# L'extension intexgral\*

### Valentin Dao†

#### Publié 2025-07-26

#### Résumé

Tandis que la composition d'intégrales est très fréquent en L'IEX, cette dernière se révèle souvent peu pratique. Lorsque l'expression devient complexe, il devient alors difficile d'en modifier les différents éléments dans un code source peu lisible. Pour répondre à ce problème, le package intexgral met à disposition une macro centrale dont le seul argument est l'intégrande. Tout le reste (les bornes, les différentielles...) pourra aisément être modifié grâce à une interface  $\langle clés = valeur \rangle$ . Contrairement à la méthode classique, où l'utilisateur choisit l'ordre des bornes avec les charactères actifs \_ et ^, le package a dû fixer une convention. Ainsi, pour les deux clés gérant les bornes qui seront présentées, l'entrée supposée sera \_ $\langle borne inférieure \rangle$ ^ $\langle borne supérieure \rangle$ . Ce package étant écrit en expl3, il dépend donc des packages L'IEX3 l3kernel et l3package. De plus, intexgral utilise le package derivative afin de faciliter la manipulation de différentielles.

# **Table des matières**

1	Options de package			
2	Présenta	ation de la macro principale	2	
3	Liste de	s clés	3	
	3.1 Bor	nes d'intégration	3	
	3.1.1	Définir les bornes	3	
	3.1.2	Séparer l'intégrale	4	
	3.1.3	Choisir le positionnement des bornes	4	
	3.2 Syn	nbole (et encore des bornes)	4	
	3.2.1	Séléctionner le symbole	5	
	3.2.2	Générer beaucoup intégrales	5	
	3.2.3	Définir les bornes (lorsqu'il n'y a qu'un seul symbole)	5	
	3.2.4	Combiner symbole et borne	6	
	3.2.5	Motifs récurrents de bornes	6	
	3.3 Diff	férentielles	7	
	3.3.1	Spécifier les variables	7	
	3.3.2	Inclure le jacobien	7	
	333		8	

<sup>\*</sup>Ce fichier décrit la version v1.0.0, publiée le 2025-07-26

<sup>†</sup>E-mail:vdao.texdev@gmail.com

	3	.3.4 Opter pour la variante étoilée	8
	3	.3.5 Désigner des options	9
	3	3.6 Réaliser une intégrale curviligne	9
	3	.3.7 Personnaliser le vecteur	9
4	Mac	eros auxiliaires	10
	4.1	Charger des symboles	10
	4.2	Retour sur les bornes	10
	4.3	Retour sur les différentielles	11
	4.4	Emplacements personnalisés des différentielles	12

# 1 Options de package

Ces options peuvent être utilisées avec la syntaxe suivante lorsque le package est chargé dans le préambule :

 $\usepackage[\langle clés \rangle] \{intexgral\}$ 

invert-limits \langle boolean \rangle (defaut: false)

Cette clé permet d'inverser la convention d'ordre des limites. L'entièreté du document ne peut suivre qu'une seule convention.

invert-differentials (boolean) (défaut: false)

Il est courrant de voir les différentielles placées avant l'intégrande dans les articles de physique. Cette clé intervertit donc leurs positionnements.

hide-differentials (boolean) (défaut: false)

Si l'utilisateur souhaite que les différentielles ne soient pas affichées tout au long du document, cette clé désactive complètement la composition automatique de celles-ci.

 $\begin{array}{ccc} \text{italic} & \langle \textit{boolean} \rangle & \text{(défaut: false)} \\ \text{upright } \langle \textit{boolean} \rangle & \text{(défaut: true)} \end{array}$ 

Ce sont les deux clés du package derivative.

# 2 Présentation de la macro principale

\integral [\langle liste de clés \rangle] \{ \langle intégrande \rangle \}

Cette macro est celle qui permet de composer les intégrales. Elle doit naturellement être utilisée en mode mathématique. En voici un premier exemple :

\integral{f(x)}

$$\int f(x) \, \mathrm{d}x \tag{1}$$

Puisque cette macro est axée autour de l'utilisation de clés, la première partie de cette documentation les présentera en les regroupant par domaines. La seconde partie quant à elle documentera les macros auxiliaires qui viennent compléter les fonctionnalités de certaines clés.

# 3 Liste des clés

# 3.1 Bornes d'intégration

#### 3.1.1 Définir les bornes

```
limits {\langle pseudo-clist \rangle}, \langle mot-cl\acute{e} \rangle limits* {\langle pseudo-clist \rangle}, \langle mot-cl\acute{e} \rangle
```

Cette clé détermine les bornes d'intégration à utiliser en suivant la convention édictée dans le résumé.

```
\integral[
    limits={1, 10}
    ]{f(x)}
```

$$\int_{1}^{10} f(x) \, \mathrm{d}x \tag{2}$$

La version étoilée de la clé exprime les bornes sous la forme d'un intervalle. Le sens des crochets s'adapte automatiquement à la présence de  $\pm$ \infty.

```
\integral[
    limits*={1, 10},
    ]{f(x)}
```

$$\int_{[1,10]} f(x) \, \mathrm{d}x \tag{3}$$

La grande force de limits est qu'elle permet de spécifier les bornes de plusieurs intégrales et se charge de les composer pour vous. Pour ce faire, il faut séparer les bornes de point-virgules pour permettre au package de correctement évaluer à quelle intégrale elles appartiennent.

```
\integral[
  limits={0, R; 0, H; 0, 2\pi},
  variable={\rho, z, \phi}
  ]{\rho z \phi}
```

$$\int_0^R \int_0^H \int_0^{2\pi} \rho z \phi \, \mathrm{d}\rho \, \mathrm{d}z \, \mathrm{d}\phi \tag{4}$$

#### 3.1.2 Séparer l'intégrale

int-split \( boolean \) (défaut: false)

Cette clé sépare les différentes variables de l'intégrales et les isole. Il est donc nécessaire de l'utiliser *avant* limits afin que celle ci sache dans quel mode opérer. De plus, cette clé requiert que l'on indique comment séparer l'intégrande. Cette étape supplémentaire se réalise en suivant la même logique que pour les bornes, c'est-à-dire en utilisant le point-virgule.

```
\integral[
  int-split=true,
  limits={radius; height; circle},
  variable={\rho, z, \phi}
  ]{\rho; z; \phi}
```

$$\int_0^R \rho \, \mathrm{d}\rho \int_0^H z \, \mathrm{d}z \int_0^{2\pi} \phi \, \mathrm{d}\phi \tag{5}$$

Pour bien fonctionner, il est évident que les clés limits et variable<sup>1</sup>, ainsi que l'intégrande, doivent avoir la même dimension. Si ce n'est pas le cas, la compilation n'échouera pas, mais l'expression de l'intégrale risque de ne plus avoir aucun sens. De nombreux messages d'avertissement seront là pour vous en informer et vous dire ce qui ne va pas. N'oubliez donc pas les virgules et/ou point-virgules même si un élément reste vide!

# 3.1.3 Choisir le positionnement des bornes

limits-mode limits, nolimits (défaut: nolimits)

Équivalent à employer \limits ou \nolimits.

```
\integral[
  limits-mode=limits,
  limits={a, b}
  ]{f(x)}
```

$$\int_{a}^{b} f(x) \, \mathrm{d}x \tag{6}$$

# 3.2 Symbole (et encore des bornes)

Les clés limits et limits\* se révèlent très utiles lorsque l'expression finale d'une intégrale est déterminée (autrement dit, lorsque les bornes de chaque variable ont été définies). Cependant, cela couvre seulement... l'expression finale! Pour des cas plus généraux, elles sont relativement malcommodes. Pour composer une intégrale double sur une surface S, on devrait écrire limits={ , ; , S}. Il va sans dire que c'est assez maladapté pour l'utilisateur et peu optimal pour le package. Par ailleurs, le glyphe ne serait pas correct. L'ensemble des clés à suivre propose donc une façon de modifier facilement le symbole intégrale et les bornes.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>à découvrir d'ici peu.

### 3.2.1 Séléctionner le symbole

```
int-symb (séquence de contrôle)
```

Cette clé accepte une macro désignant un symbole intégrale. Par exemple, int-symb=\oint revient à utiliser \oint\_{\ldots}...}. Par défaut, le package intexgral tente de charger tous les symboles d'unicode-math², étant donné qu'il en offre le plus grand nombre. Si un symbole n'est pas défini, un message d'avertissement sera émis et la commande manquante sera substituée à \int.

```
\integral[
  int-symb=\oint,
  lower-lim=\mathcal{C},
  diff-vec=true,
  ]{f(\vec{r})}
```

$$\oint_{\mathcal{C}} f(\vec{r}) \cdot d\vec{r} \tag{7}$$

### 3.2.2 Générer beaucoup intégrales

```
\mathtt{nint}\ \langle \mathtt{entier} \rangle
```

Cette clé accepte un entier n qui permet de composer n intégrales. Il est conseillé d'avoir recours à cette clé seulement si le nombre de symboles dépasse 4.

```
\integral[
  nint=5,
  lower-lim=\Omega,
  variable={x_1, x_2, x_3, x_4, x_5}
  ]{f(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5)}
```

$$\iiint_{\Omega} f(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) \, \mathrm{d}x_1 \, \mathrm{d}x_2 \, \mathrm{d}x_3 \, \mathrm{d}x_4 \, \mathrm{d}x_5 \tag{8}$$

# 3.2.3 Définir les bornes (lorsqu'il n'y a qu'un seul symbole)

```
\begin{array}{ll} {\tt lower-lim} \ \{\langle borne \ inf\'erieure \rangle\} \\ {\tt upper-lim} \ \{\langle borne \ sup\'erieure \rangle\} \end{array}
```

Ces deux clés permettent de spécifier la bornes inférieure et supérieure respectivement. Si vous avez besoin de renseigner les deux bornes, la clé limits devrait être utilisée.

```
\integral[
  lower-lim={x^2 + y^2 \leq 1},
  variable={x, y}
  ]{f(x, y)}
```

 $<sup>^2\</sup>mbox{Voir}$  la documentation pour la liste complète des symboles.

$$\int_{x^2+y^2<1} f(x,y) \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y \tag{9}$$

Les clés précedentes (sans compter nint) couvrent un usage — je l'espère — assez général. Toutefois, on peut optimiser d'avantage pour un gain de temps supplémentaire. C'est pourquoi en plus de int-symb, lower-lim et upper-lim, intexgral propose des clés *raccourci*:

# 3.2.4 Combiner symbole et borne

```
single
             \{\langle borne\ inférieure \rangle\}
                                                                                                        (symbole: \int)
             {\borne inférieure\}
                                                                                                      (symbole: \iint)
double
             \{\langle borne inférieure \rangle\}
                                                                                                     (symbole: \iiint)
triple
quadruple \{\langle borne\ inférieure \rangle\}
                                                                                                    (symbole: \iiiint)
contour {\langle borne inf\u00e9rieure\rangle}
                                                                                                      (symbole: \oint)
surface
            {\langle borne inférieure\rangle}
                                                                                                     (symbole: \oiint)
                                                                                                    (symbole: \oiiint)
volume
             {\langle borne inférieure \rangle}
```

Toutes ces clés permettent de regrouper l'action de int-symb et lower-lim ensemble, facilitant le choix du symbole et de la borne inférieure en même temps. La valeur de la clé est optionnelle, auquel cas le symbole changera mais la borne restera vide.

```
\integral[
  double=S,
  variable={x, y}
]{xy}
```

$$\iint_{S} xy \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y \tag{10}$$

#### 3.2.5 Motifs récurrents de bornes

Tous comme pour les symboles, les bornes suivent parfois des schémas courants qui peuvent se généraliser avec des clés, évitant de surcharger l'expression de lower-lim.

```
domain \{\langle *-list \rangle\}
```

Cette clé accepte une liste dont le délimiteur est un astérisque. Ensuite, chaque élément de la liste est analysée de la façon suivante :

- Le premier token de l'item se voit passer \mathbb (précédé d'\uppercase au cas où la touche SHIFT serait trop loin pour vos doigts).
- Les tokens restants qui peuvent être vides sont interprétés comme la puissance cartésienne de l'ensemble.

```
\integral[
  double,
  domain={r*r},
  variable={x, y}
]{xy}
```

$$\iint_{\mathbb{R}\times\mathbb{R}} xy \,\mathrm{d}x \,\mathrm{d}y \tag{11}$$

boundary  $\{\langle borne\ inférieure \rangle\}$ 

Cette clé place simplement le symbol  $\partial$  avant la borne inférieure.

```
\integral[
  contour,
  variable=r,
  diff-vec=true,
  boundary=S
]{G(\vec{r})}
```

$$\oint_{\partial S} G(\vec{r}) \cdot d\vec{r} \tag{12}$$

# 3.3 Différentielles

# 3.3.1 Spécifier les variables

```
variable \{\langle clist \rangle\}, \langle mot-clé \rangle, none
```

Cette clé permet de spécifier les paramètres d'intégration sous forme de liste d'éléments séparés par des virgules (clist). Si cette clé n'est pas renseignée, le package affichera par défaut  $\mathrm{d}x$  (ou  $\mathrm{d}\vec{r}$  si diff-vec est activé). Si none est passé comme valeur, aucune différentielle ne sera affichée.

```
\integral[
  triple=V,
  variable={x, y, z}
  ]{f(x, y, z)}
```

$$\iiint_{V} f(x, y, z) \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z \tag{13}$$

# 3.3.2 Inclure le jacobien

jacobien \(\langle boolean \rangle \) (d\(\delta\) false)

 $\label{lem:condition} Cette clé active/désactive l'affichage du jacobien lors que défini par \verb|\NewDifferentialKeyword| (voir 4.3)$ 

```
V_\textrm{sphère} =
\integral[
  int-split=true,
  limits={0, R; 0, 2\pi; 0, \pi},
  variable=spherical,
  jacobian=true,
  ]{;;}
```

$$V_{\text{sphère}} = \int_0^R r^2 \, \mathrm{d}r \int_0^{2\pi} \sin\theta \, \mathrm{d}\theta \int_0^{\pi} \mathrm{d}\phi \tag{14}$$

# 3.3.3 Modifier le symbole

diff-symb (séquence de contrôle)

Comme évoqué plus tôt, le package derivative est utilisé pour la mise en forme des différentielles. Cette clé permet de changer le style des différentielles parmi ceux définis par \NewDifferential.

```
\NewDifferential{\feynmandiff}{\mathcal{D}}
\integral[
  variable={q(t)},
  diff-symb=\feynmandiff
  ]{e^{+\dfrac{\imath S[q(t)]}{\hbar}}}
```

$$\int e^{+} \frac{iS[q(t)]}{\hbar} \, \mathcal{D}q(t) \tag{15}$$

# 3.3.4 Opter pour la variante étoilée

diff-star \(\delta boolean\) (d\(\delta false\))

Si cette clé est vraie, cela revient à utiliser \odif\* ou ses variantes.

```
\integral[
  double,
  variable={x, y},
  diff-star=true
]{x^2 \exp(y)}
```

$$\iint x^2 \exp(y) \, \mathrm{d}_{x,y} \tag{16}$$

### 3.3.5 Désigner des options

```
\texttt{diff-options}~\{\langle \textit{cl\'es}\rangle\}
```

Cette clé accepte une liste de clés telle qu'elle aurait été écrite comme argument optionnel de \odif ou ses variantes. Pour illustrer, diff-options={order={2, 3}, var=all} sera interprété comme \odif[order={2, 3}, var=all]{...}.

```
\integral[
  diff-options={order=4}
  ]{\bar{\psi}(x)(\imath\gamma^\mu\partial_\mu-m)\psi(x)}
```

$$\int \bar{\psi}(x) (\imath \gamma^{\mu} \partial_{\mu} - m) \psi(x) \, \mathrm{d}^{4}x \tag{17}$$

# 3.3.6 Réaliser une intégrale curviligne

```
diff-vec (boolean)
```

Cette clé applique \vec à chaque paramètre d'intégration et place un \cdot comme séparation.

```
\integral[
  double=S,
  variable=S,
  diff-vec=true,
  ]{\vec{F}}
```

$$\iint_{S} \vec{F} \cdot d\vec{S} \tag{18}$$

#### 3.3.7 Personnaliser le vecteur

 ${\tt diff-vec-style} \ \langle {\tt s\'equence} \ {\tt de} \ {\tt contr\^ole} \rangle$ 

Il existe de nombreux styles de vecteurs différents en LET<sub>E</sub>X. Ainsi, cette clé utilise la séquence de contrôle donnée comme valeur pour formatter le vecteur. Par exemple, avec le package esvect chargé avec le style a :

```
\integral[
  double=S,
  variable=S,
  diff-vec=true,
  diff-vec-style=\vv,
]{\vv{S}}
```

$$\iint_{S} \vec{S} \cdot d\vec{S} \tag{19}$$

# Macros auxiliaires

# 4.1 Charger des symboles

 $\MewIntegralSymbol {\langle csname \rangle}$ 

Si vous utilisez un package définissant des symboles ne faisants pas partie d'unicode-math, vous pouvez les charger en utilisant la macro \NewIntegralSymbol dans le préambule. Il seront dès lors accessible avec la clé int-symb. L'argument devra prendre la forme d'une commande sans antislash: par exemple NewIntegralSymbol{myint}. Veuillez noter que NewIntegralSymbol n'est qu'un moyen pour le package de reconnaître les symboles préexistants et leurs macros de façon interne. Ce n'est en rien une manière de créer un nouveau glyphe. Il en va de la responsabilité de l'utilisateur de charger les packages nécessaires pour que les symboles voulus soient définis.

### **Retour sur les bornes**

\NewLimitsKeyword \RenewLimitsKeyword \ProvideLimitsKeyword \DeclareLimitsKeyword

 ${\langle mot-clé \rangle} {\langle bornes \rangle}$ 

Il est courrant de devoir renseigner les même bornes dans une intégrale. Pour faciliter leur écriture, les clé(s) limits (\*) accepte également un mot-clé désignant des bornes définies par l'un de ces quatre macros:

- \NewLimitsKeyword crée un nouveau mot clé et émet une erreur s'il existe déjà.
- \RenewLimitsKeyword redéfinit un mot clé et émet une erreur s'il n'existe pas déjà.
- \ProvideLimitsKeyword ne crée un nouveau mot clé que s'il n'existe pas déjà. Aucun message ne sera émis dans le cas échéant.
- \DeclareLimitsKeyword crée un nouveau mot clé quoiqu'il en soit, écrasant toute définition préalable.

En reprenant l'un des exemples précédents, ont pourrait modifier l'expression de l'intégrale de la façon suivante:

```
\integral[
  limits={radius; height; circle},
  variable={\rho, z, \phi}
  [\rho z \phi]
```

$$\int_0^R \int_0^H \int_0^{2\pi} \rho z \phi \, \mathrm{d}\rho \, \mathrm{d}z \, \mathrm{d}\phi \tag{20}$$

Important: dû à l'implémentation de \NewLimitsKeyword et ses variantes, l'utilisateur doit suivre la convention d'ordre des bornes du package, même si invert-limits est fixé à true.

Mot-clé	Bornes	
ab	a, b	
real	$-\infty, +\infty$	
positive	$0,+\infty$	
negative	$-\infty, 0$	
unit	0, 1	
circle	$0,2\pi$	
scircle	$0,\pi$	
qcircle	$0, \frac{pi}{2}$	
height	$0,  ilde{H}$	
radius	0, R	
length	0, L	
time	0, T	

TAB. 1: Liste des mot-clés pour les bornes.

# 4.3 Retour sur les différentielles

\NewDifferentialKeyword \RenewDifferentialKeyword \ProvideDifferentialKeyword \DeclareDifferentialKeyword

```
{\langle mot-clé \rangle} {\langle différentielles \rangle} [\langle jacobien \rangle]
```

De façon similaire, les mêmes groupes de différentielles réapparaissent souvent. On peut donc également définir des mots clés dont la liste est déjà prédéfinie (les variantes ont le même comportement).

La seule différence est que l'on peut en plus spécifier un jacobien. Ce dernier devra prendre la forme d'une clist. Ceci permet de pouvoir séparer le jacobien lorsque le mode int-split est activé. Son affichage est contrôlé par la clé jacobian expliquée précedemment.

```
\integral[
  triple={V},
  variable=cartesian
]{f(x, y, z)}
```

$$\iiint_V f(x, y, z) \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z \tag{21}$$

Mot-clé	Différentielles	Jacobien
cartesian	x, y, z	-
polar	r,  heta	r
cylindrical	r,  heta, z	r
spherical	$r, heta,\phi$	$r,\sin  heta$

TAB. 2 : Liste des mot-clés pour les différentielles.

# **Emplacements personnalisés des différentielles**

 $\verb|\differentials| Bien que l'option invert-differentials existe, il est souvent souhaitable de pouvoir placer pl$ les différentielles où l'on veut. Par exemple, il est fréquent de les voir au numérateur d'une fraction lorsque celui ci vaut 1. Pour répondre à ce besoin, le package met à disposition la  $macro \verb|\differentials|. Lorsque int-split=false|, \verb|\differentials| compose toutes les$ differentielles au même endroit. Si int-split=true, il faudra réécrire \differentials entre chaque point-virgule. Dans les deux cas, le jacobien sera rattaché aux différentielles.

```
\integral[
 variable={a},
 ]{\frac{a}} = \ln(a) + C
```

$$\int \frac{\mathrm{d}a}{a} = \ln(a) + C \tag{22}$$