0.00300165	9.90349
0.00295727	10.1425
0.00291418	10.3417
0.00287233	10.5506
0.00283166	10.7727
0.00279213	10.9785
0.00275368	11.1548
0.00271628	11.3266
0.00267989	11.5229

$$s_b^2 = s_y^2 \cdot \frac{\sum_{i=1}^n x_i^2}{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 - \left( \sum_{i=1}^n x_i \right)^2} . \quad (8)$$

$s_y$  ist hierbei die Abweichung der Regressionsgeraden in y-Richtung.

$$s_y^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (\Delta y_i)^2}{n - 2} = \frac{\sum_{i=1}^n (y_i - b - mx_i)^2}{n - 2} \quad (9)$$

### 3.2 Bestimmung der Verdampfungswärme bei kleinem Druck

### 3.3 Temperaturabhängigkeit der Verdampfungswärme bei hohem Druck

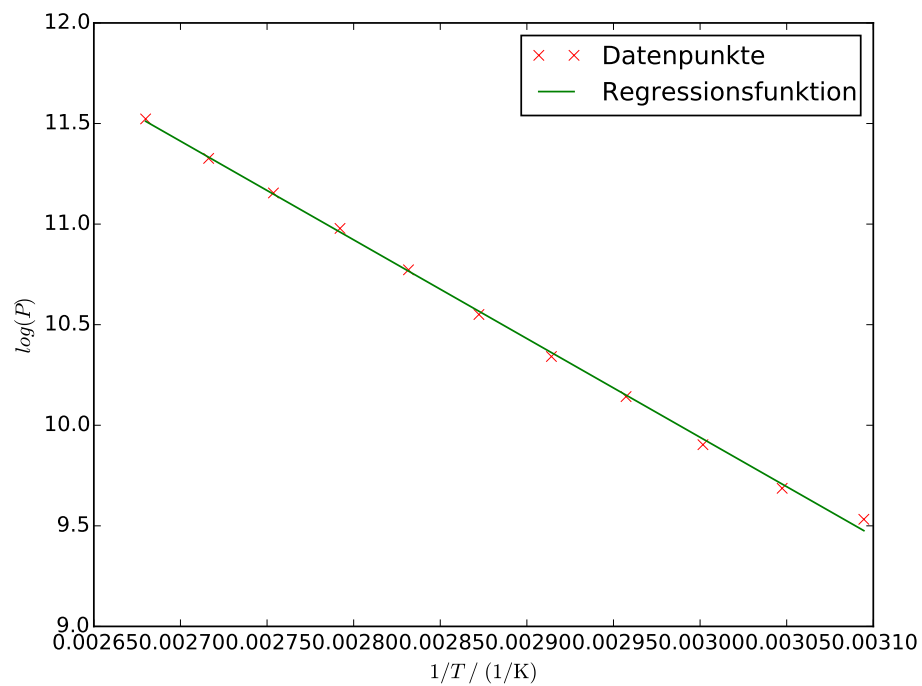


Abbildung 1: Logarithmus des Dampfdruckes gegen die reziproke absolute Temperatur

## 4 Diskussion

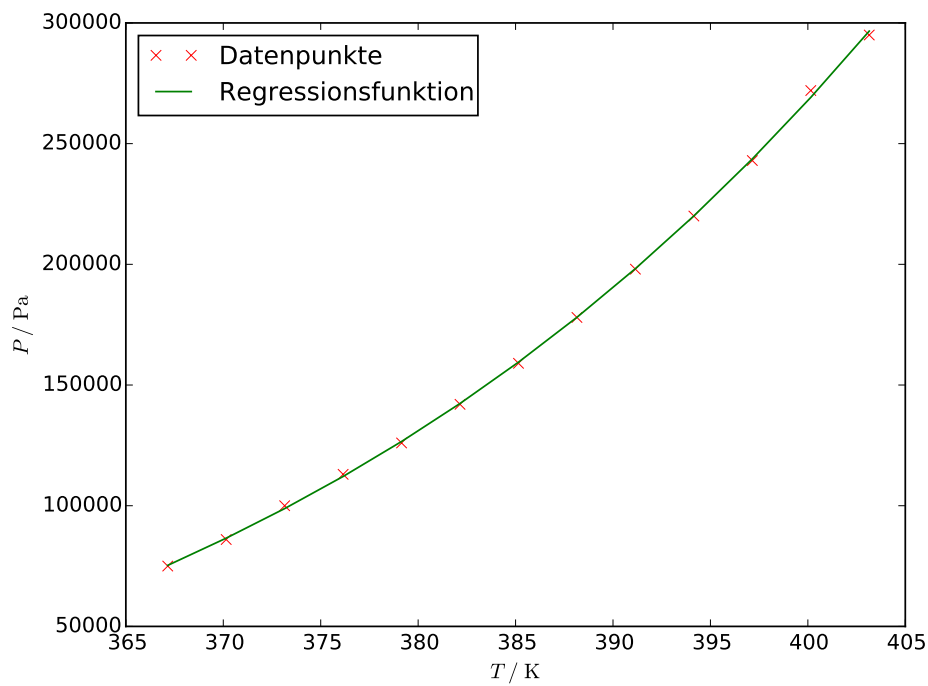


Abbildung 2: Regressionspolynom dritten Grades des Druckes über die Temperatur

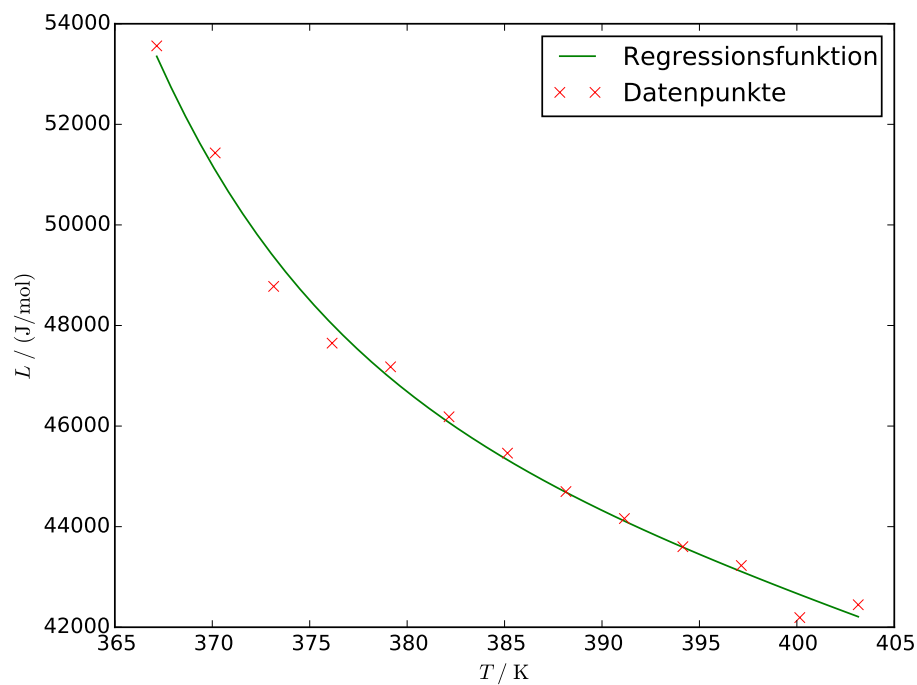


Abbildung 3: Verdampfungswärme in Abhängigkeit der Temperatur