Análisis sintáctico predictivo LL(1)

ANGEL MAURICIO CASTILLO ZAVALA

November 2021

1. Dada la siguiente gramática:

Gramatica:

$$\begin{split} \mathbf{S} &\rightarrow \mathbf{A}\$ \\ \mathbf{A} &\rightarrow \mathbf{A}\mathbf{a} \mid \mathbf{B}\mathbf{C}\mathbf{D} \mid \epsilon \\ \mathbf{B} &\rightarrow \mathbf{b}\mathbf{B} \mid \epsilon \\ \mathbf{C} &\rightarrow \mathbf{c}\mathbf{C} \mid \epsilon \\ \mathbf{D} &\rightarrow \mathbf{d}\mathbf{D} \mid \mathbf{d} \end{split}$$

2. Elimina la recursión izquierda $A \rightarrow Aa$

Agrega el símbolo no terminal A'.

$$\begin{array}{l} {\bf A} \rightarrow {\bf BCDA'} \mid \epsilon {\bf A'} \\ {\bf A'} \rightarrow {\bf aA'} \mid \epsilon \end{array}$$

3. Crea el árbol de sintaxis abstracta

Cadena bbdaa\$

Gramatica:

$$S \to A\$$$

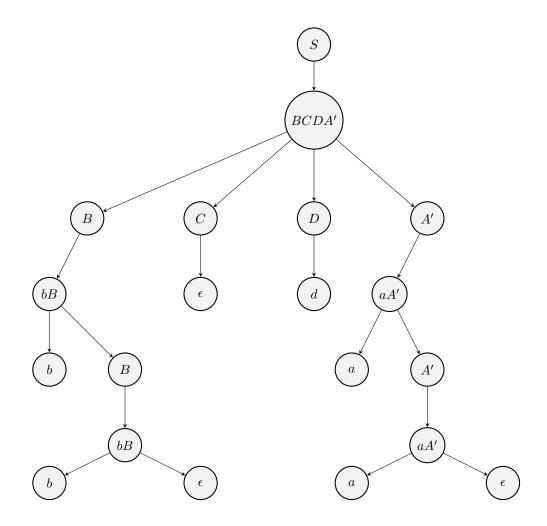
$$A \rightarrow BCDA' \mid A'$$

A'
$$\rightarrow$$
 aA' | ϵ

$$B \to bB \mid \epsilon$$

$$C \to cC \mid \epsilon$$

$$D \to dD \mid d$$



4. Calcula los conjuntos FIRST

Calcula todos los conjuntos FIRST de los símbolos no terminales.

4.1. Reglas First

- 1. Si X es un terminal, entonces First(X) = x
- 2. Si X es un no terminal, $X \to Y_1, Y_2, Y_3, ..., Y_k$, entonces $First(x) = Y_1 \cup Y_2 \cup Y_3 \cup Y_k$, hasta que Y_i produce ϵ .
- 3. Si X $\rightarrow \epsilon$ es una producción, entonces $First(X) = \epsilon$.

4.2. Aplicar Reglas

• First(S) = First(A\$)

•
$$First(A) = First(BCDA') \cup First(A')$$

$$\circ \ First(B) = First(bB) \cup First(\epsilon) = \{b, \epsilon\}$$

$$\bullet \ First(A) = \{b\} \cup First(CDA')$$

$$\circ \ First(C) = \{c, \epsilon\}$$

$$\bullet \ First(A) = \{b\} \cup \{c\} \cup First(DA')$$

$$\circ \ First(D) = \{d\}$$

•
$$First(A) = \{b\} \cup \{c\} \cup \{d\} = \{b,c,d\} \cup \{a\} = \{b,c,d,a\}$$

•
$$First(A) = First(BCDA')$$

•
$$= \{b\} \cup \{c\} \cup \{d\} = \{b, c, d, a\}$$

•
$$First(A') = First(aA') \cup First(\epsilon)$$

$$\bullet = \{a, \epsilon\}$$

•
$$First(B) = First(bB) \cup First(\epsilon)$$

$$\bullet = \{b, \epsilon\}$$

$$\qquad First(C) = First(cC) \cup First(\epsilon)$$

$$\bullet = \{c, \epsilon\}$$

$$First(D) = First(dD) \cup First(d)$$

4.3. Tabla First

No Terminales	First
S	$\{b, c, d, a\}$
A	$\{b, c, d, a\}$
A'	$\{a,\epsilon\}$
В	$\{b,\epsilon\}$
С	$\{c,\epsilon\}$
D	{ <i>d</i> }

5. Calcula los conjuntos FOLLOW

Calcula los conjuntos FOLLOW de los símbolos no terminales

5.1. Reglas Follow

- 1. Los conjuntos Follow de todos los No Terminales son iniciales vacías, excepto el del No Terminal inicial de la gramática, en el que se incluye el símbolo {\$}. A partir de este punto, para calcular cada uno de los conjuntos deben aplicarse las siguientes reglas (no son excluyentes) por cada ocurrencia del No Terminal en la parte derecha de alguna Regla de Producción.
- 2. Si A $\rightarrow \alpha B\beta$. Añadir a Follow (B) los elementos de First (β), con la excepción de ϵ ; este símbolo nunca se incluirá en los conjuntos Follow.
- 3. Si $A \to \alpha B$, o bien, $A \to \alpha B\beta$ donde First (β) contiene ϵ . Añadir a Follow (B) los elementos de Follow (A).

5.2. Aplicar Reglas

- $\bullet \ FOLLOW(S) = \{\$\}$
- $FOLLOW(A) = \{\$\}$
- $FOLLOW(A') = \{\$\}$
- $FOLLOW(B) = \{c, d\}$
- $FOLLOW(C) = \{d\}$
- $FOLLOW(D) = \{\$, a\}$

6. Resumen Calculo de First y Follow

6.1. Tabla First

Producción	No Terminales	First	Follow
$S \to A$ \$	S	$\{b, c, d, a\}$	$FOLLOW(S) = \{\$\}$
$A \rightarrow BCDA' \mid A'$	A	$\{b, c, d, a\}$	$FOLLOW(A) = \{\$\}$
$A' \to aA' \epsilon$	A'	$\{a,\epsilon\}$	$FOLLOW(A') = \{\$\}$
$B \to bB \mid \epsilon$	В	$\{b,\epsilon\}$	$FOLLOW(B) = \{c, d\}$
$C \to cC \mid \epsilon$	C	$\{c,\epsilon\}$	$FOLLOW(C) = \{d\}$
$D \to dD \mid d$	D	$\{d\}$	$FOLLOW(D) = \{\$, a\}$

7. Tabla de Análisis Sintáctico LL

7.1. Reglas

1. Para cada terminal a en First(A), agregar $A \to \alpha$ correspondiente a M[A,a].

- 2. Si ϵ está en $First(\alpha)$, entonces para cada terminal b en Follow(A), se agrega la producción $A \to \epsilon$ corresponde a M[A,b].
- 3. Si ϵ está en $First(\alpha)$ y \$ está en Follow(A),se agrega $A \to \alpha a M[A,\$].$

No Terminales	Terminales				
	a	b	c	d	\$
S	$S \to A$ \$	$S \to A$ \$	$S \to A$ \$	$S \to A$ \$	
A	$A \rightarrow aA'$	$A \rightarrow BCDA'$	$A \rightarrow BCDA'$	$A \rightarrow BCDA'$	
A'	$A' \rightarrow aA'$				$A' \to \epsilon$
В		$B \rightarrow bB$			$B \to \epsilon$
C			$C \to cC$		$C \to \epsilon$